doi: 10.11832/j.issn.1000-4858.2017.07.005

# 基于电磁阀特性补偿的海水液压可调压载系统 广义模型预测控制研究

赵旭峰<sup>1</sup>,吴德发<sup>1</sup>,李 超<sup>1</sup>,刘银水<sup>1</sup>,李晓晖<sup>2</sup>

(1. 华中科技大学 机械学院液压气动技术中心,湖北 武汉 430074; 2. 厦门大学 深圳研究院,广东 深圳 518063)

摘 要:海水液压是目前最具竞争力的可调压载系统实现方式之一,因其诸多优点,可调压载系统 (WHVBS) 被公认为是大深度载人潜水器浮力调节的理想方式。为提高现有 WHVBS 在较高采样频率下的 流量控制精度,提出一种基于电磁阀特性补偿(SVC)的广义模型预测控制方法(GPC),并进行仿真验证。结 果表明 较 GPC 所提出的 GPCSVC 方法能实现较高频率下的小流量精确跟踪,并能避免流量控制元件非线 性带来的辨识参数振荡问题。

关键词: 潜器; 可调压载系统; 浮力调节系统; 广义模型预测控制; 特性补偿

中图分类号: TH137 文献标志码: B 文章编号: 1000-4858(2017) 07-0022-07

## Generalized Predictive Controller of a Water Hydraulic Variable Ballast System with Solenoid Valve Model-based Compensation

ZHAO Xu-feng<sup>1</sup> , WU De-fa<sup>1</sup> , LI Chao<sup>1</sup> , LIU Yin-shui<sup>1</sup> , LI Xiao-hui<sup>2</sup>

(1. School of Mechanical Science and Engineering , Huazhong University of Science and Technology , Wuhan , Hubei 430074;
 2. Shenzhen Research Institute , Xiamen University , Shenzhen , Guangdong 518063)

**Abstract**: The water hydraulics is a competitive mechanism to adjust the ballast water and also is the best choice for ultra-deep sea manned submersible. In order to improve the flow-rate control performance in a higher sample frequency of the water hydraulic variable ballast system (WHVBS), a generalized predictive controller with solenoid valve model-based compensation (GPCSVC) is proposed for simulation. As shown in simulation results, the GPCSVC can achieve a better tracing performance for small flow-rate than GPC in a higher sample frequency. Additionally, the oscillation of identification parameters in GPC, which is caused by the nonlinearity of WHVBS, is restrained by introduction of SVC.

Key words: submersible vehicle , variable ballast system , buoyancy control system , GPC , model-based compensation

#### 引言

随着国家海洋战略的进一步深化,研发具有更高机动性、更长作业时间的潜水器成为目前海洋装备领域的迫切要求<sup>[1]</sup>。可调压载系统(VBS)是提高潜水器机动性能和增加潜水器作业时间的热门方法之一<sup>[2-4]</sup>。可调压载系统通过调节压载重量以改变潜水器自重与重心,从而实现对潜水器的垂直面操纵。根据实现机理,可将现有可调压载系统分为高压气吹式、油压-增压器型、活塞式以及海水液压式<sup>[5]</sup>。

同其他实现方式相比,海水液压可调压载系统由

于其与海洋环境相容,具有海深压力自动补偿功能,运行成本低,工作介质易处理,系统组成简单等优点,已 在国内外的深海装备中得到了成功应用,被公认为是 大深度载人潜水器浮力调节的理想方式<sup>[6-7]</sup>。

#### 收稿日期: 2016-10-24

基金项目: 国家自然科学基金(51575200); 国家重点研发计划(2016YFC0300600 2016YFC0304800)

作者简介:赵旭峰(1990—),男 湖南邵阳人,博士研究生,主要从事海/淡水液压传动与控制技术研究。

不同于传统油压电液控制系统 海水液压传动中 电液伺服、比例流量控制阀可选种类少且价格昂贵。 此外,海水液压可调压载系统(WHVBS)属于开式系 统 其传动介质为海洋环境中的海水 介质难以得到精 细过滤 很难满足精密海水流量控制阀的介质要求。 因此,传统电液流量控制方法不能直接用于 WHVBS, 这导致了目前文献中可见的 WHVBS 多为开关型,严 重制约了基于 WHVBS 的潜水器操纵精度。为解决上 述问题,前期将低频 PWM 开关阀控、伺服电机-定量泵 控两种流量控制方式引入 WHVBS,并结合广义模型 预测控制方法实现了 WHVBS 压载流量跟踪控制<sup>[8]</sup>。 但如果将 WHVBS 用于某些对压载流量响应时间要求 更高的场合,势必会提高 WHVBS 控制系统的采样频 率(前期研究为1 Hz) 此时开关阀的开启与关闭滞后 以及伺服电机加减速时间在单个采样周期内所占比例 更大,WHVBS系统的非线性更为严重。

