

KOMMISSION DER EUROPÄISCHEN GEMEINSCHAFTEN

## ÜBER DIE MODERATION SCHNELLER NEUTRONEN IN POLYÄTHYLEN UND IHRE ANWENDUNG IN DER NEUTRONENDOSIMETRIE

R. ROHLOFF und M. HEINZELMANN (KFA)

von

1971



Bericht abgefasst von der Kernforschungsanlage Jülich GmbH, Jülich — Deutschland Zentralabteilung Strahlenschutz

Euratom-Vertrag Nr. 024-65-11 PSTD

#### HINWEIS

经国际和机

Das vorliegende Dokument ist im Rahmen des Forschungsprogramms der Kommission der Europäischen Gemeinschaften ausgearbeitet worden.

Es wird darauf hingewiesen, daß die Kommission der Europäischen Gemeinschaften, ihre Vertragspartner und die in deren Namen handelnden Personen:

keine Gewähr dafür übernehmen, daß die in diesem Dokument enthaltenen Informationen richtig und vollständig sind, oder daß die Verwendung der in diesem Dokument enthaltenen Informationen, oder der in diesem Dokument beschriebenen technischen Anordnungen, Methoden und Verfahren nicht gegen gewerbliche Schutzrechte verstößt;

keine Haftung für die Schäden übernehmen, die infolge der Verwendung der in diesem Dokument enthaltenen Informationen, oder der in diesem Dokument beschriebenen technischen Anordnungen, Methoden oder Verfahren entstehen könnten.

Dieser Bericht wird in den auf der vierten Umschlagseite genannten Vertriebsstellen

zum Preise von DM 16.50 FF 25.— BF 225.— Lit. 2.800 FI. 16	zum Preise	von DM 16.50	FF 25.—	BF 225,—	Lit. 2.800	Fl. 16,-
--	------------	--------------	---------	----------	------------	----------

verkauft.

Es wird gebeten, bei Bestellungen die EUR-Nummer und den Titel anzugeben, die auf dem Umschlag jedes Berichts aufgeführt sind.

> Gedruckt von Guyot, s.a., Brüssel Luxemburg, Januar 1971

Das vorliegende Dokument wurde an Hand des besten Abdruckes vervielfältigt, der zur Verfügung stand.

#### EUR 4540 d

ÜBER DIE MODERATION SCHNELLER NEUTRONEN IN POLY-ÄTHYLEN UND IHRE ANWENDUNG IN DER NEUTRONENDOSI-METRIE von F. ROHLOFF und M. HEINZELMANN يې د د د مېر د روه مړو د د

A CLOUD (#

· · · · · ·

Kommission der Europäischen Gemeinschaften Kernforschungsanlage Jülich GmbH - Jülich (Deutschland) Zentralabteilung Strahlenschutz Euratom-Vertrag Nr. 024-65-11 PSTD Luxemburg, Januar 1971 - 172 Seiten - 41 Abbildungen - BF 225,-

In der vorliegenden Arbeit wird eine Verbesserung der Neutronenfeldmessung (Fluenz und Äquivalentdosisleistung) mittels Moderatorkugel vorgeschlagen. Zur Messung wird die räumliche Verteilung der Flußdichte der thermischen Neutronen im Moderator benutzt. Zum Aufbau des Meßwertes sollen nicht die Zählraten im Mittelpunkt verschiedener Kugeln, sondern Zählraten an verschiedenen Stellen in einer Kugel benutzt werden. Dadurch wird ein kompaktes Meßgerät geschaffen, dessen Anzeige richtungsunabhängig ist.

-----

#### EUR 4540 d

• • • <del>• •</del> • • • • • • • •

MODERATION OF FAST NEUTRONS IN POLYETHYLENE THEIR USE IN NEUTRON DOSIMETRY by F. ROHLOFF I. HEINZELMANN THE THEIR AND and M.

Commission of the European Communities Report prepared by Kernforschungsanlage Jülich GmbH - Jülich (Germany) Zentralabteilung Strahlenschutz Euratom Contract No. 024-65-11 PSTD Luxembourg, January 1971 - 172 Pages - 41 Figures - B.Fr. 225,

The present article suggests an improvement in neutron field measurement (fluence and equivalent dose power) by means of moderator balls. The spatial distribution of the flux density of the thermal neutrons in the moderator is used for the measurement. To arrive at the measured value, use is made of both the counting rates at the centre of the various balls, and also the counting rates at the different entry of the various balls, and also the counting rates at the different entry of the various balls. rates at different points in a single ball. By this means a con is produced of which the indications are independent of direction. By this means a compact counter

- - - - - - - - -

#### EUR 4540 d

F FAST NEUTRONS IN POLYETHYLENE NEUTRON DOSIMETRY by F. ROHLOFF MODERATION O Their USE in M. Heinzelmann  $\mathbf{OF}$ THE AND М. and

Commission of the European Communities Report prepared by Kernforschungsanlage Jülich GmbH - Jülich (Germany) Zentralabteilung Strahlenschutz Euratom Contract No. 024-65-11 PSTD Luxembourg, January 1971 - 172 Pages - 41 Figures - B.Fr. 225,-

The present article suggests an improvement in neutron field measurement Ine present article suggests an improvement in neutron field measurement (fluence and equivalent dose power) by means of moderator balls. The spatial distribution of the flux density of the thermal neutrons in the moderator is used for the measurement. To arrive at the measured value, use is made of both the counting rates at the centre of the various balls, and also the counting rates at different points in a single ball. By this means a compact counter is produced of which the indications are independent of direction.

#### EUR 4540 d

------

THE MODERATION OF FAST NEUTRONS IN POLYETHYLENE AND THEIR USE IN NEUTRON DOSIMETRY by F. ROHLOFF and M. HEINZELMANN

Commission of the European Communities Report prepared by Kernforschungsanlage Jülich GmbH - Jülich (Germany) Zentralabteilung Strahlenschutz Euratom Contract No. 024-65-11 PSTD Luxembourg, January 1971 - 172 Pages - 41 Figures - B.Fr. 225,-

The present article suggests an improvement in neutron field measurement (fluence and equivalent dose power) by means of moderator balls. The spatial distribution of the flux density of the thermal neutrons in the moderator is used for the measurement. To arrive at the measured value, use is made of both the counting rates at the centre of the various balls, and also the counting rates at different points in a single ball. By this means a compact counter is produced of which the indications are independent of direction.

Die Grundlage der Arbeit ist eine Berechnung der räumlichen Verteilung der thermischen Neutronen im Kugelmoderator. Die gewonnenen Ergebnisse werden zu einer Approximation der Neutronenfeldgrößen benutzt. Nach den Rechnungen der Flußverteilung thermischer Neutronen im Kugelmoderator wurde ein Dosimeter gebaut. Die Energieabhängigkeit des Dosimeters wurde bestimmt, und Vergleichsmessungen mit anderen Dosimetertypen wurden durchgeführt.

The article essentially consists of a calculation of the spatial distribution of the thermal-neutrons in the ball moderator. The results obtained are used for arriving at an approximation of the neutron fiels sizes. The dosimeter is constructed according to the calculations of the flux distribution of thermal-neutrons in the ball moderator. The energy dependence of the dosimeter is determined and comparative measurements made with other types of dosimeter.

The article essentially consists of a calculation of the spatial distribution of the thermal-neutrons in the ball moderator. The results obtained are used for arriving at an approximation of the neutron fiels sizes. The dosimeter is constructed according to the calculations of the flux distribution of thermal-neutrons in the ball moderator. The energy dependence of the dosimeter is determined and comparative measurements made with other types of dosimeter.

The article essentially consists of a calculation of the spatial distribution of the thermal-neutrons in the ball moderator. The results obtained are used for arriving at an approximation of the neutron fiels sizes. The dosimeter is constructed according to the calculations of the flux distribution of thermal-neutrons in the ball moderator. The energy dependence of the dosimeter is determined and comparative measurements made with other types of dosimeter.

# EUR 4540 d

KOMMISSION DER EUROPÄISCHEN GEMEINSCHAFTEN

## ÜBER DIE MODERATION SCHNELLER NEUTRONEN IN POLYÄTHYLEN UND IHRE ANWENDUNG IN DER NEUTRONENDOSIMETRIE

von

R. ROHLOFF und M. HEINZELMANN (KFA)

1971



Bericht abgefasst von der Kernforschungsanlage Jülich GmbH, Jülich Deutschland Zentralabteilung Strahlenschutz

Euratom-Vertrag Nr. 024-65-11 PSTD

#### ZUSAMMENFASSUNG

.

In der vorliegenden Arbeit wird eine Verbesserung der Neutronenfeldmessung (Fluenz und Äquivalentdosisleistung) mittels Moderatorkugel vorgeschlagen. Zur Messung wird die räumliche Verteilung der Flußdichte der thermischen Neutronen im Moderator benutzt. Zum Aufbau des Meßwertes sollen nicht die Zählraten im Mittelpunkt verschiedener Kugeln, sondern Zählraten a**n** verschiedenen Stellen in einer Kugel benutzt werden. Dadurch wird ein kompaktes Meßgerät geschaffen, dessen Anzeige richtungsunabhängig ist. Die Grundlage der Arbeit ist eine Berechnung der räumlichen Verteilung der thermischen Neutronen im Kugelmoderator. Die gewonnenen Ergebnisse werden zu einer Approximation der Neutronenfeldgrößen benutzt. Nach den Rechnungen der Flußverteilung thermischer Neutronen im Kugelmoderator wurde ein Dosimeter gebaut. Die Energieabhängigkeit des Dosimeters wurde bestimmt, und Vergleichsnicssungen mit anderen Dosimetertypen wurden durchgeführt.

#### SCHLAGWORTE

DOSIMETRY DOSEMETERS THERMOLUMINESCENCE RADIATION DETECTORS HELIUM 3 STANDARDS

EURATOM THERMAL NEUTRONS SPHERES MONTE CARLO METHOD DIFFUSION NUMERICALS

rearing arrest 23 arrest and 23 and 23 and 23 and 23 and 23 and 23 and 24 and 24 and 25 and 25 and 25 and 25 a Contest 24 and 26 and 26 and 26 arrest 26 arrest 26 arrest 26 and 26 arrest 25 arrest 24 arrest 26 a arrest 26 a arrest 26 arrest 26

Die vorliegende Arbeit berichtet zusammenfassend über Forschungsergebnisse, die innerhalb eines zwischen der Kommission der Europäischen Atomgemeinschaft und der Kernforschungsanlage Jülich GmbH, geschlossenen Vertrages in den Jahren 1966 – 1968 erzielt worden sind. Dieser Vertrag war im Rahmen des zweiten Fünfjahresplanes von der Kommission auf dem Gebiet der Personendosimetrie abgeschlossen worden und hatte die Entwicklung von Kugeldosimetern mit Thermolumineszenz-Detektoren zur Bestimmung der Aequivalentdosis in Neutronenfeldern zum Inhalt. Im Zuge dieser Untersuchungen sollte ein Dosimeter entwickelt werden, welches erlaubt, die für den Strahlenschutz benötigten Grössen zu ermitteln.

Wie die vorliegende Veröffentlichung zeigt, reicht die Empfindlichkeit der bislang verwendeten Thermolumineszenzdetektoren nur in speziellen Fällen aus. Es wird daher vorgeschlagen, auf andere Detektoren (z.B. He-3) überzugehen, die die Empfindlichkeit soweit steigern, dass dieses Dosimeter im praktischen Strahlenschutz verwendet werden kann.

Die Zahl der beruflich einer Strahlenbelastung ausgesetzten Arbeitskräfte ist ständig im Steigen begriffen. Für den Strahlenschutzverantwortlichen ist es daher im Hinblick auf die Erfassung der in Strahlenfeldern auftretenden Gefahren von grundlegender Bedeutung, genaue Angaben über die Aequivalentdosis zu ermitteln, um auch unter diesem Aspekt die effective Einhaltung der in den nationalen Rechts- und Verwaltungsvorschriften auf Grundlage der in den Euratom-Strahlenschutznormen

festgelegten Höchstwerte sicherzustellen bzw. die im Falle einer Ueberschreitung der Höchstwerte vorgesehenen Massnahmen einzuleiten. Dieses gilt im besonderen für die Erfassung der Aequivalentdosis in Neutronenfeldern, die für den praktischen Strahlenschutz immer noch problematisch ist. Nur die Dosis von thermischen und schnellen Neutronen ist befriedigend erfassbar. Dieser Bereich ist für den Strahlenschutz aber unbedeutend. Der Bereich bis zu etwa 500 keV Neutronenenergie kann bei Beschäftigten an Reaktoren, wie neuere Untersuchungen zeigten, ca. ein Drittel der Gesamtäquivalentdosis liefern.

Die vorliegende Arbeit befasst sich im wesentlichen mit den theoretischen Grundlagen zur Berechnung der Empfindlichkeitsfunktionen, insbesondere mit der Berechnung der räumlichen Verteilung der thermischen Neutronen im Kugelmoderator. Die Rechnung besteht aus drei Phasen, und zwar der Berechnung der Abbremsung der Neutronen bis zur vorthermischen Energie mit Hilfe einer Monte-Carlo-Methode, einer Diffusionsrechnung und dem Versuch einer Approximation. Die benutzten Rechenprogramme werden mitgeteilt.

Ein nach diesen Berechnungen gebautes Dosimeter wurde mit anderen Dosimetern unter verschiedenen experimentellen Bedingungen verglichen.

Die theoretischen Ergebnisse dieser Untersuchung stellen einen interessanten Beitrag für die weitere Entwicklung auf dem Gebiet der Neutronendosimetrie dar und dürften daher für die auf diesem Fachgebiet Tätigen von Nutzen sein.

> Dr. P. RECHT Direktor für Gesundheitsschutz

- 2 -

Inhaltsverzeichnis

#### Seite

1.	Herleitung der Aufgabenstellung	5
2.	Übersicht über die Arbeit	6
3.	Rechnung	8
3.1	Die Monte Carlo Rechnung	8
3.2	Die Diffusionsrechnung	11
3.2.1	Numerische Lösungen der richtungsabhängigen	
	Diffusionsgleichung	11
3.2.2	Numerische Lösung der richtungsunabhängigen	
	Diffusionsgleichung	19
3.2.2.1	Ableitung der zu lösenden Gleichungen	20
3.2.2.2	Das System von linearen Differential-	
	gleichungen	25
3.2.2.3	Randbedingungen	28
3.2.2.4	Das volle Gleichungssystem für eine	
	P3-Näherung	31
3.2.2.5	Diskussion der Ergebnisse	34
3.2.3	Richtungsabhängigkeit	44
3.2.4	Neutronenspektren in der Kugel	46
3.2.5	Empfindlichkeit der Moderatorkugel	
	gegenüber Nadelstrahlen	47
3.2.6	Vergleich der berechneten Empfindlichkeiten	
	mit Ergebnissen anderer Autoren	51
3.3	Die Approximationsrechnung	5 <sup>.</sup> 1
3.3.1	Das Normalgleichungssystem mit Fehler-	
	korrektion	52
3.3.2	Die schrittweise Ap <b>p</b> roximation	55
3.3.3	Eine statistische Approximationsmethode	61
3.3.4	Die Approximation für richtungsunabhängige	
	Neutronenfeldgrößen	65
4.	Meßergebnisse	67
4.1	Fluenz thermischer Neutronen in der 11 1/2"	
	Polyäthylenkugel bei Bestrahlung mit 30 keV	
	und 4,5 MeV Neutronen	67

Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel	68
Aufbau des Dosimeters	68
Kalibrierung und Energieabhängigkeit	70
Richtungsabhängigkeit	73
Abschätzung der Neutronenenergie	73
Messung im Strahlenfeld eines Reaktors	74
Vergleich mit anderen Dosimetertypen	78
Geräte zur Bestimmung der Flußdichte	78
Geräte zur Bestimmung der Äquivalentdosis	79
Ausblick	80
Zusammenfassung des experimentellen Teils	81
Literaturverzeichnis	83
Abbildungen	86
Tabellenanhang	
	Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel Aufbau des Dosimeters Kalibrierung und Energieabhängigkeit Richtungsabhängigkeit Abschätzung der Neutronenenergie Messung im Strahlenfeld eines Reaktors Vergleich mit anderen Dosimetertypen Geräte zur Bestimmung der Flußdichte Geräte zur Bestimmung der Äquivalentdosis Ausblick Zusammenfassung des experimentellen Teils Literaturverzeichnis Abbildungen Tabellenanhang

1. Herleitung der Aufgabenstellung \*)

Für den praktischen Strahlenschutz ist es wichtig, folgende Größen in einem Neutronenfeld messen zu können:

a)	Flußdichte	$\frac{1}{\text{cm}^2 \text{ sec}}$
b)	Energieflußdichte	MeV cm <sup>2</sup> sec
с)	Energiedosisleistung	rad h
d)	Äquivalentdosisleistung	$\frac{\texttt{rem}}{\texttt{h}}$

Die charakteristische Schwierigkeit bei der Ausführung solcher Messungen beruht auf der Abhängigkeit der Anzeige der Meßgeräte von der Energie bzw. vom Energiespektrum der Neutronen. In dieser Arbeit wird ausschließlich über die Meßmöglichkeiten mit Kugelmoderatoren berichtet. Es handelt sich um Kugeln eines moderierenden Materials, z. B. Polyäthylen, in welchen die schnellen Neutronen auf thermische Energien abgebremst werden. Die Flußdichte der thermischen Neutronen werden gemessen, z.B. mit einem LiJ (Eu)-Kristall. Eine solche Anordnung haben Bramblett, Ewing und Bonner (1) beschrieben. Die Verfasser haben Empfindlichkeitskurven ermittelt, dabei handelt es sich um relative Empfindlichkeiten im Mittelpunkt von Polyäthylenkugeln vom Durchmesser 2, 3, 5, 8, 10 und 12 Zoll. Jüngere Ergebnisse liegen vor von Hankins (2, 3, 4) und Hansen und Sandmeier (5). Zunächst liefert allein die 10"-Kugel eine grobe Approximation des Dosisäquivalents (2). Später wurde versucht, mit den Messungen mit mehreren Kugeln die Neutronenfeldgrößen zu approximieren, besonders von Nachtigall und Rohloff (6, 7, 8) von McGuire (9)

\*) Manuskript erhalten 22. Juli 1970

und von Awschalom (10). Bei allen diesen Meßverfahren muß mit mehreren Kugeln unabhängig voneinander gemessen werden. Die Meßwerte werden mit Gewichtsfaktoren multipliziert, so, daß der energieabhängige Verlauf der betreffenden Neutronengrößen bestmöglich angenähert wird. Nachteilig ist, daß die Moderatorkugeln sich bei gleichzeitiger Messung gegenseitig stören. Eine räumliche Inhomogenität des Neutronenfeldes kann einen Fehler bedingen. Bei zeitlich aufeinanderfolgenden Messungen sind Fehler durch zeitliche Schwankungen des Neutronenfeldes (z. B. am Reaktor) möglich.

In der vorliegenden Arbeit wird eine Verbesserung vorgeschlagen. Zur Messung wird die räumliche Verteilung der Flußdichte der thermischen Neutronen im Moderator benutzt. Zum Aufbau des Meßwertes sollen nicht die Zählraten im Mittelpunkt verschiedener Kugeln, sondern Zählraten an verschiedenen Stellen in einer Kugel benutzt werden. Dadurch soll ein kompaktes Meßgerät geschaffen werden, welches unempfindlich gegen Richtungsanisotropie ist.

Die Grundlage dieser Arbeit ist eine Berechnung der räumlichen Verteilung der thermischen Neutronen im Kugelmoderator. Die gewonnenen Ergebnisse werden zu einer Approximation der Neutronenfeldgrößen benutzt. Die Ergebnisse werden durch Messungen bestätigt.

#### 2. Übersicht über die Arbeit

Der Hauptteil der Arbeit ist die Berechnung der Empfindlichkeitverteilung in einer Moderatorkugel. Die Rechnungén wurden zunächst beim Deutschen Rechenzentrum in Darmstadt, dann im Zentralinstitut für Mathematik in der Kernforschungsanlage Jülich durchgeführt.

- 6 -

Die Rechnung besteht aus drei Phasen. In der ersten Phase wird mit einer Monte-Carlo-Methode die Bremsung der Neutronen auf vorthermische Energie berechnet. Das Brems- und Streuverhalten der Neutronen wird dabei durch einen Zufallzahlmechanismus statistisch nachgebildet. Die Einzelrechnungen werden bei Energien unter 1 eV abgebrochen. Die erste Phase liefert also eine Quellverteilung von Neutronen unter 1 eV, mit welcher in die nachfolgende Diffusionsrechnung eingegangen wird.

Aus dieser Phase werden die Quellverteilungen als Zwischenergebnisse ausgestanzt. Aussagen über die Streuung von Neutronen aus der Kugel dienen im Vergleich mit Arbeiten anderer Autoren als eine Kontrolle der Ergebnisse (Abschnitt **3**.2.4).

In der zweiten Phase folgt die Diffusionsrechnung, welche die Empfindlichkeitsverteilung der Kugel gibt. Hier bot sich eine Verzweigung an.

In der Diffusionsrechnung I (Abschnitt 3.2.1) wird berechnet die Empfindlichkeitsverteilung in der Kugel in Abhängigkeit vom Radius und vom Winkel, den der Radius zum Aufpunkt mit der Einfallsrichtung bildet. Diese Rechnung basiert auf der elementaren Diffusionstheorie, worin höhere Momente des Flusses nicht berücksichtigt sind. Die Ergebnisse dieser Rechnungen wurden auf Lochkarten ausgestanzt und sind auszugsweise in diesem Bericht abgedruckt. (Tabelle 3.2.1)

In der Diffusionsrechnung II (Abschnitt 3.2.2) wird die richtungsunabhängige Diffusionsgleichung durchgerechnet. Das zugrundeliegende mathematische Modell ist einfacher, sodaß die höheren Momente mit berücksichtigt werden konnten in einer sogenannten Pn-Näherung, worin n der Grad der Näherung ist. Die Ergebnisse dieser Rechnung werden in den Tabellen 3.2.2 gegeben.

Die richtungsunabhängige Diffusionsrechnung erlaubt eine

qualitative Abschätzung des Fehlers der richtungsabhängigen, elementaren Diffusionsrechnung. (Abschnitt 3.2.2, Ende, Abb. 7 - 9) Der Fehler ist für mittlere Neutronenenergien (~ 1 keV) nur merklich in der Nähe der Oberfläche (eine freie Weglänge) der Kugel, und bei kleinen Energien (≈10 eV) wo die elementare Diffusionsrechnung zu kleine Werte liefert.

In einer Zwischenrechnung (Abschnitt 3.2.3) wird gezeigt, daß eine Tetraederanordnung richtungsabhängiger Werte innerhalb einer Fehlergrenze von 10 % als richtungsunabhängig angesehen werden darf. In der Tabelle 3.2.2 werden die richtungsunabhängigen Empfindlichkeiten einer Tetraederanordnung für verschiedene Kugelradien, berechnet mit einer P<sub>5</sub>-Näherung, gegeben.

In der dritten Phase werden die Approximationen versucht. Es werden mehrere Verfahren entwickelt, welche vor allem die Fehlerfortpflanzung bei der Meßwertermittlung gering machen sollen.

Die Messungen dienen dazu, die errechneten Werte als Einzelergebnisse zu bestätigen und die praktische Anwendbarkeit des zu konstruierenden Meßgeräts zu zeigen.

#### . Die Rechnung

#### .1 <u>Die Monte-Carlo-Rechnung</u>

Die Kugel wird in 100 gleich große Volumenelemente eingeteilt. M zählt die Radien so ab, daß 10 gleich große Kugelschalen entstehen. RA ist der Radius der Gesamtkugel.

Ein Großteil der Arbeit wird in Unterprogrammen erledigt. Das Programm war ursprünglich an der kleineren Rechenmaschine IBM 1401 in der KFA Jülich entwickelt und vorgetestet worden. Später lief es in der Fortran II-Sprache am Deutschen Rechenzentrum in Darmstadt. Dort wurde es in die Fortran IV-Sprache

- 8 -

umgearbeitet und die jetzt vorhandene Unterprogrammorganisation eingeführt. Das Fortran IV-Programm wird im Tabellenanhang mitgeteilt.

Das Unterprogramm B E G I N N wird zu Beginn eines jeden Neutronenschicksals aufgerufen. Die logische Variable PAM steuert die Herstellung eines Energiespektrums gemäß der Wahrscheinlichkeitsverteilung VER. Der Wert DIST gibt den Abstand Quelle - Kugelmittelpunkt an. Ist DIST größer RA vorgegeben, so wird eine zufällige Anfangsrichtung bestimmt, welche einer divergierenden Quellstrahlrichtung entspricht. Dem Wert DIST = O wird (im Gegensatz zum physikalischen Bild) die unendlich entfernte Quelle, d.h. es wird ein Parallelstrahlbündel zugeordnet.

Das Unterprogramm UNGLCH behandelt die anisotrope Streuung. Da die Streuung am Wasserstoff bis etwa 10 MeV, am Kohlenstoff bis 1 MeV praktisch isotrop ist, wird unterhalb dieser Energien nur mit isotroper Streuung gerechnet. Die Entscheidung hierüber wird mit der Kennziffer IN und der Variablen KAN (IN) gesteuert. IN wird für Wasserstoff gleich 1, für Kohlenstoff gleich 2 gesetzt. KAN (IN) gibt die Grundzahl der Energie an, oberhalb welcher die anisotrope Streuung berücksichtigt werden muß. Im Unterprogramm wird die neue Energiekennzahl KEW bestimmt. Für Kohlenstoff gibt zunächst WEL an, ob inelastische Streuung vorliegt, welcher Fall gesondert behandelt wird. Auch wird für Kohlenstoff oberhalb 25 MeV reine Vorwärtsstreuung im CM-System angenommen und berechnet. Der Bereich WIN (NN, KEW, IN) gibt für die Energieklasse KEW und die Stoffunterscheidung IN die Wahrscheinlichkeitsverteilung an, worin NN den Streuwinkel klassifiziert, dessen Klassifizierung in dem Bereich AWIN (NN, IN) festgelegt wird. BWIN (NN, IN) gibt dann den zur Winkelklasse NN gehörigen Energieumrechnungsfaktor an. Es ist hier noch zu bemerken, daß das Unterprogramm UNGLCH die Rechenzeit nur wenig belastet; denn sobald die Neutronenergien unter die kritischen Energien moderiert sind, oder wenn von vornherein mit

mittleren Energien gerechnet wird, wird UNGLCH nicht aufgeru-

- 10 -

fen und die Rechnung verläuft so, als wäre es gar nicht vorhanden.

Das Unterprogramm RICHTIG berechnet aus dem Streuwinkel im CM-System die neuen Richtungscosinus U,V,W. im Laborsystem. Das Unterprogramm KLASSE übernimmt die Zuteilung der Ergebnisse zu den einzelnen Klassen. Das Unterprogramm NULL setzt die Anfangsbereiche auf null.

Die Ergebnisse der Monte-Carlo-Rechnung werden ausgedruckt und ausgestanzt. Mit diesen Werten kann unabhängig in die Diffusionsrechnung eingegangen werden. In der vorliegenden Form des Programms wird ein Diffusionsprogramm als Unterprogramm DNHE aufgerufen.

Als Nebenergebnisse der Moderationsrechnung wurden Aussagen über das Streuverhalten der Polyäthylenkugeln gewonnen. Die Ergebnisse sind vergleichbar mit solchen von Leimdörfer (19). Das charakteristische 1/E-Spektrum der gestreuten Strahlung kommt sehr gut heraus. Neu ist hier die Unterteilungsmöglichkeit zwischen Vorwärts- und Rückwärtsstreuung. Ferner kann man etwas über die Abhängigkeit der Streustrahlung von der Einfallsenergie ersehen (Abb. 3 und 6). Interessant ist die fast konstante Streuergiebigkeit der Kugel im Energieintervall bis etwa 1 MeV (Abb. 5).

.1

In der Abb. 6 wird hier die Richtungsabhängigkeit der gestreuten Neutronen gezeigt. Die Werte für die 7"- und die 11,5"-Kugel sind nebeneinander aufgetragen. Zunächst zeigen die Kugeln bei kleinen Energien eine deutliche Streuung in etwa  $90^{\circ}$  - 135°. Die Zahl der nur wenig gestreuten Neutronen ist gering. Die Neutronen werden überhaupt nur in der zur Quelle hin gerichteten vorderen Hälfte der Kugel moderiert und deshalb vorwiegend zurückgestreut. Dieser Effekt zeigt sich deutlich bei 100 eV und 1 keV. Bei der Energie 1 MeV wird die Streuung fast isotrop, die Rückwärtsstreuung überwiegt etwas die Vorwärtsstreuung. Es ist jedoch zu erkennen, daß die 1 MeV Neutronen die 7"-Kugel leichter durchdringen als die 11,5"-Kugel. Die Strichpunktierung deutet den Unterschied zwischen der gestreuten und den ungestreuten (durchdringenden) Neutronen an. Bei 4 MeV ist der Anteil der Neutronen, die ungestreut die Kugel durchdringen, sehr groß. Auffallend ist ferner, daß um 90° weniger Neutronen gestreut werden. Dies liegt einfach daran, daß dort auf die Oberfläche relativ weniger Neutronen auftreffen und die Moderationsdichte an der Oberfläche kleiner ist.

Diese Ergebnisse dienen dazu, die durch die Rechnungen gewonnenen Ergebnisse anschaulich zu erläutern.

#### Die Diffusionsrechnung

;

#### .1 Numerische Lösung der richtungsabhängigen Diffusionsgleichung

Es handelt sich um die numerische Lösung der partiellen elliptischen Differentialgleichung

$$\frac{\partial^{2}\phi(r,\vartheta)}{\partial r^{2}} + \frac{2}{r} \quad \frac{\partial\phi(r,\vartheta)}{\partial r} + \frac{1}{r^{2}} \quad \frac{\partial^{2}\phi(r,\vartheta)}{\partial \vartheta^{2}} + \frac{ct_{g}(r,\vartheta)}{r^{2}} \quad \frac{\partial\phi(r,\vartheta)}{\partial \vartheta} - \frac{1}{L^{2}} \phi(r,\vartheta)$$

$$= -\frac{F(r,\vartheta)}{D} \qquad (1)$$

Zur numerischen Lösung wurde ein Netz 20 x 20 eingeführt mit

$$R_{M} = R_{0} (M-0.5) N = 1,20 M = 1,20 R_{0} = 0.05 \cdot RH M = 1,20 Z_{0} = 0.1$$
(2)

und die Differenzengleichung

$$\phi_{N,M} - G1(N,M) \cdot \phi_{N,M+1} - G2(N,M) \cdot \phi_{N,M-1}$$

$$- G3(N,M) \cdot \phi_{N+1,M} - G4(N,M) \cdot \phi_{N-1,M}$$

$$= G0(N,M) \cdot \frac{F_{N,M}}{D}$$

$$(3)$$

erhalten. Die Zellenwerte F<sub>N,M</sub> werden aus der vorausgegangenen Monte-Carlo-Rechnung übernommen.

Die Differenzengleichung (3) stellt ein lineares Gleichungssy stem dar. Da N und M jeweils von 1 bis 20 laufen, besitzt das System (3) 400 Unbekannte. Nach einem direkten Verfahren ist das Gleichungssystem (3) praktisch nicht lösbar, da selbst Großrechner Determinanten von mehr als 300 x 300 Elementen nicht einfach lösen können. Es bot sich deshalb ein Iterationsverfahren an, zumal grobe Näherungen für  $\emptyset_{N,M}$  aus den Zelleninhalten  $F_{N,M}$  erschlossen werden können.

Erste Versuche zeigten zunächst, daß Iterationsverfahren in der Nähe des Nullpunktes nicht konvergieren. Die Divergenz breitet sich aus und macht die gesamte Lösung unsinnig. Deshalb wurde das System (3) genauer untersucht.

Zunächst ist festzustellen, daß das System (3) beinahe von monotonem Typ ist. Identifiziert man das System (3) mit

(4)

 $\sum_{\mathbf{x}} a_{\mu \mathbf{x}} X_{\mathbf{x}} = Y_{\mu}$ 

so sind zunächst alle Diagonalelemente  $\alpha_{\mu\mu}^{,}$  = 1. Die Elemente außerhalb der Diagonalelemente sind:

$$G1(N,M) = DIF \cdot \left(\frac{R^2_M}{R_0^2} + \frac{R_M}{R_0}\right)$$

$$G2(N,M) = DIF \cdot \left(\frac{R_{M}^{2}}{R_{0}^{2}} - \frac{R_{M}}{R_{0}}\right)$$
<sup>(5)</sup>

$$G3(N,M) = DIF \left(\frac{1-Z_N^2}{Z_o^2} - \frac{Z_N}{Z_o}\right)$$

$$G4(N,M) = DIF \cdot \left(\frac{1-Z_N^2}{Z_o^2} + \frac{Z_N}{Z_o}\right)$$

$$DIF = 1 / \left( \frac{2R_{M}^{2}}{R_{0}^{2}} + \frac{2(1-Z_{N}^{2})}{Z_{0}^{2}} + \frac{R_{M}^{2}}{L^{2}} \right)$$

Der Faktor DIF ist immer positiv. Ferner sind G1 und G4 positiv, weil  $\rm R_M$  positiv und  $\rm Z_N$  immer kleiner als ein**s** ist. G3 nimmt seinen kleinsten Wert für das größte  $\rm Z_N$  an, also

$$G3_{MAX} = DIF \left(\frac{1 - 0.95^2}{0.01} - \frac{0.95}{0.1}\right) = DIF \quad 0.25 > 0 \tag{6}$$

ist also auch immer positiv. G2 kann nur für M = 1 kleiner O werden. In der Tat ist

$$G2(N,1)=DIF \cdot \left(\frac{0.365^2}{0.73^2} - \frac{0.365}{0.73}\right) = -0.25 \cdot DIF < 0 \tag{7}$$

während schon

$$G2(N,2) = DIF\left(\frac{1.095^2}{0.73^2} - \frac{1.095}{0.73}\right) = 0.75 \cdot DIF > 0$$
(8)

also größer als Null ist.

Es leuchtet ein, daß diese Unschönheit mit dem Faktor  $1/r^2$  in der Differentialgleichung (1) zusammenhängt. Abhilfe kann geschaffen werden, indem die Gleichung (1) durch die Differentialgleichung

$$2r \frac{\partial \phi}{\partial r} + \left(\frac{\partial^2 \phi}{\partial \sqrt{2}} + ctg \sqrt{2} - \frac{\partial \phi}{\partial \sqrt{2}}\right) = 0 \tag{9}$$

in der Nähe des Nullpunktes ersetzt wird. Sie wird aus (1) erhalten, indem man formal mit  $r^2$  multipliziert und die Glieder mit  $r^2$ , die in der Nähe des Nullpunktes für alle endlichen Lösungen von (1) gegen Null gehen, fortstreicht. Nun lautet die Differenzengleichung für den innersten Ring

$$\left(1 + \frac{2(1-Z_N^2)}{Z_0^2}\right)\phi_{N,1}$$
(10)

$$=\phi_{N,2} + \left(\frac{1-Z_{N}^{2}}{Z_{0}^{2}} - \frac{Z_{N}}{Z_{0}}\right) + \phi_{N+1,1} + \left(\frac{1-Z_{N}^{2}}{Z_{0}^{2}} + \frac{Z_{N}}{Z_{0}}\right) \cdot \phi_{N-1,1}$$

und somit wird

$$G2(N,1) = 0$$
 (11)

und alle anderen G bleiben positiv.

Man kann zeigen, daß die G am anderen Ende (M = 20) auch positiv sind. Damit gilt jetzt für das abgeänderte Differenzensystem

$$a \mu r \leq 0$$
 für  $\mu \neq r$ 

Es bleibt, nach dem Zeilensummenkriterium zu fragen. Es gilt für M>1

G1 + G2 + G3 + G4



da der Nenner immer um  $\frac{R_M^2}{L^2}$  größer als der Zähler ist. Für M = 20 gilt

$$G1 + G2 + G3 + G4 =$$

$$\frac{R_{20}^{2}}{R_{0}(R_{0}+R_{L})} + 2 \cdot \frac{(1-Z_{N}^{2})}{Z_{0}^{2}}$$
(14)

$$R_{20}^{2}\left(\frac{1}{(R_{0}+AL)(0.5\cdot R_{0}+AL)}+\frac{R_{20}}{0.5\cdot R_{0}+AL}+\frac{1}{R_{0}(R_{0}+AL)}+\frac{R_{20}^{2}}{L^{2}}+2\frac{(1-Z_{N}^{2})}{Z_{0}^{2}}\right)$$

und für M = 1 gilt  

$$G1 + G2 + G3 + G4 = \frac{1 + \frac{2(1 - Z_N^2)}{Z_o^2}}{1 + \frac{2(1 - Z_N^2)}{Z_o^2}} \equiv 1$$
(15)

Für das analoge System (4) gilt somit das schwache Zeilensummenkriterium

$$\sum_{k=1}^{n} \alpha_{jk} \ge 0 \tag{16}$$

und zwar gilt das Gleichheitszeichen für die ersten 20 Zeilen mit M = 1.

Es wäre eigentlich noch zu zeigen, daß die Matrix  $\alpha_{\mu\nu}$  nicht zerfällt. Das ist jedoch nicht anzunehmen; es würde physikalisch bedeuter, daß ein Teil der Moderatorkugel unendlich stark gegen einen anderen abgeschirmt ist.

Aus den Feststellungen (12) der Vorzeichenverteilung und (16) des schwachen Zeilensummenkriteriums mit der Annahme des Nichtzerfallens der Matrix folgt nach bekannten Sätzen der Mathematik, z. B. Collatz (20, 21):

- 1. Das Gleichungssystem (4) ist vom monotonen Typ.
- 2. Es besitzt eine eindeutige Lösung (Existenz und Eindeutigkeit).
- 3. Das Iterationsverfahren (3) konvergiert sowohl im Gesamtals auch im Einzelschrittverfahren.

Es bleibt noch eine Fehlerabschätzung der Iteration zu ermitteln. Nach bekannten Sätzen gilt, daß das Maximum der Summe der Nichtdiagonalelemente der Matrix (4) als Lipschitz-Konstante zur Fehlerabschätzung verwendet werden kann, z. B. der Form

$$\left| \mathcal{U} - \mathcal{U}_{n} \right| = \frac{P^{n}}{1 - P} \left| \mathcal{U}_{0} - \mathcal{U}_{1} \right| \tag{17}$$

Da hier P = 1 ist, fällt eine solche Möglichkeit fort. Jedoch läßt sich die Tatsache der Monotonie ausnutzen. Wird im Bereich der Lösungen  $\emptyset_{M,N}$  eine Halbordnung eingeführt, daß gelten soll  $\phi_{M,N}^{n+1} \ge \phi_{M,N}^{n}$ , wenn es für jedes M und N gilt, so folgt aus der Monotonie, daß die Lösungen  $\emptyset_{M,N}$  sich in zwei konvergente Folgen von Lösungen einschließen lassen, wobei die eine monoton zunimmt, die andere monoton abnimmt.

Im Testprogramm Diffusion wurde das Verfahren folgendermaßen durchgeführt. Zunächst wird aus der groben Näherung durch 60 Iterationsschritte (das sind 10.000 Einzeliterationen) eine weniger grobe Näherung gefunden. Diese wurde das erste Mal um zehn Prozent erhöht. Weitere 600 Iterationsschritte, das sind 120.000 Einzeliterationen, liefern eine monoton fallende Folge von Lösungen. Dann wurde diese Lösung um zehn Prozent erniedrigt. 600 Iterationsschritte geben eine steigende Folge von Lösungen. Es gilt

S

).

 $\phi_{n-1}^{steig} \leq \phi_{steig} \leq \phi_{L\"osung} \leq \phi_{m} \stackrel{fall}{=} \phi_{m-1}^{fall}$ (18)

Der logische Bereich TAM bestätigt, daß beim n-ten Schritt die Monotonie erfüllt war. Die logische Variable PAM kontrolliert die Konvergenz am Rande der Kugel. Da die Lösung dort schneller konvergiert, wird durch PAM erreicht, daß nur im Inneren der Kugel weitergerechnet wird, wenn am Rand die Iteration zum Stehen gekommen ist.

Die mit diesem Verfahren gewonnene Genauigkeit beträgt in der Zone in der Mitte der Kugel 0,3 %. Nach außen nimmt der Fehler rasch ab.

Die Rechenzeit für diese ziemlich aufwendige Rechnung betrug 100 Sekunden. Nach dem Ausbau der nur einmal benötigten Kontroll- und Prüfvorrichtungen reduzierte sich die Rechenzeit auf 42 Sekunden. Nachdem der aus dem Iterationsverfahren stammende Fehler abgehandelt ist, bleibt noch der fortgepflanzte Fehler aus der Monte-Carlo-Rechnung zu betrachten. In der Analogiefassung (4) wäre zu schreiben:

$$\sum_{X} a_{\mu Y} X Y = Y_{\mu} \pm \delta Y_{\mu}$$
<sup>(19)</sup>

Wäre die Umkehrung dieses Systems bekannt, etwa

$$X_{\gamma} = \sum_{\mu} a^{*}r_{\mu} Y_{\mu}$$
(20)

so ließe sich sofort das Fehlerfortpflanzungsgesetz anwenden

$$\left(\delta_{X_{Y}}\right)^{2} = \sum_{\mu} \left(a^{*}_{Y_{\mu}}\right)^{2} \left(\delta_{Y_{\mu}}\right)^{2}$$
<sup>(21)</sup>

Es ist vorher schon der Matrixinversion ausgewichen worden, da  $\alpha_{\mu\nu}$  schließlich 16.000 Elemente enthält und mit einfachen Verfahren nicht lösbar ist. Auch ist dem Verfasser kein Iterationsverfahren bekannt, welches genügend schnell Ergebnisse liefert.

Deshalb wurde zur Abschätzung ein Monte-Carlo-Verfahren gewählt. Da das Gleichungssystem (19) linear ist, lassen sich genügend "Beispiele"

$$\sum_{\mathbf{x}} a_{\mu \mathbf{x}} \delta \mathbf{X} = \mathbf{V} \mathbf{H} \mathbf{U} \cdot \delta \mathbf{Y}_{\mu}$$
(22)

berechnen. VAU ist eine normal verteilte Zufallzahl.

Aus mehreren zufälligen Fehlern  $\delta x_{\mu}$  läßt sich der mittlere Fehler dann ausmitteln. Das Verfahren bedarf keiner großen Genauigkeit. Mit 50 Iterationen und 10 "Beispielen" läßt sich eine hinreichend gute Abschätzung des Fehlers erzielen, ohne allzuviel Rechenzeit zu verbrauchen.

In den Tabellen im Anhang ist ein Auszug aus den Rechenergebnissen wiedergegeben. Die Rechnungen sind durchgeführt für Kugeln von 11,5", 7" und 5" Durchmesser. Die Rechnungen für die 11,5"-Kugel sind mit größerer statistischer Genauigkeit berechnet worden, auch wurde für mehr Energien gerechnet. Die Rechnungen für 7" und 5" Durchmesser sind mit geringerer statistischer Genauigkeit und für weniger Energie gerechnet worden. Diese Rechnungen sind im wesentlichen für die richtungsunabhängige Rechnung (3.2.2) vorbereitet worden, wo die Statistik sich mit einem günstigeren Gewicht auswirkt.

)

)

)

#### 2.2 Numerische Lösung der richtungsabhängigen Diffusionsgleichung

In den bisherigen Rechnungen von 3.2.1 wurde angenommen, daß zur Berechnung der Empfindlichkeiten der Polyäthylenkugel die elementare Diffusionstheorie ausreicht. Diese Annahme fußte auf der Überlegung, daß der Einfluß des Kugelrandes jenseits einer Diffusionslänge (2,42 cm) vernachlässigbar ist. Besonders bei Energien oberhalb einiger keV ist die Bremsverteilung innerhalb der Kugel einigermaßen homogen, die Empfindlichkeit an Stellen innerhalb der Kugel berechnet sich aus der Bremsverteilung in der Nähe der betreffenden Stelle; die Ereignisse am Rand der Kugel sind fast ohne Einfluß.

Im Laufe der Rechnungen zeigte sich jedoch, daß gerade in Randnähe günstige Aufpunkte für die Approximationen liegen. Weiter schien es wichtig, auch bei sehr geringen Neutronenenergien, wo die Neutronen schon in Randnähe abgebremst werden und deshalb der Rand an Bedeutung gewinnt, verläßlichere Werte zu erhalten. Beide Gründe veranlaßten uns, genauere Rechnungen anzustellen. Es wurde das Momentenverfahren benutzt, um für die richtungsunabhängige Approximation die Werte zu verbessern.

