Journal of Siberian Federal University. Engineering & Technologies, 2017, 10(5), 657-663

 $\sim$   $\sim$   $\sim$ 

УДК 621.9: 621.89

# **Compliance of Gas-Dynamic Bearing** with Elastic Compensator of Movement

## Vladimir A. Kodnyanko and Andrei S. Kurzakov\*

Siberian Federal University 79 Svobodny, Krasnoyarsk, 660041, Russia

Received 09.04.2017, received in revised form 22.06.2017, accepted 29.07.2017

The design, the mathematical model and calculation method of compliance of a gas-dynamic bearing with elastic compensator of movement presented. It is shown that the bearing can have an arbitrarily small positive as well as negative and zero compliance.

*Keywords:* gas-dynamic bearing, compliance of bearing, negative compliance, zero compliance, elastic compensator of movement.

Citation: Kodnyanko V.A., Kurzakov A.S. Compliance of gas-dynamic bearing with elastic compensator of movement, J. Sib. Fed. Univ. Eng. technol., 2017, 10(5), 657-663. DOI: 10.17516/1999-494X-2017-10-5-657-663.

## Податливость газодинамического подшипника

### с эластичным компенсатором перемещения

## В.А. Коднянко, А.С. Курзаков

Сибирский федеральный университет Россия, 660041, Красноярск, пр. Свободный, 79

Представлена конструкция, приведены математическая модель и методика расчета податливости газодинамического подшипника с эластичным компенсатором перемещения. Показано, что подшипник может обладать сколь угодно малой положительной, а также нулевой и отрицательной податливостью.

Ключевые слова: газодинамический подшипник, податливость подшипника, отрицательная податливость, нулевая податливость, эластичный компенсатор перемещения.

#### Введение

Подшипники, обеспечивающие отсутствие контакта между движущейся деталью и корпусом, находят широкое применение в технике. Их преимуществами являются чрезвычайно малое трение и отсутствие износа даже при высоких частотах вращения. В качестве смазочных

<sup>©</sup> Siberian Federal University. All rights reserved

<sup>\*</sup> Corresponding author E-mail address: kowlad@rambler.ru, kurzakov@list.ru

сред в таких подшипниках используются жидкости либо газы. Применение жидкости позволяет получить жёсткость, сопоставимую и даже превосходящую подшипники качения. Однако при высоких скоростях скольжения существенную роль играет тепловыделение: вязкость жидкостей при нагревании может снижаться в десятки раз. Газовая смазка не имеет этого недостатка, поскольку при нагревании газа плотность незначительно возрастает. Кроме того, само тепловыделение в газовом подшипнике многократно ниже по причине весьма малой вязкости газа.

Интерес вызывают газодинамические подшипники, в которых несущая способность слоя газовой смазки создается за счет гидродинамического эффекта [1]. Такие подшипники находят применение в малонагруженных приборах и в некоторых видах технологического оборудования [1]. Их применение в машиностроении ограничивается по причине малой несущей способности и высокой податливости, для снижения которой традиционными методами приходится уменьшать рабочие зазоры подшипников либо увеличивать их частоту вращения и диаметр. При этом возникают очевидные конструкторские и технологические ограничения.

В настоящей работе предложен и рассмотрен газодинамический подшипник с активным управлением положения смазываемых элементов. Конструкция подшипника показана на рис. 1.

Цапфа 1 поддерживается газовым слоем 2, разделяющим поверхности цапфы и опорной втулки 3 при вращении. В отличие от традиционной конструкции подшипников опорная втулка 3 выполнена подвижной. Возможность её смещения обеспечивается эластичной прокладкой 4. Во втулке 3 выполнены отверстия 5, выходящие в непроточные полости 6, образованные эластичной прокладкой 4, корпусом 7 и опорной втулкой 3. При вращении цапфы 1 в несущем слое подшипника возникает газовый клин, разделяющий поверхности цапфы 1 и опорной втулки 3. При этом в нагруженной и разгруженной областях подшипника в соответствующих полостях 6 компенсатора, в которые смазка без сопротивления попадает из несущего слоя 2 через отвер-



Рис. 1. Газодинамический подшипник: *a* – осевой разрез; *б* – развёртка эластичной прокладки и опорной втулки

стия 5, повышается и понижается давление, под действием чего происходит смещение опорной втулки 3 навстречу вектору внешней силы. Этот эффект обеспечивает снижение суммарной податливости цапфы относительно корпуса подшипника.

