ZfM - Tests zum Zahlenverständnis zur Lernverlaufsdiagnostik - "Zahlen finden" der Onlineplattform www.levumi.de

Beschreibung der Testkonstruktion sowie der Items der Tests "Zahlen finden" in deutscher Sprache

Jeffrey M. DeVries¹, Katharina Buchwald², Sven Anderson³ & Markus Gebhardt²

¹Institut für Schulentwicklungsforschung Fakultät Erziehungswissenschaft, Psychologie und Bildungsforschung Technische Universität Dortmund

²Lernbehindertenpädagogik einschließlich inklusiver Pädagogik Fakultät Humanwissenschaften Universität Regensburg

³Entwicklung und Erforschung inklusiver Bildungsprozesse Fakultät Rehabilitationswissenschaften Technische Universität Dortmund

¹Dr. Jeffrey M. DeVries <u>jeffrey.devries@tu-dortmund.de</u> https://orcid.org/0000-0001-8923-6615

²Katharina Buchwald <u>katharina.buchwald@ur.de</u> <u>https://orcid.org/0000-0001-7570-7068</u>

³Sven Anderson <u>sven.anderson@tu-dortmund.de</u> https://orcid.org/0000-0002-2323-8543

²Prof. Dr. Markus Gebhardt <u>markus.gebhardt@ur.de</u> https://orcid.org/0000-0002-9122-0556 Dieses Dokument und die Zahlenverständnistests inkl. aller Items erscheinen unter der Creative-Commons-Lizenz CC-BY-NC-SA.

Die Lizenz erlaubt Nutzern das Werk zu verbreiten, zu verändern und nicht kommerziell zu verwenden und unter Nennung der Urheber des Originals unter denselben Bedingungen zu veröffentlichen.

This work is licensed under the Creative Commons Attribution-NonCommercial 4.0 International License. To view a copy of this license, visit http://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/ or send a letter to Creative Commons, PO Box 1866, Mountain View, CA 94042, USA.



Attribution-NonCommercial-ShareAlike CC BY-NC-SA

Zusammenfassung

Die Onlineplattform Levumi (<u>www.levumi.de</u>) verfügt im Bereich Mathematik Grundlagen - Zahlenverständnis über die Testverfahren "Zahlen finden" im Zahlenraum bis 10, bis 20, bis 100 und bis 1000. Die Anforderung der Tests besteht darin auf einem nahezu unbeschrifteten Zahlenstrahl die Position einer Zahl zu schätzen. Dieser Zahlenverständnistest ist als schülerzentrierter Speedtest mit einer Durchführungszeit von drei Minuten konstruiert. Im Folgenden wird ein kurzer Einblick in die Konzeption der Testverfahren "Zahlen finden" und deren Umsetzung auf der Onlineplattform Levumi gegeben. Zur Übersicht sind dem Dokument die Itemlisten angehängt.

Schlagwörter: Zahlen finden, Zahlenstrahl, Zahlenverständnis, Rechentest, Test, Lernverlaufsdiagnostik, CBM

Zahlenverständnistests in Levumi

Die Onlineplattform Levumi (www.levumi.de; Gebhardt et al., 2016a) bietet Tests zur Erfassung mathematischer Basiskompetenzen (Ennemoser et al., 2011) im Lernbereich "Zahlen und Operationen" an. In den Bildungsstandards der KMK (2005) teilt sich der Lernbereich "Zahlen und Operationen" in "Zahldarstellungen und Zahlbeziehungen verstehen" und "Rechenoperationen verstehen und beherrschen" (KMK, 2005). Angelehnt an die Bildungsstandards, die den Lehrplänen der Länder zugrunde liegen, teilt sich in Levumi der Lernbereich "Zahlen und Operationen" in "Zahlenverständnis" und "Rechenoperationen" (Buchwald et al., 2022). Zahlenverständnistests überprüfen die Basiskompetenzen, also grundlegende mathematische Fähigkeiten, die notwendig sind, um weitere Anforderungen des Mathematikunterrichts bewältigen zu können (Ennemoser et al., 2011). Alle Tests können als Basis für eine datenbasierte Förderplanung und zur Gestaltung von adaptiven Förderungen auch im inklusiven Unterricht genutzt werden (Anderson et al., 2020; Anderson et al., 2021; Jungjohann et al., 2021).