#### .2.2.1 Ableitung der zu lösenden Gleichungen (Divergenztherm)

a) Divergenztherm

Es wird von der energieunabhängigen Boltzmannschen Transportgleichung ausgegangen.

$$\operatorname{div}\left(\overline{\Omega}\cdot F(\overline{r},\Omega)\right) + \mathcal{E}_{t}F(\overline{r},\overline{\Omega}) = \int d\overline{\Omega}\cdot \mathcal{E}_{sg}(\overline{\Omega},\overline{\Omega}')\cdot F(\overline{r},\Omega) - \mathcal{E}_{sg}(\overline{\Omega},\overline{\Omega}',\overline{\Omega}')\cdot F(\overline{r},\Omega) - \mathcal{E}_{sg}(\overline{\Omega},\overline{\Omega}')\cdot F(\overline{r},\Omega) - \mathcal{E}_{sg}(\overline{\Omega},\overline{\Omega}',\overline{\Omega}')\cdot F(\overline{r},\Omega) - \mathcal{E}_{sg}(\overline{\Omega},\overline{\Omega}')\cdot F(\overline{\Gamma},\Omega) - \mathcal{E}_{sg}(\overline{\Omega},\overline{\Omega}')\cdot F(\overline{\Gamma},\Omega$$

worin

 $F(\tau, \vartheta, \vartheta, \Psi, \chi)$   $\overline{\tau} = (\tau, \vartheta, \vartheta)$   $\overline{\Omega} = (\Psi, \chi)$ 

der energieunabhängige Neutronenfluß der Ortsvektor in Polarkoordination die Neutronenrichtung ł٨

9

U,

$$\begin{aligned} & \text{Junitchst wird der differentielle Neutronenfluß } (\overline{\Omega} F) \\ & \text{hinsichtlich der Polarkoordinaten zerlegt} \\ & (\overline{\Omega} F)_{T} = (\sin \forall \sin \vartheta \cos (\chi - \vartheta) + \cos \forall \cos \vartheta) \cdot F = \mathcal{A}_{A} F \\ & (\overline{\Omega} F) \vartheta = (\sin \psi \cos \vartheta \cos (\chi - \vartheta) - \cos \psi \sin \vartheta) F = \mathcal{A}_{2} F \quad (2) \\ & (\overline{\Omega} F) \vartheta = \sin \psi \sin (\chi - \vartheta) \cdot F = \mathcal{A}_{A} F \\ & \text{Der Divergenzterm div } (\overline{\Omega} F) \text{ wird in Polarkoordinaten} \\ & \text{umgeschrieben. Er ergibt:} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{liv} (\overline{\Omega} F) = \frac{1}{r^{2}} \frac{\partial}{\partial_{T}} (r^{2}(F\overline{\Omega})_{T}) + \frac{1}{r \sin \vartheta} \cdot \frac{\partial (F\overline{\Omega}) \vartheta}{\partial \vartheta} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial (F\overline{\Omega}) \vartheta}{\partial \vartheta} + \frac{1}{r} \cos \vartheta (F\overline{\Omega}) \vartheta \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{\partial (F\overline{\Omega})_{T}}{\partial \tau} + \frac{2}{r} (F\overline{\Omega})_{T} + \frac{1}{r \sin \vartheta} \cdot \frac{\partial (F\overline{\Omega}) \vartheta}{\partial \vartheta} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial (F\overline{\Omega}) \vartheta}{\partial \vartheta} + \frac{1}{r} \cos \vartheta (F\overline{\Omega}) \vartheta \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & (\sin \psi \sin \vartheta \cos (\chi - \vartheta) + \cos \psi \cos \vartheta) - \frac{\partial F}{\partial \tau} \\ & \frac{1}{r} \cdot (\sin \psi \cos \vartheta \cos (\chi - \vartheta) - \cos \psi \sin \vartheta) - \frac{\partial F}{\partial \vartheta} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{\sin \psi \sin (\chi - \vartheta)}{r \cdot \sin \vartheta} - \frac{\partial F}{\partial \vartheta} + \frac{\pi \sin \vartheta}{\vartheta \vartheta} - \frac{\partial F}{\partial \vartheta} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{undersone and } \\ & \frac{\partial F}{\partial \tau} + \frac{\mathcal{A}}{\tau} - \frac{\partial F}{\partial \vartheta} + \frac{\pi \sin \vartheta}{\vartheta \vartheta} - \frac{\partial F}{\partial \vartheta} \end{aligned}$$

- 21 -

Wie man leicht erkennt, gilt

$$\mu_{2} = \frac{\partial \mu_{1}}{\partial v} j \mu_{3} = \frac{1}{\sin v} \cdot \frac{\partial \mu_{1}}{\partial \varphi} j \mu_{1}^{2} + \mu_{2}^{2} + \mu_{3}^{2} = 1 \quad (4)$$

Für eine richtungsunabhängige Rechnung hängt F nur vom Cosinus des Winkels zwischen Raumvektor und Flugrichtung des Neutrons ab, dieser ist aber gerade  $\mu_1$ . Dann gilt

$$\frac{\partial F}{\partial \mathcal{I}} = \frac{\partial F}{\partial \mu_{A}} \cdot \frac{\partial \mu_{A}}{\partial \mathcal{I}} ; \frac{\partial F}{\partial g} = \frac{\partial F}{\partial \mu_{A}} \cdot \frac{\partial \mu_{A}}{\partial g} (5)$$

und aus (4) wird

$$\operatorname{div}\left(\overline{\Omega}F\right) = \mu \frac{\partial F}{\partial r} + \frac{(1-\mu^2)}{r} \frac{\partial F}{\partial \mu}$$
(6)

Hier und im folgenden wird für  $\mu_1$  immer  $\mu$  geschrieben.

b) Der Ansatz mit Kugelfunktionen

Für F wird angesetzt:

$$F(r,\mu) = \sum_{\ell=0,\infty} \frac{2\ell+1}{2} G_{\ell}(r) \cdot P_{\ell}(\mu)$$
(7)

worin  $P_{l}(\mu)$  die 1-ten Legendreschen Kugelfunktionen sind. Der Zweck dieses Ansatzes ist, mit Hilfe der Rekursionsformeln und der Orthogonalitätsbeziehungen der Kugelfunktionen die Differentialgleichung (6) in eine Folge linearer Differentialgleichungen zu zerlegen.

Die Rekursionsformeln sind

$$\mu P_{\ell}(\mu) = \frac{\ell+1}{2\ell+1} P_{\ell+1}(\mu) + \frac{\ell}{2\ell+1} P_{\ell-1}(\mu)$$
(8)

 $(1-\mu^2) P'_{\ell}(\mu) = -\frac{\ell(\ell+1)}{2\ell+1} P_{\ell+1}(\mu) + \frac{\ell(\ell+1)}{2\ell+1} P_{\ell-1}(\mu)$ 

Die Orthogonalitätsbeziehungen sind

$$\int_{-1}^{+1} P_{\ell}(\mu) P_{n}(\mu) d\mu = \frac{2}{2\ell+1} S_{\ell n}^{(9)}$$

c) Der Streuterm

Für die folgenden Rechnungen wird Isotropie angenommen. Das heißt

$$g\left(\overline{\Omega},\overline{\Omega}'\right) = \frac{1}{4\pi}$$
(10)

Damit wird der Streuterm auf der rechten Seite der Boltzmanngleichung

$$\frac{\mathcal{E}_{s}}{4\pi} \int_{\Psi=0}^{\pi} \int_{x=0}^{2\pi} F(r, \vartheta, \vartheta, \Psi, \chi) \sin \Psi d \Psi d \chi$$
(11)

Setzt man den Ansatz (7) ein, so muß man die Rekursionsformel beachten:

3.

4

$$P_{j}(\mu) = P_{j}(\cos \vartheta) P_{j}(\cos \psi) + 2 \overset{1}{\underset{m=1}{\overset{(j+m)!}{\overset{(j+m)!}{\overset{(j+m)!}}}} P_{j}^{m}(\cos \vartheta) P_{j}^{m}(\cos \psi)^{(12)}$$

$$\cos(m(x-\vartheta))$$

Wegen der X -Integration fallen alle Anteile mit Summengliedern fort. Es bleibt:

$$\frac{\mathcal{E}_{s}}{4\pi} 2\pi \mathcal{E}_{e} G_{e}(r) \int_{-1}^{+1} P_{o}(\cos \psi) P_{e}(\cos \psi') P_{e}(\cos \psi') d\cos \psi'_{(13)}$$

Wegen der Orthogonalitätsbedingungen fallen alle Anteile außer für 1 = 0 fort. Es bleibt:

$$\mathcal{E}_{s} \mathcal{G}_{o} (\mathbf{r}) \tag{14}$$

Die Boltzmanngleichung für isotrope Streuung in richtungsunabhängiger Geometrie lautet also

$$\mu \frac{\partial F(\mathbf{y}, \mathbf{y})}{\partial \mathbf{y}} + \frac{(1 - \mu^2)}{\mathbf{y}} \cdot \frac{\partial F(\mathbf{y}, \mathbf{y})}{\partial \mu} + \sum_{t} F(\mathbf{y}, \mathbf{y}) = \sum_{s} G_0(\mathbf{y}) \quad (15)$$

Anmerkung: Wie man leicht nachrechnet, ist

$$F = f(r \sqrt{1 - \mu_1^2}) \cdot e^{-\sum_{t=1}^{t} r \mu_1}$$
(16)

eine Lösung der homogenen Differentialgleichung.

a) Ableitung

Setzt man den Ansatz (7) in (15) ein und ersetzt die Glieder  $\mu P_{l}(\mu)$  und  $(1-\mu^{2})P_{l}(\mu)$  gemäß den Rekursionsformeln (8), so ergibt sich

$$\sum_{\ell} P_{\ell+1}(\mu) \left\{ (\ell+1) \frac{\partial G_{\ell}(v)}{\partial v} - \ell(\ell+1) \frac{G_{\ell}(v)}{v} \right\}$$

$$+ \sum_{\ell} P_{\ell-1}(\mu) \left\{ \ell \cdot \frac{\partial G_{\ell}(v)}{\partial v} + \ell(\ell+1) \frac{G_{\ell}(v)}{v} \right\}$$

$$+ \sum_{\ell} (2\ell+1) P_{\ell}(\mu) \sum_{t} G_{\ell}(v) = 2 \sum_{s} G_{0}(v) P_{0}(\mu)$$
(17)

Multipliziert man mit  $P_m(\mu)$  und integriert über  $\mu$ , so fächert mit Hilfe der Orthogonalitätsbeziehung die Summe (17) in ein System von linearen Gleichungen auf:

$$\ell \frac{\partial G_{\ell-1}(r)}{\partial r} - \ell(\ell-1) \frac{G_{\ell-1}(r)}{r} + (\ell+1)(\ell+2) \frac{G_{\ell+1}(r)}{r}$$
(18)

 $+(2l+1) \leq_{t} G_{\ell}(\mathbf{y}) = \leq_{s} G_{0}(\mathbf{y}) S_{\ell 0}$ 

Die ersten Gleichungen lauten explizit:

$$\frac{\partial G_1}{\partial r} + \frac{2}{r} G_1 + (\mathcal{E}_t - \mathcal{E}_s)G_0 = 0$$

$$\frac{\partial G_0}{\partial r} + 2 \frac{\partial G_2}{\partial r} + 6 \frac{G_2}{r} + 3\mathcal{E}_t G_1 = 0 \qquad (19)$$

$$2 \frac{\partial G_1}{\partial r} - 2 \frac{G_1}{r} + 3 \frac{\partial G_3}{\partial r} + 12 \frac{G_3}{r} + 5\mathcal{E}_t G_2 = 0$$

usw.

Man erhält die sogenannte n-te Näherung, indem man bei n + 1 abbricht.

b) Lösung des Gleichungssystems

Das Gleichungssystem (18) läßt sich mit halbzahligen modifizierten Zylinderfunktionen lösen. Diese genügen den Rekursionsformeln

$$\frac{\partial Z_{\ell-\frac{1}{2}}}{\partial r} = Z_{\ell+\frac{1}{2}} + \frac{(\ell-\frac{1}{2})}{r} Z_{\ell-\frac{1}{2}}$$
(20)

$$\frac{\partial \mathcal{L}_{\ell+3/2}}{\partial r} = Z_{\ell+1/2} - \frac{(\ell+3/2)}{r} Z_{\ell+3/2}$$

Setzt man an

$$G_{\ell} = \alpha_{\ell} \frac{Z_{\ell+1/2} (\mathbf{x} \mathbf{r})}{\sqrt{\mathbf{x} \mathbf{r}}}$$
(21)

worin X später erklärt wird, und verwendet man die Rekursionsformeln, so wird aus (18):

$$a_{l-1} l x + a_{l+1} (l+1) x + a_l \mathcal{E}_t (2l+1) = a_0 \mathcal{E}_s \delta_{l0}$$
<sup>(22)</sup>

mit den ersten Gliedern

$$(\mathcal{Z}_{t} - \mathcal{L}_{s}) a_{0} + \chi a_{4} = 0$$

$$\chi a_{0} + 3\mathcal{L}_{t}a_{4} + 2\chi a_{2} = 0$$

$$2\chi a_{4} + 5\mathcal{L}_{t}a_{2} + 3\chi a_{3} = 0$$

$$3\chi a_{2} + 7\mathcal{L}_{t}a_{3} + [4\chi a_{4}] = 0$$

$$(23)$$

Setzt man z. B. alle  $a_m$  mit  $m \ge n$  gleich null, so erhält man die Pn-Lösung. Es ist dann ein Eigenwertproblem zu lösen, mit Eigenwerten für  $\varkappa$  und Eigenvektoren  $a_v$ . In der P1-Lösung ergibt sich

$$\chi^2 = 3 \mathcal{Z}_t \left( \mathcal{Z}_t - \mathcal{Z}_s \right) = \frac{1}{L^2}$$
 (24)

$$a_{1} = -\frac{D}{L}a_{0} = -\frac{\sqrt{3}\mathcal{Z}_{t}\left(\mathcal{Z}_{t} - \mathcal{Z}_{s}\right)}{3\mathcal{Z}_{t}}a_{0}$$

charakteristisch für die elementare Diffusionstheorie.

Zur praktischen Berechnung der Eigenwerte von (23) dividiert man die 1-ten Spalten und Reihen mit der Wurzel des Faktors von a<sub>1</sub>. So bekommt man eine reell symmetrische Matrix, deren Eigenwerte sich nach dem Diagonalisierungsverfahren von Jacobi errechnen lassen.

c) Übersicht über die Lösungen

In der P-Näherung erhält man n + 1 lineare Gleichungen mit  $\frac{n+1}{2}$  quadratischen Eigenwerten des Systems. Die Lösungen lassen sich dann bequem aufbauen. Es wurden nur die positiven Wurzeln der  $\chi^2$  genommen. Lösungen sind einmal die modifizierten Besselfunktionen. Sie haben im endlichen keinen Pol und können zur Erfüllung der Randbedingungen verwendet werden. Ferner die modifizierten Hankelfunktionen. Sie haben Polstellen im endlichen und können zur Darstellung der Quellen verwendet werden. Das volle System ergibt also n + 1 linear unabhängige Lösungen der n + 1 Gleichungen.

#### 3.2.2.3 Randbedingungen

a) Darstellung

Die Randbedingung für eine Kugel lautet, daß, wenn außerhalb keine thermischen Quellen vorhanden sind, auch keine Neutronen von außen in sie eindringen können, also

$$F(r,\mu) = 0$$
 für  $-1 < \mu < 0$  (25)

Diese Bedingung ist unerfüllbar, wenn die Reihe (7) nach dem n-ten Glied abgebrochen werden soll. Das auf J.C. MARK (23) zurückgehende Verfahren verlangt, daß jeweils die ungeraden Kugelgewichte

 $\int PF(\mathbf{Y},\mu) \, \mu \, d\mu = 0$ (26)

gesetzt werden. Damit wird die Randbedingung (25) in gewissen Mittelwerten erfüllt. Für die P<sub>n</sub>-Näherung mit n + 1 Differentialgleichungen ergibt dies  $\frac{n+1}{2}$  Bedingungen, welche zur Bestimmung der Konstanten der quellenfreien Lösungen gerade ausreichen.

b) Explizite Rechnung

Die Berechnung der Integrale (25) ist recht mühsam. Deshalb wurde ein FØRMAC-Programm geschrieben, welches sie berechnet. Es enthält im wesentlichen die Rekursionsformel für Kugelfunktionen, die als F(K) aufgebaut werden. FLUSS kennzeichnet die Entwicklung (7). Die Reihe wird gliedweise integriert. Die Ergebnisse werden so normiert, daß der Faktor G<sub>o</sub> gleich eins wird. Die errechneten Randbedingungen werden umseitig mitgeteilt.

### Tabelle 3.2.2.3

### Randbedingungen für eine P-11-Näherung

G <sub>0</sub> -2,0 G <sub>1</sub>	+ 1,25 G <sub>2</sub>	- 0,375 G <sub>4</sub>	+ 0,2031 G <sub>6</sub>	- 0,1328 G <sub>8</sub>	+ 0,09570 G <sub>10</sub> = 0
Go	- 5,0 G <sub>2</sub> +8,0 G <sub>3</sub>	- 5,063 G <sub>4</sub>	+ 1,625 G <sub>6</sub>	- 0,9297 G <sub>8</sub>	+ 0,6328 G <sub>10</sub> = 0
Go	- 3,125 G <sub>2</sub>	+ 10,125 G <sub>4</sub> -16,0 G <sub>5</sub>	+ 10,156 G <sub>6</sub>	- 3,320 G <sub>8</sub>	+ 1,988 G <sub>10</sub> = 0
Go	- 2,8 G <sub>1</sub>	+ 5,25 G <sub>4</sub>	- 16,25 G <sub>6</sub> +25,6 G <sub>7</sub>	-16,269 G <sub>8</sub>	+ 5,359 G <sub>10</sub> = 0
Go	- 2,679 G <sub>2</sub>	+ 4,33 G <sub>4</sub>	- 7,617 G <sub>6</sub>	+ 23,242 G <sub>8</sub> -36,571 G	9 <sup>+</sup> 23,256 G <sub>10</sub> = 0
Go	- 2,619 G <sub>2</sub>	+ 3,978 G <sub>4</sub>	- 5,958 G <sub>6</sub>	+ 10,226 G <sub>8</sub>	- 31,008 G <sub>10</sub> +
					48,762 G <sub>11</sub> = 0
a) Berücksichtigung der Quellterme

2 10

Die Monte-Carlo-Rechnung ergab Werte Q für bestimmte Radien  $r_0$ , welche die Zahl der Neutronen angeben, welche in einem Bereich um  $r_0$  die Schwelle von 1 eV unterschreiten. Diese werden nun als Ausgangswerte für die Diffusionsrechnung genommen. Der Ansatz (7) wird zu

$$F = \frac{1}{2} G_0 + \frac{3}{2} P_1 G_1 + \frac{5}{2} P_2 G_2 + \frac{7}{2} P_3 G_3$$
<sup>(27)</sup>

Die absolute Summe der Neutronen, die die Kugelschale mit dem Radius r $_{\rm O}$ durchdringen, muß gleich der Quellstärke sein, also

$$G_{1} = |g^{+}| + |g^{-}| = \frac{Q}{4\pi r_{0}^{2}}$$
(28)

Die übrigen Momente müssen stetig sein. Im Innern der Kugelschale wird die Lösung aus modifizierten Besselfunktionen aufgebaut - sie sind im Mittelpunkt endlich im Äußeren wird die Lösung aus modifizierten Hankelfunktionen aufgebaut - sie verschwinden in großer Entfernung, ihre Unstetigkeit im Mittelpunkt erlaubt die Darstellung der Quellstärken Das zu lösende Gleichungssystem wird:

$$a_{01} \frac{I_{1/2}(X_{1}Y_{0})}{\sqrt{X_{1}Y_{0}}} + a_{02} \frac{I_{1/2}(X_{2}Y_{0})}{\sqrt{X_{2}Y_{0}}} - b_{01} \frac{K_{1/2}(X_{1}Y_{0})}{\sqrt{X_{1}Y_{0}}} - b_{02} \frac{K_{1/2}(X_{2}Y_{0})}{\sqrt{X_{2}Y_{0}}} = b_{02} \frac{K_{1/2}(X_{0}Y_{0})}{\sqrt{X_{2}Y_{0}}} = b_{02} \frac{K_{1/2}(X_{0}Y$$

$$a_{11} \quad \frac{I_{3_{2}}(\chi_{1}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1}\tau_{0}}} + a_{12} \quad \frac{I_{3_{2}}(\chi_{2}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} - b_{11} \quad \frac{K_{3_{2}}(\chi_{1}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1}\tau_{0}}} - b_{12} \quad \frac{K_{3_{2}}(\chi_{2}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} - b_{12} \quad \frac{K_{3}}(\chi_{2}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} - b_{12} \quad \frac{K_{3}}(\chi_{2}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} - b_{12} \quad \frac{K_{3}}(\chi_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} - b_{12} \quad \frac{K_{3}}(\chi_{0})}{\sqrt{\chi_{0}}} - b_{12} \quad \frac{K$$

$$a_{21} \quad \frac{I_{5_{2}}(x_{1} + \tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1} + \tau_{0}}} + a_{22} \quad \frac{I_{5_{2}}(x_{2} + \tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2} + \tau_{0}}} - b_{21} \quad \frac{K_{5_{2}}(x_{1} + \tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1} + \tau_{0}}} - b_{22} \quad \frac{K_{5_{2}}(x_{2} + \tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2} + \tau_{0}}} = b_{23} \quad \frac{K_{5_{2}}(x_{2} + \tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2} + \tau_{0}}}} = b_{23} \quad \frac{K_{5_{2}}(x_{2} + \tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2} + \tau$$

$$a_{31} \quad \frac{I_{\frac{1}{2}}(\chi_{1}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1}\tau_{0}}} + a_{32} \quad \frac{I_{\frac{1}{2}}(\chi_{2}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} - b_{31} \quad \frac{K_{\frac{1}{2}}(\chi_{1}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1}\tau_{0}}} - b_{32} \quad \frac{K_{\frac{1}{2}}(\chi_{2}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} = b_{31} \quad \frac{K_{\frac{1}{2}}(\chi_{1}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1}\tau_{0}}} - b_{32} \quad \frac{K_{\frac{1}{2}}(\chi_{2}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} = b_{32} \quad \frac{K_{\frac{1}{2}}(\chi_{1}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{2}\tau_{0}}} = b_{32} \quad \frac{K_{\frac{1}{2}}(\chi_{1}\tau_{0})}{\sqrt{\chi_{1}\tau_{0}}} = b_{32} \quad \frac{K_{\frac{1}{2}}(\chi_{1}\tau_$$

.

Hierzu bestimmen sich die  $\chi_v$  und die Verhältnisse  $a_{01}/a_{11}/a_{21}/a_{31}$  aus der Eigenwertgleichung (23). Im Rechenprogramm PNAE wird die Eigenwertgleichung durch den Aufruf des Unterprogrammes EIGSY, welches ein allgemeines KFA-Programm ist, gelöst. Die modifizierten Zylinderfunktionen  $Z_{n + 1/2}(\chi r)$  werden im Unterprogramm BESBER berechnet. Die Lösung des Gleichungssystems (29) erfolgt mit dem KFA-Unterprogramm GELMP. Für die 20 Kugelschalen der Monte-Carlo-Rechnung wird diese Rechnung in einer Schleife zwanzigmal durchgeführt. Die Dimensionierung des Programms ist variabel, so daß jede  $P_n$ -Näherung gerechnet werden kann.

#### b) Erfüllung der Randbedingung

2

ŝ,

Die Randbedingung (26) wird explizit dadurch erfüllt, daß auf die gewonnene Lösung, welche die Quellenbedingung (29) erfüllt, eine quellenfreie Lösung zuaddiert wird, deren Koeffizienten so bestimmt werden, daß die Randbedingung (26) erfüllt wird. Am Rande der Kugel sind nur die modifizierten Hankelfunktionen wirksam. Die zu lösenden Gleichungen werden im Rechenprogramm unter der Bezeichnung QV mit halber Dimensionierung aufgebaut.

Das explizite Ergebnis wird in Form einer Matrix AMAT (20, 20) aufgebaut, welche die zwanzig Quellwerte aus der Monte-Carlo-Rechnung in Empfindlichkeiten als Ergebnisse der Diffusionsrechnung umformt.

Das Rechenprogramm TRANS wendet diese Matrix AMAT auf die aus der Monte-Carlo-Rechnung erhaltene Quellverteilung an und ergibt die Empfindlichkeit der Moderatorkugel für richtungsunabhängigen Neutroneneinfall.

#### .2.2.5 Diskussion der Ergebnisse

a) Konvergenz der Näherung (Tabelle 3.2.2.5.1)

Der Schritt von der P1- zur P3-Näherung bringt eine wesentliche Änderung im Ergebnis für die Empfindlichkeit. Er ist am größten für kleine Energien, z. B. macht die Änderung bei 10 eV im Mittelpunkt 42 %, in Randnähe (13 - 14 cm Radius) 28 % aus. Die Änderungen sind für größere Energien kleiner, z. B. für 40 keV im Mittelpunkt nur noch 5 %, in Randnähe (13 - 14 cm Radius) dagegen 16 %. Hier zeigt sich, was zu vermuten war, daß nämlich bei kleinen Energien die Änderungen am größten sind, für höhere Energien kleiner werden und sich zum Rande hin verlagern. Der Vergleich P3- mit der P5-Rechnung zeigt keinen merklichen Unterschied, die Differenz an den vierten Stellen können Rechenungenauigkeiten sein. Damit wäre gezeigt, daß in der vorgegebenen Geometrie die P3-Näherung völlig ausreichend ist. Für die späteren Rechnungen werden die Ergebnisse der P3- bzw. P5-Näherung verwendet. Der Vergleich P5- mit der P7-Näherung zeigt vergleichsweise größere Unterschiede. Es darf aber vermutet werden, daß diese Unterschiede auf Rechenungenauigkeit beruhen. Denn jede höhere Näherung bedingt größere Eigenwerte  $\varkappa$  in Gleichung (23); das wiederum bedeutet, daß in der entsprechenden Gleichung (29) zusätzliche Glieder der Form  $\mathcal{J}_{\mathcal{I}}(\chi, r_0)$  auftreten. Dies aber sind sehr große Zahlen, so daß die Berechnung der zugehörigen Determinanten auf die Bildung einer kleinen Differenz großer Zahlen hinausläuft, was eine größere Rechenungenauigkeit bedingt. Die gute Übereinstimmung der P3- mit der P5-Näherung läßt jedoch vermuten, daß auch eine aufwendigere Berechnung höherer Näherungen keine wesentliche Verbesserung bringen würde.

Tabelle	3.2.2.5:	Darstellung	der	Konvergenz	der
		P <sub>n</sub> -Näherunge	en ar	n Beispielen	n

Energie, Radius	Wert der Empfindlichkeit			
	P1	P3	Р5	P7
10 eV, Mittelpunkt	0,04875	0,06855	0,06857	0,06710
10 eV, 5,84 cm	0,1314	0,1570	0,1570	0,1537
10 eV, 11,68 cm	0,6668	0,8066	0,8068	0,7880
10 eV, 13,14 cm	0,7792	1,0028	1,0023	0,9731
1 keV, Mittelpunkt	0,0 <u>9</u> 251	'0 <b>,</b> 1026	0,1027	0,1018
1 keV, 5,84 cm	0,2162	0,2319	0,2320	0,2300
1 keV, 11,68 cm	0,7951	0,8757	0,8759	0,8648
1 keV, 13, 14 cm	0,6827	0,8111	0,8108	0,7937
40 keV,Mittelpunkt	0,1371	0,1446	0,1445	0,1440
40 keV, 5,84 cm	0,3059	0,3181	0,3181	0,3167
40 keV, 11,68 cm	0,7884	0,8460	0,8461	0,8381
40 keV, 13, 14 cm	0,5725	0,6651	0,6649	0,6524

b) Vergleich der P5-Ergebnisse mit älteren Ergebnissen (Abb. 8-11)

Die Abb. 7 zeigt, daß bei 10 eV die P5-Näherung eine durchweg höhere Empfindlichkeit bringt. Die Werte liegen einwandfrei oberhalb der mit der elementaren Diffusionskategorie errechneten Werte, auch wenn man berücksichtigt, daß diese nicht exakt richtungsunabhängig sind. Dieser Effekt ist wesentlich kleiner für 10 keV. Für ein und vier MeV verschiebt sich das Bild. Die P5-Näherung ändert nichts an den Ergebnissen im Innern der Kugel - d. h. dort reicht die elementare Diffusionstheorie aus. Merkliche Änderungen der Ergebnisse erhält man nur am Rande der Kugel.

Für die richtungsunabhängigen Approximationen sind die Datensätze mit den verbesserten Näherungen erstellt worden. Sie werden in den Tabellen 3.2.2 mitgeteilt.

ABSTAND	VOM	MITTEL	PUNKT:
---------	-----	--------	--------

ENERGIE:	SOLL:	MITTE:	0.3550	1.0950	1.8250	2.5550	3.2950
2 505-02	0.3700	0- 7263	0.1060	0.1093	0.1159	0.1264	0.1413
1 005 00	0.4300	0.0413	0.1566	0.1717	0.1822	0.1986	0.2218
1.00E 01	0.4700	0.0686	2.2764	0.2848	0.3022	0.3294	0.3680
4.00E 01	0.4900	0.0796	0.3209	0.3305	0.3507	0.3823	0.4271
1.00E 02	2.5000	0.0864	0.3491	0.3587	0.3805	0.4148	0.4634
4.00F 02	0-4700	0.0964	0.3386	0.4005	0.4248	0.4631	0.5174
1.005 03	0.4600	0.1027	0.4137	0.4264	0.4524	0.4931	0.5499
1.60E 03	0.4500	0.1761	7.4275	0.4406	0.4674	0.5088	0.5666
2-50F 03	0.4400	0.1088	0.4334	0.4518	<b>∩</b> ∎4 <b>7</b> 94	0.5225	0.5838
4.00E 03	0.4300	0.1135	0.4575	0.4715	0.5002	0.5453	0.6092
6.30F 03	0.4300	0.1155	0.4656	0.4798	0.5091	9.5549	0.6 <b>1</b> 99
1.00E 04	0.5600	0-1202	0.4845	0.4993	0.5298	0.5775	0.6447
1.60E 04	0.7600	0.1253	0.5052	0.5206	0.5523	0.6021	0.6721
2.50F 04	1.0700	0.1327	0.5346	0.5509	0.5845	0.6356	0.7059
4.00E 04	1.5200	0.1446	0-5328	0.6006	0.6372	0.6938	9.7727
6.30E 04	2.4000	0.1597	0.6436	0.6632	0.7008	0.7574	0.8396
1.00E 05	3.2400	0.1848	0.7449	0.7676	0.8116	0.8774	0.9703
1.60E 05	4.2400	0.2186	0.8809	0.9045	0.9496	1.0201	1.1211
2.50E 05	5.7100	0.2733	1.1015	1.1284	1.1801	1.2659	1.3872
4.00E 05	7.8000	0.3956	1.5940	1.6258	1.6808	1.7700	1.8936
5.00E 05	8.3400	0.4760	1.8850	1.8615	1.8821	1.9573	2.0816
6.30E 05	10.6000	0.4912	1.9797	2.0330	2.1256	2.2436	2.3846
9.00E 05	13.5000	0.7003	2.8221	2.8908	2.9816	3.0729	3.1917
1.00E 06	13.9000	0.7555	3.0286	3.0620	3.1333	3.2376	3.367?
1.30E 06	14.2000	0.9543	3-8116	3.7878	3.7873	3.8522	3.9639
1.60E 06	13.9000	1.0012	3.9909	3.9773	4.0042	4.0675	4.1403
2.00E 06	13.2000	1.1691	4.7106	4.7778	4.8411	4.8751	4.8529
2.50E 06	12,5000	1.2219	4.8878	4.8534	4.7825	4.7360	4.7254
3.00E 06	12.6000	1.2033	4.8154	4.8384	4.8907	4.9289	4.9372
4.00E 06	13-2000	1-2211	4.8533	4.7883	4.7579	4.7745	4.7881
6.30E 06	14.4000	1.1621	4.6690	4.7039	4.7061	4.6747	4.6306
1.00E'07	14.7000	1.0731	4.2968	4.2913	4.2443	4.1814	4.1372
1.60E 07	21.0000	0.8131	3.2360	3.1964	3.1448	3.0891	3.0349
2.50E 07	31.0000	0.4754	1.8886	1.8575	1.8254	1.7983	1.7760
4.00E 07	38.7000	0.2753	1.0956	1.0727	1.0229	0.9599	0.9135
6.30E 07	42.0000	0.1135	0.4572	0.4644	0.4699	0.4718	0.4690
1.00E 08	47.2000	0.0699	0.2815	0.2833	0.2793	0.2750	0.2766
1.60E 08	52.9000	0.0289	0.1165	0.1201	0.1259	0.1302	0.1305
		-					

Anmerkung: Die Zahlenangaben außerhalb der Mitte beziehen sich auf eine Tetraederanordnung.

#### AUFLISTUMG DER RICHTUNGSUNABHAENGIGEN EMPFINDLICHKEITEN FUER RADIUS = 14.60 CM

ABSTAND	VOM	MITTEL PUNKT:	
---------	-----	---------------	--

ENERGIE:	SOLL:	MITTE:	4.0150	4.7450	5.4750	6.2050	6.9350
2.50F-02	0.3700	0.0263	0.1613	0.1878	0.2221	0.2664	0.3233
1.005 00	0.4300	0.0413	0.2533	0.2947	0.3484	0.4177	0.5066
1.00∈ 01	0.4700	0.0686	0.4201	0 - 48 88	0.5779	0.6928	0.8402
4.00E 01	0.4900	0.0796	0.4876	0.5673	0.6704	0.8024	0.9708
1.005 02	0.5000	0.0364	0.5291	0.6156	0.7277	0.8716	1.0546
4.008 02	0.4700	0.0764	0.5907	0.6872	0.8122	0.9712	1.1706
1.00E 03	0.4600	0.1027	0.6255	0.7252	0.8549	1.0201	1.2273
1.608 03	0.4500	0.1061	0.6445	0.7466	0.8782	1.0459	1.2567
2.528.03	1.4411	0.1088	0.6661	0.7732	0.9097	1.0820	1.2964
4.002 03	0.4300	0.1135	0.6955	0.8077	0.9503	1.1295	1.3513
6.305 03	0.4300	0.1155	0.7071	0.9201	0.9643	1.1466	1.3719
1.00E 04	0.5600	0+1202	0.7338	0.8497	0.9984	1.1848	1.4142
1.608 04	0.7600	0+1253	0.7652	0.8852	1.0369	1.2263	1.4585
2.50E 04	1.0700	0.1327	0.8007	0.9252	1.0838	1.2820	1.5252
4.00E 04	1.5200	0.1446	0.8777	1.0117	1.1794	1.3881	1.6422
6.30E 04	2.4000	0.1597	0.9511	1.0948	1.2753	1.4964	1.7572
1.00E 05	3.2400	0.1848	1.0921	1.2435	1.4312	1.6618	1.9332
1.605 05	4.2400	0.2136	1.2578	1.4338	1.6499	1.9082	2.2058
2.508 05	5.7100	0.2733	1.5406	1.7280	1.9511	2.2089	2.4930
4.002 05	7.8000	0.3956	2.0516	2.2474	2.4746	2.7309	3.0123
5.00 05	8.3400	0.4760	2.2378	2.4150	2.6218	2.8559	3.1095
6.30E 05	10.6000	0.4912	2.5538	2.7539	2.9825	3.2275	3.4782
9.00E 05	13.5000	0.7003	3.3531	3.5533	3.7734	3.9861	4.1740
1.00E 06	13.9000	0.7555	3.5158	3.6727	3.8285	3.9872	4.1422
1.30= 06	14.2000	0.9543	4-1741	4.2594	4.4198	4.5581	4.6553
1.69E 06	13.9000	1.0012	4.2178	4.3101	4.4173	4. 52 51	4.6146
<b>2.</b> 00€ 06	13.2000	1.1591	4.8205	4.8308	4.8738	4.9201	4.9385
2.505 05	12.5000	1.2219	4.7344	4.7601	4.7876	4.7996	4.7874
3.005 06	12.6000	1.2733	4.9399	4.9315	4.9061	4.8599	4.7868
4.005 06	13.2000	1.2211	4.7965	4.7728	4.7322	4.6575	4.5467
6.30F 06	14.4000	1.1671	4.5857	4.5411	4.4750	4.3739	4.2383
1.005 07	14.7000	1.0731	4.0899	4.0134	3.9002	3.7624	3.6070
1.60E 07	21.0000	0.8131	2.0744	2.9019	2.8175	2.7183	2.6009
2.50E 07	31.000	0.4754	1.7552	1.7207	1.6704	1.6117	1.5404
4.00E 07	39.7000	0.2753	0-8398	0.8719	0.8476	0.8153	0.7804
6.30F 07	42.0000	0.1135	0.4610	0.4518	0.4398	0.4196	0.3945
1.005 08	47.2000	0.0099	0.2777	0.2718	0.2596	0.2453	0.2316
1.(05.08	52.9000	0.0289	0.1284	0.1254	0.1227	0.1212	0.1193

- 37 -

		ABSTAND VOM MITTELPUNKT:					
EN ER GIE:	SOLL:	MITTE:	7.6650	8.3950	9.1250	9.8550	10.5850
2.50E-02	0.3700	0.0263	0.3962	0.4896	0.6094	0.7633	0.9612
1.00E 00	0.4300	0.0413	0.6205	0.7664	0.9536	1.1938	1.5025
1.00E 01	0.4700	0.0686	1.0285	1.2688	1.5736	1.9538	2.4158
4.00E 01	0.4900	0.0796	1.1847	1:4544	1.7898	2.1974	2.6739
1.00E 02	0.5000	0.0864	1.2851	1.5714	1.9201	2.3330	2.7988
4.00E 02	0.4700	0.0964	1.4182	1.7205	2.0813	2.4962	2.9412
1.00E 03	0.4600	0.1027	1-4841	1.7954	2.1603	2.5679	2.9855
1.60E 03	0.4500	0.1061	1.5130	1.8346	2.2003	2.6015	3.0096
2.50E 03	0.4400	0.1088	1.5600	1.8768	2.2398	2.6304	3.0142
4.00E 03	0.4300	0.1135	1+6202	1.9381	2.2991	2.6819	3.0463
6.30E 03	0.4300	0.1155	1.6441	1.9651	2.3251	2.7072	3.0679
1.00E 04	0.5600	0.1292	1.6892	2.00.64	2.3600	2.7291	3.0661
1.60E 04	0.7600	0.1253	1.7325	2.0463	2.3951	2.7530	3.0703
2.50E 04	1.0700	0.1327	1.8114	2.1344	2.4822	2.8271	3.1233
4.00E 04	1.5200	0.1446	1.9377	2.2650	2.6111	2.9460	3.2167
6.30E 04	2.4000	0.1597	2.0525	2.3784	2.7186	3.0358	3.2818
1.00E 05	3.2400	0.1848	2.2391	2.5699	2.9021	3.1969	3.4007
1.60E 05	4.2400	0.2186	2.5276	2.8571	3.1714	3.4284	3.5828
2.50E 05	5.7100	0.2733	2.7932	3.0970	3.3726	3.5772	3.6679
4.00E 05	7.8000	0.3956	3.2965	3.5591	3.7689	3.8919	3.8951
5.00E 05	8.3400	0.4760	3.3564	3.6036	3.7982	3.0090	3.8912
6.30E 05	10.6000	0.4912	3.7212	3.9317	4.0804	4.1312	4.0449
9.00E 05	13.5000	0.7003	4.3225	4.4193	4.4465	4.3799	4.1936
1.00E 06	13.9000	0.7555	4.2723	4.3539	4.3645	4.2836	4.0891
1.30E 96	14.2000	0.9543	4.7142	4.7087	4.6130	4.4303	4.1524
1.60E 06	13.9000	1.0012	4.6639	4.6508	4.5577	4.3706	4.0768
2.00E 06	13.2000	1.1691	4.8987	4.7850	4.6009	4.3454	4.0058
2.50E 06	12.5000	1.2219	4.7321	4.6151	4.4353	4.1818	3.8404
3.00E 06	12.6000	1.2333	4.6839	4.5314	4.3170	4.0429	3.6934
4.00E 06	13.2000	1.2211	4.4013	4.2221	3.9924	3.6969	3.3369
6.30F 06	14.4000	1.1621	4.0677	3.8575	3.6072	3.3130	2.9669
1.00E 07	14.7000	1.0731	3.4259	3.2185	2.9842	2.7163	2.4134
1.60E 07	21.0000	0.8131	2.4642	2.3104	2.1365	1.9386	1.7164
2.50E 07	31.0000	0.4754	1.4558	1.3620	1.2556	1.1359	1.0047
4.00E 07	38.7000	0.2753	0.7463	0.7103	0.6659	0.6093	0.5414
6.30F 07	42.0000	0.1135	0.3705	0.3475	0.3227	0.2941	0.2614
1.00F 08	47.2000	0.0699	0.2171	0.2001	0.1810	0.1611	0.1412
1.60E 08	52.9000	0.0289	9.1147	0.1075	0.0991	0.0899	0.0801

#### AUFLISTUNG DER RICHTUNGSUNABHAENGIGEN EMPFINDLICHKEITEN FUER RADIUS = 14.60 CM

#### AUFLISTUNG DER RICHTUNGSUNABHAENGIGEN EMPFINDLICHKEITEN FUER RADIUS = 14.60 CM

ADCTAND	VOM	MITTO	<b>C 1</b>	DIINUT .	
ADSTAND	V 1 1 1			PUNKI	

EN ERGIE:	SOLL:	MITTE:	11.3150	12.0450	12.7750	13.5050	14.2350
2.50E-02	0.3700	0-0263	1,2161	1 - 54 50	1,9700	2 . 5206	1-4158
1.00E 00	0.4300	0.0413	1-8972	2 - 39 40	2,9866	3,5289	1-8773
1.00E 01	0.4700	0.0686	2.9475	3-4892	3.8802	3, 7375	1.7328
4.00E 01	0.4900	0.0796	3.1876	3-6441	3.8472	3,4590	1.5324
1.00E 02	0.5000	0.0864	3.2743	3.6548	3.7483	3.2629	1.4162
4.00E 02	0.4700	0.0964	3.3533	3.6171	3.5579	2.9586	1.2478
1.00E 03	0.4600	0.1027	3.3473	3.5414	3.4113	2.7820	1.1603
1.60E 03	0.4500	0.1061	3.3545	3.5212	3.3591	2.7054	1.1181
2.50E 03	0.4400	0-1088	3.3261	3.4588	3.2719	2.6178	1.0780
4.00E 03	0.4300	0.1135	3.3227	3.4091	3,1843	2.5214	1.0325
6.30E 03	0.4300	0.1155	3.3362	3.4053	3.1497	2.4655	1.0030
1.00E 04	0.5600	0.1202	3.2988	3.3320	3.0581	2.3837	0.9682
1.60E 04	C.7600	0.1253	3.2783	3.2874	2.9961	2.3166	0.9354
2.50E 04	1.0700	0.1327	3.3012	3.2731	2.9503	2.2599	0.9077
4.00E 04	1.5200	0.1446	3.3563	3.2851	2.9227	2.2143	0.8845
6.30E 04	2.4000	0.1597	3.3898	3.2902	2.8840	2.1629	0.8594
1.00E 05	3.2400	0.1848	3.4520	3.2903	2.8624	2.1332	0.8452
1.60E 05	4.2400	0.2186	3.5862	3.3713	2.8823	2.1082	0.8256
2.50E 05	5.7100	0.2733	3.5988	3.3227	2 • 8052	2.0346	<b>1</b> ∎7931
4.00E 05	7.8000	0.3956	3.7353	3.3765	2 - 8040	2.0125	0.7808
5.00E 05	8.3400	0.4760	3.7103	3.3370	2.7540	1.9634	0.7588
6.30E 05	10.6000	0.4912	3.7927	3.3574	2.7327	1.9266	0.7400
9.00E 05	13.5000	0.7003	3.8530	3.3457	2.6815	1.8658	0.7103
1.00E 06	13.9000	0.7555	3.7556	3.2639	2.6175	1.8282	0.6994
1.30E 06	14.2000	0.9543	3.7554	3.2233	2,5531	1.7585	0.6666
1.60E 06	13.9000	1.0012	3.6646	3.1295	2.4745	1.7049	0.6462
2.00E 06	13.2000	1.1691	3.5777	3.0302	2.3795	1.6275	0.6141
2.50E 06	12.5000	1.2219	3.4790	2.88.20	2.2561	1.5396	0.5802
3.00E 06	12.6000	1.2033	3.2521	2.7266	2.1227	1.4415	0.5412
4.00E 06	13.2000	1.2211	2.9146	2.4289	1.8810	1.2762	0.4802
6.30E 0.6	14.4000	1.1621	2.5685	2.1197	1.6234	1.0920	0.4093
1.00E 07	14.7000	1.0731	2.0793	1.7140	1.3161	0.8860	0.3315
1.60E 07	21.0000	0.8131	1.4704	1.2033	0.9190	0.6180	0.2316
2.50E 07	31.0000	0.4754	0.8614	0.7059	0.5385	0.3612	0.1351
4.0QE 07	38.7000	0.2753	0.4637	0.3784	0.2875	0.1921	9.0718
6.395 07	42.0000	0.1135	0.2247	0.1839	0.1395	0.0926	0.0343
1.00E 08	47.2000	0.0599	0.1207	0.0986	0.0752	0.0505	0.0189
1.60E 08	52.9000	0.0289	0.0694	0.0576	0.0444	0.0299	0.0112

