

STICHTING
MATHEMATISCH CENTRUM
2e BOERHAAVESTRAAT 49
AMSTERDAM

REKENAFDELING

Rapport R 611

Programma's voor berekeningen aan schepsschroefontwerpen

door

J. A. Th. M. van Berckel en M. L. Potters

Januari 1962

PROGRAMMA'S VOOR BEREKENINGEN AAN SCHEEPSSCHROEFONTWERPEN

door

J.A.Th.M.van Berckel en M.L.Potters

R. 611

1. Inleiding.

Dit rapport behelst een beschrijving van en handleiding voor de programma's, door ons opgesteld in opdracht van het Nederlandsch Scheepsbouwkundig Proefstation te Wageningen. Het betreft vier min of meer zelfstandige berekeningen - in het vervolg aangeduid met het MC-opdrachtnummer - op basis van de volgende NSP-rapporten:

<u>Rapport NSP:</u>	<u>Titel:</u>	<u>Opdracht MC:</u>
WO 14-52-3	Het schroefontwerp met behulp van inductiefactoren.	R 476
WO 25-52-4	Idem - vervolg (sterkteberekening).	R 544
WO 47-52-6	Analyse van een gegeven schroef in een gegeven veld.	R 572
WO 46-52-5	Scheepsschroeven met voorgeschreven type circulatieverdeling.	R 573

In het volgende wordt een overzicht gegeven van het gebruikte formularium en de numerieke uitwerking daarvan, waarna in beknopte vorm gegevens over de programmatechnische realisering volgen. De notatie is uit de genoemde rapporten overgenomen op kleine wijzigingen na. De programma's zijn gemaakt voor de elektronische rekenmachine X1 van het Mathematisch Centrum en later aangepast aan de X1 van het NSP.

Van het programma R 476 was oorspronkelijk een ARMAC-versie opgesteld.

2. Formularium.

a) Algemeen

(i) Uit de circulatieverdeling $G(x)$ volgen

de geïnduceerde snelheden $\frac{w^a}{v_e} = \frac{1}{2} \int_{x_n}^1 i^a \frac{dG}{dx_0} \frac{dx_0}{x-x_0}, \quad (2.1a)$

$\frac{w^t}{v_e} = \frac{1}{2} \int_{x_n}^1 i^t \frac{dG}{dx_0} \frac{dx_0}{x-x_0}, \quad (2.1b)$

het product lift-coëfficiënt en koorde $\frac{C_{L.1}}{D} = \frac{2\pi G \cos \beta_i}{\frac{1}{\operatorname{tg} \beta} - \frac{w^t}{v_e}}, \quad (2.2)$

de stuwkracht- en vermogensconstante $C_{T_i} = 4z \int_{x_n}^1 G(1-w_x)^2 \left(\frac{1}{\operatorname{tg} \beta} - \frac{w^t}{v_e} \right) dx, \quad (2.3a)$

$C_{P_i} = 4z \int_{x_n}^1 G \frac{(1-w_x)^3}{\operatorname{tg} \beta} \left(1 + \frac{w^a}{v_e} \right) dx \quad (2.3b)$

Tussen w^a en w^t bestaat de betrekking

$1 + \frac{w^a}{v_e} = \operatorname{tg} \beta_i \left(\frac{1}{\operatorname{tg} \beta} - \frac{w^t}{v_e} \right) \quad (2.4)$

en verder geldt

$\operatorname{tg} \beta = \frac{V_s(1-w_x)}{\pi n D x}, \quad (2.5)$

$\operatorname{tg} \beta_i = \frac{1}{z_{P_i}} \left(\frac{1-w_x}{1-w_x} \right)^{3/4} \operatorname{tg} \beta. \quad (2.6)$

(ii) De inductiefactoren i^a en i^t in (2.1) zijn als volgt gedefiniëerd.

voor $x > x_0$ $i^a = \left(\frac{x}{x_0} - 1 \right) \frac{z}{\operatorname{tg} \beta_{i,0}} A^*, \quad i^t = \left(1 - \frac{x_0}{x} \right) z(1+A^*), \quad (2.7a)$

voor $x=x_0$ $i^a = \cos \beta_{i,0}, \quad i^t = \sin \beta_{i,0} \quad (2.7b)$

voor $x < x_0$ $i^a = \left(1 - \frac{x}{x_0} \right) \frac{z}{\operatorname{tg} \beta_{i,0}} (1+B^*), \quad i^t = \left(\frac{x_0}{x} - 1 \right) z B^* \quad (2.7c)$

met $A^* = \frac{2zA}{\operatorname{tg} \beta_{i,0}}$, $B^* = \frac{2zB}{\operatorname{tg} \beta_{i,0}}$.

Voor A^* en B^* worden de volgende, aan Wrench ontleende, benaderingsformules gebruikt:

$$A^* = f \left(\frac{1}{u-1} - \frac{1}{24z} g \ln \frac{u}{u-1} \right) , \quad (2.8a)$$

$$B^* = f \left(\frac{u}{1-u} + \frac{1}{24z} g \ln \frac{1}{1-u} \right) , \quad (2.8b)$$

waarin $f = \sin^{-1/2} \beta_{i,0} \cdot p^{-1/4}$,

$$g = \sin^3 \beta_{i,0} \left(2 + \frac{9}{\operatorname{tg}^2 \beta_{i,0}} \right) + (3p-5)p^{-3/2} ,$$

$$u = \exp \left[z \left\{ \ln \left((p^{1/2}-1) \left(\frac{1}{\sin \beta_{i,0}} - 1 \right)^{-1} \frac{x_0}{x} \right) + p^{1/2} \frac{1}{\sin \beta_{i,0}} \right\} \right]$$

$$p = 1 + \frac{x^2}{x_0^2 \operatorname{tg}^2 \beta_{i,0}} .$$

(iii) Worden in plaats van x en x_0 ingevoerd de variabelen φ en φ_0 volgens

$$2x = 1 + x_n - (1-x_n) \cos \varphi , \quad 0 \leq \varphi , \varphi_0 \leq \pi \quad (2.9)$$

$$2x_0 = 1 + x_n - (1-x_n) \cos \varphi_0 ,$$

dan kunnen $G(x)$ en $i^{a,t}(x, x_0)$ als volgt in Fourier reeksen ontwikkeld worden :

$$G(x) = \sum_{\mu=1}^{\infty} G_{\mu} \sin \mu \varphi \quad (2.10a)$$

of

$$\frac{G(x)}{\sin \varphi} = \frac{1-x_n}{\pi} \sum_{\mu=1}^{\infty} \frac{G_{\mu}^*}{\mu} S_{\mu}(\varphi) , \quad (2.10b)$$

$$i^{a,t}(x, x_0) = \sum_{\nu=0}^{\infty} I_{\nu}^{a,t}(\varphi) \cos \nu \varphi_0 , \quad (2.11)$$

waarin $S_{\mu}(\varphi) = \frac{\sin \mu \varphi}{\sin \varphi}$, $G_{\mu}^* = \frac{\pi}{1-x_n} \mu G_{\mu}$.

Substitutie hiervan in (2.1) geeft

$$\frac{w^{a,t}}{v_e} = \sum_{\mu=1}^{\infty} G_{\mu} \frac{h_{\mu}^{a,t}(\varphi)}{\pi} \quad (2.12)$$

waarin

$$\frac{h_{\mu}^{a,t}(\varphi)}{\pi} = \delta_{\mu}(\varphi) \sum_{\nu=0}^{\mu} I_{\nu}^{a,t} \cos \nu\varphi + \cos \mu\varphi \sum_{\nu=\mu+1}^{\infty} I_{\nu}^{a,t} s_{\nu}(\varphi) \quad (2.13)$$

(iv) In alle berekeningen wordt aangenomen $x_n = 0.2$, terwijl x en x_0 de waarden $0.2 + 0.1 * j$, $j=0(1)8$ doorlopen. De corresponderende waarden van $\cos \varphi_j$ en $\sin \varphi_j$ zijn gegeven in Tabel I. Stelt men $I_{\nu} = 0$ voor $\nu \geq 9$, dan volgt uit (2.11) voor $j=0(1)8$ een stelsel lineaire vergelijkingen in I_{ν} , waarvan de oplossing geschreven kan worden als

$$I_{\nu}^{a,t}(\varphi_j) = \sum_{k=0}^8 \alpha_{\nu,k} i^{a,t}(x_j, x_{0,k}) \quad (2.14)$$

De elementen van de matrix $(\alpha_{\nu,k})$ zijn in tabel II gegeven. Deze matrix is de inverse van de matrix $(\cos \nu \varphi_j)$

Tabel I

j	x_j	$\cos \varphi_j$	$\sin \varphi_j$
0	.2	1	0
1	.3	.75	.66143783
2	.4	.5	.86602540
3	.5	.25	.96824584
4	.6	0	1
5	.7	-.25	.96824584
6	.8	-.5	.86602540
7	.9	-.75	.66143783
8	1.0	-1	0

Tabel II

$\checkmark \backslash k$	0/8	1/7	2/6	3/5	4
0	+.10952381	+.27936508	-.20000000	+.53333333	-.44444444
1	±.21904762	±.41904762	∓.20000000	±.26666667	0
2	+.19285714	+.27936508	-.53333333	+.53333333	-.94444444
3	±.16666667	0	∓.33333333	0	0
4	+.12777778	-.17777778	-.15555556	+.17777778	+.05555556
5	±.08888889	∓.26666667	±.17777778	±.08888889	0
6	+.05714286	-.27936508	+.53333333	-.53333333	+.44444444
7	±.02539683	∓.15238095	±.35555556	∓.35555556	0
8	+.01269841	-.10158730	+.35555556	-.71111111	+.88888889

b) Berekening R 476

(i)

Het doel hiervan is de berekening van $G(x)$. Substitutie van (2.12) in (2.4) levert

$$\sum_{\mu=1}^{\infty} G_{\mu}^{*} [h_{\mu}^a(\varphi)/\pi + \operatorname{tg} \beta_1 h_{\mu}^t(\varphi)/\pi] = \frac{\operatorname{tg} \beta_1}{\operatorname{tg} \beta} - 1 \quad (2.15)$$

Door hierin $\varphi = \varphi_j$, $j=0(1)8$, te kiezen en te stellen $G_{\mu}^{*} = 0$ voor $\mu > 9$ verkrijgt men een lineair stelsel van de orde 9 voor G_{μ}^{*} , $\mu=1(1)9$.

Uit (2.10) en (2.12) volgen dan G en $\frac{w_{a,t}}{v_e}$, waarna C_{T_i} en C_{P_i} uit (2.3) en C_L/D uit (2.2) berekend kunnen worden.

(ii)

De functie $G(x)$ heeft wortelsingulariteiten in $x=0.2$ en $x=1$. Voor de numerieke integratie van (2.3) werd daarom een formule van het volgende type toegepast:

$$\int_{0.2}^1 f(x) \sqrt{(x-0.2)(1-x)} dx = \sum_{j=0}^8 w_j f(x_j) \quad (2.16)$$

Benadert men $f(x)$ met 4 tweedegraads secties dan worden de w_j als in tabel III. Ter vergelijking zijn de coëfficiënten aangegeven die men bij toepassing van de regel van Simpson vindt.

Tabel III		
j	w_j	w_j (Simpson)
0,8	.0031868267	0
1,7	.0339208355	.0352766841
2,6	.0237772794	.0230940103
3,5	.0512689615	.0516397779
4	.0270196062	.0266666667

Schrijft men nu in (2.3) $G = 2.5 \frac{G}{\sin \varphi} \sqrt{(x-0.2)(1-x)}$, waarin $\frac{G}{\sin \varphi}$ uit (2.10) volgt dan kan (2.16) gebruikt worden.

(iii)

Voor de waarde van het ideale schroefrendement η_{P_i} is slechts een schatting $[\eta_{P_i}]_{kr}$ uit het Kramer-diagram bekend.

De berekening wordt nu uitgevoerd met $\eta_{P_i} = [\eta_{P_i}] / k$ voor $k=0.95(0.05)1.05$.

Door tweede-graads inverse interpolatie wordt dan de waarde k^{**} bepaald waarvoor hetzij C_{T_i} hetzij C_{P_i} een voorgeschreven waarde heeft, welke volgt uit

$$C_{T_i}^* = \frac{3T_i}{\pi \rho V_S^2 D^2}, \quad (2.17a)$$

$$C_{P_i} = \frac{8P_i}{\pi \rho V_S^3 D} \quad (2.17b)$$

Duidt men $C_{T_i}(k)$ resp $C_{P_i}(k)$ aan met f_k , dan geldt

$$k^* = 1 + \frac{0.2 \times a}{b + \sqrt{b^2 + 8ac}} \quad (2.18)$$

waarin $a=f^* - f_{1.00}$, $b=f_{1.05} - f_{.95}$, $c=f_{1.05}^2 - f_{1.00}^2 + f_{.95}^2$.

Met de gevonden k^* wordt de definitieve berekening uitgevoerd.

c) Berekening R 544

(i)

Het doel hiervan is allereerst de berekening van de functies $C_{L,s,1}$ en f/l .

