

刘 辉,李 玉,苏丽娟,等.厚松散层薄基岩下开采地表变形规律—以鲁南矿区为例[J].煤炭科学技术,2023, 51(9):11-23.

LIU Hui, LI Yu, SU Lijuan, *et al.* Surface deformation law of mining under thick loose layer and thin bedrock: taking the southern Shandong Mining Area as an example[J]. Coal Science and Technology, 2023, 51(9): 11–23.

厚松散层薄基岩下开采地表变形规律——以鲁南矿区为例

刘 辉^{1,2},李 玉^{1,2},苏丽娟³,朱晓峻^{1,2},张鹏飞^{1,2},姚明明^{1,2},王金正⁴,王庆伟⁴,司光亚⁴ (1.安徽大学资源与环境工程学院,安徽合肥 230601;2.安徽省矿山生态修复工程实验室,安徽合肥 230601;3.安徽大学数学科学学院, 安徽合肥 230601;4.山东能源集团鲁西矿业有限公司郭屯煤矿,山东菏泽 274700)

摘 要:我国东部厚松散层薄基岩矿区开采地表沉陷普遍具有下沉量大、移动范围广、稳沉时间长等特征。本文以鲁南矿区某煤矿为例,探讨了不同松散层与基岩厚度比条件下煤层开采的地表变形参数变化规律,在现场实测的基础上,采用 FLAC^{3D} 数值模拟技术,建立不同松基比(0.25~5.00)条件下煤层开采的地表变形计算模型,研究了地表变形特征,分析了松基比对概率积分法参数的影响,并从开采沉陷的角度对厚松散层薄基岩条件进行了定量分析与探讨。研究表明:①在开采厚度相同条件下,当松基比不断增大时,地表变形量呈明显的先增大后减小特征,在松基比达到某一限值后,地表变形趋于稳定;②下沉系数、水平移动系数和主要影响角正切均随着松基比达到某一限值后,地表变形趋于稳定;②下沉系数、水平移动系数和主要影响角正切均随着松基比增大表现为先增大后减小的关系,松基比拐点分别为1.75、1.25和1.25;③松散层厚度在平均采深中所占的比例对移动角、边界角具有较大的影响,边界角、移动角随着松基比的增大逐渐减小。基于上述研究,提出将松基比为1.25~1.75作为厚松散层薄基岩条件的临界值,为我国东部典型厚松散层薄基岩矿区地表变形预计和开采沉陷灾害防控提供了理论基础。

关键词:厚松散层;薄基岩;地表变形;概率积分法;沉陷;松基比

中图分类号:TD325 文献标志码:A 文章编号:0253-2336(2023)09-0011-13

Surface deformation law of mining under thick loose layer and thin bedrock: taking the southern Shandong Mining Area as an example

LIU Hui^{1,2}, LI Yu^{1,2}, SU Lijuan³, ZHU Xiaojun^{1,2}, ZHANG Pengfei^{1,2}, YAO Mingming^{1,2}, WANG Jinzheng⁴, WANG Qingwei⁴, SI Guangya⁴

(1. College of Resources and Environment Engineering, Anhui University, Hefei 230601, China; 2. Anhui Engineering Laboratory of Mine Ecological Remediation, Hefei 230601, China; 3. School of Mathematical Sciences, Anhui University, Hefei 230601, China; 4. Guotun Coal Mine, Luxi

Mining Co., Ltd., Shandong Energy Group, Heze 274700, China)

Abstract: The surface subsidence in the thick loose layer and thin bedrock mining area in the east of China has the characteristics of large subsidence value, wide movement range and long settling time. Taking a coal mine in Southern Shandong Mining Area as an example, this paper discusses the variation rules of coal seam mining surface deformation parameters under different loose layer and bedrock thickness ratio conditions, on the basis of field measurements, using FLAC^{3D}, and establishes a surface deformation calculation model for coal seam mining under the conditions of different loose layer bedrock thickness ratios (0.25-5.00), studies the characteristics of surface deformation, analyzed the influence of ratio of loose layer thickness to bedrock thickness on the parameters of probability integral method, and quantitatively analyzed and discussed the conditions of thick loose layer and thin bedrock from the perspective of mining subsidence. Research shows: ①Under the same mining thickness conditions, when the ratio of loose layer thickness to bedrock from the perspective of mining subsidence. Research shows: ①Under the same mining thickness conditions, when the ratio reaches a certain limit, the ground surface deformation tends to be stabilized; ②The subsidence coefficient, the horizontal movement coefficient and the tangent of the main influence angle all increase first and then decreases, and the inflection point is 1.75,1.25 and 1.25, respectively; ③The proportion of loose bed thickness in the

收稿日期: 2022-11-12 责任编辑: 朱恩光 DOI: 10.13199/j.cnki.cst.2022-1451 基金项目: 国家自然科学基金资助项目 (52174156, 51874005); 安徽省高校协同创新资助项目 (GXXT-2020-055) 作者简介: 刘 辉(1982—), 男, 山东肥城人, 教授, 博士生导师, 博士。Tel: 0551-63861026, E-mail: lhui99@aliyun.com 通讯作者: 苏丽娟(1986—), 女, 山东枣庄人, 副教授, 博士。E-mail: 58160242@qq.com average mining depth has great influence on the angle of draw and boundary angle. The boundary angle and the angle of draw gradually decrease with the increase of the ratio. Based on the above research, it is proposed that the ratio of 1.25–1.75 is the critical value for the condition of thick loose bedding and thin bedrock, which provides a theoretical basis and technical reference for the prediction of surface deformation and the prevention and control of mining subsidence disasters in typical thick loose layer thin bedrock mining areas in eastern China.