ENERGIE:	SULL:	MITTE:	0.1587	0.4762	0.7937	1.1112	1.4287
2.50=-02	0.3700	0.3550	1.4220	1.4302	1.4466	1.4715	1.5051
1.015 00	0.4300	0.5393	2.1603	2.1726	2.1975	2.2350	2.2844
1.008 01	2.4702	9665	3.8716	3.8930	3.9320	3.9851	4.0548
1.005 02	0.5000	1.1917	4.7736	4.7999	4.8477	4.9030	4.9561
4.005 02	0.4700	1.2409	4.0705	4.9966	5.0361	5.0716	5-1021
1.00E 03	0.4600	1.2121	4.8552	4.8821	4.9319	5.0003	5.0731
4.075 03	0.4300	1.3376	5.5551	5.5552	5.5457	5.5359	5.5182
1.005 04	0.5000	1.3304	5.3286	5.3546	5.3816	5.3829	5.3661
4.005 04	1.5200	1.4940	5.9790	5,9639	5.9056	5.8209	5.7451
1.00E 05	3.2400	1.7093	6.7479	6.6431	6.5503	6.4507	6.3204
4.008 05	7.9000	1.7353	6.9444	6.9222	6,8696	6.7970	6.6693
1.00F 06	13.9000	1.4829	5.9318	5.8909	5,7600	5.5783	5.4004
2.50F 06	12.5000	1.0091	4.0367	4.0096	3.9202	3.7977	3.6822
4.00E 06	13.2000	0.7332	2.9347	2.9324	2.9042	2.8375	2.7355
6.30F 05	14.4000	0.5217	2.0868	2.0686	2.0309	1.9930	1.9545
1.005 07	14.7000	0.3372	1.3490	1.3412	1.3224	1,2955	1.2603
4.005 07	38.7000	0.0592	0.2358	0.2225	0.1978	0.1762	0.1622
1.005 08	47.2000	0.0096	0.0344	0.0346	0.0350	0.0355	0.0362
ENFRGIF:	SOLL :	MITTE:	1.7462	2.0637	2.3812	2.6987	3.0162
2.505-02	0.3700	0.3550	1.5477	1.5997	1.6618	1.7346	1.8188
1.005 00	0.4300	0.5393	2.3458	2.4218	2.5135	2.6215	2.7455
1.00E 01	0.4700	0.9665	4.1458	4.2582	4.3875	4.5259	4.6687
1.002 02	1,5000	1.1917	5.0177	5.0939	5.1732	5.2496	5.3208
4.005 02	3.4700	1.2409	5-1387	5.1923	5.2599	5.3225	5.3600
1.00 03	0.4600	1.2121	5.1378	5.1960	5.2429	5.2702	5.2701
4.005 03	0.4300	1.3476	5.4912	5.4607	5.4181	5.3481	5.2458
1.005 04	0.5600	1.3304	5.3404	5.3065	5.2606	5.1868	5.0759
4.005 04	1.5200	1.4940	5.6799	5.5991	5.4892	5.3426	5.1646
1.015 05	3.2400	1.7003	6.1603	5,9724	5,7659	5.5414	5.2939
4.005 05	7.8000	1.7353	6.4754	6.2322	5.9480	5.6310	5.2931
1.005 06	13.9000	1.4829	5.2221	5.0272	4-8118	4.5703	4.3001
2.505.06	12,5000	1.0191	3.5669	3.4362	3.2847	3,1135	2-9268
4.00F 05	13.2000	0.7332	2.6090	2.4755	2.3414	2.2025	2.0577
5.305 05	14.4000	0.5217	1.9112	1.8549	1.7746	1.6715	1.5551
1.00F 07	14.7000	0.3372	1.2207	1.1739	1.1186	1.0576	0-9915
4.00% 07	38.7000	0.0592	0.1549	0.1509	0-1473	0-1422	0.1347
1.00F 03	47.2000	0.0085	0.0353	0.0318	0.0276	0.0244	0.0223

ABSTAND VOM MITTELPUNKT:

AUFLISTUDG TTP PICHTUDGSUNABHAENGIGEN EMPEINDLICHKEITEN EUER RADIUS = E.35 CM

1 40

ABSTAND VOM MITTELPUNKT:							
ENERGIE:	SOLL:	MITTE:	3.3337	3.6512	3.9687	4.2862	4.6037
2.50E-02	0.3700	0.3550	1.9154	2.0253	2.1498	2.2902	2.4479
1.00E 00	0.4300	0.5393	2.8860	3.0444	3.2201	3.4099	3.6066
1.00E 01	0.4700	0.9665	4.8138	4.9505	5.0622	5.1269	5.1109
1.00E 02	0.5000	1.1917	5.3707	5.3773	5.3240	5.1980	4.9784
4.00E 02	0.4700	1.2409	5.3598	5.3077	5.1850	4.9833	4.6899
1.00E 03	0.4600	1.2121	5.2296	5.1295	4.9580	4.7149	4.3883
4.00E 03	0.4300	1.3876	5.1172	4.9557	4.7439	4.4634	4.1030
1.00E 04	0.5600	1.3304	4.9310	4.7479	4.5109	4.2134	3.8538
4.00E 04	1.5200	1.4940	4.9584	4.7144	4.4224	4.0786	3.6819
1.00E 05	3.2400	1.7003	5.0187	4.7066	4.3541	3.9658	3.5388
4.00E 05	7.8000	1.7353	4.9356	4.5567	4.1574	3.7364	3.2900
1.00E 06	13.9000	1.4829	4.0045	3.6827	3.3384	2.9814	2.6129
2.50E 06	12.5000	1.0091	2.7271	2.5141	2.2866	2.0454	1.7929
4.00E 06	13.2000	0.7332	1.9050	1.7428	I•5717	1,3949	1.2156
6.30E 06	14.4000	0.5217	1.4324	1.3081	1.1837	1.0557	0.9224
1.00E 07	14.7000	0.3372	0.9189	0 • 84 17	0.7634	0.6823	0.5954
4.00E 07	38.7000	0.0592	0.1258	0.1159	0.1046	0.0929	0.0808
1.00E 08	47.2000	0.0086	0.0207	0.0190	0.0168	0.0146	0.0127
ENERGIE:	SOLL:	MITTE:	4.9212	5.2387	5.5562	5.8737	6.1912
2.50E-02	0.3700	0.3550	2.6249	2.8231	3.0453	3.2969	1.7154
1.005 00	0.4300	0.5393	3,7922	3.9281	3.9337	3.5939	1.6487
1.00E 01	0.4700	0.9665	4.9716	4.6587	4.1100	3,2229	1.3390
1.00E 02	0.5000	1.1917	4.6311	4.1294	3.4575	2.5757	1.0374
4.00E 02	0.4700	1.2409	4.2795	3.7419	3.0755	2.2538	0.8992
1.00E 03	0.4600	1.2121	3.9632	3.4350	2.7981	2.0352	0.8093
4.00E 03	0.4300	1.3876	3.6603	3.1343	2.5237	1.8156	0.7170
1.005 04	0.5600	1.3304	3.4242	2.9204	2.3431	1.6799	0.6618
4.00F 04	1.5200	1.4940	3.2290	2.7202	2.1590	1.5354	0.6025
1.005 05	3.2400	1.7003	3.0657	2.5515	2.0029	1.4092	0.5492
4.00F 05	7.3000	1.7353	2.8202	2.3315	1-8224	1.2797	0.4986
1.005 06	13.9000	1.4929	2.2298	1.8288	1.4161	0.9867	0.3832
2.50F 06	12.5000	1.0091	1.5306	1.2593	0.9762	0.6914	0.2650
4.005 06	13.2000	0.7332	1.0322	0.8438	0.6529	0.4562	0.1776
6.30F 06	14.4000	0.5217	0.7358	0.6479	0.5056	0.3538	0.1375
1.00E 07	14.7000	0.3372	0.5047	0.4128	0.3190	0.2219	0,0861
4.00E 07	38.7000	0.0592	0.0582	0.0557	0.0433	0-0303	0.0118
1.00E 09	47.2000	0.0096	0.0110	0.0093	0.0077	0.0053	0.0023

Т

41 I.

2.505-02	0.3700	0.1705	0.6839	0.6916	0.7072	0.7310	0.7635
1.00E 00	0.4300	0.2612	1.0476	1.0594	1.0832	1.1195	1.1691
1.005 01	0.4700	0.4511	1.8095	1.8298	1.8709	1.9337	2.0193
1.00 02	0.5000	0,5729	2.2981	2.3240	2.3762	2.4557	2.5610
4.00F 02	0.4700	0.6261	2.5115	2.5397	2.5967	2.6807	2.7882
1.00F 03	0.4600	0.6914	2.7333	2.7637	2.8200	2.8977	2,9992
4.00E 03	0.4300	0.7093	2.8452	2.8771	2.9414	3.0340	3.1455
1.00F 04	0.5600	0.7573	3.0376	3.0714	3.1346	3.2227	3.3369
4.00E 04	1.5200	0.9224	3.6966	3.6793	3.6415	3.6481	3.7047
1.00E 05	3.2400	1.1023	4.3587	4.3000	4.3132	4.3541	4.4047
4.00F 05	7.8000	1.5895	6.3713	6.3659	6.2998	6.2073	6.1299
1.00E 06	13.0000	1.7982	7.1338	7.0267	6.8602	6.7150	6.5767
2.50E 06	12.5000	1.5449	6.0675	5.8488	5.7000	5.6193	5,5159
4.00E 06	13.2000	1.2717	5.0955	5.0612	4.9401	4.7847	4.6447
6.30E 06	14.4000	1.1000	4-3468	4.2430	4.1537	4.0576	3.9308
1.00E 07	14.7000	0.7168	2.8726	2.8590	2.8054	2.7314	2.6441
4.00E 07	38.7000	0.0923	0.3704	0.3744	0.3825	0.3867	0.3821
1.00E 08	47.2000	0.0221	0.0986	0.0896	0-0916	0.0947	0.0989
ÉN ER GIE:	SOLL:	MITTE:	2.4447	2.8892	3.3337	3.7782	4.2227
2.50E-02	0.3700	0.1705	0.8053	0.8574	0.9207	0.9966	1.0868
1.00E 00	0.4300	0.2612	1.2329	1.3123	1.4090	1-5248	1.6623
L.09E 01	0.4700	0.4511	2.12.95	2.2059	2.4283	2.6185	2.8417
1.00E 02	0.5000	0.5729	2.6907	2.8478	3.0318	3.2390	3.4707
4.00E 02	0.4700	0.6261	2.4207	3.0798	3.2614	3.4645	3.6829
1.001 03	0.4600	0.6814	3-1191	3-2533	3.4117	3.5948	3.7901
4.01E 03	0.4300	0.7093	3.2657	3-3970	3.5438	3.6946	3.8430
1.00F 04	0.5600	0.1513	3.4720	3.6084	3.7433	3.8860	4.0233
4.00E 04	1-5200	0-9224	3.7919	3-9029	4.0190	4.1228	4.2094
1.00E 05	3.2400	1.1023	4.4708	4.5339	4.5854	4.6240	4.6374
4.008 05	7.3000	1.5895	6.0548	5.9623	5.8616	5.7479	5.6060
1.00F 06	13.9000	1.7882	6.4360	6.2873	6.1128	5.9099	5.6694
2.50E 06	12.5000	1.5449	5.3734	5.2060	5.0094	4.7863	4.5438
4.00E 05	13.2000	1.2717	4.5208	4.3814	4. <u>2</u> 079	4.0024	3.7699
6.305 06	14.4000	1.1000	3.7909	3-6390	3.4644	3.2763	3.0823
1.00E 07	14.7000	0.7168	2.5443	2.4395	2.3357	2.2283	2.1065
4.00E 07	38.7000	0.0923	0.3774	0.3753	0.3699	0.3594	0.3433
1.00E 08	47.2000	0.0221	0.1031	0.1070	0.1103	0.1097	0.1029

n.6667

1.1112

1.5557

2.0002

ABSTAND VOM MITTELPUNKT: . 0.2222

MITTE:

AUFLISTURIS CER RICHTUNGSUNARHAENGIGEN EMPEINDLICHKEITEN EUER RADIUS = - 8.89 CM

SOLL:

ENFPGIE:

- 42 -

#### AUFLISTUNG DER RICHTUNGSUNABHAENGIGEN EMPFINDLICHKEITEN FUER RADIUS = 8.89 CM

ABSTAND VO	MITT	TELPUNKT:
------------	------	-----------

ENFRGIE:	SOLL:	MITTE:	4.6672	5.1117	5,5562	6.0007	6-4452
2.50E-02	0.3700	0.1705	1.1930	1-3177	1.4635	1.6335	1.8316
1.00E 00	0.4300	0.2612	1.8244	2.0142	2.2349	2,4893	2.7801
1.00E 01	0.4700	0.4511	3.0975	3,3808	3-6867	3,9944	4.2694
1.005 02	0.5000	0.5729	3.7215	3,9748	4,2084	4-3895	4.4845
4.00E 02	0.4700	0.6261	3.9774	4.1242	4.3076	4.4276	4.4475
1.00F 03	0.4600	0.6314	3.9767	4.1328	4.2429	4-2891	4.2395
4.005 03	0.4300	0.7093	3.9776	4-0776	4-1368	4.1402	4.0493
1.00E 04	0.5600	0.7573	4.1360	4.2087	4.2245	4.1617	3,9985
4.005 04	1.5200	0.9224	4.2696	4.2886	4,2459	4.1158	3-8797
1.005 05	3.2400	1.1023	4.6151	4.5437	4.3995	4.1736	3.8677
4.005 05	7.9000	1.5895	5.4154	5.1641	4.8578	4-4890	4-0489
1.00E 06	13.4000	1.7982	5.3768	5.0344	4.6462	4-2126	3.7359
2.505 06	12.5000	1.5449	4.2718	3.9555	3.5985	3,2130	2.8062
4.005 06	13.2000	1.2717	3.5115	3.2271	2-9206	2.5973	2.2604
6.30F 06	14.4000	1.1000	2.8745	2.6488	2.4036	2.1376	1.9561
1.005 07	14.7000	0.7168	1.9732	1.8302	1.6705	1.4926	1.3002
4.005 07	38.7000	0.0923	0.3219	0.2968	0.2712	0.2459	0.2179
1.00E 08	47.2000	0.0221	0.0923	0.0805	0.0691	0.0591	0.0505
ENERGIE:	SILL:	MITTE:	6.8897	7.3342	7.7787	8.2232	8.6677
2.508-02	0.3700	0.1705	2.0622	2.3304	2.6426	3.0083	1.6030
1.008 00	0.4300	0.2612	3.1056	3.4419	3.7139	3.6921	1.7820
1.005.01	<b>1.47</b> ∩0	0.4511	4.4561	4.5014	4.2464	3.5209	1.5071
1.00E 02	0.5000	0.5729	4.4505	4.2173	3.7114	2.8616	1.1704
4.005 02	0.4700	0.6251	4.3197	3.9890	3.4176	2.5678	1.0339
1.005.03	0.4600	0.6314	4.0536	3.6965	3.1360	2.3388	0.9383
4.000 03	J•4300	0.7093	3.8223	3.4327	2.8648	2.1016	0.8344
1.005.04	0.5600	0.7573	3.7145	3.2908	2.7157	1.9765	0.7818
4.03-04	1.5200	0.9224	3.5332	3.0723	2.4890	1.7803	0.6972
1.002 05	3.2400	1.1023	3.4757	2.9908	2.4057	1.7089	0.6654
4.019.05	7.3000	1.5435	3.5406	2.9689	2.3369	1.6352	0.6323
1.09= 06	13.3000	1.7882	3.2164	2.6545	2.0560	1.4208	0.5464
Z.505 05	12.5000	1.5449	2.3947	1.9504	1.5037	1.0379	0.3990
4.11E 05	13.2000	1.2717	1.9117	1.5559	1.1939	0.8189	0.3136
5.115 05	14.4000	1.1000	1-5661	1.2722	0.9747	0.6683	0.2560
1.000 07	14.7000	0.7160	1.0988	0.8928	0.6821	0.4655	0.1777
4.001 07	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	0.0923	0.1960	0.1531	0.1163	0.0780	0.0293
1	47.2777	1.1221	0.0425	0.0345	0.0265	0.0181	0.0069

I. 43 1

#### 3.2.3 Richtungsunabhängigkeit

Für die praktische Dosimetrie ist ein richtungsunabhängiges Dosimeter von großer Wichtigkeit. Deshalb wurde zunächst untersucht, ob sich Konfigurationen von Aufpunkten in der Kugel finden lassen, deren Summe der Empfindlichkeiten einigermaßen richtungsunabhängig sind.

Als einfachste geometrische Figur bietet sich ein in die Kugel eingeschriebener regulärer Tetraeder an. Als Meßpunkte werden seine vier Eckpunkte gewählt. Für die Berechnung der Empfindlichkeit dieser vier Eckpunkte ist ihr geometrischer Ort in der Ebene  $\varphi$  = o maßgebend.

Die Prüfung erfolgt statistisch mit einer Monte-Carlo-Methode. Auf einen vorgegebenen Tetraeder wird eine beliebige Raumdrehung angewandt, die Eckpunkte werden auf die Ebene  $\mathscr{P}$  = o projiziert, die Werte aus den vorhandenen interpoliert und addiert. Aus einer Menge von 500 solcher Versuche wird der Mittelwert und die statistische Abweichung vom Mittelwert errechnet.

Einige Rechenwerte sind:

11,5"-Kugel, Energie 500 keV, Radius = 5,475 cm  $\sigma_{\rm m}$  = 3,88 <u>+</u> 0,151 bzw. Radius = 12,78 cm  $\sigma_{\rm m}$  = 4,02 <u>+</u> 0,180

D. h. die Werte an den vier Eckpunkten eines Tetraeders sind auf 5 % richtungsunabhängig.

Zunächst werden vier Einheitsvektoren angegeben, die einen Tetraeder in der Einheitskugel beschreiben.



Man überzeugt sich leicht, daß es Einheitsvektoren sind, und daß das Skalarprodukt je zweier Vektoren gleich -  $\frac{1}{3}$  ist. Dies muß aber so sein, da die Kantenlänge des in die Einheitskugel inbeschriebenen Tetraeders a = 4/ $\sqrt{6}$  beträgt und der Cosinus je zweier Radien zu den Eckpunkten des Tetraeders gleich  $\frac{a^2 - 2R^2}{2R^2} = -\frac{1}{3}$  ist.

Auf diesen speziellen Tetraeder wird nun eine beliebige Raumdrehung angewandt. Das Programm wird mitgeteilt. Die Abweichung von der Richtungsunabhängigkeit wurde eingehend untersucht, nicht nur für ausgewählte Energien bzw. Kugelradien, sondern für das gesamte Datenmaterial für die 11,5"-Kugel. Eine Übersicht über die Ergebnisse zeigen Abb. 8 - 11.

Natürlich sind die Wertesummen in der Nähe des Mittelpunktes richtungsunabhängig. Am Rand erreicht die Richtungsabhängigkeit im ungünstigsten Falle bis 10 % für niederenergetische Neutronen, nimmt jedoch für höhere Energien ab. Bei 4 MeV beträgt die Richtungsabhängigkeit im ungünstigsten Falle bis 5 %. Die mittlere Richtungsabhängigkeit beträgt jedoch nur 5 % bei 10 MeV und 2 % bei 4 MeV. Für die Richtungsunabhängigkeit des endgültigen Dosimeters ist noch der Summenterm des Mittelpunktes zu berücksichtigen, der die Richtungsabhängigkeit erniedrigt.

Zu den Kurven Abb. 8 - 11 sind auch die Ergebnisse der P5-Näherung aus 3.2.2 eingetragen. Diese Werte liegen z. T. außerhalb der statistischen Werte. Das liegt daran, daß die richtungsabhängigen Werte, aus denen diese bestimmt worden sind, selbst nur einer P1-Näherung entsprechen. Im folgenden wird mit den Ergebnissen mit der P5-Näherung weitergerechnet, im Vertrauen darauf, daß die statistische Untersuchung aus den richtungsabhängigen Ergebnissen die Richtungsunabhängigkeit innerhalb der angegebenen Fehlergrenzen gewährleisten. Die P5-Ergebnisse liefern aber auf jeden Fall in ihrer Art verläßlichere Werte.

#### 3.2.4 Neutronenspektrum in der Kugel

Um die Güte der Anpassung Monte-Carlo-Rechnung, Diffusionsrechnung beurteilen zu können, wurden für einige Fälle die Neutronenspektren an verschiedenen Stellen in der Kugel errechnet.

Um das epithermische Spektrum zu ermitteln, wurden in einem besonderen Lauf des Monte-Carlo-Programms die Neutronen gezählt, die jeweils die Kugelschalen mit dem Radius r passieren. Wenn man ein 1/E Spektrum erwartet, müßten die Zählraten für die logarithmisch eingeteilten Energieintervalle konstant sein. Wirklich zeigen das die Ergebnisse (Tabelle 3.2.4). Für kleine Radien ist die Statistik zu schlecht. Für mittlere Radien ist die Zählrate annähernd konstant, mit einer leichten Verzerrung in den obersten Energieintervallen. Hier werden Neutronen mitgezählt, die infolge ihrer hohen Energie mit hoher Wahrscheinlichkeit die Kugel nach wenigen Streuungen verlassen können. Am Rande ist das 1/E Spektrum nicht mehr vorhanden. Das Spektrum wird durch Streuungen aus der Kugel hinaus, die für höhere Energien wahrscheinlicher wird, verzerrt.

In den Abbildungen (10 - 12) werden drei Spektren gezeigt. Aufgetragen sind die Werte

$$g = \frac{\text{Zahlenwert} \cdot \pi \cdot \text{RA}^2}{0,46 \cdot 4 \pi r^2 \cdot 10000}$$

mit dem Zahlenwert aus Tabelle 3.2.4.

Hierin ist:

RA = 14,6 cm der Radius der Kugel
r, der Radius, an welchem gezählt wird

Die Zahl 0,46 ergibt sich aus der logarithmischen Energieeinteilung, 10000 ist die Anzahl der Schicksale. Das Ergebnis ist somit in Neutronen pro Energieintervall (MeV) und Fläche (cm<sup>2</sup>) pro einfallende Neutronenflußdichte angegeben. Zum Vergleich ist in den Abbildungen 10 - 12 das Maxwellspektrum eingezeichnet, welches sich aus den Ergebnissen der Diffusionsrechnung 3.2.2 ergibt. Aufgetragen ist

 $\varphi = \frac{\text{Rechenwert}}{4} \cdot \frac{E}{(0,0253)^2} \cdot e^{-\frac{E}{0,0253}}$ 

worin Rechenwert die Neutronenempfindlichkeit aus 3.2.2 ist. Es ist die Energie in eV. Der Vergleich der Spektren mit solchen, die in der Literatur angegeben sind, zeigt, daß sie mit dem übereinstimmen, was vernünftiger Weise zu erwarten war.

#### .5 Die Empfindlichkeit der Moderatorkugel gegenüber Nadelstrahlen.

Alle errechneten Empfindlichkeitswerte beziehen sich auf homogene Neutronenfelder. Interessant ist deshalb die Frage, in wieweit die Meßergebnisse verfälscht werden können, wenn extrem inhomogene Neutronenfelder ausgemessen werden sollen. Aus der Natur der Meßanordnung folgt ja sofort, daß die Ergebnisse nur richtig sein können, wenn das volle Volumen der Kugel zur Neutronenmoderation verwendet wird.

Abb. 13 zeigt einige Rechenergebnisse für Nadelstrahlen. Es wird die Empfindlichkeit der 11,5"-Kugel für 1 MeV Neutronenstrahlung untersucht. Zunächst ist der Wert für homogenen Neutroneneinfall angegeben. Dann wurde mit verschiedenen Nadelstrahlen gerechnet, die im Abstand  $\rho$  am Mittelpunkt vorbei laufen. Nadelstrahlen, die ins Zentrum der Kugel strahlen, erzeugen eine wesentlich höhere Empfindlichkeit. Je weiter sie nach außen liegen, desto größer ist ihre Wahrscheinlichkeit, daß sie nach außen weggestreut werden, desto kleiner ihre Wahrscheinlichkeit, daß sie ins Zentrum hineingestreut werden. Schließlich ergibt die Summe dieser Empfindlichkeiten die Empfindlichkeit für den homogenen Einfall.

## Tabelle 3.2.4

Einige Zählraten der Neutronen, die die Kugelschalen mit dem Radius r im Energieintervall um E passieren.

Radius (cm) r:

Energie E	4,0	4,7	5,5	6,2	6,9	7,7	8,4	9,1	9,9	10,6	11,3	12,0	12,8	13,5	14,2
1 eV	3	3	3	7	15	23	24	24	27	41	37	57	51	47	30
1,6	5	11	11	22	28	35	47	61	69	93	106	117	109	94	73
2,5	5	10	17	24	18	49	54	73	76	98	111	127	118	99	84
4,0	6	7	15	20	27	21	66	80	95	89	102	122	122	112	76
6,3	2	10	11	26	22	39	49	52	79	104	127	113	132	113	84
10,0	6	11	13	18	20	43	49	79	79	92	96	124	112	118	85
16,0	4	8	12	18	29	28	33	65	79	126	133	129	118	124	82
25,0	6	9	10	28	27	25	56	63	92	109	136	123	123	124	84
40,0	4	6	10	13	25	37	43	73	92	101	111	136	151	103	83
63,0	3	11	12	21	26	37	44	74	79	104	116	171	152	149	92
100 eV	11	12	12	20	26	33	46	53	81	93	116	153	154	140	120
160	7	8	17	20	28	26	51	91	94	92	125	115	138	121	117
250	4	8	8	21	28	39	39	61	99	<b>9</b> 8	141	130	145	141	102
400	5	9	10	21	24	35	42	68	81	103	142	149	139	138	117
630	5	9	6	22	32	42	37	51	81	98	129	154	153	176	135
1 keV	8	7	13	12	27	35	52	74	101	113	120	139	156	161	116
1,6	1	7	9	19	27	38	52	80	84	101	153	155	183	183	126
2,5	5	7	12	17	30	39	40	67	88	110	135	182	194	153	141
4,0	7	10	10	10	25	34	54	67	78	130	103	149	185	168	148
6,3	3	9	6	16	19	34	54	62	101	116	162	170	186	208	124
10	5	4	10	21	24	37	48	62	92	115	132	187	183	181	176
16	5	7	13	13	19	29	42	60	101	117	149	181	214	208	184
25	3	8	12	24	32	41	57	82	87	128	163	210	218	235	211
40	3	5	20	19	32	47	49	76	76	131	187	198	232	230	200
63	8	10	16	20	39	46	46	74	113	140	185	231	303	305	239
100	9	10	25	28	40	55	65	114	138	173	226	273	343	364	291
160	12	14	25	29	40	48	74	101	158	221	279	314	399	448	375
250	10	18	25	40	52	80	95	127	187	257	317	388	494	531	<b>47</b> 0
400	12	24	29	53	73	102	128	177	236	315	434	548	659	708	622
630	11	18	49	69	94	131	193	277	332	450	595	803	981	1137	1020
1 MeV	58	112	179	303	474	638	1019	1422	1967	2576	3430	4296	5112	5824	5884

ы 1 2 - 48 -

Dies Ergebnis zeigt, wie wichtig es ist, dafür zu sorgen, daß bei der Messung das ganze Moderatorvolumen ausgeleuchtet wird. Dies ist vor allem bei Messungen bei ausgeblendeten Neutronenstrahlen, z. B. bei Reaktorexperimente zu beachten.

# 2.6 Vergleich der berechneten Empfindlichkeiten mit Ergebnissen anderer Autoren

Die von uns berechneten Ergebnisse für den Mittelpunkt lassen sich mit denen von Hansen und Sandmeier bzw. von Bramblett vergleichen. Die Vergleiche sind in den Abbildungen 14 bis 16 aufgetragen. Es wurde jeweils auf das Maximum der Kurven im Bereich um 1 MeV normiert.

Allgemein ist zu bemerken, daß unsere Kurven im Energiebereich unter 10<sup>4</sup> eV relativ unter denen von Hansen und Sandmeier liegen, deren Form jedoch gut wiedergeben. Dies fällt besonders bei den Kurven für die 11,5-Zoll Kugel auf. Die Kurven von Bramblett weichen stark ab, vor allem in der Form. Bei der 5"Kugel deutet die Kurve von Hansen und Sandmeier ein breites Plateau von 1 bis 10<sup>6</sup> eV an. Die Kurve von Bramblett deutet kein solches Plateau an.

Da die Rechenmethode von Hansen und Sandmeier im einzelnen nicht bekannt ist, läßt sich die Differenz im Vergleich nicht genau erklären. In unseren Rechnungen wurde gezeigt, daß der Einfluß der höheren Näherungen auf kleine Energien beschränkt bleibt. (So schneiden sich zum Beispiel für die 11,5 Zoll-Kugel die Werte bei thermischen Energien.) Es bleibt die Frage offen, ob Hansen und Sandmeier Näherungen im niederenergetischen Bereich zu pauschal angesetzt haben.

#### 3 Die Approximationsrechnung

Es wurde zunächst versucht, die Approximation**a**aufgabe, d.i. die Darstellung der Energieabhängigkeit durch Auswahl von Stellen der Kugel sowie Gewichtsfaktoren zu finden, mit bereits erstellten Programmen zu lösen. An sich sind derartige Probleme altbekannt, und es existiert eine große Anzahl guter Programme, die sie lösen, z. B. (22). Für die Approximation der richtungsunabhängigen Neutronenfeldgrößen mit wenigen Meßaufpunkten wird eine solche Approximationsmethode benutzt (s. 3.3.4).

Für eine größere Zahl von Meßaufpunkten sind jedoch vom physikalischen Standpunkt die so gefundenen Lösungen schlecht. Das äußert sich darin, daß als Faktoren sehr große Zahlen mit wechselndem Vorzeichen errechnet werden. Die Energieabhängigkeit wird somit als die kleine Differenz großer Zahlen dargestellt. Auch ist es ungünstig, wenn schwach empfindliche Stellen mit einem allzu großen Faktor multipliziert werden. Beide Effekte bewirken, daß bei der eigentlichen Messung die Meßfehler zu stark ins Endergebnis eingehen. Mit anderen Worten: Die Approximation sollte auf jeden Fall die Fehlerfortpflanzung der Meßergebnisse berücksichtigen, d.h. minimalisieren.

Ein Beispiel zeigt Tabelle 3.3.0. Es wurde nach der Methode der kleinsten Quadrate gerechnet (22). Die Energiewerte über 10 MeV wurden weggelassen, um zunächst im unteren Energiebereich eine Approximation zu erhalten. Es wurde mit zehn Kugelstellen gerechnet. Die errechnete Approximation ist gar nicht schlecht. Charakteristisch – auch für alle Rechnungen dieser Art – sind die großen Gewichte mit alternierenden Vorzeichen. Das würde in der Praxis bedeuten, daß der zu bestimmende Meßwert als kleine Differenz großer Zahlen darzustellen ist. Die Meßfehler würden den so errechneten Wert bedeutungslos machen.

Ein weiteres Problem stellt das Finden der geeigneten Stellen dar. Will man etwa aus den 401 errechneten Stellen die 5 besten aussuchen, so hat man  $\binom{401}{5}$  ~10<sup>11</sup> Möglichkeiten. Auch wenn die Maschine pro Test nur Millisekunden braucht, ist eine solche Rechnung praktisch nicht durchführbar. Andererseits wäre dies aber auch unnötig, da benachbarte Kurven sich

## Beispiel einer Approximation mit kleinsten Fehlerquadraten

N = 28 FF = 0.400E	K = 10 01	P T = 0.	= 0 200E 01	М	= 10 E = 0.5	500E-04		ጥልሀ ፡	= 0.100	E-02						
Parameters	-0 217		02 0	8325	5205F 0		278	18823F	03	0 51	รมรดปรร	0.2	0	07/1870	) הלה	07
1 al ame o ci 5	-0.421	.67896E	03 0	.4416	5015E 0	<u> </u>	.526	77017E	02	0.18	153020E	02	-0.	21702	446E	03
(	) B.S.		PREI	)		ਸਾਜ਼ਾਹ	-		Fno	raio		-				
0.4690	99997E 0	0 0	0.9218750	, )OE OO	-0	451875	O 3 E	00	0.1000	1 BIC	02	0.47	21100	7E-∩1		
0.4890	99995E O	0 0	9165344	2E 00	-0	426534	47Е –	00	0.4000	0000E	02	0.58	79499.	8E-01		
0.5000	0000E 0	0 0	.9874572	8E 00	-0	4874572	28E	00	0.1000	0000E	03	0.63	98397	7E-01		
0.4699	99997E O	10 C	892211	1E 00	-0	422211	95E -	00	0.4000	0000E	03	0.74	88197	1E-01		
0.4599	99998E 0	0 C	.1042022	7E 01	-0	.582022	73E	00	0.1000	0000E	04	0.79	29796	DE-01		
0.4499	99999E O	10 C	.1075958	3E 01	-0	625958	26E	00	0.1600	0000E	04	0.84	23095	9E-01		
0.4400	00000E 0	0 C	.1096252	4E 01	-0	.656252	44E -	00	0.2500	0000E	04	0.86	44598	7E-01		
0.4299	99995E O	10 C	.1639389	OE 01	-0	120938	87E -	01	0.4000	0000E	04	0.88	86599	5E-01		
0.4299	99995E O	10 C	.1149383	5E 01	-0	.7193830	60E	00	0.6300	0000E	04	0.92	62895	6E-01		
0.5599	99994E O	0 C	0.1068878	2E 01	-0	.5088782	23E -	00	0.1000	0000E	05	0.95	03597	0E-01		- 1
0.7599	99999E O	10 C	0.1029693	6E 01	-0	.2696930	61E -	00	0.1600	0000E	05	0.10	22009	8E 00		10
0.1069	99997E O	01 C	.1166503	9E 01	-0	<b>.</b> 965042:	11E-	01	0.2500	0000E	05	0.10	88259	8E 00		1
0.1519	99995E O	01 C	.1994171	1E 01	-0	.4741710	64E	00	0.4000	0000E	05	0.11	57079	9E 00		
0.2399	99996E O	1 C	0.1290832	5E 01	0	.110916'	71E	01	0.6300	0000E	05	0.13	36969'	7E 00		
0.3239	99998E O	01 C	.3029586	8E 01	0	.2104129	98E	00	0.1000	0000E	06	0.15	01489	9E 00		
0.4239	99998E O	)1 C	.2425735	5E 01	0	.181426	43E	01	0.1600	0000E	06	0.18	11369'	7E OO		
0.5709	99991E O	)1 C	.4947860	7E 01	0	•762138]	37E	00	0.2500	0000E	06	0.22	79740	<u>JE 00</u>		
0.7799	99992E 0	1 0	0.8148910	5E 01	-0	.348911	29E	00	0.4000	0000E	06	0.33	98729	6E 00		
0.8339	99992E O	)1 (	.7925781	2E 01	0	.414217	95E	00	0.5000	0000E	06	0.38	24129	7E 00		
0.1059	99999E 0	2 C	0.1101245	1E 02	-0	.412451	74E	00	0.6300	0000E	06	0.42	52419	5E 00		
0.1350	JOOOOE 0	02 (	.1252612	23E 02	0	.9738769	95E	00	0.9000	0000E	06	0.61	74399:	9E 00		
0.1390	JOOOOE O	02 (	0.1379541	OE 02	0	.104589	46E -	00	0.1000	0000E	07	0.66	26349	7E 00		
0.1420	JOOOOE 0		.1489746	1E 02	-0	.697461	18E	00	0.1300	0000E	07	0.84	34099	6E 00		
0.1390	JUUUUUE U		.1381518	6E 02	0	.848140	72E-	01	0.1600	0000E	07	0.880	2830	0E 00		
0.1250	10000 <u>e</u> 0		1252929	07E 02	-0	.292968	75E-	01	0.2500	0000E	07	0.10	91015	8E 01		
0.1520	JUUUUUE U		0.1306/13	9E 02	0	.132861	14E	00	0.4000	OOOOE	07	0.11	17613	8E 01		
0.1440	JUUUUE U		0.1534350	06E 02	-0	.943506	24E -	00	0.6300	OOOOE	07	0.11	21916	8E 01		
0.1470	10000E 0		J. 1391377	う日 02	0	. (06227)	23E	00	0.1000	0000E	08	0.10	42223	9E 01		
I	PHI		SE		L	AMBDA		Analv	tic Par	tials	USED					
0.1309	99463E O	2 0	.8530814	6E 00	0	.100E 03	1	U								

51

hinreichend ähnlich sind. Die volle Rechnung wäre somit nur Zeitverschwendung. Zwei Möglichkeiten wurden vom Verfasser erwogen, das Problem mit vernünftigem Aufwand zu lösen:

#### A 1. Methode

Ein iteratives Verfahren. Die Sollkurve wird zunächst durch nur eine Kurve approximiert. Der verbleibende Fehler wird anschließend neun mal durch eine weitere Kurve ausgeglichen. Dabei wird die oben erwähnte Fehlerfortpflanzung berücksichtigt. Bei diesem Verfahren sind 10 x 400 Möglichkeiten durchzurechnen. Die Gesamtzahl von 4.000 Einzelapproximationen benötigt cine Rechenzeit von 20 Sekunden. Einschränkend ist zu bemerken, daß die gefundene Lösung nicht notwendig die beste Lösung ist.

#### B 2. Methode

Ein statistisches Verfahren. Aus den oben genannten 10<sup>11</sup> Möglichkeiten werden einige tausendzufällig herausgegriffene berechnet. Die Zufälligkeit wird durch einen Zufallzahlgenerator gesteuert. Die beste Approximation wird festgehalten. Anschließend wird die Zufälligkeit eingeschränkt, so daß nur noch benachbarte Stellen der bisher gefundenen besten Stelle berechnet werden. Auch dieses Verfahren muß im mathematischen Sinne nicht die beste Lösung liefern, doch wird sich zeigen, ob die so gefundene Lösung physikalisch brauchbar ist.

#### 3.3.1 Das Normalgleichungssystem mit Fehlerkorrektion

Es sei durch S(N) ein Neutronenspektrum der Energie N beschrieben. W(N) heiße die Äquivalentdosisleistungskurve, welche für die Energie N den Umrechungsfaktor Dosisleistung zu Neutronenfluß angibt. Dann ist die Gesamtdosis

$$D_{w} = \int W(N) \cdot S(N) \, dN \tag{1}$$

Weiter seien an irgendwelchen M-Stellen der Meßkugel Sählraten thermischer Neutronen B(M) gemessen. Es wird angenommen, daß es M-Werte A(M) gibt, derart, daß der Wert

$$D_{K} = \sum_{M} H(M) \cdot B(M)$$
<sup>(2)</sup>

ähnlich der Dosisleistung D<sub>W</sub> ist. Jetzt ist zunächst zu bemerken, daß die Zählraten B(M) mit einem Fehler behaftet sind, der bekanntlich gleich <u>+</u>  $\sqrt{B(M)}$  ist. Also ist Gleichung (1) genauer anzuschreiben

$$D_{K} = \sum_{M} H(M) \cdot B(M) \pm \sqrt{\sum H(M)^{2} \cdot B(M)}$$
(3)

Die Zählraten B(M) ergeben sich aus den spezifischen Empfindlichkeiten der Stelle M gemäß

$$B(M) = \int Y(M, N) \cdot S(N) dN$$
<sup>(4)</sup>

so daß die Gleichheit von  ${\rm D}_{\rm w}$  und  ${\rm D}_{\rm k}$  erfüllt wäre, wenn gälte

$$\sum_{M} H(M) \cdot Y(M,N) = S(N)$$
(5)

Die Gleichung bzw. Forderung (5) wird allgemein gelöst durch die Forderung, die Fehlerquadratsumme:

$$Q = \sum_{N} \left( S(N) - \sum_{M} H(M) \cdot Y(M,N) \right)^{2}$$
(6)

zu minimalisieren.

Kombiniert man jedoch Gleichung (1) mit Gleichung (3), so

wird das Fehlerquadrat

$$Q = \left[ \int \sum_{M} H(M) \cdot Y(M,N) \cdot S(N) dN - \int W(N) \cdot S(N) dN \right]_{(7)}^{2} + \int \sum_{M} H^{2}(M) \cdot Y(M,N) \cdot S(N) dN$$

Um diesen Ausdruck auszuwerten, soll das Fehlerquadrat zunächst für spezielle singuläre Neutronenspektren δ (N) ausgeschrieben werden

$$Q = \left(\sum_{M} H(M) \cdot Y(M,N) - W(N)\right)^{2} + \sum_{M} H^{2}(M) \cdot Y(M,N)_{(8)}$$

Dieser Ausdruck wird jetzt noch für eine gewisse Auswahl bestimmter Energien N außummiert

$$Q = \sum_{N} \left( \sum_{M} H(M) \cdot Y(M,N) - W(N) \right)^{2} + \sum_{M} H^{2}(M) \cdot \sum_{N} Y(M,N)$$
(9)

Diese Formel unterscheidet sich von (6) durch die quadratischen Glieder in A(M), welche die Meßfehler ausdrücken. .3 Es soll nun mit (9) in bekannter Weise das Normalgleichungssystem entwickelt werden.

$$\frac{\partial Q}{\partial H(M_o)} = 0 \qquad \text{liefert} \qquad (10).$$

$$\sum_{N} \forall (M,N) \cdot \left( \sum_{M} H(M) \cdot \forall (M,N) - W(N) \right) + H(M_{o}) \cdot \sum_{N} \forall (M_{o},N)$$

und mit der Schreibweise

$$\begin{bmatrix} Y_{M} \end{bmatrix} = \sum_{N} \forall (M, N) \\ \begin{bmatrix} Y_{M0} & Y_{M0} \end{bmatrix} = \sum_{N} \forall (M_{0}, N) \cdot \forall (M_{0}, N) + \sum_{N} \forall (M_{0}, N) \\ \begin{bmatrix} Y_{M0} & Y_{M} \end{bmatrix} = \sum_{N} \forall (M_{0}, N) \cdot \forall (M, N) \\ \begin{bmatrix} Y_{M0} & W \end{bmatrix} = \sum_{N} \forall (M_{0}, N) \cdot W(N) \\ \sum_{M} H(M) \begin{bmatrix} Y_{M0} & Y_{M} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{M0} & W \end{bmatrix}$$
(11)

Dies ist die altbekannte Normalgleichung mit dem Unterschied, daß die Diagonalelemente der Matrix  $\left[Y_{M_{o}}Y_{M}\right]$  um die Summenglieder  $\underset{N}{\overset{\sim}{\underset{}}} Y(Mo, N)$  erhöht werden.

## 3.2 Die schrittweise Approximation

Für nur eine Kurve A(M) = A wird aus (9) und (11) in der angeschriebenen Schreibweise

$$A = \frac{YW}{YY} = \frac{P(M)}{Q(M)}$$
(12)

und

$$Q = WW - \frac{YW^2}{YY} = Q(1)^2 - \frac{P^2(M)}{Q(M)}$$

(Die äußersten rechten Seiten geben die Rechenausdrücke an, welche im Rechenprogramm APRØ verwendet werden).

Da Q imm**e**r positiv ist, erreicht man ein Minimum von Q, wenn man das Mazimum des Ausdrucks p<sup>2</sup>(M)/Q(M) aus 400 möglichen Werten heraussucht. Man erhält mit diesem Verfahren diejenige Stelle angezeigt, welche die Sollkurve am besten approximiert. Der nächste Schritt ergibt sich, indem man W(N) durch W(N)-A(M<sub>0</sub>)  $T(M_0, N)$  ersetzt. Die Fehlerquadratsumme wird zunächst

$$Q = \sum_{N} \left( H(M) \cdot Y(M,N) - W(N) \right)^{2} + H^{2}(M_{0}) \sum_{N} Y(M_{0},N) + H^{2}(M) \cdot \sum_{(13)N} Y(M,N)$$

und dies führt zu

$$H = \frac{\left[Y \ W\right]}{\left[Y \ Y\right]} \qquad (14)$$
$$Q = \left[W \ W\right] - \frac{\left[Y \ W\right]^{2}}{\left[Y \ Y\right]} + H^{2}(M_{o}) \cdot \left[Y_{o}\right]$$

Das Rechenverfahren bleibt das gleiche.

