

Systemteknik Projektarbeten 1972.

Ångpannereglering - Kraftsystem - Produktionsplanering

Wittenmark, Björn; Lindahl, Sture; Sternby, Jan

1972

Document Version: Förlagets slutgiltiga version

Link to publication

Citation for published version (APA): Wittenmark, B., Lindahl, S., & Sternby, J. (1972). Systemteknik Projektarbeten 1972. Ångpannereglering - Kraftsystem - Produktionsplanering. (Technical Reports TFRT-7019). Department of Automatic Control, Lund Institute of Technology (LTH).

Total number of authors:

General rights

Unless other specific re-use rights are stated the following general rights apply:

Copyright and moral rights for the publications made accessible in the public portal are retained by the authors and/or other copyright owners and it is a condition of accessing publications that users recognise and abide by the legal requirements associated with these rights.

• Users may download and print one copy of any publication from the public portal for the purpose of private study or recognise.

- You may not further distribute the material or use it for any profit-making activity or commercial gain
 You may freely distribute the URL identifying the publication in the public portal

Read more about Creative commons licenses: https://creativecommons.org/licenses/

Take down policy

If you believe that this document breaches copyright please contact us providing details, and we will remove access to the work immediately and investigate your claim.

SYSTEMTEKNIK PROJEKTARBETEN 1972 Ångpannereglering Kraftsystem Produktionsplanering

- **B. WITTENMARK**
- S.LINDAHL
- J. STERNBY

REPORT 7213 (B) JUNE 1972 LUND INSTITUTE OF TECHNOLOGY DIVISION OF AUTOMATIC CONTROL

PROJEKT: ÅNGPANNEREGLERING

Jan Erik Bertilsson
Rune Eriksson
Per Gabrielsson
Bertil Lindberg
Staffan Luterkort
Nils Olof Rasmusson
Lennart Svärd
Lars Widmark

- 1. Modeller
 - 1.1 Olinjär modell
 - 1.2 Linjärisering av olinjära modellen
 - 1.3 Nionde ordningens linjär modell
- 2. Linjärkvadratiska regulatorer
 - 2.1 Linjärisering av lilla modellern
 - 2.2 Linjärkvadratisk regulator på den lilla modellen
 - 2.3 Linjärkvadratisk regulator på den store modellen
- 3. Konventionell reglering av lilla modellen
 - 3.1 Hur skall man reglera?
 - 3.2 Simulering på analogimaskin

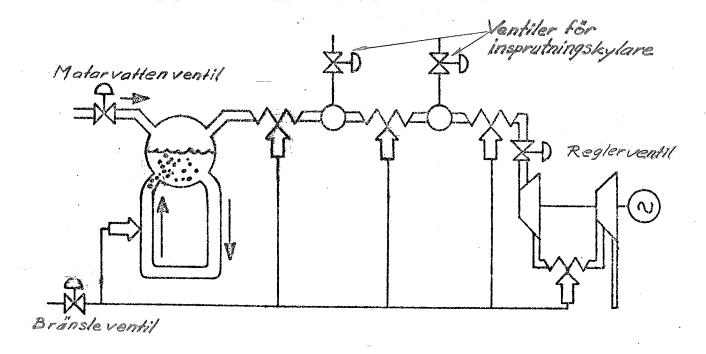
1. MODELLER

11. Olinjär modell

I ref. (1) presenteras en modell för en dompanna. Modellens syfte är att i grova drag beskriva pannans uppförande vid belastningsändringar. De primära insignalerna är bränsleflöde och reglerventilens läge. Utsignalerna är domtryck och effekt.

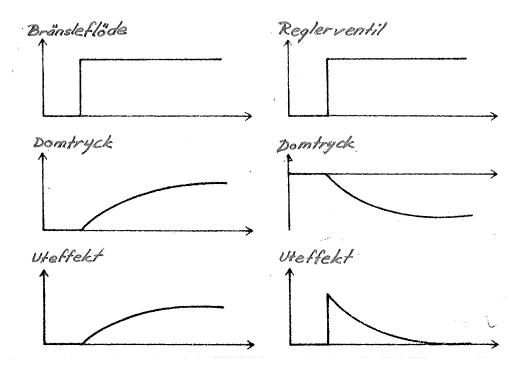
Modellen är verifierad genom försök som utförts på panna P16 och turbin-generator G16 vid Öresundsverket. Pannan är en oljeeldad dompanna med maximal uteffekt 160 MWel.

Figuren nedan visar ett förenklat kopplingsschema över panna-turbingrupp.



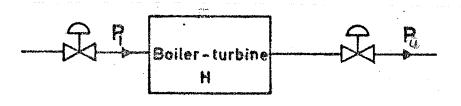
Resultaten från försöken sammanfattas i nedanstående stegsvar. Av dessa framgår att i stort kan uppförandet av panna-turbingrupp förklaras av en första ordningens modell.

Hur denna modell framtages visas i ref. (1). Följande resonemang är ett sammandrag.



Energibalans

Panna-turbingrupp betraktas som en energireservoar. Energi tillföres via bränsle och matarvatten. Anläggningen avger energi som elektrisk effekt. Energien lagras i ångan, vattnet,och i stålkonstruktionen.



En energibalans ger

$$\frac{dH}{dt} = R - R$$

där H är den totalt upplagrade energien, P är tillförd och P bortförd effekt.

För att erhålla en matematisk modell är det nu nödvändigt att uttrycka H, P_{ℓ} och $P_{\ell\ell}$ i storheter som är karaktäristiska för panna-turbin.

Den upplagrade energien, H, uttryckes som funktion av domtrycket. Orsaken till att just domtrycket valts är att detta ger betydelsefull information om tillståndet i pannan. Vidare utgör storlek och hastighetsändring av domtryck en viktig begränsning vid reglering av en ånganläggning.

Om den upplagrade energien antages vara jämnt fördelad över anläggningen så kan det totala energiinnehållet i tryckområdet 50-150 bar approximeras med H=H(p)=ap+b

där p är domtrycket och a och b är konstanter.

<u>Tillförd effekt, P, ,</u> antages vara en funktion av bränsle-flöde och matarvattenflöde. Den effekt som tillföres via förbränningsluften och vattenflödet till insprutnings-kylarna är liten och man bortser från den.

 $P_{i} = a_{1} u_{1} - a_{2} u_{3}$

där \mathbf{u}_{1} är bränsleflöde och \mathbf{u}_{3} är matarvattenflöde. \mathbf{a}_{4} och \mathbf{a}_{2} är konstanter.

Avgiven effekt, $P_{\mathcal{U}}$, betraktas som en funktion av reglerventilens läge och av ångans tryck och temperatur vid turbininloppet. Det finns två andra flöden som representerar bortförande av effekt, nämligen rökgasströmmen och kondensatflödet. Om man bortser från rökgasströmmen innebär detta bara att effekten av bränsleflödet reduceras. Om man antar kondensatflödets entalpi konstant kan man på samma sätt ta hänsyn till energiflödet via kondensatet genom att i motsvarande mån ändra matarvattenflödet. Bortses från tryckfallet mellan panna och turbin så fås $P_{\mathcal{U}}$ enligt

 $P_{\mathcal{U}} = b_1 \text{ q} \triangle h + b_2$ $d\ddot{a}r \text{ q} = q(u_2, p) = \text{ångflöde}$ $\triangle h = \triangle h(p) = \text{entalpifall genom turbinen}$ $u_2 \ddot{a}r \text{ reglerventilens läge}$ $b_1 \text{ och } b_2 \ddot{a}r \text{ konstanter (} b_2 \text{ tar hänsyn till förluster)}$. $\mathring{a}ngfl\ddot{o}det \text{ q antages bero på trycket enligt}$ $q = b_3 u_2 \sqrt{p}$. Genom att använda värden från försöken vid Öresundsverket bestämmes b_3 till 41.5.

För att beräkna $P_{\mathcal{U}}$ behövs vidare ett uttryck för entalpifallet genom turbinen som funktion av trycket. Det visar sig att man med uttrycket

$$\Delta h = b_4 p_i^r$$
 (r=1/8)

kan anpassa b_4 så att överensstämmelsen med det teoretiska entalpifallet i tryckområdet 1-35 bar blir god.

p; är inloppstryck till turbinen.

Orsaken till att entalpifallet uppskattas från tryckområdet 1-35 bar då admissionstrycket är 125 bar är att huvuddelen av energiomsättningen i turbinen sker i mellan- och lågtrycks-delen.

Avgiven effekt Pu kan alltså tecknas

$$P_{u} = b_{1}b_{3}b_{4}u_{2}p^{5/8} + b_{2} = 0$$

Sammanfattning

Ovanstående resonemang utmynnar i ett första ordningens olinjärt system.

$$\begin{cases} a \frac{dp}{dt} = -\alpha_4 (u_2 p^{5/8} - \alpha_5) + a_1 u_1 - a_2 u_3 \\ P_u = \alpha_4 (u_2 p^{5/8} - \alpha_5) \end{cases}$$

Genom att införa de normaliserade koefficienterna $\chi_1 = \chi_4/a$, $\chi_2 = a_1/a$, $\chi_3 = a_2/a$ erhålles

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}t} = -\alpha_1 (u_2 p^{5/8} - \alpha_5) + \alpha_2 u_1 - \alpha_3 u_3 \\ P_u = \alpha_4 (u_2 p^{5/8} - \alpha_5) \end{cases}$$

eller

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -\chi_1 (u_2 x^{5/8} - \chi_5) + \chi_2 u_1 - \chi_3 u_3 \\ y = \chi_4 (u_2 x^{5/8} - \chi_5) \end{cases}$$

x = domtryck, y = uteffekt

Modellen innehåller de fem okända parametrarna $\propto_1 - \propto_5$. Genom att utnyttja resultaten från försöken vid Öresunds-verket visar K.J. Åström och K. Eklund hur numeriska värden på parametrarna kan bestämmas. Vi nöjer oss med att återge resultatet och rekomenderar den intresserade läsaren att studera ref.(1).

Härvid gäller att dimensionerna på de ingående storheterna skall vara följande:

x = domtryck (kp/cm^2) u = bränsleflöde (ton/h) u = reglerventilens läge (0-1) u = matarvattenflöde (ton/h) y = uteffekt (MW)

1.2 Linjärisering av olinjära modellen

I 1.1 har visats att en dompanna kan beskrivas med en första ordningens olinjär modell

$$\frac{dx}{dt} = -\alpha_1 u_2 x + \alpha_1 \alpha_5 + \alpha_2 u_1 - \alpha_3 u_3$$

$$5/8$$

$$y = \alpha_4 u_2 x - \alpha_4 \alpha_5$$

För att med enkel analys kunna analysera systemet linjäriseras ekv. 1.2.1 kring \bar{x} och \bar{u} = $(\bar{u}_1, \bar{u}_2, \bar{u}_3)$

Sätt:
$$\Delta x = x - \overline{x}$$

$$\Delta u_{i} = u_{i} - \overline{u}_{i}$$

$$\Delta y = y - \overline{y}$$
 $i = 1, 2, 3$

Enkelt inses att det ovan angivna olinjära systemet allmänt kan skrivas

$$\frac{dx}{dt} = f(x,u)$$

För stationära värdena gäller

$$f(\bar{x}, \bar{u}) = 0$$

$$\frac{d\Delta x}{dt} = f(\bar{x}, \bar{u}) + \frac{\delta}{\delta x} f(\bar{x}, \bar{u}) \Delta x + \sum_{i=1}^{3} \frac{\delta}{\delta u_{i}} f(\bar{x}, \bar{u}) \Delta u_{i} + R(x, u)$$
 1.2.2

Sätt:
$$y = g(x,u_2)$$
 $\overline{y} = g(\overline{x},\overline{u}_2)$

$$g(x,u_2) = g(\bar{x}, \bar{u}_2) + \frac{\delta}{\delta x} g(\bar{x}, \bar{u}_2) \Delta x + \frac{\delta}{\delta u_2} g(\bar{x}, \bar{u}_2) \Delta u_2 + S(x,u_2)$$

$$\Delta y = \frac{\delta}{\delta x} g(\bar{x}, \bar{u}_2) \Delta x + \frac{\delta}{\delta u_2} g(\bar{x}, \bar{u}_2) \Delta u_2 + S(x, u_2)$$
1.2.3

Försumma resttermerna R och S

Systemet 1.2.1 kan nu skrivas på formen

$$\Delta \hat{x} = A\Delta x + B\Delta u$$

$$\Delta y = C\Delta x$$
 $D\Delta u$

Efter derivering erhålles

Vi vill nu bestämma de värde på x och u kring vilka linjärisering skall ske

I [1] är redovisat experiment på Öresundsverket. Fig. 1.1 och 1.2 visar två av dessa experiment. De kallas experiment A resp. C.

De stationära värdena blir då

EXPERIMENT A

$$\bar{x} = 125 \text{ kg/cm}^2$$

 $\bar{y} = 140 \text{ MW}$

EXPERIMENT C

$$\bar{x} = 107 \text{ kg/cm}^2$$
 $\bar{y} = 70 \text{ MW}$

Ur fig. 1.3 kan sedan u_2 bestämmas till 1 resp. 0.75

Nu återstår att bestämma \bar{u}_1 och \bar{u}_3 . Ur de bifogade diagrammen framgår att vid en jämförelse av u_1 och u_3 :s förlopp, u_3 -värdet bättre lämpar sig för direkt bestämning.

EXP. A
$$u_3 = 4.2$$
 10 TON/h
då $f(\bar{x}, \bar{u}) = 0$ \Rightarrow $-\alpha_1$ 1 125 $+ \alpha_1\alpha_5 + \alpha_2\bar{u}_1 - \alpha_3$ 4.2 10² = 0
 $\bar{u}_1 = 30.6$ TON/h

EXP. C
$$\bar{u}_3 = 2.25 \cdot 10^2 \text{TON/h}$$

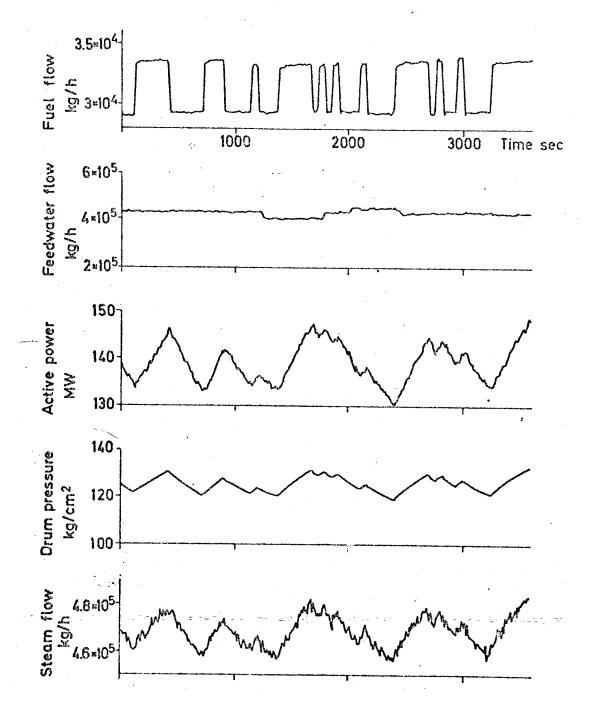
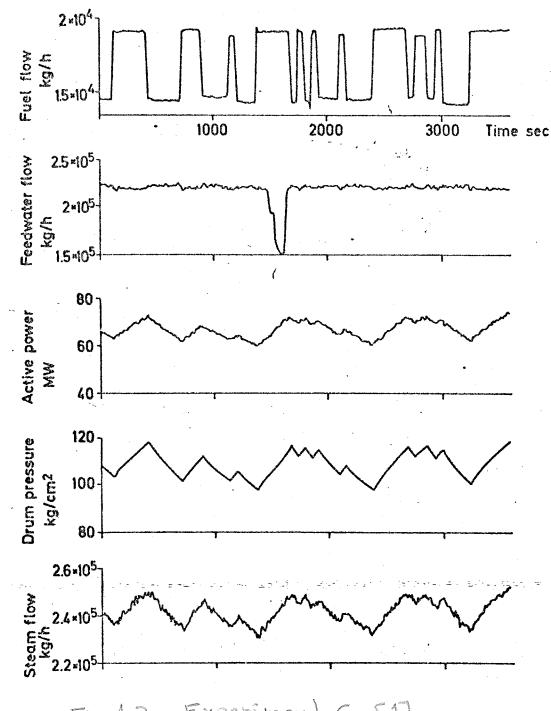


Fig 1.1 Experiment A [1]



Experiment C 517

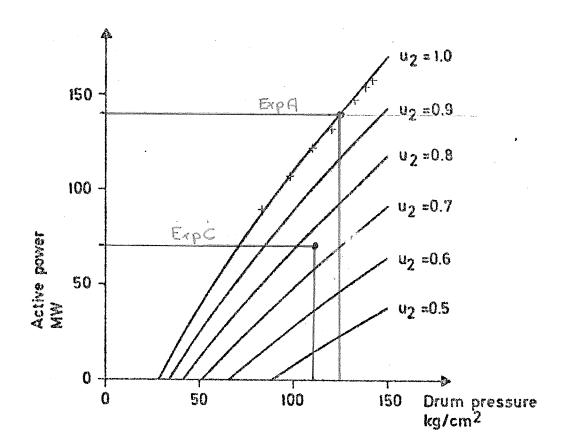


Fig 13-Aktiv effekt som funktion av dom tryck

då
$$f(\bar{x}, \bar{u}) = 0$$
 \Rightarrow $5/8 - \alpha_1 \cdot 0.75 \cdot 107 + \alpha_1 \alpha_5 + \alpha_2 \bar{u}_1 - \alpha_3 \cdot 2.25 \cdot 10^2 = 0$ $\bar{u}_1 = 14.9 \text{ TON/h}$

Insättning av de nu beräknade värdena i ekv. 1.2.4

EXP. A

Tidskonst. $\underline{T_A} = \underline{280 \text{ sek}}$.

EXP.C

$$\Delta x = \begin{bmatrix} -28.5 & 10^{-4} \end{bmatrix} \Delta x + \begin{bmatrix} 2 & 10^{-2}, -64.6 & 10^{-2}, -4.4 & 10^{-4} \end{bmatrix} \Delta u$$

$$\Delta y = \begin{bmatrix} \alpha_4 \overline{u}_2 \frac{5}{8} & \overline{x} \end{bmatrix} \Delta x + \begin{bmatrix} 0, \alpha_4 \overline{x} \end{bmatrix} , 0 \Delta u$$
(1.2.6)

Tidskonst. $T_C = 351 \text{ sek.}$

För att ytterliggare förenkla modellen införes en lokal återkoppling som styr matarvattenflödet (u_3) från domtrycket (x)

$$u_3 = \beta \sqrt{x}$$

Linjärisering av återkoppbingen ger:

$$u_{3} = \beta \left[\bar{x} \right]^{1/2} + \frac{1}{2} \bar{x} \right]^{-1/2} \Delta x$$

$$\Delta u_{3} = \beta \bar{x} - \bar{u}_{3} + \beta \frac{1}{2} \bar{x}$$

$$\Delta x$$

EXP. A med
$$\beta = 37.7$$

 $\Delta u_3 = 1.590 \Delta x$

insättn. i ekv. 1.2.5 ger

$$\Delta \dot{x} = \begin{bmatrix} -43.2 & 10^{-4} \end{bmatrix} \Delta x + \begin{bmatrix} 2 & 10^{-2}, & -71.4 & 10^{-2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta u_1 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix}$$

$$\Delta y = \begin{bmatrix} 1.171 \end{bmatrix} \Delta x + \begin{bmatrix} 0,234 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta u_1 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix}$$

Systemets tidskonst. blir $T_{\rm A}^{\,\prime}$ = 231 sek.

EXP.C med
$$β = 21.7$$

 $Δu_3 = 1.05 Δx$

insättning i ekv. 1.2.6 ger

$$\Delta x = \begin{bmatrix} -33.6 & 10^{-4} \end{bmatrix} \Delta x + \begin{bmatrix} 2.10^{-2}, -64.6 & 10^{-2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta u_1 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix}$$

$$\Delta y = \begin{bmatrix} \alpha_4 \bar{u}_2 \frac{5}{8} \bar{x} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -3/8 \\ \Delta x + \begin{bmatrix} 0, \alpha_4 \bar{x} \end{bmatrix} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5/8 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix}$$

Systemets tidskonst. blir nu T_{C}^{\dagger} = 298 sek.

Sammanfattning:

The state of the s	and the second s			er top ment in 1997 (for fortigen framer), en en 1994 i de tre de demonstrative en en 1994 i de tre de tre de	
inemaliana (nIPR) je nistra		EXPERIMENT A		EXPERIMENT C	
The special Control of the Control o				UTAN ÅTERKOPPL.	MED ÅTERKOPPL.
the file of wilders of the second service and services and second services and second second second services and second s	Т	280 s	231 s	351 s	298 s

Skillnaden i tidskonstant är liten. Det bör alltså vara möjligt att konstruera en regulator utgående från det återkopplade fallet i exp. A som även fungerar i exp. C eller vice versa.

1.3 Nionde ordningens linjära modell.

I Eklund (2) finns härlett en linjäriserad modell för Öresundsverket. Denna modell är av nionde ordningen och kan skrivas på standardform:

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx + Du \end{cases}$$

där

A är en 9x9 matris

Bär en 9x5 matris

C är en 14x14 matris

Där en 14x5 matris

De aktuella tillståndsvariablerna är:

r. 7	linjopkt	typiska sving
x ₁ = domtryck [bar(142,5	20
$x_2 = domnivå$ [m]	0	0,2
$x_3 = \text{domvattentemp} \text{[°C]}$	320	10
x _A = temp i stigrör ["]	450	10
x ₅ = ångkvalitet	0,115	0,01
x ₆ = medeltemp i ÖH l[°C]	480	20
$x_7 = 0.00$	515	20
x ₈ = " " " 3 ["]	570	20
x ₉ = " " möH ["]	570	20

Eklund har i sin modell använt fem stycken insignaler:

u_1	Eritar Eritar	bränsleflöde [kg/s]	9,55	1
u ₂	govin.	matarvattenflöde [kg/s]	119,96	10
u_3^{\prime}	donke,	insprutningsflöde 1[kg/s]	3 , 94	0,4
u_{Δ}^{i}	ent ent	" 2[kg/g]	0,84	0,08
u ₅	elitad Desp	reglerventilläge [%]	100	10

För att få en enklare modell antar vi att u_3' (=14 t_h) och u_4' (=3 t_h) kan försummas i jämförelse med matarvattenflödet u_2' (=430 t_h).