Key words: thick loose layer; thin bedrock; surface deformation ; probability integration method; subsidence; loose foundation ratio

0 引 言

煤炭作为重要的工业原料,在中国经济社会发 展中发挥关键作用^[1]。开采煤炭资源造成的沉降破 坏了矿区的环境、耕地和地表建筑,导致地表沉降及 许多其他潜在的灾难性后果[2-3],因此,掌握煤层开采 地表变形规律至关重要。大量研究表明,对一般地 质采矿条件下煤层开采引起的岩土体移动变形规律 的认识较为深刻^[4]。在我国东部大部分矿区,由于厚 松散层薄基岩赋存条件,地表沉陷呈现下沉量大、移 动范围广、稳沉时间长等特征。通过现场实测或模 拟研究发现,厚松散层薄基岩特殊地质条件下开采 比一般地质条件下开采的地表下沉系数偏大,有些 大于 1.0 甚至更大^[5]; 主要影响角正切较小, 水平移 动系数较大,水平移动范围大于下沉范围;上山边界 角、移动角小于或接近下山边界角和移动角等⁶。 一般认为产生这些特殊性是松散层较厚导致上覆岩 层的综合岩性偏软、采动引起应力集中、土体压实进 一步增大地表变形等引起的,而开采引起含水层失 水沉降亦不可忽略^[7]。

对于地表移动变形规律国内外学者进行了大量 的研究,其中代表成果有:HU 等^[8]根据六安煤矿地 质条件,进行了厚土层薄基岩和薄土层厚基岩2种 开采沉陷模拟,分别对基岩厚度和土层厚度进行了 研究,并对不同地质条件下地表移动变形规律进行 了分析,结果表明:随着土层厚度的增加,地表变形 迅速增加,但在一定数值(本文为100m)后,地表变 形变化不大;当土层厚度一定时,地表变形随基岩厚 度的增加而减小; ZHANG 等^[9] 通过数值模拟表明基 岩厚度对工作面上覆地层的变形和破坏有很大影响, 在上覆基岩较薄的地方,冲积层底部的最大沉降和 破坏显著增加;余学祥等[10]研究大采深厚松散层下 地表移动变形具有下述基本特点:起动距小,煤矿被 开采以后, 地表很快进入活跃阶段, 开始阶段仅 41 d, 约占总移动时间的 6%,活跃阶段的时间相对较短, 小于总移动时间的 23%, 但最大下沉值的 88% 以上 是在该阶段获得的,衰退阶段约占总移动时间的 71%,相对较长;郭玉芳等[11] 探讨了巨厚松散层条件

下矿区的采矿,结合 FLAC^{3D} 程序数值模拟软件,研 究了厚松散层采矿条件下地表移动变形的特殊规律: 地表变形集中、下沉系数变大、地表破坏范围较广; 学者利用数值模拟研讨了采深和松散层厚度对煤层 开采后地表移动变形的影响^[12],得出采深采厚比一 定且较大的情况时,随着松散层厚度的增大,地表下 沉量和水平位移略有增加,地表变形影响的范围也 有所增大^[13-14]。

以上研究为厚松散层薄基岩地表变形规律提供 了参考,但由于未考虑松散层厚度、基岩厚度在埋深 中的占比,研究结果存在一些不足:①对于特殊地质 条件下煤层开采的岩土体移动变形规律研究较少, 需要深入研究松散层与基岩不同厚度比时地表移动 变形的规律;②覆岩结构中不同岩土体占比条件下 开采的地表变形规律仍需进一步研究;③对于厚松 散层薄基岩条件的定量分析不足,尤其是不同松散 层基岩厚度比条件下地表变形规律存在明显差异性。

为准确预测厚松散层薄基岩下煤层开采引起的 地表移动变形规律,达到控制地表沉陷灾害目的,需 要深入研究厚松散层薄基岩条件下的地表变形参数 变化规律。以山东某煤矿为研究区域,在分析 4302 工作面实测数据的基础上,通过 FLAC^{3D}进行数值模 拟,建立了不同松基比(0.25~5.00)条件下煤层开采 的地表变形计算模型,研究了地表变形特征,分析了 松基比对地表变形参数的影响,并从开采沉陷的角 度对厚松散层薄基岩条件进行了定量分析与探讨。

1 研究区概况

井田位于山东省境内,南北长约14 km,东西宽约13 km,面积约180 km²。井田内地层自上而下分为:第四系、新近系、上石盒子组和下石盒子组、二叠系山西组、石炭系本溪组和太原组、奥陶系中、下统,如图1所示。该矿区井田松散层厚度一般为530~650 m,平均590 m,主要含煤地层为下二叠系山西组和上石炭统太原组,平均总厚237.75 m,含煤25 层,其中山西组含煤3 层,太原组含煤22 层。山西组煤层平均总厚10.35 m,含煤系数4.3%,可采及局部可采煤层有3 煤、15 上煤、16 上煤、17 煤和18

中煤,平均厚 8.67 m,占煤层总厚的 84%,其中 3 煤 层是本矿井主要可采煤层,煤层采用长壁垮落法开采。

该煤矿 4302 工作面倾向长度为 383 m, 走向长 度为 408 m, 煤层厚度为 3.2 m, 工作面煤层倾角为

10°,平均采深为810m,其中松散层平均厚度为572m, 基岩厚度为238m。煤层顶板主要由粗砂岩、中细 砂岩、砂质泥岩等组成,具有开采深度大、倾角小、 松散层厚、薄基岩等特点。覆岩结构如图1所示。

界	系	组	厚度/m	深度/m	岩性	柱状 (1: 500)	岩性描述		
新生界	第四系(Q)		572.10	572.10	松散层		黄色黏土、砂质黏土		
	上三系(N)						夹粉细砂等		
古生界	二 叠 系 (P)	上石盒子组下石盒子组	25.05	597.15	中砂岩	99 60 90 99 60 99 89	杂色泥岩、粉砂岩 及中、细砂岩		
			24.35	621.50	细砂岩	000 000 000 000 000 000			
			32.95	654.45	泥岩				
			24.45	678.90	细砂岩	000 000 000 000 000 000			
			10.15	689.05	泥岩				
			25.50	714.55	细砂岩	000 000 000 000 000 000	灰绿色泥岩、细砂岩 及中、细砂岩		
			60.25	774.80	泥岩				
			14.90	789.70	细砂岩	000 000 000 000 000 000 000			
		山 西 组	17.05	806.75	粉砂岩	0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000	3 性		
			3.25	810	3 煤层		5 1/1		
	石炭系(C)	太原组	36.20	846.20	泥岩		灰白色砂岩、灰黑色 泥岩、粉砂岩		

图 1 覆岩结构 Fig.1 Overburden structure diagram

2 地表移动观测

为研究该工作面开采引起的地表移动,在主断面上方根据十字线原则布设了地表移动观测站,设置了3条观测线,其中沿走向布设1条观测线,沿倾向布设2条观测线,观测线长度超出工作面边界的长度均大于450m^[15],走向线布设26个观测点,倾向线布设69个观测点,如图2所示。