Der Gesamtfehler, der sich nach n Schritten akkumuliert hat, wird

$$Q = \left[ W W \right] - \frac{\left[ Y^* W \right]^2}{\left[ Y^* Y^* \right]} + \sum_{M} H^2(M) \left[ Y_{M} \right]$$

worin Y<sup>\*</sup> die Fehlerkurve der letzten Näherung ist.

Es muß noch hinzugefügt werden, daß im Rechenprogramm APRØ noch die Mögichkeit eingebaut wurde, die Fehlerquadrate mit Gewichten zu belegen.

Zum Endergebnis erfüllt dieses Verfahren eine gestellte Forderung: Die approximierenden Faktoren bleiben klein. Der Faktor der Hauptapproximation bleibt unter 10, die folgenden Faktoren unterschreiten die eins.

Nachteilig ist die sehr schlechte Konvergenz des Verfahrens. Deshalb wird über die zweite angedeutete Möglichkeit versucht, eine bessere Approximation zu finden.

Die Tabellen 3.3.2 zeigen einige Beispiele.

#### Tabelle 3.3.2

Approximationen in steigender Ordnung

$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	FV	Kugelstell Radi Cosir Faktor G(N) Y(1	len 140 len 4.745 lus 0.950 'en 3.89	80 2.555 0.950 2.30	13 0.365 0.250 1.54	41 1.825 -0.950 1.07	380 13.505 0.950 -0.388	50 1.825 -0.050 0.699	380 13.505 0.950 -0.193	51 1.825 0.050 0.479	181 6.935 -0.950 0.573	360 12.775 0.950 -0.971E-	01
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Ev         10.0         40.0         1000.         4000.         1000.         0.160E       04         0.250E       04         0.400E       04         0.250E       04         0.400E       04         0.630E       04         0.630E       05         0.160E       05         0.400E       05         0.400E       05         0.400E       05         0.400E       05         0.400E       05         0.400E       06         0.250E       06         0.400E       06         0.500E       06         0.400E       07         0.150E       07         0.160E       07         0.160E       07         0.160E       07         0.160E       07         0.160E       03         0.160E <td><math display="block">\begin{array}{c} G(N) &amp; Y(1, 1, 0) \\ 1,00 &amp; 0, 1 \\ 1,0</math></td> <td>90551565565895135664657-94946555654066 1.3467778999001460309664657-94946555664 1.1111222222235544555557-745555400 1.20000000000000000000000000000000000</td> <td>0878588124947848405420 111222222225566815957799000566666666666666666666666666666</td> <td>999929458000950462272661 </td> <td>35585014706584464864 1112222222000555087080000000000000000000000</td> <td>001111112222491991 370356795074522491991 1111112222754577611265577789014557 11111112222754577811126527789014557</td> <td>115 425 425 425 425 425 425 425 42</td> <td>-0.0011111112225452 000011111112225554545454025554121005 1111111122254577611155454540025554121005 111111111111222555455451005</td> <td>0998 001111111122255460788190 11111111122255460788190 1111111112225547981113547580001954105 1111111111122255460788190 11111111111111242554190 11111111111111111111111111111111111</td> <td>6555 -0.01111111122255425 -0.0111111122255455555555555555555555555555</td> <td>-0.42652 227902430291496800050 111111222345778559234159265 1111222345778559234159265 1111222345778559234159265 111112265</td> <td>01</td>	$\begin{array}{c} G(N) & Y(1, 1, 0) \\ 1,00 & 0, 1 \\ 1,0$	90551565565895135664657-94946555654066 1.3467778999001460309664657-94946555664 1.1111222222235544555557-745555400 1.20000000000000000000000000000000000	0878588124947848405420 111222222225566815957799000566666666666666666666666666666	999929458000950462272661 	35585014706584464864 1112222222000555087080000000000000000000000	001111112222491991 370356795074522491991 1111112222754577611265577789014557 11111112222754577811126527789014557	115 425 425 425 425 425 425 425 42	-0.0011111112225452 000011111112225554545454025554121005 1111111122254577611155454540025554121005 111111111111222555455451005	0998 001111111122255460788190 11111111122255460788190 1111111112225547981113547580001954105 1111111111122255460788190 11111111111111242554190 11111111111111111111111111111111111	6555 -0.01111111122255425 -0.0111111122255455555555555555555555555555	-0.42652 227902430291496800050 111111222345778559234159265 1111222345778559234159265 1111222345778559234159265 111112265	01

Die letzten z Energiewerte wurden zur Approximation nicht berückeichtigt

-1. MA

<u>Tabelle 3.3.2</u>

Approximationen in steige:	nder	Ordnung
----------------------------	------	---------

	Kug	elstellen Radien Cosinus Faktoren	120 4.015 0.950 5.94	60 1.825 0.950 1.35	380 13.505 0.950 -0.488	60 1.825 0.950 1.02	380 13.505 0.950 -0.295	80 2.555 0.950 0.523	380 13.505 0.950 -0.181	100 3.285 0.950 0.274	380 13.505 0.950 -0.113	120 4.015 0.950 0.149	
EV 10.0 40.0 100. 1000. 0.160E 04 0.250E 04 0.400E 04 0.630E 04 0.100E 05 0.160E 05 0.250E 05	G(11) 1.00 1.00 2.00 2.00 2.00 3.00 3.00 4.00 4.00 4.00	Faktoren Y(1,1) 0.470 0.490 0.490 0.490 0.460 0.460 0.450 0.440 0.430 0.430 0.560 0.760 1.07	5.94 1.30 1.56 1.73 2.03 2.21 2.33 2.35 2.46 2.51 2.64	1.3 1.50 1.80 2.23 2.40 2.45 2.59 2.59 2.784 2.90 3.05	-0.488 0.578E-( 0.425 0.704 1.07 1.31 1.38 1.52 1.70 1.74 1.93 1.99 2.17	1.02 1.02 01 0.166 0.555 0.848 1.23 1.48 1.56 1.71 1.90 1.94 2.14 2.20 2.40	-0.295 -0.705 -0.273 0.662E 0.529 0.827 0.914 1.08 1.30 1.35 1.59 1.65 1.87	-0.634 -0.188 -01 0.161 0.635 0.941 1.03 1.20 1.42 1.43 1.73 1.79 2.02	-0.181 -1.17 -0.697 -0.320 0.203 0.536 0.634 0.820 1.05 1.12 1.39 1.45 1.69	0.274 -1.12 -0.641 -0.257 0.274 0.612 0.711 0.900 1.14 1.21 1.48 1.54 1.79	-0.113 -1.46 -0.958 -0.557 0.481E- 0.360 0.464 0.661 0.909 0.982 1.27 1.33 1.59	0.149 -1.42 -0.919 -0.514 -02 0.531E-01 0.412 0.517 0.716 0.716 0.967 1.04 1.33 1.40 1.65	1
0.400E 05 0.630E C5 0.100E C6 0.160E C6 0.250E C6 0.400E C6 0.500E C6 0.630E 06 0.900E 06 0.100E 07 0.130E 07 0.160E 07 0.250E 07 0.400E 07 0.630E 07 0.160E 07 0.160E 08 0.250E 08 0.400E 08 0.630E 08 0.630E 08 0.100E 09 0.160E 09 0.160E 09	$\begin{array}{c} 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 4.00\\ 3.00\\ 2.00\\ 2.00\\ 1.00\\$	1.52 2.40 3.24 4.24 5.70 8.34 10.6 13.9 13.9 13.9 13.9 13.9 13.9 13.9 13.9	$\begin{array}{c} 2.96\\ 3.15\\ 3.71\\ 4.10\\ 5.05\\ 6.31\\ 7.04\\ 7.50\\ 9.41\\ 10.3\\ 10.4\\ 9.66\\ 8.51\\ 6.98\\ 2.51\\ 1.312\\ 0.359\\ 10.3591\\ 0.19\end{array}$	3.649         4.779         5.432         1.476         12.61         12.61         12.100         7.384         1.1.12         1.12.12	2.59 2.86 3.54 4.06 5.22 6.84 7.73 8.41 10.9 12.3 12.3 12.8 12.0 10.9 8.96 6.00 3.27 1.82 0.917 0.476 0.245	2.84 3.13 3.86 4.43 5.68 7.47 8.44 9.20 12.0 13.6 13.6 13.6 14.3 13.4 12.3 10.1 6.80 3.70 2.10 1.04 0.543 0.277	2.34 2.66 3.41 4.00 5.28 7.10 8.08 8.88 11.7 13.3 13.3 13.3 13.3 13.3 13.2 10.0 6.76 8.09 1.03 0.540 0.274	$\begin{array}{c} 2.50\\ 2.83\\ 3.62\\ 4.23\\ 5.57\\ 7.50\\ 8.57\\ 9.37\\ 12.4\\ 14.1\\ 14.9\\ 14.0\\ 12.9\\ 10.6\\ 7.17\\ 3.90\\ 1.09\\ 10.6\\ 7.17\\ 3.90\\ 1.09\\ 0.572\\ 0.291\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.19\\ 2.54\\ 3.34\\ 3.97\\ 5.32\\ 7.27\\ 8.29\\ 9.17\\ 12.2\\ 13.9\\ 14.8\\ 13.9\\ 12.8\\ 10.6\\ 7.14\\ 3.89\\ 1.09\\ 0.570\\ 0.290\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.30\\ 2.66\\ 3.48\\ 4.12\\ 5.51\\ 7.551\\ 8.47\\ 12.6\\ 14.4\\ 15.3\\ 13.2\\ 9\\ 7.35\\ 4.00\\ 2.27\\ 1.26\\ 14.4\\ 15.3\\ 13.2\\ 9\\ 7.35\\ 4.00\\ 2.27\\ 1.586\\ 0.299\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.11\\ 2.48\\ 3.96\\ 5.396\\ 7.34\\ 9.5\\ 12.5\\ 14.3\\ 15.2\\ 14.2\\ 14.2\\ 10.399\\ 2.26\\ 1.28\\ 10.58\\ 2.99\\ 1.28\\ 10.58\\ 2.98\\ 1.28\\ 0.28\\ 0.298\\ 1.28\\ 0$	$\begin{array}{c} 2.18\\ 2.55\\ 3.40\\ 4.06\\ 5.48\\ 7.53\\ 8.61\\ 9.53\\ 12.7\\ 12.7\\ 14.5\\ 15.5\\ 14.5\\ 13.4\\ 11.1\\ 7.45\\ 13.4\\ 11.1\\ 7.45\\ 2.30\\ 1.13\\ 0.594\\ 0.303\end{array}$	54

Die letzten 6 Energiewerte wurden zur Approximation nicht berücksichtigt

## Tabelle 3.3.2

Approximationen in steigender Ordnung

	Kuge	elstellen	322	202	14	123	163	203	382	243	222	223
		Radien	11.315	6.935	0.365	4.745	6.205	7.665	13.505	9.125	7.665	8.395
		Cosinus	0.950	0.950	0.150	-0.950	-0.950	-0.950	0.950 .	-0.950	0.950	-0.950
		Faktoren	0.275	0.130	0.135	0.134	0.102	0.837E-01	0.135E-01	0.667E-01-	-0.773E-02	0.553E-01
EV	G(N)	Y(1,N)										
10.0	1.00	1.00	0.684	0.760	0.768	0.769	0.770	0.771	0.811	0.811	0.805	0.805
40.0	1.00	1.00	0.770	0.861	0.871	0.873	0.874	0.875	0.913	0.913	0.906	0.907
100.	1.00	1.00	0.789	0.890	0.901	0.903	0.904	0.905	0.941	0.941	0.933	0.933
400.	1.00	1.00	0.813	0.924	0.937	0.940	0.942	0.943	0.975	0.975	0.967	0.967
1000.	1.00	1.00	0.800	0.919	0.932	0.935	0.936	0.937	0.967	0.968	0.959	0.959
0.160E 04	1.00	1.00	0.812	0.934	0.948	0.952	0.954	0.955	0.985	0.985	0.976	0.977
0.250E 04	1.00	1.00	0.800	0.927	0.942	0.946	0.948	0.949	0.977	0.978	0.968	0.968
0.400E 04	1.00	1.00	0.814	0.946	0.961	0.965	0.966	0.967	0.995	0.995	0.985	0.985
0.630E 04	1.00	1.00	0.809	0.943	0.959	0.963	0.965	0.966	0.993	0.993	0.983	0.984
0.100E 05	1.00	1.00	0.774	0.912	0.927	0.931	0.933	0.934	0.959	0.960	0.950	0.950
0,160E 05	1.00	1.00	0.800	0.941	0.959	0.964	0.966	0.968	0.993	0.993	0.983	0.983
0.250E 05	1.00	1.00	0.792	0.942	0.961	0.966	0.969	0,970	0.994	0.995	0.984	0.984
0.400E 05	1.00	1.00	0.783	0.942	0.961	0.966	0.968	0.969	0.992	0.992	0.981	0.981
0.630E 05	1.00	1.00	0.792	0.968	0.990	0.996	0.999	1.00	1.02	1.02	1.01	1.01
0.100E 06	1.00	1.00	0.773	0.957	0.982	0.987	0.990	0.991	1.01	1.01	0.999	1.00
0.160E 06	1.00	1.00	0.765	0.972	1.00	1.01	1.01	1.01	1.03	1.03	1.02	1.02
0.250E 06	1.00	1.00	0.767	0.997	1.03	1.04	1.05	1.05	1.07	1.07	1.05	1.05
0.400E 06	1.00	1.00	0.730	0.995	1.05	1.06	1.07	1.07	1.09	1.09	1.07	1.07
0.500E 06	1.00	1.00	0 703	0 966	1 03	1 04	1.05	1.06	1.07	1.07	1.06	1.06
0.630E 06	1.00	1.00	0.688	0.966	1 03	1.05	1.07	1.07	1.09	1.09	1.07	1.07
0.900E 06	1.00	1 00	0.665	0.966	1.06	1 10	1 12	1 13	1,14	1.15	1.13	1.13
0.100E 07	1.00	1.00	0.631	0 035	1 04	1 07	1 00	1 10	1.12	1.12	1.10	1.11
0.130E 07	1.00	1 00	0.574	0 878	1 01	1 05	1 08	1 00	1.10	1.11	1.09	1.10
0.160E 07	1.00	1,00	0.525	0.810	0 924	1.01	1 04	1.06	1.07	1.08	1.06	1.07
0 250E 07	1 00	1.00		0.671	0.838	0 010	0.068	0 007	1 00	1 02	1 01	1.02
0.400E 07	1 00	1 00	$\bigcirc 337$	0.567	0.000	0.831	0.801	0 020	0 935	0 960	0.946	0.969
0 630F 07	1 00	1.00	0.25/		0.606	0,001	0.778	0.82/	0.820	0.858	0 847	0.874
0 100F 08	1 00	1.00	0.234 0.177	0 316	0.000	0.709	0.653	0.705	0.708	0.000	0 734	0.765
0 160F 08	1 00	1.00	0.108	0.100	0.308	0.102	0.055	0.511	0.700	0.544	0 538	0.566
0 250F 08	1 00	1.00	0.100 0.5//7E-01	0.10/	0.167	0.702	0.261	0.201	0.201	0.312	0 300	0.327
0 4005 08	1.00	1.00	0.970E-01	$0.528 E_{-01}$	0.107	0.118	0.130	0.291	0.291 0.15/	0.165	0.163	0.173
0 6305 08	1 00	1 00	0.2705-01	0.920E-01	0.0995-01	0.5575-01	0.109 0.6755-01	0, 1, 2, 4 0, 7, 1, 7, $E = 0.1$	0.7506-01	0.100	$\begin{array}{c} 0 & 7 \\$	0.838E-01
0.100E 00	1 00	1.00	0.12/E-01	0.2905-01	0.407E-01		0.075E-01	0.187E-01		0.521E-01	0.77E - 01	0.548F-01
0.1605.09	1 00	1.00		0,101E-01	0.1775.01		0.4355-01	0.407E-01	0.4000-01	0.0755-01	0.9175-01	0.9400 01 0.201F=01
0.1005 09	<b>I</b> .00	1.00	U. DU4E-02	U.920E-U2	U,1))E-U1	0.1056-01	U.225E-01	U.20/E-UI	0,200 <u>-</u> 01	U.2/JB-UI	0.2195-01	0.2710-01

Die letzten 6 Energiewerte wurden zur Approximation nicht berücksichtigt

#### Tabelle 3.3.1

Approximationen in steigender Gränung

	EL S	elotellen taskiv	JIZ An Biz		382 13,505	223 8,395	243 9.125	222 7.665	263 0.355	283 10.585	182 61225	402 14.035
		بيغ ماند من . چاريم ٿاري داڙ		1,950	-J.4FC -	-0.950	-0.950	0.0FC -	-č. 450	-0.050	0.050	0.040
		Reptomen		1.150	0.0137-01	0.150	0.122 .	-0.671E-02	0.125	0.100 -	-0.501E-00	0.1832-01
	9/11	7 (A . 11)			0.22/2 02							
· · ·	1 00	1 2 2	n (2017)	C.695	0.755	0.759	0.759	0.754	0.754	0.755	0.752	0.775
		4 00	0.745	0.810	0.870	0.871	0.872	0.865	0.865	0.866	0.863	0.883
		1 00	0.898	0.345	0.901	3.902	0.902	0.896	0.896	0.896	0.893	0.911
	2.00	1.00	0.860	0.888	0.030	0.940	0.941	0.933	0.954	0.934	0.930	0.946
10.00	2.00	1.00	0.831	0.901	0.948	0.949	0.950	0.942	0.943	0.943	0.030	0.953
1000. 1 160# 54	2.00	1.00	n.844	0.921	0.967	0.969	0.970	0.961	0.962	0.962	0.958	0.972
0.250E 05	7 60	1.00	0.895	0.917	0.962	0.963	0.964	0.955	0.956	0.956	0.952	0.965
0.1005.04	3.00	1 00	0.912	0.935	0.978	0.980	0.980	0.972	0.972	0.972	0.968	0.980
0.4305.04	1 00	1 00	0 907	0.931	0.073	0.974	0.975	0.967	0.967	0.963	0.965	0.975
0.1005 05	1 00 1	1 00	0.868	0.913	0.952	0.954	0.954	0.946	0.946	0.946	0.941	0.955
0.160E 05	4 00	1.00	0.925	0.951	0.990	0.992	0,993	0.984	0.985	0.985	0.980	0.991
0.250E 05	4.00	1.00	0.924	0.951	0.989	0.991	0.992	0.982	0.983	0.984	0.978	0.989
0 400E 05	4 00	1.00	0.925	0.954	0.991	0.992	0.993	0.983	0.984	0.984	0.978	0.989
0.630E 05	4.00	1.00	0.953	0.986	1.02	1.02	1.02	1.01	1.01	1.01	1.01	1.02
0.100E 06	4.00	1.00	0.947	0.984	1.02	1.02	1.02	1.01	1.01	1.01	1.00	1.01
0.160E 06	4.00	1.00	0.944	0.988	1.02	1.02	1.02	1.01	1.01	1.01	1.00	1.01
0.250E 06	4.00	1.00	0.976	1.03	1.06	1.06	1.06	1.05	1.05	1.05	1.04	1.05
0.400E 06	4.00	1.00	0.950	1.03	1.05	1.06	1.06	1.05	1.05	1.05	1.04	1.05
0.500E 06	4.00	1.00	0.928	1.01	1.04	1.05	1.05	1.03	1.04	1.04	1.03	1.04
0.630E 06	4.00	1.00	0.915	1.01	1.04	1.04	1.05	1.03	1.04	1.04	1.03	1.03
0.900E 06	4.00	1.00	0.899	1.04	1.06	1.07	1.08	1.07	1.07	1.08	1.06	1.07
0.100E 07	4.00	1.00	0.859	0.998	1.02	1.03	1.04	1.03	1.04	1.04	1.03	1.03
0.130E 07	3.00	1.00	0.794	0.964	0.981	1.01	1.02	1.00	1.02	1.03	1.01	1.02
0.160E 07	3.00	1.00	0.725	0.900	0.917	0.946	0.965	0.949	0.965	0.975	0.963	0.967
0.250E 07	2.00	1.00	0.566	0.782	0.796	0.842	0.872	0.859	0.885	0.903	0.891	0.894
0.400E 07	2.00	1.00	0.478	0.676	0.687	0.752	0.796	0.784	0.823	0.851	0.840	0.843
0.630E 07	1.00	1.00	0.362	0.563	0.571	0.650	0.703	0.693	0.741	0.774	0.765	0.767
0.100E 08	1.00	1.00	0.252	0.425	0.430	0.519	0.581	0.574	0.630	0.670	0.663	0.664
0.160E 08	1.00	1.00	0.160	0.277	0.280	0.360	0.417	0.412	0.464	0.500	0.496	0.497
0.250E 03	1.00	1.00	0.794E-01	0.149	0.151	0.202	0.239	0.237	0.271	0.295	0.293	0.293
0.400E 08	1.00	1.00	0.409E-01	0.831E-01	0.838E-01	0.111	0.130	0.129	0.146	0.159	0.158	0.158
0.630E 08	1.00	1.00	0.189E-01	0.362E-01	0.367E-01	0.498E-01	0.588E-01	0.582E-01	0.666E-01	0.725E-01	0.719E-01	0.720E-01
0.100E 09	1.00	1.00	0.116E-01	0.221E-01	0.223E-01	0.312E-01	0.372E-01	0.368E-01	0.422E-01	0.460E-01	0.456E-01	0.457E-0 <sub>1</sub>
0.160E 09	1.00	1.00	0.745E-02	0.119E-01	0.121E-01	0.172E-01	0.204E-01	0.202E-01	0.230E-01	0.251E-01	0.249E-01	0.250E-01

Die letzten 6 Energiewerte wurden zur Approximation nicht berücksichtigt

#### 3.3 Eine statistische Approximationsmethode

Wie bereits bei der Darstellung der Approximationsrechnung erster Art, Gleichung (8), gezeigt wurde, gehen die Gewichte quadratisch in das Fehlerquadrat ein. Es ist daher naheliegend, die Kugelstellen so auszusuchen, daß die Quadratsumme der Gewichte ein Minimum wird. Um die Rechnung zu vereinfachen, wird zunächst die Gauß'sche Fehlerrechnung nicht mitgezogen, sondern mit fünf festen Energiewerten gerechnet. Das heißt für jede Kugelstellenauswahl ist ein lineares Gleichungssystem zu lösen; es ergibt fünf Gewichte, mit welchen die Sollkurve an fünf Stellen exakt wiedergegeben wird. Da alle Kurven stetig sind, gibt es um jede Energiestelle ein Gebiet, wo die mit den Gewichten berechnete Approximation noch approximiert, und zwar um so besser, je kleiner die Gewichte sind.

Es bot sich eine ungeordnete Durchsuchung der Möglichkeiten an. Durch eine Monte-Carlo-Routine werden jeweils fünf beliebige Stellen der Kugel ausgesucht, das zugehörige lineare Gleichungssystem gelöst und die Quadratsumme der Gewichte gebildet. Es zeigt sich, daß nach einigen tausend Versuchen eine hinreichend kleine Quadratsumme gefunden wird. Nunmehr wird nur noch in der Nähe der bisher günstigsten Stelle weitergesucht. Die Rechnung wird so lange fortgeführt, bis das Verfahren fast zum Stehen kommt. Das wird dadurch gesteuert, daß die Maschine bei einer vorgegebenen Anzahl von vergeblichen Schritten (e.g. 9.000) die Suche aufgibt. Das Ergebnis wird dann ausgedruckt und geplottet.

Die so gewonnenen Ergebnisse sind deutlich besser als die nach der ersten Approximationsmethode. Das liegt m.E. daran, daß die approximierende Kurve jetzt gezwungen wird, um die Sollkurve zu oszillieren. Für die Messung bedeutet das ferner einen gewissen Fehlerausgleich.

Die Grenzen der Methoden sollen nicht verschwiegen werden. Es wurde versucht, nach dieser Methode eine Approximation bei sehr hohen Energien zu erzielen. Das Ergebnis ist völlig unsinnig. Der Grund liegt in den großen Gewichten, welche die Sollkurve an fünf vorgegebenen Stellen richtig approximieren. An den übrigen Stellen stehen nur aufgeschaukelte Rechenfehler. Dies bedeutet, daß vom Prinzip her mit den vorgegebenen Werten eine Approximation bei sehr hohen Energiewerten nicht möglich ist.

#### Tabelle 3.3.3.1

#### 1. Beispiel einer Approximationsrechnung

Programm	lief	0.00	Sekunden,	machte	1	Schritte,	und	stolperte	O mal.	105	276	117	189	3910	).4714E	07
Programm	lief	0.02	Sekunden,	machte	1	Schritte,	und	stolperte	O mal.	131	335	275	222	1710	).8914E	06
Programm	lief	0.00	Sekunden,	machte	2	Schritte,	und	stolperte	O mal.	372	244	298	62	218	560.6	
Programm	lief	3.10	Sekunden,	machte	521	Schritte,	und	stolperte	O mal.	353	93	311	81	318	540.9	
Programm	lief	1.53	Sekunden,	machte	261	Schritte,	und	stolperte	O mal.	358	262	176	367	380	520.8	
Programm	lief	2.66	Sekunden,	machte	445	Schritte,	und	stolperte	O mal.	339	312	156	377	149	434.4	
Programm	lief	7.37	Sekunden,	machte	1242	Schritte,	und	stolperte	O mal.	56	159	373	298	358	409.5	
Programm	lief	0.60	Sekunden,	machte	103	Schritte,	und	stolperte	O mal.	332	160	27	359	338	359.4	1
Programm	lief	7.09	Sekunden,	machte	1189	Schritte,	und	stolperte	O mal.	338	180	300	78	380	238.9	5

Programm ist müde geworden und macht jetzt nur noch kleine Schritte

Programm lief 55.07 Sekunden, machte 270 Schritte, und stolperte Programm lief 0.52 Sekunden, machte 38 Schritte, und stolperte Programm lief 11.88 Sekunden, machte 2047 Schritte, und stolperte Programm lief 1.34 Sekunden, machte 226 Schritte, und stolperte Programm lief 10.32 Sekunden, machte 1756 Schritte, und stolperte Programm will nicht mehr. Es ist 0 mal gestolpert

# Approximation der Dosisempfindlichkeit

		Kurven Radien	318 11.315	220 7.665	180 6.205	95 3.285	380 13.505
		Cosinus Faltoren	-7.883	0.950 3.584	0.950	0.450	0.950
Energie	Sollkurve	Approximation	1.00)	+ ٦٠ ٦٠	1.)/)	0.000	ر+0•ر
10.	0.470	2.336	1.851	0.754	0.458	0.108	2.952
40.	0.490	1.767	2.010	0.902	0.548	0.131	2.508
100.	0.500	1.110	2.120	0.993	0.607	0.146	2.652
0.40E 03	0.470	0.351	2.200	1.095	0.672	0.166	2.380
0.10E 04	0.460	0.460	2.195	1.156	0.724	0.178	2.231
0.16E 04	0.450	0.476	2.205	1.203	0.736	0.182	2.187
0.25E 04	0.440	0.676	2.199	1.243	0.770	0.190	2.117
0.40E 04	0.430	0.947	2.181	1.284	0.808	0.200	2.035
0.63E 04	0.430	0.585	2.217	1.297	0.813	0.203	1.991
0.10E 05	0.560	0.560	2.206	1.313	0.850	0.212	1.864
0.16E 05	0.760	1.444	2.131	1.373	0.860	0.220	1.865
0.25E 05	1.070	1.532	2.172	1.454	0.910	0.230	1.794
0.40E 05	1.520	1.882	2.182	1.495	0.989	0.257	1.704
0.63E 05	2.400	2.758	2.184	1.644	1.083	0.276	1.608
0.10E 06	3.240	3.240	2.197	1.705	1.163	0.325	1.534
0.16E 06	4.240	4.055	2.285	1.886	1.316	0.375	1.451
0.25E 06	5.710	6.308	2.210	2.061	1.489	0.467	1.362
0.40E 06	7.800	8.765	2.245	2.329	1.758	0.631	1.264
0.50E 06	8.340	9.350	2.168	2.290	1.797	0.688	1.206
0.63E 06	10.600	10.453	2.142	2.374	1.909	0.792	1.111
0.90E 06	13,500	13.846	1.993	2.492	2.170	1.034	1.024
<u>0.10E 07</u>	13.900	13.900	1.950	2.492	2.161	1.079	0.953
0.13E 07	14.200	14.903	1.814	2.434	2.218	1.237	0.839
0.16E 07	13.900	14.693	1.719	2.337	2.143	1.298	0.810
0.25E 07	12.500	14.051	1.474	2.052	2.018	1.397	0.612
<u>0.40E 07</u>	13.200	13.200	1.128	1.769	1.745	1.337	0.474
0.63E 07	14.400	11.368	0.908	1.421	1.491	1.321	0.357
0.10E 08	14.700	8.924	0.613	1.023	1.122	1.106	0.238
0.16E 08	21.000	5.990	0.392	0.671	0.745	0.786	0.140
0.25E 08	31.000	3.011	0.218	0.358	0.381	0.434	0.073
0.40E 08	38.700	1.610	0.111	0.183	0.204	0.230	0.034
0.63E 08 0.10E 09	42.000	0.798	0.057	0.086	0.105	0.110 0.067	0.020

5.3

64 -

Т

Es werden die Ergebnisse dreier Rechnungen mit der 11,5-Joll-Kugel in Abb. 19 bis Abb. 18 vorgelegt. Das Programm wurde so dimensioniert, daß mit 8 Aufpunkten approximiert wurde.

Bei der Abb. 17 wurde in der Approximation zugelassen, daß bei thermischen Neutronen eine erhebliche Fehlanpassung auftritt.

Bei der Abb. 18 wurde die Approximation auch bei thermischer Energie erzwungen. Als unerwünschter Nebeneffekt tritt hierbei auf, daß Schwankungen um die Sollkurve auftreten, so daß auch negative Empfindlichkeiten resultieren können.

Bei sehr hohen Energien, d.h. ab etwa 6,3 MeV, zeigt sich eine prinzipielle Schwäche der jetzigen Methode, so daß eine gute Approximation nicht möglich erscheint. Spätere Rechnungen mit anderem Kugelmaterial sollen hier eine wesentliche Besserung bringen.

Die Abb. 19 zeigt eine Approximation, die die Nachteile der Approximation von Abb. 27 und 18 nicht aufweist. Allerdings ist auch hier der starke Abfall bei hohen Energienbedenklich.

In der Abb. 19 wird eine Approximation der Dosisleistungskurve mit den Daten der richtungsunabhängigen Werte dargestellt. Da mit 5 x 4 Aufpunkten gerechnet wurde, ist diese Lösung praktisch uninteressant. Es kann jedoch festgehalten werden, daß eine richtungs- und energieunabhängige Approximation der Dosisleistungskurve im Prinzip möglich ist.

#### .3.4 Die Approximation für richtungsunabhängige Neutronenfeldgrößen

Die Neutronenfeldgrößen sollen durch die Meßwerte im Mittelpunkt und an vier Tetraederaufpunkten in der Kugel approximiert werden. Die 11,5" Kugel war gewählt worden, weil ihre Empfindlichkeit im Mittelpunkt schon der Dosisleistungskurve recht nahe kam (2). Durch die Hinzunahme von vier weiteren Stellen soll dieser Wert verbessert werden, bzw. durch Errechnung weiterer Gewichtsfaktoren auch eine Flußmessung ermöglicht werden. Mathematisch heißt das, daß nur ein Wert

zu variieren ist, der Wert für alle vier Tetraederaufpunkte. Eine einfache Approximationsrechnung mit der Klein'schen Methode reicht hier völlig aus. Im vorgelegten Rechenprogramm wird der Radius der Tetraederpunkte und die Endenergie, bis zu welcher approximiert werden soll, variiert.

Das Rechenprogramm wird unter der Bezeichnung APRØ - ZWEI mitgeteilt. Die Ergebnisse sind in den Tabellen 3.3.4 wiedergegeben bzw. in den Abbildungen 20 bis 24 aufgetragen.

Die Approximation der flat-response-Kurve gelingt bis etwa 10 MeV. Eine Ausweitung des flachen Bereiches über 10 MeV scheint mit einer Polyäthylenkugel nicht mögich. Dies liegt darin, daß die Empfindlichkeit dieser Kugeln oberhalb 10 MeV allgemein stark abfallen, weil der Wirkungsquerschnitt dort sehr klein wird. Will man diesen Effekt dadurch begegnen, daß man den Umfang der Kugel vergrößert – er müßte wesentlich vergrößert werden – so würde ein gänzlich unpraktisches Gerät entstehen.

Dieselben Begrenzungen findet man bei der Approximation der Äquivalentdosiskurve. Zum intermediären und schnellen Bereich unterhalb einer Energie von 6 MeV ist die Approximation besser als solche, die aus der Literatur bekannt sind.

Weiterhin wurde die Energiedosiskurve approximiert, Abb. 22. Bis zur Energie 6 MeV ist die Approximation zufriedenstellend.

Es muß noch bemerkt werden, daß alle drei Approximationen flat response, Äquivalentdosis und Energiedosis - mit den gleichen Tetraederpunkten erzielt wird. Es werden in den Abbildungen jweils zwei Systeme verwendet, einmal mit den Tetraederpunkten in 12,05 cm Entfernung vom Mittelpunkt, zum anderen in 12,78 cm Entfernung. Bemerkenswert ist, daß alle drei Approximationen mit denselben Tetraederpunkten gelingen. Das so konstruierte Meßgerät bietet somit den Vorteil, daß bei einer Messung gleichzeitig alle drei Werte errechnet werden können.
# 4. Meßergebnisse

# 4.1 <u>Fluenz thermischer Neutronen in der 11 1/2" Polyäthylen-</u> kugel bei Bestrahlung mit 30 keV und 4,5 MeV Neutronen

In den Rechnungen in Abschnitt 3.2 wurde die Verteilung thermischer Neutronen in der 11 1/2" Polyäthylenkugel berechnet. Diese Werte sollten durch Messungen bestätigt werden. Dazu wurde die 11 1/2" Polyäthylenkugel mit Neutronen einer Am-Be-Quelle und einer Sb-Be-Quelle bestrahlt. Der Abstand Kugelmittelpunkt - Neutronenquelle betrug 70 cm. Die Bestrahlung wurde am Bestrahlungsmast der ZAbt. Strahlenschutz in 15 m Höhe streufrei durchgeführt. Die Fluenz thermischer Neutronen in verschiedenen Punkten der Kugel wurde mit Indiumfolien von 1 cm<sup>2</sup> Fläche und 100 mg Gewicht bestimmt. Die Indiumfolien wurden 6 Stunden bestrahlt und dann im 2  $\pi$  Methan-Durchflußzähler ausgewertet. Anschlie-Bend wurden die Indiumfolien mit 1 mm Cadmiumblech umgeben und in der gleichen Versuchsanordnung bestrahlt, um den Anteil der epithermischen Neutronen an der Aktivierung der Indiumfolien zu bestimmen. In Abbildung 25 ist angegeben, auf welchen Radien die Fluenz thermischer Neutronen bei Bestrahlung mit der Am-Be-Quelle gemessen wurde. Bei Bestrahlung mit der Sb-Be-Quelle wurde aus Intensitätsgründen nur auf der Verbindungslinie Kugelmittelpunkt - Neutronenquelle gemessen.

Bei der Bestrahlung mit der Sb-Be-Quelle entstehen im wesentlichen nur monoenergetische Neutronen von 30 keV Energie. Die Am-Be-Quelle sendet aber ein breites Neutronenspektrum aus mit einer mittleren Energie von 4,5 MeV. Zur Berechnung der Verteilung thermischer Neutronen in der Kugel wurde angenommen, daß das Spektrum der Am-Be-Quelle mit dem von Geiger und Hargrove (24) gemessenen Spektrum identisch ist.

Zum Vergleich der gerechneten Flußverteilung in der Kugel mit den Meßwerten wurde die Rechnung für einen Abstand Kugelmittelpunkt - Neutronenquelle von 70 cm durchgeführt.

In den Abbildungen 26 - 29 sind die gemessenen und berechneten Werte der Fluenz thermischer Neutronen in der 11 1/2" Polyäthylenkugel dargestellt. Die Übereinstimmung zwischen Rechnung und Messung ist befriedigend. Bei den Rechnungen für die Am-Be-Quelle muß berücksichtigt werden, daß das Neutronenspektrum der Am-Be-Quelle nicht genau bekannt ist. Außer dem Spektrum von Geiger und Hargrove liegen noch viele andere gemessene Am-Be-Spektren vor, die sich teilweise erheblich unterscheiden (25 - 28). Die Unterschiede sind sowohl durch Unterschiede der Neutronenquellen als auch durch die verschiedenen Meßmethoden bedingt. Hier wurde zum Vergleich das von Geiger und Hargrove gemessene Spektrum benutzt, da diese Autoren den Anteil der Neutronen im intermediären Energiebereich wenigstens abschätzen.

# 4.2 Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel

# 4.2.1 Aufbau des Dosimeters

Nach Rechnungen des Abschnittes 3.3.4 lassen sich Fluenz und Äquivalentdosis von Neutronen messen, wenn in einer Polyäthylenkugel von 11 1/2" Durchmesser in 5 Punkten die Fluenz thermischer Neutronen bestimmt wird. Diese 5 Punkte sind der Kugelmittelpunkt und 4 Punkte im Abstand von 12,77 cm vom Mittelpunkt. Diese 4 Punkte sind so angeordnet, daß sie auf den Eckpunkten eines regulären Tetraeders liegen. Zur Bestimmung von Fluenz  $\emptyset$  und Äquivalentdosis D gelten dann die Gleichungen:

$$\emptyset = k_1(0,325 \cdot n_1 + 0,294 n_2)$$
(1)  
D = k\_2(14,0 n\_1 - 0,014 n\_2) (2)

Darin sind  $k_1$  und  $k_2$  experimentell zu bestimmende Kalibrierfaktoren.  $n_1$  ist die Anzeige des Detektors im Kugelmittelpunkt für die Fluenz thermischer Neutronen, und  $n_2$  ist die Summe der Anzeige der 4 Detektoren an den Tetraederecken in 12.77 cm Entfernung vom Kugelmittelpunkt.

Eine perspektivische Skizze des Dosimeters aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel zeigt Abbildung 30. Als Detektorenin diesem Dosimeter werden Paare von LiF-Thermolumineszenzdetektoren verwendet, die mit Polyäthylenstopfen in die Bohrungen der 11 1/2" Kugel eingesetzt werden. Die Stopfen und eine Kapsel für die Thermolumineszenzdetektoren zeigt Abbildung 31. In dem einen Detektor des Thermolumineszenzdetektorpaares ist LiF in der natürlichen lsotopenzusammensetzung (TLD 100). In dem zweiten Detektor ist das Li $^{\prime}$  auf 99,99 % angereichert (TLD 700). Wegen des  $\text{Li}^{5}$  (n,  $\alpha$ )  $\text{He}^{3}$ Prozesses ist TLD 100 erheblich empfindlicher für thermische Neutronen als TLD 700. Nach eigenen Messungen verhalten sich die Empfindlichkeiten für thermische Neutronen von TLD 100: TLD 700 = 39:1. Das stimmt gut mit Angaben von Cameron (29) überein, der für dieses Verhältnis 37 + 4 angibt. Die Y-Empfindlichkeit für TLD 100 und TLD 700 ist fast gleich, so daß die Differenz der Anzeigen der beiden Dosimeter nach Korrektur der leicht unterschiedlichen Y-Empfindlichkeit ein Maß für die Fluenz thermischer Neutronen am Orte des Detektorpaares ist. Das Verhältnis der Y-Empfindlichkeit von TLD 700 : TLD 100 ist etwa 1,07:1,00, ändert sich aber nach jedem Ausheizen des Pulvers geringfügig. Deswegen wird nach jedem Ausheizen des Pulvers die Y-Empfindlichkeit von TLD 100 und TLD 700 durch Bestrahlung mit Co 60 y-Strahlung neu bestimmt.

Das LiF-Pulver befindet sich im Dosimeter in Teflonkapseln von 5 mm Durchmesser und 15 mm Höhe (Abb. 31). Eine Kapsel faßte ca. 100 mg LiF. Zum Auswerten in einem Thermolumineszenzgerät der Firma Con Rad wird 43 mg des Pulvers benötigt, so daß aus jeder Kapsel 2 Proben ausgewertet werden konnten, und zur Berechnung des Dosisäquivalentes bzw. der Fluenz wird der Mittelwert der 2 Auswertungen genommen. Der Einfluß der epithermischen Neutronen auf die Anzeige der Thermolumineszenzdetektoren wird nicht besonders berücksichtigt.

# 4.2.2 Kalibrierung und Energieabhängigkeit

Zum Kalibrieren wird eine 10 Ci Am-Be-Quelle verwendet. Die Neutronen dieser Quelle haben eine mittlere Energie von 4,5 MeV. In diesem Energiebereich ist das Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel überempfindlich. Deswegen wurden wie in Arbeit (34) Korrekturfaktoren bestimmt, die die Überempfindlichkeit berücksichtigen. Aus den Rechnungen analog wie in Arbeit (34) folgt, daß die Kalibrierfaktoren  $k_1$  und  $k_2$  in Gleichung (1) und (2) so bestimmt werden müssen, daß im Felde der Am-Be-Quelle 91 % der wahren Fluenz und 112 % der wahren Äquivalentdosis angezeigt werden.

Unter Berücksichtigung dieser Korrekturen wurden die Kalibrierfaktoren k<sub>1</sub> und k<sub>2</sub> experimentell bestimmt zu

$$k_1 = 4,15 \cdot 10^4 \frac{n/cm^2}{mR}$$
  
 $k_2 = 0,124 \cdot \frac{mr \cdot em}{mR}$ 

Die Differenz der Anzeigen der Detektoren mit TLD 100 und TLD 700 in Gleichung (1) und (2)  $n_1$  und  $n_2$  sind dabei in mR angegeben.

Die berechnete Energieabhängigkeit des Dosimeters wurde bei verschiedenen Neutronenenergien am Van-de-Graaff-Generator in Hamburg nachgeprüft. Die Neutronenflußdichte wurde mit einem Long-Counter gemessen. Der Long-Counter wurde bei jeder Bestrahlung so aufgestellt, daß das effektive Zentrum 1 m vom Target entfernt war. Ein zweiter Long-Counter, der als Monitor benutzt wurde, war in großer Entfernung vom Target angebracht. Bei der ersten Messung wurde dieser Monitor für jede Neutronenenergie kalibriert. Dann wurde an die Stelle des ersten Long-Counters das Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel aufgestellt in 146,5 cm Abstand vom Target des Beschleunigers. Bei diesem Targetabstand nimmt die 11 1/2" Kugel den gleichen Raumwinkel für die einfallenden Neutronen ein wie der Long-Counter in 1 m Abstand. Die Einfallsrichtung der Neutronen auf die Polyäthylenkugel war in der Verbindungslinie Kugelmittelpunkt – Tetraederecke mit Thermolumineszenzdosimeterpaar. Die Tetraderecke war dabei weiter als der Kugelmittelpunkt vom Target entfernt. Bei jeder Neutronenenergie wurde die Polyäthylenkugel mit etwa 10<sup>7</sup>  $\frac{n}{cm^2}$  bestrahlt. Dazu waren für einige Neutronenergien schon Bestrahlungszeiten von über 2 Stunden erforderlich, obwohl die Anzeige der Thermolumineszenzdetektoren in der Polyäthylenkugel beim Auswerten nur sehr gering war.

In Abbildung 32 und 33 sind die Meßergebnisse dargestellt. Die Meßergebnisse wurden nach Gleichung (1) und (2) mit den bei der Bestrahlung mit der Am-Be-Quelle bestimmten Kalibrierfaktoren gerechnet. Die Meßwerte für die Fluenz (Abb. 32) liegen etwa 5 bis 10 % über den gerechneten Werten. Für diese um 5 bis 10 % höhere Lage der Meßpunkte gibt es 3 Gründe:

- 1) Gestreute Neutronen niedriger Energie von den Wänden des Van-de-Græff-Gøbäudes. Gestreute Neutronen machen sich bei der Bestimmung der Fluenz erheblich stärker bemerkbar als bei Bestimmung der Äquivalentdosis. Bei der energie- und richtungsunabhängigen Fluenzbestimmung wird jedes gestreute Neutron so gezählt wie ein Neutron, daß direkt vom Target kommt. Anders dagegen ist es bei der Bestimmung der Äquivalentdosis, denn ein Neutron von 10 MeV bewirkt eine 39 mal so hohe Äquivalentdosis wie ein Neutron von thermischer Energie.
- 2) Zur Berechnung des Kalibrierfaktors k<sub>1</sub> wurde angenommen, daß das Spektrum der Neutronen der Am-Be-Quelle mit dem von Geiger und Hargrove gemessenen Spektrum identisch ist. Abweichung des Neutronenspektrums der Quellen von dem von Geiger und Hargrove bedingt einen anderen Wert für k<sub>1</sub> und damit eine Parallelverschiebung der Meßpunkte in Abb. 32.