Detta medför att vi får följande insignaler i det förenklade systemet:

```
y_2 = x_2
              y_3 = x_3
              y_A = ångflöde före H.P. turbin
                                             kg/s
              y<sub>5</sub> = ångtryck efter reglerventil
                                            [bar]
              y_{6} = tot uteffekt från turbin
                                             MW ( H.P turbin + L.P turbin)
              För detta system är systemmatriserna:
                                                 0.49500G-01 -0.50900
                                   0.19200G-01
                     0.00000
     -0.43700G-01
                                                 0.22500G-03 -0.24700
                                   0.33900G-03
     -0.10500G-03
                     0.00000
                                                 0.25300G-02
                                                               -3.8900
                                  -0.22800G-01
                     0.00000
      0.11400G-01
                                                -0.50200G-01
                                                               0.00000
                                   0.00000
      0.28100G-01
                     0.00000
                                                 0.17000G-03 -0.86300G-01
                                   0.15300G-03
                     0.00000
     -0.98500G-04
                                                               0.00000
                                                 0.00000
                                   0.00000
                     0.00000
     -0.13300G-01
                                                               0.00000
                                   0.00000
                                                 0.00000
     -0.10200G-01
                     0.00000
                                                               0.00000
                                                 0.00000
                     0.00000
                                   0.00000
     -0.95100G-02
                                                               0.00000
                                                 0.00000
                                   0.00000
     -0.31300G-02
                     0.00000
                                            0,87300G-10
                             0.51000G-03
               0.13600G-03
 0.73500G-04
-0.99800G-06 -0.18700G-05 -0.69300G-05 -0.10300G-11
-0.11200G-04 -0.21100G-04 -0.77900G-04 -0.11800G-10
                                            0.00000
                             0.00000
               0.00000
                            -0.23600G-05 -0.42600G-12
-0.34100G-06 -0.64000G-06
                                            0.94600G-10
                             0.52800G-03
              0.14300G-03
-0.76400G-02
                             0.38500G-03 -0.72800G-11
 0.15600G-01 -0.16800G-01
                            -0.11900G-01 -0.72800G-10
               0.83800G-02
 0.44600G-02
                              0.14800G-02 -0.22900G-02
               0.40000G-03
 0.21300G-03
                     0.19500G-02 -0.17300G-02
       0.18600G-08
                                   0.23500G-04
                     0.33500G-04
       0.58200G-10
                                   0.26500G-03
       0.64000G-09 -0.32900G-02
                                   0.00000
                     0.00000
       0.12000
                                   0.80300G-05
       0.16400G-10 -0.90500G-05
                                  -0.17900G-02
                     0.00000
       0.21300
                                  -0.13100G-02
       0.23300
                     0.00000
                                  -0.11800G-02
                     0.00000
       0.26000
                                   -0.49200G-03
       0.58400G-01
                     0.00000
```

u, = bränsleflödet

0.00000

В

u, = matarvattenflödet u_z = reglerventilläget

De utsignaler som är av intresse är:

```
C_{\Gamma}
   1.0000
                0.00000
                               0.00000
                                             0.00000
                                                            0.00000
  0.00000
                 1.0000
                               0.00000
                                             0.00000
                                                            0.00000
  0.00000
                0.00000
                                1.0000
                                             0.00000
                                                            0.00000
  0.79100
                0.00000
                               0.00000
                                             0.00000
                                                            0.00000
  0.75700
                0.00000
                               0.00000
                                             0.00000
                                                            0.00000
   1.1400
                0.00000
                               0.00000
                                             0,00000
                                                            0.00000
 0.00000
                0.00000
                              0.00000
                                             0.00000
 0.00000
                0.00000
                              0.00000
                                             0.00000
 0.00000
                0.00000
                              0.00000
                                             0.00000
-0.54500G-02 -0.10200G-01
                             -0.37800G-01
                                             0.65200G-08
 0.16800G-02
                0.31500G-02
                              0.11600G-01
                                             0.65200G-08
 0.17200G-02
                0.32000G-02
                              0.12000G-01
                                             0.98400G-01
```

0.00000

0.00000

0.00000

0.12800

0.12400

0.18600

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0.00000

0,00000

2. Linjärkvadratiska regulatorer.

Det är besvärligt att göra syntes och kompensering med hjälp av Bodediagram på system med flera insignaler.

Ett sätt att dimensionera regulatorer för system med flera insignaler är att använda s.k. linjärkvadratisk teori. Med detta menas att man för ett linjärt system minimerar en kvadratisk förlustfunktion. För tidsdiskreta system kan man formulera detta som följande:

PROBLEM

Givet systemet

$$x(t+T) = \Phi x(t) + \Gamma u(t)$$

där alla tillståndsvariabler kan mätas direkt.

Bestäm en styrlag som minimerar:

$$V = \frac{1}{2}x^{T}(t)Q_{0}x(t) + \frac{1}{2}\sum_{t=0}^{\infty}(x(t)^{T}Q_{1}x(t) + u(t)^{T}Q_{2}u(t))$$

Lösningen blir en styrlag:

$$u = -L x(t)$$

d.v.s. en linjär återkoppling från samtliga tillstånd.

Till institutionens processdater (PDP-15) finns ett programpaket kallat SYNPAC, sem minimerar förlustfunktionen och ger på så sätt åvannämnda styrlag.Programpaketet är konversativt, vilket medför att det är mycket lätt att förändra parametrar etc..Detta innebär att man rel. snabbt kan dimensionera en bræ regulator.

Linjärisering av den lilla modellen.

Den olinjära modellen linjäriserades kring:

 $\bar{x} = domtryck$

142.5 (bar)

 $\bar{y} = uteffekt$

140.0 (MW)

 \overline{u}_1 = bränsleflöde 34.4 (t/h)

 $\overline{\mathbf{u}}_{2}$ = reglerventilläge

1.0

Vilket är samma värden som den 9:nde ordningens modell är linjäriserad kring.

Enligt förelägget kan man använda en lokal återkoppling som styr matarvattenflödet u_3 (t/h) från domtrycket.

$$u_3 = \beta x^{1/2}$$

Räkningar ger \bar{u}_3 = 447 t/h vilket medför att β = 37.4

Det linjäriserade systemet blir då

$$\dot{x} = -0.0042 \ \dot{x} + (0.02 \ -0.78) \ v$$

$$\mathbf{y} = \begin{bmatrix} 1.145 \\ 1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 0 & 257 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \mathbf{u}$$

Omformning av systemet så att u_1 , u_3 skall stoppas in med dim. (kg/s) istället för (t/h) och u_2 med dim. (%) istället för 0-1 medför

$$\ddot{x} = -0.0042 x + (0.072 -0.0078)$$

$$y = \begin{bmatrix} 1.145 \\ 1 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 0 & 2.57 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} u$$

$$\beta = 10.3$$

Tidskonstant T = 238 sek.

2.2 Linjärkvadratisk regulator på den lilla modellen.

Vi startade med att välja

Q1 = 1 och

$$Q2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Systemet svängde då in sig mycket snabbt men styrsignalerna låg utanför de tillåtna värdena ($|u_1| \le 1 \text{ kg/s}$, $|u_2| \le 10 \%$) Det motsvarar ($|u_1| \le 3 \text{ t/h}$, $|u_2| \le 0.1$)

Begynnelsevärde: x = 10 bar

Man kan påverka systemet t. ex. på följande sätt:

- Ql minskas systemet blir långsammare.

- Q2₁₁ ökas man reglerar mindre med bränsleflödet.

- Q2 minskas man reglerar mer med regler-22 ventilen. (ånga till turbin).

Efter att ha prövat med olika värden på dessa tre element kom vi snabbt fram till att följande matriser gav en god reglering

$$Q1 = 0.15$$

$$Q2 = \begin{bmatrix} 10 & 0 \\ 0 & 0.05 \end{bmatrix}$$

Fig.2.0 visar x och y för det öppna systemet. Det tar alltså mer än 900 sek innan systemet svängt in sig.

Fig.2.1 och2.2 visar u_1 , u_2 , x och y. Då systemet är åter-kopplat med den bästa L-matris vi fick fram.

Systemet svänger in sig på 300 sek. och \mathbf{u}_1 och \mathbf{u}_2 håller sig inom tillåtna gränser.

$$L = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.04756 \\ -1.0304 \end{bmatrix}$$

2.3 Linjärkvadratisk regulator på den stora modellen.

Vi will först påpeka att i den stera medellen betyder u matarvattenflöde, i metsats till i den lilla medellen där u, betydde matarvattenflöde. I det stera systemet blir den lokalæ linjäriserade återkopplingen $u_2 = \frac{\beta}{2\sqrt{2}} x$. Vi vill nu använda den regulator vi fick på den lilla modellen för att styra det stora systemet. L-matrisen blir då:

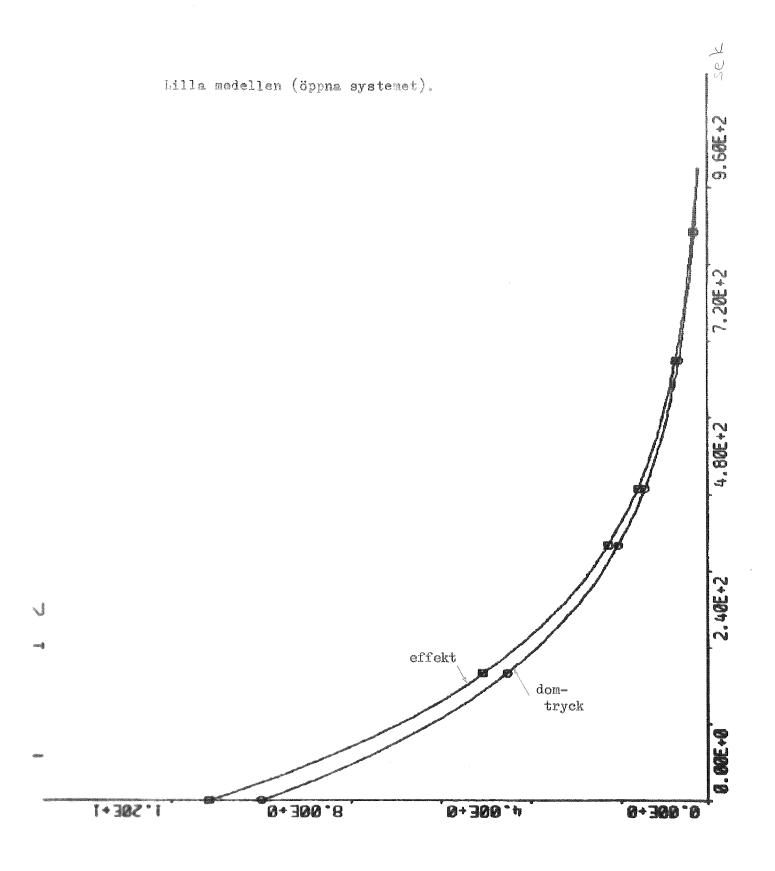
$$\mathbf{L} = \begin{bmatrix} \mathbf{1}_1 & 0 & \cdots & 0 \\ \frac{\beta}{2\sqrt{3}} & 0 & \cdots & 0 \\ \mathbf{1}_2 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}$$

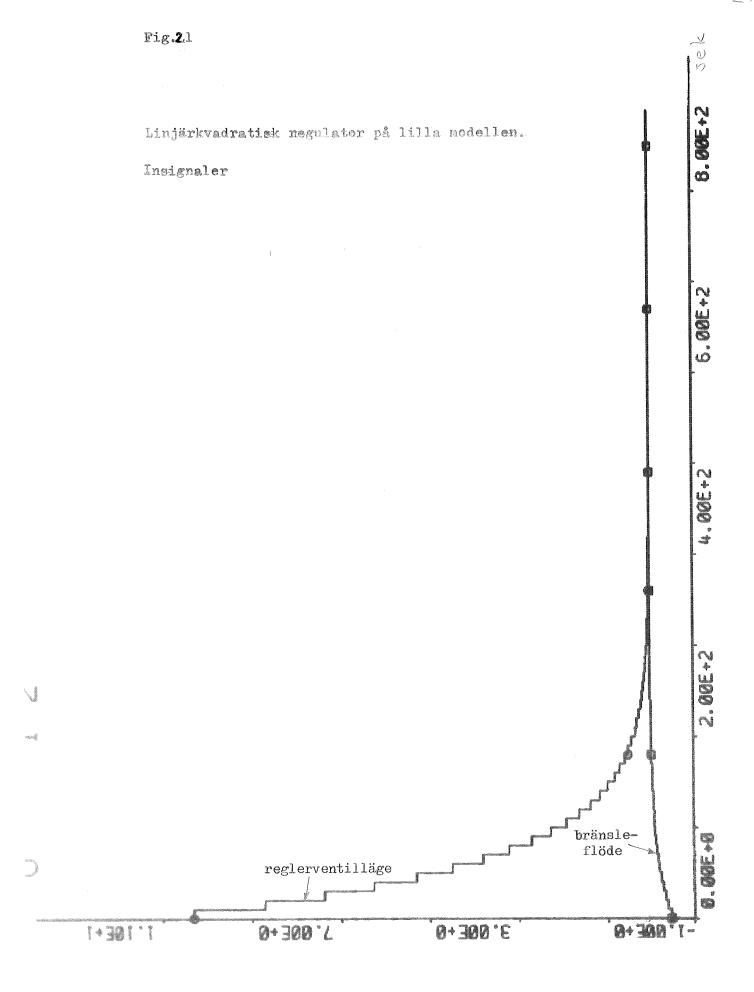
Det stera öppna systemet uppförde sig sem fig.2.3 visar. Systemet svängde in sig på ca. 600 sek.. Dvs. systemet är ungefär lika snabbt som det lilla systemet. Med den givna L-matrisen fick vi det resultat som redovisas i fig. 2.4 och 2.5. Systemet svängde in sig på 300 sek. och insignalerna låg alldeles på de tillåtna gränserna. Regulatern fiör lilla systemet han den nackdelen att den ej återför demnivån till nätt värde om den ligger fel. För att återföra nivån till rätt värde måste även tillståndsvariabeln \mathbf{x}_2 straffas. Efter några försök stannade vi vid följande värden på matriserna Q1 och Q2: diag Q1 = (5,50,0,....0)

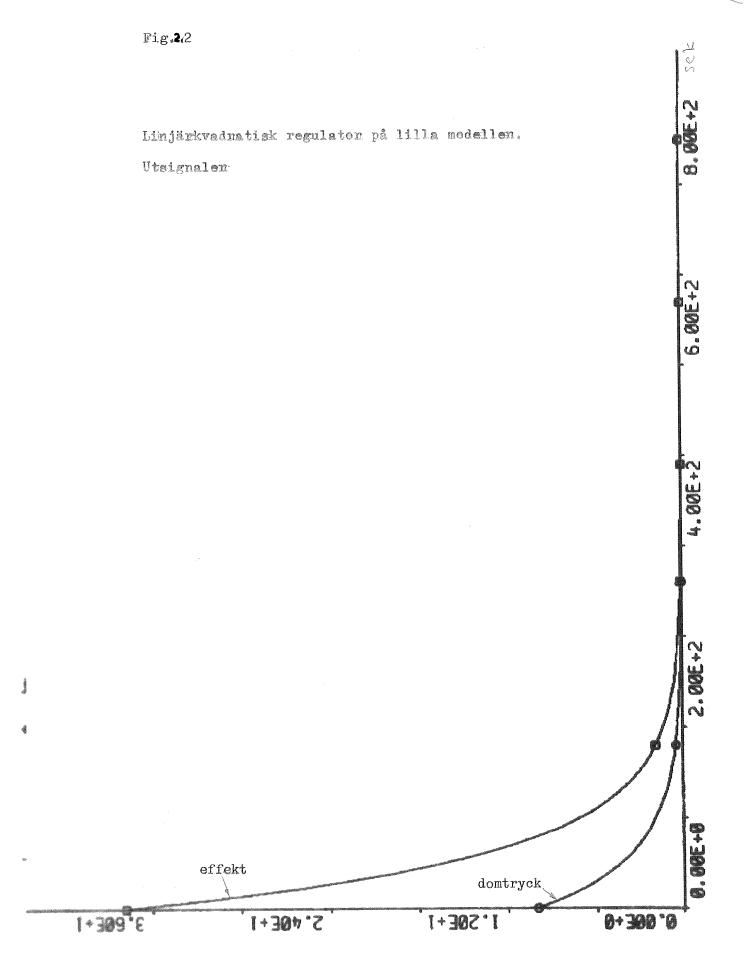
diag Q2 = (75,0,2,022)

Fig. 2.6 och 2.7 visar resultatet. Systemet svänger in sig på ca. 200 sek.. Insignalerna ligger fortfarande inom de tillåtna gränserna.

Fig. 2.8 visar L-matrisen för systemet.







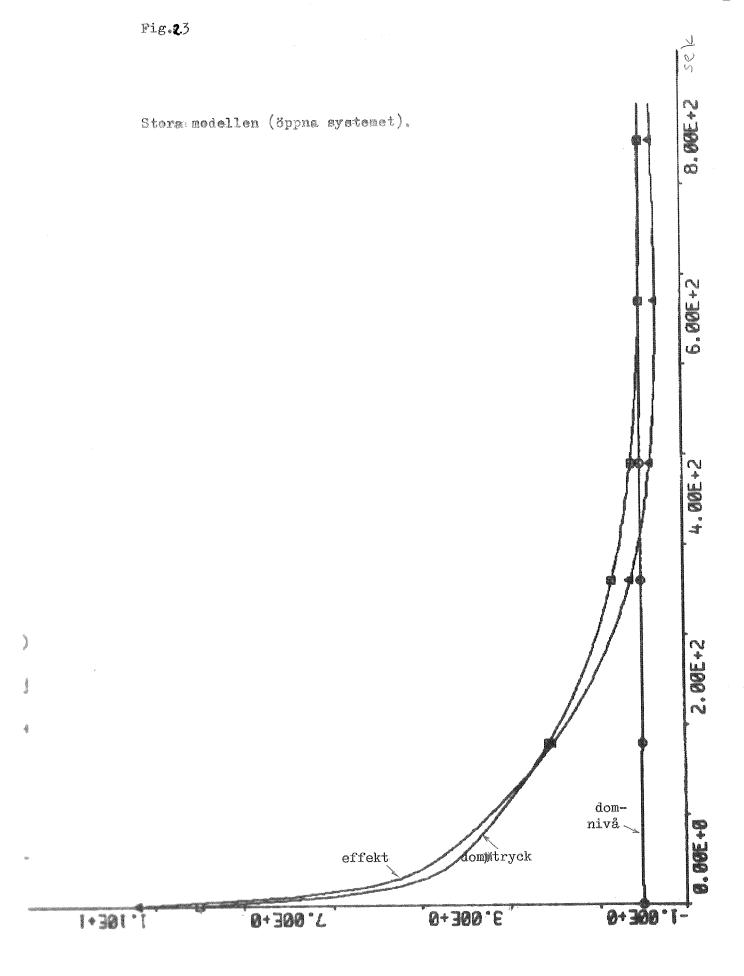
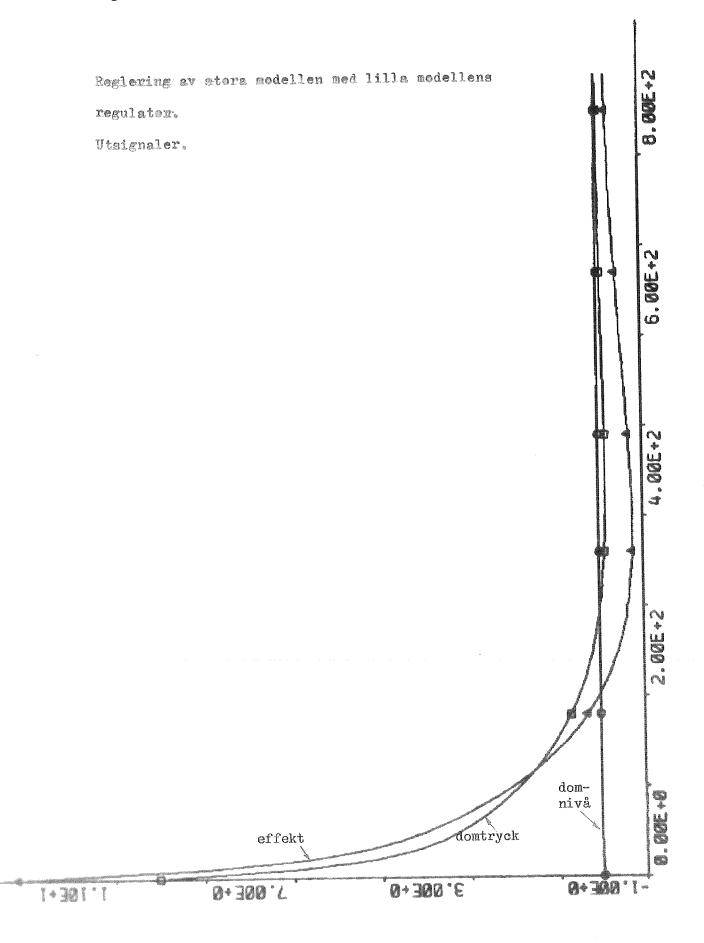


Fig.24



Manny.

