

## СЕРЕДОВИЩЕ КОНСТРУЮВАННЯ АЛГОРИТМІЧНИХ ЗНАНЬ ТА ІНСТРУМЕНТАРІЙ СИНТЕЗУ ПРОГРАМ

*О.А. Яценко*

Інститут програмних систем НАН України,  
03187, м. Київ, просп. Академіка Глушкова 40,  
e-mail: aiyat@i.com.ua

Статтю присвячено огляду результатів, отриманих у рамках подальшого розвитку середовища конструювання алгоритмічних знань мультиобробки та інтегрованого інструментарію проектування і синтезу послідовних та паралельних об'єктно-орієнтованих програм. Інструментальні засоби ґрунтуються на апараті алгебри алгоритміки (стратегіях обробки, метаправилах конструювання схем). Розроблено низку паралельних алгоритмів сортування та пошуку, що входять до запропонованого середовища інструментарію для проектування та генерації програм символічної мультиобробки. Розглянуто перспективи застосування засобів Grid-обчислень для реалізації паралельних алгоритмів та програм.

The article is devoted to consideration of the results got within farther development of the environment of constructing of algorithmic knowledge of multiprocessing and integrated tool of designing and synthesis of consecutive and parallel object-oriented programs. The tools are based on algorithmics algebra apparatus (strategies of processing, metarules of schemes constructing). Several concurrent sort and search algorithms, which belong to the environment proposed, were developed. The tools are applied for designing and generation of programs of symbol multiprocessing. The prospects of applying of Grid-computation means for realization of parallel algorithms and programs are considered.

### Вступ

В основу пропонується у даній статті алгебраїчних засобів проектування та синтезу алгоритмів і програм покладено концепцію алгебри алгоритміки (АА) [1]. Дана алгебра бере свій початок від концепції систем алгоритмічних алгебр (САА) Глушкова [2] і є перспективним напрямком, що розвивається у рамках української алгебро-кібернетичної школи. АА займає власну нішу в алгебраїчній алгоритміці, яка останнім часом отримала поширення на Заході. Одним із напрямків досліджень алгоритміки є розробка засобів подання, накопичення, конструювання і класифікації алгоритмічних знань, що відносяться до задач символічної обробки (сортування, пошук, мовне процесування). Подання таких знань асоційоване з описом алгоритмів за допомогою схем та використанням метаправил конструювання, орієнтованих на породження нових алгоритмічних знань. У даній статті розглянуті результати, отримані у рамках подальшого розвитку засобів проектування і генерації алгоритмів і програм, а саме середовища конструювання алгоритмічних знань (СКЗ) символічної мультиобробки. Згадане середовище призначене для підтримки інтегрованих алгебро-алгоритмічних моделей, до яких, зокрема, відносяться розподілені гіперсхеми – високорівневі подання у алгебрі алгоритмів, що призначені для генерації послідовних та паралельних регулярних схем (РС) [3]. У рамках розробки СКЗ розпаралелено низку паралельних алгоритмів символічної обробки, що входять до його складу. СКЗ реалізоване у розробленому інтегрованому інструментарії проектування та синтезу об'єктно-орієнтованих програм. Інструментальні засоби застосовано для розробки алгоритмів і програм символічної мультиобробки (паралельний пошук). Розглянуто також можливості застосування інструментарію Grid-обчислень (Globus Toolkit [4]) для реалізації паралельних програм у сучасних мультипроцесорних комплексах.

### 1. Проектування паралельних алгоритмів у середовищі конструювання алгоритмічних знань символічної мультиобробки

Розроблене середовище конструювання знань орієнтоване на проектування схем алгоритмів символічної мультиобробки, а також синтез програм обраною цільовою мовою [3]. Для подання паралельних алгоритмів застосовуються операції модифікованих САА (САА-М) [2]. У СКЗ спільно використовуються три форми подання алгоритмів при їх проектуванні: аналітична (формули в алгебрі алгоритмів), природно-лінгвістична (САА-схеми) і графова (граф-схеми Калужніна). Середовище складається із таких компонентів: стратегій обробки, що описують класи алгоритмів; метаправил конструювання схем (згортка, розгортка, трансформація та ін.), які забезпечують породження нових алгоритмічних знань; базисних предикатів та операторів, поданих у згаданих трьох формах, а також їх програмних реалізацій; схем алгоритмів символічної обробки; розподілених гіперсхем.

У даному розділі побудовано низку послідовних та асинхронних алгоритмів сортування масивів і пошуку у файлах, що входять до складу розробленого СКЗ. Асинхронні схеми отримані у результаті розпаралелення послідовних алгоритмів, наведених у [1]. Під терміном “розпаралелення” мається на увазі перетворення послідовних алгоритмів у паралельні на основі застосування метаправил конструювання схем, зокрема трансформації.

Розглянемо паралельний алгоритм двостороннього асинхронного бульбашкового сортування *БСОРТ/П*, що входить до складу СКЗ. Розмітка масиву, який підлягає сортуванню, має вигляд  $M: H U_1 a_1 a_2 \dots a_n U_2 K$ , де  $H$  і  $K$  – маркери, що відзначають початок і, відповідно, кінець масиву  $M$ ;  $U_1$  і  $U_2$  – вказівники, що переміщуються в процесі обробки назустріч один одному. Паралельна регулярна схема (ПРС) даного алгоритму є такою:

$$\begin{aligned} \text{БСОРТ/П} &= \text{СТАРТ} * \text{УСТ}(U_1, H) * \text{УСТ}(U_2, K) * \{[UM] \text{ІНІЦ\_КТ} * (\text{П} > \dot{\vee} \text{П} <)\} * \Phi\text{ІН}; \\ \text{П} > &= \{[d(U_1, K)] \text{ТРАНСП\_Л}\} * \text{УСТ}(U_1, H) * T(\text{ОБР\_ЗАК}(1)) * S(\text{ОБР\_ЗАК}(2)); \\ \text{П} < &= \{[d(U_2, H)] \text{ТРАНСП\_П}\} * ([d(U_1, U_2) = 1] S(d(U_1, U_2) = 0), E) * T(\text{ОБР\_ЗАК}(2)) * S(\text{ОБР\_ЗАК}(1)); \\ \text{ТРАНСП\_Л} &= ([l > r / U_1] \text{ТРАНСП}(l, r / U_1), E) * P(U_1); \\ \text{ТРАНСП\_П} &= ([l > r / U_2] \text{ТРАНСП}(l, r / U_2), E) * L(U_2), \end{aligned}$$

де *СТАРТ* – оператор ініціалізації; *УСТ*( $U_1, H$ ) – установка вказівника  $U_1$  на маркер  $H$ ; *UM* – умова істинна, якщо масив  $M$  відсортований; *ІНІЦ\\_КТ* – ініціалізація контрольних точок; *ФІН* – заключний оператор;  $d(U_1, K)$  – умова істинна, якщо вказівник  $U_1$  досяг маркера  $K$ ;  $T(\text{ОБР\_ЗАК}(1))$  – контрольна точка для фіксації моменту завершення обробки в першій гілці  $\text{П} >$ ;  $S(\text{ОБР\_ЗАК}(2))$  – синхронізатор, що здійснює затримку обчислень доти, поки не буде виконана умова  $\text{ОБР\_ЗАК}(2)$  завершення обробки у другій гілці  $\text{П} <$ ;  $d(U_1, U_2) = 1$  – умова істинна, якщо відстань між вказівниками  $U_1$  і  $U_2$  (кількість елементів масиву між ними) дорівнює 1;  $l > r / U_1$  – умова істинна, якщо відношення  $>$  виконується для елементів, які знаходяться зліва і справа від вказівника  $U_1$ ;  $\text{ТРАНСП}(l, r / U_1)$  – оператор транспозиції елементів, сусідніх зі вказівником  $U_1$ ;  $E$  – тотожний оператор;  $P(U_1)$ ,  $L(U_2)$  – оператори зсуву вказівників  $U_1$  і  $U_2$  вправо і вліво на один елемент по масиву  $M$  відповідно.