该工作面自 2017 年 3 月开采,至 2017 年 9 月 结束,地表移动观测时间为 2017 年 5 月至 2018 年 9 月。平均观测周期为 2 个月,其中,地表移动活跃 期进行加密观测,共进行了 9 次测量。根据观测结 果,因 4302 工作面未达到充分采动,通过计算其采 动系数为 0.39,获取了地表移动盆地特征参数,分别 为尺寸 383 m×408 m, 平均采深 810 m, 煤层倾角 10°, 开采厚度 3.2 m, 边界角 58°, 移动角 63°; 并得到了概 率积分法参数, 分别为下沉系数 1.21, 水平移动系数 0.42, 主要影响角正切 1.48, 开采影响传播角 87°, 拐 点偏移距 54 m; 分别绘制了开采各时期工作面走向 方向的地表动态下沉曲线、地表倾斜曲线、地表曲率 曲线、水平移动曲线和水平变形曲线, 如图 3—图 7 所示。

由图 3—图 7 可知:工作面开采过程中,随着开 采范围的增大,下沉值不断增加,地表最大下沉值出 现在距开切眼约 222 m 位于采空区中心上方的 C16 号测点,最大下沉值达到 1114 mm,因未达到充分采 动,下沉盆地未出现平底状态;从盆地边缘至拐点间 的倾斜值逐步减小,拐点到最大沉降点间倾斜值逐



渐增大,在最大沉降点处倾斜值为0。位于拐点处的 倾斜值最大,并且拥有2个正负相反的最大倾斜值。 在距离开切眼约64m处,倾斜达到负向最大值,其 倾斜值为-3.93mm/m,在距离终采线约213m处,倾



Fig.7 Horizontal deformation curve

斜达到正向最大值,其倾斜值为 2.37 mm/m;在开切 眼后方约 64 m 的位置处,曲率达到正向最大值,其 曲率值达到 0.086 mm/m²,在开切眼前方约 63 m 处, 曲率达到负向最大值,其曲率值达到-0.079 mm/m²; 地表移动变形处于稳定状态时,水平移动曲线趋于 光滑,最大负水平移动值位于开切眼后方约 232 m 处,其值约为-620 mm,最大正水平移动值位于距终 采线 157 m 处,其值约为 560 mm;距离终采线约 286 m 处,水平变形达到正向最大值 2.38 mm/m。

该工作面松散层厚,基岩相对较薄,松散层与基 岩厚度比达到 2.4,属于特殊地质采矿条件,因松散 层的下沉机理不同于基岩,它一方面随基岩的下沉 而下沉,另一方面松散层拥有深厚土体,不具抗拉强 度,呈整体移动,可将松散层简化为一自由荷载作用 于基岩面上,基岩所承受荷载越重^[16],所以地表沉陷 出现了一些特殊现象,如下沉系数偏大甚至大于 1、 水平移动系数偏大、地表破坏范围较广、拐点偏移距 偏小等。由此证明不同上覆基岩和松散层的厚度对 于研究地表移动变形规律是至关重要的,同时进一 步揭示特殊地质采矿条件下岩土体的变形机理,因 此,运用 FLAC^{3D}模拟不同松散层基岩厚度比,研究 特殊地质条件下煤层开采的地表变形规律具有重要 意义。

3 厚松散层薄基岩下开采地表变形数值模拟

3.1 模型设计

为探讨不同松散层与基岩厚度比条件下的地表 变形规律,以山东某矿区地质采矿条件为原型,通过 FLAC^{3D}数值模拟软件,固定采深为900m,模拟研究 不同松基比对地表变形规律的影响,在达到充分采 动的情况下,制定地质采矿条件为:开采煤层为水平 开采,设计模型工作面长度2000m,宽度2000m, 煤层厚度3m,开采深度900m,依据不同松基比分 别建立数值模拟方案。

设计模型高度 956 m,长度 5 000 m,宽度 5 000 m, 根据模型水平方向情况选取每 25 m 一个网格,垂直 方向按照岩层厚度不同进行合理设置,其中煤层厚 度选取 3 m 一个网格。在工作面走向和倾向两侧各 留 1 500 m 的边界保护煤柱,模型如图 8 所示。



Fig.8 Numerical simulation model

结合上覆岩层材料的力学特征和摩尔-库伦屈 服准则,将地质资料经岩层概化合并,建立了与实际 基本吻合的模拟模型^[17],根据该煤矿的地质概况和 物理力学性质,选取地质报告中相关参数进行实验 室模拟模型,通过实验室多次试验获得模型的煤岩 体物理力学参数,见表1。

3.2 模拟方案

在常规地质采矿条件下,研究开采厚度、基岩厚 度等对地表变形参数的影响时,由于松散层占采深 的比例较小,经常忽略不计^[17]。而对于厚松散层薄 基岩矿区而言,大多煤系都被厚松散层覆盖,同时结 合地表变形规律,将松散层与基岩厚度比记为松基 比*K*,如式(1)所示。

$$K = \frac{h}{H_0 - h} \tag{1}$$

式中:h为松散层厚度,m;H₀为采深,m。

表1 煤岩体物理力学参数

			0	1			
岩层	厚度/m	密度/(kg·m ⁻³)	体积模量/GPa	剪切模量/GPa	黏聚力/MPa	抗拉强度/MPa	内摩擦角/(°)
松散层	638	2 000	0.057	0.65	0.12	0.02	18
中砂岩	28	2 750	9.35	2.30	3.52	2.60	30
4-细砂岩	26	2 250	9.26	2.25	3.50	2.50	28
4-泥岩	36	2 500	9.48	1.10	3.50	3.10	38
3-细砂岩	26	2 250	9.42	2.23	2.25	2.00	30
3-泥岩	15	2 450	9.20	1.60	2.60	3.30	30
2-细砂岩	29	2 270	9.58	2.50	2.50	2.20	32
2-泥岩	66	2 400	9.40	1.00	1.20	3.50	36
1-细砂岩	17	2 300	9.24	2.23	2.13	8.00	30
1-粉砂岩	19	2 300	9.12	2.30	2.25	9.10	30
煤	3	1 500	0.46	0.87	2.00	2.00	25
1-泥岩	36	2 400	9.16	2.12	1.25	2.50	37
粉砂岩	17	2 300	9.32	2.10	2.60	2.40	32

 Table 1
 Physical and mechanical parameters of coal and rock mass

为了进一步研究松散层与基岩的耦合作用下不同松基比条件的地表变形规律,结合东部矿区实际工作面松基比情况和已有学者的研究成果建立数值模拟模型。在其他各类岩土体的岩性及比例均一致的基础上,可减少比例缩放带来的影响,通过实验室试验调整松基比,建立 K 为 0.25、0.50、0.75、1.00、1.25、1.50、1.75、2.00、2.50、3.00、3.50、4.00、4.50、5.00 的 14 个数值计算模型,分别对这些模型的土体变形情况进行分析,明确不同松基比的地表变形规律。

