



Suscribirse

Normas para Publicar

Enviar Artículos

Estadísticas

- Pres
- Port
- Mon
- Núm  
Ante
- Cont  
Indz
- Edici
- Info



## Foro Experimental sobre Recursos de Matemática Aplicada a las Telecomunicaciones. Utilización de las Tecnologías de la Información y la Comunicación en la docencia.

*Salvador Merino Córdoba*  
*smerino@uma.es*

*Ángel Mora Bonilla*  
*amora@ctima.uma.es*

*María Luz Muñoz Ruiz*  
*munoz@anamat.cie.uma.es*

*José Manuel González Vida*  
*vida@anamat.cie.uma.es*

*Javier Martínez del  
Castillo*  
*javim@ctima.uma.es*

*Enrique Mérida Casermeiro*  
*merida@ctima.uma.es*

*Pablo Cordero Ortega*  
*pcordero@uma.es*

*Francisco J. Rodríguez  
Sánchez*  
*fjrodri@ctima.uma.es*

*José Luis Galán García*  
*jl\_galan@uma.es*

*Pedro Rodríguez Cielos*  
*prodriguez@uma.es*

Yolanda Padilla Domínguez  
ypadilla@ctima.uma.es  
Gloria Gutiérrez Barranco  
gloriagb@ctima.uma.es  
Universidad de Málaga

## 1. Introducción

En este artículo describimos una experiencia a la que hemos denominado FERMAT (Foro Experimental sobre Recursos de Matemática Aplicada a las Telecomunicaciones) y que se lleva realizando en la Escuela Técnica Superior de Ingeniería de Telecomunicación de la Universidad de Málaga desde hace dos años.

Este trabajo se ha encauzado bajo los siguientes proyectos:

- El Proyecto de Innovación Educativa *Proyecto FERMAT* (curso 04/05. Universidad de Málaga, código PIE 04/030).
- El Proyecto Andaluz de Formación del Profesorado Universitario *FERMAT* (curso 04/05. Unidad de Calidad de las Universidades Andaluzas, código UMA N 008).

FERMAT es un foro de trabajo desarrollado por un grupo de doce doctores, profesores del Departamento de Matemática Aplicada de la Universidad de Málaga. Durante los dos últimos cursos se ha convertido en el punto de encuentro para alumnos y docentes de asignaturas de Matemáticas tan diversas como los *Métodos Numéricos*, *Álgebra*, *Cálculo*, *Matemática Discreta*, *Análisis Vectorial* y *Ecuaciones Diferenciales* o *Ampliación de Matemáticas*. En el último año se han producido más de 1.000.000 accesos y 70.000 visitas, lo que evidencia el éxito de este proyecto y la necesidad de realizar experiencias de este tipo.

## 2. Objetivos y Metodología

El problema originario era tratar de paliar el fracaso (tanto a nivel académico como de implicación de los alumnos en su desarrollo) que existía en la asignatura *Métodos Numéricos* de las distintas especialidades de la titulación de Ingeniería Técnica de Telecomunicación de la Universidad de Málaga (800 alumnos). Esta asignatura consta de 4.5 créditos y se imparte en dos contextos diferentes: el primero mediante clases teóricas, apoyadas en tecnologías multimedia, en la que se introducen los conceptos básicos y se resuelven problemas con tamaño reducido; el segundo en clases de laboratorio, donde se enseña al alumno a enfrentarse con problemas reales de un tamaño que sólo puede ser abordado mediante el empleo del ordenador y con el uso de un software específico (Matlab).

Para solucionar este problema, nos marcamos como objetivo principal el desarrollo de un entorno educativo que complementara la formación presencial tradicional.

Tras los buenos resultados obtenidos, ese trabajo fue la base de la adaptación de la docencia de las diferentes asignaturas a las que antes hacíamos mención. Además, hemos pretendido ir adaptándonos a las nuevas directrices dadas en la declaración de Bolonia en cuanto a facilitar la individualización y tutorización, presencial o no, de la enseñanza universitaria.

## 3. Descripción del portal FERMAT

A continuación pasamos a comentar el funcionamiento general del portal FERMAT y las características principales de sus diferentes secciones.