Сутність ПРС *БСОРТ/П* полягає у спільному функціонуванні зустрічних гілок  $\text{П} >$  і  $\text{П} <$  бульбашкового сортування, що обробляють масив  $M$  з протилежних кінців. За допомогою складених операторів *ТРАНСП\\_Л* і *ТРАНСП\\_П* у гілках реалізується умовна транспозиція сусідніх елементів масиву та зсув вказівників  $U_1$  та  $U_2$  вправо і вліво відповідно. При досягненні вказівниками критичного стану (умова  $d(U_2, U_1) = 1$  істинна) гілка  $\text{П} <$  переходить у стан очікування до моменту сполучення вказівників (умова  $d(U_2, U_1) = 0$  істинна), у той час як  $\text{П} >$  продовжує функціонувати. Далі обидві гілки досягають протилежних кінців масиву. Описаний цикл повторюється знову аж до виконання умови упорядкованості масиву, і після досягнення вказівниками  $U_1$  і  $U_2$  протилежних кінців масиву алгоритм *БСОРТ/П* завершує роботу.

Для паралельного алгоритму бульбашкового сортування *БСОРТ/П* максимальна кількість операцій порівняння елементів масиву є в 1.6 разів меншою, ніж для відповідного послідовного алгоритму, а максимальна кількість переміщень – в 2 рази меншою, ніж для послідовного.

У результаті трансформації бульбашкового сортування може бути отримано алгоритм човникової обробки масиву, кращий за часом виконання. У асинхронному алгоритмі човникового сортування *ЧОВНСОРТ/П*, схему якого наведено нижче, по вхідному масиву формуються два упорядкованих підмасиви за допомогою складеного оператора *ЧОВНИК* $><$ , після чого здійснюється злиття згаданих підмасивів за допомогою схеми *ЗЛИТТЯ* $><$ . Розмітка оброблюваного масиву  $M$  є такою:  $M: H U_1 U_2 a_1 a_2 \dots a_n U_3 U_4 K$ .

ПРС алгоритму *ЧОВНСОРТ/П* має вигляд

$$\begin{aligned} \text{ЧОВНСОРТ/П} &= \text{СТАРТ} * \text{УСТ}(U_1, H) * \text{УСТ}(U_2, H) * \text{УСТ}(U_3, K) * \text{УСТ}(U_4, K) * \text{ЧОВНИК}>< * \\ &\quad * \text{ЗЛИТТЯ}>< * \Phi\text{ІН}, \\ \text{ЧОВНИК}>< &= \{[d(U_1, U_3) = 0] \text{ЧОВН}>\} * T(d(U_1, U_3) = 0) \dot{\vee} \{[d(U_1, U_3) \leq k] \text{ЧОВН}<\} * S(d(U_1, U_3) = 0), \\ \text{ЧОВН}> &= \{[(l > r / U_1) \vee (d(U_1, U_3) = 0)] P(U_1) * P(U_2)\} * \{[(l < r / U_2) \vee (d(U_1, U_3) = 0)] \text{ТРАНСП}(l, r / U_2) * \\ &\quad * L(U_2)\} * \text{УСТ}(U_2, U_1), \\ \text{ЧОВН}< &= \{[(l > r / U_3) \vee (d(U_1, U_3) = 1)] L(U_3) * L(U_4)\} * \{[(l < r / U_4) \vee (d(U_1, U_3) = 1)] \text{ТРАНСП}(l, r / U_4) * \\ &\quad * P(U_4)\} * \text{УСТ}(U_4, U_3), \\ \text{ЗЛИТТЯ}>< &= P(U_3) * P(U_4) * \{[(l \leq r / U_1) \wedge (l \leq r / U_3)] \text{ІНІЦ\_КТ} * (\text{ВСТАВ}> \dot{\vee} \text{ВСТАВ}<)\}, \\ \text{ВСТАВ}> &= \{[l \leq r / U_2] \text{ТРАНСП}(l, r / U_2) * L(U_2)\} * \text{УСТ}(U_2, U_1) * T(\text{ОБР\_ЗАК}(1)) * S(\text{ОБР\_ЗАК}(2)), \\ \text{ВСТАВ}< &= S([(l \leq r / U_4) \wedge (d(U_4, U_1) > 1) \vee \text{ОБР\_ЗАК}(1)]) * \{[l \leq r / U_4] \text{ТРАНСП}(l, r / U_4) * P(U_4)\} * \\ &\quad * \text{УСТ}(U_4, U_3) * T(\text{ОБР\_ЗАК}(2)) * S(\text{ОБР\_ЗАК}(1)). \end{aligned}$$

Схему складеного оператора *ЧОВНИК* $><$  отримано у результаті розпаралелення послідовного маятникового човникового сортування, наведеного в [1]. В основу схеми покладено складені оператори *ЧОВН* $>$  і *ЧОВН* $<$  лівобічного і правобічного човникового сортування масиву. *ЧОВН* $>$  здійснює пошук зліва направо невпорядкованого елемента  $l > r$  по вказівнику  $U_1$  і установку його на місце зліва від  $U_1$  згідно човникової стратегії обробки. При цьому *ЧОВН* $<$  здійснює пошук справа наліво невпорядкованого елемента  $l > r$  по вказівнику  $U_3$  і встановлює його на місце праворуч від  $U_3$ . При зближенні вказівників  $U_1$  і  $U_3$  на відстань, що не перевищує коефіцієнта синхронізації  $k = 1$ , другий процес переходить у стан очікування, що продовжується доти, поки лівобічний процес не завершить обробку. Функціонування лівобічного процесу завершується в

момент злиття вказівників  $V_1$  і  $V_3$ , що фіксують ліворуч від  $V_1$  і праворуч від  $V_3$  відсортовані кожним процесом підмасиви. Тіло зовнішнього циклу схеми *ЗЛИТТЯ*<> складається з двох зустрічних асинхронних гілок *ВСТАВ*> і *ВСТАВ*< для вставки неупорядкованих елементів на місце, установки вказівників  $V_2$  і  $V_4$  на  $V_1$  і  $V_3$ , відповідно, а також синхронізації зазначених паралельних процесів. Функціонування схеми *ЗЛИТТЯ*<> завершується при виконанні умови  $l \leq r$   $V_1$  так, що після зняття вказівників і маркерів отримуємо відсортований масив.

