UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA CURSO DE PÓS-GRADUAÇÃO EM FÍSICO QUÍMICA

CONSTRUÇÃO DE UM MONOCROMADOR TIPO SEYA - NANIOKA: APLICAÇÃO AO ESTUDO DO ESPECTRO ROTACIONAL DO ÍON MOLECULAR DO NITROGÊNIO

TESE SUBMETIDA À UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA PARA A OBTENÇÃO DE GRAU DE "MESTRE EM CIÊNCIAS"

MAURO ROGÉRIO DA SILVA

FLORIANÓPOLIS

SANTA CATARINA - BRASIL

DEZEMBRO - 1988

CONSTRUÇÃO DE UM MONOCROMADOR TIPO SEYA - NAMIOKA: APLICAÇÃO AO ESTUDO DO ESPECTRO ROTACIONAL DO ÍON MOLECULAR DO NITROGÊNIO

MAURO ROGÉRIO DA SILVA

ESTA DISSERTAÇÃO FOI JULGADA E APROVADA EM SUA FORMA FINAL PELO ORIENTADOR E MEMBROS DA BANCA EXAMINADORA

PROF. DR. JOEL LOUIS RENE MUZART

Orientador

PROF. DR. ADEMIR NEVES

Coordenador

PROF. DR. JOEL LOUIS RENE MUZART

PROF. DR. HOMERO SANTIAGO

PROF. DR. ANTONIO ROGERIO DE SOUZA

BANCA EXAMINADORA:

"A Méri, minha esposa e nosso filho Grégory,

com muito amor".

AGRADECIMENTOS

- Ao professor JOEL L. R. MUZART, Dr. por sua orientação, amiza de, dedicação e incentivo durante todo o transcorrer do traba lho.
- Aos professores D. PAGNON e Dr. ANTONIO R. DE SOUZA por suas colaborações, junto ao trabalho experimental.
- A minha esposa que durante os anos de trabalho desenvolvido, não mediu esforços para me incentivar.
- Aos meus colegas de Pós-Graduação pelo excelente clima de am<u>i</u> zade e cooperação no dia a dia dos trabalhos.
- A CAPES, CNPq e UFSC pelo auxílio financeiro prestado para a realização deste trabalho.
- Aos meus pais, pelo grande incentivo.

SUMÁRIO

RESUMO	vii ′iii
CAPÍTULO I	
FUNDAMENTOS DA ESTRUTURA DAS MOLECULAS DIATÔMICAS	1
1.1 - Aspectos Fundamentais das Moléculas Diatômicas	1
1.1.1 - Rotor - rígido	1
l.l.2 - Rotor - não rígido	2
l.l.3 - Pião simétrico	4
l.l.4 - Estrutura rotacional de bandas eletrônicas	7
1.1.5 - Ramos de uma banda eletrônica	11
l.l.6 – Intensidade de raias rotacionais entre esta-	
dos eletrônicos	14
1.2 - Íon Molecular do Nitrogênio	15
1.2.1 – Estrutura fina das raias rotacionais do N_2^{\dagger}	
$(B^2 \Sigma^+_{\mu})$	15
1.2.2 - Alternância das intensidades rotacionais	
(Spin molecular)	20
1.3 - Determinação da Temperatura Rotacional do $N_2^{+}(B^{+}\Sigma_{\mu}^{+})$.	22
1.4 - Conclusão	24
	25
2 1 Estruture átice	25
2.1 = Estructura Otrea	25
2.1.1 - 1eoria da rede de diriação concava	20
2.1.2 - Sistema Otico	29
2.1.2.1 - feliads	29
2.1.2.2 – Rede de diffação	52
2.1.2.3 - Alinnamento e rocalização do siste-	2.2
ma otico	32
2.2 - Sistema de Varredura	34
2.2.1 - Alinhamento do sistema de varredura	39
2.3 - Características Otica do Monocromador	39
2.3.1 - Linearidade e calibração	39
2.3.2 - Resolução do monocromador	40
2.3.2.1 - Rede de difração	40
2.3.2.2 - Função abertura de fenda	44
2.3.3 - Curva de resposta espectral	48

.

v

•.

,	2.4 - Conclusão	5 2
	CAPÍTULO III	
	RESULTADOS EXPERIMENTAIS E DISCUSSÕES	53
	3.1 - Dispositivo Experimental	54
	3.2 - Resultados Experimentais	57
	3.3 - Determinação da Temperatura Rotacional do $N_2^{\dagger}(B^2 \Sigma_{\mu}^{\dagger})$.	62
	3.4 - Espectro Simulado	64
	3.5 - Discussões	68
	3.6 - Conclusão	71
	APÊNDICE	72
	REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS	76

. . .

.

RESUMO

A temperatura rotacional do íon molecular do nitrogênio $N_2^+(B^2\Sigma_{\mu}^+)$ é obtida por espectroscopia de emissão, medindo as intensidades relativas das linhas do primeiro sistema negativo $N_2^+(B^2\Sigma_{\mu}^+ \times X^2\Sigma_{\sigma}^+)$.

Para se obter o espectro rotacional construímos um monocromador de varredura linear em comprimento de onda, usando uma rede côncava de difração (1200 linhas/mm), de resolução superior a 12000, suficiente para resolver o espectro rotacional do primeiro sistema negativo do íon molecular do nitrogênio. A descarga de nitretação de ferro, em regime anormal, é feita com nitrogênio puro, a pressão de l torr, tensão e corrente da ordem de 590 V e 4mA, e a amostra sendo o cátodo da descarga.

A temperatura obtida nestas condições é de 600 K.

É mostrado que a temperatura rotacional é igual a temperatura do gás e os resultados experimentais permitem afirmar que a temperatura rotacional é também igual a temperatura da amostra tendose assim um método de medida da temperatura da amostra, em uma descarga de nitretação de ferro, sem necessitar do uso do termopar.

ABSTRACT

The rotational temperature of the molecular nitrogen ion $N_2^+(B^2\sum_{\mu}^+)$ was obtained by emission spectroscopy by measurement of the relative intensities of the first negative system $N_2^+(B^2\sum_{\mu}^+ X^2\sum_{q}^+)$. To obtain the rotacional spectrum, we constructed a linear scanning monocromator using a concave diffraction grating (1200 lines/mm) with a resolving power better than 12000 which is sufficient to resolve the rotacional spectrum of the first negative system of molecular nitrogen. The iron nitriding discharge in the abnormal regime was done with pure nitrogen at a pressure of 1 torr, with a voltage and cur-

rent of 590 volts and 4 mA and with the sample as cathode. With these condition a temperature of 600 K is o obtained.

We show that the rotacional temperature is equal to the gas temperature and the experimental results allow us to show that the rotacional temperature is also equal to the sample temperature. This gives a method of measuring the sample temperature in a iron nitriding discharge without the use of a thermocouple.

CAPÍTULO I

1. FUNDAMENTOS DA ESTRUTURA DAS MOLECULAS DIATÔMICAS

A Utilização das intensidades das linhas rotacionais de banda eletrônica de moléculas diatômicas tem sido frequentemente usadas para a determinação da temperatura do plasma, como pode ser observado na literatura [1....4]. Assim, neste capítulo, descrevemos a estrutura de uma molécula diatômica, em particular o íon molecular do nitrogênio e finalmente desenvolvemos um método de determinação da temperatura rotacional.

1.1. ASPECTOS FUNDAMENTAIS DAS MOLÉCULAS DIATÔMICAS

1.1.1. Rotor - Rígido

O modelo mais simples de uma molécula diatômica pode ser representado por um rotor - rígido, onde a partir da equação de Schrödinger[5], pode-se determinar os possíveis estados de energia de rotação. Estes estados podem ser expressos pela equação:

$$E(J) = \frac{h^{2}J(J+1)}{8.T}^{2}.I$$
 (1)

Onde, J é o número quântico rotacional, h é a constante de Pla<u>n</u> ck e I é o momento de inércia da molécula em relação ao centro de massa, expresso por:

$$I = \frac{m_1 \cdot m_2}{m_1 + m_2} \cdot r^2$$
(2)

Onde, $m_1 e m_2$ são massas dos átomos que constituem a molécula diatômica e r a distância internuclear.

Porém, uma molécula diatômica possui vários níveis de vibração, de modo que não podemos representá-la apenas como um rotor - rígido, já que a medida em que ela gira sofre também uma variação na distância internuclear. Portanto temos momentos de inércia diferentes, que implicam em alterações nos níveis de energia. Além disso as vibrações não podem ser tratadas como simples modelo de um oscilador harmônico [6].Lo go uma representação mais razoável para a molécula diatômica po de ser feita através de um rotor - não rígido onde as vibrações são tratadas como um oscilador anarmônico.

1.1.2 Rotor - Não Rígido

O aparecimento de uma força centrífuga leva a molécula a um aumento da distância internuclear durante a rotação. Consequentemente ocorre, como já mencionamos, também um aumento de inércia a medida em que cresce a energia de rotação da molécula.

Além disso a força centrífuga é balanceada por uma força de re<u>s</u> tauração do tipo:

$$F_{R} = K \cdot (R_{C} - R_{E})$$
(3)

Onde, R_E é a separação inicial dos núcleos, R_C a separação dos núcleos após o deslocamento e K a constante elástica da molécula expresso por:

$$\kappa = 4.T \Gamma^2 . \omega^2 . c . \mu^2$$
 (4)

Onde, \mathcal{W} é a frequência de vibração, μ a massa reduzida da molécula e c a velocidade da <u>luz</u>, [6].

2

Esta força de restauração leva a molécula a se comportar como um oscilador anarmônico, onde os termos de ordem superior da energia potencial não podem ser desprezados [6].