#### Математическое моделирование

Функция давления *p*(*z*,  $\varphi$ ) в несущем газовом слое подшипника удовлетворяет краевой задаче для дифференциального уравнения Рейнольдса [2]

$$\begin{cases} \frac{1}{r_0^2} \frac{\partial}{\partial \varphi} \left( h^3 p \frac{\partial p}{\partial \varphi} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( h^3 p \frac{\partial p}{\partial z} \right) = 6\mu \omega \frac{\partial (ph)}{\partial \varphi}, \\ p(z,0) = p(z,2\pi), \frac{\partial p}{\partial \varphi}(z,0) = \frac{\partial p}{\partial \varphi}(z,2\pi), \frac{\partial p}{\partial z}(0,\varphi) = 0, p(l,\varphi) = p_a, \end{cases}$$
(1)

где z,  $\varphi$  – продольная и окружная координаты;  $r_0$  – радиус цапфы; l – половина длины подшипника;  $\mu$  – динамическая вязкость газовой смазки;  $\omega$  – угловая скорость вращения цапфы;  $h(\varphi) = h_0 - e \cos \varphi$  – функция зазора в смазочном слое;  $h_0$  – толщина слоя смазки при центральном положении цапфы; e – эксцентриситет цапфы и втулки;  $p_a$  – давление окружающей среды.

При достаточно большом числе секций эластичной прокладки 3 функцию распределения давления в компенсаторе 6 можно считать моногармонической и давление в них приближенно описать одномерной функцией  $p(l_1, \varphi)$ , где  $l_1$  – расстояние от поперечной плоскости симметрии подшипника до плоскости расположения отверстий 5, через которые сжатая смазка поступает в полости компенсатора.

Расчет податливости подшипника проведен в безразмерной форме. За масштабы основных величин приняты: наружный радиус *r*<sub>0</sub> для линейных размеров, *p<sub>a</sub>* – для давлений, 2π*r*<sub>0</sub><sup>2</sup>*p<sub>a</sub>* – для сил, *h*<sub>0</sub> – для смазочного зазора и эксцентриситетов.

Безразмерным аналогом (1) является задача

$$\begin{cases} \frac{\partial}{\partial \varphi} \left( H^3 P \frac{\partial P}{\partial \varphi} \right) + \frac{\partial}{\partial Z} \left( H^3 P \frac{\partial P}{\partial Z} \right) = \Lambda \frac{\partial (PH)}{\partial \varphi}, \\ P(Z,0) = P(Z,2\pi), \frac{\partial P}{\partial \varphi}(Z,0) = \frac{\partial P}{\partial \varphi}(Z,2\pi), \frac{\partial P}{\partial Z}(0,\varphi) = 0, P(L,\varphi) = 1. \end{cases}$$
(2)

Здесь  $H(\varphi) = 1 - \varepsilon \cos \varphi$  – безразмерная функция зазора;  $\varepsilon$  – относительный эксцентриситет цапфы; L – половина безразмерной длины подшипника;  $P(Z, \varphi)$  – безразмерная функция давления в несущем слое; Z – безразмерная продольная координата;  $\Lambda = 6\mu\omega r_0^2 / h_0^2 p_a$  – «число сжимаемости» газовой пленки [3].