3.3 结果分析

3.3.1 地表变形规律

通过对上述各方案进行模拟计算,得到不同松 基比地表下沉值和水平移动值,为了便于分析,绘制 了不同松基比时地表下沉和水平移动曲线,如图 9— 图 10 所示。



图 10 不同松基比地表水平移动曲线 Fig.10 Surface horizontal movement curves with different loose-to-base ratios

由图 9、图 10 可知:特殊地质条件下煤层开采, 地表下沉曲线和水平移动曲线总体上与一般地质条 件下采矿引起的地表移动分布曲线接近;下沉曲线 出现平底,说明工作面达到充分采动,并且越靠近采 空区下沉越大,随着 *K* 逐渐增大,地表下沉曲线盆地 深度先增大后稳定,最大下沉点位于采空区中央,下 沉曲线关于最大下沉点对称分布;从盆地边缘至拐 点处的水平移动逐步增加,转折点处与最大沉降点 之间的水平移动在逐步下降,在最大沉降点之间的 水平移动值趋于 0, 当在拐点处水平位移最大时, 出 现了2种方向相反的最大水平移动值,曲线在采空 区的中央形成中心对称;最大下沉值和最大水平移 动值随着松基比增大呈现先增大后稳定的规律,说 明不同松基比对地表移动变形的作用不同,不同情 况需进行不同讨论,当松散层占开采深度比重越大 时,基岩所承受荷载越重,地表下沉逐渐增大,但当 松散层厚度逐渐增大时,松散层对地表变形起到缓 解作用,地表下沉逐渐稳定;随着松基比的增加,地 表下沉值与水平移动值在边缘处收敛缓慢,范围逐 渐扩大,曲线上方由陡峭逐渐变平缓;松基比等于 1.75 时, 地表最大下沉量达到 3 608 mm, 松基比等 于 1.25 时, 最大水平位移达到 1 994 mm。

通过对不同松基比方案进行模拟计算,获取了 不同松基比条件下地表下沉系数 q,水平移动系数 b、 主要影响角正切 tan β ,边界角 δ_0 和移动角 δ_0 ,见表 2。

表 2 模拟不同松基比的地表变形参数 Table 2 Surface deformation parameters for different pine-to-basic ratios

		-				
序号	松基比K	下沉系	水平移动	主要影响角	边界角	移动角
		数q	系数b	正切tan β	$\delta_0/(^\circ)$	$\delta_0/(^\circ)$
1	0.25	1.079	0.46	1.17	58.3	85.9
2	0.50	1.100	0.53	1.35	57.9	81.8
3	0.75	1.143	0.54	1.36	57.3	81.2
4	1.00	1.169	0.55	1.38	57.0	80.1
5	1.25	1.183	0.56	1.41	55.4	77.2
6	1.50	1.190	0.52	1.24	55.2	76.9
7	1.75	1.203	0.50	1.16	55.0	76.7
8	2.00	1.189	0.48	1.16	54.9	76.6
9	2.50	1.189	0.47	1.13	54.8	76.3
10	3.00	1.188	0.47	1.08	53.8	76.1
11	3.50	1.188	0.46	1.06	53.0	75.8
12	4.00	1.187	0.46	1.04	52.2	75.7
13	4.50	1.187	0.46	1.02	51.7	75.5
14	5.00	1.184	0.46	1.01	51.2	75.5

由表 2 可知, 采煤区充分开采时, 松基比影响地 表沉陷程度: 在煤层采矿采厚相同的情况下, 当松基 比不断增加时, 下沉系数为非线性变化, 表现为先增 大后逐渐稳定, 其中 K=1.75, q_{max}=1.203, 当松基比达 到一定限值时, 采空区的破坏对地表移动变形的影 响减小; 随着松基比不断增加, 水平移动系数呈现先

2023 年第 9 期

增大后减小最终逐渐稳定的特点,当松基比等于 1.25时,水平移动系数最大达到 0.56;主要影响角正 切随着松基比增加呈现先增大后减小的特点, *K*=1.25时,tanβ最大为 1.41,tanβ越小,地表移动范 围相对越大,下沉盆地越分散;边界角描述地表移动 盆地边界特点,移动角代表了地下开采对地表移动 的影响程度、大小、范围,当采深固定时,移动角、边 界角与松基比之间存在线性关系,随着松基比增大, 移动角、边界角逐渐减小。

3.3.2 松基比对下沉系数的影响

通过对表 2 统计的数值模拟结果进行回归分析, 得到了下沉系数 q 与松基比 K 之间关系, 如图 11 所示。



Fig.11 Correlation between subsidence coefficient and loose-to-base ratio

由图可知: 下沉系数 q 与松基比 K 之间呈现先 增大后逐渐稳定的关系, K=1.75 时出现拐点。当松 基比从 0 增加到 1.75 时, 下沉系数与松基比呈线性 增大关系, 平均增加率为 0.085, 当松基比增加 0.1 时, 下沉系数增加 0.008 5, 其中 K=1.75 时, 下沉系数达 到最大值 1.203; 当松基比从 2.0 增加到 5.0 时, 下沉 系数趋于平缓, q 平均值为 1.187, 不再随着松基比的 变化而大幅变化。

3.3.3 松基比对水平移动系数的影响

根据模拟结果表 2, 绘出了水平移动系数 b 与松 基比 K 的关系曲线, 如图 12 所示。

由图 12 可知:水平移动系数 b 与松基比 K 之间 存在先增大后减小最终趋于稳定的关系, K=1.25 时 出现拐点。当松基比从 0 增加到 1.25 时,水平移动 系数与松基比呈线性增大关系,平均增加率为 0.088, 由 0.46 增大到 0.56;当松基比从 1.25 增加到 2.0 时, 水平移动系数与松基比呈线性减小关系,平均减少 率为 0.104,当松基比增加 0.1 时,水平移动系数减 少 0.0104;当松基比从 2.0 增加到 5.0 时,减少速率 减缓,水平移动系数逐渐呈现稳定趋势。



图 12 水平移动系数与松基比相关关系

Fig.12 Correlation between horizontal movement coefficient and loose-to-basic ratio

