

## ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

УДК 519.72

*Мелехин В.Б., Сусин А.Ю., Халилов А.И.*

### ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ОРГАНИЗАЦИИ ВЫВОДА УМОЗАКЛЮЧЕНИЙ В НЕМОНОТОННЫХ СРЕДАХ НА ОСНОВЕ УСЛОВНО-ЗАВИСИМЫХ ПЕРЕМЕННЫХ

*Melehin V.B., Susin A.YU., Halilov A.I.*

### THEORETICAL BASE TO ORGANIZATIONS OF THE CONCLUSION OF THE CONCLUSIONS IN NONMONOTONIC AMBIENCE ON BASE CONDITIONALLY-HUNG VARIABLE

*Предлагается один из подходов организации понятийного мышления интеллектуальных систем, связанный с разработкой теоретических основ вывода умозаключений в произвольной немонотонной проблемной области на основе условно зависимых переменных.*

**Ключевые слова:** интеллектуальные системы, условно-зависимые переменные, немонотонный вывод.

*It is offered one of the approach to organizations of the notional thinking of the intellectual systems, connected with development theoretical base conclusion of the conclusions in free non monotonic problem-solving area on base conditionally hung variable.*

**Key words:** intellectual systems, conditionally-hung variable, non monotonic conclusion.

**Введение.** Организация вывода умозаключений в интеллектуальных системах (ИС) является одним из эффективных направлений моделирования понятийного уровня мышления для принятия решения на основе рассуждений [1]. Однако, по ряду причин оно не получило достаточно широкого распространения в ИС с различным функциональным назначением.

Одной из таких причин является немонотонность вывода умозаключений в рамках произвольной предметной области. Данное обстоятельство привело к разработке различных немонотонных логик рассуждений [2], которые в значительной степени позволили обойти отмеченные трудности. Однако, известные немонотонные логики, к сожалению, не позволяют системе принятия решений однозначно судить об истинности выводимых заключений, а только с определенной степенью правдоподобности подтверждают их выполнимость в выбранном множестве схем логических аксиом и правил вывода. Такая неопределенность вывода в немонотонных логиках ограничивает их эффективное использование для принятия решений автономно функционирующими ИС, часто требующими однозначного ответа на вопрос об истинности выводимых умозаключений.

В настоящей работе предлагается один из подходов к организации вывода умозаключений, позволяющий обойти отмеченный выше недостаток существующих подходов к организации вывода умозаключений в немонотонных средах. В основе организации предложенного подхода лежит применение условно-зависимых переменных, позволяющих выделять монотонный участок вывода умозаключений в произвольной предметной области.

**Условно-зависимые переменные и их особенности.** Условно-зависимой переменной называется и обозначается двойка  $A(F_A) = (C_A, F_A)$ , где  $C_A$  – название переменной;  $F_A$  – множество требований и условий, которым должны удовлетворять элементы произвольного (базового) множества  $A$ , чтобы они относились к переменной  $A(F_A)$  и удовлетворяли заданному свойству или умению  $\gamma$ .

В самом общем случае элементы множества  $F_A$  могут носить разнообразный характер, зависящий от назначения и свойств условно-зависимой переменной  $A(F_A)$ .

Условно-зависимая переменная  $A(F_A)$  называется условно-зависимой предметной переменной (ПП), если множество  $F_A$  определяется множеством характеристик и признаков, которыми должны обладать произвольные предметы проблемной среды, относящиеся к  $A(F_A)$ .

Пусть каждый предмет произвольной предметной области  $A$  –  $a_i(X_i), i=1, k_i$  описывается множеством характеристик  $X_i$ . Тогда  $a_i(X_i) \in A(F_A)$ , если  $F_A \subseteq X_i$  и пишем  $a_i(X_i) \notin A(F_A)$  в противном случае.

Таким образом, множество  $F_A$  можно интерпретировать как множество причинно-следственных ограничений, образующих монотонное множество объектов  $A(F_A)$  относительно заданного свойства  $\gamma$ , определяющегося характеристиками  $F_A$ .