A energia, cinética e potencial, de rotação para o caso de um rotor - não rígido é deduzida de forma didática por G. Herzberg [6].

A energia total de rotação de uma molécula diatômica pode então ser expresso por:

$$E_{R} = \frac{h^{2}}{8.\Pi^{2}} \cdot J(J+1) - \frac{4}{\omega^{2}} \cdot \left[\frac{h^{2}}{8.\Pi^{2}}\right] \cdot J^{2}(J+1)^{2} + \cdot \frac{1}{\omega^{2}} \cdot \frac{1}$$

Onde o segundo termo representa a contribuição da influência da força centrífuga na energia total E_R. Os termos de ordem superiores podem ser desprezados para a maioria dos casos experime<u>n</u> tais [6].

É comum em espectroscopia, expressar os ter mos de energia na forma de número de ondas. Deste modo:

Onde, E e E são energias rotacionais de dois níveis distintos, c é a velocidade da luz e $\sqrt{}$ o número de ondas.

Considerando as equações (5) e (6), Herzberg [6] mostra que:

$$\underline{E} = F(J) = B_e J(J+1) - D_e J^2 (J+1)^2 + \dots$$
(7)
h.c

Onde, F(J) é o termo, em número de ondas, referente a energia de um nível rotacional distinto (J), Be = $h/(8. \Pi^2.c.I)$ é a constante rotacional associada ao momento de inércia de rotação e $D_e = 4.B_e^2/w^2$ é a constante devido a contribuição da distorção centrífuga. A contribuição da distorção centrífuga (D_e) depende da frequência de vibração W. Para frequências altas $D_e << B_e$ o segundo termo na equação (7) pode ser desprezado, restando apenas o termo para o rotor - rígido.

A título de exemplo, se adotarmos J = 30, no caso do íon molecular excitado do N₂, teremos a contribuição do termo de disto<u>r</u> ção centrífuga da ordem de 1 cm⁻¹, frente a um valor para o te<u>r</u> mo geral F(J) de 900 cm⁻¹.

1.1.3 Pião Simétrico

Até agora tratamos a molécula diatômica girando em um plano de modo que o momento angular rotacional é sempre perpendicular ao eixo internuclear. Na realidade os núcleos da molécula são rodeados por elétrons que produzem um momento angular resultante na direção deste eixo.

A soma do momento angular rotacional com o momento angular resultante dos elétrons sobre o eixo internuclear gera o aparecimento de um momento angular total, que é constante em módulo mais não em direção, (Fig. 1). Desta forma o modelo mais geral para representar a molécula diatômica é através de um pião simétrico, ou seja, os acoplamentos dos vários momentos angulares da molécula faz com que ela tenha uma simetria de pião.

A componente do momento angular total na direção do eixo internuclear é proveniente do movimento dos elétrons em torno dos nú cleos, e se desprezarmos a contribuição do momento angular de spin dos elétrons, podemos representá-lo por $\vec{\Lambda}$. Esta compone<u>n</u> te pode somente assumir múltiplos inteiros de h/2. $\vec{\Lambda}$ ou seja; $|\vec{\Lambda}| = \vec{\Lambda} \cdot h/2$ onde:

 $\Lambda = 0, 1, 2, 3, 4, \dots$

O momento angular total é designado por (J) e também só pode as



FIGURA l: Acoplamento do momento angular de rotação da molécula (\vec{N}) com o momento angular eletrônico ($\vec{\Lambda}$), para formar o momento angular total (\vec{J}).

sumir valores que são múltiplos inteiros de h/2 Tr ou seja:

$$J = \sqrt{J(J+1)} \cdot h/2 T$$

A Componente do momento angular total na direção normal ao eixo internuclear representa a rotação dos núcleos e é caracterizada por (\mathbf{N}) .

Os vários tipos de acoplamentos dos momentos angulares para for mar o momento angular total (J) são obtidos usando as regras de Hund (a, b, c), estudadas por vários autores [5, 6, 7] que mostram que os níveis de energia para o modelo de pião simétrico, expressos em cm⁻¹, são obtidos através da equação:

$$F(J) = B.J(J+1) + (A - B).\Lambda^{2}$$
 (8)

Onde, B é a constante rotacional que depende do momento de iné<u>r</u> cia da molécula e A é a constante que depende do momento de inércia dos elétrons sobre o eixo internuclear.

Da equação (8) observamos que o termo rotacional depende dos va lores de Λ . Para pequenos valores de Λ os níveis rotacionais do pião simétrico aproxima-se de um rotor - rígido, sendo que os valores de (A - B). Λ^2 são sempre constantes para um dado estado eletrônico.

No modelo mais geral para a molécula, onde temos um rotor não rígido com uma simetria de pião, a influência da força centrífuga leva ao aparecimento do termo $D.J^2(J+1)^2$, sendo que a expressão (8) fica:

$$F(J) = B_{J}(J + 1) + (A - B) \cdot \Lambda^{2} - D_{J}J^{2} (J + 1)^{2} + \dots$$
(9)

Sendo:

$$\beta_{v} = B_{e} - \frac{\alpha}{e}(v + 1/2) = D_{e} = D_{e} + \beta_{e}(v + 1/2)$$

Onde, B, é a constante rotacional em um estado vibracional \emph{v} ,B_e

é a constante rotacional que corresponde a posição de equilíbrio, D_{χ} representa a influência da força centrífuga para um d<u>a</u> do estado vibracional γ e D_{e} refere-se a influência da força centrífuga para a posição de equilíbrio.

1.1.4 Estrutura Rotacional de Bandas Eletrônicas

A diferença de energia entre os estados rotacionais de diferentes estados vibracionais, de um mesmo estado eletrônico é muito pequena sendo então a frequência da luz emitida na faixa do infravermelho longínquo.

Um procedimento mais simples, normalmente adotado para a medida de temperatura, é obter espectros de transições rotacionais de diferentes estados eletrônicos. Para tanto faremos uma breve descrição sobre a estrutura de bandas moleculares.

A energia dos níveis moleculares é dado pela soma das energias do nível eletrônico, vibracional e rotaci<u>o</u> nal e pode ser expresso por:

$$E_{R} = E_{e} + E_{J} + E_{J}$$
(10)

A energia eletrônica E_e , é determinada pelos elétrons periféricos que constituem os átomos das moléculas, com o número quântico correspondente dado por $\Lambda = 0, 1, 2, 3, ...$ A nomenclatura utilizada para caracterizar estes estados é mostrado na tabela (I).

A energia vibracional E_{γ} , pode ser obtida aplicando um potencial anarmônico a equação de Schrodinger e segundo Herzberg [6] é dado por:

$$E_{v} = \bigotimes_{e} \cdot (v + 1/2) - \bigotimes_{e} \cdot (v + 1/2)^{2} + \bigotimes_{e} \cdot (v + 1/2)^{3} + \dots \quad (11)$$

Onde, W_e é a frequência fundamental de vibração, $X_e e Y_e$ são f<u>a</u>

\wedge	0	1	2	3	4
Estados eletrônicos	Σ	Т	\bigtriangleup	Ø	Γ

TABELA I: - Número quântico eletrônico molecular

tores de anarmomicidade da curva de potencial.Isto pode ser observado na figura (2), onde mostramos uma curva de potencial da molécula de hidrogênio no estado fundamental,acompanhado de uma série de níveis vibracionais e rotacionais discretos.

A energia dos níveis rotacionais E(J) é dado pela expressão (5), 2

$$E_{R} = \frac{h^{2}}{8.7 + 2\mu R_{e}^{2}} \quad .J(J+1) - \frac{4}{\omega^{2}} \cdot \left[\frac{h^{2}}{8.7 + 2\mu R_{e}^{2}}\right] \cdot J^{2}(J+1)^{2} + \dots$$

Para cada estado o número de onda em cm^{-1} é dado por:

Neste caso o estado da molécula é caracterizado por uma série de níveis eletrônicos, cada um tendo uma série de níveis vibracionais e estes por sua vez vários níveis rotacionais (Fig. 2). As transições possíveis entre os vários estados são definidas pelas respectivas regras de seleção, que serão apresentadas mais adiante. As possíveis transições entre os vários níveis de energia em cm⁻¹ são:

$$v = v - v = (T_e - T_e) + (G - G) + (F - F)$$
 (13)

Quando a transição ocorre entre níveis eletrônicos distintos, com níveis vibracionais de mesmo número quântico, teremos uma transição pura. Assim: $(T'_e - T'_e) + (G - G) = \text{constante} (v_0)$. Desta forma a expressão do número de onda para transições rotacionais entre níveis eletrônicos é a soma desta constante mais a contribuição da energia rotacionais, ou seja:

$$v = v_{o} + \dot{B}_{o} J(J+1) - \dot{D}_{o} J^{2} (J+1)^{2} - |\dot{B}_{o} J(J+1) - \dot{D}_{o} J(J+1)^{2}|$$
(14)

Onde, (/) corresponde ao nível superior e (") ao inferior.

9





1.1.5 Ramos de Uma Banda Eletrônica

Quando as trasições rotacionais se processam entre níveis eletrônicos diferentes, Λ assume diferentes va lores e seleciona as transições possíveis. Quando $\Lambda = 0$ temos $\Delta J = J - J = \pm 1$ e no caso em que $\Lambda \neq 0$ as transições possíveis são dadas por $\Delta J = J - J = 0, \pm 1$.

Resumindo na estrutura de bandas eletrônicas, três tipos de linhas espectrais (ramos) podem ser encontradas. Estes ramos, como mencionamos acima, são definidas pelas regras de seleção. Na tabela (2) apresentamos as definições dos diversos ramos.

