

ha az elméletet néhány egyszerű, de hatásos modell-kísérlettel illusztráljuk.

A 10a, 10b, 10c ábrán bemutatott eszköz segítségével, gyufák alkalmazásával könnyen végezhetünk ilyen kísérleteket. A kísérleti eszköz egy lyukakkal ellátott kör alakú tárcsából áll. A lyukakba gyufákat csúsztattunk a 10a ábrán látható módon úgy, hogy csak a fejük álljon ki. Amikor a tárcsa közepén levő gyufát meggyújtjuk, láncreakció indul, és rövid időn belül minden gyufa lángra lobban. Ez a kísérlet az atombombában lejátszódó láncreakció alapelvét illusztrálja. A 10b ábra a tárcsa másik oldalát mutatja. Itt a lyukak körbefutó barázdákban végződnek. Ha néhány lyukba a gyufák helyett szögeket helyezünk (az ábrán fekete pontok), lehetővé válik a láncreakció szabályozása, így egyszerre csak néhány gyufa ég. A 10b ábrán látható elrendezésnél csak néhány gyufa ég egyidejűleg. A 10c ábrának megfelelő esetben több gyufa fog égni.

A tárcsa egyike azon eszközöknek, amelyeket a „Kérdezd a természetet!” program során fejlesztettünk ki. Nagyon hamar igen népszerűvé vált a dán iskolákban és ezért nagy mennyiségben állítottuk elő ezeket.

#### *Vizsgán nem szereplő témák*

Amikor egy magfizikai kurzust tervezünk minden fiatal számára, számításba kell vennünk, hogy a tanulóknak rendszerint vizsgáznuk kell. A gyakorlatban ennek sokszor az a következménye, hogy túl sokat összpontosítunk a vizsgán szereplő témákra és vonakodunk az olyanoktól, amelyek sokkal jobban megfelelnek a tanulói horizont szélesítésének. Amikor elkészítettünk egy atom- és magfizikai kurzust a „Kérdezd a természetet!” program keretében a 9 osztály részére, tudatában voltunk ennek a problémának és bár az idő rövidsége miatt meg kellett elégednünk egy minimumkurzussal ahogy azt az előzőkben leírtam, elhatároztuk, hogy beleveszünk számos olyan témát, amit a tanulók szabad idejükben tanulmányozhatnak. Ezt úgy biztosítottuk, hogy ezeket „Olvas-

mányok” címen közöltük és a tanári kézikönyvben azt ajánlottuk, hogy ezeket a fejezeteket osztályvita háttereként használják fel, és hogy a tanár tisztázza ezekben a témákban a vizsgán nem szereplő kérdéseket.

A következő címek jelzik, milyen témákkal foglalkoztunk az „Olvasmányok” c. fejezetekben:

Radioaktivitás a házunkban

A radioaktivitás orvosi alkalmazásai

Sugárzási ártalmak

Nukleáris energia és a világ energiaellátása

A 10. osztály számára összeállítottunk egy másik atom- és magfizikai egységet. Ezt azoknak a tanulóknak szántuk, akik nem folytatják tanulmányaikat középiskolában, viszont maradnak még egy évig az általános iskolában. Itt is fontosnak tartottuk az „Olvasmányok” c. fejezeteket, így a következő témák szerepeltek az egyes egységek végén:

Niels Bohr, egyike a világ legnagyobb fizikusainak

A röntgensugárzás alkalmazásai

A radioaktivitás felfedezése

A radioaktív források felhasználása

Radioaktivitás és a Föld kora

CERN, a magfizika európai kutatóközpontja

A Föld születése

Az atomerőművek biztonsága

Úgy vélem, alapvető, hogy időt hagyjunk az ilyen témák megbeszélésére, amikor fizika kurzusokat tervezünk minden fiatal számára. Ezt kell tennünk, ha természettudományosan művelt polgárokat akarunk nevelni.

#### IRODALOMJEGYZÉK

[1] Angol nyelvű cikkek a „Kérdezd a természetet” c. programról, megtalálhatók az amerikai „The Physics Teacher” 1977. szeptemberi számában és a következő GIREP-publikációkban:

„Physics Teaching in Schools” (Szerk.: G. Delacote) (Taylor and Francis Ltd. London, 1978.)

