pointetly/AMSAte

Crescita e distribuzione un'interpretazione un'itaria dei recenti contributi

D avide Fiaschi¹
D ipartimento di Scienze Economiche
U niversità degli studi di Pisa
V ia R idd..., 10. 56124 Pisa
E-mail d..aschi@ ecunipi.it

29 settembre 1998

¹Q uesto articolo si basa sul primo capitolo della mia tesi di dottorato. L'autore intende ringraziare V incenzo D enicolò per gli utili suggerimenti, R aimondello O rsini per i commenti alla prima stesura del lavoro e un referee per aver messo in luce alcune imprecisioni dell'esposizione. Gli errori rimangono naturalmente a carico dello scrivente.

Sammario

Questo articolo analizza in una prospettiva unitaria i recenti contributi sul rapporto fra crescita e distribuzione. Lo scopo è di mostrare come l'attuale letteratura faccia sostanzialmene riferimento adue meccanismi di base il primo di natura politico economico e il secondo riconducibile all'incompletezza del mercato dei capitali. Le condusioni dei due approcci sono valutate alla luce delle recenti analisi empiriche.

1 U na visione generale

Questo articolo intende fornire un visione unitaria dei recenti contributi sul rapporto fra crescita e distribuzione, mettendo in luce come come l'attuale letteratura faccia riferimento essenzialmente a due meccanismi di base il primo di natura politico economico e il secondo riconducibile all'incompletezza del mercato dei capitali.

La tecria necolassica della cresci ta ha trascuratoper lungo tempo l'aspetto distributivo pcichè questo non intuenzava l'equilibrio di lungo periodo dell'economia. Il ell'articolo pionieristico di Stiglitz (19 &) e soprattutto in Loury (1981) viene, infatti, mostrato che nei modelli di cresci ta necolassici, sotto l'ipotesi di completezza dei mercati, la dinamica della distribuzione è ergodica¹ e l'equilibrio di lungo periodo è indipendente dalla distribuzione iniziale delle riscres².

Recenti analisi empiridhe, tuttavia, hanno evidenziato una correlazione negativa fra crescita e ineguaglianza, inditre, sempre in questo ambito, alcuni autori (vedi II tkinson (1997)), sulla base del comportamento di alcuni paesi appartenenti all'area () ECD, hanno messo in discussione la validi tà della ben conosciuta legge di Kuznets (1955) dhe lega il grado di sviluppo economico e il livello di disequadi anza

Il tutto ha stimdato la formulazione di nuovi modelli teoridi che, prendendo spunto dalla nuova teoria della crescita endogena e abbandonando l'ipotesi di agente rappresentativo, hanno individuato vari canali attraverso cui distribuzione e crescita potessero interagire. Sommariamente potremo dividere i contributi proposti in due dassi: quelli che fanno riferimento a fattori politico istituzionali e quelli che fanno riferimento all'incompletezza dei mercati (vedi B énabou (199 60)). In alcuni lavori sono presenti entrambi i fattori, così che questa distinzione deve essere intesa come un'approssimazione fatta a scopo espositivo.

A I primogruppo appartengano i contributi che collegano distribuzione e crescita tramite un canale di tipo politico. L'intuizione è che se le decisioni di politica economica sono il risultato di una votazione a maggioranza tra i componenti dell'economia, allora a maggior i neguaglianza corrisponderà una più forte politica redistributiva e questa, a sua volta, provocherà una diminuzione della crescita. Riguardo a questo ... lone di letteratura i contributi

¹L 'ergodicità della dinamica distributiva può essere intuitivamente descritta come la proprietà dhe assicura dhe ogni individuo, indipendentemente dalla sua ricchezza iniziale, possa occupare nel tempo con probabilità positiva uno qualunque dei valori della distribuzione (vedi Piketty (1997)).

² In questo contesto è da ricordare B ourguignon (1981), in cui si mostra che nel caso di funzioni di risparmio convesse la distribuzione della ricchezza di lungo periodo è diseguale

più importanti sono quelli di A lesina and R colrik (1994), B énabou (1996), B entola (1993) e P enson and Tabellini (1994). Vale la pena di ricordare, inditre, i lavori dhe identi...cano nella contittualità sociale la causa della re lazione negativa fina descrita e ineguaglianza. Intuitivamente, a una maggiore diseguaglianza corrisponde una più alta contittualità sociale, quest'ultima rende il pro..tto atteso dell'investimento meno cento e questo scoraggia i potenziali investitori dall'intraprendento. B enhabib and R ustidnini (1996) e A lesina and P erotti (1993) sono i lavori di riferimento.

Il I secondo gruppo appartengono quei contributi dhe analizzano le decisioni individuali di investimento, sia in capitale umano dhe in capitale...sico, in presenza di mercati dei capitali incompleti.

Il lavoro di Galor and Leira (1993) rappresenta l'articolo pionieristico per quel che riquarda l'investimento in istruzione in presenza di mercati incompleti. Il punto audiale è l'esistenza concomitante di mercati di capitali imperfetti e di un'indivisibilità nella funzione di accumulazione di capitale umano, questo comporta che le famiglie inizialmente più povere risultino permanentemente incapaci di investire in istruzione e quindi di aumentare il proprioredditodi lungoperiodo Ladinamica della distribuzione del reddito non è così più eropolica e ad copi distribuzione iniziale del reddito corrispon derà un diverso equilibrio di lungo pericolo, in termini sia di distribuzione del reddito che di livello appregato di produzione. A lcuni autori introducono la possibilità di votare per decidere l'introduzione di scude pubbliche (si veola B énabou (199 6al), B entocchi and Spacett (199 6), Fernandez and R ogenson (1996, 6 Iomm and Ravikumar (1992), Cheechi, Iching and Rustichini (1996) eSaintPaul and Verdier (1993)) odi politiche redistributive (si veda Perotti (1993), Fernandez and Rogerson (1995)), mettendo in evidenza l'interazione complessa dhe può generarsi fra il fattore politico e quello legato all'istruzione

Per quanto riguarda invece l'investimento in capitale...sico, B anerjee and Il evman (1993) e P iketty (1997) rappresentano i più importanti contributi. Il primo analizza un'economia in cui gli individui, date le proprie risorse in iziali, devano scegliere se prestare lavaro, svolgere un'attività di autoimpiego o intraprendere un'attività imprenditoriale. Si a la seconda dhe la terza scel ta ridhiedono una quota...ssa di risorse da investire. In presenza di imperfezioni nei mercati dei capitali gli individui più poveri non possono e ettuare l'investimento in capitale, questo, a sua volta, determina una minore aresi ta del laro reddito e una persistente disuguaglianza distributiva. Il secondo lavaro introduce nel modello di Sdowla possibilità di azione sleale (moral hazard). Questo è sulta dente a generare equilibri multipli, dhe dia eriscono fira laro sia in termini di produzione che di distribuzione del reddito, anche se la dinamica di quest'ultima è sempre ergodica.

U na variante rispetto al ... lone precedente analizza più approfondi tamente il rapporto framobilità sociale e distribuzione. In Bénabou (1996b), Bénabou (199 6a), Bentdaand Pirani (199 6) eD urlauf (199 6) gli exetti di ricaduta dell'accumulazione di capitale umano sono in qual chemaniera limitati. Bi énabou (199 do) presenta un modello in cui il sistema sodastico è ... nanziato a livello locale. Il ell'equilibrio del modello gli individui più dotati di risorse si concentrano in una particolare zona, la società si strati...ca permanentemente in gruppi distinti a seconda del recibito, da cui una diminuzione della mobilità sociale e dell'et cienza nell'allocazione delle risorse. In Calor and Tsicolon (199 db) si considera un economia a generazioni sovrapposte con diversi settori produttivi; si suppone che la conoscenza necessaria per operare in un settore sia speci...ca e che di individui abbiano un'abilità nell'accumulare conocenza speci...ca, dipendente sia da un fattore casuale sia dal settore in cui lavorava il cenitore. Se l'economia è poco dinamica, ossia se si creano pochi nuovi settori, vi sarà una bassa mobilità e questo, a sua volta, determinarà una minore crescita

Il el seguitopasseremo in rassegna i due pricipali ...loni di letteratura, ossia quello politico istituzionale e quello dei mercati incompleti, sia dal punto di vista teorico che empirico. I risultati sono espressi in termini di P roposizioni, le cui dimostrazioni sono raccolte in Il ppendice.

2 Crescita, distribuzione e fattore politico istituzionale

Inquestasezione analizzeremo i contributi che individuano nel fattore politico istituzionale il canale di interazione fira crescita e distribuzione. Il louni dei lavori più importanti sull'argomento sono Il lesina and R codrik (1994), B én abou (1996), B entola (1993) e Persson and T abellini (1994). Per mostrare il meccanismo sottostante a questo... Ione di letteratura faremo uso di un semplice modello a generazioni sovrapposte in cui gli individui hanno dotazioni eterogenee di clue fattori, uno accumulabile e l'altro no. La remunerazione di questi ultimi è assunta pari alla loro produttività marginale a meno di un parametro. Quest'ultimo può essere interpretato sia come una tassa a ...ni redistributivi (vedi ad esempio Il lesina and R codrik (1994) e Persson and Tabellini (1994)), sia come un indicatore dei rapporti di forza fira coloro che sono dotati più di un fattore e meno dell'altro (B entola (1993) può essere interpretato in tale maniera). E li individui sono altruisti e quindi interessati a lasciare un'eredità al proprio discendente. Il ostreremo come sia la crescita che la distribuzione della ricchezza dipendano dal valore del parametro

e, de...nito l'equilibrio politico come la situazione in cui il parametro è de terminato mediante votazioni a maggioranza, ne studieremo le proprietà. Vedremo dhe il valore del parametro di equilibrio politico sarà quello preferito dall'individuo mediano nella distribuzione relativa³ dei diritti di proprietà sui fattori, da cui conduclaremo dhe più iniqua è la distribuzione della ric dhezza minore sarà la crescita. In una prospettiva storica (come in B ertola (1993) e Persson and Tabellini (1994)), potremo interpretare il parametro come un'indice dei rapporti di forza fra le dassi sociali; in quest'ottica la concentrazione nella distribuzione dei fattori non accumulabili (tipicamente terra) e una struttura istituzionale favorevole alla remunerazione di quest'ultimi (votazioni per censo) determinerebbe un basso tasso di crescita. Q uesto potrebbe spiegare la relazione empirica negativa fra estensione del latifondo e crescita e il fenomeno di bassa crescita di lungo pericobo, denominato come "trappoda della povertà", sperimentato da alcuni paesi in via di sviluppo

2.1 II modello

Introduciamo cra il modello che utilizzeremo per mostrare in maniera più ricprosa quanto appena detto

L'economia è composta da un continuum di individui, contrassegnati dal-l'indice i de...ni to nell'intervallo [0; N]. L'individuo, nato al tempo t, riceve un'eredita b_t^i dal proprio genitore. Questa è ripartita tra risparmio s_t^i e consumo c_t^i , ossia

$$b_{t}^{i} = S_{t}^{i} + c_{t}^{i}$$
: (1)

Indichiamocon r_{t+1} econ w_{t+1} , rispettivamente, le remunerazioni unitarie al tempo t+1, del risarmio e del fattore non accumulabile, inditre indichiamo pon l_t^i la dotazione di fattore non accumulabile della dinastia i econ con $L= l_t^i$ l_i di lostock aggregato. Il fattore non accumulabile può essere interpretato sia come dotazione di tempo la vorativo sia come terra. Vedremo più avanti come l'adozione di una odell'al tra interpretazione possa portare a previsioni molto diverse circa il comportamento di un'economia e come queste siano correnti o meno con le analisi empiriche.

Il el secondo periodo l'individuo deve ripartire il reddito totale fra il consumo del periodo d_{t+1} e l'eredità b_{t+1}^i , assia

$$r_{t+1}^{i} \Phi s_{t}^{i} + W_{t+1}^{i} \Phi_{t}^{i} = c_{t+1}^{i} + b_{t+1}^{i}$$
: (2)

³Il termine distribuzione relativa è da intendersi nel senso dhe se esiste più di un fattore (ad esempio capitale e lavoro), quello dhe rileva per le preferenze di un individuo non sono le quantità assolute dei fattori da lui possedute, ma bensì il loro rapporto.