Neben den verschiedenen Testarten gibt es die Tests in Levumi jeweils auf mehreren Niveaustufen, um möglichst sensibel zu messen. Die Niveaustufen dienen der Lehrkraft für eine grobe Schwierigkeitseinstufung sowie zur Adaption der Tests an den aktuellen Unterricht und basieren auf dem Zahlenraum der Aufgaben, welcher im Grundschulbereich ein zentraler Schwierigkeitsindikator ist (Ennemoser et al., 2011; Krajewski & Ennemoser, 2013). Die Niveaustufe N0 beinhaltet den Zahlenraum bis 5, N1 bis 10, N2 bis 20, N3 bis 100, N4 bis 1.000 und N5 bis 1.000.000 (siehe Abbildung 1). Diese Einteilung der Niveaustufen nach Zahlenräumen dient als Ordnungsschema und hilft der Lehrkraft bei der Auswahl der Tests. Ziel ist es, eine einfache und nachvollziehbare Stufung der Tests in allen Bereichen von Levumi zu gewährleisten (Buchwald et al., 2022).

Niveaustufen im Bereich Zahlen und Operationen



Abbildung 1: Niveaustufen im Bereich Zahlen und Operationen

Zahlenverständnistest "Zahlen finden" in Levumi

"Zahlen finden" ist eines von mehreren Testverfahren auf der Onlineplattform Levumi (www.levumi.de), das das Verständnis von Numerosität abprüft. Die Anforderung der Tests besteht darin, auf einem nahezu unbezifferten Zahlenstrahl die Position einer vorgegebenen Zahl zu schätzen (DeVries et al., 2020). Im Folgenden wird ein kurzer Einblick in die Konzeption des Testverfahrens und dessen Umsetzung auf der Onlineplattform Levumi gegeben. Die Itemlisten sind dem Dokument im Anhang angefügt.

Forschungsergebnisse zur Entwicklung mathematischer Kompetenzen verdeutlichen, dass beim Lösen von Rechenaufgaben, in denen die Zahlraumvorstellung aktiviert werden muss,

rechenschwache Kinder signifikant schlechter abschneiden (von Aster, 2013). Die Zahlraumvorstellung in Form eines mentalen Zahlenstrahls gilt als wichtige Entwicklungsstufe (ebd.). Durch das Schätzen der Zahlen auf dem nahezu unbezifferten Zahlenstrahl müssen die Schülerinnen und Schüler die ungefähren Werte der Zahlen und ihre Position auf dem Zahlenstrahl kennen und ihren mentalen Zahlenstrahl abrufen.

Je nach Lernstand der Schülerinnen und Schüler kann diese Kompetenz in Levumi in vier verschiedenen Zahlenräumen überprüft werden.

Tabelle 1. Niveaustufen im Test "Zahlen finden"

Zahlen finden (N1)	Zahlenraum bis 10
Zahlen finden (N2)	Zahlenraum bis 20
Zahlen finden (N3)	Zahlenraum bis 100
Zahlen finden (N4)	Zahlenraum bis 1000

Aufgrund des Testlayouts verfügt jede Niveaustufe über eine Eingabetoleranz (N1 \pm 1, N2 \pm 2, N3 \pm 10, N4 \pm 100). Wenn ein Kind beispielsweise die Aufgabe hat, die Zahl 91 auf dem Zahlenstrahl zu lokalisieren, dann wird das Item als korrekt gelöst gewertet, wenn das Kind auf die Stelle im Zahlenstrahl klickt, auf der tatsächlich die Zahl 91 verortet ist. Das Item wird ebenfalls als korrekt gelöst gewertet, wenn das Kind im Zahlenstrahl auf die Stelle im Zahlenstrahl klickt, auf der die Zahlen 81 bis 90 oder die Zahlen 92 bis 100 verortet sind (Eingabetoleranz \pm 10). Alle übrigen Lösungen werden als falsch gelöst gewertet. Insbesondere die Tests und die Eingabetoleranz auf Niveaustufe N3 und N4 wurden zu Forschungszwecken an- und festgelegt.