### 3.1. Presentación

La ilustración 1 muestra la página de inicio de FERMAT. En ella se recogen las diferentes asignaturas con que cuenta el Departamento de Matemática Aplicada de la Universidad de Málaga en la Escuela Técnica Superior de Ingeniería de Telecomunicación. También podemos observar las cuatro secciones principales con que cuenta el portal y todos los links de interés (en su parte derecha) que pueden servir de ayuda en el desarrollo de las asignaturas de Matemáticas y en la realización de ejercicios y cuestionarios.



Ilustración 1. Página de inicio de FERMAT

### 3.2. Menús Desplegables

Siguiendo la estructura de árbol, cada asignatura cuenta con los diferentes niveles (carrera técnica o superior), su esquema, presentaciones, etc.



Ilustración 2. Estructura de árbol

### 3.3. Visita Virtual

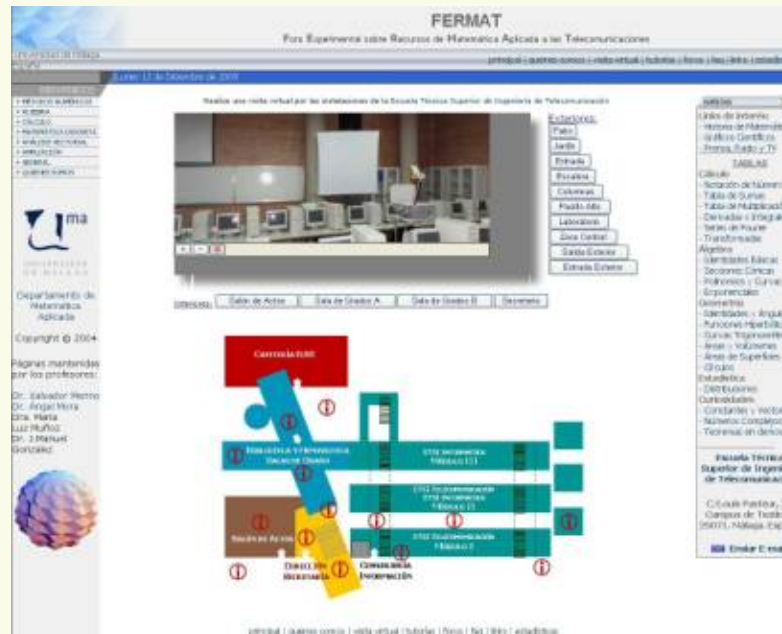


Ilustración 3. Visita Virtual

Al igual que a través de los menús y links, el alumno puede acceder a las diferentes secciones del portal como si fuera paseando por el centro. Se irá encontrando con iconos y puertas que le permiten acceder a las instalaciones de la Escuela y desde sus aulas y laboratorios puede entrar en las diferentes presentaciones de las asignaturas, exámenes, tutorías, notas, paneles de noticias, biblioteca, etc.

### 3.4. Esquema de las asignaturas

Cada una de ellas puede contar con diferentes secciones como las que se observan en la ilustración 4.

En las presentaciones se accede a los diferentes temas de la asignatura realizados básicamente en los entornos de Power Point y Acrobat Reader. Estas presentaciones

son las utilizadas por el profesorado en clase y contienen todos los fundamentos teóricos y los ejemplos de aplicación de cada asignatura.

En los cuestionarios, realizados con Hot Potatoes, se resuelven por parte del alumno cuestiones acerca de la asignatura y del manejo del software especializado que cada una necesita.

Los exámenes han sido elaborados con LaTeX2ε y se van colocando conforme se van realizando y evaluando.

Los tutoriales, realizados con aplicaciones propias de proyectos fin de carrera, interconectan LaTeX2ε y Adobe Acrobat para producir manuales autoevaluables que se van siguiendo en los laboratorios. En ellos encontramos el desarrollo de los programas MatLab, Derive o Mathematica (depende de la asignatura) junto con preguntas tipo test para evaluar el nivel de conocimientos adquirido.