Persemplicità assumiamochel'utilità abbia forma log lineare e chel'eredità entri nella funzione di utilità in termini assoluti, indipendentemente dall'utilità che ne ricavano i propri discendenti⁴, ossia⁵

$$U^{i} = \log^{i} c_{t}^{i} + C \log^{i} c_{t+1}^{i} + 2 \log^{i} b_{t+1}^{i}$$
 (3)

Il otiamo che nel caso I_t^i fosse interpretato come tempo lavorativo, allora la funzione di orienta di lavoro sarebbe inelastica.

Dalle condizioni del primo ordine relative alla massimizzazione di U i rispetto a b_{t+1}^i e s_t^i otteniamo dhe

$$b_{t+1}^{i} = \frac{\acute{A} \, \cancel{d}_{2} \, \cancel{d}_{1} \, (r_{t+1} \, \cancel{d}_{2}^{i} + \, \cancel{W}_{t+1} \, \cancel{d}_{1}^{i})}{(1 + \, \acute{A}) \, \cancel{d}_{1} + \, \cancel{W}_{2}} \, e$$

$$s_{t}^{i} = \frac{\acute{A} \, \cancel{d}_{1}^{A} \, (t_{t+1} \, \cancel{d}_{2}^{i})_{i} \, (w_{t+1} \, \cancel{d}_{1}^{i})_{t}}{r_{t+1}^{A} \, \cancel{d}_{1} + \, \acute{A})};$$

$$(4)$$

dove $\hat{A} = {}^- \Phi(1 + \frac{1}{2})$. Sosti tuendo la (4) nella funzione di utilità (3) abbiamo dhe

$$U^{i} = (1 + A) \bigoplus_{t=1}^{i} r_{t+1}^{t} \bigoplus_{t=1}^{i} log(1 + r_{t+1}) + D;$$
 (5)

coue D è una costante funzione dei parametri del modello.

La (5) rappresenta l'utilità massima raggiungibile data la struttura di remunerazione dei fattori.

2.2 La determinazione delle remunerazioni dei fattori

Il lato della produzione è modellato seguendo R omer (1986), ossia supponiamo che esista un elevato numero di imprese che operano secondo una tec ndogia a rendimenti costanti nei fattori a livello di singdo imprenditore, ma che esista anche un'esternalità rispetto al livello aggregato del fattore accumulabile, ossia

$$y_{+}^{i} = A \bigoplus_{+}^{-} (\mathbf{i}_{+}^{i})_{+}^{\mathbf{f}_{0}} (\mathbf{i}_{+}^$$

dove A è un parametro dimensionale, l^j la quantità del fattore non accumulabile impiegato dall'impresa j, k^j la quantità del fattore accumulabile impiegato dall'impresa j e K lo stock aggregato del fattore accumulabile. Con una tale funzione di produzione sappiamo dhe condizione necessaria per

⁴In letteratura questa ipotesi è chiamata "warm glow" (vedi A ndrecni (1989)).

 $^{^5 \}mathbb{I}$ otiamo come la forma logaritmica della funzione di utilità di permette di ignorare il possibile vincdo b_i^{t+1} , \mathbb{I} .

avere crescita di lungo pericobè che 🧠 ®. P cichè il rendimento dell'investimento in ogni impresa deve essere uguale, nell'ipotesi di remunerazione dei fattori al margine avremo che la produzione a livello aggregato sarà pari a

e le remunerazioni dei fattori a

$$r_{t} = (1_{i}^{*}) \Phi \Phi_{t}^{*} \Phi_{t}^{*} L^{*} e$$

$$W_{t} = \Phi \Phi \Phi_{t}^{*} \Phi_{t}^{*} L^{*} L^{*} L^{*} E$$
(8)

Per comodità analitica, ovvero per avere un tasso di interesse costante, supponiamo che ® = ¯. Un modo molto semplice di modellare sia una politica redistributiva che un confitto distributivo è quello di introdurre un parametro; che modi...chi le remunerazioni chi fattori, sotto il vincolo che il prodotto totale sia interamente distribui to Le remunerazioni nette saranno quindi

2.3 Il tasso di cresci ta dell'economia

Data la struttura di remunerazione dei fattori, possiamo calcolare il livello aggregato di risparmio al tempo t che sarà il livello del capitale al tempo t+1. Sostituendo la (4) nella (4) e aggregando otteniamo

$$S_{t} = \frac{A \oplus (1_{i} + 2_{t+1}) \oplus (1_{i} \oplus) \oplus B_{t}}{1 + A \oplus (1_{i} + 2_{t+1}) \oplus (1_{i} \oplus)} = K_{t+1};$$
 (10)

dove $S_t = \frac{\mathbf{R}_N}{0} s_t^i \mathbf{l} \ \mathbf{i} \ \mathbf{e} \ \mathbf{B}_t = \frac{\mathbf{R}_N}{0} \ b_t^i \mathbf{l} \ \mathbf{i}$. Sostituendo la (10) nella (9) avremo

$$r_{t+1} = r(i_{t+1}) e_{t}$$
 $w_{t+1} = w(i_{t+1}) B_{t}$
(11)

 $\begin{array}{ll} \text{cover}\left(\mathbf{\mathcal{L}}_{t+1} \right) = & (1_{i} \ \mathbf{\mathcal{L}}_{t+1}) \not\in 1_{i} \ ^{\otimes} \right) \not\Phi A \ \ ^{\otimes} , \ w \ \ \overset{\textbf{i}}{\mathbf{\mathcal{L}}_{t+1}}; \ B^{1}_{t} = \ \frac{ \ \mathring{A} \not\in (1_{i} \ \mathcal{L}_{t+1}) \not\in (1_{i} \ ^{\otimes}) \not\in A \ \ ^{\otimes} \ \mathcal{C}^{\otimes}_{t+1} }{ 1 + \ \mathring{A} \not\in (1_{i} \ \mathcal{L}_{t+1}) \not\in (1_{i} \ ^{\otimes}) } \\ \text{e.B.}_{t} \ \ \text{indicail livellomediod richezza} \end{array}$

Il questo punto siamo in grado di mostrare come; intuenzi le dinamidhe di accumulazione dell'economia. Dalle (4) e (11) otteniamo dhe l'eredità lasciata al proprio discendente è pari a

$$b_{t+1}^{i} = \frac{g(\lambda_{t+1})}{(1+A)} \stackrel{\mathbf{f}}{\oplus} (1+A) \oplus b_{t}^{i} + A \oplus (0+\lambda_{t+1}) \oplus (1_{i} \otimes b_{t}^{i}) \oplus b_{t}^{i} \oplus b_{t}^{i} \oplus b_{t}^{i}$$
(12)

clove g $(;_{t+1}) = \frac{\frac{1}{2} \frac{4}{4} \frac{4}{4} \frac{4}{1} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{4}{4} \frac{4}{4} \frac{4}{1} \frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{4}{4} \frac{4}{1} \frac{1}{2} \frac{4}{4} \frac{4}{1} \frac{4}{4} \frac{4}{4} \frac{4}{1} \frac{4}{1} \frac{4}{4} \frac{4}{1} \frac{4}{1$

Il otiamo come una variazione di \dot{z} abbia sostanzialmente due e etti. Il primo è un e etto sul tasso di crescita della ricchezza individuale, rappresentato da g (\dot{z}_{t+1}) , che risulta sempre essere negativamente correlato a \dot{z}_{t+1} (gO< I). Una diminuzione del rendimento del risparmio disincentiva l'accumulazione e quindi determina un minor reddito nel secondo periodo, l'individuo lascerà quindi meno eredità. Tuttavia, esiste anche un e etto dovuto alla redistribuzione delle riscrise rappresentato dal secondo membro della (12). Questo sarà positivo per $\dot{z}_{t+1} > 0$ per tutti gli individui per qui vale l_t^i dl_{t+1}^i b_t^i > 0, ossia per quelli dhe hanno una dotazione relativa del fattore accumulabile sotto la media

L'exetto redistributivo complessivo di un ¿ positivo è evidente osserviamo, infatti, che coloro i quali hanno dotazioni relative sopra la media vengono penalizzati sia in termini di crescita (primo exetto) che di livello (secondo exetto).

In apprepato auremo che

$$B_{t+1} = g(\lambda_{t+1}) \oplus B_t$$
: (13)

Come già detto gO< (), così che l'exetto della tassazione sul livello ag gregato di risparmio, e quindi sul tasso di crescita dell'economia, è sempre negativo. Il tutto è riassunto nella seguente Proposizione.

Proposizione 1 II tasso di cresci ta dell'economia misurato in termini di accumulazione di ricchezza risulterà sempre decrescente rispetto al livello di $\dot{\xi}$. Sotto l'ipotesi dhe A Φ > $\frac{(1+\frac{1}{2})\Phi(1+\dot{A})}{A\Phi}$, l'economia sperimenterà cresci ta, cosia $\frac{B_{t+1}}{B_t}$ > 1, se e solo se $\dot{\xi}_{t+1}$ < $\dot{\xi}_{t+1}^G$, dove $\dot{\xi}_{t+1}^G$ = 1 $\frac{(1+\frac{1}{2})}{A\Phi(1+\frac{1}{2})}$.

Questo exetto negativo delle politiche redistributive sul tasso di cresci ta concorda con i risultati di Allesina and Rodrik (1994), Bertola (1993), Perotti (1993) e Persson and Tabellini (1994). In altre parde, più le politiche redistributive sono favorevoli al fattore accumulabile, più è alto il tasso di cresci ta dell'economia. Se si interpretasse il fattore accumulabile come capitale e quello non accumulabile come lavoro, ossia nel caso in cui fosse la distribuzione del fattore accumulabile a creare la disuguaglianza, questo risultato sarebbe tuttavia rigettato dai dati (vedi Perotti (1994). Infatti, dò implicherebbe che cresci ta e politiche redistributive a favore del lavoro siano correlate negativamente, mentre l'analisi empirica sembra a emarre il contrario.

Il otiamo, inditre, che questa monotonicità di g (\$\psi\$ rispetto a ¿ dipende crucialmente dall'ipotesi di inelasticità dell'or enta del fattore non accumula bile (lavoro). Se introducessimo, ad esempio, il tempo libero nella funzione di utilità, g'Oavrebbe un andamento a U rovesciata, così di che il massimo tasso di cresci ta potrebbe richiedere un ¿ maggiore della soglia minima i $\frac{\circ}{1_i}$.

Il el caso invece la disuguaglianza fosse imputabile alla distribuzione del fattore non accumulabile, più in particulare se questo rappresentasse la terra, allora l'analisi empirica e i risultati del modello sarebbero coerenti. Tuttavia, quest'ultima interpretazione sembra applicabile solo ad alcuni paesi, tipicamente quelli in via di sviluppo (B énabou (1996a)).

2.4 Dinamidae distributive

A dessomostreremodhe la dinamica della distribuzione della ricchezza dipende dal valore di ¿. L'intuizione è semplice le variazioni di ¿ modi... cano le remunerazioni dei fattori e quindi, data l'eterogenei tà delle dotazioni, il reddito disponibile degli individui. Dalla (12) e dalla (13) possiamo ricavare che

$$\vec{B}_{t+1} \hat{b}_{t+1}^{i} = g(\lambda_{t+1}) \Phi (\lambda_{t+1}) \Phi \vec{b}_{t}^{i} \hat{b}_{t}^{i};$$
(14)

Il otiamo come la (14) ammetta come unico punto ...sso $\vec{B}_t = \vec{b}_t^i$. La dinamica può essere convergente od esplosiva a seconda del valore assunto da ζ_{t+1} . In particulare se g (ζ_{t+1}) $\vec{\Phi}$ (ζ_{t+1}) < 1 vi sarà una diminuzione della disuguaglianza distributiva poidrè la distribuzione tenderà a collassare intorno al valore medio, punto ...sso stabile della (14). Vi ceversa, nel caso in qui g (ζ_{t+1}) $\vec{\Phi}$ (ζ_{t+1}) > 1 la distribuzione diventerà sempre più disuguale. Ri assumiamo il tutto nella seguente Proposizione.