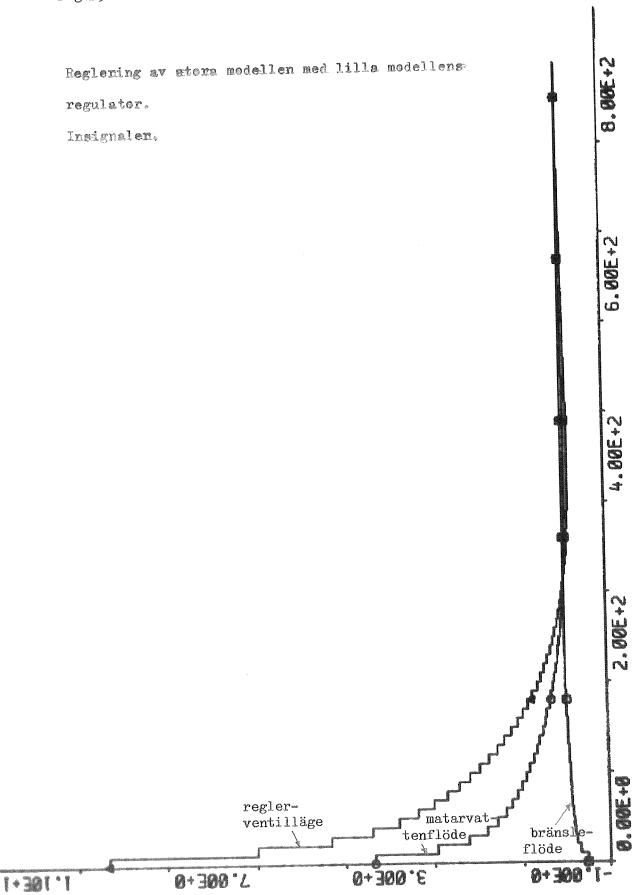
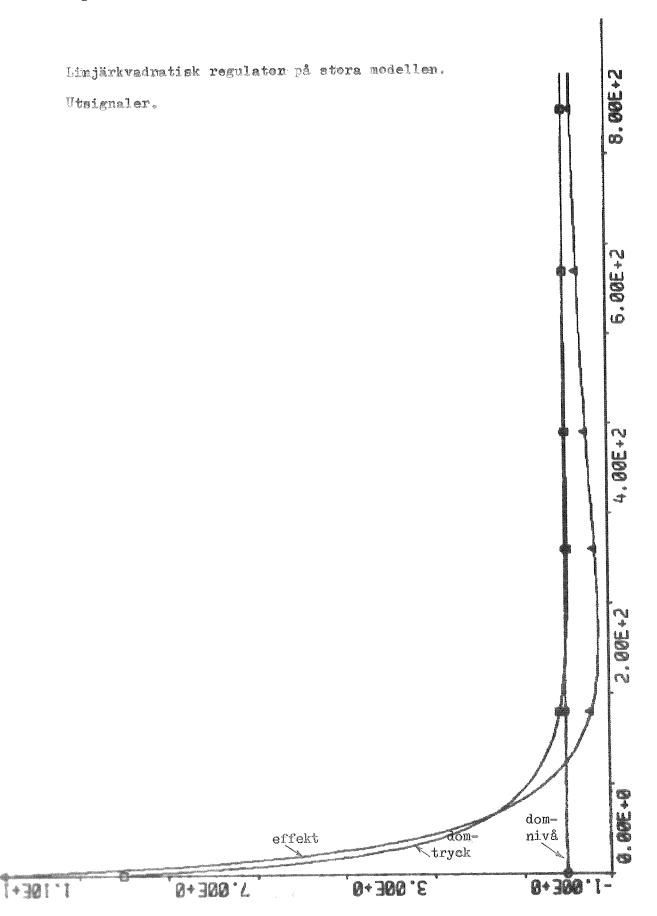
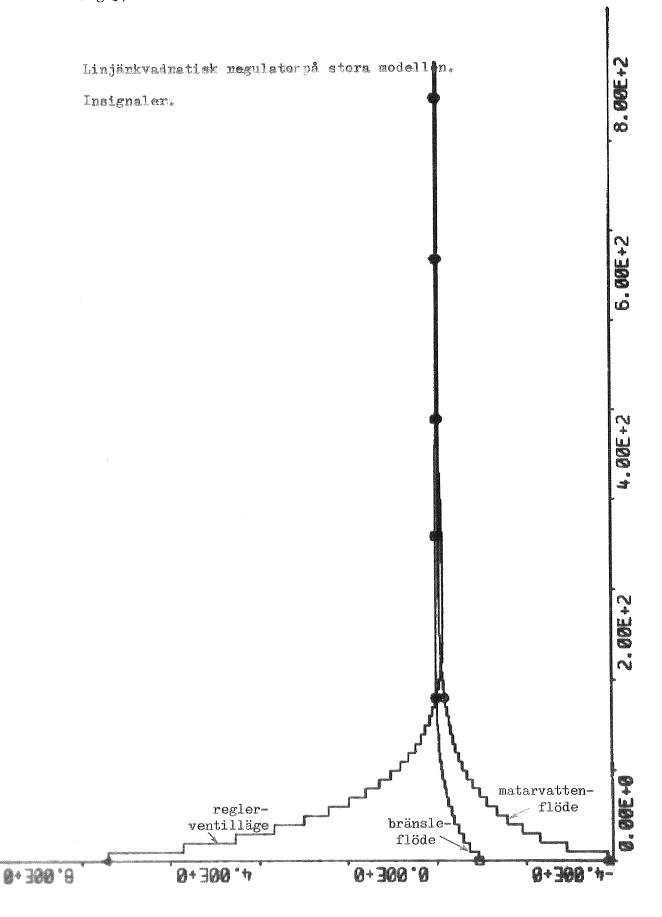


Fig.2.6





L-matris till styrlag tillhörande linjärkvadratisk regulator för stera modellen.

0.0000700700	0.165664 -45.8592 0.2477036-08	-0.567233 16.5661 -0.330149G-08
0.232608G-02	0.6932866-01	-0.319706 -0.138900G-01
2000 2000 2000 2000 2000 2000 2000 200	5.0873	-0,5293344 -0,629388G-02
70-5770 70-577	6.390088 6.3467276-62	-0.739882

3 KONVETIONELL REGLERING AV LILLA MODELLEN

31 Hur skall man reglera?

Syftet med effektreglering är att anpassa uteffekten till erforderligt behov. Regleringen måste ske på ett sådant sätt att inga otillåtliga tryck- och temperaturvaritioner uppstår i ånganläggningen. Vidare måste frekvens och turbinvarvtal hålla sig inom givna gränser. Processverkningsgraden bör vara hög.

Regleringreppet utlöses normalt av skillnaden mellan producerad och erforderlig effekt. Se figur nedan.

effektskillnad (reglersignal)

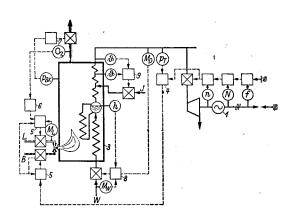
producerad effekt

erforderlig effekt

Effektbörvärdet sammansätts enl. ekv. nedan

 $N_{b\ddot{o}r} = aN_k + b A_f$, där $N_k = \text{erforderlig effekt och } A_f = frekvensavvikelse på elnät.$

En komplett reglerkoppling för ett kraftverk visas i figur nedan. Härav framgår att impulsen till reglerventilen sam-



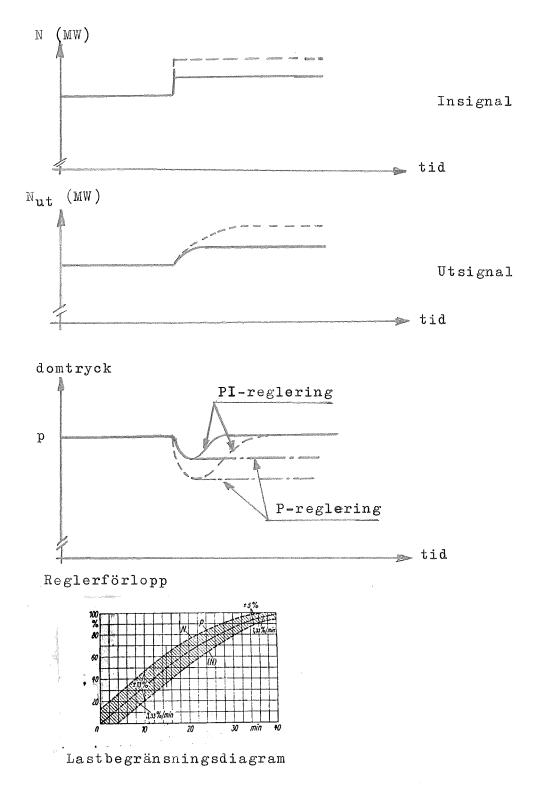
mansätts av avvikelse i frekvens (f), effket (N) och varvtal (n). För anpassning av pannans ångproduktion, sker även en viss återkoppling till bränsleflödet för att minska tidsfördröjningen i systemet. 4 är en tryck-effektreglering av pannan. Admissionstrycket är reglerstorhet med inverkan på bränsletillförseln. För att erhålla rätt bränsle-luftförhållande finns en ömsesidig återkoppling. Rätt bränsle-

luftförhållande ger en hög förbränningsverkningsgrad och därmed hög totalverkningsgrad. 6 är en förbränningsreglering, där 0_2 -halten i rökgaserna är reglerstorhet med inverkan på tillförd luftmängd. 7 är en rökgasreglering, där brännkammartrycket är reglerstorhet med inverkan på rökgasfläkten. Nivågivaren h sänder en impuls till regulatorn 8 dit även ånguttaget (M_D) kommer in som en störsignal samt dessutom en återkopplad signal från matarvattenflödet (M_W). Regulator 9 reglerar överhettartemperatur, så att turbinens admissionstemperatur blir lämplig.

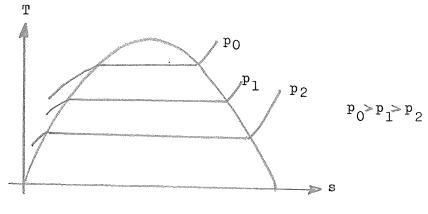
311 Allmänna synpunkter på pannreglering.

Varje system innehåller en viss mängd lagrad energikapacitet. Vid en stegvis ändring i lasten kan den upplagrade energikapciteten utnyttjas till att börja med, varefter ångproduktionen måste anpassas till det nya lastläget. I annat fall fås en kvarstående ändring av tryck och temperatur i domen. Figurerna nedan återger ett reglerförlopp med stegvis ändring av lasten från ett stationärt värde. Den heldragna linjen återger en liten effektändring (N), varvid relativt snabbt ett stationärt värde (= önskat värde) erhålles p.g.a. den upplagrade energin i systemet. Vid en större effektändring (streckad linje) räcker ej den upplagrade energin till att uppnå önskad effektnivå lika snabbt som iförra fallet. Tidsfördröjningen blir större. Ökning i bränsletillföresel kan ge önskad effekt snabbare. Vid en lastminskning fås en tryckhöjning. Dessa ändringar i tryck får konsekvenser för turbinhus och dom.

För att undvika otillåtet höga temperaturspänningar i turbinhuset gäller ett visst lastbegränsningsdiagram, se figur lastbegränsningsdiagram.

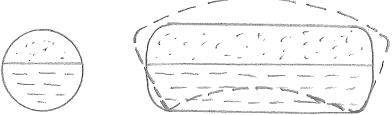


Man ser att regleringen endast kan utföras i ett smalt område. För att förstå förloppen i domen ser vi på ett T-s-diagram, se nästa sida.



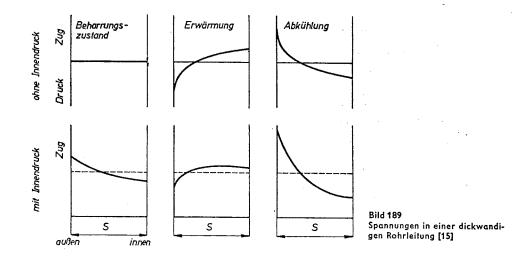
T-s-diagram

Vi ser således, att då domtrycket sjunker från p₁ till p₂, sjunker mättningstemperaturen. Domens undre del är i kontakt med vatten, medan den övre delen är i kontakt med mättad ånga. Då värmeövergången mellan vatten och dom är betydligt bättre än mellan ånga och dom kommer temperaturen i domens nedre del att bli lägre än i den övre. Domen kommer att krökas enl. figur nedan (överdrivet ritat). Vid tryckökning fås omvänd krökning.

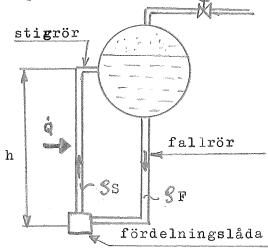


För att undvika sprickrisk måste tryckändringen $\Delta p = (p_1 - p_2)$ och hastigheten i tryckändringen $\frac{34p}{34}$ begränsas. Betraktas domen som ett tjockväggigt rör gäller nedanstående spänningsfördelning, se figur nedan. Av figuren framgår att

avkylning ökar spänningstopparna vid inner- och ytterkant, medan gynnsammare förhållande fås vid uppvärmning (tryck-sänkning = avkylning).



Dompannan är en självcirkulationspanna och cirkulationens drivtryck är $\Delta p_{driv} = h \cdot g \cdot (S_F - S_S)$, där h=stigrörets höjd, S_F =medeltäthet i fallrören och S_S =medeltäthet i stigrören. Om reglerventilen öppnas snabbt ($\frac{\Delta p}{\Delta t}$ stor) kommer trycket i fallrören (och därmed S_F) att minska. Detta medför att Δp_{driv} minskar, varvid cirkulationen minskar, vilket medför dålig kylning av stigrören. Det finns risk för att dessa sönderbrännes. Principiellt utseende se figur nedan.



Risken för sprickor i domen samt risken för sönderbränning av stigrören sätter alltså en nedre gräns för den tid det får ta att ändra uteffekten från ett stationärt tillstånd.

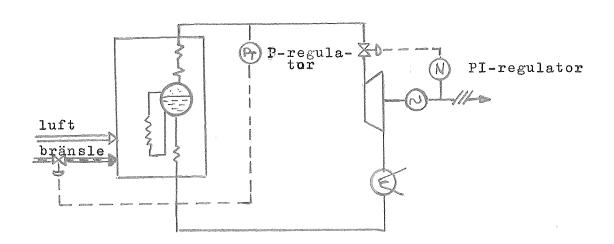
312 Slutomdöme.

För att uppfylla huvudsyftet att levrera efterfrågad eleffekt måste driften ske under beaktande av följande bivillkor:

- a) Processens verkningsgrad bör vara så hög som möjligt även vid dellast, d.v.s. admissionsdata som begränsas av materialegenskaper skall hållas konstanta under dellast.
- b) Pannverkningsgraden bör vara hög även vid dellast, d.v.s. förhållandet bränsle-luft konstant.
- c) Dellastdrift får ej inverka negativt på driftsäkerheten, d.v.s. ändringar i driften får ej utsätta någon punkt för otill-låtna temperaturer eller spänningar.

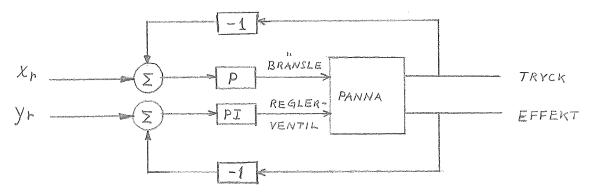
313 Simuleringmodell.

Vi använder en förenklad modell av pannregleringen vid simuleringen på analogimaskinen, se figur nedan. Som framgår av följande avsnitt ger denna enkla modell en tillfædsställande bild av en dompannas uppförande.



3.2 Simulering på analogimaskin

Enligt föregående avsnitt kan en lämplig reglering för det lilla systemet vara en proportionell regulator från domtrycket till bränsleflödet samt en proportionell och integrerande regulator från effekt till reglerventil



Den linjäriserade modellen för experement A återkopplades lokalt enligt avsnitt 1.2. Modellen blir då

$$\Delta \dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} -43.2 \cdot 10^{-4} \end{bmatrix} \Delta \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 0, 234 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta u_1 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix}$$

$$\Delta \dot{\mathbf{y}} = \begin{bmatrix} 1.171 \end{bmatrix} \Delta \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 0, 234 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta u_1 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix}$$

Systemet tidsskalas så att simuleringen går 100 ggr. snabbare än verkligheten. Vidare skalades u_2 så att den mättes i %.

De skalade ekvationerna blir då:

$$\Delta \dot{x} = -0.432\Delta x + 2\Delta u_1 - 0.714\Delta u_2$$

 $\Delta y = 1.117\Delta x + 2.34\Delta u_2$

Det <u>öppna systemets</u> egenskaper studerades med en steg- insignal $u_2 = 10\%$ ($u_1 = 0$)
Se bifogade fig. 3.1 samt $u_1 = 5$ TON/h ($u_2 = 0$) fig. 3.2

Det framgår att det öppna systemet i båda fallen svängt in sig efter ca. 1000 s. Vi studerade också det öppna systemets uppförande då insignalen var en initialstörning i tryck (på integrator 10) på 5 kg/cm²

Se fig. 3.3

Inställning av de tidigare nämnda regulatorerna för återkopplingarna från tryck resp. effekt tillgick så att vi som insignal kopplade in en initialstörning samtidigt som PI-loopen bortkopplades och genom att prova olika inställningar på den proportionella regulator (K_1) fick systemet godtagbart uppförande för $K_1 = 1.0$. Vi kopplade sedan in PI-loopen med integrerande delen bortkopplad och den proportionella delen bestämdes till $K_2 = 0.4$ genom provning p.s.s för K_1 . Därefter bestämdes den integrerande delen till a = 5.0

Det så återkopplade systemets egenskaper med en initialstörning i tryck på $5~{\rm kg/cm}^2$ framgår av fig. 3.4

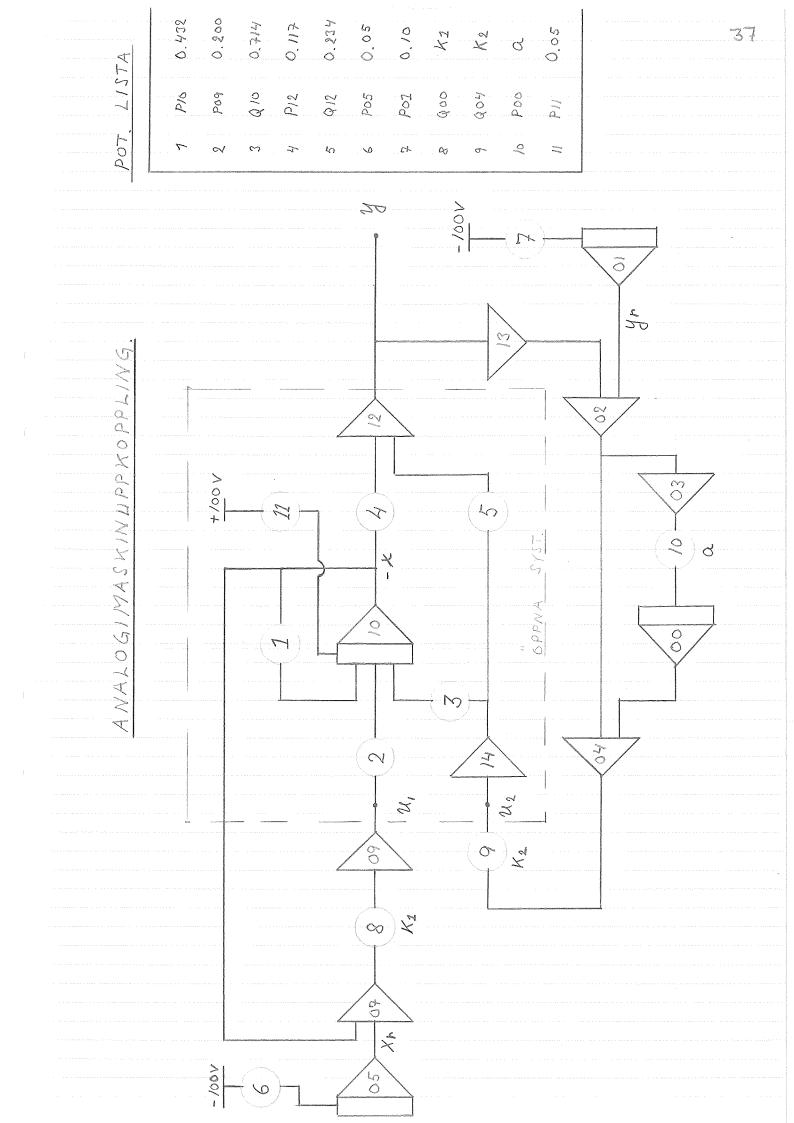
I detta falla svänger trycket in sig på ca. 400 s d.v.s. en förbättring med en faktor 2.5 jämfört med det öppna systemet.

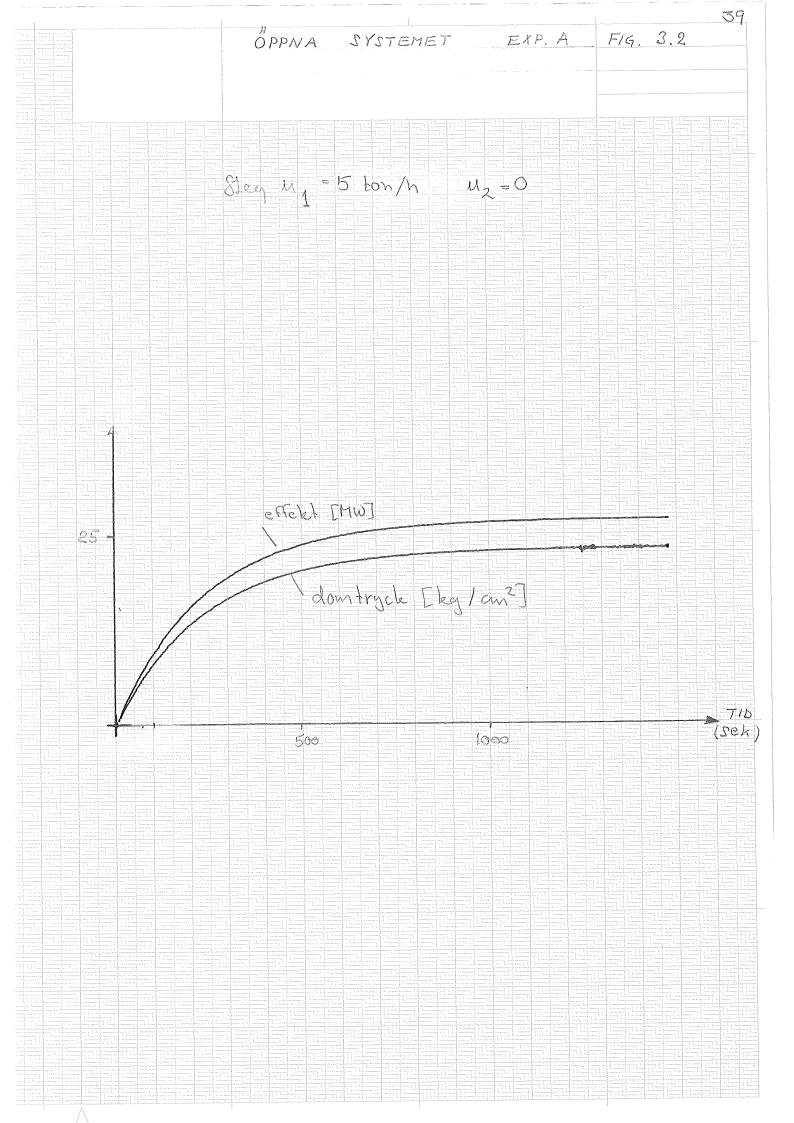
Effekten svänger in sig på ca 250 s d.v.s. en förbättring med en faktor 4. I fig. 3.4 har även u₁ och u₂ uppförande vid en trycksändring införts.

