

| Vol 8 | | No. 3 | | April-June 2016 |

Full Paper

# Modelagem Matemática da Intercalação de Fragmentos Aromáticos Sobre o Silicone por Meio da Eletrorredução de Diazocompostos Correspondentes

Volodymyr Tkach\*a, Mohammed Cherkaoui<sup>b</sup>, Reza Ojani<sup>c</sup>, and Petro Yagodynets<sup>a</sup>

<sup>a</sup>Chernivtsi National University, 58012, Kotsyubyns'ky Str., 2, Chernivtsi, Ukraine

<sup>b</sup>Laboratory of Materials, Electrochemistry and Environment, Faculty of Science, Ibn Tofail University, 133-14050, Kénitra, Morocco

<sup>c</sup>University of Mazandaran, 47416-95447, 3rd km. Air Force Road, Babolsar, Islamic Republic of Iran

Article history: Received: 25 October 2015; revised: 10 March 2016; accepted: 30 March 2016. Available online: 30 June 2016. DOI: <u>http://dx.doi.org/10.17807/orbital.v8i3.805</u>

**Abstract:** The mathematical model, describing the intercalation of aromatic fragments to the silicone surface by means of electrochemical reduction of respective diazo-salts, was represented and analyzed, by linear stability theory and bifurcation analysis. A theoretic comparation of the behavior of this system with that of analogous system was also made by modeling.

Keywords: silicone; diazocompounds; electrochemical reduction; intercalation; stable steady-state

# 1. INTRODUÇÃO

A flexibilidade de modificação, isto é, afinabilidade (em inglês, "tunability") é uma das propriedades fundamentais dos materiais modernos, como polímeros condutores [1-10], dos materiais de carbono [11-20] e silicone [21-30]. Os materiais "afináveis" têm, haja vista as suas características, possibilidade de ter um quadro vasto de usos, começando dos revestimentos protetores de corrosão e terminando com sensores e biossensores.

Há vários métodos de modificação de superfícies afináveis [1-30], como química, fotoquímica e eletroquímica. Esta última tem ganhado o seu uso amplo, porque, dando novas propriedades ao material condutor, mantém a sua condutividade alta e, em alguns casos [1-10], até a eleva e é mais rápida e eficiente comparada à fotoquímica [1-30] e, por conseguinte, é muito usada.

No caso dos materiais facilmente oxidáveis (ou sobreoxidáveis, como é o caso dos polímeros condutores [1-10]), o tratamento catódico pode ser mais efetivo que o anódico (haja vista, por exemplo, a eletrodeposição catódica de polipirrol em soluções ácidas de nitrato [31-32]). Outrossim, durante os processos catódicos, a probabilidade de haver instabilidades eletroquímicas (como oscilações em corrente e potencial) é menor que durante a eletrooxidação anódica de várias substâncias orgânicas ([33-43], inclusive a eletropolimerização de compostos heterocíclicos). Destarte, neste caso, é mais cabível a eletrorredução catódica, cujo alvo pode ser compostos metalorgânicos [44-46], ou diazossais [47-49]. A modificação catódica pode ser indireta, formando-se, no cátodo, as substâncias, capazes de render o produto-alvo (como 2,5-dibromofurano na eletrossíntese catódica de polifurano em [50-51] ou oxidar a substância precursora in situ, como em [31-32]).

Apesar de ser menor que no caso de modificação anódica, a probabilidade de instabilidades eletroquímicas no caso da modificação catódica ainda existe. Para prever e explicar, com uma base rígida teórica, a sua ocorrência é necessário desenvolver um modelo matemático, capaz de descrever adequadamente o comportamento deste sistema.

Além da função descritiva, a modelagem tem uma função comparativa, pois comparando os respectivos modelos, é possível analisar a diferença do comportamento dos dois sistemas sem ensaios experimentais. Ademais, a modelagem é uma

<sup>\*</sup>Corresponding author. E-mail: <u>nightwatcher2401@gmail.com</u>

ferramenta, capaz de prever o comportamento dos sistemas que ainda não foram investigados experimentalmente. Destarte, a análise teórica faz parte da investigação do mecanismo mais provável do sistema.