Максимальна кількість порівнянь і переміщень в отриманому паралельному алгоритмі *ЧОВНСОРТ/П* в 1.33 рази менша за кількість згаданих операцій у відповідному послідовному алгоритмі.

Більш ефективним за часом виконання є алгоритм асинхронного сортування Шелла *ШЕЛЛСОРТ(k)-A*. Сутність даного алгоритму полягає в поділі масиву, що підлягає сортуванню, на групи елементів, які не перетинаються і віддалені один від одного на відстань  $k$ , та сортуванні цих груп. Далі параметру  $k$  присвоюється значення цілої частини від ділення  $k$  на 2 з новим поділом масиву на групи і т. д., аж до упорядкування масиву. Розмітка оброблюваного масиву  $M$  є такою:  $M: H V_1 a_1 a_2 \dots a_n V_2 K$ .

ПРС асинхронного сортування Шелла має вигляд

$$\begin{aligned} \text{ШЕЛЛСОРТ}(k)\text{-}A &= \text{СТАРТ} * (k := n) * \{[UM] (k := [k/2]) * \text{ІНІЦ\_КТ} * \bigvee_{i=1}^k (\text{ЧОВНИК}_i(k)) * \\ &* T(\text{ОБР\_ЗАК}(i)) * S(\text{ОБР\_ЗАК}) * \Phi\text{И}; \\ \text{ЧОВНИК}_i(k) &= \text{УСТ\_Л}(V_{3i-2}, i) * \text{УСТ\_Л}(V_{3i-1}, i) * \text{УСТ\_Л}(V_{3i}, i) * \{[d(V_{3i-2}, V_{3i-1}) = k] P(V_{3i-1}) * P(V_{3i})\} * \\ &* ([r/V_{3i-2} > r/V_{3i-1}] \text{ТРАНСП}(r/V_{3i-2}, r/V_{3i-1}), E) * \{[d(V_{3i}, K)] P(V_{3i-2}, k) * P(V_{3i-1}, k) * P(V_{3i}, k) * \\ &* \{[r/V_{3i-2} \leq r/V_{3i-1}] \text{ТРАНСП}(r/V_{3i-2}, r/V_{3i-1}) * L(V_{3i-2}, k) * L(V_{3i-1}, k)\} * \{[d(V_{3i-1}, V_{3i}) = 0] P(V_{3i-2}, k) * \\ &* P(V_{3i-1}, k)\}; \end{aligned}$$

де  $\text{УСТ\_Л}(V_{3i-2}, i)$  – установка вказівника  $V_{3i-2}$  зліва від  $i$ -го елемента масиву  $M$ ;  $d(V_{3i-2}, V_{3i-1}) = k$  – умова істинна, якщо відстань між вказівниками  $V_{3i-2}$  і  $V_{3i-1}$  дорівнює  $k$ ;  $\text{ТРАНСП}(r/V_{3i-2}, r/V_{3i-1})$  – перестановка місцями елементів, що стоять справа від вказівників  $V_{3i-2}$  і  $V_{3i-1}$ ;  $\text{ЧОВНИК}_i(k)$  – алгоритм човникового сортування підмасиву елементів, що стоять на  $i$ -й,  $i+k$ -й,  $i+2k$ -й, ... позиціях в оброблюваному масиві  $M$ ,  $i = 1, \dots, k$ ;  $S(\text{ОБР\_ЗАК})$  – синхронізатор, що реалізує очікування моменту завершення обчислень у всіх  $k$  паралельних гілках. Алгоритм  $\text{ЧОВНИК}_i(k)$  сортує підмасив  $M_i(k)$  так, що в початковому стані зліва від його першого елемента встановлені вказівники  $V_{3i-2}$ ,  $V_{3i-1}$ ,  $V_{3i}$ . ПРС *ШЕЛЛСОРТ(k)-A* представляє алгоритми багат шарового сортування зі спадним кроком (параметр  $k$ ) та зчепленими підмасивами, що асинхронно сортуються у гілках  $\text{ЧОВНИК}_i(k)$ . Замість алгоритму  $\text{ЧОВНИК}_i(k)$  можуть бути використані відповідні модифікації інших послідовних або паралельних алгоритмів сортування.

Відзначимо, що за алгоритмами сортування можуть бути отримані відповідні алгоритми пошуку, і навпаки, із використанням метаправила переорієнтації.

Розглянемо алгоритм *ЧОВНПП* паралельного човникового пошуку записів у файлі за масивом запитів, який може бути отриманий із схеми човникового сортування. Пошук виконується у відсортованому файлі  $F_s$ , розмітка якого має вигляд  $F_s: H V_1 z_1 z_2 \dots z_n K$ , де  $H$  і  $K$  – маркери, що позначають відповідно початок і кінець файлу  $F_s$ ,  $z_i$  – запис у файлі,  $V_i$  – вказівник. Пошук записів у файлі  $F_s$  здійснюється за масивом запитів  $Q: H' q_1 q_2 \dots q_m K'$ , де кожний запит  $q_i: D \rightarrow \{0, 1\}$  ( $i = 1, 2, \dots, m$ ) є предикатом, визначеним на множині  $D$  елементів файлу  $F_s$ ;  $H'$  і  $K'$  – маркери. Якщо  $q_i(z) = 1$  для деякого елемента  $z \in D$ , то вважається, що елемент  $z$  задовольняє запиту  $q_i$ .

Схему *ЧОВНПП* отримано у результаті розпаралелення РС послідовного човникового пошуку *ЧП*, наведеної в [1], аналогічно до паралельного алгоритму бульбашкового пошуку [3], а саме було розпаралелено зовнішній цикл згаданої РС, у якому здійснювався послідовний перехід від обробки одного запиту із масиву  $Q$  до іншого. Розроблена ПРС алгоритму складається з  $m$  паралельних гілок  $\Pi_i$ , кожна з яких реалізує пошук записів, які задовольняють  $i$ -му запиту

$$\text{ЧОВНПП} = \bigvee_{i=1}^m \Pi_i,$$

$$\Pi_i = \text{УСТ}(V_i, H) * \{[r/V_i = r_x] P(V_i)\} * ([\gamma] A * \text{СУММ}, \text{НОТ}) * T(u_i) * ([i = m] S(u_1 \wedge u_2 \wedge \dots \wedge u_{m-1}) * B, E),$$

де  $r/V_i = r_x$  – умова істинна, якщо запис  $r/V_i$ , який оглядається вказівником  $V_i$  (тобто знаходиться справа від  $V_i$ ), співпадає з  $r_x$  – записом, що знаходиться у передбачуваному місці шуканого запису у файлі  $F_s$ ;  $\gamma$  – умова істинна, якщо елемент  $r/V_i$  файлу  $F_s$ , що оглядається вказівником  $V_i$ , задовольняє  $i$ -му запиту;  $A$  – оператор обробки знайденого запису;  $\text{СУММ}$  – оператор підсумовування результатів пошуку;  $\text{НОТ}$  – оператор реакції на відсутність у файлі  $F_s$  шуканого запису;  $T(u_i)$  – контрольна точка за умовою  $u_i$  завершення виконання запиту у  $i$ -й гілці;  $S(u_1 \wedge u_2 \wedge \dots \wedge u_{m-1})$  – синхронізатор, який виконується в  $m$ -й гілці і реалізує очікування моменту завершення обчислень у гілках  $i = 1, 2, \dots, m-1$ ;  $B$  – оператор виводу результатів пошуку.

