



L'incompressible complexité du réel et la construction évolutive du simple

Giuseppe Longo, Maël Montévil, Arnaud Pocheville

► To cite this version:

Giuseppe Longo, Maël Montévil, Arnaud Pocheville. L'incompressible complexité du réel et la construction évolutive du simple. Complexité-Simplexité, Collège de France, 2014. <hal-01377260>

HAL Id: hal-01377260

<https://hal.archives-ouvertes.fr/hal-01377260>

Submitted on 6 Oct 2016

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.



Distributed under a Creative Commons Attribution - NonCommercial - NoDerivatives 4.0 International License

Les Conférences du Collège de France

Complexité-Simplicité

Sous la direction d'
Alain Berthoz
et **Jean-Luc Petit**



**COLLÈGE
DE FRANCE**
— 1530 —

Complexité-Simplexité

Alain Berthoz et Jean-Luc Petit (dir.)

Éditeur : Collège de France

Lieu d'édition : Paris

Année d'édition : 2014

Date de mise en ligne : 20 mars 2014

Collection : Conférences



<http://books.openedition.org>

Référence électronique :

BERTHOZ, Alain (dir.) ; PETIT, Jean-Luc (dir.). *Complexité-Simplexité*. Nouvelle édition [en ligne]. Paris :

Collège de France, 2014 (généré le 20 mars 2014). Disponible sur Internet :

<<http://books.openedition.org/cdf/3339>>.

© Collège de France, 2014

Conditions d'utilisation :

<http://www.openedition.org/6540>

Le sens de ce texte

- 1 En parcourant un fil conducteur de l'évolution darwinienne, on trouve çà et là la formation du simple, comme résultat de la complexité des trajectoires évolutives : par exemple, la variété, la richesse, la ... complexité des *Bauplan* de la faune de Burgess et Ediacara (Gould, 1989) s'est transformée en la « simplicité » des *Bauplan* qui suivront, et de l'activité qu'ils rendent possible. Tout en prolongeant l'évolution des espèces, l'évolution de l'homme, jusqu'à son histoire, paraît aussi fournir, çà et là, des éléments de cette simplification qui choisit, transforme, organise l'action dans le monde, dont nous parlerons. On pourrait alors donner un sens historique à la notion de *simplicité* dans (Berthoz, 2009) :
 - c'est le simple qui résulte d'une histoire complexe,
 - du simple qui n'est jamais élémentaire (atomique, irréductible).
- 2 En physique, cette histoire peut être remplacée par une dynamique de modèles mathématiques qui aide à passer d'un système d'interactions locales, très complexe, à une situation globale, relativement plus simple, limite de la dynamique considérée. Ces dynamiques permettent de traiter les transitions critiques. Dans ce cas aussi, mais de façon fortement mathématisée, l'intégration globale de réseaux localement intelligibles, mais trop riches pour être saisis comme un tout, peut proposer un autre exemple de simplicité, plus technique, un exemple qui trouve son sens à la limite asymptotique. Les méthodes de *renormalisation*, auxquelles nous ferons informellement référence, en donnent un aperçu de grande puissance physico-mathématique. Nous considérons le passage de l'analyse mathématique de la criticité physique à l'analyse du biologique, en tant que situation critique étendue, une transition conceptuelle possible de la théorisation physique à celle de l'état vivant de la matière.

Réduction et unification en physique

- 3 Un fantôme hante les esprits de nombreux chercheurs en biologie et en physique : que la complexité du vivant soit intelligible seulement par sa réduction à un prétendu « élémentaire et simple » de la physique. Or la réduction n'existe pas, à l'intérieur de la physique elle-même. Quelques lois de la chimie ont été « réduites » à la Mécanique Quantique, mais, à part ce cas historique, on ne trouve, en physique, que de la recherche de fondements autonomes à différents niveaux phénoménaux, ainsi que des unifications de grande originalité.
- 4 Newton ne réduit pas les trajectoires des planètes aux lois galiléennes de la chute d'une pomme. Il invente un nouveau cadre conceptuel, voire de nouvelles mathématiques, pour *unifier* tous ces mouvements gravitationnels. Par conséquent, il unifie, par une nouvelle théorie, la partition de l'univers entre sublunaire et supra-lunaire, encore présente chez Galilée.
- 5 Gay-Lussac, Boyle et les autres fondateurs de la thermodynamique négligent les atomes de Démocrite dans l'étude des gaz. Ils s'adressent au niveau phénoménal qui les intéresse, en se donnant un espace de phases (paramètres et observables) original et pertinent : P, V et T (pression, volume et température). Dans cet espace, fort éloigné des trajectoires des particules, ils analysent les trajectoires et les cycles thermodynamiques, et proposent un nouveau principe, qui deviendra un des plus importants de la physique : le deuxième principe de la thermodynamique.
- 6 Boltzmann ne réduira absolument pas cette nouvelle science à la physique existante : il inventera un nouveau cadre limite, qui unifiera les trajectoires de Newton-Laplace avec les nouveaux principes. En ajoutant l'hypothèse ergodique, voire le chaos moléculaire, il s'éloigne nettement des théories classiques et, surtout, il les unifie « à la limite asymptotique » : l'intégrale thermodynamique, une limite du rapport n/V (nombre des particules sur volume), permet de déduire le deuxième principe. Ainsi naît une nouvelle théorie, la physique statistique, qui saisit les deux cadres existants par un nouveau regard, à partir de l'horizon, de la limite mathématique.
- 7 Du début du xx^e siècle jusqu'aujourd'hui, les physiciens s'acharnent au grand thème de l'unification entre physique relativiste et quantique. Einstein croyait pouvoir comprendre la deuxième par les principes de la première et, en cherchant à le faire par une preuve de l'incomplétude de la théorie quantique (Einstein, Podolsky et Rosen, 1935), il dérive de l'équation de Schrödinger et de l'indétermination de la mesure, un des faits les plus intéressants du quantique : l'intrication. Faillite remarquable d'une

réduction impossible, erreur d'un grand qui, même en se trompant, invente du nouveau. L'erreur dans EPR n'est pas celle d'un réalisme naïf, mais celle d'une tentative de réduction à une théorie de l'espace-temps topologiquement séparable par la mesure de propriétés des objets quantiques, tout comme il l'est par la mesure des objets classiques (et relativistes). Son hypothèse implicite (tellement il la considère fondamentale) est que la séparabilité de la topologie (la séparabilité de deux points quelconques de l'espace - topologie au moins de Hausdorff) est un absolu de la mesure : erreur surprenante de la part d'un scientifique qui avait bouleversé la conception de l'espace-temps en unifiant gravitation et inertie grâce à la géométrie riemannienne, laquelle relativise la métrique (relation entre densité énergie-matière, tenseur métrique et courbure de l'espace).