O objetivo geral deste trabalho é a investigação teórica do mecanismo da introdução (intercalação) dos fragmentos aromáticos no silicone, por meio da eletrorredução dos respectivos diazossais. O alcançamento deste objetivo geral requer o serem atingidos vários objetivos específicos, como o desenvolvimento do modelo matemático de equações de balanço, análise do modelo, detecção das condições de estabilidade de estado estacionário e das instabilidades eletroquímicas (como oscilatória e monotônica) e a comparação do comportamento deste sistema com o dos análogos [52-63], o que se fará neste trabalho.

#### 2. O SISTEMA E O SEU MODELO

Segundo o trabalho [30], a introdução de fragmentos aromáticos à superfície condutora de silicone realiza-se segundo o mecanismo:

$$ArN_{2^{+}} + e^{-} \rightarrow Ar^{*} + N_{2} + Sil (Ox)$$
(1)  

$$Ar^{*} + Sil - H \rightarrow Ar - H + Sil^{*}$$
(2)  

$$Sil^{*} + Ar^{*} \rightarrow Sil - Ar$$
(3)

Para descrevê-lo matematicamente, introduzimos as três variáveis:

c – a concentração do diazocomposto aromático na camada pré-superficial;

c\* - a concentração dos radicais aromáticos na camada pré-superficial;

 $\theta^*$  - a concentração dos sítios radicais de intercalação na superfície de silicone.

Para simplificar a modelagem, supomos que o reator esteja agitando-se intensamente, e, assim, podemos menosprezar as influências do fluxo de convecção. Também, é suposto que o eletrólito de suporte (neste caso, mistura de ácidos), esteja em excesso e, destarte, ser-nos-á possível menosprezar as influências do fluxo de migração. O perfil concentracional do diazocomposto na camada présuperficial, cuja espessura é suposta sendo estável, igual a  $\delta$ , é suposto a ser linear.

O diazocomposto entra na camada présuperficial por meio da difusão, sendo, depois eletrorreduzido, para formar o radical. Posto assim, a sua equação de balanço descrever-se-á como:

$$\frac{dc}{dt} = \frac{2}{\delta} \left( \frac{\Delta}{\delta} (c_0 - c) - r_1 \right) \tag{4},$$

em que  $\Delta$  é coeficiente de difusão,  $C_0$  é a concentração do diazossal e r<sub>1</sub> é a velocidade da reação da sua transformação em radical, que pode ser calculada como:

$$r_1 = k_1 c \exp\left(-\frac{F\varphi_0}{RT}\right) \tag{5}$$

Em que os parâmetros k correspondem às constantes das respectivas reações,  $F = N_A$ \*e, ao número de Faraday, R, à constante universal de gases, T, à temperatura absoluta,  $\varphi_0$ , ao salto do potencial, relativo ao potencial de carga zero.

O radical aromático é formado durante a eletrooxidação do diazocomposto, acompanhada pela saída do nitrogênio (1). Os radicais, depois reagem com a superfície de silicone, sendo o processo acompanhado pela transferência de próton (2), formando nela os sítios radicais, reagem com os próprios sítios e ainda podem recombinar, formando um composto bifenílico. Destarte, a sua equação de balanço será descrita conforme:

$$\frac{dc_*}{dt} = \frac{2}{\delta} (r_1 - r_2 - r_3 - r_4) \tag{6},$$

em que  $r_2$ ,  $r_3$  e  $r_4$  são velocidades das reações dos radicais, que se podem calcular como:

$$r_{2} = k_{2}c * (1 - \theta *) \exp(a\theta *) \qquad r_{3} = k_{3}c * \theta *$$

$$\exp(-a\theta *) \exp\left(-\frac{j\varphi_{0}}{RTT}\right)$$

$$r_{4} = k_{4}c *^{2} \qquad (7-8)$$

em que a é a variável que descreve a interação entre o radical aromático e a superfície radicalizada de silicone. Já a variável  $\Gamma$  é a concentração máxima de sítios ativos na superfície do silicone.

Os sítios radicais na superfície se formam durante a reação com a primeira porção de radicais aromáticos e depois recombinam com outra porção destes radicais. Assim sendo, a sua equação de balanço será descrita como:

$$\frac{d\theta_*}{dt} = \frac{1}{\Gamma} (r_2 - r_3) \tag{10}$$

Em termos gerais, o sistema é análogo aos sistemas da sobreoxidação dos polímeros condutores [53 – 55] (inclusive o dito "paradoxo de politiofeno"), apresentando, porém, várias diferenças que se discutirão abaixo.

