Este exemplar corresponde a redação ilirai la tese defendida por Conaus Cauarao all choa e aprovada 09,10,03 pela comissão juigadora em_ $\mathcal{N} v$ Orientador UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS FACULDADE DE ENGENHARIA MECÂNICA INSTITUTO DE GEOCIÊNCIAS

InterSis: Uma interface gráfica para modelamento sísmico

Autor:	Andrés Eduardo Calle Ochoa
Orienta	dor: PROF. DR. MARTIN TYGEL
Co-orie	ntador: DR. RODRIGO DE SOUZA
Portuc	GAL

35/2003

 $\mathbb{C}_{\mathcal{I}}$

North North

UNICAMP BIBLIOTECA CENTRAL SEÇÃO CIRCULANTE

UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS FACULDADE DE ENGENHARIA MECÂNICA INSTITUTO DE GEOCIÊNCIAS

InterSis: Uma interface gráfica para modelamento sísmico

Autor: ANDRÉS EDUARDO CALLE OCHOA Orientador: PROF. DR. MARTIN TYGEL Co-orientador: DR. RODRIGO DE SOUZA PORTUGAL

Curso: Ciências e Engenharia de Petróleo

.

Dissertação de mestrado apresentada à Subcomissão de Pós-Graduação Interdisciplinar de Ciências e Engenharia de Petróleo (FEM e IG), como requisito para a obtenção do título de Mestre em Ciências e Engenharia de Petróleo.

Campinas, 2003 SP - Brasil

UNIDADE æ Nº CHÁMADA UNICAN v ĒΧ TOMBO BC/ PROC. C PRECO DATA Nº CPD

CMO0198185-2 1B 1D 317198

FICHA CATALOGRÁFICA ELABORADA PELA BIBLIOTECA DA ÁREA DE ENGENHARIA - BAE - UNICAMP



UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS FACULDADE DE ENGENHARIA MECÂNICA INSTITUTO DE GEOCIÊNCIAS

DISSERTAÇÃO DE MESTRADO

InterSis: Uma interface gráfica para modelamento sísmico

Autor: ENG. ANDRÉS E. CALLE OCHOA Orientador: PROF. DR. MARTIN TYGEL Co-orientador: PROF. DR. RODRIGO DE SOUZA PORTUGAL

Banca Examinadora:

Prof. Dr. Martin Tygel, Presidente

UNICAMP / IMECC

Dr. Eduardo Filpo Ferreira da Silva PETROBRAS/ RJ

Prof. Dr. Denis José Schiozer Faculdade de Engenharia Mecanica / UNICAMP

Campinas, 09 de Outubro de 2003

Para mi familia.

Agradecimentos

A mi orientador, Prof. Dr. Martin Tygel por la oportunidad de trabajar juntos y el esfuerzo hecho para la corrección de este trabajo.

A mi co-orientador Dr. Rodrigo de Souza Portugal, por la disposición para ayudarme en el transcurso del proyecto.

A el Prof. Dr. Jessé Costa por la cordialidad y colaboración prestada para el proyecto.

A mis padres José Abelardo y Rosa, a mis hermanos Fernando e Isaac por la confianza, apoyo y comprensión.

A Raquel, quien apesar de la distancia me ha ayudado a continuar y terminar esta meta.

A Jario, Elkin, Caliche, Felix, Alejo, Pipe y demás amigos de Numérica por el apoyo y las energías.

A Carlos y Diana por ser nuestros "padres" en Brasil.

A mis amigos del LGC Farid y Gamboa por toda la ayuda recibida durante el desarrollo de la maestría.

A Lucas por la amistad, las charlas, por todas las revisiones y correcciones de la tesis y por

la ayuda en programación.

A WIT por el soporte financiero.

A todas aquellas personas que me han ayudado en cada etapa de la vida y a quienes mi pésima memoria olvido mencionar.

De forma muy especial quiero agradecer a Dios, dado que tengo la certeza de que todo lo que he podido realizar en mi vida es debido a su amor y cariño para conmigo.

Resumo

CALLE OCHOA, Andrés Eduardo. InterSis: Uma interface gráfica para modelamento sísmico.
 Campinas: Faculdade de Engenharia Mecânica, Universidade Estadual de Campinas, 2003.
 106p. Dissertação (Mestrado)

O modelamento desempenha importante papel nos estudos de processamento e inversão de dados sísmicos. Muitos problemas complicados podem ser melhor atacados e entendidos quando os fenômenos de propagação de ondas envolvidos podem ser modelados, pelo menos em modelos geológicos mais simples. Tendo em vista ser o modelamento sísmico uma área de vasta aplicação e interesse, um grande número de pacotes computacionais existem capazes de oferecer sofisticadas capacitações para propósitos de modelagem. Esses pacotes são sujeitos entretanto, a severas limitações em sua utilização, não só devido aos seus altos custos, quanto também à inacessibilidade de seus códigos fonte. Por outro lado, as alternativas que existem, na forma de pacotes de uso livre, não representam substituição satisfatória. Isto porque os pacotes de modelamento disponíveis, geralmente desenvolvidos em ambientes científico-acadêmicos, não são suficientemente amigáveis e flexíveis, por exemplo na especificação de parâmetros de entrada, disposição gráfica de resultados, etc.

O objetivo desta dissertação é investigar os principais problemas associados à construção de uma interface gráfica capaz de suportar uma variedade de programas de modelamento existentes e disponíveis como programas livres. Como resultado dessas investigações, é apresentada neste trabalho a interface gráfica chamada InterSis. A interface InterSis foi construída de modo a aceitar, de forma simples e unificada, programas de modelamento destinados à propagação de ondas em meios 2D e 2.5D.

InterSis foi desenvolvida utilizando os pacotes de domínio público GTK+ (*Graphical Toolkit*) e SU (*Seismic Unix*). No seu presente estágio, InterSis é capaz de atuar como efetiva plataforma para os programas: (a) Seis88, um programa bem estabelecido de traçado de raios em modelos elásticos e isotrópicos, desenvolvido por V. Červený e I. Pšenčík e (b) fd2d um programa de diferenças finitas para a equação de onda acústica, desenvolvido por J. Costa. Como uma propriedade de particular interesse, InterSis utiliza a informação fornecida pelo programa Seis88 para computar os parâmetros do chamado método CRS (do Inglês *Common-Reflection-Surface*). Desta forma, a interface proposta pode ser de valia nos estudos de imageamento e inversão que utilizam o método CRS. Vale notar que, devido à sua estrutura de caráter geral, InterSis pode ser bem adaptada a outros programas de modelamento.

Palavras Chave

Método sísmico de reflexão, Diferenças finitas, Geofísica, Prospecção - Métodos Geofísica

Abstract

CALLE OCHOA, Andrés Eduardo. InterSis: A graphical interface for seismic modelling.
 Campinas: Faculdade de Engenharia Mecânica, Universidade Estadual de Campinas, 2003.
 106p. Dissertação (Mestrado)

Modelling plays an important role in seismic data processing and inversion. Several complicated problems can be better addressed and understood, when the wave propagation involved can be modelled, at least in simple versions of the geological model. As a wide topic of application and interest, a number of commercial softwares exist that offer sophisticated capabilities for modelling purposes. These packages are subjected to a number of limitations on their use, not only of costs, but also because their source codes are not accessible. On the other hand, the few alternatives exist, in the form of open packages do not represent an easy replacement. The available modelling codes, mainly developed within academic-scientific environments, are not friendly and flexible enough, e.g., in the specification of input parameters and display of results.

The aim of this work is to investigate the main problems connected with the construction of a graphical interface that would be an useful support to a number of modelling programs available as open codes. As a result of the investigations, a graphical interface, called InterSis, has been developed. InterSis can accept and handle, in a simple and unified way,softwares that involves seismic modelling in 2D and 2.5D media.

InterSis was developed using the public-domain softwares GTK+ (Graphical Toolkit) and SU (Seismic Unix). In its present stage, it is able to be an effective platform for the following

programs : (a) Seis88, a well-established ray-tracing program developed by V. Červený and I. Pšenčík and (b) fd2d a finite-difference program for the acoustic wave equation developed by J. Costa. As a particular feature, InterSis uses the information provided by Seis88 to compute the parameters of the *Common-Reflection-Surface* (CRS) method. In this way, the proposed interface can be useful to imaging and inversion studies based on the CRS method. It is to be noted that, due to its general structure, InterSis can be well adapted to other modelling programs.

Key Words

Seismic reflection method, Finite differences, Geophysics, Prospection - Geophysical methods

Conteúdo

Ag	gradeo	cimentos	ix
Re	sumo	,	xi
Ał	ostrac	t	xiii
Li	sta de	Figuras	xx
Ne	menc	latura	xxi
1	Intro	odução	1
	1.1	Modelamento Sísmico	1
	1.2	Modelamento 2D e 2.5D	3
	1.3	Aquisição sísmica 2D	4
	1.4	InterSis	5
	1.5	Organização da tese	8
2	Prop	pagação de ondas sísmicas	11
	2.1	Métodos de modelamento sísmico	11
	2.2	Parâmetros CRS	26
3	Sísm	ica de Reflexão	31
	3.1	Aquisições sísmicas	32
	3.2	Dados sísmicos	44
4	Aspe	ectos computacionais do InterSis	47

	4.1	Modelamento sísmico	48
	4.2	Soluções computacionais	50
	4.3	Limitações computacionais do InterSis	54
5	Inte	rSis	57
	5.1	InterSis e modeladores	58
	5.2	Módulo principal, especificações gerais do modelo	58
	5.3	Módulo para construção de modelos geológicos	60
	5.4	Módulo dos parâmetros de aquisição	62
	5.5	Módulo para especificação do pulso	64
	5.6	Módulo de visualização e análise de dados sísmicos	69
	5.7	Módulo de trajetória de raios e cobertura	70
6	Exe	mplos ilustrativos	73
	6.1	Modelo multicamadas com interfaces simples	74
	6.2	Algumas situações particulares	90
7	Con	clusões e trabalhos futuros 1	.01
	7.1	Conclusões	01
	7.2	Trabalhos futuros	03

. .

Lista de Figuras

1.1	Modelo do interior da Terra, usado em modelamento sísmico	2
1.2	Modelo 2.5D supondo um eixo de simetria perpendicular ao plano de propagação	
	e fonte 3D	5
1.3	Disposição de fontes e receptores durante a aquisição sísmica 2D	6
2.1	Sistema de coordenadas do raio (γ_1, γ_2, s). Para um raio partindo de uma fonte	
	pontual em S, γ_2 é o ângulo entre o vetor tangente ao raio em S e a superfície	
	horizontal, γ_1 é o ângulo entre a projeção do vetor tangente na superfície e um	
	eixo fixo, e s é o comprimento ao longo do raio a partir do ponto inicial em $S.$	17
2.2	Sistema de coordenadas centradas no raio	18
2.3	Condições de fronteira e iniciais relativas à equação de onda uni-dimensional	24
2.4	Domínio de discretização para o domínio $[0, L] \times [0, \infty]$	25
2.5	Parâmetros CRS, para um raio normal ξ_0 -NIP- ξ_0	27
2.6	Frentes de onda associadas ao raio normal em ξ_0 : (a) onda NIP e (b) onda N	29
3.1	Configuração Split-dip, a escala superior mostra o número de estação que corre-	
	sponde a cada fonte ou receptor.	35
3.2	Configuração ponto médio comum (CMP)	36
3.3	Diagrama de empilhamento de uma aquisição CMP	38
3.4	Tipos de lanços	39
3.5	Lanços, (a) e (b) com tiro lateral (c) cruzado	40
3.6	Começo de uma aquisição real	41
3.7	Fim de uma aquisição real	42

∻

3.8	Aquisição por perfil sísmico vertical (VSP)	43
4.1	Exemplo de um fluxo para modelamento sísmico.	49
5.1	Esquema geral da InterSis	59
5.2	Tipos de modelos de velocidade nas camadas: (a) homogêneas, (b) com gradiente	
	de velocidade vertical (c) com gradiente vertical e lateral	61
5.3	Módulo para inserção e edição de modelos multicamadas 2D	62
5.4	Módulo para especificação do tipo de aquisição	65
5.5	Módulo para especificação do pulso	65
5.6	Pulso de Gabor com parâmetros $\gamma = 6.5, f = 15.5, \psi = 0.0$. Foi dado ao pulso	
	um deslocamento(shift) de 0.0175 ms. A duração é de 20 amostras	66
5.7	Pulso de Berlage, com $\beta = 50$, $f = 20$, $N = 0$. O pulso tem deslocamento nulo.	
	A duração é de 20 amostras.	67
5.8	Pulso de Ricker com $\beta = 40.7$. O pulso tem deslocamento nulo. A duração do é	
	de 20 amostras	68
5.9	Pulso de Gabor com $\gamma = 6.5, f = 15.5, \psi = 0.0$. O pulso foi deslocado de 0.0175	
	ms. A duração é de 10 amostras: (a) pulso no domínio do tempo; (b) espectro de	
	freqüências e (c) espectro de fase.	69
5.10	Módulo de visualização de dados sísmicos	70
5.11	Módulo de visualização de trajetórias de raios e cobertura	72
6.1	Módulo principal de InterSis, com especificações do modelo	75
6.2	Parâmetros físicos do modelo multicamadas: perfil de velocidades (a) e densidade	
	(b). As dimensões do modelo (linha de aquisição na horizontal e profundidade na	
	vertical), bem como as escalas de cores, permitem fazer uma interpretação geral	
	do modelo	76

6.3	Módulo para determinação do pulso: Pulso Gabor, com parâmetros γ = 4, f =	
	16 e $\psi = 0,0$ rd., com deslocamento aplicado (<i>shift</i>) de 0,0175 ms. A duração	
	do pulso é de 20 amostras. Tempo de registro 2 s, amostragem temporal, 4 ms.	
	Freqüência de Nyquist, 125 Hz	77
6.4	Pulso escolhido: (a) no dominio do tempo, (b) espectro de amplitude e (c) espectro	
	de fase	78
6.5	Módulo de aquisição: a opção Multicoverage (do Inglês para Multicobertura) está	
	ativa	79
6.6	Janela para especificações no modelamento por diferenças finitas.	79
6.7	Família de afastamento comum [25 m]	80
6.8	Famílias CMP número (a) 70 e (b) 140.	81
6.9	Seções de tiro comum (tiro 10) modelados com a teoria dos raios: (a) sem ruído,	
	(b) com ruído	82
6.10	Seções sísmicas de tiro comum modeladas por: (a) teoria de raios e (b) diferenças	
	finitas	83
6.11	Seqüência da propagação da frente de onda, primeiro tiro, modelado por diferenças	
	finitas	84
6.12	Transformadas de Fourier do primeiro tiro modelado pela teoria de raios: (a)	
	Transformação Fx (b) Transformação Fk .	85
6.13	Trajetória dos raios durante o tiro 1. Interfaces (a) 1 (b) 2 (c) 3 (d) 4	86
6.14	Mapas de cobertura ao longo das interfaces (a) Interface 1, (b) Interface 2 (c) In-	
	terface 3 (d) Interface 4	87
6.15	Módulo para aquisição de afastamento nulo, com 200 traços espaçados 25 m ao	
	longo da linha de aquisição do modelo da Figura 6.2.	89
6.16	Seção de afastamento nulo modelo da Figura 6.2.	89
6.17	Seções de parâmetros CRS : (a)Seção β (b) Seção K_N e (c) Seção K_{NIP}	90
6.18	Modelo sísmico com uma estrutura tipo Sinclinal	91

~

6.19	Cáustica (a) Tiro comum, posição da fonte em 2.24 km sobre a linha de aquisição,	
	o primeiro receptor a 0.76 km da origem ou começo da linha sísmica, lanço não	
	simétrico de 100 receptores, 38 receptores do lado esquerdo e os restantes do lado	
	direito (b) trajetória dos raios na interface No 3	92
6.20	Tiros gerados "evitando" cáusticas. Lanço end on do lado esquerdo, total de dez	
	(10) tiros espaçados 80 m	93
6.21	Modelo com superfície de aquisição não regular, inclusão da topografia	94
6.22	Modelo com topografia	94
6.23	Modelo com superficie regular ou plana	95
6.24	Efeito topográfico nos tempos de trânsito, o dado corresponde a uma aquisição	
	com superfície não plana (Figura 6.21), a linha vermelha são os tempos de trânsito	
	do segundo evento para o mesmo modelo mas com a superfície plana (Figura 6.23).	96
6.25	Modelo de domo de sal	96
6.26	Modelo de Domo, seção de afastamento nulo	97
6.27	Modelo sísmico com forma de talude, ilustrando a transição de plataforma rasa	
	para águas profundas	97
6.28	Configuração de tiro comum somente com reflexões primárias	9 9
6.29	Múltipla superficial de primeira ordem do fundo do mar: (a) sismograma (o evento	
	da multipla está indicado pela linha vermelha) e (b) trajetória dos raios da múltipla.	9 9
6.30	Reflexão múltipla entre camadas: (a) sismograma (o evento da multipla está indi-	
	cado pela linha vermelha) e (b) trajetória dos raios da múltipla.	100

Nomenclatura

Letras Latinas

- A vetor de polarização
- B componente do vetor de polarização da onda S
- C componente do vetor de polarização da onda S
- e vetor de polarização da onda S
- f pulso da fonte em tempo
- h transformada de Hilbert de f(t)
- J jacobiano do raio
- P matriz do traçamento dinámico de raios
- **p** vetor vagarosidade
- **Q** matriz do traçamento dinámico de raio
- R receptor
- r vetor posição em um sistema de coordenadas cartesianas
- S fonte
- *s* longitude arco ao longo do raio
- t tempo
- *u* vetor deslocamento de uma partícula da posição de equilibrio
- V matriz de derivadas da velocidade
- w freqüência angular
- \boldsymbol{x} vetor variável espacial

Subescritos

- 0 ponto inicial
- x derivada parcial com respeito à variável espacial
- t derivada parcial com respeito à variável temporal

Letras Gregas

- α velocidade de propagação da onda P
- β velocidade de propagação da onda S
- γ vetor da coordenada do raio 3-D
- λ constante de Lamé
- μ constante de Lamé
- ξ coordenada espacial do traço sísmico
- Π matriz de propagação de um raio paraxial
- ρ densidade
- \mathcal{T} tempo de trânsito da frente de onda
- ψ phase

Siglas

- CMP ponto médio comum (commom midpoint)
- CS tiro comum (commom shot)
- NIP Normal Incident Point
- NMO Normal Moveout
- SU Seismic Unix
- ZO afastamento nulo (Zero Offset)
- GTK graphical toolkit

Capítulo 1

Introdução

1.1 Modelamento Sísmico

O modelamento sísmico é uma valiosa ferramenta ao longo de todo fluxo de processamento sísmico. Dentre suas várias aplicações, podemos destacar o desenho de uma aquisição sísmica, a construção de tabelas de tempos de trânsito necessárias à migração, tomografia sísmica e na própria construção de dados sísmicos sintéticos. Acabando por auxiliar a validação de resultados obtidos pelo processamento sísmico.

