# 城市降雨径流模拟的参数不确定性分析

# 黄金良<sup>1</sup> 林杰<sup>2</sup> 杜鹏飞<sup>3</sup>

(1. 厦门大学福建省海陆界面生态环境重点实验室 厦门 361005; 2. 国家海洋局第三海洋研究所 厦门 361005; 3. 清华 大学环境学院,北京 100084)

摘要:以厦门城市小流域为例,基于蒙特卡洛随机采样和区域灵敏度分析(RSA)方法,从参数的可识别性和灵敏度分析2个方面来分析城市降雨径流 SWMM 模型参数的不确定性.结果表明,水文水力模块中汇水单元不透水区贮水深度(Dstore-Imperv)、汇水单元透水区贮水深度(Dstore-Perv)和CN特征曲线(Curve Number)这3个参数可识别性较好,区域灵敏度高;水文水力模块的区域灵敏度的排序为:Dstore-Perv>CN>Dstore-Perv>汇水单元透水区曼宁糙率(N-Perv)>传导系数(Conductivity)>管道曼宁糙率(Con-Mann)>汇水单元不透水区曼宁糙率(N-Imperv).水质模块冲刷函数中地表冲刷系数(Coefficient)和地表径流幂指数(Exponent)这2个参数以及累积函数中的地表最大可累积的污染物量(Max. Buildup)的识别性较高,区域灵敏度较大.而从区域灵敏度的排序来看,3种用地类型的地表累积速率(Rate Constant)参数 K-S 距离最小,Max. Buildup、Coefficient和 Exponent 参数的 K-S 距离相对较大.

关键词:参数识别; SWMM 模型; RSA 方法; 不确定性分析; 城市降雨径流 中图分类号: X143 文献标识码: A 文章编号: 0250-3301(2012)07-2224-11

# Parameter Uncertainty Analysis for Urban Rainfall Runoff Modelling

HUANG Jin-liang<sup>1</sup> , LIN  $Jie^2$  , DU Peng-fei<sup>3</sup>

(1. Fujian Provincial Key Laboratory of Coastal Ecology and Environmental Studies, Xiamen University, Xiamen 361005, China;
2. Third Institute of Oceanography, State Oceanic Administration People's Republic of China, Xiamen 361005, China;
3. School of Environment, Tsinghua University, Beijing 100084, China)

Abstract: An urban watershed in Xiamen was selected to perform the parameter uncertainty analysis for urban stormwater runoff modeling in terms of identification and sensitivity analysis based on storm water management model (SWMM) using Monte-Carlo sampling and regionalized sensitivity analysis (RSA) algorithm. Results show that Dstore-Imperv, Dstore-Perv and Curve Number (CN) are the identifiable parameters with larger K-S values in hydrological and hydraulic module, and the rank of K-S values in hydrological and hydraulic module is Dstore-Imperv > CN > Dstore-Perv > N-Perv > conductivity > Con-Mann > N-Imperv. With regards to water quality module, the parameters in exponent washoff model including Coefficient and Exponent and the Max. Buildup parameter of saturation buildup model in three land cover types are the identifiable parameters with the larger K-S values. In comparison, the K-S value of rate constant in three landuse/cover types is smaller than that of Max. Buildup, Coefficient and Exponent.

Key words: parameter identifiability; storm water management model(SWMM); regionalized sensitivity analysis (RSA); uncertainty analysis; urban rainfall runoff

在环境研究和管理中 模型是必不可少的工具. 由于简单的模型不能满足特定环境系统的管理需 求,如今用于环境管理的模型都趋于复杂化<sup>[1]</sup>.复 杂的模型往往需要很多的参数,这就存在数据不可 信或不可得的问题.而数据的不确定性又导致模型 中各个模块不确定性的积累和传递<sup>[2-4]</sup>.模型不确 定性的定量分析可以让人们对数据和模型的可信度 有一定的了解<sup>[5]</sup>.另外它还利于人们有针对性地收 集数据<sup>[6,7]</sup>.在模型不确定性分析中,模型参数不确 定性的分析是评价模型参数对模型的校正和模型输 出结果所必不可少的<sup>[8]</sup>.另外,由于模型参数能够 表征模型结构的系统过程,是模型结构不完善的第 一表征因子<sup>[9]</sup>,因此,模型结构的不确定性分析也 通常从参数不确定性分析开始. 模型不确定性分析方法很多,包括区域性灵

敏度分析方法(regionalized sensitivity analysis, RSA)、最大似然法、广义的卡尔曼滤波方法等.作 为一种基于随机采样统计方法的自动搜索识别 法,RSA 方法由于应用方便,不需要太多假设条 件,不需要对模型进行修改,因而在模型不确定性 分析中得到广泛地应用<sup>[10]</sup>.另外,除了可以用于模 型的参数识别之外,RSA 方法同时也是一种灵敏 度分析方法.与传统灵敏度分析方法不同,RSA 方 法克服了传统上只能对单个参数进行灵敏度分析

- 基金项目: 国家自然科学基金项目(50778098);福建省青年人才项 目(2007F3093)
- 作者简介:黄金良(1975~) 男 博士 副教授 主要研究方向为城市 降雨径流特征识别与模拟 E-mail: jlhuang@ xmu. edu. cn