Zusätzlich kann der Test "Zahlenstrahl ergänzen" verwendet werden, bei dem den Schülerinnen und Schülern neben der Anfangs- und Endzahl des Zahlenstrahls zur leichteren Lösung auch Zwischenschritte angezeigt werden.

Durchführung der Onlineversion

Nachdem die Lehrkraft den Test für den jeweiligen Schüler oder die jeweilige Schülerin freigeschaltet hat, kann der Test über den Schülerzugang bearbeitet werden. Die Testplattform Levumi stellt für jede Testperson bei jeder Messung einen individuellen Test zur Verfügung. Durch einen vorab festgelegten Ziehalgorithmus wird sichergestellt, dass das Anforderungsniveau bei wiederholter Messung über die Zeit unter Berücksichtigung einer möglichst gleichmäßigen Verteilung der Aufgabenkategorien konstant bleibt. Für jede neue Testdurchführung wird dafür auf der Plattform ein eigener Test generiert. Eine positive Veränderung im Summenwert richtig gelöster Aufgaben ist demnach auf einen Kompetenzzuwachs der Schülerinnen und Schüler zurückzuführen. Dafür zieht die Plattform aus dem definierten Itempool nacheinander zufällig Items, bis entweder die Zeitvorgabe von drei Minuten abgelaufen ist oder alle Items bearbeitet wurden. Der Itempool ist i. d. R. so groß angelegt, dass nicht alle Items vollständig während eines Tests bearbeitet werden können. Der Test endet nach drei Minuten und wird von der Plattform automatisch ausgewertet (Mühling et al., 2017).

Abbildung 2 illustriert ein Aufgabenbeispiel des Tests "Zahlen finden" (N2).



Abbildung 2: Testfenster "Zahlen finden" (N2)

Alle Levumi-Tests sind unter www.levumi.de nach einer kostenlosen Registrierung zur freien Nutzung verfügbar. Das Levumi-Team empfiehlt die Nutzung der digitalen Versionen für den schulischen Gebrauch, da die Plattform sowohl Verwaltungsaufgaben sowie eine automatisierte Auswertung für die Lehrkräfte übernimmt (für weitere Informationen siehe Gebhardt et al., 2021; Jungjohann & Gebhardt, 2018). In dem Levumi LehrerInnen-Handbuch (Gebhardt et al., 2016b) wird die Bedienung der Plattform erklärt und Hilfestellungen zur Interpretation gegeben.

Literaturverzeichnis

Anderson, S., Jungjohann, J. & Gebhardt, M. (2020). Effects of using curriculum-based measurement (CBM) for progress monitoring in reading and an additive reading instruction in second classes. *Zeitschrift für Grundschulforschung*, 51(1), 1. https://doi.org/10.1007/s42278-019-00072-5

Anderson, S., Jungjohann, J., Schurig, M. & Gebhardt, M. (2021). Verknüpfung von Lernverlaufsdiagnostik und Leseförderung. Die Konstruktionsprinzipien des Leseabenteuers "Levumi und Fredro auf Schatzsuche". In N. Böhme, B. Dreer, H. Hahn, S. Heinecke, G. Mannhaupt & S. Tänzer (Hrsg.), *Mythen, Widersprüche und Gewissheiten der Grundschulforschung* (S. 173–179). Springer. https://doi.org/10.1007/978-3-658-31737-9_20

Aster, M. von. (2013). Wie kommen Zahlen in den Kopf und was kann sie daran hindern? Ein Modell der normalen und abweichenden Entwicklung zahlenverarbeitender Hirnfunktionen. In M. von Aster & J. H. Lorenz (Hrsg.), *EBL-Schweitzer. Rechenstörungen bei Kindern: Neurowissenschaft, Psychologie, Pädagogik; mit 8 Tabellen* (2. Aufl., S.15–38). Vandenhoeck & Ruprecht.