Deze worden voor elke x bepaald met behulp van de volgende niet-lineaire vergelijkingen:

$$C_{L,1} = \frac{C_{L,1}}{D} \cdot D \quad (\text{belastingsvoorwaarde}) \quad (2.19)$$

$$1.160 \frac{S}{l} + .278 C_L = \sqrt{1 + \frac{\sigma_x}{x}} - .998 \quad (\text{cavitatievoorwaarde}) \quad (2.20)$$

$$\frac{f}{l} = .0679 \cdot C_L \quad (\text{stootvrijevoorwaarde}) \quad (2.21)$$

$$.087 s^2 l = w_x^* \quad (\text{sterktevoorwaarde}) \quad (2.22)$$

Hierin wordt $\frac{C_{L,1}}{D}$ als bekend verondersteld, terwijl σ_x en w_x^* volgen uit

$$\sigma_x = .8 \frac{p_o - e^{-\frac{1}{2} \rho D x}}{\tau(x)} \quad (2.23)$$

$$w_x^* = \frac{D^3}{4G_T \cos^2 \epsilon} \int_x^{1.0} \left(\frac{C_{L,1}}{D} \right)_{x_0} \tau(x_0) \cos(\beta_i - \beta_{i,0}) (x_0 - x) dx_0 \quad (2.24)$$

$$\tau(x) = \frac{1}{2} \rho V^2 = \frac{\frac{1}{2} \rho \{ \pi n D x (1 + \text{tg} \beta_i \text{tg} \beta) \}^2}{1 + \text{tg}^2 \beta_i} \quad (2.25)$$

Tenslotte wordt berekend de spoedverhouding

$$\frac{H}{D} = \pi x \text{tg} (\beta_i + \Delta \alpha) \quad (2.26)$$

waarin

$$\Delta \alpha = 1.16 C_L \pi / 180$$

en de gemiddelde virtuele spoed

$$\left(\frac{H_v}{D} \right)_{\text{gen}} = \frac{\int_{.2}^{1.0} \pi x^2 \text{tg} (\beta_i + 9.12 C_L \pi / 180) dx}{\int_{.2}^{1.0} x dx} \quad (2.27)$$

(ii)

De integraal in (2.24) werd herleid tot herhaalde integralen waarin de integranden functies van slechts één variabele zijn, namelijk

$$w^*(x) = \frac{D^3}{4\sigma_T \cos^2 z} \left[\cos \beta_i \int_x^1 dx_0 \int_{x_0}^1 du f_1(u) + \sin \beta_i \int_x^1 dx_0 \int_{x_0}^1 du f_2(u) \right] \quad (2.28)$$

waarin $f_1(x) = \left(\frac{C_{L.1}}{D} \right)_x \tau(x) \cos \beta_i$,

$$f_2(x) = \left(\frac{C_{L.1}}{D} \right)_x \tau(x) \sin \beta_i$$

De in (2.28) voorkomende lopende integralen $F(x) = \int_x^1 f(t) dt$ worden berekend met - afhankelijk van x - de regel van Simpson, de $\frac{3}{8}$ - regel of een combinatie van beide. De in deze paragraaf voorkomende integralen $\int_{0.2}^1 f(t) dt$ worden eveneens met de regel van Simpson berekend.

(iii)

De vergelijkingen (2.19)-(2.22), te herleiden tot een derdegraads vergelijking in s , werden niet op de gebruikelijk wijze numeriek opgelost, omdat nog aan enige nevenvoorwaarden voldaan moest worden.

Voor $x = 0.2$ is gegeven

$$\frac{s_{0.2}}{l_{0.2}} = 0.105 z^{1/2} \quad (2.29)$$

Uit (2.22) volgt dan

$$s_{0.2} = 1.0647 (w_{0.2}^* z^{1/2})^{1/3} \quad (2.30)$$

waarna $l_{0.2}$ uit (2.29) berekend kan worden.

Verder wordt als s_x gekozen, voor $x=0.5(0.1)1.0$, de lineaire functie

$$s_x = (1.15 s_{0.2} - 0.00525 D) - (1.15 s_{0.2} - 0.00875 D)x. \quad (2.31)$$

zodat $s_{0.6} = 0.46 s_{0.2}$; (2.32)

$$s_{1.0} = 0.0035 D \quad (2.33)$$

Voor $x=0.5(0.1)0.9$ wordt berekend volgens (2.19) en (2.20)

$$l_x = \frac{1.16 s_x + 0.273 \left(\frac{C_L \cdot l}{D} \right)_x \cdot D}{\sqrt{1 + \sigma_x} - 0.998} \quad (2.34)$$

terwijl $l_{1.0} = 0$ gesteld wordt.

Van de waarden $x = 0.7(0.1)0.9$ wordt nu de kleinste bepaald waarvoor geldt

$$5(l_{x+0.1} - l_{x-0.1})(x-0.2) - l_x + l_{0.2} \leq 0. \quad (2.35)$$

Zij deze ξ , dan wordt berekend

$$x_{\text{raak}} = 0.2 + \left\{ (\xi - 0.3)(\xi - 0.2) - \frac{A(\xi - 0.3) + l_{0.2} - l_{\xi - 0.1}}{B} \right\}^{1/2}, \quad (2.36)$$

$$\alpha_{\text{raak}} = A + B(2x_{\text{raak}} - 2\xi + 0.1) \quad (2.37)$$

waarin

$$A = 10(l_{\xi} - l_{\xi - 0.1})$$

$$B = 25(l_{\xi - 0.2} - l_{\xi - 0.1} - l_{\xi} + l_{\xi + 0.1})$$

Voor $x < x_{\text{raak}}$ wordt nu de l_x berekend met

$$l_x = \alpha_{\text{raak}}(x-0.2) + l_{0.2} \quad (2.38)$$

Voor $x = 0.3(0.1)0.7$ wordt volgens (2.22) de definitieve s_x

berekend als

$$s_x = 3.39 \left(\frac{w_x^*}{l_x} \right)^{1/2} \quad (2.39)$$

Uit (2.19) volgt nu $(C_L)_x$ voor $x=0.2(0.1)0.9$, terwijl voor

$x = 1.0$ wordt geëxtrapoleerd

$$(C_L)_{1.0} = 3(C_L)_{0.9} - 3(C_L)_{0.8} + (C_L)_{0.7} \quad (2.40)$$

waarna met (2.21) voor alle x -waarden f/l bepaald wordt.

(iv)

Op de berekende waarden van f/l wordt nog de correctie van Ludwig-Ginzler toegepast:

$$(f/l)_{\text{geom}} = \frac{f/l}{k_1(x) k_2(F_a/F, x) k_3(F_a/F, \lambda_1)}, \quad (2.41)$$

waarin

$$F_a/F = \frac{2z}{\pi D} \int_{0.2}^{1.0} l_x dx, \quad (\text{bladoppervlakverhouding})$$

$$\lambda_i = 0.7(\operatorname{tg} \beta_i)^{0.7}$$

De functies k_i , oorspronkelijk gegeven in de vorm van grafieken, werden geapproximeerd als polynomen,

$$k_1(x) = \sum_{k=0}^2 a_k x^k$$

$$k_2(F_a/F, x) = \sum_{k=0}^2 \sum_{l=0}^3 b_{kl} (F_a/F)^k x^l$$

$$k_3(F_a/F, \lambda_i) = \sum_{k=0}^2 \sum_{l=0}^2 c_{kl} (F_a/F)^k \lambda_i^l$$

waarvan de coëfficiënten in Tabel IV zijn aangegeven.

Tabel IV

k	0	1	2
a_k	+1.176	-1.702	+0.857
$b_{k,0}$	+0.70301	+1.12569	-0.86178
$b_{k,1}$	+3.08984	-6.11588	+3.22811
$b_{k,2}$	-6.37586	+11.73895	-5.74011
$b_{k,3}$	+5.05019	-7.99867	+3.16132
c_{k0}	+1.25693	-0.02976	+0.49222
$c_{k,1}$	-0.78841	+0.07630	-1.78974
$c_{k,2}$	+0.37291	+0.00211	+1.46345

d) Berekening R 572

(i)

Het uitgangspunt is de relatie

$$\frac{dc_L}{d\alpha} (\varphi + \alpha_0 - \beta_1) = C_L \quad (2.42)$$

waarin

$$\varphi = \arctan\left(\frac{1}{\pi x} \cdot \frac{H}{D}\right)$$

Het doel van de berekening is $\text{tg}\beta_1(x)$ en $G(x)$ te vinden als gegeven zijn de profielgegevens $\frac{dc_L}{d\alpha}$ en α_0 , de bladcontour l

en de radiale spoedverdeling $\frac{H}{D}$ als functies van x en de functie $\text{tg}\beta$ volgens (2.5) bepaald is.

Uit (2.42) en (2.2) volgt ml.

$$2G \cos\beta_1 = \frac{1}{\pi D} \cdot \frac{dc_L}{d\alpha} \cdot (\varphi + \alpha_0 - \beta_1) \cdot \left(\frac{1}{\text{tg}\beta} - \frac{w^t}{v_e}\right), \quad (2.43)$$

hetgeen tezamen met (2.4) een tweetal relaties levert waaruit de beide onbekende functies opgelost kunnen worden.

(ii)

Een iteratieve methode om dit stelsel op te lossen - voorgesteld in rapport W.O. 47-52-6 - bestaat in toepassing van (2.10) en (2.12). Substitutie hiervan in (2.43) levert n.l. een lineair stelsel voor G_μ , waarvan de matrixcoëfficiënten berekend kunnen worden als een schatting voor $\text{tg}\beta_1$ bekend is. Als eerste schatting kan gekozen worden $\text{tg}\beta_1 = \text{tg}\varphi = \frac{1}{\pi x} \cdot \frac{H}{D}$. Uit de G_μ volgt met (2.12) w^a en w^t , waarna men een nieuwe schatting voor $\text{tg}\beta_1$ kan berekenen volgens (2.4). Bij het doorrekenen van enkele testgevallen bleek dit proces niet stabiel te zijn. Wel bleek zulks het geval te zijn met de volgende methode, gesuggereerd door J.A.Zonneveld.

Uit een schatting voor $\text{tg}\beta_1$ volgt de functie $G(x)$ zoals bij R476 beschreven. Met behulp van (2.43) wordt daarna een nieuw stel waarden van β_1 bepaald.

Daartoe wordt deze vergelijking, gebruik makend van (2.4), geschreven in de gedaante

$$\beta_i = \varphi + \alpha_0 - \frac{2\pi DG \sin \beta_i}{\frac{dC_L}{d\alpha} \left(1 + \frac{w^a}{v_e}\right)} \quad (2.44)$$

Voor elke waarde van x kan (2.44) met de methode der successieve substituties opgelost worden. Voor elke "grote" iteratiestap moeten dus 9 volledige "kleine" iteratieprocessen worden uitgevoerd.

(iii)

Uit de definitieve waarden van $\tan \beta_i$ en G worden tenslotte C_{T_i} en C_{P_i} berekend volgens (2.3) (zie sectie 2b11) en η_{P_i} volgens

$$\eta_{P_i} = \frac{C_{T_i}}{C_{P_i}} \cdot \frac{2}{1-x_n^2} \int_{x_n}^1 (1-w_x) x dx \quad (2.45)$$

waarbij de regel van Simpson voor de integratie wordt toegepast.

e) Berekening R 573

(i)

Hier is gegeven de waarde van C_{T_i} volgens (2.7a) en de relatie

$G(x) = kF(x)$, waarin $F(x)$ een voorgeschreven functie is en k een nog onbepaalde constante. Het doel is, de waarde van k en de functie $\text{tg}\beta_i$ te bepalen, waarbij wordt uitgegaan van (2.3a) en (2.4).

Duidt men de geïnduceerde snelheden voor $G=F$, dus $k=1$, van met w^{a*} en w^{t*} dan volgt uit deze formules

$$\frac{C_{T_i}}{4z} = k \int_{x_n}^1 F(x)(1-w_x)^2 \frac{1}{\text{tg}\beta} dx - k^2 \int_{x_n}^1 F(x)(1-w_x)^2 \frac{w^{t*}}{v_e} dx \quad (2.46)$$

$$\text{tg}\beta_i = \frac{1+k \frac{w^{a*}}{v_e}}{\frac{1}{\text{tg}\beta} - k \frac{w^{t*}}{v_e}} \quad (2.47)$$

waarin $\text{tg}\beta$ volgens (2.5) te berekenen is.

Is een schatting voor $\text{tg}\beta_i$ bekend - de eerste keer kan $\text{tg}\beta_i = \text{tg}\beta$ gekozen worden - dan kan uit (2.46) k worden opgelost.

(De eerste integraal is niet van $\text{tg}\beta_i$ afhankelijk en dus constant tijdens de iteraties)

Uit (2.47) volgt dan de volgende schatting voor $\text{tg}\beta_i$.

Als k en $\text{tg}\beta_i$ bepaald zijn wordt tenslotte $\frac{C_{L.1}}{D}$ berekend volgens (2.2).