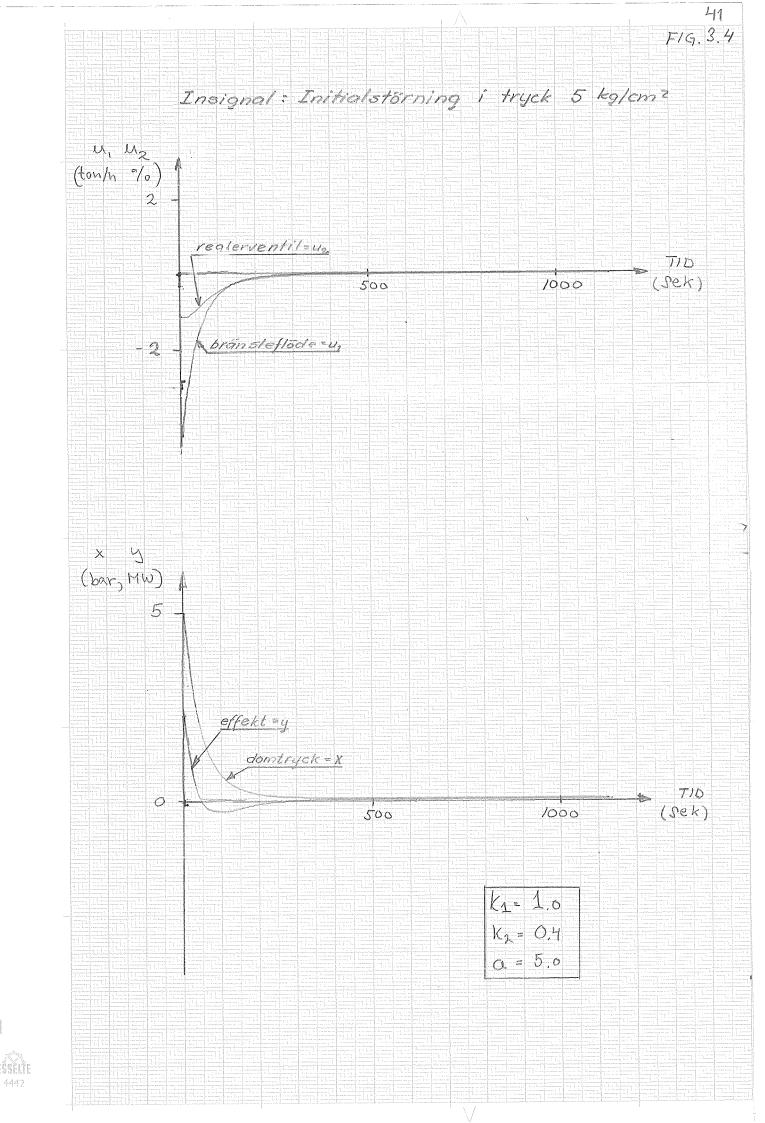
I fig. 3.5 har det återkopplade systemets egenskaper registrerats då uteffekten, y, momentant ändras med 5MW samtidigt som trycket hålles konstant.

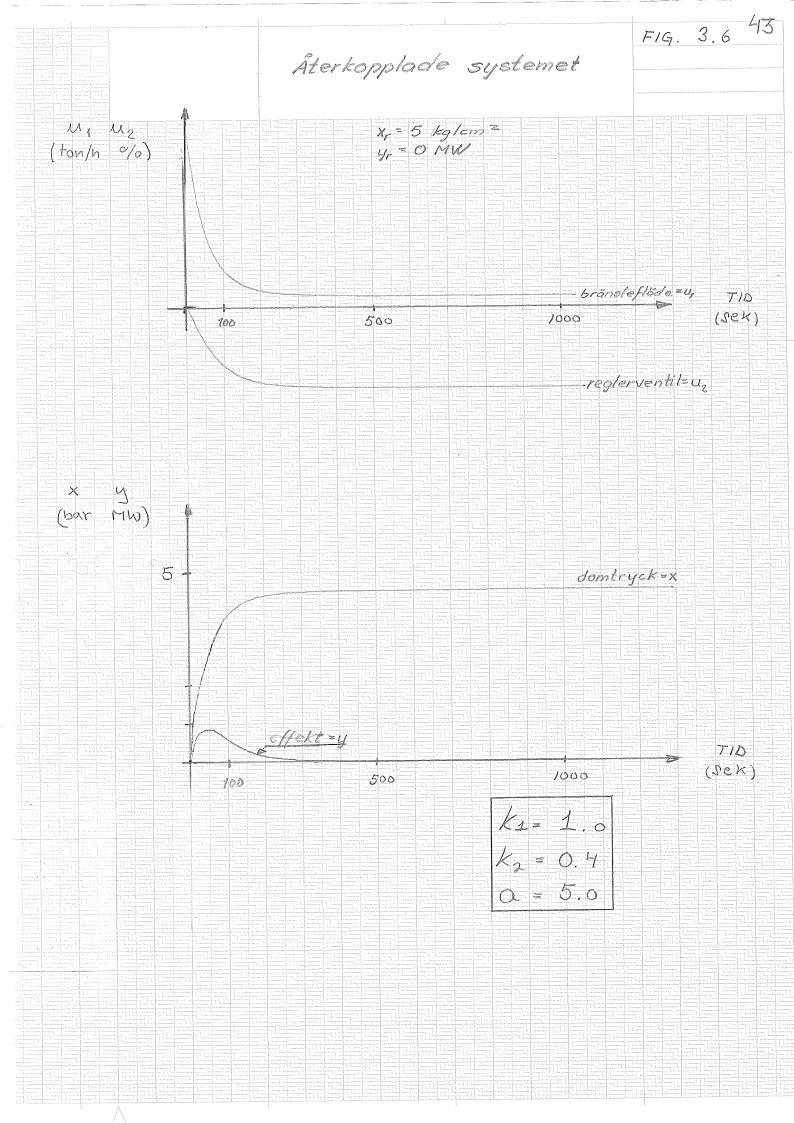
Insvängningstiden är som framgår av fig. ca 300 s för de uppmätta storheterna.

Slutligen har i fig. 3.6 uteffekten hållits konstant samtidigt som en momentan tryckökning på 5 kg/cm^2 införts.









Referenser

- [1] Aström KJ, Eklund K:A Simplified Nonlinear Model of a Drum Boiler-turbine Unit, Report 7104
- [2] Eklund K: Linear Drum Boiler-Turbine Models, Report 7117

SYSTEMTEKNIK - PROJEKTARBETE VT 72

KRAFTSYSTEM

Leif Bergström
Stefan Burg
Ronnie Gunnarsson
Mats Linderoth
Mats Nilsson
Arne Nyström
Anders Richnan
Staffan Sunnersjö

REGLERINGSTERNIN - SYSTELTERNIK

PROJEKTARBETE:

EKONOMISK BELLSTNINGSFÖRDELNING I KRAFTSYSTMA

Inledning

Det ekonomiska belastningsfördelningsproblemet kan formuleras som problemet att minimera de momentana produktionskostnaderna i ett kraftsystem. Med andra ord ett statiskt optimeringsproblem, där det gäller att uppfylla vissa bivillkor. Oberoende variabler:

- 1) Generatorernas aktiva uteffekter, som ger aktiv inmatning i nätknutpunkterna.
- 2) Knutpunktsspänningarna, som ger reaktiv inmatning i nätknutpunkterna.

Bivillkor: Uppfyllda nätekvationer samt att generatorer och ledningar ej får överbelastas.

I projektgruppen har vi behandlat ett testexempel som utarbetats inom CIGRE.

Presentation av testexemplet

Det kraftsystem vi har behandlet framgår av fig. 2, samt av Sture Lindahls PM, skissen sid. 5.

Systemet har 10 knutpunkter och 13 överföringsledningar. Antalet generatorer i drift är 14. Total belastning på nätet är 1950 MJ. Knutpunktsspänningarna skall ligga mellan 205 kV och 240 kV. Begränsningarna på aktiv och reaktiv effekt se SL:s PM sid. 7.

Kostnadsfunktionen:

$$C = \Lambda_0 + \Lambda_1 P + \Lambda_2 P^2$$

 $^{A}_{O}$, $^{A}_{1}$ och $^{A}_{2}$ är koefficienter. Vi har i vår lösning bortsett från $^{A}_{O}$, då den ej inverkar på minimeringsproblemet. De andra koefficienterna framgår av SL:s PM, tabell sid. 6.

Lösningsmetodik

Problemet har lösts på datacontralens UNIVAC 1108. Programmeringsspråk FORTRAM.

Vi hade tillgång till ett antal färdigskrivna subrutiner. Först "THE ECONOMIC LOAD DISPATCH PROBLEM NEGLECTING THE TRANS-MISSION LOSSES". Denna subrutin används för att få goda start-värden på generatoreffekterna (aktiva). Indata i subrutinen är koefficienterna i kostnadsfunktionen, gränsvärden för effekten, belastningen på nätet, antalet generatorer samt en konstant som bestämmer lösningens noggrannhet. Utdata från subrutinen är den totala kostnaden samt de generatoreffekter som minimerar kostnadsfunktionen. Hänsyn tas ej till förluster i ledningarna.

"POWEL" är en subrutin som minimerar funktioner med ända upp till 20 variabler. Den baseras på metoden med konjugerade sök-riktningar. Indata är, startvärden på variablerna, en vektor som ger den önskade noggrannheten för varje variabel i min.-punkten, antalet variabler, det maximala antalet iterationer som önskas. Utdata är funktionsvärdet i minpunkten samt variablernas värde i minpunkten. "POWEL" kräver en subrutin "WOO" som vi själva gjort. Denna subrutin beräknar kostnadsfunktionen, och lägger dessutom på ett straff definierat av en straffkoefficient *(skill-naden mellan beräknat värde och tillåtet värde) i kvadrat.

Ex: Antag att kostnadsfunktionen utan straff beräknats till F, men en spänning har beräknats till 250 kV, antag att straff-koefficienten för spänningen är 10. Max värde för spänning är 240 kV, och kostnadsfunktionens värde blir alltså: $F + 10(250-240)^{2}.$

En tredje subrutin som vi hade färdigskriven var "THE LOAD-FLOW PROBLEM USING THE NEWTON-RAPHSON METHOD AND RECTANGULAR COORDINATES". Den förhortas "NRLFR" och beräknar knutpunktsspänningar samt aktiv och reaktiv effekt input i utjämningsknutpunkt. Indata är resistanser och impedanser i ledningarna, shuntadmittanser i knutpunkterna, vilka ledningar som är förbundna med vilka knutpunkter, startvärden på spänningar och effekter, antal knutpunkter,

antal ledningar, maxantal iterationer, en koefficient som ger när iterationen skall stoppas, nummer på utjämningsknutpunkt d.v.s. den knutpunkt där man kompenserar för förluster i nätet. "NRLFR" använder också några färdigskrivna subrutiner för bl.a. lösning av linjära ekvationssystem.

Vi har själva gjort ett huvudprogram som använder de här beskrivna subrutinerna enligt flödesschema fig. 1.

Beskrivning av arbetet med lösningen

Detaljer i programmet framgår av bifogade avskrifter av kompileringsutskriften.

Vi har under arbetet med lösningen prövat hur de olika parametrarna påverkar resultatet. Bland annat har vi prövat olika värden på stræffkoefficienterna CV, CACT, CPAS (se programmet) från 0.2 upp till 10.0. Med små koefficienter är risken stor att en del variabelvärden hamnar långt över eller under tillåtna värden, och med för höga koefficientvärden blir optimeringsproblemet svårt att lösa. Vi har kommit fram till värdet 7.0 på straffkoefficienterna som ett bra värde. Det visade sig att det var omöjligt att nå optimum inom den tid som vi hade föreskrivit i programmet, beroende på att våra startvärden låg för långt ifrån lösningen. Vi började med att låta subrutinen "ELDNL" beräkna startvärden på de aktiva generatoreffekterna, och placerade dem som första variabler i "POWEL". Därefter gjorde vi grova gissningar av de reaktiva knutpunktseffekterna och spänningen i utjämningsknutpunkten. Dessa placerades på de återstående platserna i variabelvektorn. Vi fann att efter maximalt antal iterationer var det fortfarande en bit kvar till minimat. Ett sätt att nå närmare lösningen var att placera de reaktiva effekterna först i variabelvektorn, då dessa variabler med stor säkerhet var längre ifrån

lösningen än de förhoppningsvis goda värden på generatoreffekterna som "ELDNL" beräknat. Det visade sig att vi kom närmare lösningen med detta grepp. Nästa steg var att behålla startlösningen på generatoreffekterna, och låta "POWEL" iterera enbart på de reaktiva knutpunktseffekterna och spänningen i utjämningsknutpunkten. Vi körde på detta sätt några gånger i datamaskin, och använde resultat från en körning som startvärde i nästa. På detta sätt kom vi sakta närmare minimat. Ett stort steg mot minimat, tog vi genom att i "ELDNL" lägga en god gissning av effektförlusten i nätet till belastningen på nätet, och därigenom få nya startvärden på aktiv generatoreffekt, som startvärden på reaktiv effekt och spänning, tog vi de värden vi erhöll vid den sista körningen med reducerat antal variabler i "POWEL". Vi körde nu också med denna uppsättning startvärden programmet, och använde resultatet som startvärde i en ny körning. När vi upprepat detta ett par gånger ändrade vi slutligen vektorn som bestämmer noggrannheten av minimiseringen i "POWEL"-rutinen. Vi var nu nere i värden på kostnadsfunktionen som understeg det minimum som några av de som undersökt CIGRE:s testexempel erhållit, och vi ansåg oss färdiga med vår lösning.

Resultat

Resultatet kan studeras på den skiss av nätet som finns i fig.2.

Köstnadsfunktionens värde: Med straff 2785.1786

Utan straff 2785.1657

Total ahtiv effekt från generatorerna: 1971.2 MW

Total belastning 1950.0 MW, alltså har vi 21.2 MW i lednings-förluster.

Kommentarer till lösningen

Som framgått av arbetsbeskrivningen tidigare, är möjligheterna att inom rimlig tid komma fram till lösningen starkt
beroende av startvärdena. En förbättring av programmet vore
därför att man tog fram en rutin som gav goda startvärden
istället för de tämligen godtyckliga gissningar vi använde oss
av.

Referenser

Se Sture Lindahls PM sid 4.

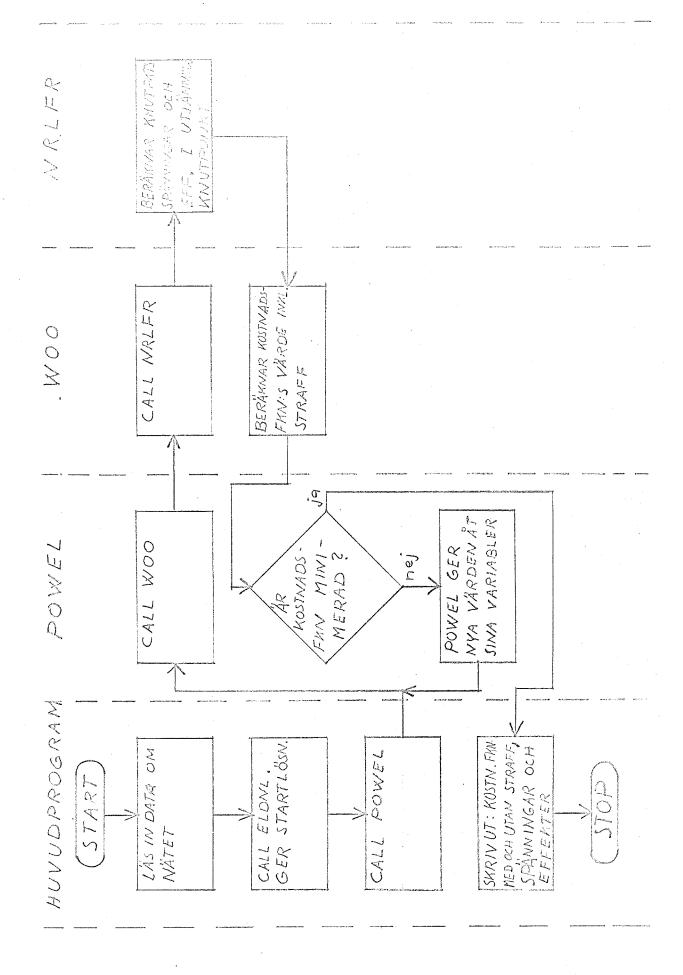
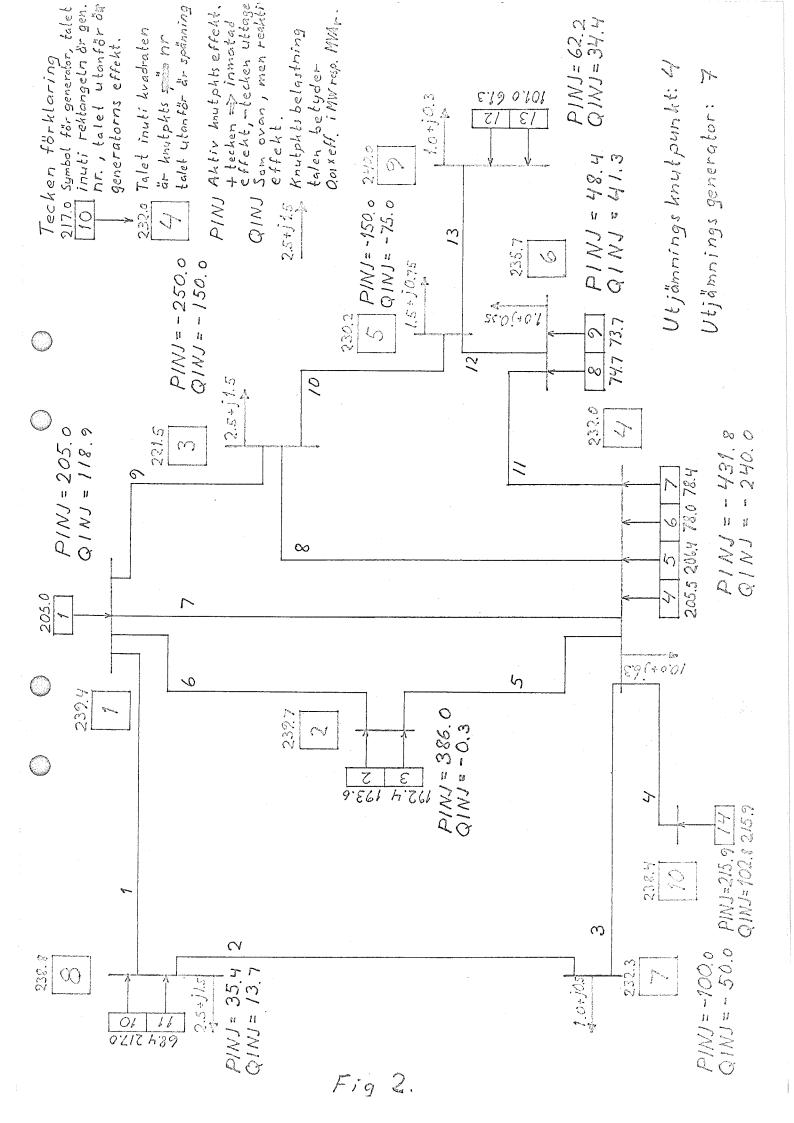


Fig. 1. Flödesschema.



```
DIMENSION A1(14), A2(14), PMIN(14), PMAX(14), PGEN(14), GMIN(14),
     FQMAX(14), X(20), E(20), PD(10), QD(10), GAA(13), BAA(13), RAB(13), XAB(13)
     F, GBB(13), BBB(13), LTA(13), LTB(13), PINU(10), QINU(10), VBR(10), VBI(10)
     F & VB (10)
      COMMON A1, A2, PMIN, PMAX, PGEN, QMIN, QMAX,
                                                   PD OD OGAA OBAA ORAB OXABO
     FGBB, BBB, LTA, LTB, PINU, GINU, VBR, VBI, CV, CACT, CPAS, NG, NB, VBMAX, VBMIN
     FOVB
      EXTERNAL WOO
      READ(5,200) CV, CACT, CPAS
      READ (5,201) MG, HB, VBMAX, VBMIN
      READ(5,100) (A1(I),A2(I),PMIN(I),PMAX(I),QMIN(I),QMAX(I),I=1,14)
      READ(5,101) (PD(I),0D(I),I=1,10)
      READ(5,102) (GAA(I),BAA(I),RAB(I),XAB(I),GBB(I),BBB(I),LTA(I),
     FLTB(1),1=1,13)
      READ(5,444) (PGEN(I), I=1,6)
      REAU (5,444) (PGEN(I), I=8,14)
444
      FORMAT (7F7.2)
      DO 5 I=1,10
      PINU(I)=-DD(I)
  5
      (I) GO = (I) UIIO
      READ(5,333)QINJ(1),QINJ(2),QINJ(6),QINJ(8),QINJ(9),QINJ(10)
      DO 4 1=1,10
      VBR (I)=240.0
      VBI(I)=0.0
     . VBR(4)=231,94
      X(1) = QINJ(1)
      (S)UNID=(S)X
      (3) LNI0=(E) X
      (8) UNID=(4) X
      (e) United (5) \times
     -X(6) = QINJ(10)
     :X(7)=VAR(4)
     00 1 1=1.6
    1 X(I+7)=PCE时(I)
      DO 2 I=7,13
    2 \times (I+7) = PGEN(I+1)
      DO 3 I=1,20
    3 \in (I) = 0.01
      CALL POWEL (X, E, 20, F, 5000., 3, 1, 100, WOO)
      FF=0.0
      00 6 I=1.HG
    6 FF=FF+A1(()*PGEN(I)+A2(I)*PGEN(I)**2
  300 FORMAT(1H1,10X,22h0PTIMAL BRWNSLEKOSTNAD/7X,
     * 25HIRKL.STRAFF
                          EXKL.STRAFF/2X,2F15.4)
      WRITE (6,300) F,FF
      WRITE(6,301)(VB(I),I=1,10)
      \forall RITE(6,302)(PINJ(I),QINJ(I),I=1,10)
      WRITE (6,303) (PGEN(I), I=1,14)
303 FORMAT (///5X,15HGEMERATOREFFEKT,/(5X,F6.2))
  200 FURMAT (3F5,2)
  201 FORMAT(215,2F5.1)
333
     FORMAT (6F5.2)
 101 FORMAT(2F5.1)
  301 FORMAT(///5X,22HKNUTPUNKTSSPXNHINGARNA,(/10X,F6.2))
  100 FORMAT(F5.3,F10.5,4F5.1)
     FORMAT(///SX,34HAKTIV OCH REAKTIV KNUTPUNKTSEFFEKT,/(8X,F7.2,7X,
     *F7.2))
  102 FORMAT(FS.1, F5.4, 2F5.2, F5.1, F5.4, 2I2)
      STOP
```

