1677

物理化学学报(Wuli Huaxue Xuebao) Acta Phys. -Chim. Sin. 2015, 31 (9), 1677–1682

September

[Article]

doi: 10.3866/PKU.WHXB201506301 www.whxb.pku.edu.cn

# 应变调控单层氧化锌能带结构的第一性原理研究

汪志刚<sup>1,2</sup> 曾祥明<sup>2</sup> 张 杨<sup>3</sup> 黄 娆<sup>2</sup> 文玉华<sup>2,\*</sup>

(<sup>1</sup>乐山师范学院物理与电子工程学院,四川乐山 614004; <sup>2</sup>厦门大学物理学系,福建 厦门 361005; <sup>3</sup>西安交通大学应用物理系,西安 710049)

**摘要:** 采用基于密度泛函理论的第一性原理计算对单层ZnO薄膜能带结构的应变调控进行了研究. 计算结果 表明: 沿着之字形方向的压缩应变和扶椅形方向的拉伸应变对薄膜带隙的调控都是线性的, 而且带隙调控的范 围最大; 相反地, 在沿着之字形方向的拉伸应变和扶椅形方向的压缩应变的调控下, 带隙则呈现出非线性的变 化. 对于双轴应变的拉伸与压缩, 带隙的变化都是非线性的. 这种通过不同的应变加载方式来实现对带隙不同 程度的调控, 对ZnO薄膜在光学和催化等领域的应用具有重要的指导意义.

关键词: 氧化锌; 应变; 能带结构; 第一性原理计算 中图分类号: O641

## First-Principles Study of Effect of Strain on the Band Structure of ZnO Monolayer

WANG Zhi-Gang<sup>1,2</sup> ZENG Xiang-Ming<sup>2</sup> ZHANG Yang<sup>3</sup> HUANG Rao<sup>2</sup> WEN Yu-Hua<sup>2,\*</sup> (<sup>1</sup>College of Physics and Electronic Engineering, Leshan Normal University, Leshan 614004, Sichuan Province, P. R. China; <sup>2</sup>Department of Physics, Xiamen University, Xiamen 361005, Fujian Province, P. R. China; <sup>3</sup>Department of Applied Physics, Xi'an Jiaotong University, Xi'an 710049, P. R. China)

**Abstract:** The effect of strain on the band structure of the ZnO monolayer has been investigated by firstprinciples calculations based on density functional theory. The results reveal that the band structure of the ZnO monolayer presents different dependences on three types of strain. The band gap linearly and steeply varies under uniaxial zigzag compressive strain and armchair tensile strain, while it shows nonlinear dependence on the other types of strain. Therefore, uniaxial zigzag compressive strain and armchair tensile strain should be the most effective to tune the band gap. This work has significant implications for application of strain to tune the optical and catalytic properties of ZnO nanofilms.

Key Words: ZnO; Strain; Band structure; First-principles calculation

1 引 言

ZnO是一种直接宽禁带的半导体材料(常温时 带隙 $E_{g}$  = 3.37 eV, 低温时 $E_{g}$  = 3.44 eV), 在常温常压 下的最稳结构是纤锌矿结构. 它具有很大的激子结 合能(60 meV)以及强压电、热电和发光等性质. 这 些性质使得它被广泛地应用在电子器件、气体传 感器、太阳能电池、紫外激光器等领域.随着科学 技术的进步,不同的ZnO纳米结构如ZnO纳米薄 膜、纳米线、纳米管、纳米带等均在实验上获得 成功制备.<sup>14</sup> Freeman等<sup>5</sup>曾从理论上预言: 当ZnO薄

\*Corresponding author. Email: yhwen@xmu.edu.cn.

© Editorial office of Acta Physico-Chimica Sinica

Received: March 24, 2015; Revised: June 29, 2015; Published on Web: June 30, 2015.

The project was supported by the National Natural Science Foundation of China (10702056, 11204252) and Scientific Research Fund of Sichuan Provincial Education Department, China (12ZA072).