Mais especificamente, o modelamento sísmico consiste na geração de informação cinemática e dinâmica de ondas sísmicas que se propagam no interior da Terra. Esta pode ser representada bi-dimensionalmente em coordenadas cartesianas x (superfície), z (profundidade), e interiormente por estruturas geológicas de diferentes tipos e origens.

As estruturas geológicas são formadas por áreas da subsuperfície que possuem características físicas similares chamadas camadas e limitadas por interfaces. Um modelo simplificado do interior da Terra é mostrado na Figura 1.1.

Pela praticidade, o modelamento sísmico é realizado através de simulações computacionais, dentre as quais, destacam-se duas metodologias amplamente usadas: o método de *traçamento de*

raios e simulação por diferenças finitas aplicadas à equação da onda.



Figura 1.1: Modelo do interior da Terra, usado em modelamento sísmico.

O traçamento de raios emprega a teoria de raios, que se baseia em um método de aproximação de uma equação de onda (eletromagnética, acústica ou elástica) em alta freqüência (comprimento de onda muito pequeno), utilizando um tipo de solução especial para resolvê-la. A validade desse método depende da ordem de magnitude da freqüência e está relacionado com a escala do problema (comprimento de onda versus tamanho do objeto de interesse). A teoria de raios é usada na sísmica de exploração, para a construção de sismogramas sintéticos para meios acústicos, elásticos isotrópicos e elásticos anisotrópicos (Červený (2001)). Para essa aplicação, os comprimentos de onda são da ordem de 70 m (30 Hz), pequenos se levarmos em conta o tamanho dos objetos de interesse que são da ordem de milhares de metros.

O método das *diferenças finitas* é um método numérico para a solução de equações diferenciais ordinárias e parciais (EDOs e EDPs). duas etapas podem ser identificadas no processo para obter uma solução computacionalmente consistente, Fletcher (1991):

- Discretização: Consiste em converter as EDOs ou EDPs, as condições iniciais e de contorno definidas para o contínuo, em um sistema discreto formado por equações algébricas.
- Solução: Uso de algum método numérico para resolver o sistema linear criado na primeira etapa.

O método de diferenças finitas começou a ser usado em sismologia no início da década de 70 (Kelly (1990)), mas uma primeira dificuldade enfrentada foi as limitações computacionais da época que dificultaram seu uso por alguns anos. Atualmente, a cada nova geração de processadores, este método aumenta seu destaque no modelamento sísmico.

A aplicação das diferenças finitas pode ser classificada (da mesma forma que outros métodos numéricos) quanto ao tipo de equação de onda modelada. Quando aplicada sobre a forma escalar da equação de onda, ou chamada de *"acústica"*, descreve a propagação de uma onda compressiva sem polarização. Os resultados são ótimos para modelagem estrutural, já que as informações cinemáticas tem maior importância do que as dinâmicas. No entanto, quando a modelagem é sobre a equação de onda *elástica*, descreve a propagação de ondas P e S, assim as informações dinâmicas e cinemáticas estão igualmente disponíveis, muito importante em estudos estratigráficos.

1.2 Modelamento 2D e 2.5D

O modelamento 2D é a situação em que o modelo geológico possui simetria cilíndrica, significando que em uma direção as propriedades geológicas não variam. Além do eixo de simetria (eixo y para facilitar) assume-se que a linha de aquisição sísmica está sobre o eixo x e a fonte sísmica é uma linha horizontal paralela ao eixo y.

O modelamento 2.5D, por sua vez, tem as mesmas características que o modelamento 2D, com exceção de que a fonte é pontual. Esta é localizada no plano vertical que passa sobre a linha sísmica. Estas características, quando combinadas, permitem dizer que a propagação de ondas é tridimensional em um meio essencialmente bidimensional. Graças a esta feição híbrida, este modelamento é chamado de 2.5D.

Sendo assim, para que um modelamento seja considerado 2.5D são necessárias as seguintes premissas:

- Supor, que para o modelo geológico, exista um eixo de simetria, ao longo do qual as propriedades do meio não variam.
- Considerar uma fonte pontual sobre a linha sísmica, fazendo que a propagação das ondas seja tridimensional.
- Considerar a linha sísmica ortogonal ao eixo de simetria do meio.

1.3 Aquisição sísmica 2D

Uma aquisição sísmica envolve uma série de parâmetros a serem definidos antes de ser realizada em campo. Dentre os parâmetros e fácil mencionar: Número de tiros, número de receptores por tiro, espaçamento entre receptores e tiros (ver Figura 1.3). Estes parâmetros estão fortemente relacionados com o objetivo geológico estrutural da área de interesse. Outros tais como tempo de registro, amostragem, e tipo de fonte dependem geralmente da profundidade do objetivo geológico, resolução desejada etc.



Figura 1.2: Modelo 2.5D supondo um eixo de simetria perpendicular ao plano de propagação e fonte 3D.

Uma vez estes e outras decisões tem sido efetuadas, faz-se a aquisição em campo. Os resultados da aquisição sísmica são uma série de dados, chamados de *dados sísmicos*, e a geometria de aquisição. Geometria de aquisição é o nome dado à distribuição geográfica das fontes e receptores, assim como ao arranjo de receptores por tiro. O dado sísmico é processado para obter uma imagem da subsuperfície. Esta imagem é chamada de seção de Afastamento Nulo, *Zero Offset* em inglês, dado que teoricamente pode ser obtida, se for possível realizar uma aquisição sísmica na qual o número de receptores por tiro é de um e suas posições coincidentes.

1.4 InterSis

Como é possível perceber, esse conjunto de especificações para o levantamento sísmico deve estar disponível na hora de fazer o modelamento. Apesar dessa necessidade, na atualidade, dentre



Figura 1.3: Disposição de fontes e receptores durante a aquisição sísmica 2D

os pacotes de caráter acadêmico - científico disponíveis para tais fins, nenhum conta com ferramentas para fazer as especificações requeridas.

Normalmente, os pacotes de modelamento possuem limitações como:

- Impossibilidade de usar um pulso diferente ao padrão.
- Falta de ferramentas para especificar tipos de aquisições.
- Impossibilidade de mdoelar multiplos experimentos por vez.
- Formato com informação de entrada complicada.
- Ausência de ferramentas para análise de resultados.

Em geral, podemos dizer que os pacotes para modelamento 2D e 2.5D são pouco *amigáveis* no sentido de não possuir uma interface gráfica que sirva para uma melhor e ampla determinação dos parâmetros requeridos para modelamento. Por exemplo:

- Visualização do pulso.
- Análise do pulso no domínio da freqüência.
- Escolha dos parâmetros de registro de forma adequada.
- Visualização de resultados.
- Ferramentas gráficas para a análise de resultados.
- Ambiente gráfico para a criação de modelos sísmicos 2D.
- Guardar informação de modelos testados.

Essas dificuldades basicamente têm levado a comunidade científica desta área a fazer soluções individuais que agilizem e reduzam tais inconvenientes. O propósito desta tese, não é outro que elaborar uma ferramenta gráfica computacional que contenha todos estes requisitos, tanto para as tarefas mencionadas como também para integrar um conjunto de pacotes disponíveis. A ferramenta estará na capacidade de ajudar nas pesquisas que envolvem modelamento sísmico 2D e 2.5D.

A ferramenta gráfica que é o produto desta tese, e que recebe o nome de InterSis, foi desenvolvida usando uma biblioteca computacional de livre distribuição (GTK+, graphical toolkit em inglês). Quanto a modelamento, se faz uso dos programas Seis88 (teoria de raios) e fd2d (diferenças finitas). Para formatar, visualizar e manipular dados sísmicos, fez-se uso do pacote para processamento sísmico Seismic Unix (SU), desenvolvido e mantido pelo Center for Wave Phenomena da Colorado School of Mines. InterSis possui 5 módulos especializados listados a seguir:

- Especificação do modelo sísmico.
- Configuração do lanço de aquisição.
- Especificação do pulso.
- Visualização de dados sísmicos.
- Visualização de trajetórias de raios e mapas cobertura.

Os módulos, como será visto no capítulo 5, tentam preencher a falta de cada uma das necessidades mencionadas aqui.

1.5 Organização da tese

Os capítulos, que compõem esta tese, foram organizados de modo que o leitor compreenda e assimile em etapas, a necessidade e utilidade deste trabalho.

Capítulo 2: Visão geral sobre as metodologias implementadas pelos pacotes usados por Inter-Sis para modelamento sísmico. Assim como também se faz uma descrição dos parâmetros CRS, os quais são modelados por InterSis.

Capítulo 3: Descrição de aspectos relacionados com a sísmica de exploração e a informação sísmica. Capítulo que consideramos de muita importância dado que InterSis possui a linguagem usada pelos pesquisadores na área. Desta forma, deixamos um novo *vocabulário* sobre termos e procedimentos que pressentem alguma dificuldade para pessoal externo a eles.

Capítulo 4: Aspectos gerais sobre as soluções computacionais planteadas no desenvolvimento de InterSis, assim como também as limitações do pacote.

Capítulo 5: Apresentação de InterSis, o pacote desenvolvido durante a tese.

Capítulo 6: Um exemplo e uma série de problemas em sísmica de exploração foram feitos com o fim de mostrar a utilidade do nosso pacote.

Capítulo 7: As conclusões, baseados no logro dos objetivos, assim como os possíveis roteiros para trabalhos futuros.

Capítulo 2

Propagação de ondas sísmicas

O objetivo deste capítulo é introduzir e revisar os conceitos matemáticos dos métodos de modelamento sísmico 2D e 2.5D, usados pela plataforma gráfica InterSis, que é uma das contribuições mais importantes deste trabalho. Mais especificamente, são mostrados os fundamentos básicos da *teoria de raios* e do método das *diferenças finitas* aplicados à equação da onda. Além disso, é abordado o modelamento dos parâmetros do método da Superfície de Reflexão Comum (CRS, do inglês, *Common Reflection Surface*), que também é parte integrante do pacote InterSis. O material aqui exposto pode ser encontrado, com todos os detalhes em Červený (2001) para teoria de raios, Fletcher (1991) e Cunha (2000) para diferenças finitas, Hubral (1982) e Jäger (1999), para o método CRS.

2.1 Métodos de modelamento sísmico

2.1.1 Teoria de raios

Vamos considerar a equação de onda para um meio elástico isotrópico¹, que é o caso modelado pelo programa Seis88, desenvolvido por V. Červený e I. Pšenčík. A equação de onda,

¹Em um meio elástico isotrópico, as propriedades do meio não dependem da direção de propagação, mas somente da posição.

chamada equação elastodinâmica na forma vetorial é dada por (ver, por exemplo, Červený (2001))

$$(\lambda + \mu)\nabla(\nabla \cdot \boldsymbol{u}) + \mu(\nabla \cdot \nabla)\boldsymbol{u} + \nabla\lambda(\nabla \cdot \boldsymbol{u}) + \nabla\mu \times (\nabla \times \boldsymbol{u}) + 2(\nabla\mu \cdot \nabla)\boldsymbol{u} = \rho \frac{\partial^2}{\partial t^2} \boldsymbol{u}.$$
(2.1)

Aqui, $\lambda = \lambda(\mathbf{x}) \in \mu = \mu(\mathbf{x})$ são os parâmetros de Lamé, $\rho = \rho(\mathbf{x})$ é a densidade e $\mathbf{u} = \mathbf{u}(\mathbf{x}, t)$ é um vetor que representa o deslocamento de uma partícula do meio em relação a seu ponto de equilíbrio, localizada na posição \mathbf{x} , no tempo t.

A solução usada para esta equação é suposta com a estrutura (Ansatsz)²

$$\boldsymbol{u}(\boldsymbol{x}, w) = \boldsymbol{A}(\boldsymbol{x}) \exp\{-iw\tau(\boldsymbol{x})\} \boldsymbol{f}(w), \qquad (2.2)$$

onde A(x) e $\tau(x)$ representam a amplitude e o tempo da onda na posição x, respectivamente. Estas quantidades devem ser determinadas. A expressão (2.2) é denominada *aproximação da óptica geométrica*, ou *aproximação de ordem zero da teoria do raio*. Esta aproximação inicial pode ser interpretada como o primeiro termo de uma série em w^{-1} .

No domínio do tempo, a expressão (2.2) é dada por

$$\boldsymbol{u}(\boldsymbol{x},t) = \boldsymbol{A}(\boldsymbol{x})F(t-\tau(\boldsymbol{x})), \qquad (2.3)$$

onde F(t) é chamado pulso analítico (ver Červený (2001))

$$F(t) = f(t) + ih(t)$$
 (2.4)

Na equação acima, f(t) e h(t) representam funções reais do tempo, t. A função, $f(t) = \Re\{F(t)\}$ designa o pulso da fonte e $h(t) = \Im\{F(t)\}$ sua transformada de Hilbert. Como se sabe, o sinal observado nos receptores é real. Desta maneira, a forma final do sismograma obtido é dada por

$$\boldsymbol{u}(\boldsymbol{x},t) = \Re\{\boldsymbol{A}(\boldsymbol{x})F(t-\tau(\boldsymbol{x}))\}.$$
(2.5)

²Termo do Alemão que significa hipótese estrutural

Determinação do tempo de trânsito e da amplitude

Ao introduzir a solução aproximada ou *Ansatz* na equação elastodinâmica e após algumas manipulações algébricas, obtemos um polinômio, cujos coeficientes para as potências $\omega^2, \omega^1 \in \omega^0$ são, respectivamente:

$$-\rho \mathbf{A} + (\lambda + \mu) [(\nabla \tau \cdot \mathbf{A}) \nabla \tau + \mu |\nabla \tau|^2 \mathbf{A}] = \mathbf{0}, \qquad (2.6)$$

$$(\lambda + \mu)[(\nabla \cdot \mathbf{A})\nabla\tau + \nabla(\mathbf{A} \cdot \nabla\tau)] + \mu[2(\nabla\tau \cdot \nabla)\mathbf{A} + \nabla^{2}\tau\mathbf{A}] + (\mathbf{A} \cdot \nabla\tau)\nabla\lambda + (\nabla\mu \cdot \nabla\tau)\mathbf{A} + (\nabla\mu \cdot \mathbf{A})\nabla\tau = \mathbf{0}, \qquad (2.7)$$

$$(\lambda + \mu)(\nabla \cdot \nabla)\mathbf{A} + \mu\nabla^{2}\mathbf{A} + (\nabla \cdot \mathbf{A})\nabla\lambda + 2(\nabla\mu \cdot \nabla)\mathbf{A} + \nabla\mu \times (\nabla \times \mathbf{A}) = \mathbf{0}.$$
(2.8)

Da análise e interpretação física das equações acima, pode se concluir que na aproximação em alta freqüência existem dois tipos de ondas que podem se propagar em um meio elástico isotrópico:

Ondas P: O tempo de trânsito das ondas P satisfaz a chamada equação iconal

$$\nabla \tau \cdot \nabla \tau = \frac{1}{\alpha^2(\boldsymbol{x})},\tag{2.9}$$

onde $\alpha(x)$ é a velocidade de propagação das ondas P. A direção de propagação desta onda é paralela ao vetor $\nabla \tau$ e perpendicular à frente de onda. O vetor amplitude para a onda P é dado por

$$\boldsymbol{A} = A \frac{\nabla \tau}{|\nabla \tau|} = A \alpha \hat{\nabla} \tau. \tag{2.10}$$

Na equação acima, A designa a amplitude (escalar e geralmente complexa) da onda P, sendo calculada, ao longo do raio pela chamada *equação de transporte*

$$\nabla \cdot (\rho \alpha^2 A^2 \nabla \tau) = 0. \tag{2.11}$$

Ondas S : O tempo de trânsito das ondas S satisfaz a *equação iconal*:

$$\nabla \tau \cdot \nabla \tau = \frac{1}{\beta^2(\boldsymbol{x})} , \qquad (2.12)$$

onde β é a velocidade de propagação das ondas S. O vetor de deslocamento é polarizado no plano tangente à frente de onda. Para representar o vetor deslocamento na propagação da onda S, definimos dois vetores unitários, mutuamente perpendiculares, $e_1 e e_2$. Com o auxílio desses dois vetores, o vetor deslocamento na propagação da onda S é dado por

$$\mathbf{A}(\mathbf{x}) = B(\mathbf{x})\mathbf{e}_1 + C(\mathbf{x})\mathbf{e}_2, \qquad (2.13)$$

onde $B(x) \in C(x)$ são as componentes (escalares e geralmente complexas) que representam as amplitudes do vetor de polarização, A(x), do deslocamento da partícula do meio nas direções $e_1 \in e_2$. A equação de transporte, cuja solução fornece as amplitudes $B(x) \in C(x)$ para onda S, tem a forma
$$\nabla \cdot (\rho \beta^2 (B(\boldsymbol{x})^2 + C(\boldsymbol{x})^2) \nabla \tau) = 0.$$
(2.14)

Raios como características da equação Iconal

Para a determinação de soluções da equação *iconal* e de *transporte*, é conveniente a introdução do chamado *vetor vagarosidade*, (p) da onda. Em meios isotrópicos, este vetor coincide com a direção de propagação e é definido por

$$\boldsymbol{p} = \nabla \tau \;. \tag{2.15}$$

Note que o tempo de trânsito, τ , acima, tanto pode representar a propagação de onda P quanto de onda S. Substituindo esta expressão na equação (2.9), podemos reescrever a equação iconal (tanto de onda P quanto de onda S) na forma simples

$$p \cdot p = |p|^2 = 1/v^2$$
. (2.16)

A equação 2.16 é uma equação diferencial parcial (EDP) não linear de primeira ordem, a qual pode ser vista como um caso particular da classe de equações *Hamilton-Jacobi*. Um método bem conhecido na literatura para a determinação de soluções para essa classe de equações é o chamado *método das características*. O método consiste em transformar este tipo de equações em um sistema de equações diferenciais ordinárias (EDOs), denominadas equações características. Para maiores informações sobre o assunto, recomendamos a referência Červený (2001).

As equações características obtidas a partir da equação (2.16), são denominadas *equações* do raio. O método das características envolve a escolha de um parâmetro que será usado como

variável independente no sistema de EDOs. No caso da teoria de raios, é muito comum a escolha do comprimento de arco s. Isto significa termos como o vetor posição, $\boldsymbol{x} = \boldsymbol{x}(s)$, e o vetor vagarosidade, $\boldsymbol{p} = \boldsymbol{p}(s)$, que caracterizam o raio, como funções de s. Com essa escolha, o sistema de equações do raio, denominado sistema de traçado de raios ou sistema de equações cinemáticas do raio tem a forma

$$\frac{\partial \boldsymbol{x}}{\partial s} = v\boldsymbol{p}, \qquad (2.17)$$

$$\frac{\partial \boldsymbol{p}}{\partial s} = \nabla(1/v) \,. \tag{2.18}$$

Para resolver as equações acima são necessárias condições iniciais. No caso, essas condições são que o raio necessita dadas uma posição e uma direção de partida. A interpretação geométrica da solução é a trajetória de um raio, descrito pelos vetores posição $\boldsymbol{x}(s)$ e vagarosidade \boldsymbol{p} (tangente ao raio em $\boldsymbol{x}(s)$), que atravessa o meio (suposto aqui como não homogêneo e isotrópico).

