RTK-GPS**におけるデータ伝送方式及び高精度測位維** 持に関する研究

著者	浪江 宏宗
学位授与機関	東京商船大学
学位授与年度	1996
URL	http://id.nii.ac.jp/1342/00000686/

修士論文

	RTK-GPS	ふにま	らけ	るデ	ータ	伝送	き方式及び	
題目		高米	青度》	則位	維持	に及	目する研究	
指導教官		安	田	明	生	教	官	
	• •							
課程名		济	通情	青報	工学	専攻		
学籍番号	・氏 名	952	207	浪	江	宏	宗	
	平成	9	年 1	月、	31 _日	提	出	



RTK-GPS におけるデータ伝送方式 及び高精度測位維持に関する研究

頁



浪江 宏宗

平成9年1月31日

目 次

1	緒論		2
	1.1	はじめに	2
	1.2	GPS の概要	2
	1.3	RTK の概要	5
	1.4	本研究の目的と概要	11
2	RTI	K 測位原理	13
	2.1	RTK のシステム構成	13
	2.2	搬送波位相データ	14
	2.3	二重位相差	16
	2.4	測位計算アルゴリズム	18
	2.5	アンビギュイティ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	22
	2.6	RTK 測位原理の幾何学的解釈	24
	2.7	RTK-OTF	27
3	テレ	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位	28
3	テレ 3.1	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに	28 28
3	テレ 3.1 3.2	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに	28 28 29
3	テレ 3.1 3.2 3.3	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに	28282935
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要	 28 29 35 41
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要 データ伝送時間	 28 29 35 41 43
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要 データ伝送時間 RTK 測位結果と考察	 28 29 35 41 43 43
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7	 ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに	 28 29 35 41 43 43 45
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7 RTI	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要 データ伝送時間 RTK 測位結果と考察 まとめ Kの高精度測位維持についての1手法	 28 29 35 41 43 43 45 47
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7 RTI 4.1	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要 データ伝送時間 RTK 測位結果と考察 まとめ メンカ などの高精度測位維持についての1手法 はじめに	 28 29 35 41 43 43 45 47 47
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7 RTI 4.1 4.2	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要 データ伝送時間 RTK 測位結果と考察 まとめ まとめ メ分散楕円	 28 29 35 41 43 43 45 47 47 48
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7 RT 4.1 4.2 4.3	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要 データ伝送時間 RTK 測位結果と考察 まとめ なじめに メント などの高精度測位維持についての1手法 はじめに 共分散楕円 シミュレーション概要	 28 29 35 41 43 43 45 47 47 48 51
3	テレ 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5 3.6 3.7 RT 4.1 4.2 4.3 4.4	ビ音声多重放送をデータ伝送に利用した RTK 測位 はじめに RTCM SC104 Ver.2.1 データ Trimble CMR 実験概要 データ伝送時間 RTK 測位結果と考察 まとめ なじめに 共分散楕円 シミュレーション概要 シミュレーション結果	 28 29 35 41 43 43 45 47 47 48 51 51

.

.

頁

			. L
	4.5	実時間への適用実験・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	54
	4.6	まとめ	56
:	5 結計		57
	5.1	総括	57
	5.2	今後の課題	58
	5.3	GPS 将来展望と問題	59

第1章

緒論

1.1 はじめに

1970年代に DOD (Department of Defence : 米国国防総省)によって開発が始め られた GPS (Global Positioning System : 全世界的測位システム)は、1993年末 に正式にシステムとしての完成宣言が行われ、24 衛星の運用で全世界をカバー、地球 上いつでもどこでも三次元測位を可能とする衛星測位システムとして世界中で広く利 用されている。その主要目的はいうまでもなく移動体 (Mobile)の航法支援である。 現在となってはカーナビ等の普及により身近なシステムとなっているが、元をただせ ば大陸間弾道ミサイルがもたらした副産物であった。

1.2 GPSの概要



図 1.1⁽¹⁾に GPS 衛星*(以下衛星)の軌道の概念図を示す。

*正式には NAVSTAR 衛星 (Navigation System with Time and Ranging) という。

頁

表 1.1⁽²⁾に衛星の主要諸元を示す。

衣 LL: GLO 阐生り土安泊ル	要諸元	の主導	衛星	GPS	1.1:	表
-------------------	-----	-----	----	-----	------	---

項目	スペック
数	4 機×6 軌道面 = 24 機
設計寿命	約 7.5 年
軌道半径	約 26,561 km
周回周期	約11時間58分2秒(0.5恒星時)
軌道傾斜角	約 55 度
電波送信電力	約 25 W
搬送波周波数	L1 带 : 1.57542 GHz (10.23 MHz × 154)
	L2 帯 : 1.2276 GHz(10.23 MHz × 120)
測距信号	C/A コード: L1 帯で送信。一般に公開されている。
	Pコード(Yコード): L1 帯、L2 帯双方で送信。非公開。
単独測位精度	C/A コード : 約 100 m (2drms 値、SA 下)
	P コード : 約 16 m (2drms)

同表から分かるように、24 機の衛星が昇交点経度の異なる軌道半径約26,000 km、 軌道傾斜角約55 度の6 軌道面にそれぞれ4 機づつ配置されている。周回周期は約11 時間58分2秒で恒星時に同期している。近年よく著されている軌道の概念図では、軌 道傾斜角より判断して明かに間違がったものを提示していることがあるため、厳密な 意味では注意が必要である。

また、送信電力は約 25 W で、全ての衛星は測距のための信号を、L1 帯(1.57542 GHz)とL2帯(1.2276 GHz)の2周波の搬送波を2相位相変調して送信している。 基準発振器の周波数は 10.23 MHz でこれをL1帯では 154 倍、L2帯では 120 倍して搬 送波を発生している。衛星から送信されている測距信号は乱数的な暗号の形態をなし ており、GPS 受信機では乱数表に相当するコード・パターンを参照しながらその信号 の内容を解読する。この乱数的なコードを PN コード(Pseudo Random Noise Code : 擬似雑音符号)という。乱数的といっても通常の十進の乱数ではなく不規則的な ' 0'と'1'の系列をなしている。図 $1.2^{(3)}$ にその様子を簡単に示す。

ここで不規則的といって不規則といわないのは、このようなパターンがある程度の 長さ続くと、再び同じパターンを繰り返すためである。コードは擬似雑音符号発生器 で個々の衛星に固有のものが割り当てられている。このコードで搬送波を位相変調す るので、全衛星が同一の搬送波周波数で混信することなく受信することができる。従っ て、逆に受信機側では各々の衛星のコードを知らなければ受信できないことになる。

頁 4



つまりこのコードは時刻タイミング・測距信号としての機能と、衛星を判別するための機能をもつのである。

測距信号には C/A コード (Clear and Acquisition, Coarse and Access) と P コード (Precise) と呼ばれるものがあり、GPS の民間用の使用モードは衛星から送信されてくる L1帯の搬送波に乗った C/A コードのみを基に測位する SPS (Standard Positioning Service : 標準測位サービス)である。SPS には米国の国防上の安全性への配慮からDOD による故意の精度劣化操作 SA (Selective Availability : 選択利用性)が施されている。SA はブロック II 衛星から装備され、正式には 1990 年 3 月 25 日から開始された。SA は衛星に装備されている時計に誤差をもたせることによって故意に測距誤差を増大させるもので、時計の基本周波数に変動する誤差を導入していると考えられる。このため保証されている測位精度は公称 2drms[†]値約 100 m、高度方向の 1.96 σ^{\dagger} で156 m といわれている。同様に速度誤差は 0.3 m/s、時間の誤差は 340 ns とされている。いずれも 95 %誤差円の半径あるいは 95 %を含む平均値からの偏差である。99.99 %なら緯度経度方向 300 m、垂直方向 500 m であるとされている。

また、米軍関係者のみが使用可能な Pコードによる PPS (Precise Positioning Service : 精密測位サービス)では公称 2drms で 16 m の測位精度であるといわれている。 P コードは L1 帯及び L2 帯の搬送波双方に乗っているため、これを利用して電離層によ る誤差を補正できる。クロック周波数は基準発振器の 10.23 MHz で C/A コードの 10 倍なので帯域幅も広く、より雑音的となるため、秘匿性も高くなる。P コードはその コード周期が7日間にも及ぶもので、一般の利用者向けではない。ただしコード・パ ターンが ICD-GPS-200 で公表されたため、このコードを利用する受信機が一部市販

[†]緯度経度方向放射状測位誤差の2乗平均の平方根の2倍(twice the root-mean-square)で、測位 点の平均位置を中心に半径2drmsの円を描けば、その円の内側に全測位点の約95%が含まれる。 [‡]高度方向の標準偏差σの1.96倍で、平均高度±1.96σの範囲に全測位高度の95%が含まれる。

された。このため DOD は P コードと同一のクロック・レートの Y コードを付加し、 いつでも米軍関係者以外は利用不可能となる操作を行えるように修正した。Y コード は AS (Anti-Spoofing : 妨害防止電波)運用時のみ発動されるが、現在はほとんど このモードで運用されている。

P コード及び C/A コード、いずれにも 50 bps で航法データが載せられており、これを解読して衛星位置などを求め、軌道計算や電離層補正などを行うことができる。表 1.2⁽²⁾に航法データの概要を示す。

項目	内容
伝送レート	50 bps
構成	1500 bit/フレーム
	1 周期(12.5 分)25 フレーム
	衛星位置データ(Ephemeris)
航法データの	塔載している時計のデータ (GPS 時間とのずれ等)
主要内容	電離層補正係数データ
	他の衛星位置データ(Almanac)

表 1.2: 航法データの概要

それぞれの衛星からは衛星健康状態や衛星識別番号、衛星軌道データ、衛星時計補 正データ、電離層補正係数等のデータが送信されてくるが、コード・パターンを使用 して解読することにより初めてこれらの内容を取り出すことができるのである。

搬送波位相を測距に使用する RTK-GPS (Real-Time Kinematic GPS : リアルタ イム・キネマティック GPS 以下 RTK) では、航法データは取得できないものの AS 時でも位相の測定は可能であり、搬送波位相を測距に使用することで更に高精度測位 が可能となる。次に RTK の概要を述べる。

1.3 RTK の概要

GPSの単独測位では移動体での利用が大きな特長であった。従来の搬送波位相を使 用した測量では原則として静止状態での利用しか考えていなかった。そして基線解析 はオフラインで行うため、結果を得るのに若干の時間を要した。それを更に実時間に 近く、しかも更に高精度に位置を決定しようというのが KGPS である。また、それを まさにほぼ実時間で行うのもが RTK である。

衛星から送信されてくる搬送波は、時間と場所を選ばず世界中で 24 時間観測可能 である。搬送波の L1 帯の波長は約 190.29 mm であり、L2 帯では約 244.21 mm であ る。使用する GPS 受信機によって精度は異なるが、通常この波長の 1/100 程度の位 相分解能を得ることは割合容易であるといわれている。L1 帯の搬送波位相を測距に 使用すると、標準偏差で数 mm 程度の距離分解能を取得できる。よって、これを連続 的に追尾(Tracking: トラッキング)し、精密な物差として利用すれば、高精度測 位が実時間で可能となるわけである。次に RTK の応用について、実例を挙げて簡単 に説明する。

(1). 海洋及び沿岸における応用

 船舶離着桟操船 船舶の離着桟時には安全性の面から cm 単位の測位精度と cm/s 単位の計速 精度が必要である。図 1.3⁽⁴⁾。に RTK を使用して測定した TSL(Techno Super Liner : テクノスーパーライナ)着桟試験時のシステム概念図を 示す。



図 1.3: TSL 測位システムの概念図

図 1.4: 着桟試験時の航跡

基準局を横須賀港新港埠頭の設置された。TSL の利用者局までのデータ伝 送は通常の自動車電話が使用されており、事前に東京湾の湾口部でも利用 可能であることが確認されていた。TSL の航跡を確定させるため、船体の 右舷側及び左舷側の 2ヶ所に GPS アンテナを設置し、測位結果から船舶の 方位を推定した。

図1.4⁽⁴⁾にそのときの航跡を示す。高精度測位が要求される船舶の離着桟時 には、港湾内や岸壁近辺での操船がほとんどとなるため、船体に設置され たアンテナが船上の構造物のみではなく、周辺の建造物等によって影響を 受け、電波障害が発生する恐れがあるため、マルチパスによる精度の劣化 やサイクルスリップ等に対応するための事前対策が重要であると考えられ

3(4)

• 沿岸工事

沿岸工事における位置決定は、設計や施工の基本となるものであり、高精 度な測位が要求される。RTK は高精度測位がリアルタイムかつ三次元的 に可能であることから、浚渫船や測量船への塔載も盛んに進んでいる。写 真1⁽⁶⁾に巨大なフローティング・クレーン(Floating Crane)を使用した 沿岸工事の外観を示す。この工事には建設資材である巨大なケーソンの誘 導、及び設置位置を精密に決定するために RTK が併用されている⁽⁶⁾。



写真1:沿岸工事の外観(提供西松建設(株))

• 海中測位

各種機械や構造物を海中及び海底の所定位置に精密に設置する場合や、海底のプレート運動や地殻変動の状況を調査するとによって地震や火山活動 を予測する場合。図 1.5に海中位置測定システムの概念図を示す⁽⁵⁾。 まず、RTK を用いて船舶の位置を正確に決定し、次に船舶より吊り下げた 測定機器や作業機器等の位置を決定するものである。



図 1.5: 海中位置測定システムの概念図

• 潮汐測定

一見、平坦に見える海面も、地球の重力場の不均一や海流などの影響のために、大きなスケールで見ると決して平坦ではなく、地球全体で見ると150mにも及ぶ凸凹があるとが知られている。この海面高度の変動を高精度に計測してジオイド(Geoid)を考慮するとにより、潮汐や海洋学的な面からの海面高度変化のプロセスを知ることができる。図1.6⁽⁷⁾にRTKを使用して測定した船舶の位置とジオイドの様子を示す⁽⁷⁾。RTKによる測定値は



図 1.6: 船舶の位置とジオイド分布

小刻みに変動しているが、これは測位誤差と波浪の影響が統合されたもの であると考えられる。測定値とジオイドの変化がよく一致していることが 分かる。 また、図 1.7⁽⁸⁾に岸壁に繋留中の船舶の上下動を RTK で測定し、潮汐変動 を測定した結果を示す⁽⁸⁾。



小刻みな変動は、波浪によるものと RTK の測位誤差に起因するものが統 合されていると考えられる。全体の変化として RTK の測定高度が徐々に 大きくなっているが、これが潮汐のよる変動であると考えられる。

• 姿勢測定

図 1.8⁽⁹⁾に RTK を利用した姿勢角度測定装置を使用して動揺を測定した結果を示す。



図 1.8: 動揺測定結果

図中の 3DF は RTK を使用したもの、Gyro は比較に用いたバーチカル・ ジャイロの出力結果である⁽⁹⁾。RTK の測位結果はジャイロと比較してよく 追従していると考えられる。 (2). 航空分野における応用

 ・擬似衛星(Pseudolite : シュードライト)
 ・航空機の航空路への精密進入誘導を支援するもので、図 1.9にその概念図
 を示す⁽¹⁰⁾。航空機は実際の衛星と擬似衛星からの電波を受信し、基準局か



図 1.9: 擬似衛星の概念図

ら送信されてきたデータを利用して RTK 測位を行う。擬似衛星は予め既 知の位置に設置されており、実際の衛星をほとんど同じ役割りをはたして いる。航空機の着陸時には RTK の信頼性が重要視されるが、このように 擬似衛星を使用することによって信頼性が向上する。