为提高 WHVBS 在更高频率下压载流量控制精 度 提出了一种基于电磁阀特性补偿的广义模型预测 控制方法。该方法针对广义模型预测控制中预测模型 对上述工况下 WHVBS 压载流量预测误差较大,基于 电磁阀 PWM 操纵模型对控制器输出进行特性补偿, 以增强控制器输出与阀控流量输出间的线性度,进而 提高控制器预测与求解目标函数的精度。

#### 1 海水可调压载系统工作原理

如图 1 所示, WHVBS 中作为系统动力源的定量 海水泵由伺服电驱动, 4 个直动式电磁开关阀控制着 WHVBS 压载水箱注、排水两种工况的切换。此外,



图 1 基于开关阀的 WHVBS 流量控制原理图

装于泵出口的压力平衡阀用于确保海水泵的出口压力 大于进口压力,可以防止海水泵进入马达工况。

使用 PWM 信号操纵电磁阀对 WHVBS 的压载流 量进行控制的原理如下:处于注水工况时,电磁阀(1) 打开,保证额定转速运转的定量海水泵持续吸入,控制 器输出的 PWM 信号通过驱动模块控制电磁阀(2)的 启闭以控制流进压载水箱的海水流量;与注水类似,系 统处于排水工况时,电磁阀(3)打开,PWM 信号控制 电磁阀(4)的启闭以控制流出压载水箱的海水流量。

WHVBS 流量控制的精度影响着潜水器垂直面操 纵力与操纵力矩的分辨率,提高 WHVBS 的流量控制 精度可直接改善基于 WHVBS 的潜水器升沉、纵倾控 制的精度与稳定性。

2 海水液压可调压载系统仿真模型

根据上节分析,在 WHVBS 中压载流量主要由定 量海水泵的输出流量与电磁阀组的通过流量决定。本 小节将给出海水泵与电磁阀的数学模型,并基于以上 两者模型搭建 WHVBS 仿真模型。

2.1 定量海水泵模型

WHVBS 中 使 用 的 定 量 海 水 泵 为 额 定 转 速 1500 r/min 的斜盘式柱塞泵,海水泵旋转一周,每个 柱塞完成一次吸水/排水过程,可使用下式计算海水泵 旋转一周的理论排水体积<sup>[9]</sup>:

$$V = \frac{\pi d^2}{2} z R \tan \gamma \tag{1}$$

式中, V 为理论排量; d 为柱塞直径; z 为柱塞数量; R 为柱塞分布圆半径; y 为斜盘倾角。受吸入条件、柱 塞泄漏等因素影响,海水泵实际输出体积与理论值存 在一定差异:

$$q = \eta_{\rm v} V n \tag{2}$$

式中, q 为实际输出流量; η, 为海水泵容积效率; n 为海水泵驱动转速。可用比例系数定义电机转速与泵 输出流量之间量化关系:

$$K = \eta_{\rm v} V \tag{3}$$

式中, K 为流量与转速间的比例系数, 试验测得, 其随 电机转速 n 及工作压力 p 的变化如图 2 所示。

考虑到海水泵输出流量与伺服电机实时速度相 关,因此在计算海水泵输出流量时,伺服电机的加减速 过程不能忽略。相较于 WHVBS 控制频率,伺服电机 的加速过程可看成线性过程,可使用 WHVBS 单个采 样周期内伺服电机平均转速计算该周期海水泵的累计 流量。



 2.2
 电磁阀的 PWM 操纵模型

考虑到潜水器压载水箱中水量调节是个耗时相对 较长的过程(相较于其他电液系统),因此可使用低频 PWM 控制电磁阀以调节注/排水的通流时间,从而控

$$q_{\tau} = \frac{\tau T_{\rm s} q_{\rm f}}{T_{\rm c}} \tag{4}$$

式中, $q_{\tau}$ 为占空比 $\tau$ 下的压载流量; $\tau$ 为占空比; $q_{f}$ 为系统额定压载流量; $T_{s}$ 为 PWM 信号周期。

