

godine dana na azimut polarnice diferencirajmo jednadžbu (2) po A , D i δ ; pa ćemo dobiti:

$$dA = \pm \frac{\sin z \sin \Delta a}{\cos \varphi \cos A \sin(D \pm \delta)} \left[\sin D dD + \cos D \cotg(D \pm \delta) d(D \pm \delta) \right]$$

Uvrstivši značenje $\sin \Delta a$ iz jednadžbe (2) i nakon skraćenja dobićemo:

$$dD = \mp \tan A \tan D dD \mp \tan A \cotg(D \pm \delta) d(D \pm \delta) \dots (10)$$

Iz ove jednadžbe (10) vidimo da će greška u azimutu polarnice zavisiti u glavnom od greške deklinacije ove zvijezde i da će za datu širinu maksimum dA biti za vrijeme elongacije polarnice, t. j. u najbolji momenat za određenje azimuta. Sa povećavanjem širine greška će se povećavati.

(Nastaviće se)

Ing. Милан Дражић
доцент универзитета

Парцелација – деоба

Деоба неке катастарске парцеле на ситније делове назива се у пракси парцелацијом. Да би се парцелација могла извршити потребно је имати план парцеле која треба да се дели и размеру по којој треба делити дотичну парцелу. У пракси парцелација се јавља у малом обиму код свих наследних, женидбених, удавдених, и продајних трансакција а у великом обиму код деобе аграрног земљишта, комасација, деобе пањњака (пањњачке задруге, земљишне заједнице итд.). Док је код првих размера по којој треба делити изражена обично разломком $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$ и слично, код ових других је изражена одређеном површином у хектарима или јутрима или у економској вредности замљишта код комасације.

Парцелација се може извршити графички или рачунски. Графички начин се још и може употребити код нових планова, док код старијих планова са великим усухом није ни мало сигуран, пошто усух није једнак у свима правцима.

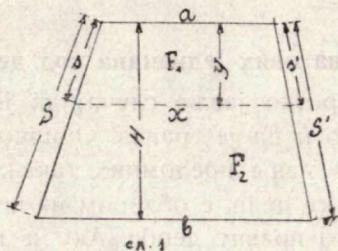
У овом саставу изложићу рачунски начин парцелисања, који сам применио код деобе аграрног земљишта у реону вршачког аграрног уреда.

I

Једначине за парцелацију.

1) Облик парцеле је трапез са паралелним странама a и b , висином H , косим странама S и S' , површином F . Треба га линијом x поделити тако да један део има површину F_1 а други F_2 , тј. $F_1 + F_2 = F$. Нека је у висина a и s' косе стране првог дела са површином F_1 .

За други део је: $(x + b)(H - y) = 2 F_s = 2 F - 2 F_1 \therefore 2)$



Ако из прве једначине нађено $y = \frac{2F_1}{a+x}$ заменимо у другој једначини добићемо:

$$(x + b) \left(H - \frac{2 F_1}{a + x} \right) = 2 F - 2 F_1$$

$$(x+b)(Ha + Hx - 2F_1) = 2F(a+x) - 2F_1(a+x)$$

какоје $2F = (a+b)H$

то је $(x + b)(Ha + Hx - 2F_1) = (a + b)(a + x)H - 2F_1(a + x)$
 а кад се измножи $Hax + Hab + Hx^2 + Hbx - 2F_1x - 2bF_1 =$
 $= Ha^2 + Hab + Hax + Hbx - 2F_1a - 2F_1x$

После скраћивања имамо:

$$Hx^2 - 2b F_1 = Ha^2 - 2 F_1 a \quad \text{одакле је}$$

$$x^2 = \frac{Ha^2 + 2bF_1 - 2F_1 a}{H} = a^2 + \frac{b-a}{H} 2F_1, \quad x = \sqrt{a^2 + \frac{b-a}{H} 2F_1}$$

$$a - y = \frac{2F_1}{a+x}$$

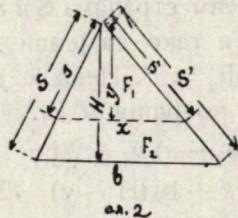
Коце стране траже се из пропорције:

$\frac{S}{V} = \frac{S}{H}$ одакле је $s = y \frac{S}{H}$ и аналого $s' = y \frac{S'}{H}$

2) Облик парцеле је троугао. Троугао можемо сматрати као трапез јакд му је једна паралелна страна $a = 0$. Онда се горе изведене једначине упростљавају и добијамо:

$$x = \sqrt{0 + \frac{b-0}{H} 2 F_1} = \sqrt{\frac{b}{H} 2 F_1} \quad \text{a } y = \frac{2 F_1}{0+x} = \frac{2 F_1}{x}$$

једначине за s и s' остају исте као горе.



