網格式合理化法推估集水區流量歷線之研究

孫振哲⁽¹⁾ 莊智瑋⁽²⁾ 林昭遠⁽³⁾

摘要

在集水區中進行水交、水理研究或水工構造物之規劃設施時,常需現地流量資料以利推估 演算,當面臨無測站之窘境時,於實務上常以集水區面積比法(Area Ratio Method)來加以克 服,但僅考慮流量及面積間之關係,推估結果較不精確,因此本研究以烏溪集水區為研究範圍, 利用網格式合理化法(GRAPH)進行颱風事件之流量歷線模擬,將校正係數(α 、 β)修正結 果輔以地文因子進行統計分析,模擬成果以主成份分析篩選出之地文水文因子,再以多元迴歸 分析推算集水區內之通用校正係數迴歸式,其中 α 校正係數代表集水區對各場暴雨水源涵養能 力; β 校正係數作為水流含砂濃度之指標。分析結果顯示影響 α 、 β 之因子如下:洪峰流量、最 大降雨強度、平均坡度、河川頻率及集流時間,經比較後顯示網格式合理化法之流量歷線模擬 成果比一般傳統使用之集水區面積比法平均效率係數較高。

(關鍵詞:網格式合理化法、地文因子、水文因子、多變量分析)

Watershed Discharge Hydrograph Simulation with GRAPH

Cheng-Jen Shun⁽¹⁾, Chin-Wei Chuang⁽²⁾, Chao-Yuan Lin⁽³⁾

Graduate Student, Professor, Department of Soil and Water Conservation,

National Chung-Hsing University, Taichung, Taiwan 402, R.O.C.

ABSTRACT

The discharge data and related information derived from hydrologic stations are usually used in hydrology study and/or river structure design. But there are only few stations set up at the proper sites in a watershed. Although area ratio method is usually adopted to calculate the peak flow of a non-station site by using the adjacent station, for more parameters considered to have better results in river discharge estimation, the GRAPH (Grid Rational Algorithm for Predicting Hydrograph) model is employed in this study to simulate watershed runoff hydrograph. The correction coefficients α and β were derived from the model calculation for each typhoon

⁽¹⁾ 國立中興大學水土保持學系碩士生

⁽²⁾ 國立中興大學水土保持學系博士生

⁽³⁾ 國立中興大學水土保持學系教授

event, coupled with watershed topographic and hydrological factors for multivariate analysis to have better hydrograph predicting. The results show that α , β can be affected by the factors such as peak flow, maximum rainfall intensity, slope, river frequency and time of concentration of an analyzed watershed.

(Keywords : GRAPH, Topographic factor, Hydrological factors, Multivariate analysis)

前言

集水區內進行水交、水理演算,常藉由 現地流量資料進行分析。實際上集水區內通 常只有少數測站可提供資料進行模擬分析, 若需於未設測站集水區進行水文、水理演算 時,常因未有量測資料而窒礙難行,因此在 實務應用上,常以集水區面積比法來加以克 服,利用鄰近測站所觀測資料來進行推估或 插補(陳昶憲等,2004)。

廖依玲(2003)以網格式合理化法進行 流量歷線推估,僅能以測站點進行 α、β 値 之修正,無法推估集水區中無測站點位之流 量歷線。若能綜合集水區中各子集水區之水 文、地文等資訊進行多變量統計分析(莊智 瑋,2005),便能得到集水區之修正係數迴歸 式,以利往後進行無測站點位水文推估演算。

本研究以烏溪集水區為例,以網格式合 理法進行流量歷線推估,將集水區中各流量 站所得之校正後 $\alpha < \beta$ 值與經萃取出之各流 量站控制面積水文地文等資訊進行多變量統 計分析做檢測,評估影響 $\alpha < \beta$ 之因子,建 立烏溪集水區通用 $\alpha < \beta$ 值迴歸式後,再與 面積比法相互比較。

研究材料與方法

一、研究試區概述

研究試區內地勢自東北向西南傾斜,幹

流全長約 119.13 公里,流域面積為 2,025.6 平 方公里,幹流流域兩側支流密布,包括筏子 溪、大里溪水系、貓羅溪、北港溪及眉溪, 行政區域橫跨台中縣市、彰化縣市及南投縣 等(圖1),平均高程為 651 公尺,其中以 700 公尺以下之面積為主,佔總集水區面積之 67%(圖2),集水區坡度分布呈現較兩極化 之結果,其中一級坡佔總面積之 26%,而六 級坡以上佔總面積之 27%(圖3)。







圖 2. 高程分布圖 Figure 2. Spatial distribution of elevation

孫振哲、莊智瑋、林昭遠:網格式合理化法推估集水區流量歷線之研究



圖 3. 坡度分布圖 Figure 3. Spatial distribution of slope

二、水文資料

流量資料採用大肚橋、溪南橋、南崗大 橋及乾峰橋等4站;雨量資料分別採用卓蘭 (2)、頭汴坑、頭汴、集集(2)、惠蓀(2)、 翠巒、翠峰、六分寮、草屯(4)、北山(2) 及清流(1)等11站,經地理統計反距離權 重法內差分析集水區雨量之空間分布,再進 一步選取多場挾帶雨量之颱風事件進行流量 歷線模擬;共選取歐菲莉颱風、楊希颱風、 道格颱風、葛拉絲颱風、賀伯颱風及桃芝颱 風等 6 場進行模擬。各水文測站分布如圖 4 所示。