В немонотонной изменяющейся во времени области  $A$  множество ограничений  $F_A$  можно разбить на два подмножества:

- $F_A^i$  – абсолютные причинно-следственные ограничения, присущие ПП  $A(F_A)$  независимо от условий проблемной среды;
- относительные, то есть появляющиеся причинно-следственные ограничения или «тормозные» сигналы  $Z_A$ . Появление в среде тормозных сигналов  $Z_A$  нарушает монотонность вывода умозаключений в рамках множества  $A(F_A^i)$ , образованного множеством абсолютных ограничений  $F(A^i)$ .

Например, все живые существа, имеющие развитые крылья объединяются во множество  $A(F_A)$  – «летающих животных». Однако, при появлении «тормозного» фактора  $Z_A^i$  – «наличие повреждений» все живые существа  $A(F_A^i)$  теряют способность летать.

Пусть для двух ПП  $A(F_A)$  и  $B(F_B)$ , образованных из элементов одного и того же базового множества  $A$  и выполняется условие " $F_A \subseteq F_B$ ". Тогда множество  $A(F_A)$  называется покрытием множества  $B(F_B)$  и обозначается  $B(F_B) \subseteq A(F_A)$ . Например, пусть ПП  $B(F_B)$  и  $A(F_A)$  соответственно являются переменными с именами «летающие живые существа» и «живые существа». Очевидно, что  $B(F_B) \subseteq A(F_A)$  и все элементы  $A$ , удовлетворяющие  $F_B$ , удовлетворяют требованиям и  $F_A$ , обратное же условие не всегда выполнимо, т.к. не все «живые существа» имеют «развитые крылья», присущие летающим животным.

Из сказанного вытекает, что существующие ПП  $A(F_A)$  можно расширять и сужать по признакам, которые в первом случае добавляются к множеству признаков  $F_A$ , а во втором случае удаляются из этого множества. Предметные переменные  $A(F_A)$  и  $B(F_B)$  называются условно равными и обозначаются  $A(F_A) = B(F_B)$ , если  $F_A = F_B$ . Рассмотрим один из важных частных случаев ПП. Пусть ПП  $A(F_A)$  формируется по заданному

признаку  $\lambda^*$ , а множество  $F_A$  определяется множеством причин, влекущих за собой выполнимость следствия:  $\forall a_i(X_i) \in A\lambda(F_A) \rightarrow M(a_i(X_i), \lambda^*)$ , где « $\rightarrow$ » - операция следования, т.е. из выполнения условия в левой части следует истинность правой части выражения;  $M(a_i(X_i), \lambda^*)$  – высказывание «объект  $a_i(X_i)$  обладает признаком  $\lambda^*$ ».

Приведенное импликативное решающее правило означает следующее: если объект  $a_i(X_i)$  относится к ПП  $A\lambda(F_A)$ , то этот объект обладает признаком  $\lambda^*$ . В этом случае ПП является каузально-зависимой переменной и обозначается  $A^*(F_A)$ , а признак  $\lambda^*$  называется образующим признаком этой ПП.

Например, казуально-зависимая ПП  $A^*(F_A)$  – «летающие птицы» состоит из элементов базового множества  $A$  -«птицы», обладающих умением  $\lambda$  - летать по причине наличия у них развитых крыльев и отсутствии повреждений.

Предметная переменная называется замкнутой и обозначается  $A^*(F_A^*)$ , если  $F_A^*$  определяется множеством необходимых и достаточных причин [3], влекущих за собой общезначимость следствия:

$$\forall a_i(X_i) \in A\lambda^*(F_A^*) \rightarrow M(a_i(X_i), \lambda), i = \overline{1, n}$$

для всех объектов, принадлежащих ПП  $A\lambda^*(F_A^*)$ .