(ii)

De functie $F(x)$ wordt gegeven in de vorm $\frac{F(x)}{\sin\varphi} = \frac{F(x)}{\frac{5}{2} \sqrt{(1-x)(x-0.2)}}$

om de integralen in (2.46) met formule (2.16) te kunnen berekenen.

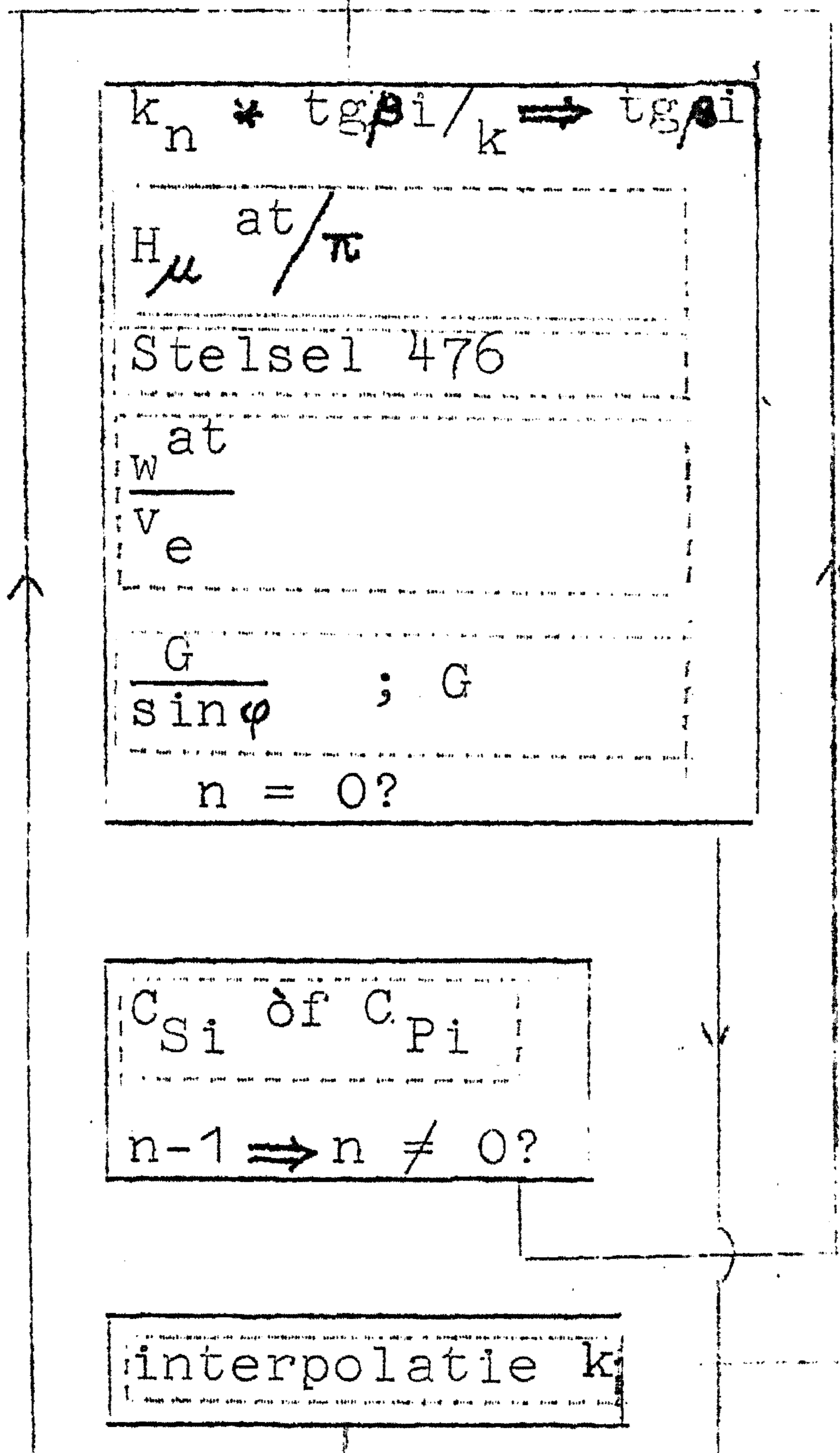
Dit heeft bovendien het voordeel, dat hieruit 9 Fouriercoëfficiënten F_n , nodig in (2.12), kunnen worden afgeleid, terwijl $F(x)$ zelf er slechts 7 geeft daar $F(0.2) = F(1.0) = 0$ is.

In het geval dat $F(x)$ geen wortelsingulariteiten heeft is (2.16) niet van toepassing en kunnen de integralen gewoon volgens de regel van Simpson berekend worden door het tweede stel coëfficiënten van Tabel III te gebruiken.

Programma 476

```

typ kop 1e deel
typ begin gegevens
tgβ
typ 1-wx; tgβ
tgβi/k
C*Ti of C*Pi
3 ⇒ n
    
```



24ES 573

```

CL.l/D
CSi N: *k
CPi N: *k
    
```

544 OEHO

16EH1 544

```

typ CL.l/D; σx; tgβi
    
```

544 17EH1

31EH8 544

```

typ k1.k2.k3; Wx*; Δα
    
```

544 0EH9

9EH9 544 I

```

typ C*Ti; k; CSi; CPi
typ kop 2e deel
typ begin gegevens
typ (Hv/D)g; Fa/F
typ l; s/l
typ (f/l)geom; H/D
    
```

stop

$$tg\beta = \frac{Vs(1-w_x)}{\pi n D x} \quad x=.2(.1)1.0$$

$$tg\beta_i/k = \frac{1}{\eta_{Pi}} \left(\frac{1-w}{1-w_x} \right)^{3/4} tg\beta$$

$$C_{Ti}^* = \frac{8 S_i}{\rho V_s^2 \pi D^2}$$

$$C_{Pi}^* = \frac{8 P_i}{\rho V_s^3 \pi D^2}$$

$$k=0(1)8$$

$$j=0(1)8$$

$$m=2(9*j+k)$$

$$x=x_k = \frac{k+2}{10}$$

$$x_0=x_j = \frac{j+2}{10}$$

at

i_{kj}

$0 \Rightarrow j$
 $0 \Rightarrow m$

$0 \Rightarrow k$

$k = j?$

$$\sin^3 \beta i_j \left(2 + \frac{9}{\text{tg}^2 \beta i_j} \right) + \frac{3x_k^2}{x_j^2 \text{tg}^2 \beta i_j} - 2 \Rightarrow G$$

$$\sqrt{\frac{1}{1 + \frac{x_k^2}{x_j^2 \text{tg}^2 \beta i_j}}} \Rightarrow F$$

$$e^z \left\{ \ln \left(\frac{\sqrt{1 + \frac{x_k^2}{x_j^2 \text{tg}^2 \beta i_j}} - 1}{\frac{1}{\sin \beta i_j} - 1} * x_j/x_k \right) + \sqrt{1 + \frac{x_k^2}{x_j^2 \text{tg}^2 \beta i_j}} - \frac{1}{\sin \beta i_j} \right\} \Rightarrow u$$

$k > j?$

$$F \left(\frac{u}{1-u} + \frac{1}{24z} G \ln \frac{1}{1-u} \right) \Rightarrow B^*$$

$$(1 - x_k/x_j) \frac{z}{\text{tg} \beta i_j} (1 + B^*) \Rightarrow i_{kj}^a$$

$$(x_j/x_k - 1) z B^* \Rightarrow i_{kj}^t$$

$$F \left(\frac{1}{u-1} - \frac{1}{24z} G \ln \frac{u}{u-1} \right) \Rightarrow A^*$$

$$(x_k/x_j - 1) \frac{z}{\text{tg} \beta i_j} A^* \Rightarrow i_{kj}^a$$

$$(1 - x_j/x_k) z (1 + A^*) \Rightarrow i_{kj}^t$$

$$\cos \beta i_j \Rightarrow i_{kj}^a$$

$$\sin \beta i_j \Rightarrow i_{kj}^t$$

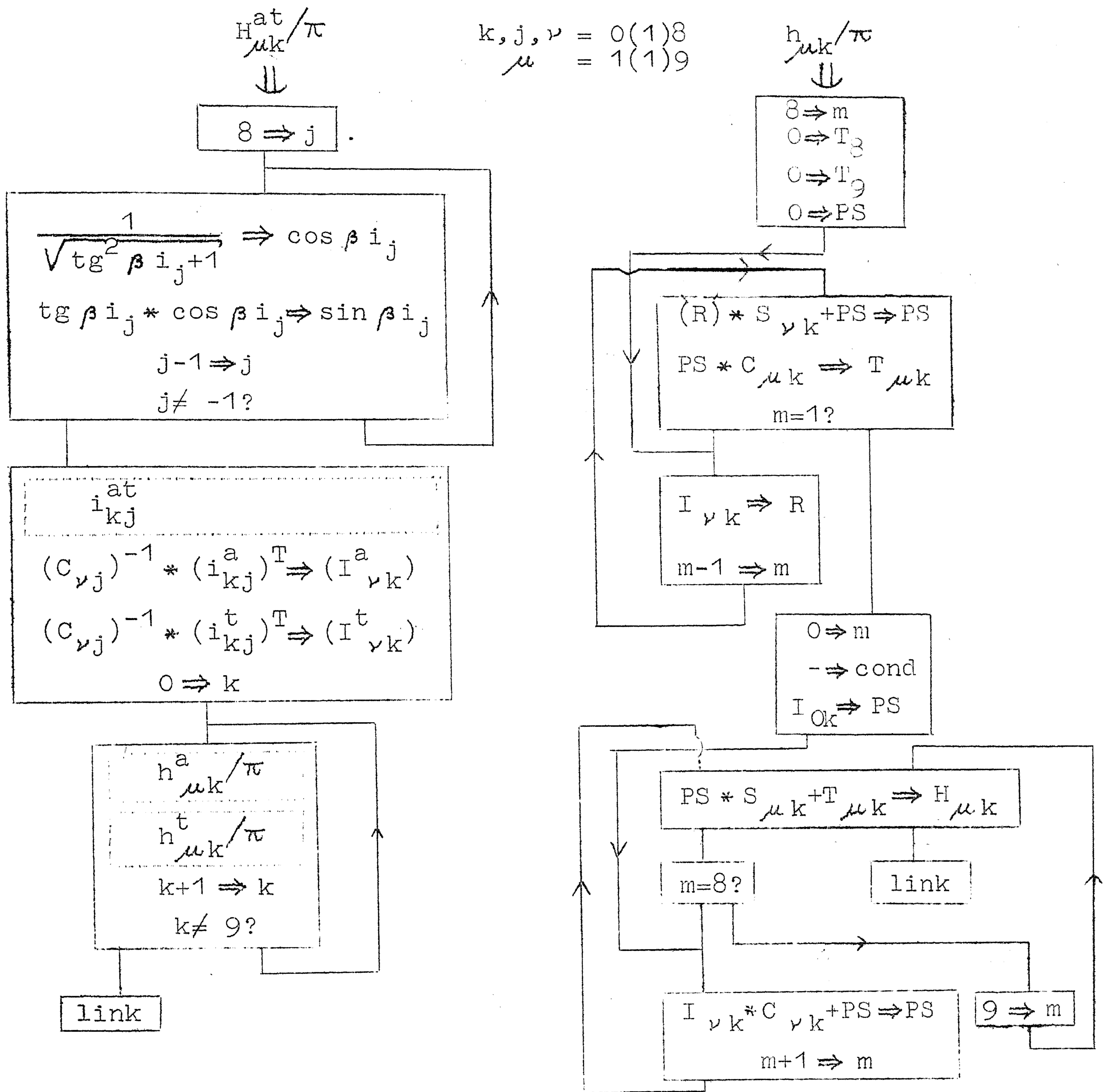
$i_{kj}^a = (m \text{ ZSO})$
 $i_{kj}^t = (m \text{ ZTO})$

waarbij OZSO en OZTO de begin adressen zijn van resp. (i_{kj}^a) en (i_{kj}^t) (16x12 t/m 17x17) (18x17 t/m 19x22)

$m + 2 \Rightarrow m$
 $k + 1 \Rightarrow k$
 $k \neq 9?$

$j + 1 \Rightarrow j$
 $j \neq 9?$

link



$$h_{\mu k}/\pi = S_{\mu k} \sum_{\nu=0}^{\mu} I_{\nu k} \cdot C_{\nu k} + C_{\mu k} \sum_{\nu=\mu+1}^8 I_{\nu k} S_{\nu k}$$

$$\begin{matrix} j \rightarrow \\ \nu \downarrow \end{matrix} \begin{matrix} \cos \nu \varphi_j \\ \end{matrix} = (C_{\nu j})$$

$$\begin{matrix} \nu \downarrow \\ k \rightarrow \end{matrix} \begin{matrix} I_{\nu k} \\ \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} j \rightarrow \\ k \downarrow \end{matrix} \begin{matrix} i_{kj} \\ \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} \mu \downarrow \\ k \rightarrow \end{matrix} \begin{matrix} \sin \mu \varphi \\ \sin \varphi \\ \end{matrix} = (S_{\mu k})$$

$$\begin{matrix} \mu \downarrow \\ k \rightarrow \end{matrix} \begin{matrix} H_{\mu k} \\ \end{matrix}$$