- 71 -

1

3) Das Dosimeter ist etwas richtungsabhängig. Bei Berechnung der Approximation (1) ist die mittlere Empfindlichkeit des Dosimeters berücksichtigt für Bestrahlung aus allen möglichen Richtungen. Bei der Bestrahlung am Van-de-Graaff-Generator wurde nur aus einer Richtung bestrahlt.

Die Meßwerte für die Äquivalentdosis (Abb. 33) streuen erheblich stärker als die Meßwerte zur Bestimmung der Fluenz. Das licgt daran, daß zur Bestimmung der Äquivalentdosis der Meßpunkt im Kugelmittelpunkt, der in Gleichung (2) mit großem Gewicht eingeht, bei den hohen Energien allein maßgebend ist, während bei der Bestimmung der Fluenz 4 Meßpunkte in der Kugel etwa gleichviel beitragen. Da bei der Bestrahlung am Van-de-Graaff-Generator die Anzeige der Thermolumineszenzdetektoren teilweise nur um den Faktor 3 - 4 höher als die Anzeige unbestrahlter Dosimeter ist, sind die starken Streuungen der Meßpunkte in Abb. 33 mit Ausnahme des Punktes bei 800 keV Neutronenenergie nicht verwunderlich.

Das Dosimeter wurde mit thermischen Neutronen vor dem geöffneten, unteren, linken Kanal der thermischen Säule I des Reaktors FRJ-1 kalibriert. 35 cm vor der Kanalöffnung wurde ein 30 cm x 30 cm großes Neutronenfeld bestimmt, in dem die Neutronenflußdichte auf + 3 % konstant war. Die Neutronenflußdichte wurde mit einem kalibrierten BFz-Zählrohr FHZ 5 bestimmt. Das Cadmiumverhältnis war 160. Die 11 1/2" Polyäthylenkugel wurde an der Stelle 35 cm vor der Kanalöffnung mehrere Stunden bestrahl Die Polyäthylenkugel war so aufgestellt, daß ein Detektorpaar in einer Ecke des einbeschriebenen Tetraeders von der Öffnung des Strahlrohres weg zeigte. Das ist dieselbe Einfallsrichtung der Neutronen auf das Dosimeter wie bei der Bestrahlung am Van-de-Graaff-Generator. Während der Bestrahlung prüfte ein Monitor die Konstanz der Neutronenflußdichte. Mit den im Abschnitt 4.2.2 bestimmten Kalibrierfaktoren zeigte das Dosime .2 ter 25,4 % der Fluenz und 71,5 % der Äquivalentdosis für thermische Neutronen an.

### .2.3 Richtungsabhängigkeit

Bei der Bestrahlung mit thermischen Neutronen wurde die Anzeige des Dosimeters noch für eine weitere Einfallsrichtung der Neutronen geprüft. Das Dosimeter wurde um 180° gedreht, und das eine Detektorpaar in einem Eckpunkt des in die Kugel eingeschriebenen Tetraeders zeigte zur öffnung des Kanalsder thermischen Säule. In dieser Lage zeigte das Dosimeter 63,2 % der Fluenz und 51,8 % der Äquivalentdosis an.

Die Richtungsabhängigkeit des Dosimeters wurde auch mit den Neutronen einer Am-Be-Quelle überprüft. Das Dosimeter war dabei in 74,5 cm Entfernung von der Neutronenquelle in 20 m Höhe am Bestrahlungsmast angebracht. Bestrahlt wurde jeweils 15 bis 20 Stunden. Für 4 verschiedene Einfallsrichtungen der Neutronen, die um 90° gegeneinander gedreht waren, wurde die Anzeige des Dosimeters festgestellt. Die Abweichungen vom Mittelwert betrugen bei der Bestimmung der Fluenz 15 % und bei der Bestimmung der Äquivalentdosis 17,7 %. Diese Werte der Richtungsabhängigkeit setzen sich aus 2 Anteilen zusammen. Einmal ist die tetraederförmige Anordnung der Dosimeter nicht ganz richtungsunabhängig. Der zweite Grund der Richtungsabhängigkeit ist die Tatsache, daß die beiden Detektoren im Kugelmittelpunkt aus TLD 700 und TLD 100 nicht genau in demselben Punkt angebracht sind, sondern 6 mm voneinander entfernt sind (Abb. 31). Das Dosimeter, das näher zur Quelle liegt, hat eine geringfügig höhere Anzeige und verursacht so einen weiteren Beitrag zur Richtungsabhängigkeit. Dieser wurde gemessen, indem beide Dosimeter im Kugelmittelpunkt mit dem gleichen LiF-Pulver(TLD 100 bzw. TLD 700) gefüllt wurden. Die Anzeigedifferenz dieser beiden Dosimeter betrug bei der Bestrahlung mit der Am-Be-Quelle 8,8 %.

# .2.4 Abschätzung der Neutronenenergie

Das Verhältnis der Anzeige des Detektors im Mittelpunkt der 11 1/2" Polyäthylenkugel zur Summe der Anzeigen der 4 Detektoren an den Tetraederecken ist stark energieabhängig (Abb. 34), so daß aus diesem Verhältnis die Neutronenenergie abgeschätzt werden kann. Eine solche Bestimmung der Neutronenenergie wird aber sehr leicht beeinflußt durch thermische Neutronen. Ist bei Bestrahlung mit 16 MeV Neutronen 1 % der Äquivalentdosis durch gestreute Neutronen thermischer Energie vorhanden, so wird, da die Anzeige der Dosimeter in den Tetraederecken für thermische Neutronen sehr viel empfindlicher ist als im Kugelmittelpunkt, das Verhältnis

#### Anzeige des Detektors im Kugelmittelpunkt

Summe der Anzeigen der Detektoren an den Tetraederecken

um 50 % verkleinert, und die mittlere Energie würde um den Faktor 3,5 zu klein angezeigt. In Abbildung 34 sind die Meßpunkte der Bestrahlung von Hamburg und Geel eingezeichnet.

Eine Abweichung der Meßpunkte von der gerechneten Kurve ist bei der großen Empfindlichkeit für thermische Neutronen nicht erstaunlich. Dieses Verfahren eignet sich deshalb nicht zur Bestimmung der Neutronenenergie.

# 4.2.5 Messung im Strahlenfeld eines Reaktors

Das neu entwickelte Dosimeter sollte im Strahlenfeld eines Reaktors überprüft werden. Dort treten hinter den verschiedenen Abschirmungen ganz verschiedene Neutronenspektren auf, und die Anzeige des Dosimeters konnte so für verschiedene Energien geprüft werden. Wegen der Unempfindlichkeit der Thermolumineszenzdetektoren mußte man, um zu lange Bestrahlungszeiten zu vermeiden, in Feldern hoher Neutronendosisleistung messen. Deswegen wurden die Messungen am jülicher Kugelhaufenreaktor durchgeführt. Die Messungen wurden innerhalb des Schutzbehälters in 1 bis 2 m Abstand vor der Abschirmung ausgeführt. Gleichzeitig wurden Vergleichsmessungen von Neutronenflußdichte und Äquivalentdosisleistung mit dem Long-Counter (30) und mit dem Rem-Dosimeter nach Andersson und Braun (31) ausgeführt. Da nach den ersten Messungen (Tabelle 4.2.5 a) erhebliche Differenzen zwischen den Anzeigen des Long-Counters und dem Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel auftraten, wurde die Flußdichte bei den nächsten Messungen zusätzlich noch mit der 5 Kugel-Methode von Nachtigall und Rohloff (7) bestimmt. Die Meßergebnisse stehen in den Tabellen 4.2.5 b und c. In Tabelle 4.2.5 b fällt auf, daß die Werte, die mit der 5 Kugel-Methode und der 11 1/2" Polyäthylenkugel gemessen wurden, recht gut übereinstimmen, während die Meßwerte des Long-Counters erheblich kleiner sind. Das liegt daran, daß die Empfindlichkeit des Long-Counters stark richtungsabhängig ist (37, 39). Im inneren Schutzbehälter des AVR-Reaktors kommen Neutronen aus allen Richtungen, und die Anzeige des Long-Counters ist fragwürdig. Die Meßwerte zeigen den großen Vorteil eines richtungsunabhängigen Meßgerätes . Das Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel zeigt in 4 von 5 Fällen kleinere Dosisleistungen an als das Andersson-Braun-Dosimeter. Da das letztere Dosimeter für Neutronen unterhalb 1 MeV überempfindlich ist, das Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel aber im Energiebereich zwischen  $10^5$  und  $10^6$  eV unterempfindlich ist, sind die Abweichungen der Werte voneinander in Tabelle 2 und 4 zu erwarten. Die Werte des Dosisleistungsäguivalentes, die mit der 5 Kugel-Methode bestimmt wurden, sind noch kleiner als die Werte mit der 11 1/2" Polyäthylenkugel.

- 75 -

Meßpunkt	+) D <sub>AB</sub> (mrem/h)	++) D <sub>11,5</sub> (mrem/h)	D <sub>AB</sub> D <sub>11,5</sub>		$\phi_{11,5}(\frac{+++)_n}{em^2 sec})$	$\frac{\phi_{\text{LO}}}{\phi_{11,5}}$	
Auf der 11,5 m Bühne gegenüber den Gebläseab- schirmklappen	274	165	1,66	4520	16250	0,28	
Auf der 17 m Bühne gegenüber der Tür 4/16	952	670	1,41	21000	53900	0,39	-
Auf der 11,5 m Bühne gegenüber BK 9	90,6	81,6	1,11	1030	7530	0,137	C

Tabelle 4.2.5 a: Vergleichsmessungen im Strahlenfeld des AVR-Reaktors

+) <sub>DAB</sub> = Mit dem Dosimeter von Andersson und Braun bestimmte Äquivalentdosisleistung ++) <sup>.</sup>D<sub>11,5</sub> = Mit dem Dosimeter aus der 11,5" Polyäthylenkugel bestimmte Äquivalentdosisleistur  $^{+++)} \varphi_{LC} =$ Mit dem Long-Counter bestimmte Flußdichte ++++<sup>)</sup>φ<sub>11,5</sub> Mit dem Dosimeter aus der 11,5" Polyäthylenkugel bestimmte Flußdichte Ξ

abelle 4.2.5 b: Vergleichsmessungen im Strahlenfeld des AVR-Reaktors bei 30 MW Reaktorleistung

eßpunkt	φ <sub>LC</sub> <sup>+)</sup> (n/cm <sup>2</sup> sec)	$\varphi_{5K}$	+) <b>y</b> sec) (n/cr	<b>p</b> +) 11,5 n <sup>2</sup> sec)	$\frac{\Psi_{LC}}{\Psi_{11,5}}$	$\frac{\Psi_{5K}}{\Psi_{11},5}$						
uf der 11,5 m ühne zwischen K 14 und BK 1	3165	11550	170	)15	0,186	0,68						
uf der 11,5 m ühne zwischen K 12 und BK 11	5000	14650	131	155	0,371	1,09						
) Index LC bei Meßwerten des Long-Counters, Index 5K bei Meßwerten mit der 5 Kugel-Methode, Index 11,5 bei Meßwerten mit der 11,5" Polyäthylenkugel												
<u>abelle 4.2.5 c:</u> Vergleichsmessungen im Strahlenfeld des AVR-Reaktors bei 30 MW Reaktorleistung												
<b>e</b> ßpunkt	.++) D <sub>AB</sub> (mrem/h)	.++) D <sub>.5K</sub> (mrem/h)	.++) D <sub>11,5</sub> (mrem/h)	D <sub>AB</sub> D <sub>11</sub> ,5	<sup>D</sup> 5K <sup>D</sup> 11,	5						
uf der 11,5 m ühne zwischen K 14 und BK 1	128	79	245	0,52	0,3	2						
uf der 11,5 m ühne zwischen K 12 und BK 11	223	118,7	170	1,31	0,70	C						

·**+** )

Index AB bei Meßwerten des Dosimeters von Andersson und Braun, Index 5K bei Meßwerten mit der 5 Kugel-Methode und Index 11,5 bei Meßwerten mit der 11,5" Polyäthylenkugel 4.3 Vergleich mit anderen Dosimetertypen

# 4.3.1 Geräte zur Bestimmung der Flußdichte

Es existieren viele verschiedene tragbare Geräte zur Bestimmung der Neutronenflußdichte bzw. der Fluenz im Energiebereich von O bis 10 MeV. Dieser Energiebereich interessiert hauptsächlich bei Reaktoren, radioaktiven Neutronenquellen und hinter Abschirmungen von Beschleunigern. Am häufigsten wird zur Flußdichtebestimmung der Long-Counter von Hanson und Mc Kibben (30) benutzt. Dieses Gerät wurde vielfach verbessert (35, 36) oder für spezielle Zwecke abgewandelt (37, 38). Mit dem Long-Counter wird die Neutronenflußdichte sehr gut energieunabhängig gemessen, ein großer Nachteil dieses Gerätes ist nur seine starke Richtungsabhängigkeit. Bei einem Einfall der Neutronen unter 15 bis 20<sup>0</sup> zur Achse des Long-Counters besitzt dieses Gerät nur noch die halbe Empfindlichkeit (37, 39). Weitere stark richtungsabhängige Geräte wurden von Vakarin (40) und Goryachev (41) gebaut. Für den Detektor von Vakarin ist nur für Neutronenengien oberhalb 30 keV die Energieabhängigkeit bekannt.

Zur richtungsunabhängigen Neutronenflußdichtebestimmung werden mehrere verschiedene Methoden benutzt. Vielfach wird eine Polyäthylenkugel oder Hohlkugel geeigneten Durchmessers verwendet (42 - 45). Diese Methoden sind aber nur für Neutronenenergien oberhalb 20 - 30 keV geeignet.

Durch Verwendung mehrerer Polyäthylenmoderatoren mit verschiedenem Durchmesser läßt sich die Neutronenflußdichte energieunabhängig im gesamten Interessierenden Energiebereich messen (7, 8, 46, 47) (Abb. 35, 36). Nachteilig für diese Methoden ist, daß mit mehreren Detektoren nacheinander gemessen werden muß.

Von Dvorak und Dyer (48) wurde eine ähnliche Anordnung zur Neutronenflußdichtebestimmung wie in dieser Arbeit beschrieben. In einer Paraffinkugel von 12" Durchmesser sind 1" unter der Oberfläche an den 6 Enden eines rechtwinkligen Koordinationssystems Aktivierungsfolien angebracht, die die Flußdichte von 20 keV bis 2,3 MeV auf <u>+</u> 10 % genau zu messen gestatten. Aktivierungsfolien im Zentrum der 12" Kugel dienen zur Dosisäquivalentbestimmung. Da Dvorak und Dyer nicht die Anzeige im Mittelpunkt der Moderatorkugel zur Flußdichtebestimmung mit benutzten, wie es in dieser Arbeit geschieht, ist die Anordnung nur bis zu Neutronenenergien von 2,3 MeV geeignet.

Aus dieser Übersicht geht hervor, daß zu einer energie- und richtungsunabhängigen Flußdichtebestimmung, die auch den Energiebereich unter 20 keV berücksichtigt, außer dem hier vorgeschlagenen System nur die Methoden mit mehreren Moderatorkugeln (7, 8, 46, 47) geeignet sind. Ein Vorteil der in diesem Bericht angegebenen Methode ist, daß auch in gepulsten Neutronenfeldern gemessen werden kann.

# .3.2 Geräte zur Bestimmung der Äquivalentdosis

Auch zur energieunabhängigen Bestimmung der Äquivalentdosis existieren eine Anzahl verschiedener Gerätetypen. Bei diesem Vergleich werden nur die Geräte besprochen, die den gesamten Energiebereich von O bis 10 MeV erfassen und die keine speziellen Annahmen (z. B. 1/E Verteilung) über das Neutronenspektrum voraussetzen.

Das Dosimeter von Andersson und Braun (31) approximiert die Äquivalentdosiskurve am besten (Abb. 37). Eine Modifikation dieses Gerätes, bei der das Dosimetergewicht erheblich verringert wurde, wurde von Leake vorgeschlagen (32, 33) (Abb. 38). Durch die Verringerung des Moderatorgewichts wurde die Approximation der Äquivalentdosiskurve verschlechtert.

Hankins (2) schlägt als Rem-Dosimeter nur einen Detektor in einer Polyäthylenkugel von 10" **u**der 12" Durchmesser vor (Abb. 39). Dieses Gerät ist im Bereich intermedärer Neutronen bis zum Faktor 5 überempfindlich.

Dosimeter, die mehrere Polyäthylenmoderatoren verschiedenen Durchmessers benutzen, approximieren die Äquivalentdosiskurve gut (8, 9, 46, 47) (Abb. 40, 41) und gestatten, die Flußdichte gleichzeitig zu messen. Diese Dosimeter haben den Nachteil, daß nicht in gepulsten Neutronenfeldern gemessen werden kann und daß mehrere Moderatoren benutzt werden müssen.

Dosimeter mit mehreren Detektoren in einem Moderator sind von Dvorak (48) und Tatsuta (49) beschrieben. Dvorak benutzt zur Äquivalentdosismessung nur den Detektor im Dosimetermittelpunkt, und er hat damit das gleiche Dosimeter wie Hankins. Tatsuta verwendet 4 BF<sub>3</sub>-Zählrohre in einem zylindrischen Polyäthylenmoderator. Ein Zählrohr ist in der Mittelachse des Moderators, die 3 restlichen sind um je 120° gegeneinander versetzt in 8 cm Abstand von der Moderatorachse. Die Approximation der Äquivalentdosiskurve durch das Dosimeter von Tatsútazeigt Abb. 42.

Ein Vergleich der Abbildungen 37 bis 42 mit Abbildung 33 zeigt, daß das neue Dosimeter mit der 11 1/2" Moderatorkugel die Äquivalentdosis gut zu messen gestattet. Es weicht in keinem Energiebereich zu stark von der Äquivalentdosiskurve ab. Gegenüber den Dosimetern von Andersson, Leake, Hankins und Tatsuta hat es den Vorteil, daß gleichzeitig die Neutronenflußdichte gemessen werden kann. Anders als mit den Mehrkugel-Methoden (8, 46, 47) kann mit diesem Dosimeter auch in gepulsten Neutronenfeldern gemessen werden.

### +.4 Ausblick

Der große Nachteil des Dosimeters mit der 11 1/2" Polyäthylenkugel ist seine geringe Empfindlichkeit. Das Dosimeter wurde mit Thermolumineszenzdetektoren gebaut, wie es in Anlage 1 zum EURATOM-Vertrag 024-65-11 PST D vorgesehen war. Das Thermolumineszenzpulver ist zwar für  $\gamma$ -Strahlung und und thermische Neutronen sehr empfindlich. Das gilt nicht für schnelle Neutronen in der 11 1/2" Moderatorkugel, denn zur Erzeugung der gleichen Äquivalentdosis wird von 10 MeV Neutronen nur 1/40 der Fluenz wie von thermischen Neutronen benötigt. Da die Moderierung im Dosimeter die Fluenz nicht wesentlich erhöht, können mit dem Dosimeter aus der 11 1/2" Polyäthylenkugel erst Werte der Äquivalentdosis von 300 bis 400 mrem gut gemessen werden. Im praktischen Strahlenschutz müssen aber Äquivalentdosisleistungen von 1 mrem/h bestimmt werden können. Eine Erhöhung der Empfindlichkeit des Dosimeters ist durch die Wahl anderer Detektoren möglich. LiJ(Eu)-Szintillatoren sind ungeeignet, da zu jedem Detektor ein besonderer Multiplier notwendig ist. Durch die neuerdings im Handel befindlichen kleinen kugelförmigen He<sup>3</sup>-Proportionalzählrohre ist es möglich, die LiF-Thermolumineszenzdetektoren zu ersetzen und Dosisleistungen von kleiner als 1 mrem/h zu messen, denn die He<sup>3</sup>-Proportionalzählrohre sind noch empfindlicher für thermische Neutronen als LiJ(Eu)-Szintillatoren (33).

### 5 Zusammenfassung des experimentellen Teils

Nach Rechnungen der Flußverteilung in Polyäthylenku**g**eln wird ein Neutronendosimeter gebaut. Das Dosimeter, bestehend aus 5 Thermolumineszenzdetektorpaaren in einer 11 1/2" Polyäthylenkugel, gestattet gleichzeitig die richtungsunabhängige Bestimmung von Fluenz und Äquivalentdosis der Neutronen von O bis 10 MeV. Mit den zur Zeit verwendeten Detektoren ist die Empfindlichkeit gering. Durch Verwendung von He<sup>3</sup>-Proportionalzählrohren könnte die Empfindlichkeit erheblich gesteigert werden. Danksagungen

Die Autoren danken

der Kommission Europäischer Gemeinschaften für die finanzielle Unterstützung der Arbeit,

dem Deutschen Rechenzentrum, Darmstadt und dem Zentralinstitut für angewandte Mathematik der Kernforschungsanlage Jülich für die Benutzung ihrer Einrichtungen

dem zweiten Institut für Experimentalphysik der Universität Hamburg, dem Zentralbüro für Kernmessung in Geel und der Gesellschaft für Strahlenforschung in Neuherberg für die Hilfe bei Bestrahlungen an Neutronengeneratoren und -quellen.

Herrn Dr. Nachtigall, Geel, und Herrn Dr. Burger, Neuherberg, für wertvolle Anregungen und Diskussionen

unseren Mitarbeitern: Frau G. Zimmermann, Herrn G. Crommen und Herrn H. Schüren für tätige Mitarbeit.

- 5. <u>Literaturverzeich</u>nis
- 1. Bramblett, R. L., R. L. Ewing, T.W. Bonner: Nucl. Instr. and Meth. <u>9</u>, 1 (1960)
- 2. Hankins, D. E.: LA 2717 (1962)
- 3. Hankins, D. E.: LA DC 7323 A (1965)
- 4. Hankins, D. E.: LA 3700 (1968)
- 5. Hansen, G. E., H. A. Sandmeier: Nucl. Sci. Engng. <u>22</u>, 315 (1965)
- 6. Nachtigall, D., F. Rohloff: Nukleonik 6, 330 (1964)
- 7. Nachtigall, D., F. Rohloff: Jül-213-ST (1964)
- 8. Nachtigall, D., F. Rohloff: Nucl. Instr. Meth. 50, 137 (1967)
- 9. Mc Guire S. A.: LA 3435 (1966)
- 10. Awschalom M.: P PAD 596 E (1966)
- 11. Kraft, R., C. J. Wensrich: URCL 7823 (1964)
- 12. Rosescu, T.: IFA FR 48 (1965)
- 13. Irving, D. C.: ORNL 3622 (1965)
- 14. Raso, D. J., S. S. Holland: AD 422292, AD 422 438 und AD 422 456 (1963)
- 15. Möller, U.: KFK 297 (1965)
- 16. Hughes, D.J., J. A. Harvey: BNL 325 (1965) und BNL 325 Supplements
- 17. Hughes, D. J., R. S. Carter: BNL 400 (1956)
- 18. Kunz, W., J. Schintlmeister: Nuclear Tables, Pergamon Press 1965
- 19. Leimdörfer M.: Chalmers Tekniska Högskolas Handlinger Nr. 288
- 20. Collatz, L.: Funktionalanalysis und Numerische Mathematik, Springer 1964

- 21. Collatz, L.: The Numerical Treatment of Differential Equations, Springer 1966
- 22. Marquardt, D. W.: Rechenprogramm NLIN, Share Bibliothek, Deutsches Rechenzentrum Darmstadt
- 23. Mark J. C.: Mt 92 (1944)
- 24. Geiger, K. W., C. K. Hargrove: Nucl. Phys. <u>53</u>, 204 (1964)
- 25. Greiss, H. B.: Nukleonik 10, 283 (1968)
- 26. Thompson, M. N., J. M. Taylor: Nucl. Instr. and Meth. 37, 305 (1965)
- 27. Instituto di fisica dell'universita, Triest, EANDC (E) 66 U (1966)
- 28. Salgir, T., J. Walker: Proceedings IAEA Symp. on Neutron Monitoring, Wien (1967)
- 29. Cameron, J. R., D. Zimmermann, G. Kenney, R. Buch, R. Blond, K. Grand: Health Phys. <u>10</u>, 25 (1964)
- 30. Hanson, A. O., J. L. Mc Kibben: Phys. Rev. 72, 673 (1947)
- 31. Andersson, J. Ö., J. Braun: Neutron Dosimetry, IAEA-Wien (1963)
- 32. Leake, J. W.: Nucl. Instr. and Meth. 45, 151 (1966)
- 33. Leake, J. W.: Nucl. Instr. and Meth. 63, 329 (1968)
- 34. M. Heinzelmann: Atompraxis <u>13</u>, Direct Information Strahlenschutz 6/67 (1967)
- 35. De Pangher, J.: HW-SA-2140 (1961)
- 36. Nakayama, T., H. Tatsuta, H. Ryufuku, T. M. Olsen: Nucl. Instr. and Meth. <u>45</u>, 343 (1966)
- 37. Antolkovic, B., B. Holmquist, T.Wiedling: AE-144 (1964)
- 38. Graves, E. R., R. W. Davis: Phys. Rev. <u>97</u>, 1205 (1955)
- 39. Borresen, S., B. Gremeland, S. Messelt: Nucl. Instr. and Meth. <u>16</u>, 135 (1965)
- 40. Vakarin, Yu. A., L. N. Veselovskij, B. S. Gribov, A. V. Kolotkov, V. G. Kusnezov, V. A. Sakovic: Atomnaja Energija <u>22</u>, 124 (1967)

- 41. Goryachev, I. V., M. M. Gvozdev, V. I. Kukhtevich, L. A. Trykov: Instrum. and Experimental Techniques Nr. 3, 529 (1967)
- 42. Stephens, L. D., A. R. Smith: URCL-8418 (1958)
- 43. Smith, A. R.: UCRL-17051
- 44. Ladu, M., M. Pelliccioni, E. Rotondi: Nucl. Instr. and Meth. <u>32</u>, 173 (1965)
- 45. de Kerviler, H., Ph. Tardy-Joubert: Proceedings IAEA Symp. on Neutron Monitoring, Wien (1967)
- 46. Nachtigall, D.: Jül-158-ST (1964)
- 47. Zaborowski, H.: CEA-R 2772 (1965)
- 48. Dvorak, R. F., N. C. Dyer: ANL 7085 (1965)
- 49. Tatsuta, H., H. Ryufuka, T. Shirotani: Health Physics 13, 559 (1967)



- 86 -







- 89 -



Abstand



- 91 -



- 92 -













- 98 -









- 102 -


- 103 -





- 105



Verteilung der therm. Neutronen in der Polyathylenkugel. Vergleich berechn und gem. Werte für die Am-Be-Guelle Winkel zwischen Einfallsrichtung der Neutronen und Kugelradius, auf dem der Neutronenfluß bestimmt wurde d=90° Radius der Polyathylenkugel 14,5 cm.





- 106 -



Abb.:30 Perspektivische Darstellung des Dosimeters mit der 11,5" Polyäthylenkugel









Ab3..36 Approximation der Flat - Response Kutve anch Zabarowski





- 111 -





Approximation der Äquivalentdosiskurve nach Hankins.





- 114 -

```
TABELLENANHANG
      7。
      PROGRAMME
С
                                                  REF: 3.1
      MUNTE-CARLO-PROGRAMM
С
      C.
C.
                                      JUELICH, DEN 6. JUNI 1967
      UMSTELLUNG AUF TBM 360/75.
C
      DIMENSION NH(11,11),NS(11,47),FWP(46),THP(46),KAN(2),
     *NHF(21,21),ZE(11,11),KTAT(20) ,ZFTO(11,11)
      COMMON /BERCH/ NH,NHE,ZE,ZETO,NS
      COMMON /DATEN/ RA, DIST, ERGE, DAT, UM, PAM, LAM
      CCMMCN /WORK/ FPG,X,Y,Z,U,V,W,RR,IX,IY,KZ,KRO,IN,ZFIT
      EXTERNAL ANISOT, ANITRO
      LOGICAL LAM, PAM
   99 FORMAT (1X,10F6.3, ' DATA')
  100 FOPMAT (10F6.3)
  101 FCRMAT (1X, F4.1, F4.2, E9.2, F7.1, I6, I5, F7.2, 21X, 2L4)
  102 FORMAT (1H1, KUGELMODERATOR, QUELLVERTEILUNG THERM. NEUTRONEN',
     *40X,F4.1,F4.2/' ENFRG.',E11.3,' EV',5X,' RADIUS',F7.2,' CM'//)
  103 FORMAT (14,11111)
  104 FORMAT (1HC)
  105 FORMAT (1X, 16, * BERECHNETE SCHICKSALE', 120, * TREFFER IM ZENTRUMY
     *! ABSTAND QUELLE - AUFPUNKT', F7.1, CM')
  107 FORMAT (' VOL-VERT.', E9.2, I9, 2F9.2, I9, 16X, F4.1, F4.2/
     *(1*,1117, NH*))
  108 FORMAT (* LIN--VERT.',E9.2,I9,2F9.2,I9,16X,F4.1,F4.2/
     *(1X,1017,7X,'NE'/1X,1117,'NE'))
с
      ANFANGSWERTF
      DATA KAN /36,31/
      DAG=5. /ALDG(10.)
      CALL ANISOT
      READ (5,100) FWP
      READ (5,10C) THP
      DO 9 K=1+46
      SH=FWP(K)
      SC=THP(K)
      FWP(K)=25.25/(2.*SH+SC)
    9 THP(K)=SH/(SH+0.5*SC)
С
      PROBLEME INGANG
    1 READ (5,101) DAT, UM, ERGE, DIST, KZM, KRAN, RA, PAM, LAM
      IX=KRAN*2+1
      KZ=0
      KRO=0
      CALL NULL
      R0=RA/100.**0.3333333
      RR=RA**2
      IF(PAM) CALL ANFANG
      DO 7 KZZ=1.KZM
      DO 7 KIZ=1,1000
      KZ=KZ+1
      ERG=ERGF
      CALL ANFEIN (82)
      EINZELPROZESS EINGANG
с
    2 KE = DAG*ALOG(ERG)+1.5
      CALL RANDU (IX, IY, R)
      G=-FWP(KE)*ALOG(R)
      X = X+G*U
```

```
Y = Y + G \neq V
  Z = Z + G \neq W
 RQ = X \times 2 + Y \times 2 + Z \times 2
  IF(RR.GT.RO) GO TO 3
 N = (W+1.2)*5.
  IF(NoLEol) N=1
 IF(N.GE.10) N=10
 NS(N,KE) = NS(N,KE)+1
 NS(11, KF) = NS(11, KE)+1
 NS(N, 47) = NS(N, 47)+1
 NS(11, 47) = NS(11, 47)+1
 60 TO 7
3 CALL RANDU (IX, IY, R)
  IN=1
  IF(R.GE.THP(KE)) IN=2
 CALL RANDU (IX, IY, R)
 IF(KE.GT.KAN(IN)) CALL ANITRO (KE,A,85)
 IF(IN.EQ.2) GO TO 4
 ERG=ERG*R
  4=SORT(R)
 CALL RANDU (IX, IY, R)
 GO TO 5
4 ERG=ERG*(0.716+0.284*R)
 A = (24.*R-11.) / SQRT(121.+48.*R)
 CALL RANDU (IX, IY, R)
5 CALL WINKEL (A)
6 IF(ERG.GT.1.) GO TO 2
 CALL MERK (RQ,RO)
7 CONTINUE
 CALL DINH
 CALL DNHE
 AUSGABE
8 IF(PAM) ERGF=0.0
 WRITE (6,102) DAT, UM, ERGF, RA
 WRITE (6,103) NH
 WRITE (6,104)
 WRITE (6,105) KZ, KRO, DIST
 WRITE(6,102) DAT, UM, ERGF, RA
 WRITE (6,103) NS
 WRITE (6,104)
 WRITE (6,105) KZ, KRO, DIST
 WRITE (7,107) ERGF, KZ, RA, DIST, KRC, DAT, UM, NH
 WRITE (7,108) ERGF, KZ, RA, DIST, KRO, DAT, UM, NHE
 IF(LAM) GO TO 1
 STOP
  END
```

```
SURPOUTTNE MERK (PO, PD)
  DIMENSION NH(11,11), NHE(21,21), ZE(11,11), ZETO(11,11)
  COMMON /DATEN/ RA, DIST, ERGE, DAT, UM, PAM, LAM
  COMMON /WORK/ ERG, X, Y, Z, U, V, &, RP, IX, IY, KZ, KPC, IN, 7EIT
  COMMON /BERCH/ NH, NHE, ZE, ZETO
  LOGICAL PAM, LAM
  PX = SOPT(PO)
  W = 7/PX
  N = (W+1, 2) * 5_{0}
  IF(N.LF.1) N=1
  IF(N. CE. 10) N=10
  M = (PX/PA) * * 3 * 100 + 10
  IF (M, [F, 1) M=1
  IF(M_{\circ} \cap F_{\circ} 1 \cap) = 10
  NH(N,M) = NH(N,M) + 1
  NH(11,M) = NH(11,M)+1
  NH(N,11) = NH(N,11)+1
  NH(11,11) = NH(11,11)+1
  N = (W + 1 \circ 1) \times 10 \circ 0
  I = (N_o | =_0 1) N = 1
  IF(N_{\circ}GF_{\circ}20) = N=20
  M = 20_{o} \times P \times / P \wedge + 1_{o}
  IF(MoLEol) M=1
  IF(M.SE.20)M=20
  NHE(N,M) = NHE(N,M) + 1
  NHE(21, M) = NHE(21, M) + 1
  NHF(N,21)=NHF(N,21)+1
  NHF(21,21)=NHF(21,21)+1
  IF(PX.LE.RC) KRG=KPO+1
  RETURN
  END
  SUBROHTINE NULL
  COMMON /BERCH/ X(1321)
  DO 1 I=1,1321
1 X(I) = \cap_{\infty}
  RETURN
  END
```

.

SUBROUTINE ANEANG

```
UNTER-PROGRAMM BEGINN
                                               RFF: 3.1.5.1
  COMMEN /DATEN/ RA, DIST, ERGE, DAT, UM, PAM, LAM
  COMMON /WORK/ ERG, X, Y, Z, U, V, W, RP, IX, IY, KZ, KRO, IN, ZEIT
  LOGICAL PAM, LAM
  DIMENSION VER(46)
10 FORMAT (1X, 10F6.4)
11 FORMAT (1H1)
  WRITE (6,11)
  READ (5,10) VER
  WRITE (6,10) VER
  RETURN
  ENTRY ANEFIN (*)
  CALL RANDU (IX, IY, R)
  IF( NOT PAM) GO TO 4
  N = 1
1 IF(VER(N)-R)2.3.3
2 N=N+1
  GO TO 1
3 TAT=N-1
  ERG=EXP(0.46*TAT)
  CALL RANDU (IX, IY, R)
4 X=0.
  U=0.
  1F(DIST)6,5,6
 5 V=0.
  ₩=-1°
  Y=RA*SORT(R)
  GO TO 9
6 CON = 1. - SQRT(DIST**2-RR) / DIST
  W = R * CON - 1_{\circ}
  \forall = SQPT(1_{\circ} - W * * 2)
  T=-V/W
  YV=DIST*T
  IF(YV.GE.RA) YV=-W*RA
7 7 = SQRT(RR-YV**2)
  Y = (DIST-Z)*T
  IF((YV-Y)-0.1)9,9,8
8 YV=Y
  60 TO 7
9 \ Z = SORT(RR - Y * * 2)
  RETURN 1
  END
  SUBROUTINE WINKEL (A)
```

```
C
С
      UNTER-PROGPAMM RICHTG
                                                    REF: 3.1.5.3
С
      C
      COMMON /WORK/ ERG, X, Y, Z, U, V, W, RR, IX, IY, KZ, KRO, IN, ZEIT
      CALL RANDU (IX, IY, R)
      B=SORT (1. -4**2)
      DFL = 6.2832*R - 3.1416
      C = COS(DEL)
      D = SORT(1 - C + 2)
      IF (DEL) 1, 2, 2
    1 D = -D
    2 IF (W**2-0.999)4,3,3
    3 U = B * C
      V = B \neq D
      W = A * W
      GC TC 5
    4 \text{ UN} = A * U + (B * C * W * U - B * D * V) / SQRT(1. - W * * 2)
      VN = A*V + (B*C*W*V+B*D*U)/SQRT(1_o-W**2)
      WN = \Lambda * W - B * C * SORT(1 - W * 2)
      U = UN
      V = VN
      W = WN
    5 RETURN
      END
```

```
SUBROUTINE ANISOT
  UNTER-PROGRAMM UNGLCH
                                             REF: 3.1.5.2
  CIMENSION WIN(20,10,2), AWIN(20,2), BWIN(20,2), WEL(15), KAN(2)
  COMMON /WORK/ ERG,X,Y,Z,U,V,W,RR,IX,IY,KZ,KRO,IN,ZEIT
  DATA KAN /36,31/
10 FCRMAT (10F5.3)
11 FORMAT (1X, 10F5.3, 5H ANIT)
  READ (5,10) WIN
  READ (5,10) WEL
  DO 12 N=1,20
  TN=N
  BWIN(N, 1) = (TN/20 - 0.025)
  AWIN(N,1) = SORT(BWIN(N,1))
  BWIN(N,2) = 0.708+0.0142*TN
12 AWIN(N,2) = (1.2*TN-11.6) / SORT(119.8+2.4*TN)
  RETURN
  ENTRY ANITRO (KE,A,*)
  KEW = KE - KAN(IN)
  CALL RANDU (IX, IY, R)
  IF(WEL(KEW) . LE. R. AND. IN. EQ. 2) GO TO 4
  IF(KFW.GE.6.AND.IN.EQ.2) GO TO 5
  CALL RANDU (IX, IY, R)
  NN=1
1 IF(WIN(NN,KFW,IN)-R)2,3,3
2 NN=NN+1
  60 TO 1
3 ERG = ERG*BWIN(NN,IN)
  A = AWIN(NN, IN)
  GO TO 6
4 CALL' RANDU (IX, IY, R)
  ERG=R*(ERG-4.4E6)
  CALL RANDU (IX, IY, R)
  A=2.*R-1.
  GO TO 6
5 \text{ ERG} = 0.992 \text{ FRG}
  A = 0.956
6 RETURN 1
  END
```

SUBROUTINE DNHE

С

```
С
      DIFFUSIONS-PROGRAMM DNHF
                                                   RFF: 3.2.1 -3.1.5.4
С
      С
      DIMENSION Z(20), R(20), GP(20), GM(20), FP(20), FM(20)
      DIMENSION GO(20,20),G1(20,20),G2(20,20),G3(20,20),G4(20,20)
      REAL EHW(21,21), VOU(22,22), VALT(22,22)
      REAL F(21,20), V(22,22)/484*0./
      COMMON /BERCH/ NH(11,11), NHE(21,21)
      CCMMCN /DATEN/ RA, DIST, ERGE, DAT, UM, PAM, LAM
      COMMON /WORK/ DUMMY(8), IX, IY, KZ, KRD, IN, ZEIT
   99 FORMAT ('IEMPEINDLICHKEITSBERECHNUNG MIT FEHLERBETRACHTUNG'//)
  100 FORMAT (11X, E9.2, 19, 2F9.2, 19, 16X, F4.1, F4.2/
     1(1X, 10I7, 9X/1X, 11I7, 2X))
  101 FORMAT (1H1/(1X,11F10,5/11X,11F10,5))
  102 FORMAT (/(10F10.5))
  103 FORMAT (/(10F10.5/11F10.5))
  104 FORMAT (1X, 10G11.4, 1X, G13.6, 5H STEP)
  106 FORMAT(7HEMPFIND, E8.2, 19, 2F6.2, 14, 4F8.6, F4.1, F4.2)
  107 FCRMAT (1058.6)
  118 FORMAT ("IBFRECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT FINES KUGELMODERATORS FUE
     1R DIE ENERGIE ',G10.2,' EV'/' BERECHNETE SCHICKSALE ',I8/
     2" BERECHNET FUER KUGELRADIUS ", F9. 2, " CM!/
     3' BERECHNET FUER ABSTAND QUELLE-KUGELMITTELPUNKT ',G10.3,' CM. (0.
     40 ENTSPRICHT UNENDLICHER ENTFERNUNG) 1/
     5' BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTLEPUNKT', G10.3, MIT FEHLER ',
     6G10.3/ THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDE NEUTRONEN /
     7 MONTE-CARLO RECHNUNG AUSGEFUEHRT AM ', F4.1, F4.2//
     8(1X,11F10,5/11X,11F10,5))
      IX=12345
      DATA EL, DI /2.42,0.132/
      WRITE(6,99)
      WRITE(6,100)ERGF, KZ, RA, DIST, KRO, DAT, UM, NHE
      IF(DIST.LT.RA) DIST=0.9*RA
      ANZ = KZ
      RO=RA/20.0
      ZO=2.0/20.0
      R02=R0**2
      ZO2=ZO**2
      AL=EL/(EXP(RA/EL)/2.0+EXP(-RA/EL)/2.0-EL/RA)
      SHM=SINH((RA+AL)/EL)
      DO 2 N=1,20
      Z(N) = -1.05 + 0.1 \times FLOAT(N)
      R(N) = RO * FLOAT(N) - RO/2.0
      RM=R(N)/RD
      RM2=RM**2
      GP(N) = RM2 + RM
      GM(N) = RM2 - RM
      ZN=Z(N)/ZO
      ZN2=1.0/Z02-ZN**2
      FP(N) = ZN2 + ZN
    2 FM(N) = ZN2 - ZN
C
      WRITE(6,102)Z, FP, FM, R, GP, GM
      DD 3 M=2,19
      DO 3 N=1,20
      DIF=1.0/(GP(M)+GM(M)+FP(N)+FM(N)+(R(M)/EL)**2)
```