(111)

```
SUBROUTINE WOO(N.X.F)
   COMMON A1, A2, PHIM, PMAX, PG , QMIM, QMAX,
                                                 PD + QD + GAA + BAA + RAB + XAB +
  FGBB, BBB, LTA, LTB, PIMU, QIMU, VRR, VBI, CV, CACT, CPAS, NG, NB, VBMAX, VBMIN
  F , VB
    DIMENSION OINJ(10) PINJ(10), VBR(10), V8I(10), PG(14), X(20), PD(10),
      A1(14), A2(14), PMIN(14), PMAX(14), OMIN(14), OMAX(14), GAA(13),
      BAA(13), RAB(13), XAB(13), GBB(13), BBB(13), LTA(13), LTB(13), QD(10)
  F , VO (10)
   NS/THIRRY ATAU
   EXTERMAL MRLER
   OINJ(1)=X(1)
   (2) \times = (2) \cup (2)
   (E) X = (B) \cup M I B
   (4) X=(8) UNIG
   QIMJ(9) = X(5)
   (6) \times (01) \cup (10)
   VBR(4)=X(7)
   DO 76 I=1.6
70 \text{ PG(I)} = X(I+7)
   DU 77 I=7,13
77 PG(I+1)=X(I+7)
   PIHJ(1)=PG(1)
   PINJ(2) = PG(2) + PG(3)
   PIHJ(6)=PB(8)+PB(9)-PD(6)
   PIHU(8) = P6(10) + P6(11) - PD(3)
   PINU(9) = PG(12) + PG(13) - PD(9)
     PInJ(10)=PG(14)
   CALL HREFR(GAA, BAA, RAB, XAS, GBB, BBB, LTA, LTB, PINJ, QINJ, VBR, VBI,
  *1E-3,10,13,4,50,IPRINT,JFAIL)
   IF (IPRINT.LT.2) IPRINT=IPRINT+1
   PG(7) = PIMJ(4) - PG(4) - PG(5) - PG(6) + PD(4)
   F=0
   00 10 I=1, MG
     Z=PG(I)
10
     F=F+A1(I) *Z+A2(I) *Z*Z
   UO 20 I=1, MB
     VB(I)=SORT(VBR(I)**2+VBI(I)**2)
     IF (VB(I).GT.VBMAX) F=F+CV*(VB(I)-VBMAX)**2
     IF (VB(I).LT.VBMIN) F=F+CV*(VB(I)-VBMIN)**2
   PAS=GINU(I)+QD(I)
                    OMIN(I)) F=F+CPAS*(PAS=
                                                 S**((I)MIMO
     IF (PAS.LT.
                                                 QMAX(I))**2
                    QMAX(I)) F=F+CPAS*(PAS-
      IF (PAS.GT.
20 CONTINUE
   00 15 I=1, MG
     ACT=PG(I)
                    PMIN(I)) F=F+CACT*(ACT-
                                                 PMIN(I))**2
      IF (ACT.LT.
     IF (ACT.GT.
                    PHAX(I)) F=F+CACT*(ACT- PMAX(I))**2
15 CONTINUE
   IF (UFAIL. NE.O) N=0
   RETURH
   FMD
```

```
1 VBI . EPS . NB . NL . TS . MAXIT . IPRINT . JEAIL)
       PARAMETER MB=16, MX=2*(MB-1)
C
       COMPLEX Y(MB, MB), SMM(MB), VB(MB), DV(MB), IB(MB),
      1SA, SB, SL, ETT, NOLL, SINJ
C
      DIMENSION GAA(1) BAA(1) PRAB(1) XAB(1) GBB(1) BBB(1),
      1LTA(1), LTB(1), PINJ(1), QINJ(1), VBR(1), VBI(1), INDEX(MB),
      2A(MXOMX)OB(MX)OX(MX)
C
       DATA NOLL/(0.0,0.0)/,ETT/(1.0,0.0)/,LP/6/,JJAC/1/,EPSJ/1.0E-7/
C
       IF(NB.GT.MB) GO TO 10
       IF(NB) 10,10,30
   10 WRITE(LP, 20) NB
   20 FORMAT (5H NB = 15,9H IN NRLFP)
       GO TO 990
   30 IF(NL) 40,40,60
   40 WRITE (LP , 50)
   50 FORMAT (5H NL = 15,9H IN NRLFP)
       GO TO 990
   60 IF (IPRINT-1) 70,70,200
   70 WRITE(LP 80)
   80 FORMAT(20H1PRINTOUT FROM NRLFP/1X:19(1H*)//
      123H TRANSMISSION-LINE DATA/1X, 22(1H-)/
      210H
                LINE
      3,10H
                A-END
     4010H
                B-END, 5X
      5,15H
                   GAA
                  BAA
      6,15H
      7 15H
                  RAB
      8,15H
                  XAB
      9115H
                   GBB.
      1,15H
                  BBB
      2)
      DO 90 I=1,NL
   90 WRITE(LP,100) I, LTA(I), LTB(I), GAA(I), BAA(I), RAB(I), XAB(I),
      1GBB(I), RBB(I)
  100 FORMAT(3110,6F15.3)
       WRITE(LP, 110)
  110 FORMAT(42H1INITIAL BUS VOLTAGES AND POWER INJECTIONS/
     11×041(1H-)/
      110H
                 BUS
     2,15H
               REAL (VB(I))
     3,15H
               IMAG(VB(I))
     4,15H
                   (I)UNIA
     5,15H
                    (I) UNIO
     6)
      DO 16U I=1,NB
      IF(I-IS) 120,140,120
  120 WRITE(LP:130) I:VBR(I):VBI(I):PINJ(I):OINJ(I)
  130 FORMAT(I10,4F15.5)
      GO TO 160
  140 WRITE(LP, 150) I, VBR(I), VBI(I)
  150 FORMAT(110,2F15,5,5X,10H SLACK BUS)
  160 CONTINUE
C =
      FORM YBUS-MATRIX
  200 DO 210 I=1.NB
      DO 210 J=1.NB
  210 Y(I,J)=NOLL
      00 220 I=1.NL
      SL=ETT/CMPLX(RAB(I),XAB(I))
      SA=SL+CMPLX(GAA(I),BAA(I))
      SB=SL+CMPLX(GBB(I),BBB(I))
      II=LTA(I)
```

JU=LTH(I)

PUBROUTINE NREFRIGAATBAATAABAAABAADABABABATAALIATO.FINUP

```
Y(JJ, II)=Y(JJ, II)-SL
      Y(II, II)=Y(II, II)+SA
  82+(LL,LL)Y=(LL,LL)Y 0SS
      IF(IPRINT) 230,230,250
  230 WRITE (LP , 240)
  240 FORMAT(12H1YBUS-MATRIX/1x011(1H-)/)
C
      CALL CMAPRI (YONBONBOMB)
C
C
      COMPUTE BUS INDEX
  250 II=1
      DO 270 I=1,NB
      IF(I-IS) 260,270,260
  260 INDEX(II)=I
      II=II+1
  270 VB(I)=CMPLX(VBR(I), VBI(I))
      IJAC=JJAC-1
      JFAIL=0
      NX=NB-1
      NXX=5*NX
      DV(IS)=NOLL
C
      START THE ITERATION
      DO 570 K=1, MAXIT
C
      COMPUTE APPARENT POWER MISMATCH
      SMMM=0.0
      DO 340 I=1.NB
      SL=NOLL
      DO 310 J=1.NB
  310 SL=SL+Y(I,J)*Ve(J)
      IB(I)=SL
      SINJ=VB(I)*CONJG(SL)
      IF(I-IS) 330,320,330
  320 PINJ(I)=REAL(SINJ)
      QINJ(I)=AIMAG(SINJ)
  330 SMM(I)=CMPLX(PINJ(I),QINJ(I))-SINJ
  340 'SMMM=AMAX1(SMMM, CABS(SMM(I)))
      IF(IPRINT-1) 350,350,390
  350 WRITE(LP, 360) K, (VB(I), I=1, NB)
  360 FORMAT(//19H ITERATION NUMBER = 15/1x 18(1H-)/
     110X,12HBUS VOLTAGES/(10X,10F12.5))
      WRITE(LP, 370) (SMM(I), I=1, NB)
 370 FORMAT(/10X, 23HAPPARENT POWER MISMATCH/(10X, 10F12, 5))
      WRITE(LP, 380) SMMM
 380 FORMAT(/10X,31HMAXIMUM APPARENT POWER MISMATCH/10X,2F12.5)
 390 IF(SMMM-EPS) 600,600,400
      CALCULATE THE ELEMENTS OF THE JACCOBIAN IF IJAC=JJAC
 400 IJAC=IJAC+1
      IF(JJAC-IJAC) 410,410,470
 410 DO 440 I=1.NX
     II=INUEX(I)
     DO 430 J=1,NX
     JJ=INDEX(J)
     SL=VB(II) *CONJG(Y(II, JJ))
     A(I,J)=REAL(SL)
     A(I,J+NX)=AIMAG(SL)
     A(I+NX,J)=AIMAG(SL)
     A(I+NX,J+NX)=-REAL(SL)
     IF(I-J) 430,420,430
 420 \Lambda(I \circ I) = \Lambda(I \circ I) + REAL (IB(II))
     A(I,I+NX)=A(I,I+NX)+AIMAG(IB(II))
     A(I+NX+I)=A(I+NX+I)-AIMAG(IB(II))
     A(I+MX,I+NX)=A(I+NX,I+NX)+REAL(IB(II))
```

C C

```
440 CONTINUE
        IJACEU
        IF(IPRINT) 450,450,470
    450 WRITE (LP , 460)
    460 FORMAT(1H1,9X,13HTHE JACCOBIAN/10X,13(1H-)/)
        CALL MAPRI (A, NXX, NXX, MX)
    470 DO 480 I=1,NX
        II=INDEX(I)
        B(I) = REAL (SMM(7I))
   480 B(I+NX)=AIMAG(SMM(II))
 CCC
        SOLVE THE EQUATION A*DV=SMM
   509 CALL DECOM(A, NXX, MX, EPSJ, ISING)
        IF(ISING) 510,530,510
   510 UFAIL=1
        WRITE (LP . 520)
   520 FORMAT (26H THE JACCOBIAN IS SINGULAR)
        GO TO 990
   530 CALL SOLVB (BOXONXX 01 OMX)
       DO 540 I=1,NX
        II=INDEX(I)
       DV(II) = CMPLX(X(I) \circ X(I+NX))
   540 VB(II)=VB(II)+DV(II)
       IF(IPRINT) 550,550,570
   550 WRITE(LP,560) (DV(I),1=1,NB)
   560 FORMAT(10X,19HVOLTAGE CORRECTIONS/(10X,10F12.5))
   570 CONTINUE
       WRITE(LP,580) MAXIT
   580 FORMAT (22H NO CONVERGENCE AFTER, 15, 11H ITERATIONS)
       JFAIL=-1
       GO TO 990
CCC
       PRINT OUT THE RESULTS
   600 DO 605 I=1.NB
       VBR(I)=REAL(VB(I))
   605 VBI(I)=AIMAG(VB(I))
       IF(IPRINT-1) 610,610,990
   610 WRITE(LP,620)
  620 FORMAT(33H1RESULT OF LOAD-FLOW CALCULATIONS/1X,32(1H-)/
      110H
                  BUS
      2,15H
               REAL(VB(I))
      3,15H
                IMAG(VB(I))
      4 · 15H
                    PINJ(I)
      5,15H
                    (I)UMID
      6,15H
                    DELP(I)
     6,15H
                    DELP(I)
      7 · 15H
                    DELQ(I)
     8)
      DO 630 I=1,NB
  630 WRITE(LP,640) I, VBR(I), VBI(I), PINU(I), QINU(I), SMM(I)
  640 FORMAT(I10.6F15.5)
  990 RETURN
      END
      SUBROUTINE ELDNL (A1, A2, PMIN, PGEN, PMAX, PDEM, EPS, COST, NG, IPRINT)
      DIMENSION A1(1), A2(1), PMIN(1), PGEN(1), PMAX(1)
      DATA LP/6/
C
      IF(NG) 10,10,30
```

10 WRITE (LP , 20) NG

20 FORMATIUH NG-, TS, OH TH FIDNE ,

```
30 IF (IPRINT-1) 400400100
    40 WRITE (LP . 50)
   50 FORMAT(20H1PRINTOUT FROM ELDNL/1x,19(1H*)/)
       WRITE (LP 060)
   60 FORMAT(26H GENFRATOR CHARACTERISTICS/1X,25(1H-)/
      110H GENERATOR
      2,15H
                  PMIN
      3 , 15H
                  PMAX
      4 0 15H
                   A 1
     5,15H
                   A2
     6)
       DO 70 I=1,NG
   70 WRITE(LP.80) I, PMIN(I), PMAX(I), A1(I), A2(I)
   80 FORMAT(17,2F15,1,F15,3,F15,5)
       WRITE(LP,90) PDEM
   90 FORMAT (15H TOTAL DEMAND = F22.1)
C
C
       COMPUTE MINIMUM AND MAXIMUM CAPACITY
  100 PGMIN=0.0
      PGMAX=0.0
       DO 110 I=1,NG
      PGMIN=PGMIN+PMIN(I)
  110 PGMAX=PGMAX+PMAX(I)
      PGB=PGMAX-PDEM
       IF(PGB) 130,150,150
  130 WRITE(LP, 140)
  140 FORMAT(58H POWER DEMAND GREATER THAN SUM OF MAXIMUM PERMISSIBLE PO
     1ER)
      GO TO 990
  150 IF (PDEM-PGMIN) 160,200,200
  160 WRITE(LP, 170).
  170 FORMAT(56H POWER DEMAND LESS THAN SUM OF MINIMUM PERMISSIBLE POWER
     1)
       GO TO 990
C
      SOLVE THE PROBLEM IF ONLY ONE GENERATOR
  200 IF(NG-1) 210,210,220
  210.PGEN(1)=PDEM
      GO TO 400
C
C
      COMPUTE INCREMENTAL COST AT MAXIMUM LOAD
  220 ALB=A1(1)+2.0*A2(1)*PMAX(1)
      DO 230 I=2,NG
  230 ALB=AMAX1(ALB, (A1(I)+2,0*A2(I)*PMAX(I)))
C
C
      PERFORME UNCONSTRAINED MINIMIZATION
      5A=0.0
      SB=0.0
      DO 240 I=10NG
      SA=SA+A1(I)/A2(I)
      SB=SB+1.0/A2(I)
  240 CONTINUE
      SA=SA+2.0*PDEM
      ALA=SA/SB
CC
      DETERMINE FEASIBLE LOADS
      ITER=0
  300 ITER=ITER+1
      COST=0.0
      PGA=0.0
      DO 345 I=1.NG
      PGEN(1)=0.5*(A1 A-A1(1))/A2(1)
      IF(PGEN(I)-PMIN(I)) 310,320,320
```

10 770

```
DIO LOFM(T)=LWYM(T)
      GO TO 340
  320 IF(PMAX(I)-PGEN(I)) 330.340.340
  330 PGEN(1)=PMAX(1)
  340 PGA=PGA+PGEN(I)
  345 COST=COST+A1(I)*PGEN(I)+A2(I)*PGEN(I)**2
      PGA=PGA-PDEM
      IF(IPKINT) 350,350,380
  350 WRITE (LP & 360) ITER & ALA & PGA & COST
  360 FORMAT(15H ITERATION NR = 122/19H INCREMENTAL COST = 18.5/
     117H POWER MISMATCH = F20.5/13H TOTAL COST = F24.5)
      WRITE(LP,370) (PGEN(I), I=1,NG)
  370 FORMAT(22H COMPUTED ACTIVE POWER/(7X,5F15.3))
C
      TEST ON CONVERGENCY
C
  380 IF(EPS*PDEM-ABS(PGA)) 390,390,400
C
C
      COMPUTE A NEW LAMBDA
C
  390 ALN=ALA+PGA*(ALB-ALA)/(PGA-PGB)
      PGB=PGA
      ALB=ALA
      ALA=ALN
      GO TO 300
  400 IF(IPRINT-1) 410,410,990
  410 WRITE (LP, 420)
  420 FORMAT(//23H RESULT OF OPTIMIZATION/1X,22(1H-)/
     110H GENERATOR . 10H
                             PGEN)
      DO 430 I=1.NG
  430 WRITE (LP . 440) I . PGEN(I)
  440 FORMAT(17,F15.3)
  WRITE (LP & 450) ALA & PGA & COST
 450 FORMAT(19H INCREMENTAL COST =,F18.5/
     117H POWER MISMATCH = F20.5/13H TOTAL COST = F24.5)
 990 RETURN
      END
```

Newton-Raphson method using Y_{BUS}

using a set of nonlinear equations to express the specified real and reactive powers in terms of bus voltages (Van Ness and Griffin, 1961). The The load flow problem can be solved by the Newton-Raphson method power at bus p is

$$P_p - jQ_p = E_p^*I_p$$

Substituting from the network performance equation (8.3.2) for I_p in (8.3.8),

$$P_p - jQ_p = E_p^* \sum_{\sigma=1}^n Y_{pq} E_q$$
 (8.3.9)

Since $E_p = e_p + jf_p$ and $Y_{pq} = G_{pq} - jB_{pq}$, equation (8.3.9) becomes

$$P_p - jQ_p = (e_p - jf_p) \sum_{q=1}^n (G_{pq} - jB_{pq})(e_q + jf_q)$$

Separating the real and imaginary parts,

$$P_{p} = \sum_{q=1}^{n} \left\{ e_{p} (e_{q} G_{pq} + f_{q} B_{pq}) + f_{p} (f_{q} G_{pq} - e_{q} B_{pq}) \right\}$$

$$Q_{p} = \sum_{q=1}^{n} \left\{ f_{p} (e_{q} G_{pq} + f_{q} B_{pq}) - e_{p} (f_{q} G_{pq} - e_{q} B_{pq}) \right\}$$
(8.3.10)

are known and the real and imaginary components of voltage $e_{\mathfrak{p}}$ and $f_{\mathfrak{p}}$ are unknown for all buses except the slack bus, where the voltage is specified and remains fixed. Thus there are 2(n-1) equations to be This formulation results in a set of nonlinear simultaneous equations, two for each bus of the system. solved for a load flow solution.

The Newton-Raphson method requires that a set of linear equations be formed expressing the relationship between the changes in real and reactive powers and the components of bus voltages as follows:

(8.3.11)		
Δe_1 \ldots Δe_{n-1}	Δf_1 \cdots Δf_{n-1}	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
3P ₁ 3e ₁ 3P _{n-1} 3P _{n-1}	∂Q ₁ ∂e ₁ ∂Q _{n-1}	
11		
$\triangle P_1$ \cdots $\triangle P_{n-1}$	Δ01	

where the coefficient matrix is the Jacobian and the nth bus is the slack. In matrix form, equation (8.3.11) is

$$\frac{\Delta P}{\Delta Q} = \frac{J_1}{J_3} \frac{J_2}{J_4} \qquad \frac{\Delta e}{\Delta f}$$

Equations for determining the elements of the Jacobian can be derived from the bus power equations. The real power from equation (8.3.10) is

$$P_{p} = e_{p}(e_{p}G_{pp} + f_{p}B_{pp}) + f_{p}(f_{p}G_{pp} - e_{p}B_{pp}) + f_{p}(f_{p}G_{pp} - e_{p}B_{pp}) + \sum_{\substack{q=1\\q\neq p}} \{e_{p}(e_{q}G_{pq} + f_{q}B_{pq}) + f_{p}(f_{q}G_{pq} - e_{q}B_{pq})\}$$

Differentiating, the off-diagonal elements of J_1 are

$$\frac{\partial P_p}{\partial e_q} = e_p G_{pq} - f_p B_{pq} \qquad q \neq p$$

and the diagonal elements of J_1 are

$$\frac{\partial P_{p}}{\partial e_{p}} = 2e_{p}G_{pp} + f_{p}B_{pp} - f_{p}B_{pp} + \sum_{\substack{q=1\\q\neq p}}^{n} (e_{q}G_{pq} + f_{q}B_{pq}) \tag{8.3.13}$$

However, the equation for the current at bus p is

$$I_{p} = c_{p} + jd_{p} = (G_{pp} - jB_{pp})(e_{p} + jf_{p}) + \sum_{\substack{q=1\\q\neq p}}^{n} (G_{pq} - jB_{pq})(e_{q} + jf_{q})$$

which can be separated into the real and imaginary parts

$$c_{p} = e_{p}G_{pp} + f_{p}B_{pp} + \sum_{\substack{q=1\\q\neq p}} (e_{q}G_{pq} + f_{q}B_{pq})$$

$$d_{p} = f_{p}G_{pp} - e_{p}B_{pp} + \sum_{\substack{q=1\\q\neq p}} (f_{q}G_{pq} - e_{q}B_{pq})$$

$$(3.3.14)$$

Therefore, the expression for the diagonal elements of J_1 cûn be simplified by substituting the real component of current c, in equation (S.3.13)

272

Chapter 3

to obtain

$$\frac{\partial P_p}{\partial e_p} = e_p G_{pp} - f_p B_{pp} + c_p$$

From equation (8.3.12), the off-diagonal elements of J_2 are

$$\frac{\partial P_p}{\partial f_q} = e_p B_{pq} + f_p G_{pq} \qquad q \neq p$$

and the diagonal elements of J_2 are

$$\frac{\partial P_p}{\partial f_p} = e_p B_{pp} + 2 f_p G_{pp} - e_p B_{pp} + \sum_{\substack{q=1\\q \neq p}}^n \left(f_q G_{pq} - e_q B_{pq} \right) \tag{8.3.15}$$

The imaginary component of current from equation (8.3.14) is substituted in (8.3.15) to obtain

$$\frac{\partial P_p}{\partial f_p} = e_p B_{pp} + f_p G_{pp} + d_p$$

The reactive power from equation (8.3.10) is

$$Q_p = f_p(e_p G_{pp} + f_p B_{pp}) - e_p(f_p G_{pp} - e_p B_{pp}) + \sum_{\substack{q=1\\q \neq p}} \{f_p(e_q G_{pq} + f_q B_{pq}) - e_p(f_q G_{pq} - e_q B_{pq})\}$$
(8.3.16)

Differentiating, the off-diagonal elements of J_3 are

$$\frac{\partial Q_p}{\partial e_q} = e_p B_{pq} + f_p G_{pq} \qquad q \neq p$$

and the diagonal elements of J_3 are

$$\frac{\partial Q_p}{\partial e_p} = f_p G_{pp} - f_p G_{pp} + 2e_p B_{pp} - \sum_{\substack{q=1\\q\neq p}}^{n} \left(f_q G_{pq} - e_q B_{pq} \right) \tag{8.3.17}$$

The imaginary component of current from equation (8.3.14) is substituted in equation (8.3.17) to obtain

$$\frac{\partial Q_p}{\partial e_p} = e_p B_{pp} + f_p G_{pp} - d_p$$

From equation (8.3.16), the off-diagonal elements of J_4 are

$$\frac{\partial Q_p}{\partial f_q} = -e_p G_{pq} + f_p B_{pq} \quad q \neq p$$

and the diagonal elements of J_4 are

$$\frac{\partial Q_p}{\partial f_p} = e_p G_{pp} + 2 f_p B_{pp} - e_p G_{pp} + \sum_{\substack{q=1\\q\neq p}}^{n} (e_q G_{pq} + f_q B_{pq}) \tag{8.3.18}$$

The real component of current from equation (8.3.14) is substituted in equation (8.3.18) to obtain

$$\frac{\partial Q_p}{\partial f_p} = -e_p G_{pp} + f_p B_{pp} + c_p$$

Given an initial set of bus voltages, the real and reactive powers are calculated from equations (8.3.10). The changes in power are the differences between the scheduled and calculated values

$$\Delta P_p^{\ k} = P_p \text{ (scheduled)} - P_p^{\ k}$$

$$\Delta Q_p^{\ k} = Q_p \text{ (scheduled)} - Q_p^{\ k} \qquad p = 1, 2, \dots, n-1$$

 $2, \ldots, n-1$, by a direct or an iterative method. Then, the new The estimated bus voltages and calculated powers are used to compute inear set of equations (8.3.11) can be solved for Δe_p and Δf_p , p=1, bus currents in order to evaluate the elements of the Jacobian. estimates for bus voltages are

$$c_p^{k+1} = c_p^k + \Delta c_p^k$$
$$f_p^{k+1} = f_p^k + \Delta f_p^k$$

The process is repeated until ΔP_{ρ}^{μ} and ΔQ_{ρ}^{μ} for all buses are within a specified tolerance. The sequence of steps for the load flow solution by the Newton-Raphson method is shown in Fig. 8.5.