Por último, la bibliografía esta directamente interconectada con el catálogo “Jabega” de la Universidad de Málaga. Así, al pulsar sobre cualquier libro, los alumnos acceden a ver en qué biblioteca se encuentra, de cuántos volúmenes disponen y cuándo pueden solicitarlo.



### Ilustración 4. Esquema

Algunas imágenes de los conceptos aquí vistos son las siguientes:

**Prácticas con Matlab**  
 Depto. de Matemática Aplicada, Universidad de Málaga

Esta práctica ha sido desarrollada como apoyo a la asignatura de Métodos Numéricos en la Escuela Técnica de Ingeniería de Telecomunicaciones. Seguir las siguientes instrucciones:

1. Probar cualquier código escrito a cada una de las siguientes plataformas.
2. Es recomendable configurar el Matlab en tu ordenador. Descarga cualquier apoyo.
3. La puntuación en cada uno de los apartados se prepara para el examen práctico. ¡Buena suerte!

Mostrar todas las preguntas

1/4

1. Dado la matriz siguiente, indicar su correcta representación en Matlab:  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$

A.  A=[2,2,4,5,6,7,8,9]

B.  A=[2,3,4,5,6,7,8,9]

C.  A=[2,3,4,5,6,7,8,9]

D.  A=[2,3,4,5,6,7,8,9]

**Ilustración 6. Cuestionarios**

Métodos Numéricos  
 Ing.Tec.Tel. (Diciembre/06)

Nombre: \_\_\_\_\_  
 DNI: \_\_\_\_\_  
 Espec: \_\_\_\_\_

A resolver en dos horas y media con calculadora no programable y con ayuda:

E1. Sea la matriz

$$A = \begin{pmatrix} 2a & 1 & 1 \\ 2 & a & -1 \\ -a & 0 & 9 \end{pmatrix}$$

E1.1 (a) Estudia si el método de Gauss-Seidel converge a la solución de un sistema lineal con matriz  $A_a$  para los valores de  $a \in \mathbb{R}$  tales que  $A_a$  no sea factorizable LR.

E1.2 (b) A partir del vector  $(1, 1, 1)$ , realiza un par de iteraciones del método inverso de las potencias (sin normalizar ni calcular inverso) para aproximar el autovector de  $A_0$  de mayor módulo.

E2. Supongamos que  $(x_0, y_0) = (1, 0)$ ,  $(x_1, y_1) = (2, 1)$  son tres puntos dados, igualmente espaciados, con paso  $h$  en  $x$ , con  $x_0 = 0$ . Aplicando la fórmula de interpolación de Lagrange, demostrar que:

$$p = p(x) = \frac{1}{20x^2} [(x^2 - x)(y_1 - 2)y_0 + (x^2 + x)y_1]$$

**Ilustración 5. Exámenes**

Dep Legal 15-100-2004

### Gráficos

- ▶ `plot(x,y)` representa el vector  $x$  en el eje de abscisas y el vector  $y$  en el eje de ordenadas, es decir la tabla de puntos  $(x_i, y_i)$ .

**Ejemplo:**

```
>> x=1:0.5:10; y=sin(x);
>> x',y'           %Representa tabularmente los d:
>> plot(x,y)
```

- ▶ `fplot('funcion', [a b])` dibuja una función.
- ▶ `hold` Permite superponer dos o más gráficas.
- ▶ `grid on` activa una cuadrícula en la figura.
- ▶ `whitebg` cambia el color de fondo.

**Ilustración 8. Tutoriales**

**Consulta Jábega**

Buscar por Título de la obra (ISBN) o número de acceso

Adm: [Inicio](#) [Ayuda](#) [Contacto](#) [Acerca de](#) [Historial](#) [Cerrar](#)

TÍTULO	RESUMEN	ESTADO	SEÑAL DE IDENTIFICACIÓN
Curso de Matemáticas	...	LIBRO DE TEXTO	ISBN 978-84-205-1234-5
Curso de Matemáticas	...	LIBRO DE TEXTO	ISBN 978-84-205-1234-5
Curso de Matemáticas	...	LIBRO DE TEXTO	ISBN 978-84-205-1234-5