ел. 2

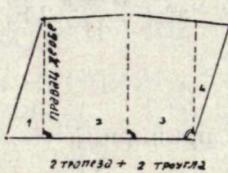
Примена ових једначина код деобе.

У пракси се ретко јавља случај да је облик парцеле правилан, чак ретко и да је трапез. Обично је то какав полигон са више или мање преломних тачака. У том случају треба парцелу која се дели, с обзиром на преломе, поделити у трапезе паралелно правцу деобе. Ако је правац деобе паралелан некој страни парцеле, тада се добија извесан број трапеза и на крају парцеле неки троугао. Ако је правац деоба неки други, тада може да остане и на почетку и на крају неки троугао (ст. 4). У случају већег броја прелома а кад су површине на које делимо парцелу веће, не морају се рачунати сви ови трапези. Кад су преломи близки може се десити, да неки трапези падају у површину неког дела (сл. 5 трапез бр. 3 и 4) па их с тога не треба посебно рачунати, али како је збир њихових површина ипак потребан, то се та површина може срачунати из координата, пошто се претходно срачунају координате непознатих тачака трапеза као мале тачке. Дужине за ово рачунање добиће се из оних суседних срачунатих трапеза.

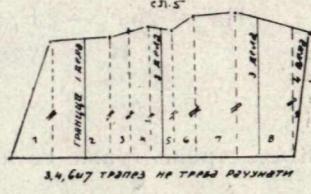
ел. 3



ел. 4



ел. 5



Узмимо као пример парцелу бр. 3270 за коју је дат и цео рачунски део деобе. Она има 6 преломних тачака бр. 27, 90, 97, 91, 93, 27. Правац деобе је 27—90. Дели се на 3 трапеза и 1 троугао (види образац за деобу).

Координате преломних тачака парцеле могу бити очишћане са плана координатографом, уводећи у обзор усух, или могу бити срачунате из теренских података код новог премера. У првом случају морају се тако изравнati да дају катастарску површину.

III

Образац за парцелацију — деобу.

Када су за неку парцелу дефинитивно одређене координате и извршена подела на трапезе треба срачунати константе тј. стране и висине трапеза и њихове површине. Рачунање се врши у одељцима 1—7 приложеног обрасца. Срачунате константе уносе се у одељак 8 где се врши рачунање деобе. Подаци из ступца 10 и 11 представљају апсисна одмерања за нове границе, уносе се у детаљне скице и поимчу њих укопавају међу белеге. У реонима где премер није извршен у Гаус-Кригеровој пројекцији већ у стереографској мора се, приликом истицања међуних белега, водити рачуна о деформацији. Ово важи нарочито за велике дужине пошто деформација у неким крајевима може да достigne око 1 м. на километар.

У приложеном обрасцу рачунато је у одељцима 2 до 6 логаритмима у одељку 1 и 8 машином за рачунање. У случају да се располаже табличама за природне вредности тригонометричких функција од пет децимала може се све рачунати машином па се онда и образац може упростити.

IV

Упутство за рад у обрасцу.

У 1 одељак уписују се координате детаљних тачака (прелома) и рачуна површина на два начина:

$2 F = [Y_n (x_{n-1} - x_{n+1})]_1^n$ и $2 F = [X_n (Y_{n-1} - Y_{n+1})]_1^n$

и уцртава скица парцеле са поделом на трапезе. Координатама треба изоставити све заједничке бројеве ради лакшег и бржег рачунања.

У 2 одељку рачунају се нагиби и дужине страна парцеле. За контролу се рачуна дужина стране квадратним табличима из координатних разлика по једначини: $s = \sqrt{\Delta y^2 + \Delta x^2}$. Сем тога рачунају се нагиби и дужине дијагонала трапеза, који ће послужити касније за рачунање троуглова у 3 одељку.