Proposizione 2 La disuguagianza nelle ricchezza individuali tende uniforme mente a diminuire se $\xi_{+1} > \xi^c$, obve $\xi^c = 1_i \frac{(1+\frac{1}{2})\phi(1+\frac{1}{4})}{\frac{1}{2}\phi(\phi(1_i)^c)}$. Il el caso in cui $\xi_{+1} = \xi^c$ la distribuzione non cambia nel tempo, mentre nel caso di $\xi_{+1} < \xi^c$ si ha un aumento della disuguagianza

Quindi rispetto a Allesina and Rodrik (1994) e Bertola (1993) il nostro modello permette variazioni nelle dotazioni relative individuali al variare della politica adottata, come in Perotti (1993) e Persson and Tabellini (1994).

Considerando insieme le P roposizioni 1 e 2, si possono individuare, in funzione del valore di ξ , vari regimi relativi al tasso di cresci ta e alla dinamica della distribuzione del ricchezza. D eterminante a questo riguardo è la relazione fra ξ^G e ξ^C : dalle P roposizioni 1 e 2 abbiamo che

$$\dot{z}^{G} > \dot{z}^{C}, \quad A \oplus \overset{\circ}{\longrightarrow} > \frac{(1 + \dot{A}) \oplus (1 + \frac{1}{2})}{\dot{A} \oplus \dot{B}}$$
(15)

Se; fossemaggiaredi; c, esiste la possibilità di diminuire la disuguaglianza in un'economia in aresata; nel asso contrario, solo in un'economia non in aresata si può sperimentare una diminuzione della disuguaglianza. Il otiamo come la condizione di disuguaglianza non stabilisca che una soglia minima al valore che assume il saggio lardo di remunerazione del fattore accumulabile a meno del fattore.

La seguente Proposizione stabilisce i regimi possibili:

Il regime i) è particularmente interessante poidrè permette di generare una dinamica non monotona della distribuzione rispetto al livello del reobito. Infatti il crescere di quest'ul timo è compatibile sia con un aumento dhe con una diminuzione della disuguaglianza. Questo è diò dhe trova Kuznets (1955) nella sua analisi sulla relazione fra livello di sviluppo e distribuzione del reobito (per analisi più recenti limitate ai paesi in via di sviluppo vedi Fields and Jakubson (1994) e R am (1988)). Quello dhe rimane da determinare è in base a quale criterio venga deciso il valore di ¿. L'approccio politico istituzionale considera un processo di decisione mediante votazioni a

maggioranza su ¿, che nel nostro modello, essendo scoblisfatte le condizioni del teorema dell'elettore mediano, implica dhe siano decisive le preferenze dell'individuo mediano. Il paragrafo seguente analizza l'equilibrio politico del modello.

2.5 L'aliquota ottima individuale e l'equilibrio politico

Sostituendola (9) nella (5) otteniamolamassima utilità raggiungibile parametrizzata al valore di ¿ te 1, ossia

$$U^{i} \overset{\textbf{i}}{\dot{c}}; \overset{\textbf{d}}{\dot{b}}_{t} \overset{\textbf{d}}{\dot{c}} = (1 + \acute{A}) \overset{\textbf{d}}{\text{dog}} \frac{(1 + \acute{A}) \overset{\textbf{d}}{\textbf{d}}_{t} + \acute{A} \overset{\textbf{d}}{\textbf{d}} + (1 + \acute{A}) \overset{\textbf{d}}{\textbf{d}}_{t} + (1 + \acute{A}) \overset{\textbf{d}}_{t} + (1 + \acute{A}) \overset{\textbf{d}}{\textbf{d}}_{t} + (1 + \acute{A}) \overset{\textbf{d}}{\textbf{d$$

Il otiamo i due e etti di ¿: il primo correlato alla di e renza fra la ricchezza media e la ricchezza individuale, ossia $\vec{B}_{t\,i}$ \vec{b}_{t} il secondo relativo al tasso di cresci ta (che è direttamente proporzionale a 1_{i} i_{t+1}). O sserviamo che nel caso $\vec{B}_{t\,i}$ \vec{b}_{t} = 0 il ¿ ottimale è pari a_{i} $\frac{\bullet}{1_{i}}$ ossia all'aliquota che assegna tutto il prodotto al fattore accumulabile e quindi ne massimizza il rendimento per questi individui il massimo tasso di cresci ta dell'economia coincide con la massima utilità, poi chè l'aspetto redistributivo può portare solo di sutilità.

La seguente Proposizione stabilisce la soluzione al problema dell'aliquota ottima dal punto di vista individuale al variare delle dotazioni relative

Proposizione 4 L'aliquota ottima per l'individuo i-mo è rappresentata da

$$\hat{\mathcal{E}}_{t+1}^{i} = \begin{cases} 8 & 3 & p_{\frac{1+\hat{A}(\hat{q}(1_{i}^{*})}{A(\hat{q}(1_{i}^{*})})} + \frac{(1+\hat{A})\hat{C}(1_{i}^{*})\hat{C}(1_{i}^{*})\hat{C}(1_{i}^{*})\hat{C}(1_{i}^{*})}{2\hat{C}(1_{i}^{*})\hat{C}(1_{i}^{*})\hat{C}(1_{i}^{*})} & \text{Se 1 } \hat{C}(1_{i}^{*}) & \text{S$$

$$cond_{t}^{1i} = \frac{B^{i}_{ti} b^{i}_{t}}{B_{t}}.$$

La concavità di Uⁱ rispetto a ¿ di permette di applicare il teorema dell'elettore mediano dre stabilisce dhe l'aliquota preferita dall'elettore mediano rispetto alla distribuzione dei ^{1 i} non può essere battuta da ogni altra alternativa ammissibile in una votazione a maggioranza fra gli individui. Chiameremo equilibrio politico del modello la situazione in cui tutti i mercati sono in equilibrio, gli individui massimizzano le proprie utilità date le scelte altrui e ¿ è deciso mediante votazioni a maggioranza fra gli individui (vedi Persson and Tabellini (1994)). Il tutto è riassunto nella seguente Proposizione

⁶Q uesto risultato dipende in modo aruaiale dall'ipotesi di inelasticità dell'orenta di lavaro

Proposizione 5 N ell'equilibrio politico del modello $i_{t+1} = i_{t+1}^m$, dove i_{t+1}^m è l'aliquota preferita dell'individuo mediano nella distribuzione dei i_{t}^i

A questo punto, considerando congiuntamente le Proposizioni 1 e 5 e assumendo dhe la posizione dell'individuo mediano nella distribuzione sia un indice di disuquadianza, otteniamo il meccanismo che lega crescita e distribuzione in questo tipo di modelli: maggiore disuguadianza distributiva determina nell'equilibrio politico un più alto;, da cui una minor crescita (vedi A lesina and Rodrik (1994), Bénabou (1996s), Bentda (1993) e Persson and Tabellini (1994)). In alcuni articoli è svolta anche un'analisi empirica che tende a confermare la relazione fra disucuadianza e tasso di cresci ta dell'economia (vedi A lesina and Rochik (1994) e Persson and Tabellini (1994)). Tuttavia in Perotti (1996), il lavoro probabilmente più appiornato riguardo all'analisi dei dati, si mostra come l'evidenza empirica cotraddica in parte il meccanismo politico economico. Infatti, pur trovando conferma del legame fra cresci ta e distribuzione, si mosta l'esistenza di una correlazione positiva frail livellodi alcune aliquote...scali con il tassodi cresci ta (il che è contrasta con la Proposizione 1). Inditre si evidenzia che anche il legame tra livello della tassazione e distribuzione non concorda con quanto a remato dalla teoria. Sembra infatti esistere una correlazione positiva e signi...cativa fra il livellomediodella tassasul redditopersonale euna minore disuqualianza distributiva Questo potrebbe non essere in contrabbizione con la Proposizione 5, poidrè non è possibile distinguere se questa tassazione abbia o no exetti redistributivi; mail fatto che altre variabili redistributive, come le spese per la sicurezza sociale e per la salute, sembrano non essere correlate alla disuquadianza rappresenta e: ettivamente un'evidenza contraria al meccanismo pditice economico (vedi Perotti (1996) e Bénabou (1996)).

Un aspetto importante da sottolineare è dre l'indice di disuguaglianza considerato è quello di inizio periodo enon cè alcun controllo sugli eretti nel tempo dell'applicazione delle varie politiche così dre, come nel nostro modello, la politica di redistribuzione potrebbe modi... care la distribuzione delle risorse e quindi la posizione dell'elettore mediano. Questo non confuterebbe la contraddizione relativa alla correlazione positiva fira crescita e livello della tassazione, ma potrebbe spiegare in qualche modol'assenza di correlazione fira politiche redistributive e ineguaglianza. Il el prossimo paragrafo analizzeremo la dinamica congiunta del tasso di crescita e della distribuzione nell'equilibrio politico.

2.6 Dinamiche distributive ed equilibrio politico

In questo paragrafo studieremo le dinamidre dell'aliquota di equilibrio poditico e i consequenti e etti sull'inequadianza. Dalla Proposizione 3 sappiamo dhe possono esistere solo due regimi a seconda del valore assunto dai parametri del modello. Tuttavia, il regime ii) appare poco interessante poidrè prevede sdo una continua diminuzione della ricchezza, indipendente mente dalla politica adottata. Il ssumiamo quindi dhe la condizione A 🕮 > $\frac{(1+\hat{A})\Phi(1+\hat{b})}{\hat{A}\Phi}$ sia soddisfatta e consideriamo quindi il solo regime i). D alla (13) edalla (14) possiamo ricavare la dinamica della distribuzione delle dotazioni relative, ossia

Restringendo i valori ammissibili di ¿ solo a quelli ottimi dal punto di vista individuale (ossia gli ottimi paretiani dell'economia⁷) dalla Preposizione 4 arremode

ricardando che 1i 2 [$_i$ 1;1].

ardandoche¹¹ 2 [; 1 ;1]. **h**p i Il vremocµindiche´(¿_{t+1}) 2 ^{1;4(a)};1 equindil'equazionedi¤eren: ziale (17) avrà come possibili punti ...ssi l'interabisettricenel casodi ´ (¿t+1) = $1e^{1i} = 0$ il tutti gli altri casi. Notiamoche $(z_{t+1}) = 1$, $z_{t+1} = \frac{0}{1} \cdot \frac{0}{1}$, ossianel casosi massimizzasse il tassola cresci tadell'economia allora si avrebbe anche una costanza nella distribuzione relativa delle ricchezze

A questo punto possiamo stabilire l'equilibrio politico di lungo periodo dell'economia:

Proposizione 611 ell'equilibrio politico di lungo periodo dell'economia ¿ = i 1; 1 à distribuzione asintotica dei 1 è costante e dipende della distribuzione iniziale, ad eccezione del caso di equidistribuzione iniziale delle risorse, questa comporterà ^{1 i} 6 ^{1 j} 8 i 6 j.

⁷Il otiamo che in questa economia, in assenza di strumenti di redistribuzione lump sum, l'allocazione e¢ ciente delle riscrse, ossia quella che determina la massima crescita, è solo uno dei tanti ottimi paretiani. Questi ultimi, per la concavità della funzione di utilità rispetto a;, sono rappresentati dall'intervallo con estremi, rispettivamente, i valori di; preferiti dagli individui con il minimo e il massimo valore di 1.

L'intuizione di questo risultato si ha considerando il caso in cui inizialmente l'dettore mediano avesse avuto interesse ad una redistribuzione. L'attuazione di quest'ultima gli permette di avvidinarsi alla dotazione relativa media dell'economia, tuttavia, quando avrà raggiunto quest'ultimo livello di risorse perderà l'incentivo alla redistribuzione. Questo è l'equilibrio di lungo periodo dell'economia. Ci li individui dhe sono al momento sotto la media non riusciranno più a recuperare rispetto agli altri e questo determinerà una distribuzione asintotica non uniforme. Il otiamo come esistano equilibri multipli in relazione alla distribuzione iniziale delle risorse e come l'equilibrio comporti una stazionarietà della varianza della distribuzione relativa (ossia la curva di Lorenz associata alla distribuzione di equilibrio di lungo periodo è costante). L'interesse sarebbe quindi di veri...care empiricamente la convergenza della distribuzione relativa piuttosto che della distribuzione associata (questo è quello che fa ad esempio B érabou (199 66) quando analizza il secondo momento della distribuzione).