**Ilustración 7. Acceso a Biblioteca**

Grupo FERMAT <http://www.compuvisus.usal.es/fermat/>  
2. Cálculo No Lineal. Pág. 29

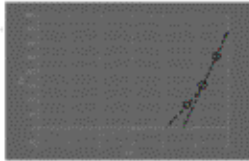
### Método de la Secante

❑ Técnica: En cada iteración se construye la recta que pasa por  $(x_{n-1}, f(x_{n-1}))$  y  $(x_n, f(x_n))$  y se calcula su punto de corte con el eje de abscisas. También se obtiene sustituyendo la derivada en el método de Newton por un cociente incremental:

$$x_{n+1} = \frac{x_{n-1}f(x_n) - x_n f(x_{n-1})}{f(x_n) - f(x_{n-1})} = x_n - f(x_n) \frac{x_n - x_{n-1}}{f(x_n) - f(x_{n-1})}$$

❑ Observaciones:

- Es un método multipunto, de hecho, bipunto:  $x_{n+1} = g(x_n, x_{n-1})$ .
- Si  $f \in C^1([a,b])$  y  $f'(x) \neq 0$ , converge localmente, con orden superlineal.
- Se diferencia con el de la Regula Falsi es que la raíz no tiene por qué mantenerse dentro del intervalo considerado.
- Si en lugar de una recta tomamos la parábola que pasa por 3 puntos tenemos el método de Brent.



De Luigi Di Lorenzo

Ilustración 9. Transparencias

### 3.5. Herramientas Complementarias a cada asignatura

FERMAT cuenta con diversas herramientas para el seguimiento de las asignaturas que se interconectan con el Campus Virtual de la Universidad de Málaga. Entre ellas cabe destacar:

#### *El calendario*

Con él los alumnos tienen un seguimiento de prácticas, exámenes y cambios en la asignatura.

Mayo 2004											
2003	Dom	Lun	Már	Jue	Vie	Sáb	Dom	Lun	Már	Jue	2004
										1	2
	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
	25	26	27	28	29	30	31				

Ilustración 10. Calendario

#### *Foros*

Dirigidos a la participación de los alumnos y a la interrelación no presencial entre ellos y el docente.

FOFORO DE TRABAJO - TEORIA		[ Volver a la lista de foros ] [ Iniciar nuevo foro ]		
Titulo	Iniciado por	Miembros	Último	Estado
<a href="#">BOLUG PROBLE 3</a>	Matías (13/05/2004 19:08)	1	03/06/2004 19:08	🟢
<a href="#">Resolución problema problema 3 a)</a>	Antonio Peña (13/05/2004 19:08)	2	03/06/2004 19:08	🟢
<a href="#">Problema Propuesto 3</a>	Angel Mena (15/05/2004 11:32)	2	04/06/2004 12:29	🟢
<a href="#">Mas ejercicios</a>	Francisco Moreno (15/05/2004 06:28)	1	05/05/2004 03:18	🟢
<a href="#">EJERCICIO 1 DEL EXAMEN JUNIO DEL 2002</a>	ESTER SECILLA (14/04/2004 23:06)	1	26/01/2004 19:08	🟢
<a href="#">EJERCICIO 2 DEL EXAMEN SEPTIEMBRE DEL 2002</a>	ESTER SECILLA (15/05/2004 18:56)	2	01/06/2004 18:50	🟢
<a href="#">Problema propuesto 2</a>	Angel Mena (07/05/2004 11:26)	7	23/05/2004 21:44	🟢
<a href="#">Algunos casos más del ejercicio</a>	Manuel Pérez (10/04/2004 11:33)	1	06/04/2004 11:31	🟢
<a href="#">Soluc al problema 1 problema</a>	Angel Mena (13/04/2004 20:20)	11	07/06/2004 09:09	🟢
<a href="#">EJERCICIO PROPOSTO</a>	Iván Galán (19/04/2004 21:36)	1	20/04/2004 21:36	🟢

