

朱志洁,李瑞琪,汤国水,等.含裂隙煤体能量耗散特征与冲击倾向性研究[J].煤炭科学技术,2023,51(5): 32-44.

ZHU Zhijie, LI Ruiqi, TANG Guoshui, *et al.* Research on energy dissipation characteristics and coal burst tendency of fissured coal mass[J]. Coal Science and Technology, 2023, 51(5): 32–44.

移动扫码阅读

含裂隙煤体能量耗散特征与冲击倾向性研究

朱志洁1,2,李瑞琪1,汤国水3,韩 军1,王来贵1,吴云龙1

(1. 辽宁工程技术大学 矿业学院, 辽宁 阜新 123000; 2. 煤炭科学研究总院 煤炭资源高效开采与洁净利用国家重点实验室, 北京 100013;
 3. 滁州职业技术学院 组织人事处, 安徽 滁州 239000)

摘 要:冲击倾向性是煤岩体能否发生冲击地压的自然属性,裂隙的分布对其有重要影响。为研究煤 体原始裂隙对能量耗散特征和冲击倾向性的影响机制,采用 PFC^{2D} 数值模拟方法,对不同裂隙类型 的煤体试件进行了单轴压缩测试。研究表明:①随着裂隙倾角的增大,宏观力学参数抗压强度和弹 性模量均表现为先减小后增大的趋势;当裂隙倾角为 30°时,两者都取得最小值。不同裂隙类型宏观 力学参数大小关系为:非共面平行双裂隙试件<单裂隙试件<共面断续双裂隙试件。②弹性应变能和 总应变能的变化规律与宏观力学参数相似。平行非共面的裂隙试件在裂隙之间形成了能量耗散结构, 共面断续双裂隙试件裂隙之间形成了能量集中区,揭示了不同裂隙类型弹性能量大小关系的内在原 因。③从煤岩体储存弹性能的能力和破坏后释放弹性能的能力 2 个角度对冲击倾向性进行分析,提 出了弹性能储存率和弹性能移放率 2 个冲击倾向性指标。④随着裂隙倾角的增大,弹性能储存率和 弹性能释放率均表现为先减小后增大的趋势;当裂隙倾角为 30°时,两冲击倾向性指标都取得最小值。 不同裂隙类型冲击倾向性大小关系为:非共面平行双裂隙试件<单裂隙试件<共面断续双裂隙试件。 裂隙的分布形态对煤体的冲击倾向性具有显著影响,在煤岩体的冲击倾向性评价和冲击地压防治中 应考虑裂隙这一因素。

关键词:冲击倾向性;裂隙煤体;冲击地压;颗粒流模拟;单轴压缩

中图分类号: TP315 文献标志码: A 文章编号: 0253-2336(2023)05-0032-13

Research on energy dissipation characteristics and coal burst tendency of fissured coal mass

ZHU Zhijie^{1,2}, LI Ruiqi¹, TANG Guoshui³, HAN Jun¹, WANG Laigui¹, WU Yunlong¹

(1. School of Mining, Liaoning Technical University, Fuxin 123000, China; 2. State Key Laboratory and Clean Utilization, China Coal Research Institute, Beijing 100012, China; 3. Organization and Personnel Division, Chuzhou Polytechnic, Chuzhou 239000, China)

Abstract: Coal burst tendency is the natural property of whether coal rock mass can have coal burst, and the distribution of fissures has an important influence on it. In order to study the influence mechanism of the original coal fissures on the energy dissipation characteristics and coal burst tendency, the PFC^{2D} numerical simulation method was used to conduct uniaxial compression tests on coal specimens with different fracture types. The results show that: ①With the increase of the inclination angle of the fissure, the compressive strength and elastic modulus of the macroscopic mechanical parameters show a trend of decreasing first and then increasing; when the inclination angle of the fissure is 30, both of them reach the minimum value. The relationship between the macro-mechanical parameters of different fracture types is: non-coplanar parallel double-fissure specimen < single-fissure specimen < co-planar discontinuous double-fissure specimen.②The variation law of elastic strain energy and total strain energy is similar to that of macroscopic mechanical parameters. The parallel and non-coplanar fracture specimens form an energy dissipation structure between the fissures, and the coplanar discontinuous double-fissure specimen forms an energy concentration area between the fissures, revealing the intrinsic reason for the relationship between the elastic energy of different fracture types. ③The coal burst tendency is analyzed from the two perspectives of the ability of coal

收稿日期; 2022-11-12 责任编辑: 朱恩光 **DOI**: 10.13199/j.cnki.cst.2022-2242

基金项目: 辽宁省自然科学基金计划资助项目(2023-MS-318);煤炭资源高效开采与洁净利用国家重点实验室开放基金课题资助项目(2021-CMCU-KF016);安徽省高校学科(专业)拔尖人才学术资助项目(gxbjZD2022134)

作者简介:朱志洁 (1986—), 男, 辽宁调兵山人, 副教授, 硕士生导师。E-mail: zhuzhijie@lntu.edu.cn

and rock to store elastic energy and the ability to release elastic energy after failure, and two coal burst tendency indicators, elastic energy storage rate and elastic energy release rate, are proposed. (4) With the increase of the fissure inclination angle, both the elastic energy storage rate and the elastic energy release rate showed a trend of first decreasing and then increasing; when the fissure inclination angle was 30, the two coal burst propensity indexes both achieved the minimum value. The relationship between the coal burst tendency of different fracture types is: non-coplanar parallel double-fissure specimen < single-fissure specimen < co-planar discontinuous double-fissure specimen. The distribution of fissures has a significant coal burst on the coal burst tendency of coal mass, and the factor of fissures should be considered in the evaluation of the coal burst tendency of coal and rock mass and the prevention and control of rock burst. **Key words:** coal burst tendency; fractured coal body; rock burst; particle flow simulation; uniaxial compression

0 引 言

煤岩冲击倾向性是指煤岩体弹性应变能聚集到 一定程度超过其强度极限值后瞬间释放的动态冲击 破坏的能力。冲击倾向性是煤岩体是否能够发生冲 击地压或岩爆的自然属性^[1],是评价煤岩体冲击地压 或岩爆发生危险的重要依据^[2]。