Рассмотрим работу подшипника при малых поперечных перемещениях цапфы  $\varepsilon << 1$ . В этом случае задача (2) может быть упрощена посредством ее линеаризации. Нахождение ее решения проведем в комплексной форме [3]. Для этого положим

$$H(\phi) = 1 - \varepsilon e^{-i\phi}, P(Z,\phi) = 1 + U(Z)\varepsilon e^{-i\phi}.$$

После линеаризации (2) и разделения переменных, получим задачу для функции U(Z)

$$\begin{cases} U'' - (1 - i\Lambda)U = i\Lambda, \\ U'(0) = 0, U(L) = 0. \end{cases}$$

Решением этой задачи является функция

$$U(Z) = \frac{i\Lambda}{\lambda^2} \left( \frac{\mathrm{ch}\lambda Z}{\mathrm{ch}\lambda L} - 1 \right),$$

где  $\lambda = \sqrt{1 - i\Lambda}$ .

Комплексная форма безразмерной несущей способности подшипника определяется выражением

$$W_1 = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{L} (P-1)e^{i\varphi} dZd\varphi = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{L} \operatorname{Re}\left\{U\varepsilon e^{-i\varphi}\right\} e^{i\varphi} dZd\varphi = A_1\varepsilon,$$

где

$$A_{\rm l} = \frac{i\Lambda}{\lambda^2} \left( \frac{{\rm th}\lambda L}{\lambda} - L \right).$$

Модуль главного вектора реакции несущего слоя подшипника равен действующей на цапфу внешней силе

$$|A_1|\varepsilon = F. \tag{3}$$

С наружной стороны втулки несущей способности противодействует сила

$$W_2 = \frac{R_m}{\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^{L_4} \left[ P(L_1, \varphi) - 1 \right] e^{i\varphi} dZ d\varphi = \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^{L_4} \operatorname{Re}\left\{ U(L_1) \varepsilon e^{-i\varphi} \right\} e^{i\varphi} dZ d\varphi = A_2 \varepsilon,$$

где  $R_m$  – безразмерный наружный радиус втулки,  $L_4 = L - 0.5L_2 - L_3$ ,

$$A_2 = \frac{i\Lambda L_4 R_m}{\lambda^2} \left( \frac{\operatorname{ch} \lambda L_1}{\operatorname{ch} \lambda L} - 1 \right).$$

Проекция эксцентриситета втулки и корпуса на главный вектор реакции подшипника определяется выражением

$$\varepsilon_m = K_m \operatorname{Re}\left\{A_1 - A_2\right\}\varepsilon,\tag{4}$$

где  $K_m$  – коэффициент податливости эластичной прокладки. Это соотношение представляет собой уравнение силового равновесия втулки.

Суммарный эксцентриситет цапфы и корпуса равен

$$\varepsilon_s = \varepsilon + \varepsilon_m \,. \tag{5}$$

Решив систему линейных уравнений (3) – (5), получим искомую формулу податливости подшипника относительно его корпуса в направлении действия главного вектора реакции несущего слоя

$$K = \frac{\varepsilon_s}{F} = \frac{1 + K_m \operatorname{Re}\{A_1 - A_2\}}{|A_1|}.$$

В предельном случае  $\Lambda \to \infty$  имеем  $A_1 = L$ ,  $A_2 = R_m L_4$ , поэтому при больших угловых скоростях вращения цапфы податливость подшипника может быть оценена с помощью более простой формулы

$$K = \frac{1 - L_4 K_m \left( R_m - 1 \right)}{L}.$$
 (6)

#### Результаты исследования

На рис. 2 представлены зависимости податливости K подшипника от «числа сжимаемости» Л. Кривая для  $K_m = 0$  (абсолютно жесткая прокладка) соответствует обычному газодинамическому подшипнику. В нем зависимость  $K(\Lambda)$  является монотонно убывающей функцией.

С увеличением  $K_m$ , когда прокладка приобретает упругие свойства, податливость подшипника уменьшается и может достигать нулевого или отрицательных значений (цапфа относительно корпуса не смещается либо движется во встречном по отношению к внешней силе направлении). При этом зависимости  $K(\Lambda)$ , как видно на рис. 2, приобретают унимодальный характер, который проявляется на них в виде экстремума-минимума.

