T. 64, № 6

ФИЗИКА

2021

УДК 533.08

DOI: 10.17223/00213411/64/6/138

BO ZHANG, JINGJING LI, WENKAI LI, HONGHU JI

ОСОБЕННОСТИ ТЕЧЕНИЯ ВОЗДУХА ЧЕРЕЗ РЕШЕТКИ ПРЯМОЛИНЕЙНЫХ ЗУБЬЕВ И ВЛИЯНИЕ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ ПАРАМЕТРОВ ФОРМЫ ЗУБА

Исследованы особенности течения воздуха через прямоточные лабиринтные уплотнения и построен алгоритм их функционирования в условиях влияния геометрических характеристик зуба. Разработано и экспериментально испытано 22 вида профиля зуба прямой зубчатой решетки. Установлено, что коэффициент текучести повышается с увеличением зазора уплотнения и толщины наконечника зуба и пропорционален высоте зуба, шагу и количеству зубьев. Показано, что при прохождении сжатого воздуха через лабиринтные уплотнения основное внимание следует уделять конструкции первых и последних зубьев в группе для повышения эффекта уплотнения.

Ключевые слова: прямоточные лабиринтные уплотнения, геометрические параметры, степень чувствительности, коэффициент расхода.

Введение

В настоящее время высокие температура и давление в паротурбинном газовом двигателе приводят к плохому уплотнению между статором и неподвижными частями, поэтому производительность двигателя тесно связана с соотношением запасов топлива и скоростью утечки [1–3]. Уменьшение утечки является наиболее важным шагом, что достигается колосниковым уплотнением. Оно очень важно при проектировании турбины, поскольку ее производительность тесно связана с качеством уплотнения, а стоимость колосникового уплотнения невелика. Под протеканием решетчатого уплотнения понимается прохождение ряда путей с высоким коэффициентом трения, ограниченных выходом. Можно сказать, что полное давление на выходе из уплотнения тесно связано с потерей индивидуальных ограничений, а предельные потери будут снижать выходное давление. По мере прохождения потока через лабиринтное уплотнение давление уменьшается в зависимости от его длины. Причиной локального статического давления в пространстве лабиринтного уплотнения и выходе из него является внезапное расширение потока в застойной точке [4, 5].

Композиционная структура колосникового уплотнения сложна, соотношение давления уплотнения и частоты вращения двигателя влияет на эмиссионные свойства [6–9]. Ранее исследовались характеристики утечки большого уплотнения при различном соотношении давлений и радиальном зазоре [10]. Было изучено на статическом испытательном стенде влияние толщины лопатки и ее профиля. Обсуждалась взаимосвязь между эксцентриситетом и утечкой лабиринтного уплотнения. В [11] экспериментально и с помощью численного моделирования проведен анализ связи между утечками лабиринтного уплотнения и давлением в его полости при комбинации отношений давления и скорости вращения. Герметичность уплотнения не была рассчитана.

В работе [12] рассматриваются расстояние между зубьями, диаметр вала, а также влияние числа Рейнольдса и зазора на остаточный коэффициент, но отсутствует заключение. В [13] проведено исследование утечки лабиринта, однако разработанный алгоритм не идеален, так как существуют дефекты герметизации. Для объяснения взаимосвязи между переменными и целевыми величинами был предложен безразмерный и взаимозависимый метод анализа [14, 15], причем метод не сводится к суммированию течений через зубья решетки. В [16] изучены результаты для некоторых геометрических схем, в которых поток утечки смешивается с основным потоком, однако метод имеет проблему расположения зубчатых колес.

На основе вышеизложенного предлагаются результаты исследования особенностей течения и алгоритм лабиринтных уплотнений в зависимости от геометрических параметров профиля зуба. Было разработано 22 варианта моделей прямых лабиринтных уплотнений, имеющих различные высоту зубьев, расстояние между ними, толщину кончика и количество зубьев. Эксперименты проводились на моделях для проверки протекания утечки линейного лабиринтного уплотнения. Исследовано влияние различных параметров на герметизацию и влияние герметизации на утечку.

