

УДК 621.376.42:621.396.61

**НОВЫЙ МЕТОД ГЕНЕРИРОВАНИЯ СИГНАЛОВ ФАЗОВОЙ МОДУЛЯЦИИ**

В.А. ИЛЬИНКОВ, Я.М. ЯРКОВ, А.В. ИЛЬИНКОВА

*Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники  
П. Бровки, 6, Минск, 220013, Беларусь**Поступила в редакцию 4 февраля 2016*

Разработан новый эффективный метод генерирования сигналов фазовой модуляции (ФМ), обеспечивающий практически предельную линейность статической модуляционной характеристики. Синтезирована структура устройства, реализующего предлагаемый метод.

*Ключевые слова:* сигнал, модуляция, фаза, генерирование, метод, устройство.

**Введение**

Важной для телекоммуникаций, радиоэлектроники и измерительной техники является задача генерирования сигналов ФМ. В настоящее время она решается известными методами (устройствами), реализующими требуемый (в общем случайный) закон изменения фазы посредством цифрового либо цифро-аналогового синтеза [1–6].

Известные методы (устройства), в общем пригодные для применения в широком диапазоне несущих частот  $f_C$ , обладают существенным недостатком: имеют относительно невысокую линейность статической модуляционной характеристики, что ограничивает возможности генерирования цифровых (включая многопозиционные) и аналоговых сигналов ФМ [1–3]. Цель работы – разработка метода и устройства генерирования, имеющих высокую линейность статической модуляционной характеристики.

**Разработка метода генерирования сигналов фазовой модуляции**

Идея предлагаемого метода генерирования сигналов ФМ основана на следующем.

Известно, что в случае ФМ входному модулирующему сигналу  $U_1(t)$  соответствует выходной модулированный сигнал

$$U_{PM}(t) = U_C \cos \Phi_{PM}(t) = U_C \cos(\Phi_C(t) + \Phi_M(t) + \Phi_0) = U_C \cos(\omega_C t + aU_1(t) + \Phi_0), \quad (1)$$

где  $U_C$ ,  $\omega_C$ ,  $\Phi_0$  – соответственно амплитуда, круговая несущая частота и начальная фаза модулированного сигнала;  $U_1(t)$  – модулирующий сигнал с диапазоном мгновенных значений от  $U_{1,MIN}$  до  $U_{1,MAX}$ ;  $a$  – параметр, характеризующий крутизну статической модуляционной характеристики фазового модулятора ( $[a] = [\Phi_M(t)]/[U_1(t)] = 1 \text{ рад} \cdot \text{В}^{-1}$ );  $\Phi_C(t)$ ,  $\Phi_M(t)$  – соответственно немодулированная (линейная) и модулированная составляющие фазы.

Разбивая бесконечный полуинтервал  $[0, \infty)$  времени  $t$  на малые отрезки длительностью  $\Delta t$ , получаем для любого текущего момента  $t_K = k \cdot \Delta t$  ( $k = 1, 2, 3, \dots$ ) мгновенное значение  $\Phi_{PM}(t_K)$  фазы ФМ-сигнала:

$$\Phi_{PM}(t_K) = \Phi_C(t_K) + \Phi_M(t_K) + \Phi_0 = \Phi_C(t_K) + \Phi_M^1(t_K), \quad (2)$$

где  $\Phi_M^1(t_K) = aU_1(t_K) + \Phi_0$ ;  $\Phi_C(t_K) = \omega_C k \cdot \Delta t = \omega_C(k-1) \cdot \Delta t + \omega_C \cdot \Delta t$ ;  
 $\Delta\Phi_C(t_K) = \omega_C \cdot \Delta t$ ;  
 $\Delta\Phi_C(t_K)$  – приращение линейной составляющей фазы на отрезке  $[t_{K-1}, t_K]$ .

Учитывая периодичность функции  $F_1(x) = \cos x$ , наложим следующие ограничения:  
 $0 \leq \Phi_M^1(t_K) \leq R \cdot \delta\Phi_M$  ( $R = r \cdot 2^{n-m} - 1$ ;  $n = [n]$ ;  $m = [m]$ ;  $r = [r] \leq 2^m$ ;  $0 < m < n$ ); (4)  
 значения  $\Phi_M^1(t_K)$  выбираются из множества значений  $0, \delta\Phi_M, 2\delta\Phi_M, \dots, R\delta\Phi_M$  ( $\delta\Phi_M$  – шаг изменения модулированной составляющей фазы);  $(R+1) \cdot \delta\Phi_M = 2\pi$  (рис. 1, б).