В алгоритмі *ЧОВНПП* здійснюється сканування вказівника  $V_i$  по файлу  $F_s$  зліва направо із перевіркою умови  $r/V_i = r_x$ . При цьому координата  $x$  запису  $r_x$  визначається таким чином. Позначимо відповідно  $a_l$  та  $a_r$  елементи файлу  $F_s$ , які знаходяться зліва та справа від поточного елемента  $r/V_i$ , який оглядається вказівником  $V_i$ . Якщо задане у оброблюваному запиту слово  $q_i$  задовольняє відношенням  $z_l < q_i < z_r$ , то елемент  $r/V_i$  знаходиться у місці  $x$  файлу і умова  $r/V_i = r_x$  істинна. У випадку, коли вказівник  $V_i$  оглядає перший елемент

файлу, для істинності зазначеної умови запис  $z_r$  повинен задовольняти відношенню  $q_i < z_r$ . Якщо  $V_i$  оглядає останній елемент файлу, то елемент  $z_l$  повинен задовольняти відношенню  $z_l < q_i$ . Таким чином в даному алгоритмі при переміщенні вказівника  $V_i$  по  $F_s$  від маркера  $H$  в напрямку зліва направо здійснюється пошук місця розташування у файлі шуканого запису. Потім, якщо умова  $\gamma$  істинна (шуканий запис знайдено), здійснюється його обробка (виконання оператора  $A$ ). У протилежному випадку виконується оператор  $NOT$ , який сигналізує про відсутність шуканого слова в  $F_s$ .

ПРС ЧОВНП/П може бути трансформована в ПРС АЛБТП/П альтернативного пошуку елементів у файлі  $F_s$ , що задовольняють запитам із масиву  $Q$ :

$$АЛБТП/П = \bigvee_{i=1}^m \Pi_i,$$

$$\begin{aligned} \Pi_i = & УСТ\_СЕРЕД(V_i, H, K) * ([r/ V_i > x] \{ [r/ V_i = x] L(V_i) \}, \{ [r/ V_i = x] P(V_i) \}) * ([\gamma] A * SUMM, NOT) * \\ & * T(u_i) * ([i = m] S(u_1 \wedge u_2 \wedge \dots \wedge u_{m-1}) * B, E), \end{aligned}$$

де  $УСТ\_СЕРЕД(V_i, H, K)$  – установка вказівника  $V_i$  усередині між маркерами  $H$  і  $K$ . В наведеному алгоритмі вказівник  $V_i$  переміщується від середини файлу  $F_s$  зліва направо або справа наліво залежно від координати  $x$  розташування у файлі шуканого слова.

Переінтерпретація ПРС АЛБТП/П приводить до ПРС БІНП/П бінарного пошуку:

$$БІНП/П = \bigvee_{i=1}^m \Pi_i,$$

$$\begin{aligned} \Pi_i = & УСТ(V_{i1}, H) * УСТ(V_{i1}, H) * УСТ(V_{i2}, K) * \{ [\gamma \vee 3L(V_{i2}, V_{i1}) \vee d(V_{i2}, K)] УСТ\_СЕРЕД(V_i, V_{i1}, V_{i2}) * \\ & * ([r/ V_i > q_i] УСТ(V_{i2}, V_i) * L(V_{i2}), ([r/ V_i < q_i] УСТ(V_{i1}, V_i) * P(V_{i1}), E)) \} * ([\gamma] A * SUMM, NOT) * T(u_i) * \\ & * ([i = m] S(u_1 \wedge u_2 \wedge \dots \wedge u_{m-1}) * B, E), \end{aligned}$$

де  $3L(V_{i2}, V_{i1})$  – умова істинна, якщо вказівник  $V_{i2}$  знаходиться лівіше вказівника  $V_{i1}$  у файлі  $F_s$ ;  $УСТ\_СЕРЕД(V_i, V_{i1}, V_{i2})$  – установка вказівника  $V_i$  усередині між  $V_{i1}$  і  $V_{i2}$ ;  $q_i$  – запит, якому повинне задовольняти шукане у файлі  $F_s$  слово. Алгоритм бінарного пошуку базується на фіксації медіани (середини) між вказівником  $V_i$  та найближчим зліва (справа) вказівником  $V_{i1}$  ( $V_{i2}$ ) з наступною установкою вказівника  $V_{i1}$  ( $V_{i2}$ ) в точці медіани. Спочатку запит  $q_i$  порівнюється із записом ( $r/ V_i$ ), що міститься у середині файлу. Результат порівняння або приводить до розв'язання задачі, або дозволяє визначити, у якій частині файлу продовжувати пошук – зліва або справа від вказівника  $V_i$ . Описаний процес застосовується до отриманого “вкороченого” наполовину файлу і т. д.

Розроблені алгоритми паралельного пошуку потребують у найкращому випадку приблизно в  $m$  разів менше операцій порівняння за послідовні, де  $m$  – кількість паралельно оброблюваних запитів.

## 2. Інтегрований інструментарій проектування і синтезу програм та його застосування

Розглянуте у попередньому розділі середовище конструювання алгоритмічних знань реалізоване у інтегрованому інструментарії проектування та синтезу класів послідовних і паралельних програм [3]. Інструментарій забезпечує побудову САА-схем на основі методу діалогового конструювання синтаксично правильних програм (ДСП-методу) та інтегрує аналітичну, природно-лінгвістичну і графову форми подання алгоритмів при їх проектуванні. За побудованими схемами алгоритмів здійснюється синтез програм у сучасних об'єктно-орієнтованих середовищах програмування (Java, C++ та ін.). У процесі проектування та генерації програм спільно зі створеним інструментарієм застосовуються засоби візуалізованого проектування – мова UML і система Rational Rose [5]. Інтегрований інструментарій складається із компонентів: діалогового конструктора синтаксично правильних схем алгоритмів і синтезу програм (ДСП-конструктора), редактора граф-схем, трансформатора алгоритмів, генератора САА-схем, середовища конструювання алгоритмічних знань. Більш детально компоненти інтегрованого інструментарію розглянуто у [3]. У підрозділах 2.1 і 2.2 розроблений інструментарій застосовується для проектування і реалізації алгоритмічних знань з області символічної мультиобробки.

**2.1. Перехід від алгоритмів сортування до алгоритмів пошуку за допомогою інтегрованого інструментарію.** Проілюструємо перехід від алгоритму паралельного сортування альтернативними вставками *САВ/А* [3] до відповідного алгоритму пошуку *АЛБТП/П* (див. розділ 1) із використанням метаправил згортки і розгортки у розробленому ДСП-конструкторі. Основна ідея ДСП-конструктора полягає у порівневому проектуванні схем програм зверху вниз шляхом деталізації конструкцій САА-М, при цьому на кожному кроці система в діалозі з користувачем надає на вибір лише ті конструкції, підстановка яких у формований текст не порушує синтаксичну правильність схеми. Проектування алгоритму відображається у вигляді дерева конструювання, приклади якого наведено на рис. 1 і рис. 2. В алгоритмах *АЛБТП/П* і *САВ/А* однакові стратегії мають складені оператори *АЛБТ* та  $\Pi_i$  відповідно. Складений оператор *АЛБТ* у паралельній схемі сортування *САВ/А* має вигляд  $АЛБТ = ЧИТ.БС(s) * ([l/ V_1 > s] \{ [l/ V_1 < s] L(V_1) \}, \{ [r/ V_1 > s] P(V_1) \}) * ВСТАВ(s, V_1)$ .