Buchwald, K., Anderson, S., Lutz, S., Mühling, A., Sommerhoff, D. & Gebhardt, M. (2022). Lernverlaufsdiagnostik in Mathematik. Basiskompetenzen mit der Onlineplattform Levumi.de messen. *Zeitschrift für Heilpädagogik*, 73(4), 168-178. https://doi.org/10.5283/epub.52061

DeVries, J. M., Kuhn, J.-T. & Gebhardt, M. (2020). What Applying Growth Mixture Modeling Can Tell Us About Predictors of Number Line Estimation. *Journal of Numerical Cognition*, *6*(1), 66-82. https://doi.org/10.5964/jnc.v6i1.212

Ennemoser, M., Krajewski, K. & Schmidt, S. (2011). Entwicklung und Bedeutung von Mengen-Zahlen-Kompetenzen und eines basalen Konventions- und Regelwissens in den Klassen 5 bis 9. Zeitschrift für Entwicklungs-psychologie und Pädagogische Psychologie, 43(4), 228–242. https://doi.org/10.1026/0049-8637/a000055

Gebhardt, M., Diehl, K. & Mühling, A. (2016a). Online Lernverlaufsmessung für alle SchülerInnen in inklusiven Klassen. www.levumi.de. Zeitschrift für Heilpädagogik, 67(10), 444-454. https://doi.org/10.5283/e-pub.43877

Gebhardt, M., Diehl, K. & Mühling, A. (2016b). *Lern-Verlaufs-Monitoring*. *Levumi Lehrerhandbuch*. Technische Universität Dortmund. https://doi.org/10.17877/DE290R-17792

Gebhardt, M., Jungjohann, J. & Schurig, M. (2021). *Lernverlaufsdiagnostik im förderorientierten Unterricht: Testkonstruktionen, Instrumente, Praxis.* Ernst Reinhardt.

Jungjohann, J. & Gebhardt, M. (2018). Lernverlaufsdiagnostik im inklusiven Anfangsunterricht Lesen – Verschränkung von Lernverlaufsdiagnostik, Förderplanung und Wochenplanarbeit. In F. Hellmich, G. Görel & M. F. Löper (Hrsg.), *Inklusive Schul- und Unterrichtsentwicklung* (S. 160-172). Kohlhammer.

Jungjohann, J., Anderson, S., Schurig, M. & Gebhardt, M. (2021). Adaptiven Unterricht mit und durch Lernverlaufsdiagnostik gestalten. In N. Böhme, B. Dreer, H. Hahn, S. Heinecke, G. Mannhaupt & S. Tänzer (Hrsg.), *Mythen, Widersprüche und Gewissheiten der Grundschulforschung* (S. 329–335). https://doi.org/10.1007/978-3-658-31737-9 37

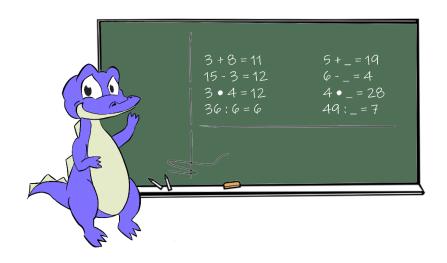
KMK. (2005). Beschlüsse der Kultusministerkonferenz: Bildungsstandards im Fach Mathematik für den Primarbereich. Beschluss vom 15.10.2004. München, Neuwied. https://www.kmk.org/fileadmin/Dateien/veroeffent-lichungen-beschlusse/2004/2004 10 15-Bildungsstandards-Mathe-Haupt.pdf

Krajewski, K. & Ennemoser, M. (2013). Entwicklung und Diagnostik der Zahl-Größen-Verknüpfung zwischen 3 und 8 Jahren. In M. Hasselhorn, A. Heinze, W. Schneider & U. Trautwein (Hrsg.), Tests und Trends: N.F., Band 11. *Diagnostik mathematischer Kompetenzen* (S. 41–65). Hogrefe.

