

УДК 519.686.2

С.В. Потієнко

## МЕТОДЫ ПРЯМОГО И ОБРАТНОГО СИМВОЛЬНОГО МОДЕЛИРОВАНИЯ СИСТЕМ, ЗАДАНЫХ БАЗОВЫМИ ПРОТОКОЛАМИ

В работе рассмотрены методы прямого и обратного символического моделирования, используемые для решения задач верификации систем базовых протоколов. Помимо алгоритмов поиска в пространстве состояний системы, детально проработанных в области проверки на модели (model checking), основная задача символического моделирования заключается в осуществлении перехода от одного класса состояний к следующему. Такая трансформация производится с помощью предикатных трансформеров. В данной работе построены алгоритмы прямого и обратного предикатных трансформеров для числовых, символических и списочных структур данных. Трансформеры рассматриваются как функции, которые выводят из заданной формулы новую, определяющую класс состояний системы после перехода, совершенного под действием заданного базового протокола.

### Вступление

Подходы к решению задачи верификации программных систем можно разделить на два типа – проверка на модели (model checking) и доказательство теорем (theorem proving). Символическое моделирование – один из методов комбинации проверки на модели с доказательством теорем. Во время проверки на модели осуществляется поиск в пространстве состояний, генерируемых поведением модели. В символическом моделировании роль состояний играют формулы, которые покрывают классы состояний. Во время поиска в таком пространстве классов состояний используются методы доказательств. Для простоты, классы состояний, заданные формулами, далее будем называть состояниями. Переход от заданного состояния к следующему осуществляется с помощью прямого предикатного трансформера, определяемого как функция вывода формулы – нового состояния модели. Для решения задачи проверки достижимости заданного состояния, как один из методов применяется обратное символическое моделирование, в котором переход от заданного состояния к предыдущему осуществляется с помощью обратного предикатного трансформера.

В данной работе рассматриваются методы символического моделирования над системами, заданными набором базовых протоколов. Общая методика верификации систем базовых протоколов описана в [1].

Представление требований в форме базовых протоколов базируется на теории взаимодействия агентов и сред [2, 3]. Алгоритмы поиска в пространстве состояний описаны в [4–6]. Здесь раскрываются алгоритмы работы прямого и обратного предикатных трансформеров для систем с числовыми, символическими и списочными структурами данных.

### Краткое описание языка базовых протоколов

Базовый протокол представляет собой выражение вида  $\forall x(\alpha \rightarrow \langle u \rangle \beta)$ , где  $x$  – список (типизированных) параметров,  $\alpha$  и  $\beta$  – формулы базового логического языка,  $u$  – процесс протокола (конечное поведение композиции нескольких агентов и среды, обычно задается с помощью MSC диаграмм). Формула  $\alpha$  называется предусловием, а формула  $\beta$  – постусловием базового протокола. Сам базовый протокол может рассматриваться как формула темпоральной логики, выражающая тот факт, что, если состояние системы имеет разметку, удовлетворяющую условию  $\alpha$ , то процесс  $u$  может быть инициирован, и после его завершения состояние системы будет удовлетворять условию  $\beta$ .

В качестве базового языка используется язык многосортного исчисления предикатов первого порядка. Формула ба-

зового языка может содержать переменные и константы следующих простых типов данных: числовые (целый и действительный) и символьные (булевский, перечислимый и произвольный символьный). Так же допустимы массивы элементов простых типов с целыми или перечислимыми индексами, функциональные типы (функции от аргументов простых типов, возвращающие значение простого типа), списки элементов простых типов. В роли переменных, меняющих свои значения в процессе функционирования системы, выступают атрибуты и атрибутные выражения. Атрибутными выражениями являются операторы доступа к элементу массива по индексам ( $a[i,j]$ ), функции доступа к спискам ( $get\_from\_head(l)$ ,  $get\_from\_tail(l)$ ,  $empty(l)$ ), выражения атрибутов функциональных типов ( $a(x,y,z)$ ).