(18)

#### 3. RESULTADOS E DISCUSSÃO

Para analisar o comportamento do sistema com a modificação da superfície de silicone por fragmentos aromáticos por meio da eletrorredução dos sais, analisamos o conjunto de equações diferenciais (4), (6) e (10), haja vistas as relações algébricas (5), (7 - 9), por meio da teoria de estabilidade linear. A matriz funcional de Jacobi, cujos elementos são calculados para o estado estacionário, pode descrever-se como:

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$
(11)

em que:

$$a_{11} = \frac{2}{\delta} \left( -\frac{\Delta}{\delta} - k_1 \exp\left(-\frac{F\varphi_0}{RT}\right) \right)$$

$$a_{12} = 0 \qquad (13)$$
(12)

$$a_{13} = \frac{2}{\delta} \left( -jk_1 c \exp\left(-\frac{F\varphi_0}{RT}\right) \right)$$
(14)

$$a_{21} = \frac{2}{\delta} \left( k_1 \exp\left(-\frac{F\varphi_0}{RT}\right) \right)$$
(15)

$$a_{22} = \frac{2}{\delta} \left( -k_2 (1 - \theta *) \exp(a\theta *) - k_3 \theta * \exp(a\theta *) \exp\left(-\frac{\varphi_0}{RTT}\right) - 2k_4 \right)$$
(16)

$$a_{23} = \frac{2}{\delta} \left( jk_1 c \exp\left(-\frac{F\varphi_0}{RT}\right) + k_2 c * \exp(a\theta *) - ak_2 c * (1 - \theta *) \exp(a\theta *) - k_3 c * \exp(-a\theta *) \exp\left(-\frac{j\varphi_0}{RT\Gamma}\right) + ak_3 c * \theta * \exp(-a\theta *) \exp\left(-\frac{\varphi_0}{RT\Gamma}\right) \right)$$
(17)

$$a_{31} = 0$$

$$a_{32} = \frac{1}{\Gamma} \left( k_2 (1 - \theta *) \exp(a\theta *) - k_3 \theta * \exp(a\theta *) \exp\left(-\frac{\varphi_0}{RT\Gamma}\right) \right)$$
(19)

$$a_{33} = \frac{1}{r} \Big( -k_2 c * \exp(a\theta *) + ak_2 c * (1 - \theta *) \exp(a\theta *) - k_3 c * \exp(-a\theta *) \exp\left(-\frac{\varphi_0}{RTr}\right) + ak_3 c * \theta * \exp(-a\theta *) \exp\left(-\frac{\varphi_0}{RTr}\right) \Big)$$

$$(20)$$

j é a variável que descreve as influências das reações radicais na dupla camada elétrica (DCE), os valores de cujas capacitâncias são alterados durante as reações radicais

É possível ver que a *instabilidade oscilatória* neste sistema é possível, porque na diagonal principal do jacobiano há elementos positivos (satisfaz-se a condição da bifurcação de Hopf), responsáveis pela positiva conexão de retorno:

$$ak_2c * (1 - \theta *) \exp(a\theta *) >0, \quad ak_3c * \theta *$$
  
 $\exp(-a\theta *) \exp\left(-\frac{\varphi_0}{RT\Gamma}\right), \quad \text{descrevendo} \quad \text{a}$   
interação atrativa entre o silicone e os radicais

interação atrativa entre o sincone e os radicais aromáticos, promovida pela interação de *spin*. No caso da eletropolimerização (seja ela catódica, ou anódica [54 – 60], a interação das moléculas da superfície entre si também é um dos fatores responsáveis pelo comportamento oscilatório (o que, diga-se a verdade, é natural, porque ambos os processos têm uma natureza radical ou radical-iônica). Já no caso da eletrodeposição catódica de polipirrol [31 – 32] ele não tem lugar, haja vista que a nucleação de polipirrol é feita por conta da presença do oxidante, formado *in situ*, que então reage com as moléculas de polipirrol.

$$jk_3c * \theta * \exp(-a\theta *) \exp\left(-\frac{\varphi_0}{RT\Gamma}\right) > 0,$$

quando j>0, definindo o comportamento oscilatório, causado pelas influências das reações dos radicais na DCE. Este é outro fator, característico tanto para este sistema, como para os sistemas de eletropolimerização [54 - 59] e, também, para os sistemas eletroanalíticos na base dos polímeros condutores [60 - 63].