Foros disponibles en numerico			
Foro	Creado	Mensajes	Último
<a href="#">Exercs - TEORIA</a>	04/03/04	4	26/05/04 11:11
<a href="#">Exercs - PRACTICAS</a>	04/03/04	1	30/04/04 10:25
<a href="#">Zona de Trabajo - TEORIA</a>	04/03/04	29	21/06/04 18:02
<a href="#">Zona de Trabajo - PRACTICAS</a>	04/03/04	10	31/05/04 17:58
<a href="#">EXAMENES</a>	04/03/04	17	09/09/04 16:01
<a href="#">Buzón de Supermas</a>	04/03/04	12	19/05/04 02:35

Ilustración 11. Foros

### Zona de alumnos

Destinada a contener todo el material necesario para el seguimiento de las asignaturas. Su entrada se realiza bajo clave personal y en ella los alumnos pueden ver sus calificaciones, recoger el material permitido en los exámenes, conseguir los manuales del software o seguir el desarrollo teórico de la asignatura por internet.



## Index of /numerico/\_alumnos/Práctica














<a href="#">Name</a>	<a href="#">Last modified</a>
 <a href="#">Parent Directory</a>	27-Sep-2004 16:10
 <a href="#">Manual de Matlab.pdf</a>	18-Mar-2004 12:38
 <a href="#">Practica 1.pdf</a>	18-Mar-2004 12:38
 <a href="#">Practica 2.pdf</a>	14-Apr-2004 10:00
 <a href="#">Practica1.zip</a>	10-May-2004 22:04
 <a href="#">Practica2.zip</a>	03-May-2004 13:00
 <a href="#">Practica3.zip</a>	03-May-2004 13:00
 <a href="#">Practica4.zip</a>	19-May-2004 11:13
 <a href="#">Practica5.zip</a>	26-May-2004 10:39
 <a href="#">Tutoria de Matlab.pdf</a>	18-May-2004 17:33
 <a href="#">practica3 [para impr...&gt;</a>	03-May-2004 12:59
 <a href="#">practica4 [para impr...&gt;</a>	19-May-2004 11:13
 <a href="#">practica5 [para impr...&gt;</a>	26-May-2004 10:39

Ilustración 12. Zona de alumnos

### *Estadísticas*

Con ellas podemos evaluar el acceso que se produce al portal y a cada una de las asignaturas que lo conforman, deduciendo de las mismas su estacionalidad, lugar de origen, cantidad de material que se recoge, páginas más visitadas, etc.

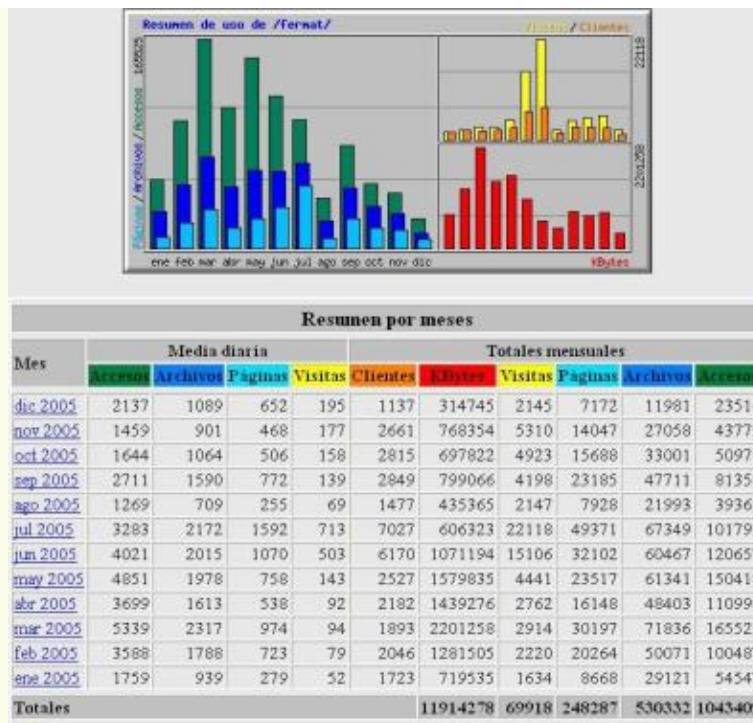


Ilustración 13. Estadísticas

### *Encuestas de Calidad*

Realizadas al finalizar el desarrollo de las distintas asignaturas nos permiten ver aquellas lagunas existentes y recoger las recomendaciones del alumnado para ir mejorando día a día. Su resultado es directamente tabulado a través de la página y llega de forma numérica (a excepción de las recomendaciones) al responsable de cada asignatura.