近 50 年来,国内外专家和学者对煤岩体冲击倾 向相关理论开展了诸多研究工作。冲击倾向性受到 煤体外部和内部多种因素的共同影响。赵毅鑫等^[3] 研究了煤体内部细观结构特征、有机组分分布与煤 体冲击倾向性的定量关系。赵同彬等[4-5]分析了破 坏过程中的能量积聚与释放规律,研究了不同均质 度的煤岩冲击倾向性。孟召平等^[6]研究含水量对岩 石力学性质及其冲击倾向性的控制机制,建立岩石 力学性质及其冲击倾向性与含水量之间的相关关系 和模型。张志镇等[7]通过不同温度条件下的断口电 镜扫描和单轴压缩试验,研究了温度对花岗岩冲击 倾向性的影响。张广辉等[8-10] 测定了不同瓦斯压力 煤体的冲击倾向性指标,分析了瓦斯对煤体冲击倾 向性的影响。左建平等[11] 通过单轴压缩试验研究了 不同煤岩体组合条件下的破坏和强度特征,得到了 煤岩体组合方式对冲击倾向性的影响机制。邓志刚 等[12-14] 通过数值模拟等方法对不同尺寸的煤体试件 进行了单轴压缩测试,研究了煤体冲击倾向性和强 度特性的尺寸效应。卢志国等[15-17]分析不同层理角 度下煤样冲击倾向性指标值的变化,探讨了层理对 煤冲击倾向性的影响及内在机理。在冲击倾向性指 标方面,国内外学者从强度、能量和时间等角度提出 了多种评价指标。SZECOWKA 等^[18] 提出了应变能 储存能力指标,即煤体试件在加载过程积蓄的弹性 能量与卸载过程消耗塑性能量的比值。GIL等^[19]将 单轴压缩下破碎煤体的动能与最大累积应变能比值 定义为冲击效率比,对煤体冲击倾向性进行评价。 SINGH^[20]提出了冲击能量释放指标,即单轴压缩试 件破坏时监测到3个方向震动速度的矢量总和。唐 礼忠等[21] 将剩余能量与峰值强度后稳定破坏所需的

能量耗散之比定义为剩余能量指数,该指标反映岩 石在峰值强度后的动态破坏特性。张绪言等^[22] 指出 煤岩冲击倾向性是一个关于能量与时间的函数,提 出了剩余能量释放速度指数。陈卫忠等^[23]提出岩体 实际储存能量与极限能量之比为可作为岩爆的能量 判别指标,该指标可真实反映地下工程开挖卸荷过 程中岩爆发生的剧烈程度。卢志国等[24]提出了综合 考率煤体强度、能量演化及破坏时间的有效弹性能 释放速率指数 KET 评价煤的冲击倾向性,并结合现 有指标给出冲击倾向性分类临界值。宫凤强等^[25]提 出了一种计算岩石材料在峰值强度时储存在岩石内 部弹性能的方法,建立一种基于峰前弹性能密度和 峰后破坏能密度的差值即剩余弹性能指数的岩爆倾 向性判据。王超^[26]提出了综合考虑能量演化过程及 时间效应的有效冲击能量速率指数。唐礼忠等[27]从 岩石的变形和破坏过程中的能量储存和能量耗散出 发,提出岩石的单轴抗压强度与单轴抗拉强度之比 值与峰值前后的应变量之比值的乘积作为岩爆倾向 性指标。GONG^[28-29]提出了峰值强度应变能存储指 数和剩余弹性能量指数,分别定义为试样的峰值强 度处弹性应变能密度与耗散应变能密度之比和峰值 弹性应变能密度与峰值破坏后能量密度之差。姚精 明等^[30] 根据盈余能量和煤样峰值损伤因子的大小, 对煤层的冲击倾向性进行了分级。HOMAND^[31]将 应力-应变曲线应力峰值前、后曲线的斜率定义为刚 度模量(E)和降低模量(M),提出降低模量指数 (E/M)作为冲击倾向性指标。张万斌等^[32]认为煤样 破坏时间可综合反应能量积蓄与耗散动态特征,提 出了动态破坏时间可评价煤岩体的冲击倾向。潘一 山等^[33]提出了考虑时间效应的临界应力系数、临界 软化区域系数、冲击能量速度3项新的指标。代树 红等^[34]研究了模量指数同其它冲击倾向性评价指标 和评价结果的相关性,认为模量指数可用于煤的冲 击倾向性评价。齐庆新等[35]在大量统计数据分析基 础上,提出将煤岩体的单轴抗压强度可用来评价煤 层冲击倾向性。

目前,针对煤岩冲击倾向性的研究已经取得了 极大进展,研究成果主要针对于新指标、新方法及其 影响因素。然而,在自然界煤岩体中往往存在大量 的节理、裂隙等结构弱面,结构面的形态特征(裂隙 的角度、尺度、形态等)对煤岩体的失稳破坏有明显 的影响,裂隙煤岩体的力学特性具有明显的非连续 性、非线性和各向异性。研究含结构面的冲击倾向 性更符合现场实际,能更真实地反映煤体破坏失稳 过程。采用颗粒流 PFC^{2D}(Particle Flow Code in 2 Dimensions)数值模拟方法,对不同裂隙类型煤体试件 进行了单轴压缩测试,分析了倾角对宏细观力学参 数、能量耗散和冲击倾向的影响规律,研究结果可用 来指导冲击地压的预测和防治工作。

裂隙煤体应力-应变曲线特征与能量耗散 分析

煤体裂隙的张开、闭合、扩展以及贯通的演化过 程伴随着能量的转移和释放,该过程对煤体能量储 存特征和冲击地压的发生具有重要影响。含裂隙 煤体加载过程中裂隙演化和应力-应变关系如图 1 所示,根据裂隙扩展特征可将加载过程划分为以下 5 个阶段: 裂隙压密阶段 (OA 段)。本阶段随着轴向应 力增加,煤体内部原始孔隙、裂隙结构逐渐闭合,煤 体内部的摩擦耗能现象逐渐减弱,能量积聚能力逐 渐增强。该阶段应力阀值为裂隙闭合应力 σ_{cc}。

2) 弹性阶段 (*AB* 段)。煤体内部已有的孔隙和 裂隙结构完全闭合后,进入弹性变形阶段 (*AB* 段)。 该阶段无明显的裂隙扩展现象,系统输入的总应变 能基本都转化为煤体的弹性应变能。

3) 裂隙稳定扩展阶段 (BC 段)。随轴向应力逐 渐增大至煤体的启裂应力 σ_{ci},新裂隙开始产生、原有 裂隙开始扩展,应力-应变曲线进入裂隙稳定扩展阶 段 (BC 段)。在该阶段煤体在宏观和微观上均发生 不同程度的损伤,承载能力有所降低。在 BC 段煤体 裂隙扩展耗散部分能量,但该阶段煤体仍以能量积 聚为主,煤体仍具有一定的承载能力。

