

Title	弱面を含む岩盤の力学的挙動に関する考察(第二報)	
Author(s)	山本,和夫	
Editor(s)		
Citation	大阪府立工業高等専門学校研究紀要, 1974, 7, p.87-98	
Issue Date	1974-02-20	
URL	http://hdl.handle.net/10466/13043	
Rights		

弱面を含む岩盤の力学的挙動に関する考察(第二報)

Considerations on Mechanical Behavior in Rock Masses with Joints (Second Report)

> 山本和夫* Kazuo YAMAMOTO** (昭和48年9月12日 受理)

Summary

This paper is a continuation of the previous paper. In order to clarify the effect of geological discontinous planes(joints) involved in rock masses on their mechanical behaviours, stress, displacement and failure in rock slope are discussed experimentally with two-dimensional block-jointed models.

Joints in models are not filled. Inclination of slope is 45°. Uniform strip load is applied at the upper surface. The results obtained are as follows:

(1) Joints remarkably affect on stress distribution. Typical inclinations of joints cause stress concentration and arching phenomena. The load being increased, these phenomena disappear gradually.

(2) As inclination of joints to horizontal axis approaches the frictional angle of joints, slip along joints arises and failure strength goes down rapidly.

(3) As the inclination of joints is steeper than that of slope, slip along bottom arises.

あらまし

前報¹⁾に引続いて岩盤内に存在する地質学的分離面(ジョイント)の岩盤の力学的挙動におよぼす影響を 解明するために、2次元のブロック・ジョインテッド・モデルを用いて、岩盤斜面の応力・変形および破壊 状態を実験的に考察を加えている.

本報に用いたモデルにおいてはジョイントは未充塡のままとし、斜面の傾きは 45°とし、荷重として帯状の上載分布荷重を作用させている.実験結果を要約するとつぎのようである.

(1) このモデルの応力状態におよぼすジョイントの影響は著しく,ある特定の傾きになると著しい応力 集中現象およびアーチング現象を引起こす.これらの現象は荷重の増加とともに小さくなり,応力は等分布 化の傾向を示す.

(2) このモデルの変位はジョイントに沿うすべり、底板におけるすべり、ブロックおよびジョイントに おける圧縮および圧着変位よりなる.ジョイントの水平軸からの傾きがジョイントのまさつ角に近づくにつ れて、ジョイントに沿うすべりが生ずる.ジョイントの傾きが斜面より少し急になると、底板におけるすべ りを発生させる.

(3) このモデルの破壊強度と破壊モードにおよぼすジョイントの影響は著しく、とくに層ジョイントに 沿うすべりが生じやすい増合には、ほとんど荷重を支持することはできない.

^{*} 土木工学科 ** Department of Civil Engineering

山本和夫

1.まえがき

前報で述べたように、岩盤の強度・変形・破壊等の力学的挙動は、内在する種々の地質学的 分離面によって非常に大きく影響される.本報では岩盤構造物として岩盤斜面を取上げ、斜面 内の応力・変形・破壊状態について、2次元のブロック・ジョインテッド・モデルにより考察 したものである.従来より主として取扱ってきた岩盤モデルでは、ジョイントにペーストを充 填してきたが²⁰、本報の実験においてはジョイントを充填せずに、岩石材料のアナロジーとし たブロックを直接積み重ねたモデルを用いている.

岩盤斜面に関する研究は、最近の山岳部における高速道路の建設が盛んに行なわれている状況において非常に重要な研究の1つであり、従来よりTerzaghi³⁾, Muller⁴⁾, Trollope⁵⁾等多くの研究者によって研究されている、しかし、本報で目的とするのは岩盤斜面の安定性を論ずることではなくて、ブロック・ジョインテッド・モデルの力学的挙動を解明することである.したがって、ここでは実験より得られた結果を観察し、考察を加えている.

2. 実 験 概 要

2-1 実験方法および装置

本報で対象にした岩盤斜面モデルは、写真1に示されるように、ブロックを単にモザイク状 に積み重ねた2次元モデルで、ジョイントとして数本の平行な層ジョイントとそれに直交して 千鳥状にあるクロスジョイントが存在する、ジョイントの間隔 d は 5 cm、上載荷重幅 T は 30 cm (6×d)、斜面の傾斜および高さはそれぞれ α =45°、H=50 cm (10×d) と一定にした. 層 ジョイントの鉛直軸からの傾き θ として、0°、±30°、±45°、±60°、90°の8種類を選ん



写真1 実験装置と岩盤斜面モデル 写真2 応力測定装置



- 88 -

だ. なお, θ の符号は層ジョイントが山側から谷側に流れている方向を順目⊕として,反対に 谷側から山側に向いている方向を逆目⊖と定義する.