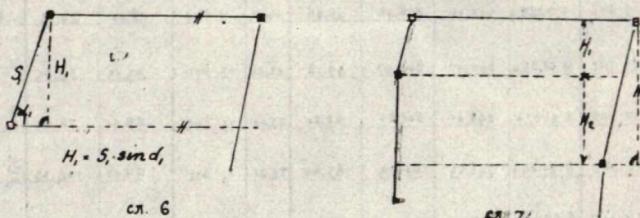
Рахунак Рачунање површине и сплошне парцеле												060304-32 0005	
												СТР 1+2	
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ТРОДА: 841.558 : 134.958,35													
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У	Х	У
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
27	5.689,47	+ 405,67											
97	5.831,55	+ 178,40											
91	5.461,18	976,82											
93	5.273,83	+ 182,13											
27	5.682,15	+ 403,02											
27	5.689,47	+ 405,67											
90	5.933,23	+ 223,11											
2F	269.916,51	+ 730.024,49											
P	134.958 -	841.558 =	134.958,35										
ПРАВАК ПОВРШИНЕ АГ СПЛОШН													
У	Y	Х	Y	Х	У	Х	У	Х	У				

8. Одъятък разумнікъ з собе

CTP. 3

У 3 одељку рачунају се паралелне стране трапеза и косе у колико су потребне. Из сваког трапеза треба рачунати један троугао који постаје повлачењем дијагонале у трапезу. Троуглови се решавају по синусној теореми.

У 4 одељку рачунају се висине поједињих трапеза. Рачунање се своди на решавање правоуглог троугла. На пример: сл. 6.



У 5 одељку се врши делимично контролисање рачунаних висина. На пр. у сл. 7 треба да је $H_1 = H_1 + H_2$.

У 6 одељку рачунају се помоћу срачунатих елемената. површине поједињих трапеза односно троуглова. Збир свих. површина мора бити једнак површини парцеле. Овај рачун контролише рачунање у 3 и 4 одељку односно у свима. ранијим.

У 7 одељку исписују се дужине косих страна трапеза, добијене непосредно рачунањем или из разлика срачунатих. елемената.

У 8 одељку рачуна се деоба према датој размери (дис-позицији).

У 1 стубац уписују се бројеви нових парцела или делови нових парцела у случају кад нова парцела залази у два суседна трапеза.

У 2 стубац уписују се површине целих парцела или делова.

У 3 стубац уписује се збир двоструких површина рачунајући га од почетка сваког трапеза.

Ова три ступца треба једновремено испуњавати водећи при том рачуна:

а) да збир делова парцела у два суседна трапеза износи тачно површину парцеле на пр. део 1 + део 1 = 1929 + 4971 = 6400.

б) да збир целих парцела и делова парцела у границама неког трапеза износи површину тога трапеза. На машини за рачунање треба на диркама узети површину помножити са 2.

(тј. окренути ручицу 2 пута), затим не скидајући резултат узети на диркама површину следеће парцеле и помножити са 2. На крају се мора добити двострука површина целог трапеза односно троугла. На пр. код другог трапеза 54310, код трећег 196271 итд.

Контрола се састоји у следећем:

- збир на крају другог ступца мора бити једнак површини целе парцеле;
- збир на крају трећег ступца образује се сабирањем површина у последњем реду сваког трапеза (то је површина његова) дакле: $3858 + 54310 + 106271 + 15477 = 259916$ и треба да се добије двострука површина целе парцеле која се дели.

У 4 стубац треба најпре уписати квадрате паралелних страна трапеза a^2, b^2, a^2_2, b^2_2 , итд. имајући у виду да су неке стране код суседних трапеза заједничке. После тога се подаци обрачунавају на овај начин:

У машину се убаци у резултатни ред (горњи ред) a^2 са онолико десетних места (нула) колико има десетних места у константи $\frac{b-a}{H}$ (12 стубац), на диркама се убаци поменута константа а на бројачу се наизмично узимају површине 2 F из трећег ступца. При томе не треба резултате брисати већ само мењати бројеве на бројачу потребним до давањем или одузимањем на одговарајућем броју. На пр. у резултатни ред убачено је $a = 93025$ са 6 десетних места после броја 5. На диркама је убачено $\frac{b-a}{H} = -0,102754$ (знак

— значи да треба повући на машини полугу за сдузимање 9942 тј. обрће ручица док бројач не покаже овај број и упиши или обртати ручицу у обратном смислу). Помножи се са ше резултат 92003,4 у ст. 4. Зарачунање 2 парцеле треба, не дирајући у претходни резултат, само на бројачу дотерати да он показује број 23742, мењајући при томе обе деветке у 7 и 3 и испред њих нов број 2. За следећу, трећу парцелу, мења се 237 у 375, итд.