• 姿勢測定

航空機の姿勢角度を測定するものである。図 1.10⁽¹¹⁾に RTK を利用した姿 勢角度測定装置を使用して動揺を測定した結果を示す。左図が比較に用い た慣性航法装置による出力結果、右図が RTK を使用したものである⁽¹¹⁾。 このようなシステムを航空機等比較的高速で移動する移動体で使用する場 合には、信頼性や測定結果の出力遅延が大きな問題となる。

以上のように高精度でかつ実時間性を要する測位測定計測分野に対して、様々な形 態で RTK を効果的に適用するための研究が進んでおり、既に実現に近づいているも のもある。またこれから更に多方面で応用されてゆくと考えられる。

第1章 緒論



図 1.10: 動揺測定結果

1.4 本研究の目的と概要

前節で示したように、現在 RTK は様々な分野で有効に利用する実験研究が盛んに 行われており、その範囲は今後更に拡大の一途をたどるであろうと思うわれる。しか し、実際に RTK を使用するにあたって、幾つかの深刻な問題点が浮き彫りとなって おり、それらを解決しなければなかなか実用化への道のりは遠いといえる。

まず第1にデータリンクが問題として挙げられるであろう。RTK には必ず2台以 上の GPS 受信機が必要で、一方の受信機から他方の受信機に搬送波位相データ等を 伝送しなければならない。このためデータリンクが必ず必要となる。現在までのとこ ろ、各メーカ共に独自で開発したデータ伝送フォーマットを使用している場合が多く、 どのメーカの受信機にも共通して対応できる基準局及びデータリンクの設置が困難な 状況となっている。また、RTCM SC104 Ver.2.1 (Radio Technical Commission for Maritime Service Special Committee No.104 Version 2.1 : 米国海上無線技術委員会 第104 特別委員会 バージョン 2.1 以下 RTCM) ではこの状況を改善し、RTK をより 一般へ拡大するため、メッセージの Type18~21 にそのデータ伝送フォーマットを定 めており、既にこのデータ伝送フォーマットのデータを扱う受信機が市販されている。

このように RTK を一般に普及させる動きが進行するという状況の中で、RTK の データリンクを構成するための 1 研究として、著者は現在世界的にも広く認知されて いる RTCM RTK データ (Typel, 3, 18, 19)を、現行のテレビ音声多重データ放送 を利用して伝送し、RTK 測位する実験を行った。また、Trimble Navigation Limited が公表した CMR データを使用して同様の実験を行った。これらのデータ伝送フォー マットの詳細については、後の章で記述する。

次に、RTK 測位の不安定さが問題として挙げられる。これは建物等による遮蔽や 干渉によって衛星から送信されている搬送波の位相が何らかの影響を受け、その結果 として測位分布が拡大したり大きくドリフトしたり、またジャンプしたりするという 状況がしばしば発生している。これは RTK を応用した各種測定装置の実用化の大き な妨げとなっている。

そこで、これらの状況を改善するための1つの方法として、著者は KGPS 測位結 果の緯度経度方向測位分布と衛星配置によって決定される緯度経度方向測位分布の予 測を示す共分散楕円とを比較することにより、測位誤差の原因となっている衛星の推 測を試みた。

次の章では、これらの研究結果を報告する前に、RTKの測位原理について詳述する。

第2章

RTK 測位原理

2.1 RTK のシステム構成

RTK の主な構成要素はほとんど DGPS と同じである。すなわち、既知固定基準局 (Reference Station, Base Station 以下基準局)、データリンク(Data Link)及び利 用者局(User Station, Remote Station, Rover Station : 移動局 以下利用者局)であ る。図 2.1に RTK の概念図を示す。既知の固定点に設置された基準局受信機では 4 機



図 2.1: RTK の概念図

以上の衛星からの搬送波位相を測定し、そのデータを利用者局に伝送する。同時に、 利用者局受信機でも同じ衛星からの搬送波位相を測定し、基準局から伝送された位相 データと比較することで、利用者局の三次元位置が求められる。

GPS 受信機で受信された衛星から送られてくる搬送波位相データは、搬送波の波数 を単位とした位相データであるので、まず搬送波位相データについて述べる。次に、 高精度測距を実現する搬送波の一重位相差及び二重位相差について記述する。次に、

頁

搬送波位相のアンビギュイティ(Ambiguity*)とRTKの測位計算についてそれぞれ述べる。そして、最後にRTK測位の幾何学的な解釈について記述する。

2.2 搬送波位相データ

(1). 搬送波位相データ

RTK では衛星から送信されてくる搬送波位相データを用いて測位計算を行う。 電離層や対流圏等による誤差及び受信系の S/N 比等による衛星からの搬送波位 相の観測の偶然誤差を無視すると、受信機 A で測定された衛星 i からの搬送波 位相データΦ_i, t, 式 (2.1)⁽¹²⁾で表される。

$$\Phi_{iA} = \frac{f}{c}\rho_{iA} + d_i + \delta_A + N_{iA}$$
(2.1)

ただし、

f : 搬送波周波数

c : 光速

ρ_{iA} : GPS 受信機アンテナ A と衛星 i 間の距離

d; : 衛星iの時計の誤差による搬送波位相データの誤差

δ_A : 受信機 A の時計の誤差による搬送波位相データの誤差

N : アンビギュイティ

である。

図 2.2に実際に NovAtel Communications 社製の 3151R 型 GPS 受信機から取得 した、搬送波位相データの時系列の一例を示す。





*日本では整数値バイアスと呼ばれることもある。

同図には複数の衛星から同時に取得したデータを示した。一見、位相データの 増減は緩やかであるように見えるが、縦軸は搬送波の波数を単位として 10 の 7 乗のオーダであり、急激に増減していることが分かる。

次に、図 2.3に搬送波位相データの揺らぎ誤差の状況の一例を時系列で示す。



経 過 時 間(s) 図 2.3: 搬送波位相データの揺らぎ誤差の時系列の一例

同図より、平均 60 m 程度の振幅で大きく変動していることが分かる。このこと から SA は搬送波位相、つまり C/A コードの時刻同期タイミングを決定する、 衛星内の時計に対して施されていると考えられる。

(2). 衛星間一重位相差



図 2.4: 衛星間一重位相差の概念図

図 2.4⁽¹³⁾に示すように、ある時刻に受信機 A で同時に観測している衛星群内の 2 機をそれぞれ i 及び j とし、測定された搬送波位相データをそれぞれΦ_{iA}, Φ_{jA} とすると、受信機 A に対する搬送波位相データの衛星間一重位相差 DΦは、

$$D\Phi(i,j;A) = \Phi_{iA} - \Phi_{iA} \tag{2.2}$$

である。2つの搬送波位相データ Φ_{iA} 、 Φ_{jA} に共通して含まれていた受信機の時計 誤差による位相データの誤差が衛星間一重位相差の処理によって完全に消去さ れる。しかし、衛星時計誤差による位相データの誤差は残る。

(3). 受信機間一重位相差



図 2.5: 受信機間一重位相差の概念図

図 2.5⁽¹³⁾に示すのようにある時刻に受信機 A, B でそれぞれ測定された衛星 i からの搬送波位相データを Φ_{iA} , Φ_{iB} とすると、衛星 i に対する搬送波位相データの受信機間一重位相差 $D\Phi$ は、

$$D\Phi(i; A, B) = \Phi_{iB} - \Phi_{iA} \tag{2.3}$$

である。2つの搬送波位相データ Φ_{iA} , Φ_{iB} に共通して含まれていた衛星内部の時 計誤差による位相データの誤差が、搬送波位相データの受信機間一重位相差の 計算により完全に消去される。しかし、受信機の時計誤差による位相データの 誤差は残る。

2.3 二重位相差

図 2.6⁽¹⁴⁾に示すようにある時刻に、i 番衛星と j 番衛星から送られてくる搬送波位 相データをそれぞれ A, B 2 台の受信機で測定する。このとき、各 GPS 受信機で測 定された i 番衛星からの搬送波位相データを Φ_{iA} , Φ_{iB} 、また j 番衛星からの搬送波位 相データを Φ_{jA} , Φ_{jB} とすると、搬送波位相データの二重位相差 $DD\Phi(i, j; A, B)$ は式 (2.4)⁽¹²⁾のようになる。



$$DD\Phi(i, j; A, B) = (\Phi_{jB} - \Phi_{jA}) - (\Phi_{iB} - \Phi_{iA})$$

= $(\Phi_{iA} - \Phi_{iA}) - (\Phi_{jB} - \Phi_{iB})$ (2.4)

ここで、受信機内部の時計誤差による位相データの誤差及び衛星内部の時計誤差に よる位相データの誤差が完全に消去される。i,j番衛星とA点が既知なので、 $DD\Phi$ を 測定できれば $\Phi_{jB} - \Phi_{iB}$ 、すなわち未知の点Bからi,j番衛星までの距離差に関連し た値が正確に求まることになる。

以上のように、RTK では二重位相差の処理を行うことで SA などによる位相データ の誤差を相殺して高精度測距を実現している。図 2.7に、前述の搬送波位相データを 用いて計算した二重位相差の時系列の一例を示す。



同図のようにサイクルスリップが発生していなければ、1波長以上の位相のジャン プはなく連続的に変化する。 更に、図 2.8にこの二重位相差の回帰曲線からのばらつき誤差の時系列の一例を示す。



経 過 時 間(s)

図 2.8: 二重位相差のランダム誤差の時系列の一例

二重位相差の処理によって相殺されなかったランダムな誤差は回帰曲線に対して標 準偏差が 9 mm 程度となっており、これが今回使用した NovAtel 3151R GPS 受信機 固有の測距精度であるといえる。

次に、RTK 測位計算アルゴリズムについて詳述する。

2.4 測位計算アルゴリズム

GPS では地球中心と楕円中心の一致した楕円体を基準にした、WGS-84 (World Geodetic System 1984 : 全世界的測地系 1984)と呼ばれる座標系により経度と緯度、 及び高さが計算される。また、使用している xyz 三次元直交座標系は ECEF (Earth Centered Earth Fixed)と呼ばれ、地球の中心を原点、地球の自転軸方向を z 軸 (天 の北極方向)、グリニッジ基準子午面と赤道が交わる方向を x 軸、これら 2 軸と右手 系をなすように y 軸を選ぶものとする。

各衛星からの搬送波の周波数が等しい(ドリフトなし)と仮定すると、前出の二重 位相差の式 (2.4) は次式のようにも書き表すことができる。

$$DD\Phi(i,j:A,B) = \frac{f}{c} \{ (\rho_{jB} - \rho_{iB}) - (\rho_{jA} - \rho_{iA}) \} + N_{ijAB}$$
(2.5)

ここで、 ρ は基準局受信機及び利用者局受信機のアンテナ位置 (x_A, y_A, z_A)、(x_B, y_B, z_B)、更には衛星 i, 衛星 j の位置 (x_i, y_i, z_i)、(x_j, y_j, z_j)の各 xyz 三次元直交 座標を用いると、

ρ_{iA}	=	$\sqrt{(x_i - x_A)^2 + (y_i - y_A)^2 + (z_i - z_A)^2}$	
ρ_{jA}		$\sqrt{(x_j - x_A)^2 + (y_j - y_A)^2 + (z_j - z_A)^2}$	(2.6)
ρ_{iB}		$\sqrt{(x_i - x_B)^2 + (y_i - y_B)^2 + (z_i - z_B)^2}$	(2.0)
$ ho_{jB}$	_	$\sqrt{(x_j - x_B)^2 + (y_j - y_B)^2 + (z_j - z_B)^2}$	

である。

ここで、基準局位置の位置は既知であると仮定し、未知のパラメータを整理すると、 衛星位置 (x_i , y_i , z_i)、(x_j , y_j , z_j)は衛星から送信される軌道データを元に求めるこ とができるため、利用者局の xyz 三次元直交座標成分 (x_B , y_B , z_B)と各二重位相差 毎のアンビギュイティということになる。式 (2.5)第2項のアンビギュイティは搬送 波をトラッキングし続けていれば変化なく、二重位相差毎に一定値となり未知数は各 式毎に1つずつである。従って、独立な二重位相差から定義される方程式の数よりも 未知のパラメータの方が多く、このままでは解は得られない。しかし、一定時間後に も同様に別の方程式が次々に定義されるので、利用者局位置も固定であると仮定すれ ば、アンビギュイティと共に利用者局位置が求められる。

実際の計算では、エポック1における式 (2.4) 及び式 (2.5)を使用して、1番衛星を 基準衛星[†]とする。すると、式 (2.7)のように独立な二重位相差から方程式が定義され る。ただしsは測位計算に使用した (衛星の数)-1とする。

 $(\Phi_{2B} - \Phi_{2A} - \Phi_{1B} + \Phi_{1A}) - f/c(-\rho_{2A} + \rho_{1A}) = f/c(\rho_{2B} - \rho_{1B}) + N_{12AB}$ $(\Phi_{3B} - \Phi_{3A} - \Phi_{1B} + \Phi_{1A}) - f/c(-\rho_{3A} + \rho_{1A}) = f/c(\rho_{3B} - \rho_{1B}) + N_{13AB}$ $(\Phi_{4B} - \Phi_{4A} - \Phi_{1B} + \Phi_{1A}) - f/c(-\rho_{4A} + \rho_{1A}) = f/c(\rho_{4B} - \rho_{1B}) + N_{14AB}$ (2.7) : : : : $(\Phi_{sB} - \Phi_{sA} - \Phi_{1B} + \Phi_{1A}) - f/c(-\rho_{sA} + \rho_{1A}) = f/c(\rho_{sB} - \rho_{1B}) + N_{1sAB}$ $x \# y \neq 2$ \therefore i = i $x \# y \neq 2$ \therefore

が定義でき ('付きのパラメータはエポック 2 のデータを意味する。)、アンビギュ イティと利用者自身の xyz 三次元位置座標を求めることができる。 しかし、式 (2.7) 及び式 (2.8) の中のρ, ρ は、実際はそれぞれ式 (2.6) であり、未知 数の2乗や平方根があって線形でないため簡単に解くことができない。このような場 合には、未知数をその近似値と修正値との和で表し、式をその修正値について展開す る。ここで修正値は微小であると仮定し二次以上の高次項を無視し、式を線形化する。 そうすれば、修正値についての連立一次方程式となり、逐次近似計算により必要な精 度まで計算を繰り返し、未知数を容易に求めることができる。

まず、n回目の演算後の利用者局位置を (x_n, y_n, z_n) とすると、そのときの i 番衛 星と利用者局間及び j 番衛星と利用者局間の近似距離差 $\rho_n = \rho_{nj} - \rho_{ni}$ は、

$$\rho_n = \sqrt{(x_n - x_j)^2 + (y_n - y_j)^2 + (z_n - z_j)^2} - \sqrt{(x_n - x_i)^2 + (y_n - y_i)^2 + (z_n - z_i)^2}$$
(2.9)

で表される。ここで、添字n(n = 0, 1, 2, 3, ...)は逐次近似計算の回数である。た だし、n = 0というのは初めに仮定した利用者局位置(x_0, y_0, z_0)であり、近似距離 差 ρ_0 は衛星と初めに仮定した利用者局間の計算距離である。