三、研究流程及分析方法

(一)研究流程



圖 5. 研究流程圖 Figure 5. Flow chart of the study

(二)分析方法

1.集水區劃分及地文因子資訊分析

利用流向及遞迴演算法搜尋上游之集水 區範圍(林昭遠、林文賜,2000),分別以大 肚橋、溪南橋、南崗大橋及乾峰橋等4站為 出口點,根據地形之排水流向,劃分集水區 範圍。 地文資訊係以集水區地文因子之計算式 (林昭遠、林文賜,2000),整合數值高程模 型(DEM)資料及地理資訊系統技術,分析 集水區地文資訊,各集水區地文資訊如表1。

| 表1 | 集水區地文資訊 |
|----|---------|
|----|---------|

| Tab | le | 1. | The | geomorp | ho | logic | infor | mation | of | waters | ned | IS |
|-----|----|----|-----|---------|----|----------|-------|--------|----|--------|-----|----|
| | | | | 0 1 | | ω | | | | | | |

| 因子類別 | | (1)尺度類因子 | | | | | | | | | | |
|------|-----------------------------|---------------|---------------|----------------|---------------|----------|-------------|-------------------|----------|--|--|--|
| 集水區 | 集水區面積 (km ²) | 集水區周長 (km) | 集水區長度 (km) | 河川主流長度 (km) | 河川總長度 (km) | 河川 數量 | 平均高程 (m) | 平均高程 (m) 起伏量(m | | | | |
| 大肚橋 | 1983.03 | 374.88 | 69.00 | 130.00 | 2274.90 | 823 | 648.64 | | 3400 | | | |
| 溪南橋 | 261.12 | 112.56 | 19.39 | 33.82 | 379.65 | 130 | 262.59 | | 1284 | | | |
| 南崗大橋 | 263.42 | 114.08 | 17.53 | 36.01 | 428.22 | 173 | 305.50 | | 1323 | | | |
| 乾峰橋 | 960.54 | 237.36 | 46.96 | 77.86 | 875.44 | 367 | 1098.54 | | 3193 | | | |
| 因子類別 | (2)梯 | 度類因子 | | (3)形狀類因子 (4) 紙 | | | | | 類因子 | | | |
| 集水區 | 平均坡度 (%) | 起伏比 | 集水區寬度 (km) | 形狀因子 | 密集度 | 圓比値 | 細長比 | 水系密度 | 河川 頻率 | | | |
| 大肚橋 | 35.20 | 0.12 | 15.25 | 0.12 | 0.42 | 0.18 | 0.73 | 1.15 | 0.42 | | | |
| 溪南橋 | 26.01 | 0.07 | 7.72 | 0.23 | 0.51 | 0.26 | 0.94 | 1.45 | 0.50 | | | |
| 南崗大橋 | 23.47 | 0.06 | 7.32 | 0.20 | 0.50 | 0.25 | 1.04 | 1.63 | 0.66 | | | |
| 乾峰橋 | 53.64 | 0.07 | 12.34 | 0.16 | 0.46 | 0.21 | 0.74 | 0.91 | 0.38 | | | |

2. 網格式合理化法

(1).流量歷線模擬

本研究利用地理資訊系統(GIS)以等集 流時間概念配合逐時雨量、流量、衛星影像 及地文資訊等進行分析,建立其與集水區出 口之時間差,配合網格式合理法,推求出各 集水區內之時流量以進行流量歷線之模擬。

(2). 逕流係數之推估

以常態化差異植生指標(Normalized Difference Vegetation Index,NDVI)推估集水區初始逕流係數(C0)之空間分布,集水區常態化差異植生指標之計算方法如下所示:

 $NDVI = \frac{(NIR - R_b)}{(NIR + R_b)}$

式中,NIR 為近紅外光波段,Rb 為紅光波段, NDVI 値域介於-1 至 1 之間,再將 NDVI 線性 反向配置可計算初始逕流係數($0\sim1$),其公 式為 $C_0 = (1 - NDVI)/2$ (林文賜,2002)。以 2001/12/3 之衛星影像資料,萃取 NDVI 後轉 換為 C_0 値(圖 6),圖中値域由 0 至 1,値 C_0 愈小,植生狀況愈佳,色塊愈深。



圖 6.初始逕流係數 C₀分布圖(2001/12/3) Figure 6. Spatial distribution of C₀ value (2001/12/3)

NDVI 量測植生生長狀況可間接反應區 域內入滲量之變化,逕流係數及入滲率與空 間、時間的關係可由下式得知:

$$C = \frac{R_f}{P} = \frac{(P - I')/t}{P/t} = \frac{I - i}{I} = f(I, i, t)$$

式中,R_f為逕流量(mm),P為降雨量(mm), I'為入滲量(mm),t為降雨延時(hr),I為 降雨強度(mm/hr),i為入滲率(mm/hr), 此即為逕流係數之變動模式。