- 8 Aujourd'hui, les meilleures tentatives d'unifier ces deux cadres incompatibles, champs quantiques et relativistes, changent radicalement l'espace-temps (géométrie non-commutative), ou les objets (théorie des cordes). Malheureusement, ces deux pistes sont incompatibles entre elles. Mais la richesse et la variété des regards, la pertinence des différents niveaux phénoménaux, astrophysique et microphysique, font la force même de la théorisation physique et de son histoire.
- 9 Dans ces trois cas, s'il n'y avait pas eu deux cadres conceptuels ou théoriques à unifier, il n'y aurait pas eu ces succès ni ces tentatives remarquables.
- 10 Considérons enfin un cas apparemment plus simple. Il suffit de s'intéresser à l'état fluide et incompressible de la matière inerte, dans un continu, pour que l'analyse physico-mathématique se donne l'hydrodynamique, avec ses propres observables et équations. Peut-on la comprendre en termes de particules, voire la « réduire » à la physique quantique ? Pas du tout, pour le moment : le continu et les symétries de la fluidité et de l'incompressibilité ne sont pas dérivables des propriétés de la physique quantique. Une autre unification à inventer.
- 11 Peut-on qualifier de « simplexes » les solutions limites de Newton et Boltzman ? Peut-être... si le parcours de l'immense difficulté conceptuelle qui mène à des notions mathématiques asymptotiques, le calcul infinitésimal, l'intégrale thermodynamique, est à considérer comme un parcours complexe qui produit une intelligibilité « simple » pour un regard synthétique, non point élémentaire, sur les phénomènes à partir de l'horizon mathématique ainsi construit : un regard simplexe.

Vers la biologie

- 12 Malheureusement, en s'adressant au vivant, certains collègues oublient l'histoire de la

physique, voire son actualité qui cherche encore une unité. Ils croient pouvoir utiliser, disions-nous, des lois de la physique (simples, si possible, voire élémentaires) pour saisir la phénoménalité biologique. Au bout du compte, disent-ils, nous ne sommes que des gros sacs de molécules. Banalité métaphysique, car, même si cela est vrai du point de vue de l'analyse chimique, la difficulté reste entière car, nous, les plantes et les animaux, nous sommes des sacs de molécules aux phénoménalités fort drôles. Le problème qui se pose est alors un autre : quelle *théorie* peut rendre intelligible cet état singulier, *l'état vivant de la matière* ?

- 13 Observons que, face à un seul « drôle de phénomène », par exemple l'invariance de la vitesse de la lumière, on a tout bousculé, en physique, tout changé (la relativité). On rencontre un problème sur la mesure en microphysique et sur le spectre d'énergie de l'atome d'hydrogène, dont il résulte que l'émission de cette énergie a un caractère discret et on change tout, de façon encore plus radicale (la physique quantique). En fait, en physique, il n'a même pas toujours été nécessaire de se trouver face à un phénomène original : n'importe qui aurait pu laisser tomber une pierre ou deux, bien avant Galilée. Tout est question de regard. Si on ne saisit pas, par un regard « pertinent » le phénomène « intéressant », on ne fait pas de science. Le regard propre aux théories physiques existantes n'est pas pertinent pour les phénomènes biologiques : au mieux, il les complexifie à l'infini, car il n'arrive pas à saisir la simplicité historique du vivant. Plus bas, on donnera un sens précis à cet usage de l'infini, dans le passage de la théorisation physique à des tentatives en biologie, par l'analyse de la renormalisation dans les phénomènes critiques.
- 14 Quant à l'origine de la biologie moderne, il se trouve que la longue vie active de Darwin s'est superposée à la durée de vie plus brève de Hamilton. Ce dernier a proposé un regard unifiant sur un grand pan de la physique classique par le « principe de Hamilton ». Une fois qu'on s'est donné le bon espace de phases, on peut comprendre toute trajectoire classique, dans cet espace, par un *principe de moindre action* (ou géodésique). Par son *calcul des variations*, Hamilton donne des bases mathématiques solides à ce principe dû à Maupertuis. Techniquement, on le précisera par l'extrémisation d'une fonctionnelle, le Lagrangien : encore une fois, un passage à la limite. En termes modernes, ces principes et méthodes réalisent un principe de conservation de l'énergie, en particulier : la moindre action (énergie x temps) est une minimisation de la *variation de l'énergie* dans le temps, pour conserver cette dernière.
- 15 Observons à cet égard que la physique moderne avait démarré par un principe de conservation : le principe d'inertie de Galilée (la conservation de l'impulsion). Un mouvement, le mouvement inertiel, rectiligne et uniforme, qui n'existe pas dans le

monde, qui est à la limite de tous les mouvements possibles. Encore une fois, une transition conceptuelle à la limite, fort difficile, qui rend tous les mouvements intelligibles, à partir de leur horizon. Une fois constituée, on a produit le simplexe.

- 16 En effet, des principes de conservation (de l'énergie, typiquement) seront au cœur de toutes les théories physiques. Hamilton en a donné le cadre physico-mathématique – et E. Noether et H. Weyl, un siècle plus tard, l'intelligibilité mathématique en termes de symétries dans les équations.
- 17 Or, à la même époque que Hamilton, Darwin regarde d'autres phénomènes, par d'autres principes : les organismes et leurs phénotypes, dans le temps de l'évolution. Dans cet espace de phases, il ose proposer un principe opposé : un principe de *non-conservation*, voire de variation « maximale compatible ». En fait, on oublie souvent que Darwin pose deux principes, pas un seul, comme fondements de « l'origine des espèces » :
1. reproduction avec variation (« descent with modification ») ;
 2. sélection.
- 18 Le deuxième, le plus cité, n'aurait pas de sens sans le premier, qui, de plus, est tout aussi révolutionnaire : le changement a toujours lieu, à chaque passage reproductif, voire à chaque mitose ; il n'est pas seulement la conséquence de l'influence de l'environnement. Il permet à la variabilité de s'étaler dans l'écosystème au « maximum » du possible, un possible difficile à définir car co-constitué par cette variabilité même et limité seulement par la sélection, en tant qu'exclusion de l'incompatible.
- 19 Le regard moderne sur le vivant démarre donc par un principe de non-conservation : le vivant se reproduit toujours avec variation, voire les phénotypes changent continuellement. Bien évidemment, il y a une organisation qui se transmet, qui est héritée, mais à chaque fois le nouvel ordre est le résultat d'un héritage de l'ordre avec un peu de désordre. L'aléatoire, quantique/classique, voire proprement biologique, joue un rôle fondamental à chaque mitose, (Buiatti et Longo, 2013).
- 20 Aucun principe géodésique ne régit une trajectoire phylogénétique. La phylogenèse n'optimise pas, elle conserve une « structure de base » tant que des nouvelles compatibilités se constituent : les organismes survivent en changeant, et ce dès que et tant que ces changements sont compatibles avec leur structure de cohérence interne et leurs interactions avec l'écosystème (les variations corrélées de Darwin). Il est aussi difficile de cerner quelle structure est préservée, exactement. Certainement l'ADN est un « invariant fondamental » (Monod), toutefois il change, dans sa composition et sa structure, au cours de l'évolution, voire dans le passage entre générations, quoique d'une moindre façon. Les *Bauplan* des animaux ont aussi une certaine invariance : loin d'être toutefois exacte, elle est plutôt globale.