但在实际控制过程中,电磁阀从通电到阀芯动作 存在电流上升延迟,阀芯从开始动作到完全开启存在 动作时间,同样从电磁铁断电到完全关闭的过程中存 在释放延迟与动作时间。以上这些延时,造成了PWM 控制电磁阀低占空比时的死区与非线性区,高占空比 时的非线性区与饱和区。通过对比 PWM 控制信号中 占空比与以上延迟时间,可建立电磁阀的平均通流比 与占空比之间关系<sup>[10]</sup>:

$$\begin{split} \frac{q_{\tau}}{q_{\rm f}} = \begin{cases} 0 & \tau T_{\rm s} < t_{\rm r} \\ 0.5 \Big(\frac{t_{\rm o} + t_{\rm c}}{t_{\rm o}^2/T_{\rm s}}\Big) \Big(\tau + \frac{(\tau T_{\rm s} - t_{\rm r}) t_{\rm d}}{t_{\rm o} T_{\rm s}} - \frac{t_{\rm r}}{T_{\rm s}}\Big)^2 \\ & t_{\rm r} \leqslant \tau T_{\rm s} < t_{12} \\ \Big(\frac{t_{\rm o} + t_{\rm d}}{t_{\rm o}}\Big) \tau - \frac{t_{\rm r}}{T_{\rm s}} - \frac{t_{\rm o} - t_{\rm c}}{2T_{\rm s}} - \frac{t_{\rm r} t_{\rm d}}{t_{\rm o} T_{\rm s}} \\ & \tau_{12} \leqslant \tau T_{\rm s} < t_{\rm r} + t_{\rm o} \\ \tau + \frac{t_{\rm d} - t_{\rm r}}{T_{\rm s}} + \frac{t_{\rm c} - t_{\rm o}}{2T_{\rm s}} & t_{\rm r} + t_{\rm o} \leqslant \tau T_{\rm s} < T_{\rm s} - t_{\rm cl} \\ \tau + \frac{t_{\rm d}}{T_{\rm s}} - \tau_{\rm yc} + \frac{t_{\rm c} - t_{\rm o}}{2T_{\rm s}} & T_{\rm s} - t_{\rm cl} \leqslant \tau T_{\rm s} < t_{34} \\ 1 - \frac{(t_{\rm o} + t_{\rm c})(\tau T_{\rm s} + t_{\rm d} - \tau_{\rm yc} T_{\rm s} - T_{\rm s})^2}{2t_{\rm c} T_{\rm s}} \\ t_{34} \leqslant \tau T_{\rm s} < T_{\rm s} - t_{\rm d} < \tau T \end{cases}$$

其中, $t_{12} = t_r + t_o^2 / (t_o + t_d)$ , $t_{34} = T_s - t_d - t_c^2 / (t_r + t_o)$ ,  $\tau_{yc} = (T_s - \tau T_s - t_d) t_r / t_c T_s t_{op} = t_r + t_o t_{cl} = t_d + t_c$ 。 式中, $t_r$ 为电流上升时间; $t_o$ 为开启动作时间; $t_d$ 为 关闭时的释放时间; $t_c$ 为关闭动作时间。

2.3 WHVBS 仿真模型

与一般电液系统中泵入口直接与油(水)箱相连 不同 WHVBS 中海水泵入口与电磁控制阀组连接,在 切换不同系统回路时海水泵的入口与出口控制阀均需 换向。因此,为保证海水泵运行时持续吸水,在进行 注、排水切换时需进行如图3所示一系列中间过渡操 作,而这些操作将会给 WHVBS 压载流量控制带来额 外的操作延时。



图 3 WHVBS 工作流程图

根据上述海水泵模型、电磁阀 PWM 模型以及 WHVBS 工作流程可搭建如图 4 所示 WHVBS 仿真模 型。仿真模型首先将压载流量控制器的控制信号通过 逻辑控制器分解成伺服电机的给定速度以及每个电磁 阀的控制信号,然后伺服电机-定量泵模型将根据外界 压力、压载水箱压力以及电机转速插值查取 K 系数以 计算海水泵输出流量,电磁阀 PWM 模型根据输入的 电磁阀控制信号以及式(5)或实验实测数据插值查取 得到该采样周期内的通流比,最后压载水箱模型将泵 输出流量与通流比的乘积对时间积分更新压载水箱内 空气压力以及压载水体积,并根据海深压力折算平均