收稿日期: 2011-07-18; 修订日期: 2012-01-11

的局限性,并考虑了模型结构导致的参数相关性, 能够深入分析与理解模型系统<sup>[11]</sup>.近年来 RSA 方 法逐渐地被应用于模型参数识别等研究.例如:邓 义祥等<sup>[12]</sup>讨论了在稀疏数据条件下用 RSA 方法 识别 CATR 水质模型参数;徐一剑等<sup>[13]</sup>用 RSA 方 法研究温州市温瑞塘河的水质参数不确定性;邓 义祥等<sup>[14]</sup>将 RSA 方法进行了改进,使之参数集从 二元扩展到多元,研究的对象不局限于模型参数 值分布,也包括模型目标函数分布;Sun等<sup>[15]</sup>以松 花江为例,用 RSA 方法确定了模型参数,用于评估 结冰水体中突发环境污染事故在冰融合过程中是 否造成二次污染.RSA 方法还被用于城市发展的 战略环评、流域开发对河流水质的影响评估 等<sup>[16,17]</sup>.

近年来,RSA 方法已被引入到城市降雨径流模 拟的研究领域<sup>[18~21]</sup>.但总体而言,对于城市降雨径 流模拟的参数不确定性分析的研究尚待进一步的开 展.本研究基于国际主流且应用成熟的城市降雨径 流模型(stormwater management model,SWMM)<sup>[22]</sup>, 以厦门研究区为例 应用 RSA 方法较为系统地开展 了城市降雨径流水文水力和水质模拟的参数不确定 性分析.

#### 1 材料与方法

## 1.1 流域概况及实验方案

本研究区位于厦门本岛中西部的筼筜湖西北 岸 厦门市大会堂绿地. 公园绿地作为厦门市重要的 土地覆盖类型,占全市土地面积的37%,因此本研 究选取的绿地为主导土地利用类型的小流域在区域 上具有代表性<sup>[23]</sup>.本区域面积为3.26 km<sup>2</sup>,以城市 人工绿地为主. 其中绿地面积2.13 km<sup>2</sup>,道路0.65 km<sup>2</sup>,屋面约0.48 km<sup>2</sup>,分别占65%、20%、15% 不 透水率约为35%.本区排水系统为雨污分流制管网 类型.采用雨量筒测定场次降雨的雨量,采用容器法 和 Hach 流量计(SIGMA910)相结合获取场次降雨 的流量数据,具体采样方案参见文献[24].选取 2008~2009年3场不同降雨强度的降雨分别进行 模拟实验,降雨特征见表1所示.

表1 用于模型参数灵敏度分析的场次降雨特征

	Table 1	Characteristics of	of rainfall events me	onitored in this study		
降雨时间	降雨历时 /min	降雨量 /mm	总径流量 /m <sup>3</sup>	平均降雨强度 /mm•min <sup>-1</sup>	雨前干期长度 /d	样品数 /个
2008-05-05 T09:27 ~14:13	286	9.37	77.62	0.033	11	27
2009-03-13 T18:55 ~ 20:45	110	12	109.71	0.109	3	12
2009-03-27 T19:22 ~20:47	85	2.46	4.78	0.029	4	12

# 1.2 模型概化与参数取值

根据流域的地形和管网特征调查,将流域划 分为17个汇水单元,并建立模型参数输入文件. SWMM 模型水文、水力和水质模块相关参数的取 值方法主要有3种方式:现场调查、模型手册及 相关文献调研、GIS测量参数.本研究中SWMM 参数及其取值范围、取值方法如表2和表3 所示.

表 2 SWMM 模型水文水力模块主要参数及其取值范围、取值方法

	Table 2	Major parameters with respect to SWMM hydrology and	d hydraulic module	
参数编号	参数名称	物理意义	取值范围	参数取值方法
1	Area	汇水单元面积/km <sup>2</sup>	0. 032 0 ~ 0. 766 4	GIS 数据库
2	Width	汇水单元坡面漫流宽度/m	9.0~76	GIS 数据库
3	Slope	汇水单元坡度/%	0. 322 0 ~ 0. 932 9	GIS 数据库
4	Imperv	汇水单元不透水率/%	13 ~98	调查估计
5	N-Imperv	汇水单元不透水区曼宁糙率	0.005 ~0.05	模型手册 ,文献
6	N-Perv	汇水单元透水区曼宁糙率	0.05~0.50	模型手册 ,文献
7	Dstore-Imperv	汇水单元不透水区贮水深度/mm	0~3	模型手册 ,文献
8	Dstore-Perv	汇水单元透水区贮水深度/mm	2. 54 ~ 6	模型手册 ,文献
9	Zero-Imperv	汇水单元无低洼地不透水区所占百分比/%	5.0~20	文献
10	Curve Number	曲线特征值	39 ~ 98	文献和模型手册
11	Conductivity	传导系数/mm•h <sup>-1</sup>	$0 \sim 60$	文献和模型手册
12	Con-Length	管道长度/m	12. 23 ~48. 83	GIS 数据库
13	Con-Mann	管道曼宁糙率	0.011 ~0.024	模型手册 ,文献