Обобщенной ПП называется тройка  $A_{об}(F_A) = (C_A^{об}; \{A_i(F_A^i)\}, i = \overline{1, n}; F_A^{об})$ , где  $C_A^{об}$  – название обобщенной переменной, например, «хищные животные»;  $\{A_i(F_A^i)\}, i = \overline{1, n}$ ; – множество предметных переменных, образующих обобщенную предметную переменную, например, «хищные птицы» и т.д.;  $F_A^{об}$  – признаки, характерные для всех ПП  $A_i(F_A^i), i = \overline{1, n}$ , образующих обобщенную переменную  $A_{об}(F_A)$ , т.е. общие признаки для всех исходных предметных переменных.

Рассмотрим условно-зависимые теоретико-множественные операции над предметными переменными, заданными на элементах одного и того же базового множества  $A$ .

Пусть ПП  $A(F_A)$  определена на элементах произвольного базового множества  $A$ . Тогда дополнением ПП  $A(F_A)$  к базовому множеству  $A$  называется и обозначается ПП  $\overline{A}(F_A) = (\overline{C}_A, \overline{F}_A)$ , у которой название  $\overline{C}_A$  является антонимом названию  $C_A$ , а условия принадлежности к множеству условий  $\overline{F}_A$  определяются отрицанием хотя бы одного из условий  $F_A$ . Иными словами, к ПП  $\overline{A}(F_A)$  относятся все объекты  $a_i(X_i) \notin A(F_A)$  или для которых выполняется условие  $F_A \not\subseteq X_i$ .

Условно-зависимым пересечением ПП  $A(F_A)$  и  $B(F_B)$ , определенных на элементах произвольного базового множества  $A$ , называется и обозначается ПП  $N(F_N) = A(F_A) \cap B(F_B), N(F_N) = (C_N, F_N)$ , у которой название  $C_N$  образуется при помощи конкатенации названий  $C_A \& C_B$  через связку  $\&$ , а условия принадлежности предметной переменной к монотонному участку вывода умозаключений определяются следующим образом:  $F_N = F_A \cup F_B$ .

Другими словами, ПП  $N(F_N)$  включает такие объекты  $a_i(X_i)$  из  $A$ , для которых выполняется условие  $(F_A \subseteq X_i) \& (F_B \subseteq X_i)$ , то есть объекты одновременно удовлетворяющие требованиям и  $F_A$  и  $F_B$ . В результате получается ПП, которая одновременно покрывается и  $A(F_A)$ , и  $B(F_B)$ .

Условно-зависимым объединением ПП  $A(F_A)$  и  $B(F_B)$  называется и обозначается ПП  $K(F_K) = A(F_A) \cup B(F_B)$ ,  $K(F_K) = (C_K, F_K)$ , для которой название  $C_K$  получается при помощи конкатенации названий  $C_A$  и  $C_B$  через связку *ИЛИ*, а множество условий принадлежности предметной переменной к монотонному участку вывода умозаключений  $F_K$  определяется по следующему правилу:

$$F_K = \begin{cases} F_A \cap F_B, & \text{если } F_A \cap F_B \neq \emptyset; \\ \{F_A \vee F_B\}, & \text{если } F_A \cap F_B = \emptyset, \end{cases}$$

где запись  $\{F_A \vee F_B\}$  означает, что множество  $F_K$  условий принадлежности состоит из двух независимых множеств  $F_A$  и  $F_B$ , при этом любой элемент из базового множества  $a_i(X_i) \in A$  относится к ПП  $K(F_K)$ , если выполняется либо условие  $F_A \subseteq X_i$ , либо условие  $F_B \subseteq X_i$ , т.е., если он удовлетворяет требованиям хотя бы одного из подмножеств  $F_A$  или  $F_B$ . В результате получается ПП, которая покрывает и  $A(F_A)$ , и  $B(F_B)$ .