制压载海水流量:



图 4 WHVBS 仿真模型框图

压载水密度 输出压载水重量。

3 基于电磁阀特性补偿的广义模型预测控制

### 3.1 广义模型预测控制

广义模型预测控制(GPC)由 Clarke 于 1987 年首 次提出<sup>[11]</sup>。GPC 是一种基于模型预测的控制方法,其 根据预测受控对象的未来输出对控制量序列进行滚动 优化以期获得最优化性能指标如下:

$$\min J_{GPC}(k) = E\left\{\sum_{j=1}^{N} \left[\tilde{y}(k+j|k) - \omega(k+j)\right]^{2} + \sum_{j=1}^{N_{U}} \lambda(j) \left[\Delta u(k+j-1)\right]^{2}\right\}$$
(6)

式中, $J_{\text{GPC}}$ 为目标函数值;k为预测步数;N为预测时 域长度; $\hat{y}$ 为系统输出的预测值; $\omega$ 为目标轨迹; $N_{\text{U}}$ 为控制时域长度; $\lambda$ 为控制信号变量的权重。

为预测系统输出,GPC采用受控自回归积分滑动 平均(CARIMA)模型来描述受控对象:

$$A(z^{-1}) y(k) = B(z^{-1}) u(k-1) + \frac{C(z^{-1}) \varepsilon(k)}{\Delta}$$
(7)

式中, *y* 为系统输出; *u* 为控制信号, *C* 在 GPC 中通常 被假定为1  $\varepsilon(k)$  扰动信号  $\Delta = 1 - z^{-1}$ 为差分算子 *A* 与 *B* 分别为  $n_a$  和  $n_b$  阶后移算子多项式。设 $\tilde{A}(z^{-1}) = \Delta A(z^{-1})$ , 式(7) 可变换成:

$$\tilde{A}(z^{-1}) y(k) = B(z^{-1}) \Delta u(k-1) + \varepsilon(k)$$
(8)  
同时引入 Diophantine 方程:

$$1 = E_{j}(z^{-1}) A(z^{-1}) + z^{-1}F_{j}(z^{-1})$$
 (9)  
式中, *j* 为预测时刻(*j* = 1, 2, …, *N*),  $E_{j} \subseteq F_{j}$ 分别为  
*j* = 1 与  $n_{a}$  阶多项式。考虑到未来干扰信号很难获取,

结合式(8) 与式(9) 并忽略干扰项可得系统输出预测值:

$$\tilde{y}(k+j|k) = F_j(z^{-1}) y(k) + E_j(z^{-1}) B(z^{-1}) \Delta u(k+j-1)$$
(10)

将式(10)表示成矩阵形式:

$$\tilde{y} = Gu + f \tag{11}$$

式中, *G* = *EB*。联立式(11) 与目标函数式(6), 可求 得 GPC 的控制律为:

$$\boldsymbol{u} = [\boldsymbol{G}^{T}\boldsymbol{G} + \lambda \boldsymbol{I}]^{-1}\boldsymbol{G}^{T}(\boldsymbol{\omega} - \boldsymbol{f}) \qquad (12)$$

式中, $\omega$ 为系统目标输出矩阵,通过未来参考信号 $y_r$ 、已知系统输出y与柔化因子 $\alpha$ 计算得到:

$$\begin{cases} \omega(k) = y(k) \\ \omega(k+j) = \alpha \omega(k+j-1) + (1-\alpha) y_r \end{cases}$$
(13)

#### 3.2 电磁阀特性补偿项

随着采样频率的提高,WHVBS 中电磁阀的 PWM 控制的死区、饱和区以及非线性区所占比例加大,此时 GPC 中受控自回归积分滑动平均模型难以精确模拟 WHVBS 模型,易带来较大的预测误差以及辨识参数 的不稳定,从而影响 GPC 的控制性能。为提高 GPC 对较高采样频率下的 WHVBS 压载流量预测精度,本 研究将在 GPC 控制律与 WHVBS 实际控制输入之间 增加电磁阀开关特性补偿项(SVC),具体控制器结构 如图 5 所示。