表3 SWMM 模型水质模块主要参数及其取值范围、取值方法

3	Major pa	rameters	with	respect	to SWMM	water	quality	(SS)	) module

参数编号参数代码土地利用类型参数名称物理意义取值范围参数取值方法1BL1绿地Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献2BL2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册 文献3BL3Rate /Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献4WL1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献5WL2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献6BRd1道路Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献7BRd2Rate Constant常数项0~20模型手册 文献8BRd3Rate /Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献9WRd1Exponent地表常和易系数0~20模型手册 文献10WR42Exponent地表行流量幂指数0~2模型手册 文献11BRf1屋面Max. Buildup地表是流量幂指数0~2模型手册 文献12BR2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册 文献13BR3Rate /Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献14WR1Coefficient地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册 文献14WR14Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献15WR2Exponent地表沿刷系数0~0.02模型手册 文献			Table 3	Major parameters wit	h respect to SWMM water quality (SS) module		
1       BL1       绿地       Max. Buildup       地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100       模型手册, 文献         2       BL2       Rate Constant       地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2       模型手册, 文献         3       BL3       Rate/Sat. Constant       常数项       0~20       模型手册, 文献         4       WL1       Coefficient       地表冲刷系数       0~0.02       模型手册, 文献         5       WL2       Exponent       地表程次可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100       模型手册, 文献         6       BRd1       道路       Max. Buildup       地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100       模型手册, 文献         7       BRd2       Rate Constant       地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2       模型手册, 文献         8       BRd3       Rate/Sat. Constant       常数项       0~0~0.02       模型手册, 文献         9       WRd1       Coefficient       地表泉水刷系数       0~2.0       模型手册, 文献         10       WRd2       Exponent       地表社公流量報報告, 如素和       0~2.0       模型手册, 文献         11       BRf1       屋面       Max. Buildup       地表是太行或累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100       模型手册, 文献         12       BR2       Rate Constant       地表表现在小和系数项值       0.2~2       模型手册, 文献         13       BR3       Rate Constant	参数编号	参数代码	土地利用类型	参数名称	物理意义	取值范围	参数取值方法
2       BL2       Rate Constant       地表累积速率/d <sup>-1</sup> $0.2 \sim 2$ 模型手册 文献         3       BL3       Rate/Sat. Constant       常数项 $0 \sim 20$ 模型手册 文献         4       WL1       Coefficient       地表冲刷系数 $0 \sim 0.02$ 模型手册 文献         5       WL2       Exponent       地表是大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> $0 \sim 100$ 模型手册 文献         6       BRd1       道路       Max. Buildup       地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> $0 \sim 100$ 模型手册 文献         7       BRd2       Rate Constant       常数项 $0 \sim 20$ 模型手册 文献         8       BRd3       Rate Constant       常数项 $0 \sim 20$ 模型手册 文献         9       WRd1       Coefficient       地表深和暴教数 $0 \sim 20$ 模型手册 文献         10       WRd2       Exponent       地表径流量幂指数 $0 \sim 20$ 模型手册 文献         12       BRf1       屋面       Max. Buildup       地表表我过速率/d <sup>-1</sup> $0.2 \sim 2$ 模型手册 文献         13       BRf3       Rate Constant       常数项 $0 \sim 20$ 模型手册 文献         14       WRf1       Coefficient       地表冲刷系数 $0 \sim 20$ 模型手册 文献         15       WR2       Exponent       地表径流量幂指数 $0 \sim 2$	1	BL1	绿地	Max. Buildup	地表最大可累积的污染物量/kg•hm $^{-2}$	$0 \sim 100$	模型手册 之献
3BL3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献4WL1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献5WL2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献6BRd1道路Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献7BRd2Rate Constant常数项0~20模型手册 文献8BRd3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献9WRd1Coefficient地表冲刷系数0~20模型手册 文献10WRd2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献15WR/2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献	2	BL2		Rate Constant	地表累积速率/d <sup>-1</sup>	$0.2 \sim 2$	模型手册 文献
4WL1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献5WL2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献6BRd1道路Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献7BRd2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册 文献8BRd3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献9WRd1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献10WRd2Exponent地表径流量幂指数0~20模型手册 文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献13BRf3Rate Constant常数项0~20模型手册 文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献15WR/2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献	3	BL3		Rate/Sat. Constant	常数项	$0 \sim 20$	模型手册 文献
5WL2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献6BRd1道路Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg•hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献7BRd2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册 文献8BRd3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献9WRd1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献10WRd2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg•hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献12BRf2Rate Constant常数项0~20模型手册 文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献	4	WL1		Coefficient	地表冲刷系数	$0\sim\!0.02$	模型手册 文献
6BRd1道路Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg•hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册.文献7BRd2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册.文献8BRd3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册.文献9WRd1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册.文献10WRd2Exponent地表程流量幂指数0~2模型手册.文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg•hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册.文献12BRf2Rate Constant常数项0.2~2模型手册.文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册.文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册.文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册.文献	5	WL2		Exponent	地表径流量幂指数	$0 \sim 2$	模型手册 之献
7BRd2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册、文献8BRd3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册、文献9WRd1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册、文献10WRd2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册、文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册、文献12BRf2Rate Constant常数项0.2~2模型手册、文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册、文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册、文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册、文献	6	BRd1	道路	Max. Buildup	地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup>	$0 \sim 100$	模型手册 之献
8BRd3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册.文献9WRd1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册.文献10WRd2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册.文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册.文献12BRf2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册.文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册.文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册.文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册.文献	7	BRd2		Rate Constant	地表累积速率/d <sup>-1</sup>	$0.2 \sim 2$	模型手册 之献
9WRd1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献10WRd2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册 文献12BRf2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册 文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册 文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册 文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册 文献	8	BRd3		Rate/Sat. Constant	常数项	$0 \sim 20$	模型手册 之献
10WRd2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册.文献11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg•hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册.文献12BRf2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册.文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册.文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册.文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册.文献	9	WRd1		Coefficient	地表冲刷系数	$0\sim\!0.02$	模型手册 文献
11BRf1屋面Max. Buildup地表最大可累积的污染物量/kg·hm <sup>-2</sup> 0~100模型手册.文献12BRf2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册.文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册.文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册.文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册.文献	10	WRd2		Exponent	地表径流量幂指数	$0 \sim 2$	模型手册 文献
12BRf2Rate Constant地表累积速率/d <sup>-1</sup> 0.2~2模型手册,文献13BRf3Rate/Sat. Constant常数项0~20模型手册,文献14WRf1Coefficient地表冲刷系数0~0.02模型手册,文献15WRf2Exponent地表径流量幂指数0~2模型手册,文献	11	BRf1	屋面	Max. Buildup	地表最大可累积的污染物量/kg•hm <sup>-2</sup>	$0 \sim 100$	模型手册 文献
13     BRf3     Rate/Sat. Constant     常数项     0~20     模型手册,文献       14     WRf1     Coefficient     地表冲刷系数     0~0.02     模型手册,文献       15     WRf2     Exponent     地表径流量幂指数     0~2     模型手册,文献	12	BRf2		Rate Constant	地表累积速率/d <sup>-1</sup>	$0.2 \sim 2$	模型手册 文献
14         WRf1         Coefficient         地表冲刷系数         0~0.02         模型手册,文献           15         WRf2         Exponent         地表径流量幂指数         0~2         模型手册,文献	13	BRf3		Rate/Sat. Constant	常数项	$0 \sim 20$	模型手册 之献
15 WRf2 Exponent 地表径流量幂指数 0~2 模型手册,文献	14	WRf1		Coefficient	地表冲刷系数	$0\sim\!0.02$	模型手册 之献
	15	WRf2		Exponent	地表径流量幂指数	0~2	模型手册 之献