Материал и методы

Для обобщения картины течения в лабиринтных уплотнениях были разработаны экспериментальные материалы и методы. На рис. 1 представлено статическое испытательное устройство. Газ под действием расширительной трубки поступает в закрытый испытательный сосуд, а затем вытекает из выхлопной трубы [17]. Ширина входного отверстия составляет 200 мм, высота – 12 мм, ширина выходного отверстия – 200 мм, а высота уменьшается до 10 мм. В ходе эксперимента закрытая модель удерживается неподвижно на опорной плите (рис. 2), при этом ширина всех моделей была одинаковой – 200 мм. Газ вытекает через общий канал под опорной плитой и под основной полостью (как указано стрелкой). С потоком сопряжены три неколлинеарные точки, которые используются для регулировки высоты и остаются неизменными для гарантирования горизонтального расположения канала.

На рис. 3 представлена подробная система нагрева (приборная панель на рис. 2) с термопарой, расположенной горизонтально под каналом. На рис. 4 показано распределение температуры и давления. Гидростатическая направляющая между двумя зубьями и направляющая полного давления на входе и выходе расположены так, как показано на рис. 3 (положения I и II), причем эксперимент проводился при соотношении давлений 1.2:1.8.



Рис. 1. Эскиз экспериментальной установки



Рис. 2. Эскиз секции лабиринтного уплотнения

Рис. 3. Эскиз лабиринтного уплотнения

Конструкции лабиринтных уплотнений

Лабиринтное уплотнение было разработано в соответствии с вышеуказанными материалами и методами. На рис. 4 показаны размеры прямолинейного пространства уплотнения решетки. Основные геометрические параметры: t – толщина наконечника зубьев, c – зазор, H – высота уплотнения, B – герметизирующее соединение, α – угол конуса переднего уплотнения, β – угол конуса заднего уплотнения.

Существует целый ряд геометрических параметров: 0.1 мм $\leq c \leq 0.7$ мм, 0.2 мм $\leq t \leq 0.6$ мм, 3 мм $\leq H \leq 7$ мм, 3 мм $\leq B \leq 9$ мм, $0 \leq \alpha \leq 15^{\circ}$, $0 \leq \beta \leq 15^{\circ}$.

В качестве основного критерия эксперимента взят метод факторного вращения 22 моделей, а в качестве базовой рассматривается модель 3. Параметры приведены в таблице.

Модели 1–5 имеют ширину зуба t, модели 6–9 – H, модели 10–14 указывают на ширину герметизирующей полости B, модели 15–17 представляют зуб номер N, а модели 18–22 были ориентированы на влияние лабиринтного зазора c зуба в отличие от базовой модели 3. Передний угол α и задний угол β уплотнительных конусов такие же, как и у вышеприведенной модели (рис. 5 для различных моделей уплотнений).





Рис. 4. Параметры лабиринтного уплотнения

Рис. 5. Модели различных уплотнений

№ модели	<i>t</i> , мм	Н, мм	В, мм	N	С, ММ
1	0.2	4.8	4	3	0.3
2	0.3	4.8	4	3	0.3
3	0.4	4.8	4	3	0.3
4	0.5	4.8	4	3	0.3
5	0.6	4.8	4	3	0.3
6	0.4	3	4	3	0.3
7	0.4	4	4	3	0.3
8	0.4	6	4	3	0.3
9	0.4	7	4	3	0.3
10	0.4	4.8	3	3	0.3
11	0.4	4.8	5	3	0.3
12	0.4	4.8	6	3	0.3
13	0.4	4.8	7	3	0.3
14	0.4	4.8	8	3	0.3
15	0.4	4.8	4	2	0.3
16	0.4	4.8	4	4	0.3
17	0.4	4.8	4	5	0.3
18	0.4	4.8	4	3	0.1
19	0.4	4.8	4	3	0.2
20	0.4	4.8	4	3	0.4
21	0.4	4.8	4	3	0.5
22	0.4	48	4	3	0.6

Геометрические параметры зуба

Экспериментальные результаты и анализ

В качестве экспериментальных объектов были взяты вышеописанные 22 лабиринтных уплотнительных механизма с различными техническими характеристиками. Цель исследования – изучение влияния различных параметров на эффект уплотнения.

Эффективность разряжения $C_{D}\,$ для прямого зубчатого уплотнения с гладкой стенкой выражается как

$$C_D = \frac{m_r}{m_i},\tag{1}$$

$$m_{i} = \frac{p_{0}A}{\sqrt{\kappa RT_{0}}} \sqrt{\frac{2\kappa^{2}}{\kappa-1} \left(\frac{p_{n}}{p_{0}}\right)^{\frac{2}{\kappa}} \left[1 - \left(\frac{p_{n}}{p_{0}}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}\right]}.$$
(2)

В приведенной формуле *m_r* – массовый расход утечки, отображаемый расходомером в преобразователе, *m_i* – теоретический массовый расход утечки в изоэнтропическом приближении [18].