Предусловие базового протокола содержит формулу базового языка, в постусловии используются присваивания, операторы обновления списков, а так же формула базового языка. Левыми частями присваиваний могут выступать атрибуты простых типов и атрибутные выражения кроме функций доступа к спискам. Присваивания и операторы обновления списков рассматриваются как равенства, связывающие старые и новые значения атрибутов простых типов и атрибутных выражений.

### Прямой предикатный трансформер

На каждом шаге моделирования известно текущее состояние среды (на первом шаге известно начальное состояние). Применимые в этом состоянии протоколы модифицируют состояние согласно своим постусловиям. Каждый из одновременно применимых протоколов создает новую ветвь в дереве поведения системы.

Пред- и постусловие каждого базового протокола представляется в таком виде:

- предусловие:  $A(r,l,s,z)$ ;
- постусловие:  $B(r,l,s,z) = (r := t_0(r,l,s,z)) \wedge \wedge U(l,r,s,z) \wedge C(r,l,s)$ .

Здесь:

- $l$  – вектор списковых атрибутов;

- $r,s,z$  – вектора атрибутов и атрибутных выражений числовых и символьных типов;
- $A(r,l,s,z)$  и  $C(r,l,s)$  – формулы базового языка;
- $U(l,r,s,z)$  – конъюнкция операторов обновления списков  $l$ ;
- $r := t_0(r,l,s,z)$  – конъюнкция присваиваний новых значений атрибутам  $r$ :  
 $(r_1 := t_1(r,l,s,z)) \wedge (r_2 := t_2(r,l,s,z)) \wedge \dots$ ;
- $r := t(r,s,z)$  – присваивания после подстановки значений операторов доступа к спискам ( $get\_from\_head(l)$ ,  $get\_from\_tail(l)$ );
- $z$  – вектор переменных, присутствующих в операторах присваивания и обновления списков, но отсутствующих в формуле  $C(r,l,s)$  постусловия.

Таким образом,  $r$  – это атрибутные выражения, значения которых меняются присваиваниями, а значения  $s$  могут измениться недетерминированным образом, поскольку входят в условие  $C$ . Значения выражений из  $z$  не меняются.

Базовый протокол применим на состоянии  $E$ , если формула  $E \wedge A(r,l,s,z)$  не ложна. Применимый базовый протокол осуществляет переход:

$$E \rightarrow E' .$$

Здесь  $E$  и  $E'$  – формулы, определяющие состояния среды. Они представляются в таком виде:

- $E = F(r,s,z) \wedge L(r,l,s,z)$ ,
- $E' = F'(r,s,z) \wedge L'(r,l,s,z)$ ,

где

- $F(r,s,z)$ ,  $F'(r,s,z)$  – формулы базового языка;
- $L(r,l,s,z)$ ,  $L'(r,l,s,z)$  – списковые равенства вида:

$$(l_1 = list(head_1(r,s,z), \dots, tail_1(r,s,z))) \wedge \wedge (l_2 = list(head_2(r,s,z), \dots, tail_2(r,s,z))) \wedge \dots,$$

где

- $head_i(r,s,z)$  и  $tail_i(r,s,z)$  – последовательности выражений, могут быть пустыми;
- $\dots$  – абстрактная (неизвестная) часть списка; она отсутствует в списках конкретной длины.

Во время прямого моделирования известно состояние  $E$ , с помощью прямого предикатного трансформера необходимо найти состояние  $E'$ :

$$E' = pt( E \wedge A(r,l,s,z), B(r,l,s,z) ).$$

Прямой предикатный трансформер определяется с учетом следующего предположения: все атрибуты и атрибутивные выражения, встречающиеся на верхнем уровне в формуле  $C(r,l,s)$  постусловия, и только они могут изменить свои значения после применения базового протокола. Считается, что атрибут находится на верхнем уровне, если он не расположен внутри какого-либо атрибутивного выражения. Например, если атрибут встречается как индекс массива или параметр атрибута функционального типа, это не считается верхним уровнем.