值得一提的是 ,本研究采用运动波方程作为输 流方程 SCS 曲线特征值模型为入渗模型. 水质部分 (水质参数为悬浮颗粒物 ,SS) 的累积函数和冲刷函 数分别采用饱和浸润方程和指数方程.

1.3 参数识别方法

# 1.3.1 RSA 方法

RSA 方法又称 HSY(Homberge-Spear-Young) 算 法 改变了寻找最优单参数点的传统思维 在某种意 义上是以牺牲精度换取可靠性 这使得 RSA 方法在 降低精度的情况下,尽可能地估计到潜在的预测风 险. 另外 ,RSA 还可进行区域灵敏度分析 ,以判别参 数的相对重要性<sup>[25]</sup>.

RSA 方法的主要步骤如下<sup>[9 25]</sup>: ①确定参数可 能取值区间 即确定参数取值的上限和下限以及空 间统计分布状态: ②根据已有数据和模拟的要求, 将模拟的结果划分为可接受和不可以接受 2 种类 型,可接受模拟结果的参数组称为行为参数,不可接 受模拟结果的参数组称为非行为参数;③对参数在 取值区间进行随机采样 ,用采样的参数进行系统模 拟;④根据这组参数模拟的结果把参数进行归类, 分别对应于②中的2种划分方案;⑤重复③和④, 直到找到要求数据量可以接受的参数为止.

# 1.3.2 参数可识别性和区域灵敏度

RSA 方法是通过参数的可识别性判断和区域 灵敏度的计算来衡量的. 模型参数的可识别性可以 用累积分布函数或概率密度函数来表示. 概率峰值 越明显就表示参数的可识别性越强 概率峰值越不 明显则表示参数的可识别性越弱.

RSA 方法可求出行为参数与非行为参数的样

本分布 通过计算2参数样本之间的统计距离 得到 了包含参数空间分布特征整体的区域灵敏度. 并通 常采用 Kolmogorov-Smimov(K-S)检验来比较样本分 布. K-S 检验就是比较 2 个分布的最大垂直距离 d<sub>m</sub>, 距离越大,则分布的差异越大,参数的灵敏度 越高. 因此,可根据 d<sub>m</sub>,的大小对参数进行灵敏度排 序或实际可识别性分析.

 $d_{m_n}$ 是2个分布之间的最大距离 n 和 m 是行为 参数和非行为参数的样本个数,F<sub>n</sub>和F<sub>m</sub>对应于行 为参数和非行为参数的样本分布函数. 距离越大 则 分布的差异越大,参数的灵敏度越高.因此,可根据  $d_{m,n}$ 的大小对参数进行灵敏度排序或实际可识别性 分析.

# 1.3.3 采样方法

RSA 方法是建立在随机采样基础之上的. 随机采 样是指从总体上按照一定方法抽取有限个样本从而 估计总体的特征. 不同的随机采样方法具有不同的采 样效率和采样精度 目前应用较为广泛的采样方法包 括蒙特卡罗采样(Monte Carlo sampling, MCS)和拉丁 超立方采样(latin hypercube sampling, LHS).