実験装置は図1に示すように、支持底板としてH型鋼梁上にブロックを1個づつ積み重ねて モデルを作成し、載荷はモデル上面より厚さ 10 mm のゴム板2枚、幅 T のH型鋼載荷板、 荷重計を介して、不動の大形梁に取付けた油圧ジャッキにより行なった.山側のモデル端は鉛 直方向に配置したH型鋼によって、水平山側方向への変位を拘束している.変位は荷重段階毎 に写真撮影し、あらかじめブロックの表面にマークした測点をフイルム上でコンパレータを用 いて読取り、その変化より測定した(精度は約 1/10 mm).ブロックに生ずる応力(ひずみ) は写真2に示すように、ブロック表面にロゼットゲージを貼付して測定した.

2-2 実験材料

岩石材料のアナロジーとして用いた石こうは $5 \times 5 \times 10$ cm の直方体で,水と焼石こうを重量比 W/P=1 で配合されたものであり,その性質を表1に示す.石こうの一軸圧縮強度とW/P との関係は図2に示す.

the second se		
単位体積重量	γ _p .	$1.2 \mathrm{g/cm}^3$
一軸圧縮強度	σ	24.6kg/cm²
初期弾性係数	Eo	10×10^4 kg/cm ²
¹ %強度弾性係数	E 50	3×10⁴ kg/cm²
圧裂引張強度	σ _t	-3.2kg/cm ²
静止まさつ角	¢ _f	34°

表1 石こうの力学的性質



図2 石こうの一軸圧縮強度と W/P の関係

3.実験結果

3-1 応力状態

従来の実験よりブロック・ジョインテッド・モデルにおける応力分布は等方等質の弾性体に

おけるものと比べて、一般に載荷中心線近くに集中する傾向が明らかになっているが、比較検 討のため、弾性体として有限要素法によって計算された応力分布を図3に示す. これによる と、この斜面の傾き(a=45°)においては半無限弾性体におけるものより、谷側の応力が小さ くなっているが、余り斜面の影響は見られない.以下に各層ジョイント傾斜角について、実験 結果の一例を示す.

図4に層ジョイントの傾斜角 θ=0°の場合の主応力の大きさとその方向を示す.荷重方向と 層ジョイント方向が一致するので,載荷幅直下のブロックのみに応力は伝達され,最大主応力 方向もほぼ鉛直であり,主応力の大きさも各深さでほぼ等しく,あたかも載荷幅大の鉛直柱の ような挙動を示している.荷重の増大とともに座屈現象が著しくなるが,応力分布には余り変 化は見られなかった.



図5 (a), (b) に θ =30°の場合の応力状態を示す. 最大主応力方向はほぼ層ジョイント方向 に平行であるが、山側ブロックでは最大主応力方向は逆にクロスジョイント方向に近くなって いる. 深さの変化についてみると、 z=2/3Tの深さでは目立った応力集中は見られないが、 z=Tの深さになるとアーチング現象が現われ、3つの応力伝達柱が観察される. つぎに荷重 が増加するにつれて、応力集中の度合が若干少なくなって等分布化される.



図6 (a), (b) に θ =45°の場合の応力状態を示す. この場合, z=2/3T までの浅い域では載荷中心線近くに載荷応力の3倍もの応力集中を示している. それに比べて谷側のブロックではほとんど無応力状態に近くなっている. しかし, さらに深くなって z=Tの深さになると, 逆に載荷中心線近くの応力が減って, その両側で大きくなるアーチング現象が見られる. また,

最小主応力として大きな引張応力が見られる. つぎに荷重が増加するにつれて,全体的に谷側の応力が減少して山側の応力が増加し, *z* = *T*の深さの谷側のアーチの支柱も山側に移動していくのが見られる.