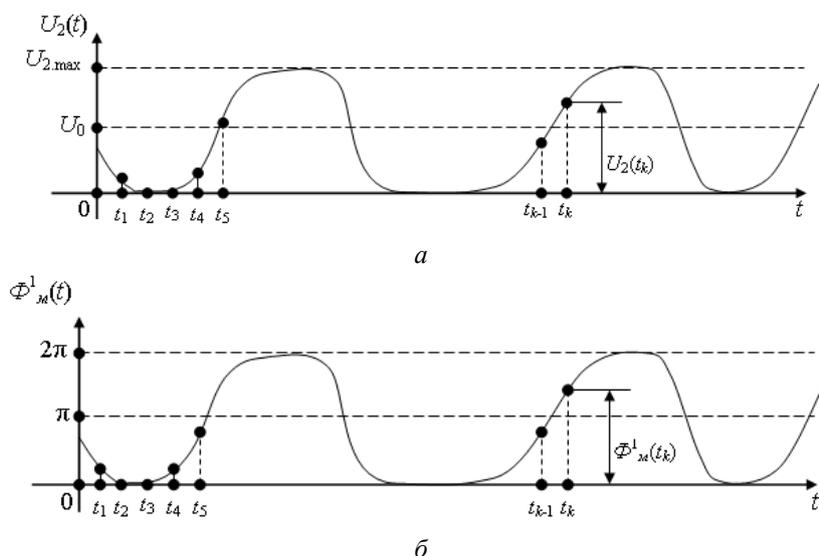


Рис. 1. Диаграммы, поясняющие предлагаемый метод генерирования сигналов ФМ

Дополнительно введем в рассмотрение относительное (нормированное) значение фазы ФМ-сигнала:  $\Phi_M^0(t_K) = \Phi_M^1(t_K) / \delta\Phi_M$ .

Выполняя указанное, устанавливаем взаимно однозначное соответствие:  $\Phi_M^1(t_K) \Leftrightarrow \Phi_M^0(t_K) = a_K$ , где  $a_K = a_0 \cdot 2^0 + a_1 \cdot 2^1 + a_2 \cdot 2^2 + \dots + a_{n-1} \cdot 2^{n-1}$  – число в  $n$ -разрядной двоичной системе исчисления.

С учетом полученных сведений преобразуем входной модулирующий сигнал  $U_1(t)$  в сигнал  $U_2(t) = bU_1(t) + U_0$  с диапазоном  $0 \leq U_2(t) \leq R \cdot \Delta U$  мгновенных значений и постоянным опорным напряжением  $U_0$ . Далее с помощью аналого-цифрового преобразования (АЦП) с шагом  $\Delta t$  дискретизации и шагом  $\Delta U$  квантования перейдем от сигнала  $U_2(t)$  к множеству  $A$   $n$ -разрядных двоичных чисел  $a_k$  ( $k = 1, 2, 3, \dots$ ), соответствующих отсчетным значениям  $U_2(t_K)$  в моменты  $t_K = k \cdot \Delta t$  времени (рис. 1, а).

Анализируя введенные ограничения и преобразования, устанавливаем, что при дополнительном условии масштабирования  $a/\Phi_0 = b/U_0$  выполняется равенство

$$qU_2(t_K) = a_K = \Phi_M^0(t_K) = \Phi_M^1(t_K) / \delta\Phi_M \quad (5)$$

( $q = 1 \text{ В}^{-1}$  – формальный параметр, введенный с учетом безразмерности величин  $a_K$  и  $\Phi_M^0(t_K)$ ).

С другой стороны, согласно моделям (1)–(3) при отсутствии модуляции  $U_{PM}(t_K) = U_{PM0}(t_K) = U_C \cos(\Phi_C(t_K) + \Phi_0) = U_C \cos(\omega_C k \cdot \Delta t + \Phi_0)$ . Учитывая это, шаг  $\Delta t$  дискретизации выберем по условию