MCS 是最为常用的一种采样方法,其基本原理 是:当所要求解的问题是某种事情出现的概率,或者 是某个随机变量的期望值的时候,它们可用某种数字 模拟实验的方法获得事件出现的频率 或者是它随机 变量的平均值 并用它们作为问题的解. 尽管存在收 敛速度慢和误差概率性质等问题 /但 MCS 由于其简 单灵活 仍然在统计计算中发挥着重要的作用<sup>[26]</sup>.

# 1.3.4 目标函数

以模拟值与实测值的偏差 ΔDE 作为目标函数,

如式(1) 所示:

$$\Delta DE = \left| \frac{X_0 - X_s}{x_0} \right| \tag{1}$$

式中  $X_0$  为模拟值  $X_s$  为实测值  $\Delta DE$  为模拟值与 实测值的偏差.

本研究中,对于水文水力模块 ΔDE ≤ 20%, 对 于水质模块 ΔDE ≤ 25%.

2 结果与讨论

采用表 2 和表 3 提及的参数取值方法,通过表 1 所列 3 场降雨实测数据对模型水文模块参数进行 初步率定,率定结果见表 4.

2.1 基于 RSA 的 SWMM 水文水力模块参数识别

本研究选取 2008-05-05、2009-03-13、2009-03-27 的 3 场降雨,进行基于 Monte-Carlo 随机采样的 RSA 方法的 SWMM 模型水文水力参数识别.

2.1.1 水文水力模块参数可识别性和区域灵敏度 分析

采用 Monte-Carlo 随机采样和 RSA 方法对 2008-05-05、2009-03-13、2009-03-27的3场降雨的 Manning-Imperv、 Manning-Perv、 Destore-Imperv、 Destore-Perv、Con-Mann、Curve Number、Conductivity

Fig. 1

Table 4	Comparison of observed and simulated values			
时间	TA 다	水文水	力模块	水质模块
비기 [미]	坝日	总径流量/m <sup>3</sup>	峰值/m <sup>3</sup> •s <sup>-1</sup>	SS/kg
	模拟	78.49	0.0286	1.72
2008-05-05	实测	77.62	0.0287	1.568
	偏差/%	1.12	0.25	9.72
	模拟	128.05	0.0526	—
2009-03-13	实测	109.71	0.0497	—
	偏差/%	16.7	-5.88	—
	模拟	2.83	0.001	0.032
2009-03-27	实测	4.78	0.0014	0.0344
	偏差/%	40.84	30.4	6.94

表4 模拟和实测相对偏差<sup>1)</sup>

1) 一表示数据缺失

这 7 个参数进行识别. 在参数取值区间内均匀进行 50 000次采样. 取 3 场降雨的水文模拟值与实测值 的偏差 ΔDE 都小于 20% 的参数作为可接受的参 数. 通过随机采样运算寻出1 871组 "可行"的参数 值 ,平均接受率为 3.74%.

其中 Dstore-Imperv、Dstore-Perv 和 Curve Number 这3个参数可识别性较好,其他4个参数的 可识别性较差;详细可见概率密度图和累积分布函 数(图1).由图1可见,Dstore-Imperv、Dstore-Perv



图 1 水文水力模块参数识别性 Posterior probability distribution for parameters with hydrologic and hydraulic module

7期

和 Curve Number 这3个参数的概率密度函数均呈 较明显的类正态分布,可识别性较强.其中,Dstore-Imperv 在 1.8~2.25 出现的频率最高 ,Dstore-Perv 在 3.9~5.9 出现的频率最高 ,Curve Number 在 39 ~69 出现的频率最高. 其他参数后验分布呈均与分 布 在参数空间分布的高值区域识别性较差. 进一步 采用参数识别前后累积分布函数来研究参数的可识 别性. 识别过程对 Dstore-Imperv、Dstore-Perv 和 Curve Number 这3个参数的改进最为明显,其后验 分布与前验分布具有显著的差别,说明它的可识别 性较好 而其他参数的后验分布与前验分布差异较 小,可识别性较差.本研究结果与其他的同类研究结 果有相同亦有不一致. 文献 [18 21 27]的研究也表 明 "Dstore-Imperv 具有很好的可识别性,区域的灵敏 度较强. 董欣<sup>[27]</sup>的研究表明, Dstore-Perv 和 Curve Number 都不是区域灵敏参数,且识别性也较差,这 与本研究的结论不太一致,但是这3个参数的 K-S 值的排序与本研究一致. 王浩昌等<sup>[20]</sup> 对城市降雨径 流的全局灵敏度分析表明 N-Imperv 是灵敏参数,而 Dstore-Imperv 和 Dstore-Perv 都不是灵敏参数. 这可 能是因为本研究的主要用地类型为透水性较好的绿 地 而上述2个研究区的主要用地类型都为透水性

较差的路面或屋面. 所以,本研究中与透水性有关的 Dstore-Perv和 Curve Number 参数在本研究中的区 域灵敏性较好,识别性也较强.

采用 K-S 检验计算 7 个待识别参数的可接受和 不可接受参数样本分布的区域灵敏度. 表 5 为 7 个 参数的区域灵敏度排序. 从表 5 中可知 Dstore-Imperv、Curve Number、Dstore-Perv 这 3 个参数的 K-S 值分别排在前 3 名 ,N-imperv、Con-Mann 的 K-S 值 最小.