図 $\mathbf{6}$ (a) 主応力の大きさと方向(heta=45°) 図 $\mathbf{6}$ (b) 荷重増加に伴う最大主応力の変化(heta=45°)

図7 (a), (b) に $\theta = 60^{\circ}$ の場合の応力状態を示す. この場合,載荷中心線近くにおいて,か なりの応力集中が生じ,とくに谷側の応力は極めて小さく無応力に近い.最大主応力の方向は 浅い域ではほぼ鉛直に近く, z = T の深さになると山側の主応力が傾いている.また,この場 合にも最小主応力として大きな引張応力が見られる. つぎに荷重が増加するにつれて,浅い域 z = T/6 においては,応力は谷側より山側へと移動するのが見られ,無応力域は斜面より載荷 中心線近くまで広がるのが見られる.



図8に θ =90°の場合の応力状態を示す. この場合,応力分布はほぼ複合パスカル的分布を示しており,最大主応力の方向は谷側および山側とも鉛直でなく,鉛直方向より ±10°前後傾いている.荷重の増加に伴う応力分布の変化は余り見られない.

図9 (a), (b) に $\theta = -30^{\circ}$ の場合の応力状態を示す. この場合, $\theta = 30^{\circ}$ の場合と丁度山側と谷側を左右逆にしたような応力状態となる. 深部の z = T においてアーチング現象が見られる. 谷側にごく近い部分のブロックの応力はかなり小さい. 荷重の増加につれて, 山側への応力の偏向が見られ, z = 2/3 T, z = T の深さではアーチの崩壊が見られ, 応力の集中は少なくなって等分布化される.

図10 (a), (b) に $\theta = -45^{\circ}$ の場合の応力状態を示す. この場合, $\theta = 45^{\circ}$ の場合と同様に載荷 中心線近くに応力は集中しているが,谷側のブロックにも応力の伝達が見られ, アーチング現

山本和夫

象も z=2/3 T より深い域で見られる. 荷重が増加するにつれて等分布化される. 図11 (a), (b) に $\theta = -60^{\circ}$ の場合の応力状態を示す. この場合, $\theta = 60^{\circ}$ の場合と同様に載荷



弱面を含む岩盤の力学的挙動に関する考察(第2報)

中心線近くに著しい応力集中を示し、荷重応力の3倍にも達する.最大主応力の方向も鉛直に 近い.しかし、θ=60°の場合に見られるような極端な無応力域は見られない.荷重が増加す るにつれて、少し応力集中度は低くなる程度で余り変化は見られない.

3-2 変形状態

ブロック・ジョインテッド・モデルにおける変位は、ジョイントに沿うすべり、ブロックの回 転、ブロックおよびジョイント間の変形、座屈等より生ずる.以下に実験結果の一例を示す.

図12に θ=0°の変位状態を示す. 変位量は最大約 3 mm と小さく, この量の大部分は初 期荷重段階で載荷幅内のブロックにおいて生じ, その後荷重が増加しても変位の増加は停滞す る.しかし,破壊近い荷重になると,座屈による横方向(面外変位も含む)へのはらみ出し変 位とブロックの圧潰によって鉛直変位がまた増加する.

図13 に θ=30°の変位状態を示す. この場合も最大変位量は約 3 mm と小さく,荷重の増加に伴う変位過程は一点鎖線で分けられた 3 つの領域によって異なる. このうち,谷側の領域では層ジョイントに沿う変位,山側の領域ではクロスジョイントに沿う変位,中間の載荷板下の領域では蛇行変位を示している. これは中間領域のくさび状の部分が岩盤モデル内下部に押し込められて,そのため両側の領域がそれぞれ谷側および山側に押し広げられていることを示す.

図14に θ =45°の変位状態を示す. この場合,一点鎖線で示す境界線によって谷側の大変位 領域と山側の小変位領域に分けられる.大変位領域の変位は層ジョイントに沿い,荷重が増加 して q=11.2 kg/cm² になると,底面のすべりが生じて,20 mm もの大きな変位を示す.小変 位領域の変位は鉛直方向に 2 mm 以下となっている.

図15に θ=60°の変位状態を示す. この場合, 一点鎖線で示すように, 一端が斜面に出てい



山本和夫

る層ジョイントに沿うブロックと底板に当っている層ジョイントに沿うブロックに分けられる.前者では一点鎖線の層ジョイントに沿うすべり変位が見られ、後者では山側ほど変位は小さくなって、その変位方向も鉛直方向に近くなっているのが見られる.さらに変位過程をみると、 $q=3.2 \text{ kg/cm}^2$ の初期荷重段階まではジョイントの圧着と層ジョイントに沿う小さなすべりが見られ、その後変位は停滞して、 $q=9.6 \text{ kg/cm}^2$ になると一点鎖線で示す層ジョイントに沿う大きなすべりが生じているのがわかる.