Дерево конструювання для наведеного оператора, побудоване у ДСП-конструкторі, зображене на рис. 1. Здійснимо згортку оператора *АЛБТ* (заміну операторних та предикатних інтерпретацій на відповідні змінні) за системою рівностей  $I_1$ :

$$I_1 = \{ v_1 = ЧИТ.БС(s), v_2 = l/ V_1 > s, v_3 = l/ V_1 < s, v_4 = L(V_1), v_5 = r/ V_1 > s, v_6 = P(V_1), v_7 = ВСТАВ(s, V_1) \}.$$



Рис. 1. Дерево конструювання для складеного оператора АЛБТ, побудоване в ДСП-конструкторі

Згортка схеми АЛБТ здійснюється шляхом застосування рівностей із системи  $I_1$  у напрямку зліва направо. Результатом цієї згортки є стратегія (неінтерпретована схема) АЛБТС:

$$АЛБТС = АЛБТ \uparrow I_1 = v_1 * ([v_2] \{[v_3] v_4\}, \{[v_5] v_6\}) * v_7.$$

У ДСП-конструкторі застосування рівностей із системи  $I_1$  реалізується видаленням вузлів дерева, які містять інтерпретацію змінних  $v_1, v_2, \dots, v_7$ . На рис. 1 ці вузли містять базисні оператори та предикати: “Прочитати вершину черги в  $s$ ”, “ $l$  по  $Y(1) > s$  в  $(M)$ ”, “ $l$  по  $Y(1) < s$  в  $(M)$ ”, “Зсунути  $Y(1)$  на  $(1)$  по  $(M)$  вліво” і т. д. Далі для переходу до паралельного алгоритму пошуку здійснимо розгортку стратегії АЛБТС (заміну змінних схеми на відповідні інтерпретації) за системою рівностей  $I_2$ :

$$I_2 = \{v_1 = UCT\_CEPEД(Y_i, H, K), v_2 = r / Y_i > x, v_3 = r / Y_i = x, v_4 = L(Y_i), v_5 = r / Y_i = x, v_6 = P(Y_i), v_7 = ([\gamma] A * SUMM, NOT) * T(u_i) * ([i = m] S(u_1 \wedge u_2 \wedge \dots \wedge u_{m-1}) * B, E)\}.$$

Розгортка стратегії АЛБТС (застосування рівностей системи  $I_2$  справа наліво) у ДСП-конструкторі виконується шляхом вставки у непроінтерпретовані змінні відповідних базисних та складених елементів. На рис. 2 непроінтерпретовані змінні представлені вершинами дерева: “оператор 11”, “оператор12”, “умова31”, “умова41” і т. д.

Результатом даної розгортки є складений оператор  $\Pi_i$  обробки  $i$ -го запиту в алгоритмі пошуку АЛБТПП:

$$\Pi_i = АЛБТС \downarrow I_2 = UCT\_CEPEД(Y_i, H, K) * ([r / Y_i > x] \{[r / Y_i = x] L(Y_i)\}, \{[r / Y_i = x] P(Y_i)\}) * ([\gamma] A * SUMM, NOT) * T(u_i) * ([i = m] S(u_1 \wedge u_2 \wedge \dots \wedge u_{m-1}) * B, E).$$

Додавши до наведеної схеми  $\Pi_i$  складений оператор  $\bigvee_{i=1}^m \Pi_i$ , отримаємо алгоритм паралельного пошуку АЛБТПП.

**2.2. Програми паралельного пошуку документів за ключовими словами.** Паралельні алгоритми бульбашкового, човникового, альтернативного та бінарного пошуку (див. розділ 1) з використанням розробленого інтегрованого інструментарію було реалізовано у програмній системі пошуку Web-документів за ключовими словами [3]. Дана пошукова система складається з двох основних частин: програми-індексатора, яка здійснює підготовку інформації для подальшого пошуку, та програми, що безпосередньо здійснює пошук і видачу результатів обробки запитів користувача. Програма-індексатор переглядає Web-документи та зберігає інформацію про них у двох файлах. Перший файл містить пронумерований список усіх переглянутих документів із зазначенням їх місця розташування (адреси), назви, розміру, дати створення, опису (фрази із документа). У другому файлі (що називається індексним) зберігаються записи про слова, які містяться в документах, із зазначенням номера документа та кількості входжень слова в нього. Друга частина системи, що розглядається, шукає в індексному файлі кожне слово із запиту користувача, складає і оброблює список документів, що задовольняють запиту, і виводить їх на екран. При цьому здійснюється паралельна обробка

кількох запитів. Програмний код, що відповідає використаним алгоритмам пошуку, було синтезовано за допомогою ДСП-конструктора мовами Java та C. При реалізації паралельних програм мовою Java застосовано механізм потоків (threads) [6], а у програмах мовою C використано MPI [7].

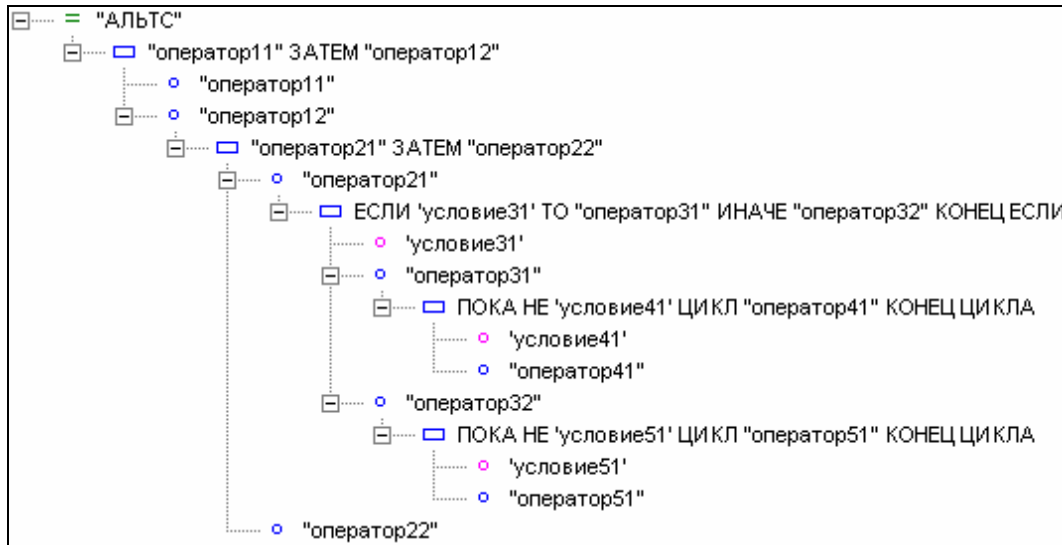


Рис. 2. Дерево конструювання для стратегії обробки АЛТС, побудоване в ДСП-конструкторі

**2.2.1. Реалізація програми паралельного пошуку із застосуванням потоків.** Програмне забезпечення паралельної програми пошуку документів, розробленої на основі Java, складається із таких класів:

- SearchApplet – аплет, у якому користувачу надається інтерфейс для введення запитів для пошуку документів. Інтерфейс містить кнопки додавання нових запитів, переміщення між запитами, видалення запитів та пошуку документів, що задовольняють введеним даним (рис. 3).