4) 裂隙加速扩展阶段 (CD 段)。当轴向应力逐 渐增大至煤体损伤应力 σ_{cd} 时,应力-应变曲线进入 裂隙不稳定扩展阶段 (CD 段)。裂隙进一步萌生和 扩展,裂隙煤体的整体强度有所下降。裂隙的加速 扩展不仅对岩体结构的力学特性有一定的弱化作用, 还会使更多输入的能量以驱动裂隙加速扩展的形式 耗散,进而降低了煤体积聚能量的能力。



图 1 含裂隙煤体裂隙演化过程的应力-应变曲线^[36] Fig.1 Stress-strain curve of fracture evolution process of fissured coal body^[36]

34

5) 峰后破坏阶段。随轴向应力继续增大,岩石 内部微裂隙交互贯通并形成宏观张裂带或剪切带, 岩石试样发生宏观破坏,此时对应的轴向应力为岩 石的峰值强度 σ_p。当应力达到峰值强度后,弹性应 变能曲线突降,耗散能突增。

2 含裂隙煤体数值模型的建立

2.1 PFC 数值模拟方法

二维颗粒流程序 (Particle Flow Code, PFC) 是通 过离散单元法来模拟圆形颗粒介质的运动及其相互 作用,它能模拟煤岩体的细观特征、从本质上反映煤 岩的宏观力学行为。在 PFC^{2D}数值模拟中,煤岩材 料可通过黏结在一起的刚性颗粒进行模拟,颗粒之 间的相互作用主要通过 2 种内置的微观接触模型: 接触粘结模型和平行黏结模型。接触黏结模型只能 进行力的传递,而平行黏结模型同时传递力和力矩。 平行黏结在拉应力达到抗拉强度或者剪应力达到抗 剪强度,颗粒之间的连接都会断裂,平行黏结接触模 型能更真实的反映煤岩体的力学行为。

通常,在 PFC 数值模拟软件中,采用移除节理两 侧接触的方式来模拟节理。裂隙相对两侧的颗粒将 沿颗粒周边滑动(图 2a),导致裂隙上的固有粗糙 度与实际不符的力学行为^[37]。为克服这一缺陷, Cundall 建立的平滑节理接触模型^[38],连接的粒子可 以沿着裂缝方向穿过并彼此重叠(图 2b)可以很好地 反映节理的力学性能。国内多位学者也采用了该本 构模型对节理裂隙进行了模拟,模拟结果与实际情 况相吻合^[39-41]。

2.2 细观参数标定

PFC^{2D}中颗粒接触和内部预制裂隙分别采用平行黏结模型和光滑节理模型。微观参数通常采用 "试错法"进行标定。采用MTS815 试验机对 50 mm× 100 mm 完整煤体试件和与之力学性能相匹配的含 预制裂隙试件进行单轴压缩测试,监测得到加载过 程中的应力应变曲线。通过反复调试,使模拟得到 的应力应变关系与实验室数据相互吻合,获得 PFC^{2D}模型中的微观参数如下:颗粒最大、最小半径 为 0.5 mm 和 0.3 mm,颗粒有效模量 2 GPa,颗粒的 刚度比 1.35,颗粒摩擦系数 0.5,平行黏结模量 2 GPa, 平行黏结刚度比 1.35,平行黏结抗拉强度的均值 5 MPa,平行黏结抗拉强度的标准偏差 1 MPa,平 行黏聚力的均值 10 MPa,平行黏聚力的标准偏差 2 MPa。

如图 3 所示,给出了实验室与 PFC 模拟标定的



图 2 PFC 中模拟节理的 2 种方法示意^[37] Fig.2 Schematic of two methods for simulating joints in PFC^[37]

单轴压缩应力应变曲线对比情况,数值模拟曲线与 试验曲线较为吻合。数值模型和试验测试之间宏观 力学参数的比较见表 1,模拟的单轴抗压强度和弹性 模量与试验获得的数值相似。3 种裂隙数值模型的 破坏模式与试验测试得到的破坏模式基本相同,数 值模型可以较好反映煤岩体实际破坏情况,该模型 可用于相关研究。

2.3 模拟方案

模拟含裂隙煤体试件的宽度和高度分别为 50 mm 和 100 mm。采用单轴压缩加载方式,对试件进行加载测试,加载速率为 0.01 µm/s。在加卸载过程中,对试件的应力应变关系、裂隙发育情况进行实时监测。对不同类型的裂隙进行模拟,裂缝参数如下:①单裂隙试件裂隙长度 l = 20 mm,裂隙倾斜角 $\beta = 0^\circ$, 15°, 30°, 45°, 60°, 75°, 90°;②共面断续双裂隙试件的裂隙长度 l = 20 mm,裂隙倾斜角 β 同上;③非共面平行双裂隙试件的裂隙长度 l = 20 mm,裂隙倾斜角同上。共面断续双裂隙(长度 10 mm)与单裂隙(长度 20 mm)对比,是为了分析相同裂隙长度断续裂隙和完整裂隙的区别;非共面平行双裂隙(长度 20 mm)与单裂隙(长度 20 mm)对比,是为了分析相同裂隙长度不同数量的影响。建立的数值模型如图 4 所示。



图 3 完整与含裂隙试件数值模型的应力应变关系验证 Fig.3 Verification of stress-strain relationship of numerical model of intact and cracked specimens

Table 1 Comparison of macro mechanical parameters						
测试类型		PFC模拟	实验室测试			
单轴抗压强度/MPa	完整试件	18.9	18.7			
	30°单裂隙试件	14.5	14.2			
	30°平行双裂隙试件	11.2	11.3			
	30°断续双裂隙试件	14.7	14.3			
弹性模量/GPa	完整试件	4.2	4.6			
	30°单裂隙试件	3.84	3.80			
	30°平行双裂隙试件	2.38	2.41			
	30°断续双裂隙试件	3.85	3.88			

表 1 宏观力学参数对比 ole 1 Comparison of macro mechanical param

3 含裂隙煤体不同裂隙分布的宏细观力学 特征

3.1 宏观力学特性

煤岩体的宏观力学特性与其冲击倾向性密切相 关,抗压强度、弹性模量越大,积蓄弹性能越高,冲击 倾向性越强。不同裂隙类型煤体试件单轴压缩下的 应力-应变曲线如图 5 所示。裂隙倾角和分布对全