- 21 Peut-on comprendre l'histoire évolutive par un *lagrangien* appliqué aux molécules ? Peut-être un jour lointain ; mais, comme dans l'histoire de la physique, il s'agira alors d'unifier des univers conceptuels fort différents, par une nouvelle théorie qui verra les deux en perspective. Et pour unifier, il faut avoir deux théories, en principe. Entre physique et biologie, il nous manque au moins, à côté d'une excellente théorie de l'évolution, une bonne théorie de l'organisme, voire de l'ontogenèse intégrée à la phylogenèse. Qu'on se dote d'une telle théorie, et ensuite peut-être on pourra parler d'unification avec quelques-unes des nombreuses théories physiques, surtout si elles ne sont plus incompatibles entre elles... Sinon, on aura du physique infiniment compliqué, non pas un cadre unifiant dans la simplicité.

Des principes géodésiques en biologie ?

- 22 Revenons à ce lagrangien, cœur mathématique du principe de moindre action. Il est légitime de dire que le principe de moindre action est un principe qui force la « solution la plus simple », dans un contexte donné : le parcours optique – une droite ; les géodésiques des astres dans les variétés riemanniennes de la relativité ; la trajectoire, fort simple, d'une loi de probabilité en mécanique quantique (donnée par l'équation de Schrödinger, en tant que dérivable de l'Hamiltonien). Les mathématiques, qui nous ont donné cette intelligibilité remarquablement unifiée des théories de l'inerte, résultent d'un parcours historique complexe : une histoire très riche de la pensée humaine, avec de nombreux allers et retours, des erreurs, des explorations, des succès. Mais la trajectoire physique, une fois comprise, est simple, elle n'est pas simplexe : le mouvement des objets physiques ne résulte pas de cette histoire, qui ne fait qu'organiser la nature autour de nous, corrélérer, donner du sens à nos frictions sur le monde, dégager de l'arrière-plan les trajectoires et les observables invariants qui nous intéressent.
- 23 Par contre, l'action (dans le sens d'activité) ou une structure du vivant peuvent être simplexes. Elles peuvent dépendre d'un parcours évolutif complexe et être relativement simples. Elles ne sont jamais élémentaires. Expliquons-nous, en nous référant d'abord et encore une fois à la physique.
- 24 Les physiques classique et relativiste sont des « systèmes déterminés par leurs états » : les conditions initiales et au contour, avec les équations pertinentes, si disponibles, déterminent toute dynamique (ce qui ne veut pas dire, bien évidemment, que la dynamique en question soit prédictible). Rappelons que la physique quantique ne peut

déterminer que la dynamique d'une densité de probabilité, ce qui n'est pas incompatible avec notre propos. Dans tous les cas, ces dynamiques ne dépendent pas, en principe, d'une histoire, mais seulement de « l'état ». Quelques exceptions sont possibles, et des aspects « historiques » peuvent compter : en thermodynamique, dans certaines cascades de singularités, dans les transitions critiques... – justement des thèmes de transition, pour nous, vers la théorisation biologique, on en parlera.

- 25 En général donc, il y a peu, voire point d'histoire dans un système physique ¹. En biologie on pourrait dire le contraire : il n'y a que l'histoire phylo- et ontogénétique qui compte.
- 26 Dès lors, quel sens attribuer à ces analyses, fort intéressantes, de certaines structures du vivant en termes d'optimalité physique ? Il en existe en phyllotaxie (Jean, 1994), dans l'étude de la genèse des organes animaux (Fleury et Gordon, 2012). Parmi ces analyses, mathématiquement remarquables, les plus efficaces regardent toutes des organes d'échange/production d'énergie/matière : les poumons, le système vasculaire, certains organes des plantes. Dans ces organes, la physique « prime » : elle domine leur formation et façonne l'organe. Les surfaces et les volumes d'échange sont optimisés – ou presque – car, si on regarde de près, ces organes sont très irréguliers : la fractalité ou les branchements d'un poumon ou d'un système vasculaire n'ont que très peu de la régularité d'une géodésique. Du point de vue de leur formation, la différence se joue dans le fait, fondamental, que les cellules qui forment ces systèmes ne sont pas des « boulettes inertes », comme les traitent même les meilleures de ces analyses. Elles sont des cellules qui se *reproduisent avec variation* (premier principe de Darwin) et des cellules *mobiles* (autre principe fondamental, en biologie, des organismes aux cellules dans un organisme (Sonnenschein et Soto, 1999)).
- 27 Du point de vue de leur fonctionnalité, l'efficacité est aussi due à l'irrégularité : des différences locales contribuent à la plasticité adaptative de l'organisme, voire de la population. Prenez un champ de tournesols. De très élégantes analyses en phyllotaxie dérivent les structures spiralantes selon la série de Fibonacci par des critères d'optimalité (interface plante/lumière). Or, regardez de près un tournesol, voire un champ de tournesols. Chaque individu présente de fortes irrégularités dans ces spirales ; les individus sont différents entre eux. Est-ce un défaut ? Du « bruit » ? Pas du tout : la variabilité des surfaces d'échange rend adaptatif chaque tournesol face à des conditions changeantes de lumière ; la diversité entre les individus rend la population plus stable, dans un écosystème toujours changeant – lors d'un changement, une partie de la population aura des chances de survivre. On pourrait dire la même chose de nos poumons, individuels et dans une population. Toutefois... une histoire différente produit

chez la grenouille un poumon sphérique, loin de l'optimalité fractale des poumons des mammifères. Et celui-ci marche très bien, dans son contexte, dans les limites de son histoire évolutive. Les analyses dynamiques, en termes d'optimalité physique, ne sont point inutiles : elles sont incomplètes. Expliquons-nous.