3.3.4 松基比对主要影响角正切的影响

通过对表 2 统计的数值模拟结果进行回归分析, 得到了主要影响角正切 tan β 与松基比 K 之间的关 系, 如图 13 所示。





由图 13 可知: 主要影响角正切 tan β 与松基比 K之间存在先增大后减小关系, 其中 K 为 1.25 时, tan β 达到最大值为 1.41。当 K 为 0.25 ~ 1.25 时, 松 基比与主要影响角正切呈线性增大关系, 平均增加 率为 0.204; K 为 1.25 ~ 5.00 时, tan β 与 K 呈线性减 小关系, 平均减少率为 0.081。

4 数值模拟与实测结果对比

为验证模拟结果的准确性,分别选取了两淮和 鲁南典型厚松散层矿区 5 个工作面的实测数据进行 对比分析,分别为:刘桥二矿 610 工作面、张庄矿 3131-1 工作面、淮南某矿 1215 工作面、山东兖州鲍店 5304-1 和郭屯 1308 工作面。地质采矿条件和地表 移动参数,见表 3,下沉系数、水平移动系数、主要影响 角正切实测结果与本文模拟结果的对比如图 14 所示。

表 3 不同矿区工作面地质采矿条件与地表移动参数

 Table 3
 Geological mining conditions and surface movement parameters of working faces in different mining areas

工作面	煤层厚度/m	采深/m	松散层厚度/m	基岩厚度/m	松基比K	下沉系数q	水平移动系数b	主要影响角正切 $tan \beta$
刘桥二矿610	2.95	419	140	279	0.5	0.96	0.44	1.45
张庄矿3131-1	2.7	96	48	48	1.0	1.05	0.47	1.43
淮南某矿1215	3.08	642	385	257	1.5	1.13	0.56	1.62
兖州鲍店煤矿5304-1	2.9	289	190	99	2.0	1.35	0.41	1.60
山东郭屯煤矿1308	3	765	582	183	3.0	1.09	0.38	1.35

其中,刘桥二矿位于安徽省淮北市濉溪县刘桥 镇境内,主采为二叠系山西组6煤层,采深420m,采 厚3.0m,煤层倾角3°,覆岩结构较为复杂,主要由第





四系表土、细砂、泥岩、粉砂、砂质黏土组成,松散层 厚度 140 m, 基岩厚度 279 m; 张庄矿位于安徽省淮 北市,主采石炭二叠系煤层,采深 96 m,采厚 2.7 m, 近水平煤层,覆岩结构较为简单,主要由第四系松散 层、泥岩、砂岩组成,松散层厚度 48 m,基岩厚度 48 m; 淮南某矿 1215 工作面位于淮南煤田, 主采 13-1 煤, 采深 642 m, 采厚 3.08 m, 煤层倾角 3°, 覆岩结构较 为简单,主要由第四系松散层、细至中粒砂岩、泥岩、 黏土组成,松散层厚度 385 m,基岩厚度 257 m;鲍店 煤矿位于邹城、兖州市境内,主采山西组3煤层,采 深 289 m, 采厚 2.9 m, 煤层倾角 9°, 覆岩结构较为简 单,主要由泥岩、粉砂岩、细至中粒砂岩组成,松散层 厚度 190 m, 基岩厚度 99 m^[18]。山东郭屯煤矿位于 山东省菏泽地区郓城县城,主采煤层为山西组3煤 层, 采深 765 m, 采厚 3 m, 煤层倾角为 3°, 覆岩结构 较为简单,主要由第四系松散层、泥岩、中砂岩组成, 松散层厚度 582 m, 基岩厚度 183 m^[19]。

通过实测与模拟对比,可以看出:不同松基比工 作面实测下沉系数与模拟下沉系数的平均相对误差 为 10.5%, 最大为 14.6%(松基比为 0.5), 最小为 5.3% (松基比为 1.5); 实测与模拟整体趋势一致, 但当松 基比等于 2.0 时,实测比模拟稍大,在其他松基比情 况下,实测比模拟偏小,产生误差的原因可能是岩土 体内部具有复杂性,进行数值模拟时无法考虑全面, 加入了土体中的竖向应力,忽略了水平应力的影响; 水平移动系数平均相对误差为 16.6%, 最大为 22.6%(松基比为 3.0), 最小为 7.9%(松基比为 1.5); 水平移动系数模拟和实测地表变形规律一致,但实 测值大多稍小于模拟值,这是由于实际情况下的测 量会受到降雨,开挖速度,人工等因素的影响,而模 拟无法实现;主要影响角正切平均相对误差为16.3%, 最大为 27.6%(松基比为 2.0), 最小为 3.5%(松基比 为 1.0)。根据上述概率积分法参数对比,可知模拟 得到的主要影响角正切、水平移动系数和下沉系数 与实测值之间存在较小误差,模拟结果可靠。

5 松基比对地表变形参数影响的机理分析

在没有进行采煤或者受到采煤影响之前,土体 仅受到自身重力、支承力和两侧水平应力作用,这两 组平衡应力,使得土体相对稳定,不会产生移动变 形^[18]。煤矿被采出以后,破坏了采空区周围岩土体 内部原有的力学平衡状态,由此岩层发生了移动、变 形。当开采面积达到一定范围后,地表遭到破坏产 生波动,并发生移动变形。不同松散层基岩厚度产 生的移动变形规律存在差别,并且对地表变形参数 具有重要的影响:

 1)采动覆岩移动的破坏传递过程与上覆岩层的 岩性密切相关,厚松散层多由黏性或砂性土沉积而 成,在自重应力作用下,会对其下部基岩产生较大压 力,基岩的下沉引起松散层下沉^[20]。

对不同松基比情况下地下煤层开采后引起的上 覆岩土体垂直应力变化进行分析,如图 15 所示。在 松基比为 0.25~2.5 时, 松散层占平均采深的比例较 小,采空区上方的松散层向地表附加应力几乎全部 为正值,即产生压应力,压力在逐渐减小,由 0.51 MPa 减小到 0.08 MPa; 随着松散层占的比例增加, 松基比 为 3.0~5.0 时, 垂直附加应力发生改变, 变为负值, 此时产生拉应力,拉力值逐渐增大,由 0.17 MPa 增加 到 0.23 MPa,煤层开采后引起的应力影响范围逐渐 减小。在采空区边界两端拥有了应力集中区域,岩 土体垂直应力基本上关于采空区呈中心对称,随着 松基比的增加,应力减小后趋于稳定,松基比 0.25 时 达到最大值 42 MPa, 松基比 3.5~5.0 时稳定在 34 MPa。由于煤炭被采出以后,岩土体原始的应力 分布发生改变,煤层顶、底板应力逐渐向了采空区边 界分布,形成应力集中区域,顶、底板达到承载极限 值最终应力值趋于稳定。