Cálculo da amplitude

Como vimos acima, a amplitude ao longo do raio (computado previamente como solução da equação iconal) é obtida como solução da equação de transporte. Como descrito em Červený (2001), esta solução tem a forma

$$A(s) = \left(\frac{\rho_0 v_0 J_0}{\rho v J}\right)^{1/2} A_0 , \qquad (2.19)$$

onde os termos $\rho_0 = \rho(0), v_0 = v(0), A_0 = A(0)$, bem como $\rho = \rho(s), v = v(s)eA = A(s)$ representam a densidade, velocidade e amplitude, respectivamente nos pontos de partida, $\boldsymbol{x}_0 = \boldsymbol{x}(\boldsymbol{x}(0))$, e atual, $\boldsymbol{x} = \boldsymbol{x}(s)$, do raio. Além disso, J = J(s) é o determinante da chamada matriz Jacobiana, a qual relaciona as chamadas coordenadas do raio às coordenadas Cartesianas globais (veja Figura 2.1). A quantidade J = J(s) é conhecida também como como o Jacobiano do raio.



Figura 2.1: Sistema de coordenadas do raio (γ_1, γ_2, s). Para um raio partindo de uma fonte pontual em S, γ_2 é o ângulo entre o vetor tangente ao raio em S e a superfície horizontal, γ_1 é o ângulo entre a projeção do vetor tangente na superfície e um eixo fixo, e s é o comprimento ao longo do raio a partir do ponto inicial em S.

Matriz de propagação

De acordo com a equação (2.19), para computar a amplitude ao longo do raio é necessário conhecer os valores do seu Jacobiano em cada ponto do raio. A chamada teoria paraxial dos raios (Červený (2001)) consiste na análise do comportamento de raios localizados na vizinhança (*raios paraxiais*) de um raio fixo (*raio central*), suposto conhecido. A teoria paraxial dos raios conduz a um novo sistema de equações diferenciais, específico para os raios paraxiais, relativos ao raio central dado. A solução deste novo sistema pode ser utilizada no cálculo do Jacobiano ao longo do raio central. O procedimento é conhecido como *aproximação paraxial*, cujos resultados principais são listados a seguir.

Consideremos o sistema de coordenadas de raio (γ_1, γ_2, s) , definido anteriormente e ilustrado pela Figura 2.1, formado pelos dois ângulos $(\gamma_1 e \gamma_2)$ e pelo parâmetro de comprimento de raio, s, crescente ao longo do raio. Consideremos também um outro sistema, denominado sistema de coordenadas centradas no raio (q_1, q_2, q_3) . Este sistema se desloca ao longo do raio, de tal maneira que os dois primeiros eixos estão contidos no plano perpendicular ao raio e o terceiro eixo aponta para a direção de propagação (vetor vagarosidade) do raio (veja Figura 2.2). Há ainda uma outra condição que controla a torção do sistema ao longo do raio, isto é, o sistema gira perpendicularmente ao raio ao percorrê-lo. Os detalhes da completa descrição do sistema de coordenadas centradas no raio está fora do escopo deste trabalho. Para mais informações, o leitor deve consultar a referência Červený (2001).



Figura 2.2: Sistema de coordenadas centradas no raio.

Considerando o sistema de coordenadas centradas no raio, é conveniente agora a introdução das seguintes matrizes $Q = (Q_{ij})$ e $P^q = (P_{ij}^q)$, dadas por

$$Q_{ij} = \frac{\partial q_i}{\partial \gamma_j}$$
 e $P_{ij}^q = \frac{\partial p_i^q}{\partial \gamma_j},$ (2.20)

onde p_i^q é a i-ésima componente do vetor vagarosidade, p^q , isto é, $p_i^q = \partial \tau / \partial q_i$. O sistema de traçamento dinâmico de raios é definido pelo seguinte sistema de equações diferenciais lineares de primeira ordem:

$$\frac{d\boldsymbol{Q}}{ds} = v \boldsymbol{P}^{q} ,$$

$$\frac{d\boldsymbol{P}^{q}}{ds} = -\frac{1}{v^{2}} \boldsymbol{V} \boldsymbol{Q} .$$
(2.21)

No sistema acima, $Q, P^q \in V$ são matrizes quadradas, s é o comprimento de arco ao longo do raio e v é a velocidade. A matriz $V = (V_{ij})$ é definida por

$$V_{ij} = \frac{\partial^2 v(q_1, q_2, s)}{\partial q_i \partial q_j}, \qquad (2.22)$$

O sistema (2.21) é denominado sistema de traçado dinâmico do raio e resulta da aproximação paraxial. As matrizes $P \in Q$ possibilitam obter muitas quantidades que descrevem a amplitude ao longo do raio, cuja trajetória foi determinada pelo sistema de traçado de raio (2.16) descrito acima. Em particular, a matriz, Q, fornece o Jacobiano ao longo do raio através da relação $J(s) = \det Q(s)$.

Outra utilidade das matrizes $P \in Q$ é a aplicação no cálculo da curvatura do frente de onda. Estas serão empregadas no modelamento dos parâmetros CRS, veja seção 2.2.

Pela linearidade do sistema (2.21), para resolvê-lo basta encontrarmos duas soluções linearmente independentes do mesmo. Como bem conhecido na literatura (ver, Červený (2001)), vamos considerar as seguintes soluções linearmente independentes, denominadas *soluções fundamentais* do sistema

dinâmico de traçado de raio. A primeira solução fundamental do sistema, denotada por $Q_1 = Q_1(s)$ e $P_1 = P_1(s)$, é obtida através da resolução do sistema (2.21) com a condição inicial em s = 0,

$$Q_1(0) = I$$
 e $P_1(0) = 0$ (2.23)

denominada de condição de fonte de onda plana. A coordenada de comprimento de raio s = 0 especifica a posição da fonte, no ponto S.

A segunda solução fundamental, denotada por $Q_2 = Q_2(s)$ e $P_2 = P_2(s)$, é obtida pela resolução do sistema 2.21, desta vez com a condição inicial

$$Q_2(0) = 0 \quad e \quad P_2(0) = I$$
 (2.24)

denominada de condição de fonte pontual.

As soluções $(P_1(s), Q_1(s)) \in (P_2(s), Q_2(s))$ representam duas soluções linearmente independentes do sistema de traçado dinâmico de raio 2.21. Com isto, qualquer solução, $Q = Q(s) \in P = P(s)$ do referido sistema pode ser escrito como uma combinação linear dessas duas soluções, a saber,

$$\begin{pmatrix} \boldsymbol{Q}(s) \\ \boldsymbol{P}(s) \end{pmatrix} = \boldsymbol{\Pi}(s, s_0) \begin{pmatrix} \boldsymbol{Q}(s_0) \\ \boldsymbol{P}(s_0) \end{pmatrix} , \qquad (2.25)$$

onde s_0 e s especificam, respectivamente, as posições inicial (ponto de partida S), e final (ponto de observação, R) do raio. Além disso, $\Pi(s, s_0)$ é a matriz 4 × 4 dada por

$$\Pi(s, s_0) = \begin{pmatrix} \mathbf{Q}_1(s, s_0) & \mathbf{Q}_2(s, s_0) \\ \mathbf{P}_1(s, s_0) & \mathbf{P}_2(s, s_0) \end{pmatrix}$$
(2.26)

A matriz $\Pi(s, s_0)$ é denominada matriz de propagação do raio.

Modelamento 2D e 2.5D

A descrição da *teoria de raios* para propagação de ondas em um meio elástico isotrópico da Seção anterior, foi feita considerando meios 3D. No caso de meios 2D, a análise continua sendo válida. É importante notar, entre tanto, que para este caso faz-se necessário reduzir a ordem das quantidades usadas, ou seja, dos vetores e matrizes presentes nas expressões.

O modelador Seis88, que será empregado para modelamento por teoria de raios, foi desenvolvido para resolver problemas em modelos sísmicos 2D, mas pode ser estendido a modelos 2.5D. Para isso, é necessário considerar:

- Condições do meio não variam na direção perpendicular ao plano de propagação da frente de onda,
- Uma fonte pontual, caso que é possível modelar dentro do Seis88.

Assim sendo, o modelamento realizado usando o Seis88 pode ser empregado tanto para o caso de modelos 2D tanto como para 2.5D.

2.1.2 Diferenças finitas

O método das diferenças finitas é utilizado na procura de soluções aproximadas de equações diferenciais parciais (EDPs) e ordinárias (EDOs).

Neste trabalho, estamos interessados nas EDP lineares de segunda ordem, as quais podem ser representadas na forma

$$a\boldsymbol{u}_{xx} + 2b\boldsymbol{u}_{xy} + c\boldsymbol{u}_{yy} + d\boldsymbol{u}_x + e\boldsymbol{u}_y + f\boldsymbol{u} = g , \qquad (2.27)$$

onde u(x, y) é a função vetorial procurada e os coeficientes a, b, c, d, e, f e g são funções conhecidas das variáveis independentes x e y, ou constantes. Para manter o caráter de uma equação diferencial de segunda ordem, deve ser observada, é claro, a condição

$$a^2 + b^2 + c^2 \neq 0 . \tag{2.28}$$

Pode-se classificar as EDPs em cada ponto $\boldsymbol{u}(x,y)$ como:

Elíptica	quando	$b^2-ac<0$
Parabólica	quando	$b^2 - ac = 0$
Hiperbólica	quando	$b^2 - ac > 0$

Neste trabalho, a equação diferencial utilizada para o modelamento sísmico é a chamada equação da onda acústica bidimensional, a qual é dada por

$$a(\boldsymbol{x},t)\nabla u(\boldsymbol{x},t) - \frac{\partial^2 u(\boldsymbol{x},t)}{\partial t^2} = f(\boldsymbol{x},t), \qquad (2.29)$$

com $\mathbf{x} = (x, z)$ variando numa região do plano (região de propagação em profundidade em um meio suposto bidimensional) e onde t > 0 representa o tempo. Na equação acima, u(x, t), representa a variação de pressão observada no ponto \mathbf{x} e no tempo t. Os coeficientes a(x, t) e f(x, t)são funções conhecidas, representando os parâmetros do meio. Note que a equação (2.29) se encaixa no tipo *Hiperbólica*. A equação (2.29) necessita de condições adicionais para completar o problema, isto é, para torná-lo bem-posto³. Neste caso devemos considerar duas condições de fronteira (na borda da região de propagação) e duas iniciais (referentes à situação de propagação no início, t = 0, da propagação).

Como nosso maior objetivo neste trabalho é a construção de uma interface de suporte de programas de modelamento, não consideraremo em grande detalhe a descrição do método de diferenças finitas destinado a resolver o problema constituído pela EDP acústica e suas condições de fronteira e iniciais. Ao invés, consideraremos, a título de exposição, o problema análogo unidimensional, a saber

$$a(x,t)\frac{\partial^2 u(x,t)}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 u(x,t)}{\partial t^2} = f(x,t), \qquad (2.30)$$

onde agora a variável x é escalar e varia em um intervalo 0 < x < L e t > 0 continua sendo o tempo. A equação uni-dimensional acima é denominada *equação da onda da corda vibrante*, sendo u(x, t) o deslocamento da vibração da corda em relação à situação de equilíbrio. Em termos metodológicos, a solução do problema uni-dimensional que utiliza a EDP (2.30) é semelhante ao seu correspondente bi-dimensional, que utiliza a EDP (2.29).

Conforme mostrado pela Figura 2.3, as condições iniciais do problema da equação unidimensional da onda são

$$\begin{cases} u(x,0) = u^{0}(x), \\ u_{t}(x,0) = v^{0}(x), \end{cases} \text{ para } 0 < x < L , \qquad (2.31)$$

³Em 1902, o matemático Hadamard introduziu o conceito de *problema bem-posto:* aquele que apresenta exatamente uma solução(existência e unicidade), a qual varia continuamente com os dados (estabilidade). Em um certo sentido, este conceito fornece uma indicação de adequação do modelo matemático ao sistema real que se pretende estudar.



Figura 2.3: Condições de fronteira e iniciais relativas à equação de onda uni-dimensional.

onde $u^0(x)$ e $v^0(x)$ são funções dadas no intervalo $0 \le x \le L$. As correspondentes condições de contorno são

$$\begin{cases} u(0,t) = g_1(t), \\ u(L,t) = g_2(t), \end{cases} \text{ para } t > 0, \qquad (2.32)$$

onde $g_1(t)$ e $g_2(t)$ são funções dadas para t > 0. Para explicações mais detalhadas do sentido físico das condições de contorno com vistas às aplicações de propagação consideradas, recomendamos, por exemplo, as referências Fletcher (1991) e Cunha (2000).

Para a determinação de soluções numéricas, usando o método de diferenças finitas, são necessários os seguintes procedimentos:

 Discretizar o domínio onde a equação diferencial é definida. Para isso, definimos uma malha sobre a qual serão calculados os valores da solução. A Figura 2.4 mostra uma malha construída no domínio retangular semi-infinito $R = \{(x, t) \in \mathbb{R}^2 \mid 0 \le x \le L, t > 0\}.$



Figura 2.4: Domínio de discretização para o domínio $[0, L] \times [0, \infty]$.

• Escolher expressões que aproximem as derivadas que aparecem na equação diferencial e nas condições de fronteira e iniciais; A ferramenta matemática básica na definição dessas aproximações das derivadas é a bem conhecida *série de Taylor*. O mérito da série de Taylor é o de nos dizer como várias informações sobre a função, em um ponto podem ser usadas na avaliação desta função em uma vizinhança deste ponto. Por exemplo, se fizermos a suposição de que a função u(x, t) tem derivadas até ordem n + 1 em x, a utilização da série de Taylor nessa variável fornece as expressões

$$u(x+h,t) = u(x,t) + \frac{\partial u(x,t)}{\partial x}h + \frac{\partial^2 u(x,t)}{\partial x^2}\frac{h^2}{2} + \cdots$$

$$u(x-h,t) = u(x,t) - \frac{\partial u(x,t)}{\partial x}h + \frac{\partial^2 u(x,t)}{\partial x^2}\frac{h^2}{2} - \cdots$$
(2.33)

Combinando as expressões acima, obtemos:

$$\frac{\partial u(x,t)}{\partial x} \approx \frac{u(x+h,t)-u(x,t)}{h}, \qquad \text{com erro} \quad O(h), \\ \frac{\partial u(x,t)}{\partial x} \approx \frac{u(x,t)-u(x-h,t)}{h}, \qquad \text{com erro} \quad O(h), \quad (2.34) \\ \frac{\partial^2 u(x,t)}{\partial x^2} \approx \frac{u(x+h,t)-2u(x,t)+u(x-h,t)}{h^2}, \qquad \text{com erro} \quad O(h^2).$$

Onde as notações $O(h) \in O(h^2)$ indicam ser os erros correspondentes da ordem de $h \in h^2$, respectivamente.

• Substituir as expressões de diferenças finitas para as derivadas, definidas na equação acima, na equação diferencial da onda. Tal substituição dá origem a um sistema de equações algébricas cujas incógnitas são os valores, $u_i^j = u(x_i, t_j)$, nos pontos da malha da solução procurada. Esse sistema, associado à discretização do problema (isto é escolha do tamanho da malha e incluindo as condições de contorno e iniciais) deve então ser resolvido dando origem à solução do problema.

Como indicado acima, mais informações sobre o método de diferenças finitas pode ser encontrado em Fletcher (1991) e Cunha (2000).

2.2 Parâmetros CRS

O método da superfície de reflexão comum (CRS)⁴, é o nome dado a um método de empilhamento sísmico que utiliza como correção de tempo de trânsito (*moveout*), a chamada equação geral de tempo hiperbólico (ver, por exemplo, Hubral (1999) e Jäger (1999)).

No modelo da Figura 2.5, a posição de uma configuração fonte-receptor está determinada pelas coordenadas (xi, h), sendo h o meio afastamento e ξ a posição do ponto médio (fonte-

⁴Do Inglês, Common Reflection Surface

receptor) em relação a um ponto ξ_0 . Este ponto corresponde à coordenada do chamado *raio nor*mal, que é um raio fictício, no qual a fonte e receptor são coincidentes. O ponto de reflexão do raio normal é denominado *ponto de incidência normal* (NIP)⁵ na literatura.



Figura 2.5: Parâmetros CRS, para um raio normal ξ_0 -NIP- ξ_0

Para a obtenção da equação hiperbólica do tempo de trânsito como utilizada no método CRS, começamos por considerar que o tempo de trânsito possa ser representado pela sua expansão de Taylor de segunda ordem

$$T(\xi,h) = T_0 + A(\xi - \xi_0) + Bh + 1/2[C(\xi - \xi_0)^2 + 2D(\xi - \xi_0)h + Eh^2].$$
(2.35)

onde os coeficientes são dados por

$$\begin{cases} T_{0} = T(\xi_{0}, 0), & A = (\partial T/\partial \xi)(\xi_{0}, 0) & B = (\partial T/\partial h)(\xi_{0}, 0) \\ C = (\partial^{2}T/\partial \xi^{2})(\xi_{0}, 0) & D = (\partial^{2}T/\partial \xi \partial h)(\xi_{0}, 0) & E = (\partial^{2}T/\partial h^{2})(\xi_{0}, 0). \end{cases}$$
(2.36)

4

⁵Do Inglês Normal Incidence Point.

Tendo em vista o princípio de reciprocidade (ou seja, fonte e receptor podem ser trocados permanecendo o tempo de trânsito inalterado), temos que a equação do tempo T(ξ ,h) é uma função par em h e, portanto, D = E = 0. Logo, a equação (2.37) pode ser reduzida a

$$T(\xi,h) = T_0 + A(\xi - \xi_0) + 1/2[B(\xi - \xi_0)^2 + Ch^2].$$
(2.37)

A equação (2.37) é conhecida como *fórmula parabólica do tempo de trânsito*. O tempo de trânsito hiperbólico é obtido do seu correspondente tempo de trânsito parabólico (2.37), elevandose essa expressão ao quadrado e descartando-se os termos de ordem superior a dois. O resultado é

$$T(\xi,h)^2 \approx [T_0 + A(\xi - \xi_0)]^2 + T_0[B(\xi - \xi_0)^2 + Ch^2].$$
(2.38)

Como mostrado em Tygel (1997), os coeficientes A, $B \in C$ da equação acima podem ser expressos em termos dos chamados *parâmetros CRS*, podendo ao tempo de trânsito hiperbólico ser reescrito

$$T(\xi,h)^2 = T_0 + \frac{2\xi\sin\beta_0}{v_0} + \frac{2t_0\cos^2\beta_0}{v_0}(K_N\xi^2 + K_{NIP}h^2).$$
(2.39)

Nesta equação, temos as seguintes interpretações:

- v_0 é a velocidade da subsuperfície na vizinhança do ponto central em ξ_0 .
- β_0 é o ângulo de emergência do raio central.
- K_{NIP} é a curvatura da chamada frente de onda NIP.