„Physics Teaching, Oscillations and Waves, Current Problems” (Szerk.: Uri Ganiel) (Balaban International Science Services Philadelphia-Jerusalem)

## A BŰVÖS KOCKA UNIVERZUMA

### *Irreverzibilitás*

A rendezett bűvös kockát (1. ábra) add oda gyerekednek (tanítványodnak, barátodnak), és kérd meg: tekerjen rajta hatszor tetszőlegesen! Vedd vissza tőle a kockát, majd add át másvalakinek, megkérve: rendezze a kockát szintén hat tekeréssel! Nem fog neki sikerülni. Ellenkezőleg: a kocka

Gajzágó Éva\*—Gnädig Péter—  
Marx György—Zámbó Viktor\*\*  
ELTE Atomfizikai Tanszéke

eredeti színezése — ha lehet — mégjobban összekeveredik. (Még ha kockaszakértő is a második társad, hatnál sokkal több mozdulatra lesz szüksége, hogy visszataláljon az eredeti rendbe.) Ez az egyszerű foglalatosság élményszerűen tanít a Természet irreverzibilitására, és megsejteti annak magyarázatát is.\*\*\*

Egy kockának 6 lapja, 8 csúcsa és 12 éle van,

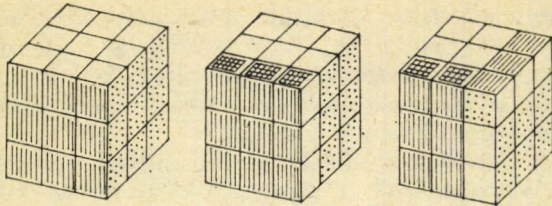
\* Élet és Tudomány szerkesztősége

\*\* a József Attila Gimnázium tanulója.

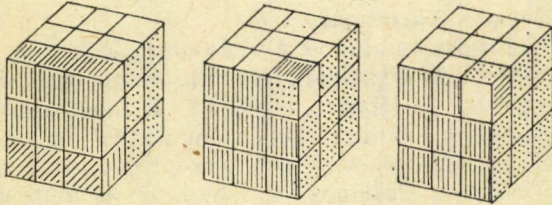
\*\*\* Az általunk használt színezés: fehér fenn, piros szemből, sárga jobbra, zöld balra, narancs hátul, kék alul.

Műhelyfoglalkozás a GIREP és UNESCO Nemzetközi Fizikatanítási Konferenciáján Balatonfüreden, 1981. szeptember 10-én.

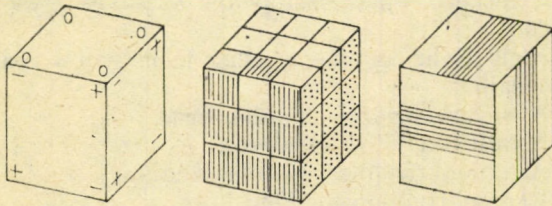




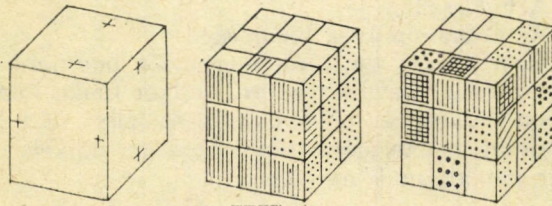
1. ábra: Vákuum:  $|0\rangle$     2. ábra: Piros forgatás:  $P|0\rangle$     3. ábra: SP  $|0\rangle$



4. ábra: PS  $|0\rangle$     5. ábra: Kvark    6. ábra: Antikvark



7. ábra: Bariontöltés    8. ábra: Lepton    9. ábra: A főpántok



10. ábra: Leptontöltés    11. ábra    12. ábra: Hóhalál

ami összesen 26 elem. Rubik Ernő pontosan ennyi építőelemből alkotta meg a bűvös kockát. Nem látszanak túl soknak. Ha veszel  $26 + 1$  kockácskát, amelyek színezése a bűvös kocka kiskockáin található színezésnek felel meg, egy vagy két percen belül összerakhatsz belőlük egy nagy kockát, amelyen minden szín a megfelelő helyen van! De ezt nem tudod megcsinálni a bűvös kockával. A bűvös kocka építőelemeinek száma csalókéban kicsiny, de az elemek mozgásának dinamikája érdekesen megszabott. Ez teszi a bűvös kockát egy ismeretlen univerzummá.

### Felcserélhetetlenség

Végy két kereket, mindegyik saját tengelyén foroghat. Egyik kereket fordítsd el  $45^\circ$ -kal az óramutató járásával egyező irányban, azután  $-180^\circ$ -kal az óramutató járásával ellenkezően. Hajtsd végre a másik keréken is ugyanezt a két elfordítást, de fordított sorrendben. Mindkét kerék végállapota azonos lesz.