Mühling, A., Gebhardt, M. & Diehl, K. (2017). Formative Diagnostik durch die Onlineplattform Levumi. *Informatik Spectrum*, 40(6), 556-561. https://doi.org/10.1007/s00287-017-1069-7

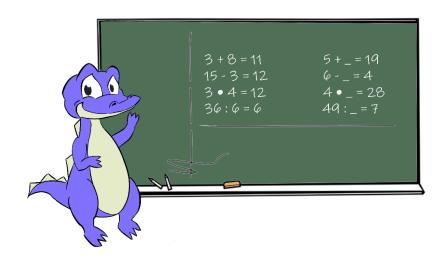
Anhang

Im Folgenden sind die Items zu jeder Testniveaustufe (N1-N4) des Tests "Zahlen finden" angehängt, die auf der Onlineplattform Levumi implementiert wurden. Zudem finden sich jeweils Angaben zur Eingabetoleranz und zur korrekten Lösung.



ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 9? Klicke.	± 1	8 - 10
Wo ist die 2? Klicke.	± 1	1 - 3
Wo ist die 1? Klicke.	± 1	0 - 2
Wo ist die 5? Klicke.	± 1	4 - 6
Wo ist die 7? Klicke.	± 1	6 - 8

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 6? Klicke.	± 1	5 - 7
Wo ist die 4? Klicke.	± 1	3 - 5
Wo ist die 8? Klicke.	± 1	7 - 9
Wo ist die 3? Klicke.	± 1	2 - 4

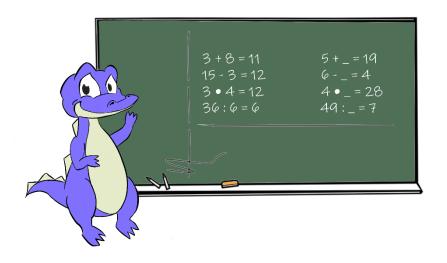


ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 1? Klicke.	± 2	0 - 3
Wo ist die 4? Klicke.	± 2	2 - 6
Wo ist die 5? Klicke.	± 2	3 - 7
Wo ist die 8? Klicke.	± 2	6 - 10
Wo ist die 9? Klicke.	± 2	7 - 11

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 12? Klicke.	± 2	10 - 14
Wo ist die 13? Klicke.	± 2	11 - 15
Wo ist die 15° Klicke.	± 2	13 - 17
Wo ist die 18? Klicke.	± 2	16 - 20
Wo ist die 19? Klicke.	± 2	17 - 20

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 10? Klicke.	± 2	8 - 12
Wo ist die 16? Klicke.	± 2	14 - 18
Wo ist die 7? Klicke.	± 2	5 - 9
Wo ist die 11? Klicke.	± 2	9 - 13
Wo ist die 2º Klicke.	± 2	0 - 4

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 6? Klicke.	± 2	4 - 8
Wo ist die 3? Klicke.	± 2	1 - 5
Wo ist die 14? Klicke.	± 2	12 - 16
Wo ist die 17¢ Klicke.	± 2	15 - 19



ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 32? Klicke.	± 10	22 - 42
Wo ist die 67? Klicke.	± 10	57 - 77
Wo ist die 83? Klicke.	± 10	73 - 93
Wo ist die 27? Klicke.	± 10	17 - 37
Wo ist die 73? Klicke.	± 10	63 - 83

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 98? Klicke.	± 10	88 - 100
Wo ist die 15? Klicke.	± 10	5 - 25
Wo ist die 3? Klicke.	± 10	0 - 13
Wo ist die 40? Klicke.	± 10	30 - 50
Wo ist die 59? Klicke.	± 10	49 - 69

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 91? Klicke.	± 10	81 - 100
Wo ist die 44? Klicke.	± 10	34 - 54
Wo ist die 5? Klicke.	± 10	0 - 15
Wo ist die 84? Klicke.	± 10	74 - 94
Wo ist die 75? Klicke.	± 10	65 - 85