$$T = r \cdot \Delta t, \quad (6)$$

где  $T = 2\pi/\omega_C$  – период несущей частоты;  $r$  – целое число, определяемое условиями (4). При таком шаге вследствие периодичности функции  $F_1(x) = \cos x$   $U_{PM0}(t_{k+r}) = U_C \cos(\omega_C(k+r) \cdot \Delta t + \Phi_0) = U_C \cos(\omega_C k \cdot \Delta t + \Phi_0 + 2\pi) = U_{PM0}(t_k)$ . Последнее с учетом соотношений (1) – (6) означает, что абсолютному приращению  $\Delta\Phi_C(t_k) = \omega_C \cdot \Delta t$  линейной составляющей фазы  $\Delta\Phi_C(t)$  соответствует относительное приращение  $2^{n-m}$  и относительное мгновенное значение  $\Phi_{PM}^0(t_k) = \Phi_{PM}(t_k)/\delta\Phi_M$  фазы ФМ сигнала можно вычислять по модели

$$\Phi_{PM}^0(t_k) = c_k = \begin{cases} d_k, & d_k \leq R \\ d_k - R - 1, & d_k > R \end{cases}, \quad (7)$$

где  $d_k = a_k + k \cdot 2^{n-m}$ ;  $R = r \cdot 2^{n-m} - 1$ .

Использование моделей (1)–(7) позволяет предложить простой метод генерирования сигналов ФМ, характеризуемый следующей последовательностью операций [7, 8].

Вычисляется множество  $G$   $z$ -разрядных двоичных чисел  $g_i$  ( $i=0, 1, 2, \dots, R$ ; ( $R = r \cdot 2^{n-m} - 1$ ;  $n = [n]$ ;  $m = [m]$ ;  $r = [r] \leq 2^m$ ;  $0 < m < n$ ), соответствующих отсчетным значениям  $F(x_i)$  функции  $F(x) = \cos^2 x$  в точках  $x_i = i\pi/(R+1)$  ( $F(x) \geq 0$ , поэтому эта функция более удобна для запоминания ее отсчетных значений, по сравнению с функцией  $F_1(x) = \cos x$ ). Множество  $G$  запоминается по соответствующим адресам  $h_i = 0, 1, 2, \dots, R$  адресного множества  $H$ . Входной модулирующий сигнал  $U_1(t)$  с диапазоном мгновенных значений от  $U_{1.MIN}$  до  $U_{1.MAX}$  преобразуется линейно в сигнал  $U_2(t)$  с диапазоном мгновенных значений от  $U_{2.MIN}$  до  $U_{2.MAX}$  ( $U_{2.MIN} \geq 0, U_{2.MAX} < 2U_0$ ) (рис. 1, а). Выполняется пошаговое преобразование сигнала  $U_2(t)$  во множество  $A$   $n$ -разрядных двоичных чисел  $a_k$  ( $k=1, 2, 3, \dots$ ), соответствующих отсчетным значениям  $U_2(t_k)$  в последовательные моменты  $t_k = k \cdot \Delta t$  времени. В каждый момент  $t_k$  вычисляется текущий адрес  $c_k$  (7) – число в  $n$ -разрядной двоичной системе исчисления. Считыванием по текущему адресу  $c_k$  ( $c_k \in H$ ) соответствующего элемента множества  $G$  образуется множество  $B$   $z$ -разрядных двоичных чисел  $b_k$  ( $k=1, 2, 3, \dots$ ). Множество  $B$  чисел  $b_k$  преобразуется в выходной сигнал ФМ на несущей частоте  $f_C = 1/(r \cdot \Delta t)$  (6).

### Разработка устройства генерирования сигналов фазовой модуляции

Предлагаемый метод генерирования сигналов ФМ реализуется устройством [7], структурная схема которого содержит (рис. 2) источник 1 модулирующего сигнала, блок 2 линейного преобразования, АЦП 3, параллельные регистры (ПР) 4, 10 и 12, арифметические устройства (АУ) 5 и 6, генератор 7 опорных колебаний, счетчик 8, источники 9 и 11 нулевых уровней, вычислительное устройство (ВУ) 13, блок 14 счета, цифровой коммутатор 15, запоминающее устройство (ЗУ) 16, ЦАП 17 и полосовой фильтр (ПФ) 18.

Рассматриваемое устройство имеет два режима работы: режим записи информации; режим генерирования модулированных сигналов.