• K_N é a curvatura da chamada frente de onda N.

É importante notar que a expressão (2.39) não leva em conta o efeito topográfico e exige que as variações da velocidade da subsuperfície (v) tenha um comportamento suave. As curvaturas das frentes de onda NIP e N são medidas no ponto de emergência ξ_0 .

A onda NIP caracteriza-se por ser uma onda que parte da superfície com curvatura $-K_{NIP}$, foca em NIP, refletindo neste ponto, e retorna à superfície com curvatura K_{NIP} , quando registrada em ξ_0 . A onda N, também conhecida como *onda normal*, caracteriza-se por ser uma onda que parte da superfície com curvatura $-K_N$, reflete em NIP, tendo, neste momento, a mesma curvatura que o refletor neste ponto, e retorna à superfície com curvatura K_N , quando registrada em ξ_0 . Estas ondas são mostradas na Figura 2.6. Maiores informações sobre a definição e propriedades das ondas N e NIP podem ser obtidas em Hubral (1982).



Figura 2.6: Frentes de onda associadas ao raio normal em ξ_0 : (a) onda NIP e (b) onda N.

A curvatura do frente de onda pode ser computada a partir de informações resultantes do traçado dinâmico de raios. Segundo Červený (2001), Seção 4.6, a curvatura do frente de onda pode ser expressa em função de parâmetros do meio e das matrizes de propagação. Na situação bi-dimensional, na qual a matriz de propagação tem dimensão 2×2 , temos

$$K(R) = v(R) \frac{P_1(R,S) + P_2(R,S)K(S)/v(S)}{Q_1(R,S) + Q_2(R,S)K(S)/v(S)},$$
(2.40)

onde S e R são, respectivamente, o ponto inicial e final respectivamente, sendo K(R) e K(S)as curvaturas das frentes de ondas nos respectivos pontos. Além disso, os escalares $P_1(R,S)$, $P_2(R,S)$, $Q_1(R,S)$ e $Q_2(R,S)$ são os elementos da matriz de propagação do raio normal em um meio bi-dimensional. Para maiores informações, o leitor pode se referir a Červený (2001).

Capítulo 3

Sísmica de Reflexão

A sísmica de reflexão baseia-se na análise da energia que chega a superfície após do envio de ondas, geradas artificialmente, ao interior da Terra. Esta análise concentra-se na informação que retorna devido a reflexões nas interfaces da subsuperfície. O processamento destas informações permite determinar estruturas geológicas do interior da Terra. Tais estruturas são interpretadas basicamente como multi-camadas de propriedades elásticas diferentes. As camadas são separadas por interfaces, denominadas de refletores sísmicos. As informações obtidas das chegadas das ondas refletidas, junto com outras, por exemplo de perfilagns de poço, são usadas para determinar a localização de depósitos de hidrocarbonetos.

O dado sísmico, resultado desta metodologia, é um registro temporal do campo de ondas produzido artificialmente por meio de fontes sísmicas (explosivas ou de vibração no caso terrestre ou de pressão no caso marítimo), dispostas próximas à superfície. O registro é feito em vários receptores espalhados sobre ou perto da superfície. O campo de ondas registrado é a resposta do interior da Terra ao sinal emitido pela fonte, sendo composto por muitos eventos sísmicos. De particular interesse para o processamento sísmico, destacam-se as ondas refletidas primárias, aquelas que refletiram uma única vez no interior da Terra. Todo este processo que inclui determinados números de tiros e receptores assim como a distribuição deles ao longo da linha sísmica, é chamado de *aquisição sísmica*. A expressão *levantamento sísmico* é também utilizada. O objetivo deste capítulo é mostrar os aspectos relacionados com a *aquisição sísmica*, que vão ser de utilidade na criação de modelos e no posterior modelamento.

3.1 Aquisições sísmicas

Uma aquisição sísmica é, em essência, a perturbação de um meio (a Terra) mediante a geração artificial de ondas para se propaguem neste meio e posterior registro em tempo da frente de onda que retorna à superfície.

3.1.1 Fontes

A geração do campo de ondas é realizada, usualmente, com fontes explosivas, tais como a dinamite (no caso de levantamentos terrestres), ou outras fontes de energia. Entretanto, restrições ambientais impulsionaram o desenvolvimento de outras fontes alternativas tais como os *air guns*¹ e *Vibroseis*²; O objetivo de usar uma das fontes mencionadas é fornecer reflexões com uma boa relação sinal-ruído para todo o tempo de interesse. As perturbações criadas por estas fontes se propagam no interior da Terra, onde as interfaces entre estratos geológicos diferentes refletem de volta parte da energia. A outra parte é transmitida prosseguindo através do meio. As informações das reflexões (especialmente as primárias) registradas nos receptores, dispostos na superficie, permitem após seu processamento, a determinação das profundidades e ângulos de inclinação dos refletores.

A compreensão de como é feita a disposição do equipamento em campo para fazer uma

¹Air guns: Canhão de ar, canhão pneumático. Fonte sísmica marítima, desenvolvida pela Bolt Associates por volta de 1967, na qual o pulso é gerado pela súbita liberação do ar comprimido armazenado em duas câmaras de aço sobrepostas Duarte (1997).

²Vibroseis: Fonte sísmica terrestre na qual potentes vibradores mecânicos geram um sinal de longa duração (*sweep*), que pode ser descrito como um "sinal senoidal", cuja freqüência varia, continuamente, entre um valor inicial e um valor final, com duração de 15 a 30 segundos, Duarte (1997).

aquisição sísmica é muito importante tendo em vista que o modelamento deve se aproximar o máximo possível das condições que se quer simular. Assim sendo, serão descritos mais detalhadamente alguns aspectos importantes sobre a aquisição sísmica e sua logística.

3.1.2 Receptores

A energia emitida pelas fontes sísmicas é registrada, após a reflexão nas interfaces do meio geológico, nos chamados receptores, que são aparelhos sensíveis à informação procedente do interior da Terra. Estes receptores recebem o nome de geofones no caso de aquisições em Terra e hidrofones no caso marinho.

Tendo em vista uma série de controles e considerações de diversos fatores, tais como atenuação de ondas superficiais, ruído ambiental e suavização das variações nos tempos de chegada causados pelas irregularidades da superfície, é usual que vários receptores estejam agrupados sob a forma de arranjos. Um arranjo pode ser composto por 10 ou 12 receptores distribuídos (a) sobre uma linha aquisição (distribuição linear) ou (b) em uma área na superfície de aquisição (distribuição areal).

Neste trabalho, consideraremos, para fins de modelamento, receptores individualmente localizados e com coordenada bem definida na linha sísmica. Em outras palavras, consideraremos que, mesmo arranjos de receptores, possam ser modelados por um único receptor em coordenada definida. Na literatura sísmica, refere-se como *estação* um arranjo de receptores, especificado como um ponto.

Como última observação, nosso modelamento será restrito à situação de aquisição em uma única linha sísmica, o que é consistente com a propagação bi-dimensional estudada. As hipóteses acima não representam restrição muito grave para os problemas práticos, uma vez que muitos dos processamentos de dados reais são realizados através da consideração de linhas sísmicas bidimensionais processadas individualmente.

3.1.3 Dados multicobertura

A aquisição sísmica tem como objetivo iluminar uma grande porção da subsuperfície. Os dados multicobertura, produto da aquisição, são processados para obter a imagem das estruturas geológicas, onde se espera encontrar formações que contenham hidrocarbonetos.

Com este objetivo, efetua-se, ao longo da linha de aquisição³, uma série de tiros seqüenciais. Um tiro é composto por uma fonte e um conjunto de receptores⁴. A disposição dos receptores durante o tiro é chamado lanço (*spread* em Inglês). Na maioria dos casos, o lanço é variável mas obedece a um padrão de aquisição (o número de receptores por cada tiro varia, por exemplo, de 48 até 240 receptores). Dentro das disposições de tiros e receptores ou lanços, termo que usaremos nas próximas referências, podem-se classificar dois tipos de aquisições: lanço de cobertura simétrica (*split-spread*) e de ponto médio comum (CMP do inglês *common midpoint*) Sheriff and P. (1986).

Lanço de cobertura simétrica (split-spread)

Conforme mostrado na Figura 3.1, a aquisição *split-spread*, o ponto de tiro ocupa uma posição central em relação aos receptores. A aquisição *split-spread* é contínua. Cada ponto é iluminado uma só vez, exceto pelo extremo na direção de aquisição, o qual é novamente iluminado durante o tiro seguinte. Na Figura 3.1, o tiro está localizado no ponto O_2 , sendo possível notar a região iluminada de A a B em um refletor horizontal. Observe que a distribuição dos receptores é simétrica. O próximo tiro será realizado no ponto O_3 . Para isso, é preciso "mover" o inicio de arranjo de receptores até a posição O_2 prolongando-se até O_4 . Desta forma, o setor a ser iluminado na interface é agora de B a C e, portanto o ponto B será iluminado novamente. O processo é continuado assim até alcançar o número de tiros desejados.

Na Figura 3.1, os pontos denotados como estações são posições geográficas onde é possível posicionar um receptor ou uma fonte.

³Como indicado acima, estamos considerando levantamentos bi-dimensionais utilizando uma única linha sísmica
⁴Lembremos que os receptores, mesmo em arranjos, são considerados como receptores individuais



Figura 3.1: Configuração *Split-dip*, a escala superior mostra o número de estação que corresponde a cada fonte ou receptor.

Ponto médio comum (CMP)

Na literatura sísmica, especialmente a mais antiga, este tipo de aquisição recebe o seu nome original *ponto comum em profundidade* (CDP do Inglês *common depth point*). Para explicar este tipo de aquisição, vamos fazer uso da Figura 3.2. Nesta figura, está representada uma linha de aquisição, um refletor horizontal, e um conjunto de receptores ao longo da linha de aquisição. Os receptores estão numerados na direção da aquisição, da esquerda para a direita. A aquisição começa realizando o primeiro tiro na estação zero, indicado como A na figura. Os receptores nas estações 1 até 9 são ligados durante certo tempo, chamado tempo de aquisição. Este primeiro tiro está iluminando o setor de *a* até *e*, no refletor. O seguinte tiro é realizado na posição B. Neste caso, os receptores correspondentes as estações 2 até 10 são ligados, o qual implica que o setor *b* até *f* é iluminado. Este procedimento é repetido ao longo da linha de aquisição.



Figura 3.2: Configuração ponto médio comum (CMP).

Observe o que acontece com os pontos ao longo do refletor. Durante a emissão da fonte em A, o raio cuja trajetória chega ao receptor na estação 9, atinge o refletor em *e*, o qual é também o ponto de reflexão para a fonte em B e um receptor na estação 8, também para uma fonte em C e receptor na estação 7, etc. O conjunto de traços sísmicos formados por fontes e receptores que tenham um mesmo ponto médio (isto é, tenham um ponto médio comum) formam o que é chamado de grupamento de traços CMP (em Inglês CMP *gather*). O conjunto de traços que pertencem a um CMP, após o chamado empilhamento NMO (*Normal Moveout Stack*, em inglês), simulam um traço cujas posições da fonte e receptor são coincidentes. Esta posição corresponde ao ponto médio comum dos pares fonte-receptor dos traços oríginais.

A vantagem da aquisição CMP é que ela permite a iluminação de uma mesma região por muitos pares de fontes e receptores, aumentando a razão sinal-ruído obtida. Denomina-se *cober*- *tura* a multiplicidade (ou redundância) com que uma mesma região é iluminada. A cobertura é expressa em número de multiplicidade ou em porcentagem (100 vezes o número de multiplicidade). Por exemplo, um ponto 6 vezes iluminado tem uma cobertura de 6, ou de 600%.

No caso de modelos com variação de velocidade apenas vertical, um grupamento CMP focaliza um refletor plano em um único ponto de reflexão, localizado diretamente abaixo do CMP. Nesta situação, acontece a iluminação de um ponto em profundidade comum (*common depth point*, *CDP*). Este é o motivo da terminologia original, CDP, ao invés de CMP. Note que, enquanto a terminologia CMP continua a fazer sentido para qualquer modelo geológico em profundidade, o mesmo não ocorre com o CDP. Com efeito, para modelos com refletores não horizontais e/ou com variação lateral de velocidade, um grupamento CMP não focaliza mais em um único ponto em profundidade.

Pode-se perceber como é difícil ter uma idéia dos diferentes traços envolvidos durante à aquisição; Para facilitar isso é usado o diagrama de empilhamento (*stacking chart* em inglês), ver Figura 3.3. Nesta figura, mostra-se as configurações possíveis dos dados multicobertura. Fazendo uso do diagrama é possível determinar o número máximo de cobertura.

Devido ao fato de que na aquisição CMP é possível encontrar vários tipos de lanços, vamos fazer uma breve descrição destas configurações.

Lanço (Spread) simétrico e não simétrico: A palavra lanço faz referência à localização dos receptores com respeito ao ponto de tiro. Em um *lanço simétrico*, encontra-se uma distribuição simétrica do número total de receptores em cada lado do ponto de tiro, separados por uma certa distância (gap) dada. O gap indica o número de estações que separam os dois lados de localização de receptores. ver Figura 3.4(a) e (b). Em um *lanço não simétrico*, a distribuição de receptores e cada lado do ponto de tiro é arbitrária.



Figura 3.3: Diagrama de empilhamento de uma aquisição CMP.

Lanço lateral (end-on spread): Esta situação é bem simples. A fonte está situada ao começo ou final do grupo de receptores ativos, ver Figura 3.4(c).

Lanço com afastamento longitudinal (*in-line offset spread*): Às vezes, em áreas de forte ruído de ondas superficiais (*ground roll*)⁵ a fonte é situada a uma considerável distância (500-700 m) do primeiro receptor ativo, veja Figura 3.4(d). Na figura, o tipo de lanço é *end on*, mas um *gap* de 5, correspondente a um tamanho maior que o usual (2 ou 3) é deixado no lanço.

Levantamento com tiro lateral (broadside shooting): Também é usual que a fonte tenha algum

⁵Ground Roll : Rolamento superficial, Onda sísmica dispersiva que viaja paralelamente às camadas superiores do solo, caracterizada pela baixa velocidade, baixa freqüência e grande amplitude. Sua propagação se dá pelo movimento elíptico e retrógrado das partículas do meio, na direção de propagação Duarte (1997).



Figura 3.4: Tipos de lanços

afastamento na direção normal à linha de aquisição. Se a fonte está ao final da linha de receptores ativos, este arranjo é conhecido como afastamento lateral em L, (em Inglês *Broadside-*L) (ver Figura 3.5(a)). Se a fonte está perto do ponto médio do número total de receptores, o arranjo é de tipo afastamento lateral em T, (em Inglês *Broadside-T*) (ver Figura 3.5(b)). Este tipo de lanço também é usado para evitar a presença do *Ground Roll* em tempos de registro onde se esperam reflexões de interesse.

- Lanço cruzado (*cross spread*): Consiste de duas línhas de cabos de receptores dispostas em ângulo reto, usadas principalmente para determinar a direção do mergulho de estruturas geológicas (ver Figura 3.5(c)).
- Aquisição rolagem para dentro / rolagem para fora (roll-on / roll-off): Nos levantamentos de reflexão sísmica terrestres, estas técnicas de registro são utilizadas no início ou fim da linha,



Figura 3.5: Lanços, (a) e (b) com tiro lateral (c) cruzado

reduzindo o trabalho de campo e aumentando o grau de cobertura nas extremidades da linha. Quando o dispositivo de registro é simétrico, a *rolagem para dentro* se faz colocando-se o ponto de tiro na extremidade externa do primeiro lanço da linha. Com as estações de receptores imóveis, os registros são feitos com o ponto de tiro *rolando* sobre as estações de receptores, até atingir o centro do lanço (ver Figura 3.6). A partir daí, o levantamento segue normalmente, mantendo-se a configuração simétrica do ponto de tiro com relação ao lanço. No final da linha, onde o grupo mais avançado atinge o seu limite, começa a *rolagem para fora*. As estações de receptores ficam novamente imóveis, enquanto que o ponto de tiro *rola* da posição central até a estação de receptores mais avançada (ver Figura 3.7). Se o tipo de lanço da aquisição for lateral (*end on*), a rolagem é feita uma única vez, no início ou final da linha, dependendo se a fonte segue na frente ou atrás das estações.

Vale a pena lembrar que cada receptor, na prática, é um arranjo de aparelhos receptores. A

Es	tações			,			,	,			,		
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
۲		∇	∇	V	V	V	∇	∇	∇	∇	∇	∇	
	۲		∇	7	∇	<u></u>		V		7		<u></u>	
∇		-		7	<u> </u>	∇	∇	∇	<u> </u>	<u> </u>	∇	<u></u>	
∇			۲		∇		<u></u>	∇	∇	7	∇	∇	
∇	∇	<u> </u>		۲		∇	<u></u>	∇	∇	<u> </u>	<u></u>	Δ	
<u>V</u>	<u> </u>	∇	V		۲		∇	<u></u>	∇	7	∇	<u> </u>	
∇	<u> </u>		<u></u>	<u></u>					<u> </u>	<u> </u>			
(a)	Roll o	n											
۲				∇	<u> </u>	V							
	۲	~	<u> </u>	<u> </u>	<u> </u>	V	∇					•••	
Ω		۲		∇	∇	∇	<u> </u>	∇					
<u>V</u>	∇		۲				∇	∇	∇				.
<u>V</u>	∇	<u></u>		-		∇	∇		∇	∇			
<u>V</u>	∇				۲		∇	∇	∇	∇	<u></u>		
<u>V</u>	∇	∇	∇	∇		•			∇	∇	V	V	
(b)	Turn	on							Fon	te	∇ R	eceptor	

Figura 3.6: Começo de uma aquisição real

cada tiro, a informação que retorna à superfície é coletada pelos receptores na forma analógica. Posteriormente o sinal é convertido para digital e gravado em fitas magnéticas (conhecidas como fitas de campo), em estações de trabalho dispostas para tal. Os registros assim obtidos dificilmente superam os usuais 6 (seis) segundos de gravação. Isto é porque os reservatórios de hidrocarbonetos economicamente viáveis encontram-se a profundidades que não superam este tempo. A informação obtida no campo é composta por dois grupos: (1) pelas fitas magnéticas mencionadas anteriormente e (2) pela informação da *geometria* de aquisição. A *geometria* de aquisição é o nome dado a dois tipos de informações: uma é a posição geográfica (coordenadas x,y e elevação) dos pontos onde os receptores e fontes foram localizados, ou seja das *estações*. A outra informação indica quais receptores estiveram ligados durante a geração do registro e como eles estavam organizados. A organização destas informações recebe o nome de *Relatório do Observador*. Sem ele, é impossível processar o dado sísmico.