- 28 La reproduction avec variation, un principe de non-conservation au niveau des phénotypes, est donc au cœur de l'évolution des espèces, si on y ajoute la sélection. Tout comme il est au cœur de la variabilité, donc de la diversité, donc de la stabilité d'un écosystème, d'une population, d'un individu (aussi) par la formation et la structure de ses organes. Une meilleure intégration avec les analyses physiques pourrait se faire si les équations des dynamiques en question n'étaient plus vues comme des déterminations formelles de la causalité, mais plutôt comme des *contraintes*. La poussée du cœur embryonnaire n'est pas la *cause* de la formation du système vasculaire, mais une (très importante) contrainte dynamique qui façonne l'activité propre des cellules, lesquelles se reproduisent avec variation et bougent. La motilité des organismes et des populations, y compris la population cellulaire dans un organisme, disions-nous, est un autre principe fondamental ², soumis aux contraintes physiques (et biologiques, bien évidemment : les variations corrélées de Darwin).
- 29 Pour le dire en toute généralité, en référence à une force physique omniprésente en biologie, la gravitation est une *cause* en physique classique, mais elle n'est qu'une *contrainte* en phylogénèse et en ontogénèse ³.
- 30 Un jour lointain on unifiera les principes biologiques avec ceux de la physique quantique-relativiste-classique-hydrodynamique (il y a beaucoup d'eau dans un organisme), elle-même enfin unifiée ; pour le moment, on les garde comme tels, dans le but de travailler à une théorie de l'onto-phylogénèse. L'unification (asymptotique ?) proposera un regard différent sur toutes ces théories, à partir d'un nouvel horizon, nouveau même pour la physique. Et quand on aura une grande théorie unifiée, peut-être pourra-t-on voir la physique comme un cas particulier du grand « cadre bio-physique » : la physique ne sera que du biologique quand l'activité du vivant est *nulle*, c'est-à-dire que tout le vivant est mort Notons que si cette perspective peut sembler étonnante, elle paraîtra peut-être plus naturelle en considérant des domaines comme la climatologie ou la géologie, domaines où la biologie et la physique interviennent (voire aussi les sciences humaines), mais qui font sens aussi sans activité biologique (tant en théorie qu'en pratique sur d'autres planètes par exemple). Du reste, la géométrie euclidienne, considérée pendant vingt-cinq siècles comme le fondement ultime des mathématiques, a été ramenée à un cas particulier de la géométrie Riemannienne : une variété à courbure *nulle*...

L'activité, le vivant, l'histoire

- 31 Les deux principes « dynamiques » du vivant, la reproduction avec variation et la motilité, sont des « formes de l'action ». La matière vivante est toujours active, elle n'est justement pas inerte. Elle n'a pas besoin d'une force pour changer d'état, comme la pierre de Galilée, l'astre de Newton et Einstein (pour ce dernier, il faut un changement de la courbure de l'espace-temps), le quanton en microphysique. Elle est toujours loin de l'équilibre et utilise un flot d'énergie-matière.
- 32 Quand la physique domine la dynamique d'une forme biologique, par cette superposition d'histoire, de contraintes physiques et d'activité reproductive changeante, on obtient des formes qui ne sont pas de « simples » géodésiques physiques, mais des structures qu'on pourrait appeler simplexes, disions-nous : sommes de simplicité géodésique, optimisante, et de désordre *contingent, historique, complexifiant*.
- 33 Est-ce que la main des primates est aussi simplexe ? Elle est un organe très complexe, où l'optimisation physique ne façonne pas la forme globale, mais tout au plus des sous-structures locales. Par contre, certains gestes de la main peuvent être considérés simplexes. Voyons des exemples.
- 34 La main est, tout d'abord et essentiellement, le résultat d'un parcours évolutif possible des podia antérieurs d'un tétrapode, comme la patte d'un kangourou ou l'aile d'une chauve-souris. Aucun de ces organes n'est optimal, en aucun sens. La contingence évolutive et historique domine largement sur la détermination et les contraintes physiques, toujours présentes, bien naturellement, mais comme contraintes non-façonnantes : les fonctions de la main ne sont même pas partiellement analysables par l'échange/production d'un quelconque observable physique.
- 35 Toutefois, l'action du primate, voire de l'homme, peut utiliser cet organe et le bras qui la soutient, de façon simple, avec ses modalités d'optimalité physique. Le geste qui trace une courbe est simplexe car, dans notre approche, il est le résultat « simple » d'une histoire développementale et évolutive complexe. En fait, il minimise les secousses (la dérivée d'une accélération) et il n'est pas élémentaire, car on peut le décomposer par une analyse mathématique fine (Bennequin *et al.*, 2009). Grâce à une histoire complexe, on peut donc avoir du simplexe dans l'activité d'un organisme, lui-même très complexe, à l'interface d'un écosystème complexe.
- 36 L'humain, par le langage, permet bien d'autres gestes très simples, possibles seulement par la richesse de sa socialité. Apparemment, les singes ne pointent pas du doigt. Ils ont un regard très mobile : quand il se fixe, les congénères regardent dans la même

direction. Les primates ont une anatomie qui rendrait possible aussi le geste du bras, de la main, du doigt qui pointe ; avons-nous acquis l'habitude d'avoir des mains plus libres ? Est-ce le langage qui nous permet de construire ensemble ce geste et sa signification ? Quelle est complexe la simplicité de ce geste simple ?