2)地表变形参数用于描述地表移动变形规律, 其随着松基比的变化而变化,主要表现为随着松基 比的增加,下沉系数呈现先增大后稳定的趋势,水平 移动系数为先增大后减小最后趋于稳定,主要影响 角正切呈先增大后减小特点,边界角、移动角呈现逐 渐减小特征,产生影响的原因如下:①开采条件相同 的情况下,基岩面下沉向松散层土体传递过程中,除 了土体跟随基岩面下沉之外,传递过程中引起土体 内部结构的变化,产生了附加应力,在附加应力作用 下,松散层土体产生了沉陷响应,引起附加下沉。随 着松基比逐渐增加,松散层占比逐渐增加,作用在基 岩及采空区的应力增加,受到松散层荷载影响的采 空区冒落带内破碎岩体更加压实,岩石碎胀性减小, 地表下沉增大,基岩承受的荷载越大,下沉系数逐渐 增大:当松基比达到一定限值时,松散层中的承载结 构为松散层拱结构,基岩中的承载结构为关键层[21], 即基岩层内能够形成有效支承应力层,承担了上覆 附加应力,减少了开采对于松散层的影响,最大下沉 量逐渐稳定,下沉系数呈现趋于平缓特点。②采空 区的存在导致基岩的移动变形,进而影响着松散层, 当松基比较小时,松散层存在压缩变形特性,受到松 散层压缩变形的影响,水平移动范围逐渐增大,故而 水平移动系数增大;当松基比越来越大时,松散层所 占比例越来越大,受到开采产生的附加竖向应力的 影响越来越小,采空区外侧应力值增高,因此整体变 形量减小,水平移动范围逐渐减小,水平移动系数减 小后趋于稳定。③主要影响角正切与主要影响半径 密切相关,受到松散层、基岩厚度的耦合影响,如式 (2) 所示, 当松基比不断增大时, 最大下沉值呈现先增 大后减小趋势,最大倾斜值为最大下沉值一阶导数, 表现为先增大后减小,由此得到的主要影响半径呈 先减小后增大特征,又因固定了开采深度,利用公式 得到主要影响角正切值先增大后减小。

$$r = \frac{W_0}{i_0}$$

$$\tan \beta = \frac{H_0}{r}$$
(2)

其中:r为主要影响半径; W₀为最大下沉值; i₀为最大 倾斜值; H₀为采深, m。④当采深较大时, 表土层在 平均采深中占的比例对移动角、边界角有很大的影 响, 移动角、边界角随着表土层厚度占平均采深比例 的增加而减小^[22]。

6 厚松散层薄基岩条件的定量分析及探讨

为探讨厚松散层薄基岩条件下岩层移动与地表 变形,国内外学者分别从井下开采、覆岩破坏、地表 移动等不同角度开展了研究:①从井下开采角度,采 矿工作者认为以确定的基岩范围来区别基岩厚度, 如在研究神东矿区薄基岩浅埋煤层保水开采技术时 提出,通常情况下将厚度 h≤30~50 m 的岩层称之 为薄基岩^[23];②从覆岩破坏角度,煤层开采以后采空 区上覆岩层出现弯曲下沉带、裂隙带和垮落带,垮落 带和裂隙带合称导水裂缝带^[24]。一般认为垮落带与 导水裂缝带为"两带",通常位于垮落带内岩层。多 数学者根据煤层开采后采空区上覆岩层"两带"高度 与基岩厚度之间的关系,对薄基岩进行定义和分类, 煤层上覆基岩厚度小于垮落带高度属于超薄基岩; 基岩厚度大于垮落带高度而小于导水裂缝带高度属





Fig.15 Vertical stress distribution of overlying rock

于薄基岩; 而厚基岩是基岩厚度大于导水裂缝带高度^[25]。③从地表移动角度, 松散层和上覆基岩的厚

度、岩性影响着地表的移动变形,松散层越薄,基岩越厚,岩性越大,对地表影响程度越小^[26]。在大采深、

基岩较薄的开采条件下,地表下沉盆地陡峭,移动变 形分布集中,表现在参数上,移动角偏大,主要影响 角正切偏大,地表下沉速度偏大,地表移动剧烈^[20], 但对于松散层基岩厚度没有一个统一的定义。

一般认为,厚度小于 50 m 的松散层属于薄松散 层,厚度大于 50 m 并小于 100 m 属于厚松散层,而 巨厚松散层是厚度大于 100 m^[27]。然而,煤层开采后, 采动下沉自顶板向上覆岩层传递,顶板以垮落形式 冒落堆积于采空区,位于其两侧向上发生断裂,在上 方形成了托梁,托梁下方岩土体应力得到释放,出现 断裂、裂缝,当破坏带范围进一步增大,上方托梁延 伸至松散层内,形成暂时的自稳结构,因此托梁在上 方松散层荷载作用下发生失稳,造成松散层弯曲,整 体下沉,如图 16 所示,压覆于托梁下方的岩土体,受 松散层荷载压实作用,破坏带中间岩土体采动裂隙 不断弥合^[28]。



图 16 松散层与基岩相互作用关系 Fig.16 Interaction relationship between loose layer and bedrock

基于松散层与基岩相互作用关系,考虑到实际 岩土体的复杂性,无法直观地了解到当改变松散层 与基岩厚度比时地表移动变形规律。同时松散层为 弹塑性介质,强度较弱,容易发生塑性变形,这使得 其在下沉过程中不易产生离层,因而出现地表下沉 系数接近甚至大于 1、盆地边缘水平移动大于沉降 等独特现象^[29]。因此,在综合考虑松散层基岩厚度 划分的基础上,基于数值模拟结果,建议采用松基比 作为厚松散层条件的定量描述。

通过以上数值模拟研究可以看出,松基比对地 表变形参数的影响主要表现在以下3个方面:

1) 松基比对下沉系数的影响。下沉系数呈先增 大后逐渐稳定的特征。随着松基比的不断增大,下 沉系数变化主要可分为2个阶段:首先,当松基比从 0 增大到1.75时,下沉系数呈线性快速增长;其次, 当松基比大于2.0时,下沉系数趋于平缓。

2) 松基比对水平移动系数的影响。水平移动系

数呈先增大后减小最终趋于稳定的特征。随着松基 比的不断增大,水平移动系数变化主要可分为3个 阶段:首先,当松基比从0增大到1.25时,水平移动 系数呈线性增长;其次,当松基比从1.25增大到 2.0时,水平移动系数呈线性减小;最后,当松基比从 2.0增大到5.0时,水平移动系数减少速率减缓逐渐 呈现稳定趋势。