本研究以常態化差異植生指標為基礎,計算 每一網格之初始逕流係數,再配合降雨時 間,建立逕流係數 C 値於颱風暴雨時期之變 動模式。逕流係數與入滲率有關,亦爲時間 的函數,入滲率在降雨延時內為一動態型式 (圖7),本研究採用 Horton 公式:

$$f = f_c + (f_0 - f_c)e^{-kt}$$

式中,f 為入滲率(mm/hr),t 為降雨時間 (hr),fc 為穩定狀態後的入滲率(mm/hr), f0 為最初入滲率(mm/hr),k 為衰減常數。



圖 7. 入滲曲線圖 Figure 7. Illustration of infiltration curve

降雨初期土壤之入滲能力高,隨降雨時間增 長,土壤之入滲能力逐漸下降,C 値則隨降 雨時間增長而變大,兩者之關係可加入時間 (t)因子,假設C値於暴雨期間之變化與降 雨延時之關係,與入滲曲線圖相似,亦爲指 數函數,惟其係隨降雨持續時間而遞增,代 入邊界條件,t=0,C=0;t=∞,C≒1,即逕 流係數於降雨前爲零,隨降雨時間愈久C愈 趨近於1,建置逕流係數隨時間變化之動態模 式如下式:

$$C = 1 - e^{-C_0 t}$$

式中,C 為逕流係數,C0 為初始逕流係數,t 為降雨時間(hr)。初始逕流係數不同,隨時 間變化的曲率也不同(圖 8),初始値大逕流 係數變動曲線愈陡,即地表植生覆蓋愈差入 滲便愈差,逕流係數愈趨近定值1。



圖 8. 逕流係數變動模式曲線圖 Figure 8. The time varying runoff coefficient C

(3).集流時間之計算

集流時間之定義為由集水區最遠端到達 集水區出口之時間,一般為漫地流時間及渠 道流時間之和,即

$$tc = t_0 + t_s$$

式中, tc 為集流時間 (hr), t₀ 為漫地流時間 (hr), t₈ 為渠道流時間 (hr), t₈ 為渠道流時間 (hr)。

漫地流時間之估算採用坡面長度除以漫 地流速度,坡面長度係由集水區最遠端流至 河道之距離,漫地流流速一般在0.3-0.6 m/s, 可依集水區之現況輸入計算。渠道流時間, 依 Rziha 公式計算,即

$$t_s = \frac{l_s}{60v}$$
$$v = 20(\frac{h}{l_s})^{0.6}$$

式中,h 為河道上游與出口之高差(m),ls 為河道長度(m),v 為流下速度(m/s)。

利用集水區之排水流向資料計算每一網格至 出流口之集流時間,建立集水區之等集流時 間差分布關係。將集水區內相同集流時間之 點連接,可劃分集水區為許多區域,如圖9。 若以小時為單位,則流量歷線推估如下式:

$$t = 1, Q_1 = \frac{1}{360} C_1 I_1 A_1$$

$$t = 2, Q_2 = \frac{1}{360} (C_2 I_1 A_2 + C_1 I_2 A_1)$$

$$t = 3, Q_3 = \frac{1}{360} (C_3 I_1 A_3 + C_2 I_2 A_2 + C_1 I_3 A_1)$$

:

$$t = n, Q_n = \frac{1}{360} \sum_{i=1}^n C_i I_{n-i+1} A_i$$

式中, t 為每一時間間隔 (hr), Qn 為逕流量 (cms), C 為逕流係數, I 為降雨強度 (mm/hr), A 為每一集流時間線內之集水區 面積 (ha)。



圖 9. 等集流時間線示意圖 Figure 9. Isochrones of time of concentration

3.模式建置

網格式合理法主要是利用降雨強度超過 入滲率時會形成地表逕流的觀念所導出,其 假定降於集水區內某以知強度降雨所能產生 之最大流量必須在降雨延時等於或大於集流 時間。沿用合理化公式的理論基礎,並加以 延伸應用為合理化修正模式。為試驗修正式 之預測趨勢及地區適用性,建立模式各項參 數、校正係數,進行模式建置之研究,本研 究分以 α 、 β 為校正係數(圖 10)。





4.模式校驗

為探討網格式合理法模擬之優劣,本研 究分別以效率係數(Coefficient Efficiency; CE)、體積誤差値(Volumetric Error; VE) 及平均絕對値誤差(Mean Absolute Error; MAE)為模式校驗之基準。

(1).效率係數(CE)

$$CE = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} [Q_0(i) - Q_c(i)]^2}{\sum_{i=1}^{n} [Q_0(i) - \overline{Q}_0(i)]^2}$$

式中 Q_0 爲觀測流量(cms), Q_c 爲模式推估 流量(cms), $\overline{Q_0}$ 爲觀測流量平均値(cms), 當 CE 値越趨近於1表示模式模擬結果與實際 資料越密合,精確度越高。

(2).體積誤差值(VE)

$$VE = \frac{\sum_{i=1}^{n} [Q_0(i) - Q_c(i)]}{\sum_{i=1}^{n} [Q_0(i)]}$$

式中 Q_0 爲觀測流量(cms), Q_c 爲模式推估 流量(cms), 從 VE 的大小,可以了解推估 値是否爲無偏估,當 VE=0 表示無偏估。 (3).平均絕對値誤差(MAE)

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} [Q_0(i) - Q_c(i)]$$

式中 n 為推估值數目, Q_0 為觀測流量 (cms), Q_c 為模式推估流量(cms), 從 MAE 的大小,可瞭解推估值與觀測值之離散程度。

5.統計分析

多變量統計分析唯一良好工具,能將環 境系統中錯綜複雜之因素關係,尋覓出其規 律性,將複雜之現象簡單化,抽提出其中之 主要信息,並配合地理資訊系統在空間上之 展現能力,將複雜問題或現象做有效整理、 判斷與臆測(林昭遠,2000)。下列為本研究 所採用之統計分析方法:

(1).主成份分析 主成份分析是一種篩選多變數的統計方

法。其主要在處理許多彼此可能具有相關性 之變項情形,其功能將變項數予以減少,並 使其改變爲較少的數個相互獨立之線性組 合。主成份分析之優點有:a.可消除變量間的 相關性;b.可降低變量維度,萃取重要訊息並 簡化模式複雜度;c.對於變因間關係提供較客 觀的解析方式。具體而言,僅以少數潛在變 量或成份便能有效代表許多彼此相關的變項 結構,利用主成份分析,將數個變項予以線 性組合,使經由線性組合而得的成份之變異 數為最大,亦使各觀測値在這些成份顯示出 最大個別差異(林清山,1995)。主成份數可 選取特徵值大於1之個數(Kaiser, 1960), 而特徵向量之絕對値大於 0.7 者表示相關顯 著 (Pratsinis 等, 1988), 此可以成為篩選同 一主成份變數內之原變數依據。本研究利用 此分析方法,將眾多據關聯性之地文、水文 因子進行分析結合,進一步以多元迴歸進行 分析。

(2).多元迴歸分析

據多自變數的最佳組合,建立迴歸方式 以預測應變數之線性特質。其基本方程式如 下:

 $Y = A + B_1 X_1 + B_2 X_2 + ... + B_n X_n$ 式中,Y為根據變數X而計算出之估計值,A 為常數項,B₁~B_n為Y對應於X₁~X_n之偏迴歸 係數。偏迴歸係數之假設在其他所有因變數 不變的情況下,其一因變數變化所引起應變 數變化的比率。藉由此法將各集水區之地文 水文因子結合進行多元迴歸分析,得到集水 區之α、β之迴歸方程式。

4.模式比較

為比較網格式合理化法與傳統面積比法 之推估準確性,將所求得之α、β值進行降雨 -逕流流量歷線模擬後與面積比法進行比較, 其中面積比法公式如下:

$$Q_{b,t} = Q_{a,t} \left[\frac{A_b}{A_a} \right]$$

式中A_a為觀測站集水區面積;A_b為推估站集 水區面積;Q_at為t時刻觀測站之觀測流量; Q_bt為t時刻推估站之推估流量。

結果與討論

α 為校正洪峰到達時間之指標,就物理意 義而言, α 代表集水區對水源涵養能力, α>1 表示雨峰比洪峰早到達,當 α 愈大,表示集 水區涵養水源能力愈佳; α<1 代表洪峰比雨 峰到達時間早,乃因實際作業上是以小時為 單位進行量測,無法量測到真實之洪峰時間 點,造成洪峰到達時間之量測誤差。β 為修正 洪峰値之參數, β 値愈大表示實測流量遠高於 推估流量,須加以校正,由於模式係以清水 流建立,當水流含砂濃度大時,流量亦變大, 故 β 値可為逕流含砂濃度之指標。模擬結果 如下:

(一)大肚橋流量站之模擬成果

模擬結果顯示如附圖 A1~A6,由於大肚 橋流量站位於烏溪集水區出口,因控制面積 廣大且土地利用複雜,模式推估洪峰到達時 間易影響而有所誤差,且於集集大地震及桃 芝風災後共產生 7175.2 公頃之崩塌面積,佔 總面積之 3.62%(宋之光,2004),因此也影 響了模式於洪峰流量的推估,但經校正後仍 有不錯的效率係數。由於中上游之水源有可 能因崩塌地而被截蓄堰塞,導致本站在模式 推估時有所誤差。各項參數整理如表 2。

(二)溪南橋流量站之模擬成果

結果顯示如附圖 A7~A12,歐菲莉颱風歷線模擬結果隨雨型抬升但實際流況卻為突然攀升,可能為上游堰塞所致。其中道格颱風與 賀伯颱風為多峰型暴雨事件,模式之敏感度 表 2 大肚橋流量站歷線模擬之各項參數及校 正係數

 Table 2. Parameters and correction coefficient

| for Ta-tu bridge s | tation |
|--------------------|--------|
|--------------------|--------|

| 颱風 事件 | α校正 | β校正 | Qp (cms) | Imax (mm/hr) | CE | VE | MAE |
|----------------|------|------|-------------|-----------------|------|-------|---------|
| 歐菲利 79.6.21 | 0.78 | 0.4 | 2240 | 15.56 | 0.91 | 0 | -1.07 |
| 楊希 79.8.17 | 0.2 | 1.34 | 13300 | 36.17 | 0.58 | -0.19 | -665.05 |
| 道格 83.8.6 | 0.3 | 0.93 | 9980 | 32.71 | 0.67 | 0.14 | 407.36 |
| 葛拉絲 83.8.31 | 0.4 | 0.56 | 4590 | 25.88 | 0.71 | -0.02 | -22.02 |
| 賀伯 85.7.29 | 0.25 | 0.69 | 5630 | 25.73 | 0.72 | 0.1 | 162.63 |
| 桃芝 90.7.28 | 0.25 | 0.61 | 10000 | 61.59 | 0.76 | 0.12 | 130.73 |