A gyárból kikerült bűvös kocka kiindulási állapotát jelölje  $|0\rangle$ . A bűvös kockát is lehet tekerni. Egy lap középső négyzete sohasem vándorol el helyéről, ezért az oldallapok tartósan jellemezhetők középső négyzetük színével. A „piros” lap-

réteg  $90^\circ$ -os elfordítása az óramutató járásának irányába egységmozdulatnak tekinthető, hiszen jobbkezes ember számára ez a természetes mozdulat, ha jobb tenyerében tartja a kocka piros oldalát. Jelöljük ezt a mozdulatot P-vel, a mozdulat által kialakított  $P|0\rangle$  végállapot látható a 2. ábrán. Két piros fordulat egymás után ( $P^2$ )  $180^\circ$ -os elfordítást eredményez, három piros fordulat ( $P^3$ )  $270^\circ$ -osat, négy piros fordulat vissza-visz a kiindulási állapotba ( $P^4 = 1$ ). Természetesen a fehér, zöld, kék, sárga és narancs (közepű) laprétegek is megtekerhetők  $+90^\circ$ -kal. Ezeket az egységmozdulatokat jelölje rendre F, Z, K, S, N.\*\*\* A kocka bármely  $|x\rangle$  mintája elérhető a  $|0\rangle$  rendállapotból az egységmozdulatok valamilyen kombinációjával. Így megkísérelhetjük, hogy a kocka egy tetszőleges mintáját

$$|x\rangle = F^a K^b N^c P^d S^e Z^f |0\rangle$$

alakban írjuk fel, ahol az  $a, b, c, d, e, f$  kitevők bármelyike a 0, 1, 2, 3 értékeket veheti fel. Ez összesen  $4^6 = 4096$  különböző kombinációt tesz lehetővé, 4096 eltérő mintát ad. Nem is tűnik olyan elképesztően soknak. . .

De végy egy  $|0\rangle$  gyári állapotú kockát! Csinálj egy piros, majd egy sárga egységfordulatot! ( $SP|0\rangle$ ; eredményünk a 3. ábrán látható.) Egy másik  $|0\rangle$  rendállapotú kockán előbb csinálj egy sárga, ezután egy piros fordulatot! ( $PS|0\rangle$  látható a 4. ábrán.) A kapott két minta lényegesen különbözik! *Három dimenzióban* a forgatások nem cserélhetők fel:  $PS \neq SP$ . Ez ijesztően megnöveli a minták számát.

Próbáljuk kitalálni, hány különböző minta képzelhető el. A lapközépső kiskockák nem vándorolnak el helyükről. A 8 csúcs helyzetű kiskocka 8!-féleképpen osztható szét a csúcsokra, adott csúcson minden kiskocka 3 különböző állásban helyezhető el. A 12 él helyzetű kiskocka 12!-féleképpen osztható szét az élközepekre, adott élen minden kiskocka számára 2 különböző állás lehetséges. Így a lehetséges kirakások száma  $8! \cdot 3^8 \cdot 12! \cdot 2^{12} = 519\,024\,039\,293\,678\,272\,000$ . Jókorá szám! Rubik Ernő kockája *háromdimenziós* struktúra, és ez annak leglényegesebb vonása.

### Kiválasztási szabályok

Hámozd le egy csúcs helyzetű kiskocka színes műanyag négyzeteit (deus ex machina!), majd úgy ragaszd vissza e színes négyzeteket, ami a kiskocka  $1/3$  fordulatának felelne meg ( $|q\rangle$  állapot, 5. ábra)! Kérj meg ezután egy kockamestert, hogy a  $|0\rangle$ -ból kiindulva hozza létre ezt a  $|q\rangle$  állapotot!

A gyári állapotból szabályos tekerések sorozatával nem lehet elsétálni ehhez a „megcsavart” állapothoz, a  $|q\rangle$  minta nem fordul elő a bűvös kocka univerzumában. A  $|q\rangle$  csúcsmintát nevezük *kvark*-nak. (A részecskefizikusokat sok hiábavaló kísérletezés tanította meg: senki nem tud a vákuumba magános kvarkot teremteni!)



Ha valaki még egyszer meghámozza ugyanezt a csúcshelyzetű kiskockát, majd a színes négyzete-  
ket úgy ragasztja vissza, ami a rendezett színezés  
— 1/3 fordulatának felelne meg (tehát most az óra-  
mutató járásával ellentétes irányban), akkor  
 $|q\rangle$  antikvark állapotot kapjuk (6. ábra). Ez is  
kívülrelik a kockauniverzumon. (Az 5. minta sem  
tekerhető át a 6. mintába,  $|q\rangle$ -tól sem lehet  
 $|\bar{q}\rangle$ -ig elsétálni. „Túlvilág” is több van!) A ta-  
pasztalet tehát megtanít arra, hogy bizonyos min-  
ták elérhetetlenek.