Isto pode provar que o comportamento oscilatório neste sistema é mais provável que nos casos da eletrodeposição catódica [31 – 32] de polipirrol e da sua sobreoxidação potenciostática [52], mas é menos provável que no caso de paradoxo de politiofeno [54].

A estabilidade do estado estacionário é investigada, usando o critério de Routh-Hurwitz. Para evitar o uso de grandes expressões, introduzimos as novas variáveis e assim o determinante de jacobiano se descreve como:

$$\frac{4}{\delta^{2}\Gamma} \begin{vmatrix} -\kappa - \gamma & 0 & -\iota \\ \gamma & -\Lambda - \Sigma - T & \iota - I - \Xi \\ 0 & \Lambda - \Sigma & I - \Xi \end{vmatrix}$$
(21)

Com isso, a condição de estabilidade do estado estacionário, para este sistema, é descrita como:

$$(-\kappa - \Upsilon)(2\Lambda \Xi - 2\Sigma I + T\Xi - \Lambda \iota + \Sigma \iota) + \Upsilon(\Sigma \iota - \Lambda \iota) < 0$$
(22)

Esta condição se satisfaz no caso da nulidade ou fraqueza das influências das reações dos radicais na dupla camada elétrica (negatividade de I e de  $\Sigma$ ), bem como a fraqueza da sua interação mútua. Sendo satisfeita esta condição, a reação é controlada pela difusão do diazossal.

A zona topológica de estabilidade do estado estacionário é muito vasta. No entanto, é menos vasta que no caso da eletrodeposição catódica de polipirrol [31 - 32] e sobreoxidação dele [52], mas mais vasta que no caso do paradoxo de politiofeno [54]. Destarte, o estado estacionário neste sistema é formado com facilidade, mas com menor facilidade que no caso da eletrodeposição catódica de polipirrol e da sua sobreoxidação.

Outra diferença entre este sistema e os da eletrodeposição e sobreoxidação potenciostática de polipirrol é a existência, neste sistema, da instabilidade monotônica, cuja aparição se tem em

$$(-\kappa - \Upsilon)(2\Lambda \Xi - 2\Sigma I + T\Xi - \Lambda \iota + \Sigma \iota) + \Upsilon(\Sigma \iota - \Lambda \iota) = 0$$
(23)

e é revelada pelo trecho N-formado do voltamperograma. Neste ponto do sistema coexistem vários estados estacionários, sendo cada um instável, que se destroem, alterando-se as condições do processo.

### 4. CONCLUSÕES

- O processo da intercalação de fragmentos aromáticos no silicone por meio da eletrorredução é uma reação, controlada pela difusão. A estabilidade do estado estacionário neste caso é mais provável que no do paradoxo de politiofeno, mas menos provável que no caso da eletrodeposição de polipirrol. Mesmo nestas condições, o estado estacionário é muito provável.
- 2. A instabilidade oscilatória neste caso existe, sendo causada pela interação entre a superfície e os radicais aromáticos e os efeitos das reações sobre a dupla camada elétrica.
- **3.** Contrariamente aos casos da eletrodeposição e da sobreoxidação, neste caso, a instabilidade monotônica pode realizar-se neste sistema.