Le dinamidhe di transizione all'equilibrio di lungo periodo possono comprendare omeno periodi di dresci ta negativa a seconda della posizione iniziale dell'elettore mediano. Se infatti questi avesse un 1m tale per qui $\zeta^m > \zeta^6$, avremmo un periodo di dresci ta negativa indotta dalla forte redistribuzione con una disuguaglianza in termini assoluti in diminuzione, a questo farebbe segui to un periodo di dresci ta positiva e di sempre minore disuguaglianza quando 1m fosse abbastanza aumentato dhe $\zeta^m < \zeta^6$; in...ne quando l' det tore mediano mostrerà un 1m tale per qui $\zeta^m < \zeta^0$, la disuguaglianza si stabilizzerà. In er etti questa dinamica temporale non concorda con quanto sostenuto da Kuznets (1955).

U na dinamica à la Kuznets si potrebbe invece ottenere se si supponesse che alle votazioni potessero partecipare solo gli individui la cui ricchezza è sopraun certasodia (votazioni per censo, vedi Persson and Tabellini (1994)). Ciò comparta che inizialmente l'elettare mediano abbia un 1 m più basso dell'elettare mediano dei periodi successivi. A un basso¹™ può corrispondere un $\xi^m < \xi^c$ e quindi l'economia sperimenterà una crescita positiva ed un aumento dell'inequaglianza. Tuttavia, all'aumentare del reddito medio, sempre più elettori acquistano il diritto di votare, così che la distribuzione dei ¹ degli individui votanti si sposta verso il limite superiore. Q uesto potrebbe essere su¢ ciente a¢ nché; "> ¿¢, ossia per determinare un periodo in cui la disuquadianza diminuisce (vedi B ertoochi and Spacet (1994), per poi stabilizzarsi nel lungo periodo La curva di Kuznets sarebbe quindi determinata dalla soglia di recibi to imposta per la partecipazione al voto (per altri modelli che cenerano curve di Kuznets, si vedali chion and Bid ton (1997), Ci alor and Tsiction (1996a) ePerotti (1993)). Questa interpretazione politico economica sembra ben riprodurre le exettive vicende storiche di alcuni paesi, in cui il

voto era (edè) limitato dal censo o da altri fattori (ad esempio istruzione) (vedi Bénabou (1996a)).

3 Il modello con mercati dei capitali incompleti

Come già detto, eisistono una seri di contributi che mettono in evidenza l'importanza dei mercati incompleti nello spiegare il legame fira crescita e distribuzione. Per illustrare il meccanismo alla base di questi lavori modi....dhiamo il modello precedente aggiungendo un'altra possivile attività di investimento, caratterizzata da una più alta redditività e da una soglia minima di investimento, interpretabile sia come capitale umano che come investimento imprenditoriale. La presenza di mercati incompleti e di una indivisibilità nell'investimento non permette agli individui più poveri di investire nel settore ad alta remunerazione, cha cui una minor crescita. La distribuzione della ricchezza determinerà quanto questo er etto sia forte.

3.1 Estensione del modello

La funzione di utilità è assunta essere sempre della forma

$$U^{i} = \log^{i} c_{t}^{i} + C \log^{i} c_{t+1}^{i} + 2 \log^{i} b_{t+1}^{i};$$

$$(18)$$

dove c_t^i è il livello di consumo del periodo t, b_{t+1}^i è l'eredità lasciata al discendente e^- e ½ sono due parametri di preferenza

O gni agente è sempre dotato di una quantità di risorse bi_t lasciatagli in eredità dal genitore da allocare fira consumo ed investimento. L'investimento può essere di due tipi: uno dhe fornisce un rendimento costante r per agni unità investita ed uno dhe remunera secondo la funzione h. Inditre, nel secondo periodo l'individuo è dotato di un'unità di tempo dhe deve decidere come allocare fira lavoro non quali...cato, dhe viene remunerato al saggio costante w e l'attività remunerata secondo la funzione h. L'ipotesi di remunerazione costante dei fattori rende analiticamente meno complicata l'analisi, ma non modi...ca dal punto di vista qualitativo le condusion.

A ssumiamo dhe non esista un mercato del credito in qui non sia possibile prendere a prestito, così che l'investimento si_t è vinculato ad essere non negativo (un'ipotesi equivalente è quella che esistano assimmetrie informative che

⁸Il el caso di investimento imprenditoriale, l'assumere che questo venga e ettuato da individui avversi al rischio può apparire restrittivo, tuttavia, il rilassare questa assunzione non comporterebbe cambiamenti signi...cativi nei risultati, ma farebbe perobrebbe la visione uni taria dell'approccio

limitino la capacità degli agenti di prendere a prestito), ossia

$$S_{+,a}^{i} = 0 \quad 8i$$
: (19)

Il consumo del primo periodo sarà quindi:

$$c_{t}^{i} = b_{t}^{i} i \quad s_{t}^{i} i \quad e_{t}^{i}$$
 (20)

dove θ_t^i è l'investimento remunerato secondo la funzione h , mentre quello del secondo

$$C_{b,1}^{i} = r \, \Phi S_{t}^{i} + W \, \Phi_{t}^{i} + \stackrel{i}{1}_{i}_{i}_{i} \stackrel{\Phi}{I}_{t}^{i} \Phi \stackrel{i}{e}_{t}^{i}_{i}_{i}_{i} \stackrel{E}{b}_{b,1}^{i}$$

$$(21)$$

Il livello di eredità lasciato al ...glio sarà pari a

$$b_{t+1}^{i} = \frac{\frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} r \left(\frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{1}$$

che, sostituito nella funzione di utilità, porta a

$$U^{i} = \log^{i} b_{ti}^{i} e_{ti}^{i} s_{t}^{i} + A \log^{i} r s_{t}^{i} + W s_{t}^{i} + (1_{i} I_{t}^{i}) s_{t}^{i} + D; \quad (23)$$

dove D è una costante funzione dei parametri del modello e $\hat{A} = \bar{A}(1 + 1/2)$.

La speci...cazione della funzione hè il punto centrale del modello. Il ssumi iamo, infatti, dhe l'investimento in e_{t}^{i} fornisca una remunerazione più elevata rispetto all'investimento in s_{t}^{i} , ma solo ditre una certa soglia di investimento dhe chiameremo \underline{e} , mentre per livelli inferiori non determina nessuna remunerazione. Inditre è logico pensare che il livello minimo di remunerazione che si ottiene impiegando temponell'investimento in e_{t}^{i} sia superiore a quella ottenuta nell'attività lavorativa non quali...cata. Una formulazione semplice per la funzione hè la sequente

$$\mathbf{i}_{\mathbf{e}_{\mathbf{t}}^{i}} = \mathbf{0}_{\mathbf{t}} \times \mathbf{0}_{\mathbf{t}} \times \mathbf{0}_{\mathbf{t}}^{i} \times \mathbf{0}_{\mathbf{t}$$

Il di¤erenziale nei rendimenti si ottiene assumendo che

$$\pm > r;$$
 (25)

mentre la maggiore remunerazione del tempo impiegato nell'investimento in e^i_+ è esprimibile come

$$\pm \Phi > W$$
: (26)

Il modello intende rappresentare la possibilità per un'individuo di ricavare reddito

- 1. oprestando il proprio tempo come lavoratore non quali...cato,
- 2. o investendo in attività a bassa remunerazione ma che non comportino la necessità di spendere tempo su essel;
- o investendo in attività di tipo imprenditoriale o di accumulazione di capitale umano, che richiede sia un livellominimo di investimento, sia tempo

Il modello incorpora quindi sia la scelta tra occupazioni alternative di B anerjee and II ewman (1993), sia la scelta di investimento in capitale umano di G alor and I eira (1993). L'attività a basso tasso di remunerazione si può identi...care con l'investimento in un settore a basso contenuto tecnologico e a bassa innovazione, in cui non sono necessarie de vate risorse per intraprendere l'investimento, ma che allo stesso tempo non permettono un devato tasso di rendimento e di crescita. Il settore agricolo, sfruttato in maniera primitiva, potrebbe essere un esempio di tale tipo di attività.

La struttura di remunerazione dell'investimento ad al ta redditivi tà cerca di cogliere gli aspetti cruciali che caraterizzano i settori ad al ta teondogia o ad accumulazione di capitale umano. Si può infatti sosstenere che nei primi esista una soglia minima di investimento sotto la quale l'investimento non è pro. ttevde e che l'accumulazione di capitale umano, tralasciando la normale istruzione di base, determinerà un'erettivo incremento salariale solo se le riscree impiegate sono superiori ad una certa soglia.

3.2 Saluziane del modello

L'individuosi trova quindi ad arrontare il seguente problema di massimo

La procedura di soluzione appare particolarmente tediosa, così che qui ne descriveremo i passi in modo sommario e releghiamo in Alppendice i dettagli analitici. Si può dimostrare che se l'individuo investe in e non investe in s

⁹ Questa è ipotesi sempli...catrice; infatti nulla cambierebbe nel caso anche l'attività a bassa remunerazione richiecesse tempo

e non alloca tempo al lavoro non quali...cato. In particolare, nel caso non investissimo in e avremo che la scelta ottima sarà:

$$ii I_{t}^{i} \stackrel{\boldsymbol{C}_{\pi}}{\leftarrow} ; i S_{t}^{i} \stackrel{\boldsymbol{C}_{\pi}}{\leftarrow} ; i e_{t}^{i} \stackrel{\boldsymbol{C}_{\pi}}{\leftarrow} = 1; \max 0; \frac{A \oplus \bigoplus_{t \mid W}^{i} \otimes \mathbb{I}_{t}^{w}}{r \oplus (1 + A)}; 0; \qquad (27)$$

mentre nel casodi investimento in e:

$$ii_{l_{t}^{i}} \overset{\mathbf{c}_{\alpha}}{:} i_{s_{t}^{i}} \overset{\mathbf{c}_{\alpha}}{:} e_{t}^{i} \overset{\mathbf{c}_{\alpha}}{=} \overset{\mathbf{\mu}}{0} : 0 : \max \underline{e} : \frac{A \oplus b_{t}^{i}}{(1 + A)} \overset{\mathbf{g}}{=} \text{per } b_{t}^{i} > \underline{e} : \qquad (28)$$

La decisione di investire omeno in e acausa della discontinui tà nella funzione hi non può essere determinata attraverso lo studio della derivata, ma è necessario un confronto in termini assoluti delle utili tà derivanti dall'impiegare una regola di decisione o l'altra (ossia o (27) o (28)). Di e...nendo U e (b_t^i) i U s (b_t^i) come la dia erenza nelle utili tà nel caso si adottasse rispetti vamente la (28) o la (27) avremo dhe si investirà in e sebita ba, dove ba è de...ni to implici tamente dall'uquaglianza U s (b_t^{in}) = U e (b_t^{in}).

In II ppendice si mostra come b^a dipenda negativamente dal livello di \underline{e} , come era intuitivamente da attendersi e positivamente r, dato il suo e^a etto positivo su U s (b_t).

3.3 Dinamidhediaccumulazione

Le dinamidre di accumulazione all'interno di una dinastia sono date dalla (22). Il bioiamo visto dre per valori di b_t^i < b^α la scelta di investimento è espressa dalla (27), mentre per valori superiori dalla (28), così dre la funzione di accumulazione sarà:

$$b_{t+1}^{i} = \begin{cases} 8 & \cdot \\ \ge & \max \times \frac{1/2}{1 + 1/2}; \frac{A}{(1 + 1/2)} \underbrace{(1 + 1/2)}_{(1 + 1/2)} \underbrace{(1$$

Il ello spirito dell'esposizione assumiamo dhe l'accumulazione nel settore a bassa teonologia non permetta una crescita di lungo pericolo, ossia

$$r < \frac{(1 + \frac{1}{2}) \Phi(1 + \hat{A})}{\hat{A} \Phi_2}; \tag{30}$$

mentre valga l'inversoper l'accumulazione nel settore ad al ta tecnologia, ossia

$$\pm > \frac{(1 + \frac{1}{2}) \Phi(1 + \hat{A})}{\hat{A} \Phi_2}$$
: (31)

L'idea è quella di rappresentare la possibilità dhe una famiglia (o un paese), non investendo nell'attività ad alta remunerazione (o in settori ad alta teondogia), possa rimanere in una cosiddetta "trappoda della povertà" dovuta in questo caso alla soglia minima di investimento (allo stesso modo dhe in Calor and Zeira (1993), Banerjee and Newman (1993), Aghion and Bolton (1997) e Perotti (1993)).