Se considerarmos que na expressão (14), D < B e utilizando as respectivas regras de seleção para as transições, podemos chegar as fórmulas que identificam os ramos de um espectro rotacio nal - vibracional. Assim sendo:

Ramo R;
$$\vec{v} = \vec{v}_0 + 2\vec{B} + (3\vec{B} - \vec{B}) \cdot \vec{J} + (\vec{B} - \vec{B}) \cdot \vec{J}^2$$
 (15-a)

Ramo Q; $\hat{V} = \hat{V}_0 + (\hat{B} - \hat{B}) \cdot J + (\hat{B} - \hat{B}) \cdot J^2$ (15-b)

Ramo P;
$$\hat{V} = \hat{V}_0 - (\hat{B}'_1 + \hat{B}'_1) \cdot J + (\hat{B}'_1 - \hat{B}'_1) \cdot J^2$$
 (15-c)

Onde, os ramos P e R podem ser resumidos de forma a ser expresso por:

$$= \sqrt{0} + (\frac{1}{9} + \frac{1}{9}) \cdot m + (\frac{1}{9} - \frac{1}{9}) \cdot m^{2}$$
 (16)

Sendo, m = -J para o ramo P e m = J + l para o ramo R. Na figura (3), mostramos um diagrama de níveis de energia onde aparecem os três ramos P, Q, R. Nesta figura assumimos que:

 $\Lambda \neq 0 e \quad J = 0, \pm 1.$

Regra de Seleção	Transições	Ramos	
$\Delta J = + 1$	J' = J' - 1	Ramo P	
$\Delta J = -1$	J' = J'' + 1	Ramo R	
$\Delta J = 0$	j = J	Ramo Q	

TABELA II: - Regra de seleção para as possíveis transições entre níveis rotacionais.



FIGUA 3: Diagrama dos níveis de energia Rotacionais para dois níveis vibracionais distintos.

1.1.6 <u>Intensidades das Raias Rotacionais Entre Estados</u> <u>Eletrônicos</u>

A intensidade de uma linha espectral depende da probabilidade de transição, da frequência e do número total de moléculas que se encontram num determinado estado. Assim sendo conhecendo a probabilidade de transição de uma linha e sua frequência podemos medindo a sua intensidade, obter informações sobre o número de molécula no estado inicial.

Assumindo-se uma distribuição de Boltzmann para a população dos níveis rotacionais, podemos expressar:

$$n(J) = n(V) \cdot \frac{2(J+1) \cdot e}{Q(R)}$$

$$-BJ(J+1)hc/KT_R^2$$
(17)

Onde, n(J) é o número de moléculas excitada no nível rotacional J. $n(\sqrt{)}$ é a população total do estado vibracional considerado, 2(J+1) é o peso estatístico do nível e Q(R) a função partição ex pressa por:

$$Q(R) = \int_{-BJ}^{\infty} (2J+1) \cdot e^{-BJ(J+1)hc/KT} dj$$
(18)

Considerando que a intensidade das linhas espectrais é proporci<u>o</u> nal a população do nível superior, podemos escrever:

$$I(J_{J}) = \underbrace{C. \sqrt{4}}_{Q(R)} (J + J + 1) e^{-BJ(J+1)hc/KT_{R}}$$
(19)

Onde, I(J,J) é a intensidade das linhas espectrais da banda rotacional - vibracional para a emissão e C uma constante de proporcionalidade.

1.2 <u>fon molecular</u> <u>do</u> <u>NITROGÊNIO</u>

Na figura (4) são representados os diversos estados da molécula do N₂. Destes estados algumas transições são bastante intensas e fáceis de serem observadas, entre elas o lº e 2º sistema positivo e o lº sistema negativo. O lº e 2⁰ sistema positivo correspondem a transições entre os estados eletrônicos - vibracionais $C^3 \prod_{g} \rightarrow B^3 \prod_{g} e B^3 \prod_{g} \rightarrow A^3 \sum_{g}^{+} e são ob$ servados pela emissão das moléculas neutras do nitrogênio. O lº sistema negativo corresponde à transições entre os estados $B^2 \sum_{\mu}^{+} X^2 \sum_{g}^{+}$, sendo devido a emissão do ion molecular N_2^{+} . Para o nosso caso escolhemos o lº sistema negativo, onde as raias rotacionas são mais espaçadas e a estrutura de bandas mais fácil de serem interpretadas. Além disso acrescentamos o fato de que numa descarga de nitretação as linhas do lº sistema negativo sendo mais intensas são mais fáceis de serem detectadas. Na tabela III mostramos os diversos comprimentos de ondas com as respectivas probabilidade de transição para este sistema. Co mo podemos notar a transição (0,0), λ = 391,4 nm apresenta a maior probabilidade de transição, logo a mais fácil de ser medida.

1.2.1 Estrutura Fina das Raias Rotacionais do $N_2^+(B^2 \Sigma_{\mu}^+)$

O estado $N_2^+(B^2 \Sigma_{\mu}^+)$ é um dubleto e é caract<u>e</u> rizado pelo acoplamento tipo Hund, caso (b), como é demonstrado na referência [6].

Neste caso o spin eletrônico é fracamente acoplado ao eixo internuclear da molécula, tendo-se assim o aparecimento de um momento angular designado por \vec{K} que representa a soma do momento angular $\vec{\Lambda}$ e do momento angular rotacional \vec{N} ; $(\vec{K} = \vec{\Lambda} + \vec{N})$.



FIGURA 4: Curva de potencial do Nitrogênio (N₂)

16

trans	
de	
robabilidades	s de onda.
d si	ento
entados a	comprime
veprese	oectivos
são	rest
rior	SO
arte supe	inferior
ğ	na
z	Φ

ısições TABELA III: - Transições do primeiro sistema negativo, $(B^2 \sum_{n=1}^{+} x^2 \sum_{g=1}^{+})$, do N^2 .

e

ß	. 283	.078 5653.	.68 5077.	2.00 4554.	1.14 4140.	.431 3806.8
4	.206 5864.	.392 5149.	1.94 4560.	1.98 4167.	.154 3818.1	4.83 3532.
ю	.136 5228.	1.53 4652.	3.03 4199.	.003 3835.4	5.55 3538.	2.78 3291.
2	.775 4709.	3.87 4236.	.574 3857.9	6.24 3549.	2.35 3293.	.072
г	3.48 4278.	3.08 3884.3	6.36 3564.	1.64 3299.	.062 3076.	
0.	9.64 3914.4	4.87 3582.	.757 3308.	.028 3078.		
"^ 'A	0	r-1	2	3	4	Ŋ

. 1 17

Quando o número quântico $\Lambda = 0$, temos o estado Σ e o momento angular \vec{K} é o mesmo que o momento \vec{N} , caracterizando assim o movimento da molécula de nitrogênio como a de um rotor - rígido. O acoplamento do momento angular \vec{K} e do momento angular de spin, designado por \vec{S} , leva a formação do momento angular total \vec{J} , sendo que:

$$J = K + S$$

Como: $\overline{K} = \overline{N}$, então:

|J| = |N + S|

Desta forma observamos que a estrutura fina das raias rotacionais do íon molecular do nitrogênio é devido ao acoplamento do momento angular rotacional \vec{N} com o momento de spin \vec{S} . Para um dado valor de \vec{K} , \vec{S} assume valores 1/2 ou - 1/2.

Na figura (5) temos a estrutura fina do ramo R do lº sistema n<u>e</u> gativo. A intensidade de uma linha N['] - N^{''}será dada pela soma dos diferentes componentes de J['] - J^{''}, ou seja, o spin eletrônico $S = \pm 1/2$ decompoem os níveis rotacionais N['] e N^{''} em outros níveis J['] e J^{''}.

A aplicação da regra de seleção, $\Delta J = 0$, ± 1 , leva ao aparecimento de três componentes R_1 , R_2 , R_{Q21} , onde para R_1 e R_2 temos que $\Delta J = \pm 1$ e para R_{Q21} (raia satélite) temos $\Delta J = 0$. Os valores das componentes citadas são obtidas através dos termos de Holn London e podem ser encontrados na referência [8]. A separação em energia entre dois subnéveis com J = K + 1/2 e

J = K - 1/2 para um dado valor de K é em geral muito pequena comparando com a separação entre dois níveis rotacionais sucessivos. Portanto para equipamento de baixa resolução o efeito produzido pelo spin eletrônico não é observado, a linha é vista



FIGURA 5: Estrutura fina para o ramo R do lº sistema negativo do N_2^+ . O spin eletrônico $S = \pm$ 1/2 decompoem os níveis rotacionais N e N" em J e J".

19

como uma estrura simples e em consequência o fator de Holn-London é a soma das componentes R_1 , R_2 , R_2 . No caso do lº sis tema negativo como $\Lambda = 0$ temos somente $\Delta J = \pm 1$ e portanto:

$$S(N) = S(R_1) + S(R_2) = N$$
 (20)

1.2.2 <u>Alternância das Intensidades Rotacionais</u> (<u>Spin Molecular</u>) A figura (6), mostra o espectro rotacional do 1º sistema negativo, $B^2 \sum_{\mu}^{+} X^2 \sum_{g}^{+}$, ramos R do nitrogênio. Podemos ver uma alternância da intensidade das linhas rotacionais. Este efeito é devido ao spin nuclear, onde seu peso estatístico tem o efeito de dobrar a população dos níveis simétricos em relação aos níveis antisimétricos.

Para núcleos idênticos como no caso do N₂, o número quântico do spin nuclear total é dado por:

$$T = 2.I, 2.I - 1, \dots 0$$
 (21)

Tendo como peso estatístico (2.T + 1).

Como no caso do nitrogênio, I = 1, pela equação (21) são possíveis três valores para o spin nuclear resultante, 2, 1, 0, de pesos estatísticos correspondentes a 5, 3, 1.