Stelsel 476

$$\sum_{\mu=1}^9 \frac{\pi}{1-x_n} \mu G_{\mu} [h_{\mu}^a / \pi + \operatorname{tg} \beta_i h_{\mu}^t / \pi] = \frac{\operatorname{tg} \beta_i}{\operatorname{tg} \beta} - 1$$

$$\left(\frac{H_{\mu k}^a}{\pi} \right)^T \Rightarrow (A_{k\mu}) \quad \text{fysisch transport waarbij de matrix getransponeerd wordt}$$

(16x12 t/m 17x17) ~~(20x22 t/m 21x27)~~

$$(\operatorname{tg} \beta_i) * \left(\frac{H_{\mu k}^t}{\pi} \right)^T + (A_{k\mu}) \Rightarrow (A_{k\mu})$$

(4x9 t/m 21x9)(18x17 t/m 19x22) (20x22 t/m 21x27)

$\operatorname{tg} \beta_i$ als diag. matr.

rechterlid $\frac{\operatorname{tg} \beta_i}{\operatorname{tg} \beta_k} - 1$ voor $k=0(1)8$

(22x27 t/m 7x28)

Oplossen van het stelsel geeft $\frac{\pi}{1-x_n} \mu G_{\mu}$ (22x27 t/m 7x28)

$\frac{W}{V_e}$

$$\frac{W}{V_e} = \sum_{\mu=1}^9 \frac{\pi}{1-x_n} \mu G_{\mu} \frac{h_{\mu}^{at}}{\pi}$$

$$\left(\frac{H_{\mu k}^a}{\pi} \right)^T * \left(\frac{\pi}{1-x_n} \mu G_{\mu} \right) \Rightarrow \left(\frac{w^a}{v_e} \right)$$

(16x12 t/m 17x17)(22x27 t/m 7x28)(12x11 t/m 29x11)

$$\left(\frac{H_{\mu k}^t}{\pi} \right)^T * \left(\frac{\pi}{1-x_n} \mu G_{\mu} \right) \Rightarrow \left(\frac{w^t}{v_e} \right)$$

(18x17 t/m 19x22) (30x11 t/m 15x12)

$$\frac{G}{\sin \varphi} ; G$$

$$\frac{\pi}{1-x_n} \mu G \mu * \frac{1-x_n}{\pi} / \mu \Rightarrow G_\mu \quad \text{voor } \mu = 1(1)9$$

(18x6) (22x27 t/m 7x28)

$$\left(\frac{\sin \mu \varphi}{\sin \varphi} \right)^T * (G_\mu) \Rightarrow \left(\frac{G}{\sin \varphi} \right)$$

(28x42 t/m 29x47) (26x10 t/m 11x11)

$$\frac{G}{\sin \varphi} * \sin \varphi \Rightarrow G \quad x=f(\varphi) = .2(.1)1.0$$

(30x47 t/m 15x48)(22x27 t/m 7x28)

$$\frac{C_{Si}}{\delta f} = 4z \int_{x_n}^1 G(1-w_x)^2 \left(\frac{1}{\text{tg } \beta} - \frac{w^t}{ve} \right) dx = \sum_2^{1.0} \frac{G}{\sin \varphi} (1-w_x)^2 \left(\frac{1}{\text{tg } \beta} - \frac{w^t}{ve} \right) * g_x$$

$$\frac{C_{Pi}}{\delta f} = 4z \int_{x_n}^1 G \frac{(1-w_x)^3}{\text{tg } \beta} \left(1 + \frac{w^a}{ve} \right) dx = \sum_2^{1.0} \frac{G}{\sin \varphi} \frac{(1-w_x)^3}{\text{tg } \beta} \left(1 + \frac{w^a}{ve} \right) * g_x$$

$$\frac{G}{\sin \varphi} = (26x10 \text{ t/m } 11x11) ; (1-w_x) = (24x5 \text{ t/m } 9x6) ;$$

$$\text{tg } \beta = (0x8 \text{ t/m } 17x8) ; \frac{w^a}{ve} = (12x11 \text{ t/m } 29x11) ; \frac{w^t}{ve} = (30x11 \text{ t/m } 15x12)$$

$$g_x = (14x7 \text{ t/m } 31x7)$$

Interpolatie

$$(22x6) \quad k_{-1} \quad .95 \quad C_{Si}/C_{Pi}(.95) \quad f_{-1} \quad (2x51)$$

$$(24x6) \quad k_0 \quad 1.00 \quad C_{Si}/C_{Pi}(1.00) \quad f_0 \quad (4x51) \quad C_{Si}/C_{Pi}^* = f^* \quad (0x51)$$

$$(26x6) \quad k_1 \quad 1.05 \quad C_{Si}/C_{Pi}(1.05) \quad f_1 \quad (6x51)$$

$$(8x51) \quad k=k_0 + \frac{0.2(f^* - f_0)}{(f_1 - f_{-1}) + \sqrt{(f_1 - f_{-1})^2 + 8(f^* - f_0)(f_1 - 2f_0 + f_{-1})}}$$

$$\frac{C_L * 1/D}{}$$

$$C_L * 1/D = 2 \pi G \frac{\cos \beta_i}{\frac{1}{\text{tg } \beta} - \frac{w^t}{ve}}$$

(8x28 t/m 25x28)

Programma 544

7EF₁

476

0.2 ⇒ x

$$\frac{1}{2} \rho [\pi n D x (1 + \tan \beta_i \tan \beta)]^2 \Rightarrow \tau_x$$

$$\frac{0.8(p_0 - e) - 0.4 D \gamma x}{\tau_x} \Rightarrow \sigma_x$$

$$\left(\frac{C_L \cdot 1}{D}\right)_x \cdot \tau_x \cdot \cos \beta_i \Rightarrow f_x$$

$$\left(\frac{C_L \cdot 1}{D}\right)_x \cdot \tau_x \cdot \sin \beta_i \Rightarrow g_x$$

x+0.1 ⇒ x ≠ 1.1?

14EE₁

476

476

2EE₁

$$\int_x^{1.0} f(t) dt \Rightarrow F_x \text{ voor } x=0.2(0.1)1.0$$

$$\int_x^{1.0} g(t) dt \Rightarrow G_x \text{ voor } x=0.2(0.1)1.0$$

$$\int_x^{1.0} F(t) dt \Rightarrow \Phi_x \text{ voor } x=0.2(0.1)1.0$$

$$\int_x^{1.0} G(t) dt \Rightarrow \Gamma_x \text{ voor } x=0.2(0.1)1.0$$

0.2 ⇒ x

$$\frac{D^3}{4\sigma_T \cos^2 \varepsilon} \left\{ \cos \beta_i \Phi_x + \sin \beta_i \Gamma_x \right\} \Rightarrow W_x^*$$

x+0.1 ⇒ x ≠ 1.1?

A1

A1

$$1.0647 (W_{0.2}^* z^{1/2})^{1/3} \Rightarrow s_{0.2}$$

$$s_{0.2}/0.105 z^{1/2} \Rightarrow l_{0.2}$$

$$0.5 \Rightarrow x$$

$$\frac{1.16 s_x + 0.278 \left(\frac{c_L^1}{D/x} \right) \cdot D}{\sqrt{\sigma_x + 1} - 0.998} \Rightarrow$$

$$x + 0.1 \Rightarrow x$$

$$(1.15 s_{0.2} - 0.00525 D) - (1.15 s_{0.2} - 0.00875 D)x \Rightarrow s_x$$

$$x \neq 1.0?$$

$$0 \Rightarrow l_{1.0}$$

$$0.6 \Rightarrow x$$

$$5(l_{x+0.1}^{-1} l_{x-0.1})(x-0.2) - l_{x+1}^{-1} l_{0.2} > 0?$$

$$x = .6?$$

$$x+0.1 \Rightarrow x \neq 1.0?$$

Fout;
stop

$$0.2 + \left[(x-0.3)(x-0.2) - \frac{10(l_x^{-1} l_{x-0.1})(x-0.3) + l_{0.2}^{-1} l_{x-0.1}}{25(l_{x-0.2}^{-1} l_{x-0.1}^{-1} l_x^{-1} l_{x+0.1})} \right]^{1/2} \Rightarrow x_{raak}$$

$$10(l_x^{-1} l_{x-0.1}) + 25(l_{x-0.2}^{-1} l_{x-0.1}^{-1} l_x^{-1} l_{x+0.1})(2x_{raak}^{-2x+0.1}) \Rightarrow \alpha_{raak}$$

$$0.3 \Rightarrow x$$

$$\alpha_{raak} * (x-0.2) + l_{0.2} \Rightarrow l_x$$

$$x+0.1 \Rightarrow x < x_{raak}?$$

A2

A2

0.3 \Rightarrow x

$$3.39 \left(\frac{W_x^*}{I_x} \right)^{1/2} \Rightarrow s_x$$

$$x + 0.1 \Rightarrow x \neq 0.8?$$

$$\int_{0.2}^{1.0} l(t) dt \Rightarrow I$$

$$\frac{2z}{\pi D} \cdot I \Rightarrow F_a/F$$

$$0.7 (\tan \beta_i)^{0.7} \Rightarrow \lambda_i$$

$$0.2 \Rightarrow x$$

x = 1.0?

$$\left(\frac{C_L 1}{D} \right)_x D/l_x \Rightarrow (C_L)_x$$

$$3(C_{L.9} - C_{L.8}) + C_{L.7} \Rightarrow C_{L1.0}$$

$$0.0679 (C_L)_x \Rightarrow (f/l)_x$$

$$\frac{(f/l)_x}{(k_1)_x \cdot (k_2)_x \cdot k_3} \Rightarrow (f/l)_{\text{geom.}x}$$

$$x l_x \Rightarrow \varphi_x$$

$$\pi x \cdot \frac{\sin 1.16(C_L)_x + \cos 1.16(C_L)_x \cdot \tan \beta_i}{\cos 1.16(C_L)_x - \sin 1.16(C_L)_x \cdot \tan \beta_i} \Rightarrow (H/D)_x$$

$$\pi x \cdot \frac{\sin 9.12(C_L)_x + \cos 9.12(C_L)_x \cdot \tan \beta_i}{\cos 9.12(C_L)_x - \sin 9.12(C_L)_x \cdot \tan \beta_i} \cdot \varphi_x \Rightarrow \psi_x$$