- 37 Dans les peintures du paléolithique, à Lascaux, par exemple, on voit des animaux rendus par des taches de couleur, très réalistes : ils se détachent du fond en occupant toute une surface. D'autres, et ça deviendra une constante du dessin humain, ne sont que des contours, des lignes, tout aussi efficaces pour évoquer l'animal à des hommes, au moins depuis l'expérience construite de ces dessins. Voilà un geste d'une immense simplicité, le tracé d'un contour d'un animal, d'un visage. Pensez à la simplicité du profil de Chirac ou Sarkozy chez Plantu, Berthoz en parle ailleurs : un trait essentiel qui synthétise en fait un mouvement, du nez, du menton ; et tous ceux qui partagent le même monde reconnaissent le personnage.
- 38 Or les contours ne sont pas là ; il n'y a pas une entité tierce entre l'objet et le fond, une ligne épaisse dans l'espace physique : il n'y a qu'une singularité, une transition entre la surface de l'objet et le fond. La neurophysiologie et la neurophénoménologie nous disent que le cortex visuel primaire *force* ce contour par un jeu complexe de recollement entre neurones sensibles aux directions (voir Petitot, 2008). Toutefois, nous partageons ce même cortex visuel avec les autres primates, voire avec maints mammifères. Seulement l'homme, apparemment, arrive à communiquer à l'autre homme, dans le rite social, le sens d'un contour à peine tracé sur une surface. Quel rôle alors faut-il attribuer au langage, à la socialité dans la communication riche de sens par un trait si simple ? Voilà du simple qui résulte d'une histoire évolutive et humaine très complexe.
- 39 La géométrie grecque ira encore plus loin : la ligne est sans épaisseur, dit Euclide (définition B). Les Grecs parviennent à la notion de bord, notion mathématiquement difficile, car ils inventent une théorie générale des surfaces (une belle observation de Bernard Teissier), et à en faire l'outil pour tracer toute figure géométrique : les figures d'Euclide ne sont faites que de bords. Dans ce but, dans un dialogue avec les dieux – leur géométrie –, ils posent ce bord *in abstracto*, en lui donnant un sens autonome : non plus un bord, mais une ligne en soi, sans épaisseur, leur invention fondamentale (le point est construit, chez Euclide : il est aux extrêmes d'un segment, définition Γ , à l'intersection de lignes sans épaisseur, théorème 1, chapitre 1). Tout le monde comprend (ou presque ?) ce geste si simple, mais quelle audace dans cette transition conceptuelle : où sont-elles ces lignes sans épaisseur, ce concept asymptotique à toute ligne réellement tracée ? Par cette construction à l'apparence si simple, mais qui résulte d'un parcours si complexe, commence la danse des mathématiques, une science qui se posera toujours à

la limite du monde, si simple et si complexe en même temps.

- 40 La construction commune du sens est au cœur de tous ces gestes et de ces démarches propres à l'homme, une construction ancrée dans l'intentionnalité à partager avec autrui : l'analyse de la simplicité participe de la reconstruction de ce sens (Berthoz, 2009, p. 35).

Des passerelles possibles entre physiques et biologie

- 41 Nous allons maintenant nous pencher sur la notion de niveau d'organisation et son lien avec le complexe et le simple. Nous entendons ici la notion de niveau d'organisation en un sens fort et général : un changement de niveau ne se produit que s'il est « théoriquement nécessaire ». Or une telle nécessité ne peut se rencontrer que si la détermination équationnelle du premier niveau, lorsqu'elle existe, en physique mathématiquement typiquement, perd sa capacité à déterminer la trajectoire du système. Cette détermination passe par un rapport entre quantités qui doit rester fini, et c'est donc précisément lorsque certaines quantités deviennent infinies, formant une singularité, qu'un changement de niveau est possible (Bailly, 1991 ; Longo, Montévil et Pocheville, 2012).
- 42 Nombre d'exemples de transitions critiques sont étudiés en physique. La transition paramagnétisme/ferromagnétisme a été analysée par Pierre Curie, en premier. Dans ce cas, la divergence de la dérivée d'un observable, l'orientation magnétique, lors d'une baisse de température, est la signature mathématique d'un changement global : la formation d'un aimant (spins orientés) à partir d'une situation désordonnée des spins. On peut analyser de façon similaire la formation soudaine (elle a lieu en un point, mathématiquement parlant) d'un cristal, d'un flocon de neige, la percolation (un passage soudain d'un liquide, par exemple, à travers un milieu poreux). On change alors d'observable, voire de niveau d'organisation : on « voit », on mesure, autre chose ; le phénomène à examiner change.
- 43 La situation paradigmatique faisant intervenir de tels changements de niveau fait intervenir un jeu technique entre complexe et élémentaire (et simple) au cœur d'une méthode, mathématiquement difficile, née en théorie quantique des champs et étendue ensuite à l'analyse des transitions critiques classiques : la méthode de renormalisation. Cette méthode permet de passer d'une situation où le nombre des composantes élémentaires d'un phénomène, voire des observables à considérer, peut-être immense

(les spins désordonnés, les gouttelettes d'eau...) et ingérable, car ils forment des structures à toutes les échelles, à une situation où un « regard global » intègre ces éléments et leurs interactions dans un « tout » plus maniable mathématiquement (l'aimant, le cristal).

- 44 Dans un sens, le très complexe, comme somme d'un nombre énorme de parties qui interagissent, devient simple si on suit un changement de regard mathématique, un parcours de reconstruction des objets pertinents de l'analyse. Techniquement, cela peut être vu comme une « dynamique de modèles mathématiques », un ensemble ordonné de systèmes d'équations paramétrées où la dynamique n'est pas temporelle mais fonction des échelles. C'est précisément ce changement de regard qu'on peut analyser comme un changement de niveau d'organisation, dont l'objectivité provient des singularités rencontrées dans le niveau initial (Bailly, 1991 ; Longo, Montévil et Pocheville, 2012). Ce changement de niveau permet d'appréhender le complexe comme du simple, relativement à ce changement de niveau. Expliquons-nous.
- 45 La méthode de renormalisation permet de gérer mathématiquement le global, sans faire référence à un élémentaire simple et ultime. En fait, on remarquera qu'elle permet d'analyser des situations « sans fond » en physique de la matière (i.e. sans échelle minimale). Elle peut avoir une saveur *bottom-up*, mais cette saveur est perdue dans le traitement mathématique de l'ensemble des modèles, dont aucun ne possède un statut privilégié, sauf à la limite, pour les grandes échelles, quand un point fixe est atteint. Mais, au point fixe, on sera dans la situation globale, la seule relativement stable car ils concernent toutes les grandes échelles. Nous allons discuter cette méthode avec plus de détails dans la section suivante, après un passage par le biologique.
- 46 Ce jeu entre local et global a été considéré informatif pour analyser les organismes vivants, où « presque tout est corrélé à presque tout » et où la structure globale rétroagit sur la structure locale (voir Kauffman, 1993 et Bak, Tang et Wiesenfeld, 1988). Suivant une piste ouverte par Francis Bailly, nous pensons que, dans les analyses du vivant, on doit aller plus loin. Les transitions critiques étudiées en physique sont ponctuelles, c'est-à-dire que la limite de la classe de modèles mentionnée est un point mathématique, où l'on trouve un point fixe, essentiel à la convergence de la méthode de renormalisation. C'est là que les changements de symétrie ont lieu. Or un organisme est plutôt dans une transition critique permanente ; il est toujours en train de se reconstruire en changeant, en particulier en changeant ses symétries : chaque mitose cellulaire est une transition critique, une reconstruction de la structure de cohérence locale, interne et tissulaire. Cela justifie l'idée d'analyser l'état vivant de la matière comme « transition critique étendue », voire comme étant dans un intervalle non-nul de

criticité, contrairement à la ponctualité mathématique des transitions critiques en physique (Bailly, Longo, 2011 ; Longo, Montévil, 2011).