A két kvarkcsúcsot tartalmazó  $|qq\rangle$  minta  
szintén elérhetetlen, ha a  $|0\rangle$  gyári állapotból  
indulunk el. (De van összeköttetés a  $|qq\rangle$  két-  
kvark-állapot és a  $|q\rangle$  antikvark-állapot között.  
Hiszen ha deus ex machina — hámozás — által  
duplán megcsavarunk egy csúcsot, észrevesszük,  
hogy egyetlen kétkvark-csúcs azonos egy antikvark-  
kvark-csúccsal.)

A három darab kvark-csúcsot tartalmazó  $|qqq\rangle$   
minta már elérhető a  $|0\rangle$  „vákuumból” természe-  
tes mozdulatok sorozatával. (A részecskefizikusok  
kvarkmodelljével összhangban nevezzük ezt pro-  
ton-állapotnak!) Ugyanúgy eljuthatunk egy kvar-  
kot és mellette egy antikvarkot tartalmazó  $|q\bar{q}\rangle$   
mezon-állapotba is. S. W. Golomb (University  
of South Carolina, USA) fedezte fel: ily módon a  
bűvös kocka a kvark-modell árnyalt szemléltetését  
kínálja. Arra tanít, hogy a kvark elsősorban al-  
gebrai fogalom, amelyet nem kell feltétlenül kor-  
puszskulának, azaz testecskének tekintenünk a szó  
tradicionális értelmében. Ahogy W. Golomb meg-  
fogalmazta: „A Rubik-kocka a matematikai és  
fizikai valóság egyik formája. A kvarkok, amelyek-  
ből minden hadron felépül, ugyanezen valóság má-  
sik formája. Az egyik nem tökéletes modellje a  
másiknak. De mindegyik leírható a megengedett  
transzformációk valamilyen szimmetriacsoportjá-  
val. Az a körülmény, hogy olyan sok váratlan ha-  
sonlóság lép fel, örömet okoz a matematikusnak, és  
a két csoport kapcsolatának keresésére ösztönöz.”

### Megmaradási törvények

A kiválasztási szabályok a bűvös kocka univer-  
zumának közlekedési szabályaiból adódnak. Ere-  
detük könnyen megérthető, ha megmaradási tör-  
vényekként fogalmazzuk meg őket. E megmara-  
dási törvényeket a Rubik-KRESz-ből vezethet-  
jük le.

### Bariontöltés

Végy egy rendezett kockát, a fehér lap van fölül.  
Írj „0” jelet a felső és alsó lap mindegyik csúc-  
helyzetű négyzetére! A többi lap csúcshelyzetű  
négyzeteire írj  $+1/3$ , illetve  $-1/3$  számokat oly  
módon, hogy egy csúc három oldalán a  $-1/3$ , 0,  
 $+1/3$  értékek az óramutató járásával ellenkező  
irányban kövessék egymást (7. ábra). Most kezd el  
tekergetni a bűvös kockát! Minden tekerés után  
add össze a felső (fehér közepű) és az alsó lapokon  
található számokat! Azt tapasztalod, hogy ez az  
összeg — nevezzük bariontöltésnek — csak egész  
értéket vesz fel. Vákuumban a bariontöltés zérus.

Nem nehéz bebizonyítani, hogy egy tetszőleges  
tekerés vagy változtatlanul hagyja a bariontöltés  
értékét, vagy — nagyritkán — egységnyivel vál-  
toztat rajta. Az 5. ábrán mutatott magános kvark  
állapotban a bariontöltés értéke  $+1/3$  volna, ez  
pedig nem érhető el a vákuumból. A proton-áll-  
potban viszont (három darab kvark-csúcs) a ba-  
riontöltés értéke  $+1$ , ide — némi ügyességgel —  
eljuthatunk.\*\*\*\* (A protonok születésének és pro-  
tonok elbomlásának kutatása ma a részecskefizika  
divatos területei.)

### Lepton-töltés

Operáld ki a bűvös kocka egyik élközép-hely-  
zetű kiskockáját! (Ez az egyik lapréteg  $45^\circ$ -os  
elfordítása után egy zsebkes segítségével sikerül-  
het.) Ezután a kivett kiskockát egy 1/2 fordulat  
után (röviden: megfordítva) tedd vissza. (Így a  
8. ábrán mutatott lepton-mintát kapjuk.) Olyan  
mintát hoztunk létre deus ex machina által, ahová  
gyári állapotból nem juthatunk el a szabályos lé-  
pések sorozatával. De ha a bűvös kocka valamely-  
lyik másik élkockáját is kioperáljuk, és azt is 1/2  
fordulat után tesszük vissza, a kapott két-leptonos  
állapot (azaz: bozon-állapot) már elérhető! E mö-  
gött az új kiválasztási szabály mögött is egy meg-  
maradási törvény rejtezik.