Inprimis analizzeremole due componenti della funzione di accumulazione, indipendentemente dal loro ambito di de...nizione, successivamente, la loro analisi congiunta di fornirà la dinamica complessiva

A coumulazione per un basso livello di eredità $(b_t^i < b^x)$ N el caso un individuo avesse un ariochezza iniziale minore di b^x egli si trova ad accumulare secondo

$$b_{t+1}^{j} = ma \times \frac{\frac{1}{2} dw}{1 + \frac{1}{2}}; \frac{\dot{A} dw}{(1 + \frac{1}{2}) d(1 + \dot{A})} \dot{b}_{t}^{j} dr + w^{*};$$
 (32)

P cidrè non conosciamo il valore di b^a, analizziamo l'andamento della curvanell'intero intervallo ammissi bile [0; 1), restringendo successi vamente l'attenzione ai soli valori di interesse. In generale esisterà sempre un punto...sso, dipendente però dal valore di r. Infatti è possibile dimostrare che

In b^{0,15} l'individuo è razionato nelle sue scelte di investimento e quindi lascerà un'eredità indipendente dal tasso di interesse. In b^{0,16,15} invece il tasso di interesse gioca un rudo positivo poidrè aumenta il reddito disponibile e quindi esdude la possibilità di razionamento. In entrambi i casi tuttavia non vi sarà crescita di lungo periodo perdrè i punti ...ssi sono attrattori e quindi equilibri di lungo periodo 0 sserviamo, tuttavia, che diò che determina se vi sia o no di¹⁰ erenziazione nelle dinamiche dei redditi delle diverse dinastie è il rapporto fira il punto...sso e b¹⁰.

A coumulazione per un alto livello di eredità $(b_t^i \ b^x)$ N el caso un individuo avesse una ricchezza iniziale minore di b^x , egli si trova ad accumulare secondo

$$b_{t+1}^{i} = \max \frac{i_{1} \oplus \underline{\Phi}}{(1+i_{2})}; \frac{A \oplus \underline{\Phi}}{(1+i_{2}) \oplus (1+A)} \oplus b_{t}^{i} :$$
 (34)

Per l'ipotesi (31) su ±, questa funzione di accumulazione non presenterà mai un punto...sso e la ricchezza crescerà ad un tasso costante pari a

$$g = \frac{A \oplus_2 \oplus}{(1 + \frac{1}{2}) \oplus (1 + A)}$$
: (35)

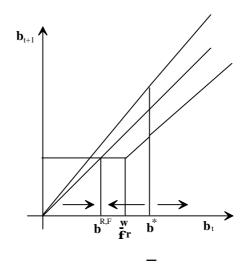
Quindi, le dinastie dhe seguano questo sentiero di accumulazione presenteranno una cresci ta asintotica positiva a tasso costante pari a g.

3.3.1 La dinamica complessiva

La (33) suggerisce di dividere l'analisi della dinamica del reddito in due casi distinti a seconda del valore di r.

R unto ... sso con razionamento. Consideriamo per primo il caso di r. 2 0; $\frac{1+\frac{1}{N}}{N}$ in cui il punto ... sso è dato da b^R ; $F = \frac{\frac{1}{N}\Phi_W}{1+\frac{1}{N}}$ (vedi (33)). Il rapporto fra b^R ; $F = b^R$ stabilisce la dinamica qualitativa dell'accumulazione.

Se, infatti, b^{R;F} < b^x avremo che le dinamiche delle ricchezze delle varie dinastie avranno un andamento di ^x erenziato a seconda del la roval are iniziale. In termini gra…ci possiamo rappresentare la situazione nel seguente modo



Equilibrio con razionamento e segmentazione

dove la linea più marcata rappresenta la curva (spezzata) di accumu lazione. Si osservi dhe le dinastie con una ricchezza iniziale minore di b^a mostreranno una ricchezza convergente a b^{a; F}; viceversa, quelle con una ricchezza superiore sperimenteranno una cresci ta asintotica pari a g. Si determina, quindi, una segmentazione nell'insieme delle dinastie, dove alcune, a

di¤ erenza delle altre, non sperimentano alcun un tasso di cresci ta della propria ricchezza. In questo caso la dinamica della distribuzione della ricchezza sarà non ergodica, ossi a non esiste alcuna probabili tà dhe un individuo povero possa diventare ricco e viceversa (vedi Piketty (1997))¹⁰.

Il el caso invecedi b^{R:F}, b^m agni dinastia sperimenterà un tasso di crescita asintotico della propria ricchezza pari a g.

La seguente Proposizione fornisce delle condizioni suchi dienti¹¹ achnchè si abbiama segmentazione nella dinamica delle ricchezze delle varie dinastie.

Proposizione 7 Si assuma che r 2 0; $\frac{1+\frac{1}{N}}{N}$. $\underline{e} > \frac{W}{AC}$ è condizione sut-ciente at nchè agni dinastia i che presenti un $b_t^i < b^\alpha$ sperimenterà un tasso di cresci ta cella propria ricchezza pari a 0, mentre quelle per cui b_t^i b^α avranno un saggio di accumulazione costante pari a 0. Inditre se vale $\frac{W}{AC} < \underline{e} \cdot \frac{W}{(1+\hat{A})CC} \left(\frac{\pm}{r}\right)^{\frac{A}{1+\hat{A}}} 1$ avremo che $b^\alpha = \frac{W}{rCC} \left(\frac{\pm}{r}\right)^{\frac{A}{1+\hat{A}}} 1$

Intuitivamente si comprende che poidrè \underline{e} è maggiare di $\frac{w}{A\,\underline{e}}$, il punto...s so dell'equazione risultarà sempre minare del valore dell'eradità b_t per cui è conveniente investire nell'attività ad alta remunerazione e quindi intraprendere l'accumulazione di lungo periodo. In realtà, si può dimostrare che il valore di \underline{e} tale per cui si genera questo risultato è più basso di quello da noi speci...cato, ma per i nostri scapi espositivi questo è di poco interesse.

Si osservi dhe in equilibrio gli individui si divideranno in due gruppi distinti: uno in cui ognuno presta il proprio tempo come la varatore non quali... cato e uno in cui ognuno investe nel settore ad alta remunerazione.

Il otiamodheal cresceredi w la condizione suf ciente potrebbe non essere più sodisfatta ed, infatti, si può dimostrare che ditre un certo valore di w la segmentazione sparisce. Intuitivamente questo è dovuto all'aumento del reddito a disposizione delle dinastie più povere che permette loro un'accumulazione suficiente a superare la soglia minima di necessaria all'investimento in e.

La Proposizione 7 individua anche, limitatamente ad un'intervallo di valori di \underline{e} , una soluzione esplicita per b^{α} . Il punto interessante (che in qualche

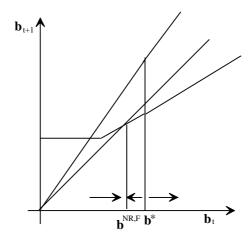
¹⁰⁰ uesto rimanebe vero anche nel caso in cui la funzione di remunerazione del capitale umano abbia una componente addittiva stoccastica, il cui supporto sia abbastanza piccolo

¹¹L'interesse in questo caso è sdo quello di mostrare che esiste una con...gurazione dei parametri per cui esiste una dinamica non ergodica. La generalizzazione del risultato comporterebbe un'inutile appesantimento della trattazione senza nulla aggiungere alla comprensione del meccanismo alla base dei risultati.

¹² In A ppendices i mostra che questo richiede che $\pm < r \, \frac{1 + \acute{A} + \acute{A}^2}{1 + \acute{A}}$.

modo contraintuitivo) è dre per un certo intervallo di valori, un aumento di w comporta un aumento del numero di dinastie dre non accumuleranno nel lungo periodo questo si spiega considerando dre un aumento di w diminuisce la convenienza a passare all'investire all'investimento ad al ta remunerazione, dre da più rendimento in futuro ma penalizza maggiormente il reddito attuale (ricordiamo dre w può essere anche visto come il costo apportunità dell'impiegare il tempo nell'attività ad al ta remunerazione).

P unto...ssosenza razionamento Consideriamo il caso in qui r 2 $\frac{1+\frac{1}{12}}{\frac{1+\frac{1$



Equilibrio senza razionamento ma segmentazione

dove la linea più marcata rappresentano la curva (spezzata) di accumu lazione. Le dinastie la cui ricchezza iniziale è minore di b[®] mostreranno una ricchezza convergente a b[®] R; F, mentre quella la cui ricchezza è superiore una crescita asintotica pari a g. Si crea quindi, come nel caso precedente, una segmentazione nell'insieme delle dinastie, dove alcune, a di[®] erenza di altre, non mostreranno una ricchezza in crescita.

Il el caso, invece, di b R ; E goni dinastia sperimenterà un tasso di crescita asintotico della propria ricchezza pari a g.

La seguente Proposizione individua delle condizioni succienti¹³ ac nchè la segmentazione abbia luogo

¹³I motivi per cui anche in questo ceso limitiamo l'analisi sono alle condizioni di su¢ denza coincidono con quelli esposti nella nota precedente.

Proposizione 8 Siassumacher 2
$$\frac{1+\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}\sqrt{4}}$$
; $\frac{(1+\frac{1}{2})\sqrt{4}(1+A)}{\frac{1}{2}\sqrt{4}}$. Se $\frac{w}{A}$ ¢ < $\frac{e}{C}$ · $\frac{w}{(1+A)\sqrt{4}}$ ¢¢ $\left(\frac{\pm}{r}\right)^{\frac{A}{1+A}}$; 1

mentre quelle la cui ricchezza è maggiare di b^{α} sperimenteranno un tasso di crescita pari a g.

Intuitivemente, la condizione su \underline{e} di assicura che il passaggio cla un tipo di investimento all'altro avvenga in mancanza di vincoli sulla quantità cla investire per entrambi i tipi di investimento, mentre la condizione su \pm assicura che il punto ... sso b^{N R ; F} sia minore b^x. La P roposizione è facilmente estendibile al caso $\underline{e} > \frac{\text{"w fl}}{(1+\hat{A})^{\oplus c} \left(\frac{t}{r}\right)^{\frac{A}{1+\hat{A}}}}$, che non è riportato perchè non

appjunge nulla di rilevante e non ammette una soluzione esplicita per ba.

Un punto interessante da sottolineare è dhe in questo caso può esistere una dinamica di transizione in cui anche il reddito delle dinastie dhe non accumulano nel lungo periodo cresce. Vedremo come questo può generare interessanti dinamiche distributive

3.4 Interpretazione dei risultati in termini dei lavori già presenti in letteratura

Il modello appena analizzato permette di cogliere intuitivamente molti dei risultati presenti in letteratura

Interpretando l'investimento ad alta remunerazione come accumulazione di capitale umano, si riproducono i risultati di Galor and Zeira (1993); interpretando invece l'indivisibilità dell'investimento come costi ...ssi di monitoraggio per l'attività imprenditoriale si riproducono i risultati di Banerjee and Il evman (1993).

L'esistenza di equilibri multipli correlati ad una diversa distribuzione delle risorse è una caratteristica comune a questo tipo di modelli, così come l'interazione fira la distribuzione del reddito e il tasso di crescita dell'economia. In termini del nostro modello questo si ha nel caso di segmentazione (vedi sia la Proposizione 7 dhe la 8). In tale si tuazione la distribuzione diventerà sempre più iniqua e il tasso di crescita aggregato, rispetto ad una si tuazione con maggiore equità, sarà più basso. Per convincersi di questo supponiamo dhe siano soddisfatte le condizioni della Proposizione 7 e di essere nell'equilibrio di lungo periodo. L'insieme degli individui sarà partizionato in due

gruppi distinti, chi presta lavoronon quali...cato e riseve un recblitow e chi investenel settore adalta remunerazione e consegue $\frac{A\oplus}{1+A}$ Φ_t . O roliniamo in maniera che rescente gli individui secondo il valore chi proprio be che..niamo con { l'individuo tale per cui $b_t^f = {}_3b^\alpha$.] I prodotto totale chil'economia sarà quindi pari a $Y_t = (N_i) \Phi_i + \frac{A\oplus}{1+A} \Phi_i b_i^\dagger i$. O serviamo che la quota di recbli tochegli individui che non accumulano rimane costante, cha cui si può conduche che sia la cresci ta che il livello di produzione chil'economia sono correlati positivamente al numero di individui che non riescono ad investire nel settore adalta remunerazione, ossia ad una maggiore equità distributiva

$$\frac{b_{t+1}^{j}}{b_{t}^{j}}; \frac{b_{t+1}^{j}}{b_{t}^{j}} = \frac{\frac{1}{2} \Phi A}{(1 + A) \Phi (1 + \frac{1}{2})} + \frac{\mu}{1} r; \frac{\Psi}{b_{t}^{j}};$$

the risulta maggiare di 1 per $b_t^i > \frac{w}{\pm_i \, r}$. Se $\pm > (1 + \text{ A})$ or allora $b_t^i > \frac{w}{\pm_i \, r}$. Sb $\pm > (1 + \text{ A})$ or allora $b_t^i > \frac{w}{\pm_i \, r}$. Sb $\pm > (1 + \text{ A})$ or allora $b_t^i > \frac{w}{\pm_i \, r}$. Sb $\pm > (1 + \text{ A})$ or allora $b_t^i > \frac{w}{\pm_i \, r}$. Sb $\pm > (1 + \text{ A})$ or allora $b_t^i > \frac{w}{\pm_i \, r}$. Sb $\pm > (1 + \text{ A})$ or allora $b_t^i > \frac{w}{\pm_i \, r}$.