Из вышесказанного следует, что каждая ПП  $A(F_A)$  объединяет под одно название аналогичные друг другу объекты по признакам  $F_A$ . Назовем такую аналогию объектов  $a_i(X_i) \in A(F_A)$  сильной аналогией по признакам  $F_A$ . Для количественной оценки сильной аналогии между сравниваемыми объектами по заданным признакам определим показатель степени аналогии  $\rho(a_i(X_i), a_i(X_i))$ , который вычисляется следующим образом:

$$\rho(a_i(X_i), a_i(X_i)) = \min \left( \frac{|X_i \cap X_i|}{|X_i|}, \frac{|X_i \cap X_i|}{|X_i|} \right),$$

где  $|X_i|$  - мощность множества  $X_i$ .

С другой стороны, ПП  $A(F_A)$  включает объекты, аналогичные друг другу по признакам объектов, относящихся к ПП  $B(F_B)$ , если  $F_A \cap F_B \neq \emptyset$ . Назовем такую аналогию объектов слабой аналогией по признакам  $F_A \cap F_B$ . Степень  $\rho_c^*(a_i(X_i), b_j(X_j))$  слабой аналогии объектов ПП  $A(F_A)$  и  $B(F_B)$  по признакам является величиной постоянной и может определяться следующим образом:

$$\rho_c^*(a_i(X_i), b_j(X_j)) = \frac{2|F_A \cap F_B|}{|F_A| + |F_B|},$$

где коэффициент 2 взят для выполнения условия  $\rho_c^*(a_i(X_i), b_j(X_j)) = 1$ , если  $F_A = F_B$ .

Пусть заданы две ПП  $A(F_A)$  и  $B(F_B)$ . Прямым условно-зависимым произведением ПП на базе условия  $F_1 \rightarrow F_2$  называется и через  $A(F_A) \times B(F_B)$  обозначается множество пар  $\langle a_i(X_i) \in A(F_A), b_j(X_j) \in B(F_B) \rangle$ , таких, что они удовлетворяют требованиям заданного условия  $F_1 \rightarrow F_2$ , которое заключается в следующем: если  $a_i(X_i)$  удовлетворяет требованиям условий  $F_1$ , то  $b_j(X_j)$  должен удовлетворять требованиям  $F_2$ , вытекающим из условий  $F_1$ .

Нечеткой ПП называется и обозначается пара  $A(\tilde{F}_A) = (C_A, A(\tilde{F}_A))$ , где  $C_A$  - название предметной переменной;  $\tilde{F}_A$  - нечеткое множество признаков принадлежности, которым должны удовлетворять объекты ПП  $A(\tilde{F}_A)$ . Каждый  $j$  элемент нечеткого множества  $\tilde{F}_A$  задается парой  $\langle \mu_F(f_j), f_j \rangle$ , где  $f_j$  - название требования или признака;  $\mu_F(f_j) \in [0, 1]$  -

субъективная оценка степени того, что объекты, принадлежащие ПП  $A(\tilde{F}_A)$ , обладают характеристикой (признаком)  $f_j$ .

Если каждый объект  $a_i(\tilde{X}_i)$  определяется при помощи нечеткого множества признаков  $\tilde{X}_i, i=1, n_2$ , а в качестве условий принадлежности к ПП  $A(\tilde{F}_A)$  принимается нечеткое множество характеристик  $\tilde{F}_A$ , то пишем  $a(X_i) \in A(\tilde{F}_A)$ , если  $\tilde{F}_A \subseteq \tilde{X}_i$ . В противном случае пишем, что  $a(X_i) \notin A(\tilde{F}_A)$ . Здесь знак  $\subseteq$  означает нечеткое включение множества  $\tilde{F}_A$  в множество  $\tilde{X}_i$ .

Нечеткое множество  $\tilde{F}_A$  является нечетким подмножеством  $\tilde{X}_i$ , если степень включения

$$\nu(\tilde{F}_A, \tilde{X}_i) = \min(\mu_F(f_j) \rightarrow \mu_X(f_j))$$

является величиной большей или равной величине 0.5, где  $\mu_X(f_j)$  – степень, с которой объект  $a_i(\tilde{X}_i)$  обладает признаком (характеристикой)  $f_j$ ; « $\rightarrow$ » - операция нечеткой импликации, которая берется следующим образом:  $\max(1 - \mu_F(f_j), \mu_X(f_j))$ .