The Newton-Raphson method can be applied also to solve the load flow problem when the equations are expressed in polar coordinates. In polar coordinates

$$E_p = |E_p|e^{\delta_p}$$
 and $V_{pq} = |V_{pq}|e^{-j\theta_{pq}}$

Substituting in equation (8.3.9), the power at bus p is

$$P_p - jQ_p = \sum_{q=1}^{n} |E_p E_q Y_{pq}| \epsilon^{-j(\theta_{pq} + \delta_p - \delta_q)}$$

Since $e^{-j(\theta_{pq}+\delta_p-\delta_q)}=\cos{(\theta_{pq}+\delta_p-\delta_q)}-j\sin{(\theta_{pq}+\delta_p-\delta_q)}$, the real and imaginary components of power are

$$P_{p} = \sum_{q=1}^{n} |E_{p} E_{q} Y_{pq}| \cos(\theta_{pq} + \delta_{p} - \delta_{q})$$

$$Q_{p} = \sum_{q=1}^{n} |E_{p} E_{q} Y_{pq}| \sin(\theta_{pq} + \delta_{p} - \delta_{q})$$
(8.3.19)

The elements of the Jacobian are calculated from equations (8.3.19)

and are

For J:

$$\frac{\partial P_p}{\partial \delta_q} = |E_p E_q Y_{pq}| \sin (\theta_{pq} + \delta_p - \delta_q) \qquad q \neq p$$

$$\frac{\partial P_p}{\partial \delta_p} = -\sum_{\substack{q=1\\q \neq p}}^n |E_p E_q Y_{pq}| \sin (\theta_{pq} + \delta_p - \delta_q)$$

For J2:

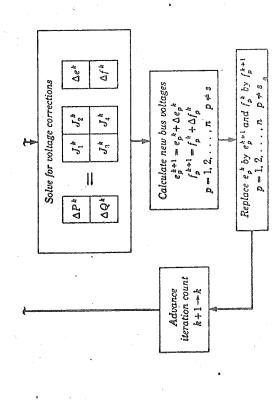
$$\frac{\partial P_p}{\partial |E_q|} = |E_p Y_{pq}| \cos(\theta_{pq} + \delta_p - \delta_q) \qquad q \neq p$$

$$\frac{\partial P_p}{\partial |E_p|} = 2|E_p Y_{pp}| \cos\theta_{pp} + \sum_{\substack{q=1\\q \neq p}} |E_q Y_{pq}| \cos(\theta_{pq} + \delta_p - \delta_q)$$

For Jz:

$$\frac{\partial Q_p}{\partial \delta_q} = -|E_p E_q Y_{pq}| \cos(\theta_{pq} + \delta_p - \delta_q) \qquad q \neq p$$

$$\frac{\partial Q_p}{\partial \delta_p} = \sum_{\substack{q = 1 \ q \neq p}} |E_p E_q Y_{pq}| \cos(\theta_{pq} + \delta_p - \delta_q)$$



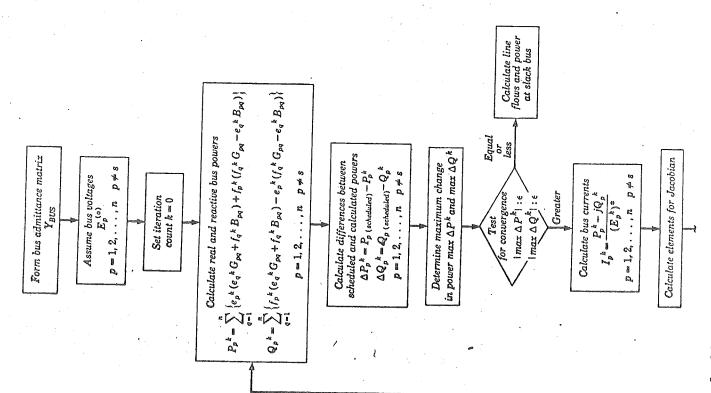


Fig. 8.5 Load flow solution by the Newton-Raphson method using Yeus.

Projektgruppen för kraftsystem

EKONOMISK BELASTNINGSFÖRDELNING

1. Inledning

Det ekonomiska belastningsfördelningsproblemet, dvs problemet att minimera de momentana produktionskostnaderna i ett kraftsystem ägnas allt större uppmärksamhet i Sverige pga den pågående utbyggnaden av värme och kärnkraft. Det allmänna problemet formulerades av Charpentier [1] på EdF.

Problemet är ett statiskt optimeringsproblem med bivillkor. De oberoende variablerna är:

- 1) De enskilda generatorernas aktiva uteffekter, som bestämmer den aktiva inmatningen i nätets knutpunkter.
- 2) Knutpunktsspänningarna, som bestämmer den reaktiva inmatningen i nätets knutpunkter.

De bivillkor som skall vara uppfyllda är nätekvationerna samt villkor att generatorerna och ledningar ej får överbelastas.

De nödvändiga villkoren för optimum ges av Kuhn-Tucker teoremet [2]; som formuleras senare.

Viktiga bidrag till den numeriska behandlingen av det ekonomiska lastfördelningsproblemet har lämnåts av Peschen, Piercy, Tinney, Tveit, och
Cuénod [3] samt Shen och Laughton [4].

I projektgruppen skall vi behandla ett testexempel, som utarbetats inom CIGRE, och som distribuerats till medlemmar i syfte att jämföra olika lösningsmetoder för det ekonomiska lastfördelningsproblemet.

2. Funktionsminimering

I detta avsnitt skall vi formulera några satser, som är användbara vid funktionsminimering. Först behandlas problem utan bivillkor och sedan problem med bivillkor.

Sats 1 (Fermat eller Kepler)

Låt $f: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ vara deriverbar och ha optimum i \mathbf{x}_0 . Då gäller att: $\mathbf{f}^*(\mathbf{x}_0) = 0$

Sats 2

Om $f: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ är två gånger deriverbar, f'(x) = 0 samt f''(x) positivt definit i x så har f ett isolerat lokalt minimum i x .

Sats 3 (Kuhn-Tucker)

Antag att $f:\mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ har lokalt optimum i x_0 under bivillkor $g_i(x) \leq 0$ i=1,2,...,m. Då (under lämpliga förutsättningar $p \mid g_i$) existerar $\lambda_i \geqslant 0$ så att

$$f'(\mathbf{x}_0) + \lambda^{\mathrm{T}} g'(\mathbf{x}_0) = 0$$
$$\lambda^{\mathrm{T}} g(\mathbf{x}_0) = 0$$

Sats 4

Låt $f: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ och $g: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}^m$ båda vara två gånger deriverbara. Om för $\mathbf{x}_0 \in \mathbb{M}$ gäller:

Att det existerar λ i> 0 sådana att

$$f'(x_0) + \lambda^T g'(x_0) = 0$$
$$\lambda^T g(x_0) = 0$$

2) $h \in T_x^t M$, $f'(x_0)h=0$ $(f''(x_0)+\lambda^T g''(x_0))\cdot (h,h)>0$ $h \neq 0$ så har f ett isolerat lokalt minimum i x_0 relativt M.

Numeriska metoder

- 1) Sökmetoder
- 2) Steepest descent
- 3) Newton-Raphson
- 4) Konjugerade riktningar, variabel metrik

Almänna begrepp

1) Tterativa metoder

2) Stabilitet

En minimeringsmetod säges vara stabil om $f(x_{i+1}) \le f(x_i)$

3) Konjugerade riktningar

Den kanske naturligaste modellen för en funktion är den kvadratiska

$$f(x)=a+b^{T}x+\frac{1}{2}x^{T}Ax$$
 $A=A^{T}$

Definition: Två vektorer x och y såges vara konjugerade map A om $\mathbf{x}^{\mathrm{T}}\!\mathbf{A}\mathbf{y}\!=\!\mathbf{0}$

Geometrisk tolkning

Låt $f(x)=x^TAx$. Nivåkurvorna f(x)=c är då ellipser.

I figuren är x och y konjugerade

Praktisk innebörd

Om man vid minimering av kvadratiska funktioner i n dimensioner väljer sökriktningarna konjugerade så finner man minimipunkten efter n val av sökriktningar.

3. Testexempel

Kraftsystemet består av 10 knutpunkter och 13 överföringsledningar, som är sammankopplade enligt fig. 1. Den nominella spänningen är 225 kV. Belast-in ningarna är de som erhålles under topplasttimmen under en vecka. Den totala belastningen uppgår till 1950 MW. Det antas att det i en överordnad planeringsrutin har bestämts att 14 generatorer skall vara i drift, fördelade på de olika knutpunkterna enl. fig. 1.

Produktmonskostnaderna för generatorerna är givna i form av bränsleförbruk-ning i Mcal per timme. Genom kurvanpassning till givna data kan kostnaderna
skrivas

$$c=A_0+A_1P+A_2P^2$$

där c är kostnaden för en generator, p är uteffekten och A_o, A₁ och A₂ är koefficienter. Siffervärdena framgår av tabell 1.

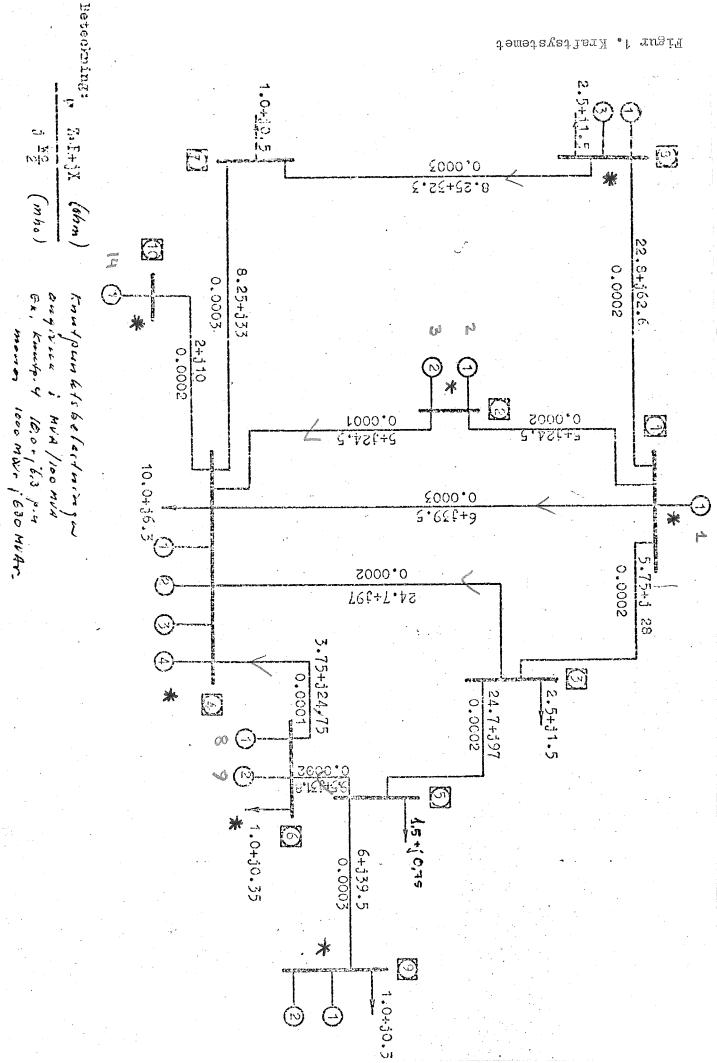
Begränsningarna för aktiv och reaktiv effekt framgår av tabell 2. Knutpunktsspänningarna får variera mellan 205 kV och 240 kV.

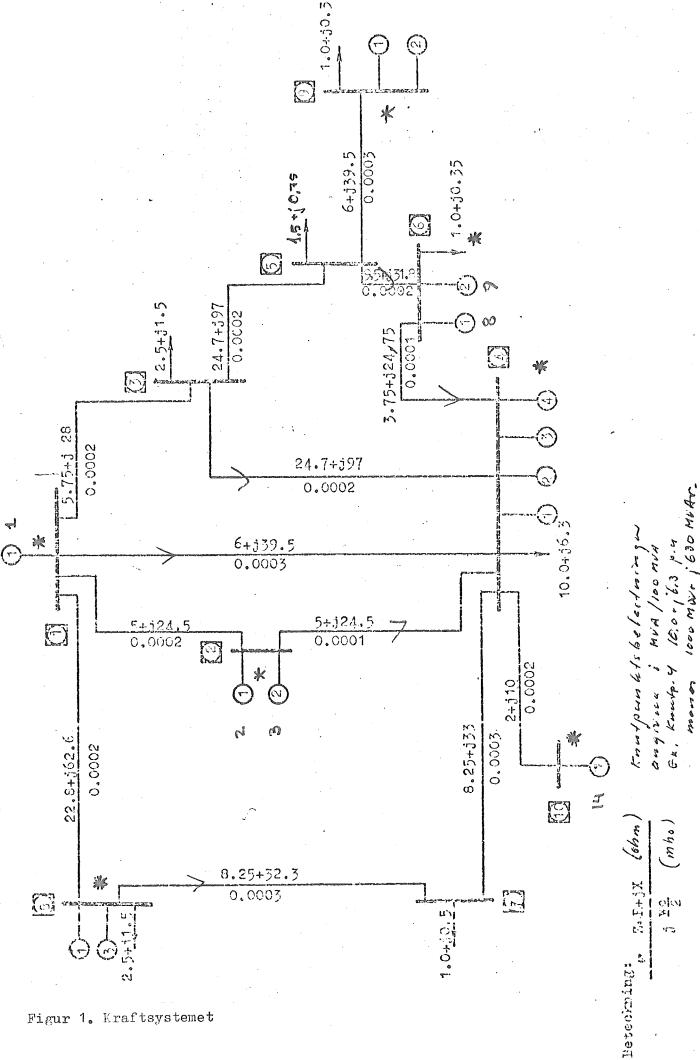
4. Referenser

- Charpentier, J. "Contribution a l'étude du dispatching économique",
 Bull.Soc.Franc.Elect., ser. 8, vol. 3 August 1962
- Kuhn, H.W. & Tucker, A.W., "Nonlinear programming" Proc. Second Berkely symposium on Math. Stat. and Prob., University of California Press, Berkely, Calif. 1951.
- Peschon, J., Piercy, D.S., Tinney, W.F., Tveit, O.J. & Cuénod, M.

 "Optimum Control of Reactive Power Flow", IEEE Trans. on Power

 Apparatus and Systems, Vol PAS-87, No. 1, January 1968, pp 40-48.
- Shen, C.M. & Laughton, M.A. "Determination of optimum power-system operating conditions under constraints" Proc. IEE, Vol. 116,
 No. 2, February 1969, pp 225-239.





Figur 1. Kraftsystemet

Generator no	A ₁ Gcal/h/NWh)	A2 (Gcal/h/NW ²)
11	0,773	0,00340
2~1	0,395	0,00443
-2	0,538	0,00407
4-1	0,768	0,00350
-2	0,623	0,00384
-3	0,636	0,01008
-4	0,696	0,00978
61	0,675	0,01033
-2	0,803	0,00966
8-1	0,394	0,00392
-3	1,367	0,00623
9-1	1,513	0,00602
9-2	0,678	0,00773
10-1	0,489	0,00393
	To the control of the	

Tabell 1. Kostnadskoefficienterna för rörlig produktionskostnad

Generator no	P min (MW)	P max (MW)	Q min (MWAr)	Q max (MWAr)
11	60	217	-24	120
2-i	80	217	-24	120
- 2	80	217	24	120
4-1	80	217	-24	120
-2	80	217	-24	120
3	40	103	-15	75
-4	4C	108	-15	75
6–1	40	108	-15	75
-2	40	108	-15	75
81	80	217	-24	120
(間 27 mm) 27 mm 27 m	40	108	1 –15	75
9-1	30	72	- 8	40
2	40	108	- 15	75
10-1	80	217	24	120
			H	
		The state of the s	The state of the s	

Tabell 2. Begränsningar för aktiv och reaktiv effekt

```
SUBROUTINE ELONL (Al, A2, PMIN, PGEN, PMAX, PDEM, EPS, COST, NG, IPRINT)
C
      COMPUTES A SOLUTION TO
C
      ***************
C
      * THE ECONOMIC LOAD DISPATCH PROBLEM *
C
C
C
      * NEGLECTING THE TRANSMISSION LOSSES *
      *************
      REFERENCE. L.K. KIRCHMAYER, *ECONOMIC OPERATIONS OF OF POWER SYSTEMS*
C
C
C
      AUTHOR, STURE LINDAHL 1972-03-12
C
                    COEFFICIENTS IN THE GENERATOR COST FUNCTION
      AI(I)
      A2(I)
                    F(PG)=A1(I)*PG(I)+A2(I)*PG(I)**2
C
                    MINIMUM PERMISSIBLE ACTIVE POWER AT GENERATOR I
      PMIN(I)
                    COMPUTED ACTIVE POWER AT GENERATOR I
      PGEN(I)
C
      PMAX(I)
                    MAXIMUM PERMISSIBLE ACTIVE POWER AT GENERATOR I
                    THE ITERATION IS TERMINATED WHEN
      EP5
                    THE POWER MISMATCH IS LESS THAN EPS*PDEM THE OPTIMAL COST
Ċ
      COST
C
      N6
                    NUMBER OF GENERATORS
C
      IPRINT=0
                    MAXIMUM PRINTOUT FROM ELDNL
Ċ
      IPRINT=1
                    INPUT DATA AND RESULTS ARE PRINTED
Ĉ
      IPRINT=2
                    NO PRINTOUT
C
      SUBROUTINE REQUIRED
               NONE
      DIMENSION A1(1), A2(1), PMIN(1), PGEN(1), PMAX(1)
      DATA LP/6/
C
```

SUBROUTINE POWEL(X, E, N, F, ESCALE, IPRINT, ICON, MAXIT, CALCEX) C PERFORMS MINIMIZATION OF FUNCTIONS OF SEVERAL VARIABLES. ONLY FUNCTION C VALUES ARE USED. (REFERENCE POWELL COMP J 7 P.155 C AUTHOR, IVAR GUSTAVSSON 15/2 1969 CCC A VECTOR DESCRIBING THE SEARCH SPACE. INITIALLY X IS SET TO THE X ROUGH ESTIMATE AND FINALLY RETURNS THE MINIMUM POINT WHEN CONVERGED. MAX 10 VARIABLES A VECTOR DESCRIBING THE ACCURACY IN EACH DIMENSION TO WHICH C THE MINIMUM POINT IS TO BE FOUND CNUMBER OF VARIABLES OF THE FUNCTION [A] sees THE VALUE OF THE FUNCTION AT THE MINIMUM POINT IS RETURNED 1900 ESCALE- THE SCALAR FACTOR GOVERNING THE MAXIMUM STEP TO BE TAKEN £ 100 IPRINT- CONTROLS THE OUTPUT =1 NO OUTPUT C =2 FINISH EACH SEARCH =3 FINISH EACH ITERATION ICON-CONTROLS THE CONVERGENCE CRITERIA C=1 ALL DIMENSIONS SLOW PROGRESS \mathbb{C} =2 COMPLEX CRITERIA EXPOINDED IN ORIGINAL PAPER MAXIMUM NUMBER OF ITERATIONS TO BE DONE MAXIT-CALCEX- A SUBROUTINE XXX(N.X.F), WHICH COMPUTES THE FUNCTION C VALUE F IN THE POINT X OF DIMENSION N. INITIAL TRIAL X(1) STEPPED TO X(1)+E(1)*ESCALE/10. ETC. SUBROUTINE REQUIRED (CALCEX) DIMENSION X(1) ,E(1) ,DIR(21,20),SCAL(20),XCH(20),XS(20)

```
SUBROUTINE GSLF(GAA, BAA, RAB, XAB, GBB, BBB, LTA, LTB, PINJ, QINJ, VBR, VBI,
     1EPS, NB, NL, IS, MAXIT, IPRINT, JFAIL)
Ċ
      COMPUTES A SOLUTION TO
C
C
      ************
C
C
      * THE LOAD-FLOW PROBLEM
      * USING GAUSS-SEIDEL METHOD *
C
      ***************
C
C
C
      REFERENCE, G.W. STAGG AND A.H. EL-ABIAD
      *COMPUTER METHODS IN POWER SYSTEM ANALYSIS*
\mathbb{C}
      CHAPTER 8, NEW YORK 1968.
C
C
C
      AUTHOR, STURE LINDAHL 1972-03-12
C
                     REAL PART OF SHUNT ADMITTANCES AT ENDPOINT A
Ċ
      GAA(*)
                     IMAGINARY PART OF SHUNT ADMITTANCES AT ENDPOINT A
Ċ
      BAA(*)
                     REAL PART OF LINE IMPEDANCES BETWEEN A AND B
Ċ
      RAB(*)
C
                     IMAGINARY PART OF LINE IMPEDANCES BETWEEN A AND B
      XAB(*)
                     REAL PART OF SHUNT ADMITTANCES AT ENDPOINT B
C
      GBB (*)
Ĉ
                     IMAGINARY PART OF SHUNT ADMITTANCES AT ENDPOINT B
      BBB(*)
                     ENDPOINT A OF LINE I IS CONNECTED TO BUS LTA(I)
C
      LTA(*)
                     ENDPOINT R OF LINE I IS CONNECTED TO BUS LTA(I)
C
      LTB(*)
                     ACTIVE POWER INJECTION AT BUS I
      PINJ(I)
C
C
                     REACTIVE POWER INJECTION AT BUS I
      (I) LNID
                     REAL PARTS OF BUS VOLTAGES
C
      VBR(*)
                      IMAGINARY PART OF BUS VOLTAGES
C
      VBI(*)
                      THE ITERATION IS TERMINATED IF
C
      EPS
C
                      THE APPARENT POWER MISMATCH IS LESS THAN EPS
C
                     NUMBER OF BUSSES (MAX 50)
      NB
                     NUMBER OF LINES (NO MAX)
("
      NL
C
                     SLACK BUS NUMBER
       15
C
                     MAXIMUM NUMBER OF ITERATIONS
      MAXIT
C
                     MAXIMUM PRINTOUT
       IPRINT=0
C
                      INPUT DATA AND RESULTS ARE PRINTED
       IPRINT=1
                     NO PRINTOUT
00000
       IPRINT=2
       SUBROUTINE REQUIRED
                CMAPRI
       PARAMETER MB=50
Ċ
       COMPLEX Y(MB, MB), YL(MB, MB), KL(MB), VB(MB), SMM(MB),
      1SA, SB, SL, Z, ETT, NOLL, DV, AF, SINJ
       DIMENSION GAA(1), BAA(1), RAB(1), XAB(1), GBB(1), BBB(1), LTA(1), LTB(1),
      1PINJ(1),QINJ(1),VBR(1),VBI(1)
C
       DATA NOLL/(0.0,0.0)/PETT/(1.0,0.0)/PLP/6/PAF/(1.4,0.0)/
C
```

```
SUBROUTINE NRLFR(GAA,BAA,RAB,XAB,GBB,BBB,LTA,LTB,PINJ,QINJ,VBR,
     IVBI, EPS, NB, NL, IS, MAXIT, IPRINT, JFAIL)
      COMPUTES A SOLUTION TO
00000
      本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本本
      * THE LOAD-FLOW PRUBLEM USING *
      * THE NEWTON-KAPHSON METHOD
      * AND RECTANGULAR COORDINATES *
C
      ************
C
C
      REFERENCE, G.W. STAGG AND A.H. EL-ABIAD
C
      *COMPUTER METHODS IN POWER SYSTEM ANALYSIS*
C
      CHAPTER 8, NEW YORK, 1968
C
C
      AUTHOR, STURE LINDAHL 1972-03-12
C
Ĉ
                     REAL PART OF SHURT ADMITTANCE AT ENDPOINT A
      GAA(*)
C
      BAA(*)
                     IMAGINARY PART OF SHUNT ADMITTANCE AT ENDPOINT A
C
      RAB (*)
                     REAL PART OF LINE IMPEDANCES BETWEEN ENDPOINT A AND B
C
                     IMAGINARY PART OF LINE IMPEDANCES BETWEEN ENDPOINT A AND B
      XAB(*)
C
      GBB (*)
                     REAL PART OF SHUNT ADMITTANCE AT ENDPOINT B
                     IMAGINARY PART OF SHUNT ADMITTANCE AT ENDPOINT B
C
      868(*)
C
      LTA(*)
                     ENDPOINT A OF LINE I IS CONNECTED TO BUS LTA(I)
C
                     ENDPOINT B OF LINE I IS CONNECTED TO BUS LTB(I)
      LTB(*)
C
                     ACTIVE POWER INJECTION AT BUS I
      PINJ(*)
C
      @INJ(*)
                     REACTIVE POWER INJECTION AT BUS I
C
      VbR(*)
                     REAL PART OF BUS VOLTAGES
Ĉ
                     IMAGINARY PART OF BUS VOLTAGES
      VBI(*)
C
                     THE ITERATIN IS TERMINATED WHEN
      FPS
                     THE MAXIMUM APPARENT POWER MISMATCH IS LESS THAN EPS
C
C
      Nb
                     NUMBER OF BUSSES (MAX 16)
C
                     NUMBER OF LINES (NO MAX)
      ML
C
      IS
                     SLACK BUS NUMBER
C
      MAXIT
                     MAXIMUM NUMBER OF ITERATIONS
      IPRINT=0
                     MAXIMUM PRINTOUT
                     INPUT DATA, VOLTAGES AND APPARENT POWER MISMATCH AT
      IPRINT=1
C
                     EACH ITERATION AS WELL AS THE FINAL RESULT IS PRINTED
C
      IPRINT=2
                    NO PRINTOUT
      JFAIL ==1
                     NO CUNVERGENCE AFTER MAXIT ITERATIONS
      JFAII =0
                     THE SOLUTION IS FOUND
      JFAIL=1
                    THE JACCOBIAN IS SINGULAR
      SUBROUTINE REQUIRED
C
               CMAPKI
               DECOM
               MAPRI
               SOLVI
C
      PARAMETER MB=16, MX=2*(MB-1)
      COMPLEX Y(MB, MB), SMM(MB), VB(MB), DV(MB), IB(MB),
     15A, SB, SL, ETT, WOLL, SINU
      DIMENSION GAA(1), BAA(1), RAB(1), XAB(1), GBB(1), BBB(1),
     ILTA(1), LTB(1), PINJ(1), QINJ(1), VBR(1), VBI(1), INDEX(MB),
     2A(MX,MX),B(MX),X(MX)
      DATA NOLL/(0.0,0.0)/,ETT/(1.0,0.0)/,LP/6/,JJAC/1/,EPSJ/1.0E-7/
```