Un altropunto importante da evidenziare è come una distribuzione troppouniforme delle ricchezze possa impedire l'avvio dello sviluppo di un paese. Il el nostro modello ciò si realizza quando la struttura dell'economia comporta una segmentazione delle ricchezze e tutte le ricchezze sono sotto la soglia dhe permette l'investimento ad alta remunerazione (ossia $b_t^i < b^\alpha$ 8i). La concentrazione iniziale della ricchezza, specialmente in economia povere, diventa quindi una condizione necessaria al note is metta in moto il processo

¹⁴⁰ uesta era proprio la spiegazione di Kuznets all'andamento non monotono della distribuzione rispetto al livello del reddito, ossia il progressivo spostamento di individui dai settori più arretrati emenoremunerativi a quelli più avanzati e a maggior tasso di crescita.

di sviluppo (vedi a questo proposito III urphy, Shleifer, and V ishny (1989 a) e III urphy, Shleifer, and V ishny (1989 b)).

A louri autori analizzano il rapporto fra distribuzione della ricchezza ed esternalità locali (vedi Bénabou (1996b), Bénabou (1996a) e Galor and Tsid don (199 do)). Perestemalità locali intendiamo il caso in cui alcune variabili, ad esempio il livello di capitale umano, di individui fra loro "vidini" si in-‡uenzinol'unocon l'altra. Persiamo al caso in cui vi sia una concentrazione spaziale di imprese. Potrebbe, ad esempio, supporre dhe di individui dhe risiedano dove la concentrazione ha lucop sostengano un minor costo ...sso nell'intraprendere la propria attività imprenditoriale (ossia une minore) gra zie a possibili economie esterne (da cui un vincolo sul credito essere meno stringente). In B énabou (199 db) il meccanismo delle esternalità locali opera attraverso il livello di istruzione. Egli suppone, infatti, che il sistema sco lasticosia...nanziato a livello locale e quindi più alto è il reddito del gruppo locale, mappiore è il suo ...nanziamento e quindi la sua et cienza. Q uesto comporta un più alto livello di capitale umano e un suo più rapido accumulo nei luoohi a più alto reddito. Inditre alla famildie a più basso reddito è predusa coni possibilità di andare ad abitare nelle zone ad alto reddito per l'alto costo degli at tti dei terreni. Questo, a sua volta, determina una strati...cazione per dassi della società e possibili fonti di inet cienza a livello appregato. Il el nostro modello possiamo riprodurre questo ipotizzando che una singpla dinastia rappresenti un gruppo. Infatti, le risorse per l'investimento in istruzione sono reperite totalmente all'interno di questa, così come die etti dell'investimento stesso

Un ultimo punto riguarda la divisioni in dassi dalla società. Il lavoro di B anerjee and II evman (1993) evidenzia come la struttura dalla società dipenda dalla distribuzione iniziale delle risorse e dalla crescita dhe sperimenta un'economia. Il otiamo come nel nostro modello il caso di equilibrio con individui razionati e segmentazione è interpretabile in termini di divisione della società in due dassi; la prima dasse deriva tutto il suo reddito dal prestare il proprio tempo come lavoratore non quali...cato, la seconda dall'investimento ad alto tasso di rendimento. Le dia erenze iniziali tendono ad aumentare a causa del fatto dhe il salario non risente della crescita dell'e conomia, ma il punto centrale in quest'ottica è la diversità netta nelle scelte occupazionali indotta dalla distribuzione iniziale del reddito.

3.5 Le politione di intervento

Tassareeredistribuirein questomodellosigni...camodi...careleremunerazioni dei fattori equindi intuenzare il valore di r, ± ew.

Il vincolodi pareopjo determina un tracte or fragli eretti del ... nanziamen

to (ossia la tassazione) equelli dell'intervento (ossia redistributivi). In questo ambitonon a rontiamo problemi normativi (ossia la possibile awersione alla disequadianza della società), ma solo problemi di e¢ cienza.

In generale l'analisi delle possibili politiche redistributive è complicata dallamo teplicità dei casi possibili. Il ci limiteremo a considerare una caso che appare particularmente interessante al ...ne di illustrare i problemi connessi allepolitioned intervento

Supponiamo che nell'economia si abbia un trasferimento lump sum ai giovani ...nanziato in pareggio di bilandio con una tassazione sul recibi to degli individui. De..niamo quindi con E_t e S_t l'ammontare, rispettivamente, di risarse investite in e ed in s ed indichiamo con ¿ 2 [0;1] l'aliquota di imposta proporzionale sul recibito. Supponiamo che siano scoblisfatte le condizioni della Proposizione 8 e indichiamo con { il numero di individui che investono ine.

Le modi... che rispetto all'analisi precedente riguardano la diversa remunerazione dei fattori in ragione di ¿ e le variazioni nelle risorse totali a disposizione del discendente dell'individuo pari ora a $\hat{b}_{t+1}^i = \hat{b}_{t+1}^i + \hat{b}_{t+1}^i$ dove

$$\dot{\gamma}_{t} = \frac{\pm \left(E_{t} + r \left(S_{t} + \left(N_{i} \right) \right) \right) \left(S_{t} \right)}{N}$$
(36)

è il recobito medio prodotto nell'economia

Per comodità di analisi de..niamo la funzione di utilità in termini del livello del recolito. Così l'utilità dell'individuo i il cui ...dio investe q è pari a (vedi (18)):

$$U^{i} = \log \hat{b}_{t i}^{i} q_{t}^{i} + \frac{\mathbf{E}}{\log^{i}(1_{i})} \mathbf{y}^{i} \mathbf{q}_{t i}^{i} b_{t+1}^{i} + \frac{\mathbf{\Phi}}{2} \mathbf{q}^{i} b_{t+1}^{i}; \quad (37)$$

dove $y(q_i^i)$ è il livello del reddito corrispondente all'investimento q_i^i . La funzione y(:) è de...ni ta nel seguente modo $y i_{t} = \begin{cases} y_{t} + w & \text{se } q_{t}^{i} = s_{t}^{i} \\ \pm q_{t}^{i} & \text{se } q_{t}^{i} = e_{t}^{i} \end{cases}$

$$y^{i}q_{t}^{i} = y^{2} r q_{t}^{i} + w \quad \text{Se } q_{t}^{i} = S_{t}^{i}$$

$$\pm q_{t}^{i} \quad \text{Se } q_{t}^{i} = e_{t}^{i}$$

$$(38)$$

M assimizzandola (37) rispettoa bi_{t 1} otteniamo il livello ottimo di eredità:

$$b_{t+1}^{i} = \frac{(1 i i) dh}{1 + h} dy^{i} q_{t}^{i};$$
 (39)

mentre il livello complessivo di risarse che riceve il discendente sarà pari a

$$\hat{b}_{t+1}^{i} = \frac{\mu_{1}^{i}}{1+\frac{1}{2}} \Phi_{1}^{i} \Phi_{1}^{i} \Phi_{1}^{i} \Phi_{1}^{i} \Phi_{1}^{i} + (1+\frac{1}{2}) \Phi_{2}^{i} \Phi_{1}^{i} \Phi_{1}^{i}$$
(40)

O sserviamo dre il livello di riscrse a disposizione dell'individuo può essere interpretato come una media ponderata fra il reddito del proprio genitore e il reddito medio aggregato. In questo senso si comprende l'er etto redistributivo della tassa dhe penalizza i più ricchi (ossia sopra la media) in maniera direttamente proporzionale al livello dell'aliquota.

Sostituendo la (31) nella (37) abbiamo

$$U^{i} = \log \hat{D}_{ti} q_{t}^{i} + A \bigoplus_{i=1}^{n} (1_{i} \lambda) \bigoplus_{j=1}^{n} (41)$$

dove D è una costante

Il el caso di investimento in e la scelta ottima sarà:

$$e_{t}^{i} = \frac{\mu}{1 + \dot{A}} \stackrel{\P}{\text{db}}_{t'} \tag{42}$$

mentre nel caso di investimento in s:

$$S_{t}^{i} = \frac{A \oplus \Phi_{ti}^{i} W}{(1 + A) \oplus} : \tag{43}$$

La tassazione non modi...ca le scel te di investimento poidrè l'utilità loga ritmica comporta che l'eretto reddito sia nullo, così che il valore di b, b°, per cui si passa dall'investire in s all'investire in e rimane invariato

A ggregandoquindi i due tipi di investimento avremo

$$E_{t} = \frac{\mu}{\frac{A}{1 + A}} \prod_{t=1}^{\infty} \mathbb{P}_{t}^{e}$$

$$(44)$$

е

$$S_{t} = \frac{A \cdot \Phi^{S}_{ti} \cdot (N_{i} \cdot \{t\}) \cdot \Phi^{S}_{ti}}{(1 + A) \cdot \Phi^{S}_{ti}}; \tag{45}$$

dove B_t^{e} e B_t^{e} indicano, rispettivamente, la quantità totale di ricchezza in possesso degli individui dhe investono in e e di quelli dhe investono in s. D alla (36), (44) e (45) possiamo risolvere per Y_t , ossia

$$\dot{Y}_{t} = \frac{\dot{A} \Phi(1_{i} i) \Phi \pm \Phi(1_{t} + r \Phi(1_{t}$$

Il redditomediodipende dalla distribuzione di b. 0 sserviamo dhe a parità di risorse complessive, una redistribuzione potrebbe non aumentare il reddito

aggregato. Se ad esempio $\frac{\beta^2 t}{L} < b^\alpha$, allora una replistribuzione uniforme determinerebbe una variazione del reddi topari a $\frac{A}{1+A}$ $\mathbb{C}\{\Phi V_i \ (\pm_i \ r) \oplus \beta^2 t_i \ \beta^2 t_i$, dhe è negativa se, come è probabile, le perdite derivanti dall'investimento non più erettuato in e siano maggiori dei guadagni ottenuti dai salari. U na certa disuguaglianza iniziale, almeno per le economie più povere, sembra necessaria a¢ nchè l'economia sperimenti crescita (vedi III urphy, Shleifer, and V ishny (1989 b)).

3.5.1 Dinamidae di accumulazione con redistribuzione

A nalizziamopiù approfonditamente le dinamidhe di accumulazione, sia individuali dhe aggregate

L e dinamidhe di accumulazione degli individui dipenderanno dalla quantità di ricchezza dhe possiedono ad inizio periodo. D alla (40), (42) e (43) possiamo ricavare la sequente equazione di accumulazione.

$$\hat{D}_{t+1}^{i} = \frac{(1_{i}) \not \triangle_{i} \not \triangle_{i}}{(1+1/2) \not \triangle_{i}(1+1/2)} \not \triangle_{i}(1+1/2) \not \triangle_{i}(1+1$$

0 sserviamo che per avere una cresci ta continua nel lungo pericobè nec essario che

$$\frac{\frac{1}{2} \Phi \Phi \Phi \Phi \Phi \Phi}{(1 + \frac{1}{2}) \Phi \Phi} > 1) \quad \angle < 1_{i} \quad \frac{(1 + \frac{1}{2}) \Phi \Phi \Phi}{\frac{1}{2} \Phi \Phi} \tag{48}$$

altrimenti ogni individuo (e quindi l'economia) vedrebbe convergere la propria ricchezza ad un valore costante.