式 (2.7) と式 (2.8) は、この仮定のために、実際は両辺に対して等式は成立しない。 そこで、これらの各式において (右辺)-(左辺) を計算して次のような行列とする。

$$B = \begin{cases} \{f/c(\rho_{2B} - \rho_{1B}) + N_{12AB}\} - \{DD\Phi(1, 2 : A, B) - f/c(-\rho_{2A} + \rho_{1A})\} \\ \{f/c(\rho_{3B} - \rho_{1B}) + N_{13AB}\} - \{DD\Phi(1, 3 : A, B) - f/c(-\rho_{3A} + \rho_{1A})\} \\ \{f/c(\rho_{4B} - \rho_{1B}) + N_{14AB}\} - \{DD\Phi(1, 4 : A, B) - f/c(-\rho_{4A} + \rho_{1A})\} \\ \vdots & \vdots \\ \{f/c(\rho_{sB} - \rho_{1B}) + N_{1sAB}\} - \{DD\Phi(1, s : A, B) - f/c(-\rho_{sA} + \rho_{1A})\} \\ \{f/c(\rho_{2B}' - \rho_{1B}') + N_{12AB}\} - \{DD\Phi'(1, 2 : A, B) - f/c(-\rho_{2A}' + \rho_{1A}')\} \\ \{f/c(\rho_{3B}' - \rho_{1B}') + N_{13AB}\} - \{DD\Phi'(1, 3 : A, B) - f/c(-\rho_{3A}' + \rho_{1A}')\} \\ \{f/c(\rho_{4B}' - \rho_{1B}') + N_{13AB}\} - \{DD\Phi'(1, 4 : A, B) - f/c(-\rho_{4A}' + \rho_{1A}')\} \\ \vdots & \vdots \\ \{f/c(\rho_{4B}' - \rho_{1B}') + N_{14AB}\} - \{DD\Phi'(1, 4 : A, B) - f/c(-\rho_{4A}' + \rho_{1A}')\} \\ \vdots \\ \{f/c(\rho_{4B}' - \rho_{1B}') + N_{1sAB}\} - \{DD\Phi'(1, s : A, B) - f/c(-\rho_{4A}' + \rho_{1A}')\} \end{cases}$$

$$(2.10)$$

また、利用者局の近似位置 (x_n, y_n, z_n) に対するそれぞれ修正値は $\Delta x, \Delta y, \Delta z$ であり、両者の関係は式 (2.11)のようになる。

$$x_{n+1} = x_n + \Delta x$$

$$y_{n+1} = y_n + \Delta y$$

$$z_{n+1} = z_n + \Delta z$$
(2.11)

式 (2.9) を修正値 Δx , Δy , Δz の周りで展開して、二次以上の高次項を無視すると線 形方程式 (2.12) が得られる。 第2章 RTK 測位原理

$$\rho_{n+1} = \rho_n + \frac{\partial \rho}{\partial x} \Delta x + \frac{\partial \rho}{\partial y} \Delta y + \frac{\partial \rho}{\partial z} \Delta z$$
(2.12)

ここに $\partial \rho / \partial x, \partial \rho / \partial y, \partial \rho / \partial z, \partial \rho' / \partial x', \partial \rho' / \partial y', \partial \rho' / \partial z'$ は次式のようになる。

$$\begin{cases} \frac{\partial \rho}{\partial x} = \frac{x - x_{j}}{\sqrt{(x - x_{j})^{2} + (y - y_{j})^{2} + (z - z_{j})^{2}}} - \frac{x - x_{i}}{\sqrt{(x - x_{i})^{2} + (y - y_{i})^{2} + (z - z_{i})^{2}}} \\ \frac{\partial \rho}{\partial y} = \frac{y - y_{j}}{\sqrt{(x - x_{j})^{2} + (y - y_{j})^{2} + (z - z_{j})^{2}}} - \frac{y - y_{i}}{\sqrt{(x - x_{i})^{2} + (y - y_{i})^{2} + (z - z_{i})^{2}}} \\ \frac{\partial \rho}{\partial z} = \frac{z - z_{j}}{\sqrt{(x - x_{j})^{2} + (y - y_{j})^{2} + (z - z_{j})^{2}}} - \frac{z - z_{i}}{\sqrt{(x - x_{i})^{2} + (y - y_{i})^{2} + (z - z_{i})^{2}}} \\ \frac{\partial \rho'}{\partial z'} = \frac{x' - x'_{j}}{\sqrt{(x' - x'_{j})^{2} + (y' - y'_{j})^{2} + (z' - z'_{j})^{2}}} - \frac{x' - x'_{i}}{\sqrt{(x' - x'_{i})^{2} + (y' - y'_{i})^{2} + (z' - z'_{i})^{2}}} \\ \frac{\partial \rho'}{\partial y'} = \frac{y' - y'_{j}}{\sqrt{(x' - x'_{j})^{2} + (y' - y'_{j})^{2} + (z' - z'_{j})^{2}}} - \frac{y' - y'_{i}}{\sqrt{(x' - x'_{i})^{2} + (y' - y'_{i})^{2} + (z' - z'_{i})^{2}}} \\ \frac{\partial \rho'}{\partial z'} = \frac{z' - z'_{j}}{\sqrt{(x' - x'_{j})^{2} + (y' - y'_{j})^{2} + (z' - z'_{j})^{2}}} - \frac{z' - z'_{i}}{\sqrt{(x' - x'_{i})^{2} + (y' - y'_{i})^{2} + (z' - z'_{i})^{2}}} \end{cases}$$
(2.14)

ここで、 $\alpha = \partial \rho / \partial x$, $\beta = \partial \rho / \partial y$, $\gamma = \partial \rho / \partial z$, $\alpha' = \partial \rho' / \partial x'$, $\beta' = \partial \rho' / \partial y'$, $\gamma' = \partial \rho' / \partial z'$ とおき、行列Aを次のように定める。

$$\boldsymbol{A} = \begin{pmatrix} \alpha_{1} & \beta_{1} & \gamma_{1} & 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \alpha_{2} & \beta_{2} & \gamma_{2} & 0 & 1 & 0 & \vdots \\ \alpha_{3} & \beta_{3} & \gamma_{3} & 0 & 0 & 1 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & 0 \\ \alpha_{s} & \beta_{s} & \gamma_{s} & 0 & \cdots & \cdots & 0 & 1 \\ \alpha_{1}' & \beta_{1}' & \gamma_{1}' & 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \alpha_{2}' & \beta_{2}' & \gamma_{2}' & 0 & 1 & 0 & \vdots \\ \alpha_{3}' & \beta_{3}' & \gamma_{3}' & 0 & 0 & 1 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & 0 \\ \alpha_{s}' & \beta_{s}' & \gamma_{s}' & 0 & \cdots & \cdots & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
(2.15)

更に次のような行列計算を行うと、それぞれのパラメータの修正量が計算できる。

$$(\boldsymbol{A}^{T}\boldsymbol{A})^{-1}\boldsymbol{A}^{T}\boldsymbol{A}\boldsymbol{B} = \begin{pmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \\ \Delta N_{1} \\ \Delta N_{2} \\ \Delta N_{3} \\ \vdots \\ \Delta N_{s} \end{pmatrix}$$
(2.16)

ができる。ただし、
ムNはアンビギュイティの修正値であり、

$$N_{n+1,1} = N_{n,1} + \Delta N_1$$

$$N_{n+1,2} = N_{n,2} + \Delta N_2$$

$$N_{n+1,3} = N_{n,3} + \Delta N_3$$

$$\vdots \qquad \vdots$$

$$N_{n+1,s} = N_{n,s} + \Delta N_s$$

$$(2.17)$$

の計算を行う。式 (2.7) から式 (2.17) までを例えば $\Delta x < 1.0, \Delta y < 1.0, \Delta z < 1.0$ となるまで繰り返すこのにより、測位計算が完了する。以上の逐次計算で求められるものは xyz 三次元直交座標系における利用者局位置 (x, y, z)なので、これを日常用いている地球上の緯度経度高度座標系に変換する必要があるが、ここではこの問題には触れないこととする。

次に、アンビギュイティについて詳述する。

2.5 アンビギュイティ

真のアンビギュイティは波長の整数倍になるので整数値バイアスと呼ばれることが あるが、実際には前述のようにして求めた値は整数とはならず実数となる。よって、 この解をフロート解(Float)といい、一般に広く使用されている。

しかし、フロート解のままでは測位精度は 2drms で 20 cm 程度と、それ程高精度な 測位結果は取得できない。そこで、求めたこのアンビギュイティを整数化する必要が ある。整数化にあたっては、最も簡単な方法は四捨五入することであるが、アンビギュ イティのばらつきが大きい場合はこの方法は使用できない。一般には、アンビギュイ ティの平均値と標準偏差から判断して、可能性のある整数値の幾つかの組合せを仮定 し、最小自乗法の残差を計算し、その残差を最も小さくする組合せを真のアンビギュ イティとする方法が考えられる。

サイクルスリップが発生しなければ、アンビギュイティの値は変化しないという性 質から、真のアンビギュイティが決定できれば、以後はアンビギュイティは未知のパ ラメータとはせずに固定する。エポック毎に式 (2.7)のようにな独立な方程式(ある いは独立な二重位相差)が定義できるのに対し、未知数は全部で 3 つ(未知の利用 者局の xyz 三次元位置座標)であるので、単一のエポックのみのデータを使用する だけで解を得ることができる。更に、アンビギュイティを固定することによってアン ビギュイティの計算誤差計算誤差が排除され、より高精度な測位が達成される。RTK の測位精度は高く、またアンビギュイティの計算の収束時間も短縮される。こうして 得られた RTK 測位の解をフィックス解(Fix)といい、この呼び方は広く使用されて いる。 図 2.9に前述の測位計算アルゴリズムを使用して測位計算を行い、同時に求められ たアンビギュイティの時系列の一例を示す。



図 2.9: アンビギュイティの収束状況 (SV9)

同図は9番衛星のものであるが、時間の経過と共にある整数値に収束してゆく様子 が分かる。収束するまでに所要する時間は異なるものの、他の二重位相差の式の含ま れるアンビギュイティも同様にある整数値に収束した。これは時間の経過と共に衛星 が移動したため、図 2.10⁽¹⁵⁾に示すように衛星と受信機アンテナとの距離差によって 定義された回転双曲面群が衛星の移動に伴って変化し、移動しない点として真の解が 明確になったためであると考えられる。



図 2.10: 回転双曲面群の変化

ここで、Fix 解と Float 解の測位精度を見てみることにする。図 2.11には左から Fix 解、アンビギュイティを真のアンビギュイティから±1以下の範囲の実数値にフィッ クスしたもの、Float 解の順にその測位分布を示している。

24



同図より同じ搬送波位相データを使用して RTK 測位しているにもかかわらず、Fix 解が最も精度が良く、Float 解に至ってはかなり大きな測位分布を示していることが 分かる。また、実数値にフィックスした解では、Float 解程測位分布は劣化していな いが、Fix 解と比較すると精度が劣っていることが分かる。このことから Fix 解が最 も精度が良く、アンビギュイティを整数値バイアスを呼ぶゆえんはここにあるという ことができる。

また、サイクルスリップの対策として、追尾している衛星に対して独立な二重位相 差だけに限定せず、独立でないものも含めて計算できる限りの二重位相差を求める方 法を検討している。この方法は、二重位相差がそれぞれある値に収束した後はその値 に固定して測位を続け、もしサイクルスリップが発生すれば、発生した衛星の搬送波 を使用して計算した二重位相差値がジャンプすること、及びそのとき計算されたアン ビギュイティが固定している値から大きく逸脱することによって明かに発見できるの で、ソフトウェア的にその二重位相差は測位計算から排除するということが可能では ないかと考えている。

2.6 RTK 測位原理の幾何学的解釈

図 2.12に示すように、RTK は衛星を焦点とした回転双曲面の、複数組みの交点として位置を求める方法である。

まず初めに、衛星A(a_1, a_2, a_3),衛星B(b_1, b_2, b_3)を焦点とする回転双曲面の 式を求めることかたアプローチを試みる。この2衛星と、ある点(x, y, z)との距離 差をrとすると、距離差が一定であるような点の集合を表す図形の式は、

第2章 RTK 測位原理



図 2.12: 回転双曲面群の移動

$$F(x, y, z) = \sqrt{(x - a_1)^2 + (y - a_2)^2 + (z - a_3)^2} - \sqrt{(x - b_1)^2 + (y - b_2)^2 + (z - b_3)^2} - n$$

= 0

(2.18)

となる。この式によって定義される図形は、2衛星(回転双曲面の焦点となっている)を通る平面で切断した切口にできる双曲線を、2衛星を通る直線を軸として、その周りに回転させてできる回転面となっている。これが回転双曲面体(Hyperboloid)と呼ばれるゆえんである⁽¹⁶⁾。

この回転双曲面の変化量を表す指数として、この回転双曲面上の利用者局受信機の アンテナ位置 (x_0 , y_0 , z_0)における接平面の変化量を使用する。具体的には、回転双 曲面は焦点となっている衛星が時間経過と共に移動するため、それにつれて形状が変 化する。同様に、この接平面も時間経過と共に変化する。そして、平面の性質から変 化前と変化後にできる 2 つの接平面は、ある角度をなすことになる。このなす角度を 回転双曲面上の利用者局受信機のアンテナ位置における、回転双曲面の変化量を表す 指数と定義する。

次に、この回転双曲面上の任意の点 (x_0, y_0, z_0)における接平面の方程式を求める。平面の方程式は、その法線ベクトルと求める平面上の点、1 点の座標が求めることができれば決定できる。ちなみにこの場合、1 点の座標は (x_0, y_0, z_0)を使用すればよいため既知である。

今、一般に空間における曲面の方程式は、

$$F(x, y, z) = 0 (2.19)$$

で与えられる⁽¹⁷⁾。この式に対して曲面上の任意の点 (x_0, y_0, z_0) で曲面と直交するベクトル、いわゆる法線ベクトルは、

$$gradF = \left(\frac{\partial F}{\partial x}, \frac{\partial F}{\partial y}, \frac{\partial F}{\partial z}\right)$$
 (2.20)

となることが分かっている⁽¹⁷⁾。よって、この通りに式 (2.18) を展開し、(x, y, z) = (x_0, y_0, z_0)を代入すると、

$$\frac{\partial F}{\partial x} = \frac{x_0 - a_1}{\sqrt{(x_0 - a_1)^2 + (y_0 - a_2)^2 + (z_0 - a_3)^2}} - \frac{x_0 - b_1}{\sqrt{(x_0 - b_1)^2 + (y_0 - b_2)^2 + (z_0 - b_3)^2}} \\ \frac{\partial F}{\partial y} = \frac{y_0 - a_2}{\sqrt{(x_0 - a_1)^2 + (y_0 - a_2)^2 + (z_0 - a_3)^2}} - \frac{y_0 - b_2}{\sqrt{(x_0 - b_1)^2 + (y_0 - b_2)^2 + (z_0 - b_3)^2}} \\ \frac{\partial F}{\partial z} = \frac{z_0 - a_3}{\sqrt{(x_0 - a_1)^2 + (y_0 - a_2)^2 + (z_0 - a_3)^2}} - \frac{z_0 - b_3}{\sqrt{(x_0 - b_1)^2 + (y_0 - b_2)^2 + (z_0 - b_3)^2}}$$
(2.21)

となる。ここで、接平面の方程式を求めるわけであるが、実は2平面のなす角度を 求める場合は、その平面の各法線ベクトルのなす角度を求めればよく、この法線ベク トルのみを利用して求めることができる⁽¹⁶⁾。