Учитывая, что интерпретация степени  $\mu_F(f)$  обладания характеристикой  $f$  для объектов ПП несколько иная, чем интерпретация степени принадлежности у нечетких множеств, операцию включения множества  $\tilde{F}_A$  в множество  $\tilde{X}_i$  можно упростить, воспользовавшись следующим правилом.

Множество  $\tilde{F}_A$  является нечетким собственным подмножеством  $\tilde{X}_i$ , если выполняется условие:

$$(\forall f_j \in \tilde{F}_A)(\exists f'_j \in \tilde{X}_i)[(f_j = f'_j) \& (\mu_X(f_j) \geq \mu_F(f'_j))].$$

Приведенная запись означает, что  $F_A^j \subseteq X_j$  тогда и только тогда, если каждый признак  $f_j$ , содержащийся в  $\tilde{F}_A$  имеется во множестве характеристик объекта  $a_i(\tilde{X}_i)$  со степенью обладания  $\mu_X(f_j) \geq \mu_F(f_j)$ .

Если для двух нечетких ПП  $A(\tilde{F}_A)$  и  $B(\tilde{F}_B)$  выполняется условие  $\tilde{F}_B \subseteq \tilde{F}_A$ , то ПП  $B(\tilde{F}_B)$  называется нечетким покрытием ПП  $A(\tilde{F}_A)$  и обозначается  $A(\tilde{F}_A) \subseteq B(\tilde{F}_B)$ .

Расширением и сужением нечеткой ПП  $A(\tilde{F}_A)$  по признакам принадлежности  $\lambda$  к ним объектов  $a_i(\tilde{X}_i)$  называются предметные переменные и, соответственно, обозначаются  $A(\tilde{F}_A \cup \tilde{\lambda})$  и  $A(\tilde{F}_A \setminus \tilde{\lambda})$ , для которых множества признаков принадлежности получаются из  $\tilde{F}_A$  соответственно путем присоединения к ним и удалением из них множества признаков  $\tilde{\lambda}$ .

Рассмотрим теоретико-множественные операции над нечеткими ПП, заданными на элементах одного и того же базового множества  $A$ .

Пусть нечетко заданная ПП  $A(\tilde{F}_A) = (C_A, \tilde{F}_A)$  определена на элементах базового множества  $A$ . Тогда, дополнением  $A(\tilde{F}_A)$  к базовому множеству  $A$  называется ПП  $1A(\tilde{F}_A) = (1C_A, 1\tilde{F}_A)$ , у которой название  $1C_A$  является антонимом названию  $C_A$ , а степени принадлежности  $\neg \mu_F(f_j)$  признаков  $f_j$  к множеству  $1\tilde{F}_A$  определяются следующим выражением  $\neg \mu_F(f_j) = 1 - \mu_F(f_j)$ , где  $\mu_F(f_j)$  – степени принадлежности признаков  $f_j$  к множеству  $\tilde{F}_A$  исходной ПП  $A(\tilde{F}_A)$ .

Пересечением ПП  $A(\tilde{F}_A) = (C_A, \tilde{F}_A)$  и  $B(\tilde{F}_B) = (C_B, \tilde{F}_B)$  называется и обозначается ПП  $D(\tilde{F}_D) = (C_D, \tilde{F}_D)$ ,  $D(\tilde{F}_D) = A(\tilde{F}_A) \cap B(\tilde{F}_B)$ , для которой имя  $\tilde{C}_D = \tilde{C}_A * \tilde{C}_B$  определяется конкатенацией имен  $C_A$  и  $C_B$ , а множество признаков принадлежности определяется следующим образом:  $\tilde{F}_D = \tilde{F}_A \cup \tilde{F}_B$ :

$$\tilde{F}_D = \{ \langle \mu_F(f_j), f_j \rangle, j = 1, m, \mu_F(f_j) = \max(\mu_A(f_j), \mu_B(f_j)) \},$$

где  $\mu_A(f_j), \mu_B(f_j)$  – степени принадлежности признака  $f_j$  соответственно к ПП  $A(\tilde{F}_A)$  и  $B(\tilde{F}_B)$ ;  $\cup$  – нечеткая операция объединения по [4].