Прямой предикатный трансформер применяется к формуле

$$F(r,l,s,z) \wedge L(l,r,s,z) \wedge A(r,l,s,z)$$

и выводит новую формулу  $E'$ :

$$E' = E_1 \vee E_2 \vee \dots$$

$$E_i = \exists(u,v) (F(u,v,\xi_i) \wedge A(u,l,v,\xi_i) \wedge T(r,u,v,\xi_i) \wedge L'(l,u,v,\xi_i) \wedge P_i(u,v,r,s)) \wedge C(r,l,s).$$

$$T(r,u,v,\xi_i) =$$

$$= (r_1 = t_1(u,v,\xi_i)) \wedge (r_2 = t_2(u,v,\xi_i)) \wedge \dots$$

$$L'(l,u,v,\xi_i) =$$

$$= (l_1 = \text{list}(\text{head}_1(u,v,\xi_i), \dots, \text{tail}_1(u,v,\xi_i))) \wedge \wedge (l_2 = \text{list}(\text{head}_2(u,v,\xi_i), \dots, \text{tail}_2(u,v,\xi_i))) \wedge \dots$$

Здесь  $u, v$  – вектора связанных переменных, введенных для обозначения старых значений атрибутов  $r, s$ .  $L'(l,u,v,\xi_i)$  содержит обновленные списки после применения операторов  $U(l,r,s,\xi_i)$ . Если атрибут функционального типа встречается среди атрибутивных выражений вектора  $r$  или  $s$ , а также в векторе  $z$ , должны быть рассмотрены все комбинации возможных отождествлений его аргументов. Формула  $P_i(u,v,r,s)$  определяет одну из таких возможностей. Вектора  $\xi_i$  получают замены выражений из  $z$  с отождествленными аргументами переменными из списков  $u$  или  $v$ .

Например, пусть выражение  $x(i)$  встречается среди левых частей присваивания, а  $x(j)$  встречается в  $z$ , где  $x$  – атрибут функционального типа. Тогда рассмотрим два случая:  $i = j$  и  $i \neq j$ . Для случая  $i = j$ , выражение  $x(j)$  заменяется на пере-

менную из списка  $u$ , соответствующую выражению  $x(i)$ .

### Обратный предикатный трансформер

Обратное моделирование позволяет из заданного состояния среды построить трассу в начальное состояние. Для этого используются алгоритмы прямого моделирования с обратным предикатным трансформером, который определяется далее.

Во время обратного моделирования известно состояние  $E'$ , с помощью обратного предикатного трансформера необходимо найти состояние  $E$ :

$$E = pt^{-1}(E', A(r,l,s,z), B(r,l,s,z)).$$

Определяющим свойством обратного трансформера является следующее условие:

$$pt(pt^{-1}(E', A(r,l,s,z), B(r,l,s,z))) \wedge A(r,l,s,z), B(r,l,s,z)) \rightarrow E'.$$

Рассмотрим два случая.

#### 1. $C(r,l,s) = 1$ .

В данном случае постусловие содержит только операторы присваивания и обновления списков. Рассмотрим оба типа операторов.

Операторы присваивания изменяют формулу в состоянии среды как описано в прямом предикатном трансформере. Положим:

$$F(r,s,z) = F'(t(r,s,z),s,z) \wedge A(r,l,s,z) \wedge P(r,s,z) \\ \text{или} \\ pt^{-1}(F'(r,s,z), A(r,l,s,z), B(r,l,s,z)) = \\ = F'(t(r,s,z),s,z) \wedge A(r,l,s,z) \wedge P(r,s,z).$$

Как упоминалось выше,  $r, s, z$  – вектора атрибутов не списковых типов, т.е. простых типов – числовые (целые и действительные), перечислимые, символьные, а так же функциональных типов. Массивы могут рассматриваться как функциональные типы с одним целочисленным или перечислимым параметром, ограниченным размерностью массива. Если один атрибут функционального типа встречается в постусловии более одного раза, должны быть

рассмотрены все комбинации возможных отождествлений его аргументов. Формула  $P(r,s,z)$  определяет одну из таких возможностей.