Estações

····	+23	-+24	25	26	27	28	29	30	31	32	33
	∇	∇	∇	∇	∇	۲	∇	∇		∇	▽
	<u>V</u>	∇	∇	∇	<u> </u>	7	۲	∇	7	∇	<u> \ \ \ \ \ \ \</u>
	∇	۲		∇	∇						
	<u>Σ</u>	∇	Δ	∇	∇	∇	∇	∇	۲	∇	Δ
	<u>V</u>	7	V	<u></u>	∇	∇	∇	∇	<u></u>	۲	7
	<u> </u>	∇	∇	<u>V</u>		<u> </u>	<u></u>	<u> </u>	<u> </u>	<u></u>	٠
Roll off											
	<u></u>	<u></u>	∇	∇		۲	∇	∇		<u></u>	
		<u> </u>	<u> </u>	∇	<u> </u>	∇	۲	<u> </u>	<u> </u>	∇	
			∇	∇		∇		۲		<u></u>	<u> </u>
				∇	<u></u>	∇	∇	7	۲	∇	
					∇	∇	∇	∇		۹	
						∇	∇	∇		<u></u>	۲
Turn ofj	f							Font	•	∇	Receptor

Figura 3.7: Fim de uma aquisição real

3.1.4 Seção de afastamento nulo, Zero Offset

A seção de afastamento nulo é uma seção na qual, para cada fonte, um receptor é disposto para a aquisição e ambos compartilham a mesma posição geográfica. Portanto, esta configuração recebe o nome de afastamento nulo. A realização prática de um seção de afastamento nulo é impossibilitada pelos recursos técnicos existentes. Com efeito, se um receptor coincide com a fonte, ele é destruído após a detonação. Mesmo assim, a importante seção de afastamento nulo pode ser gerada (simulada) computacionalmente, mediante o processamento do dado sísmico original, com dados multicobertura. A seção de afastamento nulo é um dos produtos do processamento sísmico. Na atualidade existem varias técnicas para tal processamento.

A seção de afastamento nulo é ainda uma imagem da subsuperfície no domínio do tempo, a qual não permite em princípio falar com certeza do tipo de formações geológicas presentes. Visando realizar esta tarefa, é necessário fazer uma operação denominada *migração em profun*- *didade.* Como resultado desta transformação os dados em tempo são reposicionados em subsuperfície. O fascinante tema da migração foge, entretanto, ao escopo desta dissertação e não será perseguido. Uma referência para este e outros assuntos relativos ao processamento sísmico, pode ser encontrada em Yilmaz (1987).

3.1.5 Perfilagem Sísmica Vertical

Utilizando a perfilagem de um poço, um tipo de medição sísmica pode ser realizado com vistas a obtenção de correlações ou melhores resoluções do que as fornecidas pela aquisição sísmica feita em superfície. Esta medição é conhecida como *perfil sísmico vertical* (em Inglês *vertical seismic profile(VSP)*. A aquisição é feita dispondo uma série de receptores regularmente ou irregularmente ao longo do poço, uma fonte na superfície, ou perto da superfície, e próximo do poço ver Figura 3.8.



Figura 3.8: Aquisição por perfil sísmico vertical (VSP)

3.2 Dados sísmicos

Os dados sísmicos, como foi já descrito, são compostos por dois pacotes de informações, o registro sísmico e a informação da geometria de aquisição. A seguir vamos precisar um pouco mais o formato em que são disponibilizados.

3.2.1 Registros

Consiste em uma fita magnética que contém o dado registrado nos receptores para cada tiro. Esta informação, como é de se esperar, está regulada por formatos pré-estabelecidos. A SEG (*Society of Exploration Geophysicists*) por exemplo, inclui dentre estes formatos os seguintes SEG-A, SEG-B, SEG-D e o mais comum nas aquisições atuais o SEG-Y.

Existe um formato especial, e de certa forma paralelo a estes, que é o do pacote sísmico *Seismic Unix, SU*, disponibilizado e de uso livre pela *Center of Wave Phenomena* da *Colorado School of Mines.* Este é um formato adequado na hora de realizar manipulações numéricas com a informação do traço sísmico. O formato SU é a mesma informação contida no formato SEG-Y, mas sem alguns cabeçalhos de identificação da linha. Informação que não é de muita importância na hora de manipular os dados sísmicos, permitindo, em geral, transformar o dado original do formato SEG-Y ao formato SU sem risco nenhum. Isto com o fim de usar a biblioteca computacional do pacote SU.

3.2.2 Geometria

A chamada geometria dos dados sísmicos contém dois tipos de informações chaves que são:

Padrões: Estes podem estar digitalizados em formato texto ou documentados como Relatório do Observador, sendo este último realizado pelo pessoal da aquisição em campo. Esta informação é interpretada com ajuda de pacotes especializados. Ukooas: ⁶ Contém a distribuição geográfica de cada estação física no campo. Usado na localização das estações, esta informação é armazenada em formato texto. Por isso, é necessário carregar a geometria da aquisição antes de ser processada. Este procedimento faz parte do chamado pré-processamento sísmico.

⁶Acrônimo de United Kingdom Offshore Operators' Association. Nome de um formato de fita para registro das coordenadas dos levantamentos sísmicos marítimos.

Capítulo 4

Aspectos computacionais do InterSis

Neste capítulo, serão apresentados os problemas e as soluções computacionais relativas ao desenvolvimento de InterSis. O primeiro problema que tivemos de enfrentar para a realização do projeto de construção do InterSis foi o de escolher a várias ferramentas computacionais para cumprir as tarefas específicas envolvidas. A escolha de cada uma das ferramentas segue uma argumentação que será comentada brevemente aqui. O ambiente gráfico, do pacote, foi criado usando a biblioteca GTK+, a qual faz parte do projeto GNU. Além da biblioteca GTK+, outras usadas no projeto foram as bibliotecas padrões de C e SU, para codificação e manipulação de dados sísmicos, respectivamente. Também foi necessária a criação de *arquivos de lote*¹ (scripts em inglês) para executar programas em uma seqüência simples.

O uso dos pacotes ou bibliotecas aparece constantemente nos processos do fluxo de modelamento. Esse múltiplo uso justifica, do ponto de vista computacional, a criação de um pacote que integre as diferentes ferramentas computacionais. Assim foi concebida a criação de InterSis, o qual soluciona, neste âmbito, uma série de dificuldades para realizar o modelamento sísmico. Uma vantagem adicional é que, desta forma estamos fazendo com que o modelamento, em cada uma das etapas seja realizado de forma rápida, segura e padronizada.

¹Um arquivo de lote é um arquivo executável que utiliza o interpretador de comandos do sistema operacional, para executar programas ou comandos do sistema de forma seqüencial.

Ao final do capítulo comentaremos as limitações computacionais do InterSis, algumas fortemente relacionadas aos programas de modelamento externos utilizados, outras às especificações fixadas no desenho do InterSis.

4.1 Modelamento sísmico

O modelamento sísmico, realizado através da utilização de pacotes de modelamento de caráter acadêmico e de livre acesso público, é a principal motivação da construção do InterSis. Em geral, a realização do modelamento, inclui, além do programa específico, o uso de outros pacotes ao longo do processo. Como será detalhado mais adiante, uma série de etapas devem ser realizada antes da execução do modelador² e também após a execução. Etapas típicas que devem ser realizadas antes da execução do modelador incluem, por exemplo, a especificação do modelo e dos parâmetros de aquisição. Etapas após a execução do modelador incluem a visualização dos dados obtidos ou a preparação dos mesmos para processamentos subseqüentes. Na Figura 4.1, é mostrado um diagrama simplificado de um fluxo típico de modelamento, onde é possível diferenciar três partes:

- Pré-modelamento: Nesta etapa, é necessário especificar os parâmetros do modelamento e formatar as informações para os modeladores (isto é, programas específicos que realizarão o modelamento). Dentre as especificações necessárias estão: o modelo sísmico, pulso e parâmetros de aquisição. Toda esta informação anterior deve estar disponível para ser usada na geração de arquivos formatados. É importante notar que, os modeladores usados pelo InterSis preservam a autonomia ao serem usados, ou seja, os arquivos formatados fazem parte dos requisitos para executar o modelador, dentro ou fora da interface.
- Modelamento: Com a informação devidamente formatada, o passo seguinte é executar o modelador escolhido.

²A palavra *modelador* será utilizada para se referir ao programa que resolve as equações matemáticas que formulam a propagação de ondas envolvida no processo.



Pos-modelamento

Figura 4.1: Exemplo de um fluxo para modelamento sísmico.

Pós-modelamento: Os resultados fornecidos pelo modelador devem estar também formatados para posteriores aplicações. Deve-se dispor de ferramentas adequadas para essas tarefas.

No que se refere ao fluxo de execução da plataforma gráfica a ser construída, existem também vários requerimentos computacionais envolvidos, os quais podem ser assim classificados:

- Ambiente gráfico: Este deve incluir e modular, de forma amigável, as ferramentas necessárias no fluxo de modelamento. É o lugar onde o usuário deve especificar as informações para modelamento, escolher o modelador e usar ferramentas para análise dos dados sísmicos.
- **Execução de processos:** A interface deverá executar processos internos e externos. Esses últimos merecem especial atenção já que envolvem o uso de utilidades do sistema operacional. Portanto, é necessário criar uma ponte entre o ambiente gráfico e o sistema operacional.

Formatação e manipulação do dado sísmico: Os resultados obtidos, independentemente do modelador, deverão ser lidos e formatados para posterior uso. Devem, portanto estar aptos a serem utilizados pelos programas externos específicos que realizam essas tarefas.

4.2 Soluções computacionais

4.2.1 Ambiente gráfico

Para resolver o problema do ambiente gráfico, pensou-se em uma biblioteca que fosse de livre uso, com recursos necessários para construir uma interface e cujas condições de uso não tivessem restrições (custos e de propriedade) sobre sua posterior distribuição.

Uma biblioteca gráfica que cumpre esses requisitos é a *GTK*+ (do Inglês *Graphical Tool Kit*). Esta biblioteca é do tipo de *software livre* e os termos da sua licença são dados pelo protocolo *GNU LGPL* (do Inglês *Library General Public License*). Isto permite o desenvolvimento de software com caráter público ou de propriedade do(s) autor(es), sem taxas ou custos adicionais pela distribuição. A idéia básica dos termos da licença é a liberdade de copiar, mudar e distribuir versões da biblioteca, mas não de impor restrições sobre ela quando ao liberar o novo produto. Assim sendo, a interface gráfica, InterSis, será de livre uso, mesmo após modificações introduzidas por posteriores desenvolvimentos.

GTK+ é atualmente uma das bibliotecas gráficas mais amplamente usadas no sistema operacional *LINUX*. Isto inclui o uso da biblioteca em um dos ambientes gráficos para *LINUX*. Por essa e outras razões, a biblioteca *GTK*+ está presente na maioria das distribuições deste sistema, ou pode ser obtido em sua página oficial, *http://www.gtk.org*.

4.2.2 Execução de processos

A execução de processos na InterSis, pode ser dividida em duas categorias, a saber processos internos e externos. A seguir descrevemos esses dois casos.
- Processos internos: Tendo em vista o amplo ambiente gráfico criado, o qual inclui módulos principais e auxiliares, foi necessário escolher a linguagem interna para a interface. Esta devia permitir realizar operações internas e comunicar-se com os pacotes externos (modeladores, *Seismic Unix*, sistema operacional). A linguagem do código fonte de *GTK*+ é a linguagem C. No entanto, os processos internos da interface podem ser em outra linguagem. Observando os pacotes envolvidos, temos que a biblioteca padrão de SU é C e para os modeladores Seis88 e fd2d é *FORTRAN*, nas versões 77 e 90 respectivamente. Como se mostrará na Seção 4.2.4 foi necessário realizar mudanças no código fonte do Seis88, o qual incorporou a linguagem *FORTRAN* 77 ao projeto. O *FORTRAN* não é uma linguagem incluída em *GTK*+ para a construção do código dos processos internos. Como isso, para fazer a escolha definitiva, tivemos em conta outro aspecto importante: a padronização da linguagem. Era necessário manter, no possível, uma linguagem de codificação, resultando em uma razão a mais para escolher C como a linguagem adequada para a interface. Essas considerações determinaram a escolha da linguagem C, em detrimento de outras disponíveis, tais como C++, Perl e Python.
- Processos externos: A principal tarefa a resolver foi a execução de processos no sistema operacional (na versão atual do InterSis é LINUX, o qual será omitido nas próximas referencias). Como um exemplo específico, a visualização de dados sísmicos é realizada invocando os programas suxgraph, suximage e suxwigb. Estes são, normalmente executados por meio de comandos em terminais do sistema operacional ou com a elaboração de arquivos de lote (scripts). Para este caso, InterSis adotou a forma tradicional de fazê-lo, ou seja mediante a criação de arquivos de lote. Os arquivos, de caráter executável, são usados diretamente pelo InterSis. Desta forma o usuário ganha em:
 - Diminuição de erros: Todos os arquivos de entrada são disponibilizados em pastas criadas para tais fins (a localização é especificada pelo usuário). Portanto, o risco de perder informações ao executar os arquivos de lote é mínimo.
 - Facilidade de aplicação: O usuário não precisa conhecer SU, ou fazer arquivos de lote,

nem sair do InterSis para fazer uso dos diferentes programas externos.

 Reproducibilidade: Dado que os arquivos ficam na área de trabalho, o usuário poderá executá-los mesmo fora do InterSis.

4.2.3 Formatação de dados sísmicos

A inclusão da biblioteca computacional do SU, facilita a formatação do dado sísmico. Esta contem a informação registrada no receptor (das amplitudes) e cabeçalhos (informação de aquisição), ver Stockwell and Cohen (2001). Em termos técnicos, é uma estrutura de dados adequada para armazenar as duas informações. Portanto, em InterSis esta estrutura, bem como outras funções destinadas à manipulação do dado sísmico são usadas diretamente. Os cabeçalhos fixados pelo InterSis nos dados sísmicos são listados a seguir:

tracl	Número do traço na linha
tracr	Número de traço na fita de gravação
fidr	Número do tiro
tracf	Número do traço no tiro
cdp	Número do cdp
trid	Tipo de traço
offset	Afastamento fonte receptor
gelev	Elevação do receptor
selev	Elevação da fonte
sdepth	Profundidade da fonte
scale1	Valor de escala
sx	Coordenada x da fonte
sy	Coordenada y da fonte
gx	Coordenada x do receptor
gy	Coordenada y do receptor

- ns Número de amostras
- dt Taxa de amostragem
- ntr Número de traços

4.2.4 Soluções específicas para o Seis88

O programa Seis88 foi o primeiro modelador, com o qual foi aplicado a presente interface gráfica, InterSis. A motivação para a escolha do modelador Seis88, é a sua alta qualidade científica, seus resultados tendo o mais completo reconhecido por parte da comunidade acadêmica. Embora existam versões mais recentes, optamos pelo Seis88, por ser este programa ainda muito utilizado e de uso livre. Por ser um programa desenvolvido já há bastante tempo e sem suporte, o Seis88 possui limitações impostas pela linguagem em que foi implementado, *FORTRAN 77*. Algumas das limitações foram redefinidas para evitar maiores restrições no InterSis. Isso quer dizer que o código fonte do programa sofreu modificações, dentre as quais podemos destacar:

- Número máximo de receptores: O número máximo de receptores por tiro era de 99, a saber, representava o limite superior para um inteiro de 2 dígitos. Este valor foi incrementado para 999, correspondente a 3 dígitos e amplamente suficiente para nossas aplicações.
- Tamanho da malha de velocidades: A malha do modelo de velocidades, era de um tamanho fixo de 50x50. A mudança realizada permite que a especificação de malha de tamanho variável especificadas por inteiros variáveis de 1x1 até 99999x99999.
- Arquivos de saída: As informações cinemática e dinâmica do raios traçados pelo Seis88 eram misturadas com a informação das trajetórias dos mesmos em um único arquivo de texto formatado. Atualmente, as informações são disponibilizadas em arquivos diferentes.

- Criação do sismograma e diagrama de trajetória de raios: O modelador Seis88, embora conhecido e referenciado de forma genérica como um programa único, é, na verdade, um conjunto de programas. Neste trabalho, estamos nos referindo a um dos programas chamado *seis*. Através deste programa, é realizado o modelamento pela teoria de raios. Para gerar as seções sísmicas, é preciso executar outro programa do pacote Seis88. Ao resolver o problema do ítem anterior, logramos diferenciar as duas informações, o que permitiu: (1) a elaboração do sismograma em InterSis e (2) usar a informação de trajetória de raios rápida e recursivamente. Os impactos oriundos desta separação foram muito importantes na exploração de utilidades não prevista no pacote original, tais como: (a) a escolha por parte do usuário de pulsos para a fonte e (b) a construção de um mapa de cobertura (*fold*), que é de utilidade para a escolha dos parâmetros de aquisição.
- Especificação do modelo sísmico: No modelador Seis88, a real especificação das interfaces era oriunda de uma interpretação interna, invisível ao usuário. Em InterSis, a construção das interfaces é realizada de forma gráfica e direta pelo usuário. Em seguida, a interface especificada é automaticamente parametrizada e formatada como requerida pelo Seis88. Como um benefício adicional, InterSis permite ainda que resultados oriundos da aplicação convencional do Seis88 sejam também visualizados, o que permite, caso seja desejável, uma validação da execução da InterSis em comparação ao Seis88.

4.3 Limitações computacionais do InterSis

Nesta seção, consideramos as limitações atuais do InterSis, procurando mostrar caminhos através dos quais é possível sua eficácia e aplicabilidade.

4.3.1 Especificação do modelo sísmico

Na criação do modelo sísmico, podemos observar as seguintes limitações

• O número máximo de interfaces é de 20, incluindo a superfície de aquisição e o fundo do

modelo. Este é o número máximo de interfaces que é aceito pelo Seis88. Tendo em vista que esse é um número razoável para nossas aplicações, optamos, pelo menos na presente verão, não alterá-lo.

- Ainda seguindo a concepção original do Seis88, optamos pela construção das interfaces por meio de *splines* cúbicas e/ou linhas poligonais. Embora este método limite as possibilidades de uso de interfaces mais complexas, decidimos deixar esse problema para futuras versões.
- Na presente versão, InterSis está apta a suportar somente os modeladores Seis88 (traçado de raios) e fd2d (diferenças finitas). No entanto, a estrutura que foi utilizada na concepção de InterSis certamente poderá ser apropriada para outros modeladores. Estamos já considerando algumas possíveis extensões.
- Modelos de extrema complexidade como lentes, zonas isoladas dentre outros, ainda não são possíveis de criar. Isto se deve, em princípio às limitações de tempo e prazos envolvidas neste trabalho. No entanto, a incorporação de interfaces mais complexas é certamente viável e deve ser objeto de próximas pesquisas.
- Apenas modelos 2D e 2.5D são considerados. As motivações dessa escolha foram, em primeiro lugar, a simplicidade que deve ser observada na produção da primeira versão de qualquer produto e, em segundo lugar, a disponibilidade pública do Seis88, a qual não trabalha em modelos 3D.