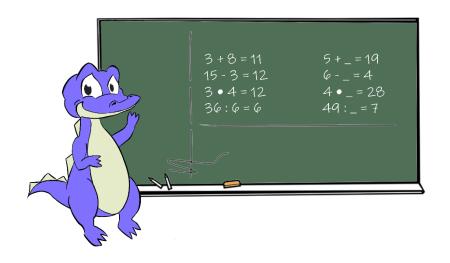
ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 28°, Klicke.	± 10	18 - 38
Wo ist die 33? Klicke.	± 10	23 - 43
Wo ist die 69? Klicke.	± 10	59 - 79
Wo ist die 12? Klicke.	± 10	2 - 22
Wo ist die 50? Klicke.	± 10	40 - 60

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 77? Klicke.	± 10	67 - 87
Wo ist die 53? Klicke.	± 10	43 - 63
Wo ist die 92? Klicke.	± 10	82 - 100
Wo ist die 86? Klicke.	± 10	76 - 96
Wo ist die 22? Klicke.	± 10	12 - 32

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 36? Klicke.	± 10	26 - 46
Wo ist die 61? Klicke.	± 10	51 - 71
Wo ist die 8? Klicke.	± 10	0 - 18
Wo ist die 13? Klicke.	± 10	3 - 23
Wo ist die 45? Klicke.	± 10	35 - 55

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 14? Klicke.	± 10	4 - 24
Wo ist die 88? Klicke.	± 10	78 - 98
Wo ist die 72? Klicke.	± 10	62 - 82
Wo ist die 94? Klicke.	± 10	84 - 100
Wo ist die 30? Klicke.	± 10	20 - 40

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 62? Klicke.	± 10	52 - 72
Wo ist die 47? Klicke.	± 10	37 - 57
Wo ist die 54? Klicke.	± 10	44 - 64
Wo ist die 24? Klicke.	± 10	14 - 34
Wo ist die 9? Klicke.	± 10	0 - 19



ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 276? Klicke.	± 100	176 - 376
Wo ist die 745? Klicke.	± 100	645 - 845
Wo ist die 509? Klicke.	± 100	409 - 609
Wo ist die 693? Klicke.	± 100	593 - 793
Wo ist die 442? Klicke.	± 100	542 - 642

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 832? Klicke.	± 100	732 - 932
Wo ist die 364? Klicke.	± 100	264 - 464
Wo ist die 924? Klicke.	± 100	824 - 1000
Wo ist die 2? Klicke.	± 100	0 - 102
Wo ist die 185? Klicke.	± 100	85 - 285

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 773? Klicke.	± 100	673 - 873
Wo ist die 39? Klicke.	± 100	0 - 139
Wo ist die 290? Klicke.	± 100	190 - 390
Wo ist die 614? Klicke.	± 100	514 - 714
Wo ist die 852? Klicke.	± 100	752 - 952

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 479? Klicke.	± 100	379 - 579
Wo ist die 389? Klicke.	± 100	289 - 489
Wo ist die 529? Klicke.	± 100	429 - 629
Wo ist die 949? Klicke.	± 100	849 - 1000
Wo ist die 117? Klicke.	± 100	17 - 217

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 882? Klicke.	± 100	782 - 982
Wo ist die 706? Klicke.	± 100	606 - 806
Wo ist die 226? Klicke.	± 100	126 - 326
Wo ist die 794? Klicke.	± 100	694 - 894
Wo ist die 146? Klicke.	± 100	46 - 246

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 557? Klicke.	± 100	457 - 657
Wo ist die 333? Klicke.	± 100	233 - 433
Wo ist die 54? Klicke.	± 100	0 - 154
Wo ist die 969? Klicke.	± 100	869 - 1000
Wo ist die 636? Klicke.	± 100	536 - 736

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 979? Klicke.	± 100	879 - 1000
Wo ist die 165? Klicke.	± 100	65 - 265
Wo ist die 666? Klicke.	± 100	566 - 766
Wo ist die 253? Klicke.	± 100	153 - 353
Wo ist die 76? Klicke.	± 100	0 - 176

ltem	Eingabetoleranz	Korrekte Lösungen
Wo ist die 586? Klicke.	± 100	486 - 686
Wo ist die 725? Klicke.	± 100	625 - 825
Wo ist die 410? Klicke.	± 100	310 - 510
Wo ist die 335? Klicke.	± 100	235 - 435
Wo ist die 813? Klicke.	± 100	713 - 913