Отношением p_n/p_0 представлена сравнительная зависимость между давлением на входе и выходе (рис. 4), что также показывает давление вдоль путей движения воздуха. Площадь сечения

пространственного зазора равна $A = W \cdot c$ (W – ширина лабиринта; c – зазор между зубами лабиринта). Известен относительный коэффициент вариации эффективности разряда:

$$\varepsilon_{i} = \frac{ABS(C_{di+1}^{(X)} - C_{di}^{(X)})}{\sum_{i=1}^{n} ABS(C_{di+1}^{(X)} - C_{di}^{(X)})} \quad (1 \le i \le n),$$
(3)

где X обозначает любой геометрический фактор; *i* – порядковый номер геометрических факторов; C_d – эффективность разрядки. Расчет проведен при перепаде давлений 1.6.

На рис. 6 представлена зависимость коэффициента расхода от величины уплотнительного зазора c. При непрерывном расширении зазора C_d обнаруживает медленно восходящую тенденцию. Если взять в качестве примера коэффициент давления 1.8, то относительный коэффициент вариации уменьшается с увеличением зазора уплотнения [19].

По мере увеличения зазора с 0.1 до 0.2 мм относительный коэффициент вариации є увеличивается до 31.8%. При росте зазора с 0.5 до 0.6 мм коэффициент є уменьшается до 3.5%. Следует отметить, что при увеличении зазора увеличивается площадь потока, но уменьшаются скорость течения на кончике зуба и скорость завихрения в полости между зубьями, что приводит к снижению эффективности уплотнения [20–25]. С уменьшением зазора между зубьями лабиринтного уплотнения снижается его герметичность.

На рис. 7 показана зависимость коэффициента расхода от высоты уплотнения H. С увеличением высоты уплотнения C_d уменьшается при каждом коэффициенте расхода, а объем полости лабиринтного уплотнения увеличивается, при этом завихрение в полости постоянно растет, что приводит к быстрому рассеиванию кинетической энергии и уменьшению утечки уплотнения.



Рис. 6. Коэффициент расхода при различных значениях *с*

Рис. 7. Коэффициент расхода на разных высотах

На рис. 8 показана зависимость коэффициента расхода от расстояния уплотнения В. Когда размер уплотнения был увеличен с 3 до 4 мм, тогда коэффициент ε повысился до 23.5%, далее до 53.1%, а затем до 1.4%. С увеличением размера уплотнения объем полости лабиринтного уплотнения также растет, вихревой поток в полости усиливается, кинетическая энергия быстро рассеивается, диссипирующая энергию вибрация полости мала, а убывающая тенденция C_d отлогая.

Зависимость коэффициента расхода от ширины потока напора T приведена на рис. 9. По мере увеличения ширины повышается и C_d . Эффект протекания растет с увеличением количества стекающих по стенке в зазор струй и уменьшается (герметичность увеличивается) с понижением угла расширения струи.



Рис. 8. Коэффициент расхода при различных В

Рис. 9. Коэффициент расхода при различных t

На рис. 10 показана зависимость коэффициента расхода от количества уплотнений. С увеличением количества уплотнений наблюдалась тенденция к снижению параметра C_d [26–28], в то время как коэффициент є оставался неизменным. С увеличением количества уплотнений усиливаются дросселирующий эффект наконечника зуба и завихрение в полости, что ускоряет рассеивание кинетической энергии.



Рис. 10. Коэффициент расхода при различных N

Причиной изменения коэффициента расхода в ходе экспериментов является различие соответствующих геометрических параметров в моделях. Поэтому чувствительность геометрических параметров к коэффициенту расхода была проанализирована в сочетании с коэффициентом чувствительности к потоку:

$$M_{X} = \frac{\sum_{i=1}^{n} \text{ABS}\left(C_{di+1}^{(X)} - C_{di}^{(X)}\right)}{X_{n} - X_{1}} \qquad (1 \le i \le n).$$
(4)

Согласно приведенным экспериментальным данным, коэффициент чувствительности различных факторов может быть получен при $\pi = 1.8$, MC = 0.2724, MC = 0.2724, MT = 0.2488, MH = 0.0190, MB = 0.0296. Из приведенных значений следует MC > MT > MB > MH, т.е. эффективное изменение представляет $c \rightarrow t \rightarrow B \rightarrow H$. Из сравнения всех коэффициентов получено, что тенденция изменения одинакова.