Контрола: на крају трапеза израчунато x^2 мора бити једнако са квадратом друге паралелне трапезове стране b^2 , јер су то идентичне стране а то је уједно и квадрат стране a^2 следећег трапеза.

У 5 ступцу рачунају се x вадећи корен помоћу квадратних таблица. Контрола: последње добијено x мора бити једнако страни b дотичног трапеза, на пр. $x = 295,71$ исто је као и $b = 295,71$.

6 стубац образује се сабирањем $a + x$; ради лакшег сабирања уписано је a у стубац 5 док за све остале трапезе последња страна претходног трапеза игра улогу a .

У 7 ступцу рачунају се Y деобом $2F$ са $a + x$, машином, заокругљујући на см.

Контрола: последње срачунато Y мора бити једнако висини трапеза $Y = H$ на пр. $Y = 90,41$ једнако $H = 90,41$.

8 и 9 стубац служе за контролу рачунања елемената x и y и морају се срачунати пре стубаца 10 и 11. У 8 ступцу образује се разлика свака два узастопна Y : $\Delta Y = Y_{n+1} - Y_n$. 9 стубац образује се множећи збир свака два узастопна x са ступцем 8. $2F = \Delta Y(x_n + x_{n+1})$. На тај начин добијају се двоструке површине сваке парцеле посебно што чини ефикасну контролу за цео дотадањи рачун. Површије ће се разликовати само због заокругљивања а величина разлике се може унапред одредити. У наведеном примеру вредност за Y губе или добијају, заокругљивањем на целе см, око 0,5 см, величина x је око 300 хв. према томе се може у површини изгубити или добити: $300 \times 0,005 = 1,5$ хв² или 3 двострука хв². У ступцу 9 види се да се такав случај догодио само код парцеле 6 док код осталих је свуда испод овога т.ј. 2, 1 и 0. Уопште речено површина се сме разликовати за 0,005 x , где је x просечна дужина паралелних страна трапеза. У 10 ступцу рачунају се с множећи свако y са константом $\frac{S}{H}$ за дотични трапез.

Контрола: последње срачунато s треба да износи дужину целе које стране трапезове. На пр. $s = 99,58$ једнако страни $S_2 = 99,58$; како на овом месту нема прелома на страни 27 — 93 парцеле која се дели, то је мера 99,58 за обележавање на терену непотребна па зато и није уписана на линији већ испод ње. Кад се рачунају s за следећи трапез додаје им се увек 99,58 тако, да се добијају све мере за s рачунате апсцисно од тачке 27. Значи да не треба скинути из резултата 99,58 већ само променити на диркама константу за овај следећи трапез. Контрола: на крају се мора добити дужина стране 27 — 93: $S \frac{93}{27} = 464,41$. Код последњег дела

парцеле 3270, дакле код троугла, врши се обрачун одоздо на више као што је уосталом и све друго рачунато. Константи $\frac{S}{H} = -1,1000095$ даје се стога знак $-$, почиње са дужином 277,81 док се не дође на 0. На тај начин апсисно мрење иде увек истим смером.

У 11 ступцу се рачунање врши на сличан начин као и у 10 узимајући сад константу $\frac{S'}{H}$ за дотични трапез.

Контрола: $s' = 111,08$ једнако $S \frac{97}{90} = 111,08$ и овде је додавано 7,26 ради добијања дефинитивних апсисних одмерања. У троуглу је додавано 304,39 и тако је на крају добијено 421,76 колико износи страна парцеле која се дели $S \frac{91}{97} = 421,76$.

У 12 стубац уносе се све константе за сваки трапез или троугао. За оне трапезе који цели падају у понеку парцелу (види II део и сл. 5) не треба ни уносити ни рачунати константе, већ само површине и оне дужине које су потребне да се s и s' добију апсисно.

Инг. Милан Дражић
доцент универзитета

Триангулација у Банату

Извођење триангулације у Банату преставља за геометра прилично тежак и компликован задатак. С једне стране сам терен отежава триангулацију зато што је раван, што су насеља обрасла у шуму или је дуж путова засађено високо дрвеће (јаблани) те спречава везивање, а с друге стране што подаци о старој триангулацији нису сигурни или у већини случајева и не постоје.

Катастарски премер у Банату извршили су Мађари у бечким хватима (1 хв. = 1,896438.. м); елаборат се налазио у Темишвару и Пешти тако да је после светског рата делом остао у Мађарској делом у Румунији. И поред интервенција које су истински доста закасниле није се могао добити сав тај елаборат те сад може по нешто наћи у државном ката-