应力-应变曲线特征影响显著。0°、15°、75°和90°裂隙的试件在峰值强度附近由于裂隙发育扩展出现轻微震荡,30°、45°和60°试件在邻近峰值处产生了锯齿状水平波动,并且在峰值前后均存在一定的波动。同时,随着竖向的加载,不同裂隙倾角的试件在相同应变位置的轴向应力也存在一定差异,进而对煤体的

宏观力学参数弹性模量和单轴抗压强度具有一定的 影响。图 6 给出了单轴压缩下不同裂隙类型试件宏 观力学参数对比情况。裂隙倾角从 0°增加到 30°,抗 压强度和弹性模量逐渐降低;裂隙倾角 30°时,试件 的抗压强度和弹性模量为最低值;裂隙倾角从 30°增 加至 90°, 抗压强度和弹性模量逐渐升高。从不同 裂隙类型来看, 不同裂隙类型的抗压强度和弹性模 量的大小关系为: 非共面平行双裂隙试件<单裂隙试 件<共面断续双裂隙试件。



图 5 单轴压缩下不同裂隙类型试件的应力-应变曲线对比

Fig.5 Comparison of stress-strain curves of specimens with different fissure type under uniaxial compression



图 6 单轴压缩下不同裂隙类型试件宏观力学参数对比 Fig.6 Comparison of macro-mechanical parameters of coal specimens with different fissure type

3.2 细观力学响应

不同裂隙煤样在宏观力学性能表现出明显差异, 其根源在于不同裂隙作用下细观力学响应的不同。 图 7 给出了不同裂隙类型煤体试件接触力分布情况。 以单裂隙试件为例对不同倾角预制裂隙煤体的应力 分布特征进行分析:①裂隙倾角 0°和 90°的煤体试件, 在整个试件的接触力呈现红色的高应力密集斑点状 分布、无明显的应力集中,说明颗粒之间的接触力整 体处于较高的水平。②裂隙倾角 15°裂隙的煤体试 件,整体接触力呈现绿色分布、红色高应力的斑点密 度明显降低、无明显应力集中,颗粒之间的接触力整 体低于 0°和 90°的试件颗粒之间的接触力整 40°的试件,由于预制裂隙两端产生的次生裂隙沿加 载方向扩展发育至上下边界,裂隙扩展后使两侧原 有的接触连接断裂,在扩展裂隙的内侧产生了纵向 空白的颗粒之间无接触力区域,在预制裂隙末端产 生了明显的应力集中,试件整体应力水平较低。④ 裂隙倾角 45°和 60°试件,预制裂隙两端产生的次生 裂隙沿加载方向扩展的长度逐渐变小,在扩展裂隙 的内侧产生了一定范围纵向空白的颗粒之间无接触 力区域,该区域随倾角的增加逐渐减小,试件整体应 力水平高于 30°的试件。⑤裂隙倾角 75°仅在预制裂 隙面两侧形成了小范围的无接触力区域,试件在预 制裂隙末端和次生裂隙周围形成了红色应力集中区 域,其他区域也有较高密度的红色斑点的高应力分 布,试件应力水平较高。总体来看,裂隙倾角 30°试 件由于次生裂隙最长发育到了加载边界,试件整体的应力水平最低、宏观力学性能最差。裂隙倾角由 30°

向两侧变化,应力传递效果和宏观力学性能逐渐好转,0°和90°整体应力水平最高、宏观力学性能最强。



Fig.7 Contact force distribution of coal specimens with different fissure type

共面断续双裂隙和非共面平行双裂隙两类试件 随裂隙倾角的变化规律与单裂隙的类似。共面断续 双裂隙试件在裂隙之间产生了红色的应力集中区域, 白色的无接触应力的区域较单裂隙的明显减少,应 力水平和宏观力学性能强于单裂隙试件。非共面平 行双裂隙试件,由于预制裂隙在加载方向存在一定 范围的重叠,白色的无接触应力的区域较单裂隙的 明显增多,应力水平和宏观力学性能弱于单裂隙试 件。因此,从不同裂隙类型来看,相同裂隙倾角下的 不同裂隙类型的整体应力的大小关系相同:非共面 平行双裂隙试件<单裂隙试件<共面断续双裂隙试件。 细观的接触力的分布情况,进一步揭示了宏观力学 参数受裂隙影响的内在本质。

4 含裂隙煤体能量积聚、耗散特征及冲击倾向性分析

4.1 含裂隙煤体能量积聚、耗散特征

4.1.1 不同裂隙煤体试件的弹性应变能分布特征

加载作用下,煤体的原始裂隙经过扩展、汇集、 贯通、成核等过程直至完全失稳破坏,原始裂隙演化 过程伴随着能量的转移和释放。因此,研究单轴压 缩条件下不同裂隙的演化过程的能量耗散机制,有 助于揭示裂隙煤体冲击破坏特征的内在本质。

图 8 和图 9 给出了完整试件和不同裂隙类型试 件加载到峰值强度时的弹性应变能分布。受到裂隙 的影响,含裂隙试件的弹性应变能密度明显低于完 整试件,裂隙削弱了煤岩体储存能量的能力。图 9a

为单裂隙试件不同倾角的弹性应变能分布图。对于 0°和 90°倾角的裂隙试件,在试件表面形成不均匀的 红色斑点状高能量区域,试件整体的弹性应变能密 度高于其他倾角的试件,说明积聚了较高弹性应变 能。对于15°倾角的裂隙试件,在试件表面形成不均 匀的红色斑点状高能量区域,但不均匀红色斑点高 应变能的分布密度较 0°和 90°倾角的裂隙试件低,试 件整体的聚的弹性应变能低于 0°和 90°。对应 30° 倾角的裂隙试件,在预制裂隙两端产生的次生裂隙 达到了上下边界,在两贯穿裂隙的内侧积聚的弹性 应变能量值很低形成了低能量区,在两贯穿裂隙的 外侧积聚的弹性应变能量值较高形成了高能量区, 在裂隙端部能量集中区。裂隙倾角从 30°~75°变化, 随着裂隙倾角的增加,次生裂隙长度逐渐变短,低能 量区的范围逐渐减小,高能量区的范围逐渐增多,裂 隙倾角 75°时仅形成了很小范围的低弹性应变能区。 从弹性应变能的分布情况来看,随着裂隙倾角的增 大,弹性应变能先减小后增大,裂隙倾角 30°时最小,