国家自然科学基金(10702056, 11204252)和四川省教育厅(12ZA072)资助项目

膜的厚度接近于几个原子层时,它将从体相的纤锌 矿结构向石墨状的层状结构转变,薄膜中层与层之 间的相互作用将减弱,而层内原子间的相互作用将 增强.随后,Tusche等<sup>6</sup>在Ag(111)衬底上生长出了 2个单原子层厚度的ZnO(0001)薄膜.他们通过表面 X射线衍射和扫描隧道显微镜观察到这种薄膜的 Zn和O原子位于同一平面,形成了类似石墨状的平 面六角结构,并且随着薄膜厚度的增加,这种平面 六角结构将向ZnO体相的纤锌矿结构转变.他们的 结果从实验上证实了Freeman等的预测.最近, Weirrum等<sup>7</sup>在Pd(111)衬底上制备出了石墨烯状的 ZnO薄膜,进一步验证了Tusche等的结果.已有的理 论计算研究均表明:单层或多层的ZnO薄膜具有平 面蜂窝状结构,这种结构的稳定性主要来自于平面 内Zn和O原子间强烈的sp<sup>2</sup>杂化.<sup>8-10</sup>

由上述可知, 单层ZnO薄膜是一个与石墨烯类 似的二维材料.目前,有关单层ZnO薄膜的研究已有 诸多报道,研究内容涉及它的电子结构、磁性、力 学和压电等性质. 例如, Tu°计算了ZnO单层薄膜的 弹性、压电、电子结构和光学性质. Zheng<sup>11</sup>和 Wang<sup>12</sup>等报道了本征缺陷对单层ZnO薄膜磁性的影 响,他们发现Zn空位诱导的自旋极化将使得它表现 出铁磁性. Kan等<sup>13</sup>报道了常温下半氟化的ZnO单层 薄膜具有半金属铁磁性,全氟化时这种铁磁性将消 失. 已有研究表明: 施加应变是调控材料电子结构 性质(如带隙、载流子迁移率)的有效途径,实验上 施加应变一般是先将材料沉积在一个可延展伸缩 的基底材料上. 如果材料的电子性质可以通过应变 来控制,这种材料将在纳米电机械系统中具有潜在 的应用价值;如果这种材料是直接带隙,那么它可 被应用于纳米光机械系统;如果应变能够强烈地改 变材料的电子结构,那么这种材料可被用作应力或 应变传感器.

目前,有关应变对ZnO纳米材料能带结构调控的研究也有诸多报道.例如,Si和Pan<sup>14</sup>发现应变可以诱导ZnO之字形(zigzag)纳米带从半导体向金属转变.Zhang等的研究揭示了应变诱导ZnO纳米线<sup>15</sup>和纳米管<sup>16</sup>从直接带隙向间接带隙的转变.Behera和Mukhopadhyay<sup>17</sup>研究了平面内均匀的双轴应变对单层ZnO薄膜带隙的调控作用,结果表明带隙与应变具有类似抛物线的关系.然而,Behera等的工作仅考虑了均匀的双轴应变对ZnO薄膜带隙的影响,对相

关的微观机理如电子结构的变化却没有阐明,而这 些变化对ZnO薄膜的光学和催化性质都可能产生重 要的影响.鉴于ZnO薄层能带结构的应变调控具有 重要的理论意义和实用背景,本文中我们将采用基 于密度泛函理论(DFT)的第一性原理计算研究不同 类型的应变加载方式对单层ZnO薄膜电子能带结构 的影响和作用.