Рис. 3. Введення запитів у паралельній програмі пошуку

Кожний запит може складатися із кількох слів, розділених пробілами. Запуск аплета виконується із html-сторінки у Web-браузері. Введені запити передаються для обробки сервлету SearchServlet

- SearchServlet – сервлет, що виконує пошук документів. При одночасному надходженні до сервлету кількох запитів створюється відповідна кількість паралельних потоків, у кожному з яких обробляється окремий запит за допомогою методу doGet [8]. Реалізація алгоритму пошуку документів, які задовольняють  $i$ -му запиту (тобто складеного оператора  $P_i$  із САА-схеми), знаходиться у методі processQuery, який викликається у методі doGet. При цьому пошук документів виконується за допомогою методів класу Searching, що розглядається нижче. Проектування алгоритму методу processQuery та генерація відповідного коду мовою Java здійснюється за допомогою ДСП-конструктора. Результати виконання запитів (список знайдених документів) передаються аплету і виводяться ним на екран у вигляді html-сторінки;

- Searching – клас, що є повторно використовуваним компонентом для розв’язання задач пошуку. Він містить опис даних, використовуваних у процесі обробки запитів: індексного файлу та файлу документів, масиву запитів, вказівників, контрольних точок, таблиці знайдених документів та ін., а також методів доступу до них.

Для проектування структури розглянутих класів, а також генерації програмного коду спільно з інтегрованим інструментарієм було застосовано систему візуалізованого проектування на основі мови UML Rational Rose 2000 [5]. На рис. 4 зображено побудовану у цій системі діаграму класів UML для пошукової системи, що розглядається.

На побудованій діаграмі класів вказано лише основні атрибути та операції класів, відношення залежності класу SearchServlet від класу Searching показано пунктирною стрілкою. За класом SearchServlet у Rational Rose було згенеровано каркасний програмний код (без реалізацій методів). Синтез коду, що реалізує методи, далі здійснено за допомогою ДСП-конструктора на основі алгоритмів виконання методів. Алгоритм паралельного

пошуку для випадку човникової обробки (паралельна схема ЧОВНІ/П із розділу 1) подано на рис. 5 за допомогою діаграми діяльності UML.

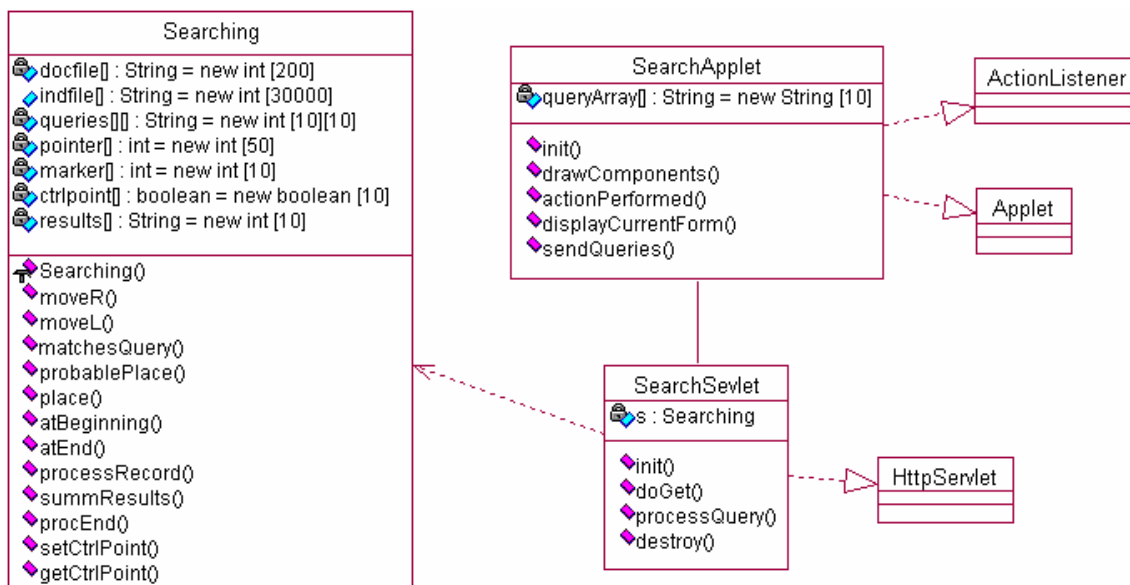


Рис. 4. Діаграма класів для паралельної програми пошуку документів за ключовими словами

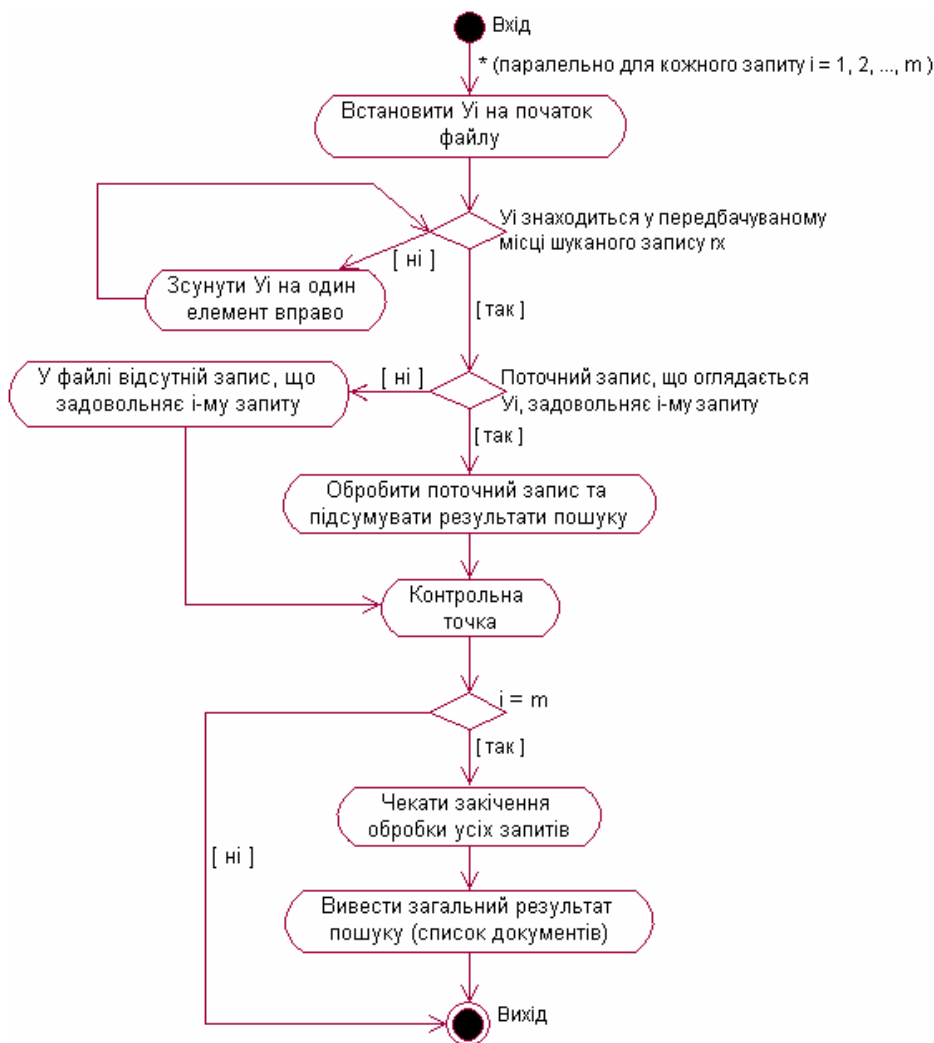


Рис. 5. Діаграма діяльності UML для паралельного алгоритму човникового пошуку записів у індексному файлі за масивом запитів