最後に、2つの方向ベクトル (x_1, y_1, z_1) 、 (x_2, y_2, z_2) のなす角度 θ は、

$$\theta = \cos^{-1} \frac{x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$$
(2.22)

で容易に計算することができる⁽¹⁶⁾。図 2.13に以上の方法を用いて計算した、回転 双曲面の利用者局位置でも角度変化量の時系列の一例を示す。同図より、回転双曲面



図 2.13: 回転双曲面の角度変化量

は滑らかに変化していることが分かる。

2.7 RTK-OTF

通常の RTK 測位では、静止状態でアンビギュイティを解いているが、移動体への 応用時には静止又は移動中によらず、任意の時点でアンビギュイティを解くことが必 要不可欠となる。すなわち、搬送波の二重位相差データの移動体への適用に関しては、 移動開始時にアンビギュイティをいかにして効率よく決定するか、いかに移動中にサ イクルスリップが発生した場合の処理を行うかなどが、実用化に向けての課題となる。 移動体の移動中に、実時間でアンビギュイティを求めることを Ambiguity Resolution On-the-Fly(オンザフライ、この処理アルゴリズムを OTF アルゴリズムと呼ぶ。OTF は受信機の受信タイプ(2周波,1周波など)及び他の航法装置との連接などによっ て、種々のアプローチが考えられている。しかし、この技術のアルゴリズムの詳細に ついては公表されておらず、ブラック・ボックスとなっている。今後、調査する必要 がある。

第3章

テレビ音声多重放送をデータ伝送に利用 した RTK 測位

<u>_____</u>

3.1 はじめに

RTK は GPS 衛星からの搬送波位相データを測距に使用した測位システムであり、 通常のコード DGPS よりも遥かに高精度な測位が実時間で可能なため、精密かつ実 時間性を要する測位測量分野において様々な形態で利用する研究が進んでいることは 既に第1章で詳述した。また RTCM では利用を一般に拡大するため、Type18~21 に そのデータ伝送フォーマットを定めており、既にこのフォーマットのデータを扱う受 信機が市販されている。

しかし、移動しながら実時間で測位を行う RTK では基準局から搬送波位相データ を利用者局に伝送する必要がある。測量用の GPS 受信機では各メーカごとに定めた データ規格があり、これを何らかの方法で伝送して RTK 測位を行う。至近距離に基 準局を用意できる場合には、無免許で使える特定小電力無線装置が市販されており、 100~300 m が利用可能範囲とされている。それ以上になると、例えば携帯電話とモデ ムを組み合わせて使うなどの工夫が必要となる。以上のように、現在どのメーカーの 受信機でも共通して使用できるデータ伝送フォーマットを用いた RTK 測位用のデー タリンクは皆無である。

このように、搬送波位相データのデータ伝送フォーマットを統一し、RTK を一般 に普及させる動きが進行する中で、著者は現在世界的に認識されている RTCM RTK データ(Typel, 3, 18, 19)を、現行のテレビ音声多重データ放送を利用して伝送し、 測位する実験を行った。また、Trimble Navigation Limited が 1996 年 9 月にカンザス シティで開催された ION GPS-96 で公開したフォーマット CMR を用いて同様の実験 を行った。まず、RTCM で定められているデータ伝送フォーマットについて詳述し、 次に CMR について詳述する。その後、今回行った実験研究についての説明を行う。

3.2 RTCM SC104 Ver.2.1 データ

搬送波位相データの伝送フォーマットに関しては、その規格が RTCM SC104 Ver.2.1 で細かく決められており、現在このフォーマットは世界的に認識されているという状態にある。この節では、このデータ伝送フォーマットの内、今回の研究に使用したものについて詳述する⁽¹⁸⁾。

(1). 2ワード・ヘッダ (2 Word Header)

RTCM メッセージはひとまとめをフレーム (Frame) と呼び、30 bit からなる 複数のワード (Word) で構成されている。全てのフレームの始めは 「2ワー ド・ヘッダ」 と呼ばれる 2 ワードが伝送される。図 3.1⁽¹⁹⁾に示すように、最初 の 8 bit は '0110110 'のプリアンブル (Preamble) で、次に 6 bit のフレーム ID (Frame ID) が続く。これは後述のメッセージのタイプを示す。

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30

PREAMBLE ブリアンブル	MESSAGE TYPE (FRAME ID) MSB メッセージ タイプ LSB	STATION I.D. 基準局識別番号	PARITY 誤り検出符号	WORD 1
First Bit Transmitted	(フレーム識別番号)		Last Bit Transmitted	

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30

MODIFIED Z-COUNT SEU NCE LENGTH STATION PARTIT 修正 Z カウント NO. OF FRAME HEALTH					
	WORD	hor	RD)	2

図 3.1:2ワード・ヘッダの構成

次の 12 bit は基準局の ID 番号 (Station ID) で、最後の 8 bit はパリティ・チェッ ク(Parity)用のビットである。これは全てのワードに付加されている。次のワー ドの最初の 13 bit は修正 Z カウント (Modified Z-count)と呼ばれ、データ更 新時刻を毎時の最初の時間からの秒数を LSB を 0.6 秒として表示する。0~5999 までの数字が現れる。次の 3 bit はデータの順序を 0 から 6 までの数字を連続的 に表示し、データの連続性のチェックに使われる (Sequence No.indexSequence No. : フレーム・シーケンス・ナンバ。次の 5 bit は 1 フレームに含まれるワー ドの数を表示する (Length of Frame : フレーム長)。パリティ前の 3 bit は 基準局健康状態 (Station Health)を示す。7 は基準局が稼動していないことを、 6 は稼動しているがモニタされていないことを表す。その他はサービス提供者が 定義するとなっている。

2 ワード・ヘッダの後には 0~63 までの種々のタイプのメッセージが続く。表 3.1⁽¹⁸⁾に RTCM メッセージ・タイプの内容を全て示す。それぞれ、「 確定 」, 「削除」, 「保留」, 「 仮設」, 「 未定 」 となっており、保留, 仮設, 未定の メッセージ・タイプについては以降の RTCM 委員会で順次審議されてゆくもの と考えられる。

Type	概略の内容	状況
1	ディファレンシャル補正データ	確定
2	デルタ・ディファレンシャル補正データ	確定
3	基準局 xyz 三次元位置座標パラメータ	確定
4	測量用	削除
5	軌道上の衛星の健康状態	確定
6	ヌル・フレーム(2ワード・ヘッダのみ送信。)	確定
7	ビーコンのアルマナック	確定
8	擬似衛星のアルマナック	仮設
9	ディファレンシャル補正データの部分的な送信形態	確定
10	P コード・ディファレンシャル補正データ	保留
11	C/A コード L1帯, L2帯デルタ補正データ	保留
12	擬似衛星局バラメータ	保留
13	地上送信局バラメータ	仮設
14	測量用補助メッセージ	保留
15	電離層(対流圏)メッセージ	保留
16	特別なメッセージ	確定
17	エフェメリス・アルマナック	仮設
18	搬送波位相測定データの生データ	仮設
19	擬似距離測定データの生データ	仮設
20	RTK 搬送波位相データ	仮設
21	RTK 擬似距離補正データ	仮設
21~	未 定	-
58		
59	メーカ独自のメッセージ	仮設
60~63	多目的に利用	保留

表 3.1: RTCM メッセージ・タイプ

これらのメッセージの内、RTK に関するデータは Type18~21 に含まれている。 RTCM RTK では特に Type18, 19 の搬送波位相測定データと擬似距離測定デー タの生データが使用される。また、データ伝送が不安定な場合、RTK 測位が実 行されないなどの可能性があることから、通常 Type1 及び Type3 も同時に使用 される。この結果、RTCM RTK 測位ではデータ伝送の状況が悪くても、測位 を中断せず DGPS 測位に切り替わる。まず以下に RTCM RTK に関連するデー タについて詳述する。 (2). メッセージ・タイプ1

Type1 は基準局で観測した全追尾衛星についての補正データを含んでいる。図 3.2⁽²⁰⁾に 2 ワード・ヘッダに続く第 3 ワードから第 7 ワードまでを示す。



1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30

図 3.2: Type1 の構成

第3ワードの第1 bit はスケール・ファクタ (Scale Factor)で、その意味は表 3.2⁽¹⁸⁾に示す。

表 3.2: スケール・ファクタ

ビット	内	容
(0 or 1)	PRC	RRC
0	0.02 m	0.002 m/s
1	0.32 m	0.032 m/s

2~3 bit は利用者ディファレンシャル距離誤差(UDRE: User Differential Range Error)である。計算法については不明であるが、基準局で利用者局におけるディファレンシャル処理後の擬似距離データ誤差の概算を推定して送信しているようである。

次の 5 bit は 1~32 番までの衛星識別番号 (Satellite ID)、次の 16 bit は擬似 距離補正値 PRC (Pseudo Range Correction)、次のワードの先頭 8 bit は距離 変化率補正値 RRC (Range Rate Correction)でそれぞれスケール・ファクタ のビットが '0'のとき± 655.34 m と± 0.254 m/s、'1'のとき± 10485.44 m と± 4.064 m/s の範囲の値をとる。次の 8 bit は IOD (Issue of Data : データ 発行番号)で衛星から航法データが更新された場合に 1 増える。ここまでの 40 bit で 1 衛星分の補正データが構成されており、都合 5 ワードで 3 衛星分のデー タが伝送される。4 衛星以上ある場合は次の 5 ワードのセットが続き、例えば 5 衛星で終わった場合は残りのビットは Fill といい、'101010...'のようなダ ミー・ビットとしてフレームの最終ワードがビット足らずにならないようにセッ トされる。

表 3.3⁽²¹⁾に衛星数とワード数の関係を示す。

衛星数	ワード数	ビット数(bit)
3	7	210
4	9	270
5	11	330
6	12	360
7	14	420
8	16	480
9	17	510
10	19	570

表 3.3: 衛星数とワード数の関係

基準局から利用者局に伝送されたデータは次のようにして使用される。伝送され てきたデータに付された時間(修正 Z カウント)を t_0 とし、そのときの $PRC(t_0)$ と $RRC(t_0)$ と、GPS 受信機で測定した時刻 t の擬似距離測定値 PRM(t)を使っ て、修正擬似距離 PR(t)を、

$$PR(t) = PRM(t) + PRC(t_0) + RRC(t_0) \times (t - t_0)$$
(3.1)
で求めて測位計算を実行する⁽¹⁸⁾。
(3). メッセージ・タイプ3(基準局 xyz 三次元位置座標パラメータ)
 図 3.3⁽²²⁾に Type3 の構成を示す。

1 2 3 4 5 6 7 8	9 10 11 12 13 14 15 16	17 18 19 20 21 22 23 24	25 26 27 28 29 30	_					
	ECEF X-COORDINATE								
мѕв ЕСЕ	誤り検出符号	WORD 3							
 				1					
ECEF X-COORDINATE (LOWER BYTE)	ECEF X-COORDINATE ECEF Y-COORDINATE (LOWER BYTE) (UPPER 2 BYTES)								
ECEF LSB	ECEF LSB MSB ECEF Y-座標(上位2バイト)								
X-座標(下位)	いイト)		.	-					
ECEF Y-C	OORD	ECEF Z-COORDINATE	BADITY]					
	「一一」」		PARIT	WORD S					
LUCEF I-M	:保(「Ш2// 1F)LSB	мѕвЕСЕГ							
		Z-座標(上位	立ベイト)						
r		hm <u></u>	r	-					
ECEF Z-COORDINATE (LOWER 3 BYTES) PARITY wo									
ECEF Z-座標(下位3/~1) LSB									

図 3.3: Type3 の構成

2 ワード・ヘッダを含めて 6 ワードで、基準局の ECEF の xyz 三次元座標を 1 cm の分解能で伝送する。x, y, z 座標それぞれ 32 bit を使用し、基準座標系とし ては WGS-84 を使用している。

(4). メッセージ・タイプ6(ヌル・フレーム)
 2ワード・ヘッダのみ伝送されるもので、他のメッセージの準備ができていないときに、信号の連続性を維持するため不定期に伝送される。

次に示す、Type18, 19 には測量や高精度測位、ナビゲーション(Navigation) に有効なデータが含まれている。このデータは整数値のアンビギュイティを解 くために搬送波位相を利用する RTK をサポートするためのものである。メッ セージは4つとも非常によく似ている。各3ワードで構成されており、2ワー ド・ヘッダに続く最初のワードはヘッダ中の修正 Zカウントをより高精度にす るために使用される GPS 時間測定データである。そして、各追尾衛星のデータ が含まれている2つのワードが続く。更に L1 帯か L2 帯、電離層補正が厳密で ない擬似距離か、もしくは電離層補正が相違している搬送波位相データ、C/A コードか P コード、そして半分か 1 波長の L2 帯搬送波位相測定データを示す フラグが伝送される。擬似距離データと擬似距離補正データに対する搬送波ス ムージング・インターバルが伝送されている。

(5). メッセージ・タイプ18(搬送波位相測定データの生データ)
 搬送波位相測定データを伝送する。図3.4⁽¹⁸⁾に構成を示す。



図 3.4: Type18 の構成

このデータは、衛星からのデータに含まれているエフェメリスを用いて修正さ れてはいない。5~24 bit で伝送される GPS 時間測定データは 1 ms 毎に 0~ 599999 ms までの範囲である。2ワード・ヘッダの修正カウントに加算して時間 の精度を向上させる。次のワードの H/F は L2 帯の測定が半波長か 1 波長かを 示すインジゲータである。'0'が半波長、'1'が 1 波長を示す。P/C は C/A コードか P コードかを示すインジゲータである。'0'が C/A コード、'1'が P コードを示す。データ・クオリティは 3 bit のインジゲータを十進数に変換し た x を変数として、 $\frac{1}{256}e^{\frac{1}{\sqrt{3}}}$ サイクルの 1 σ 位相測定データ誤差を予想するもので ある。電離層差異位相測定データΦ*IONODIFF*は次式で表される。

$$\Phi_{IONODIFF} = \frac{60}{77} \Phi_{L1} - \Phi_{L2} \tag{3.2}$$

$$\Phi_{IONODIFF} = \frac{120}{77} \Phi_{L1} - \Phi_{L2} \tag{3.3}$$

ただし、

Φ_{L1} : L1 帯搬送波位相測定データ

Φ_{L2} : L2 帯搬送波位相測定データ

上式が1波長のL2帯サイクルを使用した場合、下式が半波長を使用した場合で ある⁽¹⁸⁾。

34

(6). メッセージ・タイプ 19 (擬似距離測定データの生データ) 擬似距離測定データを伝送するものである。図 3.5⁽¹⁸⁾にその構成を示す。

THIRD WORD

١	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	18	17	18	19	20	21	22	23	24	25	28	27	28	29	30	
F		SM	N						GP	s т GF	IME SE	OF 寺同	ME 間測	EAS 削兌	URI 官伯	EME 直	NT							記	Р/ IJ	ARI 検	ry 出	符	号	WORD 3

EACH SATELLITE - 2 WORDS



図 3.5: Type19 の構成

このデータは衛星からのデータに含まれているエフェメリスを用いて修正され てはいない。Type18と同様の内容については記述しない。最初のワードの2,3 bit はスムージング・インターバルで擬似距離データのキャリア・スムージング に対するインターバルを示している。第2ワード 9~12 bit のデータ・クオリ ティは、4 bit のインジゲータを十進数に変換した x を変数として、 $0.02e^{0.4x}$ の 1σ 擬似距離測定データ誤差を予想するものである。第2ワード 13~16 bit のマ ルチパス・エラーは、4 bit のインジゲータを十進数に変換した x を変数として、 $0.1e^{0.4x}$ の 1σ マルチパス・エラーを予想するものである。'1111'はマルチパス・ エラーが決定されていないことを示す。