図16に θ =90°の変位状態を示す. この場合,変位量は約 3 mm と小さく,変位方向もほ ぼ鉛直方向である.荷重が増加すると,z=Tを境界にして,浅い域で山側に,深い域で谷側 への水平変位が見られ,小さな相対変位が生じている.

図17に $\theta = -30^\circ$ の変位状態を示す. 一点鎖線で示すクロスジョイントと底面をすべり面として,谷側では約 20 mm の水平方向の大変位が生じており,山側では鉛直方向に変位が生じている.

図18に $\theta = -45^{\circ}$ の変位状態を示す.変位量は全体に約 3 mm と小さく,変位方向も斜面 にごく近い部分のクロスジョイントに沿うものを除いて、ジョイント方向に関係なく鉛直方向 となっている.

図19に $\theta = -60^{\circ}$ の変位状態を示す.変位量は全体に約 2 mm と小さく、荷重の増加につれて、クロスジョイントに沿う浮上り現象が見られる. これは応力集中によって個々のブロックに回転変位がおこり、ブロック中央点で測定しているために、その点の変位が浮上って測定されたものと考えられる.

3-3 破壞状態

ブロック・ジョインテッド・モデルの破壊モードはつぎの4つに分けられる.



- 94 --

(A) ジョイントに沿うすべり破壊

(B) ジョイントと部分的に岩石ブロックを横切るすべり破壊

- (C) 載荷板下の岩石の圧潰
- (D) 座屈破壞

ここでは破壊を上載荷重に対する支持力が急減した点で定義する.以下に実験例を示すが,写 真は肉眼で観察できる変位量の大きい場合のみを示す.

 $\theta = 0^{\circ}$ の場合,載荷幅のブロックが柱状の座屈現象を示し、面外破壊を含む水平方向のはらみ出しおよび載荷幅内のブロクの圧潰により破壊に至る、破壊荷重は $q_f = 19.2 \text{ kg/cm}^2 = 0.78$ σ_c で,破壊モードは D である.

 $\theta=30^{\circ}$ の場合、ブロックの圧潰により破壊に至る、ブロックの破壊は載荷板直下に限られず、アーチング現象による深部における応力集中に見られるように、深部のブロックの圧潰も多い.破壊荷重は $q_f=22.4$ kg/cm²=0.91 σ_e で、破壊モードは C である.

 θ =45°の場合,写真3に示すように層ジョイントの開口が目立ち,初期破壊は応力の集中しているブロックに見られるが,最終的には底面におけるすべりを誘発して破壊に至る.破壊荷重は低く q_f =12.2 kg/cm²=0.5 σ_e で,破壊モードは A である.

 $\theta = 60^{\circ}$ の場合,写真4に示すように谷側のブロックの層ジョイントに沿うすべりとそれに 伴って山側におこる応力集中によるブロックの圧潰により破壊に至る.破壊荷重は $q_f = 17.6$ kg/cm²=0.72 σ_e で,破壊モードは $A \ge C$ の混合である.

 $\theta=90^{\circ}$ の場合,最も安定した状態であるので,載荷板直下のブロックが粉々に圧潰して破壊に至る.したがって破壊荷重も最大で $q_{of}=28.8 \text{ kg/cm}^2=1.17 \sigma_e$ で,破壊モードは C である.



写真3 破壞状態 (θ=45°)

写真4 破壊状態 (θ=60°)



写真5 破壞状態(θ=30°)

写真6 破壊状態と応力伝達機構

 $\theta = -30^{\circ}$ の場合,写真5で示すように、クロスジョイントに沿うすべりとそれに伴う層ジョイントの開口および底面のすべりによって破壊に至る.破壊荷重は $q_f = 15.4 \text{ kg/cm}^2 = 0.63$ o. で、破壊モードは B である.

 $\theta = -45^{\circ}$ の場合, ブロックの圧潰により破壊に至るが, 載荷板直下のブロックの圧潰が著しい. 破壊荷重は $q_f = 22.4 \text{ kg/cm}^2 = 0.91 \sigma_c$ で, 破壊モードは *C* である.