图 9 不同裂隙类型煤体试件表面弹性应变能分布

Fig.9 Distribution of elastic strain energy on surface of coal specimens with different fissure types



图 8 无裂隙煤体试件表面弹性应变能分布 Fig.8 Distribution of elastic strain energy on surface of coal specimens with no fissure

裂隙倾角 0°和 90°积聚的应变能相对较高,裂隙倾角 30°积聚的应变能最低。

共面双裂隙试件和非共面双裂隙试件弹性应变

能分布情况随倾角的变化规律相似。对应裂隙倾角 0°和 90°的 3 组试件,从弹性应变能分布来看差别不 明显。如图 10 所示,对其他倾角的试件对比后发现: 共面断续双裂隙试件,在预制裂隙之间形成了能量 集中区、裂隙加载方向的低能量区的范围更小,弹性 应变能更高;非共面平行双裂隙试件,在两预制裂隙 之间形成了强度相对较低的能量耗散区,使其沿加 载方向形成了更大范围的低弹性应变能区域,弹性 应变能量更低。因此,各类型裂隙煤体试件积聚弹 性能的大小关系为:非共面平行双裂隙试件<单裂隙 试件<共面断续双裂隙试件。





4.1.2 不同裂隙类型煤体试件的能量积聚与耗散特征 峰值点弹性应变能代表了岩体的储能极限,反 映了岩体抵抗破坏的能力。假定单轴压缩试验环境 与外界不存在热交换效应,忽略岩块弹射而转化的 动能,则试验机对试件做的功总输入能量为U。根据 热力学第一定律,岩石吸收的总应变能U转化为可 释放的弹性应变能U[®]被储存在试件内以及用于损伤 扩展消耗掉的耗散应变能U^p。可以得到单轴压缩过 程中应变能,见式(1):

$$U = U^{\rm e} + U^{\rm p} \tag{1}$$

式中:U、U^e和U^e分别为峰值点处总应变能、弹性应 变能和耗散应变能。单轴压缩加载中试件的弹性应 变能U^e与耗散应变能U^e之间的关系如图11所示。

采用 PFC 数值模拟方法,根据式 (1) 对不同裂 隙类型煤体试件在峰值点处卸荷,进而计算得到弹 性应变能U^e和耗散应变能U^e。表1给出了不同裂隙 类型应力峰值点处总应变能、弹性应变能和耗散能, 由表2可知:含裂隙煤体试件的总应变能和弹性应 变能随裂隙倾角的变化均呈现先减后增的变化规律; 当裂隙倾角从0°增大至30°时,裂隙煤体峰值点处弹 性应变能和总应变能逐渐减小;当裂隙倾角从 30°增 大至 90°时,裂隙煤体峰值点处弹性应变能和总应变 能逐渐升高。从不同类型裂隙的能量对比来看,储 存能量的大小关系为:非共面平行双裂隙试件<单裂 隙试件<共面断续双裂隙试件,这与表面应变能分析 的结果相一致。

4.2 含裂隙煤样冲击倾向特征

上述分析可知,由于不同裂隙的煤体试件破坏 过程中裂隙作用方式的差异,导致能量的积聚、耗散





of specimens with different fissure types						
裂隙类型	裂隙倾	峰值点总能量/	峰值点弹性应变	峰值点耗散		
	角/(°)	$(10^4 \text{J} \cdot \text{m}^{-3})$	能/(10 ⁴ J·m ⁻³)	能/(10 ⁴ J·m ⁻³)		
单裂隙试件	0	4.43	4.19	0.24		
	15	2.90	2.69	0.20		
	30	2.17	1.95	0.23		
	45	2.53	2.39	0.14		
	60	3.21	2.91	0.31		
	75	3.76	3.45	0.31		
	90	4.33	4.18	0.15		
共面断续双 裂隙试件	0	4.53	4.28	0.25		
	15	3.27	3.05	0.22		
	30	2.53	2.35	0.18		
	45	3.27	3.04	0.23		
	60	2.93	2.76	0.17		
	75	3.52	3.39	0.14		
	90	4.35	4.20	0.16		
平行非共面 双裂隙试件	0	4.28	3.98	0.30		
	15	2.06	1.89	0.18		
	30	1.54	1.37	0.17		
	45	1.55	1.45	0.10		
	60	1.96	1.84	0.12		
	75	2.90	2.76	0.13		
	90	4.23	4.08	0.15		

表 2 不同裂隙类型试件峰值点处能量耗散特征 Table 2 Characteristics of energy dissipation at peak point of specimens with different fissure types

和峰值应变的大小存在明显不同。同时,由图 5 可 看出,裂隙不仅改变了原始煤体的能量分布和储存 能量的能力,而且使得与煤岩体脆性冲击破坏密切 相关的应变值存在明显差异。因此,有必要将能量 和应变考虑进去,从能量储存和释放的角度对裂隙 煤体的冲击倾向性进行深入分析。

4.2.1 冲击倾向性指标的提出

目前,冲击倾向性指标主要包括强度指标、刚度 指标、变形指标和时间指标等,这些指标均可在一定 程度上反应试件峰前弹性能量积累或破坏后能量消 耗或二者相对关系。因此,从煤岩体储存弹性能的 能力和破坏后释放弹性能的能力 2 个角度对冲击倾 向性进行分析。

煤岩体储存弹性能的能力可用弹性能存储率来 衡量。弹性能存储率可定义为单位应变储存的弹性 应变能,即应力达到峰值时储存的弹性应变能与峰 值应变的比值。如图 12 所示 2 种应力应变曲线峰 值前储存的弹性能相同,按照常规的最大储存弹性 应变能指数来判定二者的冲击倾向性相同。曲线 1 的斜率较小,在较大的应变条件下才达到该能量值; 而曲线 2 的斜率较大,在较小的应变条件下就达到 了该能量值,单位应变储存的能量更高,该种试件更 易储存弹性能。在相同的能量条件下,发生很小的 应变,煤岩体就会将全部弹性能释放出来,具有明显 的脆性破坏特征;而变形较大,煤岩体就会将弹性应 变能缓慢释放出来,具有明显的塑性破坏特征。因 此,弹性能存储率越高,越有利于弹性能的积累,煤 岩体的破坏更为剧烈而具有更强的冲击倾向性。



Fig.12 Comparison of stress-strain curves of different peak strains under same stored elastic energy