#### 2 计算方法与模型

本文采用基于密度泛函理论的第一性原理方 法, 通过采用VASP (Vienna ab initio Simulation Package)程序包,<sup>18,19</sup> 对应变调控单层ZnO薄膜的能 带结构进行研究. 计算中选用投影缀加波(PAW) 方法,20,21 电子之间的交换关联能选用广义梯度近似 (GGA)<sup>22</sup>下的PBE (Perdew-Burke-Ernzerhof) 應势;<sup>23</sup> 布里渊区中使用Monkorst-Pack<sup>24</sup> 5×5×1的k 网格点, k点数的选用满足在倒空间中k点分割小于 0.3 nm<sup>-1</sup>; 平面波截断能为400 eV; 结构弛豫采用共 轭梯度算法,能量和力的收敛精度分别为1×10-5 eV·supercell<sup>-1</sup>和0.05 eV·nm<sup>-1</sup>; 在垂直于平面的Z方 向上真空层厚度设为1.5 nm,从而避免由于周期性 引入的层间相互作用; Zn的3d<sup>10</sup>4s<sup>2</sup>和O的2s<sup>2</sup>2p<sup>4</sup>作为 价电子,其他电子都作为芯电子.计算中,对平面波 切断能及k点数目进行优化,使得体系的总能收敛于 1 meV.

压缩和拉伸应变是通过标度ZnO薄层平面内相 互垂直方向上的晶格常数来实现的,即标度之字形 方向和扶椅形方向的晶格常数,如图1所示.这种方 法已成功地应用于其他单层二维材料的应变研 究.25-27 本文考虑了三种应变加载方式: 双轴应变、 沿之字形方向的单轴应变以及沿扶椅形方向的单 轴应变. 对于不同应变值下的结构, 在保持超原胞 尺寸不变的情况下充分弛豫至能量最低态.本文中 考虑了对称应变下的拉伸和压缩,应变定义为应变 加载方向的晶格常数与无应变时的平衡晶格常数 之比,即通过公式 $\varepsilon = (a - a_0)/a_0$ 来描述,其中 $a_0$ 是没 有应变时的最优晶格常数, a是不同应变时相对应 的晶格常数; ε为正值表示拉伸应变, 反之则为压缩 应变.我们首先对单层ZnO薄膜进行了结构优化,优 化后的几何构型呈现出类似石墨烯的平面六角结 构. 在选择应变范围时, 我们计算了较大的应变范 围内( $-0.2 < \varepsilon < 0.2$ )它们的几何构型,结果表明在较



Fig.1 Crystal structures of monolayer ZnO

(a) transformation of hexagonal structure to orthogonal unit cell; (b) biaxial strain; (c) uniaxial strain along zigzag direction;(d) uniaxial strain along armchair direction. The black arrow denotes the direction of applied strain.

大的压缩应变时ZnO薄膜被压缩成了不规则的褶皱 结构,这种结构完全破坏了它原有的对称性.因此, 本文把应变*ε*局限在-0.1到0.1的范围内,应变步长设 为0.02,在平衡状态附近步长取为0.01.为了区分不 同方向的单轴应变,把六角结构的超晶胞转变成四 方结构,如图1所示.*x*轴方向定义为之字形方向,*y*轴 方向定义为扶椅形(armchair)方向.双轴应变是通过 对之字形和扶椅形方向的晶格常数同时进行标度, 如图1(b)所示;对于单轴应变,仅对之字形(或扶椅 形)方向的晶格常数进行标度,而使扶椅形(或之字 形)方向的晶格常数进行标度,而使扶椅形(或之字 形)方向的晶格常数进行标度,而使扶椅形(或之字