Bottom-up, top-down et renormalisation

- 47 Pour mieux comprendre la question des changements de niveau et le caractère singulier, dans le contexte de la physique, de la méthode de renormalisation, nous allons maintenant discuter avec quelques détails le sens qualitatif de cette méthode. L'enjeu ici est avant tout la compréhension d'un système comme composition d'interactions. La complexité est souvent vue, en effet, comme due à l'existence de nombreuses interactions ; un regard simplifiant doit saisir de façon unifiée ces interactions, comme système et à la bonne échelle.
- 48 La façon paradigmatique de comprendre un phénomène macroscopique dans les termes d'un modèle microscopique (ici microscopique et macroscopique sont à entendre dans un sens relatif) est d'utiliser une moyenne statistique des propriétés microscopiques – à condition toutefois que le nombre d'entités microscopiques soit suffisant. La reconstruction de la thermodynamique à partir de la mécanique statistique est sans doute le meilleur exemple d'un tel procédé.
- 49 Il y a cependant certaines situations en physique où des approches par moyennage statistique échouent. C'est le cas en particulier lors de certaines transitions de phase (de second ordre, voir Toulouse *et al* 1977 ; Zinn-Justin, 2007). Dans de telles transitions, les longueurs de corrélations tendent vers l'infini à l'approche du point critique. *Au point critique*, le comportement du système montre des fluctuations à toutes les échelles et celles-ci dominent la détermination du système. Or, dans une approche par moyennage statistique, la convergence vers la moyenne est basée sur une certaine indépendance des degrés de liberté des éléments microscopiques (théorème de la limite centrale). Quand les fluctuations dominent, le système montre une structure mésoscopique cohérente (non-indépendance mais au contraire forte corrélation), ce qui rend l'approche par moyennage macroscopique inopérante (voir le critère de Ginzburg, Als-Nielsen et Birgeneau, 1977). Par contre, on a une transition vers une situation globale qui permet de gérer de façon relativement simple des effets locaux dont la somme est (infiniment) complexe.
- 50 Pour étudier les transitions de phase du second ordre, on utilise des méthodes de renormalisation. On part d'un système décrit par un modèle à une certaine échelle, qui peut être choisie arbitrairement (par exemple celle de la résolution de l'appareil de

mesure). Ce modèle est composé d'un ensemble de paramètres et d'une fonction qui détermine le comportement du système (par exemple, l'hamiltonien). Au lieu de résoudre le modèle à cette échelle comme c'est l'usage, on regarde de quelle façon les paramètres et la fonction changent quand le système est décrit à une échelle supérieure. La façon dont les modèles changent en fonction des échelles est formalisée par un opérateur mathématique, l'opérateur de renormalisation.

- 51 Dans les transitions de phase de second ordre habituelles (comme la transition para-ferromagnétique), le modèle est asymptotiquement invariant par renormalisation. Cela signifie que, quand on considère des échelles de plus en plus grandes, les modèles obtenus convergent vers un point fixe. Cette invariance asymptotique signale et définit l'invariance d'échelle (exhibée par ces systèmes). Dans ces cas, les propriétés physiques du système sont déterminées par le comportement de l'opérateur de renormalisation dans le voisinage du point fixe.
- 52 Conceptuellement, utiliser la renormalisation dans les situations critiques signifie la chose suivante. On ne peut pas obtenir mathématiquement ce à quoi conduit la combinaison des constituants élémentaires qui interagissent, parce que cette combinaison génère des singularités (à la limite thermodynamique) ; en d'autres termes, cette combinaison ne converge pas. En termes de fluctuations, la situation n'est pas résoluble parce que le comportement local est dominé par des fluctuations se produisant aussi à des échelles plus grandes que l'échelle considérée (quelle qu'elle soit). Ou encore, d'un autre point de vue, considérer un système plus grand conduit le système à former des patterns à de plus grandes échelle. On peut cependant considérer une partie limitée des interactions au sein du système, délimitée par des bornes arbitraires (en termes d'échelles), c'est-à-dire correspondant au choix d'une certaine échelle de description. Ce « morceau » d'interactions est ensuite intégré (résolu) et le résultat constitue l'un des nouveaux constituants élémentaires d'un nouveau modèle à une échelle supérieure. Ce nouveau modèle, cependant, est aussi complexe que le modèle de départ, puisque le système a un nombre infini de degrés de liberté : en général, on réalise l'opération de renormalisation de façon à *conserver la forme équationnelle de la détermination*, mais avec des paramètres et des variables différents, dits renormalisés. Plus précisément, habituellement, certains paramètres se dissipent asymptotiquement lors des itérations de l'opération de renormalisation ; le point fixe est alors plus simple que le modèle de départ. Il est même beaucoup plus simple quand on applique la renormalisation à des situations non fortement critiques (par exemple, cette simplification de la détermination aux hautes échelles justifie les comportements lisses obtenus dans la théorie de Landau, voir (Zinn-Justin, 2007)).