## 5. REFERÊNCIAS

- [1] Ansari, R. E-Journal of Chem., 2006, 3, 185. [CrossRef]
- [2] McQuade, T.; Pullen, A.; Swager, T.M. Chem. Rev. 2000, 100, 2537. [CrossRef]

- [3] Singh, R. Int. J. Electrochem., 2012, 2012, N.502707. [CrossRef]
- [4] de Andrade V.M. "Confecção de biossensores através da imobilização de biocomponentes por eletropolimerização de pirrol", Tés. M. Eng. UFRGS., Porto Alegre, 2006
- [5] Ojani, R.; Raoof, J.-B.; Ahmady, A.; Hosseini, S. R. *Casp. J. Chem.* 2012, *3*, 45. [CrossRef]
- [6] Ojani, R.; Raoof, J.-B.; Hosseini, S. R. *Electrochim. Acta.*, 2008, *53*, 2402. [CrossRef]
- [7] Ojani, R.; Raoof, J.-B.; Afagh, P. S. J. Electroanal. Chem. 2004, 571. 1. [CrossRef]
- [8] Sadki, S.; Schottland, P.; Brodie, N.; Saboraud, G. Chem. Soc. Rev. 2000, 29, 283. [CrossRef]
- [9] Roncali, J. Chem. Rev. 1992, 92. [CrossRef]
- [10] Otero, T.; Arévalo, A. H., J. Braz. Chem. Soc. 1994, 5, 183. [CrossRef]
- [11] Sims, M. J.; Li, Kachoosangi, R. T. et. al. Electrochim. Acta., 2009, 54, 5030. [CrossRef]
- [12] Kachoosangi, R. T.; Wildgoose, G. G.; Compton, R. G. Electroanalysis, 2008, 20, 1714. [CrossRef]
- [13] Kachoosangi, R. T.; Wildgoose, G. G.; Compton, R. G. Analyst, 2008, 133, 888. [CrossRef]
- [14] Kachoosangi, R. T.; Wildgoose, G. G.; Compton, R. G. Anal. Chim. Acta, 2008, 618, 54. [CrossRef]
- [15] Dalton, A. B.; Collins, S.; Muñoz, E. et. al. Nature, 2003, 423, 703. [CrossRef]
- [16] Kilbride, B. E.; Coleman, J. N.; Fournet, P. et. al. J. Appl. Phys. 2002, 92, 4024. [CrossRef]
- [17] Sandler, J. K. W.; Kirk, J. E.; Kindloch, I. A. et. al., Polymer, 2003, 44, 5893. [CrossRef]
- [18] Biercuk, M. J.; Llaguno, M. C.; Radosavljevic, M. et. al. Appl. Phys. Lett., 2002, 80, 2767. [CrossRef]
- [19] Wei, C.; Srivastava, D.; Cho, K.; *Nano Lett.* **2002**, *2*, 647. [CrossRef]
- [20] Hu, C.; Hu, S.; *Langmuir*, **2008**, *24*, 8890. [CrossRef]
- [21] Schmeltzer, J. M.; Porter, L. A.; Stewart, M. P.; Buriak, J. M. Langmuir, 2002, 18, 2971. [CrossRef]
- [22] Teyssot, A.; Fidelis, A.; et. al. Electrochim. Acta, 2002, 47, 2565.
- [23] Facheux, A.; Goujet-Laemmel, A. C.; de Villeneuve, C. H. et. al., Langmuir, 2006, 22, 153. [CrossRef]
- [24] Koiry, S. P.; Aswal, D. K, Saxena, V. et. al. Appl. Phys. Lett., 2007, 90, 113118. [CrossRef]
- [25] Buriak, J. M.; Chem. Rev. 2002, 102, 1271. [CrossRef]
- [26] Wayner, D. D. M.; Wolkow, R. A. Perkin Trans. 2002, 2, 23. [CrossRef]
- [27 Fellah, S.; Teyssot, A.; Ozanam, F. et. al. Langmuir, 2002, 18, 5851. [CrossRef]
- [28] Allongue, P.; de Villeneuve, C. H.; Cherouvrier, G. et. al. J. Electroanal. Chem., 2003, 550, 161. [CrossRef]
- [29] Ullien, D.; Thüne, P. C.; Jager, F. W. et. al. Phys. Chem. Chem. Phys. 2014, 16, 19258. [CrossRef]
- [30] Kaiber, A.; Cherkaoui, M.; *Mor. J. Chem.*, **2015**, *3*, 600. [Link]
- [31] Jung, Y.; Singh, N.; Choi, K. S. Angew. Chem., Int. Ed., 2009, 48, 8331. [CrossRef]