Например, пусть выражения  $x(i)$  и  $x(j)$  встречаются  $B(r,l,s,z)$ , где  $x$  – атрибут функционального типа. Тогда рассмотрим два случая:  $i = j$  и  $i \neq j$ .

Если формула  $F'(r,l,s,z)$  ложна, то данный базовый протокол не мог быть применен и соответствующая ветвь поведения не рассматривается.

Докажем определяющее свойство такого обратного трансформера:

$$\begin{aligned} & pt( pt^{-1}(F'(r,s,z), A(r,l,s,z), B(r,l,s,z)) \wedge \\ & \wedge A(r,l,s,z), B(r,l,s,z) ) = \\ & = pt( F(r,s,z) \wedge A(r,l,s,z), B(r,l,s,z) ) = \\ & = \exists u ( F(u,s,\xi_1) \wedge A(u,l,s,\xi_1) \wedge (r = t(u,s,\xi_1)) \vee \\ & \vee F(u,s,\xi_2) \wedge A(u,l,s,\xi_2) \wedge \\ & \wedge (r = t(u,s,\xi_2)) \vee \dots ) = \\ & = \exists u ( F'(t(u,s,\xi_1),s,\xi_1) \wedge A(u,l,s,\xi_1) \wedge \\ & \wedge P(u,s,\xi_1) \wedge (r = t(u,s,\xi_1)) \vee \dots ) = \\ & = F'(r,s,\xi_1) \wedge \exists u ( A(u,l,s,\xi_1) \wedge P(u,s,\xi_1) ) \vee \\ & \vee \dots \rightarrow F'(r,s,z). \end{aligned}$$

Операторы обновления списков  $U(r,l,s,z)$  изменяют списковые равенства в состоянии среды:

$$pt(L(r,l,s,z), U(r,l,s,z)) = L'(r,l,s,z),$$

$$pt^{-1}(L'(r,l,s,z), A(r,l,s,z), U(r,l,s,z)) = L(r,l,s,z).$$

$U(r,l,s,z)$  содержит операторы  $add\_to\_tail(l, f(r,s,z))$ ,  $add\_to\_head(l, f(r,s,z))$ ,  $remove\_from\_tail(l, f(r,s,z))$ ,  $remove\_from\_head(l, f(r,s,z))$ .

$$\begin{aligned} & L(r,l,s,z) \text{ содержит равенства вида:} \\ & l = list(h_1(r,s,z), head(r,s,z), \dots, tail(r,s,z), \\ & \quad q_n(r,s,z)). \end{aligned}$$

Здесь

- $h_1(r,s,z)$ ,  $head(r,s,z)$  – рекурсивное представление непустой последовательности;  $h_1(r,s,z)$  – арифметическое выражение или символьная константа;
- $tail(r,s,z)$ ,  $q_n(r,s,z)$  – рекурсивное представление непустой последовательности

$tail(r,s,z)$ ;  $q_n(r,s,z)$  – арифметическое выражение или символьная константа.

Если  $head(r,s,z)$  или  $tail(r,s,z)$  пусты, то  $l = list(\dots, tail(r,s,z), q_n(r,s,z))$  или  $l = list(h_1(r,s,z), head(r,s,z), \dots)$  соответственно. Полностью абстрактный список содержит только неизвестную часть:  $l = list(\dots)$ .

Восстановление списков и генерация списковых равенств  $L(l,r,s,z)$  производится по правилам, описанным далее.

Для оператора  $add\_to\_tail(l, f(r,s,z))$ :

- если  $L'(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(head(r,s,z), \dots, tail(r,s,z), q_n(r,s,z)) \rightarrow$  применяем  $remove\_from\_tail(l) \rightarrow$  тогда  $L(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(head(t(r,s,z),s,z), \dots, tail(t(r,s,z),s,z))$ ; в формулу  $F$  необходимо добавить:  $\exists m( get\_from\_tail(m) = f(r,s,z) ) \wedge (l = list(head(r,s,z), \dots, tail(r,s,z), q_n(r,s,z)) ) \rightarrow f(r,s,z) = q_n(r,s,z)$ ;
- если  $L'(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(head(r,s,z), \dots) \rightarrow$  неизвестная часть остается неизвестной  $\rightarrow$  тогда  $L(l,r,s,z)$  содержит то же равенство  $l = list(head(t(r,s,z),s,z), \dots)$ .