具体补偿原理如图 6 所示,考虑到电磁阀 PWM 控制的通流比在去掉死区与饱和区的线性、非线性段 近似从 0 到 1 连续分布,因此可根据所需的通流比反 算其对应的占空比。若将所需通流比与控制信号绝对 值等值,则可将控制信号与通流比线性化。基于上述 原理与式(6),可推导 SVC 项表达式:

$$\tau = \begin{cases} \frac{t_{o}/T_{s}}{t_{o} + t_{d}} \left( \sqrt{\frac{2t_{o}^{2} \mid u_{c} \mid}{t_{o} + t_{c}}} + t_{r} + \frac{t_{r}t_{d}}{t_{o}} \right) \\ 0 \leqslant \mid u_{c} \mid < \tau_{p1} \\ \frac{t_{o} \mid u_{c} \mid T_{s} + t_{r}t_{o} + \frac{t_{o}^{2}}{2} - \frac{t_{o}t_{c}}{2} + t_{r}t_{d}}{(t_{o} + t_{d}) T_{s}} \\ \tau_{p1} \leqslant \mid u_{c} \mid < \tau_{p1} + \frac{t_{r}}{T_{s}} + \frac{t_{o} - t_{c}}{2T_{s}} \\ \tau_{p1} \leqslant \mid u_{c} \mid < \tau_{p1} + \frac{t_{d}}{T_{s}} \\ \frac{(t_{r} + t_{c} \mid u_{c} \mid) T_{s} - t_{p1} + \frac{t_{o}t_{c}}{2T_{s}} - \frac{t_{c}^{2}}{2}}{(t_{o} + t_{d}) T_{s}} \\ \frac{(t_{r} + t_{c} \mid u_{c} \mid) T_{s} - t_{p1} + \frac{t_{o}t_{c}}{2} - \frac{t_{c}^{2}}{2}}{(t_{o} + t_{d}) T_{s}} \\ \frac{(t_{r} + t_{c}) T_{s} - t_{p1} - t_{c}^{2} \sqrt{\frac{T_{s}(2 - 2 \mid u_{c} \mid)}{t_{o} + t_{c}}}}{(t_{o} + t_{d}) T_{s}} \\ \frac{(t_{o} + t_{d}) T_{s}}{1 - \tau_{p1} \leqslant \mid u_{c} \mid < 1 - \tau_{p1}} \end{cases}$$

(1

式中,  $t_{p1} = t_r t_d + t_d t_c$ ,  $\tau_{p1} = (t_o + t_c) / 2T_s$ ,  $\tau_{p2} = \tau_{p1} + t_r / T_s$ 。



图 5 含电磁电磁阀特性补偿项 GPC 控制器

4 仿真结果与分析 为验证所提出控制方法的有效性,搭建如图4所 示仿真模型,其中电磁阀 PWM 模型采用如所述的基 于试验系数的模型而非式(5)所述理论模型,相关模 型验证可参看文献[8]。仿真中使用的 GPC 控制器以 及 GPCSVC 控制器中 A、B 系数均有带遗忘因子递推 最小二乘法(FFRLS) 在线辨识,两控制器参数均统一 设置成权重  $\lambda = 1$ 、柔化因子  $\alpha = 0.11$ 、遗忘因子  $\mu =$ 0.98。以上两种工况仿真的采样周期均为 200 ms,此 工况下电磁阀 PWM 控制的死区为 [0,0.16],饱和区 为 [0.84,1]。

如图 7 所示为上述两控制器跟踪典型潜水悬浮上 升过程压载海水控制曲线时的跟踪曲线、误差曲线及 输出占空比曲线。可以看出在阶段 I、阶段 II 以及阶 段 III 中两控制器控制效果差别不大,主要是由于 I、III 阶段 WHVBS 接近额定流量排、注水,此时电磁阀 PWM 控制中非线性因素带来的误差相对影响较小,而 II 阶段处于压载水箱最低液位,此时逻辑控制器直接 将 WHVBS 置于待机状态。但从图 8 可以看出,GPC 在不同阶段间切换过程辨识参数会存在较大的波动。 2 控制器在 IV 阶段后期出现较大差异,此阶段潜器即 将到达给定深度正在进行速度微调以及最终的中性浮 力调节,此时压载海水调节量较小,对应占空比处于 死区与非线性区交接处,GPC 未能实现后期小流量的 曲线跟踪,而 GPCSVC 最终输出的占空比得到了补偿 (如图 7 中虚线框中)可以实现精确跟踪。