**CUESTIONARIO PARA LOS ALUMNOS QUE HAN CURSADO MÉTODOS NUMÉRICOS**  
(1º I.T. Telecomunicaciones)

En la siguiente encuesta pretendemos recoger la opinión del alumno en todos los aspectos concernientes a la asignatura que acabas de cursar. Puntúa cada casilla de 0 a 5 (0: mal, 5: muy bien). Muchas gracias por su colaboración.

**A: DESARROLLO DE LAS CLASES EN EL AULA TRADICIONAL:**

- 1.- Estima que el tiempo dedicado a teoría ha sido adecuado
- 2.- Considera que la proporción de tiempo dedicado a ejercicios ha sido adecuada
- 3.- Considera que ha asimilado suficientemente la materia
- 4.- El ritmo de las clases ha sido el correcto
- 5.- En general, le ha parecido interesante la asignatura

Sugerencias:

**B: DESARROLLO DE LAS CLASES EN EL LABORATORIO DE INFORMÁTICA:**

- 6.- Considera que son un buen complemento para el aprendizaje de la asignatura
- 7.- Estima que estas clases son útiles de cara al examen
- 8.- Piensa que son necesarias en la actualidad
- 9.- Considera que estas clases le han ayudado a llevar la asignatura al día
- 10.- Califica el aprendizaje de la Asignatura en un entorno informático

Sugerencias:

Ilustración 14. Encuesta de Calidad

### Tutorías

En ellas se reflejan los horarios establecidos para realizar las tutorías presenciales de las asignaturas.



Ilustración 15. Tutorías

### 3.6. Herramientas auxiliares

Junto con el seguimiento de las asignaturas, y dentro de lo que consideramos adecuado para el conocimiento de las ciencias y el desarrollo integral de los

universitarios, incluimos las siguientes herramientas.

*Gráficos científicos*

Estos gráficos científicos, extraídos del diario El Mundo y realizados en formato Flash, han sido elegidos para complementar las asignaturas de Matemáticas y ver su aplicabilidad en los diferentes campos de la ciencia.



Ilustración 16. Gráficos científicos

Especialmente se ha hecho referencia a aquellos gráficos interactivos relacionados con el campo de las telecomunicaciones y de la informática, junto con los nuevos avances tecnológicos que se van sucediendo.

*Historia de las Matemáticas*

Web creada en la Universidad de St.Andrews y donde recoge la historia de los principales matemáticos que han existido, sus descubrimientos y las curvas y fórmulas más destacadas.



Ilustración 17. Historia de las Matemáticas

### *Prensa, Radio y Televisión*

Estos links tratan de cubrir el mayor número de diarios tanto digitales como escritos, junto con una amplia variedad de televisiones y radios.

## 4. Resultados obtenidos

La experiencia realizada en estos dos primeros años de implantación nos ha permitido observar una mejora importante en el quehacer diario de las asignaturas. Entre estos resultados cabría destacar:

- Mejor coordinación entre el profesorado que imparte las diferentes disciplinas y un equilibrio de niveles y de comunicación de conceptos al alumnado.
- Mayor sensación de comodidad y facilidad de transmisión en las asignaturas por parte de los docentes, mejorando el trato humano y las relaciones profesor-alumno.
- Incremento en la participación del alumnado, tanto en el número de los que siguen a diario las enseñanzas en el aula como los que participan por internet en los foros y debates que se proponen.
- Mejora de la calidad de las prácticas en el laboratorio, con un importante apoyo multimedia en el desarrollo de los tutoriales autoevaluables de MatLab y su posterior aprendizaje y ensayo en los cuestionarios de los que dispone los alumnos en la red.
- Cercanía a los centros de enseñanza mediante el empleo de visitas virtuales donde se introducen en las aulas, observan las presentaciones realizadas por los profesores, recogen el material de los laboratorios, ven el panel de notas y descargan las noticias de interés o comprueban los horarios de tutorías presenciales de cada profesor.