Таким образом, тенденция влияния изменения диапазона параметров на чувствительность при едином условии такова: $c \to t \to B \to H$.

Обсуждение

На рис. 11 показаны распределения статического давления на входном и выходном сечениях и внутри каждой полости лабиринтного уплотнения в раздельных условиях для значений N = 2, 3, 4. Видно, что давление непрерывно уменьшается вдоль оси с ростом N. Перепады давления, происходящие через каждую полость зуба, почти одинаковы, проявляются лишь незначительные изменения в различных соотношениях давлений.



Рис. 11. Изменение давления в полости с N = 2 (*a*), 3 (*б*), 4 (*в*) и 5 (г)

Падение давления воздушного потока, проходящего через каждый зубец всего перепада давления лабиринта при $\pi = 1.8$, приведено на рис. 11. Можно заметить, что наибольшие перепады происходят в первых зубьях. Это вызвано сокращением и расширением области течения [29, 30]. Когда воздушный поток входит в первую секцию зуба из горизонтального канала с резким сужением секции, тогда воздушный поток сжимается на кончике зуба. Затем поток втекает в первую полость, отношение площади дросселя и угол струи сильно меняются, а давление внезапно падает. То же самое повторяется в следующем зубе. По мере увеличения числа зубьев с 2 до 5, относительный перепад давления в первой и последней секциях постепенно уменьшается. При прохождении через несколько средних зубов соответствующий перепад давления в них несколько увеличивался.

Относительное падение давления в первой секции снизилось с 70.3 до 33.2%, в то время как в последней секции – с 29.7 до 22.4% [31–33]. Как можно заметить, первые и последние зубья играют наиболее важную роль в конструкции. Средние зубы вызывают относительно небольшой перепад давления с незначительными изменениями в области лабиринтного уплотнения.

Выводы

В данной работе разработаны варианты 22 прямых лабиринтных уплотнений с различными геометрическими параметрами: ширины зуба *t*, расстояния уплотнения *B*, зазора *c*, высоты зуба *H*,

числа зубьев N и давления 1.2 Н. Исследованы характеристики герметичности лабиринтного уплотнения и получены следующие результаты:

1. В лабиринтном уплотнении эффективность растет с повышением степени давления в уплотнении. Уплотнение улучшается с увеличением количества зубьев, их высоты и расстояния между ними.

2. Порядок, в котором диапазон геометрических параметров влияет на чувствительность коэффициента потока, выглядит следующим образом: $c \rightarrow t \rightarrow B \rightarrow H$.

3. В лабиринтном уплотнении первые и последние зубья играют разную роль, наиболее важными являются первые зубья. С увеличением числа зубьев N от 2 до 5 доля перепада давления в первой секции уменьшалась с 70.3 до 33.2%, а в последней – с 29.7 до 22.4%.

Эксперименты показали, что при прохождении сжатого воздуха через лабиринтные уплотнения падение давления на первых и последних зубьях больше, чем на средних. Поэтому, если уделять больше внимания конструкции первого и последнего зубьев, то эффект уплотнения будет лучше.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Zhu R.S., Lu Y.G., et al. // At. Energ. Sci. Tech. 2016. V. 50. No. 7. P. 1216-1223.
- 2. Qiao H.L., Yu J.Y., and Wang C. // J. China Acad. Electron. Inf. Tech. - 2016. - V. 11. - No. 6. -P. 574-576.
- 3. Soni A. and Singh S.N. // Sol. Energ. 2017. V. 148. P. 149-156.
- 4. Melo T.D., Goulart J.N.V., Anflor C.T.M., et al. // Eur. J. Mech. B. Fluids. 2017. V. 62. -No. 3-4. - P. 130-138.
- 5. Ye H., Ge X.S., Zhuang S.Y., et al. // Acta Energ. Solaris Sin. - 2003. - V. 24. - No. 1. - P. 27-31.
- Zhang B., Li J.J., Li W.K., et al. // J. Comput. Theor. Nano. Sci. 2017. V. 14. No. 3. P. 1528-1534. 6.
- 7. Avanaki M.J. and Jeddi A.A.A. // J. Text. Inst. Proc. Abstr. - 2016. - V. 108. - No. 3. - P. 418-427.
- Guo M.K., Wang Q.H., Yang J.Z., et al. // J. Yangtze Univ. Nat. Sci. Ed. 2015. V. 12. No. 32. -8 P. 55-60.
- Tong F., Zhang L., Hua R., et al. // J. Propul. Tech. 2015. V. 36. No. 1. P. 119–123.