註: Qp 為洪峰流量、Imax 為最大降雨強度

導致經洪峰退水後第 2 洪峰段無法即時抬 升,模擬效率不佳。在相似降雨強度及延時 下之其他颱風皆造成 3 倍以上之洪峰流量, 但葛拉絲颱風僅有 450cms,應為人為紀錄疏 失所致。各項參數整理如表 3。

表3 溪南橋流量站歷線模擬之各項參數及校 正係數

Table 3. Parameters and correction coefficient for Chi-nan bridge

| | | | | 0 | | | |
|----------------|------|------|-------------|-----------------|------|-------|---------|
| 颱風 事件 | α校正 | β校正 | Qp (cms) | Imax (mm/hr) | CE | VE | MAE |
| 歐菲利 79.6.21 | 0.8 | 1.18 | 1130 | 21.37 | 0.49 | -0.51 | -80.81 |
| 楊希 79.8.17 | 0.5 | 1.58 | 2140 | 33.71 | 0.72 | 0.05 | 36.52 |
| 道格 83.8.6 | 1.3 | 0.86 | 1470 | 21.28 | 0.68 | 0.15 | 53.82 |
| 葛拉絲 83.8.31 | 1.1 | 0.4 | 450 | 23.28 | 0.79 | -0.01 | -0.47 |
| 賀伯 85.7.29 | 3.53 | 1.03 | 1350 | 23.92 | 0.08 | -0.42 | -132.98 |
| 桃芝 90.7.28 | 0.75 | 1.41 | 2760 | 55.16 | 0.82 | -0.14 | -29.05 |

(三)南崗大橋流量站之模擬成果

南崗大橋流量站以歐菲莉颱風降雨強度 過小,形成之洪峰流量過低(<200cms),模 式之模擬能力及準確度不穩定甚至於無法校 正(廖依玲,2003),而其他颱風事件模擬皆 有不錯成果。模擬結果及各項參數、校正係 數整理如附圖 A13~A18 及表 4。

表4 南崗橋流量站歷線模擬之各項參數及校 正係數

 Table 4. Parameters and correction coefficient

 for Nan-kang bridge

| 颱風 事件 | α校正 | B 校正 | Qp (cms) | Imax (mm/hr) | CE | VE | MAE |
|----------------|-----|------|-------------|-----------------|------|-------|---------|
| 歐菲利 79.6.21 | 2.3 | 0.35 | 165 | 10.1 | 0.72 | -0.26 | -12.54 |
| 楊希 79.8.17 | 0.8 | 1.21 | 1980 | 40.77 | 0.86 | -0.07 | -36.57 |
| 道格 83.8.6 | 1 | 1.07 | 1150 | 22.27 | 0.91 | -0.14 | -32.247 |
| 葛拉絲 83.8.31 | 0.7 | 1.26 | 1710 | 38.51 | 0.87 | 0.17 | 45.23 |
| 賀伯 85.7.29 | 1.1 | 1.39 | 1710 | 38.51 | 0.82 | -0.17 | -71.7 |
| 桃芝 90.7.28 | 1 | 0.76 | 1830 | 63.56 | 0.92 | 0.14 | 30.31 |

(四)乾峰橋流量站之模擬成果

模擬歷線結果依颱風事件發生時間順序排列 如附圖 A19~A24,模擬結果皆有高估現象, 經集集大地震及桃芝風災肆虐後,乾峰橋集 水區之崩塌面積共有 3680.3 公頃,佔總面積 之 3.83%,尤其崩塌地又集中於六級坡以上之 山地(宋之光,2004),而乾峰橋集水區中皆 以六、七級坡為主,因此推測崩塌地嚴重改 變原始地形地貌,可能因此影響了模式於洪 峰流量的推估,流量歷線模擬之各項參數及 校正係數整理如表 5。

二、統計分析

因下游測站流量歷線模擬時變因較大, 要與實際流況完全吻合較為不易,為求較準 確推估流量模擬所以本研究選用效率係數 >0.75 之暴雨事件來進行統計分析。經事件取 捨後進行統計分析。 表 5 乾峰流量站歷線模擬之各項參數及校正 係數

 Table 5. Parameters and correction coefficient

 for Chin-fon bridge

| 颱風 事件 | α校正 | β校正 | Qp (cms) | Imax (mm/hr) | CE | VE | MAE |
|------------------------|-----|------|-----------------|---------------------|----------|----------|-------------|
| 歐菲 利 79.6.2 1 | 1.1 | 0.28 | 928 | 20.91 | 0.6 5 | 0.1 4 | 52.76 |
| 楊希 79.8.1 7 | 0.3 | 1.1 | 3620 | 33.5 | 0.6 8 | 0.1 | 129.94 |
| 道格 83.8.6 | 0.3 | 0.86 | 3560 | 41.3 | 0.6 5 | 0.1 | 106.16 |
| 葛拉 絲 83.8.3 | 0.5 | 0.29 | 1090 | 32.56 | 0.5 | 0.1 3 | 30.57 |
| 省 賀伯 85.7.2 9 | 0.8 | 0.49 | 1090 | 32.56 | 0.4 6 | -0.8 | -101.7 4 |
| 桃芝 90.7.2 8 | 0.5 | 0.66 | 4460 | 72.71 | 0.7 7 | 0.2 3 | 122.2 |