- 120 -

```
GC(N,M) = R(M) * *2*DIF
  G1(N,M) = DIF * GP(M)
  G_2(N,M) = DIF \neq GM(M)
  G3(N,M) = DIF \neq FM(N)
3 G4(N,M) = DIF \neq FP(N)
  A = (RO + AL) * (O_0 5 * RO + AL)
  B=RO*(RO+\Delta L)
  C = ( \circ, 5 \times RO + AL )
  DC 4 N=1,20
  DIF=1.0/(R(20)**2*(1.0/A+1.0/R)+R(20)/C+EM(N)+EP(N)+(P(20)/FL)**2)
  GD(N,20)=D1E*R(20)**2
  G1(N, 20) = 0.0
  G2(N,20)=DIF*R(20)**2/B
  G3(N, 20) = DIF \times FM(N)
  G4(N,20)=DTE*EP(N)
  DUF = 1_{0} O / (1_{0} + FM(N) + FP(N))
  GO(N,1)=0.
  G1(N,1)=DUF
  G_2(N,1) = 0_0
  G3(N,1)=DUF*FM(N)
  G4(N,1)=DUE*EP(N)
4 CONTINUE
  WRITE (6,102) G0,61,62,63,64
  DO 4001 M=1,21
  DO 4601 N=1,21
01 \in HW(N,M) = NHE(N,M)
  LTPEND=50
  VNULL=0.
  WFRT=0.
  RI = \cap.
  GPI = -1
  DO 1 M=1,20
  \Lambda M = M
  FAK=1.32F5/(ANZ*RA*(3.0*AM**2-3.0*AM+1.0)*DI)
  EHN=EHW(21,M)
  PEIN=RO*AM/EL
  RZWE=(RA+AL)/FL-REIN
  GRO=-(REIN*COSH(RZWE)+SINH(RZWE))/SHM
  VOK=FAK*EL*+2*(GRO-GRI)/20.
  VNULL=VNULL+VOK*FHN
  WERT=WERT+VOK**2*EHN
  RI=RFIN
  GRI=GRO
                     FAK=FAK*(1.0-(RA/DIST)**2)
  IF(DIST.GT.RA)
  DO 1 N=1,21
  E(N,M) = EHW(N,M) * FAK
   IF(M.EQ.1.OP.NHE(21,M).LE.10) F(N,M)=FAK*C.05*FHN
1 V(N+1,M+1) = F(N,M) * EL * * 2
  DO 6 N=1.20
  V(N+1,1)=VNULL
  V(N+1,22)=0.
  DO 7 M=1,20
   IF(NHE(21,M).GT.50) GD TD 6
7 V(N+1,M+1) = VNULL
6 CONTINUE
  DO 10 LTP=1,LTPEND
  DO 8 M=1,20
  V(1, M+1) = V(2, M+1)
^{8} V(22,M+1)=V(21,M+1)
  DO 9 L=1,20
```

```
M=21-L
     01 9 1=1,20
                GO(M,M)*F(N,M) + GI(N,M)*V(N+1,M+2) + G2(N,M)*V(N+1,M)
     TF =
                                + G3(N,M)*V(N+2,M+1) + G4(N,M)*V(N,M+1)
   1
  0 V(N+1,M+1)=TE
  TO CONTINE
     DO 12 M=1,20
     V(N+1,1)=V(N+1,2)*(1.-0.5*(EP(N)+EM(N)))
   * + 0,5*(FM(N)*V(N+2,2)+FP(N)*V(N,2))
  12 CONTINUE
     WEBT=SORT(WEPT)
     DO 13 M=1,20
     V(1,M+1)=P(M)
     V(22, M+1) = R(M)
  13 V(M+1,2?)=7(M)
     TE(DISTALTOPA) DIST=0.
     WRITE (6,118) ERGE, K7, PA, DIST, VNULL, WERT, DAT, UM, V
     WRITE(7,106) ERGE, KZ, RA, DIST, KR0, V(2,1), V(10,1), V(21,1), VNULL,
    *OAT, HM
    DD 1616 M=2,21
1616 WPITE (7,107) (V(N,M),N=2,21)
     BUTHEN.
     END
```

```
PROGRAMM APRO-ZWEI
                                                 PFF: 3.3.4
   ******
   REAL G(40) /40*1.
   REAL E(40), WE(40,20), P(20), WI(40), SO(40)
   REAL AP(7,40), A(7), B(7), Q(7), NAM(2)
   REAL FAK (11) /0.5,0.6,0.7,0.8,0.7,1.0,1.1,1.2,1.3,1.4,1.5/
100 FORMAT(1X, 2A4, 1X, E10, 2, 3F10, 5, 30X/(4E20, 8))
109 FORMAT('1APPROXIMATIONS-BERFCHNUNG FUER *,244,
  1. RIS ZUR ENERGIE ', 1PE13.3, EV. RADIUS= 1, OPE10.5)
100 FORMAT( .
                     GEWICHT IM MITTELPUNKT: 1, 1P7F10.3/
  ĭ
                          GEWICHT AUSSERHALP: 1, 1P7F10.3/
           ٠
                               AN DER STELLE: 1P7E10.3/
  2
           .
  ?
                          STANDARD DEVIATION: 1, 197F10.3)
110 FORMAT(1PE10.3, " EV ", OPF10.3, " SOLL
                                            •,7F10.3)
   N = 1
10 READ(5,100,END=11) NAM,E(N),SO(N),FA,WI(N),(WE(N,M),M=1,20)
   SC(N)=1.
   N=N+1
   60 TO 10
11 \text{ NO} = \text{N-1}
   DC 1 K=1,20
 1 R(K) = RA/20_{\circ} * FLOAT(K) - RA/40_{\circ}
   NOU=NO-5
   DC 8 KEND=NCU,NO
   DD 7 K=1.7
   KA=12+K
   WIWI=0.
   WIWF=0.
   WEWE=0.
   SWT=C.
   SWE=C.
   DO 2 N=1,KEND
   WIWI = WIWI + WI(N)*WI(N)*G(N)
   WIWE = WIWE + WI(N) * WE(N, KA) * G(N)
   WEWE = WEWE + WE(N,KA)*WE(N,KA)
                                        *G(N)
   SWI = SWI + WI(N) * G(N) * SO(N)
                         *G(N) *SC(N)
 2 \text{ SWE} = \text{SWE} + \text{WE}(N, KA)
   DET = WIWI*WEWE - WIWE*WIWE
   TF (DET.EQ.O.) GO TO 7
   A(K)=(SWI*WEWE-SWE*WIWE)/DET
   B(K)=(SWE*WIWT-SWI*WIWE)/DET
   Q_0 = 0_{*}
   DO 3 L=1,NC
   AP(K,L)=A(K)*WI(L)+B(K)*WE(L:KA)
   IF(L.GT.KEND) GO TO 3
   QQ=QQ+(SC(L)-AP(K,L))**2
 3 CONTINUE
   O(K) = SQRT(QO/(KEND-1))
 7 CONTINUE
   WRITE(6,108) NAM, E(KEND), RA
   WRITE(6,109) A,B,(R(K),K=13,19),Q
   DO 6 L=1, NO
 6 WRITE(6,110) E(L), SO(L), (AP(K,L), K=1,7)
 8 CONTINUE
   WRITE(6,108) NAM, E(KEND), RA
   STOP
   END
```

```
ſ.
      APPOXIMATIONSPROGRAMM APPO-STAT
                                                   REF: 3.3.3
C
      C
С
      STATISTICHE APPROXIMATIONSMETHODE
C
      REAL 5(50), W(50), APRO(50), Z(20), R(20)
      PPAL A(R), PS(R), R(8), PSR(R), PAD(8), TET(8)
      REAL Y(400,50), YY(400,3), YYY(8,8),X(9)
      INTEGER KSTE(R), LUMMY(8), MREC(8), LREC(8)
      LAGICAL PAM / FALSE /
  100 FORMAT (1213)
  101 FORMAT (F10.3,F10.5,40×,F10.5,10×,40(10F8.6))
  102 FORMAT( ? PROGRAMM LIFE ', F6.2, ' SEKUNDEN, MACHTE ', I5, ' SCHRITTE
     1 UND STOLPERTE ', 15, ' MAL. '/20X, G15.5, 10X, 1015)
  103 EGRMAT ( PROGRAMM WILL NICHT MEHR, FS IST ", 15, " MAL GESTOLPERT
  104 FORMAT( 1 APPROXIMATION DER DOSISEMPEINPLICHKEIT !//
     144X, *KURVEN*, 1018)
  124 FORMAT (44X, *RADIEN*, 10F8.3)
  134 FORMAT (43X, COSINUS, 10F8.3)
  144 FORMAT (42%, 'FAKTOREN', 10F8.3)
  105 FORMAT (G15.2,2F15.3,5X,10F8.3)
  106 FORMAT( PROGRAMM KANN NICHT MEHR!)
  107 FORMAT(/? PROGRAMM IST ', F6, 2, ' SEKUNDEN VERGEBLICH GELAUFEN. '
    1/* CS MACHT AB JET7T NUR NOCH KLEINE SCHRITTE!/)
  108 FORMAT (8X, "ENERGIE!, 6X, 'SOLLKURVE', 2X, 'APPROXIMATION')
  100 FORMAT(*1STRENG VERTRAULICHE MITTEILUNG: !)
C
С
      ANEANGSWERTE
C
      CALL ERPSET(217,1,-1,1)
      IIK0=1000
      TIK0=3000
      N \approx 1
      READ (5,100) KB, KJ, KSTE
   10 READ (13,101,END=11) E(N),W(N),RA,(Y(M,N),M=1,400)
      N = N + 1
      GC TO 10
   11 DO 12 K=1,KJ
      KK=KSTE(K)
      PSR(K) = W(KK)
      DO 12 M=1,400
   12 YY(M_{9}K) = Y(M_{9}KK)
      N = N - 1
      IF(KSTF(KJ).GT.N) GO TO 33
      DO 1 K=1,20
      7(K) = -1.05 + 0.01 \times FLOAT(K)
    1 R(K) = RA/20_{\circ} \times FLOAT(K) - RA/40_{\circ}
      WMIN=307E 32
      DAUER=7ETT(0.)
      TX=DAUER/10。
      【X=12345+2本主义
      CALL RANDU(IX, IY, P)
      BAUFF=PAUFR
ſ
C
      BEGINN DER RECHNUNG
С
   20 L=-1
      I = 0
```

```
21 L=L+1
 22 I=I+1
1021 CALL NEUMAT (YYY, KJ, PAM, YY, LREG, MREG, IX)
    DO 1022 K=1,KJ
1022 RS(K)=RSR(K)
    CALL GELMP (YYY,KJ,RS,B,LUMMY,KJ,DUMMY, FALSE, 821)
    CALL SCALAR (B,KJ,WERT)
    DZEIT=ZEIT(BAUER)
    IF(DZEIT.GT.120.) GO TO 24
    IF(WERT.GF.WMIN) GO TO 22
    WMIN=WERT
    00 1023 J=1,KJ
    MREG(J)=LREG(J)
1023 A(J) = B(J)
    DAUER=ZEIT(DAUER)
    WRITE (6,102) DAUER, I, L, WERT, (MREG(II), II=1,KJ)
    D \Delta UER = ZEIT(0.)
    IF(I.LT.IIKO) GO TO 20
    PAM= . TRUE.
    CALL FRIST(ENDE)
    IF(ENDF.GT.40.) GO TO 20
 23 WRITE (6,103) L
    AUSGABE DER ENDERGEBNISSE
 24 CONTINUE
    D0 25 J=1,KJ
    JJ=MREG(J)
    MM = (JJ + 19)/20
    NN = JJ + 20 - 20 \times MM
    RAD(J)=R(MM)
 25 TET(J) = 7(NN)
    WRITE (6,104) (MREG(I),I=1,KJ)
    WRITE (6,124) (RAD(I), I=1,KJ)
    WRITE(6,134) (TET(I),I=1,KJ)
    WRITE(6,144) (A(I), I=1, KJ)
    WRITE(6,108)
    DO 32 K=1,N
    X(1)=0.
    00 31 J=1,KJ
    MW=MREG(J)
    X(J+1)=Y(MW,K)
 31 X(1) = X(1) + A(J) * Y(MW,K)
    APRO(K) = X(1)
    K_0 = K_J + 1
 32 WRITE(6,105) E(K), W(K), (X(I), I=1, KQ)
    WRITE (6,104) (MREG(I),I=1,KJ)
    WRITE (6,124) (RAD(I), I=1, KJ)
    WPITE(6,134) (TET(I),I=1,KJ)
    WRITE(6,144) (A(I),I=1,KJ)
    CALL PLOTTI (E,W,APRO,N)
    WRITE(6,109)
    STOP
 33 WRITE (6,106)
    STOP
    FND
    SUBROUTINE SCALAR(A,N,W)
    W = SUMME A(N) * * 2
    REAL A(N)
    W=0.
```

```
DO 1 K=1.N
  W = W + A(K) \times \times 2
    RETURN
    END
    SUBROUTING NEUMAT (YYY, KK, PAM, YY, LREG, MREG, IX)
    REAL YYY(KK,KK), YY(400,KK)
    INTEGER LREG(KK), MREG(KK)
    LOGICAL PAM
    DO 1 L=1,KK
    CALL RANDU(TX, IY, R)
    M=6,*2-30
    M=MRFG(L)+M
    CALL PANDU(TX, IY, R)
    N=6.*R-3.
    M = M + 20 \times N
    IF( NOT PAM) M=400 *R+1.
    TE(M.LT.1) M=1
    IF(M_{o}GT_{o}400)M=400
    LREG(L)=M
    DO 1 K=1,KK
  1 YYY(K,L) = YY(M,K)
    RETURN
    END
    SUBROUTINE PLOTTI (E,X,Y,NO)
    REAL PRI(120)/120** */
    RFAL F(50), X(50), Y(50)
    RFAL PS/***/, PP/*+*/, PX/*X*/, PB/* */
100 FORMAT ( 'OPLOTTUNG DER SOLLKURVE (*) UND DER APPROXIMIERENDEN (+
   2...11...12...13...14...15...16...17...18...19...20...21...22...23
   3.241)
101 FORMAT (12X, 'I')
102 FORMAT (1X,1PG10.3, ' I',120A1)
    DAG=10 \circ / AL'OG(10 \circ)
    L_{7} = 1
    WRITE (6,100)
    DO 3 K=1,NO
    KST = DAG*ALDG(E(K)) - 8.5
    IF(LZ.LT.KST) LZ=LZ+1
  1 IF(LZ.EQ.KST) GO TO 2
    WRITE (6,101)
    LZ=LZ+1
    GO TO 1
  2 KX=5.*X(K)
    KY=5.*Y(K)
    IF(KX_LT_1) KX=1
    IF(KY.LT.1) XY=1
    IF(KX.GT.120) KX=120
    IF(KY.GT.120) KY=120
    PRI(KX) = PS
    PRI(KY) = PP
    IF(KX.EQ.KY) PRI(KX)=PX
    WRITE(6,102) E(K), PRI
    PRI(KX) = PB
    PRI(KY) = PB
  3 CONTINUE
    DO 4 K=1,5
  4 WRITE(6,101)
    RETURN
    END
```

```
PROGRAMM FUER UNTERSUCHUNG AUF RICHTUNGSUNAPHAENGIGKEIT
                                                                   REF: 3.2.
   ******
   REAL W(20),Z(20),WI(4),ZI(4),P(20), WB(20,20),WIV(2)
   PEAL WE(20)
   INTEGER IX/123/
100 FORMAT (7X, F8.2, 9X, F6.2/)
100 FORMAT (E10.3, F10.5, 40X, 2F10.5, 40(10F8.6))
101 FORMAT (10F8.6)
103 FORMAT (' STATWERTE', E10.3, 3F10.5, 30X/(4F20.8))
104 FORMAT (9F14.8)
105 FCRMAT (' RICHTUNG', 1PF10.2, 0PF10.3, 1P6E15.9)
106 FORMAT (' FEHLER', 3E20.5)
   C1 = 1.0/SQRT(2.0)
   C_2 = 2 \circ / SORT(6 \circ)
 5 READ(13,100,END=99) ERG, S, RA, WD, WB
   IF(FRG.LT.6.E5) GO TO 5
   DO 2 N=1,20
   7(N) = -1.05 + 0.1 \times FLCAT(N)
 2 R(N)=PA/20.*FLOAT(N)-RA/40.
   00 3 JK=1,20
   DG 12 N=1,20
12 W(N) = WB(N, JK)
   WURT=0.
   WAPT=0.
   WVOR=0.
   WHIN=0.
   WMIN = 5_{P}F20
   WMAX = 0.
   DO 1 N=1,100
   CALL RANDU (IX, IY, B)
   IF(ABS(B).GT.1.000) GD TD 98
   A = 2 \circ * B - 1 \circ
   CALL RANDU (IX, IY, B)
   IF(ABS(B).GT.1.000) GD TO 95
   B = 2. *B - 1.
   SA = C1 + SQRT(1_{\circ} - A + 2)
   SB = C2 \times SORT(1_o - B \times 2)
   ZI(1) = -SB*(A-SA)
   ZI(2) = SB * (A+SA)
   ZI(3) = C2 \times B - SB \times SA
   ZI(4) = -C2*B - SB*SA
   CALL ORDN(ZI,4)
   CALL NEWT (7, W, 20, ZI, WI, 4, 4)
   WERT = WI(1) + WI(2) + WI(3) + WI(4)
   IF(WERT.LT.WMIN) WMIN = WERT
   IF (WER T. GT. WMAX) WMAX=WERT
   WART = WART + WERT \neq 2
 1 WURT=WURT+WERT
   WVOR=1.5*W(20)-0.5*W(19)+2.95*W(7)+0.05*W(8)
   WHIN=1.5*W(1) -0.5*W(2) +0.05*W(13)+2.95*W(14)
   WURT=WURT/100.
   WE(JK) = 4.0 \times WURT
   P = WART/100 - WURT**2
   IF(P.LT.0.000) GO TO 98
   WART = SORT(P)
   GO TO 97
```

```
98 WRITE (6,106) P,WURT,WAPT
97 WRITE(6,105) ERG, R(JK), WURT, WART, WMIN, WMAX, WVOR, WHIN
3 CONTINUE
   WRITE (7,103) EPG, S, RA, WO, WE
   GO TO 5
99 CONTINUE
   STOP
   FND
   SUBROUTINE CRON(W,K)
   PEAL W(K)
   J=0
1 J = J + 1
   IF(J.EO.K) RETURN
   I =0
2 I=I+1
   IF(I.EQ.K) GD TD 1
   IF(W(T).LE.W(I+1)) GD TO 2
   7 = W(1+1)
   W(I+1) = W(I)
   W(I) = Z
   GC TO 2
   END
```

```
PROGEAMM PNAF
                  PEF: 3.2.2
   ***********
   OTMENSTONIERUNG FUER CIE P-7 NAEHERUNG
   REAL 4(8,8) /64*00/, R(8) /8*00/, S(8) /8*00/
   REAL UN(4), FE(8,8), BB(8,8), OV(4,4), RR(8,4), C(4,4)
   (NTEGER PIVOT(8), QIVOT(4), NNA /8/
   REAL R(4,4), Q(4), P(4), COI(4,20), COK(4,20)
1 - CRMAT(198E12.5)
107 FORMAT(1P4E15.5)
   VEAL AMAT(20,20)
   REAL RO(12.6) /
  ·1, -2, +1, 25, 0, +-0, 375, 0, , 0, 203125, 0, , 0, 1328125, 0, , 0, 0957, 31, 0, ,
   ::;;0;;-5;;8;;-5;0625;0;;1;625;0;;-0;9296875;0;;0;6328125;0;;
   1_{0,9} (0, -3, 125, C, , 10, 125, -16, , 10, 1563, 0, , -3, 3203, 0, , 1, 9380, 0, ,
  1 1 3 4 0 0 1 - 20 6 7 8 6 4 0 0 4 4 0 3 3 9 3 9 0 0 1 - 70 6 1 7 2 9 0 0 4 2 3 0 2 4 2 2 1 - 3 6 0 5 7 1 4 9 2 3 0 2 5 5 9 9 0 0 1
  48.76191
100 FORMAT(1P4E20.5)
101 CPMAT (1P2F20.5)
10: FERMAT (1P10513.4)
103 PORMAT('1'////' MATRIX DER P', 11, S-NAEHERUNG FUER RA = ', F10.2///)
1)4 CORMAT (! MATRIX DER P!,11,"-NAFHERUNG FUER R = ",F10.2)
105 CORMAT (1P8E10.4)
   UALL ERRSET(217,256,-1,1)
   HHH=NNA/2
   NTAB=2.53
   \gamma = 0_{0} 008927
   ·4=8.89
   ⊴A=5.08
   24=14-6
   (A=6.35
  4=2.54
   -0=RA/20.
  NP 9 M=1,NNH
   90 9 N=1,NNA
 9 PR(N,M)=RO(N,M)
   NEND=NNA-1
  l=(2*N-1)*(2*N+1)
   (N+1,N) = -N/SQRT(Z)
   A(N, N+1) = A(N+1, N)
 1 CONTINUE
   >>(1,2)=A(1,2)/SQRT(D)
   (2,1) = A(1,2)
   CALL FIGSY(A, NNA, FF, NNA, NNA, O)
   10 2 N=1,NNH
 2 UN(N)=1. /A(N,N)
   00 3 N=2, NNA
   HAK=SORT(D/(2.*N-1.))
   00 3 M=1,NNH
   FF(N,M)=FAK*FF(N,M)/FF(1,M)
   IF(N.EQ.NNA) FF(1,M)=1.
   H=M+NNH
   FF(N,MH) = -FF(N,M)
```

```
IF(N.EQ.NNA) FF(1,MH)=-1.
 3 CONTINUE
   WRITE(6,106) FF
   nn 10 M=1,20
   Z = F \perp O \wedge T (M) \neq R O
   DO 10 J=1,NNH
   Y = UN(J) * Z * STAB
   C\cap I(J,M) = SINH(Y)/Y
   COK(J,M) = EXP(-Y)/Y
10 CONTINUE
   CALL BESBER (BB, UN, STAB*RA, NNA, NNH)
   DO 12 (=1,NNH
   INNH=T+NNH
   DO 12 M=1,NNH
   QV(M,I)=0
   R(M, I)=0.
   00 12 K=1,NNA
   B(M,I)=B(M,I)+RR(K,M)*FF(K,I)*BB(K,I)
12 QV(M,I)=QV(M,I)+RR(K,M)*FF(K,INNH)*BB(K,INNH)
   DD 40 N=1,20
   WL = 2*N**3-3*N**2+3*N-1
   Z = P \cap * (WL/2_{\circ}) * * 0_{\circ} 33333
   DO 11 1=1,NNA
11 R(I) = 0.
   R(2) = -1 \circ / 2 * * 2
   CALL BESBER(BB, UN, STAB*Z, NNA, NNH)
   DD 15 I=1,NNA
   DO 15 M=1,NNA
15 A(M,T) = FF(M,T)*BB(M,T)
   WRITE(6,106) BB,R
   CALL GELMP(A, NNA, R, S, PIVOT, NNA, DET, FALSE, 850)
   WRITE(6,106) BB, A, S, R, DET, Z
   DO 17 I=1, NNH
   Q(I)=0
   DO 17 J=1,NNH
   JNNH = J + NNH
   C(I,J)=B(I,J)
17 Q(T)=Q(T)+QV(T,J)*S(JNNH)
   WRITE(6,107) B, Q
   CALL GELMP(C, NNH, Q, P, QIVOT, NNH, DET, FALSE, 850)
   WRITE(6,107) Q, QV, C, P, DET
   AMAT(N,1)=0.
   DO 18 I=1,NNH
18 AMAT(N,1) = AMAT(N,1) + S(I) + P(I)
   IF(N.FQ.1) GO TO 21
   NI = N - 1
   DO 20 M=1,NI
   AMAT(N,M+1)=0
   DO 20 J=1,NNH
   AMAT(N,M+1) = AMAT(N,M+1) + {S(J)+P(J))*COI(J,M)
20 CONTINUE
21 CONTINUE
   DO 25 M=N,19
   AMAT(N,M+1)=0
   00 25 J=1,NNH
   JNNH=J+NNH
   AMAT(N,M+1) = AMAT(N,M+1) + P(J)*COI(J,M)+S(JNNH)*COK(J,M)
25 CONTINUE
50 CONTINUE
40 CONTINUE
```

```
NNM = NNA - 1
      WRITE (6,103) NNM. PA
      WRITE(6,102) AMAT
      WRITE (7,104) NNM, RA
     WRITE (7,105) AMAT
      STOP
      END
      SUPROUTINE RESERV(BP, UN, X, N, NH)
      REAL BB(N,N), UN(NH)
      IF(X.FO.C.) GO TO 2
     DO 1 1=1, NH
      INH = I + NH
      7 = UN(1) \approx X
      BB(1,T) = STNH(7)/7
      BB(2,T) = (COSH(Z) - BB(1,T))/7
      BB(1, INH) = EXP(-Z)/Z
      BB(2, INH) = -BB(1, INH)*(1_{3}+1_{3}/7)
      DO 1 K=3.N
      BB(K, I) = BB(K-2, I) - 2*(K-1, 5)*BB(K-1, I)/Z
   1 BB(K, INH) = BB(K-2, IMH)-2,*(K-1,5)*BB(K-1, INH)/Z
      RETURN
    2 DD 3 I=1,4
     88(1,I)=1.
     DO 3 M=2.N
    3 BB(M,I)=0.
      RETURN
      END
      SUBEDUTINE EIGSY(A, NA, P, NP, N, MV)
      DIMENSION A(NA,1), P(NP,1)
      IF(MV-1) 10,25,10
     DO 20 J=1,N
10
     DO 20 1=1,N
      R(I,J)=0_{\circ}
      IF(I.NE.J) GC TO 20
      R(1, J) = 1_{o}
  20 CONTINUE
  25 ANORM=0.0
C
      DO 35 I=1,N
      NMINUS=N-1
      DO 35 I=1,NMINUS
      DO 35 J=I,N
      IF(I-J) 30,35,30
30
      ANORM = ANORM + A(I,J) * A(I,J)
  35 CONTINUE
      IF(ANORM) 165,165,40
40
      ANORM=1.414* SORT(ANORM)
      ANRMX=ANORM*1.D-13/FLOAT(N)
      IND=0
      THR=ANORM
  45 THR=THR/FLOAT(N)
  50 L=1
   55 M=L+1
      IF( ABS(A(L,M))-THR) 130,65,65
62
  65 IND=1
      X = .5 * (A(L, L) - A(M, M))
68
      Y=-A(L,M)/ SQRT(A(L,M)*A(L,M)+X*X)
      IF(X) 70,75,75
  70 Y=-Y
75
      SINX=Y/SQRT(2.*(1.+SQRT(1.-Y*Y)))
```

SINX2=SINX\*SINX

```
- 131 -
```

```
78 COSX = SOPT(1, 0-SINX2)
        CDSX2=C0SX*C0SX
        STMCS = STMX * COSX
        D1 125 I=1,M
        IF(I.FO.L.OP. T.FO.M) GC TO 115
        X = \Lambda(T, L) * C \cap SX - \Lambda(T, M) * SINX
110
        \Lambda(I,M) = \Lambda(I,L) * SINX + \Lambda(I,M) * COSX
        \Delta(M, 1) = \Delta(1, M)
        \Delta(T, I) = X
        \Lambda(I, I) = X
  115 IF(MV-1) 120,125,120
        X = R(I,L) * C C S X - R(I,M) * SINX
120
        P(I,M)=R(I,L)*SINX+R(I,M)*COSX
        P(T, I) = X
  125 CONTINUE
        X = 2_5 \neq 4(L, M) \neq SINCS
        Y=A(L,L)*COSX2+A(M,M)*SINX2-X
        X = A(L,L) * SINX2 + A(M,M) * COSX2 + X
        \Lambda(L_{*}M) = (\Lambda(L,L) - \Lambda(M,M)) * SINCS + \Lambda(L,M) * (CCSX2 - SINX2)
        \Lambda(M,L) = \Lambda(L,M)
        \Lambda(L,L) = Y
        A (M, M) = X
  130 FF(M-N) 135,140,135
  135 M=M+1
        GD TD 62
  140 IF(L-(N-1)) 145,150,145
  145 L=L+1
        60 TO 55
  150 IF(IND-1) 160,155,160
  155 IND=C
        GO TO 50
  160 TF (THR-ANRMX) 165,165,45
165
        DO 185 L=1,N
        DO 185 M=L,N
        TE(A(L,L)-A(M,M)) 170,185,185
170
        X = A(L, L)
        A(L,L) = A(M,M)
        A (M_{\varphi} M) = X
        IF(MV-1) 175,185,175
  175 DC 180 1=1,N
        X = P(I, L)
        R(I,L)=R(T,M)
180
        \mathbb{R}\left( \mathbf{I}_{n}, \mathbf{M} \right) = \mathbf{X}
  185 CONTINUE
        RETURN
        ENA
```

#### Tabelle 3.2.1

KERNFORSCHUNGSANLAGE JUELICH G.M.B.H. ZENTRALABTEILUNG STRAHLENSCHUTZ DIPL-PHYS. FRITZ ROHLOFF

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKFIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.00E 01 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGFLRADIUS 14.50 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.066 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.865	-0.707	-0.5rJ	<b>0.</b> 0	j.5∩0	0.707	0.866	1.000
0.365	0.051	0.052	0.053	0.054	0.057	€.061	0.063	0.065	0.066
1.095	0.039	0.042	0.044	t <b>i</b> ∎€43	0.€59	6.071	0.076	<b>∂.</b> €81	0.685
1.825	0.031	0.034	0.038	0.044	0.161	∴	0.193	0.1€1	0.109
2.555	0.024	0.028	0.032	6.640	0.063	0.096	0.113	0.127	0.140
3.285	0.619	0.023	0.028	0.037	0.067	0.114	1.130	0.160	0.179
4.015	0.015	0.018	0.024	0.034	0.272	0.136	0.171	0.202	0.230
4.745	0.012	0.015	0.021	0.032	0.077	0.163	2.212	7.255	2.295
5.475	1 0.009	0.013	C.018	0.029	0.084	6.199	2.255	0.325	0.378
6.205	1 0.007	0.010	0.015	(.028	0.093	C.241	.333	0.413	.485
5.935	0.006	0.009	0.014	0.025	0.102	0.296	2.410	1.528	0.622
7.665	1 0.005	0.007	0.012	0.024	0.114	0.366	0.530	.676	0.798
8.395	0.004	0.006	ംവി	0.022	C.127	(.454	0.673	0.868	1.524
9.125	0.003	0.015	009	0.020	0.142	0.566	1,857	1.116	1.312
P.855	1 0.602	0.004	0.007	C.C17	0.159	0.705	1.586	1.426	1.683
10.585	1 2.001	0.193	0.005	0.015	0.177	0.876	1.371	1.797	2.121
11.315	1 0.001	0.002	0.004	0.012	0.194	1.777	1.7.8	2.228	2.433
12.045	1 0.01	<b>• 301</b>	0.003	0.009	0.208	1.287	2.151	2.644	3.117
12.775	1 7.000	1.1	∴.002	0.007	े.215	1.452	2.319	2.916	3.305
13.505	1 0.000	0.000	0.001	2.704	· 1 91	1.452	2.205	2.7.1	3.124
14.235	1 0.100	0.e. 35	0.000	<b>^.</b> 002	<b>∂.1</b> 19	C.906	1.241	1.443	1.533

## KERNFORSCHUNGSANLAGE JUELICH G.M.B.H. ZENTRALABTEILUNG STRAHLENSCHUTZ DIPL.-PHYS. FRITZ ROHLDFF

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 4.00E 01 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.079 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.866	1.000
0.365	0.364	0.065	C.066	0.068	0.972	0.077	0.079	0.081	0.082
1.095	0.049	0.052	0.055	0.060	0.072	0.087	0.093	098	0.103
1.825	0.039	0.042	0.047	0.054	0.074	0.100	0.112	0.122	0.131
2.555	0.031	0.035	0.041	C.050	0.078	0.117	0.136	0.153	0.168
3.285	0.024	0.029	0.036	0.045	0.082	0.138	0.167	0.192	0.215
4.015	0.020	0.024	0.031	0.043	0.088	0.164	2.205	0.242	0.275
4.745	0.016	0.021	0.028	0.041	0.096	0.197	0.254	0.305	0.353
5.475	0.013	0.018	0.025	0.039	0.105	C.238	0.317	0.387	0.453
6.205	0.011	0.015	0.022	0.037	0.117	0.290	0.396	).492	0.582
6.935	0.010	C.013	C.020	0.035	0.130	0.356	0.49 <b>7</b>	0.627	0.749
7.665	0.008	0.011	0.017	0.032	0.145	0.439	0.625	0.800	0.965
8.395	0.006	0.008	0.014	0.029	0.152	0.543	0.789	1.024	1.242
9.125	0.004	0.006	0.011	0.026	0.131	0.674	0.991	1.306	1.588
9.855	0.003	0.05	0.009	0.022	0.202	C.832	1.240	1.644	2.033
10.585	0.002	0.004	0.007	0.019	0.226	1.020	1.531	2.047	2.514
11.315	0.001	6.003	0.005	0.016	0.247	1.235	1.845	2.490	2.942
12.045	0.001	0.002	0.004	0.012	0.262	1.437	2.144	2.850	3.331
12.775	0.001	0.001	0.003	0.009	0.262	1.541	2.266	2.973	3.472
13.505	0.000	0.001	6.001	0.005	0.223	1.408	2.009	2.556	2.947
14.235	1 0.000	0,000	0.000	0.002	0.116	0.746	1.19	1.214	1.420

KERNFORSCHUNGSANLAGE JUELICH G.M.B.H. ZENTRALABTEILUNG STRAHLENSCHUTZ DIPL-PHYS. FRITZ ROHLOFF

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATOPS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.00E 02 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.079 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

	WINKEL	BEREICH	1:						
RADIUS:	-1.000	-9.866	-0.707	-0.500	C•O	0.500	<b>○.</b> 707	1.866	1.000
0.365	0.069	0.070	0.071	0.073	0.078	C.083	2.086	0.088	् <b>.</b> '3व
1.095	0.053	0.056	0.361	0.065	0.079	0.095	0.103	0.109	0.114
1.825	0.042	0.046	0.051	0.059	0.092	6.111	2.125	2.136	1.146
2.555	0.033	0.037	0.044	C.054	0.086	0.130	1.152	7.170	1.197
3.285	0.025	0.031	0.038	C.(5)	0.091	0.153	°.18∉	2.214	230
4.015	0.020	0.025	0.033	C.046	0.097	6.193	0.230	0.270	3.306
4.745	0.016	0.021	0.029	0.043	0.106	0.220	5 <u>2</u> 255	34	3.30 <sup>1</sup>
5.475	0.012	0.017	0.025	0.049	0.116	0.267	n_355	2.432	3.51 <u>1</u>
6.205	1 0.009	0.014	0.022	r.c39	0.127	0.326	2.445	0.549	· • 64
6.935	0.007	0.011	0.018	0.035	0.141	C.401	3:561	0.700	°•21
7.665	1 0.005	0.009	C.015	0.032	0.158	0.495	2.722	) <b>.</b> 892	1. 49
8.395	0.004	0.007	0.013	0.030	0.176	0.512	<u></u> 0 8 4	1.126	1.356
9.125	1 0.003	0.005	C.Cll	0.027	0.196	C. 754	1.177	1.412	1.715
9.855	1 0.002	0.004	C.009	C.r24	0.217	C. 929	1.242	1.755	2.147
10.585	0.002	0.003	C.007	C.C20	0.241	1.123	1.659	2.145	2.425
11.315	0.001	<b>0.002</b>	0.005	0.017	0.261	1.328	1.970	2,530	3. 88
12.045	1 0.001	0.002	0.004	C.013	0.267	1.514	2.222	2.831	3.456
12.775	1 0.000	0.001	0.003	0.003	0.256	1.574	2.292	2 254	3.463
13.505	1 0.000	0.001	0.002	0.006	0,206	1.364	1.931	2.362	2 282
14.235	0.000	0.000	C.001	0.002	0.098	C.579	6.917	1.080	1.3:4

# KERNFORSCHUNGSAMLAGE JUFLICH G.(+3+H+ Zentralabteilung strahlenschutz Dipl.-phys. Fritz pohloff

BERECHNUNG DER EMPEINDLICHKEIT EINES KUGELADDERATORS EUER DIE NEUTRONEMENERGIE 4.00E 02 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPEINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.101 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.50)	0.0	0.500	0.707	0.866	1.000
0.365	0.082	C.983	C.085	C.087	0.092	0.098	<b>3.10</b> 2	0.102	0.134
1.325		0.054	C.060	0.069	0.092	C•126		0.124	0•129 3•154
2.555	0.040	0.045	0.045	0.064	0.099	0.147 0.174	0.209	0.191	0.209
4.015	0.026	0.032	0.041	C.055	0.113	C.2^7	0 <b>.2</b> 53	0.301	0.340
4.745 5.475	0.019	0.027	0.036 0.033	0.053 0.051	0.123	0.249	3.319	0.380 0.481	0.434 0.555
6.205	0.016	0.021	0.030	0.049	Ŭ.150	0.369	0.496	0.610	0.708
5.935 7.665	0.013	0.018	0.025	$0.045 \\ 0.041$	0.137	0.452 0.557	0.622 0.780	0.775 N.995	1.147
8.395	0.007	0.010	6.017 0.014	0.037	0.206	0.685	0.978 1.205	1.242	1.449
9.855	0.004	€•∩05 €•∩05	0.014 0.011	0.028	0.251 0.251	1.020	1•200 1•474	1.997	2.239
10.585	0.003	0.004 0.003	6.009 6.007	C.024 C.020	0.273	1.211 1.400	1.764 2.(54	2.272 2.509	2.721
12.045	0.001	C.002	C.005	0.015	0.291	1.520	2.254	2.791	3.525
12•775 13•505	0.001	0.001	C.003 C.002	0.011 0.005	0.270 0.202	1.515 1.235	2.222	2.579	3•440 2•648
14.235	0.000	0.000	0.001	0.002	0.089	(.567	0.787	0.030	$1 \cdot 31$

KERNFORSCHUNGSANLAGE JUELICH G.M.B.H. ZENTRALABTEILUNG STRAHLENSCHUTZ DIPL--PHYS. FRITZ ROHLOFF

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODEPATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.00E 03 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.097 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	C <b>•</b> 0	<b>0.</b> 500	0 <b>.7</b> 07	9.866	1.000
0.365	0.085	0.087	0.088	0.C90	0.096	0.102	0.105	0.107	).109
1.095	0.067	0.070	0.075	0.081	0.097	0.117	0.125	0.132	2.138
1.825	0.053	0.058	C.064	C.074	0.101	0.135	0.152	7.155	0.177
2.555	0.042	0.048	0.056	0.068	0.106	0.158	0.184	0.206	· 225
3.285	0.033	0.040	0.049	0.063	0.113	C.187	0.225	1.258	3.239
4.015	0.026	0.032	0.042	0.058	0.120	0.222	0.276	0.323	0.367
4.745	0.020	0.027	0.037	0.055	0.131	0.266	0.342	0.417	: 469
5.475	0.016	0.022	0.032	0.051	0.143	0.323	0.426	0.515	<b>0.</b> 601
6.205	0.012	0.017	0.027	0.043	0.159	0.393	0.533	0.651	6.774
6.935	0.009	0.014	0.023	0.044	0.176	0.483	0.668	∩.₽2E	··· = 76
7.665	0.007	0.011	0.020	0.041	0.197	C.593	0.837	1.034	1.244
8.395	0.005	0.009	0.017	0.038	0.219	C.72?	1.36	1.303	1.542
9.125	0.004	0.007	0.014	r.034	0.243	0.872	1.271	1.616	1.021
9.855	0.003	0.005	0.011	(.03.)	0.269	1.053	1.526	1.075	2.297
10.585	0.002	0.004	0.009	N.026	0.293	1.232	1.795	2.337	2.499
11.315	0.001	0.003	0.007	0.022	0.310	1.396	2.747	2.432	3. 22
12.045	0.001	0.002	0.005	0.018	6.308	1.497	2.171	2.757	3.242
12.775	0.001	0.001	0.004	C.013	€.279	1.449	2.50	2.411	2.194
13.505	1 0.000	0.001	0.002	0.007	6.209	1.153	1.522	2.27	2.310
14.235	0.000	0.000	0.001	0.003	0.087	0.514	<b>.</b> 58.5	0.971	Cru

## KERNFORSCHUNGSANLAGE JUELICH G.M.B.H. ZENTRALABTEILUNG STRAHLENSCHUTZ DIPL.-PHYS. FRITZ ROHLOFF

## BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODEPATOPS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.60E 03 FV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNETE FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.111 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-C.500	C•0	(.510	.7.7	<u>}.26€</u>	1. 70
0.365	0.092	0.893 0.075	0.095 0.080	0.097 0.086	0.103	0.109 0.122	0.112 .130	).114 7.137	· 114
1.825	0.057	0.062	0.069	0.078	0.105	<b>0.1</b> 4€	1.155	°•17≏	G.131
2.555	0.047	0.053	0.061	0.073	C.111	C.153	∼ <b>.</b> 190	2.211	1.230
3.285	0.038	0.044	0.053	0.068	0.117	0.191	r. <u>.</u> 23.	<b>∩</b> .263	··• 503
4.015	0.632	0.038	0.048	0.064	0.126	0.227	<b>~.</b> 232	0.330	. 773
4.745	0.027	0.033	0.043	0.061	0.136	C•271	0.348	<b>`•</b> 415	.477
5.475	0.023	0.029	C.39	0.058	0.149	C.328	2.431	.524	ؕ510
6.205	0.020	0.026	0.035	0.056	0.164	0.398	1.538	1.663	1.731
6.935	0.017	0.022	0.031	0.052	0.182	0.487	1.573	2.342	$1 \cdot 1 - 1$
7.665	0.012	0.017	0.025	0.047	0.201	0.598	<b>.</b> .844	1.071	1.283
8.395	0.009	0.013	0.020	0.042	0.222	0.729	1.(52	1.351	1.6?2
9.125	0.006	0.009	0.016	0.037	0.245	C.889	1.297	1.666	2. 24
9.855	0.004	0.007	C.013	0.032	0.271	1.062	1.554	1.996	2.459
10.585	0.003	0.005	0.010	0.028	0.296	1.256	1.831	2.348	2.931
11.315	0.002	C.004	0.008	0.023	0.314	1.422	2.164	2.619	3.168
12.045	0.001	0.003	0.006	0.013	0.310	1.503	2.179	2.737	3.314
12.775	0.001	0.002	0.004	0.013	€.272	1.432	2.08-	2.566	3.154
13.505	1 0.000	0.01	0.002	0.008	0.192	1.105	1.612	1.050	2.366
14.235	0.000	0.000	0.01	0,003	C.081	0,481	0.682	1.831	), Q4F
BERECHNUNG DER EMPEINDLICHKTIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 2.50E 03 EV BERECHNETF SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPEINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.117 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.865	-0.707	-0.500	<b>∩</b> .e	( <b>.</b> 5n0	0.737	?•866	1.000
0.365	0.095	С. <u>(</u> 96	C.198	0.100	6.106	0.113	0.115	0.118	0.120
1.095	0.073	0.077	€.382	0.023	0.106	0.126	0.135	0.142	0.149
1.825	0.058	0.063	6.70	0.080	0.109	0.145	0.162	0.176	0.188
2.555	0.046	0.053	6.61	C.074	0.114	0.169	2.196	0.219	0.240
3.285	0.038	C. ~44	0.054	0.069	0.121	0.199	0.239	0.274	0.306
4.015	0.031	0.038	0.048	0.065	0.130	0.237	0.294	).344	0.390
4.745	0.026	0.033	C•043	0.062	6.141	0.284	2.364	0.434	0.499
5.475	0.022	0.028	0.38	0.053	0.155	C.344	0.452	0.547	0.639
6.205	0.018	0.023	0.033	C.055	0.170	0.419	0.553	0.692	0.821
6.935	0.013	0.018	0.028	6.049	0.187	0.513	<b>∂.</b> 7€3	).876	1.056
7.665	1 0.009	0.014	0.123	0.045	0.207	C.627	0.872	1.104	1.330
8.395	1 0.007	0.011	0.019	0.040	0.229	0.761	1.777	1.383	1.547
9.125	1 0.005	0.03	0.015	0.036	0.254	0.919	1.323	1.688	2.042
9.855	0.004	0.06	0.012	C.C32	0.277	1.087	1.593	2.012	2.478
10.585	1 0.003	0.(05	6.010	(.023	0.294	1.266	1.849	2.326	2.343
11.315	1 0.002	0.003	0.008	0.023	C.302	1.424	2.001	2.581	3.141
12.045	0.001	0.002	0.205	0.013	0.298	1.493	2.130	2.698	3.207
12.775	0.001	<b>0.</b> 0∩2	0.104	0.013	0.266	1.424	1.994	2.515	2.957
13.505	1 0.000	0.001	C.002	0.009	0.193	1.101	1.543	1.888	2.300
14.235	1 1.000	0.000	0.001	0.003	0.092	0.472	0.545	0.799	0.929

# BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 4.00E 03 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.108 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	) <b>.</b> 866	1.300
0.365	0.096	0.097	0.099	0.101	0.108	0.115	2.118	0.121	0.123
1.095	0.075	0.079	0.084	0.091	0.109	0.131	<b>∂.141</b>	7.148	<b>1</b> 55
1.825	0.059	C.C65	C.072	C.C.82	0.113	0.152	0.170	0.185	0.198
2.555	0.047	0.053	0.062	0.076	C.119	0.177	<b>0</b> • 2€7	<b>^.</b> 231	0.253
3.285	0.037	0.044	C.054	0.071	0.126	0.209	0.253	0.289	0.322
4.015	0.030	0.037	0.048	0.066	0.135	0.250	0.311	0.364	<b>∂•41</b> 1
4.745	0.025	<b>∩.</b> 032	0.043	0.063	0.147	0.301	<b>0.38</b> 6	3.459	0.524
5.475	0.019	0.026	0.037	0.059	0.161	0.364	?.480	0.580	0.66P
6.205	0.014	0.021	0.031	0.054	C.177	0.444	0.601	n.734	ે <b>∙</b> ૨52
6.935	0.011	0.016	0.027	0.050	0.196	0.538	<b>74</b> 6	ി.921	1. 37
7.665	0.008	0.013	0.023	r.046	0.218	0.650	0.920	1.153	1.352
8.395	0.006	0.010	0.019	0.042	0.241	0.782	1.119	1.433	1.566
9.125	0.004	0.008	6.016	C.038	0.269	C.936	1.360	1.736	2.757
9.855	0.003	0.006	0.013	0.134	0.293	1.118	1.610	2.1.47	2.503
10.585	0.002	0.005	0.010	0.029	0.316	1.280	1.864	2.338	2.952
11.315	0.002	0.003	0.008	0.024	0.318	1.422	2.46	2.576	3.254
12.045	0.001	0.002	0.006	0.019	0.305	1.465	2.107	2.637	3.277
12.775	0.001	0.002	0.004	0.014	0.264	1.361	1.067	2.493	3.13
13.505	0.000	0.001	0.002	0.008	0.196	1.044	1.481	1.801	2.231
14.235	1 0.000	0.000	0.001	6.003	0.081	<b>େ • 4 4 1</b>	3.617	0.753	0.372

# BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 6.30E 03 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.125 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	<b>∩</b> .866	1.00
0.365	0.102	0.103	0.105	0.107	C.114	0.121	3.124	3.126	<b>0.128</b>
1.095	0.078	0.082	0.087	0.094	0.113	0.134	0.144	0.152	.159
1.825	0.062	0.068	0.075	0.086	0.116	0.155	0.173	0.188	3.201
2.555	0.050	0.057	0.065	0.079	0.122	0.180	္ ဥ္္ခ	0.233	2.255
3.285	0.041	0.048	0.058	0.074	0.129	0.212	· 255	3.292	325
4.015	0.034	0.041	0.052	0.070	C.139	0.253	<b>~.</b> 314	A. 366	7.414
4.745	0.028	0.035	0.046	0.066	0.151	C.304	2.383	).461	<u>0.528</u>
5.475	0.023	0.030	6.041	0.063	0.166	0.367	S.482	0.581	
6.205	0.019	0.025	C.036	0.059	C.132	.447	1.602	0.735	. 302
6.935	0.014	0.019	0.030	0.053	C.200	0.546	<b>^.7</b> 55	0.931	1.105
7.665	0.010	0.015	0.025	6.649	0.220	0.664	^ <b>.</b> 937	1.162	1.389
8.395	0.007	0.012	0.020	0.044	0.242	0.806	1.157	1.44 -	1.739
9.125	0.005	0.009	0.017	C.039	0.266	0.964	1.339	1.763	2. 46
9.855	0.004	<b>∩.</b> 007	0.013	0.035	0.290	1.133	1.±4°	2.093	2.407
10.585	0.003	0.005	0.011	0.030	0.313	1.294	1.300	2.405	2.810
11.315	0.002	0.004	0.008	C.C24	0.322	1.424	2.71	2.620	3.135
12.045	0.001	0.003	0.006	0.019	0.312	1.463	2.119	2.690	3.215
12.775	0.001	0.002	0.004	0.013	0.271	1.342	1.92	2.455	2.281
13.505	0.000	0.001	0.002	0.008	0.197	1.004	1.439	1.302	2.1.16
14.235	0.000	0.000	0.001	0.003	C.080	0.420	j.500	3.740	• 25 <b>2</b>

# KERNFORSCHUMGSANLAGE JUELICH G.M.B.H. Zentralabteilung stpahlenschutz DIPL-PHYS. EPITZ ROHLOFE

#### BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.00E 04 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.115 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	).707	0.866	1.00
0.365	0.102	0.104	0.106	0.109	0.115	0.122	C•12€	7.128	0•13 <b>!</b>
1.095	0.080	0.084	0.090	C.097	0.116	0.139	^•14°	0.158	0.165
1.825	0.064	0.070	0.077	0 <b>.</b> 083	0.121	<b>○.</b> 161	0.18€	3.196	0.210
2.555	0.051	0.058	0.067	0.082	0.126	0.183	0.219	0.244	0.257
3.285	0.041	0.)49	0.059	C.076	0.135	C.222	0.268	0.306	0.340
4.015	0.033	0.041	0.052	0.071	0.144	0.264	9.329	0.384	6.433
4.745	0.027	0.034	0.046	0.067	0.156	0.317	0.406	0.494	0.55!
5.475	0.021	0.028	C.040	0.063	0.171	0.383	0.504	0.611	0.701
6.205	0.016	0.022	0.034	0.058	0.187	0.465	2.628	7.776	0.889
6.935	0.012	0.018	0.029	0.054	0.207	0.567	0.781	0.954	1.120
7.665	0.009	0.014	0.024	0.049	0.231	0.693	0.964	1.200	1.369
8.395	0.006	0.011	0.020	0.045	0.254	0.837	1.166	1.464	1.660
9.125	0.005	0.008	0.017	0.041	0.279	0.998	1.401	1.768	2.001
9.855	0.003	0.007	0.014	0.036	0.300	1.159	1.648	2.103	2.370
10.585	0.002	0.005	0.011	0.031	0.316	1.321	1.887	2.392	2.711
11.315	0.002	0.004	0.008	0.025	0.321	1.435	2.261	2.577	2.939
12.045	0.001	0.003	0.006	0.029	0.311	1.460	2.072	2.606	2.884
12.775	0.001	0.002	0.004	0.014	0.274	1.328	1.877	2.332	2.621
13.505	0.000	0.001	0.002	6.008	0.192	0.985	1.377	1.709	1.942
14,235	0.000	0.000	0.001	0.003	0.079	0.413	0.568	0.698	0.803

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.60E 04 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.214 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.856	1.000
0.365	0.112	0.113	0.115	G.118	0.125	ũ.132	n.135	0.138	0.140
1.095	0.087	0.091	0.097	0.104	0.124	C•145	0.156	0.165	0.172
1.825	0.070	C.C.76	0.084	0.095	0.127	0.168	0.187	0.202	0.216
2.555	0.057	0.064	0.074	0.0688	0.134	0.195	0.225	0.251	0.273
3.285	0.048	0.056	0.066	0.084	0.142	0.230	2.275	0.313	0.347
4.015	0.041	0.048	0.060	0.080	0.154	C.273	€.4337	0.391	<b>^.</b> 441
4.745	0.035	0.042	0.055	0.075	0.167	0.327	0.415	7.491	0.561
5.475	0.030	0.037	0.049	0.073	L.183	0.394	5.513	0.618	2.714
6.205	0.024	0.031	C.043	0.068	C.200	C.478	637	2.780	0.908
6.935	1 0.017	0.023	0.035	0.061	C.219	0.582	- 793	).986	1.156
7.665	1 0.013	0.018	6.029	0.055	0.241	0.703	r.978	1.222	1.475
8.395	0.009	0.014	0.024	0.051	0.256	0.339	1.171	1.484	1.844
9.125	0.007	0.010	0.019	0.045	0.292	0.289	1.411	1.782	2.273
9.855	0.005	0.008	0.015	<b>.</b>	0.317	1.152	1.635	2.107	2.618
10.585	1 1.003	0.006	<b>∩.</b> 012	0.034	0.334	1.3:3	1.040	2.368	2.976
11.315	1 0.002	0.004	0,009	C.C27	0.343	1.3=4	1.29	2.551	3.120
12.045	1 0.002	0.003	C.007	0.021	0.322	1.4.3	1.77	2.569	2,155
12.775	1 0.001	0.002	0.005	0.015	2.275	1.275	1.743	2 3/7	2.474
13.505	0.001	0.101	(.))3	0.003	1.176	0.039	1.31	1.670	1.758
14.235	1 0.000	0.000	0.001	0.003	<u>)</u> 78	<u>, 101</u>	0.531	3.57F	, 77¢

# BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODFRATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 2.50E 04 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.145 THERMISCHE NEUTRONEN PRO FINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.865	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.866	1.100
0.365	0.119	0.121 0.097	0.123 0.103	0.126 0.111	0.133	0.140	0.144 0.166	).146 ).174	0.148
1.825	0.075	0.082	0.090	0.101	0.135	0.177	0.197	7.214	0.228
2.555	0.062	0.070	0.080	0.095	0.142	0.206	0.238	0.265	2.289
3.285	0.051	0.059	0.070	C•C89	0.150	0.241	0.288	2.329	0.366
4.015	0.043	0.051	0.063	0.084	0.161	C.285	<b>ි.</b> 352	0.411	0.465
4.745	0.037	0.045	0.057	0.80	0.175	0.341	0.434	0.515	0.593
5.475	0.031	0.039	0.052	0.077	C.192	0.411	0.536	0.649	0.757
6.205	0.026	0.033	0.045	0.072	0.212	0.497	0.665	0.818	0.970
6.935	0.018	0.025	C•037	0.065	0.233	0.606	0.828	1.033	1.244
7.665	0.013	0.019	0.031	0.059	0.257	0.733	1.015	1.285	1.568
8.395	0.010	0.015	0.025	0.054	0.283	0.874	1.224	1.567	1.891
9.125	0.007	0.011	0.021	0.049	0.304	1.033	1.456	1.877	2.250
9.855	0.005	0.008	0.017	0.043	0.329	1.186	1.689	2.179	2.562
10.585	0.004	0.006	0.013	0.037	0.346	1.330	1.907	2.404	2.940
11.315	0.002	0.005	0.010	0.031	0.350	1.417	2.037	2.549	3.123
12.045	0.002	0.003	0.007	0.024	0.328	1.408	2.020	2.496	3.110
12.775	0.001	0.002	0.005	0.017	0.288	1.264	1.777	2.211	2.692
13.505	0.001	0.001	0.003	0.011	0.201	0.924	1.276	1.602	1.910
14.235	0.000	0.000	0.001	0.004	0.081	0.374	0.515	0.649	0.735

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 4.00E 04 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.140 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.865	-0.707	-0.500	6.0	0.500	0.707	0.866	1.000
0.365	0.125	0.126	0.129	0.132	0.140	0.149	0.153	<b>•</b> 156	0.159
1.095	0.098	0.103	0.109	0.113	0.142	0.169	0.181	0.191	0.200
1.825	0.077	0.085	C.094	0.108	6.147	C.195	0.219	.238	0.254
2.555	0.062	0.070	0.082	0.099	0.154	0.229	0.265	3.296	1.323
3.285	0.049	0.058	0.072	0.092	0.163	0.269	<b>∂</b> •324	0.369	A.410
4.015	0.039	0.049	6.063	0.085	0.175	0.321	0.399	0.462	0.522
4.745	0.030	0.039	0.054	0.(80	0.138	0.385	0.496	).579	9.658
5.475	0.023	0.032	0.047	0.076	0.206	C.461	0.602	0.721	. <u>•</u> 3 C
6.205	0.017	೧.025	0.041	0.072	0.229	0.553	0.738	).895	1.053
6.935	0.013	0.021	0.035	0.068	0.254	0.654	0.905	1.111	1.298
7.665	0.010	0.017	0.030	0.064	0.282	0.795	1.099	1.370	1.557
8.395	0.008	0.(14	©.026	0.059	0.309	C.940	1.310	1.654	1.854
<b>∂.1</b> 25	0.006	6.011	(••°22	0.053	C.338	1.093	1.545	1.944	2.223
9.855	0.004	0.r08	ಿ13	C.L48	C.365	1.253	1.754	2.225	2.428
10.585	0.003	0.006	0.014	0.041	0.382	1.387	1.945	2.463	2.366
11.315	0.002	0.005	0.011	C.034	0.376	1.457	2.131	2.595	2.542
12.045	0.001	0.003	0.008	0.026	0.351	1.429	1.098	2.524	2.472
12.775	0.001	0.002	C.005	0.018	0.295	1.241	1.752	2.187	2. 523
13.505	0.000	0.001	0.03	6.011	3.294	0.882	1.254	1.547	1.012
14.235	0.000	0.000	•• 201	0.004	0.078	0.361	1.514	7.602	0.741

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 6.3CE C4 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.6C CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.187 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.866	1.000
0.365	0.147	0.150	0.152	0.156	0.164	0.173	0.177	C.180	0.182
1.095	0.115	0.120	0.127	0.136	0.151	<b>0.1</b> 88	0.201	P.211	0.220
1.825	0.093	0.101	0.111	0.125	0.165	0.215	0.239	0.258	0.275
2.555	0.075	0.084	0.096	0.114	6.170	0.246	C.284	0.316	0.345
3.285	0.062	0.072	0.085	0.107	0 <b>.</b> 180	0.288	3.344	1.392	0.437
4.015	0.052	0.062	C.C77	0.102	0.194	C.341	<b>.</b> 420	0.489	0.555
4.745	0.044	0.053	0.069	0.096	0.210	0.407	0.515	).612	0.708
5.475	0.036	0.045	0.060	0.090	0.229	6.489	0.634	3.768	0.906
6.205	0.026	0.035	0.050	0.082	0.249	0.592	0.782	0.965	1.152
6.935	0.019	0.027	0.042	C.075	0.276	0.708	2.952	1.195	1.46!
7.665	0.014	0.021	0.035	0.069	0.301	0.836	1.154	1.450	1.779
8.395	0.010	0.016	0.029	0.063	0.331	0.983	1.368	1.718	2.137
9.125	0.007	0.013	0.024	0.058	6.358	1.150	1.532	2.003	2.492
9.855	0.005	0.010	6.020	0.051	0.381	1.307	1.817	2.253	2.817
10.585	0.004	0.007	0.016	C.C45	0.396	1.432	1.077	2.453	3.075
11.315	0.003	0.005	6.013	0.033	C.394	1.479	2.070	2.523	3.173
12.045	0.002	0.004	0.009	0.030	0.366	1.431	1.986	2.437	2.969
12.775	0.001	0.003	0.006	0.021	0.301	1.238	1.718	2.101	2.447
13.505	0.001	0.001	0.004	0.013	0.205	0.876	1.206	1.481	1.662
14.235	0.000	0.000	0.001	0.005	0.082	0.350	6.484	0.539	9.640

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.00E 05 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.181 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-C.866	-0.707	-0.500	0.	c.500	0.707	0.866	1.000
0.365	0.162	0.164	0.167	C.171	0.181	e•192	C.197	0.201	0.205
1.095	0.127	0.134	0.142	0.153	0.183	0.217	0.233	0.245	0.256
1.825	0.102	0.111	C.123	0.140	0.189	0.250	C.279	0.303	1.323
2.555	0.080	0.091	0.106	0.128	0.197	0.290	0.336	0.373	0.407
3.285	0.063	0.075	0.091	C.118	0.208	0.341	0.437	0.464	0.515
4.015	0.048	0.060	0.078	C.1C8	<b>.</b> 222	0.406	0.495	0.580	7.647
4.745	0.037	0.049	0.067	0.100	0.241	0.472	2.601	0.712	0.821
5.475	0.028	0.040	0.058	C. 394	<b>€</b> .259	0.558	C.734	0.859	1.008
6.205	0.022	0.032	0.051	0.089	0.281	0.665	6.892	1.071	1.218
6.935	0.017	0.026	0.044	0.085	0.307	0.793	1.77	1.301	1.496
7.665	0.013	0.021	0.038	0.079	0.338	0.932	1.257	1.561	1.731
8.395	0.010	0.017	0.33	0.074	C.370	1.082	1.421	1.841	2.571
9.125	1 0.007	0.014	0.028	0.067	0.401	1.235	1.717	2.130	2.371
9.855	0.006	0.011	C. <u>724</u>	0.059	0.421	1.375	118	2.77	2.490
10.585	1 0.004	0.008	0.019	0.052	0.428	1.488	2.741	2.553	2.887
11.315	0.003	0.006	C.015	0.044	0.421	1.521	2.150	2.592	2.981
12.045	0.002	0.004	C.011	0.035	C.381	1.458	1.052	2.436	2.717
12.775	0.001	0.003	0.009	C.025	0.321	1.244	1.452	2.659	2.247
13.505	1 0.001	0.002	0.004	0.015	0.222	0.890	1.154	1.435	1.553
4.235	0.000	0.001	C.001	0.005	0.090	0.346	3.457	E 57	21

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODEPATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.60E 05 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.215 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	C.737	0.866	1.000
0.365	0.194	0.196	C.199	C•2C4	C.215	0.228	0.233	0.238	0.241
1.095	0.155	0.163	0.172	0.184	0.218	0.256	0.272	<b>∂.</b> 286	D.297
1.825	0.124	0.135	0.149	0.168	0.224	0.291	0.322	0.347	0.369
2.555	0.099	0.112	0.129	0.155	0.233	0.335	0.384	0.424	0.459
3.285	0.077	0.091	0 <b>.111</b>	0.143	C•245	0.391	0.463	0.522	0.573
4.015	0.059	0.073	C.095	C.132	0.262	0.462	0.564	0.645	0.720
4.745	0.045	0.059	0.082	0.122	0.282	0.548	0.686	0.797	0.901
5.475	0.034	0.048	0.070	0.115	0.308	0.645	0.827	0.986	1.125
6.205	0.026	0.039	0.061	0.107	0.337	0.764	0.994	1.209	1.369
6.935	0.020	0.031	0.052	0.100	0.369	0.903	1.195	1.470	1.665
7.665	0.015	0.025	0.045	C.093	0.405	1.058	1.401	1.738	1.044
8.395	0.011	0.020	0.038	0.087	0.434	1.211	1.630	2.011	2.234
9.125	0.008	0.016	0.032	0.080	0.460	1.367	1.860	2.261	2.555
9.855	0.006	0.012	0.027	0.074	0.492	1.493	2.029	2.495	2.698
10.585	0.004	0.009	0.022	0.065	0.483	1.576	2.145	2.623	2.807
11.315	0.003	0.007	C•017	0.055	0.466	1.592	2.147	2.635	2.791
12.045	0.002	0.005	0.012	0.043	0.423	1.509	2.24	2.436	2.554
12.775	0.001	0.003	0.008	0.031	0.350	1.277	1.676	2.012	2.177
13.505	0.001	0.002	C.C.)5	0.019	0.238	0.381	1.139	1.365	1.477
14.235	0.000	0.001	C.002	C.007	0.092	C.338	0.442	0.520	0.585

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 2.50E 05 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKFIT IM MITTELPUNKT: 0.270 THERMISCHE NEUTRONEN PRO FINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0 • C	0.500	0.727	∩.866	1.000
0.365	0.244	0.247	C.251	0.257	C.271	0.286	∴.293	.1.299	0.303
1.095	0.196	0.205	0.216	0.232	0.273	0.320	-342	7.358	.373
1.825	0.155	0.169	0.186	0.210	G.278	0.352	0.401	0.433	· 460
2.555	0.123	0.140	C.161	0.192	0.289	C.417	े∙47≏	).530	0. <b>57</b> 4
3.285	0.098	0.115	0.141	0.177	0.305	0.488	0.578	).653	0.719
4.015	0.074	0.094	0.121	0.165	0.324	0.566	0.690	ಾ. 79 ಕ್ಷ	2.984
4.745	0.055	0.079	0.105	0.155	0.346	0.664	0.815	0.955	1.101
5.475	0.045	C.054	0.093	0.145	0.372	r.764	0.964	1.155	1.278
6.205	0.035	0.052	0.081	0.139	0.400	6.889	1.132	1.391	1.526
6.935	0.027	0.043	0.071	0.130	0.434	1.25	1.337	1.611	1.051
7.665	0.023	0.035	0.064	0.120	0.453	1.157	1.521	1.871	2.159
3.395	0.017	0.028	0.153	0.11)	0.494	1.311	1.741	2.132	2.513
9.125	0.012	0.022	0.045	0.100	0.524	1.440	1.6.29	2.360	2.219
9.855	0.009	0.017	0.033	(.(9)	0.539	1,554	2.174	2.518	2.294
10.585	0.006	0.013	0.030	0.079	0.539	1.590	2.142	2.578	3. 76
11.315	0.005	0.010	€.^24	0.067	0.513	1.556	2.1.1	2.524	2.049
12.045	0.002	0.007	<b>7 1</b> د 7	0.055	6.455	1.453	1.023	2.319	2.412
12.775	n.001	A.C05	0.012	0.040	0.367	1.221	1.597	1.888	2.137
13.505	1 1.000	0.003	0.007	1.024	0.252	6.842	1.181	1.257	1.417
14.235	1 e.coc	0.001	<b>↑</b> •002	0.000	0.395	C.325	<b>2.414</b>	.48	44

1

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 4.00E C5 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.393 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.866	-C.707	-0.500	0.0	0.500	0.717	0.866	1.000
0.365	0.360	0.365	0.370	0.377	0.395	0.415	0.424	0.431	ം437
1.095	0.297	0.309	6.324	0.345	0.399	0.459	0.486	0.507	1.526
1.825	0.236	0.255	0.280	0.313	0.401	C.509	0.558	0.597	1.633
2.555	0.180	0.213	€.246	0.292	0.412	0.577	0.654	2.715	0.779
3.285	0.143	0.172	C.211	0.266	0.432	0.655	0.767	).849	0.922
4.015	0.114	C.142	C.185	0.245	0.447	0.745	0.888	1.007	1.091
4.745	0.090	0.116	<b>∂</b> •159	0.228	0.471	0.846	1.037	1.197	1.312
5.475	0.070	0.095	0.133	0.212	0.501	0.959	1.198	1.402	1.575
6.205	0.055	0.078	0.120	0.198	0.529	1.078	1.380	1.614	1.860
6.935	n.042	0.065	0.105	0.186	6.562	1.226	1.573	1.866	2.170
7.665	0.032	0.054	0.092	C.175	0.594	1.350	1.770	2.115	2.487
8.395	0.025	0.044	0.079	0.164	0.623	1.488	1.943	2.340	2.719
9.125	0.017	0.036	0.069	0.154	0.642	1.604	2.083	2.514	2.861
9.855	0.012	0.029	0.059	0.139	0.648	1.667	2.183	2.602	2.958
10.585	0.008	9.023	0.049	0.122	0.637	1.686	2.227	2.599	2.915
11.315	0.008	0.017	0.039	0.103	0.596	1.604	2.151	2.486	2.754
12.045	0.006	0.012	0.029	0.082	0.519	1.449	1.918	2.231	2.400
12.775	0.005	0.008	G.020	0.662	0.418	1.187	1.542	1.799	1.939
13.505	0.003	0.004	0.012	0.036	0.277	0.813	1.038	1.199	1.295
14.235	0.001	0.001	C.004	0.012	0.106	0.307	0.396	0.449	0.522

#### BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 5.00E 05 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 20000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.484 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

	WINKEL	_BEREICH	1:						
RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	C•C	r.500	°.7°7	0.866	1.000
0.365	0.413	0.419	0.425	0.433	े <b>.</b> 454	0.475		0.491	0.497
1.095	0.335	0.349	0.365	0.383	0∙448	0.514	6.544	n.567	0.587
1.825	0.271	0.290	0.315	0.350	0.450	0.568	6.22	0.666	0.703
2.555	0.213	0.236	0.267	0.313	0.458	0.534	·719	792. (	9.846
3.285	0.163	0.189	0.223	0.277	0.475	0.719	<b>∂.841</b>	).960	1.010
4.015	0.129	0.157	6.194	0.252	0.489	0.810	္ ့ဂရာန	1.163	1.152
4.745	0.095	0.134	0.169	C.234	0.505	0.907	1.119	1.301	1.334
5.475	0.080	0.112	C.152	0.223	1.536	1.011	1.259	1.49r	1.616
6.205	0.066	0.098	0.136	0.211	0.555	1.142	1.422	1.659	1.259
6.935	0.043	0.083	C.11°	0.196	0.592	1.259	1.615	1.867	2.132
7.665	0.028	0.070	0.102	0.184	0.616	1.419	1.769	2. 55	2.473
8.395	0.026	0.055	0.088	1.167	0.651	1.521	1.233	2.269	2.656
9.125	0.020	0.045	5.375	0.154	C. 658	1.625	2.195	2.445	2.308
9.855	0.013	0.035	0.062	(.14)	0.657	1.695	2.185	2.547	2.887
10.585	0.010	0.026	<b>○</b> •051	(.125	0.654	1.714	2.183	2.553	2.826
11.315	0.008	0.019	0.041	0.105	£.642	1.653	2.165	2.426	2.601
12.045	0.006	0.013	C.C33	0.(82	0.571	1.472	1.929	2.168	2.248
12.775	0.004	0.009	0.021	0.060	<b>.</b> 452	1.169	1.477	1.720	1.829
13.505	0.002	0.005	0.012	0.638	0.299	0.757	0.907	1.144	1.223
14.235	0.001	0.002	0.004	0.014	0.108	292	3.380	0.434	.452

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 6.30E 05 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 48000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.489 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0•)	C.500	0.707	0.866	1.060
0.365	0.450	0.455	<b>0.</b> 462	0.471	C.494	0.518	0.529	.).537	0.544
1.095	0.369	0.385	C.405	6.432	0.498	0.571	0.603	0.629	0.652
1.825	0.302	0.328	0.364	0.406	0.515	0.643	0.697	9.750	0.800
<b>2.55</b> 5	0.246	0.276	0.318	0.377	0.539	0.724	0.912	0.885	ŋ.º95
3.285	0.209	0.234	<b>○</b> •282	<b>346</b>	0.552	0.819	0.943	1.026	1.136
4.015	0.171	<b>0.2</b> 00	C.249	0.327	0.577	0.919	1.071	1.190	1.316
4.745	0.146	0.173	0.224	0.313	0.600	1.026	1.214	1.371	1.503
5.475	0.133	0.150	0.200	<b>0.299</b>	0.636	1.145	1.387	1.569	1.752
6.205	0.105	0.129	C • 17 9	0.278	0.668	1.274	1.559	1.791	1.976
6.935	0.081	0.107	0.160	6.263	0.706	1.387	1.726	2.005	2.228
7.665	0.062	0.090	6.147	0.245	0.737	1.517	1.894	2.218	2.457
8.395	0.049	0.073	0.126	0.228	0.762	1.618	2.059	2.398	2.675
9.125	0.036	0.058	0.106	0.215	0.773	1.714	2.148	2.550	2.799
9.855	0.026	0.046	0.088	0.195	0.766	1.760	2.210	2.607	2.824
10.585	0.021	0.035	0.072	0.171	0.744	1.745	2.191	2.539	2.782
11.315	0.015	0.927	0.059	6.138	0.690	1.643	2.049	2.356	2.594
12.045	0.011	0.019	0.047	C.1C9	0.598	1.444	1.802	2.056	2.245
12.775	0.009	0.012	0.033	0.081	0.474	1.148	1.432	1.623	1.747
13.505	0.005	0.007	0.019	0.049	0.312	C.750	0.948	1.063	1.137
14.235	0.001	0.002	0.007	0.017	0.116	0.286	0.357	0.393	0.430

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 9.00E 05 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 2000 BERECHNET FUER KUGELPADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.700 THERMISCHE NEUTPONEN PRO FINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	<b>0</b> •∄	0.500	0.707	0.866	1.700
0.365	0.656	<b>0.</b> 662	0.670	0.680	0.709	0.740	0.754	°•765	2.774
1.095	0.571	0.579	0.596	0.625	0.709	0.806	0.349	0.885	0.918
1.825	0.551	0.522	0.531	0.576	0.723	0.893	0.975	1.037	1.137
2.555	0.391	0.415	C.457	0.527	0.750	0.965	1.368	1.200	1.267
3.285	0.309	0.353	0.407	0.495	<b>∂</b> .754	1.068	1.200	1.350	1.424
4.015	0.248	0.317	0.372	0.475	0.782	1.157	1.323	1.500	1.626
4.745	0.226	0.278	0.342	0.452	Ŭ•823	1.266	1.482	1.663	1.854
5.475	0.211	0.248	0.314	0.436	0.855	1.376	1.633	1.359	2.297
6.205	1 0.182	0.214	0.286	C•422	C.881	1.496	1.758	2.062	2.195
6.935	n.174	0.180	0.259	0.397	0.925	1.601	1.925	2.211	2.357
7.665	0.127	0.152	6.240	0.379	0.951	1.701	2.039	2.351	2.546
8.395	0.092	0.127	C.216	0.360	0.961	1.767	2.128	2.446	2.663
9.125	1 0.070	0.104	6.139	0.333	6.945	1.799	2.180	2.490	2.804
9.855	0.946	0.085	€.161	0.299	0.910	1.766	2.154	2.509	2.818
1).585	1 0.037	0.067	C.133	0.251	C.867	1.713	2.797	2.423	2.338
11.315	1 0.023	0.153	0.104	0.208	0.802	1.595	1.922	2.220	2.552
12.045	n.12	C.)40	C . 77	C.163	0.536	1.375	1.659	1.380	2.142
12.775	1 1.09	0.027	0.053	125	0.542	1.092	1.313	1.465	1.715
13.505	1 0.07	<b>○</b> • €15	• 3 3	0.c73	<b>∂</b> •345	C.726	°.°51	). <del>3</del> 29	1.130
14.235	1	0.005	• 11	···27	3.127	0.247	0.311	1.342	· • * 77

RADIUS:	-1.000	-0.865	-0.707	-0.500	0.0	0.500	2.707	).866	1.000
0.365	0.698	0.705	0 <b>.</b> 714	C.725	J.753	0.783	°.796	<b>).</b> 335	0.813
1.095	0.593	0.613	0.638	0.671	0.755	0.346	3.834	0.012	0.935
1.825	1 0.500	0.532	0.574	0.625	C.767	0.933	1.00?	1.938	1.89
2.555	0.432	0.481	C.522	0.590	0.781	1.011	1.117	1.185	1.255
3.285	1 0.393	0.419	0.469	0.548	0.813	1.115	1.235	1.350	1.452
4.015	0.324	0.362	0.424	0.518	0.322	1.204	1.382	1.496	1.550
4.745	0.245	0.320	0.388	0.491	0.842	1.322	1.506	1.682	1.852
5.475	0.212	n.266	C.341	0.459	0.852	1.419	1.637	1.836	2.061
6.205	1 0.173	0.224	0.302	0.427	0.383	1.523	1.779	2.014	2.261
6.935	0.150	0.184	0.267	<b>○</b> •402	0.900	1.618	1.012	2.178	2•447
7.665	0.125	0.154	0.240	0.371	0.911	1.706	2.139	2.299	2.636
8.395	0.095	0.129	0.209	0.340	0.913	1.781	2.114	2.404	2.727
9.125	1 0.073	0.169	C.183	0.305	0.904	1.707	2.154	2.439	2.813
9.855	0.059	0.089	0.156	0.273	0.874	1.776	2.159	2.419	2.805
10.585	0.049	0.070	0.131	0.243	0.821	1.703	2.062	2.339	2.653
11.315	0.035	0.054	0.106	0.205	0.749	1.570	1.383	2.158	2.358
12.045	1 0.022	0.041	0.082	0.163	0.636	1.356	1.627	1.352	1.955
12.775	0.015	0.029	0.059	0.119	0.486	1.072	1.283	1.429	1.509
13.505	1 0.011	0.017	0.036	0.073	C•318	C.695	0 <b>.</b> 847	<b>0.</b> 924	0.974
14.235	1 0.005	0.006	C.012	0.025	0.121	0.263	2.315	0.342	0.374

WINKELBEREICH:

BERECHNUNG DER EMPEINDLICHKEIT EINES KUGELADDEPATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.JCE 06 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 42000 BERECHNET FUEP KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPEINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.760 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

KERNFORSCHUNGSAMLAGE JUFLICH G.M.B.H. Zentralabteilung strahlenschutz Dipl.-Phys. Fritz Rohloff

# BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.30E 06 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 20000 BERECHNET FUER KUGFLRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.966 THERMISCHE NEUTPONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.866	1.0000
0.365	0.887	0.895	0.905	6.918	0.949	C.980	0.993	1.004	1.012
1.095	0.766	0.788	0.815	0.852	0.945	1.041	1.792	1.114	1.140
1.825	0.630	0.654	C.707	0.769	0.929	1.093	1.160	1.227	1.259
2.555	0.522	0.572	0.622	0.713	0.956	1.184	1.329	1.418	1.423
3.285	0.415	0.497	0.563	C.671	0.971	1.264	1.421	1.541	1.576
4.015	0.323	0.447	C.515	0.660	1.004	1.364	1.544	1.685	1.780
4.745	0.286	0.384	0.473	0.612	1.019	1.477	1.558	1.870	1.913
5.475	0.235	0.341	0.439	C.582	1.053	1.531	1.432	2. 24	2.54
6.205	0.212	0.290	C.397	0.567	1.075	1.677	1.962	2.192	2.159
6.935	0.187	0.252	0.357	0.530	1.089	1.751	2.157	2.2999	2.321
7.665	0.142	0.225	6.318	C.499	1.104	1.823	2.142	2, 262	2.452
8.395	1 0.102	0.200	0.288	0.460	1.085	1.945	2,173	2.364	2.625
9.125	1 0.084	C.174	0.255	C.421	1.053	1.83	2.123	2.354	2.656
9.855	1 0.071	0.150	0.222	C.375	0.987	1.765	2. 44	2.203	2.444
10.585	1 2.064	·•123	C.195	0.327	0.912	1.630	1.363	2.152	2.490
11.315	1 0.058	n.c96	C•164	C.274	0.317	1.544	1.777	1.027	2.243
12.045	I C.041	<ul> <li>○ • € 70</li> </ul>	0.130	0.223	0.688	1.323	1.505	1.624	. 370
12.775	1 0.020	0.050	0,093	C.171	n.529	1.021	1.149	1.25	1.364
13.505	0.012	0.029	<b>1.</b> 156	C.1C3	0.340	0.644	- 734		°. • • 5 5
14.235	0.304	0.010	C.019	C.C41	0.127	0.239	1.254	209	

BERECHNING DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.60E 06 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 46000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 1.016 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0 <b>-</b> 0	0.500	0.707	3.866	1.000
0.365	0.924	0.932	r.942	0.954	0 <b>.</b> 984	1.016	1.029	1.039	1.48
1.095	0.798	0.830	C.857	0.883	C.981	1.076	1.125	1.148	1.180
1.825	0.714	C.739	0.780	₽.825	0.986	1.145	1.221	1.268	1.302
2.555	G.604	0.659	··• 714	0.789	1.012	1.225	1.327	1.414	1.467
3.285	0.499	0.571	0.640	t.733	1.002	1.322	1.465	1.556	1.608
4.015	0.450	0.495	C.593	0.698	1.011	1.409	1.543	1.667	1.759
4.745	0.396	0.440	C.542	0.671	1.037	1.474	1.655	1.782	1.857
5.475	0.352	0.395	0.494	0.637	1.047	1.541	1.769	1.914	2.029
6.205	0.282	0.352	0.453	0.605	1.068	1.520	1.885	2.633	2.241
6.935	0.228	0.305	0.408	0.579	1.038	1.690	1.974	2.161	2.349
7.665	0.194	0.262	6.366	0.542	1.092	1.755	2.057	2.234	2.423
8.395	0.149	0.227	C.320	0.503	1.093	1.780	2.100	2.262	2.451
9.125	€.122	0.195	C•282	2.457	1.357	1.774	2.74	2.250	2.419
9.855	0.109	0.163	0.250	0.407	1.016	1.729	1.992	2.164	2.373
10.585	0.088	<b>0.135</b>	C.212	0.351	0.940	1.628	1.871	2.011	2.247
11.315	0.073	<b>∩.</b> 107	0.173	0.294	0.839	1.483	1.684	1.804	2•114
12.045	0.061	0.081	0.136	0.230	0.705	1.252	1.413	1.512	1.723
12.775	0.648	0.057	0.098	6.170	0.539	0.966	1.092	1.166	1.347
13.505	0.028	0.034	0.057	6.106	0.350	0.623	0.697	0.744	0.883
14.235	0.008	0.013	0.021	0.038	0.129	0.229	0.259	0.274	0.325

and the second second second second

MANUS DEPENDENCE

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 2.50E 06 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 38000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 1.238 THERMISCHE NEUTPONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

	WINKEL	BERFICE	1:						
RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	n.707	<b>0.</b> 866	1.000
0.365	1.146	1.157	1.169	1.186	1.225	1.264	1.279	1.292	1.301
1.095	0.984	1.016	1.055	1.103	1.228	1.335	1.383	1.429	1.434
1.825	0.858	0.938	0.972	1.030	1.195	1.346	1:409	1.452	1.486
2.555	0.803	C.843	6.962	0.997	1.175	1.377	1.471	1.510	1.576
3.285	0.731	0.778	0.844	6.929	1.157	1.423	1.551	1.624	1.692
4.015	0.654	0.713	0.784	0.878	1.147	1.485	1.621	1.697	1.790
4.745	0.579	0.651	0.737	0.833	1.144	1.542	1.691	1.798	1.047
5.475	0.513	0.586	C.691	0.804	1.152	1.581	1.751	1.892	2.37
6.205	0.458	0.522	C.540	0.769	1.149	1.531	1.211	1.962	2. 33
6.935	C.375	0.465	C.575	C.725	1.160	1.677	1.957	2.101	2. 50
7.665	0.302	0.411	0.519	0.682	1.156	1.696	1.874	1.çq7	2.75
8.395	0.247	0.357	0.469	0.625	1.133	1.637	1.973	1.067	2.356
9.125	0.210	0.309	0.422	0.572	1.083	1.646	1.420	1.927	1.457
9.855	0.178	0.263	0.369	0.507	1.022	1.575	1.742	1.836	1.912
10.585	1 0.145	0.221	C•319	1.443	<b>0.</b> 938	1.456	1.523	1.683	1.437
11.315	0.129	0.179	0.253	0.375	°.326	1.300	1.457	1.46F	1.459
12.045	0.103	0.137	0.207	0.3()	0.685	1.090	1.229	1.236	1.217
12.775	0.067	C. (96	€.15	1.225	0.529	0.833	. 337	~ · 746	:.₽5⊙
13.505	1 0.042	0.055	0.093	0.143	C.336	0.528	6.594	P.E92	- 444
14.235	1 0.016	0.019	C.032	0.051	0.121	0.192	-217	0.215	0.231

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKFIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 4.00E 06 EV BERECHNETE SCHICKSALF: 500C0 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 1.245 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0•0	0.500	0.707	0.966	1.000
0.365	1.152	1.159	1.167	1.178	1.201	1.223	1.232	1.238	1.244
1.095	1.042	1.063	1.090	1.123	1.194	1.260	1.285	1.308	1.327
1.825	0.978	1.017	1.040	1.083	1.178	1.281	1.325	1.350	1.390
2.555	0.944	0.980	1.000	1.053	1.186	1.325	1.473	1.453	1.526
3.285	0.930	0.931	0.962	1.036	1.171	1.355	1.453	1.529	1.553
4.015	0.846	0.855	0.906	0.976	1.172	1.407	1.527	1.605	1.527
4.745	0.727	0.783	0.844	6.939	1.166	1.462	1.603	1.670	1.688
5.475	0.609	0.717	0.784	0.891	1.156	1.488	1.635	1.698	1.748
6.205	0.521	0.652	C.728	0.841	1.146	1.494	1.634	1.711	1.753
6.935	0.463	0.583	0.677	6.789	1.126	1.493	1.522	1.7公位	1.833
7.665	0.408	0.525	0.613	0.735	1.093	1.465	1.591	1.685	1.843
8.395	0.357	0.475	<b>C</b> •558	0.686	1.049	1.420	1.566	1.662	1.753
9.125	0.321	0.417	0.499	C.630	1.003	1.355	1.506	1.595	1.569
9.855	0.275	0.364	C.438	0.561	0.917	1.266	1.402	1.488	1.568
19.585	0.227	0.310	0.374	0.488	0.830	1.140	1.279	1.329	1.500
11.315	0.167	0.256	0.308	0.408	C.726	0.994	1.117	1.150	1.326
12.045	0.128	0.194	0.245	0.325	0.607	C.819	0.929	0.950	1.104
12.775	0.101	0.133	0.178	0.235	0.455	0.623	0.699	0.711	0.318
13.505	0.066	0.077	C.108	0.145	0.285	0.395	0.446	0.444	0.520
14.235	0.027	0.025	0.039	0.052	0.103	0.144	0.160	0.161	0.189

# BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 6.30E 06 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 1.172 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

	WINKE	BEREICH	4:						
RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	<b>0.866</b>	1.000
0.365	1.146	1.153	1.161	1.170	1.192	1.214	1.224	1.233	1.240
1.095	1.047	1.066	1.095	1.131	1.183	1.244	1.283	1.326	1.345
1.825	1.014	1.020	1.052	1.094	1.188	1.263	1.302	1.358	1.351
2.555	0.942	0.957	0.995	1.048	1.176	1.305	1.354	1.358	1.383
3.285	0.848	0.900	0.947	1.019	1.167	1.328	1.376	1.389	1.445
4.015	0.776	0.854	0.902	0.983	1.159	1.316	1.387	1.421	1.442
4.745	0.714	0.817	0.862	C•948	1.146	1.345	1.401	1.475	1.454
5.475	0.713	0.753	0.811	0.910	1.123	1.340	1.401	1.486	1.477
6.205	0.664	0.704	0.775	0.865	1.101	1.334	1.402	1.480	1.470
6.935	0.579	0.648	0.725	C.816	1.072	1.313	1.370	1.443	1.450
7.665	0.534	0.587	0.677	C.775	1.035	1.284	1.339	1.388	1.441
8 <b>.3</b> 95	0.476	0.533	0.616	6.721	C.973	1.225	1.302	1.324	1.390
9.125	0.395	0.480	C•548	0.660	0.913	1.168	1.245	1.255	1.332
9.855	0.341	0.420	0.482	C.585	0.834	1.081	1.157	1.167	1.220
10.585	0.282	0.353	C.417	0.509	Ĉ.745	C.973	1.242	1.052	1.187
11.315	0.228	0.291	0,346	0.425	0.656	0.842	0.902	2.903	0.976
12.045	0.179	0.230	C=271	0.340	0.532	0.700	0.725	0.750	9.759
12.775	0.133	0.166	C•194	0.250	0.388	0.527	0.532	7.566	0.€56
13.505	0.085	0.101	C.119	0.152	0.244	0.328	0.735	n. 355	0.356
14.235	0.028	0.036	0.043	0.055	0.088	0.119	0.120	7.128	7.126

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODEPATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.00°E 07 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNETE FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 1.087 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

RADIUS:	-1.000	-0.865	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.866	1.000
0.365	1.070	1.074	1.079	1.086	1.100	1.109	1.112	1.115	1.117
1.095	1.017	1.010	1.026	1.047	1.098	1.119	1.123	1.135	1.162
1.825	0.937	0.956	C.976	1.017	1.105	1.116	1.132	1.134	1.121
2.555	0.877	0.918	0.943	0.981	1.054	1.116	1.129	1.154	1.143
3.285	0.877	0.903	0.925	0.967	1.039	1.110	1.136	1.173	1.184
4.015	0.855	0.883	0.895	C.947	1.031	1.105	1.140	1.159	1.194
4.745	0.832	0.845	6.368	0.919	1.020	1.108	1.144	1.140	1.205
5.475	0.806	0.789	0.817	C.872	0.994	1.087	1.117	1.124	1.178
6.205	0.740	C.740	<b>0.7</b> 58	0.834	0.956	1.061	1.102	<b>1.11</b> C	1.139
6.935	0.680	0.688	e.722	0.784	0.922	1.038	1.71	1.081	1.064
7.665	0.593	0.642	C.672	0.736	0.882	0.992	1.031	1.030	1.021
8.395	0.542	0.578	0.617	0.684	0.835	0.936	0.972	0.976	0.932
9.125	0.509	0.519	0.557	0.626	0.773	0.875	0.895	0.907	0.867
9.855	0.459	0.455	0.495	0.565	0.711	0.793	0.801	0.833	0.805
10.585	0.408	0.388	0.433	0.496	0.623	0.708	C.709	0.732	0.745
11.315	0.338	0.329	<b>0.36</b> 8	0.419	0.538	0.607	0.610	0.628	0.656
12.045	0.270	0.257	0.298	0.340	6.440	0.502	0.495	0.513	0.514
12.775	0.193	0.189	0.222	0.255	0.328	0.374	0.375	0.383	0.375
13.505	0.124	C.118	0.138	0.162	0.203	0.231	0.239	0.235	0.245
14.235	0.046	0.542	6.049	0-059	0.073	0.081	0.086	0.085	0.081

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.60E 07 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.829 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH: RADIUS: | -1.000 -0.866 -0.707 -0.500 0.0 0.500 0.737 0.866 1.000 \_\_\_\_\_|\_\_ 0.365 0.809 0.808 0.808 0.87 0.806 C.804 C.803 0.802 0.800 0.821 0.812 0.801 0.797 1.095 C.796 0.80C 0.792 0.788 0.773 1.825 0.804 0.786 0.784 0.782 0.788 0.793 0.789 0.791 0.766 2.555 0.763 0.762 0.764 0.755 0.763 0.791 **^.7**38 0.800 0.766 3.285 0.722 0.729 0.738 0.729 0.757 C.788 C.792 0.796 2.745 4.015 0.749 0.704 0.707 0.712 0.743 0.780 C.785 0.788 0.763 4.745 0.715 0.687 0.685 0.692 0.721 0.756 0.777 n.776 1.799 0.545 0.672 5.475 0.763 0.760 0.657 0.658 0.700 0.743 0.783 6.205 0.622 0.632 0.632 C.632 0.681 0.719 0.733 ).740 7.749 6.935 0.587 0.593 0.503 0.610 0.651 0.692 0.709 0.712 · 0.702 7.665 0.522 0.555 0.561 0.563 0.657 0.665 0.616 7.675 0.658 8.395 0,509 0.507 0.519 0.529 0.584 0.613 0.632 0.636 2.598 9.125 0.474 0.458 0.473 0.482 0.545 0.564 0.591 0.591 **0.555** 9.855 0.434 0.402 0.415 0.439 0.501 0.515 0.531 0.538 **∩**•516 10.585 0.378 0.350 0.363 0.385 0.447 (.458 0.458 0.466 7.479 11.315 0.238 0.306 0.331 0.314 0.379 0.393 0.393 0.393 4.390 12.045 0.257 0.224 0.245 0.265 0.304 0.320 0.314 313 :.301 12.775 0.183 0.164 C.181 C.195 C.227 0.235 C.236 0.228 · . ? 21 0.112 0.103 0.113 0.121 0.142 0.144 0.139 13.505 . 142 14.235 0.035 0.037 0.040 0.044 0.051 0.052 0.053 0.049 1. 54