Для оператора  $add\_to\_head(l, f(r,s,z))$ :

- если  $L'(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(h_1(r,s,z), head(r,s,z), \dots, tail(r,s,z)) \rightarrow$  применяем  $remove\_from\_head(l) \rightarrow$  тогда  $L(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(head(t(r,s,z),s,z), \dots, tail(t(r,s,z),s,z))$ ; в формулу  $F$  необходимо добавить равенство  $f(r,s,z) = h_1(r,s,z)$ ;
- если  $L'(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(\dots, tail(r,s,z)) \rightarrow$  неизвестная часть остается неизвестной  $\rightarrow$  тогда  $L(l,r,s,z)$  содержит то же равенство  $l = list(\dots, tail(t(r,s,z),s,z))$ .

Для оператора  $remove\_from\_tail(l)$ :

- пусть  $L'(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(head(r,s,z), \dots, tail(r,s,z)) \rightarrow$  вводим новую переменную  $v$  и применяем  $add\_to\_tail(l,v) \rightarrow$  тогда  $L(l,r,s,z)$  содержит равенство  $\exists v ( l = list(head(t(r,s,z),s,z), \dots, \dots, tail(t(r,s,z),s,z), v) )$ .

Для оператора  $remove\_from\_head(l)$ :

- пусть  $L'(l,r,s,z)$  содержит равенство  $l = list(head(r,s,z), \dots, tail(r,s,z)) \rightarrow$

вводим новую переменную  $v$  и применяем  $add\_to\_head(l,v) \rightarrow$   
тогда  $L(l,r,s,z)$  содержит равенство  
 $\exists v ( l = list(v, head(t(r,s,z),s,z), \dots,$   
 $\dots, tail(t(r,s,z),s,z) ) )$ .

У списков конкретной длины отсутствует неизвестная часть  $\dots$ , правила обновления применяются те же. Необходимо лишь отдельно рассмотреть случай, когда состояние  $E'$  содержит пустой список  $l = list()$ , а постусловие базового протокола оператор  $add\_to\_tail(l)$  или  $add\_to\_head(l)$ . Тогда этот протокол не мог быть применен и соответствующая ветвь поведения не рассматривается.

$$\begin{aligned} & pt^{-1}(F'(r,s,z) \wedge L'(l,r,s,z), A(r,l,s,z), \\ & B(r,l,s,z)) = \\ & = F'(t(r,s,z),s,z) \wedge L(l,t(r,s,z),s,z) \wedge \\ & \wedge M(r,s,z) \wedge A(r,l,s,z) \wedge P(r,s,z). \end{aligned}$$

Здесь  $M(r,s,z)$  – конъюнкция равенств, добавленных во время восстановления списков для операторов  $add\_to\_tail$  и  $add\_to\_head$ .

Докажем определяющее свойство обратного трансформера с учетом обновления списков:

$$\begin{aligned} & pt( pt^{-1}(F'(r,s,z) \wedge L'(l,r,s,z), A(r,l,s,z), \\ & B(r,l,s,z)) \wedge A(r,l,s,z), B(r,l,s,z) ) = \\ & = pt( F(r,s,z) \wedge L(l,t(r,s,z),s,z) \wedge \\ & \wedge M(r,s,z) \wedge A(r,l,s,z), B(r,l,s,z) ) = \\ & = \exists u ( F(u,s,\xi_1) \wedge L'(l,r,s,\xi_1) \wedge M(u,s,\xi_1) \wedge \\ & \wedge A(u,l,s,\xi_1) \wedge (r = t(u,s,\xi_1)) \vee \dots ) = \\ & = \exists u ( F'(t(u,s,\xi_1),s,\xi_1) \wedge L'(l,r,s,\xi_1) \wedge \\ & \wedge M(u,s,\xi_1) \wedge A(u,l,s,\xi_1) \wedge P(u,s,\xi_1) \wedge \\ & \wedge (r = t(u,s,\xi_1)) \vee \dots ) = \\ & = F'(r,s,\xi_1) \wedge L'(l,r,s,\xi_1) \wedge \exists u ( M(u,s,\xi_1) \wedge \\ & \wedge A(u,l,s,\xi_1) \wedge P(u,s,\xi_1) ) \vee \dots \rightarrow \\ & \rightarrow F'(r,s,z) \wedge L'(l,r,s,z). \end{aligned}$$