煤岩体破坏后释放弹性能的能力可用弹性能释 放率来衡量。峰前弹性能量积累与峰后能量消耗之 差,是造成煤体冲击破坏的有效能量来源。弹性能 释放率可定义为单位应变释放的弹性能,即峰前弹 性能量积累与峰后能量消耗之差与完全破坏累计应 变的比值。在释放能量相同的情况下,累计应变越 小,单位应变释放的能量就越多即弹性能释放率越 高,冲击倾向性越强,破坏更为强烈。

弹性能存储率 (Elastic Strain Energy Storage Rate, *E*_{SESR}) 和弹性能释放率 (Elastic Strain Energy Release Rate, *E*_{SERR}) 的计算公式如下:

$$E_{\rm SESR} = U^{\rm e} / \varepsilon_{\rm c} \tag{2}$$

$$E_{\rm SERR} = (U^{\rm e} - U^{\rm a})/\varepsilon_{\rm f} \qquad (3)$$

式中: U^e和U^e分别为应力峰值处所储存的弹性应变 能和应力峰值后消耗的弹性应变能; ε_c和 ε_f分别为应 力峰值处的应变和试件完全破坏累计的应变。

冲击地压的发生与能量的储存、释放都是密切 相关的。储能的能量是冲击地压发生的基础,弹性 能存储率越高,煤岩体更易积聚能量。在积聚大量 能量的前提下,弹性能释放的能力即弹性能释放率 的大小是冲击倾向性强弱的关键。 4.2.2 含裂隙煤体冲击倾向性规律分析

根据前文论述的冲击倾向性指标的评价方法, 从煤体储存和释放能量的角度对裂隙煤体冲击倾向 性进行分析。如图 13 所示,计算得到不同裂隙试件 的弹性能储存率和弹性能释放率。弹性能储存率和 弹性能释放率标均呈现先降低后升高的变化趋势, 裂隙倾角 30°的试件两指标最低。从不同裂隙类型 对比分析可知,不同裂隙类型煤体试件冲击倾向性 的大小关系为:非共面平行双裂隙试件<单裂隙试件 <共面断续双裂隙试件。裂隙冲击倾向性的变化规 律与上述的宏细观力学特性和能量积聚特性相 一致。



图 13 不同裂隙类型煤体试件的冲击倾向性对比 Fig.13 Comparison of coal burst tendency of coal specimens with different fracture types

综上所述,裂隙对煤体的力学特性、能量积聚耗 散特征和冲击倾向性具有重要影响。对矿井冲击地 压的防治具有一定指导意义,具体分析如下:

1) 裂隙角度的影响。裂隙倾角为 30°时,由于裂隙沿加载方向最容易扩展,裂隙扩展后使两侧原有的接触连接断裂,在扩展裂隙的内侧为低应力区,试件积累能量程度相对较低,冲击倾向性最弱。而 0°和 90°裂隙的煤体,在加载过程中,应力和能量均处于较高的水平。因此,在相同裂隙密度条件下,煤体裂隙倾角 30°时,冲击倾向性最弱,有利于降低冲击地压危险;而倾角向两侧变化冲击倾向性逐渐增强,煤体裂隙倾角 0°和 90°时,冲击倾向性最强,不利于冲击地压的防治。

2) 裂隙分布的影响。对于共面断续的裂隙,由 于裂隙之间存在应力集中和能量积聚,与连续的裂 隙相比具有更强的力学特性和储存能量的能力,冲 击倾向性更强。对于平行非共面的裂隙,由于裂隙 之间相互重叠,裂隙之间形成了低应力区域和能量 耗散结构,与单一裂隙相比具有相对较弱的力学特 性和存储能量的能力,冲击倾向性更弱。因此,对于 相同倾角和裂隙密度的煤岩体,断续分布的裂隙越 多,冲击倾向性更强;而裂隙之间平行分布的越多, 煤体整体的冲击倾向性更弱,有利于冲击地压的 防治。

5 结 论

1) 裂隙倾角对的宏观力学参数的影响为:随着 裂隙倾角的增大,抗压强度和弹性模量均表现为先 减小后增大的趋势;当裂隙倾角为 30°时,两者都取 得最小值。不同裂隙类型宏观力学参数大小关系 为:非共面平行双裂隙试件<单裂隙试件<共面断续 双裂隙试件。对比分析了试件表面接触力的分布情 况,进一步揭示了宏观力学参数受裂隙影响的内在 本质。

2) 通过含裂隙煤体试件应力峰值处的表面应变能分布和能量耗散分析可知:弹性应变能和总应变能的变化规律与宏观力学参数相似。平行非共面的裂隙试件在裂隙之间形成了能量耗散结构,共面断续双裂隙试件裂隙之间形成了能量集中区,揭示了不同裂隙类型弹性能量大小关系的内在原因。

3) 从煤岩体储存弹性能的能力和破坏后释放弹性能的能力 2 个角度对冲击倾向性进行分析,提出了弹性能储存率和弹性能释放率 2 个冲击倾向性指标。

4) 裂隙倾角对的冲击倾向性的影响为:随着裂隙倾角的增大,弹性能储存率和弹性能释放率均表现为先减小后增大的趋势;当裂隙倾角为 30°时,两冲击倾向性指标都取得最小值。不同裂隙类型冲击

2023 年第 5 期

倾向性大小关系为:非共面平行双裂隙试件<单裂隙 试件<共面断续双裂隙试件。裂隙的分布形态对煤 体的冲击倾向性具有显著影响,在煤岩体的冲击倾 向性评价和冲击地压防治中应考虑裂隙这一因素。

5)由于篇幅限制,未给出两参数冲击倾向性等级的判定标准,今后将通过大量冲击倾向性测试的试验数据的归纳总结,结合冲击破坏特征、声发射特征和破碎分型特征,建立该冲击倾向性指标的评判标准。

参考文献(References):

 [1] 宫凤强,赵英杰,王云亮,等.煤的冲击倾向性研究进展及冲击地 压"人-煤-环"三要素机理[J].煤炭学报,2022,47(5): 1974-2010.
 GONG Fengqiang, ZHAO Yingjie, WANG Yunliang, *et al.* Re-

search progress of coal bursting liability indices and coal burst "Human-Coal-Environment" three elements mechanism[J]. Journal of China Coal Society, 2022, 47(5): 1974–2010.