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 2.50E 07 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.486 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	C.707	0.866	1.000
0.365	0.470	0.470	0.470	0.470	0.469	0.467	0.456	0.465	0.465
1.095	0.467	0.466	0.467	0.469	0.467	0.457	0.452	0.454	0.474
1.825	0.493	0.477	<b>0.463</b>	0.462	0.454	0.452	0.439	0.437	<b>0.41</b> 5
2.555	0.478	0.473	0.460	0.456	0.455	0.439	0.430	0.428	0.409
3•285	0.441	0.450	0.447	0.452	0.458	0.430	0.427	0.419	<b>7.423</b>
4.015	0.419	0.421	0.440	0.459	0.460	0.428	0.438	0.427	0.427
4.745	0.395	0.419	0.433	0.450	0.443	0.428	0.415	0.424	0.406
5.475	0.364	0.419	0.424	0.429	0.433	0.418	0.398	0.397	2.380
6.205	0.390	0.393	0.409	0.413	0.422	0.400	0.386	0.380	0.38 <b>7</b>
6.935	0.387	0.378	0.384	0.381	0.397	0.391	0.375	0.371	0.388
7.665	0.352	0.353	0.356	0.354	0.371	0.369	0.361	0.353	0.368
8.395	0.304	0.339	0.337	0.334	0.350	0.345	0.343	0.332	0.326
9.125	0.310	0.301	0.311	0.302	0.319	0.315	0.319	0.312	0.274
9.855	0.301	0.262	0.285	0.272	0.286	0.286	0.292	9.284	0.244
10.585	0.259	0.231	0.247	0.244	0.248	0.254	0.257	0.251	9.217
11.315	0.216	0.202	0.205	0.209	0.206	0.216	0.218	0.213	0.184
12.045	0.169	0.164	0.163	0.166	0.166	0.176	0.175	0.172	0.154
12.775	0.123	0.120	0.118	0.124	0.123	0.133	0.133	0.123	0.119
13.505	0.081	0.072	0.073	0.077	0.076	0.084	0.083	0.074	0.079
14.235	0.027	0.026	0.026	0.029	0.026	0.030	0.029	0.027	0.025

-

# BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 4.00E 07 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET PUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.281 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

	WINKEL	BEREICH	1:						
RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	C.500	<b>9.7</b> 07	0.866	1.000
0.365	0.268	0.269	0.270	0.271	0.274	C.276	0.277	0.277	0.278
1.095	0.255	0.258	0.260	C.262	0.270	0.280	0.282	0.282	0.281
1.825	0.229	0.238	0.243	0.244	0.255	0.280	0.286	0.271	9.271
2.555	0.237	0.225	0.230	0.232	0.234	0.250	0.263	0.253	<b>0.235</b>
3.285	0.225	0.220	0.222	0.222	0.227	0.231	0.236	0.233	n.228
4.015	0.214	0.220	0.222	0.220	0.225	0.221	0.217	3.229	2.215
4.745	0.221	0.211	0.219	0.225	0.220	C.214	0.212	2.221	1.231
5.475	0.206	0.207	0.217	C.219	0.215	0.209	0.206	0.216	7.208
6.205	0.209	0.200	0.216	0.207	0.206	0.201	0.200	<b>D.</b> 203	0.202
6.935	0.191	0.195	0.203	0.199	0.196	C•194	0.190	0.196	0.196
7.665	0.178	0.186	0.192	C.195	6.186	C.196	0.179	0.188	0.172
8.395	0.165	0.176	0.183	0.184	0.174	(.182	<b>•</b> 173	0.177	0.159
9.125	0.155	0.162	0.173	C.171	0.153	0.171	0.163	0.162	7.157
9.855	0.133	0.149	C.157	C.153	0.146	0.154	0.152	0.142	7.145
10.585	0.128	0.131	C.140	0.143	0.130	0.133	1.1.2	121	0.125
11.315	0.100	0.115	0.120	0.120	0.110	0.112	···112	3.101	• 1 - 1
12.045	1 0.077	0.095	0.094	r.(°6	0.398	0.088	C. 19.	1.070	1.1.8K
12.775	0.062	0.068	0.063	0.070	0.065	(.065	0.168	<b>n</b> . 58	1.1.54
13.505	0.040	C.(42	0.042	C•r43	0.041	0.039	6.741	0.536	. 7.4
14.235	1 0.017	0.016	0.016	0.015	C.014	0.014	0.115	0.13	••==12

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 6.30E C7 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.114 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.866	1.000
0.365	0.118	0.118	0.118	0.117	0.117	0.116	0.116	0.116	0.116
1.095	0.122	0.121	0.120	0.119	0.117	0.115	<b>○.115</b>	0.115	0.115
1.825	0.128	0.124	0.123	0.121	0.117	0.114	0.115	0.116	0.115
2.555	0.145	0.126	0.125	0.124	0.117	0.110	3.113	0.120	7.106
3.285	0.141	0.124	0.121	0.123	0.114	0.110	0.115	0.120	^ <b>•11</b> 6
4.015	0.123	0.117	0.115	0.118	0.115	C.111	0.114	0.116	3.123
4.745	0.115	0.116	0.112	0.116	0.112	0.110	0.113	<b>0.11</b> 6	7.124
5.475	0.121	0.111	0.114	0.118	0.106	C.106	0.113	0.114	7.113
6.205	0.111	0.107	0.109	0.113	0.103	0.102	0.107	0.102	0.112
6.935	0.093	0.097	0.101	0.104	0.097	0.095	0.103	0.093	0.104
7.665	0.085	0.091	0.095	0.099	0.093	0.090	0.093	9.087	0.188
8.395	0.089	0.082	0.090	0.092	0.087	0.087	0.089	0.078	0.083
9.125	0.075	0.076	0.082	0.085	0.081	0.082	0.081	0.075	0.062
9.855	0.063	0.072	0.075	0.076	0.074	0.076	0.074	0.070	0.152
10.585	0.050	0.065	0.067	0.064	0.063	0.067	0.068	0.061	0.053
11.315	0.042	0.054	0.060	0.054	0.055	0.056	0.058	0.050	0.146
12.045	0.033	0.044	0.047	0.043	0.046	0.045	0.047	0.040	0.039
12.775	0.025	0.033	0.033	0.033	0.035	0.033	0.036	0.030	0.030
13.505	0.013	0.020	0.021	0.020	0.021	0.020	0.022	0.019	0.022
14.235	0.006	0.006	0.008	0.007	0.008	0.007	0.008	0.007	0.008

# BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.00E 08 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNET FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.070 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

	WINKE	BEREICH	1:						
RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0•866	1.000
0.365	0.073	0.073	0.073	0.073	0.072	0.072	0.071	0.071	0.071
1.095	0.075	0.075	0.074	0.073	0.072	0.071	0.070	0.070	0.070
1.825	0.076	0.075	0.074	0.073	0.070	0.068	0.067	3.067	0.066
2.555	0.075	0.075	0.073	0.071	0.067	0.065	0.064	0.062	0.961
3.285	0.074	0.081	0.076	0.075	0.067	C. 766	0.065	0.161	0.059
4.015	0.071	0.080	0.078	0.076	0.067	6.068	C.366	0.053	0.059
4.745	0.084	0.076	0.078	0.072	0.065	0.065	0.063	0.063	0.050
5.475	0.082	0.073	0.074	0.069	0.061	0.063	0.061	0.061	<b>0.</b> 055
6.205	0.072	0.070	C.068	0.062	0.058	C.061	0.056	7.059	0.058
6.935	0.062	0.066	0.063	C.060	0.053	0.062	0.057	7.655	0.557
7.665	0.062	0.060	0.058	0.057	0.051	0.057	0.054	0.049	0.966
8.395	0.054	0.055	0.054	0.051	0.048	0.052	6.44	0.:46	0.058
9.125	0.049	0.048	P.047	C.044	0.044	0.047	3.042	0.42	0.250
9.855	0.044	r.042	0.039	0.039	0.040	0.040	0.137	0.537	3.042
10.585	0.034	0.037	0.030	0.034	0.037	0.034	).131	n. 132	C.035
11.315	0.026	0.033	0.025	0.027	0.030	0.030	), 24	).027	0.132
12.045	0.028	<b>^.</b> 025	0.020	0.021	0.025	0.025	0.520	3.022	2.728
12.775	1 0.026	0.018	0.016	6.015	0.018	0.018	0.15	2.16	0.123
13.505	1 0.016	0.012	0.010	0.009	0.011	0.012	~ <u> </u>	0.010	C • C 12
14.235	1 0.005	0.004	^.004	C.0C3	0.004	0.104	6.3	0.003	0.004

BERECHNUNG DER EMPFINDLICHKEIT EINES KUGELMODERATORS FUER DIE NEUTRONENENERGIE 1.60E 08 EV BERECHNETE SCHICKSALE: 50000 BERECHNETE FUER KUGELRADIUS 14.60 CM BERECHNETE EMPFINDLICHKEIT IM MITTELPUNKT: 0.029 THERMISCHE NEUTRONEN PRO EINFALLENDES NEUTRON

WINKELBEREICH:

RADIUS:	-1.000	-0.866	-0.707	-0.500	0.0	0.500	0.707	0.866	1.000
0.365	0.030	0.030	0.030	0.030	0.030	C.030	0.029	0.030	0.030
1.095	0.030	0.030	0.030	0.030	0.030	0.030	0.030	0.030	0.030
1.325	0.032	0.032	0.032	0.032	0.031	0.031	0.031	0.031	0.031
2.555	0.035	0.034	0.033	0.033	C.033	0.033	0.032	0.032	0.033
3.285	0.036	0.034	0.033	0.033	0.033	0.032	0.032	0.032	0.033
4.015	0.038	0.034	0.033	0.032	0.33	0.031	0.031	0.031	0.033
4.745	0.043	0.033	0.032	0.030	0.033	0.030	<b>ः ः</b> २ १	1.030	0.035
5.475	0.044	0.034	0.030	0.027	0.032	0.029	0.030	0.030	0.034
6.205	0.047	0.036	C.031	0.026	0.029	0.028	0.034	0.031	0.039
6.935	0.047	0.038	0.030	0.026	0.029	0.028	0.533	0.031	0.036
7.665	0.031	0.038	0.029	0.026	0.026	0.028	0.030	0.033	0.032
8.395	0.027	0.033	0.027	0.024	0.025	0.029	0.028	0.034	0.028
9.125	0.013	0.032	C.C25	0.023	<b>○</b> •○23	0.024	0.023	0.634	0.020
9.855	0.015	0.026	6.022	0.021	0.023	0.021	0.021	0.029	0.016
10.585	0.021	6.020	0.019	0.619	0.**22	0.018	0.19	0.023	0.020
11.315	0.020	0.016	0.018	0.017	0.019	0.014	0.016	0.019	0.0 <b>16</b>
12.045	0.013	0.012	0.017	C.014	0.)15	0.011	0.013	0.015	0.017
12.775	0.010	0.09	0.013	0.011	0.011	0.008	0.009	0.012	0.011
13.505	0.007	0.006	0.008	0.007	0.007	0.005	0.006	0.007	0.008
14.235	0.002	0.002	0.003	0.002	0.002	0.003	0.002	0.003	0.002

a service and the service of the ser		a for for Ad Exercise	Alighter and the second s							- 16-605	N 1716-	
	G	r:w I r	HT IN MITTH	FL PHINKT:	1.2745 01	1,303F 01	1.3265 01	1,3445 71	1,356E 01	1.364F 01	1.368E 01	
		r	FWICHT AUS	SERHAL B:	2.0035+01	1.3755-01	8.8145-12	4.8955-02	1.712E-02-	-9.897E-03-	-3.624E-32	
			AN DEP	STELLE:	9,1255 00	9.855F (0	1.058E (1	1.131F 01	1.204E 01	1.277E 01	1.350E 01	
		S	TANDARD DEV	IATION:	2.616E 00	2.623E 00	2.629F 00	2.633E 01	2.635E 00	2.635E 00	2.634E 00	
2.5C0E	-02	ΕV	0.370	SOLL	0.457	C <b>.</b> 448	0.433	0.413	Č.383	0.339	0,269	
1.000E	00	E۷	0.430	SOLL	0,718	0.703	0.681	0.648	0.602	0.534	0,438	
1.000E	01	ΕV	0.470	SOLL	1.189	1.162	1.122	1.066	0 <b>.</b> 990	0.897	0.803	• _
4.000E	01	EV	0.490	SOLL	1.373	1,339	1.291	1.225	1.142	1.048	0.964	Ta
1.000E	02	E۷	0.500	SOLL	1,486	1.446	1.392	1.321	1.234	1.141	1,664	D.
4.000E	02	F۷	0.470	SOLL	1.646	1.600	1.538	1.459	1.369	1,280	1+212	۲Ľ
1.000E	03	F۷	0.460	SOLL	1.741	1.691	1.625	1,543	1.453	1.367	1.304	
1.600E	03	E۷	0.450	SALL	1,793	1,740	1.672	1,589	1,499	1,414	1,354	
2.500E	03	F۷	0.440	SOLL	1.835	1.779	1.708	1.624	1.534	1.452	1.394	
4.000E	03	F٧	0 🖌 4 3 🔿	SOLL	1.908	1.848	1.774	1,688	1,599	1.517	1,462	N.
6.300F	03	E۷	0.430	SOLL	1.939	1.878	1,802	1,715	1.625	1.545	1.492	4
1.000E	04	F٧	0.560	SOLL	2.005	1.942	1.865	1.777	1.687	1.610	1.559	
1.600E	04	E۷	0.760	SOLL	2,077	2.012	1.933	1.844	1,756	1.680	1.631	
2.500E	04	ΞV	1.070	SOLL	2,188	2.118	2.034	1,944	1.855	1,781	1.733	
4.000E	04	ΕV	1,520	SOLL	2.366	2.290	2,201	2.107	2,017	1.944	1.898	
6. 300E	04	ΕV	2.400	SOLL	2,59Q	2,499	2.437	2.311	2.222	2.150	2.107	1
1.000F	05	E۷	3.241	SOLU	2.937	2.848	2.751	25652	2.563	2.403	2,452	ິດ
1.600E	05	Ęν	4,240	SULL	3.421	3.320	3.215	3.112	3.022	2,954	2,915	-7
2.5005	05	F۷	5,710	SOLL	4.159	4.054	3.948	3,848	3.763	3.761	3,667	
4.090E	<u>05</u>	ΕV	7.800	SOLL	5.796	5.691	5,589	5,498	5.422	5,369	5.340	
5.000E	0.5	FV	8,340	SOLL	6.826	5.742	6.656	6.577	6.513	5.467	6.443	
6.300E	05	Ē٧	10.600	SOLL	7,077	6.970	6.971	6.786	6,719	6.675	6,653	
9.000F	05	Ē٨	13,500	SOLL	9,813	¢,729	9,657	9 <b>.</b> 597	9.554	9.527	9 516	
1.CO0F	C 6	ΕV	13,000	SOLL	10,500	10.435	10.390	11.334	10.301	10.281	13.273	
1.300E	06	Ēν	14 . 200	SOLL	13,682	13.046	13.022	13.005	12,997	12,994	12,996	
<b>1.600E</b>	06	Ęγ	13,900	SALL	13.669	13.650	13.637	13.631	13.631	13,635	13.640	
2.0005	<u>^</u> 6	EV	13.200	SOLL	15.815	15,834	15,857	15,892	15.906	15.926	15,940	
2,500E	· 06	ΕV	12.500	SOLL	16.456	16,500	16.543	16.584	16.620	16.648	16.555	
3.000E	C 6	ΕV	12.600	SALL	16,195	16.238	16,283	16.326	16.365	16.396	16.415	
4.000E	06	Ęν	13.200	SOLL	16.356	16.422	16.497	16.549	16.601	16.640	16.664	
6.300F	06	ΞV	14.400	SULL	15,528	15.601	15.673	15,739	15.796	15.839	15.964	
1.0000	07	EV	14.700	SULL	14.258	14.359	14.444	14,519	14.582	14.627	14,653	
1.6005	e e7	EV	21.000	SOLL	10,796	10.963	10,934	16,996	11.047	11.084	11.165	
2.500E	- 07	EV	31.000	SOLL	6.307	6.352	6.393	6.429	6.459	6.480	6.402	
4.000F	- 07	EV	38.710	SOLL	3.640	3.671	3.598	3.721	3.740	3.753	3.760	
6.3005	- C7	FV	42.000	SPLL	1.510	1,519	1.528	1.536	1.542	1.547	1,550	
1.0201	- 68	FV	47,200	SOLL	0.926	0.933	0.939	0.945	<u></u> ,940	2.952	0,954	
1.6006	- C 8	Ēν	52,000	SOLL	<b>^.</b> 388	0.389	0.390	<u></u> .392	1.393	^ <u>.</u> 394	0.395	

ΔΡΡΡΟΧΙΜΑΤΙ	ONS-BEPECHNUNG FLIER	P-5 WEPT BIS	ZHP ENEE	16IF 2.	50LE 17 EV	· PADIUS	5= 14,600	n ș h
GEW	ICHT IM MITTELPUNKT:	-4.004E-01-2.	559E-Cl-	-5.1 5E-02	1.2435-01	2.766F-01	4.1225-01	5.419E-01
	GEWICHT AUSSERHALP:	3.8515-01 3.	3945-01	3.056F-(1	2.8605-01	2.7905-01	2.9118-01	3.4018-01
	AN DER STELLE:	9,125F 00 9.	855F 00	1.058F 01	1.131E ^1	1,2:4E (1	1.2775 01	1.350E 01
	STANDARD DEVIATION:	3.268E-01 2.	943F-(1	2.677F-(1	2.2748-01	1,9745-01	1.775E-01	1.851E-01
2,500E-02 F	V 1.COO SOLL	0.222	2.252	0,293	0.351	0,438	<b>0.</b> 584	0.872
1,0005 00 EV	V 1.000 SOLL	0,347	(.395	6.459	6,548	0.679	0.887	1.223
1.000E 01 E	V 1,000 SOLL	0.572	0.646	0.737	C.851	( 992	1.158	1.308
4.000F 01 E	V 1.CON SOLL	0.650	0.725	0.816	0.922	1,039	1.153	1.225
1.000F 02 F	V 1.000 SOLL	(.696	0.770	0.854	. 947	1.044	1.127	1.157
4.000E 02 E	V 1.000 SOLL	0.753	0.822	0.897	0,971	1.036	1.076	1.059
1.000E 03 EV	V 1.000 SOLL	0.781	0.845	0,910	0,970	1.016	1.035	1.002
1.600E 03 EV	V 1.000 SPLL	0.794	0.856	0.917	0,973	1-012	1.022	C. 978
2.500F 03 E	V 1.000 SOLL	0,808	0.865	0.919	0,965	0.995	0.997	0,949
4.000E 03 EN	V 1.000 SOLL	0.829	0.881	0.928	0.964	0.983	0.974	C <b>.</b> 919
6,300E 03 EV	V 1.000 SOLL	0.838	0.889	0.935	6.963	0,982	0,965	0,901
1,000F 04 FV	V 1.000 SOLL	C. 849	0.895	0.934	0.958	0.963	0.940	0.876
1.600F 04 EV	V 1.000 SOLL	0.860	0.902	0,935	0.953	0.952	C.924	0.856
2,500E 04 FV	V 1,000 SOLL	0.890	0.926	0.951	0,961	0 <b>,</b> 950	0.914	0.841
4.000E C4 EV	V 1.COC SOLL	0,933	0.963	0.979	<b>∂</b> •978	0.957	C•911	0.831
6,300E 04 EV	V 1.000 SOLL	0,967	0.989	0.998	0,989	0.959	0.905	0,822
1.000F 05 EV	V 1.000 SOLL	1.025	1.038	1.033	1.010	<b>0</b> °969	0.910	0.826
1,600E 05 EV	V 1.000 SOLL	1.112	1.108	1.087	1.053	1.001	0,929	0.835
2.500E 05 EV	/ 1.000 SOLL	1.162	1.144	1.111	1.063	1.003	0,929	0.840
4.000E 05 EN	V 1.000 SOLL	1.254	1.220	1.174	1.117	1.051	0.979	0,899
5.000E 05 EN	V 1.000 SOLL	1.225	1.205	1.169	1.120	1.063	0,998	0.926
6.3005 05 FN	V 1.000 SOLL	1.326	1.276	1.215	1.146	1.073	0.998	0.921
9,000E 05 EN	V 1.000 SOLL	1.363	1.307	1.250	1.189	1.127	1.069	1.014
1,000E 06 EV	V 1.000 SOLL	1.304	1.260	1.215	1.168	1.120	1.073	1.031
1.300F 06 EN	/ 1.000 SOLL	1.300	1.259	1.224	1.193	1.163	1.137	1.115
1.600E 06 EV	V 1.000 SOLL	1.255	1.227	1,100	1.173	1.150	1.133	1,122
2.000E 06 EV	/ 1.000 SOLL	1,188	1.176	1.168	1.167	1.169	1.175	1,187
2,5005 06 EV	V 1.000 SOLL	1.098	1.107	1.115	1.127	1.142	1.161	1.186
3.000E 06 EV	V 1.000 SOLL	1.062	1.064	1.071	1,080	1.094	1.114	1.142
4.000E 06 EV	/ 1.000 SOLL	0,928	0.942	0.961	(· <b>•</b> 985	1,015	1.051	1.096
6.300E 06 EN	V 1.000 SOLL	0.809	0.827	0,850	0.879	0.913	0.952	1.001
1.000E 07 EV		0.613	0.647	0,685	0.728	0,775	0.826	0.883
1.600F 07 EV	V 1.000 SOLL	0.417	0.450	0.485	0.522	0.561	0.603	0.651
2.500E 07 F	V 1.000 SOLL	<b>^</b> •246	0.264	0.284	0 - 305	0.328	0.353	0.380
4,000E 07 F	V 1.000 SOLL	0.119	0.136	0.152	0.167	0.182	0,197	0.215
6,3005 07 E	V 1.000 SOLL	0.068	0.071	0,074	0.078	0.083	0.087	0.093
		0.035	0.037	5. č40	Ő, 04 <u>3</u>	0.047	0.051	0,055
							0.005	7-026

				9-5 WCCT 81	5 710 ENE				S= 14-500	<b>b</b> f : 1
ATTE 1X	GE	WICHT IM MITT	FL PHNKT:	1,4495 01	1.4725 01	1,4765 1	1,4795 51	1.4808 01	1,479F 01	1,476E 01
		GEWICHT AUS	SERHALB:	-3.9195-)2-	-5,144F-02-	-6.3598-02-	-7.628E-02	-9,063E-02-	-1.087E-01	-1.366E-01
		AN' DEP	STELLE:	9.1255 00	9.855F 00	1.0585 01	1.131F 01	1,2045 01	1.2775 01	1.350E 01
		STANDARD DE	VTATION:	4,9655 00	4.964F 00	4.9638 60	4.962E CO	4.960E CO	4.9598 00	4.958E 00
2.500E-	-02	EV 0+370	SOLL	C.362	<b>0,348</b>	0.327	<b>0.29</b> 6	0.249	0,175	0.044
1.000E	00	EV 0, 430	SOLL	04 569	0.547	0.515	0,467	0,395	0.287	0,128
1.000 -	01	EV 0.470	SOLL	0.945	(° 30 a	0,858	0,789	0.698	0.592	0.501
4,000E	01	EV 0.490	SOLL	1, 008	1.059	1.004	0,933	0.847	c.759	0,702
1.000E	02	EV 0.500	SOLL	1,192	1.151	1.097	1.027	0.947	0.870	0,829
4.0005	02	EV 0.470	SPLI	1.333	1,201	1.236	1.170	1.099	1.039	1+019
1.0005	03	EV 0.460	SOLL	1.422	1.379	1.325	1.263	1.198	1.148	1.135
1.600E	٢3	EV 0.450	SOLL	1,471	1.428	1,374	1.313	1,251	1.204	1.196
2~500F	03	EV 0.440	SOLL	1.509	1.466	1.414	1,355	1.296	1,253	1,248
4.000E	03	EV 0.430	SOLL	1.576	1.533	1.482	1.425	1,371	1.333	1,331
6.300E	<u>(; ; ;</u>	EV 0.430	SOLL	1,604	1,561	1,510	1,453	1,4(1	1.365	1.368
1.000E	64	EV 0,560	SOLL	1,672	1.629	1.570	1.526	1.477	1.446	1,449
1.600F	64	EV 0.760	SOLL	1.746	1.704	1.655	1,603	1.557	1,528	1.533
2.5005	r 4	EV 1.070	SHL	1,949	1,807	1.759	1,700	1,566	1.641	1.649
4.0008	04	EV 1,520	SOLL	5.020	1.077	1,920	1.882	1,842	1.821	1.831
6.3005	04	EV 2.400	SOLL	2,237	2,105	2.148	2.102	2,065	2.049	2,061
1.000E	6.5	EV 3,240	SOLL	<u>?</u> ,599	2.557	2.512	2.469	2,437	2.422	2.436
1-609E	05	EV 4,240	SOLL	3,094	3. 042	2,000	2,958	2.929	2.922	2,038
2,5005	05	EV 5.710	SULL	3, 879	3,847	7,861	3.767	3,743	3.737	3.756
4,0005	05	EV 7.800	SOLL	5,657	5.623	5.591	5.564	5.547	5.546	5,563
5.0005	65	EV 8. 340	SULL	K, 837	6,807	6,778	6,755	6.741	6.741	6.758
6,3005	0.5	EV 10.400	SULL	7,049	7.019	6.993	6,974	6.964	6.9 <u>6</u> 8	6,087
9, COCE	<u>م</u>	EV 13.500	SULL	10,103	16.084	11.069	11.061	10.,59	14.65	10.691
1.0015	<b>n</b> 6	EV 13.000	SOLL	10,914	16,902	<u>1</u> () , <b>R</b> () ()	1 204	11,983	1,890	14.901
1.300F	06	FV 14.23	SOLL	13,824	13,921	13, 921	13.823	13-828	13. 936	17.844
1.6005	6	EA 13°000	SOLL	14.514	14,515	14.518	14,523	14.531	14,538	14,544
2.0005	06	FV 12.20	SULL	16,077	14,088	17, 1, 0.0	17,013	17.024	17,132	17, ??
2.500E	<u>6</u>	EV 12.590	SALL	17.753	17.774	17,790	17-805	17.819	17,826	17,824
3.0005	0.6	EV 12,600	SOLL	17,490	17.507	17,525	17.543	17,558	17.565	17.563
4.COCF	<u>n6</u>	FV 13_215	SULI	17,743	17,786	17.91	17.831	17,949	17,855	17.847
6.300F	<u>06</u>	EV 14.401	SULL	14.013	16.038	14,063	16-996	17,004	17.011	17.0-3
1.000E	<u>c7</u>	EV 14,700	SULL	15.631	15.658	15.694	15.777	15.723	15.727	15,717
1.6005	07	EV 21. 100	SULL	11,940	11, 97.	11,901	]],010	11.⊒22	11.925	11.916
2.500E	<u>C</u> 7	EV 31.000	SULL	6,027	6,041	6,052	F.CK3	6,970	6,972	6.967
4.000F	07	EV 29,710	SOLL	4.114	4.121	4 • ૻ ? 위	4. 725	4.130	6, 64	4,037
6.30CE		LV 42.000	CULI	1,653	1.655	1,659	1.441	1,667	1.663	1-662
1.0005	6 Q Q	-γ 47.2°	SULL	1, 10	1, 22	1 22	1. 224	1.025	1.25	1 24
1.600F	(, g	- 4V 52.900	511	,4?	C.421	1,422	·,42?	. 423	6.423	`,422

L

APPROXIMAT	IONS-BERECHNUM	AG FUEP P	P-5 WERT BI	IS ZUR ENER	RGIE 4.	.000E 07 EV	V. RADIUS	S = 14.600	000
GB	EWICHT IM MITTE	ELPUNKT:-	-4.569E-01-	-2.2048-01-	-2.046E-02	1.512E-01	3.007E-01	4.341E-01	5.619E-01
	GEWICHT AUSS	SERHALB:	3,7965-01	3.352E-01	3.0345-01	2.834E-01	2.768E-01	2.892E-01	3.382E-01
	AN DER	STELLE:	9.1255 00	9.855E CO	1.058E 01	1.131E 01	1.204E C1	1.277E 01	1.350E 01
	STANDARD DEV	/IATION:	3.553E-01	3,253E-01	2.949E-01	2.654E-01	2.396E-01	2.223E-01	2.265E-01
2,500E-02	EV 1.000	SOLL	0.219	0.250	0.291	0.349	0.436	0.581	C,867
1.000E 00	EV 1.000	SOLL	C.343	0.391	0.455	C <b>.</b> 544	0.675	0.882	1.217
1.000E 01	EV 1.000	SOLL	0.566	0.640	0.731	0.846	0.986	1.152	1.302
4.000E 01	EV 1.000	SOLL	0.643	0.719	0.810	0.915	1.033	1.147	1.214
1,000E 02	EV 1.000	SOLL	0.689	0.763	0.847	C. 941	1.038	1.121	1.152
4.000E 02	EV 1.000	SOLL	0.746	0.815	0.890	0.965	1.030	1.071	1.055
1.000E 03	FV 1.000	SOLL	0.773	0.838	0.904	0.964	1.011	1.031	0.998
1.600E 03	EV 1.000	SOLL	0.797	0.840	0.911	0.967	1.007	1.017	0.974
2.500E 03	EV 1.000	SOLL	0.800	0.858	0.912	0.959	0.990	0.993	0.946
4.000E 03	EV 1.000	SOLL	0.821	0.874	0.922	0.959	C•978	0.970	0.916
6.300E 03	EV 1.000	SOLL	C.830	0.882	0.928	0.963	0.977	0.961	C• 899
1.000E 04	EV 1.000	SOLL	0,841	0.888	0.928	0.953	0.958	0.936	0.874
1.600E 04	EV 1.000	SOLL	C.852	0.895	0.929	0.948	0.948	0.921	0.854
2.500E 04	EV 1.000	SOLL	0.882	6.918	0.945	0.956	0.946	0.911	0.839
4.000E 04	EV 1.000	SOLL	0.925	0.956	0.973	0.973	0.953	<b>G</b> •908	0.830
6.300E 04	EV 1.000	SOLL	0,959	0.982	0.992	0,985	0.956	0.903	0.821
1.0005 05	EV 1.000	SOLL	1.017	1.031	1.028	1.006	0.966	0.908	0.825
1.600E 05	EV 1.000	SOLL	1.104	1.101	1.082	1.049	C.999	0.928	0.836
2.500F 05	EV 1.000	SOLL	1.155	1.139	1.107	1.061	1.002	0.930	0.842
4.0005 05	EV 1.000	SOLL	1,250	1.217	1.174	1.118	1.054	0.983	0.903
5.000E 05	EV 1.000	SOLL	1,224	1.205	1.171	1.123	1.067	1.003	0,931
6.300E 05	EV 1.000	SOLL	1.324	1.277	1.217	1.149	1.077	1,003	0.928
9.000E 05	EV 1.000	SOLL	1.368	1.314	1.258	1.198	1.137	1.079	1.024
1.000E 06	EV 1,000	SOLL	1,311	1.269	1.225	1.179	1.131	1.085	1.043
1.300E 06	EV 1.000	SOLL	1.315	1.275	1.240	1.209	1.179	1.153	1.131
1.600F 06	EV 1.000	SOLL	1.273	1.244	1.216	1,190	1.167	1.150	1.139
2.000E 06	EV 1.000	SOLL	1,212	1,199	1.191	1.189	1.190	1.196	1.207
2.500F 06	EV 1.000	SOLL	1.125	1.133	1.140	1.151	1.165	1,183	1.207
3.000F 06	EV 1.000	SOLL	1.089	1.090	1.096	1.104	1.117	1.136	1.164
4. CODE 06	EV 1.000	SOLI	0.957	6.970	0, 987	1.011	1.040	1.074	1.118
6.300F 06	EV 1.000	SOLL	0.838	0.854	0.876	0,904	0.936	0.974	1.022
1.000E 07	EV 1.000	SOLL	0.542	0.674	0.710	C. 752	0.797	0.846	0.903
1.600E 07	EV 1.000	SOLL	0.439	P. 471	0.504	0.540	0.578	0.619	0.666
2.500F 07	EV 1.000	SOLL	0.259	0.276	0.295	0.316	0.338	0.362	0.389
4.000F 07	EV 1.000	SOLI	0,127	0.144	0.159	0.173	0_188	0_203	0,220
6.30GE 07	EV 1.000	SOLU	0.071	0.074	0.077	0.081	0.085	0_090	0.095
1.000E C8	EV 1.000	SOLL	0,037	0.039	0%041	1.045	0.048	0.052	0.056
1.600F 08	EV 1.000	SOLL	0.024	0.024	0.024	0.024	0.025	0.025	0.026

GEWI	CHT IM MITTEL PUNKT:	Р—Э WERT ВА 1.6358 01	5 ZUR ENER		1.590E 01	1.5825 01	1.5736 31	1-564E D1
0241	GEWICHT AUSSERHALP:-	-2.578E-01-	2.188E-01-	-1.9608-01-	-1.8488-01-	-1.837E-01-	-1.938F-01-	-2.233E-01
	AN DER STELLE:	9.125E 00	9.855E 00	1.0586 01	1.131F 01	1.204E 01	1.277E 01	1.350E 01
	STANDARD DEVIATION:	7.680E 00	7.681E 00	7-680E 00	7.680E 00	7.679E 60	7.678F 00	7.679[ 00
2.500E-02 EV	0.370 SOLL	C•273	0.258	0.233	0194	0.132	C. 232	-0.151
1.000E 00 EV	G.430 SOLL	0.430	0.406	0,367	0.307	0.214	0.072	-0.140
1.000E 01 EV	0.470 SOLL	0.715	0.680	0.624	0.546	0.444	0.327	0.239
4.000E 01 EV	G. 490 SOLL	0.839	6.834	0. 750	0.677	2,589	0.597	. 474
1.000E 02 EV	0.500 SOLL	0.917	0.884	0.834	Ŭ. <b>7</b> 68	0.695	6.532	0.623
4.000E 02 EV	C.470 SOLL	1.039	1.011	0.967	0.914	0.861	0.827	0.848
1.000E 03 EV	0.460 SOLL	1.121	1.096	1.658	1.014	0.973	0,954	0.986
1.600E 03 EV	0.450 SOLL	1.167	1.144	1,108	1.067	1.031	1.018	1.056
2.500E 03 EV	0.440 SOLL	1.201	1.181	1.151	1,115	1,085	1.077	1.118
4.000E 03 EV	0.430 SOLL	1.263	1.246	1.220	1.191	1,169	1.169	1,213
6.300E 03 EV	0.430 SOLL	1.289	1.273	1.248	1.221	1.202	1.207	1.257
1.000E 04 EV	0.560 SOLL	1 <b>•357</b>	1.344	1.324	1.4 302	1,290	1,299	1,349
1.600E 04 EV	0.760 SOLL	1.431	1.422	1.405	1.388	1.379	1.391	1.444
2.500E 04 EV	1.070 SOLL	1.528	1.523	1.512	1,500	1.497	1.515	1:571
4.000E 04 EV	1.520 SOLL	1.690	1.690	1.684	1.679	1.684	1.709	1,768
6.300E 04 EV	2.400 SOLL	1.909	1.914	1.913	1.913	1,923	1.954	2.015
1.000E 05 EV	3.240 SOLL	2.273	2.285	2.293	2.302	2.319	2.353	2-415
1.600E 05 EV	4.240 SOLL	2 <b>.</b> 755	2.780	2 <b>.7</b> 97	2.814	2.838	2,881	2.949
2.500E 05 EV	5.710 SOLL	<b>3.</b> 598	3.631	3.657	3.682	3.713	3.757	3.822
4.000E 05 EV	7.800 SOLL	5.494	5.536	5.570	5.601	5.63 <b>7</b>	5.681	5,739
5.000E 05 EV	8.340 SOLL	6.802	6.832	6.859	6.885	6.917	6.956	7.008
6.30CE 05 EV	10.600 SOLL	6•978	7.029	7.072	7.112	7.154	7.200	7.254
9.000E 05 EV	13.500 SOLL	10.301	10.350	10.390	10.426	10.462	10.499	10.538
1.000E 06 EV	13.900 SOLL	11.224	11.263	11.294	11,322	11.351	11.380	11.410
1.300E 06 EV	14.200 SULL	14.410	14.441	14,464	14* 484	14.503	14.520	14.535
1.600E 06 EV	13.900 SULL	15.191	15.211	15.230	15.247	15.262	15.274	15,281
2.000E 06 EV	13.200 SULL	11.924	17.928	17.932	17.935	17.936	17.934	17.924
2000E 00 EV		10 550	18.817		18, 805	18,799	18.789	18,770
6 000E 06 EV			18.547	18.041	18 • 538	18.533	18.522	18,500
4.300E 06 EV		10+901	18.909		18.882	18,808	18+848	18,815
1-000E 07 EV		16.772	16.041	16.024	180009	16 450	1/.9/1	17,934
1.600E 07 EV		12.740	12.706	10,107		10,009	10+529	10+207 10-590
2.500E 07 EV		7.447	7.429	12001 7.412	1200U 7 401	120040 7 200	7 275	7 255
4.000F 07 F	/ 38.700 SOLL	4.328	6 720 6 312	4.301	4.202	4. 295	4.276	10000 6060
6.300E 07 FV	42.000 SOLL	1.772	1.768	1.766	1.763	1.761	1.758	1,754
1.000E C8 F	47.200 SOLL	1-095	1.093	1_001	1_089	1.087	1.085	1,092
1.600E 08 EV	/ 52.900 SOLL	0-447	0.447	0-447	0-447	0-447	<u>)</u> _446	0.446
				~	40 ITI	₩₩ 7 7 F	VETTU	<b>UFT</b>

- 171 -

APPROXIMAT	TONIS-REDECHNILL	-		IS THE THE	0.1F 6.	2028 27 E	ADIUS	5= 14,600	100
GEI GEI	WICHT TH MITT	EL D'INKT	4.4 9=-01-	2.0628-01.	-7.71453	1.4285-01	3.1145-01	4.44.)F=01	5.712E-01
	CEWTCHT AUS	CEPHAL B.	2.7775-11	3, 3975-01	2. ·21E-1	2.9245-01	2.759F-C1	2.8845-01	3.373F-01
	AN DEO	STELLES	3,1255 (0	9.855E (3	1.1585 -1	1.1315 01	1.204F 01	1.2775 01	1.3505 01
	STANDARD DE	VIATION	3, 0305-11	3.55°F-01	3. 20RF- 1	3.142F-01	2.8225-01	2.677E=01	2.706E=01
2.500E-02	EV 1.000	SOLL	5.210	5.249	5.290	. 349	. 435	0.580	2.865
1.0005.00	EV 1.000	SOLL	: 242	6.39r	0.454	. 542	0.673	0.883	1,214
1.000E 01	EV 1.000	SOLL	2.554	6.638	0.729	6,943	5,984	1.149	1.300
4.0005 01	TV 1.000	SOLL	6.641	0.717	0.817		1.030	1.145	1.212
1.0005 02	EV 1.000	SOLL	0.687	0.761	1.945	0.030	1.035	1.117	1.150
4. 000F 02	EV 1.000	SOLL	A. 744	0.813	0.089	6. 963	1.028	1.069	1.253
1.000E 03	EV 1.000	SOLL	C. 771	6.836	0.901	0,942	1.009	1.029	0.997
1.600F C3	EV 1.000	SOLL	0,784	0. 346	0,009	6.964	1.005	1.016	0.973
2.500E 03	EV 1.000	5011	C. 798	1. 355	0.910	C. 957	0.988	0.992	0.945
4-000F 03	EV 1.000	5011	C. 81 P	· 372	0.926	0,957	2.976	0.969	0.915
6.300E 03	EV 1.000	SOLL	6.828	0.880	. 926	6,961	6.976	0.960	5.898
1.0005 04	EV 1.000	SOLL	C.838		1.925	C. 951	0.957	C. 935	0.873
1.600E C4	EV 1.000	SOLL	r. 840	0.893	0.927	0.046	0.946	0,920	0.853
2.5005 04	EV 1.000	SOLL	1.879	5.916	0.943	5.954	0.044	0.910	0.838
4-000F 04	EV 1.000	SOLL	0,072	0.953	0.971	C. 971	0,952	0.907	0.830
6-300E 04	EV 1.000	SOLL	0.956	0,983	0.090	5.983	0.955	0.903	0 821
1.000E 05	EV 1.000	SOLL	1.015	1.029	1.026	1.005	0.965	0.907	0.825
1.600E 05	EV 1.000	SOLL	1.101	1, 199	1.081	1. 249	0.998	0,928	0.836
2.500E 05	EV 1.000	SOLL	1.153	1,137	1.106	1.061	1.002	(.930	0.842
4.000E 05	EV 1.000	SOLL	1.249	1.217	1.174	1.119	1.055	0.984	0.905
5-COOF 05	EV 1.00C	SOLL	1.225	1.206	1.172	1,125	1.069	1.006	0.934
6-300E 05	EV 1.000	SOLL	1.325	1.277	1.218	1.151	1.079	1.006	0.931
9-000E 05 1	EV 1.000	SOLL	1.371	1.317	1.262	1.202	1.141	1.094	1.029
1-000E 06	EV 1.000	SOLL	1.315	1.274	1.230	1.183	1.136	1.090	1.048
1.300E C6	EV 1.000	SOLL	1.322	1.282	1.247	1.216	1,187	1.160	1,138
1.600E 06	EV 1.000	SOLL	1.280	1.252	1.224	1.198	1,175	1.158	1.147
2.000F C6	EV 1.000	SOLL	1,222	1,209	1.201	1.199	1.200	1.205	1.217
2.500F 06	EV 1.000	SOLL	1.137	1.144	1.151	1.162	1.176	1.193	1.217
3-000E 06	EV 1.000	SOLL	1.100	1.101	1.107	1.114	1.127	1.146	1.174
4.000E 06	EV 1.000	SOLL	0.970	0.982	0.999	1.022	1.050	1.085	1.128
6-300E 06	EV 1.000	SOLL	0.850	1.866	0.887	6,915	0.947	0.984	1,032
1.000E 07	EV 1.000	SOLL	0.654	0.685	C.721	0.762	0.807	0.856	0.912
1.600F 07	EV 1.000	SOLL	0.449	C. 479	0.512	6.548	0.585	0.625	0.673
2.500F 07	EV 1.000	SOLL	C.265	C. 281	0.300	0.321	0.343	0.366	0.393
4.000F 07	EV 1.000	SOLL	0.130	0.147	0.161	0.176	0,190	0.205	0.222
6.300E C7	EV 1.000	SOLL	0.072	0.075	0.078	C. 082	0.086	9.091	0.096
1.0005 08	EV 1.000	SOLL	C.038	0.039	0.042	0.045	0.040	0.053	6.057
1 4005 08	EV 1-000	1102	0.025	0.024	0.1.24	0.024	C C 2 5	0.024	0.027

ŧ

#### AN UNSERE LESER

Alle Euratom-Berichte werden nach Erscheinen in der von der Zentralstelle für Information und Dokumentation (CID) herausgegebenen Monatszeitschrift "euro abstracts" angezeigt. Abonnements (1 Jahr : DM 60) und Probehefte sind erhältlich bei :

Handelsblatt GmbH "euro abstracts" Postfach 1102 D-4 Düsseldorf 1 (Deutschland)

oder

Office de vente des publications officielles des Communautés européennes 37, rue Glesener Luxembourg

Erkenntnisse verbreiten ist soviel wie Wohlstand verbreiten — ich meine den allgemeinen Wohlstand, nicht den individuellen Reichtum — denn mit dem Wohlstand verschwindet mehr und mehr das Böse, das uns aus dunkler Zeit vererbt ist.

Alfred Nobel

# VERTRIEBSSTELLEN

Alle von der Kommission der Europäischen Gemeinschaften veröffentlichten Berichte sind bei folgenden Stellen zu den auf der ersten Rückseite des Umschlags angegebenen Preisen erhältlich. Bei schriftlicher Bestellung bitte die EUR-Nummer und den Titel, die beide auf der ersten Umschlagseite jedes Berichts stehen, deutlich angeben.

# VERTRIEBSSTELLE DER AMTLICHEN VERÖFFENTLICHUNGEN DER EUROPÄISCHEN GEMEINSCHAFTEN

37, rue Glesener, Luxembourg (Compte chèque postal Nº 191-90)

BELGIQUE — BELGIË MONITEUR BELGE 40-42, rue de Louvain - 1000 Bruxelles BELGISCH STAATSBLAD Leuvenseweg 40-42 - 1000 Brussel

DEUTSCHLAND BUNDESANZEIGER Postfach - 5000 Köln 1

#### FRANCE

SERVICE DE VENTE EN FRANCE DES PUBLICATIONS DES COMMUNAUTES EUROPEENNES 26, rue Desaix - 75 Paris 15°

ITALIA

LIBRERIA DELLO STATO Piazza G. Verdi, 10 - 00198 Roma

#### LUXEMBOURG

OFFICE DE VENTE DES PUBLICATIONS OFFICIELLES DES COMMUNAUTES EUROPEENNES 37, rue Glesener - Luxembourg

NEDERLAND STAATSDRUKKERIJ Christoffel Plantijnstraat - Den Haag

UNITED KINGDOM H. M. STATIONERY OFFICE P. O. Box 569 - London S.E.1

> Kommission der Europäischen Gemeinschaften G.D. XIII - C.I.D. 29, rue Aldringer Luxembourg

CDNA04540DEC