3) 松基比对主要影响角正切的影响。随着松基 比的不断增大,主要影响角正切与松基比之间存在 先增大后减小的关系;当松基比大于 1.25 时,主要影 响角正切逐渐减小。

随着松散层和基岩厚度在埋深中所占的比例发 生变化,尤其是厚松散层薄基岩矿区,原有的经验参 数已无法满足地表变形预计的需要。因此,建议提 出将松基比作为厚松散层薄基岩条件的定量描述, 即:随着松基比的增大,当松基比小于1.25时,地表 变形量逐渐增大,可视为常规地质采矿条件;而松基 比在1.25~1.75时,地表变形量出现极值;当松基比 大于1.75时,地表变形量逐渐减小,可视为厚松散层 薄基岩条件。

7 结 论

1) 以山东某煤矿为例,利用 FLAC^{3D} 数值模拟 方法,建立了不同松基比(0.25~5.00)条件下煤层开 采的地表变形数值模拟模型,研究了地表变形规律。 结果表明:当开采厚度一定时,随着松基比不断增大, 地表变形量呈明显的先增大后减小特征,但松基比 达到某一限值后,地表变形趋于稳定。

2)回归分析了松基比与地表下沉系数、水平移动系数、主要影响角正切之间的关系。下沉系数呈现先增大后稳定特点,水平移动系数表现为先增大后减小最后趋于稳定,主要影响角正切呈先增大后减小特点,拐点分别为1.75、1.25和1.25;边界角和移动角随松基比的增大而减小。

3) 基于上述研究,从开采沉陷角度,提出了将松 基比 1.25~1.75 作为厚松散层薄基岩条件的临界值, 为我国东部厚松散层矿区灾害预测、保护煤柱留设 提供了理论基础。

本文仅针对东部厚松散层薄基岩条件,建立了 理想的数值模拟模型,研究了不同松基比与岩土体 地表变形参数变化规律,但是,对于岩土体的地表移 动情况因受到采矿方法、顶板管理方式、岩性结构、 采深、开采厚度、采空区尺寸与形态、矿层倾角、重 复采矿次数、地层结构及含水层等条件的综合影响, 仍相当复杂,因此各种地质采矿条件下的岩土体地 表变形规律仍有待进一步的研究,期待更多更为深 入的研究成果在今后陆续发表。

参考文献(References):

- [1] BEHERA K S, MISHRA P D, GHOSH N C, et al. Characterization of lead-zinc mill tailings, fly ash and their mixtures for paste backfilling in underground met alliferous mines[J]. Environmental Earth Sciences, 2019, 78(14): 394.1-394.13.
- [2] NAZRUL I, SHAHADEV R, SUBRAMANYAM K V S, et al. Geochemistry and mineralogy of coal mine overburden (waste): A study towards their environmental implications[J]. Chemosphere, 2021, 274: 129736.
- [3] 许家林.煤矿绿色开采20年研究及进展[J].煤炭科学技术,2020, 48(9):1-15.

XU Jialin. Research and progress of coal mine green mining in 20 years[J]. Coal Science and Technology, 2020, 48(9): 1–15.

[4] 杨吴蓉, 宁树正, 丁 恋, 等. 新时期我国煤炭产业现状及对策研 究[J]. 中国煤炭地质, 2021, 33(S1): 44-48.

YANG Haorui, NING Shuzheng, DING Lian, *et al.* Research on the current situation and countermeasures of my country's coal industry in the new era[J]. China Coal Geology, 2021, 33(S1): 44–48.

- [5] 左建平, 孙运江, 钱鸣高. 厚松散层覆岩移动机理及"类双曲线" 模型[J]. 煤炭学报, 2017, 42(6): 1372-1379.
 ZUO Jianping, SUN Yunjiang, QIAN Minggao. Mechanism of overburden movement in thick loose layers and "quasi-hyperbolic" model[J]. Journal of China Coal Society, 2017, 42(6): 1372-1379.
- [6] 张惠生,顾 伟. 厚松散层浅部开采地表移动规律数值模拟研究[J]. 能源与节能, 2014(3): 131-134,165.
 ZHANG Huisheng, GU Wei. Numerical simulation of surface movement law in shallow mining of thick loose layers[J]. Energy and Energy Conservation, 2014(3): 131-134,165.
- [7] 蒯 洋. 厚松散层下重复开采地表变形参数研究[D]. 合肥: 安徽 大学, 2018.
 KUAI Yang. Research on surface deformation parameters of re-

peated mining under thick loose layers [D]. Hefei: Anhui University, 2018.

- [8] HU Haifeng, LIAN Xugang. Subsidence rules of underground coal mines for different soil layer thickness: Lu'an Coal Base as an example, China[J]. International Journal of Coal Science & Technology, 2015, 2(3): 178–185.
- [9] ZHANG G B, ZHANG W Q, WANG C H, et al. Mining thick coal seams under thin bedrock-deformation and failure of overlying strata and alluvium[J]. Geotechnical and Geological Engineering, 2016, 34: 1553–1563.
- [10] 余学祥,秦永洋,孙兴平,等. 顾桥煤矿11-2煤综采面地表移动 变形基本特征分析[J]. 矿山测量, 2009(6): 8-12.
 YU Xuexiang, QIN Yongyang, SUN Xingping, *et al.* Analysis of the basic characteristics of surface movement and deformation of the 11-2 fully mechanized coal mining face in Guqiao Coal

Mine[J]. Mine Survey, 2009(6): 8–12.