Os níveis rotacionais simétricos ocorrem para valores de T e os antisimétricos ocorrem para impares de T. Assim o peso estatístico para os níveis simétricos é 6 e para os antisimétricos é 3. Os níveis simétricos tem os números quânticos rotacionais N impares e os antisimétricos pares. Desta forma no espectro rotacional do $N_2^+(B)$ a população dos níveis simétricos é exatamente o dobro dos níveis antisimétricos.

Podemos observar também na figura (6) que a separação entre duas linhas consecutivas, por exemplo, as de número quântico 5 e 6 é de 0,8 A. Isto define que o poder de resolução do monocrom<u>a</u>



dor deve ser no mínimo de 5000.

1.3 <u>DETERMINAÇÃO</u> <u>DA</u> <u>TEMPERATURA</u> <u>ROTACIONAL</u> <u>DO</u> $N_2^+(B^2 \sum_{M}^+)$

Utilizando a expressão (19) podemos facilmente demonstrar que as intensidades relativas das linhas rotacionais para o ramo R da banda eletrônica - vibracional do íon molecular do nitrogênio é dado para as linhas pares e impares por:

$$I(N) = C.S(N). exp(-B.N(N + 1). h.c/KTR)$$
 (22)

Onde, $N \neq 0$ número quântico rotacional do nível eletrônico superior $N_2^+(B^2 \Sigma_{\mu}^+)$, $S(N) \neq 0$ fator de Holn-London, β h.c/K.R = 3[6] é a constante rotacional para o estado superior e C é uma constante de proporcionalidade. O fator de Holn-London represen ta a soma das componentes da estrutura fina do ramo R e no caso em que $\Delta \lambda \ge 0.5$ A, devemos considerar a soma dos fatores, ou seja:

$$S(N) = N$$

A temperatura rotacional T_R é obtida a partir do gráfico de ln (I(N)/N) em função de N(N + 1). Da equação (22) temos:

Onde, ∝ representa a inclinação da reta do gráfico.

Na realidade os gráficos são construidos a partir de valores ob tidos experimentalmente das intensidades relativas das linhas rotacionais em função de seu número quântico. Determinando-se a inclinação da reta obtida neste gráfico, caracterizada na expressão (23) por \propto , obtemos a temperatura rotacional para o estado $N_2^+(B^2 \Sigma_{\mu}^+)$. Mostramos neste capítulo a partir do estudo dos níveis de energia da molécula diatômica e em particular a estrutura rotacional do íon molecular do nitrogênio como determinar a temperatura rotacional. No entanto para medir T_R é necessário obter o espectro do lº sistema negativo com resolução suficiente para separar duas linhas com $\Delta \lambda = 0.8$ A. No próximo capítulo vamos descrever a construção de um monocromador com r<u>e</u> solução suficiente para alcançar o nosso propósito.

CAPÍTULO II

2. MONOCROMADOR

No capítulo II vamos descrever a montagem ótica do monocromador, o sistema de varredura e por último as características do aparelho.

2.1 ESTRUTURA DO MONOCROMADOR

Um monocromador é um aparelho que permite transformar luz policromática em vários feixes de luz monocromá tica. Desta forma é possível obter espectros de uma fonte luminosa, e por isto é também chamado de espectrometro ótico.Um fei xe de luz monocromático é obtido utilizando-se no equipamento ótico um prisma ou uma rede de difração [9]. Dois tipos de re de de difração podem ser usadas. Com uma rede plana e dois espelhos concavos a montagem Czerny Turner [10] é a mais usada, enquanto que com uma rede concova obtemos montagens do tipo: Seya - Namioca, Johson - Onaka, Eagle ... [9]. Dispondo de uma rede concava para construir um monocromador de varredura li near em comprimento de onda, a montagem de Seya - Namioca é а mais indicada.

2.1.1 Teoria da Rede de Difração Côncava

Uma rede de difração côncava consiste de uma série de linhas paralelas feitas em uma surperfície espelh<u>a</u> da côncava, esférica.

Se considerarmos um plano perpendicular a rede, a equação da su

perfície da rede é dada por:

$$X^{2} - 2.R.X + Y^{2} = 0$$
 (24)

Sendo R o raio de curvatura da superfície.

Isto leva, após algumas transformações algébricas, a equação do Eikonal, que caracteriza a trajetória de um raio luminoso sobre a rede [9].

Assim:

$$E = \rho + \rho' - w(\operatorname{sen} i + \operatorname{sen} r) + \underline{m.w.\lambda}_{a} + \frac{w^{2}}{2} \sum_{\eta=0}^{\infty} w^{n} \left[\left(\left(\frac{\operatorname{sen} i}{\rho} \right)^{n} \right)^{n} + \left(\frac{\operatorname{cos} i}{2} \right)^{n} + \left(\frac{\operatorname{sen} r}{2} \right)^{n} + \left(\frac{\operatorname{cos} r}{2} \right)^{n} + \left(\frac$$

$$\left(\begin{array}{c} \underline{\cos i} & - & \underline{\cos i} \\ \rho & R \end{array}\right) + \left(\begin{array}{c} \underline{\sin r} \\ \rho' \end{array}\right) \cdot \left(\begin{array}{c} \underline{\cos r} \\ \rho' \\ \rho' \end{array}\right) - \left(\begin{array}{c} \underline{\cos r} \\ \rho' \\ R \end{array}\right) \right]$$
(25)

Onde, w é a largura da imagem formada, para uma faixa de comprimento de onda $\Delta \lambda$, e pode ser expresso por:

$$w = f. \underline{m} \cdot \underline{\Delta\lambda}$$
(26)
a cos i

Sendo, f a distância focal da rede, m a ordem de difração, a {a distância entre duas linhas consecutivas da rede e i o ângulo de incidência com a normal da rede.

A título de exemplo se considerarmos f = 75 cm, na primeira ordem com uma rede de 1200 linhas/mm e uma faixa de comprimento de onda $\Delta \lambda$ = 30 A, que é a faixa do espectro rotacional do 1º sistema negativo do nitrogênio, obtemos:

$$v = 5 mm$$

Como **G**onsideramos f = 75 cm temos $\rho = \rho'$ da mesma ordem de grandeza temos:

Nestas condições admitimos que a focalização é obtida quando os

coeficientes de w e w² são nulos, desprezados as potências superiores, ou seja:

1 - Se o coeficiente de w é nulo:

sen i - sen r =
$$\underline{m}.\lambda$$
 (27)

que constitui-se na equação da rede.

2 - Se o coeficiente de w^2 se anula temos:

$$\frac{cosi}{\rho} - \frac{cosi}{R} + \frac{cosr}{\rho'} - \frac{cosi}{R} = 0$$

Ou seja:

$$\rho = R.\cos i e \rho' = R.\cos r$$
 (28)

Neste caso, o objeto e imagem se encontram no círulo de Rowland, figura (7).

Isto significa que se uma fonte de luz puntual emitir de um ponto A do círculo de Rowland, depois de difratada ela será focalizada em outro ponto B do círculo.

Assim temos a condição de Rowland como condição de focalização. Porém, se quizermos fazer um monocromador de varredura, devemos girar a rede em torno de um eixo fixo que é a solução mais pr<u>á</u> tica do ponto de vista da construção mecânica. Neste caso, podemos ver a partir da figura (7) que com as fendas fixas a focalização não ficará no círculo de Rowland, e os coeficientes w² deixam de ser nulos.

No entanto a referência [9] mostra que resolvendo-se a equação do Eikonal de modo que:

$$i_{e} = r_{e} = 35 \, 15$$
 (29)
 $\rho = \rho' = 0.8156.R$



FIGURA 7: Rotação da rede sobre o próprio eixo. O ponto A e B são as condições inciciais de Seya, e o ponto C é a desfocalização devido a rotação da rede.
Obtemos uma boa focalização mesmo que não estejamos no círculo de Rowland.

2.1.2 Sistema Ótico

O sistema ótico está esquematizado na figura (8). Considerando que o raio de curvatura da rede é R = 1500 mm junto com as condições de Seya-Namioka, equação (29), temos que:

$$i_{0} = r_{0} = 30^{\circ} 15$$

 $\rho = \rho = 1223.4 \text{ mm}$

As fendas e a rede devem ser colocadas paralelas e a mesma altura, permitindo uma boa focalização e alinhamanto do sistema ótico. Para isto o aparelho é construído usando uma fresa, buscando-se alcançar a máxima precisão.

O banco ótico é coberto por uma fina chapa de metal, permitindo uma perfeita vedação a luz externa.

2.1.2.1 Fendas

Para fazer os ajustes necessários posterio<u>r</u> mente ao equipamento, o suporte das fendas são elaboradas de forma a permitir três tipos de movimentos, (figura (9)). O deslocamento longitudinal das fendas permite um ajuste fino da focalização do sistema ótico. Através de um movimento angular, mantemos as fendas sempre paralelas entre elas e as linhas da rede. E com um deslocamento lateral é feito o ajuste fino da abertura angular dos feixes de luz incidente e refratadas. Um parafuso micrométrico localizado na parte superior de cada fenda permite uma abertura variável de 240µm por volta, com v<u>a</u>

lores de 30 μ m em 30 μ m. A calibração das fendas foi

feita







(b)



FIGURA 9: Detalhes das fendas.

(a) Vista frontal

(b) Vista superior

observando-se as imagens de difração. Obtidas com o auxílio de um laser de He - Ne.

2.1.2.2 Rede de Difração

A rede de difração côncava holográfica, Jobin Yvon, tem um diâmetro de 100 mm, um raio de curvatura de 1500 mm e 1200 linhas por milímetro.