### 3 结果与分析

在无应变的情况下,通过对原子位置和晶格进 行充分弛豫后, Zn和O原子处于同一平面上. Zn与 O之间的键长为0.190 mm, 这与实验值(0.192 mm)<sup>6</sup> 以及之前报道的理论计算值9.10.17符合得较好. 单层 ZnO薄膜在双轴应变下的能带结构以及Zn和O的分 态密度如图2所示. 由图可见, 在无应变下的单层 ZnO薄膜是一个带隙为1.663 eV的直接带隙半导体 材料,价带顶和导带底都位于布里渊区的Γ点位置. 这也与之前的理论计算结果是一致的.8.28.29 众所周 知,由于DFT理论自身的缺陷,采用GGA计算得到 的带隙值往往偏低.为此,我们又采用了新杂化泛 函HSE06计算了单层ZnO薄膜的带隙,发现它的值 为3.305 eV. 这与Tu等°采用GW方法计算的单层 ZnO薄膜的带隙值(3.576 eV)比较接近. 虽然GGA方 法计算的结果低估了ZnO的带隙值, 但是GGA方法 依然能够较为准确地预测带隙变化的趋势.15,30,31 由 于HSE06和GW计算量大,计算过程非常耗时,而且

本文主要关注的是带隙变化的趋势,并不需要准确 计算它的带隙值.因此,本文仍然采用了较为普遍 而耗时低的GGA方法来研究应变对单层ZnO电子 结构的影响.从图2(a)的态密度(DOS)分布可知,无 应变下的单层ZnO薄膜的价带顶主要来自O-2p和 Zn-3d轨道的贡献, 而导带底则主要是由Zn-4s和O-2s所贡献. 当施加双轴压缩应变时, O-2p和Zn-3d态 的耦合作用增强,价带能级变得更宽,如图2(b)所示; 从-2到0 eV的能量区间内, O-2p和Zn-3d的态密度几 乎重合;由于强烈的耦合作用,O-2p态的局域性大 为降低.因此双轴压缩后,Zn和O原子的共价性增 强,离子性减弱.另一方面,拉伸应变则使得O-2p和 Zn-3d态的耦合作用减弱, 电子的分布更加局域化, 价带顶主要由O-2p所贡献,如图2(c)所示;同时,Zn-4s与O-2s相互作用减弱,导带底主要由Zn-4s所贡献, 此时, Zn和O原子的共价性减弱, 而离子性增强. 值 得注意的是,无论是压缩和拉伸应变,单层ZnO薄膜 的直接带隙性质并未改变,价带顶和导带底均处于 布里渊区的Γ点处. 与双轴应变相比, 单轴应变由于 改变了ZnO薄膜的六角对称性,能带的简并度大为 降低.

图3给出了单层ZnO薄膜的带隙随应变的变化 关系. 由图3可知,带隙在双轴应变的调控下带隙呈 现了明显的非线性变化:在双轴的压缩应变下,带 隙先从1.663 eV增加到1.668 eV,再从1.668 eV单调 递减到1.352 eV;带隙的最大值出现在ε = -0.01左 右. Behera和Mukhopadhyay<sup>17</sup>计算的结果是在无应 变状态下对应的带隙最大. 能带的这种差别可能是 由于他们选取的应变间隔较大造成的. 相反地,在 双轴的拉伸应变下,带隙表现出单调递减,即从 1.663 eV连读地减小到1.274 eV. 另外,对于相同大





(a)  $\varepsilon = 0$ ; (b)  $\varepsilon = -0.1$ ; (c)  $\varepsilon = 0.1$ 



**Fig.3** Band gap of ZnO monolayer as a function of strain strain:  $\varepsilon = (a - a_0)/a_0$ 

小的压缩或拉伸应变,带隙变化幅度的趋势与 Behera和Mukhopadhyay<sup>17</sup>计算的结果不同,通过与 我们用局域密度近似(LDA)计算结果的对比发现, 这种不同的趋势主要是来自于交换关联泛函的影响. 需要指出的是, 不论是双轴拉伸还是压缩, 对带隙的调控均表现出单调递减和不对称性; 也就是说, 对于相同大小的双轴压缩和拉伸应变, 带隙的变化 是不同的. 这与O-2*p*和Zn-3*d*态贡献的局域化程度 强弱是直接相关的. 此外, 在所研究的应变变化范 围内(-0.1 < ε < 0.1), 单层ZnO始终表现出直接带隙 半导体的性质.

