

非対称回転子のエネルギーレベルの計算コード

坂 本 薫*

昭和49年9月30日受理

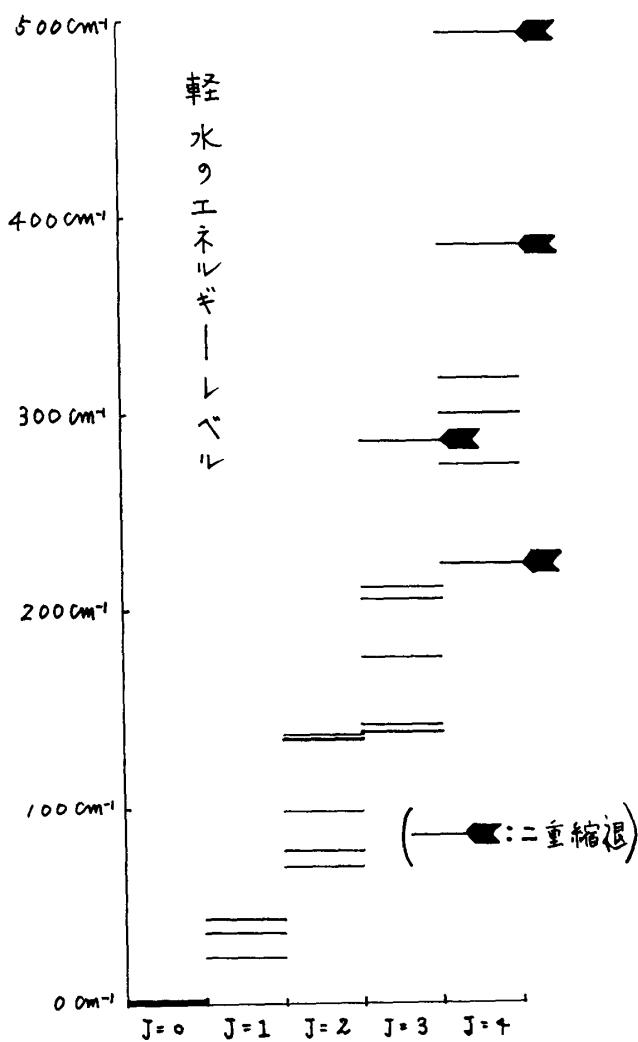
The Computational Code of The Energy Level of
Asymmetric Rotors

Kaoru SAKAMOTO

要約 3つの慣性モーメントが違う非対称回転子のエネルギーレベルの計算コードを作成した。入力として3つの慣性主軸モーメントを与えるれば、エネルギー固有値と固有ベクトルが出力される。

軽水、重水などの回転子としての力学的挙動の研究として、3つの慣性主軸モーメントが違う場合のエネルギー固有値、固有ベクトルの計算をする必要がある。それ故に、それらの値を計算するコードを作成した。これらの計算する方法は¹⁾以前に述べられているのでコードの説明をする。A(1), A(2), A(3)は各々の慣性主軸モーメント、IPは回転行列を出力するとき1そうでないとき0である。EIGは固有エネルギーのベクトルでLはその固有ベクトルのなす行列である。

JMAXは回転の量子数の最大数で入力として与えられる。サブルーチンEVは回転行列を計算し、サブルーチンMEIGNJをよんで対角化する。MEIGNJは実対称行列をヤコビ法によって対角化するサブルーチンで、固有値、固有ベクトルが同時に計算される。実例として、軽水のときこのコードを使用した結果が図示されている。このコードは倍精度で計算される。