次に、Trimble Navigation Limited か公開した RTK のデータ伝送フォーマット、 CMR について詳述する。

3.3 Trimble CMR

RTK のデータリンクとしては、ディジタル無線が割合よく使用されるが、携帯電話やラジオ局の FM サブキャリアの信号も使用される。また最近になってディジタル MCA などの小電力無線を使用したものも実用化に向けての実験が開始されている。このような全てのデータリンクのメディアでは、使用可能なデータの周波数の割り当てが十分に整っているとはいえない状況にある。よってデータ伝送フォーマット

を設計する際には、周波数帯域幅を最小にするようになされなければならない。との データ伝送フォーマットに関しては、現在まで各メーカ共に独自のフォーマットを採 用していた。どのメーカでもそのフォーマットに対応した受信機を製作可能な、公表 された基準フォーマットがない状態では、利用者は異なるメーカの基準局を混在して 使用することができない。RTCM では前述の通り RTK の利用者をサポートするため に Type18~21 にそのデータ伝送フォーマットを公表することにより、RTK の普及 を大きく妨げているこの問題に対して解決方法を検討するように提起した。しかし、 RTCM のメッセージは多くのデータリンクにおいて使用する段階で重要であると考 えられるデータ圧縮アルゴリズムを含んでいない。

RTKのデータ伝送フォーマットは、初期の段階ではどのメーカも公表していなかった。しかし、ついに 1996 年 9 月、カンザスシティで開催された ION GPS-96 において Trimble Navigation Limited 社は独自の RTK 用コンパクト・データ伝送フォーマット(CMR: コンパクト観測レコード: Compact Measurement Record)を公開した。このフォーマットにはメッセージ・プロトコルだけでなく、観測データの圧縮伸長アルゴリズムが含まれており、RTCM RTK データと比較して半分以下のデータ伝送レート(2400 bps)で高精度な RTK を実現できるといわれている。次に、この CMR について詳述する⁽²³⁾。今回の研究ではこれらのデータを使用して RTK 測位をする実験も行った。

CMRのメッセージ・ブロックは全て6 byteのヘッダとトレーラと呼ばれるフレームに囲まれている。表 3.4⁽²³⁾にそのパケット構造の詳細を示す。

パラメータ	バイト数	説 明
STX	1	伝送スタート (02h)
ステータス	_1	Status Byte (00h)
タイプ	1	CMR2 メッセージ・タイプ
Length	1	データ・ブロックのバイト数
CMR データ・ブロック	-	以下に定義するメッセージ・データ
チェックサム	1	(Status+Type+Length+Data Block) mod 256
ETX	1	伝送終了(03h)

表 3.4: CMR のパケット構造

STX から Length までがパケット・ヘッダ、チェックサムと ETX がパケット終了で

ある。

また表 3.5⁽²³⁾にそのフォーマットの構造を示す。

内容	バイト数 (byte)
パケット・ヘッダ	4
観測データ・ヘッダ	6
衛星1のL1帯観測データ	8
衛星1のL2帯観測データ	7
	:
衛星 n の L1 帯観測データ	8
衛星 n の L2 帯観測データ	7
パケット終了	2
:	:
(観測データ・パケット)	Type0:9衛星分 147 byte
:	:
パケット・ヘッダ	4
基準局位置のヘッダ(Type1)	6
基準局位置フィールド	7
パケット終了	2 (Type1 19 byte)
(観測データ・パケット)	
パケット・ヘッダ	4
基準局位置のヘッダ(Type2)	6
基準局位置フィールド	75
パケット終了	2 (Type2 : 87 byte)
	:

表 3.5: CMR の構造

CMR には RTK 測位に必要な以下の3つのメッセージが定義されている。

(1). 観測データ (Type0: Observables)

CMR フォーマットはヘッダとデータの部分に分けられる。ヘッダは各観測エ ポック毎に伝送され、観測データ・ブロックのタイミングと衛星追尾に関連し たデータを含んでいる。観測データ・ブロックは基準局で追尾している各衛星 の数だけ繰り返される。まず、表 3.6⁽²³⁾にヘッダの内容を示す。

パラメータ	bit	範囲	説 明
バージョン	3	0~7	フォーマットの拡張可
基準局識別番号	5	0~31	基準局識別
メッセージ・タイプ	3	0~7	データ・ブロック情報
衛星数	5	0~31	-
エポック	18	0~240,000 ms	GPS 時間の modulo240
クロック・バイアス	2	0, 3	0:invalid, 1:valid
クロック・オフセット	12	$\pm 0.5 \text{ ms}$	500 ns 単位

表 3.6: Type0 のヘッダの内容

観測データ・ブロックはコードと位相のデータを含んでいる。表 3.7⁽²³⁾に観測 データ・ブロックの内容を示す。

表 3.7: 観測データ	タ・	ブロ	ッ	ク	の内容
--------------	----	----	---	---	-----

パラメータ	bit	範囲	説 明
衛星 PRN 番号	5	0~31	-
コード識別フラグ	1	0, 1	0 : C/A = -k, 1 : P = -k
L1 帯位相データ・フラグ	1	0, 1	位相データの有効性 0: invalid, 1:valid
L2 帯データ・フラグ	1	0, 1	0 : L1 帯のみ, 1 : L1 帯と L2 帯
C/A コード擬似距離	24	$0\sim 2^{21}$	1/8 L1 帯波長
搬送波コード	20	$\pm 2^{19}$	搬送波位相データ 1/256 L1 帯波長
SN 比	4	0~15	信号対雑音比
サイクルスリップ・カウント	8	0~255	-

L2帯のデータは各衛星のL1帯の観測データに直接付加される。次に、表 3.8⁽²³⁾ にL2帯のデータ・ブロックの内容を示す。

表 3.8: L2 帯データ・ブロックの内容

パラメータ	\mathbf{bit}	範囲	説 明
L2 帯コード・フラグ	1	0, 1	0:コードなし、1:コードあり
P コード・データ・タイプ	1,	0, 1	0: P = - F, 1: Cross Correlation
L2 帯コード・データの有効性	1	0, 1	0:False, 1:True
L2 帯位相データの有効性	1	0, 1	0:False, 1:True
L2 帯位相データの波長フラグ	_1	0, 1	0:半波長,1波長
Reserved	3	-	-
L2 帯擬似距離測定データ	16	$\pm 2^{15}$	1 cm 単位
L2帯搬送波位相測定データ	20	$\pm 2^{19}$	1/256 L2 帯が単位
L2帯 SN 比	4	0~15	信号対雑音比
L2帯サイクルスリップ・カウント	8	0~255	-

(2). ECEF 基準局位置座標(Type1)

基準局が参照する基準局位置座標は、利用者局の測位位置にとって非常に重要 - な要素となっていることはいうまでもない。WGS-84 測地系は GPS 測位に使用 される座標系としては最も基本となるものである。CMRフォーマットの Type1 は、基準局のアンテナ位相中心の ECEF 座標とオフセット量をコンパクトに含 んでいる。観測データ Type0 と同様に、Type1 にもヘッダとデータ・ブロック を含んでいる。まず、表 3.9⁽²³⁾に基準局位置座標のヘッダの内容を示す。

パラメータ	bit	範囲	説 明
パージョン	3	0~7	バージョン 将来の拡張可
基準局識別番号	5	0~31	基準局識別
メッセージ・タイプ	3	0~7	データ・ブロック情報
バッテリ電圧低下フラグ	1	0, 1	0:OK, 1:LOW
メモリ容量低下フラグ	1	0, 1	0:OK, 1:LOW
Reserved	1	-	-
L2 帯追尾フラグ	1	0, 1	0:使用不可,1:使用可
Reserved	1	-	-
エポック	18	0 ∼ 240,000 ms	エポック時間の modulo240 秒
基準局の状態	2	0~3	0:unknown, 1:Static, 2:Kinematic
Reserved	4	-	-
受信機の種類	8	0~255	0~32:Trimble, 33~254:他社, 255:未定義

表 3.9: Type1 のヘッダの内容

基準局の状態のフィールドにおいて、基準局も移動することを前提にした Kinematic のパラメータがもうけられており、そのような状態での高精度測位が行わ れることを示唆している。また、当然のことながら受信機の種類のフィールド に、他社の受信機の種類データを記述するスペースがもうけられているところ が興味深い。

基準局のアンテナの位相中心をアンテナのオフセットに関する WGS-84 座標は Type1 のデータ・ブロックに含まれている。表 3.10⁽²³⁾に基準局位置座標メッセー ジの内容を示す。

パラメータ	bit	範囲	説 明
ECEF x 座標	34	$\pm 8589934592 \text{ mm}$	アンテナ位相中心 WGS-84
アンテナ高	14	\pm 8192 mm	〃 のアンテナ高
ECEF y 座標	34	$\pm 8589934592 \text{ mm}$	" WGS-84
東方向オフセット	14	\pm 8192 mm	〃 の東方向オフセット
ECEF z 座標	34	$\pm 8589934592 \text{ mm}$	// WGS-84
北方向オフセット	14	\pm 8192 mm	〃 の北方向オフセット
位置座標精度	4	0~15	〃 の三次元精度(表 3.11参照)
Reserved	4	-	-

表 3.10: Type1 のメッセージの内容

表 3.11(23)に基準局アンテナ位相中心位置座標の三次元精度の内容を示す。

パラメータ	精度	パラメータ	精度	パラメータ	精度
0	不明	5	50 m	10	10 cm
1	$5 \mathrm{km}$	6	10 m	11	$5~\mathrm{cm}$
2	1 km	7	5 m	12	1 cm
3	500 m	8	1 m	13	$5 \mathrm{mm}$
4	100 m	9	50 cm	14	1 mm
				15	Exact

表 3.11: 基準局アンテナ位相中心座標の三次元精度

(3). 基準局の情報 (Type2)

基準局情報メッセージは、利用者が基準局の正式な名称(英数字)等を使用す る必要がある場合、例えば測量に利用する場合などのために用意されている。基 準局情報のヘッダはメッセージ・タイプ除いて基準局のヘッダと同じである。表 3.12⁽²³⁾に基準局情報メッセージのデータ・ブロックの内容を示す。

表 3.12: Type2 のメッセージの内容

パラメータ	bit	範囲	説 明
レコード長	1	0~255	基準局データ・ブロックの全長
Short Station ID	8	ASCII 文字列	-
COGO Code	16	ASCII 文字列	基準局の位置属性
Long Station ID	50	ASCII 文字列	基準局の正式名称

以上にように観測データは通常1秒毎に伝送される。観測データは伝送レート2400 bpsでも伝送可能となるよう、データ圧縮アルゴリズムを使用している。具体的には、 CMRフォーマットでは、図3.6に示すように基準局の擬似距離を光速の幅で分割し、 その端数部分のみを伝送する。つまり搬送波位相で観測した距離の時間変化は、コー ドで測定した擬似距離の時間変化とおよそ一致し、搬送波位相は擬似距離データのオ フセットとして表すことができるのである。

データ伝送フォーマットを規格化することの最大のメリットは利用者が異なるメーカの受信機を使用していても利用可能となることである。RTCM で提案されたメッセージでは少なくとも 9600 bpsのデータ伝送レートを要するが、この CMR では 2400



bpsで伝送可能といわれており、より一般の利用者にとって受け入れ易いものといえ る。よって今回の実験では、この CMR を使用した RTK 測位実験も行った。 次に、まず実験の概要について述べる。

3.4 実験概要

図 3.7に実験の概念図を示す。



まず、東京商船大学の航海学科実習棟屋上にアンテナを設置した Trimble Navigation Limited 社製の GPS 受信機 4000SSE 基準局から、1 秒毎に出力される RTCM RTK データ(RTCM Type1, 3, 18, 19)を通常の電話回線を用いて 9600 bps で港区六本木 のテレビ朝日に伝送する。写真 2に 4000SSE 受信を、また写真 3に GPS アンテナの 設置状況を示す。



写真 2: Trimble 4000SSE



写真 3: GPS アンテナの設置状況

テレビ朝日ではこのデータをテレビ音声に多重し、東京タワーより放送する。これ を東京商船大学,新宿のDXアンテナ及び港区浜松町のTrimble Japanにおいて受信 する。更に、デコードした後利用者局受信機に入力し、1秒毎に測位した。測位実験 は日を変えて計約8時間行った。また、同図のモデムからデコーダまでのデータ伝送 時間をカウンタを用いて測定した。

3.5 データ伝送時間

図 3.8に測定したデータ伝送時間を示す。



図 3.8: データ伝送時間

伝送時間の最大値は 1.33 秒、最小値は 0.74 秒であった。RTCM RTK データは 1.60 秒までの伝送遅延であれば、仕様通りの高精度な測位が可能であるといわれており、 これを十分に満足していることが分かる。また同図より、伝送時間に 0.59 秒程度のバ ラッキが見られるが、これはテレビ朝日においてテレビ音声に RTCM RTK データを 多重する際のデータパケットの流れを調整すれば、ある程度解消できると思われる。

3.6 RTK 測位結果と考察

RTCM RTK データでは Type1 が同時に送信されているため、利用者局受信機に おけるデータ受信状況により測位結果が Fix 解から Float 解、更に精度の悪いコード DGPS 解へと解の種類が移行する。そこで、仕様通りの高精度測位が行われている目 安となる Fix 解の割合を調査した。表 3.13及び表 3.14に 10 月 28, 29 日の両日に行っ た都内の各地点における測位の、全データに対する Fix 解の割合を示す。

10月28日	全データ数	Fix 解の数	Fix 率 (%)
東京商船大学	12,884	11,669	90.57
新 宿	7,197	6,716	93.32
浜松町	12,999	12,485	96.05

表 3.13: Fix 解の割合 1

表 3.14: Fix 解の割合 2

10月29日	全データ数	Fix 解の数	Fix 率 (%)
東京商船大学	18,799	17,950	95.48
新 宿	18,532	16,331	88.12
浜松町	18,618	17,907	96.18

同表より Fix 解は全測位の 90 %前後であったことが分かる。利用者局において基 準局からのデータが受信されずに、5秒毎に Fix 解からはずれるというような状況が 発生したこともあった。また、図 3.9に東京商船大学と浜松町の Trimble 社のそれぞ れの地点における Fix 時の測位結果の一例を示す。



図 3.9: RTK 測位結果 (Fix 時, RTCM データ)

同図より、この間の測位精度は 2drms で 1.59 cm、1.71 cm と仕様通りの高精度測 位が実現されていることが分かる。別の時間帯、別の地点でもほぼ同様の測位結果が 得られた。このことから、Fix 解が取得できていれば 2drms で 2 cm 以下の高精度測 位が実行されていると考えて良い。

次に、Trimble CMR データを使用して同様のデータ伝送経路を使用した上、東京 商船大学で RTK 測位を行った。この結果、Fix 率は 100 %であった。CMR のデータ 量は RTCM RTK データと比較して 2分の 1 以下であるため、このような素晴しい結 果が得られたと考えられる。図 3.10にこのときの緯度経度方向測位分布を示す。



図 3.10: RTK 測位結果 (Fix 時, CMR データ)