O suporte da rede está esquematizado na figura (10). Através de cinco parafusos são feitos os ajustes finos para a rede. Os parafusos 1, 2, 3 permitem um ajuste lateral e vertical, de tal maneira que um feixe de luz proveniente da fenda de entrada incidindo sobre a rede de difração seja refletida no centro da fenda de saida.

No centro o parafuso 4 permite um deslocamento longitudinal da rede de difração dando também condições de um ajuste da focalização. O 5º parafuso localiza-se na parte inferior do suporte e permite um ajuste do paralelismo da linha da rede e das fendas. A rede é ligada ao sistema de varredura por um eixo vertical.

2.1.2.3 Alinhamento e Focalização do Sistema Ótico

Um laser He - Ne é usado para alinhamento ót<u>i</u> co. Na ordem zero ou seja, a rede sendo usada como espelho, os parafusos 1, 2, 3 da figura (10), permite fazer um ajuste lateral e vertical do feixe ótico. O ajuste será alcançado quando o feixe de luz que parte do centro da fenda de entrada passar pelo centro da rede e atingir o centro da fenda de saida. Com o parafuso (5) o alinhamento das linhas da rede de difração com as fendas é obtido quando o feixe de luz difratado nas ordem + 1 passar pelo centro da fenda de saida.

A focalização foi feita usando o método detalhado por Joel L.Mu zart [10], usando uma lâmpada de Hg para conseguir a focaliza



FIGURA 10: Detalhe do suporte da rede.

ção na faixa do violeta - utra-violeta, região onde vamos trabalhar.

2.2 SISTEMA DE VARREDURA

Nos aparelhos comerciais podemos encontrar dois tipos de sistemas de varreduras: um linear com o tempo em cm⁻¹ usualmente aplicado para espectroscopia Raman e outro em comprimento de onda de uso mais geral. Por esta razão optamos por um sistema de varredura linear em compriménto de ondas.

Pela montagem escolhida a rede de difração e as fendas são colocadas em pontos fixos e o único movimento permitido é a rotação da rede em torno de um eixo fixo. Girando-se a rede mudamos o ângulo i e r já que i + r = 70° 30.

Observando a equação (27) podemos ver que a função que relaciona os ângulos i e r com o comprimento de onda é a função dos s<u>e</u> nos. Para conseguir uma varredura linear em λ será necessário então que a variação dos ângulos i e r em função do tempo seja uma função senoidal. Isto pode ser obtido com o esquema proposto nas figuras (11) e (12).

O sistema é constituido por dois braços móveis AB e BC. O ponto C está fixo ao eixo da rede, e o ponto B é preso ao braço AB por um pino que permite o movimento de rotação.

Os braços tem o mesmo comprimento e o ponto A se desloca segundo o eixo AC.

A extremidade A é ligada a um bloco de Nylon, tendo o braço AB um movimento de rotação livre.

O bloco se desloca sobre duas barras metálicas onde o atrito é minimizado. No meio temos um eixo rosqueado que gira com uma v<u>e</u> locidade constante, permitindo que o bloco tenha um movimento retilíneo uniforme. Assim, ver figura (12):



FIGURA 11: Detalhe do sistema de varredura.





$$d = d_0 + \alpha \cdot t \tag{30}$$

Onde, \checkmark é a velocidade constante do bloco de nylon.

Pela geometria do sistema, para um tempo t qualquer temos:

$$\underline{d} = L \cdot \operatorname{sen} \beta \quad \operatorname{ou} \quad \operatorname{sen} \beta = \underline{d}$$
(31)

Onde, L é o comprimento do braço AB e BC.

Se a rede sofre uma varição β , então:

$$i = i_{0} + \delta$$

$$r = r_{0} - \delta$$
(32)

Aplicando na equação da rede, ordem m = -1, as condições anteriores (32) concluimos que:

$$\lambda = 2.a \cos i_0 \cdot \sin \delta$$
 (33)

Como: $\beta = \beta_0 + \delta$ (figura 12), temos:

Sen β = sen β_o .cos β + sen β .cos β_o = $\frac{d}{c}$ + α .t 2.L 2.L (34)

Observando as equações (33) e (34) se escolhermos para o caso $\lambda = 0$ ou seja i = r:

 $d_0 = 0$ e $\beta_0 = 0$

A expressão (34) fica:

$$\operatorname{Sen} \delta = \underline{\alpha.t}$$
(35)
2.L

Substituindo a equação (35) na expressão (33), obtemos que:

$$\lambda = \frac{\boldsymbol{\alpha}^{\cdot \cos i} \circ \cdot t}{L}$$
(36)

Ou seja, se escolhermos para $\lambda = 0$, d = 0 e $\beta_0 = 0$, temos uma v<u>a</u> riação do comprimento de onda linear com o tempo.

O sistema de varredura é dimensionado de tal maneira que considerando a velocidade do motor e o passo do eixo rosqueado, obtemos uma faixa de comprimento de onda comp<u>a</u> tível com a faixa de luz desejada (O A a 10000 A), e velocidades que podemos variar de acordo com as necessidades das medidas.

Depois de vários cálculos feitos considera<u>n</u> do também as dimensões do aparelho, escolhemos o comprimento do braço:

$$L = 10,21 \text{ cm}$$

Na tabela IV, temos representado para diferentes valores de d, os comprimentos de onda correspondentes. Observa-se que para um deslocamento linear do carrinho de 15 cm, tem-se uma variação de comprimento de onda de 10000A, compatível com a faixa desejada.

COMENTÁRIOS:

- 1 O eixo rosqueado que garante um movimento uniforme para o carrinho tem um passo de 1,5 mm/volta.
- 2 A velocidade do motor de alimentação é de 45 voltas/min.,para uma tensão de 5 V.
- 3 Utilizando uma caixa redutora com duas mudanças de marcha,
 foi possível obter velocidades de varreduras de l Å/min. até
 60 Å/min., a uma tensão de 5 V, sendo permitido outras ve-

d(cm)	J (0)	io	ro	λ (Å)
0	0	35,15	35,15	0
1.5	4,25	39,50	31,0	1000,07
3.0	8,45	43,70	26,8	2000,14
4.5	12,73	48,0	22,5	3000,22
6.0	17,1	52,30	18,2	4000,28
7.5	21,55	56,80	13,7	5000,56
9.0	26,16	61,41	9,1	6000,43
10.5	30,95	66,21	4,3	7000,51
12.0	36,0	71,25	-0,75	8000,58
13.5	41,40	76,6	-6,15	9000,66
15.0	47,29	82,54	-12,04	10000,72

----. --

> TABELA IV: - Relação entre o movimento linear do carrinho e o comprimento de onda da rede.

38

·

locidades, quando aplicado outras tensões ao motor.

4 - Para cada 1,5 x 10^{-2} mm que o carrinho percorre isto corresponde na rede a um deslocamento de 1 Å.

2.2.1 Alinhamento do Sistema de Varredura

As condições escolhidas para obter a equação (36), ou seja, $\lambda = 0$, $d_0 = 0$ e $\beta_0 = 0$, definem as condições de calibração do sistema de varredura.

Os braços são ajustados perpendicularmente ao eixo rosqueado e sobrepostos tal que d_o = 0. Incidindo com um laser no centro da fenda de entrada ajusta-se a rede na ordem zero (espelho)de fo<u>r</u> ma a projetar o feixe refletido sobre o centro da fenda de saida, tendo assim i = r e λ = 0. Neste momento o contador acoplado ao sistema é ajustado para zero e o sistema de varredura está alinhado.

2.3 CARACTERÍSTICAS ÓTICAS DO MONOCROMADOR

Nesta terceira parte são estudado a calibr<u>a</u> ção a resolução e a curva de resposta espectral do monocromador.

2.3.1 Linearidade e Calibração

Na figura (13), apresentamos um espectro de uma lâmpada de mercúrio a baixa pressão. Para cada 200 Å perco<u>r</u> rido pelo contador anotamos um traço no espectro, com o seu co<u>r</u> respondente comprimento de onda. Como o registrador possui uma velocidade constante, isto corresponde a um deslocamento constante. Desta forma identificamos que para cada 200 Å percorrido pelo contador isto corresponde a um deslocamento de 2,9 cm no registrador. Isto significa que o aparelho tem uma varredura l<u>i</u> near do comprimento de onda com o tempo.

Analisando ainda o espectro da figura (13) podemos calcular os comprimentos de ondas emitidos pela lâmpada de mercúrio. Na figura (14), mostramos o desvio entre o comprimento de onda medido e o tabelado. Observamos que o desvio máximo medido não ultrapassa 0,16% do valor tabelado. O desvio é provavelmente devido ao fato do eixo da rede não ser perfeitamente perpendicular ao sistema de varredura. Este tipo de defe<u>i</u> to não acarreta maiores problemas, desde que seja feito as dev<u>i</u> das correções nas medidas.

2.3.2 Resolução do Monocromador

2.3.2.1 Rede de Difração

A resolução teórica de uma rede de difração é dada por:

$$\frac{\lambda}{\Delta\lambda} = m.N \tag{37}$$

Sendo m a ordem de difração e N o número de linhas da rede. A resolução prática além de depender da resolução teórica,é fu<u>n</u> ção da abertura de fenda.

No caso, as fendas construídas na oficina do departamento não tem a mesma perfeição das encontradas nos equipamentos comerciais. Há defeitos no polimento das lâminas que compoem as fe<u>n</u> das limitando a abertura das mesmas. Além disto a montagem geométrica escolhida é conveniente para a construção de um monocr<u>o</u> mador de varredura linear em λ , mas a abertura de 70° dos br<u>a</u> ços faz com que o objeto (fenda de entrada) e imagem (fenda de saida) estejam longe do eixo da rede. Por isto ocorrem aberrações [9], fazendo com que as linhas não sejam simétricas. Na figura (15) mostramos um exemplo de uma linha, com a rede tota<u>l</u>









FIGURA 15: Linha sem simetria

mente iluminada e com abertura de fenda de 30 µ m x 30 µ m.Ob serva-se que a linha não possui simetria. Para solucionar este problema colocamos frente a rede um diafragma de abertura variá vel. Este anteparo permite variar o diâmetro de iluminação da rede de um centímetro até a iluminação total da mesma.