#### 表 5 SWMM 模型区域水文水力参数灵敏度分析结果

Table 5 Regional sensitivity values and their orders for parameters in hydrological and hydraulic module

参数名称	参数识别范围 ( 概率较高值区间)	RSA 区域灵敏度	排序
N-Imperv	均匀分布	0.05	7
N-Perv	均匀分布	0.036	4
Dstore-Imperv/mm	1.8 ~ 2.25	0.647	1
Dstore-Perv/mm	3.9 ~ 5.9	0.126	3
Con-Mann	均匀分布	0.014	6
Curve Number	39 ~ 69	0.484	2
Conductivity	均匀分布	0.021	5

## 2.1.2 水文水力模块参数识别结果

在分析参数可识别性与区域灵敏度的基础上, 将水文水力模块的参数识别结果列于表 6.

表6	3场降雨水文参数识别结果
表6	3场降雨水文参数识别结果

Table 6 Results of preliminary recognition of hydrological and hydraulic parameters					
参数编号	参数名称	参数取值范围	率定参数取值	参数取值方法	
1	Area	0.0320~0.7664	空间分布特征	GIS 数据库	
2	Width	9.0~76	空间分布特征	GIS 数据库	
3	% Slope	0. 322 0 ~ 0. 932 9	空间分布特征	GIS 数据库	
4	% Imperv	13 ~ 98	空间分布特征	调查估计	
5	N-Imperv	0.005 ~ 0.05	0.014 ~0.05	RSA 方法	
6	N-Perv	0.05 ~ 0.50	0.05 ~0.50	RSA 方法	
7	Dstore-Imperv	0 ~ 3	1.8 ~ 2.25	RSA 方法	
8	Dstore-Perv	2.54~6	3.9 ~ 5.9	RSA 方法	
9	% Zero-Imperv	5.0~20	空间分布特征	文献	
10	Curve Number	39 ~ 98	39 ~ 69	RSA 方法	
11	Conductivity	0~60	0 ~60	RSA 方法	
12	Con-Length	12. 23 ~ 48. 83	空间分布特征	GIS 数据库	
13	Con-Mann	0.011 ~ 0.024	0.011 ~0.024	RSA 方法	

采用表6参数识别结果,进一步模拟3场降雨 的水文过程曲线,根据局部灵敏度分析的结果 Curve Number 与总径流量呈正相关,Conductivity 与 总径流量呈负相关,因此以Curve Number 的最小值 和其他参数的最大值生成模拟水文的最小值过程 线,以Curve Number 的最大值和其他参数的最小值 来生模拟水文的最大值过程线,并与实测值进行对 比 结果如图 2 所示.

## 2.1.3 水文水力参数识别结果检验

参数识别之后,将3场降雨识别参数的取值 区间调整为各自识别后的参数区间,其余参数的 取值保持不变.在重新调整参数取值区间后,采 用基本 MCS 随机采样50 000次.模拟结果表明, 各个场次降雨的平均接受率都有大幅度的提





高 2008-05-05、2009-03-13 和 2009-03-27 的 3 场降雨模拟的平均接受率分别从原来的 30.2%、 6.26%、 6.65% 增 加 到 99.7%、 9.26% 和 32.47%.说明在重新调整参数取值区间之后,通过 RSA 方法较好地实现了单一场次降雨径流的 模拟,其结果如图 3~5 和表7 所示.







图 4 2009-03-13 场次降雨水文水力参数调整前后总径流量模拟结果比较

Fig. 4 Simulation results of total runoff before and after identification of the rainfall event 2009-03-13



图 5 2009-03-27 场次降雨水文水力参数调整前后总径流量模拟结果比较

Fig. 5 Simulation results of total runoff before and after identification of the rainfall event 2009-03-27

Table 7 Comparison of simulated flows before and after parameters identification							
降雨场次	参	数	接受率/%	最小值	最大值	均值	标准差
	<b>尚</b> 尔达昌 /… <sup>3</sup>	原始取值	3.74	77.21	201.14	113.39	24. 78
	总径流里/m	调整取值后	48.5	82.58	126.87	90.43	6.68
2008-05-05	带心心关	原始取值	3.74	0.00	1.21	0.27	0. 25
	<b>侘</b> 拟	调整取值后	48.5	0.00	0.40	0.05	0.05
	总径流量/m <sup>3</sup>	原始取值	3.74	107.19	280.98	165.33	36. 51
		调整取值后	48.5	115.50	189.88	129.98	13.25
2009-03-13	模拟偏差	原始取值	3.74	0.00	1.35	0.39	0.30
		调整取值后	48.5	0.00	0. 59	0.09	0.11
2000 02 27	首次这里 (…3	原始取值	3.74	3.15	27.77	11.59	7.60
	总径沉里/m	调整取值后	48.5	3.26	7.67	4.86	1.08
2009-03-27	描刊位关	原始取值	3.74	0.01	4.65	1.54	1.38
	<b>侘</b> 似 順 左	调整取值后	48.5	0.01	0.61	0. 19	0.12

表7	3场降雨水文水力参数调整前后随机采样统计值比较
Com	marison of simulated flows before and after parameters ident

2.2 基于 RSA 的 SWMM 水质模块参数识别 水质参数的识别是在水文水力参数识别和验证的 基础上进行的. 将水文水力模块中已识别的 DstoreImperv、Dstore-Perv、Curve Number 这3个参数后验取值 范围作为新的参数范围 将污染物的累积冲刷模块添 加进原有的水文水力的模型 共有3种土地利用类型 Coefficient、Exponent 5 类共 15 个参数需要加以识别.