$$x + 0.1 \Rightarrow x \neq 1.1?$$

476

15EE₁

19EE₁

476

$$\int_{0.2}^{1.0} \varphi(t) dt \Rightarrow I_1$$

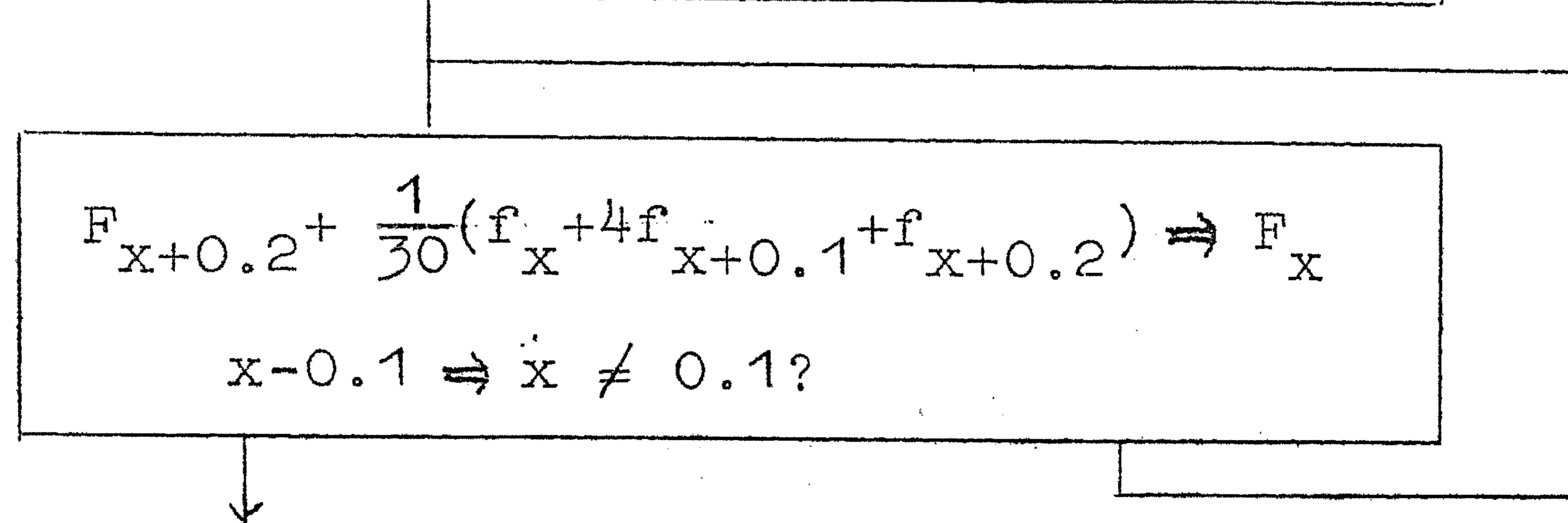
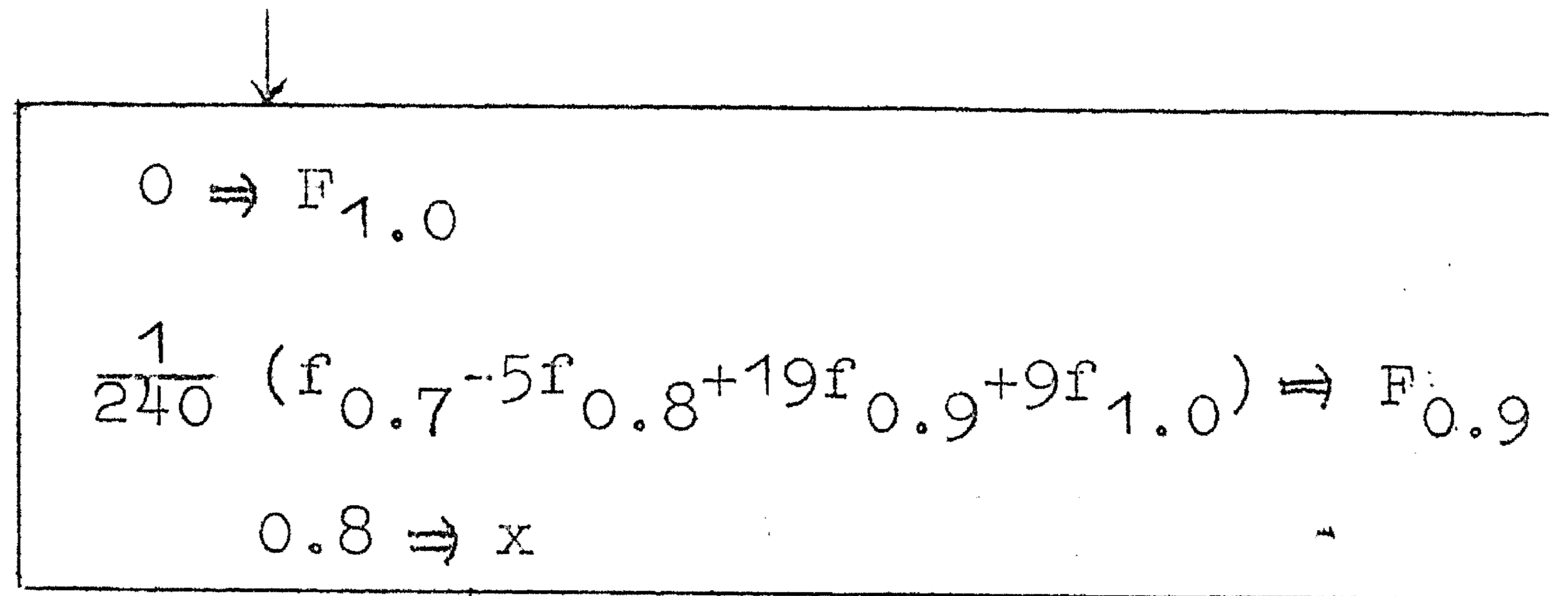
$$\int_{0.2}^{1.0} \psi(t) dt \Rightarrow I_2$$

$$\frac{I_2}{I_1} \Rightarrow (H_v/D)_{\text{gem.}}$$

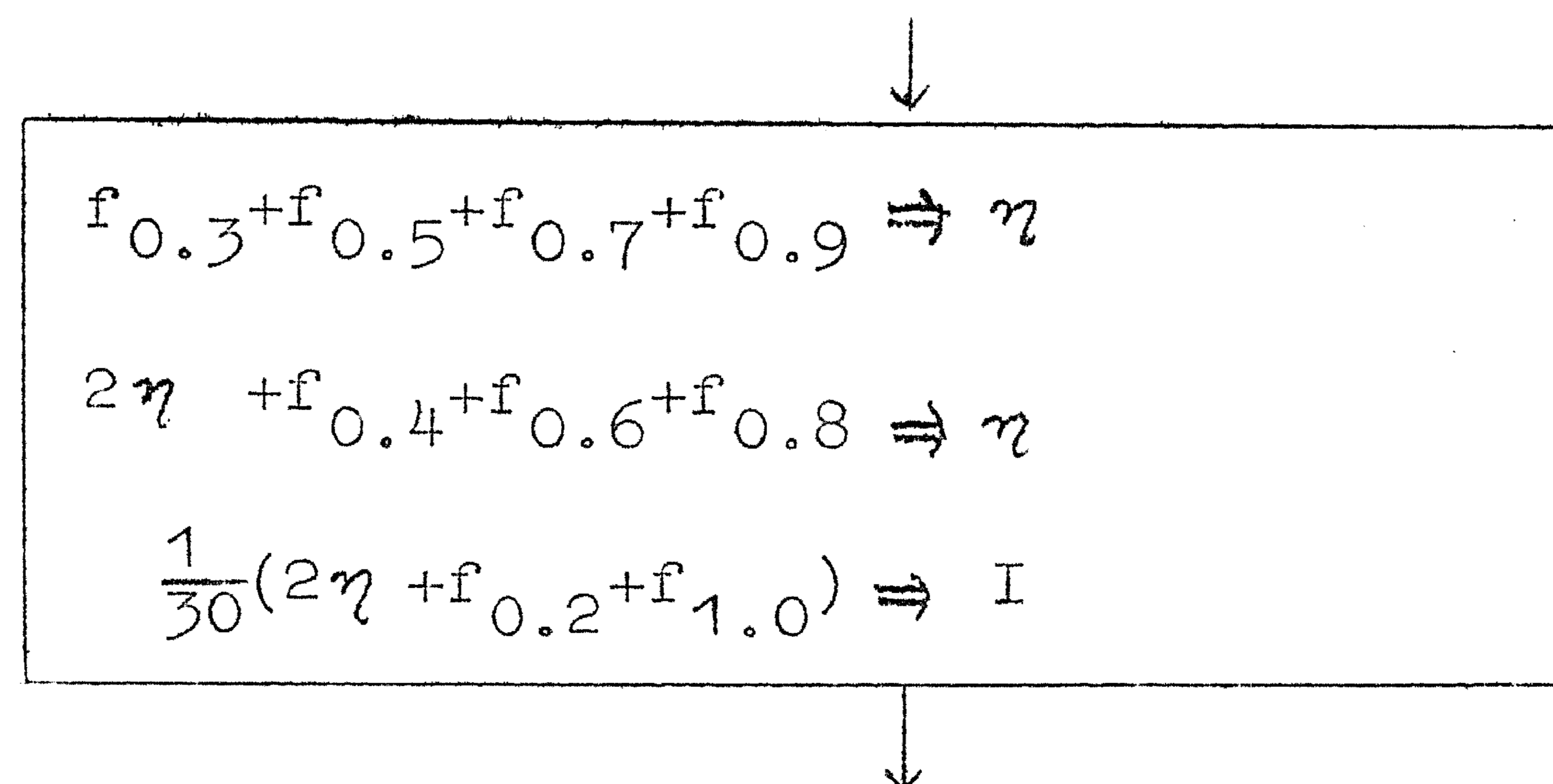
476

20 EE₁

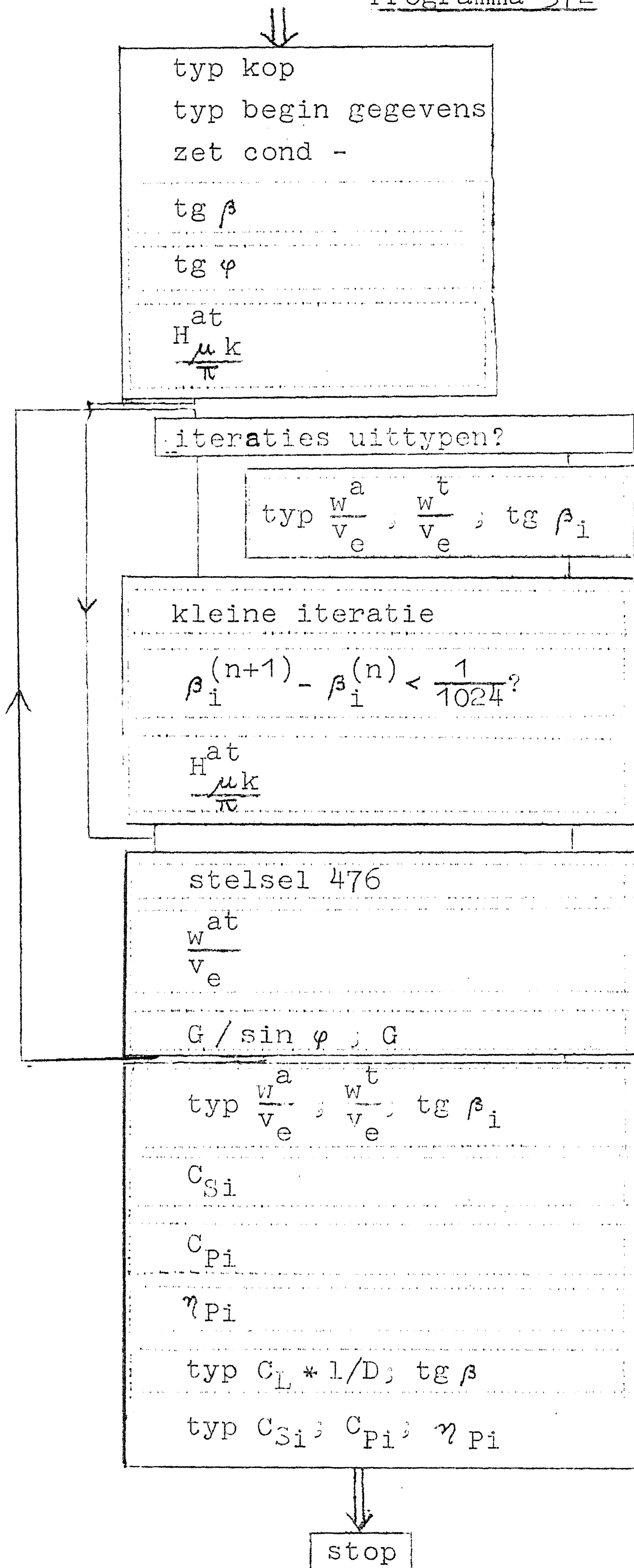
Subroutine $F(x) = \int_x^{1.0} f(t)dt$; $x = 0.2(0.1)1.0$



Subroutine $I = \int_{0.2}^{1.0} f(t)dt$



Programma 572



tg φ

$$\text{tg } \varphi(x) = \frac{H/D}{\pi x} \Rightarrow 1^e \text{tg } \beta_i \quad x = .2(.1)1.0$$

$$\varphi(x) = \text{arctg } (\text{tg } \varphi) \Rightarrow 1^e \beta_i \quad x = .2(.1)1.0$$

$$\varphi(x) + \alpha_0(x) \Rightarrow \psi(x) \quad x = .2(.1)1.0$$

$$\frac{2 \pi D}{\frac{dC_1}{d\alpha} l(x)} \quad x = .2(.1).9$$

$$0 \Rightarrow \frac{2 \pi D}{\frac{dC_1}{d\alpha} l(1.0)}$$

kleine iteratie

$$\beta_i^{(p+1)} = \underbrace{\varphi + \alpha_0}_{\psi} - \frac{2 \pi D G}{\frac{dC_L}{d\alpha} l(1 + \frac{w^a}{v_e})} \sin \beta_i^{(p)}$$