Таким образом, ПП  $D(\tilde{F}_D)$  включает те и только те объекты  $a_i(\tilde{X}_i)$ , которые одновременно удовлетворяют требованиям условий  $\tilde{F}_A$  и  $\tilde{F}_B$ , то есть ПП  $D(\tilde{F}_D)$  нечетко покрывается и  $A(\tilde{F}_A)$ , и  $B(\tilde{F}_B)$ . Например, пусть  $A(\tilde{F}_A)$  – ПП с названием «длинные объекты», а  $B(\tilde{F}_B)$  – «и острые объекты», тогда  $D(\tilde{F}_D) = A(\tilde{F}_A) \cap B(\tilde{F}_B)$  является ПП с названием «длинные и острые объекты».

Объединением ПП  $A(\tilde{F}_A)$  и  $B(\tilde{F}_B)$  называется и обозначается ПП  $@(\tilde{F}_@) = A(\tilde{F}_A) \cup B(\tilde{F}_B)$ ,  $@(\tilde{F}_@) = (\tilde{C}_@, \tilde{F}_@)$ , для которой имя  $C_@$  определяется конкатенацией имен  $C_A, C_B$ , определяемой связкой «ИЛИ», а

$$\tilde{F}_@ = \begin{cases} \tilde{F}_A \cap \tilde{F}_B, & \text{если } F_A \cap F_B \neq \emptyset; \\ (\tilde{F}_A \vee \tilde{F}_B), & \text{если } F_A \cap F_B = \emptyset, \end{cases}$$

$\tilde{F}_@ = \{ \langle \mu_@(f_j), f_j \rangle, j = 1, m, \mu_@(f_j) = \min(\mu_A(f_j), \mu_B(f_j)) \}$ , где  $\cap$  – операция нечеткого пересечения множеств по [4];  $F_A$  и  $F_B$  – носители нечетких множеств  $\tilde{F}_A$  и  $\tilde{F}_B$ ;  $(\tilde{F}_A \vee \tilde{F}_B)$  – запись, означающая, что множество условий принадлежности  $\tilde{F}_@$  состоит из двух множеств  $\tilde{F}_A$  и  $\tilde{F}_B$ , и любой элемент базового множества  $A$  является элементом ПП  $@(\tilde{F}_@)$ , если он удовлетворяет требованиям хотя бы одного из множеств  $\tilde{F}_A$  или  $\tilde{F}_B$ .

Нечеткая ПП  $A(\tilde{F}_A)$  называется каузально-зависимой, если имеется доминирующий признак  $\lambda$ , определяющий ее название  $C_A$ , например, «летающие существа», а множество  $\tilde{F}_A$  является множеством причин и сопричин, влекущих за собой выполнимость следствия:

$$\forall a_i(\tilde{X}) \in A(\tilde{F}_A) [M(a_i(\tilde{X}_i), \lambda)],$$

где  $M(a_i(\tilde{X}_i), \lambda)$  – высказывание «объект  $a_i(\tilde{X}_i)$  обладает признаком  $\lambda$ ». Степень истинности этого высказывания задается величиной, равной степени вхождения  $\nu(\tilde{F}_A, \tilde{X}_i)$  нечеткого множества  $\tilde{F}_A$  в нечеткое множество  $\tilde{X}_i$ .