Na figura (16), apresentamos o gráfico das simetrias das linhas em função do diâmetro de iluminação da rede. Nesta figura obse<u>r</u> va-se que para um diâmetro de 2 cm as linhas alcançam a simetria desejada (figura 17). A desvantagem de se usar um diafragma para eliminar partes das aberrações é que diminui grande pa<u>r</u> te a iluminação e consequentemente a sensibilidade do sistema. Por outro lado, a resolução teórica (e prática) diminuem devido a diminuição do número de linhas que serão utilizadas.Por exemplo, para um diâmetro de iluminação da rede de 2 cm temos uma resolução teórica de:

$$\Delta \lambda = \frac{\lambda}{N} = \frac{4000}{24000} = 0,16 \text{ Å}$$

Onde, N = 1200 x 20 mm = 24000 linhas. Enquanto a largura de linha prática obtida para esta abertura de diafragma é da ordem de $\Delta \lambda$ = 0,3 Å.

2.3.2.2 Função Abertura de Fendas

Pode-se notar que a resolução experimental com um $\Delta \lambda = 0.3$ Å é diferente da resolução teórica. Deste mo do faz-se necessário uma análise da resolução em função das aberturas de fendas. A linha usada foi a 4047 Å da lâmpada de mercúrio. A figura (18) representa o gráfico da resolução em função das aberturas de fendas. Para aberturas abaixo de 30 μ m a resolução não melhora, enquanto que em equipamentos comerciais o limite de resolução é obtido para aberturas de fendas







FIGURA 17: Função de aparelho, à $\emptyset = 2$ cm.





de 10 μ m. Isto mostra que o limite de resolução se deve mais a qualidade das fendas.

Acima de 90 μ m começa haver uma saturação das linhas, afastando-se da forma triângular desejada.

Como resultado final observa-se que para uma abertura de fenda de 30 μ m, obtem-se a melhor resolução do equipamento, $\Delta \lambda = 0.3 \text{ Å}$.

2.3.3 Curva de Resposta Espectral

A resposta espectral normalmente é obtida usando-se lâmpadas de emissão contínua e intensidades em função dos comprimentos de ondas conhecidos como, xenônio, deutério e tungstênio.

Uma solução alternativa quando não se dispoem de lâmpadas de c<u>a</u> libração é usar uma descarga de nitrogênio. Porém neste tipo de descarga não temos uma emissão contínua, mas uma emissão de ba<u>n</u> das, de modo que se houver anomalias da resposta entre estas bandas, não podemos detectá-las. A intensidade de uma banda expresso em número de fótons/s pode ser escrito como:

$$\frac{I\lambda}{R\lambda} = C. [N^*] \cdot A^*_{\lambda}$$
(38)

Onde, $[N^*]$ é o número de espécie excitadas no nível quántico superior, A^* é a probabilidade de transição, C é um fator de geometria e R a resposta espectral do sistema.

A resposta espectral pode ser obtida se tivermos um número suficientemente grande de emissões que saiam do mesmo nível.Assim para duas emissões de um mesmo nível podemos escrever:

$$\frac{\mathbf{I} \quad \lambda_{1}}{\mathbf{R} \quad \lambda_{1}} = \mathbf{C} \cdot | \mathbf{N}^{*} | \mathbf{A} \quad ; \quad \frac{\mathbf{I} \quad \lambda_{2}}{\mathbf{R} \quad \lambda_{2}} = \mathbf{C} \cdot | \mathbf{N}^{*} | \mathbf{A} \quad \lambda_{2}$$

Considerando que nestas emissões, A é a probabilidade de trans<u>i</u> ção $| N^* |$ são constantes, podemos expressar a resposta espectral como:

$$R = \frac{I}{\lambda_{1}} \cdot \frac{\lambda_{2}}{\lambda_{2}}$$
(39)
$$I = \frac{\lambda_{2}}{\lambda_{2}} \cdot \frac{\lambda_{2}}{\lambda_{1}}$$

Onde I λ_1 é a intensidade da banda usada como referência e A^{*} λ_1 sua probabilidade de transição.

No nosso caso, λ_1 = 337,1 mm é a banda de referência.

Na tabela V mostramos os respectivos valores de intensidade e comprimento de onda, utilizado para a resposta espectral, para transições que saem do nível $\sqrt{}$ = 0. Da mesma forma pode ser feito para as transições que saem dos níveis $\sqrt{}$ = 1 e 2. Na figura (19) mostramos os resultados obtidos. Vale salientar

que a determinação da resposta espectral desta forma supoem que não existem anomalias na resposta da rede, pois no intervalo e<u>n</u> tre os dois comprimentos de ondas considerados pode haver picos de variação de intensidade [14], que só pode ser identificado a partir do uso de lâmpadas de emissão contínua.

Se analisarmos o gráfico entre os comprimentos de ondas correspondentes ao espectro rotacional do primeiro sistema negativo, mais precisamente entre os comprimentos de ondas 390,5 nm e 388,0 nm, calculamos que o fator de correção espectral é da ordem de 1,01, o que não vai alterar significativamente nossos r<u>e</u> sultados pois as alterações produzidas nas intensidades relativas das linhas consequentemente na própria temperatura rotacional é da ordem de 2%, valor este que fica abaixo até mesmo do erro experimental.

Transição	(Å)	I	R
0 – 0	3371	229999.	1.0
0 - 1	3577	198485.	1.34
0 - 2	3804	76523.	1.38
0 - 3	4059	19520.	1.22

.

TABELA V: – Resposta Espectral para transições que saem do nível $\sqrt{}$ = 0



A resolução do monocromador depende principalmente dos seus componentes mecânicos. No nosso caso a falta de precisão por parte dos equipamentos utilizados não permitiu construir fendas de boa qualidade. Da mesma forma o reduzido diâmetro de iluminação da rede impede de alcançar uma melhor resolução. Porém considerando que para resolver o espectro N_2^+ (B^2) precisamos de $\Delta \lambda = 0,5$ A, o monocromador apresenta resolução suficiente para alcançar o nosso objetivo.

CAPÍTULO III

3. RESULTADOS EXPERIMENTAIS E DISCUSSÕES

O método de medida de temperatura de um gás por espectroscopia de emissão é conhecido e, em particular em descarga de nitrogênio, tem sido amplamente utilizado por vários autores na análise do plasma reativo para tratamento de s<u>u</u> perfície ou mesmo em sistema lazer.

- <u>A. R. Souza, et al</u> [3] utilizam a estrutura rotacional de bandas eletrônico-vibracional $N_2^+(B \rightarrow X) = N_2(C \rightarrow B)$ para obter a temperatura de um gás neutro em uma descarga de nitrogênio <u>pu</u> ro [3].

- <u>Ochin e Savinov</u>, usam os níveis rotacionais dos radicais moleculares CN, CO, N₂ para a determinação da temperatura em sistema <u>lazer [11]</u>. *LASER*

- <u>A. Plain e A. Ricard</u>, determinam a temperatura rotacional do segundo sistema positivo N_2 ($C^3 - B^3$) por análise da estrutura rotacional destas transições. Por fim, comparam os resultados com aqueles obtidos através de um termopar acoplado ao sistema [2].

- <u>A. Czernichewski</u>, utiliza um espectro sintético para simular a temperatura rotacional da banda de emissão $N_2^+(B \rightarrow X)$, $\lambda =$ 3914 Å da molécula de nitrogênio [4] e ressalta sua importância em aplicações industriais.

Neste capítulo vamos apresentar e discutir o método e os resultados da determinação da temperatura do gás em uma descarga de nitretação de ferro. Para isto utilizamos a transição do prime<u>i</u> ro sistema negativo $N_2^+(B \longrightarrow X)$, por ser mais intensa e necessitar de uma resolução compatível com o monocromador construido, enquanto que usando o 2º sistema positivo teríamos que ter uma resolução de 0,05 Å. Por fim será apresentado um método de determinação da temperatura rotacional, através de um espectro simulado por computador, considerando a função do aparelho do monocromador.

3.1 DISPOSITIVO EXPERIMENTAL

Na figura (20), mostramos o esquema do dispositivo experimental. A descarga elétrica é realizada num tubo de pirex de 4 cm de diâmetro interno e 10 cm de comprimento. 0 substrato de ferro de 2,6 cm de diâmetro, é conectado ao negati vo de alta tensão constituindo-se no cátodo de descarga lumines cente que funciona em regime anormal. Uma descarga em regime anormal é conveniente porque ele envolve uniformemente o cátodo (peça a ser nitretada). Por outro lado a passagem para o arco é muito rápida, (figura 21), e deve ser evitada já que o arco danifica o substrato. Em função disto a fonte de alimentação é constituída de um retificador de onda completa (800V - 200 mA) e, a tensão oscilante, faz com que a descarga se interrompa а cada neio ciclo por alguns mili-segundos evitando assim a forma ção do arco [12].

Nas condições normais de funcionamento, o fluxo de nitrogênio ultra-puro é de 0,5 litros/minutos a uma pressão no tubo de descarga de "l torr", e uma densidade de co<u>r</u> rente de 0,6 mA/cm².

O fluxo de nitrogênio é necessário em razão das impurezas que se desprendem das peças e também do tubo de descarga. Com a renovação de gás as impurezas são retiradas da descarga tendo-se assim uma atmosfera limpa.