8 \Rightarrow k

$$x = f(k) = .2(.1)1.0$$

$$\left\{ \frac{2 \pi D G}{\frac{dC_1}{d\alpha} l(1 + \frac{w^a}{v_e})} \right\}_k \Rightarrow b_k$$

$$\beta_{i_k}^{(p+1)} = \psi_k - b_k \sin \beta_{i_k}^{(p)}$$

$$\beta_{i_k}^{(p+1)} - \beta_{i_k}^{(p)} < \frac{1}{1024}?$$

$$\beta_{i_k}^{(p+1)} \Rightarrow \beta_{i_k}^{(p)}$$

$$\beta_{i_k}^{(p)} = \beta_{i_k}^{(n+1)}$$

$$\cos \beta_{i_k}^{(n+1)}$$

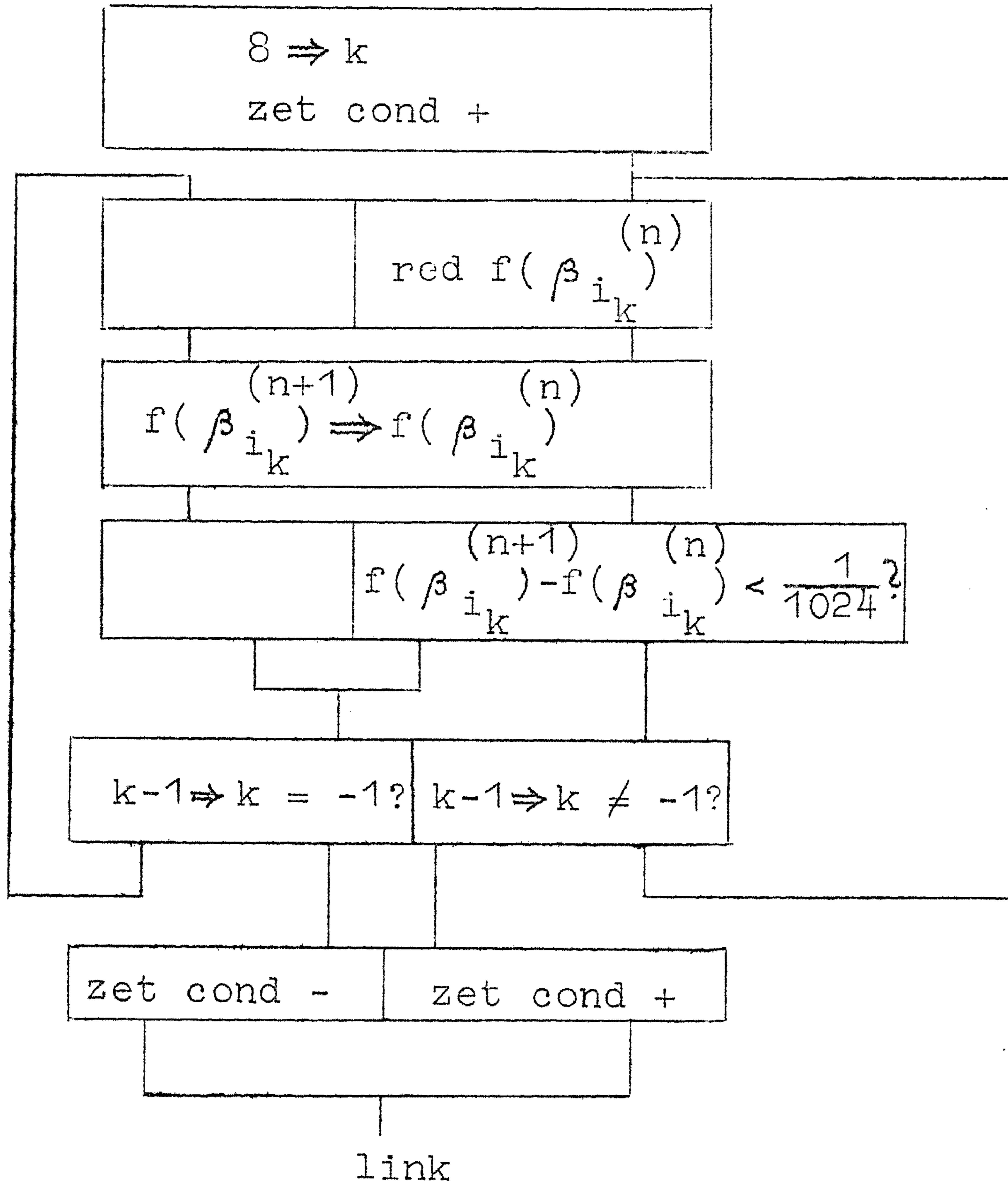
$$\sin \beta_{i_k}^{(n+1)}$$

$$\text{tg } \beta_{i_k}^{(n+1)}$$

$$k-1 \Rightarrow k \neq -1?$$

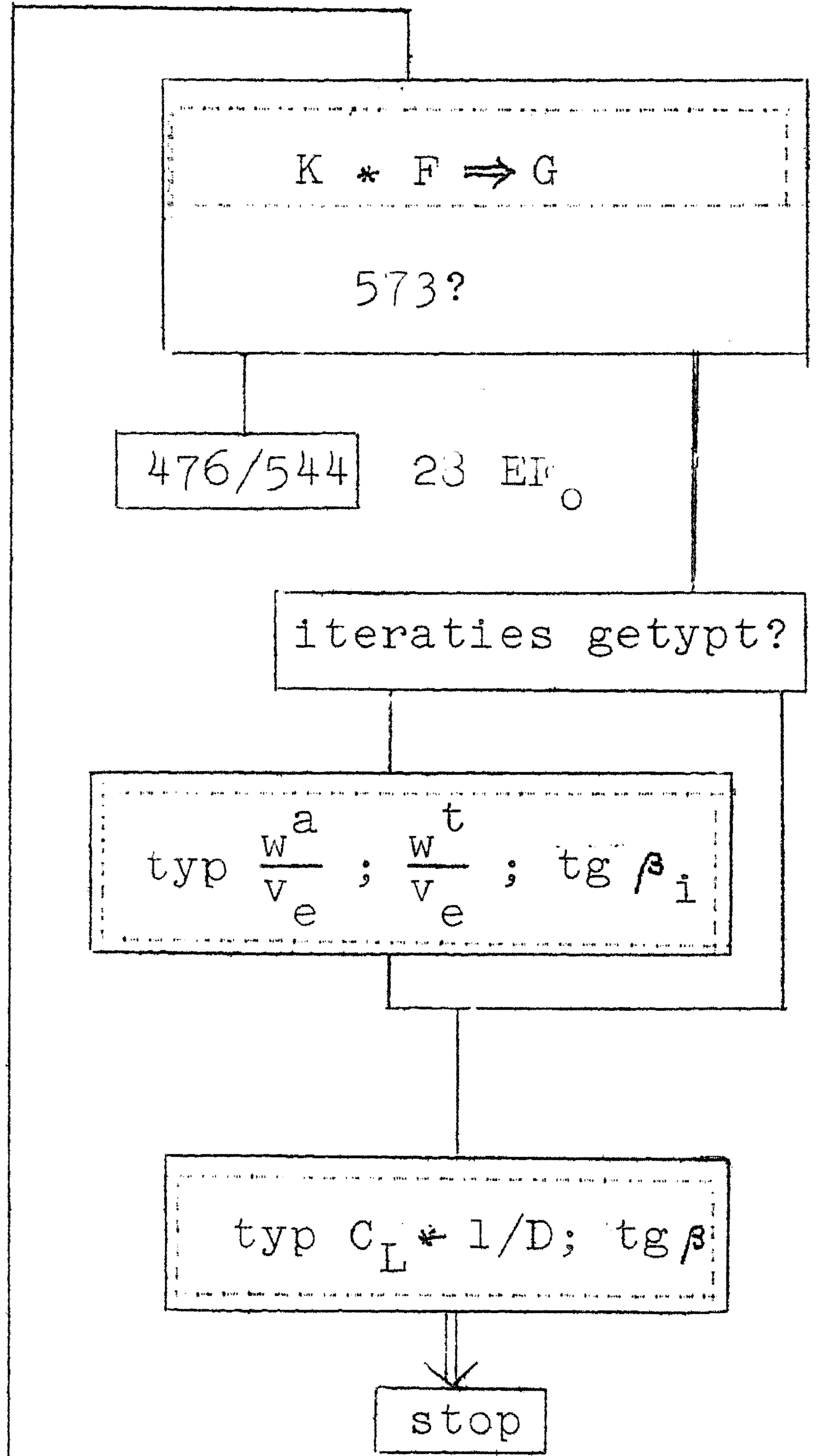
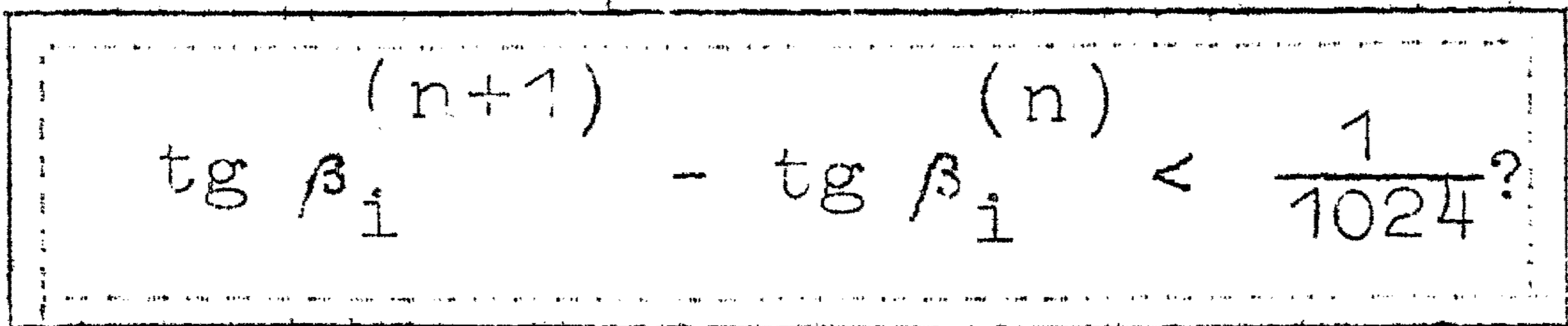
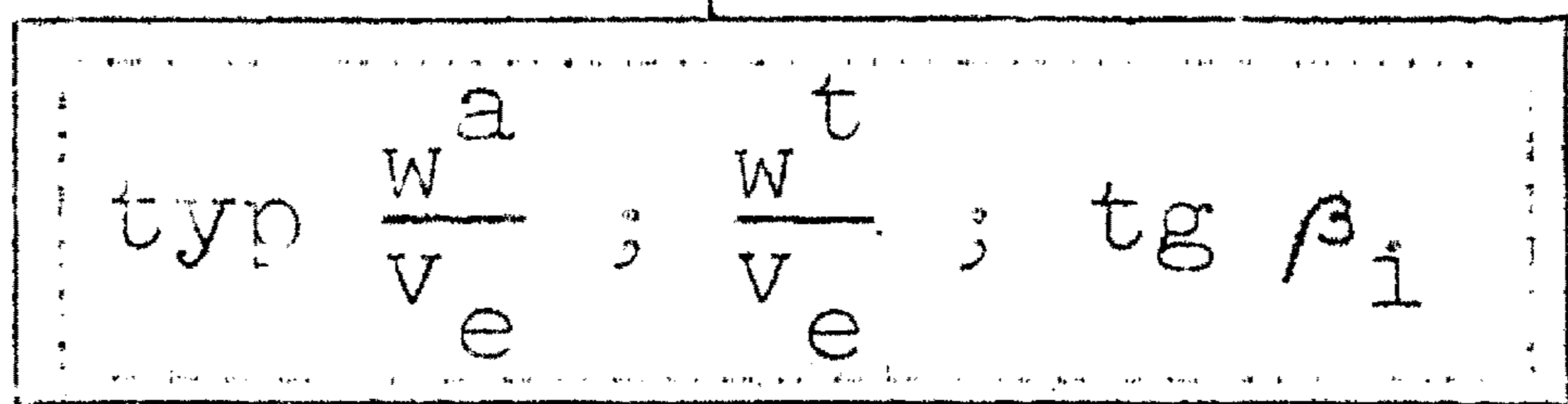
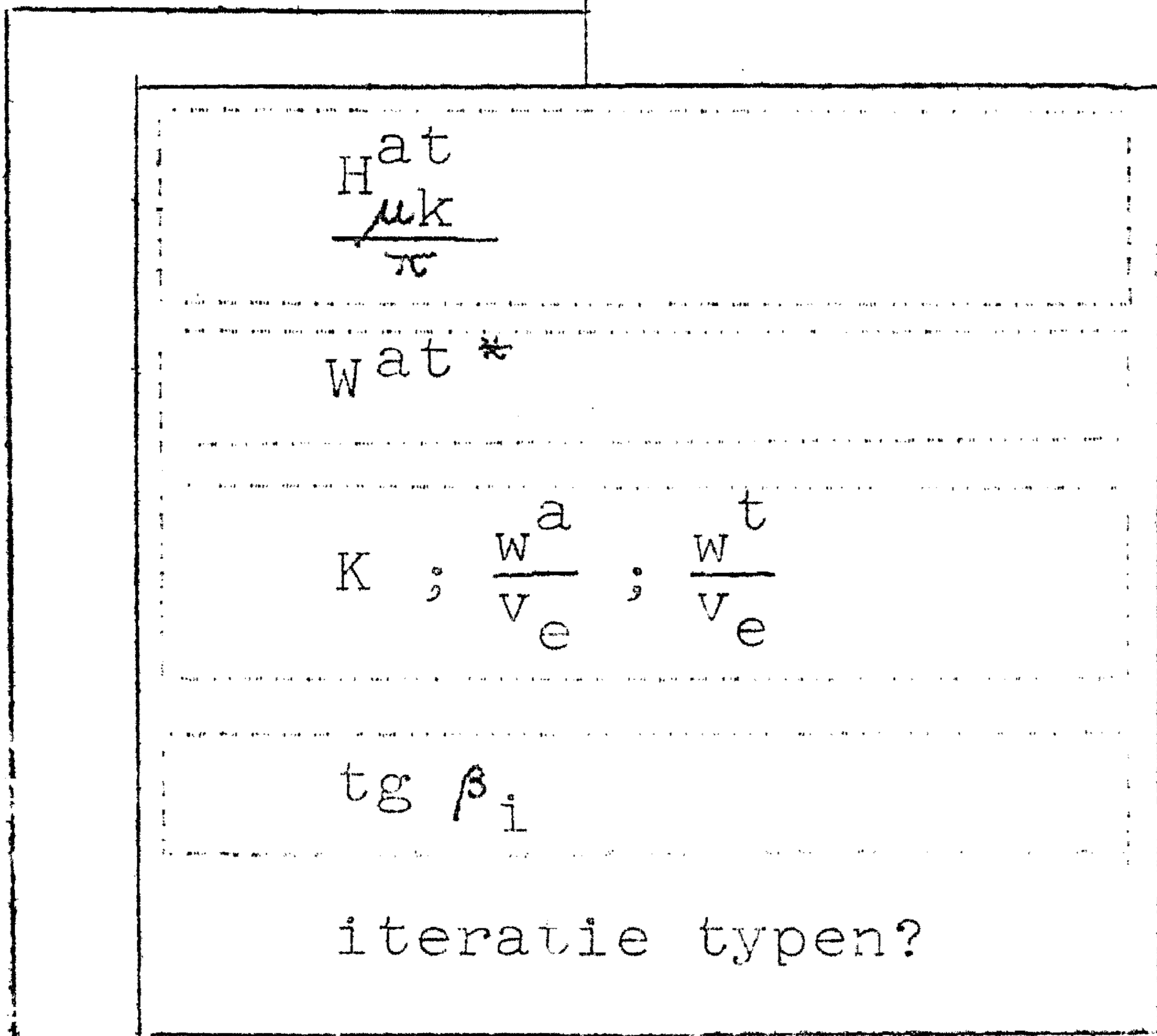
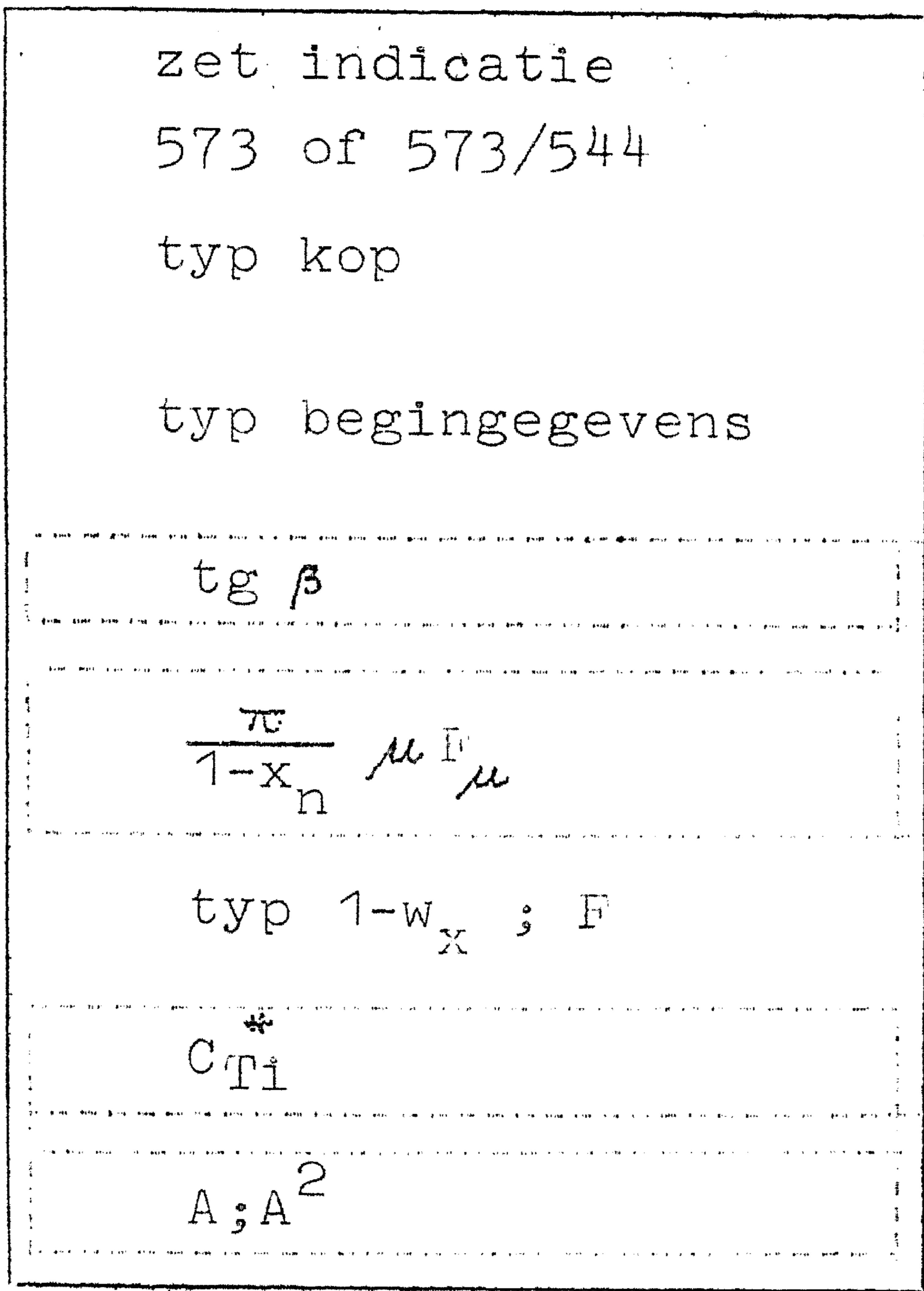
link