Kéri Gerzson nyomán értelmezzük a bűvös koc-  
ka főpántjait a 9. ábra által mutatott módon!  
(A láthatatlan oldalak főpántjai párhuzamosak az  
ábrán látható oldalak főpántjaival.) Végy egy ren-  
dezett kockát, és írd 1/2 számot minden olyan él-  
középső négyzetre, amely főpánton fekszik (10.  
ábra)! Ha a hat oldal összesen hat főpántján levő  
számokat összeadjuk, az eredmény 6 lesz. Ezután  
tekeresd a megszámozott bűvös kockát, és min-  
den tekerés után ellenőrizd: mennyi a főpántokon  
megjelenő számok összege! Mindig egész szám jön  
ki! Ezt a „lepton-töltésnek” nevezett összeget  
egyik mozdulat sem változtatja meg tört értékkel.  
A leptonok tehát párokban keletkeznek. A 8. áb-  
rán mutatott „magános lepton” lepton-töltése feles  
érték lenne, így az vákuumból nem jöhet létre.

### Paritás

A bűvös kockából operáld ki két élhelyzetű kis-  
kockát (a korábban leírt fogással). Tedd egyiket a  
másik, másikat az egyik helyére. Ha a lepton-töltés  
tiltott tört értéket vesz fel, akkor a kialakult min-  
táról biztosan tudjuk, hogy az tekeréssel elérhe-  
tetlen. Ezért olyan állásban operáld vissza a fel-  
cserélt kiskockákat, hogy a kialakult minta lep-  
ton-töltése ne legyen tiltott tört érték! — Egy má-  
sik kockából operáld ki két csúcshelyzetű kiskoc-  
kát, majd egyiket a másik, másikat az egyik helyé-  
re oly módon illeszd vissza, hogy a kapott minta  
bariontöltése ne vegyen fel tiltott tört értéket!  
(11. ábra.) Innen próbáld szabályos lépésekkel visz-

\*\*\*\* Például:  $P^2F^3Z^3SP^2ZS^3F^3P^2F^2NFN^3FN^2N^3|0\rangle = |\text{proton}\rangle$ . (A forgatások jobbról balra olvasan-  
dók.)



szatalálni a vákuumba! Mindhiába. Egy kiskocka-pár felcserélése szintén tiltott, ugyanúgy bármely más páratlan permutáció is. Nem nehéz belátni, hogy egy tetszőleges egységmozdulat a kiskockákon mindig páros permutációt hajt végre. Az a szám, amely megmondja, hogy egy minta a vákuumból hány permutációval jött létre, mindig páros marad. Csak a páros permutációval keltett (mondjuk így: páros paritású) minták érhetők el.

Egy csúcshelyzetű kiskocka — külső erőszakkal történt — megcsavarása, egy élhelyzetű kiskocka tükrözése, két kiskocka permutációja egymástól független műveletek, ezért három független megmaradási törvényre jutottunk. A bariontöltés egész voltának megmaradása harmadára csökkenti a vákuumból szabályosan elérhető minták számát. A leptontöltés egész voltának megmaradása felére csökkenti az elérhető minták számát. A paritás megmaradása (a permutációk párossága) ismét felezi az elérhető minták számát. Így a bűvös kocka univerzumában csak  $8! 3^7 12! 2^{10} = 43\,252\,003\,274\,489\,856\,000$  eltérő minta létezik. A mikroállapotok számának kiválasztási szabályokból adódó redukciója vajon megkönnyíti-e a visszatalálást a kiinduláshoz, a gyári állapotba? Korántsem! Éppen a közlekedési szabályok nehezítik meg a hazavezető rövid út fellelését. És ezek a közlekedési tilalmak a bűvös kocka szerkezetéből következnek. Belőlük mégsem könnyű visszakövetkeztetni a szerkezetre. Akárcsak a fizikában.