C

C

C

C

 \mathbb{C}

C

C

C

C

(

C C AUTHORI STURE LINDAHL 1971-09-21 C $A(IA_{I}*)$ MATRIX TO BE PRINTED C ACTUAL NUMBER OF ROWS IN A MA NA ACTUAL NUMBER OF COLUMNS IN A Ċ ŢΑ DIMENSION PARAMETER FOR A C C SUBROUTINE REMUIRED C COMPLEX A DIMENSION A(IA.1) \mathbb{C} SUBROUTINE MAPRI(A, MA, NA, IA) C SUBROUTINE TO PRINT OUT MATRICES ON LINE PRINTER \mathbb{C} 00000 AUTHOR, STURE LINDAHL 1971-05-02 A([A,*) MATRIX TO BE PRINTED MA ACTUAL NUMBER OF ROWS IN A NA ACTUAL NUMBER OF COLUMNS IN A C IA DIMENSION PARAMETER FOR A CSUBROUTINE REQUIRED \mathbb{C} NONE C DIMENSION A(IA,1) \mathbb{C}

SUBROUTINE CMAPRI (A.MA.NA.IA)

SUBROUTINE TO PRINT OUT MATRICES ON LINE PRINTER

COMPLEX VERSION OF MAPRI

PROGRAM HEAD:

SU ROUTINE SOLVE (H.X. NM. NNB. IA)

SOLVES AXED USING UL AND IPS IN COMMON FROM DECOM. REFERENCE, FORSYTHE MOLER. AUTHOR, PER HAGANDER 1968-09-05. REVISED, CLAES KALLSTROM 1971-03-20.

MATRIX OF ORDER NNXNNB, CONTAINING R-H-S VECTORS, NOT DESTROYED.

X- MATRIX OF ORDER NNXNNB, RETURNED CONTAINING THE SOLUTION VECTORS

ENH- HUMBER OF EQUATIONS (MAX 30, MIN 1).

LIBB- BUMBER OF RIGHT HAND SIDE VECTORS (NO MAX, MIN 1).

IA- DIMENSION PARAMETER.

NOTE. IF THB=1, B AND X CAN BE DIMENSIONED AND TREATED AS VECTORS

IN THE CALLING PROGRAM.

SUBROUTINE REQUIRED NOME

 \mathbb{C}

HIVENSION A(IA,1),X(IA,1)

CO-MON/IPUL30/TPS(30),UL(30,30)

PROGRAM HEAD:

CO.MON/IPUL3n/IPS(30).UL(30.30)

SUIROUTTME DECOM (A. NEW IA EPS, ISTNG) COMPUTES TRIANGULAR MATRICES L AND U AND PERMUTATION MATRIX SO THAT L*U=P*A, USING GAUSS ELIMINATION WITH PARTIAL PIVOTING. STORES IN COMMONZIPUL30%. REFERENCE, FORSYTHE-MOLER. AUTHOR, PER HAGANDER 1968-09-05. REVISED, CLAES KALLSTROM 1971-03-20. A-MATRIX OF ORDER NAIXBUL NOT DESTROYED. HH- ORDER OF THE MATRIX (MAX 30, MIN 1). 1A- DIMENSION PARAMETER. EPS- PIVOT TEST GUANTATY. 1E-7 SEEMS REASONABLE. ISJUG-IS RETURNED 1 IF ANY OF THE ROWS OF A ARE ZERO. 2 IF ANY PIVOT IS SMALL. O OTHERWISE. ATTENTION. EPS=16-7 PREVENTS SOME HORRIBLE RESULTS BUT DOES NOT GUARANTUE CORRECT RESULT FOR ILLCONDITIONED MATRICES. DIMENSION A(IA.IA) ELIMENSION SCALES (30)

SYSTEMTEKNIK, Projektarbete VT - 72

Produktionsplanering

Hans Blixt

Arne Möller

Carl Johan Cronstedt

Lennart Perborg

Per Grettve

Olle Pettersson

Jan Key

Leif Salmberg

Göran Mattsson

Karl Håkan Sandell

Roland Wadenheim

INI	NEHÅLLSFÖRTECKNING:	sid
l.	Problemformulering	1
2.	Modell för företaget Future Electronics	2
3.	Subrutinen DIFF	2
4.	Huvudprogrammet	3
5.	Subrutinen FUN	4
6.	Allmänt om simuleringar	5
7.	Funktionernas (F_1 - F_4) inverkan på modellens stabilitet	5
8.	Brus i systemet	6
	Figurer	
	Programlistningar	

.

1. PROBLEMFORMULERING

Gruppen har utgått från ex. 5.2 systemteknik som lyder:

"Future Electronics"

Företaget Future Electronics tillverkar integrerade kretsar. På grund av tillverkningstekniska skäl blir produkternas kvalite ojämn. Man testar därför varje tillverkad komponent. För att hålla bestämda leveranstider utförs testningen så att testarna håller jämn takt med produktionen. Detta betyder att vid hög produktion har testarna mindre tid per enhet till sitt förfogande.

Om produkternas kvalite blir för låg kommer det klagomål från kunderna. När sådana klagomål kommer in anställer man fler testare. På Futures Electronics har man märkt att när klagomålen ökar så minskar antalet inkommande order.

Innan nyanställda testare tillåts testa producerade enheter genomgår de en utbildningsperiod. Av erfarenhet vet man att tiden att
utbilda testare varierar individuellt men att tiden i medeltal
är tre månader. En färdigutbildad testare stannar i medeltal tre
år på fabriken. I företagets personalpolitik ingår att man ej
avskedar folk.

Inom företaget är man nu mycket bekymrad över variationerna i kvaliten och vill råda bot på detta. Som första steg vill man göra en modell av hur företaget fungerar. Med modellen vill man sedan pröva olika typer av beslutsstrategier.

Hjälp Future Electronics att göra en modell!

Utöver vad som nämns i ex. har gruppen även provat att lägga in en lagerfunktion.

För integration av differentialekvationerna har RKIST använts, som är ett biblioteksprogram. Detta program utnyttjar Runge-Kutta för beräkning av tillståndsvariablernas värde ett steg framåt i tiden. Plottning av önskade kurvor sker med hjälp av biblioteksprogrammet KURVA.

Listor på egna program bifogas på slutet.

2. MODELL FÖR FÖRETAGET FUTURE ELECTRONICS

Modellen är uppbygd enl fig. 1. Den innehåller bl a tre tidsfördröjningar. Utbildning av testare tar en viss tid [T(1)]. En god eller dålig kvalite påverkar ej klagomål och orderingång omedelbart [T(2)]. En fördröjning [T(3)] har också placerats mellan beställning av råvaror och inkomna råvaror (leveranstid m m).

Simuleringstekniskt har tidsfördröjningen approximerats som ett dynamiskt system,

$$Y(s) = \frac{1}{(1+sT)} 2 \quad U(s)$$

som har stegsvaret enl fig 2. Ju högre potens i nämnaren desto bättre blir approximationen enl en tidsfördröjning. Vi har nöjt oss med ett andra ordningens system för att spara på variablerna.

Vi har använt en tillståndsvariabel till vardera antal testare orderstock och råvaror och till varje tidsfördröjning har vi använt två variabler. Detta ger inalles nio tillståndsvariabler.

Fyra funktioner kan varieras: F1, F2, F3, F4. (Se sid 5 och fig 3 = 6)

3. SUBRUTINEN DIFF

Denna subrutinen räknar ut alla tillståndsvariablernas derivator. Enl fig l har modellen 9 tillståndsvariabler där

 x_1 = antal testare

 x_6 = orderstock

xq = råvarulager

De andra variablerna behövs för representation av de tre tidsfördröjningarna.

För att räkna ut funktionernas (F) värde vid varje tidpunkt anropar subrutinen funktionsproceduren FUN som interpolerar fram dessa värden (Se sid 4)

RK1ST förutsätter att det finns en rutin som DIFF, som räknar ut derivatorna i en godtycklig punkt, och anropar denna flera gånger för varje steg.

4. HUVUDPROGRAMMET

Huvudprogrammets uppgift är närmast att tjänstgöra som ett omlagringsprogram samt att anropa övriga program. Först sker i huvudprogrammet en inläsning av de värden som behövs vid simuleringarna: begynnelsetid, steglängd, antal steg, antal steg mellan varje plottning, tillståndsvariablernas begynnelsevärde, antal testare som slutar varje månad, produktionens maxvärde, kurvor som beskriver förhållandet mellan vissa parametrar samt tidsfördröjningskonstanter. De inlästa värdena skrivs även ut som en dokumentation av körningsvärdena.

Efter inläsningsfasen anropas i huvudprogrammet subrutinen SI-MUL, vilken administrerar själva simuleringen. SIMUL har en matris kallad Result, som har dimensionen (300,20). I denna lagras resultatet av simuleringen in med det antal steg emellan som lästes in enligt ovan.

Själva simuleringen tillgår så, att SIMUL anropar RK1ST, varvid en ny punkt räknas fram. Mellan varje anrop sker en omlagring av parametrarna så att de nya x-värdena sätts in som ingående x-värden. Vid de punkter där inlagring av värdet i Result skall ske, anropas efter RK1ST FINT. I FINT framräknas de intressanta värden, som ej är tillståndsvariabler, vilket sker på exakt samma sätt som i DIFF. Efter återgången till SIMUL lagras sedan värdena in i Result.Tillståndsvariablerna lagras på plats (1,1)-- (1,9) och övriga intressanta värden (1,11)-(1,17).

När simuleringen är slutförd sker återhopp till huvudprogrammet, där inläsning av skalfaktorer äger rum. Värdena omstuvas sedan immatrisen Result så att de intressanta parametrarna kommer först för plottning. Dessa lagras i Param. Därefter anropas KURVA, vilken utför plottningen, varefter programmet är slut.

5. SUBRUTINEN FUN (N, XMIN, XMAX, DX, Y, X)

De ingående parametrarna är följande:

N = antalet kända punkter på kurvan

XMIN = kurvans minsta X-värde

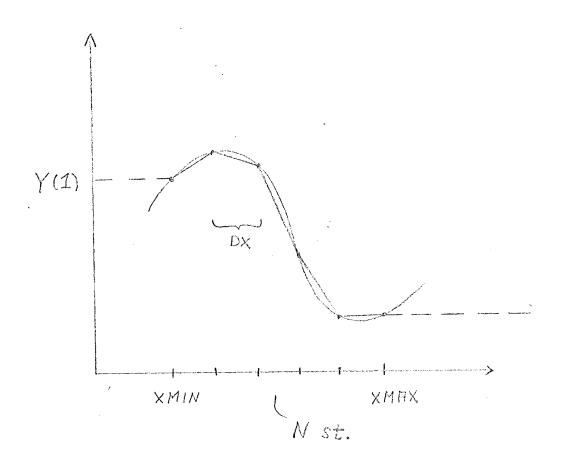
XMAX = kurvans största X-värde

DX = avståndet mellan de ekvidistanta X-värdena

Y = N-dimensionell vektor med Y-värden

X = godtyckligt värde

FUN approximerar en kurva med räta linjer mellan de givna värdena och ger ett Y-värde för det godtyckliga X-värdet. Om X-värdet är mindre än XMIN får FUN Y-värdet som svarar mot XMIN och "UTANFÖR DEF.-OMRÅDET" skrivs ut. Motsvarande sker om X-värdet är större än XMAX.



6. ALLMÄNT OM SIMULERINGARNA

Vi har valt funktionerna F_1 , F_2 , F_3 och F_4 så att i stationärt tillstånd gäller(se fig. 1) :

antal testare (x_1) 20
produktion = orderstock (x_6) 100
antal testare som slutar 0.05 x 20 = 1 (A = 0.05)
testhastighet 5 (100/20)kvalité 1
klagomål 1
orderingång 100
antal anställda testare 1

Loopen med råvarulagret kopplade vi bort genom att sätta dess begynnelsevärde mycket stort. Avsikten var att vi senare skulle ta med även det, men tidsbrist gjorde, att vi aldrig hann få ut några bra resultat på detta.

Tidskonstanterna satte vi till

$$T(1) = 3$$
 $T(2) = T(3) = 1$

Inverkan av begränsad produktion (produktionen ≤ PBEG) har vi inte heller hunnit studera, så vi har satt PBEG stort.

Med tanke på tidskonstanternas storlek bestämde vi oss för att ta ut resultat var femtedels tidsenhet. (Tidsenheten kan lämpligen tänkas som 1 månad) Vi provade med två olika steglängder h i RK1ST, h=0.05 och h=0.025, men skillnaden blev liten. I fortsättningen använde vi h=0.025.

7. FUNKTIONERNAS (F_1 , F_2 , F_3 , F_4) INVERKAN PÅ MODELLENS STABILITET

För att få ett lättolkat resultat så sattes lagret väldigt stort. Få detta sätt kom beställningsrutinen av råvaror aldrig att påverka modellens beteende under den studerade tidsperioden, dvs. lagerloopen var bortkopplad under våra simuleringar.

Produktionsbegränsningen PBEG sattes stor nog för att inte påverka modellens beteende.

Antalet testare som slutar sattes proportionellt mot antalet testare (A = 0.05).

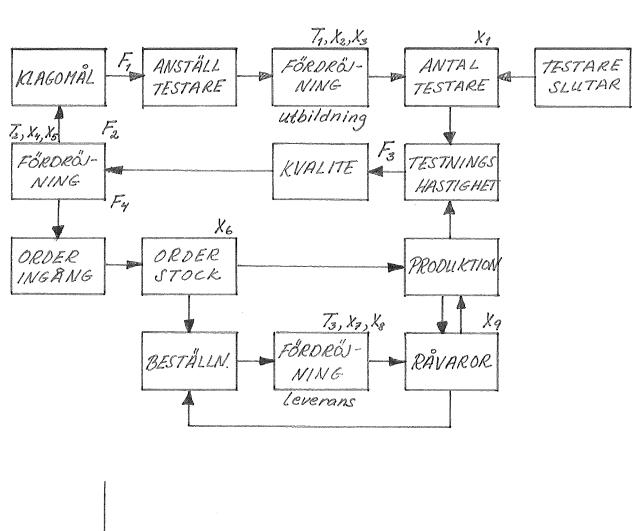
Störningen på den stationära lösningen (se föregående beskrivning av modellen) var en momentan minskning av antalet testare från 20 till 10.

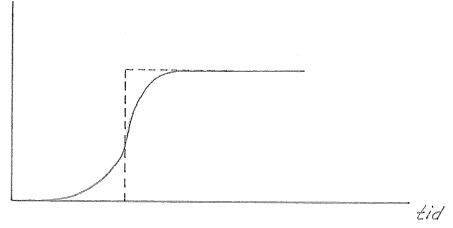
För varje funktion F finns tre kurvor 0,1 och 2 som alla går genom den stationära punkten. Det är fyra funktioner och det blir 3 = 81 olika kombinationer av vilka nio fall undersöktes. I figur 7 redovisas resultatet då alla funktionerna representeras av kurvorna 0. Systemet svänger in sig mot stationära lösningen relativt långsamt med en svag översläng. Detta resultat är representativt även för de övriga åtta fallen där en funktion åt gången har ändrats från 0-kurvor till 1-kurva och 2-kurva medan de övriga funktionerna har representerats av 0-kurvor. I figur 8 redovisas resultatet då funktion fyra har representerats av 1-kurva. Något större svängning, men det stationära värdet uppnås vid ungefär samma tidpunkt som i figur 7. Slutsatsen av dessa nio simuleringar blir att modellens stabilitet inte nämnvärt påverkas av funktionernas lutning.