- [32] Cui, X.; Huang, X.; He, Y. et. al. Synth. Met. 2014, 195, 97. [CrossRef]
- [33] Hudson, L.; Bassett, M. R. *Rev. Chem. Eng.* **1991**, *7*, 108, [CrossRef]
- [34] Pagitsas, M.; Sazou, D. *Electrochim. Acta* **1991**, *36*, 1301, [CrossRef]
- [35] Pearlstein, A. J.; Johnson, J. A.; J. Electrochem. Soc. 1991, 136, 1290. [CrossRef]
- [36] Das, I.; Agrawal, N. R.; Ansari, S. A.; Gupta, S. K. Ind. J. Chem., 2008, 47A, 1798. [Link]
- [37] Rahman, S. U.; Ba-Shammakh, M. S. Synth. Met. 2004, 140, 207. [CrossRef]
- [38] Liu, A. S.; Oliveira, M. A. S.; J. Braz. Chem. Soc. 2007, 18, 143. [CrossRef]
- [39] Sazou, D.; Synth. Met. 2002, 130, 45, [CrossRef]
- [40] Das, I.; Goel, N.; Agrawal, N. R.; Gupta, S. K.; J. Phys. Chem. 2010, 114, 12888. [CrossRef]
- [41] Bazzaoui, M.; Bazzaoui, E. A.; Martins, L.; Martins, J. I.; Synth. Met. 2002, 130, 73. [CrossRef]
- [42] Das, I.; Goel, N.; Gupta, S. K.; Agrawal, N. R. J. Electroanal. Chem., 2012, 670, 1. [CrossRef]
- [43] Aoki, K.; Mukoyama, I.; Chen, J. Russ. J. Electrochem., 2004, 40, 319. [CrossRef]
- [44] Nemanick, E. J.; Hurley, P. T.; Webb, L. J.; et. al. J. Phys. Chem. B, 2006, 110, 14770. [CrossRef]
- [45] Yamada, T.; Shirasaka, M.; Noto, H. S, et. al. J. Phys. Chem. B, 2006, 110, 7357. [CrossRef]
- [46] Song, J. H.; Sailor, M. J. J. Am. Chem. Soc. 1998, 120, 2376. [CrossRef]
- [47] Delamar, M.; Désarmot, O.; Fagebaume, R.; et. al. Carbon, 1997, 35, 801 [CrossRef]

- [48 Bourdillon, C.; Delamar, M.; Demaille, C.; et. al. J. Electroanal. Chem, 1992, 336, 113 [CrossRef]
- [49] Belanger, D.; Pinson, J. Chem. Soc. Rev. 2011, 40, 3995, [CrossRef]
- [50] Hernández, V.; Ramírez, F. J.; Zotti, G.; López Navarrete, J. T.; J. Chem. Phys, **1993**, 88, 769. [CrossRef]
- [51] Ballav, N.; Biswas, M. Polym. Int. 2005, 54, 725. [CrossRef]
- [52] Tkach, V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. Orbital: Electron. J. Chem. 2012, 4, 39. [Link]
- [53] Tkach,V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. Avan. Quím. 2013, 8, 9.
- [54] Tkach, V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets', P. Med. J. Chem. 2015, 3, 1122. [CrossRef]
- [55] Tkach, V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. Ciên. Tecn. Mat. 2012, 24, 54.
- [56] Tkach, V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. Tecn. Met., Mat. Min., 2013, 10, 249. [CrossRef]
- [57] Tkach, V.; Ojani, R.; Nechyporuk, V.; et. al. Bulg. Chem. Comm., 2016, 48, 126. [Link]
- [58] Tkach, V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. Afinidad, 2013, 70, 73. [Link]
- [59] Tkach, V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. Ciên. Tecn. Mat. 2012, 24, 50.
- [60] Tkach, V.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. Anal. Bioanal. Electrochem. 2014, 6, 273.
- [61] Tkach V.; Swamy, B. K.; Ojani, R.; et. al. Orbital: Electron. J. Chem., 2015, 7, 1. [CrossRef]
- [62] Tkach V.; Swamy, B. K.; Ojani, R.; et. al. Rev. Colomb. Cien. Quím. Farm., 2015, 44, 148. [CrossRef]
- [63] Tkach, V.; Ojani, R.; Nechyporuk, V.; Yagodynets, P. *Rev. Fac. Ing. UCV.* 2015, 30, 67.