В режиме записи ВУ 13 вычисляет множество  $G$   $z$ -разрядных двоичных чисел  $g_i$ , соответствующих отсчетным значениям функции  $F(x) = \cos^2 x$  в точках  $x_i = i\pi/(R+1)$ . По шине данных из ВУ 13 передаются и записываются в ПР блока 14 счета граничные значения  $M_{MIN}$  и  $M_{MAX} = M_{MIN} + R$  адресов области памяти, отводимой для хранения множества  $G$ . Далее с помощью тактовых импульсов и других управляющих сигналов в ЗУ 16 записываются  $(R+1)$  чисел  $g_i$ . В процессе записи числовое значение на выходах блока счета

последовательно изменяется через единицу от  $M_{MIN}$  до  $M_{MAX}$ . Коммутатор 15 находится в состоянии прохождения данных с выходов блока счета. После записи данных (в ЗУ) в ПР 12 записывается число  $M_{MIN}$  (по шине данных из ВУ 13). В конце режима записи ПР 4, 10 и счетчик 8 устанавливаются в нулевое состояние, а коммутатор 15 переводится в состояние прохождения данных с выходов АУ 6.

Работа устройства в режиме генерирования сигналов ФМ осуществляется следующим образом. На выходе источника 1 присутствует модулирующий сигнал  $U_1(t)$ . Блок 2 линейно преобразует его в сигнал  $U_2(t)$  с опорным напряжением  $U_0$ . Генератор 7 вырабатывает две последовательности (смещенные на время  $\delta t$ ) коротких опорных (тактовых) импульсов с частотой  $f_R = 1/(\Delta t)$  и длительностью  $\tau$  ( $\tau < \delta t < \Delta t$ ). С учетом этого на выходах АЦП 3 (ПР 4) в моменты  $t_K^1 = t_K + \tau$  ( $t_K^3 = t_K + \tau + \delta t$ ) появляются  $n$ -разрядные двоичные числа  $a_K$ , соответствующие отсчетным значениям сигнала  $U_2(t)$  в моменты  $t_K = k \cdot \Delta t$  ( $k = 1, 2, 3, \dots$ ) и численно равные относительным значениям  $\Phi_M^0(t_K)$  (5) составляющей  $\Phi_M^1(t)$  фазы ФМ-сигнала (рис. 1, а). На выходах счетчика 8, управляемого импульсами  $U_{T1}$ , в моменты  $t_K^1$  появляются  $m$ -разрядные двоичные числа. ПР 10 управляется тактовыми импульсами  $U_{T2}$ , его старшие  $m$  разрядов подключены к выходам счетчика 8, а младшие  $(n-m)$  разрядов – к выходам источника 9. Это означает, что на выходах регистра 10 в моменты времени  $t_K^3$  появляются  $n$ -разрядные двоичные числа, равные относительным приращениям линейной составляющей  $\Phi_C(t)$  фазы ФМ-сигнала. АУ 5, выполняющее операцию суммирования двух  $n$ -разрядных двоичных чисел, реализует алгоритм (7) вычисления относительного мгновенного значения  $\Phi_{PM}^0(t_K)$  фазы ФМ сигнала, используемого в качестве текущего адреса. Если результат суммирования удовлетворяет условию  $d_K = a_K + k \cdot 2^{n-m} > R$ , на выходе переноса АУ 5 появляется импульс, принудительно переводящий счетчик 8 из любого текущего состояния в нулевое. АУ 6 выполняет обычную операцию суммирования двух  $v$ -разрядных чисел. Его младшие  $n$  разрядов входов первого числа подключены к соответствующим выходам АУ 5, старшие  $(v-n)$  разрядов – к выходам источника 11, входы второго числа – к выходам ПР 12, в который в режиме записи занесено  $v$ -разрядное число  $M_{MIN}$  – нижнее граничное значение адресов области памяти ЗУ 16. Учитывая изложенное, в моменты  $t_K^3$  времени на выходах АУ 5 (АУ 6) появляются  $n$ -разрядные ( $v$ -разрядные) двоичные числа  $c_K$  ( $c_K + M_{MIN}$ ) (малыми временными задержками АУ пренебрегаем). АУ 6 и ПР 12 совместно выполняют функцию смещения адреса, учитывающую особенность некоторых современных ЗУ.

С выходов АУ 6 текущие адреса  $c_K + M_{MIN}$  через цифровой коммутатор 15 поступают на входы адреса ЗУ 16, тем самым на его выходе образуется множество  $B$   $z$ -разрядных двоичных чисел  $b_K$  ( $k = 1, 2, 3, \dots$ ), соответствующих отсчетным значениям  $U_{PM}(t_K)$  ФМ сигнала в последовательные моменты  $t_K = k \cdot \Delta t$  времени. С помощью ЦАП 17, управляемого тактовыми импульсами  $U_{T2}$ , и ПФ 18 числа  $b_K$  преобразуются в выходной ФМ сигнал  $U_{PM}(t)$  (1) на несущей частоте (согласно условию (6))  $f_C = \omega_C / (2\pi) = 1/(r \cdot \Delta t) = f_R / r$  ( $f_R$  – частота генератора 7 опорных колебаний) (рис. 2).