8. BRUS I SYSTEMET

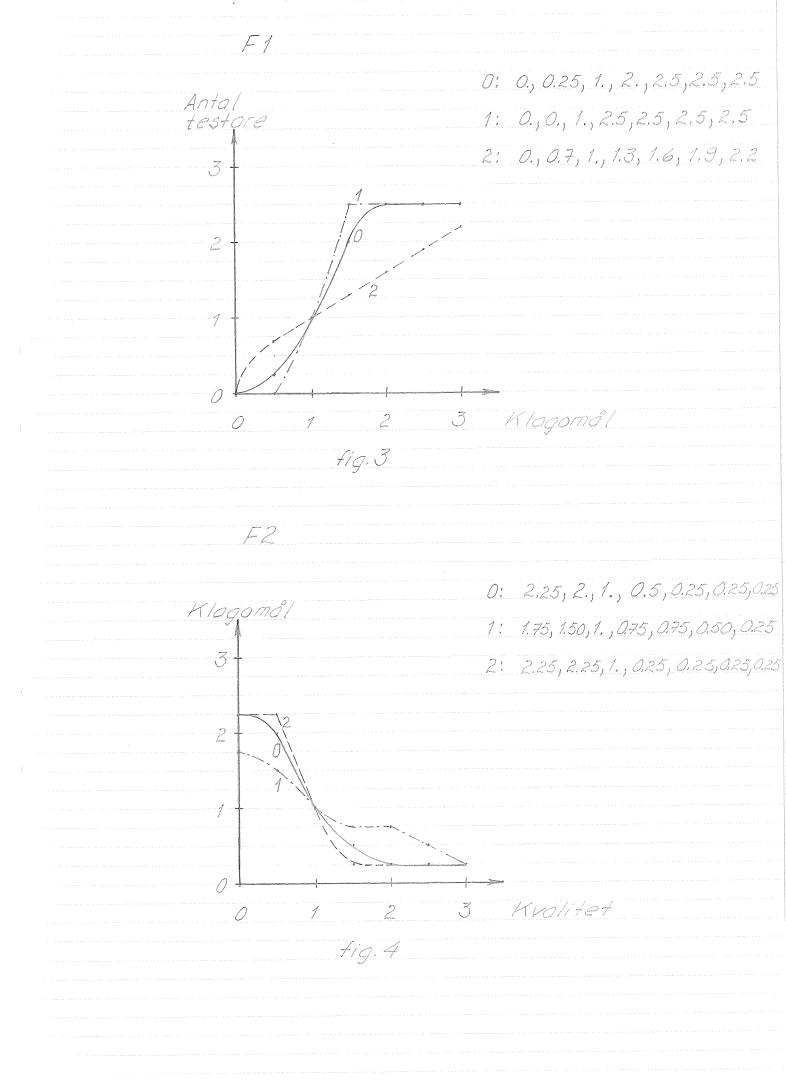
Antalet testare har upptagits som en tillståndsvariabel (x_1). Vi har antagit en avgång prop. mot antalet testare dvs avgången = konst. • x_1 där konstanten har givits värdet 0,05. För att få simuleringen mera realistisk har vi lagt brus på avgången. Bruset har erhållits med en slumptalsgenerator (FORTRAN SUBROUTINE NODI (x,y)) som ger ett slumptal $y \in N(0,1)$. Med lämplig skalning har vi satt avgången = $(0.05 + y * 0.03) * x_1$. Vid simuleringen med detta brus erhölls endast obetydliga fluktationer i kvaliteten, storleksordning l% av stationärvärdet • På liknande sätt gavs störningar på orderingången, vilket gav fluktuationer i kvaliteten på upp till 5% av stationärvärdet • (se fig. 9)

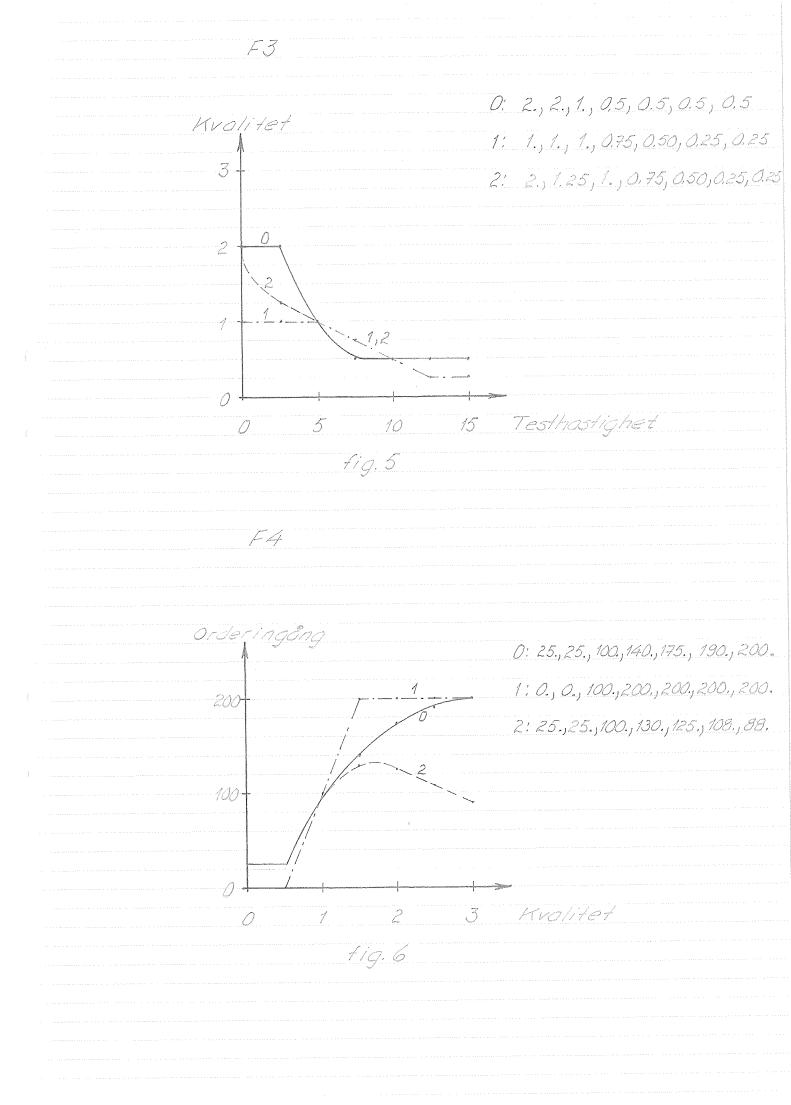
BLOCK SCHEMA fig 1.

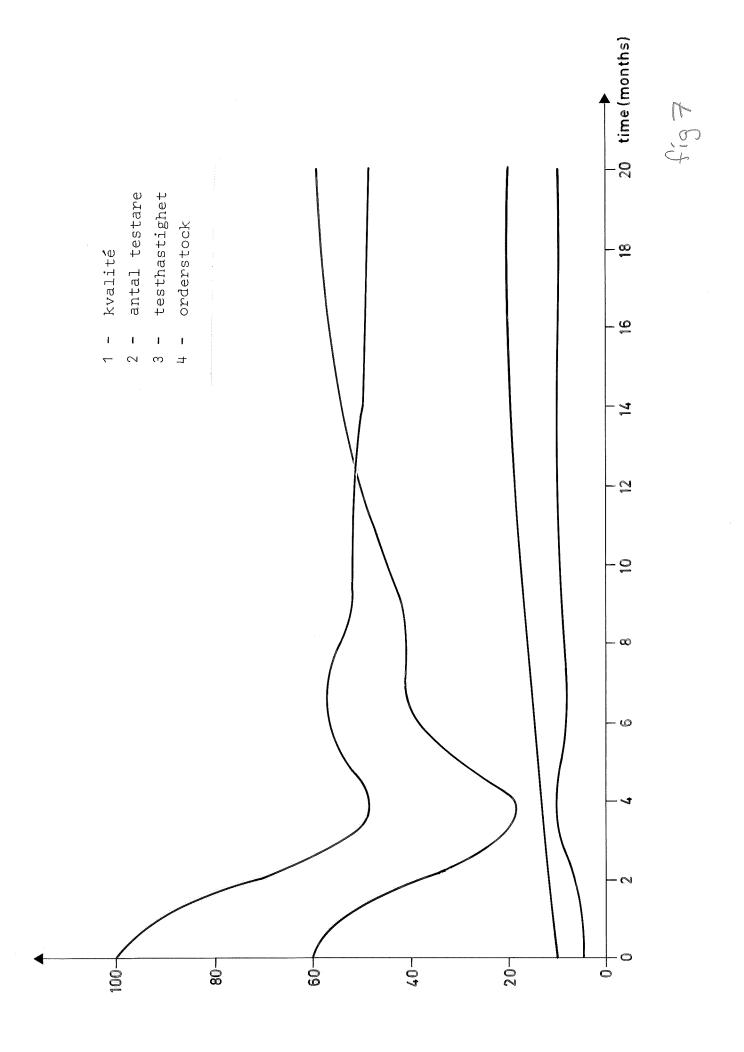


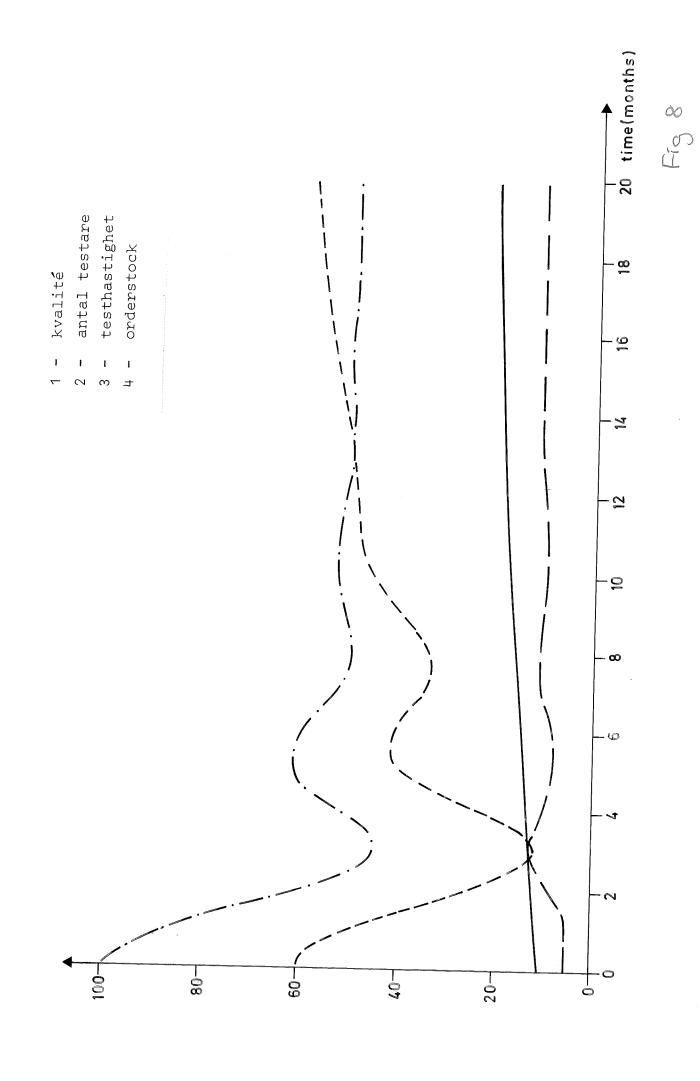


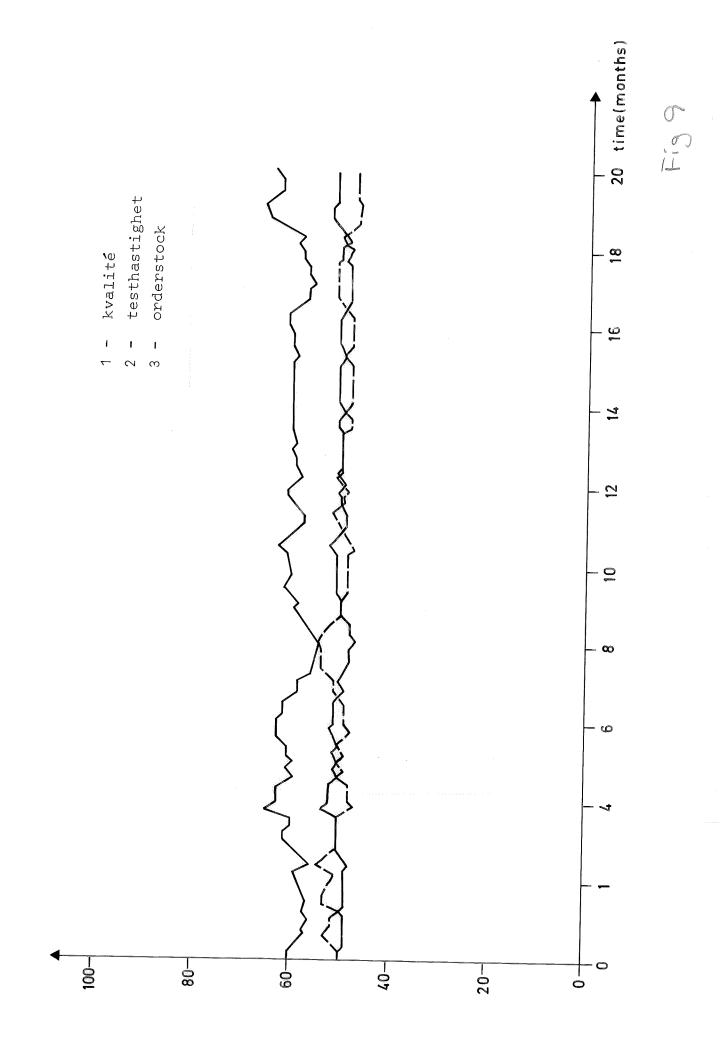
TIDSFÖRDRÖJNING fig 2











SOP (Hurudprogram)

```
DIMENSION YK(10,20),X(10),RESULT(300,20),PARAM(300,10),SETP(10),SC
      BAL(10), XPRI(300), YPRI(101), TEKN(10)
       COMMON/DATA/A, PBEG, NI(10), XMIN(10), XMAX(10), STEGL(10),
      *Y1(20),Y2(20),Y3(20),Y4(20),T(3)
       DATA (TEKN(I), I=1,10) / A , B, C, C, D, E, F, F, G, G, H, F, I, P, K,
       READ (5,102) TO, HOMOK
Ĉ
       TO=BEG.TID. I F KOD, H=STEGL&NGD I F KOD, M=ANTAL RAKNESTEG I I KOD
C
       KESTEG MELLAN PLOTTADE TAL I I KOD
C
       TALEN SATTS ENL .:
                                              100
                                                     50
       READ(5,103)(X(I),I=1,10)
C
       X=TILLSTANDSVARIABLERNAS BEGYNELSEVARDE I F KOD
       TALEN SATTS ENL:
                               10
       WRITE(6,104)
       WRITE (6, 105) TO, HOMOK
      DO 3 I=1 10
    3 WRITE(6,106)I,X(I)
      Do 5 I=1,20
      DO 5 J=1,4
    5 YK(JoI)=0.
      READ 110, A, PBFG
      DO 10 J=1,4
      READ(5,100)NI(J),XMIN(J),XMAX(J),STEGL(J)
      INLASNING SKER HAR FOR VARGE KURVA MED ETT KOET INNEHALLANDE:
C
C
      ANTAL PUNKTER, MINSTA PUNKT, STERSTA PUNKT,
      STEGLANGD. TALEN SATTS ENL: 20
                                                          100
                                                                      10
      ANTAL PUNKTER SKRIVES I I KOD ÖVRIGA I F KOD
      (U) INEUM
      DO 9 I=1.NJ
    9 READ (5,101) YK (J, I)
   10 CONTINUE
      INLASNING AV YK SKER FÖR VARJE KURVA EFTER HUVUDKORTET OVAN OCH
C
C
     *MED ETT TAL I F KOD I BERJAN AV VARJE KORT
      NI(J) FAR VARA MAX 20 ENL. DIMENSION
      DO 15 I=1,20
      Y1(I)=YK(1,I)
      Y2(I)=YK(2,I)
      Y3(I)=YK(3,I)
   15 \ Y4(I) = YK(4,I)
      READ (5,107) (T(I), I=1,3)
      WRITE(6,108)
      DO 16 I=1.4
   16 WRITE(6,109)I, NI(I), XMIN(I), XMAX(I), STEGL(I)
      WRITE(6,111)
      00 17 I=1,20
   17 WRITE(6,112)Y1(I),Y2(I),Y3(I),Y4(I)
      DO 18 I=1.3
   18 WRITE(6,113)I,T(I)
      CALL SIMUL(X, TO, H, M, RESULT, K)
C
      FRAMRAKNING AV INTRESSANTA VARDE NEDAN, SIMUL UTANFOR SIMULERINGEN
      MN = M/K + 1
      READ 150 (SETP(I) , I=1,10) , (SCAL(I) , I=1,10)
  150 FORMAT(E16.8)
      DO 45 I=1, MN
C
      NEDAN UTFORES INLAGRING AV VÄRDEN FØR PLOTTNINGEN.
      PARAM(I \cdot 1) = (RESULT(I \cdot 9) - SETP(1))/SCAL(1)
      PARAM(I,2) = (RESULT(I,13) - SETP(2))/SCAL(2)
      PARAM(I,3) = (RESULT(I, 1) - SETP(3))/SCAL(3)
      PARAM(I,4) = (RESULT(I, 6) - SETP(4))/SCAL(4)
```

PARAM(I,5) = (RESULT(I,12) - SETP(5))/SCAL(5) PARAM(I,6) = (RESULT(I,14) - SETP(6))/SCAL(6)

```
PARAM(I,7) = (RESULT(I,15) - SETP(7))/SCAL(7)
    PARAM(I,8) = (RESULT(I,16) - SETP(8))/SCAL(8)
 45 PARAM(I,9) = (RESULT(I,17) - SETP(9))/SCAL(9)
    DO 50 I=1,101
 50 YPRI(I)=FLOAT(I-1)
    DO 60 I=1.MN
    I1=(I-1)*K
 60 XPRI(I)=H*FLOAT(I1)
    PRINT 200
200 FORMAT (1H1, 10X, PLOTTAT VERDE*SKALA + NIVA GER RETT VARDE 1/10X 10
   BRDNING: LAGER(A), KVALITE(B), ANTAL TESTARE(C), ORDERSTOCK(D), TESTHAS
   BTIGHET(E) , KLAGOMAL(F) , ORDERINGANG(G) , ANSTALLNIGNAR(H) , 10X, BE , VA-
   BROR(I) *//15%, *SKALA*, 11X, *NIVA*/)
    DO 70 I=1,10
 70 PRINT 250, SCAL(I), SETP(I)
250 FORMAT(8X,2E16.8)
    CALL KURVA (PARAM, YPRI, XPRI, TEKN, 5, 101, 101, 300, 101, 10, 10, 10, 0)
100 FORMAT(12,1%,F10.3,1%,F10.3,1%,F10.3)
101 FORMAT(F10.3)
102 FORMAT (F10.3,1X,F10.3,1X,I5,1X,I5)
103 FORMAT(F10.3)
104 FORMAT (16H BEGYNNELSEVARDE)
105 FORMAT(1X,9HBEG.TID.=,F10.3,5HSTEG=,F10.3,9HANT.STEG=,
   *I5,10HPLOTTO VAR, I5,2H:E)
106 FORMAT(1X,2HX,12,2H =,F10,3)
107 FORMAT(F10.3)
108 FORMAT (17HOVARDEN TILL DATA)
109 FORMAT (6H KURVA, II, I15, 3F15, 4)
110 FORMAT(F9.3,1X,F10.3)
111 FORMAT(61H
                         KURVA1
                                         KURVA2
                                                         KURVA3
   *URVA4)
112 FORMAT(1X,4F15,4)
113 FORMAT( * FORDROJN. N; R *, I2, * = *, F15.4)
```

END

SIMUL

```
DENNA SUBROUTINE STYR SIMULERINGEN
Ç
      SUBROUTINE SIMUL(X,T,H,M,RESULT,K)
      DIMENSION X(10), RESULT (300, 20), XN(10), Y(10)
      EXTERNAL DIFF
      DO 10 I=1:10
      XN(1)=0.
   10 RESULT(1,1)=X(1)
      DO 15 I=11,17
   15 RESULT(1,1)=0.
      WRITE(6,102)
      DO 60 I=1,M
      AI=I-1
      TI=T+AI*H
C
      NY PUNKT FRAMREKNAS
      CALL RK1ST(TIOXOHOXNOSODIFF)
C
      TEST OM RESULTAT SKALL LAGRAS
      IR=I/K
      L=MOD(IOK)
      IF(L)30,35,45
   30 WRITE(6,100)
      GO TO 60
C
      LAGRING
   35 DO 40 J=1,10
   40 RESULT(IR+1,J)=XN(J)
      CALL FINT (XNOY)
      DO 42 KL=11,17
   42 RESULT(IR+1,KL) = Y(KL-10)
      WRITE(6,103)TK, XN(1), XN(6), XN(9), Y(4), Y(6), Y(1), Y(5), Y(7), Y(3), Y(
     B2)
C
      OVERFORING TILL NYA VARDEN
   45 DO 50 J=1,10
   (U)NX=(U)X 00
   60 CONTINUE
      RETURN
  100 FORMAT(23H FEL I PROGRAMMET SIMUL)
  102 FORMAT( * VARDEN UR SIMUL */ * TID
                                                TESTARE
                                                          ORDERSTOCK
               KLAGOMAL NYANSTALLN. PRODUKTION ORDERINGANG RAMATRBEST
     BAGER
         KVALITET
                      TESTH!)
  103 FORMAT(1X,F7.2,10E12,4)
      END
```

FINT

SUBROUTINE FINT (RESUL, RESUL2) DIMENSION RESUL(10), RESUL2(10) COMMON/DATA/A, PBEG, N(10), XMIN(10), XMAX(10), DX(10), Y1(20), Y2(20), *Y3(20),Y4(20),T(3) PROD=RESUL(6) IF (PROD.GT.PBEG) PROD=PBEG IF(RESUL(9).LE.O.)PROD=O. TESTH=PROD/RESUL(1) QVAL=FUN(N(3),XMIN(3),XMAX(3),DX(3),Y3,TESTH) QLAG=FUN(N(2),XMIN(2),XMAX(2),DX(2),Y2,RESUL(4)) ANST-FUN(N(1), XMIN(1), XMAX(1), DX(1), Y1, QLAG) ORDIN=FUN(M(4),XMIN(4),XMAX(4),DX(4),Y4,RESUL(4)) BEST = RESUL(6) - RESUL(9)IF (BEST.LT.O.) BEST=0. RESUL2(1)=PROD RESUL2(2)=TESTH RESUL2(3)=QVAL RESUL2 (4) = OLAG RESUL2(5)=ORDIN RESUL2(6)=ANST RESUL2(7)=BEST RETURN END

DIFF

```
SUBROUTINE DIFF
      X(1)=ANTAL TESTARE
C
C
      X(6)=ORDERSTOCK
C
      X(9)=R&VARULAGER
C
      ULK=KLAGOM&L
Ċ
      O1=ORDERINGANG
C
      HAST=TESTHASTIGHET
C
      ANSTEANSTALLNING AV TESTARE
C
      BEST=BESTALLNING AV RAVAROR
C
      PROU=PRODUKTIONEN
Ç
      PBEG=MAX PRODUKTION
Ċ
      ANSTALLNING AV TESTARE ** R EN FUNKTION AV KLAGOMALEN
Ċ
      KVALITEN AR EN FUNKTION AV TESTHASTIGHETEN
¢
      KLAGOMAL AR EN FUNKTION AV KVALITEN
C
      ORDERINGANGEN AR EN FUNKTION AV KVALITEN
      COMMON/FUNCT/ T, X(10), DXDT(10)
      COMMON/DATA/ A, PBEG, N(10), XMIN(10), XMAX(10), DX(10),
     *Y1(20),Y2(20), Y3(20), Y4(20), TID(3)
      DXDT(1)=X(2)-A*X(1)
      DXDT(2)=X(3)
      ULK=FUN( N(2), XMIN(2), XMAX(2), DX(2), Y2, X(4))
      ANST=FUN( N(1), XMIN(1), XMAX(1), DX(1), Y1, ULK)
      DXDT(3)=(ANST-2.*TID(1)*X(3)-X(2))/TID(1)**2
      DXDT(4)=X(5)
      IF(X(9)=0)1,1,2
    1 PROD=0
      GO TO 5
    2 IF(X(6)-PBEG)3,4,4
    3 PROD=X(6)
      GO TO 5
    4 PROD=PBEG
    5 HAST=PROD/X(1)
      QUA=FUN( N(3), XMIN(3), XMAX(3), DX(3), Y3, HAST)
      DXDT(5)=(QUA-2.*TID(2)*X(5)-X(4))/TID(2)**2
      OI=FUN(N(4),XMIN(4),XMAX(4),DX(4),Y4,X(4))
      DXDT(6)=01-PROD
      RLMIN=50.
     ·BEST=X(6)-X(9)+RLMIN
      IF (BEST.LT.U.) BEST=0
      DXDT(7)=X(8)
      DXDT(8) = (6E5T-2.*TID(3)*X(8)-X(7))/TID(3)**2
      DXDT(9) = \lambda(7) - PROD
      RETURN
      END
```

FULIN

FUNCTION FUN(N, XMIN, XMAX, DX, Y, X)
DIMENSION Y(1)
IF(X-XMIN)1,2,3

1 FUN=Y(1)
WRITE(6,100) (Y(I),I=1,N)
RETURN

2 FUN=Y(1) RETURN

3 IF(X-XMAX)4,5,6

6 FUN=Y(N)
WRITE(6,100) (Y(I),I=1,N)
RETURN

5 FUN=Y(N) RETURN

4 K1=INT((X-XMIN)/DX)+1 K2=K1+1 FUN=Y(K1)+(Y(K2)-Y(K1))*AMOD((X-XMIN),DX)/DX 100 FORMAT(23H X UTANFOR DEF. OMR&DET/(1X,10F10.3)) RETURN

END