 $\theta = -60^{\circ}$ の場合,広範囲のブロックの圧潰により破壊に至る.破壊荷重は $q_f = 24.0 \text{ kg}/\text{cm}^2 = 0.98 \sigma_c$ で,破壊モードは C である.

4. 考

4-1 応力伝達機構

察

実験より得られた応力状態を総括すると、このモデルにおける特徴的現象と見なされるもの は、著しい応力集中現象とアーチング現象である。著しい応力集中現象はつぎの2つに大別で きよう.

(1) $\theta = \pm 45^{\circ}, \pm 60^{\circ}$ に見られるようなクロスジョイントに沿う階段状の一連のブロック における応力集中現象

(2) θ=±30°, ±45° に見られるようなアーチング現象に伴う深部での応力集中現象

(1)については、破壊寸前の非常に極限な状態を示す**写真6**に見られるように、クロスジョイントに沿う階段状の一連のブロックが、矢印で示すような荷重支持機構を構成するためにおこる現象と解される.この場合、応力状態の**図7**に示すように、個々のブロックは丁度割裂状態にあり、矢印と直交する方向に大きな引張応力が生じている.したがって、ブロックは荷重により回転し、まわりのジョイントは開口されて、矢印方向の一連のブロックは点接触に近い状態で連なっているものと推測される.このような応力伝達機構を示すのは、層ジョイント方向よりも矢印で示す方向が鉛直に近い場合、すなわち $\theta = \pm 45^\circ$ 、 $\pm 60^\circ$ および 90°の場合である.しかし、 $\theta = 90^\circ$ ではブロックが最初から安定状態にあって、ブロックの回転を起しにくいので、応力集中は少ない.逆にジョイント方向が矢印で示す方向より鉛直に近い場合、すなわち $\theta = 0, \pm 30^\circ$ の場合、層ジョイントに沿う応力伝達が卓越するものと考えられる.

(2)については、(1)で述べた2つの方向に余り大きな差がない場合、すなわち θ=±30°、± 45°の場合、上記2種の応力伝達機構が発達して、両者の間に存在するブロックには余り応力 が伝達しなくなる.この現象は応力を集中的に伝達するブロックがアーチを形成していると考 えることができる.しかし、荷重が増加するにつれて、一度開口したジョイントがブロックの 沈下によって閉塞して、このアーチング現象は次第に消滅されて、応力は等分布化されていく ものと考えられる.したがって、応力伝達機構は荷重板と表面ブロックおよび個々のブロック 間の初期接触状態と荷重増加に伴う変位による接触状態の変化に左右される.

4-2 ジョイントおよび底板におけるすべり

実験より得られた変位状態をつぎのように大別できよう.

(1) ジョイントに沿うすべり

(2) 底板におけるすべり

(3) ブロックおよびジョイントにおける圧縮および圧着変位

このうち、(3)による変位はブロックの大きさや弾性係数より、本実験の荷重レベルでは高々 4 mm 前後に限られるので、 $\theta=0^\circ$ 、30°、90°、-45°、-60° の場合はほとんどこれによる変

位と解される、この変位状態においても、この種のモデルの特徴的傾向としてのブロックの回 転なども含まれる、ここでは大変位を示す(1)、(2)の変位状態について考察する、まず、層ジョ イントに沿うすべりは順目の場合の $\theta = 45^{\circ}, 60^{\circ}$ に見られるが、これはジョイント間のまさつ 角 ϕr が 34°, 付着力が0であることおよび層ジョイントの一端が斜面に出ているかどうかを 考慮すれば,層ジョイントの水平軸からの傾き (90°-heta) が ϕ_f と斜面の傾き $a=45^\circ$ の範囲 内にあるとき,すなわち 56°>θ>45°のとき、ブロックの自重だけで層ジョイントに沿うす べりが生ずるものと考えられ、実際モデルの作成は困難である.したがって、 θ が56°より90° に大きくなるにつれてすべりにくくなり、逆に 45°より0°に小さくなるにつれてもすべりにく くなると考えられる.例えば,図13に示すように $heta\!=\!30^\circ$ の場合,載荷左端近くの層ジョイン トに沿うすべりが生じようとしても、底板によって抑制されて、一点銷線で示すくさび形のも のが押し込まれることによって、谷側のブロックをわずかに移動させるに止まっている、逆目 の場合,逆にクロスジョイントに沿うすべりが $\theta = -30^{\circ}$ に見られるが、 $\theta = -45^{\circ}$ では見られ ない. これはクロスジョイントに沿うすべり面は図17に示すような形となるので,そのすべり 面の角度が 45° に近いときに最もすべり易くなるものと考えられる.しかし、上記のジョイン トに沿うすべりは、底板におけるすべりと全く無関係には生じ得ないものであり、ジョイント と底板を結ぶ1つのすべり面のすべり抵抗と外力によるすべり面上に働くせん断力を考慮しな ければならないことはもちろんである.