对于其它两种类型的单轴应变(沿着之字形方向和扶椅形方向的单向应变),无论是压缩还是拉伸 应变,随着应变的增加带隙的变化也都呈现出单调 递减.但是,不同的应变其带隙变化的幅度和范围 不尽相同.沿之字形方向压缩或者沿着扶椅形方向 拉伸时,带隙与应变的关系都是线性的;而沿之字 形方向拉伸或者扶椅形方向压缩,带隙的变化却都 是非线性的.对于之字形方向的单轴应变,当ε从 -0.1变化到0.1时,带隙先从1.154 eV单调线性地增 加到无应变时的最大值1.663 eV,之后又非线性地 降低到1.305 eV. 而扶椅形方向的应变ε从-0.1变化 到0.1时,带隙先从1.413 eV单调非线性增加到无应 变时的最大值1.663 eV,之后又线性地降低到1.098 eV.

通过比较不难发现:对于三种不同形式的压缩 应变, 当应变的幅度相同时, 之字形方向的单轴应 变对应的带隙最低;而对于三种不同的拉伸应变, 当应变相同时,扶椅形方向的拉伸应变对应的带隙 总是最低.也就是说,在本文所考虑的应变范围内, 当带隙与应变的关系是线性时,应变对带隙的调控 范围最大,因此调控效果最好,这种带隙随应变不 同变化的原因可能与对称性有关. 均匀的双轴应变 不会改变单层ZnO的六角对称性, 而施加两种不同 方向的单轴应变时,六角对称结构都会发生改变(见 图1). 这种六角结构对称性的破坏与否, 将直接影响 到O-2p和Zn-3d态对价带顶能级的贡献以及它们之 间的耦合作用.通过对比结构的变化发现,之字形 方向的压缩应变和扶椅形方向拉伸应变所对应的 形状变化趋势是一致的,因此它们对应的带隙变化 亦是相同的(都是线性变化); 而之字形方向拉伸应 变和扶椅形方向的压缩应变对应的形状变化趋势 一致,因此它们对应的带隙均为非线性变化.此外, 对于之字形方向的单轴应变,在5%的应变范围内, 它的泊松比约为0.67,并随压缩应变的增大而减少, 随拉伸应变的增大而增大. 而对于扶椅形方向的单 轴应变,在5%的应变范围内,它的泊松比约为0.66, 并随压缩应变的增大而增大,随拉伸应变的增大而 减少.不同方向单轴应变时计算得到的泊松比虽然 很接近,但它们的变化趋势截然不同,不仅证实了 ZnO薄膜的各向异性性质,也与沿两个方向施加应 变时带隙变化的相反趋势相对应.

由图4的能量曲线可以看出,相比单轴应变,双 轴应变下能量的变化更大,尤其是双轴压缩应变, 在ε = -0.1时能量的变化超过了10%.这意味着实验 上要实现这种应变比较困难.而对于两种不同类型 的单轴应变,当应变绝对值达到10%时,对应的能量 变化都在2%以内.这表明单轴应变所需要的能量更 小,因此实验上对于单轴应变的实现是有利的.根 据图4所示,我们还看到,能量的变化相对于应变的 拉伸和压缩是不对称的.对于双轴应变,能量因压





缩应变而升高的更加明显.这种能量变化的不对称 主要是由于形变后ZnO薄膜的结构对称性发生了变 化.这种现象在ZnO纳米线和纳米管中也出现过.<sup>12,13</sup>

此外,形变势可以被用来解释带隙和晶胞体积 变化的关系.32 正形变势表示带隙随晶胞体积的增 大而减少,而负形变势则恰好相反.例如,对于石墨 烯状的单层BN(氮化硼), 它的π-π相互作用在调控 带隙时起主导作用,因此晶格膨胀使它们的带隙降 低,晶格压缩使带隙升高,从而它具有正形变势.30 对于单层ZnO薄膜,无论是拉伸还是压缩应变都会 使带隙降低,这可能是由于ZnO薄膜同时具有*n*-n和 σ-σ相互作用.随着原子间距离的变化,这两种相互 作用对电子结构的影响方式不同;33 在它们的相互 竞争下, ZnO的形变势出现了反常行为. 本文的结果 表明,应变是降低ZnO薄膜带隙的有效方法.这种应 变对能带结构的调控如果能够通过实验来实现,比 如将ZnO薄膜的能带结构调控到与H,和O,的氧化还 原势所对应,那么对于它在光催化方面的应用将具 有重要意义.