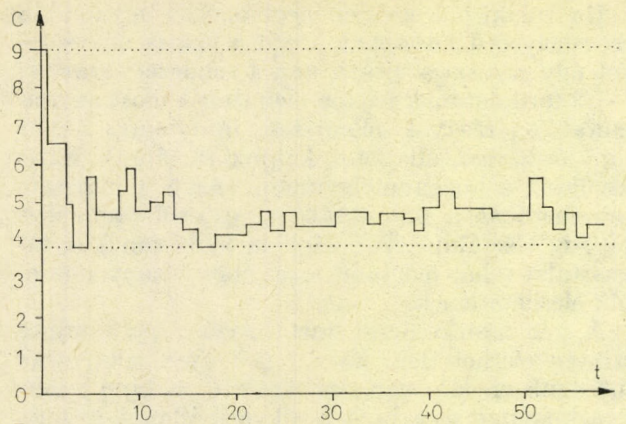
### A második főtétel

A bűvös kocka univerzuma

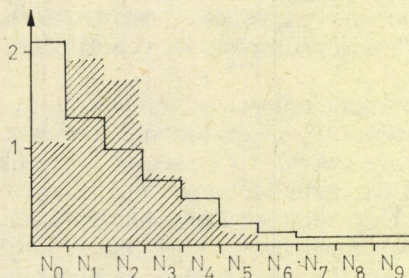
43 252003 274489 856000

mikroállapotból tevődik össze, és közülük csak egyetlen egy mikroállapot felel meg a tökéletes rendnek. Ez a magyarázata annak, hogy a laikus miért téved el olyan hamar ebben a világban: a rendes kockát néhány öntudatlan tekerés tarka tárgyá zilálja. Ha vaktában tovább tekergetünk, egész életünk nem elég, hogy visszataláljunk az őseredeti harmóniába. Irreverzibilisen bekövetkezett a „hóhalál” tarka állapota.

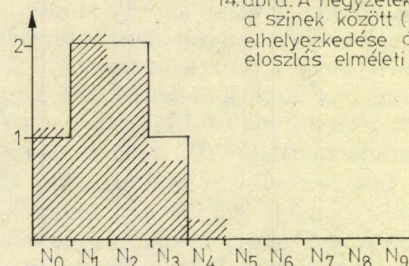
Ezt a tapasztalatot próbáljuk kvantitatívan megfogalmazni! Vegyük a színeket abc-rendben: fehér (F), kék (K), narancs (N), piros (P), sárga (S), zöld (Z). A bűvös kocka egyik lapjának színezettségét azáltal adjuk meg, hogy feljegyezzük: hány fehér, hány kék, ... négyzet van rajta. Pl. a 12. ábrán mutatott mintát hat fordulattal hoztuk létre az 1. ábra rendjéből: SKPFKS | 0>. A szemközti (pirosközepű) lap színezettségét a (2, 0, 1, 3, 1, 2) egész számsorozattal jellemezhetjük: két fehér négyzet, nincs kék négyzet, egy narancs négyzet, ... A hat szám egy hatdimenziós  $\vec{C}$  színvektor koordinátáinak tekinthető. E színvektor hossza a kérdéses lap rendezettségét jellemzi. A 12. ábra szemközti oldalán  $C = (2^2 + 0^2 + 1^2 + 3^2 + 1^2 + 2^2)^{1/2} = \sqrt{19}$ . A színvektor a (0, 0, 0, 9, 0,



13. ábra: C változása időben



14. ábra: A négyzetek Boltzmann-eloszlása a színek között (kihúzott) és a négyzetek elhelyezkedése által torzított átlagos eloszlás elméleti menete (vonalkázva)



15. ábra: A leggyakoribb színeloszlás (kihúzott) és a tapasztalt átlagos színeloszlás (vonalkázott)

0) esetben (tökéletes rend) a leghosszabb:  $C = 9$ . Legteljesebb tarkaságnál, pl. (2, 1, 2, 1, 2, 1) esetében a színvektor a legrövidebb:  $C = \sqrt{15} \approx 4$ . Csináljunk egy kísérletet! Ha gyári kockával indulunk, annak minden oldalán  $C = 9$ . Kezdjük el vaktában tekergetni! A bűvös kocka lapjai egyre tarkábbakká válnak. A színvektor össze-vissza billeg, de a hossza határozott zsugorodási tendenciát mutat. Például az eredetileg tiszta piros lap színvektorának hossza  $C = 9$  értékről indul, de néhány mozdulat során  $C = 5$  alá csökken, ezután eme kis érték körül ingadozik (13. ábra). A  $C = 5$  értéknél csak kb. az esetek 10%-ában lesz nagyobb. „A színvektor az idő múlásával rövideülni szokott mindaddig, amíg csak tud.” Ez a Második főtétel empirikus megfogalmazása a bűvös kocka világában, ami közvetlen „összekeveredési” tapasztalatunkat fejezi ki. A bűvös kocka univerzumban tehát létezik időirány! Rubik kockája többet kínál pusztá geometriánál és csoportelméletnél. Termodinamikára tanít, még hozzá ezt provokatíván teszi.