## 2. $C(r,l,s) \neq 1$ .

В этом случае постусловие кроме операторов присваивания и обновления списков содержит формулу базового языка. Обновление списков производится по

вышеописанным правилам. Необходимо лишь отдельно рассмотреть случай, когда состояние  $E'$  содержит пустой список  $l = list()$ , а формула  $C(r,l,s)$  содержит операторы доступа  $get\_from\_tail(l)$  или  $get\_from\_head(l)$ . Тогда этот протокол не мог быть применен и соответствующая ветвь поведения не рассматривается. Рассмотрим влияние формулы  $C(r,l,s)$  на формулу  $F$ .

Пусть  $( r = t(u,s,z) \wedge C(r,l,s) ) \neq 0$  (условие валидности постусловия).

Операторы присваивания и формула  $C(r,l,s)$  изменяют формулу в состоянии среды:

$$F'(r,s,z) \Leftrightarrow \exists u ( F(u,s,z) \wedge A(u,l,s,z) \wedge \\ \wedge (r = t(u,s,z)) \wedge C(r,l,s) ).$$

Здесь  $u$  – вектор связанных переменных, введенных для обозначения старых значений атрибутов  $r$ . Отсюда следует:

$$\begin{aligned} & F(r,s,z) = \\ & = \exists v ( F'(t(r,v,z),v,z) ) \wedge A(r,l,s,z) \wedge P(r,s,z), \\ & \text{или} \\ & pt^{-1}( F'(r,s,z), A(r,l,s,z), B(r,l,s,z) ) = \\ & = \exists v ( F'(t(r,v,z),v,z) ) \wedge A(r,l,s,z) \wedge P(r,s,z). \end{aligned}$$

Определяющее свойство такого обратного трансформера, в том числе и с учетом списков, доказывается аналогично вышеприведенному.

## Примеры

Пример 1:

- предусловие: 1;
- постусловие:  $(x := x + 1) \wedge (y := z)$ ;
- формула  $F'$ :  $(x > 0) \wedge (y > 5)$ ;
- полученная формула  $F$ :  
 $(x + 1 > 0) \wedge (z > 5)$ .

Пример 2:

- предусловие: 1;
- постусловие:  
 $(x := x + 1) \wedge (y := z) \wedge add\_to\_tail(lst, 10)$ ;
- состояние  $E'$ :  
 $(x > 0) \wedge (y > 5) \wedge lst = list(x,y)$ ;
- полученное состояние  $E$ :  $(x + 1 > 0) \wedge$   
 $\wedge (z > 5) \wedge (z = 10) \wedge lst = list(x+1) \rightarrow$   
 $(x + 1 > 0) \wedge (z = 10) \wedge lst = list(x+1)$ .

Пример 3:

- предусловие: 1;
- постусловие:  $(i := x[i]) \wedge (j := x[j]);$
- формула  $F'$ :  $i = j$ ;
- полученная формула  $F$ :  
 $(x[i] = x[j]) \wedge (i = j \vee i \neq j) \rightarrow$   
 $(i = j) \vee (x[i] = x[j] \wedge i \neq j).$

Пример 4:

- предусловие:  $x < 0$ ;
- постусловие:  $y < 0$ ;
- формула  $F'$ :  $a < u \wedge y \leq x$ ;
- полученная формула  $F$ :  
 $\exists u (a < u \wedge u \leq x) \wedge x < 0 \rightarrow a < x \wedge x < 0.$

Пример 5:

- предусловие:  $x < 0$ ;
- постусловие:  $y := x + b \wedge y < b - 5$ ;
- формула  $F'$ :  $a < y \wedge y \leq x \wedge a > b - 10$ ;
- полученная формула  $F$ :  
 $\exists u (a < x + u \wedge x + u \leq x \wedge a > u - 10) \wedge$   
 $\wedge x < 0 \rightarrow \exists u (u - 10 < a \wedge a < x + u \wedge$   
 $\wedge u \leq 0 \wedge x < 0) \rightarrow a < x \wedge x < 0.$

Пример 6 (неприменимый протокол):

- предусловие:  $x < 0$ ;
- постусловие:  $y := x + b \wedge y < b - 5$ ;
- формула  $F'$ :  $a < y \wedge y \leq x \wedge a > b$ ;
- полученная формула  $F$ :  
 $\exists u (a < x + u \wedge x + u \leq x \wedge a > u) \wedge x < 0 \rightarrow$   
 $\exists u (a < x + u \wedge u \leq 0 \wedge a > u \wedge x < 0) \rightarrow 0.$

### Выводы

В данной работе рассмотрены методы прямого и обратного символьного моделирования, используемые для решения задач верификации систем базовых протоколов. Приведено решение задачи осуществления перехода системы от одного класса состояний к следующему. Такая трансформация производится с помощью предикатных трансформеров. Каждый известный класс состояний задается формулой базового языка. Построены алгоритмы прямого и обратного предикатных трансформеров для числовых, символьных и списочных структур данных. Трансформеры рассматриваются как функции, которые выводят из заданной формулы новую, определяющую класс состояний системы по-

сле перехода, совершенного под действием заданного базового протокола.

1. Летичевский А.А., Капитонова Ю.В., Волков В.А. и др. Спецификация систем с помощью базовых протоколов // Кибернетика и системный анализ. – 2005. – 4. – С. 3–21.
2. Letichevsky and D. Gilbert. A Model for Interaction of Agents and Environments // In D. Bert, C. Choppy, P. Moses, editors. Recent Trends in Algebraic Development Techniques. Lecture Notes in Computer Science 1827, Springer. – 1999. – P. 311–328.
3. Летичевский А.А., Капитонова Ю.В., Волков В.А. и др. Инсерционное программирование // Кибернетика и системный анализ. – 2003. – 1. – С. 19–32.
4. Летичевский А.А. Об одном классе базовых протоколов // Проблемы програмування. – 2005. – № 4. – С. 3–19.
5. Летичевський О.О., Левченко І.А. Символьна трасова генерація // Тези доп. Міжнарод. конф. «Теоретичні та прикладні аспекти побудови програмних систем ТААПСД'2005». – К.: НаУКМА, Національний ун-т ім. Т.Г. Шевченка, Інститут програмних систем НАН України. – 2005. – С. 144–147.
6. Колчин А.В. Направленный поиск в верификации формальных моделей // Тези доп. Міжнарод. конф. «Теоретичні та прикладні аспекти побудови програмних систем ТААПСД'2007». – Бердянськ. НаУКМА, Національний ун-т ім. Т.Г. Шевченка, Інститут програмних систем НАН України. – 2007. – С. 256–258.
7. Letichevsky A., Kapitonova J., Letichevsky A. Jr., Volkov V., Baranov S., Kotlyarov V., Weigert T. Basic Protocols, Message Sequence Charts, and the Verification of Requirements Specifications // Proc. International Workshop, WITUL'04. Rennes (France). – 2004. – P. 30–38.
8. Kapitonova J., Letichevsky A., Volkov V., and Weigert T. Validation of Embedded Systems // In R. Zurawski, editor. The Embedded Systems Handbook. CRC Press, Miami. – 2005. – 51 p.

Получено 04.06.2008

**Об авторе:**

Потиенко Степан Валериевич,  
ведущий математик.

**Место работы автора:**

Институт кибернетики им. В.М. Глушкова  
НАН Украины.  
Тел.: (044) 200 8423.  
e-mail: stepan@iss.org.ua