### 4 结 论

应变是一种有效地调控ZnO薄膜带隙的方法. 本文研究了双轴应变和不同方向的单轴应变对单 层ZnO薄膜带隙的影响和作用.结果表明:之字形方 向的压缩应变和扶椅形方向的拉伸应变对带隙的 调控是线性的,且调控的范围最大,引起的能量和 体积变化较小,在三种应变加载中对带隙的调控是 最有利的.此外,在沿着之字形方向的拉伸应变,扶 椅形方向的压缩应变以及双轴的拉伸与压缩应变 之下,带隙均表现出非线性变化.我们的研究结果 对利用应变来调控ZnO薄膜的电子结构,从而对它 们在光学和催化中的实际应用具有重要的指导意 义.

#### References

- Wang, Z. L. ZnO Bulk, Thin Films and Nanostructures; Elsevier: Oxford, 2006.
- (2) Schmidt-Mende, L.; MacManus-Driscoll, J. L. Mater. Today
   2007, 10 (5), 40. doi: 10.1016/S1369-7021(07)70078-0
- (3) Wang, D. L.; Ruan, Y. F.; Zhang, L. C.; Yang, H. B. Acta Phys. -Chim. Sin. 2010, 26, 3369. [王丹丽, 阮永丰, 张灵翠, 杨红波. 物理化学学报, 2010, 26, 3369.] doi: 10.3866/PKU. WHXB20101202
- (4) Li, X. Q.; Fan, Q. F.; Li, G. L.; Huang, Y. H.; Gao, Z.; Fan, X. M.; Zhang, C. L.; Zhou, Z. W. *Acta Phys. -Chim. Sin.* 2015, *31*, 783. [李湘奇, 范庆飞, 李广立, 黄瑶翰, 高 照, 范希梅, 张朝良, 周祚万. 物理化学学报, 2015, *31*, 783.]
  doi: 10.3866/PKU.WHXB201502062
- (5) Freeman, C. L.; Claeyssens, F.; Allan, N. L.; Harding, J. H. *Phys. Rev. Lett.* **2006**, *96*, 066102. doi: 10.1103/PhysRevLett. 96.066102
- (6) Tusche, C.; Meyerheim, H. L.; Kirschner, J. *Phys. Rev. Lett.* 2007, 99, 026102. doi: 10.1103/PhysRevLett.99.026102
- (7) Weirrum, G.; Barcaro, G.; Fortunelli, F.; Weber, F.; Schennech,
   R.; Surnev, S.; Netzer, F. *J. Phys. Chem. C* 2010, *114*, 15432.
   doi: 10.1021/jp104620n
- (8) Topsakal, M.; Cahangirov, S.; Bekaroglu, E.; Ciraci, S. *Phys. Rev. B* 2009, *80*, 235119. doi: 10.1103/PhysRevB.80. 235119
- (9) Tu, Z. C. J. Comput. Theor. Nanos. 2010, 7, 1182.
   doi: 10.1166/jctn.2010.1470
- (10) Kang, J.; Zhang, Y.; Wen, Y. H.; Zheng, J. C.; Zhu, Z. Z. Phys. Lett. A 2010, 374, 1054. doi: 10.1016/j.physleta. 2009.12.031
- (11) Zheng, F. B.; Zhang, C. W.; Wang, P. J.; Luan, H. X. Curr. Appl. Phys. 2013, 13, 799. doi: 10.1016/j.cap. 2012.12.008
- (12) Qin, G. P.; Wang, X. Q.; Zheng, J.; Kong, C. Y.; Zeng, B. Comp. Mater. Sci. 2014, 81, 259. doi: 10.1016/j.commatsci. 2013.08.018
- (13) Kan, E. J.; Xiang, H. J.; Wu, F.; Tian, C.; Lee, C.; Yang, J. L.;
   Whangbo, M. H. *Appl. Phys. Lett.* **2010**, *97*, 122503.