### 2.2.2. Реалізація програми паралельного пошуку для виконання на обчислювальному кластері.

Розроблені паралельні алгоритми пошуку також було реалізовано мовою С з використанням технології MPI (Message Passing Interface, стандарт інтерфейсу передачі повідомлень). Паралельна програма в MPI є множиною процесів, кожний з яких має власний локальний адресний простір [7]. Взаємодія процесів – обмін даними і синхронізація – здійснюється за допомогою передачі повідомлень. Стандарт MPI визначає бібліотеку підпрограм, які, зокрема, реалізують операцію send, що використовується для ініціації передачі даних між двома паралельно виконуваними частинами програми, та операцію receive, призначену для вилучення цих даних із системних структур даних в область пам'яті програми. Існують також колективні операції, орієнтовані на кілька процесів. При написанні програм пошуку використано бібліотеку MPICH, яка є широко відомою реалізацією стандарту MPI.

Розроблені паралельні програми пошуку документів було апробовано у 3-процесорній кластерній системі (процесори Intel Celeron 1700 МГц, операційна система MS Windows XP). У кожній із програм пошуку здійснюється одночасна обробка 3 запитів паралельними процесами, що мають номери 0–2, де 0 відповідає основному процесу. Основний процес реалізує інтерфейс користувача, здійснює введення запитів, надсилає текст другого та третього запитів процесам 1 та 2. Далі здійснюється паралельний пошук документів, при цьому перший із запитів оброблюється процесом 0. Після закінчення обробки процеси 1 та 2 передають отримані результати (список документів) основному процесу за допомогою виклику стандартної функції MPI\_Send. Процес 0 отримує ці дані за допомогою виклику функції MPI\_Recv, після чого виводить сформований ним загальний список результатів паралельного пошуку.

У табл. 1 наведено час виконання розроблених паралельних програм. Відмітимо, що час виконання програм бульбашкового і човникового пошуку є приблизно однаковим. Різниця між ними виявляється лише у випадку, коли шуканий запис у вхідному файлі відсутній. Приблизно у 2 рази швидше виконується програма, реалізована за алгоритмом альтернативного пошуку. Найкращим за часом виконання є програма бінарного пошуку. У табл. 2 наведено час виконання послідовних програм пошуку по відношенню до паралельних.

Оцінимо показники продуктивності розпаралелювання обчислень у розглянутих програмах пошуку на основі обчислення коефіцієнтів прискорення  $S_p = T_1/T_p$  та ефективності  $E_p = S_p/p \leq 1$ , де  $T_p$  – час розв'язання задачі на  $p$  процесорах;  $T_1$  – час розв'язання цієї ж задачі на одному процесорі. Як видно з табл. 2, коефіцієнт прискорення  $S_p$  програм пошуку у середньому є близьким до 2, а коефіцієнт ефективності  $E_p = 2/3 \approx 0.67$ .

Час виконання (у секундах) паралельних програм пошуку документів

Таблиця 1

Алгоритм пошуку	Кількість процесів	Кількість записів у індексному файлі	
		15000	30000
Бульбашковий	3	0.007	0.010
Човниковий	3	0.006	0.010
Альтернативний	3	0.004	0.006
Бінарний	3	0.00079	0.00081

Час виконання послідовних програм пошуку документів відносно паралельних

Таблиця 2

Алгоритм пошуку	Кількість записів у індексному файлі	
	15000	30000
Бульбашковий	2.0	2.1
Човниковий	1.8	2.1
Альтернативний	2.0	1.9
Бінарний	1.4	3.1

## 3. Перспективи реалізації паралельних програм на основі інструментарію Globus Toolkit

Відзначимо перспективність використання засобів Grid-технологій при реалізації паралельних програм, подібних до розглянутих у даній статті, на кластерній мультипроцесорній архітектурі. Grid – сучасна технологія, що прогресивно розвивається, та створена для спільного використання великої кількості глобально розподілених ресурсів і підтримки високопродуктивних обчислень [9]. До інструментальних засобів Grid відноситься, зокрема, Globus Toolkit (GT), призначений для розробки сервісно-орієнтованих розподілених обчислювальних програм та інфраструктур. Його останні версії, GT3 та GT4, ґрунтуються на Grid-сервісах – розширенні Web-сервісів, які є однією з технологій розподілених обчислень поряд із CORBA, RMI, EJB. Архітектура та компоненти GT детально розглянуті у [4].

Однією з можливостей реалізації розглянутих у попередніх розділах асинхронних алгоритмів на основі інструментарію GT є розробка розподілених клієнт-серверних програм, які використовують Web-сервіси. Наприклад, розглянемо програму паралельного пошуку документів. Розробка такої програми передбачає



створення Web-сервісу, який реалізує пошук інформації про документи у базі даних відповідно переданому йому у якості параметру запити. Для паралельної обробки копії даного Web-сервісу та бази даних розміщені на множині комп'ютерів, які у даному випадку грають роль серверів. Для опису інтерфейсу Web-сервісу застосовується мова опису Web-сервісів WSDL (Web Services Description Language). Документ WSDL є XML-документом, який визначає розташування сервісу та операції, що надаються ним. У паралельній пошуковій системі, що розглядається, програма-клієнт, розміщена на одному із комп'ютерів мережі розподіленої обробки, реалізує інтерфейс користувача, вводить запити та здійснює паралельний виклик Web-сервісів, передаючи їм запити на пошук документів. Виклик Web-сервісу передбачає посилення повідомлень між клієнтом і сервером, формат яких визначається протоколом SOAP (Simple Object Access Protocol). Клієнтська програма збирає результати пошуку, отримані Web-сервісами, та виводить загальний список знайдених документів. Слід відмітити, що Web-сервіси не залежать від платформи і мови, тому клієнтська програма може бути реалізована, наприклад, мовою C++, і виконуватися у середовищі ОС Windows, у той час як Web-сервіс реалізується мовою Java і виконується у Linux. Відзначимо можливість проектування алгоритмів та синтезу коду таких розподілених програм за допомогою розробленого інтегрованого інструментарію (див. розд. 2).

Використання Web-сервісів дозволяє здійснювати доступ до програм на віддаленому комп'ютері, що може бути досить прийнятним у багатьох випадках [10]. Однак слід відмітити, що такий підхід не задовольняє усім потребам розподіленої обробки. Розглянемо додаткові засоби GT, що дозволяють виконувати паралельні програми.