* 応用数学科

軽水の3つの慣性主軸モーメントは次のように与えられた。

$$A(1) = 0.100735D-2 \quad (\times 10^{-37} \text{cm}^2\text{g})$$

$$A(2) = 0.193200D-2 \quad (\times 10^{-37} \text{cm}^2\text{g})$$

$$A(3) = 0.302675D-2 \quad (\times 10^{-37} \text{cm}^2\text{g})$$

謝辞 このコードの作成にあたって、京大型計算センターの FACOM 230-60 と本校の計算センターの HITAC-8400 を使用しました。

参考文献

- 1) 坂本 薫 岡山理大紀要 85, 9, 1973

```

1 C      PROGRAM SAKAMO
2 C      CALCULATION OF ENERGY LEVEL OF ASYMMETRIC ROTAR
3       COMMON AI, JMAX
4       NN=10
5       DIMENSION EIG(10), AI(3), L(10, 10)
6       REAL*8 EIG, AI, L
7 1000  READ(5, 100, END=2000) IP, JMAX, (AI(I), I=1, 3)
8 100  FORMAT(2I2, 3D14.7)
9       JJMAX=2*JMAX +1
10      WRITE(6, 400) JMAX, (AI(I), I=1, 3)
11 400  FORMAT(IH, 10X, 'JMAX=', I2, 'JIX=', D14.7, 'RIY=', D14.7, 'RIZ=', D14.7)
12      CALL EV(IP, EIG, L, NN)
13      DO 500 I=1, JJMAX
14 500  EIG(I)=6.94155D0*EIG(I)
15      WRITE(6, 600) (EIG(I), I=1, JJMAX)
16 600  FORMAT(IH, 20X, 'ROTATIONARY FREQUANCY*1.0D-3(MEV)'
17      1/1H, (20X, 5D15.7))
18      DO 700 I=1, JJMAX
19 700  EIG(I)=EIG(I)*8.065460D-3
20      WRITE(6, 800) (EIG(I), I=1, JJMAX)
21 800  FORMAT(1H, 20X, 'ROTATIONARY FREQUANCY (1.0/CM)'
22      1/1H, (20X, 5D15.7))
23      GO TO 1000
24 2000 STOP
25      END

26      SUBROUTINE MEIGNJ(A, S, N, NN)
27      DIMENSION A(NN, NN), S(NN, NN)
28      REAL*8 A, S, ANORM, E, FNORM, CONSTF, COS, SIN, B, C, APP, AQQ
29      I, U, V, W, W1, ABSV

```

```

30      E=1.0D-10
31      IN=0
32      CONSTF=N
33      DO 1000 J=1, N
34      DO 1000 I=1, N
35      IF(I-J) 2000, 3000, 2000
36 2000  S(I, J)=0.0D0
37      GO TO 1000
38 3000  S(I, J)=1.0D0
39 1000  CONTINUE
40      ANORM=0.0D0
41      DO 10 J=1, N
42      DO 10 I=1, N
43      IF(J-I) 100, 10, 100
44 100   ANORM=ANORM+A(I, J)**2
45 10   CONTINUE
46      ANORM=DSQRT(ANORM)
47      FNORM=ANORM*E
48 90   ANORM=ANORM/CONSTF
49      80  DO 21 IQ=2, N
50      M=IQ-1
51      D0 21 IP=1, M
52      IF(DABS(A(IP, IQ))-ANORM)21, 201, 201
53 201  IN=1
54      U=2.0D0*A(IP, IQ)
55      V=A(IQ, IQ)-A(IP, IP)
56      W=V*V+U*U
57      W1=DSQRT(W)
58      ABSV=DABS(V)
59      COS=DSQRT((1.0D0+ABSV/W1)/2.0D0)
60      SIN=U/(2.0D0*COS*W1)
61      IF(V)210, 211, 211
62 210  SIN=-SIN
63 211  CONTINUE
64      DO 40 I=1, N
65      IF(I-IP)300, 301, 300
66 300  IF(I-IQ)302, 301, 302
67 302  B=A(I, IP)*COS-A(I, IQ)*SIN
68      A(I, IQ)=A(I, IP)*SIN+A(I, IQ)*COS
69      A(I, IP)=B
70 301  CONTINUE
71      C=S(I, IP)*COS-S(I, IQ)*SIN
72      S(I, IQ)=S(I, IP)*SIN+S(I, IQ)*COS
73      S(I, IP)=C

```

```

74   40 CONTINUE
75     APP=A(IP, IP)*COS**2+A(IQ, IQ)*SIN**2-2.0D0*A(IP, IQ)*SIN*COS
76     AQQ=A(IP, IP)*SIN**2+A(IQ, IQ)*COS**2+2.0D0*A(IP, IQ)*SIN*COS
77     A(IP, IQ)=(A(IP, IP)-A(IQ, IQ))*SIN*COS+A(IP, IQ)*(COS**2-
78     1*SIN**2)
79     A(IQ, IP)=A(IP, IQ)
80     A(IP, IP)=APP
81     A(IQ, IQ)=AQQ
82     DO 70 I=1, N
83     A(IP, I)=A(I, IP)
84   70 A(IQ, I)=A(I, IQ)
85   21 CONTINUE
86     IF(IN-1) 600, 601, 600
87   601 IN=0
88     GO TO 80
89   600 IF(ANORM-FNORN)99, 99, 90
90   99 CONTINUE
91     RETURN
92   END

93     SUBROUTINE EV(IP, EIG, H, NN)
94     COMMON AI, JMAX
95     REAL*8 AI, V, EIG, H, ENERGI, ENERG2
96     DIMENSDN AI(3), V(10, 10), EIG(NN), H(NN, NN)
97     JJ1=JMAX*2+1
98     DO 50 J=1, JJ1
99     DO 50 I=1, JJ1
100    50 V(I, J)=0.0D0
101    IF(JMAX)9999, 60, 70
102   60 H(1, 1)=1.0D0
103     GO TO 170
104   70 IF(JMAX, GE, 3) GO TO 300
105     GO TO (100, 200), JMAX
106   100 V(1, 1)=ENERG1(1.0D0)-ENERG2(-1.0D0)
107     V(2, 2)=ENERG1(0.0D0)
108     V(3, 3)=ENERG1(1.0D0)+ENERG2(-1.0D0)
109     DO 160 I=1, JJ1
110     DO 160 J=1, JJ1
111     IF(I-J) 110, 150, 110
112   110 H(I, J)=0.0D0
113     GO TO 160
114   150 H(I, J)=1.0D0
115   160 CONTINUE
116   170 DO 180 I=1, JJ1
117   180 EIG(I)=V(I, I)