Оценим степень достижения поставленной в работе цели. В предлагаемом методе линейность статической модуляционной характеристики определяется точностью аппаратной реализации закона (2) изменения мгновенной фазы  $\Phi_{PM}(t)$ . С учетом моделей (3)–(7) эта точность зависит от погрешности квантования сигнала  $U_2(t)$ , которая не превышает величины

$\Delta U/2$  ( $\Delta U$  – шаг квантования) и применительно к многоразрядным АЦП имеет предельно малое значение. В результате предлагаемый метод генерирования сигналов ФМ, по сравнению с известными, обеспечивает практически предельную линейность статической модуляционной характеристики, что существенно расширяет современные возможности генерирования цифровых (включая многопозиционные) и аналоговых сигналов ФМ.

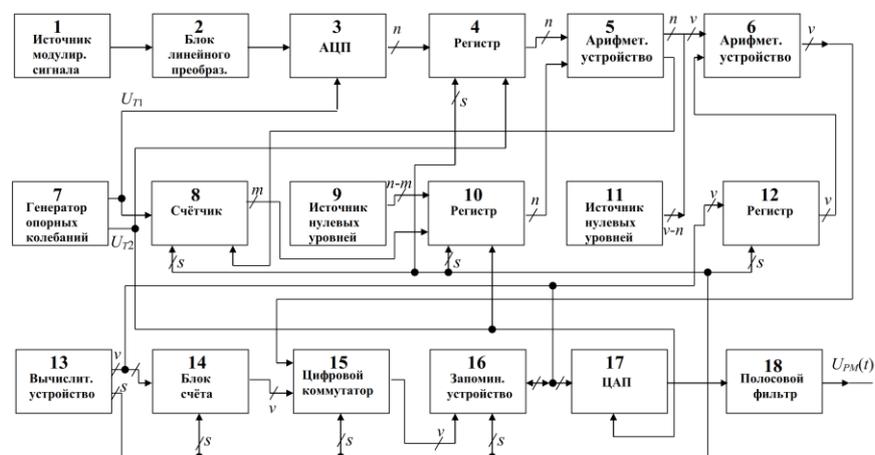


Рис. 2. Структурная схема устройства генерирования сигналов ФМ

### Заключение

Разработан новый эффективный метод генерирования сигналов фазовой модуляции. Доказано, что, по сравнению с известными, он обеспечивает практически предельную линейность статической модуляционной характеристики. Синтезирована структура устройства генерирования сигналов ФМ.

## NEW METHOD OF GENERATING OF THE PHASE MODULATED SIGNALS

V.A. ILYINKOV, Y.M. YARKOV, A.V. ILYINKOVA

### Abstract

The new effective method of generating of signals of phase modulation (PM), providing almost limiting linearity of a static modulation characteristic is developed. The structure of the device implementing the offered method is synthesized.

*Keywords:* signal modulation, phase, generating, method, device.

### Список литературы

1. Прокис Дж. Цифровая связь. М., 2000.
2. Волков Л.Н., Немировский М.С., Шинаков Ю.С. Системы цифровой радиосвязи: базовые методы и характеристики. М., 2005.
3. Проектирование радиопередатчиков / Под ред. В.В. Шахгильдяна. М., 2000.
4. The United States of America as represented by the Secretary of the Army. Phase/frequency modulator / Patent EP 5020133.
5. RCA Corporation. Digital modulator with variations of phase and amplitude modulation / Patent EP № 4584541.
6. Yonejiro Hiramatsu, Shunichi Satou, Sharp Kabushiki Kaisha. FM modulator / Patent USA № 5091705.
7. Ильинков В.А., Ярков Я.М., Ильинкова А.В. Способ генерирования фазомодулированного электрического сигнала / Патент РБ № 16620.
8. Ильинков В.А., Ярков Я.М., Ильинкова А.В. // Матер. Междунар. науч.-техн. конф., приуроченной к 50-летию МРТИ–БГУИР. Ч. 1. Минск, 18–19 марта 2014. С. 195–196.