4.3.2 Especificação dos modelos de velocidade e densidade

A especificação dos modelos de velocidade e densidade está limitada a funções com variação linear (gradientes constantes) em qualquer direção. Embora aparentemente simples, modelos multicamadas com gradientes são capazes de representar muitas situações de interesse acadêmico e na indústria. A motivação para as escolhas deste tipo de modelos está na sua simplicidade e efetividade de aplicação. A incorporação de modelos incluindo variações mais complexas dos parâmetros do meio é certamente desejável e deve ser considerada em futuras versões do InterSis.

4.3.3 Aquisições

Na presente versão, InterSis considera aquisições somente na forma de tiro comum. Tal situação é compartilhada com os modeladores Seis88 e fd2d. Vale observar, no entanto, que todos os tipos de aquisição de uso prático e de pesquisa são geradas a partir de reordenações de conjuntos aquisições de tiro comum. Desta forma, o usuário, pode compor aquisições mais gerais e complexas. Sem dúvida seria desejável que InterSis pudesse oferecer módulos mais completos de aquisição, facilitando o trabalho do usuário. Também aqui procuraremos suprir esta deficiência em trabalhos futuros.

4.3.4 Desenho da interface

Na presente versão, InterSis possui valores de alguns parâmetros de construção, na interface, considerados como padrão (*default*). Listamos abaixo esses parâmetros e seus valores:

- Dimensões do modelo x[0.5-99]km, z[0.5-99]km.
- Tiros [1-1000].
- Receptores [1-1000].
- Gap [2-20].
- Tempo de registro [0.1-10.00]s.

Os padrões acima podem se constituir em limitações para o usuário. Esta limitação pode ser superada editando o código da interface. De qualquer forma, reconhecemos ser desejável que o usuário tenha a flexibilidade necessária sem a necessidade da referida edição.

Capítulo 5

InterSis

InterSis é uma interface gráfica projetada para interagir com pacotes de modelamento sísmico de caráter científico-acadêmico disponíveis para livre uso. Interfaces gráficas permitem o uso de implementações computacionais que ajudam a definir modelos geológicos, pulsos de fonte, aquisições etc. Outra vantagem é usa-las na disponibilização de pacotes com metodologias de modelamento diferentes. Além das necessidades mencionadas anteriormente, chamadas de *prémodelamento*, existem outras não menos importantes, as *pós-modelamento*. Essas são de vital importância, pois permitem, através da observação e conveniente manejo dos resultados (arquivos de saída do modelador), avaliar as escolhas dos parâmetros do modelo geológico, parâmetros de aquisição, pulso, amostragem, etc., que foram utilizadas.

InterSis integra os beneficios dos pacotes, GTK+, para desenvolvimento gráfico e SU, para manipulação do dado sísmico. O pacote SU é amplamente usado na indústria do petróleo pelos grupos de pesquisa na área de Geofísica, especificamente em processamento sísmico. A aplicação da biblioteca computacional do SU permite que as informações geradas pelo modelamento, sejam usadas em outros pacotes tanto acadêmicos como comerciais.

InterSis é composto basicamente por um módulo principal e cinco módulos auxiliares. Cada módulo tem o objetivo de especificar os parâmetros essenciais, tanto *pré-modelamento* como *pós-modelamento*. Nas Seções 4.2-4.7, será mostrado cada um dos módulos e sua funcionalidade.

5.1 InterSis e modeladores

InterSis foi projetado para atuar como interface gráfica de pacotes de modelamento sísmico. Na primeira versão, produto deste trabalho, InterSis atua com os seguintes modeladores:

- Seis88: Esta é uma das primeiras versões do pacote de traçado de raios, desenvolvido por V. Červený e I. Pšenčík (disponível no endereço http://seis.karlov.mff. cuni.cz). O Seis88 considera a propagação de raios em meios multicamadas elásticos e isotrópicos, separados por interfaces curvas, nas situações 2D e 2.5D. Devido algumas alterações no código (o código fonte é de livre acesso) de importância para o InterSis, uma versão modificada do Seis88 está disponível em nosso endereço http://www.ime.unicamp.br/~ aeco.
- fd2d: Pacote desenvolvido por Jessé C. Costa, no Centro de Geociências da Universidade Federal de Pará, é um modelador para meios acústicos multicamadas 2D, usando o método de diferenças finitas.

Independentemente do modelador escolhido pelo usuário, as especificações do modelo são realizadas da mesma forma. A interface InterSis conta com uma boa disponibilidade de opções que permitem ao usuário determinar completamente modelos sísmicos, aquisições, pulsos etc. Uma vez se deseja fazer o modelamento, InterSis cria os formatos de entrada para os pacotes de modelamento, roda o modelador e aguarda os resultados. Estes são formatados SU, podendo assim ser visualizados ou *manipulados* com ferramentas computacionais próprias da interface ou da biblioteca computacional do SU. A Figura 5.1 mostra um esquema de como InterSis interage com os pacotes e também como o usuário interage com o InterSis.

5.2 Módulo principal, especificações gerais do modelo

Este módulo permite ao usuário caracterizar o modelo em forma geral, com dimensões, número de camadas, aspectos relacionados com os modeladores e suas características físicas, por exemplo, velocidades e densidades. Estas merecem atenção especial, devido a sua alta influência no modelamento de ondas sísmicas. Todas essas propriedades podem ser assim especificadas:



Figura 5.1: Esquema geral da InterSis

5.2.1 Velocidades

Devem ser especificadas em cada camada velocidades de onda P e de onda S, denotadas por $v_P e v_S$, respectivamente. Vale notar, entretanto que as velocidades $v_P e v_S$, em uma mesma camada, não são independentes, mas obedecem à relação de proporcionalidade, $v_P = 1,732v_S$. Esta relação representa o padrão (*default*) do programa Seis88, sendo, em geral, bem aceita para muitas aplicações. Para maior flexibilidade, porém dotamos InterSis da possibilidade do usuário alterar a constante de proporcionalidade a outro valor desejado. Desta forma, a proporcionalidade entre $v_P e v_S$ pode ser arbitrariamente escolhidas em cada camada. Tendo em vista as observações acima, descreveremos a inserção das velocidades em cada camada apenas para a onda P.

InterSis considera ainda somente três tipos de variação de velocidades (de onda P) no interior de cada camada: Camada Homogênea: A velocidade na camada é especificada por um único valor.

- Camada com gradiente vertical: A velocidade é especificada usando dois valores, os quais determinam função linear de velocidade com gradiente vertical requerido na camada. O primeiro valor é dado pela velocidade no limite superior da camada, o segundo pela a velocidade no limite inferior.
- **Camada com gradiente vertical e lateral:** A velocidade é especificada por três valores, a saber: um valor de referência, v_0 , para um dado ponto, (x_0,z_0) da camada, os outros dois valores sendo os gradientes vertical e lateral da velocidade, (a_x, a_z) . A velocidade, v(x, z), no interior da camada é dada pela expressão $v(x, z) = v_0 + a_x(x - x_0) + a_z(z - z_0)$. Como padrão, o ponto de referência, (x_0, z_0) é dado no extremo superior esquerdo da camada. Porém, é possível considerar este ponto arbitrariamente, no interior da camada.

5.2.2 Densidade

Esta propriedade pode ser também especificada de três formas, a saber:

Densidade Constante: Um único valor é dado para a densidade na camada.

- Função linear da velocidade de onda P: Devem ser dados dois valores, um de referência, ρ_0 e outro designando o gradiente, K da densidade. Desta forma, a densidade em qualquer ponto, (x, z), da camada é dada por $\rho(x, z) = \rho_0 + K v_P(x, z)$.
- **Padrão do Seis88:** Nesta opção é utilizada a relação linear, a qual consiste em tomar, na relação linear anterior, os valores padrão do Seis88, $\rho = 1, 7$ e K = 0, 2. A densidade fica então dada por $\rho(x, z) = 1, 7 + 0, 2v_P(x, z)$.

5.3 Módulo para construção de modelos geológicos

Este módulo conta com uma área gráfica e múltiplas opções para a especificação de modelos multicamadas 2D. As interfaces são interpretadas de acordo com as especificações do modelador



Figura 5.2: Tipos de modelos de velocidade nas camadas: (a) homogêneas, (b) com gradiente de velocidade vertical (c) com gradiente vertical e lateral.

Seis88, o qual permite representar variedade de estruturas geológicas. Com esta ferramenta, é possível criar interfaces formadas por linhas poligonais e/ou curvas suaves (as curvas são cons-

truídas a traves de splines cúbicas).

A Figura 5.3 ilustra o módulo de inserção e edição da InterSis, no caso de um modelo geológicos com quatro interfaces, incluindo a superfície de aquisição e uma interface ainda por concluir (linha em cor branco). Neste módulo, pode-se determinar também: a chamada *assinatura* ou *código* do raio (no caso de se usar o modelador de traçado de raios), pontos de referência das velocidades mencionadas na seção anterior, localização dos receptores, dentre outros parâmetros.



Figura 5.3: Módulo para inserção e edição de modelos multicamadas 2D

5.4 Módulo dos parâmetros de aquisição

Uma vez especificado o modelo sísmico 2D, é necessário determinar o tipo de aquisição e a geometria para aquisição. Para especificar os tipos de aquisição, vamos empregar os termos indicados no Capítulo 3. Atualmente, este módulo dispõe de três tipos de aquisição:

5.4.1 Multicobertura

Este é o caso de uma aquisição resultante de várias fontes e receptores arbitrariamente distribuídos sobre a linha sísmica. Para especificar a a aquisição de multicobertura, necessitamos inicialmente introduzir uma classificação para a distribuição dos receptores, a chamada *geometria* da aquisição. Temos as seguintes possibilidades:

- Geometria regular de receptores: A distribuição dos receptores é fixada por dois valores, a saber, a localização do primeiro receptor sobre a linha de aquisição (o ponto de referência é o extremo esquerdo do modelo), e o valor de afastamento entre eles.
- Geometria irregular de receptores: A informação com a distribuição dos receptores é carregada por meio de um arquivo tipo *texto*. Nele se encontram as coordenadas de cada receptor ao longo da linha sísmica.

Como visto no Capítulo 3, existem dois tipos de lanços relacionados com a geometria regular de receptores. O lanço *simétrico*, no qual a fonte se localiza no ponto médio dos receptores e o lanço *não Simétrico*, no qual o grupo de receptores deve estar em sua totalidade em algum dos lados, esquerdo ou direito, da posição da fonte.

A disposição dos tiros ao longo da linha de aquisição também pode ser de realizada de duas formas:

- Geometria regular do ponto de tiro: Os pontos de tiro são dispostos ao longo da linha de aquisição separados por uma dada distância. A posição do primeiro tiro é calculada internamente usando a informação da distribuição dos receptores e o tipo de lanço.
- Geometria irregular de ponto de tiro: A informação da distribuição dos tiros ao longo da linha de aquisição e a distribuição dos receptores em cada tiro, é carregada lendo um arquivo *texto* com essas informações.

5.4.2 Afastamento nulo, ZO

É possível gerar seções de afastamento nulo, através de duas maneiras. A primeira é uma seção correspondente à aquisição multicobertura modelada. Ao modelar uma seção multicobertura, uma seção com traços de afastamento nulo ou ZO, pode ser gerada em cada posição CMP ao longo da linha de aquisição. A segunda, pode ser empregada quando se requer uma seção de afastamento nulo ao longo do modelo, em pontos regularmente espaçados.

5.4.3 Perfilagem de poço

As especificações para a aquisição sísmica de poço são as mínimas. Necessita-se apenas conhecer a localização do ponto de tiro, a localização do poço, e a distribuição regular dos receptores dentro do poço.

O módulo para o caso da aquisição multicobertura é mostrado na Figura 5.4.

5.5 Módulo para especificação do pulso

Uma boa escolha do pulso da fonte é bastante importante para a criação de sismogramas. Uma forma de obtê-la é controlando as suas características, a saber, causalidade, fase, duração, conteúdo de freqüências, dentre outras. Visando dispor do máximo de informações, o módulo de especificação do pulso em InterSis permite ao usuário escolher trabalhar, tanto no domínio do tempo, escolhendo o tipo de pulso dentre um grupo de opções, quanto no domínio da freqüência, com o fim de análise neste domínio. Para isso, InterSis faz uso da biblioteca computacional do SUpara computar a *transformada de Fourier* do pulso, bem como as várias quantidades oriundas da mesma.

Outro aspecto fundamental na geração de sismogramas sintéticos, é a determinação do *tempo* de registro e a razão de amostragem com que a informação é registrada nos receptores. Este último parâmetro gera uma restrição na escolha dos parâmetros do pulso. Portanto, estas duas

Acquisiti	un type			sut options		
Multicoverage			🕈 Detært Gu form	set Gu formeti Segy file		
20 section			🗔 Da co- kais-taras			
Interactive acquisitio	81		K WAR HERE'S			
Vertical profile (vSP)						
		Nultic	noraga			
Specify Geometry			9102007720			
	informati	en fer mult	lcoverage acquisition			
Sh	ot <u>a</u>		Alterative experiments and material and a	pread	(internation) and the	
Number of shots	1	A	CAP (stations)	2	Ż	
Source's Orpth [m]	0.000	à	Start receivers at In	n O	2	
Distance between shots imi	90	•	Distance between receivers (m)	500.000	Ą	
	energia contra contra da	Geometry of	x receivers			
• Ragularly	Number (arevies in	6	¢ ¢		
irregularly	🗆 Split s	pread	 Left side of source Aigth side of source 			
		Spread & 7	10 options			
Den't include ZQ se include ZO section	etkon plus CPS st	tributas	Include	20 section		
					Cancal	

Figura 5.4: Módulo para especificação do tipo de aquisição

informações foram incluídas neste módulo. A Figura 5.5 mostra o módulo utilizando um dos pulsos pré-determinados.



Figura 5.5: Módulo para especificação do pulso

5.5.1 Criação do pulso

Na literatura do modelamento sísmico, várias possibilidades existem para geração de pulsos. InterSis considera três dessas possibilidades, a saber, pulsos dados por expressões analíticas, pulsos de tipo *spike* de banda limitada e pulsos importados diretamente de arquivos. A seguir expomos essas três possibilidades oferecidas pela interface InterSis:

Pulsos Analíticos

InterSis oferece três opções de pulsos analíticos, amplamente utilizados na literatura:

Pulso de Gabor: Este foi o pulso escolhido internamente ao pacote Seis88 para a construção do sismograma sintético. O pulso é dado pela fórmula

$$f(t) = \cos(\omega t + \psi) \exp[-(2\pi f t/\gamma)^2], \qquad (5.1)$$

dependente dos três parâmetros: a freqüência, f, a largura, γ , e a fase ψ . É importante notar que o tempo zero (t = 0), corresponde ao valor máximo do pulso. Além disso, seguindo Seis88, InterSis oferece a opção efetuar um deslocamento (shift) do pulso. Para efeitos de visualização, InterSis dispõe de uma opção para determinar o número de amostras do pulso a ser graficado.



Figura 5.6: Pulso de Gabor com parâmetros $\gamma = 6.5$, f = 15.5, $\psi = 0.0$. Foi dado ao pulso um deslocamento(*shift*) de 0.0175 ms. A duração é de 20 amostras

Pulso de Berlage: Este pulso é dado pela expressão

$$f(t) = (t - t_0)^N \exp[-(\beta(t - t_0))] \sin(2\pi f(t - t_0)),$$
(5.2)

dependente de três parâmetros: a freqüência, f, o fator de atenuação no tempo, β e um valor inteiro, N, que permite controlar o conteúdo de freqüências de forma proporcional. Da mesma forma que no caso anterior, é possível aplicar um deslocamento escolhido pelo usuário ao pulso. Além disso, a duração do pulso pode ser dada por um número de amostras.



Figura 5.7: Pulso de Berlage, com $\beta = 50$, f = 20, N = 0. O pulso tem deslocamento nulo. A duração é de 20 amostras.

Pulso Ricker: O pulso Ricker tem expressão matemática mais simples

$$f(t) = (1 - 2(t - t_0)^2 \beta^2) \exp[-(t - t_0)^2 \beta^2], \qquad (5.3)$$

dependente de um único parâmetro, β , que determina a duração (período) do pulso. Também para o pulso Ricker, o usuário pode introduzir um deslocamento desejado. A duração do pulso pode também ser fornecida por um número de amostras.



Figura 5.8: Pulso de Ricker com $\beta = 40.7$. O pulso tem deslocamento nulo. A duração do é de 20 amostras.

Spikes de banda limitada

Esta é uma interessante opção, obtida usando um sinal concentrado e de energia unitária em t = 0 e zero para $t \neq 0$. Utiliza-se para este sinal a expressão inglesa *spike*. No domínio da freqüência, este sinal tem valor constante 1, isto é, sua transformada de Fourier é constante. Considerando-se faixas do espectro unitário, por exemplo, aplicando um filtro de corte, obtemos os chamados *spikes de banda limitada*.

Importação e criação arbitrária de pulsos

Finalmente, InterSis fornece a importante opção de importação de pulsos a partir de arquivos fornecidos diretamente pelo usuário. O pulso pode ser fornecido em formato *texto*, *binário*, *ou SU*. Com esta opção, é possível modelar com precisão pulsos mais realistas ou retirados de dados reais, por exemplo, após um processo de inversão no processamento sísmico. O pulso fornecido pelo usuário é incluído no modelador. Além disso, o pulso pode também ser criado de forma livre pelo usuário, através de uma janela de desenho.

5.5.2 Análise do pulso no domínio do tempo e da freqüência

Normalmente, é desejável conhecer o comportamento do pulso, não só no domínio do tempo também é de suma importância seu comportamento no domínio da freqüência. Neste domínio, podemos, por exemplo, evitar efeito *alias temporal* da informação, o qual é produto de uma escolha inadequada da razão de amostragem. Com uma análise do espectro de freqüências do sinal, podese determinar a razão de amostragem mínima requerida para evitar o efeito *alias temporal*. Para

fazer esta análise, InterSis gera através da biblioteca computacional do SU os espectros de fase e amplitude do pulso em estudo. Um resultado deste tipo é mostrado na Figura 5.5.



(c)

Figura 5.9: Pulso de Gabor com $\gamma = 6.5$, f = 15.5, $\psi = 0.0$. O pulso foi deslocado de 0.0175 ms. A duração é de 10 amostras: (a) pulso no domínio do tempo; (b) espectro de freqüências e (c) espectro de fase.