- [11] 郭玉芳, 孟凡迪, 陈俊杰. 厚松散层开采条件下地表沉陷数值模 拟分析[J]. 煤炭工程, 2014, 46(6): 103-105.
 GUO Yufang, MENG Fandi, CHEN Junjie. Numerical simulation analysis of surface subsidence under thick loose layer mining conditions[J]. Coal Engineering, 2014, 46(6): 103-105.
- [12] 李青海,张存智,李开鑫,等. 巨厚松散层下开采地表下沉的影响因素分析[J]. 煤炭科学技术, 2021, 49(11): 191-199.
 LI Qinghai, ZHANG Cunzhi, LI Kaixin, *et al.* Analysis of influencing factors of surface subsidence in mining under huge thick loose layers[J]. Coal Science and Technology, 2021, 49(11): 191-199.
- [13] 杨玉亮, 徐祝贺, 韩浩. 浅埋深薄基岩大采高综采工作面开切 眼支护技术[J]. 煤炭科学技术, 2020, 48(12): 51-60.
 YANG Yuliang, XU Zhuhe, HAN Hao. Shallow burial, deep thin bedrock and large mining height fully mechanized mining face supporting technology[J]. Coal Science and Technology, 2020, 48(12): 51-60.
- [14] 孔素丽,韩永斌. 厚松散层大采深多工作面接续开采地表移动规律研究[J]. 矿山测量, 2021, 49(5): 12-16.
 KONG Suli, HAN Yongbin. Research on the law of surface movement in continuous mining of thick loose layers with large mining depth and multiple working faces[J]. Mining Survey, 2021, 49(5): 12-16.
- [15] 蒯 洋,刘 辉,朱晓峻,等. 厚松散层下多煤层重复开采地表移动规律[J].煤田地质与勘探, 2018, 46(2): 130-136.
 KUAI Yang, LIU Hui, ZHU Xiaojun, *et al.* Surface movement law of repeated mining of multiple coal seams under thick loose layers[J]. Coalfield Geology and Exploration, 2018, 46(2): 130-136.
- [16] 杨俊哲,吴作启,李宏杰,等. 浅埋薄基岩工作面溃水溃砂模拟 试验及影响因素分析[J]. 煤炭科学技术, 2021, 49(10): 1-8. YANG Junzhe, WU Zuoqi, LI Hongjie, *et al.* Simulation test of water and sand inrush in shallow-buried thin bedrock working face and analysis of influencing factors[J]. Coal Science and Technology, 2021, 49(10): 1-8.
- [17] 周大伟.煤矿开采沉陷中岩土体的协同机理及预测[D]. 徐州: 中国矿业大学, 2014.

ZHOU Dawei. Synergistic mechanism and prediction of rock and soil in coal mining subsidence[D]. Xuzhou: China University of Mining and Technology, 2014.

[18] 顾 伟. 厚松散层下开采覆岩及地表移动规律研究[D]. 徐州: 中国矿业大学, 2014.

> GU Wei. Research on overburden rock and surface movement law under thick loose layer mining [D]. Xuzhou: China University of Mining and Technology, 2014.

- [19] 刘 辉, 左建宇, 苏丽娟, 等. 巨厚含水松散层下开采地表移动 变形规律研究[J]. 煤炭科学技术, 2022, 50(5): 49-56.
 LIU Hui, ZUO Jianyu, SU Lijuan, *et al.* Research on the law of surface movement and deformation in mining under huge waterbearing loose layers[J]. Coal Science and Technology, 2022, 50(5): 49-56.
- [20] 周婷婷,苏丽娟,刘 辉,等.神东矿区地表移动参数变化规律

及影响机制[J]. 煤田地质与勘探, 2021, 49(3): 189-198. ZHOU Tingting, SU Lijuan, LIU Hui, *et al.* Variation law and influence mechanism of surface movement parameters in Shendong mining area[J]. Coalfield Geology and Exploration, 2021, 49(3): 189-198.

- [21] 汪 锋,陈绍杰,许家林,等.基于松散层拱结构理论的岩层控制研究[J].煤炭科学技术,2020,48(9):130-138.
 WANG Feng, CHEN Shaojie, XU Jialin, *et al.* Research on rock formation control based on loose layer arch structure theory[J].
 Coal Science and Technology, 2020, 48(9): 130-138.
- [22] 闵飞虎,向必伟,刘 辉,等.采动影响下逆断层活化规律的数 值模拟[J].煤田地质与勘探, 2019, 47(4): 144-152.
 MIN Feihu, XIANG Biwei, LIU Hui, *et al.* Numerical simulation of the activation law of reverse faults under the influence of mining[J]. Coalfield Geology and Exploration, 2019, 47(4): 144-152.
- [23] 张玉军,宋业杰,樊振丽,等.鄂尔多斯盆地侏罗系煤田保水开 采技术与应用[J].煤炭科学技术,2021,49(4):159-168.
 ZHANG Yujun, SONG Yejie, FAN Zhenli, et al. Water conservation mining technology and application of Jurassic coalfield in Ordos Basin[J]. Coal Science and Technology, 2021, 49(4):159-168.
- [24] 翟新献,刘勤裕,于春生,等. 巨厚松散层薄基岩下煤层开采矿 压显现规律研究[J].煤炭科技,2022,43(1):1-8.
 ZHAI Xinxian, LIU Qinyu, YU Chunsheng, *et al.* Research on the appearance of mining pressure in coal seams under huge thick loose layers and thin bedrock[J]. Coal Science and Technology, 2022, 43(1): 1-8.

- [25] 吕 超.赵固一矿厚煤层开采薄基岩变形移动规律研究[D]. 焦 作:河南理工大学, 2018.
 LYU Chao. Study on deformation and movement law of thin bedrock in thick coal seam mining in Zhaogu No.1 Mine [D].
 Jiaozuo: Henan University of Technology, 2018.
- [26] 陈绍杰,祝伟豪,汪 锋,等.建筑荷载下浅埋长壁老采空区地 表移动变形规律与机理[J].煤炭学报,2022,47(12):4403-4416.

CHEN Shaojie, ZHU Weihao, WANG Feng, *et al.* Law and mechanism of surface movement and deformation in shallow buried longwall old goaf under construction load[J]. Journal of China Coal Society, 2022, 47(12): 4403–4416.

[27] 李 林. 麻家梁矿区地表变形监测及规律应用研究[D]. 徐州: 中国矿业大学, 2019.

> LI Lin. Research on surface deformation monitoring and law application in Majialiang mining area [D]. Xuzhou: China University of Mining and Technology, 2019.

- [28] 易四海,朱 伟,刘德民. 薄基岩厚松散层条件覆岩破坏规律研究[J]. 煤炭工程, 2019, 51(11): 86-91.
 YI Sihai, ZHU Wei, LIU Demin. Study on the failure law of overlying rock under the condition of thin bedrock and thick loose layer[J]. Coal Engineering, 2019, 51(11): 86-91.
- [29] 程 桦,张亮亮,姚直书,等. 厚松散层薄基岩非对称开采井筒 偏斜机理[J]. 煤炭学报, 2022, 47(1): 102-114.
 CHENG Hua, ZHANG Liangliang, YAO Zhishu, *et al.* Wellbore deflection mechanism in asymmetric mining of thick loose layers and thin bedrock[J]. Journal of China Coal Society, 2022, 47(1): 102-114.