同図からも分かるように 2drms は 5 mm 以下と、RTCM のデータを使用した場合 よりも高精度な測位が行われていた。このことからも、Trimble CMR データは非常 に有効であるということができる。

3.7 まとめ

移動しながら実時間で測位を行う RTK では基準局から利用者局に搬送波位相デー タを伝送する必要がある。しかし、現在どのメーカの受信機でも共通して使用でき るデータ伝送フォーマットを用いた RTK 測位用のデータリンクは皆無である。そこ で、著者は現在世界的に認識されている RTCM RTK データを、現行のテレビ音声多 重データ放送を利用して伝送し、測位する実験を行った。また、Trimble Navigation Limited が公開しているフォーマット CMR を用いて同様の実験を行った。

その結果、RTCM RTK データを使用した測位では、今回構成したシステムの全デー タ伝送時間が最大値は 1.33 秒であった。RTCM RTK データは 1.60 秒までの伝送遅 延であれば、仕様通りの高精度な測位が可能であるといわれており、これを十分に満 足していることが分かる。また、高精度測位が行われているフラグとなる Fix 解は全 体の約 90 %をしめていた。この間の測位精度は 2drms で 2 cm 以下と、仕様通りの 高精度測位が実現されていることが分かる。次に、CMR データを使用した RTK 測 位では、高精度測位が行われているフラグとなる Fix 解は 100 %であった。この間の 測位精度は 2drms で 5 mm 以下と、RTCM RTK データを使用した測位と比較してか なり高精度であるといえる。

以上の結果より、テレビ音声多重データ放送をデータリンクとして利用し、高精度 なRTKのシステムを構成することも可能であるとい結論を得た。今後、このシステ ムをより一般に普及させるために、測位結果がFloat解もしくは単なるコードDGPS 測位へ移行する原因を追求し、Fix率を向上させる必要がある。

第4章

RTK の高精度測位維持についての1 手法

<u>ц</u>

4.1 はじめに

RTK を各分野へ応用するにあたって、解決しなければならない問題が山積みされ ている。マルチパス(Multipath)もその1つである。マルチパス誤差は直接波と周 囲の構造物や海面や地形の起伏などからの反射波がアンテナから入射し、信号を擾乱 (じょうらん)することにより発生し、真の相関のピーク検出を妨害する。図 4.1に マルチパスの概念図を示す。



図 4.1: マルチパスの様子

これは大きな反射物が近くにある場合の固定局で顕著に現れ、時として 15 m もの 誤差を生じることがある。RTK では特にマルチパスによる誤差が無いように注意す る必要がある。低仰角の衛星を使用しないなど、また設置場所について細心の注意を 払う必要がある。また、アンテナをグランド・プレーンに載せて地面の反射波を拾わ ないようにする工夫もある。写真4にグランド・プレーンを装備した GPS アンテナの 様子を示す。



写真 4: グランド・プレーンを装備した GPS アンテナ

RTK 測位を行っていると、このマルチパスや建物等による遮蔽、干渉によって衛 星から送出されている搬送波の位相が何らかの影響を受け、その結果として測位分布 が拡大したり、またシフトやドリフト、及びジャンプをするという状況がしばしば発 生している。このような状況を改善しない限り、RTK の各分野への応用は困難なも のとなる。

そこで、著者はその測位分布と衛星の配置によって決定される共分散楕円とを比較 することにより、測位誤差の原因となっている位相データを送信している衛星の推測 を試みた。そして、更に測位分布が極端にある方向に拡大している場合には、その拡 大している方向に位置する衛星の位相データを排除して測位計算を続けることにより、 RTK の高精度測位を維持する可能性を実際のデータを用いてシミュレーションし、検 討を行った。また、この原理を実時間に適用する実験を行った。

まず、衛星配置から決定される測位分布の予測を示す共分散楕円について詳述する。

4.2 共分散楕円

GPSの測位精度を評価する指数として DOP (Dilution of Precision : 精度劣化指数)があることはよく知られている。この値は衛星から利用者局までの測距誤差の拡大係数ということができ、衛星配置と利用者局の位置関係のみによって決定される

共分散行列Aのトレース $(A^T A)^{-1}$ から算出される $^{(24)}$ 。すなわち、これらはある衛星 i の仰角及び方位角をそれぞれ EL_i , AZ_i とすると、

$$\boldsymbol{A} = \begin{pmatrix} \cos EL_1 \cos AZ_1 & \cos EL_1 \sin AZ_1 & \sin EL_1 & 1\\ \cos EL_2 \cos AZ_2 & \cos EL_2 \sin AZ_2 & \sin EL_2 & 1\\ \cos EL_3 \cos AZ_3 & \cos EL_3 \sin AZ_3 & \sin EL_3 & 1\\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots\\ \cos EL_i \cos AZ_i & \cos EL_i \sin AZ_i & \sin EL_i & 1 \end{pmatrix}$$
(4.1)

$$(\mathbf{A}^{T}\mathbf{A})^{-1} = \begin{pmatrix} \sigma_{xx}^{2} & \sigma_{xy}^{2} & \sigma_{xz}^{2} & \sigma_{xt}^{2} \\ \sigma_{yx}^{2} & \sigma_{yy}^{2} & \sigma_{yz}^{2} & \sigma_{yt}^{2} \\ \sigma_{zx}^{2} & \sigma_{zy}^{2} & \sigma_{zz}^{2} & \sigma_{zt}^{2} \\ \sigma_{tx}^{2} & \sigma_{ty}^{2} & \sigma_{tz}^{2} & \sigma_{tt}^{2} \end{pmatrix}$$
(4.2)

となる。これから各 DOP 値の計算式は、

$$GDOP = \sqrt{\sigma_{xx}^{2} + \sigma_{yy}^{2} + \sigma_{zz}^{2} + \sigma_{tt}^{2}} = \sqrt{trace(\mathbf{A}^{T}\mathbf{A})^{-1}}$$
(4.3)

$$PDOP = \sqrt{\sigma_{xx}^2 + \sigma_{yy}^2 + \sigma_{zz}^2} = \sqrt{HDOP^2 + VDOP^2}$$
(4.4)

$$HDOP = \sqrt{\sigma_{xx}^2 + \sigma_{yy}^2} \tag{4.5}$$

$$VDOP = \sqrt{\sigma_{zz}^2} \tag{4.6}$$

$$TDOP = \sqrt{\sigma_{tt}^2} \tag{4.7}$$

と定義される。ここでそれぞれ GDOP は Geometrical DOP で幾何学的精度劣化指数、PDOP は Position DOP で測位精度劣化指数、HDOP は Horizontal DOP で緯度 経度方向精度劣化指数、VDOP は Vertical DOP で高度方向精度劣化指数、TDOP は Time DOP で時間精度劣化指数を表す。この式から GDOP は各方向への誤差を丸め た RSS 値であることが分かる。

行列 (4.2) の σ_{xx} は経度方向、 σ_{yy} は緯度方向、 σ_{zz} は高度方向への測距誤差の標準偏 差 σ_0 の拡大の倍数となる。なお、 σ_0 は全衛星に対して共通(等しい)であるものと する。 σ_0 は UERE (User Equivalent Range Error と呼ばれ、受信点における測距誤 差の見積りの際に σ_{UERE} と表記されるものに相当する。また j - k間の相関係数 ρ_{jk} は 式 (4.2) から $\sigma_{jk} = \sigma_{kj}$ ($j \neq k$)の関係を使用して、

$$\rho_{jk} = \frac{\sigma_{jk}^2}{\sigma_{jj}\sigma_{kk}} \tag{4.8}$$

のように決定される。

一方、一般に2つの確率変数x, yがそれぞれ2変数正規分布に従い、それぞれ標準 偏差が σ_x, σ_y 、相関係数が σ_{xy} であるとすると、確率分布が一定の曲線は楕円となり、 次式で表される⁽²⁴⁾。

$$\frac{x^2}{\sigma_x^2} - \frac{2xy\rho_{xy}}{\sigma_x\sigma_y} + \frac{y^2}{\sigma_y^2} = (1 - \rho_{xy}^2)C$$
(4.9)

ただし、

$$\begin{cases} \sigma_x = \sigma_{xx}\sigma_0 \\ \sigma_y = \sigma_{yy}\sigma_0 \end{cases}$$
(4.10)

である。また、この楕円の内側に測位点を観測する確率 Pは Cの関数であり、

$$P = 1 - \exp\left[-\frac{C}{2}\right] \tag{4.11}$$

となる⁽²⁴⁾。この確率を95%とする場合にはCの値は約5.99とすればよい。このよ うにして決定された楕円を共分散楕円と呼ぶ。以上の方法を使用することによって、 衛星配置は衛星軌道データにより瞬時に取得できるので、実時間で測位分布の傾向が 予想できることになる。また同時に z-x、若しくは y-z の組合せをとることにより、高 度方向の測位分布に対しても予想される誤差の傾向が求められることになる。

更に、ここで $\sigma_x = \sigma_y = \sigma_z$ 、相関係数 $\rho_{xy} = 0$ とすると、式 (4.2) は次式のように円 となり、円形正規分布を表す。

$$x^2 + y^2 = C\sigma^2 \tag{4.12}$$

式 (4.11) において P を 0.5 とすると、C の値は 1.1774²となり、半径 1.1774のの円内 に 50 %の測位点が含まれることになる。この円を 50 %確率円と呼び、この円の半径 を CEP (Circular Error Probable : 円形確率誤差)⁽²⁵⁾と呼ぶ。

衛星配置と GDOP に関して次のことが知られている。

- 同一軌道面に属する衛星群だけ、又は高度の等しい衛星群だけを使用した場合、
 三次元測位はできない。
- 測位点とすべての衛星が同一平面上にあるときは二次元測位すらできない。
- GDOP との関係でいえば、衛星を頂点とする多面体の体積はできるだけ大きく とることが望ましい。そのためには2又は1機の衛星は比較的高仰角に、残り の衛星は低仰角に位置することが理想である。しかし、低仰角の衛星からの電 波は大気圏通過距離が長くなるため測距誤差が拡大し、更にマルチパスの影響 も無視することができなくなる。

次の節では、今回の研究で行ったシミュレーションの概要について説明する。

4.3 シミュレーション概要

シミュレーションに使用したデータは、NovAtel Communications 社製の GPS 受信 機 3151R 2 台を用いて収集した。写真 5に使用した受信機を示す。



写真 5: NovAtel 3151R 受信機

まず、東京商船大学・航海学科実習棟の屋上に、互いに約14m離してアンテナを 設置し、それぞれに接続した受信機で同時に全追尾衛星に対する搬送波位相データ, 衛星位置及びそれらの測定時刻の各データを、5秒毎に約5時間にわたって収集した。 今回のシミュレーションには、この中、全ての搬送波位相データに対してサイクルス リップが発生していない、1995年9月25日16時10分から17時26分にかけての約 76分間ぶんのデータを使用した。

次に、周囲の建物や地形、または建設機器などによって衛星から送出された搬送波 が遮蔽されたり干渉されたりして、その位相が何らかの影響を受けた場合を想定し、 特定の1衛星の搬送波位相データに平均値0,標準偏差約57mm(L1帯の搬送波波長 約190mmの0.3倍)の正規乱数を加算して測位計算を行った。更に、5秒毎の測位 結果約4560点の緯度経度方向測位分布と衛星配置から求めた共分散楕円と比較検討 した。

4.4 シミュレーション結果

図 4.2にデータ取得時の衛星配置を示す。

矢印は衛星の移動方向を示している。同図よりシミュレーションに使用した衛星の 搬送波位相データは、SV1, SV5, SV9, SV20, SV23, SV25の計7機の衛星からのもの

であった。

页 52



図 4.2: 衛星配置 (矢印は衛星の移動方向)

まず、図 4.3に測距誤差を加算しないときの、生の搬送波位相データのみを使用して RTK 測位計算を行った結果の緯度経度方向測位分布を示す。



図 4.3: 緯度経度方向測位分布(7 衛星利用)

測位計算には常時7機の衛星全てを使用しており、HDOP は概略1.30から1.18、 そして1.24と変化した。図中の実線で描かれた楕円は共分散楕円である。2つ描かれ ているのは、それぞれ測位の開始時と終了時のものである。なお、全ての二重位相差 に対して8 mmの測距誤差を想定して共分散楕円を描いているが、この値は今回使用 した NovAtel 3151R ではおよそ4 mm から12 mm であることを確かめているので、 特別な値ではない。更に図中に描かれている円は、その内側に全測位点の95%を含 む半径 2drmsの円で、その値は2.03 cm である。同図より共分散楕円と測位分布はは ほぼ一致していることから、全ての衛星に対する測距誤差もほぼ一定であるということができる。

次に、図 4.4に 5 番衛星に対して測距誤差を加算して測位計算した場合の緯度経度 方向測位分布を示す。



図 4.4: 緯度経度方向測位分布 (SV5 測距誤差加算)

図 4.2, 4.3, 4.4より測距誤差を加算した5番衛星の方向に測位分布が拡大している ことが分かる。2drms は 2.03 cm から 3.66 cm と拡大した。他の衛星に測距誤差を加 算しても、ほとんど同様に測位分布はその衛星の方向に拡大した。なお、白丸印で描 かれた楕円は測位点の 95 %をその内側に含む誤差楕円である。

次に、図 4.5にこの測距誤差を加算した 5 番衛星を除き、計 6 衛星を使用して測位 計算を行った場合の緯度経度方向測位分布を示す。



図 4.5: 緯度経度方向測位分布 (SV5 除去)

同図より、使用した衛星の数が1機減少したため、HDOPの値は全体的に0.06程度-

大きくなったが、測距誤差の大きい衛星を除くことにより、測位精度が大幅に改善されることが分かる。2drms は 3.66 cm から 2.28 cm へと改善された。このシミュレーションにより、この原理の性質の概略を把握できた。

4.5 実時間への適用実験

シミュレーションでは十分に満足のいく結果が得られた。しかし、これは単なるキネ マティック測位である。よって、次にこの性質を実時間の測位に適用できるかどうかを 調べるため、RTK を利用して実験を行った。実験に使用した GPS 受信機は、Trimble Navigation Limited 社製の GPS 受信機 4000SSE 2 台である。まず、東京商船大学・ 航海学科実習棟屋上に、互いに約3m離してアンテナを設置した。基準局受信機と利 用者局受信機はケーブルで直結しており、基準局受信機で測定された各種データを、 直接利用者局受信機に伝送している。なお、RTK の測位結果は 1996 年 3 月 14 日 18 時 00 分から 18 時 08 分にかけて約 8 分間、1 秒毎に収集した。

図 4.6に 18時 00 分から 18時 04 分にかけての 4 分間の測位に対する緯度経度方向 測位分布を示す。



図 4.6: 緯度経度方向測位分布(7 衛星使用)

測位には SV2, SV14, SV15, SV19, SV27, SV28, SV31 の計 7 衛星を使用しており、 HDOP の値は 0.98 から 0.99 と推移し、また 2drms は 1.05cm であった。しかし、同 図より、明らかに共分散楕円と測位分布は一致しておらず、測位分布がが共分散楕円 に対して縦に伸びていることが分かる。

次に、図 4.7にこの時間帯における衛星配置を地平面図で示す。

同図より、図 4.6の測位分布の拡大している方向には 14番衛星があることが分かる。 また、アンテナから見てこの方向には建造物があり、これにより搬送波の干渉が発生



図 4.7: 衛星配置(地平面図)