Экстремальный характер кривых можно объяснить исходя из анализа эпюр функции |U(Z)|, которые показаны на рис. 3. Кривые характеризует продольную конфигурацию газового клина, который образуется в несущем слое подшипника в результате гидродинамического эффекта. При относительно малых значениях параметра  $\Lambda$  перепад давления в газовом клине, как видно на графиках, мал и наибольшие его значения приходятся на узкую область центральной части несущего слоя. Если питающие компенсатор отверстия расположены в этой части подшипника, то превосходство интегральной реакции постоянного по длине компенсатора давления, которое значительно превышает соответствующий показатель в несущем слое, способствует быстрому уменьшению податливости до ее минимального значения. С увеличением частоты вращения цапфы при умеренных значениях параметра  $\Lambda$  размер газового клина быстро расши-



Рис. 2. Зависимости податливости K от «числа сжимаемости»  $\Lambda$  при различных значениях податливости  $K_m$  эластичной прокладки, L = 1.5,  $L_1 = 0.2$ ,  $L_2 = L_3 = 0.1$ ,  $R_m = 1.2$ 



Рис. 3. Функция |U(Z)| при различных значениях «числа сжимаемости»  $\Lambda$ , L = 1

ряется, давление в нем возрастает, что влечет ослабление силового противодействия реакции несущего слоя со стороны сил давления в компенсаторе.

В результате этого при дальнейшем повышении частоты вращения цапфы функция податливости меняет свой характер и, достигнув своего минимума, начинает увеличиваться. При этом, как следует из анализа формулы (6), подшипник может обладать низкой положительной, нулевой и отрицательной податливостью при предельно высоких частотах вращения цапфы.

Упомянутый характер эпюр функции |U(Z)| позволяет управлять желаемым видом характеристики податливости  $K(\Lambda)$  посредством назначения требуемого значения параметра  $L_1$ , а также параметров  $L_2$  и  $L_3$ . Как видно на рис. 4, чем больше значение параметра  $L_1$ , тем больше и абсцисса минимума  $K(\Lambda)$ .

С увеличением  $L_1$  минимальные значения K в точках экстремума растут, однако их всегда можно уменьшить, увеличив податливость  $K_m$  эластичной прокладки. Так, при  $L_1 = 0.25$  оптимальным с точки зрения минимума податливости является  $\Lambda \approx 9$ . Если  $L_1 = 0.5$ , то минимум податливости имеет место при  $\Lambda \approx 32$ , а при  $L_1 = 0.75$  оптимальным будет значение  $\Lambda \approx 160$ .

На рис. 4 видно также, что с увеличением значений параметра  $L_1$  характеристика податливости  $K(\Lambda)$  в области экстремума становится более стабильной.

#### Заключение

Представленная математическая модель статического состояния рассмотренного газодинамического подшипника, аналитическое решение дифференциальной задачи, полученное в комплексной форме, дают возможность выполнить исследование его статической податливости.

Полученные результаты позволяют сделать вывод о возможности существенного снижения податливости конструкции, а также достижения очень низких, нулевых и отрицательных



Рис. 4. Зависимости податливости K от «числа сжимаемости»  $\Lambda$  при различных значениях параметра  $L_1$ ,  $L=1, L_2=L_3=0.1, R_m=1.2, K_m=8$ 

величин, когда такие подшипники способны компенсировать положительную податливость других элементов конструкций, в которых они используются.

Показано, что при соответствующем подборе конструктивных параметров можно получить требуемые статические характеристики подшипника.

#### Список литературы

[1] Шейнберг С.А., Жедь В.П., Шишеев М.Д. Опоры скольжения с газовой смазкой. М.: Машиностроение, 1979. 335 с. [Sheinberg S.A., Zhed V.P., Shisheev M.D. Sliding bearings with gas lubrication. Moscow, Mashinostroenie, 1979, 335 p. (in Russian)]

[2] Константинеску В.Н. Газовая смазка. М.: Машиностроение, 1968. 718 с. [Constantinescu V.N. Gas lubrication. Moscow, Mashinostroenie, 1968, 718 р. (in Russian)]

[3] Дроздович В.Н. Газодинамические подшипники. Л.: Машиностроение, 1976. 208 с. [Drozdovich V.N. Gas-dynamic bearings. Leningrad, Mashinostroenie, 1976, 208 р. (in Russian)]