- 53 À l'inverse, dans le cas des phénomènes critiques, la détermination au point fixe demeure essentiellement aussi complexe que la détermination initiale : on ne s'affranchit pas des fluctuations lors de la renormalisation, parce qu'elles dominent le système à toutes les échelles (certains aspects non-essentiels peuvent disparaître néanmoins).
- 54 En quoi la renormalisation représente-t-elle donc un progrès vers la détermination du comportement global du système étudié ? Dans quel sens simplifie-t-elle du complexe ? Quand on est au point fixe, par définition, la détermination équationnelle n'est plus changée au cours des itérations de renormalisation. Or la renormalisation consiste à prendre plus d'interactions en compte. Par conséquent, au point fixe, on considère une situation stabilisée par rapport à la contribution d'interactions supplémentaires. Quand on ajoute des interactions par renormalisation, leurs effets sur la détermination sont définis par l'opérateur de renormalisation : l'opérateur de renormalisation est donc une description de ces interactions. En ce sens, aux larges échelles, toutes les interactions sont des images (copies) des interactions qui sont prises en compte par la renormalisation au point fixe. Ainsi, on obtient une approche qui *explícite toutes les interactions pertinentes* (aux larges échelles) dans le système, même si cette approche ne donne pas, et ne peut pas donner, une description du système par un modèle à une seule échelle. Cette approche ne donne donc pas une *combinaison effective* de toutes les interactions pertinentes du système.
- 55 Enfin, il est bon de préciser qu'on peut considérer différents modèles comme points de départ (éventuellement, mais pas obligatoirement, à différentes échelles), car, si ces modèles ont le même comportement asymptotique par renormalisation, en ce cas ils mènent aux mêmes propriétés physiques objectives. Ceci définit la notion de classe d'universalité regroupant les modèles ayant le même comportement par renormalisation, ce qui constitue le comportement objectif du système. Il y a donc une infinité de modèles dans une classe d'universalité puisque, parmi une pléthore d'autres choix, le modèle renormalisé à n'importe quelle échelle peut être indifféremment considéré comme un point de départ (Lesne 2003).
- 56 On peut dès lors considérer que les méthodes de renormalisation sont des approches *bottom-up*, étant donné que l'étude du système dépend du point de départ, lequel, normalement, est le modèle à plus petite échelle. Cependant, ce point de départ est largement contingent et arbitraire, à la fois parce qu'on peut partir de n'importe quelle échelle comme échelle minimale, et parce qu'on peut changer de modèle de départ aussi longtemps qu'on reste dans la même classe d'universalité. C'est dans les propriétés génériques de la classe d'universalité que sont fondées l'objectivité de la

renormalisation et la compréhension du phénomène.

- 57 La renormalisation a donc aussi une saveur holistique, dans le sens où la situation locale au point critique dépend de la situation globale (la structure de cohérence, due aux longueurs de corrélation infinies). Plus précisément, le système est « tellement global » qu'on ne peut pas combiner ses interactions entièrement ; on peut seulement (mais explicitement) trouver la forme des contributions de toutes les interactions (aux larges échelles), grâce au point fixe.
- 58 L'aspect radicalement nouveau des méthodes de renormalisation est qu'on n'essaie plus, *stricto sensu*, de se donner et de résoudre un modèle, mais plutôt de comprendre le comportement de la transition d'un modèle à un autre, défini à une échelle supérieure. En cela, le système est étudié au niveau d'un méta-modèle : ce qui compte, *in fine*, ce ne sont pas les relations intra-modèles (entre constituants élémentaires à une échelle donnée), mais le comportement à *travers les échelles* des relations inter-modèles. Ce méta-modèle (l'opérateur de renormalisation) permet de partir d'un modèle riche d'arbitraire (façonné par le choix d'un niveau d'observation, des approximations et des contraintes pragmatiques) et d'atteindre, grâce aux propriétés asymptotiques, une connaissance objective de la classe d'universalité et des propriétés physiques du système.
- 59 La théorie quantique des champs traite de situations qui nécessitent également l'usage des méthodes de renormalisation (qui ont d'ailleurs été inventées à ces fins). L'essentiel est que, quand on considère des interactions de plus en plus microscopiques, on se trouve face à des divergences (comparables aux divergences des phénomènes critiques). Cela signifie que le comportement à une échelle ne peut pas être donné, dans cette théorie, par la contribution d'objets d'une échelle spatiale arbitrairement petite et/ou grande (ce qui provoquerait la rupture de la structure équationnelle, par l'apparition des infinis). Cependant, on peut traiter une partie des interactions et considérer la stabilité des transformations des formes équationnelles et des « constantes » lorsque l'on prend en compte de plus en plus d'interactions.
- 60 La possibilité pour les théories en physique quantique des champs d'être renormalisables est une condition de leur validité théorique. Nous voudrions noter que le modèle standard traite trois des quatre forces fondamentales de la physique de cette manière, où il n'y a aucune échelle objectivement fondamentale, ou « la plus petite possible ». Au contraire, l'introduction d'un comportement « particulier » à une échelle microscopique spécifique (petite échelle) est contraire à la manière dont la théorie comprend les phénomènes quantiques, sur la base des relations entre échelles (Zinn-Justin, 2007). Bien sûr, cela n'exclut pas des changements futurs de paradigme, en particulier parce que l'introduction de la quatrième force, la gravité, conduit à

l'impossibilité de renormaliser (prendre plus d'interactions en compte conduit à une complexification de la forme équationnelle, par l'introduction de nouvelles variables). En ce sens, la compréhension actuelle des phénomènes microscopiques passe par l'insondable en termes d'échelles les plus petites possibles (voire *bottomless* ou sans fond).

- 61 En conclusion, la renormalisation permet d'obtenir une appréhension explicite (et mesurable) de toutes les interactions pertinentes dans un système, là où la combinaison effective de toutes ces interactions est mathématiquement impossible. En d'autres termes, du point de vue de la détermination théorique, *le tout n'est pas la somme des parties (la somme diverge), mais ce tout peut être appréhendé par des sommes partielles successives* (qui deviennent symétriques à toutes les sommes partielles aux larges échelles). De cette façon, le tout, *in fine*, n'est pas appréhendé comme la somme de ses parties, mais par des sommes de ses parties. Dans cette opération, la modélisation des échelles microscopiques apparaît pour une large part contingente et arbitraire : la renormalisation permet d'en extraire les aspects objectifs, via les invariants de l'opération. De ce fait, nous considérons que les méthodes de renormalisation sont à la frontière des stratégies *bottom-up* de type réductionniste, et qu'elles ouvrent vers des visions du tout pertinent qui embrassent la situation globale, en tant qu'ensemble des invariants d'un processus. Ces méthodes apparaissent donc comme un moyen d'aller au-delà des approches *bottom-up* standard tout en gardant à la théorie une saveur *bottom-up* (par l'intégration des interactions). Il s'agit, toutefois, d'une saveur considérablement enrichie par l'approche globale : un regard sur la cascade des modèles sans niveau privilégié ni ultime. En particulier, la renormalisation dans la théorie quantique des champs est associée à une situation « sans fond » (*bottomless*), disions-nous.
- 62 La « simplicité » que la renormalisation permet d'exhiber n'est ici permise que par la symétrie d'échelle, propre aux situations critiques. Cette simplicité n'est cependant pas basée sur une échelle élémentaire où se trouveraient des objets élémentaires, mais au contraire sur la complexité des interactions du système à toutes les échelles.
- 63 À partir du cas des transitions critiques physiques, il y a donc deux formes de simplicité qu'on peut dégager.
- 64 La première est associée au caractère global de la détermination d'un « tout », comme limite d'une cascade de modèles, en physique mathématique. Encore une fois, on atteint du simple à partir d'une dynamique de modèles complexe (infinie, du point de vue mathématique) : la suite des systèmes d'interactions aux différentes échelles. En biologie, l'organisme est aussi constitué par l'apparition de plusieurs niveaux d'organisation, qui, de plus, peuvent se situer à des échelles différentes : la situation

critique étendue en est l'intégration et la limite théorique.