FIGURA 20: Esquema experimental



FIGURA 21: Curva caracterizada de uma descarga



FIGURA 22: Detalhe do termopar

A temperatura é medida diretamente por um termopar de ferro-constantã, conectado no interior do substrato (figura 22). O termopar é isolado com quartzo já que o substrato é conectado no negativo da fonte.Como a temperatura rotacional é medida próximo a superfície, quando o gás entra em equilíbrio térmico com o substrato é de se esperar que a temper<u>a</u> tura medida no termopar seja igual a temperatura do gás.

O espectro do $N_2^+(B \longrightarrow X)$ é obtido com a <u>a</u> juda do monocromador descrito no capítulo II. A detecção de sinal é feita por uma fotomultiplicadora Hamamatzu R-585, acoplada a um sistema de contagem de fótons, idealizado e montado em nosso laboratório por D. Pagnon [1], usando um microcomputador apple IIe e uma interface de aquisição de dados.

3.2 RESULTADOS EXPERIMENTAIS

Nas figuras (23...26) mostramos especos tros rotacionais do ramo R do primeiro sistema negativo do íon molecular do nitrogênio, para quatro condições experimentais diaberturas de fendas de 30 μ m x 30 μ m e ferentes. Para as 120 μ m x 120 μ m a pressão do gás é de 1 torr, a corrente de 3 mA e a tensão de 560 V e para as aberturas de fendas de 60 μ m x60 μ m e 90 μ m x 90 μ m, a pressão do gás é de l torr,co<u>r</u> rente é de 4 mA e a tensão de 590 V. Fazendo a comparação entre os espectros, observamos que a medida em que as aberturas de fenda aumentaram, tendo uma diminuição na resolução do equipamento, as linhas começam a se sobreporem não havendo condições de identificar as linhas rotacionais quando a abertura de fenda é igual ou superior a 120 $\,\mu$ m, (figura 26).

Para uma abertura de fenda de 30 μ m x 30 μ m a resolução é de







6x10²



 $\Delta \lambda = 0.3$ Å e com 120 μ m x 120 μ m temos uma resolução de $\Delta \lambda = 1.1$ A tornando-se impraticável a determinação da temperatura rotacional pelo método das intensidades relativas das linhas rotacionais. Somado a isto, observamos que, a intensidade do ramo P é muito grande e interfere nas linhas iniciais do ramo R.

3.3 <u>DETERMINAÇÃO</u> <u>DA</u> <u>TEMPERATURA</u> <u>ROTACIONAL</u> <u>DO</u> N_2^+ (B² Σ_{μ}^+)

A figura (23) é um exemplo de um espectro

obtido com resolução de 0,3 A para o ramo da transição 0,0, λ = 3914 A do N_2^+ . Podemos observar que a linha 23 é maior do que o normal, o que provavelmente se deve a emissão de outra linha de mesmo comprimento de onda. Como vimos no capítulo I,através das equações (22) e (23) obtemos a temperatura rotacional do N_2^+ , traçando-se um gráfico de in(I(N)/N) em função de N(N + 1). O coeficiente angular « é relacionado com a temperatura rotacional por:

 $\propto = 3/T_R$; com T_em graus Kelvin.

Para os casos experimentais com abertura de fenda de 30 μ m, I = 3,5 mA, V = 560 V, mostrado na figura (23) e abertura de fendas de 60 μ m, com I = 4mA, V = 580 V, figura (24), estão representadas na figura (27). Neste caso, temos uma reta bem definida, pois para aberturas de fendas de 30 μ m e 60 μ m as intens<u>i</u> dades relativas das linhas são bem separadas e a parte inicial do ramo R não sofre alteração muito grande pela presença do ramo P.

Ao contrário, para aberturas de fendas acima de 90 μ m, porém nas mesmas condições da abertura de fenda de 60 μ m, a contribuição do ramo P sobre o ramo R aumenta consideravelmente.Soma-



FIGURA 27: Gráfico de ln (I(N)/N) em função de N(N + 1), para aberturas de fendas de 30 μ m e 60 μ m.

do a isto, para resolução acima de 0,8 A, as linhas rotacionais começam a se sobreporem não tendo mais intensidade bem definidas para as linhas iniciais do espectro. Como consequência a temperatura obtida através do gráfico de ln [I(N)/N)] em função de N(N + 1) para estas aberturas de fendas tornam-se imprecisas pois com o aumento das intensidades das linhas ocorre uma variação na temperatura medida. Na figura (28) podemos observar que o gráfico de ln [(N)/N] em função de N(N + 1) não é uma reta sobretudo considerando as primeiras linhas.

Também analisando a figura (25) podemos observar que somente as linhas de número N>17 temos certeza de não haver superposição, fazendo com que se possa determinar a temperatura rotacional so mente com três pontos (N = 17, 19, 21) já que as intensidades das linhas 25 e 27 são pequenas e portanto as medidas se tornam muito imprecisas. Este fato é ainda mais acentuado para espectros de aberturas de fendas 120 m x 120 m (figura 26, traçado pontilhado).

Desta forma o método da determinação da temperatura através das intensidades relativas das linhas rotacionais deixa de ser vál<u>i</u> do quando $\Delta \lambda > 0,6$ A. Sendo que no próximo item apresentamos um método para determinação destas temperaturas quando o espectro não é resolvido.

3.4 ESPECTRO SIMULADO

Quando a resolução não é suficiente para a determinação da temperatura, caso da figura (26), outro método se faz necessário. Um ajuste de espectro não resolvido é feito utilizando-se um espectro calculado numéricamente. Podemos expressar a intensidade das linhas de emissão do espectro usando




a equação (22) e considerando a função de aparelho F ($\sqrt[3]{}$) por: I (N) = C. $\sqrt[4]{}$.S (N). F ($\sqrt[3]{}$). exp ((- Bhc/KT). N (N + 1)) (40) R Onde as frequências são dadas por:

$$\vartheta = \vartheta_{oo} + (B + B) \cdot m + (B + B) \cdot m^2$$
 (41)

Com: $V_{eo} = 25566 \text{ cm}^{-1}$, m = - N para o ramo R, B = 2,09 cm $^{-1}$, B = 1,93 cm $^{-1}$ são constantes rotacionais para os estados $N_2^+(B^2\Sigma_{\mu}^+)$ e $N_2^+(X^2\Sigma_g^+)$, conforme tabelado em Herzberg [6]. A função F (V) é a função de aparelho do monocromador e é obtida experimentalmente. No caso de uma abertura de fenda de até 60 μ m, a forma de linha é triângular simétrica. Em baixa resolução as linhas obtidas experimentalmente não assumem mais uma forma triângular sendo que a função de aparelho é introduzida no programa ponto a ponto.

Na figura (29), está representada a função de aparelho para o caso de uma abertura de fenda de 120 μ m. O valor da temperatura é obtido atribuindo-se valores a T_r até que os valores obtidos pelo espectro sintético seja idênticos aos valores experimentais (ver programa apêndice A), obtendo-se assim a temperatura rotacional. Nos espectros das figuras (23...26) estão representados os pontos, obtidos pelo espectro simulado, para várias temperaturas.

Para os casos com aberturas de fendas de 30 μ m e 60 μ m os espectros simulados sobrepoem aqueles experimentalmente para temperaturas de T_R = 530 K e T_R = 600 K respectivamente. Podemos observar, que para estas aberturas de fendas não há necessidade de se determinar a temperatura rotacional por este método já que a resolução é boa e o método das intensidades relativas das linhas rotacionais pode ser usado. Porém permite demonstrar, com parando as duas temperaturas, a validade deste método para ob-



FIGURA 29: Função de aparelho para uma abertura de fenda de 120 μ m.

ter temperaturas rotacionais em sistemas com pouca resolução, co mo por exemplo, nos casos com aberturas de fendas de 90 μ m e 120 μ m. Neste caso, há necessidade de variar a temperatura rotacional do espectro simulado até que o mesmo adquira a forma do espectro experimental. Isto ocorre quando as temperaturas são respectivamente T_R = 600 K e T_R = 520 K.

Para solucionar o problema da proximidade do ramo P, junto ao espectro simulado do ramo R, introduzido a contribuição das linhas do ramo P. Porém observou-se que o cálculo não basta, porque a intensidade do ramo P é muito grande e mesmo incluindo ele no cálculo, se existir luz espalhada esta vai aparecer, produzindo uma diferença que não pode ser corrida no espectro simulado.

3.5 DISCUSSÕES

Partindo da hipótese que a formação do est<u>a</u> do $N_2^+(B^2 \sum_{\mu}^+)$ é devido a colisões, por impacto direto, de elétron com moléculas no estado fundamental $N_2(X)$, ou seja:

$$N_2(x) + e \longrightarrow N_2^+(B^2) + 2e$$

A distribuição de população, do tipo Boltzmam, do nível $N_2^+(B^2 \mathcal{E}_{\mu}^+)$ é uma reprodução do estado fundamental, caracterizando assim a mesma temperatura rotacional. A. R. de Souza et al [3] mostram que para temperaturas do gás superiores a 300 K esta hipótese é correta.

Por outro lado a diferença de energia devido a transição entre dois níveis rotacionais é pequena, aproximadamente l6 K para os níveis de número quântico (21) e (22) sendo ainda menor para n<u>í</u> veis mais baixos. Este valor pequeno comparado com a temperatura do gás que é da ordem de 600 K, faz com que haja equilíbrio entre o movimento térmico (translação) das moléculas e a distr<u>i</u> buição rotacional do estado $N_2(X)$. Portanto a temperatura rotacional do estado N_2^+ (B²) é igual a temperatura do gás.