4-3 破壊強度と破壊モード

実験より得られた破壊状態を先述した破壊までの応力および変位の過程をも同時に考え合わ せて考察しよう.これによると層ジョイントが水平な $\theta=90^\circ$ では応力集中が比較的少なく, したがって破壊強度は最も大きく,ブロック自身の一軸圧縮強度 σ_c にほぼ等しい荷重でブロ ックが圧潰して破壊に至る.**図20**に破壊強度および破壊モードと層ジョイントの傾きを示す. 層ジョイントの水平軸からの傾き (90°- θ) がジョイントのまさつ角 ϕ_f に近づくにつれて, 層ジョイントのすべりが生じて強度は急減する.その後,(90°- θ) が斜面の傾きを越えると 底板によってすべりが抑制されて強度はまた大きくなり,破壊もブロックの圧潰によるものが 卓越してくる.しかし,この場合,応力集中および座屈が生じて, $\theta=90^\circ$ に比べて低い荷重 でブロックは圧潰する.逆目の場合もクロスジョイントの傾きによつて,順目とほぼ同じよう な傾向を示すが,強度の減少は順目の場合より全体に少なく,強度が小さくなる角度も少しず れる.これはクロスジョイントに沿うすべり面の傾きおよび応力集中の度合を考慮することに よって理解できる.したがって先の応力および変位状態をも考え合わせて,とくにジョイント に沿うすべりおよび応力集中による強度低下に充分な配慮が必要であろう.



図20 破壊強度および破壊モードにおよぼす層ジョイントの傾き

山本和夫

5.む す び

本報は付着力のないジョイントよりなるブロック・ジョインテッド・モデルの岩盤斜面において、その力学的挙動におよぼすジョイントの影響について実験的に考察を加えた.得られた 結果を要約するとつぎのようである.

(1) 層ジョイントの鉛直軸からの傾き θ が ±45°, ±60°の場合には、クロスジョイントに 沿って階段状に並ぶ一連のブロックにおいて、応力が伝達され、そこでは荷重強度の 2~3 倍 の応力集中を示す.

(2) 層ジョイントの傾き θ が±30°, ±45°の場合には. 深部においてアーチング現象が現われ,荷重中心線近くで小さな応力域が生じてくる. しかし,荷重の増加とともにアーチングは崩壊し,応力は等分布化される.

(3) 順目の場合, 層ジョイントの水平軸からの傾き (90°-θ) がジョイントのまさつ角 øf に近づくと, 層ジョイントに沿うすべりが生じ, 斜面の傾き a を過ぎると底板によってすべりが抑制されてくる. 逆目の場合, クロスジョイントに沿うすべりが生ずるが, 順目ほど顕著には現われない.

(4) 破壊強度と破壊モードにおよぼすジョイントの傾きの影響は著しく、とくに層ジョイントに沿うすべりが生じ易い角度では、ほとんど荷重を支持することはできない.

以上本報より得られた結果と前報で提案した理論との比較検討はまたの機会に譲る.

最後に本実験を行なうに当って、多大の御協力をいただいた米田光明君(現在兵庫県庁勤務) に深く感謝します.

参考文献

- 1) 山本和夫:弱面を含む岩盤の力学的挙動に関する考察,大阪府立高専研究紀要,第6巻, pp. 69-80, 1973.
- 山本和夫・有岡正樹:不連続性基盤の応力・変形および破壊に関する模型実験,材料,第18巻,第 187号,pp. 314-324,1969.
- Terzaghi, K.: Stability of steep slopes on hard unweathered rock, Geotechnique, vol. 12, no. 4, pp. 251-270, 1962.
- Muller, L.: The stability of rock bank slopes and the effect of rock water on same, Int. Jour. Rock Mechanics and Mining Sciences, vol. 1, pp. 475-504, 1964.
- 5) Trollope, D.H.: Mechanics of rock slopes, Trans. Society of Mining Engineers, vol. 220, no. 3, pp. 275-281, 1961.