- [2] 潘俊锋,宁 宇,毛德兵,等.煤矿开采冲击地压启动理论[J].岩石力学与工程学报,2012,31(3):586-596.
 PAN Junfeng, NING Yu, MAO Debing, *et al.* Theory of rockburst start-up during coal mining[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2012, 31(3): 586-596.
- [3] 赵毅鑫,姜耀东,张 雨.冲击倾向性与煤体细观结构特征的相 关规律[J].煤炭学报,2007,32(1):64-68.
 ZHAO Yixing, JIANG Yaodong, ZHANG Yu. The relationship between bump prone property and microstructure characteristics of coal[J]. Journal of China Coal Society, 2007, 32(1):64-68.
- [4] 赵同彬, 尹延春, 谭云亮, 等. 基于颗粒流理论的煤岩冲击倾向性 细观模拟试验研究[J]. 煤炭学报, 2014, 39(2): 280-285.
 ZHAO Tongbin, YIN Yanchun, TAN Yunliang, *et al.* Bursting liability of coal research of heterogeneous coal based on particle flow microscopic test[J]. Journal of China Coal Society, 2014, 39(2): 280-285.
- [5] 冯增朝,赵阳升. 岩石非均质性与冲击倾向的相关规律研究[J].
 岩石力学与工程学报, 2003, 22(11): 1863–1865.
 FENG Zengchao, ZHAO Yangsheng. Correlativity of rock inhomogeneity and rock burst trend[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2003, 22(11): 1863–1865.
- [6] 孟召平,潘结南,刘亮亮,等. 含水量对沉积岩力学性质及其冲击倾向性的影响[J]. 岩石力学与工程学报,2009,28(S1):2637-2643.
 MENG Zhaoping, PAN Jienan, LIU Liangliang, *et al.* Influence of

moisture contents on mechanical properties of sedimentary rock and its bursting potential[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2009, 28(S1): 2637–2643.

[7] 张志镇,高峰,刘治军.温度影响下花岗岩冲击倾向及其微细观机制研究[J]. 岩石力学与工程学报, 2010, 29(8): 1591–1602.
 ZHANG Zhizhen, GAO Feng, LIU Zhijun. Research on rock bursts proneness and its microcosmic mechanism of granite considering temperature effect[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2010, 29(8): 1591–1602.

- [8] 张广辉,欧阳振华,齐庆新,等.瓦斯对煤冲击倾向性影响的试验 研究[J].煤炭学报,2017,42(12):3159-3165.
 ZHANG Guanghui, OUYANG Zhenhua, QI Qingxin, *et al.* Experimental research on the influence of gas on coal burst tendency[J]. Journal of China Coal Society, 2017, 42(12): 3159-3165.
- [9] LIU X, WANG X, WANG E, et al. Effects of gas pressure on bursting liability of coal under uniaxial conditions[J]. Journal of Natural Gas Science and Engineering, 2017, 39: 90–100.
- [10] YI X, FENG G, TENG T, et al. Effect of gas pressure on rock burst proneness indexes and energy dissipation of coal samples[J]. Geotechnical and Geological Engineering, 2016, 34(6): 1–12.
- [11] 左建平,陈 岩,崔 凡.不同煤岩组合体力学特性差异及冲击 倾向性分析[J].中国矿业大学学报,2018,47(1):81-87.
 ZUO Jianping, CHEN Yan, CUI Fan. Investigation on mechanical properties and rock burst tendency of different coal-rock combined bodies[J]. Journal of China University of Mining & Technology, 2018, 47(1): 81-87.
- [12] 邓志刚.冲击倾向性煤体强度尺寸效应的影响因素研究[J].煤炭科学技术, 2019, 47(8): 59-63.
 DENG Zhigang. Study on influencing factors of strength size effect based on bump-prone coal[J]. Coal Science and Technology, 2019, 47(8): 59-63.
- [13] SONG H, JIANG Y, ELSWORTH D, et al. Scale effects and strength anisotropy in coal[J]. International Journal of Coal Geology, 2018, 195: 37–46.
- [14] GAO F, STEAD D, KANG H. Numerical investigation of the scale effect and anisotropy in the strength and deformability of coal[J]. International Journal of Coal Geology, 2014, 136: 25–37.
- [15] 卢志国, 鞠文君, 王浩, 等. 硬煤冲击倾向各向异性特征及破 坏模式试验研究[J]. 岩石力学与工程学报, 2019, 38(4): 757-768.

LU Zhiguo, JU Wenjun, WANG Hao, *et al.* Experimental study on anisotropic characteristics of impact tendency and failure model of hard coal[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2019, 38(4): 757–768.

- [16] 郝宪杰,袁 亮,王少华,等. 硬煤冲击倾向性的层理效应研究
 [J]. 煤炭科学技术, 2018, 46(5): 1-7.
 HAO Xianjie, YUAN Liang, WANG Shaohua, *et al.* Study on bedding effect of bump tendency for hard coal[J]. Coal Science and Technology, 2018, 46(5): 1-7.
- [17] 李 磊,李宏艳,李凤明,等. 层理角度对硬煤冲击倾向性影响的实验研究[J]. 采矿与安全工程学报, 2019, 36(3): 987-994.
 LI Lei, LI Hongyan, LI Fengming, *et al.* Experimental study on anisotropic characteristics of impact tendency and failure model of hard coal[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2019, 36(3): 987-994.
- [18] SZECOWKA Z, DOMZAL J, OZANA P. Energy index of natural bursting ability of coal [J]. Transactions of the Central Mining Institute, 1973, 594.
- [19] GIL H, DRZEZLA B. Methods for determining bursting liability of coal [J]. Przegl Górn, 1973: 12.
- [20] SINGH S P. Burst energy release index[J]. Rock Mechanics & Rock Engineering, 1988, 21(2): 149–155.

- [21] 唐礼忠,潘长良,王文星. 用于分析岩爆倾向性的剩余能量指数[J]. 中南工业大学学报(自然科学版), 2002, 33(2): 129-132.
 TANG Lizhong, PAN Changliang, WANG Wenxing. Surplus energy index for analysing rockburst proneness[J]. Journal of Central South University of Technology, 2002, 33(2): 129-132.
- [22] 张绪言,冯国瑞,康立勋,等. 用剩余能量释放速度判定煤岩冲 击倾向性[J]. 煤炭学报, 2009, 34(9): 1165-1168.
 ZHANG Xuyan, FENG Guorui, KANG Lixun, *et al.* Method to determine burst tendency of coal rock by residual energy emission speed[J]. Journal of China Coal Society, 2009, 34(9): 1165-1168.
- [23] 陈卫忠, 吕森鹏, 郭小红, 等. 基于能量原理的卸围压试验与岩 爆判据研究[J]. 岩石力学与工程学报, 2009, 28(8): 1530-1540.