(一)主成份分析

多元線性迴歸分析雖能夠處理多指標問 題,但為求完善解決問題而多方面萃取與α、 β校正係數相關之因子使問題更加複雜。經烏 溪集水區地文水文因子萃取,與α、β校正係 數相關之因子多達20項,因此在進行多元線 性迴歸分析前,先以主成份分析將多個相關 影響因子作結合,將相互關係較密切之多變 數歸為同一類別。分析結果如表6及表7。

表中 Q_P : 洪峰流量 (cms)、 I_{max} : 最大降雨 強度 (mm/hr)、WS: 集水區面積 (km²)、P: 集水區周長 (km)、L: 集水區長度 (km)、 L_0 : 河川主流長度 (km)、 L_{to} : 河川總長度 (km)、N: 河川數量、H: 平均高程 (m)、 R_f : 起伏量 (m)、S: 平均坡度 (%)、R: 起 伏比、W: 集水區寬度 (km)、F: 形狀因子、 C: 密集度、M: 圓比値、E: 細長比、 D_s : 水系密度、 F_s :河川頻率、 T_c : 集流時間(min)。 分析結果共萃取出 2 個主成份,第一主成份

表 6 主成份分析之特徵值 Table 6. Eigenvalue of principal component analysis

| 己的 | | 初始特徵伯 | 直 | 平方和負荷量萃取 | | | |
|----|-------|-------|-------|----------|-------|-------|--|
| 风灯 | 總和 | 變異數% | 累積% | 總和 | 變異數% | 累積% | |
| 1 | 16.69 | 83.43 | 83.43 | 16.69 | 83.43 | 83.43 | |
| 2 | 2.16 | 10.80 | 94.23 | 2.16 | 10.80 | 94.23 | |
| 3 | 0.73 | 3.64 | 97.87 | | | | |

表 7 主成份分析之特徵向量 Table 7 Eigenvector of principal component analysis

| | 成 | 份 | | 成 | 份 |
|------------------|-------|--------|---------------------------|--------|--------|
| | 1 | 2 | | 1 | 2 |
| Q _p | 0.763 | 0.028 | S | 0.711 | -0.661 |
| I _{max} | 0.007 | -0.802 | R | 0.930 | 0.331 |
| WS | 0.985 | 0.167 | W | 0.999 | 0.023 |
| Р | 0.991 | 0.126 | F | -0.975 | -0.120 |
| L | 0.998 | 0.062 | С | -0.992 | -0.115 |
| L ₀ | 0.989 | 0.145 | М | -0.993 | -0.102 |
| L _{to} | 0.961 | 0.268 | Е | -0.970 | 0.191 |
| Ν | 0.969 | 0.237 | $D_{\rm S}$ | -0.886 | 0.435 |
| Н | 0.760 | -0.580 | $\mathbf{F}_{\mathbf{S}}$ | -0.897 | 0.318 |
| R_{f} | 0.988 | -0.122 | $T_{\rm C}$ | 0.970 | 0.235 |

能解釋的變異數比例為 83.43%; 第二主成份 能解釋的變異數比例為 10.8%。2 個主成份共 可解釋總變異數之 94.23%(累計貢獻度),此 說明 2 個主成份提供了原始資料的足夠資訊 (特徵值大於1者)。利用此結果,本研究將 α、β 校正係數相關之因子,結合成 2 個主成 份。並進行多元線性迴歸分析。由表 7 可得 知 2 個主成份與α、β 校正係數相關之因子間 的關係,其方程式如下:
$$\begin{split} C_1 &= 0.763 Q_P - 0.007 I_{\max} + 0.985 WS + 0.991 P + 0.998 L \\ &+ 0.989 L_0 + 0.961 L_{to} + 0.969 N + 0.76 H + 0.988 R_f + 0.711 S \\ &+ 0.93 R + 0.999 W - 0.975 F - 0.992 C - 0.993 M - 0.97 E \\ &- 0.886 D_s - 0.897 F_s + 0.97 Tc \end{split}$$

$$\begin{split} C_2 &= 0.028 Q_P - 0.802 I_{\max} + 0.167 WS + 0.126 P + 0.062 L \\ &+ 0.145 L_0 + 0.268 L_{to} + 0.237 N - 0.58 H - 0.122 R_f - 0.661 S \\ &+ 0.331 R - 0.023 W - 0.12 F - 0.115 C - 0.102 M + 0.191 E \\ &+ 0.435 D_s + 0.318 F_s + 0.235 Tc \end{split}$$

由上式得知,第一成份中主要影響的因子為 洪峰流量、集水區面積、集水區周長、集水 區長度、河川主流長度、河川總長度、河川 數量、平均高程、起伏量、起伏比、集水區 寬度、形狀因子、密集度、圓比值、細長比、 水系密度、河川頻率、集流時間;第二成份 主要影響因子為最大降雨強度。

(二)多元迴歸分析

以主成份分析結果進行多元迴歸分析,分析 之迴歸模式如下

 $\alpha = 1.177 - 6.017 \times 10^{-5} C1 + 2.77 \times 10^{-4} C2$ R = 0.816

 $\beta = 1.226 - 2.767 \times 10^{-5} C1 + 1.327 \times 10^{-4} C2$

R = 0.115

式中 R 為判定係數 (coefficient of multiple determination),用以衡量迴歸方程式的解釋 能力,檢定多元迴歸方程式是否可被接受, 其値介於 0 至 1 之間。結果顯示將主成份分 析結果帶入迴歸模式之解釋能力不佳,應為 樣本數過少而影響判定係數及迴歸模式之解 釋能力。另一方面直接將全部因子以刪除法 進行迴歸分析,結果如下: $\alpha = 0.647 - 5.143 \times 10^{-5} Q_n - 1.168 \times 10^{-3} Im ax$