5.6 Módulo de visualização e análise de dados sísmicos

Na etapa de pós-modelamento, InterSis tem a capacidade de visualizar dados sísmicos no formato SU. Tanto aqueles produzidos internamente, como os gerados em outros pacotes. Este módulo pode ser considerado uma interface gráfica para algumas utilidades do SU, dado que o

usuário está apto a aplicar uma série de operações com o dado sísmico para diferentes fins e de variado interesse. Algumas das utilidades são: verificação de cabeçalhos, aplicação da transformada de Fourier 1-D e 2-D, aplicação de ganho e adição de ruído.

Dentre as idéias motivadoras para a criação deste módulo, está a possibilidade de corrigir os parâmetros de aquisição devido a *alias espacial* ou *temporal*, bem como a adição de ruído. Este último é um dos artifícios amplamente usado para aproximar o dado modelado ao dado real. A Figura 5.10 mostra o módulo de visualização.

Sort dataset Dataset sorted by 110 - Minimum 1	Plot → _Cein → Header Plot	ay: y		
Another sort lasy Missimum 1		ge le v	<u>i</u> seim	er er
windows style	1 Attributes	ame		
• Wiggle Gray/Color scale Part of clip size 280	Add golse	noisn	TI3	
0 fraces: rscH41,800 tracr=(1,50) fidr=1 tracf=(1,50) odg=(142,202) rid=1 offset=(-1475,1473) scale1==1000 scales==1000 sx=502500 gx=(35493938,650000000 ns=1001 st=4000	2 String to	usa intida the Path	command line	
gave Brintable version Display		na(nangani(ar. Pa	annthassalaise, aile agus a	Î
Trails Descures (

Figura 5.10: Módulo de visualização de dados sísmicos

5.7 Módulo de trajetória de raios e cobertura

Resulta de particular interesse para muitas aplicações, o conhecimento das informações cinemáticas e dinâmicas do traçado de raios, em particular, das trajetórias dos raios. Além disso, é também de utilidade ter uma medida do grau de iluminação (a chamada *cobertura*) de uma região ou refletor. Neste módulo, coloca-se à disposição do usuário estas informações, tanto de forma

visual, como em formato *texto*. É possível ainda, obter informações quantitativas da iluminação (cobertura) de interfaces de interesse, oriunda de reflexões ao longo das mesmas. Esta é uma utilidade que permite avaliar a efetividade dos lanços ou parâmetros de aquisição dos levantamentos. A Figura 5.11 mostra este módulo.



Figura 5.11: Módulo de visualização de trajetórias de raios e cobertura

Capítulo 6

Exemplos ilustrativos

Neste capítulo são apresentados alguns exemplos destinados a ilustrar as capacidades de InterSis para criar modelos sísmicos em geologias multicamadas, simular aquisições sísmicas em situações e parâmetros de interesse, aplicar os modeladores (na presente versão os programas Seis88 e fd2d) e, finalmente, visualizar e avaliar os resultados produzidos pelo modelamento.

Para introduzir o leitor ao uso de InterSis, escolhemos como primeiro uma estrutura multicamadas com interfaces simples, onde tentaremos mostrar a funcionalidade e *"amigabilidade"* do aplicativo, utilizando as várias opções presentes no pacote.

Outros exemplos serão apresentados em seguida, visando explorar aspectos mais específicos ou situações mais complexas, sempre com a ótica de ilustrar as potencialidades do pacote InterSis, estimulando sua aplicação por diferentes usuários.

Alguns exemplos apresentados referem-se a problemas típicos em sísmica de exploração descritos na literatura acadêmica ou utilizados na indústria. Quando adequado, citaremos as referências de onde os modelos considerados foram extraídos.

6.1 Modelo multicamadas com interfaces simples

O objetivo deste exemplo consiste na aplicação da plataforma InterSis, na construção, desde o início, de um experimento sísmico completo. Através desse exemplo, será mostrado todo o processo, incluindo a criação do modelo geológico, etapas de pré-modelamento (tais como, definição dos parâmetros de aquisição e especificação do pulso) aplicação dos modeladores, e, finalmente, as etapas de pós-modelamento (tais como visualização dos sismogramas, *snapshots*, trajetórias de raios, e quantificação de coberturas.

6.1.1 Especificação do modelo geológico

No módulo principal de InterSis, determinamos as características físicas do modelo. Neste exemplo, consideramos um modelo geológico constituído de cinco camadas com variação vertical de velocidades. As densidades são calculadas usando as fórmulas embutidas em InterSis, conforme descrito na Seção 5.2. No que se refere à aquisição, consideramos uma linha de aquisição de 5 km de comprimento sujeita a dados sísmicos de multicobertura. Os objetivos da aquisição estão em profundidades de até 2 km. A Figura 6.1 mostra o módulo com as especificações mencionadas.

Com as opções do menu principal, podemos visualizar os perfis de velocidade e densidade do modelo especificado. Essas propriedades. bem como as dimensões do modelo, ficam explícitas nas figuras criadas por InterSis. Para a produção dessas figuras, InterSis faz uso do programa *sucimage* do pacote SU. Vemos que os perfis de velocidades e densidades entre as camadas ficam claramente apresentados na Figura 6.2.

E importante observar que o programa *suximage* está visualizando arquivos em formato SU, os quais são preparados internamente por InterSis. Estes arquivos ficam na pasta atual de trabalho do usuário. Isto é de grande utilidade, pois é possível levar tais arquivos a outros pacotes, para uso em aplicações diferentes, como por exemplo a *migração*.

	Number of layer 5 *	n ik Z Di	Dimensions ml 5.00 ml 2.00	_3 _3	Type of velocity model Constant valocity model * Vertical verying velocity model Gradient valocity model	Density within layers Constant Function of Vp Default 1.7 + 0.2 * Vp
uyar	Valocity at the appen boundary	Velocity at the lower bounder	Type of y velocity U	p/Ns		
4	2.30000	2.53000	Pwave 🕶 🖬	vafault [entremente en estatutiones. Anti-	
2	2.75000	2.80200	P W8Y9 * FC	xefault 🗍		
(The	2.95000	DOCEE.	Pwave 💌 🗹	Sefault 🗍	•	
4	349801	3.84751	Pwave • 20	bañault 🔤	and and a second se	
	4.02271	4.98000	Pwave * PL		÷	

Figura 6.1: Módulo principal de InterSis, com especificações do modelo.

6.1.2 Determinação do pulso e parâmetros de registro

Para o exemplo, consideramos um pulso tipo Gabor fase mínima, no qual o comprimento é determinado com ajuda das especificações do tempo de duração do registro. Este tempo foi fixado em 2.0 s com razão de amostragem de 4 ms. Com esta última, o valor da freqüência de Nyquist¹ é fixada em 125 Hz. Os valores escolhidos são típicos das aquisições sísmicas usadas na prática, sendo também apropriadas para as dimensões do modelo. As velocidades também são razoáveis nas situações de bacias sedimentares objeto da prospecção sísmica. Tendo em vista as escolhas realizadas, podemos especificar agora o pulso em InterSis. Veja a Figura 6.3.

A Figura 6.4 mostra o pulso no domínio da freqüência. Observe que a freqüência dominante está em torno de 20-30 Hz e que as contribuições para freqüências superiores a 115 Hz são nulas.

¹A freqüência de Nyquist, f_N , representa a máxima freqüência que pode ser recuperada em sinais discretos como a informação sísmica. Numericamente, vale a relação $f_N = 1/(2dt)$, onde dt é a razão de amostragem. Para mais informações, o leitor pode consultar Yilmaz (1987)



Figura 6.2: Parâmetros físicos do modelo multicamadas: perfil de velocidades (a) e densidade (b). As dimensões do modelo (linha de aquisição na horizontal e profundidade na vertical), bem como as escalas de cores, permitem fazer uma interpretação geral do modelo.

6.1.3 Aquisição multicobertura

Com o objetivo de obter informações ao longo de toda a linha de aquisição, especificaremos uma aquisição multicobertura de 60 tiros com um lanço simétrico de 60 receptores (ambos regularmente espaçados 50 m) e um intervalo *gap* de duas estações. A primeira estação, na qual está localizado o primeiro receptor, é localizada pela coordenada zero (0 km) da linha de aquisição. Todas as fontes estão situadas a 5 m de profundidade. Esta informação é fornecida pelo usuário ao módulo de aquisições, conforme indicado na Figura 6.5. Tendo em vista as especificações do modelo geológico, aquisição e escolha do pulso de fonte, podemos proceder ao modelamento propriamente dito, ativando os modeladores. Consideraremos neste exemplo ambos modeladores



Figura 6.3: Módulo para determinação do pulso: Pulso Gabor, com parâmetros $\gamma = 4$, f = 16 e $\psi = 0, 0$ rd., com deslocamento aplicado (*shift*) de 0,0175 ms. A duração do pulso é de 20 amostras. Tempo de registro 2 s, amostragem temporal, 4 ms. Freqüência de Nyquist, 125 Hz.

disponíveis em InterSis: (a) Seis88, que utiliza a teoria de raios e (b) fd2d, que utiliza diferenças finitas.

Para o caso da teoria de raios, as informações fornecidas a InterSis até agora são suficientes. Os demais parâmetros inerentes ao pacote Seis88 podem ser escolhidos pelo usuário, mas também possuem valores padrão. Estes valores permitem ao usuário simplesmente não considerá-los, sendo deixados como parte das instruções do manual de InterSis, para o caso em que esta situação padrão (*default*) não seja a mais adequada. Tendo em vista essas observações, podemos continuar com nossos objetivos.

Para o modelamento por diferenças finitas, algumas opções, não consideradas no caso da teoria de raios, devem ser observadas. Para isso dispõe-se de uma janela para tal fim (ver Figura 6.6). Consideraremos, como ilustração, o caso de um único tiro, construindo cinco imagens instantâneas (*snapshots*) da propagação de ondas em nosso modelo. O número de imagens instantâneas desejadas (no caso, 5) é informado ao InterSis através da janela na opção *snapshots*.



(c)

Figura 6.4: Pulso escolhido: (a) no domínio do tempo, (b) espectro de amplitude e (c) espectro de fase.

6.1.4 Pós-modelamento

Vamos agora utilizar os módulos de visualização e trajetória de raios e cobertura de InterSis, destinados à visualização e análise dos resultados gerados pelos modeladores. Estes são: (a) Um volume de dados multicobertura, juntamente com as informações das trajetórias dos raios, gerados pelo pacote Seis88 e cinco *snapshots* da propagação da frente de onda provenientes de um único tiro, gerados pelo pacote fd2d.

Cl Acquisition type Acquisition type • Multicoverage Interactive acquisition 20 section Vertical profile (VSP)			Output options • Dataset (su format) Segy file • Eurs history			Ω.
		Maltic	xwerage			
Specify Geometry			Import Geometry			
	Informati	on for mul	ticoverage acquisition			an a
Sh	ots		5p	read		
Number of shots	200	7	GAP Gtatlore	2		Sec. 1
Source's Depth Imi	3.000	Ą	Start receivers at [m			4
Dictance between shots [m]	30		Distance between receivers (m)	50.000		-
n an		Ceometry	of receivers	a and a subserve	e-star an ar	
• Regularly	Numbi	er of racen	iars	50	3	
rregularly (F Split spread						
 Don't include 20 section 	ution plus CRS st	Spread & tributes	20 options Include 2	20 section		
					Çai	7603

Figura 6.5: Módulo de aquisição: a opção Multicoverage (do Inglês para Multicobertura) está ativa.

Finiske ih Chancan a		
Volume injecti	on source	•
	10	•
	40	
Power : alp	*	
sorption bound:	ries (points in gri	4]
	35	
	x	
	5	- }
<u>B</u> un (<u>C</u> lose
	Volume Injection Power t alo sorption bounds	Volume Injection source

Figura 6.6: Janela para especificações no modelamento por diferenças finitas.

Módulo de visualização

Até agora não se fez menção a nenhum tipo de ordenamento dos dados, que permanecem segundo foram adquiridos, ou seja, no domínio do tiro. No entanto, é possível neste módulo, re-

ordenar os dados em qualquer tipo de configuração. Além disso, podemos realizar várias outras operações, tais como: aplicar ganho, computar as transformadas de Fourier 1D e 2D, computar atributos sísmicos e adicionar ruído.

A Figura 6.7 mostra um ordenamento por afastamento (*offset*) constante, muito útil, por exemplo, para pesquisadores em processos de migração, ou para processadores que desejam ter uma idéia de seções dos dados. Estes, observando, por exemplo, a seção gerada pelos traços de mínimo afastamento, procuram uma imagem inicial do dado (uma primeira aproximação da seção de afastamento nulo, *zero-offset*). Na figura mencionada é mostrada a imagem gerada por estes traços. Pode se-conferir a boa aproximação do ponto de vista de imageamento com o modelo sísmico utilizado.



Figura 6.7: Família de afastamento comum [25 m]

Um ordenamento muito usado em processamento sísmico é o de *ponto médio comum (CMP)*, uma vez que o processamento convencional NMO/DMO opera sobre este tipo de ordenamento do dado sísmico ².Um ordenamento CMP foi realizado para os traços dos *CMP*s 70 e 140 e estão apresentados na Figura 6.8.

²Como explicado no Capítulo 3, a expressão CMP refere-se a *Common midpoint*. Além disso, as siglas NMO e DMO provém das expressões *Normal Moveout* e *Dip Moveout*, respectivamente. Os processos de NMO e DMO são utilizados na correção dos dados pertencentes ao CMP, por afastamento e mergulho do refletor respectivamente, Sheriff and P. (1986)



Figura 6.8: Famílias CMP número (a) 70 e (b) 140.

É muitas vezes desejável introduzir ruído controlado nos dados sintéticos originais para que os mesmos tenham aparência e estejam mais relacionados com dados reais obtidos do campo. A introdução de ruído controlado é fundamental para testes com algoritmos de imageamento e inversão. Para introduzir ruído no dado fez-se uso do programa *suaddnoise*³, com uma relação sinal/ruído de 80. A Figura 6.9 mostra-se o tiro de número 10, sem e com ruído.

No módulo de visualização, também podemos observar os resultados gerados por diferenças finitas, tanto do sismograma sintético, quanto dos vários *snapshots* produzidos. Com respeito ao primeiro tiro da aquisição de multicobertura, a Figura 6.10 mostra os sismogramas obtidos, utilizando-se o traçado de raios, Figura 6.10(a), e utilizando-se o método de diferenças finitas, Figura 6.10(b), respectivamente. Uma característica importante que diferencia os dois dados é a presença das ondas diretas no sismograma modelado por diferenças finitas.

³suaddnoise é um programa do SU que adiciona ruído ao dado sísmico, onde o tipo de ruído adicionado é de distribuição probabilística Gaussiana.



Figura 6.9: Seções de tiro comum (tiro 10) modelados com a teoria dos raios: (a) sem ruído, (b) com ruído.

A propagação da frente de onda, modelada por diferenças finitas, pode ser mostrada por lnterSis em forma de filme com o programa *suxmovie*⁴(veja Figura 6.11).

Dentre as ferramentas mais usadas para determinar algumas características da informação sísmica está a transformada de Fourier. Como foi comentado anteriormente, é possível aplicar no dado este tipo de transformação. Com a transformada temporal de Fourier, conhecida como *FFT* (do Inglês, *Fast Fourier Transform*), podemos conhecer o conteúdo de freqüências no dado sísmico. Isso serve, por exemplo, para saber se é possível re-amostrar o dado para menor amostragem (neste caso para economia do esforço computacional) ou para maior amostragem (atendendo a necessidades de melhor precisão). A transformada de Fourier espacial é usada, por exemplo, para eliminar informações não desejadas, normalmente ondas superficiais (*Ground roll*, em Inglês), ou para determinar existência do chamado falseamento (*alias*) espacial. Estes conceitos estão bem tratados, por exemplo, em Yilmaz (1987). Para fins ilustrativos, a Figura 6.12 mostra os resultados

⁴suxmovie é um programa do SU que exibe na tela os dados seqüencialmente, de forma que semelhante a um filme.



Figura 6.10: Seções sísmicas de tiro comum modeladas por: (a) teoria de raios e (b) diferenças finitas.

das transformadas de Fourier unidimensional somente no tempo (fx), Figura 6.12(a), e bidimensional no tempo e espaço (fk), Figura 6.12(b), para o caso de tiro gerado por traçado de raios.

Módulo de histórico de raios

Além das informações cinemática e dinâmica oriundas do traçamento de raios, é também de utilidade poder avaliar a qualidade do modelamento através da cobertura ou iluminação atingida nas regiões ou objetivos de interesse. Esta informação é particularmente valiosa para fins de planejamento da aquisição sísmica, definida através da especificação de seus parâmetros. Também nos processos de tomografia sísmica, esta informação é de muita utilidade. Para estes objetivos, consideramos as trajetórias dos raios, que chegam a cada receptor, utilizando-as das seguintes formas: (a) desenhando-as sobre o modelo sísmico, inclusive sobre o perfil de velocidades. Estes gráficos mostram como é , *qualitativamente*, a iluminação de cada interface durante o tiro. (ver Figura 6.13); (b) A segunda maneira, conseqüência da primeira, consiste em tentar obter, além



Figura 6.11: Seqüência da propagação da frente de onda, primeiro tiro, modelado por diferenças finitas.



Figura 6.12: Transformadas de Fourier do primeiro tiro modelado pela teoria de raios: (a) Transformação Fx (b) Transformação Fk.

de uma idéia qualitativa, também uma quantificação da iluminação oriunda da aquisição. Como solução para essa demanda, InterSis cria um *mapa de cobertura* para cada interface: mais especificamente, InterSis faz uma partição regular da interface (a quantidade para este particionamento é fornecida pelo usuário), ficando a interface toda dividida em pequenos segmentos. O número de raios que atinge cada segmento é computado, criando o *mapa de cobertura*. Cada segmento ou setor em que foi discriminada a interface pode ser considerado como um compartimento (*bin*), o que é muito comum em processamento sísmico. Na Figura 6.14 são mostrados mapas de cobertura gerados para as interfaces em nosso exemplo.

É usual na prática fornecer, para uma aquisição sísmica, as informações de qual é a cobertura máxima. Este valor é referido à superfície, ou seja, a discriminação ou segmentação para criar cada *bin* é feita na superfície. No módulo de histórico de raios, cada vez que um ponto médio está envolvido em algum par fonte-receptor durante a aquisição, a cobertura para este ponto é incrementada em 1. Assim, para nosso caso o número de cobertura máximo é de 30, mas como já foi explicado na Seção 3.1.3, este valor é expressado como cobertura de 3000%.







(b)



(c)



(d)

Figura 6.13: Trajetória dos raios durante o tiro 1. Interfaces (a) 1 (b) 2 (c) 3 (d) 4


(a)



(b)



(c)



(d)

Figura 6.14: Mapas de cobertura ao longo das interfaces (a) Interface 1, (b) Interface 2 (c) Interface 3 (d) Interface 4.