している可能性があることが分かった。よって、14番衛星から送出されてきた搬送波 位相が何らかの影響を受け、測距精度が劣化していると考えた。

図 4.8に前述の測位の直後、18 時 04 分から 18 時 08 分にかけての 4 分間、この 14 番衛星を除去して行った測位に対する緯度経度方向測位分布を示す。



図 4.8: 緯度経度方向測位分布 (SV14 除去)

測位に使用している衛星は計6機となり、HDOPの値も1.35程度に拡大したが、 同図より、2drmsは0.52 cmと格段に測位精度が改善されていることが分かる。

この性質を実時間に応用するためには、測位分布の短時間把握が1つの課題とな る。共分散楕円は衛星配置から瞬時に取得できるが、測位分布を把握するためにはあ る程度の時間を必要とする。しかし、今回のように単に他の衛星と比較して格段に測 距精度の悪い衛星があるのかないのか、またあるならば、緯度経度方向測位の結果は おおよそどのような指向性を持つのかを把握するためだけならば、短時間で十分で測 距誤差の大きい衛星を推測できると考える。受信機からは 0.2 秒毎に測位結果を出力 できるものも出回っているので、実際には 10 秒程度で推測できると考える。

4.6 まとめ

RTK 測位を行っていると、このマルチパスや建物等による遮蔽、干渉によって衛 星から送出されている搬送波の位相が何らかの影響を受け、その結果として測位分布 が拡大したり、またシフトやドリフト及びジャンプをするという状況がしばしば発生 している。このような状況を改善しない限り、RTK の各分野への応用は困難なもの となる。そこで、測位分布と衛星配置によって決定される共分散楕円とを比較するこ とにより、測位誤差の原因となっている位相データを送信する衛星の推測を試みた。 そして、更に測位分布が極端にある方向に拡大している場合には、その拡大している 方向に位置する衛星の位相データを測位計算から排除することにより RTK の高精度 測位を維持する可能性を実際のデータを用いてシミュレーションし、検討を行った。 また、この原理を実時間に適用する実験を行った。

この結果、RTK 測位行う場合、常時測位分布と衛星配置から求められる共分散楕円 をモニタしていれば、ある程度以上の測距誤差を有する位相データを送信する衛星が 存在した場合にはそれを推測でき、またその衛星の位相データを排除して測位計算を 続けることで高精度測位を維持できると考える。よって、この性質が実時間で RTK の高精度測位を維持するための手段の1つとして利用できるという結論に至った。

今後、測位分布をより現実に近い見地から把握するために、緯度経度方向測位分布 としてではなく、三次元測位分布として、すなわち共分散楕円としてではなく、共分 散楕円体として捉え、かつこの性質と他の幾つかの指標(SN比等)を複合した上で、 RTK を実際に使用する際に高精度測位を維持できるシステムを構成したいと考えて いる。

第5章

結論

5.1 総括

移動しながら実時間で測位を行う RTK では基準局から利用者局に搬送波位相デー タを伝送する必要がある。しかし、現在どのメーカの受信機でも共通して使用できる データ伝送フォーマットを用いた RTK 測位用のデータリンクは皆無である。そこで、 著者は現在世界的にも認識されている RTCM RTK データを、現行のテレビ音声多 重データ放送を利用して伝送し、測位する実験を行った。また、Trimble Navigation Limited が公開しているフォーマット CMR を用いて同様の実験を行った。

その結果、RTCM RTK データを使用した測位では、今回構成したシステムの全デー タ伝送時間が最大値は 1.33 秒であった。RTCM RTK データは 1.60 秒までの伝送遅 延であれば、仕様通りの高精度な測位が可能であるといわれており、これを十分に満 足していることが分かる。また、高精度測位が行われているフラグとなる Fix 解は全 体の約 90 %をしめていた。この間の測位精度は 2drms で 2 cm 以内と、仕様通りの 高精度測位が実現されていることが分かる。

次に、CMR データを使用した RTK 測位では、仕様通りの高精度測位が行われて いるフラグとなる Fix 解は 100 %であった。この間の測位精度は 2drms で 5 mm 以 内と、RTCM RTK データを使用した場合と比較して更に高精度測位が実現されてい たことが分かる。

以上の結果より、テレビ音声多重データ放送をデータリンクとして利用し、高精度 なRTKのシステムを構成することも可能であるとい結論を得た。

次に、RTK 測位を行っていると、このマルチパスや建物等による遮蔽、干渉によっ て衛星から送出されている搬送波の位相が何らかの影響を受け、その結果として測位 分布が拡大したり、またシフトやドリフト及びジャンプをするという状況がしばしば 発生している。このような状況を改善しない限り、RTK の各分野への応用は困難な ものとなる。そこで、測位分布と衛星配置によって決定される共分散楕円とを比較す ることにより、測位誤差の原因となっている位相データを送信する衛星を推測しする ことを試みた。そして、更に測位分布が極端にある方向に拡大している場合には、その拡大している方向に位置する衛星の位相データを測位計算から排除することにより RTKの高精度測位を維持する可能性を実際のデータを用いてシミュレーションし、検 討を行った。また、この原理を実時間に適用する実験を行った。

この結果、RTK 測位行う場合、常時測位分布と衛星配置から求められる共分散楕円 をモニタしていれば、ある程度以上の測距誤差を有する位相データを送信する衛星が 存在した場合にはそれを推測でき、またその衛星の位相データを排除して測位計算を 続けることで高精度測位を維持できると考える。よって、この性質が実時間で RTK の高精度測位を維持するための手段の1つとして利用できるという結論に至った。

5.2 今後の課題

現在、FM 音声多重データ放送、ディジタル MCA、携帯電話等、様々なデータリ ンクが RTK データの伝送手段として考えられ、また日夜実用化に向けての実験研究 が行われている。その中で、今回行ったテレビ音声多重データ放送をデータ伝送手段 として利用し、RTK 測位を行う研究では、更にこの伝送手段を1つ提案した形となっ た。このように、複数のデータリンクの候補な中から、利用者自身がその状況に最適 なものを選択する幅を拡大できたということに大きな意味があると考える。しかし、 このシステムを実用化するためには、まだまだ問題が山積みされている。例えば、こ のシステムをより一般に普及させるために、測位結果が Float 解もしくは単なるコー ド DGPS 測位へ移行する原因を追求し、Fix 率を向上させる必要があるだろう。この ような問題を解決するために、今後も実験研究を続けてゆきたいと考えている。

GPS ではインテグリティという言葉がしばしば使用される。インテグリティ(Integrity)とは英和辞典によれば「完全,無傷」であるが、航法に使用するときには 「完全性」と訳すこともある。しかし、本来の定義とは少し意味が違うのでカタカナ で原文のまま呼ぶこととする。まず、航法システムのインテグリティを定義すると次 のようになる。すなわち、インテグリティとは航法システムが規定されている性能の 範囲内で動作しなくなったときに、そのシステムが航法に使用されないように、また その誤動作が検出されたときは、それを利用者に何らかの方法で提示するシステムの 能力である。いいかえると、もしインテグリティが確立されていれば、そのシステム は誤ったデータをあたかも真のデータのように伝えることは決してない。そのシステ ムが規定値をはずれてしまい誤差が拡大している場合には、それを利用者に知らせる かまた場合によっては電波を止めるなどの処置がなされる。このようなことから、航 法システムのインテグリティの性能を表すパラメータは、誤動作の検出の能力と誤動 作発生後のそれを使用者に警報するまでの時間遅れであるということができる⁽²⁶⁾⁽²⁷⁾。 一般に航法システムではその使用段階があり、それぞれの段階に応じたシステムと 多段階に利用可能なシステムがある。船舶の航法でいえば、大洋航行,沿岸航行,狭水 道航行,港湾内航行,接岸などがある。航空でいえば、大陸間の大洋上や人口の少ない 陸上における飛行、空港周辺(ターミナル)における飛行、空港への進入,着陸,地 上滑走などの段階があり、これらを交通の粗密で分類することも多い。これらの各航 行段階で要求される測位精度や測位頻度又はシステムに故障あるいは異常が発生した 場合に通報されるべき警報の緊急度等インテグリティ・パラメータは異なってくる。 インテグリティとはシステムあるいは衛星の故障をすばやく利用者に告知するシステ ムの機能であるともいえる。

GPS のこの機能はシステムとしては米国の国防上の目的のみ考えられ、民間の利 用者にとっては十分なものとはいえない。インテグリティが現時点で最も大きな問題 になっているのは民間航空の分野である。GPS は正常に動作している間は非常に優れ た測位の能力を提供しているが、技術的な問題で、常にその状態が維持できるという 保証は得られない。システムに故障はつきものであるからである。

今後、利用者のニーズが何であるのかを的確に捉え、RTK を実用化するにあたっ て当面最も問題となるであろう信頼性と一般性を追求し、幾つかの指標(SN 比、イ ンテグリティ、三次元測位分布等)を複合した上で、誰でも手軽に RTK の高精度測 位を利用できるよう研究を続けてゆきたいと考えている。

5.3 GPS 将来展望と問題

GPS 衛星は高度約 20,000 km の軌道に打ち上げられている。衛星が頭上にあるとき は、電波の速度は毎秒約 300,000 km であるから、衛星から発射された電波は約 0.07 秒で地上に届くことになる。地球に大気が無ければ電波は真空中を伝搬してくるので、 電波の伝搬速度は常に一定である。しかしながら、地球は図 5.1⁽²⁸⁾に示すように、大 気で覆われているので、電波の速度は光速若干ではあるが減速する。そのため、電波 到達時間からの擬似距離測定では距離を過大に見積もることになり誤差を生じる。地 球の表面を覆っている大気は地表面付近では大体 1kg/m²であり、上空に行くにつれ 急速に希薄になっている。500 km の高度では密度は地表の 10⁻¹²程度に減少する。こ の大気層の上部は太陽からの輻射により電離されており、電離層を形成している。電 離層の電子密度と高さは、太陽の活動期,季節,時刻,緯度,経度等によって複雑に変 化する。

太陽活動による影響は約 11 年周期で電離層の電子密度を大きく変化させる。太陽 活動によるものは太陽の表面に現れる黒点数が多くなると活発になり、ウォルフ黒点 数と呼ばれる数値が指標として用いられている。図 5.2⁽²⁸⁾に見られるように 1990 年 代の初頭に極大期 (Solar High)を迎え、現在は極小期に入っている。前回の極大期 は GPS が完成する前であったため、十分な観測ができなかった。次回の極大期は 21



図 5.1: 地球を取り巻く大気圏

世紀の初めころとなるが、GPS が完成してから初めての経験となり、また電離層補正 モデルがほとんど効果発揮できないと予測されているため、通常1mであった誤差が 6~7mになる警告されている。モデル化が困難なため DGPS も効果がないといわれ ており、実際にどのような影響が生じるか不安視されている。

衛星軌道データや衛星内部時計の補正係数等を載せて送信されている航法データに は、GPS 週が一緒に記述してある。GPS 時間は1週間を基準としてリセットされる ため、現在何週目であるかを知る必要がある。航法データの構造上から、この GPS



週の記述には 10 bit の領域が割り当てられているため、週は 1023 週までしかカウン トできないことになる。GPS の第1週は 1980 年1月6日の週からカウントが開始さ れているため、1999 年8月21日までしか記述できない。この事態に現在使用されて いる GPS 受信機、その他の機器が対応できるのか興味深く、また不安材料の1つで ある。更に新しい周波数帯、L5帯の設置も非常に期待がもたれる。

謝 辞

本研究を遂行するにあたり、様々な形で御指導頂きました東京商船大学・情報通信 工学研究室の安田明生教授に心からお礼申し上げます。安田明生教授の指導力の大き さに支えられ、またその方針に同調致しました。その結果、なんとかここに修士論文 を仕上げることができました。

テレビ音声多重データ放送をデータ伝送に利用した RTK 測位に関する研究におい て、実験に御協力頂きました全国朝日放送の笹野耕治氏、エル・エス・アイ ジャパ ンの田中隆氏、Trimble Japan の福田昌史氏、更に茶珎俊一氏をはじめとする DX ア ンテナの皆様に謝意を表します。実験に際し、私の不注意からなかなか成功せず、笹 野耕治氏には大変御迷惑をお掛け致しました。福田昌史氏には Trimble Japan 社にお まねき頂き、Trimble 社の製品について懇切丁寧な説明と、たくさんの資料を頂きま した。

また、高精度測位維持の研究において御討論頂きましたセイコー エプソンの兪豊 氏に謝意を表します。KGPS のシミュレーション計算ソフトや、共分散楕円の計算ソ フトは兪豊氏の成果によるところが大きいと考えます。

色々御指導御助言を頂きました山下晃司助教授、川村雅志文部技官に謝意を表しま す。川村雅志文部技官には GPS アンテナの設置から維持方法, 研究室内の管理に至る まで様々に御指導頂きました。

また、本論文を記述する、TEX のスタイル・ファイルを快く提供して下さった鳥羽 商船高等専門学校教官の鈴木治氏の感謝申し上げます。鈴木治氏には研究室の管理運 用から、研究の進行状況に関してまで様々に御心配をお掛け致しました。

更に、色々御討論頂きました Navigation GPS MLのメンバの皆様に謝意お表します。 最後に色々お世話になりました本学情報通信工学研究室のメンバの皆様に心から感 謝申し上げます。特に同期の山田隆博君は、私が研究が上手くゆかないとき、静かに 励ましてくれました。助かりました。ありがとう。

参考文献

- (1) 衛星測位システム協議会、「GPS 導入ガイド」, pp.52, 1993 年 10 月 30 日
- (2) 今江理人:「GPSの原理と応用」,電気学会誌, Vol.116, pp.672~675, 1996年
 10月

<u>_____</u>

- (3) 日本測地学会 : 「新訂版 人工衛星による精密測位システム 」, pp.63, 1989
 年 11 月 15 日
- (4) (社) 日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」、シンポジウム テキスト、
 pp.64, 平成 8 年 11 月 29 日
- (5)(社)日本航海学会:「GPS/DGPS利用技術の展望」、シンポジウムテキスト、
 pp.70,平成8年11月29日
- (6) 坪井 広美・岡本 修,「リアルタイムキネマティック GPS のケーソン沈設工事への適用」,日本測量協会,応用測量論文集 Vol.7, pp.21~28, 1996 年 6 月 24 日
- (7) 木津 昭一・花輪 公雄、「搬送波位相測定に基づく差動 GPS(干渉測位)とその海洋研究における利用について」、日本航海学会誌 NAVIGATION 第126号、 pp.21~28、平成7年12月25日
- (8) (社) 日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」、シンポジウム テキスト、
 pp.74, 平成 8 年 11 月 29 日
- (9) 織田 博行・五十嵐 和之・関 信次・石井 真、「GPS を用いた運動測定システム」、日本航海学会誌 NAVIGATION 第 126 号, pp.29~34, 平成 7年 12 月 25 日
- (10) (社) 日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.109, 平成 8年 11 月 29 日
- (11)(社)日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.77, 平成 8 年 11 月 29 日
- (12) 日本測地学会:「新訂版 人工衛星による精密測位システム 」, pp.155, 1989
 年 11 月 15 日
- (13) (社) 日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.29, 平成 8 年 11 月 29 日
- (14) (社) 日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.30, 平成 8 年 11 月 29 日