Na tabela VI apresentamos as temperaturas para quatro condições experimentais. São comparados os valores da temperatura rotaci<u>o</u> nal medida (lº coluna), calculada através do espectro simulado (2º coluna), e medindo com o termopar. (3º coluna).

Se compararmos os valores obtidos experimentalmente para o estado $N_2^+(B^2)$ com os valores do termopar, que mede a temperatura da amostra que admitimos em equilíbrio com a temperatura do gás, observamos que a temperatura rotacional do estado $N_2^+(B^2)$ está em excelente acordo com a temperatura do gás.

Parâmetros Experimentais	T _R (Experimental)	T _R (Simulado)	T (Termopar)
Fenda = $30 \ \mu \text{m}$ $\Delta \lambda = 0.3 \text{ A}$ I = $3 \ \text{mA}$ V = $560 \ \text{V}$	530 K	530 K	525 K
Fenda = $60 \ \mu m$ $\Delta \lambda = 0,56A$ I = 4 mA V = 590 V	600 K	600 K	620 K
Fenda = $90 \mu m$ $\Delta \lambda = 0.8 A$ I = 4 mA V = 590 V	*	600 K	603 K
Fenda = $120\mu m$ $\Delta \lambda = 1,1 A$ I = 3 mA V = 560 V	*	520 K	521 K

TABELA VI: - Comparação da temperatura rotacional com o valor obtido pelo espectro simulado e pelo temopar.

Mostramos que o número de medida da tempera tura rotacional do primeiro sistema negativo do íon molecular do nitrogênio pode ser obtido diretamente, usando o método das intensidades relativas quando o monocromador tem resolução suficiente para separar duas linhas de $\Delta \lambda = 0.8$ A. Quando é m<u>e</u> nor mostramos que ainda é possível obter a temperatura rotacional usando o método do espectro simulado. Mostramos assim que a temperatura rotacional é igual a temperatura do gás e que está em equilíbrio com a amostra.

APÊNDICE A

```
50 REM PROGRAMA DE CALCULO ESPECTRO SINTETICO DO 1º SISTEMA
    NEGATIVO - BANDA 0,0
 60 REM V(I,L) FREQUENCIAS
 70 REM M(I,L) INTENSIDADES
 80 REM F(N) INTENSIDADES COMPARADAS EM FUNÇÃO DE P(N)
 90 REM P(N) FREQUENCIAS COMPARADAS
 95 REM S(K) INTENSIDADES SOMADAS QUANDO AS FREQUENCIAS SAO
    IGUAIS
100 DIM V2(30), A(51), P(1001), S(1001), IQ(1001), F(13)
102 FOR K = L TO 1001
104 IQ(K) = 0
106 NEXT K
110 C = 3 * 1E-8
120 T = 600
130 \text{ K} = 1.38 \times 1\text{E}-23
140 H = 6.62 * 1E - 34
150 Vo = 25566
160 B1 = 2.083
170 B2 = 1.932
171 REM FUNCAO DE APARELHO PARA UMA ABERTURA DE FENDA DE 120
172 DATA 0,15,45,92,136,164,170,155,112,70,31,6,0
173 \text{ FOR I} = 1 \text{ TO } 13
175 READ F (I)
177 NEXT I
180 \text{ IR} = 13
185 \text{ FOR } L = 1 \text{ TO } 30
190 V2(L) = VO + (B1 + B2) * (L+1) + (B1 - B2)*(L+1)**2
200 A(L) = V2(L) - 6.0
210 \text{ FOR I} = 1 \text{ TO } 13
```

```
215 N = (L+1) * 13 + I
240 MI = 2*(VO**(-4)*A(L)**4)*(((-1)**(L+1) + 3)*(F(I))*(L)
    *EXP(-Bl*(L+1))*H*C*100/(K*T))
250 A(L) = A(L) + 1
310 S(N) = INT(MI/1000)
312 A(L) = INT(A(L)*10)/10)* VI
320 NEXT I
360 NEXT L
490 NK = IR \star 30
500 FOR K = 1 TO NK
505 IF IQ(K) = 1 THEN 700
550 KL = K + 1
605 IF KL 1000 THEN 750
620 FOR J = KL TO NK
650 IF ABS (P(K) - P(J)) 1 THEN 670
660 GOTO 695
670 S(K) = S(K) + S(J)
680 IQ(J) = 1
685 PRINT S(K)
695 NEXT J
700 NEXT K
750 KK = K + 1
760 MAX = 0: Kl = 1
800 FOR K = 1 TO NK
805 IF IQ(K) = 1 GOTO 820
810 S(K1) = S(K):P(K1) = P(K)
815 IF S(K1) MAX THEN MAX = S(K1)
816 \text{ Kl} = \text{Kl} + 1
817 PRINT P(K); S(K)
820 NEXT K
840 FOR II = 1 TO KL
```

```
850 \text{ s} (I1) = s(I1) * 65535/\text{MAX}
  860 Sl = INT (S(II)/256
  870 \ \text{S2} = \text{INT} (\text{S(I1)} - \text{S1*256})
  880 POKE ( 24573 +3 * I1),0
  890 POKE ( 24574 + 3 * Il),Sl
  900 POKE ( 24575 + 3 * I1), S2
  910 NEXT I1
 1000 PRINT"K1=";K1
 1020 INPUT"K1=";K1
 1030 HGR2 : HCOLOR= 3
 1035 HPLOT 0, 190
 1040 FOR K = 1 TO Kl
 1050 \text{ Y1} = \text{PEEK} (24574 + 3 \text{K})
 1060 \text{ Y2} = \text{PEEK} (24575 + 3 \text{K})
 1070 Y = Y1 * 256 + Y2
 1080 Y = 190 - Y * 190 / 65535
 1100 HPLOT TO X,Y
 1110 NEXT K
 1115 GOTO 10000
 1200 POKE 891,7: POKE 892,4: REM " NORMALIZACAO A 65535"
 1210 POKE 33951,0: REM " SEN LAMBRA CRESCENTE
 1220 L1 = 3914 * 25566 / 25564
 1230 \text{ LF} = 3914 \times 25566 / (25564 + \text{K1})
 1240 POKE 214, K1: REM " N DE PONTOS"
 1300 Wo = INT(L1 * 100/65536)
 1310 \text{ Wl} = \text{INT}((\text{Ll}* 100 - Wo * 65536) / 256)
 1320 W2 = INT((L1 * 100 - Wo * 65536 - W1 * 256))
 1400 POKE 883, WO: POKE 882, W1: POKE 885, W2
 1410 WO = INT (LF * 100 / 65536)
 1420 \text{ Wl} = \text{INT} ((LF * 100 - W) * 65536) / 256)
1430 W2 = INT ((LF * 100 - WO * 65536 - W1 * 256))
```

1500 POKE 887, WO: POKE 888,W1: POKE 889,W2 1510 D\$ = "": PRINT D\$;"RUN TABLE BASIC"

1900 END

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- 1 SOUZA, A. R. These de doctorat d État. Orsay, 1985.
- ¹2 PLAIN, A. and RICARD, A. "Temperature Measurement of N² Glow DISCHARGE by Emission Spectroscopy". Phys. Lett. 95-A,1983.
- 3 SOUZA A. R. TOUZEAU, M. and MUZART, L. R. "Temperature Measurements in a Glow Discharge from the Rotacional Spectra on E<u>x</u> cited N₂ molecules". Rev. Fis. Apl. e just. 3 (1988) 53.
 - 4 CZERNICHOWSKI, A J. "Temperature Evaluation from the Partially Resolved 391 nm N⁺₂ Band". Phys. Appl. 20, 1987.
 - 5 COHEN TANNOUDJI, CLAUDE. DIU, BERNARD and LALOE, FRANCK. "Mecânica Quântica". Vol. I, Paris, 1973.
 - 6 HERZBERG, GERHARD. "Atomic Spectra an atomic Struture". 2nd edition (1950), Von Nostrand Reinold Co, New York.
 - 7 EISEBERG GERHARD and RESNICK, R. "Quantum Physics of Atoms, Molecules, Solids, Nucleis and Particles". New York, 1974.
 - 8 RICARD, A. "Spectroscopie dos Plasmas Moleculares et Cinetiques de Estats Excitats". Rapport L. P., 187 Orsay, 1981.
 - 9 JAMES, J. F. and STENEBERG, R. S. "The Desigs of Otical Spectrometers". New Fetter Lane, London EC4, 1969.
- 10 MUZART, L. R. "Espectrômetro Ótico". Relatório interno. Universidade F. de Santa Catarina, 1981.
- 11 OCHKIN, V. N. and SAVINOV, S. Y. Zhurnal Priklandnei Spektros kopis 28(1978), V-28, № 3, pg. 408.
- 12 FRANCIS, GORDON. "The Glow Discharge at Low Pressure". Handbuch Der Physik; Herausgegeben Von S. Flugge; Band XXII, Casenthadunger II, Springer Verlag, Berlin.
- 13 PAGNON, D. "Relatório interno". UFSC 1986.
- 14 PETIT, ROGER. "Eletromagnetic Theory of Gratings". Springer Verlag, Berlin. Heidelberg, New York - 1980.

- 15 SILVA, R. S. da; MUZART, L. R. e SOUZA, A. R. "Estudo do espectro Rotacional do fon Molecular do Nitrogênio numa Discarga de Nitretação de Ferro". Revista Brasileira de Aplicação no Vácuo. Vol. - 7, № 1 e 2, 1987.
- 16 MUNTZ, E. P. "Statistic Temperature Measuements in a Flowing Gas". Phys. Fluids -4,(1962), Vol. 5, № 1, January 1962.
- 17 LOFTHUS, A. and KRUPENIE, P. H. "The Spectrum of Molecular Nitrogen". J. Phys. Ref. Data, Vol. 6, Nº 1, 1977.