- Utilización habitual de los enlaces directos entre las bibliografías de las asignaturas y el banco de datos de la biblioteca general de la Universidad de Málaga.

## 5. Conclusiones

Como resumen, podemos afirmar que FERMAT ha surgido para apoyar la enseñanza de las Matemáticas en la docencia universitaria y la formación integral y universal del alumnado. Al ser muy complicado manejar todo tipo de notación matemática ha sido necesario optimizar el modo de representar y manipular esta información con las herramientas actuales que las nuevas tecnologías ofrecen.

### 5.1. Resumen de herramientas desarrolladas

FERMAT cuenta actualmente con las siguientes herramientas:

- Presentaciones que resumen de forma interactiva los conceptos esenciales de todos los temas de las asignaturas y que son utilizados por los alumnos vía web en su trabajo personal y por los docentes en sus exposiciones.
- Tutoriales interactivos que ayudan a la formación presencial para el aprendizaje de las asignaturas y en los que se presentan cuestiones que el alumno va contestando, comprobando así su nivel de asimilación de conocimientos.
- Cuestionarios relativos a la parte práctica de las asignaturas y que ofrecen al alumno de forma no presencial la posibilidad de auto-evaluar su proceso de aprendizaje.
- Foros en los que los alumnos y profesores se encuentran para ayudar a resolver los ejercicios y las prácticas de las asignaturas. Los profesores proponen problemas y fomentan, valoran y evalúan la participación de los alumnos en dichos foros.
- Calendario en el que se informa a los alumnos de la temporalización de las asignaturas así como de los posibles cambios que pueden producirse.
- Referencias bibliográficas donde se accede a la disponibilidad en biblioteca de los textos recomendados en cada asignatura.
- Visita virtual donde se realiza un paseo virtual por la Escuela de Telecomunicaciones y se accede a los laboratorios, clases, biblioteca, foros, notas, tutorías, información universitaria, etc.
- Complementos que contienen toda aquella información que puede ser de utilidad al universitario, como:
  - o Presentación del Foro en Inglés, Francés, Árabe o Ruso, para acercar el uso de FERMAT a los no hispanohablantes que cada día suponen un porcentaje mayor de alumnos en nuestros centros.
  - o Gráficos interactivos sobre cuestiones científicas de actualidad.
  - o Acceso a los principales medios internacionales de prensa, radio y televisión en cualquier idioma.
  - o Conexión con la Historia de las Matemáticas y con las principales tablas y elementos de cálculo necesarios en las cuestiones propuestas en FERMAT.

## 5.2. Trabajo Futuro

Como trabajo futuro nos planteamos:

- Mejorar la enseñanza de las diversas asignaturas utilizando nuevas tecnologías con mayor conexión a las herramientas pedagógicas.
- Investigar la aplicación de las técnicas actuales de Enseñanza Asistida por Ordenador a la enseñanza de las Matemáticas.
- Estudiar herramientas para el diseño de documentos matemáticos que permitan el grado de interactividad deseado por lo profesores en su transmisión a los alumnos, concretamente la utilización de MathML (XML) y HotEqn para la presentación y manipulación de la notación matemática.
- Usar herramientas de tutorización y evaluación a distancia de los alumnos, que diseñen cuestionarios de auto-evaluación, listas de ejercicios, exámenes, etc. (véase sistema SIETTE : <http://www.lcc.uma.es/siette>).
- Adaptación de los contenidos del foro a la plataforma Moodle, dado que la Universidad de Málaga recomienda utilizarla para el albergue de asignaturas.

---

© Ediciones Universidad de Salamanca  
Webmasters del volumen actual: **Francisco Ignacio Revuelta Domínguez,**  
**Lourdes Pérez Sánchez**  
Correos electrónicos por orden: [fird@usal.es](mailto:fird@usal.es)  
o bien [lopesan@usal.es](mailto:lopesan@usal.es)