- (15) 土屋 淳・今給黎 哲郎 : 「GPS 測量と基線解析の手引 改訂版」,(社) 日本測量協会, pp.172, 1994 年 12 月 22 日
- (16) 占部 実・光藤 富士男 : 「理工系一般教育代数・幾何教科書」,共立出版株式会社,昭和44年3月15日
- (17) 山内 恭彦 : 「応用数学叢書 代数学および幾何学」,共立出版株式会社,昭和 38 年 8 月 10 日
- (18) RTCM SPECIAL COMMITTEE No.104 : ' RTCM RECOMMENDED STAN-DARDS FOR DIFFERENTIAL NAVSTAR GPS SERVICE VERSION 2.1 ', RTCM Paper 194-93/SC104-STD, JANUARY 3,1994
- (19)(社)日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.22, 平成 8 年 11 月 29 日
- (20) (社) 日本航海学会 : 「 GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.24, 平成 8 年 11 月 29 日
- (21) (社) 日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.25, 平成 8 年 11 月 29 日
- (22) 衛星測位システム協議会、「GPS 導入ガイド」, pp.92, 1993 年 10 月 30 日
- (23) Dr.Nicholas C.Talbot, 'Compact Data Transmission Standard for High-Precision GPS ', PROCEEDING OF THE 9TH INTERNATIONAL TECHNICAL MEET-ING OF THE SATELLITE DIVISION OF THE INSTITUTE OF NAVIGATION ION GPS-96 PART 1 OF 2, pp.861-871
- (24) 安田 明生・平田 誠・奥田 邦晴・今津 隼馬、「GPS における GDOP と測位誤
 差分布について」、日本航海学会論文集 第 79 号, pp.25~31, 昭和 63 年 9 月
- (25) R. S. バーリントン他著 : 「確率・統計ハンドブック」, pp.124~125, 森北出版, 1975 年
- (26) 木村 小一 : 「船舶電子航法ノート(208)」,船の科学 Vol.47-10, pp.81~85,
 1994 年 10 月
- (27) 木村 小一 : 「船舶電子航法ノート(209)」,船の科学 Vol.47-12, pp.78~81,
 1994 年 12 月
- (28) (社) 日本航海学会 : 「GPS/DGPS 利用技術の展望」,シンポジウム テキスト, pp.14, 平成 8 年 11 月 29 日

頁 _____65____

本研究に関して発表した論文

第2章

浪江 宏宗・安田 明生・岡村 知則 : 「リアルタイムキネマティックの傾斜計への応用」,日本航海学会論文集 第94号, pp.125~129, 平成8年3月25日

浪江 宏宗・兪 豊・安田 明生 : 「 KGPS における測位値の短時間決定」, 1996 年 電子情報通信学会 総合大会 講演論文集 通信 1, pp.196, 1996 年 3 月 11 日

第4章

浪江 宏宗・安田 明生 : 「KGPS の高精度測位維持に関する研究 - 共分散楕円と 95 %誤差楕円の比較 - 」,日本航海学会論文集 第 95 号, pp.1~6, 平成 8 年 9 月 25 日

索引

 $1.96 \sigma, 4$ 21世紀,60 2drms, 3, 4, 45, 52, 54, 55, 57 2 Word Header, 29 2周波、3 2相位相変調,3 2 変数正規分布, 50 3DF, 9 4000SSE, 42, 54 50%確率円,50 Almanac, 5 Ambiguity, 14 Anti-Spoofing, 5 AS, 5 Base Station, 13 C/A = - F, 3, 4, 15, 33, 34 **CEP**, 50 Circular Error Probable, 50 CMR, 11, 36, 45, 57 Data Link, 13 Department of Defence, 2 DGPS, 13, 60 DGPS 測位, 58 Dilution of Precision, 48 DOD, 2 DOP, 48

DX アンテナ, 43, 62

Earth Centered Earth Fixed, 18

ECEF, 18, 33, 38 Ephemeris, 5 ETX, 36 Fill, 32 Fix, 22, 45, 57 Fix 率, 58 Float, 22, 58 Floating Crane, 7 FM サブキャリア,35 FM 音声多重データ放送, 58 Frame, 29 Frame ID, 29 GDOP, 49, 50 Geoid, 8 Geometrical DOP, 49 Global Positioning System, 2 GPS, 2 GPS アンテナ, 6, 48 GPS 衛星, 2, 59 GPS 時間, 60 GPS 時間測定データ, 33 GPS 受信機, 11 GPS 週, 60 Gyro, 9 HDOP, 49, 52–55 Horizontal DOP, 49 Hyperboloid, 25

ICD-GPS-200, 4

頁

Integrity, 58	Reference Station, 13
IOD, 32	Remote Station, 13
ION GPS-96, 28	root-mean-square, 4
Issue of Data, 32	Rover Station, 13
	RRC, 32
KGP5, 12	RRS, 49
L1 帯, 3~5, 33, 51	RTCM, 11, 29, 36
L2帯, 3~5, 33, 34	RTCM RTK データ, 42, 45, 57
L5 帯, 61	RTK, 7~11, 13, 14, 17, 22, 24, 27, 33,
Length of Frame, 29	36, 45, 47, 48, 54, 56, 57, 58, 62
LSB, 29	RTK-GPS, 5
	RTK-OTF, 27
Mobile, 2	RTK データ, 58
Modified Z-count, 29	
Multipath, 47	SA, 3, 4, 15, 17
Navigation, 2, 33	Satellite ID, 32
NovAtel, 14, 51	Scale Factor, 31
	Selective Availability, 4
On-the-Fly, 27	SN 比, 14, 38, 56
OTF, 27	SPS, 4
Parity, 29	Standard Positioning Service, 4
PDOP. 49	Station Health, 29
$PN = - \kappa 3$	Station ID, 29
Position DOP 49	STX, 36
PPS 4	Techno Super Liner, 6
PRC. 32	Tracking. 6
Preamble 29	Trimble, 28, 36, 42, 45, 54, 57, 62
Precise Positoning Service 4	TSL 6
PRN 38	
Pseudolite 10	UDRE, 32
Pseudo Bandom Noise Code 2	UERE, 49
Pseudo Rango Correction 22	User Differential Range Error, 32
$P \rightarrow -k^2 3 A 22 2A$	User Equivalent Range Error, 49
1 - F, J, 4, JJ, J4	User Station, 13
Range Rate Correction, 32	VDOP 49
Real-time Kinematic GPS, 5	Vartical DOB 40

WGG 04 10 22 20	
WG5-84, 18, 33, 38	円形確率誤差,50
Word, 29	円形正規分布,50
World Geodetic System 1984, 18	オフライン,5
Y = - F, 3, 5	オンザフライ,27
アンビギュイティ, 14, 19, 21~23, 27,	海上無線技術委員会,11
33	海中,7
アンテナ, 18, 40	海洋,6
位相 5 6 11 13 15~17 29 49 51	海流,8
56 57	海底,7
	回転双曲面, 23~26
	回転面, 25
金库经度方向错度坐化长为 40	海面, 8
續度経度方向測位分布 19	海面高度, 8
	拡大係数,48
移動体 9 5 97	角度変化量,26
12町14,2,0,21	確率分布, 50
1 • 7 7 9 7 1 , 36, 39	確率変数,50
ウォルフ黒点数, 59	火山活動,7
衛星位置 5 10 51	カーナビ,2
南至位世, 0, 19, 01 衛星間	カウンタ,43
南至同 重匹伯左,15 衛星軌道データ 5 50 60	干涉, 11, 48, 51, 54, 56, 57
南全朝道/ - 2, 3, 30, 00	慣性航法装置,10
	完全性,58
用生健尿(小態,)	観測エポック, 37
単生碱/ 借与、5,32	観測データ,40
単生 □レスケム,2 生 □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□	岸壁, 6, 9
開生担托, 37 第日時計測業 12	
「用生時計読法」10	幾何学的精度劣化指数, 49
「「「「「「「」」」「「」」」「「」」」「「」」」「「」」」「「」」」「「	擬似衛星, 10
阐生 能直, 12, 48, 50, 51, 54~57	擬似距離, 32, 35, 40, 59
エフェメリス, 34, 35	擬似雑音符号,3
エホック, 19, 22	基準衛星, 19
エル・エス・アイ ジャパン, 62	基準局, 6, 11, 13, 18, 19, 33, 38, 45, 54,
円, 50	57
沿岸, 6, 7, 59	基準局位置座標メッセージ, 39
基準局情報メッセージ,40 ケーソン、7 基準子午面、18 健康状態,29 基準発振器、3,4 建設資材、7 基線解析、5 国防上.59 軌道.2 国防上の安全性、4 軌道計算、5 黒点数,59 軌道傾斜角.3 コード周期、4 軌道半径.3 コード・パターン、3~5 軌道データ、19 誤動作,58 軌道面,50 高仰角.50 基本周波数,4 航空,59 キャリア・スムージング、35 航空機,10 極小期,59 航空分野,10 極大期,59 航空路,10 曲面の方程式.25 恒星時、3 仰角,48 航跡,6 狭水道航行,59 交通,59 共分散行列,49 高度方向精度劣化指数,49 共分散楕円, 12, 48, 50~52, 54~57 航法,58 共分散楕円体,56 航法支援,2 距離差, 17, 20, 23, 24 航法システム、58 距離分解能,6 航法データ、5、32、60 距離変化率補正值,32 港湾,6 緊急度,59 港湾内航行,59 近似值,20 混信,3 空港.59 コンパクト観測レコード、36 グランド・プレーン,48 固定点,13 グリニッジ,18 サイクルスリップ, 6, 22, 24, 27, 51 $p \, \mathbf{u} \, \mathbf{v} \, \mathbf{0}, 4, 5$ 最小自乗法,22 計算距離、20 座標系,18 計算誤差,22 残差,22 計速精度、6 三次元位置, 13, 19, 22, 33 携帯電話、35、58 三次元測位, 2, 50 警報,59 三次元測位分布,56 <u> 敦留, 9</u> 三次元直交座標, 18, 22 -

時間精度劣化指数,49 接岸,59 時刻タイミング、4 接平面, 25, 26 時刻同期タイミング、15 線形,20 地震.7 線形化、20 姿勢角度,9,10 線形方程式,20 姿勢測定, 9, 10 全国朝日放送,62 自動車電話,6 全世界的測位システム,2 ジャンプ、12 全世界的測地系 1984, 18 遮蔽, 11, 48, 51, 56, 57 船体、6 ジオイド.8 選択利用性,4 受信機間一重位相差,16 船舶、6、8、59 十進,3 測位計算, 14, 48, 51, 52, 56 シュードライト、10 測位結果, 51, 54, 56, 58 周回周期,3 測位誤差, 12, 48, 56, 57 修正 Z カウント、29 測位精度, 4, 6, 22, 45, 55, 57, 59 修正值,20 測位精度劣化指数.49 収束, 22, 23 測位頻度,59 周波数帯域幅,36 測位分布, 12, 48, 50, 52, 54~57 重力場,8 測位点,4 浚渫船、7 測量,5 昇交点経度、3 測量船、7 情報通信工学研究室, 62 測定時刻,51 焦点, 24, 25 測距, 3, 5, 6, 17 小電力無線、35 測距誤差, 4, 48, 49, 52, 56, 58 真空中,59 測距信号, 3, 4 スケール・ファクタ、31 測距精度, 18, 55 スムージング、35 ソフトウェア的、24 相関係数, 49, 50 正規乱数,51 双曲線,25 セイコー エプソン, 62 送信電力,3 静止状態, 5, 27 操船,6 整数値バイアス, 14, 22 精度劣化指数,48 帯域幅、4 精密進入誘導,10 大気層、59 精密測位サービス,4 太陽,59 赤道, 18___ 大洋,59

!	
大陸間, 59	データ伝送フォーマット, 11, 35, 45, 57
大陸間弾道ミサイル, 2	データ伝送レート, 36
対流圏,14	テレビ朝日,42
楕円, 50, 52	テレビ音声, 43
楕円体,18	テレビ音声多重データ放送, 11, 28, 45,
多重,43	57, 58, 62
単独測位,5	伝送手段, 58
ターミナル, 59	伝送遅延, 57
多面体, 50	伝送フォーマット, 29
批费変動 7	伝送レート, 5, 40
地球 59	点の集合,24
~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	電波, 59
хуларанда, 20 <b>涿</b> 次計算 99	電波障害,6
地上滑走 50	電波到達時間,59
地表付近 59	伝搬速度, 59
るいた,00 着桟 ら	電離, 59
着陆 50	電離層, 4, 14, 34, 59
直接波 47	電離層補正, 5, 33
<u>潮汐 8 0</u>	電離層補正係数,5
<b>頂占</b> 50	電離層補正モデル,60
<u>地</u> 平面図 54	電話回線, 42
- <u>61</u>   HIKZ, 01	時計調差 16 17
追尾, 6, 24	市市なワー /3
追尾衛星, 33, 51	ホハノノ , ゼ 動揺 10
通報, 59	あったシング 6 10
任仰色 50	$\mathbf{r} \neq \mathbf{v} \neq \mathbf{v} \neq \mathbf{v}, 0, 10$
ビイアリン3,00 ディジタル NACIA 95 50	$r y \neq r, 12$
ノイングル WOA, 30, 38 ディジカル知道 95	Γ ν - Λ, 49
ノイマグル無秘,00 テクノスーパーライナ に	ナビゲーション, 33
$\vec{y} = \vec{y} + $	二次云测位 50
ノューク,40 デーク正統アルプリプノ 26 40	→(八ル(別址, 30) 一番侍田著 12 16 10 22 24 27 52
ノーク止相ノルゴリクム, 30, 40 デーカ発行来号 99	一里UUIII
ノーク光11曲万, 32	ヌル・フレーム, 33
	22 米/ 19
テータ 広达, 0, 02	
アータ伝送時間, 43, 45, 57	波致, 15

.

バーチカル・ジャイロ.9 妨害防止電波,5 波長, 5, 22, 51 方向ベクトル、26 パリティ.29 放射状測位誤差,4 反射波.47 法線ベクトル、25.26 搬送波, 3~5, 11, 15, 18, 19, 27, 48, 54, マルチパス、6、47、50、56、57 56, 57 マルチパス・エラー、35 搬送波位相, 5, 13~15, 33, 40, 55 右手系,18 搬送波位相測定データ,34 民間,59 搬送波位相データ, 11, 14-16, 29, 45, 51, 民間航空, 59 57民間用,4 搬送波周波数, 3, 14 搬送波スムージング、34 メッセージ・タイプ、30 メッセージ・タイプ1,31 ピーク検出.47 メッセージ・タイプ 18.34 飛行,59 メッセージ・タイプ 19.35 秘匿性.4 メッセージ・タイプ 3,33 標準測位サービス、4 メッセージ・タイプ 6,33 フィックス解、22 メッセージ・プロトコル、36 輻射,59 モデム,43 プリアンブル、29 モデル化,60 プレート運動、7 モニタ, 56, 58 フレーム、29 フレーム ID, 29 安田明生,62 フレーム・シーケンス・ナンバ,29 予測,7 フレーム長、29 ブロック II 衛星、4 乱数、3 フロート解、22 リアルタイム.7 フローティング・クレーン,7 リアルタイム・キネマティック GPS,5 離着桟時,6 平均位置,4 離着桟操船,6 米軍,4,5 利用者局, 6, 13, 19, 22, 45, 48, 57 米国.4 利用者局位置, 19, 20, 26 米国国防総省、2 利用者局受信機, 18, 43, 54 平面の方程式、25 利用者ディファレンシャル距離誤差,32 ベクトル、26 変化量,25 <u> 連立一次方程式, 20</u>