Observando as figuras de cobertura por interface podemos observar que:

- Os valores máximos são 2500%, 4200%,6000% e 6100% para as interfaces 1, 2, 3 e 4, respectivamente.
- Os valores de máxima cobertura se concentram no setor correspondente ao anticlinal. Caso seja esse nosso alvo, o forte incremento na iluminação da estrutura é bom.
- Os valores de cobertura não estão longe do que se podia esperar qualitativamente, dado que, observando a Figura 6.13, a tendência das trajetórias dos raios é atingir o setor do anticlinal.

As observações acima podem ser de muita importância quando decidir o tipo de lanço, número de tiros e distribuição dos receptores da aquisição real.

6.1.5 Afastamento nulo (ZO)

É de alto interesse em estudos sísmicos, a geração da chamada seção de afastamento nulo (ZO do Inglês, *zero-offset*). Com efeito, através dessa seção, pode-se obter uma primeira imagem sísmica e, além disso, avaliar o que se pode esperar da aquisição. Como foi comentado na Seção 5.4.2, a seção ZO pode ser diretamente obtida numa aquisição multicobertura. No entanto, achamos conveniente dotar InterSis de uma possibilidade independente de construção da seção ZO, a saber, por construção direta da localização de pontos fornecidos pelo usuário. Além disso, são obtidas no processo, as seções dos chamados parâmetros CRS (*Common Reflection Surface*) associados à seção ZO.

Construção da seção de afastamento nulo, *ZO*: Em nosso exemplo, a seção ZO será adquirida considerando um total de 200 traços de afastamento nulo regularmente espaçados 25 m, serão modelados. Confira esta informação no módulo de aquisição de afastamento nulo da Figura 6.15, bem como a seção ZO resultante, na Figura 6.16.

Multicoverage Int 20 section Va	erective acquisi rtical profile (VS	tixn 🔹 Dataset (su format) Sesy file P) 🔽 Rays history
Total caps	200	ZO section Coor x [km] first cdp 0.0000
Cdp's interval [m]	25.000	

Figura 6.15: Módulo para aquisição de afastamento nulo, com 200 traços espaçados 25 m ao longo da linha de aquisição do modelo da Figura 6.2.



Figura 6.16: Seção de afastamento nulo modelo da Figura 6.2.

Parâmetros CRS: Ao observar o módulo de aquisição de afastamento nulo, pode se notar que a opção para calcular a seção de parâmetros CRS está ativa. Isto é, para aquela seção de afastamento nulo foram modelados os parâmetros CRS, por tanto, podemos dispor destas informações adicionais. Uma curta descrição destes parâmetros foi comentada na Seção 2.2. As seções dos parâmetros CRS são apresentadas na Figura 6.17.



Figura 6.17: Seções de parâmetros CRS : (a)Seção β (b) Seção K_N e (c) Seção K_{NIP} .

6.2 Algumas situações particulares

Nesta seção consideraremos alguns casos de interesse nos estudos sísmicos, para os quais a interface InterSis pode ser de valia.

6.2.1 Cáusticas

Estes são efeitos devidos a focalização das trajetórias dos raios em pontos do meio. Estes efeitos são oriundos de curvaturas dos refletores e/ou variações laterais de velocidade no interior das camadas.



Figura 6.18: Modelo sísmico com uma estrutura tipo Sinclinal

Uma estrutura geológica bastante favorável à aparição de cáusticas é a de um sinclinal, como mostrado na Figura 6.2.1 . Ao fazer aquisição sobre anticlinais (estruturas com geometria oposta ao sinclinal) as trajetórias dos raios são de caráter divergente, obtendo-se como resultado uma redução/dispersão da energia. Em contraposição, os raios refletidos sinclinal têm caráter convergente, gerando concentração da energia. Se a energia é focalizada na superfície de aquisição, a amplitude do evento não pode ser formulada pela teoria dos raios, ocorre o que chamamos de *singularidade*. Com efeito, nesse caso a amplitude, segundo a teoria dos raios, se torna infinita e fisicamente incorreta. Para essas situações, portanto, o modelamento pela teoria dos raios não deve ser aplicado. Outra característica importante é que uma mudança de fase é observada após a passagem por uma cáustica. Desta forma, as cáusticas ocasionam efeitos nos dados observados, os quais devem ser corretamente levados em consideração pela interpretação sísmica. Informações sobre o tratamento dado pela teoria de raios ao fenômeno das cáusticas pode ser encontrado em Červený (2001). Estruturas tipo sinclinal são de muito interesse nos processos de migração, pelas razões já expostas. Exemplos completos, ou seja, com as seções migradas, são apresentados em Yilmaz

(1987). Um outro fenômeno é o caso de chegadas múltiplas, isto é, informações de pontos diferentes de uma interface estão sendo registrados na superfície para um mesmo par fonte-receptor. A vantagem da utilização da InterSis consiste na obtenção rápida e conveniente de resultados de modelamentos em estruturas nas quais os fenômenos podem ser bem isolados e estudados. Com esse aprendizado, pode-se ir ao dado real com maior probabilidade de correta interpretação.

A Figura 6.19, extraída do manual do *CSHOT*⁵, mostra um sismograma onde estão presentes as cáusticas. A Figura 6.19 mostra o sismograma e as trajetórias dos raios em uma configuração de tiro comum.



Figura 6.19: Cáustica (a) Tiro comum, posição da fonte em 2.24 km sobre a linha de aquisição, o primeiro receptor a 0.76 km da origem ou começo da linha sísmica, lanço não simétrico de 100 receptores, 38 receptores do lado esquerdo e os restantes do lado direito (b) trajetória dos raios na interface No 3.

É possível evitar cáusticas, por exemplo, variando o tipo de lanço, nos dados de aquisição.

⁵*CSHOT* é um programa, de domínio publico, implementado em FORTRAN. O CSHOT faz parte do SU e foi criado e implementado por P. Docherty em 1985. O modelo sob consideração é o exemplo 9 em Docherty (1991).

Como é de imaginar, na seção de afastamento nulo as cáusticas voltarão aparecer. No mesmo mo- delo da Figura 6.2.1, foi gerada uma série de tiros ao longo do sinclinal, porém com lanço *end on* do lado esquerdo e mesmo número de receptores que no experimento anterior. Confira na Figura 6.20 a ausência de cáusticas.



Figura 6.20: Tiros gerados "evitando" cáusticas. Lanço end on do lado esquerdo, total de dez (10) tiros espaçados 80 m

6.2.2 Topografia

Um problema importante dos levantamentos terrestres é o de aquisições em superfícies não regular (regiões montanhosas ou de difícil acesso). nestes casos os pares fontes-receptores não podem ser considerados em um mesmo nível de referência. Por isso, no fluxo de processamento sísmico é necessário incorporar algumas etapas para fazer correções em dados sísmicos nessas condições. As correções mais freqüentes são devido a topografia e campo de velocidades complexos.

A situação de acentuada topografia na superfície de medição (linha sísmica) pode ser bem representada no modelamento produzido por InterSis. Um exemplo deste caso é do modelo da Figura 6.21, também extraído do manual do CSHOT (ver exemplo 14 em Docherty (1991)),



Figura 6.21: Modelo com superfície de aquisição não regular, inclusão da topografia.

Para um tiro no modelo mencionado anteriormente, pode ser visto o efeito da topografia nos tempos de trânsito, confira na Figura 6.22. Os eventos topográficos de maior altura (mais perto de zero), produzem tempos de trânsito maiores no segundo evento presente neste tiro.



Figura 6.22: Modelo com topografia

É possível, para fins ilustrativos apenas, traçar a curva dos tempos de trânsito (*linha vermelha* na Figura 6.24) do segundo refletor supondo uma superfície de aquisição regular ou plana. Para

isto consideramos o mesmo modelo em profundidade, mas substituímos substituímos a superfície de medição por uma outra, sem variações na topografia, veja Figura 6.23. Os tempos de trânsito do primeiro refletor foram extraídos e desenhados sobre o sismograma anterior. Podem-se ver as diferenças dos tempos de trânsito. Vários algoritmos de processamento sísmico existem para corrigir situações de topografia de aquisição. Citamos, por exemplo, as técnicas de correções, por elevação, migração em profundidade e redatumação (*redatuming*)⁶. A presente interface, Inter-Sis pode ser de utilidade para testes de vários dos algoritmos e técnicas que ligam com efeitos da topografia nos dados sísmicos.

Uma outra aplicação de InterSis, consiste em apoiar o estudo da influência nos dados sísmicos devido ao campo de velocidades perto da superfície do modelo. Esse campo de velocidade, denominado de *zona de baixa velocidade (ZBV)*, afeta sobremaneira os dados e dificulta sua interpretação.



Figura 6.23: Modelo com superfície regular ou plana

6.2.3 Modelo de domo

Os chamados domos⁷ são estruturas geológicas que aparecem em situações de intrusão salina. As camadas são deformadas por um fluxo de um material viscoso (sal fluido) que produz uma forma geométrica, similar à mostrada na Figura 6.25.

⁶Datum: Nível de referência usado para levar o dado sísmico, quando a superficie de aquisição não é regular, Duarte (1997)

⁷Domo de sal: Intrusão salífera que corta verticalmente as rochas sedimentares. Sua formação se deve ao comportamento fluídico do sal e ao fato da sua densidade ser menor que a das rochas encaixantesDuarte (1997)



Figura 6.24: Efeito topográfico nos tempos de trânsito, o dado corresponde a uma aquisição com superfície não plana (Figura 6.21), a linha vermelha são os tempos de trânsito do segundo evento para o mesmo modelo mas com a superfície plana (Figura 6.23).



Figura 6.25: Modelo de domo de sal

Este tipo de estruturas pode conter reservatórios de hidrocarbonetos, pois o óleo ou gás podem ficar presos nos flancos do domo. Os flancos de domo são reservatórios comuns em diferentes bacias do mundo, especialmente México, Oeste de África, Mar vermelho e Mar do norte. Outra característica importante dos domos é que possuem velocidades altas, gerando altos contrastes com as camadas ao redor. O objetivo deste exemplo é mostrar a alta variedade de estruturas que podem ser modeladas com facilidade com InterSis. O modelo foi extraído de Yilmaz (1987). As seções de afastamento nulo foram as informações modeladas no livro referido para estudar problemas de migração. Com InterSis, o resultado é mostrado na Figura 6.26.



Figura 6.26: Modelo de Domo, seção de afastamento nulo

6.2.4 Modelo talude

O modelo utilizado neste exemplo consiste da situação geológica denominada de tipo talude mostrada na Figura 6.27.



Figura 6.27: Modelo sísmico com forma de talude, ilustrando a transição de plataforma rasa para águas profundas.

Trata-se de uma geologia bastante importante do ponto de vista exploratório, já que grande parte das pesquisas atuais de petróleo no Brasil está voltada para esta situação. O talude representa a quebra da plataforma continental rasa, passando para regiões profundas através de uma transição onde o fundo do mar apresenta mergulhos de 15^o em média. Esta geometria, juntamente com o forte contraste de impedância do fundo do mar, gera dificuldades para o imageamento sísmico.

6.2.5 Modelamento de reflexões múltiplas

Como é sabido, a aquisição marinha apresenta outro tema de estudo bem interessante que são as reflexões múltiplas ⁸. Uma das múltiplas mais importantes no processamento de dados marinhos são as múltiplas do fundo do mar. Por isso apresentamos dois casos desses tipos de múltiplas.

Modelamento sem múltiplas

Considerando um modelo geológico extraído de Araujo (2003), utilizamos InterSis e o modelador Seis88, para computar o sismograma e as trajetórias dos raios, segundo a aquisição de tiro, com 60 receptores, intervalo (*gap*) de duas estações, estando o primeiro receptor localizado a 4.5 km sem múltiplas. A Figura 6.28 mostra os resultados obtidos na situação onde não foram traçadas múltiplas.

Múltipla do fundo do mar

Para a mesma situação anterior, vamos adicionar uma reflexão múltipla. Desta forma, é mais simples observar o comportamento deste tipo de múltiplas. Conforme mostrado na Figura 6.29, trata-se da chamada múltipla de superfície de primeira ordem, apresentando uma reflexão na superfície e duas reflexões no fundo do mar. Como era de se esperar a múltipla está presente a um tempo quase o dobro da sua respectiva reflexão primária. Para uma melhor resolução, são mostradas na figura apenas as trajetórias dos raios da múltipla.

⁸Múltíplas: são consideradas múltiplas aquelas reflexões cuja trajetória envolve mais de uma reflexão no interior da terra, Duarte (1997).



Figura 6.28: Configuração de tiro comum somente com reflexões primárias.



Figura 6.29: Múltipla superficial de primeira ordem do fundo do mar: (a) sismograma (o evento da multipla está indicado pela linha vermelha) e (b) trajetória dos raios da múltipla.

Múltipla entre camadas

Como último caso, consideramos, ainda no modelo anterior, o caso da adição de uma única reflexão múltipla. Embora seja esta também uma múltipla de fundo do mar, o caso é diferente pois ocorre também uma reflexão em um refletor mais profundo. A Figura 6.30 mostra o sismograma obtido, bem como as trajetórias (somente para a múltipla).



Figura 6.30: Reflexão múltipla entre camadas: (a) sismograma (o evento da multipla está indicado pela linha vermelha) e (b) trajetória dos raios da múltipla.

Capítulo 7

Conclusões e trabalhos futuros

7.1 Conclusões

Nesta tese foi desenvolvido o pacote InterSis, uma interface gráfica para modelamento sísmico em situações 2D e 2.5D. A motivação para a elaboração do InterSis vem da grande necessidade de se ter em mãos uma ferramenta que facilita a utilização e aproveitamento dos vários benefícios oferecidos por uma quantidade de programas de modelamento disponíveis para livre uso.

Uma grande variedade de utilidades foram incorporados à interface, dentre as quais podemos destacar :

- Construção de modelos geológicos multicamadas;
- Especificação do pulso (wavelet);
- Construção de modelos de velocidades e densidades;
- Especificação das geometrias de aquisições sísmicas 2D (isto é em uma única linha sísmica);
- Inclusão de ferramentas computacionais da biblioteca do SU.

Além de conter estas características, o InterSis é capaz de "integrar" duas das metodologias mais aceitas e usadas no modelamento sísmico, a saber, a teoria dos raios e o método de diferenças finitas aplicadas à equação da onda. Para o traçado de raios, InterSis, utiliza o consagrado modelador, Seis88, desenvolvido por V. Červený, do instituto de geofísica da *Charles university*, e I. Pšenčík, do instituto de geofísica da *Czechoslovakia academic science*. O programa Seis88 foi convenientemente modificado para atender às exigências de melhor flexibilidade e "amabilidade". Para a metodologia de diferenças finitas, InterSis utiliza o programa fd2d, desenvolvido por Jessé C. Costa, do Centro de Geociências da Universidade Federal do Pará. Uma vantagem adicional do pacote InterSis é que é possível manter basicamente os mesmos padrões de configuração de modelamento e, somente ao fim do processo, o usuário escolhe com qual dos métodos (isto é, com quais dos modeladores) será feita a simulação numérica.

Como foi mostrado neste trabalho, o pacote InterSis pode ser utilizado na elaboração de experimentos para o estudo de problemas característicos da chamada sísmica de reflexão, de uso freqüente nos estudos de prospecção e monitoramento de reservatórios de hidrocarbonetos. Esses problemas incluem, entre outros, a modelagem de múltiplas, efeito da topografia e efeitos de cáusticas.

O uso do programa Seis88 modificado, permite :

- Modelar os parâmetros CRS (K_n , $K_{niv} \in \beta$), associados a seções de afastamento nulo.
- Elaborar mapas de cobertura para interfaces iluminadas, a partir de informações coletadas durante o traçado da trajetória dos raios.

A inclusão da biblioteca computacional do SU permite ao usuário a utilização, não somente de uma variedade de ferramentas de largo uso nas atividades do processamento sísmico, como também do seu significativo potencial de visualização gráfica dos dados modelados e/ou processados.

7.2 Trabalhos futuros

Em nossa opinião, InterSis representa um bom começo para elaboração de pacotes que facilitem o trabalho do pesquisador em sísmica de exploração. Como trabalhos futuros consideramos a possibilidade de aumentar o potencial da presente versão, a saber:

- Incorporando outras aplicações de interesse dentro da linha de modelamento sísmico, incluindo, por exemplo, a migração e a tomografia. Tal extensão parece bem viável, tendo em vista que pacote SU dispõe de programas que podem ser implementadas com facilidade.
- Incorporando outros pacotes de modelamento sísmico, com outras metodologias ou aplicados a meios mais abrangentes, como os meios anisotrópicos.
- Extensão para o caso 3D.

Referências

- Araujo, S., 2003, Constru
 ç
 ç
 e imagens s
 sísmicas pelo m
 étodo de superficie de reflex
 comum:
 Master's thesis, Universidade estadual de campinas.
- Biloti, R., 2001, Tempo de trânsito multiparamétricos: Estimação e inversão: Ph.D. thesis, Universidade estadual de campinas.
- Cunha, C., 2000, Métodos numéricos: Editora da UNICAMP.
- Docherty, P., 1991, Documentation for the 2.5d common-shot modeling, cwp-050: Center for wave phenomena, Colorado School of Mines.
- Duarte, O., 1997, Dicionário enciclopédico inglês-português de geofísica e geologia: Sociedade Brasileira de Geofísica.
- Fletcher, C., 1991, Computational techniques for fluid dynamics: Springer-Verlag.
- Harlow, E., 1999, Linux application with GTK+ and GDK: New Riders Publishing.
- Hubral, P., 1982, Computing true amplitude reflections in a laterally inhomogeneous earth: Geophysics, 48, no. 8, 1051–1062.
- Hubral, P., 1999, Macro-model independent seismic reflection imaging: Geophysics, 42, no. 3, 71–72.
- Jäger, R., 1999, The common reflection surface stack, theory and application: Master's thesis, Universität Karlsruhe, Germany.

UNICAMP BIBLIOTECA CENTRAL

- Kelly, K., 1990, Numerical modeling of seismic wave propagation: Society of Exploration Geophysicists.
- Sheriff, R., and P., G., 1986, Exploration seismology: Cambridge University Press.
- Stockwell, J. W., and Cohen, J. K. The new SU user's manual. Center for Wave Phenomena, 2001. version 3.0.
- Telford, W. G. P. S. R., and D., K., 1976, Applied geophysics: Cambridge University Press.
- Tygel, M., 1997, Eigenwave based multiparameter traveltime expansions: 67th annual internat. mtg.: Soc Expl. Geophysics., Expanded Abstract, **42**, no. 3, 1770–1773.

Červený, V., 2001, Seismic ray theory: Cambridge University Press.

Yilmaz, O., 1987, Seismic data processing: Soc. Expl. Geophys.

Zeng, Y., 2001, The application of the perfectly matched layer in numerical modeling of wave propagation in poroelastic media: Geophysics, **66**, no. 4, 1258–1266.