为进一步验证所提出控制器的有效性,选取周期 为 10 s(3 4 级海况平均波浪周期范围内取值<sup>[12]</sup>)、峰 值流量为额定流量 50% 的正弦曲线作为参考信号。 图 9 所示为两种控制器的跟踪曲线以及输出占空比曲 线,给定正弦信号的波峰波谷对应较小注、排水流量, 可以看出 GPC 跟踪曲线在这两处失真较为严重,而



?1994-2018 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net



示,由死区带来的 WHVBS 输出不连续变化造成 GPC 参数辨识较大的振荡,周期性的震荡会使辨识参数发 散,最终导致如图 11 所示的 GPC 小流量跟踪误差随 周期变大的情况。而 SVC 项的引入,近似的将 WH-VBS 的电磁阀 PWM 输入输出线性化,从而使辨识参 数快速收敛,避免了上述振荡的出现。





针对现有 WHVBS 中流量控制元件在较高采样频 率下的强非线性,提出了一种基于电磁阀特性补偿的 GPC(SVC),并通过搭建基于试验系数的 WHVBS 仿 真模型对该方法的有效性进行了验证。对比结果表 明 相较于传统 GPC,所设计的 GPCSVC 能实现较高 频率下的小流量精确跟踪,解决了 GPC 在跟踪正弦曲 线波峰波谷时的失真,并能很好的避免不同工况切换 给辨识参数带来的波动。此外,SVC 项的引入,可很 好的解决 GPC 频繁工作在死区及非线性区时存在的 辨识参数发散问题。

#### 参考文献:

- GAO F D , HAN Y Y , WANG H D , et al. Analysis and Innovation of Key Technologies for Autonomous Underwater Vehicles [J]. Journal of Central South University ,2015 22 (9):3347 - 3357.
- [2] TANGIRALA S, DZIELSKI J. A Variable Buoyancy Control System for a Large AUV [J]. IEEE Journal of Oceanic Engineering, 2007, 32(4):762-71.
- [3] WOODS S A , BAUER R J , SETO M L. Automated Ballast Tank Control System for Autonomous Underwater Vehicles
   [J]. IEEE Journal of Oceanic Engineering , 2012 37(4):

727 - 39.

- [4] FONT R, GARCIA-PELAEZ J. On a Submarine Hovering System Based on Blowing and Venting of Ballast Tanks [J]. Ocean Engineering, 2013 (72):441-447.
- [5] 刘银水 吴德发 李东林 等.大深度潜水器海水液压浮力 调节技术研究进展[J].液压与气动 2014 (10):1-10.
  LIU Yinshui, WU Defa, LI Donglin, et al. Seawater Hydraulic Buoyancy Adjusting System for Large-depth Submersible [J]. Chinese Hydraulics & Pneumatics, 2014 (10):1 -10.
- [6] LIU F, CUI W, LI X. China's First Deep Manned Submersible, Jiaolong [J]. Science in China Series D: Earth Sciences, 2010 53(10): 1407 – 1410.
- [7] YUN S N, HAM Y B, TANAKA Y, et al. New Circuit Strategy of the Variable Ballast System for a Deep Sea Submersible [C]. Fluid Power and Mechatronics (FPM), 2015 International Conference on IEEE. 2015: 514 – 517.
- [8] LIU Yinshui , ZHAO Xufeng , WU Defa , et al. Study on the Control Methods of a Water Hydraulic Variable Ballast System for Submersible Vehicles [J]. Ocean Engineering , 2015 (108):648-661.
- [9] 李壮云.液压元件与系统[M].第3版.北京:机械工业出版社 2011.
  LI Zhuangyun. Hydraulic Components and Systems [M].
  3rd ed. Beijing: China Machine Press, 2011.
- [10] 高钦和,马长林.液压系统动态特性建模仿真技术及应用[M].北京:电子工业出版社 2013.
  GAO Qinhe, MA Changlin. Modeling and Simulation Technology of the Dynamic Characteristics of Hydraulic System and Its Application [M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2013.
- [11] CLARKE D W, MOHTADI C, TUFFS P. Generalized Predictive Control—Part I. The Basic Algorithm [J]. Automatica, 1987 23(2):137-148.
- [12] FOSSEN T I. Guidance and Control of Ocean Vehicles[M]. Washington , DC: John Wiley & Sons , 1994.