Per non avere più segmentazione della società è necessario (almeno per un certoperiododi tempo) dhe b $^{\alpha}$ < $6f_{\tau}$, dove quest'ul timo è il punto...ssonal caso si investisse esdusivamente in s. Questo dovrebbe permettere ad agni individuo di investire nel settore ad alta remunerazione e così eliminare la segmentazione.

. D alla (47) e (43) abbiamo dhe

$$\hat{D}_{t}^{F} = \frac{(1 + \frac{1}{2}) \Phi(1 + \hat{A})}{(1 + \frac{1}{2}) \Phi(1 + \hat{A})_{i} (1_{i} \hat{Z}) \Phi(1 + \hat{A})_{i} \Phi(1 + \hat{A})_{i} \Phi(1 + \hat{A})} + \hat{Z} \Phi_{t}^{A} \Phi_{t}$$

Si asservi come il livello di θ_t^{F} dipenda positivamente da θ_t^{I} e questo rende l'idea dhe in economie avanzate la redistribuzione richieda un livello di ¿ inferiore e quindi penalizzi in misura minore la crescita. Al questo proposito

notiamo come potrebbe essere ottimo per lo S tato indebitarsi nel breve pe riodo per ...nanziare la redistribuzione e cominciare a tassare solo dopo che tutti gli individui possano investire nel settore ad alta remunerazione senza bisogno del trasferimento. In questo modo si eviterebbe l'exetto negativo iniziale sulla crescita e la futura tassazione sarebbe meno pesante dato che il recoli to aggregato crescerà ad un tasso maggicre. In sostanza lo S tato farebbe le funzioni del mercato dei capitali mancante.

3.6 Leanalisi empiridhe

Il rapporto fra razionamento del credito e crescita è stato copetto di molte analisi empiridhe. Bernanke and Gentler (1989) presentano un'analisi sul rapporto fra razionamento del credito e scelte di investimento delle piccole imprese. Il notre se essi non considerano esplicitamente la distribuzione della ricchezza, è utile a mettere in evidenza come il razionamento abbia un e etto negativo sul livello di investimento e come questo, in un modello à la Banerjee and II ewman (1993), provochi un exetto necativo sulla crescita. Perotti (1993), considerando come indicatore del razionamento del credito il rapporto fra il mutuo concesso e il valgre della casa da acquistare, trova una correlazione positiva fra questo e il livello degli investimenti; inditre l'exetto è rinforzatose si considera anche un indice della distribuzione (nel suo caso la dimensione dei due quintili inferiori). O coorre ricordare, tuttavia, dhe le analisi sul rapporto fra razionamento del credito e crescita non è univoco. Jappelli and Papano (1994), ad esempio, trovano una relazione positiva fra queste due variabili, anche se il la rointeresse è concentrato sul le scel te di consumo Inditre, Del regorio (1996) presenta un modello dove il razionamento del credito ha sia exetti positivi (mappior sappio di risparmio) sia exetti negativi (vincdi all'investimento) e sostiene, sulla base di un'analisi empirica, che l'exetto negativo è superiore a quelli positivo. Perotti (1996) trova una correlazione positiva tra crescita e politiche redistributive così come fra aresaita ed investimento pubblico in istruzione. In termini del nostro modello si potrebbe pensare che le distorsioni derivanti dalla redistribuzione sianopiù che compensate dall'aumento del tasso di crescita indotto dal maggior nu mero di individui che riescono a investire nel settore ad alta remunerazione. Forse in questa lucesi potrebbero interpretare la correlazione positiva trovata da Perotti (1996) e Easterly and Rebelo (1993) fra tasso di crescita e livello di tassazione

Riferimenti bibliogra..d

- A ghion, P., and P. Bolton (1997): "A Theory of Tridde Down Growth and Development," Review of Economic Studies, 64(2), 151-172.
- Alesina, A., and R. Perotti (1993): "Income distribution, political instability and investment," N.B. ER. W. orking Paper, 4486
- A Lesina, A., and D. Rodrik (1994): "Distributive Politics and Economic Growth," Quarterly Journal of Economics, 109 (2), 493-490.
- Andreoni, J. (1989): "Giving with Impure Altruism: Applications to Charity and Ricardian Equivalence," Journal of Polical Economy, 97, 1447–1458.
- A tkinson, A. (1997): "Bringing Inequality from the Cdd," Economic Journal.
- Banerjee, A. V., and A. F. Newman (1993): "O coupational Choice and the Process of Development," Journal of Political Economy, 101(2).
- Bénabou, R. (1996a): "Equity and E¢ diency in Human Capital Investment: The Local Connection," Review of Economic Studies, 62(2), 237-264.
- ——— (199 db): "Heterogeneity, Strati...cation, and Growth: Mearce conomics Implications of Community Structure and School Finance," A merican Economic Review, 8 6(3), 584-609.
- ——— (1996a): "Inequality and Growth," CEPR Discussion Paper, 1450.
- ——— (1996d): "U neopual Societies," N B ER W crking Paper Series, 5583.
- Benhabib, J., and A. Rustichini (1994): "Social Contict and Growth," Journal of Economic Growth, 1, 125–142.
- Bernanke, B., and M. Gertler (1989): "A gency Costs, NetWorth, and Business Fluctuations," A merican Economic Review, 79, 14-31.
- Bertoochi, G., and M. Spagat (1996): "The Evolution of Modern Educational Systems," Milmeo.
- Bertola, G. (1993): "Factor Shares and Savings in Endogenous Growth," A merican Economic Review, 81, 1184-1198.

- Bertola, G., and D. C. Pirani (1994): "Market Failures, Education and Macroeconomics," Fondazione Enrico Mattei, Working Papers Series, Nota di Lavoro 25.96
- Bourguignon, F. (1981): "Pareto Superiority of Unegalitarian Equilibria in Stiglitz III code of Wealth Distribution with Convex Saving Function," Econometrica, 49 (6, 1469-75.
- Cheochi, D., A. Ichino, and A. Rustichini (1994): "More Equal But Less Mobile? Education Financing and Intergenerational Mobility in Italy and in the United States," CEPR Discussion Paper, 1496
- DeGregorio, J. (1994): "Barrowing Constraints, Human Capital Accumulation, and Growth," Journal of Michael Constraints, 32, 79-104.
- Durlauf, S. (1994): "A Theory of Persistent Income Inequality," Journal of Economic Growth, 1(1), 75–94.
- Easterly, W., and S. Rebelo (1993): "Fiscal Policy and Growth," Journal of Monetary Economics, 32, 417-458.
- Fernandez, R., and R. Rogerson (1995): "On the Political Economy of Education Subsidies," Review of Economic Studies, 22(185), 249-262.
- ——— (1996): "Income Distribution, Communities and the Quality of Public Education," Quanterly Journal of Economics, 111, 135–164.
- Fields, G., and G. Jakubson (1994): "Il ew Evidence on the Kuznets Curve," Carnell University mimea.
- Galor, O., and D. Tsiddon (1996a): "Income Distribution and Growth: The Kuznets Hypothesis Revisited," Economica, 63, S103-S117.
- ——— (199 db): "Technological Progress, III doility and Economic Growth," CEPR Discussion Paper, 1431.
- Galor, O., and J. *leira* (1993): "Income Distribution and Macroeconomics," Reviewof Economic Studies, 60, 35-52.
- Glomm, G., and B. Ravikumar (1992): "Public Versus Private Investment in Human Capital: Endogenous Growth and Income Inequality," Journal of Political Economy, 100, 818-834.
- Jappel I i, T., and II. Pagano (1994): "Saving Growth, and Liquidity Constraints," Quanterly Journal of Economics, pp. 83-109.

- Kuznets, S. (1955): "Economic Frowth and Income Inequality," A merican Economic Review 45, 1-28.
- Loury, G. (1981): "Intergenerational Transfers and the Distribution of Earnings," Econometrica, 49 (4), 843-866
- Murphy, K., A. Shleifer, and R. Vishny (1989a): "Income Distribution, Market Size and Industrialization," Quarterly Journal of Economics, 104, 537–564.
- ——— (1989 b): "Industrialization and the BigPush," Journal of Political Economy, 97, 1003 1026
- Perotti, R. (1993): "Pditical Equilibrium, Income Distribution and Growth," Review of Economic Studies, 69, 755-776
- Perotti, R. (1996): "Growth, IncomeDistribution, and Democracy. What the Data Say." Journal of Economic Growth, 1(2), 149-187.
- Persson, T., and G. Tabellini (1994): "Is Inequality Hammful for Growth?," A merican Economic Review, 84, 600-621.
- Piketty, T. (1997): "The Dynamics of the Wealth Distribution and the InterestRate with CreditRationing" Review of Economic Studies, 64(2), 173-189.
- Ram, R. (1988): "Economic Development and Income Inequality. Further Evidence on the U-Curve H ypothesis," World Development, 16, 1371–1375.
- Romer, P. M. (1986): "Increasing Returns and Long Run Growth," Journal of Political Economy, 94, 1002–1037.
- Saint-Paul, G., and T. Verdier (1993): "Education, Democracy, and Growth," Journal of Development Economics, 42, 399-407.
- Stiglitz, J. (196): "Distribution of Income and Wealth Among Individuals," Econometrica, 37(3), 382-97.

D imostrazione Proposizioni

D imostrazione P roposizione 1

Dall'equazione (13) abbiamo dhe

$$\frac{B_{t+1}}{B_t} > 1$$
, $(1_{i} ?_{t+1}) \notin \Phi \oplus_{i} (1 + \%) > \frac{1 + \%}{A \oplus_{i} \oplus_{i}}$

 \mathbb{I} el caso in cui \mathbb{I} Φ A Φ L $^{\otimes}$; $(1 + \mathbb{I}) > \mathbb{I}$ avremoche

$$\xi < 1_{i} \frac{1 + \frac{1}{2}}{A \cdot \Phi(1_{i} \cdot \Phi) \cdot \Phi(1_{i} \cdot \Phi + 1_{i})}$$

mentre nel caso che % Φ A Φ L * $_{i}$ $(1 + \%) < \emptyset$ avremo che

$$z > 1$$
; $\frac{1 + \frac{1}{2}}{A + \frac{1}{2}} > 1$

In quest'ultimo caso è evidente dhe léeconomia non sperimenterà mai un tasso di cresci ta positivo poidhè ¿ 2 ; $\frac{\$}{1;\$}$; 1 . Se A \P L $^{\$}$ > $\frac{(1+\frac{1}{2})\P(1+\frac{1}{4})}{A\P(1)}$ avremo sempre dhe ½ \P A \P L $^{\$}$; $(1+\frac{1}{2})$ > 0 e quindi ...ssando ¿ $\frac{G}{1+1}$ = 1 ; $\frac{(1+\frac{1}{2})}{A\P(1;\$)}$ abbiamo quanto a remato nel testo l a sodi a per A \P L $^{\$}$ non è $\frac{(1+\frac{1}{2})}{\$}$ poidhè ¿ ¸ ; $\frac{\$}{1;\$}$.

D imostrazione P raposizione 2

La dinamica distributiva è data dall'equazione (14). Si può osservare per

$$g(\lambda_{t+1}) \oplus \frac{1 + A \oplus (1_{i} \oplus) \oplus (1_{i} \lambda_{t+1})}{1 + A} < 1$$

ogni ricchezza individuale tende a convergere verso la media della distribuzione e quindi si assiste ad una diminuzione della disuguaglianza. Considerando dhe

$$g\left({{2_{t + 1}}} \right) \oplus \frac{{1 + \text{ A }} \oplus \left({1_i} \otimes \right) \oplus \left({1_i} \text{ $\frac{1 + 1}{2}$} \right)^{\frac{n}{2}} < 1 \text{ , } \text{ $\frac{1 + 1}{2}$} > 1_i \text{ $\frac{(1 + \frac{1}{2})}{\frac{1}{2}} \oplus \left({1 + \frac{1}{2}} \right) \oplus \left({1 + \frac{2$$

...ssando $\dot{\xi}^{C}=1$ i $\frac{(1+\frac{1}{2})\sqrt{4}(1+\hat{A})}{\sqrt{4}\sqrt{4}(1+\hat{A})}$ si ha la prova della Proposizione.

Dimostrazione Proposizione 3

L a prova della Proposizione segue dalla relazione (15) e dal considerare congiuntamente le Proposizioni 1 e 2.