CHEN Weizhong, LYU Senpeng, GUO Xiaohong, *et al.* Research on unloading confining pressure tests and rockburst criterion based on enrgy theory[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2009, 28(8): 1530–1540.

- [24] 卢志国, 鞠文君, 高富强, 等. 基于非线性储能与释放特征的煤冲 击倾向性指标[J]. 岩石力学与工程学, 2021, 40(8): 1559–1569.
 LU Zhiguo, JU Wenjun, GAO Fuqiang, *et al.* Bursting liability index of coal based on nonlinear storage and release characteristics of elastic energy, 2021, 40(8): 1559–1569.
- [25] 宫凤强, 闫景一, 李夕兵. 基于线性储能规律和剩余弹性能指数 的岩爆倾向性判据[J]. 岩石力学与工程学报, 2018, 37(9): 1993-2014.

GONG Fengqiang, YAN Jingyi, LI Xibing. A new criterion of rock burst proneness based on the linear energy storage law and the residual elastic energy index[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2018, 37(9): 1993–2014.

- [26] 王 超. 基于 有效冲击能量速率的煤层冲击倾向性指数研究[J].煤矿开采, 2017, 22(5): 9-12.
 WANG Chao. Study of coal seam rock burst tendency index under effectively impact energy rate[J]. Coal Mining Technology, 2017, 22(5): 9-12.
 [27] 唐礼忠, 王文星. 一种新的岩爆倾向性指标[J]. 岩石力学与工
- 程学报, 2002, 21(6): 874-878. TANG Lizhong, WANG Wenxing. New rock burst proneness index[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2002, 21(6): 874-878.
- [28] GONG F, YAN J, LI X, et al. A peak-strength strain energy storage index for rock burst proneness of rock materials[J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2019, 117: 76–89.
- [29] GONG Fengqiang, WANG Yunliang, WANG Zhiguo, et al. A new criterion of coal burst proneness based on the residual elastic energy index[J]. International Journal of Mining Science and Technology, 2021, 31(4): 553–563.
- [30] 姚精明, 闫永业, 李生舟, 等. 煤层冲击倾向性评价损伤指标[J]. 煤炭学报, 2011, 36(S2): 353-357.
 YAO Jingming, YAN Yongye, LI Shengzhou, *et al.* Damage index of coal seam rock burst proneness[J]. Journal of China Coal Society, 2011, 36(S2): 353-357.
- [31] HOMAND F, PIGUET J P, REVALOR R. Dynamic phenomena

in mines and characteristics of rocks[J]. International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences & Geomechanics Abstracts, 1992, 29(1): A69.

- [32] 张万斌, 王淑坤, 吴耀焜, 等. 以动态破坏时间鉴定煤的冲击倾向[J]. 煤炭科学技术, 1986, 14(3): 31-34.
 ZHANG Wanbin, WANG Shukun, WU Yaokun, *et al.* To determine proneness of coal burst by dynamic failure time[J]. Coal Science and Technology, 1986, 14(3): 31-34.
- [33] 潘一山, 耿 琳, 李忠华. 煤层冲击倾向性与危险性评价指标研究[J]. 煤炭学报, 2010, 35(22): 1975-1978.
 PAN Yishan, GENG Lin, LI Zhonghua. Research on evaluation indices for impact tendency and danger of coal seam[J]. Journal of China Coal Society, 2010, 35(22): 1975-1978.
 [34] 代树红, 王晓晨, 潘一山, 等. 模量指数评价煤的冲击倾向性的
- [34] 1(树红, 王皖辰, 御一山, 寺. 侯重指数评切燥的冲击倾问性的 实验研究[J]. 煤炭学报, 2019, 44(6): 1726-1731.
 DAI Shuhong, WANG Xiaochen, PAN Yishan, *et al.* Experimental study on the evaluation of coal burst tendency utilizing modulus index[J]. Journal of China Coal Society, 2019, 44(6): 1726-1731.
- [35] 齐庆新, 彭永伟, 李宏艳, 等. 煤岩冲击倾向性研究[J]. 岩石力 学与工程学报, 2011, 30(S1): 2736-2742.
 QI Qingxin, PENG Yongwei, LI Hongyan, *et al.* Study of bursting liability of coal and rock[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics & Engineering, 2011, 30(S1): 2736-2742.
- [36] 彭 俊,蔡 明,荣 冠,等.裂纹闭合应力及其岩石微裂纹损 伤评价[J].岩石力学与工程学报,2015,34(6):1091-1100.
 PENG Jun, CAI Ming, RONG Guan, *et al.* Stresses for crack closure and its application to assessing stress-induced microcrack damage[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2015, 34(6): 1091-1100.
- [37] KULATILAKE P H S W, MALAMA Bwalya, WANG Jialai. Physical and particle flow modeling of jointed rock block behavior under uniaxial loading[J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2001, 38(5): 641–657.
- [38] DEISMAN N, IVARS D M, PIERCE M. PFC2D Smooth joint contact model numerical experiments[C]// Edmonton, Canda: GeoEdmonton'08 Drganizing Committee, 2008.
- BAHAADDINI M, HAGAN P C, MITRA R, *et al.* Parametric Study of Smooth Joint Parameters on the Shear Behaviour of Rock Joints[J]. Rock Mechanics and Rock Engineering, 2015, 48(3): 923–940.
- [40] 李文洲,司林坡,卢志国,等. 煤单轴压缩起裂强度确定及其关键因素影响分析[J]. 煤炭学报, 2021, 46(S2): 670-680.
 LI Wenzhou, SI Linpo, LU Zhiguo, *et al.* Determination of coal cracking initiation strength under uniaxial compression and analysis of its key factors[J]. Journal of China Coal Society, 2021, 46(S2): 670-680.
- [41] 刘新荣,邓志云,刘永权,等. 岩石节理峰前循环直剪试验颗粒 流宏细观分析[J]. 煤炭学报, 2019, 44(7): 2103-2115.
 LIU Xinrong, DENG Zhiyun, LIU Yongquan, *et al.* Macroscopic and microscopic analysis of particle flow in pre-peak cyclic direct shear test of rock joint[J]. Journal of China Coal Society, 2019, 44(7): 2103-2115.