A bűvös kockát türelmesen tekergetve, vagy a véletlen tekeréseket számítógépen szimulálva statisztikát készíthetünk pl. a fedőlap színezettségének alakulásáról. Azt találjuk, hogy a legtarkább színezettség, (2, 2, 2, 1, 1, 1 számok tetszőleges sorrendben,  $C = \sqrt{15}$ ) meglepően ritkán fordul elő. Leggyakoribb a 3, 2, 2, 1, 1, 0 színeloszlás (tetszőleges sorrendben), tehát  $C = \sqrt{19}$  értékhez tartozik a legtöbb mikroállapot. A 13. ábrán  $C$  e körül az érték körül ingadozik. Az egy  $C$  színeloszláshoz tartozó mikroállapotok (mintázatok) számának logaritmusát ezen eloszlás entrópiájának tekinthetjük. Legnagyobb entrópiával a 3, 2, 2, 1, 1, 0 színeloszlású lap (a színek tetszőleges sorrendjét megengedve) rendelkezik.

Ha egy mérsékeltlen megkevert kockán tudatos elhatározással rendezni kívánjuk a tetőlapot, akkor annak rendszerint az az ára, hogy a többi lap még jobban összekeveredik: az entrópiát a fehér lapról a többire exportáltuk.

Maxwell-eloszlás

Próbáljuk kitalálni, hányféle módon osztható el a fedőlap 9 négyzete (azaz 9 „energiakvantum”) a 6 szín (azaz 6 „atom”) között? Ha  $N_r$  azon színek („atomok”) száma, amelyek éppen  $r$  darab négyzetet („energiakvantumot”) kaptak a fedőlapon, akkor a legvalószínűbb 3, 2, 2, 1, 1, 0 színezettségnek megfelelő  $N_0 = 1, N_1 = 2, N_2 = 2, N_3 = 1, N_4 = N_5 = N_6 = N_7 = N_8 = N_9 = 0$  színeloszlást kihúzott vastag vonal tünteti fel a 15. ábrán. Az  $N_r$  betöltöttségi számok empirikusan nyert átlagértékét az árnyékolt terület adja. A kocka lapjain a színes négyzetek statisztikus egyensúlyban kialakuló véletlen eloszlása a gázmolekulák Maxwell-eloszlási görbéjére emlékeztet. Nem is olyan véletlenül. A színek  $N_r$  eloszlását két tényező szorzatával jól vissza lehet adni. Az első tényező egy Boltzmann-típusú faktor, amely azt veszi figyelembe, hogy a 9 négyzet  $N_r$  számokkal jellemzett módon  $6!/N_1!N_2!N_3!N_4!N_5!N_6!N_7!N_8!N_9!$  féleképpen osztható el a 6 szín között, ami a 14. ábrán a kihúzott vonal által mutatott átlagos eloszlást adja. De a bűvös kockán nem mindegy, hogy a piros négyzet egy sarokban és a kék négyzet mellette egy élen helyezkedik el, vagy megfordítva. Az adott színű négyzetek lapon való elhelyezkedési lehetőségeit egy másik faktor veszi figyelembe, amelyben  $C_r$ -k a színvektor koordinátái. A két tényező szorzata

$$= \frac{6!}{N_1!N_2!N_3!N_4!N_5!N_6!N_7!N_8!N_9!} \cdot \frac{9!}{C_1!C_2!C_3!C_4!C_5!C_6!}$$

(vonalkázott terület a 14. ábrán) jól egyezik az empirikusan meghatározott színeloszlással (vonalkázott terület a 15. ábrán). Végeredményben az összekeveredett kocka tarkaságát hasonló módon lehet leírni, mint a gáz molekuláris káoszában az energiaeloszlást.