2.2.1 水质模块参数可识别性和区域灵敏度分析

本研究选取 2008-05-05 和 2009-03-13 降雨对 SS 水质参数进行识别.

采用 MCS 随机采样和 RSA 方法对 3 场降雨的 15 个参数进行识别. 在参数取值区间内均匀进行

50 000次采样. 取模拟值与实测值偏差 < 25% 的参数作为可接受的参数. SS 的随机采样运算寻出1 373 组 "可行"的参数值,平均接受率为 2.75%.

对于水质参数 SS 的 15 个水质参数中 WL1、 WL2、BRd1、WRd1、WRd2、BRf1、BRf3、WRf1、WRf2 共9 个参数的识别性较好,详细可见概率密度图和 累积分布函数(图6).





由图 6 可见,对于水质参数 SS 的 WL1、WL2、 BRd1、WRd1、WRd2、BRf1、BRf3、WRf1、WRf2 这 9 个参数概率密度函数均呈较为明显的类正态分布, 可识别性较强.其中各个参数出现频率最高的范围 可见表 3.其他参数后验分布呈均匀分布,在参数空 间分布的高值区域识别性较差.进一步采用参数识 别前后累积分布函数来研究参数的可识别性.从图 6 可知,SS 中 WL1、WL2、BRd1、WRd1、WRd2、 BRf1、BRf3、WRf1、WRf2 这 9 个参数的改进最为明 显,其后验分布与前验分布具有显著的差别,说明它 的可识别性较好,而其他 6 个参数的后验分布与前 验分布差异较小,可识别性较差.

整体来看 在 3 种土地利用类型中, SS 的冲刷 函数中的 2 个参数的识别性都较高. 另外, SS 的 Max. Buildup 参数在道路和屋顶这 2 种土地类型的 识别性都较好. 董欣<sup>[27]</sup>的研究表明屋顶和道路的冲 刷模块的 2 个参数的识别性都较强,且区域灵敏度 大,这与本研究的结果一致. 另外对于绿地来说,黄 金良<sup>[18]</sup>的研究中只有 WL1 具有较强的可识别性, 而本研究中绿地除了地表冲刷系数,地表径流量幂 指数也有很好的识别性. 综合相关研究和本研究的 结果来看,各种用地类型的冲刷模块参数的识别性 都较强,而累积参数中地表最大可累积的污染物量 的识别性也较强. 采用 K-S 检验计算 15 个待识别参数的可接受 和不可接受参数样本分布的区域灵敏度. 图 7 为 2 个水质指标的 15 个参数的区域灵敏度排序. 3 种用 地类型的 Rate Constant 参数 K-S 距离最小,Max. Buildup、Coefficient 和 Exponent 参数的 K-S 距离相 对较大;从不同用地类型来看 不同用地类型的 K-S 距离没有普遍的规律,而绿地的 SS 的 Max. Buildup 和 Coefficient 参数的 K-S 距离较其他用地类型 都小.





#### 2.2.2 水质模块参数识别结果

在分析参数可识别性与区域灵敏度的基础上, 将水质模块的参数识别结果列于表 8.

图 8 所示为用水文水力参数识别的 N-Imperv、 Des-Imperv、Des-Perv 参数范围的中值和用经 RSA 方法参数率定后的 SWMM 模型模拟 2 场降雨的水 质过程曲线. 根据 SS 局部灵敏度分析的结果



33 卷

表 8	SWMM 模型水质模块主要参数识别结果
120	3111111 侯空小贝侯坛工女参奴以加纪术

Table 8 Results of	preliminary recognit	ion of water quality parameter
参数编号	参数代码	SS 率定参数取值
1	BL1	1 ~75
2	BL2	具空间分布特征
3	BL3	1.5 ~10
4	WL1	0.001 ~0.012
5	WL2	0.7~2
6	BRd1	1~70
7	BRd2	具空间分布特征
8	BRd3	0.5 ~10
9	WRd1	0.001 ~ 0.009
10	WRd2	0.6~2
11	BRf1	1~75
12	BRf2	具空间分布特征
13	BRf3	2~10
14	WRf1	0.001 ~ 0.008
15	WRf2	0.5 ~1.7

分别生成最大值和最小值的模拟 SS 过程线,并与实测值进行对比,结果如图 8.

2.2.3 水质模块参数识别结果检验

参数识别之后,即将2场降雨识别的参数 的取值区间调整为各自识别后的参数区间,其 余参数的取值保持不变,在重新调整参数取值 区间后,采用基本 MCS 随机采样50000次.模拟 结果表明,各个场次降雨的平均接受率有一定 的提高,但是提高的幅度不大,COD 的接受率从 1.5%增加到8.1%,SS 的接受率从2.75%增 加到7.6%,调整前后的比较结果见图9和图 10.



图 9 2008-05-05 场次降雨 SS 调整前后总径流量模拟结果比较

Fig. 9 Comparison of 2008-05-05 SS simulation results before and after identification





## 3 结论

2234

(1) 水文水力模块中 Dstore-Imperv、Dstore-Perv 和 Curve Number 3 个参数可识别性较好;水文水力 模块的区域灵敏度的排序为: Dstore-Imperv > CN > Dstore-Perv > N-Perv > Conductivity > Con-Mann > N-Imperv.