До основних компонентів системи Globus відноситься GRAM (Grid Resource Allocation and Management) – універсальний інтерфейс до засобів керування різноманітними ресурсами (процесори, пристрої зберігання, комунікації і т.д.). Компонент GRAM включає набір Web-сервісів, необхідних для ініціації, контролю, координації та керування завданнями на обчислювальних ресурсах Grid. Завдання є обчислювальними задачами, що можуть виконувати операції введення/виведення у процесі свого виконання, які впливають на стан обчислювального ресурсу і пов'язані з ним файлові системи. Специфікація завдання для виконання задається користувачем у вигляді XML-файлу опису завдання. Контроль завдання полягає у запитованні інформації про його стан. Завдання можуть бути паралельними, тобто складатися із кількох завдань, що виконуються одночасно. Такі завдання, як правило, розміщуються на паралельному комп'ютерному обладнанні для підвищення продуктивності обчислень. Для синхронізації між паралельними процесами GRAM забезпечує механізм рандеву (rendezvous). Даний механізм означає, що програма може записати певну бінарну інформацію, наприклад дані про процес, та отримати повідомлення, коли всі інші процеси запишуть їх власну інформацію. Рандеву може бути використане у випадку, коли усім паралельним завданням необхідно зупинитися перед тим, як продовжити обчислення. Цей механізм може застосовуватися безпосередньо у кодї програми або використовуватися проміжними бібліотеками, що призначені для представлення спрощеної моделі програмування для застосувань, що виконуються за допомогою GRAM. Програма managed-job-globusrun є інструментом GT4 для маніпулювання завданнями на локальному або віддаленому комп'ютері за допомогою сервісів GRAM. Для запуску паралельних завдань параметру count цієї програми присвоюється значення більше за одиницю, яке відповідає кількості копій виконуваної програми.

Із Globus Toolkit пов'язані також інструментальні засоби, що забезпечують різноманітні моделі паралельного програмування у середовищі Grid (Condor-G, DAGman, MPICH-G2, GriPhyN VDS, Nimrod-G) [10]. Серед них слід виділити MPICH-G2 [11] – реалізацію MPI, яка використовує сервіси Globus Toolkit (наприклад, що стосуються запуску завдань, безпеки) для підтримки ефективного і прозорого виконання у гетерогенних середовищах Grid. Цей інструментарій дозволяє об'єднати кілька машин, що можуть мати різні архітектури, для виконання MPI програм. MPICH-G2 автоматично перетворює дані у повідомленнях, що надсилаються між машинами різної архітектури та підтримує багатопроколову взаємодію для передачі повідомлень. Перед запуском програми на основі MPICH-G2 користувач використовує протокол інфраструктури безпеки GSI (Grid Security Infrastructure) для своєї автентифікації на кожному вузлі розподіленої системи. Після цього для виконання MPI обчислення застосовується стандартна команда mpirun. Реалізація у MPICH-G2 цієї команди використовує мову специфікації ресурсів RSL (Resource Specification Language) для опису завдання. Користувачі пишуть RSL-сценарії, що ідентифікують ресурси (наприклад, комп'ютери) та визначають вимоги (кількість процесорів, пам'ять, час виконання) і параметри (розміщення виконуваних файлів, параметри командного рядка, змінні середовища). Грунтуючись на інформації у RSL-сценарії, MPICH-G2 викликає бібліотеку DUROC (Dynamically-Updated Request Online Coallocator), що постачається разом із Globus Toolkit, для розміщення та виконання програми на комп'ютерах, визначених користувачем. Ця бібліотека використовує функції API та протокол GRAM для запуску і подальшого керування обчисленнями на кожному із комп'ютерів. Після того, як процеси почали своє виконання, MPICH-G2 використовує дані із файлу RSL для створення багаторівневої кластеризації процесів, яка ґрунтується на топології мережі.

## Висновки

У даній статті здійснено подальший розвиток середовища конструювання алгоритмічних знань символічної мультиобробки. Згадане середовище ґрунтується на апараті алгебри алгоритміки (стратегіях обробки, метаправилах конструювання схем) та призначене для проектування класів алгоритмів і програм.

Розпаралелено низку послідовних алгоритмів сортування і пошуку, що входять до складу створеного СКЗ. Спроектвано та реалізовано паралельні програми пошуку документів за ключовими словами із використанням розробленого інтегрованого інструментарію діалогового конструювання та синтезу синтаксично правильних об'єктно-орієнтованих програм. Генерацію програм виконано у мові Java із використанням програмних потоків, а також у мові C із застосуванням технології MPI. Експериментальна оцінка часу виконання розроблених програм пошуку на обчислювальному кластері показує хорошу степінь розпаралелюваності обчислень.

Перспективи подальших досліджень у даному напрямку пов'язані із застосуванням засобів Grid-обчислень, зокрема, інструментарію Globus Toolkit, для реалізації програм мультиобробки. При цьому важливим є подальший розвиток розробленого інтегрованого інструментарію для автоматизованого конструювання та синтезу розподілених програм для Grid-систем.

1. *Цейтлин Г.Е.* Введение в алгоритмику. – К.: Сфера, 1998. – 311 с.
2. *Глушков В.М., Цейтлин Г.Е., Юценко Е.Л.* Методы символьной мультиобработки. – К.: Наукова думка, 1980. – 252 с.
3. *Яценко О.А.* Розробка інтегрованих алгебро-алгоритмічних моделей: елементи теорії, інструментарій, застосування. Автореф. дис. ... канд. фіз.-мат. наук. – Київ, 2005. – 17 с.
4. *Globus Toolkit 4.0 Release Manuals.* – <http://www.globus.org/toolkit/docs/4.0/>
5. *Фаулер М., Скотт К.* UML. Основы: Пер. с англ. – СПб.: Символ-Плюс, 2002. – 192 с.
6. *Бишон Д.* Эффективная работа: Java 2. – К.: BHV, 2002. – 592 с.
7. *Антонов А.С.* Параллельное программирование с использованием технологии MPI: Учебное пособие. – М.: МГУ, 2004. – 71 с.
8. *Холл М., Браун Л.* Программирование для Web. Библиотека профессионала: Пер. с англ. – М.: Вильямс, 2002. – 1264 с.
9. *Foster I., Kesselman C., Tuecke S.* The Anatomy of the Grid: Enabling Scalable Virtual Organizations. – <http://www.globus.org/research/papers/anatomy.pdf>.
10. *GT4 Key Concepts (A Globus Primer).* – [http://www.globus.org/toolkit/docs/4.0/key/GT4\\_Primer\\_0.6.pdf](http://www.globus.org/toolkit/docs/4.0/key/GT4_Primer_0.6.pdf).
11. *Karonis N., Toonen B., Foster I.* MPICH-G2: A Grid-Enabled Implementation of the Message Passing Interface. – [ftp://ftp.cs.niu.edu/pub/karonis/papers/JPDC\\_G2/JPDC\\_G2.pdf](ftp://ftp.cs.niu.edu/pub/karonis/papers/JPDC_G2/JPDC_G2.pdf).