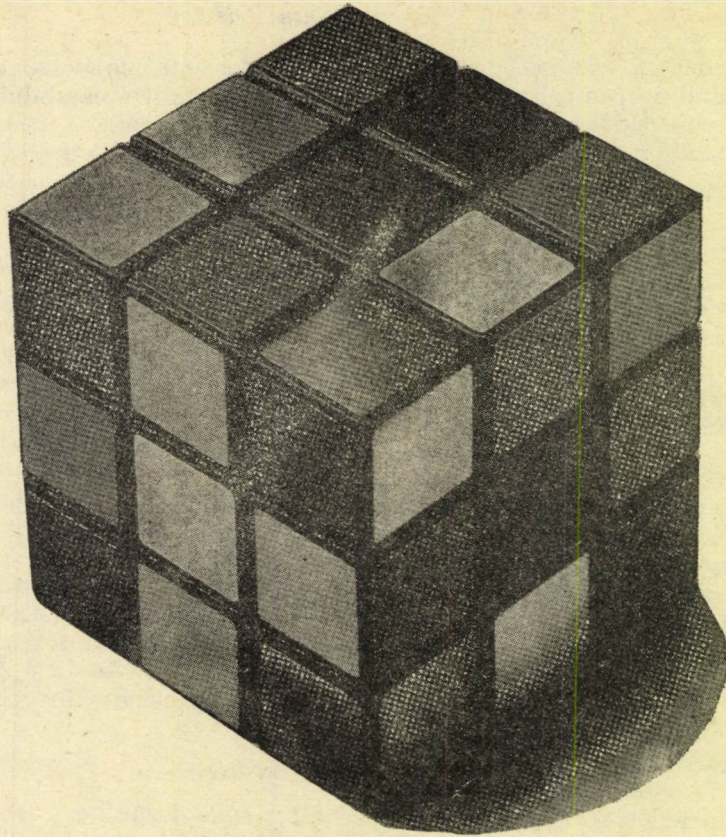
A kocka entrópiáját csökkenthetjük kockán kívüli (emberi) entrópiaprodukció árán. A rendetlen kocka tudatos rendezésére különböző stratégiákat kínálnak. A legtöbb stratégiának többszáz lépésre van szüksége a rendteremtéshez. Egy jólképzett kockamester — fizikusnyelven Maxwell-démon — száznál kevesebb lépéssel is célhoz érhet, de még ez is messze van a mozgás tökéletes megfordításától. (Lehet, hogy a vaktában tett 6 lépés már elvezet a maximális entrópiájú hőhalálhoz, mint a 12. ábra esetében, de az ügyes Maxwell-démónnak is kell legalább 60 lépés a rend visszaállításához.) A renchez visszavezető legrövidebb ösvény hossza legfeljebb húsz-egynéhány lépés lehet a legtávolabbi minta esetében, de hogy az merre húzódik, erre a kérdésre ma még senki sem ismeri a választ. „Isten algoritmusának” megtalálása, a bűvös kocka univerzumának rendszeres feltérképezése a jövő kutatóira vár. Ha ma félsz az eltévedéstől a kocka labirintusában, Ariadne fonala segíthet. Jegyezz fel egymás után minden tekerést! Ekkor a jegyzet alapján visszafelé követheted saját lábnyomaid, így hazatalálhatsz a kiindulási ponthoz.

Világmodell

Ha megkérdezzük egy elméleti fizikust: melyek fizikai univerzumunk legjellegzetesebb vonásai, a következőket sorolhatja fel: Diszkrét minták szimmetriái, amelyek egész kvantumszámokkal jellemezhetők. Mozgástörvények és a velük kapcsolatos nemkommutativitás. Megmaradási törvények, amelyek a mozgástörvényekből következnek. Irreverzibilitás, második főtétel. És végül, de nem utolsósorban: a még megoldásukat váró tudományos problémák gazdagsága.

A bűvös kocka mindössze 26 elemből tevődik össze, szépen beleillik kezünkbe, mégis a fizikai univerzum összes felsorolt jellegzetességét megtestesíti. A fizikus és fizikatanár a bűvös kockában nagyszabású univerzumunk legkisebb nemtriviális modelljét tisztelheti. „Álmodhatott-e Rubik Ernő arról, hogy találmánya mindannak modelljéül és metaforájául szolgál majd, ami mély és szép a természettudományban?” (Douglas R. Hofstadter a „Scientific American”-ban.) „Ez az egyetlen olyan rejtvény, amely megfejtőjétől egy egész tudomány kiépítését követeli meg” (Bernie Greenberg, MIT). „A magyar Rubik Ernő találmánya olyan zseniális logikai fejtörő játék, amely nemcsak a matematikusokat és számítástechnikusokat hozta lázba, de a matematikától távolállók, a teenagereket is” (Emanuel Halberstadt francia matematikus). És a fizikatanárok figyelmét szeretnénk még felhívni arra, amit David Singmaster londoni professzor írt a bűvös kockáról 6 kiadásban megjelent monográfiájában: „A bűvös kocka valószínűleg a legnevelőbb hatású játékszer, amit ember valaha is kitalált.” Lesz-e kedvük arra használni, amire Rubik Ernő kitalálta: a fiatalok nevelésére?





Even complex problems can be solved  
with the right approach.

Go for the effective solution.  
**TEXAS INSTRUMENTS**

Ez nem a Fizikai Szemlébe fizetett hirdetés. Annak bemutatására közöljük, hogy milyen a kocka tekintélye tengerentúl is! A hirdetésszöveg magyar fordítása: „Még komplex problémák is megoldhatók, ha megfelelő módon közelítjük meg őket. Keresd a hatékony megoldást! Texas Instruments” (ez a világ egyik legrangosabb számítógépgyára).