$$f(\beta_i)^{(n+1)} - f(\beta_i)^{(n)} < \frac{1}{1024} ?$$



$$\eta_{Pi} = \frac{C_{Si}}{C_{Pi}} * \frac{1}{\frac{1}{2}(1-x_n)^2} * \int_{x_n}^1 (1-w_x)x dx = \frac{C_{Si}}{C_{Pi}} * \frac{25}{12} * \int_{-2}^{1.0} (1-w_x)x dx$$

pr.573 pr.573/544



$$C_{Ti}^* = 4 z K \int_{x_n}^1 \frac{F}{\sin \varphi} (1-w_x)^2 \frac{\sin \varphi}{\text{tg } \beta} dx - 4 z K^2 \int_{x_n}^1 \frac{F}{\sin \varphi} (1-w_x)^2 w_t^* \sin \varphi dx$$

$$w_{at}^* = \frac{\pi}{1-x_n} \sum_{\mu=1}^9 \mu F_{\mu} \quad \text{hat} \quad \frac{\mu}{\pi}$$

$$\text{tg } \beta_i = \frac{1 + \frac{wa}{ve}}{\cot \beta - \frac{wt}{ve}}$$

$$\frac{\pi}{1-x_n} \mu F_{\mu}$$

$$\left(\frac{\sin \mu \varphi^T}{\sin \varphi} \right)^{-1} * \left(\frac{F}{\sin \varphi} \right) \Rightarrow \left(F_{\mu} \right)$$

$$\frac{\pi}{1-x_n} * \mu * F_{\mu} \Rightarrow \frac{\pi}{1-x_n} \mu F_{\mu} \quad \mu = 1(1)9$$

$$1/\text{tg } \beta \Rightarrow \cot \beta$$

$$\text{tg } \beta \Rightarrow \text{tg } \beta_i \quad 1^e \text{ schatting}$$

$$\frac{F(x)}{\sin \varphi} * \sin \varphi \Rightarrow F(x)$$

$$x = .2(.1)1.0$$

$$A ; A^2$$

$$A = 4 z \int_{.2}^{1.0} \frac{F}{\sin \varphi} (1-w_x)^2 \frac{\sin \varphi}{\text{tg } \beta} dx$$

afhankelijk van schakelaar do wordt deze integraal uitgerekend met gewichten die wortel singulariteit opvangen of met Simpson

$$W^{at*} = \frac{\pi}{1-x_n} \sum_{\mu=1}^9 \mu F_{\mu} \frac{h^{\mu}}{\pi}$$

$$K ; \frac{w^a}{ve} \quad \frac{w^t}{ve}$$

$$4 z \int_{x_n}^{1.0} \frac{F}{\sin \varphi} (1-w_x)^2 W_t^* \sin \varphi dx \Rightarrow B \quad (\text{zie opmerking wortelgewichten})$$

$$K = \frac{1}{2} \frac{A - \sqrt{A^2 - 4B C_{Ti}^*}}{B}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{w^a}{ve} &= K * Wa^* \\ \frac{w^t}{ve} &= K * Wt^* \end{aligned} \right\} x = .2(.1)1.0$$

$$\frac{tg \beta_i}{}$$

$$tg \beta_i = \frac{1 + \frac{w^a}{ve}}{\cot \beta - \frac{w^t}{ve}}$$

$$tg \beta_i^{(n+1)} - tg \beta_i^{(n)} < \frac{1}{1024} ? \quad \text{zie 572}$$

Invoer 476 / 544.

	DN			
	DA 0 x 5			
0 x 5	+ 0 of + 1	indicatie: (2 x 5) = Si resp. Pi		
1 x 5	-	codewoord schroef (zie opmerking)		
2 x 5	DE	Si of Pi (kg)		
4 x 5		D (m)		
6 x 5		z		
8 x 5		n (r.p.s.)	Start F 1	
10 x 5		\sqrt{s} (m/sec)		
12 x 5		$\cos \xi$		
14 x 5		γ (kg/m ³)		
16 x 5		$\rho_0 - e$ (kg/m ²)		
18 x 5		ρ (kg.sec ² /m ⁴)		
20 x 5		σ_T (kg/m ²)		
22 x 5		1-w		
24 x 5		1-w.2		
26 x 5		1-w.3		
28 x 5		1-w.4		
30 x 5		1-w.5		
0 x 6		1-w.6		
2 x 6		1-w.7		
4 x 6		1-w.8		
6 x 6		1-w.9		
8 x 6		1-w.1.0		
10 x 6		γ Pi		

Opmerking I

Met behulp van dit codewoord typt de subroutine typ tekst (P54) het nummer van de schroef aan de kop van het programma

het nummer mag maximaal uit 4 symbolen bestaan. Het code woord is altijd negatief.

Screw nr. 2595 codewoord = - 02050905

Screw nr. A5 codewoord = - 18211905

Geheugenindeling getallen materiaal R 476

0x8	t/m	17x8	:	tg β	zie ook
18x8	"	3x9	:	tg β_i/k	0x5 t/m 31x7 (pag.30,37)
4x9	"	21x9	:	tg β_i	en
22x9	"	7x10	:	cos β_i	werkruimte 544 (pag. 32)
8x10	"	25x10	:	sin β_i	
26x10	"	11x11	:	G/sin φ	
12x11	"	29x11	:	w ^a /ve	
30x11	"	15x12	:	w ^t /ve	
16x12	"	17x17	:	i _{kj} ^a ; h _{μk}} ^a / π	
18x17	"	19x22	:	i _{kj} ^t ; h _{μk}} ^t / π	
20x22	"	21x27	:	I _{νk}} ^a ; A _{kμ}	20x22 t/m 5x23 : q _{1.4} =w.r. P101.
22x27	"	23x32	:	I _{νk}} ^t	22x27 " 7x28 : tg β_i /tg β -1; $\frac{\pi}{1-x_n} \mu G \mu; G \mu; G.$
					8x28 " 25x28 : C _L .1/D.
					26x28 " 5x29 : q _{1.2} =w.r. P101.
24x32	"	25x37	:	cos ⁻¹ $\nu\varphi$	
26x37	"	27x42	:	cos $\nu\varphi$	
28x42	"	29x47	:	$\frac{\sin \mu\varphi}{\sin \varphi}$	
30x47	"	15x48	:	sin φ	
0x51	:	C _{Ti} [*]			10x51 " 1x52: w.r. P 104;
2x51	:	C _{Si} (.95); C _{Si}			" q _{1.3} (P101);
4x51	:	C _{Si} (1.0); C _{Pi}			" i ^{at}
6x51	:	C _{Si} (1.05)			" h _{μ} ^{at}
8x51	:	k			" C _{Si} /C _{Pi} .