 $-2.787 \times 10^{-3} S + 0.591 F_s + 1.106 \times 10^{-5} Tc$ R = 0.861

 $\beta = 3.647 + 1.11 \times 10^{-4} Q_P - 1.28 \times 10^{-2} \text{ Im } ax$ $-1.641 \times 10^{-2} S - 2.04 F_S - 1.638 \times 10^{-3} Tc$

R = 0.914

式中, Q_P 表洪峰流量(cms)、 I_{max} 表最大降

雨強度(mm/hr)、S 表平均坡度、D_s表河川 頻率、Tc 表集流時間(min)。由上式可得知 將 α 、 β 校正係數相關之因子直接帶入進行多 元迴歸分析之結果能有較好的解釋能力。因 大肚橋流量站及南崗大橋流量站所模擬之颱 風暴雨場次效率係數較佳,在統計分析上此 2 流量站之歷線模擬結果也多被選入分析,導 致在 α 、 β 校正係數之迴歸方程式建置上此 2 流量站之 α 、 β 校正係數相關之因子所佔權重 較重而使得迴歸方程式判定係數偏低,若能 多方蒐集不同單位所提供之水文資料進行流 量歷線模擬,應能提高其餘各站模擬結果之 效率係數,亦能使 α 、 β 校正係數之迴歸方程 式推估準確性提升。

三、流量歷線α、β值推估模式之探討

本模式流量歷線推估之結果發現以大肚 橋流量站(0.67~0.91)及南崗大橋流量站 (0.72~0.92)之效率係數最高,雖然此2流 量站位於較下游土地利用盛行區,但由於地 勢低平及雨量資料收集齊全使模式能夠較為 完善進行流量歷線之推估。在上游地區之集 水區雖有較原始之地形地貌,不受人為擾動 之土壤,但由於地勢陡峭、集水區地文特性 特殊及雨量測站不足、資料收集不齊全以致 於效率係數皆過低。

模式假設集流時間會隨降雨強度大小具 有時變性而造成模擬時洪峰到達時間之誤 差,故乘上一洪峰到達時間校正係數 *a* 進行 校正,*a* 值校正後不但影響洪峰到達時刻也 改變了流量歷線的形狀,可反應出集水區內 之地文特性,*a* 與1之值差的愈多,代表流 量歷線中洪峰與雨峰差距愈大。本研究顯示 烏溪流域中 *a* 值有越往下游越小的趨勢,而 *a* 值可顯示集水區對該場降雨涵養水源之能 力,不同降雨強度中若 *a* 值越小,表集水區 對該場暴雨水源涵養能力差,且當 α 值明顯 偏低時顯示集水區之原始地形遭嚴重破壞。 經統計分析後可得到烏溪集水區之 α 值迴歸 方程式:

 $\alpha = 0.647 - 5.143 \times 10^{-5} Q_p - 1.168 \times 10^{-3} \text{ Im } ax$ $- 2.787 \times 10^{-3} S + 0.591 F_s + 1.106 \times 10^{-5} Tc$ R = 0.861

β 値則為洪峰流量之校正,而一般水交 模式推估皆為清水流,當含砂濃度增大流量 亦隨之提升,故β 値可作爲逕流含砂濃度之 指標,可與其他模式逕行驗證。當降雨事件 降雨強度過小時,降雨量入滲率增加,地表 逕流量相對減少,故模式於低降雨強度事件 模擬常會有過分高估洪峰流量的情況,但於 高降雨強度事件中,若模式所推估之洪峰流 量依然較實測流量高,此情況有可能爲上游 河道發生堵塞或流量遭截取利用。當β 値過 低可留意是否有潰壩型土石流發生或在水資 源管理上是否出了問題。經統計分析後可得 到烏溪集水區之β 値迴歸方程式:

 $\beta = 3.647 + 1.11 \times 10^{-4} Q_P - 1.28 \times 10^{-2} \text{ Im } ax$ $-1.641 \times 10^{-2} S - 2.04 F_S - 1.638 \times 10^{-3} Tc$ R = 0.914

四、推估模式比較

本研究選用文南崗大橋流量站地文水文 因子帶入烏溪集水區之網格式合理化法校正 係數迴歸式,篩除流量過低之事件後,再與 面積比法進行比較2種流量推估方法之驗證 比較整理如表8。

除 2 場高降雨強度(楊希颱風與桃芝颱 風)事件推估成果由面積比法較佳,但整體 效率係數平均值以網格式合理化法較佳,且 面積比法僅能依據附近測站流量紀錄加以推

估,無法用以預測流量。

表 8 南崗大橋流量站不同推估方法之比較 Table 8 The results of selected methods at Nan-kang bridge

| 颱風 | 網格 | 封合理 | 化法 | 面積比法 | | | |
|----------------|------|------------|--------|------|-------|---------|--|
| 事件 | CE | VE | MAE | CE | VE | MAE | |
| 楊希 79.8.17 | 0.78 | 0.3 | 144.97 | 0.9 | 0.04 | 17.57 | |
| 道格 83.8.6 | 0.93 | 0.04 | 8.54 | 0.46 | -0.72 | -165.28 | |
| 葛拉絲 83.8.31 | 0.68 | 0.44 | 117.04 | 0.28 | 0.49 | 130.57 | |
| 賀伯 85.7.29 | 0.72 | 0.35 | 152.57 | 0.36 | 0.48 | 205.63 | |
| 桃芝 90.7.28 | 0.64 | 0.5 | 105.05 | 0.72 | 0.3 | 64.4 | |
| 平均值 | 0.75 | 0.33 | 105.63 | 0.54 | 0.12 | 50.58 | |