Dimostrazione Proposizione 4

Dalla condizione di primo ordine della massimizzazione di (16) rispetto a ¿ abbiamo che

$$\dot{z}^{i} = \frac{1 + \dot{A} \, \Phi(1_{i}^{*})}{\dot{A} \, \Phi(1_{i}^{*})} + \frac{(1 + \dot{A}) \, \Phi \, 1 \, \S}{2 \, \Phi(1_{i}^{*})} \, \Phi_{t}^{i}$$
(50)

dove $^{1}_{t}^{i} = \frac{B^{i}_{ti} b^{i}_{t}}{B_{t}}$.

Una soluzione, quella con il + p;, può essere scartata perchè determina sempre valori fuori dall'intervallo di de..nizione di ¿. Inditre, poidrè di $\frac{d_2i}{d_1i_1}$ $\frac{d_1^i}{d_2^i}$ < 1 e per $1i_1 = 1$ $i_1 = 1$ $i_2 = 1$ $i_3 = 1$ possiamo conductare dhe 1 $i_1 = 1$ di abbiamo una soluzione d'angolo e, in particolare, la soluzione coincide dhe il limite inferiore dell'intervallo ammissibile di ¿. Il el caso di $1i_1 = 1$ $i_2 = 1$ $i_3 = 1$ $i_4 = 1$

Dimostrazione Proposizione 5

D alla (1.6) si può veri... care che le preferenze degli individui risultano con cave rispetto a ¿ nell'intervallo di interesse e quindi che le condizioni del teorema dell'elettore mediano risultano scobbisfatte. L'applicazione di questo prova la Proposizione considerando che la funzione di utilità è riesprimibile in termini di $^{1\,i}_{t} = \frac{^{ij}_{t\,i}}{^{ij}_{t}}$.

Dimostrazione Proposizione 6

La dimostrazione della Proposizione si basa sul considerare l'equazione alle di¤ erenze (17) e le Proposizioni 4 e 5. La dinamica può essere di due tipi, entrambi tuttavia convergenti allo stesso equilibrio di lungo periodo in termini della la tassa i. De…nendo con i le dotazioni relative dell'elettore mediano abbiamo che

- 1. $se_{t}^{1m} \cdot l$ allora si ...sserà $i_{t} = i_{t}^{\frac{m}{1}} \cdot l$ alla (17) abbiamo dhe $i_{t}^{1} = i_{t}^{1}$ 8t equindi questo sarà un'equilibrio di lungo periodo dove vi sarà una crescita continua al massimo tasso possibile. La distribuzione della ricchezza, senon uniforme, tenderà in valcre assoluto a disperdersi (vale la condizione $i_{t} < i_{t}^{6}$), mentre in valcre relativo a rimanere costante (i i_{t}^{1} non cambiano).
- 2. $\text{se}^{1\frac{m}{t}} > 0$ allora esisterà un periodo di transizione in qui $\text{¿}_t > \text{;} \frac{\text{@}}{1\text{;} \text{@}}$, madalla (17) abbiamodhe I^{1}_{t} tenderà a0. Quando raggiungerà questo punto allora vale il ragionamento del punto precedente. Il nohe in questo caso avremo un'equilibrio di lungo periodo dove vi sarà una crescita continua al massimo tasso possibile. La distribuzione della ricchezza,

the non poteva essere uniforme al momento iniziale $\binom{1m}{t} > 0$, tenderà in valore assoluto a disperdersi (vale la condizione ¿ < ¿^G), mentre in valore relativo a rimanere costante (i 1 t non cambiano)

Derivazione delle regole ottime di scelta nel caso di mercati incompleti

De..niamo il Lagrangiano del problema

Le candizioni di primo ardine saranno le seguenti:

La ricerca della soluzione è complicata dalla discontinuità della funzione h (¢, che non permette il calcolo della derivata in ogni punto. P rocederemo quindi in tre passi.

Primo passo $(e_t^i)^{\pi} < \underline{e}$

Se la soluzione richiedesse un $\left(e_{t}^{i}\right)^{\pi}<\underline{e}$ avremo che la soluzione ottima comporterebbeun (l_t^i) = 1 (vedi laprima condizione della (51)), un (e_t^i) = 0 (vedi la terza condizione della (51)) e la scel ta ottima di sⁱt sarebbe data da

$$\frac{@ L}{@ S_t^i} = \frac{i 1}{b_t^i i S_t^i} + \frac{A \Phi}{r \Phi_t^i + W} + \frac{1}{2}$$

$$S_t^i \Phi_s^i = 0; \quad 0$$
(52)

$$P \cos to \frac{@L}{@S_t^i} = 0$$
 otteniamo

$$i_{S_t^i} \mathbf{\Phi}_{x} = \max \mathbf{0}; \frac{A + \Phi \mathbf{D}_{t_i}^i \mathbf{W}}{r + A}$$

ossia per un valore di $b_t^i < \frac{w}{A} \oplus abbiamo dhe l'individuo risulta razionato$

nelle sælte di investimento. R'i assumendo avremo che i i
$$l_t^{i, \mathbf{c}_{\alpha}}$$
; $i_t^{i, \mathbf{c}_{\alpha}}$; i_t^{i, \mathbf{c}

the èquello are mattornel textoo Secondo passo $(e_t^i)^{\alpha}$, \underline{e}

Condizione necessaria perchè si abbia una soluzione ottima posi tiva pere i è che b_t^i > \underline{e} . Se la soluzione rijohiedesse un $(e_t^i)^{\alpha}$, \underline{e} avremo che la soluzione ottima comporterebbe un $(l_t^i)^{\pi} = \emptyset$ (vedi la prima condizione della (51)), un s_t^i = 1 (risdvi per la seconda e la terza condizione della (51) e dato che \pm > r per ipotesi abbiamo \Box = 1, da cui s_t^i = 1) e la scelta ottima di e_t^i sarebbe data da

$$\frac{@L}{@e_{+}^{i}} = \frac{i}{b_{+}^{i}} \cdot \frac{1}{e_{+}^{i}} + \frac{A}{e_{+}^{i}}$$

Posto $\frac{e L}{e s!} = 0$ otteniamo

$$i_{e_t^i} \Phi_{x} = \max_{\underline{e}} \frac{A}{(1 + A)} \Phi_{t}^i \text{ per } b_t^i > \underline{e}$$

Il otiamo che per un valore di $\underline{e} < b_t^i < \frac{\underline{e} \cdot \Phi(1 + A)}{\Delta}$ abbiamo un investimento minimodobligatopari a e. Riassumendo avremo dhe

$$ii_{t}^{i} C_{x}; i_{t}^{i} C_{x}; i_{e_{t}^{i}} C_{x} C_{$$

Terzo passo

L'analisi svolta...no ad ora ha permesso di evidenziare che le scelte dell'individuo sono di tipo dicotomico, cosia quando un'individuo investe in si non investe in eⁱ e viceversa. Dia determinare rimane per quale valore di bị l'individuo sæglie un tipologia di investimento anzichè l'altra. E' chiaro che questo valore dovrà essere maggiore di \underline{e} , ma la discontinui tà della funzione non permette di procedere con lo studio usuale del segno della derivata

E' necessario procedere al confronto assoluto del valore dell'utilità nei due casi e, poidhè, come si dimostrerà, le di¤erenze sono monotone, il punto di uguaglianza determinerà il valore di bi_t, dhe dhiameremo bi^a, tale per cui si passa da un investimento ad un altro. Il livello di bi^a sarà dhiaramente uguale per ogni individuo.

L'utilità dell'investimento nel caso si investisse secondo la regola (27) è pari a

$$U^{s}(b_{t}) = \log b_{t i} \max 0; \frac{A \oplus b_{t i} w}{r \oplus (1 + A)} + A \oplus g r \oplus a \times 0; \frac{A \oplus b_{t i} w}{r \oplus (1 + A)} + w;$$
(53)

mentre se si investisse secondo la recoda (28)

$$U^{e} (b_{t}) = \log b_{t i} \max \underline{e}; \frac{A \oplus b_{t}}{(1 + A)} + A \oplus g \pm \bigoplus \underline{e}; \frac{A \oplus b_{t}}{(1 + A)} :$$

$$(54)$$

b" è implicitamente de...ni to dalla sequente uguadianza

$$U_{s}(p_{x}) = U_{e}(p_{x})$$

D ata le forme di U° e U° non esiste una soluzione esplicita di b° (o almeno una soluzione di facile comprensione). P ossiamo però notare che la di¤ erenza U° i U° è di escente in b_t^i (si noti infatti che $\frac{e U^e}{e b_t}$ > $\frac{e U^s}{e b_t}$ 8 b_t > e) e questo ci assicura l'unicità di b°. Inditre è facile veri... care che b° dipende negativamente dal livello di e come era cha attendersi. In.. ne b° dipenderà positivamente sia che chaw, poi chè risultano ambedue avere un eretto positivo su U° (b_t).

Dimostrazione Proposizione 7

In primis osserviamo dhe poidhè abbiamo assunto dhe $\underline{e} > \frac{w}{Ad\epsilon}$ allora b^{α} sarà sempre maggiare del punto ...sso b^{R} ; $F \cdot \frac{w}{Ad\epsilon}$ e quindi avremo sempre segmentazione. Cosi' tutte le dinastie la cui eredità è minore della soglia b^{α} tenderanno al punto ...sso b^{R} ; F, mentre le altre accumuleranno ad un tasso g (si veda l'equazione di accumulazione (29)). Questo prova la prima parte della P roposizione.

Il valore soglia di ricchezza b^{α} dipenderà dal valore assunto da \underline{e} . Infatti per b^{α} , $\frac{1+\dot{A}}{\dot{A}}$ \underline{e} avremo dhe questo è de..ni to dalla seguente uguaglianza

$$(1 + A) \log[r \oplus + w] + \log \frac{A^{A}}{r \oplus (1 + A)^{1 + A}} = (1 + A) \log[b] + \log \frac{A^{A} \oplus^{A}}{(1 + A)^{1 + A}}$$

ossia il valore dell'eredità dhe uquadjia le utilità nel caso si investisse rispet tivamente sdoins osdoine, da cui

$$b^{\alpha} = \frac{3}{r} \frac{W}{\int_{\frac{\pm}{r}}^{\frac{\pm}{r} \frac{A}{1+A}} i 1$$

Dalla condizione basis $\frac{3}{A}$ e avremo quindi che

che prova la Proposizione. Il otiamo come condizione necessaria at nchè la precedente relazione sia veri...ca è che

$$\pm < r \frac{\mu_{1 + \hat{A} + \hat{A}^2} \P^{\frac{1 + \hat{A}}{\hat{A}}}}{1 + \hat{A}}$$

ossia si pone un limite superiore alla di¤erenza fra i rendimenti delle due attività.

Il el caso in qui invece $b^{\alpha} < \frac{1+\dot{A}}{\dot{A}}$ e avremo dhe b^{α} è individuato impliditamente dalla sequente uquadianza

$$b^{\alpha} = \underline{e} + \frac{A^{\hat{A}} \Phi(r \Phi^{\alpha} + w)^{1+\hat{A}}}{e^{\hat{A}} \Phi^{\pm} \Phi \Phi(1+\hat{A})^{1+\hat{A}}}$$

Questo completa la dimostrazione

D imostrazione P roposizione 8 P cidrè $\frac{w}{A \cdot c} < \underline{e} \cdot \frac{w \cdot cA}{(1+A) \cdot c \cdot c} + \frac{A}{(1+A)} \cdot c$ sappiamodalla precedente dimostrazione

 $cheb^{\alpha} = \frac{\tilde{A} \quad W}{r \quad (\frac{t}{r})^{\frac{\tilde{A}}{1+\tilde{A}}} \cdot 1}$. Quello che resta cha analizzare è sotto quali condizioni

 $b^{\alpha} > b^{N R;F}$, ossia

$$\frac{3}{r} \frac{W}{i + \frac{A}{1+A} i 1} > \frac{A}{(1 + 1/2)} \frac{A}{(1 + 1/2)} \frac{A}{(1 + A)} \frac{A}{i} \frac{A}$$

Il ediante semplice algebra è possibile arrivare alla seguente condizione

$$\pm < r^{i\frac{1}{A}} \cdot \frac{(1 + \frac{1}{2})(1 + A)^{\frac{1+A}{A}}}{\frac{1}{2}A}$$

Questo completa la dimostrazione