Geheugenindeling getallen materiaal R 544

0x8	t/m	17x8	:	$\text{tg } \beta$	
4x9	"	21x9	:	$\text{tg } \beta_i$	
22x9	"	7x10	:	$\cos \beta_i$	
8x10	"	25x10	:	$\sin \beta_i$	
16x12	"	1x13	:	$\sigma(x)$	
2x13	"	19x13	:	$f(x); \phi(x); s(x)$	
20x13	"	5x14	:	$g(x); \Gamma(x); l(x)$	
6x14	"	23x14	:	$F(x); W^*(x)$	
24x14	"	9x15	:	$G(x); C_L(x)$	
10x15	"	27x15	:	$(f/l)_x$	
28x15	"	13x16	:	$(f/l)_{\text{geom.}x}$	
14x16	"	31x16	:	$\varphi(x)$	
0x17	"	17x17	:	$(H/D)_x$	8x28 t/m 25x28 : $c_L \cdot l/D$
18x17	"	3x18	:	$\psi(x)$	10x51 " 21x51 : werkruimte
4x18	"	21x18	:	Δ_α	
22x18	"	7x19	:	s/l	zie verder
8x19	"	25x19	:	$k_1 \cdot k_2 \cdot k_3$	0x4 t/m 23x4 (pag.37)
					0x5 " 31x7 (pag.30,37)
26x19	:	Fa/F			
28x19	:	$(H_V/D)_{\text{gem.}}$			

Invoer 572

```

DNDA 1x5
1x5 - ... .. codewoord schroef (zie opmerking I)
DF
DX 2
4x5 D
6x5 z
8x5 n
10x5 Vs
12x5 dCL/dα

```

Start F2

```

DF
DA 24x5
24x5 :
t/m : 1-w_x x = .2(.1)1.0
9x6 :
DF
DA 1570x0
2x49 :
t/m : α_0(x) x = .2(.1)1.0
19x49 : in radialen
DF
DA 1588x0
20x49 :
t/m : l(x) x = .2(.1)1.0
5x50 :
DF
DA 1606x0
6x50 :
t/m : H/D(x) x = .2(.1)1.0
23x50 :

```

Opmerking II

Het al dan niet uittypen van opeenvolgende iteratie stappen wordt beïnvloed door de stand van schakelaar d₁ van het console woord (2^e van rechts)

d₁ = 1 ↑ niet uittypen opeenvolgende iteratie stappen
0 ↓ wel

Geheugenindeling getallen materiaal 572

0x8	t/m	17x8	: tg β	zie ook
18x8	"	3x9	: $\beta_i^{(n)}$	0x5 t/m 31x7
4x9	"	21x9	: tg $\beta_i^{(n)}$	(pag. 33,37)
22x9	"	7x10	: cos $\beta_i^{(n)}$	
8x10	"	25x10	: sin $\beta_i^{(n)}$	
26x10	"	11x11	: G/sin φ	
12x11	"	29x11	: w^a/ve	
30x11	"	15x12	: w^t/ve	
16x12	"	17x17	: i_{kj}^a ; $h_{\mu k}^a/\pi$	
18x17	"	19x22	: i_{kj}^t ; $h_{\mu k}^t/\pi$	
20x22	"	21x27	: $I_{\nu k}^a$; $A_{k\mu}$	20x22 t/m 5x23 : wr P101 $q_{i.4}$
22x27	"	23x32	: $I_{\nu k}^t$	27x27 " 7x28 : tg $\beta_i(tg\beta-1)$;
24x32	"	25x37	: $\cos^{-1} \nu \varphi$	$\frac{\pi}{1-x} \mu G \mu$; $G \mu$; G .
26x37	"	27x42	: $\cos \nu \varphi$	8x28 " 25x28 : $\beta_i^{(p+1)} = \beta_i^{(n+1)}$;
28x42	"	29x47	: $\sin \mu \varphi / \sin \varphi$	$C_L \cdot 1/D$
30x47	"	15x48	: $\sin \varphi$	26x23 " 11x29 : $2\pi DG / \frac{dC_L}{d\alpha} \cdot 1(1+w^a/ve)$
16x48	"	1x49	: $2\pi D / \frac{dC_L}{d\alpha} \cdot 1$	wr P101 $q_{1.2}$
2x49	"	19x49	: α_o	12x29 " 29x29 : $\beta_i^{(p)}$; $x(1-w_x)$.
20x49	"	5x50	: 1	26x28 : C_{Si}
6x50	"	23x50	: H/D	28x28 : C_{Pi}
24x50	"	9x51	: ψ	30x28 : η_{Pi}
10x51	"	1x52	: werkruimte.P 104 ; q 1.3 (P101); i^{at} ; h_{μ}^{at} ;	
			C_{Si}/C_{Pi}	

Invoer voor Scheepsschroeven met voorgeschreven circulatie verdeling (geg. met *) Start F3 573

evt. gevolgd door "2^e deel schroefontwerp m.b.v. inductie factoren" Start F4 573/544

DN

DA 0x5

0x5 + 0 of + 1 * indicatie S_i of P_i
 1x5 - * codewoord schroef (zie opm.I)

DF

2x5 * S_i of P_i
 4x5 * D
 6x5 * z
 8x5 * n
 10x5 * V_s
 12x5 cos ε
 14x5 γ
 16x5 p_o - e
 18x5 * ρ
 20x5 σ_T

DF

DA 24x5

24x5 * 1-w_x
 t/m
 9x6

DF

DA 26x10

26x10
 t/m * $\frac{F(x)}{\sin \varphi}$
 11x11

Opmerking III

$$\frac{F(x)}{\sin \varphi} = \frac{F(x)}{2\frac{1}{2} \sqrt{(1-x)(x-.2)}} \cdot \text{zie}$$

pag.14 (ii). Deze F(x) is de voorgeschreven circulatieverdeling. Van het quotient worden de numerieke waarden berekend voor x = .2(.1)1.0 (tabel I) Aan de top en deas (x=1.0 resp. 2) e.v.t. door een limiet overgang.

Opmerking IV

Ook hier kunnen tussen-resultaten uitgetypt worden (opm.II)

Opmerking V

Om een eventuele wortel singulariteit in F(x) op te vangen zet men d0 van het console woord op 0.

Staat d0 op 1 dan wordt met Simpson geïntegreerd.

Geheugenindeling getallen materiaal 573, 573/544

0x8	t/m	17x8	:	$\text{tg } \beta$	
18x3	"	3x9	:	$\text{cot } \beta$	
4x9	"	21x9	:	$\text{tg } \beta_i^{(n)}$	
22x9	"	7x10	:	$\text{cos } \beta_i^{(n)}$	
3x10	"	25x10	:	$\text{sin } \beta_i^{(n)}$	
26x10	"	11x11	:	$F/\text{sin } \varphi$	
12x11	"	29x11	:	$W a^*$; w^a/v_e	
30x11	"	15x12	:	$W t^*$; w^t/v_e	
16x12	"	17x17	:	i_{kj}^a ; $h_{\mu k}^a/\pi$	
18x17	"	19x22	:	i_{kj}^t ; $h_{\mu k}^t/\pi$	
20x22	"	21x27	:	$I_{\nu k}^a$; $\left(\frac{\text{sin } \mu \varphi}{\text{sin } \varphi}\right)^T$	20x22 t/m 5x23: wr. P104 $q_{1.4}$
22x27	"	23x32	:	$I_{\nu k}^t$	22x27 " 7x28: $F/\text{sin } \varphi$; $F\mu$
24x32	"	25x37	:	$\text{cos}^{-1} \nu \varphi$	8x28 " 25x28: $\text{tg } \beta_i^{(n+1)}$; $C_L \cdot 1/D$
26x37	"	27x42	:	$\text{cos } \nu \varphi$	26x28 " 5x29: wr. P101 $q_{1.2}$
28x42	"	29x47	:	$\text{sin } \mu \varphi / \text{sin } \varphi$	0x51 : C_{Ti}^*
30x47	"	15x48	:	$\text{sin } \varphi$	2x51 : A ; C_{Si}
16x48	"	1x49	:	$F(x)$	4x51 : A^2 ; C_{Pi}
2x49	"	19x48	:	$\frac{zF(x)}{\text{sin } \varphi} (1-w_x)^2$	6x51 : B
20x48	"	5x50	:	$\frac{\pi}{1-x_n} \mu F \mu$	8x51 : K
10x51	"	1x52	:	werkruimte: P 104; $q_{1.3}$ (P 101); i^{at} ; h_{μ}^{at} ; C_{Si}/C_{Pi}	

Geheugen indeling 0x4 t/m 31x7

			$\frac{1-x_n}{\pi}$
0x4 + 1.0647		18x6 + .254647908	
2 + 1.05	constanten 544	20 + 3.14159265	π
4 + 1.16		22 + .95	k_{-1}
6 + .278		24 + 1.0	k_0
8 + .998		26 + 1.05	k_1
10 + 1.15		28 + .2	x-waarden
12 + .00525		30 + .3	
14 + .00875		0x7 + .4	
16 + 3.39		2 + .5	
18 + .0679		4 + .6	
20 + .159174		6 + .7	
22 + .020246	8 + .8		
24x4 t/m 31x4 paragraaf letters	10 + .9		
0x5 t/m 11x6 zie invoer	12 + 1.0		
12x6 wissel $\frac{0}{1}$ typen $\frac{1e}{2e}$ deel van 476/544 573/544	14 + .03186827	wortelge- wichten	
13x6 wissel $\frac{0}{1}$ wel wortel gewichten niet	16 + .33920836		
14x6 wissel -1/-0/+1 -1 476/544 -0 573/544 +1 573	18 + .23777279		
15x6 t/m 17x6 ongebruikt	20 + .51268962		
	22 + .27019606		
	24 + .51268962		
	26 + .23777279		
	28 + .33920836		
	30 + .03186827		

Geheugen indeling programma's

standaard subr. niet in dood geheugen NSP	
1 - 20 - 2 t/m	1 - 20 - 12 P 26
1 - 20 - 13 "	1 - 20 - 20 53
1 - 20 - 21 "	1 - 21 - 24 61
1 - 21 - 25 "	1 - 22 - 24 62
1 - 22 - 25 "	1 - 23 - 5 63
1 - 23 - 6 "	1 - 23 - 29 64
1 - 23 - 30 "	1 - 24 - 4 105
1 - 24 - 5 "	1 - 24 - 17 106
1 - 24 - 18 "	1 - 24 - 25 107
1 - 24 - 26 "	1 - 25 - 7 108
1 - 25 - 8 "	1 - 25 - 31 115
1 - 26 - 0 "	1 - 26 - 14 119
1 - 26 - 15 "	1 - 26 - 28 121
1 - 26 - 29 "	1 - 27 - 14 123
1 - 27 - 15 "	1 - 28 - 0 124
1 - 28 - 1 "	1 - 29 - 19 126
1 - 29 - 20 "	1 - 30 - 27 128
1 - 30 - 28 "	1 - 31 - 27 129
1 - 31 - 28 "	1 - 31 - 31 130
2 - 0 - 0 "	2 - 5 - 25 101

Geheugen indeling programma's

				wordt gebruikt door			
				476/ 544	572	573	573/ 544
2-5-26	t/m	2-12-2	i_{at} H_{at}	x	x	x	x
2-12-3	"	2-17-29	$\frac{\mu}{\pi}$; $\frac{w_{at}}{v_e}$	x	x	x	x
2-17-30	"	2-18-26	C_{Si}/C_{Pi}	x	x	-	x
2-18-27	"	2-21-25	teksttypen enz	x	x	x	x
2-21-26	"	2-22-17	Analyse meerv. autostarts	x	x	x	x
2-22-18	"	2-23-16	$\frac{\pi}{1-x_n} \mu F_{\mu}$	-	-	x	x
2-23-17	"	2-24-28	$A A^2$	-	-	x	x
2-24-29	"	2-25-27	K ; $\frac{wa}{ve}$; $\frac{wt}{ve}$	-	-	x	x
2-25-28	"	2-26-10	$tg \beta_i$	-	-	x	x
2-26-11	"	2-28-4	kleine iteratie	-	x	-	-
2-28-5	"	2-28-22	η_{pi}	-	x	-	-
2-28-23	"	2-29-18	$tg \varphi$ enz	-	x	-	-
2-29-19	"	2-30-15	$f \beta_i^{(n+1)} - f \beta_i^{(n)}$ $< \frac{1}{1024} ?$	-	x	x	x
2-30-16	"	2-31-12	$\int_x^{1.0} f(t) dt$	x	-	-	x
2-31-13	"	2-31-25	$\int_{.2}^{1.0} f(t) dt$	x	x	-	x
2-31-26	"	3-1-22	Stelsel 476; $G/\sin \varphi$; G				
3-1-23	"	3-2-7	$tg \beta$	x	x	x	x
3-2-8	"	3-3-18	$CL * 1/D$; $([B]) * ([A] + [8x1]) \Rightarrow ([S] + [8x1])$	x	x	x	x
3-3-19	"	3-4-2	C_{Ti}^* / C_{Pi}^*	x	-	x	x
3-4-3	"	3-5-12	Interpolatie; $tg \beta_i/k$	x	-	-	-
3-5-13	"	3-10-27	coëff.bnm en teksttypcodes	x	x	x	x
3-10-28	"	3-13-31	Typpr 476/544	x	x	x	x

3-14- 0	t/m	3-15- 7	Hfdpr 476	x	-	-	x
3-15- 8	"	3-25- 1	Hfdpr 544	x	-	-	x
3-25- 2	"	3-25-26	Hfdpr 572	-	x	-	-
3-25-27	"	3-27- 0	Typpr 572	-	x	-	-
3-27- 1	"	3-27-25	Hfdpr 573	-	-	x	x
3-27-25	"	3-29-19	Typpr 573	-	x	x	x
3-29-20	"	3-31-31	magazijn (of ged.p 55)				