結論

- 利用多變量統計分析探討與網格式合理法 之校正係數與地文水文因子之相關性,分 析結果顯示以2個主成份軸可解釋20項因 子94.23%的成份。其中第一成份主要影響 的因子有洪峰流量、集水區面積、集水區 周長、集水區長度、河川主流長度、河川 總長度、河川數量、平均高程、起伏量、 起伏比、集水區寬度、形狀因子、密集度、 圓比値、細長比、水系密度、河川頻率、 集流時間;第二成份主要影響的因子是最 大降雨強度。
- 由於主成份分析具有將眾多具關連性的評 估因子結合成少數指標的優點,有助於決 策者評估母體資訊。本研究嘗試將此分析 方法運用於網格式合理法之校正係數之影 響因子上,但因樣本不足導致迴歸成效不 佳而放棄。若能尋找較多樣本之集水區, 仍可有效運用主成份分析。
- 3.雖前人研究指出上游之集水區所受人為干

援較少,模式推估之流量歷線效率係數越 高,但烏溪集水區上游段因位處中央山 脈,雨量測站設置較為不足、資料不齊全, 導致中上游段流量站流量歷線模擬效率不 佳。因此進行多變量統計分析時捨棄掉許 多樣本,往後綜合更多測站資料時(如氣 象局測等站)應可克服此問題,亦能使網 格式合理化法之校正係數迴歸式推估準確 性更高。

4.本研究以桃芝颱風時期之衛星影像進行初始逕流係數Co值推估,各站效率係數皆達0.77以上,往後若能以更完善的圖資,建立各事件相對應之衛星影像及初始逕流係數應可提升模式準確性。

參考文獻

- 王如意、易任 (1999),「應用水文學」上 冊,國立編譯館出版。
- 2.宋之光 (2004),「烏溪流域植生復育評估 系統與降雨逕流模式建置之研究」,國立中 興大學水土保持學研究所碩士論文。
- 3.林文賜 (2002),「集水區空間資訊萃取及 坡面泥砂產量推估之研究」,國立中興大學 水土保持學研究所博士論文。
- 4.林昭遠 (2000),「集水區地文因子自動萃 取之研究-土石流危險溪流判釋之應用」,中 華水土保持學報,31(1):81-91。
- 5.林昭遠、林文賜 (2000),「集水區地文因 子自動萃取之研究」,中華水土保持學報, 31 (3): 247-256。
- 6.林清山(1995),「多變量分析統計法」,東
 華書局,pp.289-346。
- 7.陳昶憲、雷祖強、許汎穎、郭怡君(2004), 「未設測站日流量預測-以烏溪流域爲

例」,中華水土保持學報,35(2):119-129。

- 8.莊智瑋 (2005),「基隆河員山子分洪水文 效益評估之研究」,國立中興大學水土保持 學研究所碩士論文。
- 9.張紹勳、張紹評、林秀娟 (2000),「SPSS For Window 多變量統計分析」,松崗電腦圖 書資料股份有限公司出版。
- 10.廖依玲 (2003),「基隆河流域降雨-逕流 模式建置之研究」,國立中興大學水土保持 學研究所碩士論文。
- 11.Kaiser, H. F. (1960), "The Application of Electronic Computers to Factor Analysis,
 "Educational and Pshchological Mesurement, 20: 141-151.
- 12.Pratinis, S. E., M. D. Zeldin and E. C. Ellis
 (1988), "Source Resolution of the Fine
 Component-Stepwise Regression Analysis,"Environ. Sci. Technol, 22 : 212-216.

附錄

















Figure A3. Simulation of runoff hydrograph for Doug typhoon. (Ta-tu bridge)























Yancy typhoon. (Chi-nan bridge)











孫振哲、莊智瑋、林昭遠:網格式合理化法推估集水區流量歷線之研究













附圖 A13 歐菲莉颱風流量歷線模擬結果 (南崗大橋) Figure A13 Simulation of runoff hydrograph for Ofelia typhoon. (Nan-kang bridge)





Yancy typhoon. (Nan-kang bridge)























附圖 A19 歐菲莉颱風流量歷線模擬結果 (乾峰橋) Figure A19 Simulation of runoff hydrograph for Ofelia typhoon. (Chin-fon bridge)





Yancy typhoon. (Chin-fon bridge)











孫振哲、莊智瑋、林昭遠:網格式合理化法推估集水區流量歷線之研究







附圖 A24 桃芝颱風流量歷線模擬結果 (乾峰橋) Figure A24 Simulation of runoff hydrograph for Toraji typhoon. (Chin-fon bridge)

| 96 | 年 | 1 | 月 | 20 | 日 | 收稿 |
|----|---|---|---|----|---|----|
| 96 | 年 | 2 | 月 | 15 | 日 | 修改 |
| 96 | 年 | 2 | 月 | 25 | 日 | 接受 |