(2) SS 水质模块中 WL1、WL2、BRd1、WRd1、 WRd2、BRf1、BRf3、WRf1、WRf2 这9个参数的识别 性较好. 水质模块 SS 冲刷函数中的地表冲刷系数 (Coefficient) 和地表径流幂指数(Exponent) 2 个参数 和累积函数中的地表最大可累积的污染物量(Max. Buildup) 的识别性都较高,不确定性较小.而从区域 灵敏度的排序来看 3 种用地类型的 Rate Constant 参数 K-S 距离最小, Max. Buildup、Coefficient 和 Exponent 参数的 K-S 距离相对较大.

## 参考文献:

- [1] Drechsler M. Sensitivity analysis of complex models [J]. Biological Conservation , 1998 , 86(3): 401-412.
- [2] Freni G, Mannina G, Viviani G. Uncertainty assessment of an integrated urban drainage model [J]. Journal of Hydrology, 2009, 373(3-4): 392-404.
- [3] Willems P. Quantification and relative comparison of different types of uncertainties in sewer water quality modeling[J]. Water Resource , 2008 , 42(13) : 3539-3551.
- [4] Mannina G, Freni G, Viviani G, et al. Integrated urban water modelling with uncertainty analysis [J]. Water Science and Technology, 2006, 54(6-7): 379-386.
- [5] Radwan M, Willems P, Berlamont J. Sensitivity and uncertainty analysis for river quality modelling [ J ]. Journal of Hydroinformatics , 2004 , 6(2): 83-99.
- [6] Frey H C. Quantitative analysis of uncertainty and variability in environmental policy making [R]. Environmental science and engineering fellows program report. Washington, DC: American Association for the Advancement of Science , 1992. 25-33.
- [7] Bertrand-Krajewski J L. Stormwater pollutant loads modelling: epistemological aspects and case studies on the influence of field data sets on calibration and verification [J]. Water Science and Technology , 2007 , 55(4): 1-17.
- [8] Beck M B. Water quality modeling: a review of the analysis of uncertainty [J]. Water Resources Research , 1987 , 23 (8): 1393-1442.
- [9] Osidele O O , Beck M B. Identification of model structure for aquatic ecosystems using regionalized sensitivity analysis [1]. Water Science and Technology , 2001 , 43(7): 271-278.

- [10] 程声通.环境系统分析教程[M].北京:化学工业出版社, 2006.
- [11] 刘毅,陈吉宁,杜鹏飞.环境模型参数识别与不确定性分析 [J]. 环境科学, 2002, 23(6): 6-10.
- [12] 邓义祥,陈吉宁,杜鹏飞. HSY 算法在水质模型参数识别中 的应用探讨[J]. 上海环境科学, 2002, 21(8): 497-500.
- [13] 徐一剑,曾思育,张天柱.基于不确定性分析框架的动态环 状河网水质模型——以温州市温瑞塘河为例[J]. 水科学进 展,2005,16(4):574-580.
- [14] 邓义祥, 富国, 于涛, 等. 改进的 RSA 方法在参数全局灵敏 度分析中的应用[J].环境科学研究,2008,21(3):40-43.
- [15] Sun F , Chen J , Tong Q , et al. Development and identification of an integrated waterworks model for trihalomethanes simulation [J]. Science of the Total Environment, 2009, 407(6): 2077-2086.
- [16] Liu Y, Chen JN, He WQ, et al. Application of an uncertainty analysis approach to strategic environmental assessment for urban planning[J]. Environmental Science and Technology, 2010, 44 (8): 3136-3141.
- [17] Fu G T , Butler D , Khu S T. The impact of new developments on river water quality from an integrated system modelling perspective [J]. Science of the Total Environment, 2009, 407 (4): 1257-1267.
- [18] 黄金良. 澳门半岛城市降雨径流污染特征与模拟研究[D]. 北京:清华大学,2007.
- [19] 董欣,杜鹏飞,李志一,等. SWMM 模型在城市不透水区地 表径流模拟中的参数识别与验证[J].环境科学,2008,29 (6): 1495-1501.
- [20] 王浩昌,杜鹏飞,赵冬泉,等.城市降雨径流模型参数全局 灵敏度分析[J]. 中国环境科学, 2008, 28(8): 725-729.
- [21] 赵冬泉,王浩正,陈吉宁,等.城市暴雨径流模拟的参数不 确定性研究[J]. 水科学进展, 2009, 20(1): 45-51.
- [22] Huber W C , Dickinson R E. Storm water management model , Version 4. User's manual [R]. EPA/600/3-88/001a. Athens, GA: Environmental Protection Agency , 1988. 569.
- [23] Huang J L , Tu Z S , Du P F , et al. Uncertainties in stormwater runoff data collection from a small urban catchment , Southeast China [J]. Journal of Environmental Sciences, 2010, 22(11): 1703-1709.
- [24] 黄金良,涂振顺,杜鹏飞,等.城市绿地降雨径流污染特征 对比研究-以澳门与厦门为例 [J].环境科学, 2009, 30 (12): 3514-3521.
- [25] 邓义祥. 稀疏数据条件下河流水质模型的参数识别[D]. 北 京:清华大学,2003.
- [26] 王浩昌. 基于不确定性分析的 SWMM 参数识别方法研究及 工具开发[D]. 北京:清华大学,2009.
- [27] 董欣. 城市地表径流水质水量特征分析[D]. 北京: 清华大 学,2007.