- Yang Z.H., Gong H.J., Li Y.J., et al. // China Sciencepaper. 2016. V. 11. No. 5. P. 527–532.
 Cui L., Li G.Q., Han G., et al. // Gas Turb. Technol. 2017. V. 30. No. 1. P. 41–47.
 Fu X., Cao Y.H., Zhang Y.B., et al. // Acta Armamentarii. 2017. V. 38. No. 4. P. 824–832.
 Zhang B., Ji H.H., Du F.Q., et al. // J. Propul. Technol. 2016. V. 37. No. 2. P. 304–310.
- 14. Cui H.F., Liao S.N., and Gao Q.W. // Intern. Combust. Engines. 2016. V. 34. No. 6. P. 1-4.
- 15. Wang H.G. and Su C.J. // J. Netshape Forming Eng. 2017. V. 25. No. 1. P. 66-70.
- 16. Yang F., Zhu H.S., Jiao S.Q., et al. // West-China Explor. Eng. 2016. V. 28. No. 5. P. 47–49.
- 17. Teng L., Li Y.X., Liu M., et al. // Oil Gas Storage Transp. 2016. V. 35. No. 11. P. 1179–1186.
 18. Lei Z., Kong X.Z., Liu G.W., et al. // J. Propul. Technol. 2017. V. 38. No. 11. P. 2588–2596.
 19. Wang Z.K., Zeng Z.X., Xu Y.H., et al. // J. Propul. Technol. 2015. V. 36. No. 3. P. 405–412.
- 20. Wu F., Lu K.L., and Xiao Y. // Fire Sci. Technol. 2015. V. 34. No. 7. P. 863-865.
- 21. Gao W. and Wang W. // Colloq. Math. 2017. V. 147. No. 1. P. 55-65.
- 22. Kang L., Du H.L., Du X., et al. // Desalination and Water Treat. 2018. V. 44. No. 25. P. 296-301.
- 23. Li D., Wang L., Peng W., et al. // Polym. Compos. 2017. V. 38. No. 9. P. 2009-2015.
- 24. S i m o e s A . M . // J. Interdiscipl. Math. 2018. V. 21. No. 3. P. 645-667.
- 25. Styugin M.A., Kytmanov A.A., and Yamskikh T.N. // J. Discrete Math. Sci. Cryptogr. 2018. -V. 21. - No. 3. - P. 679-694.
- 26. Gao W. and Wang W.F. // J. Differ. Equ. Appl. 2017. V. 23. No. 1-2SI. P. 100-109.
- 27. Gao W. and Wang W. // Colloq. Math. 2017. V. 149. No. 2. P. 291-298.
- 28. García-Planas M.I. and Klymchuk T. // Appl. Math. Nonlinear Sci. 2018. V. 3. No. 1. P. 97-104.
- 29. D u s u n c e l i F. // Appl. Math. Nonlinear Sci. 2019. V. 4. No. 2. P. 365–370.

Jiangsu Province Key Laboratory of Aerospace Power System,

- Zhao W., Shi T., and Wang L. // Appl. Math. Nonlinear Sci. 2020. V. 5. No. 1. P. 71-84.
 Harraga H. and Yebdri M. // Appl. Math. Nonlinear Sci. 2018. V. 3. No. 1. P. 127-150.
- 32. Nasir A.M., Husnine S.M., Ak T., et al. // Math. Meth. Appl. Sci. 2018. V. 41. No. 16. -P. 6611-6624.
- 33. Morales-Delgado V.F., Gomez-Aguilar J.F., and Atangana A. // Therm. Sci. 2019. -V. 23. - No. 2B. - P. 1279-1287.

Поступила в редакцию 24.11.2020.

College of Energy and Power, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing, China

Bo Zhang, Ph.D., Assistant Professor Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, e-mail: zhangbo pe@nuaa.edu.cn; Jingjing Li, Master, Engineer Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, e-mail: 15950500096@163.com; Wenkai Li, Master, Engineer Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, e-mail: hq229818631@163.com; Honghu Ji, Ph.D., Professor Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, e-mail: NUAA0096dyy@163.com.