- 65 La seconde est associée aux changements de symétrie eux-mêmes, dus au passage d'un état à un autre. Dans le cas des transitions critiques étendues, il s'agit des symétries contingentes qui résultent de la transition. En effet, si en physique les symétries théoriques fondamentales sont posées comme principes, les symétries biologiques résultent, comme nous l'avons souligné, de l'histoire (onto- et phylogénétique) de l'organisme considéré (Longo, Montévil, 2011). Elles sont données par l'activité biologique et sa complexité sous-jacente, laquelle produit, grâce à une histoire constitutive, des structures (relativement) simples, donc : simplexes.
- 66 Enfin, en considérant que les transitions critiques étendues peuvent être représentées, dans nos approches, comme des intervalles non nuls avec des ensembles denses de transitions critiques (de type physique, donc : ponctuelles), on saisirait le biologique comme une structure simplexe, que la physique, voire la théorie de la criticité, qui déjà suppose des passages à la limite infinie, ne peut analyser qu'en termes de complexité infinie. Bref, le simplexe du biologique est infiniment complexe pour l'analyse physique.
-

BIBLIOGRAPHIE

Bibliographie

Als-Nielsen, J., and R. J. Birgeneau. 1977. Mean field theory, the Ginzburg criterion, and marginal dimensionality of phase transitions. *American Journal of Physics* 45 (6): 554–560. ISSN: 00029505. doi:10.1119/1.11019.

Bailly, F. 1991. L'anneau des disciplines. *Revue Internationale de Systémique* 5 (3).

Bailly F., Longo G., 2011, *Mathematics and the natural sciences; The Physical Singularity of Life*. Imperial College Press (version française, Hermann, 2006).

Bak, P., C. Tang, and K. Wiesenfeld. 1988. Self-organized criticality. *Physical review A* 38 (1): 364–374. doi: 10.1103/PhysRevA.38.364 .

Bennequin D., Fuchs R., Berthoz A., Flash T. Movement Timing and Invariance Arise from Several Geometries, PLoS Computational Biology, Volume 5, Issue 7, July 2009.

Berthoz, A. 2009. *La simplicité*. Odile Jacob

- Buiatti, M., and G. Longo. 2013. Randomness and Multi-level Interactions in Biology. TIBI-D-12-00030R1 to appear, *Theory of Biosciences*.
- Einstein, A., B. Podolsky, and N. Rosen. 1935. Can quantum-mechanical description of physical reality be considered complete ? *Physical Review* 47 (10): 777-780. doi: 10.1103/PhysRev.47.777 .
- Fleury, V., and R. Gordon. 2012. Coupling of Growth, Differentiation and Morphogenesis : An Integrated Approach to Design in Embryogenesis. In *Origin(s) of Design in Nature*, edited by Liz Swan, Richard Gordon, and Joseph Seckbach, 385-428. Volume 23. *Cellular Origin, Life in Extreme Habitats and Astrobiology* . Springer Netherlands. ISBN : 978-94-007-4155-3. doi: 10.1007/978-94-007-4156-0_22 .
- Gould, S.J. 1989. *Wonderful life*. Norton.
- Jean, R.v. 1994. *Phyllotaxis : A Systemic Study in Plant Morphogenesis*. Cambridge Studies in Mathematics.
- Kauffman, S.A. 1993. *The origins of order*. Oxford U. P.
- Lesne, A. 2003. *Approches multi-échelles en physique et en biologie*. Thèse d'habilitation à diriger des recherches. Université Pierre et Marie Curie.
- Longo G., Montévil M., 2011, From physics to biology by extending criticality and symmetry breakings. *Progress in Biophysics and Molecular Biology*, 106(2):340 – 347.
- Longo, G., and M. Montévil. 2012. The Inert vs. the Living State of Matter : Extended Criticality, Time Geometry, Anti-Entropy — an overview. *Frontiers in Physiology* 3 (0039). ISSN : 1664-042X. doi: 10.3389/fphys.2012.00039 .
- Longo, G., M. Montévil, and A. Pocheville. 2012. From bottom-up approaches to levels of organization and extended critical transitions. *Frontiers in Physiology* 3 (00232). ISSN: 1664-042X. doi:10.3389/fphys.2012.00232.
- Petitot, J. 2008. *Neurogéométrie de la vision*. Ed de l'École Polytechnique.
- Sonnenschein, C., and A.M. Soto. 1999. *The society of cells : cancer and control of cell proliferation*. New York: Springer Verlag.
- Testa F., Alessandro Palombo, Simona Dinicola, Fabrizio D'Anselmi, Sara Proietti, Alessia 4 Pasqualato, Maria Grazia Masiello, Pierpaolo Coluccia, Alessandra Cucina, Mariano Bizzarri 2013. *Fractal analysis of shape changes in murine osteoblasts MC3T3-E1 cultured under simulated microgravity*. Preprint , Department of Experimental Medicine, University La Sapienza, Rome, Italy.
- Toulouse, G., P. Pfeuty, and G. Barton. 1977. Introduction to the renormalization group

and to critical phenomena. London: Wiley.

Zinn-Justin, J. 2007. *Phase transitions and renormalization group*. New York, Oxford University Press. ISBN: 0199227195.

NOTES

1. La cosmologie est une exception. Voilà une des raisons pour lesquelles elle pose tant de problèmes à l'interface relativiste/quantique.
2. Chez Darwin, elle est au cœur de la spéciation allopatrique.
3. Et si on relâche cette contrainte, dans les expériences de reproduction cellulaire en microgravité (Testa *et al.*, 2013), la prolifération produit des variations importantes dans la structure des cytosquelettes. Moins canalisée, la reproduction donne lieu à des variantes.