doi: 10.1063/1.3491416

- (14) Si, H.; Pan, B. C. J. Appl. Phys. 2010, 107, 094313. doi: 10.1063/1.3374684
- (15) Zhang, Y.; Wen, Y. H.; Zheng, J. C.; Zhu, Z. Z. Appl. Phys. Lett. 2009, 94, 113114. doi: 10.1063/1.3104852
- (16) Zhang, Y.; Wen, Y. H.; Zheng, J. C.; Zhu, Z. Z. *Phys. Lett. A* 2010, *374*, 2846. doi: 10.1016/j.physleta.2010.04.069
- (17) Behera, H.; Mukhopadhyay, G. *Phys. Lett. A* 2012, *376*, 3287.
   doi: 10.1016/j.physleta.2012.09.038
- (18) Kresse, G.; Hafner, J. Phys. Rev. B 1993, 47, 558. doi: 10.1103/PhysRevB.47.558
- (19) Kresse, G.; Furthmuller, J. *Phys. Rev. B* 1996, *54*, 10304. doi: 10.1103/PhysRevB.54.10304
- (20) Blochl, P. E. *Phys. Rev. B* 1994, *50*, 17953.doi: 10.1103/PhysRevB.50.17953
- (21) Kresse, G.; Joubert, D. Phys. Rev. B 1999, 59, 1758.
- (22) Perdew, J. P.; Chevary, J. A. Phys. Rev. B 1992, 46, 6671. doi: 10.1103/PhysRevB.46.6671
- (23) Perdew, J. P.; Burke, K.; Ernzerhof, M. *Phys. Rev. Lett.* 1996, 77, 3865. doi: 10.1103/PhysRevLett.77.3865
- (24) Monkhorst, H. J.; Pack, J. D. Phys. Rev. B 1976, 13, 5188. doi: 10.1103/PhysRevB.13.5188
- (25) Gui, G.; Li, J.; Zhong, J. Phys. Rev. B 2008, 78, 075435.
- (26) Zhang, C.; Sarkar, A. D.; Zhang, R. Q. J. Phys. Chem. C 2011, 115, 23682. doi: 10.1021/jp206911b
- (27) Wong, J. H.; Wu, B. R.; Lin, M. F. J. Phys. Chem. C 2012, 116, 8271.
- (28) Zheng, F. B.; Zhang, C. W.; Wang, P. J.; Luan, H. X. J. Appl. Phys. 2012, 111, 044329. doi: 10.1063/1.3688233
- (29) Wang, Z. G.; Zhang, Y.; Wen, Y. H.; Zhu, Z. Z. Acta Phys. Sin.
  2010, 59, 2051. [汪志刚, 张 杨, 文玉华, 朱梓忠. 物理学报,
  2010, 59, 2051.]
- (30) Yang, S.; Prendergast, D.; Neaton, J. B. Appl. Phys. Lett. 2011, 98, 152108. doi: 10.1063/1.3578193
- (31) Yadav, S. K.; Ramprasad, R. Appl. Phys. Lett. 2012, 100, 241903. doi: 10.1063/1.4729153
- (32) Chris, G.; Van de Walle, R. M. Phys. Rev. Lett. 1986, 62, 2028.
- Bhattacharya, A.; Bhattacharya, S.; Das, G. P. *Phys. Rev. B* 2011, 84, 075454. doi: 10.1103/PhysRevB.84.075454