```

```

118      IF(IP.EQ.1) GO TO 181
119      GO TO 9999
120  181  WRITE(6,182)
121  182  FORMAT(IH0,'ROTATION ENERGY MATRIX')
122      DO 183 I=1, JJ1
123  183  WRITE(6,184)I, (V(I, J), J=1, JJ1)
124  184  FORMAT(1H , I5, 5D20.7)
125      GO TO 9999
126  200  V(1, 1)=ENERGI(2.0D0)
127      V(2, 2)=EENRH1(1.0D0)-ENERG2(-1.0D0)
128      V(3, 3)=ENERG1(0.0D0)
129      V(4, 4)=ENERG1(1.0D0)+ENERG2(-1.0D0)
130      V(5, 5)=V(1, 1)
131      V(3, 5)=DSQRT(2.0D0)*ENERG2(0.0D0)
132      V(5, 3)=V(3, 5)
133      GO TO 340
134  300  V(JMAX, JMAX)=ENERG1(1.0D0)-ENERG1(-1.0D0)
135      J1=JMAX+1
136      J2=JMAX+2
137      J3=JMAX+3
138      V(J1, J1)=ENERG1(0.0D0)
139      V(J1, J2)=ENERG1(1.0D0)+ENERG2(-1.0D0)
140      V(J1, J3)=DSQRT(2.0D0)*ENERG2(0.0D0)
141      DO 310 I=2, JMAX
142      II0=I-1
143      II1=JMAX-I+2
144      II2=JMAX+I+1
145      V(II0, II0)=ENERG1(DFLOAT(II1))
146      V(II2, II2)=ENERG1(DFLOAT(I))
147  310  CONTINUE
148      DO 320 I=3, JMAX
149      II4==JMAX-I+1
150      II5=I-2
151      II6=J1+I
152      II7=II6-2
153      V(II5, I)=ENERG2(DFLOAT(II4))
154      V(II7, II6)=ENERG2(DFLOAT(II5))
155  320  CONTINUE
156      DO 330 I=1, JJ1
157      DO 330 J=1, JJ1
158  330  V(J, I)=V(I, J)
159  340  IF(IP.EQ.1) GO TO 400
160      GO TO 500
161  400  WRITE(5,410)
162  410  FORMAT(1H , ' ROTATION ENERGY MATRIX')

```

```
163      DO 420 I=1, JJ1
164 420  WRITE(6, 430)I, (V(I, J), J=1, JJ1)
165 430  FORMAT(1H , I5, (6D20, 7))
166 500  CALL MEIGNJ(V, H, JJ1, NN)
167      DO 510 I=1, JJ1
168 510  EIG(I)=V(I, I)
169 9999 RETURN
170      END

171      DOUBLE PRECISION FUNCTION ENERG1(RK)
172      COMMON AI, J
173      REAL*8 AI(3), RK
174      ENERG1=(1.0D0/4.0D0)*((1.0D0/AI(1)+1.0D0/AI(2))**
175      1(DFLOAT(J)*(DFLOAT(J)+1.0D0)-RK*RK)+2.0D0*RK*RK/AI(3))
176      RETURN
177      END

178      DOUBLE PRECISION FUNCTION ENeRG2(RK)
179      COMMON AI, J
180      REAL*8 AI(3), RK
181      ENERG2=1.0D0/8.0D0*((AI(1)-AI(2))/(AI(1)*AI(2)))
182      1*DSQRT((DFLOAT(J)-RK)*(DFLOAT(J)-RK-1.0D0)*(DFLOAT(J)+RK+1.0D0)
183      2*(DFLOAT(J)+RK+2.0D0))
184      RETURN
185      END
```