Найдем степень сходства  $\rho(a_i(\tilde{X}_i), a_i'(\tilde{X}_i'))$  двух объектов  $a_i(\tilde{X}_i)$  и  $a_i'(\tilde{X}_i')$  по доминирующему признаку  $\lambda$  при условии, что  $a_i(\tilde{X}_i), a_i'(\tilde{X}_i') \in A(\tilde{F}_A)$ . Данная степень вычисляется следующим образом:

$$\rho(a_i(\tilde{X}_i), a_i'(\tilde{X}_i')) = (1 - \rho^*(a_i(\tilde{X}_i), a_i'(\tilde{X}_i'))) X \lambda,$$

где  $X \lambda$  – поправочный коэффициент по признакам принадлежности различных элементов к множеству  $\tilde{F}_A$ , который берётся как абсолютная величина разности:

$$X \lambda = | \nu(\tilde{F}_A, \tilde{X}_i) - \nu(\tilde{F}_A, \tilde{X}_i') |;$$

$\rho^*(a_i(\tilde{X}_i), a_i'(\tilde{X}_i'))$  - усредненное значение нечетной степени сходства объектов  $a_i(\tilde{X}_i)$  и  $a_i'(\tilde{X}_i')$ .

Усредненное значение степени сходства объектов будет определяться согласно следующему выражению:

$$\rho^*(a_i(\tilde{X}_i), a_i'(\tilde{X}_i')) = \left( \sum_{j=1}^n (\mu_x(f_j) \leftrightarrow \mu_x'(f_j)) \right) / m^*,$$

где  $\mu_x(f_j)$ ,  $\mu_x'(f_j)$  - степени присущности характеристик  $f_j$  соответственно к множествам  $\tilde{X}_i$  и  $\tilde{X}_i'$  характеристик объектов  $a_i(\tilde{X}_i)$  и  $a_i'(\tilde{X}_i')$ ; « $\leftrightarrow$ » - операция нечеткой эквивалентности, которая берется следующим образом [4]:

$$\min(\max(1 - \mu_x(f_j), \mu_x'(f_j)), \max(1 - \mu_x'(f_j), \mu_x(f_j)))$$

$$m^* = \max(m, m_1); m, m_1 - \text{соответственно мощности множеств } \tilde{X}_i \text{ и } \tilde{X}_i'.$$

Использование усредненной оценки степени сходства объектов  $a_i(\tilde{X}_i)$  и  $a_i'(\tilde{X}_i')$  обусловлено тем, что множества характеристик  $\tilde{X}_i$  и  $\tilde{X}_i'$  для различных объектов обязательно содержат различные элементы, а это может привести к тому, что при значительном общем сходстве объектов, являющихся различными по заданному признаку, степень их сходства будет принимать нулевое значение.

**Заключение.** В статье было определено понятия условно-зависимой предметной переменной и определены ее основные свойства, позволяющие организовать вывод умозаключений, на основе условно-зависимых предикатов, предметные переменные, в которых определяются с помощью условно зависимых ПП. Это обеспечивает вывод только истинных умозаключений в немонотонных средах на основе выделения в них монотонных участков вывода. Используя традиционные правила вывода умозаключений, в которых посылки формируются в виде условно зависимых предикатов могут быть построены различные правила вывода истинных умозаключений в немонотонных средах на основе причинно-следственных ограничений, накладываемых на объекты произвольной проблемной области.

#### Библиографический список:

1. Поспелов Д.А. О человеческих рассуждениях в интеллектуальных системах. В кн.: Логика рассуждений и ее моделирование // Вопросы кибернетики. –М.: АН СССР. 1982.
2. Тейз А., Грибомон П., Луи Ж. и др. Логический подход к искусственному интеллекту: от классической логики к логическому программированию. –М.: Мир, 1990.
3. Поспелов Д.А. Ситуационное управление: теория и практика. М.: Наука, 1986.
4. Мелихов А.М., Берштейн Л.С., Коровин С.Я. Ситуационные советующие системы с нечеткой логикой. – М.: Наука, 1990.
5. Берштейн Л.С., Ильягуев П.М., Мелехин В.Б. Интеллектуальные системы. – Махачкала: Дагкнигоиздат, 1996.