

О. М. ОСТРИКОВ

**РАСЧЕТ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ПРИМЕСИ И ПОТОКОВ ЕЕ МИГРАЦИИ  
У КЛИНОВИДНОГО ДВОЙНИКА НА ОСНОВАНИИ МАКРОСКОПИЧЕСКОЙ  
ДИСЛОКАЦИОННОЙ МОДЕЛИ***Гомельский государственный технический университет им. П. О. Сухого**(Поступила в редакцию 12.04.2006)*

Атмосферы примесей у дислокаций во многом определяют их поведение при внешнем деформировании кристаллических материалов, изменяя динамические параметры дислокаций [1, 2]. Избыток примесных атомов в областях локализации напряжений повышает вероятность зарождения фазы, образование которой вдали от источников напряжений невозможно [1]. Это интересно в плане разработки технологии целенаправленного формирования необходимых свойств материалов.

Согласно дислокационной модели двойников, двойниковые границы моделируются упорядоченно расположенной относительно друг друга совокупностью двойникоующих дислокаций, являющихся частичными дислокациями Шюкли [2]. При этом вопросы, связанные с определением характера развития двойниковых прослоек с учетом влияния примесей, в настоящее время остаются малоизученными. Не изучены вопросы, касающиеся определения потоков миграции примесей у двойников. Экспериментально данные задачи решить довольно трудно. Поэтому представляет научный интерес цель данной работы, заключающаяся в расчете распределения примеси и определения потоков ее миграции у клиновидного двойника.

Клиновидные двойники обычно зарождаются у концентраторов напряжений и имеют форму в виде вытянутого равнобедренного треугольника [3]. В реальной ситуации на эксперименте наблюдаются различного рода искривления границ клиновидных двойников [3]. В данной работе пренебрегаем этими искривлениями и при расчете будем считать, что границы клиновидного двойника являются прямолинейными, как это показано на рис. 1, где границами двойника являются отрезки  $AB$  и  $CB$ . Такое приближение является оправданным при рассмотрении дальнедействующих напряжений, на конфигурацию которых, с одной стороны, форма границ клиновидного двойника оказывает малое влияние. С другой, двойники, имеющие в профиле вид в форме вытянутого равнобедренного треугольника, реально существуют и наблюдаются на эксперименте при развитии двойника, например, в малодефектной области монокристалла [3]. Поэтому рассматриваемое приближение имеет важное практическое значение, так как оно описывает определенный класс клиновидных двойников.

В качестве другого допущения рассмотрим клиновидный двойник, зародившийся вдали от поверхности двойникоующегося материала. Такие двойники обычно зарождаются в объеме двойникоующегося монокристалла у концентратора напряжений и способствуют их релаксации. В нашей задаче не будем учитывать напряжения, которые создает данный концентратор напряжений, что позволит сделать расчеты менее громоздкими. При этом появляется возможность изучить именно роль самого двойника в процессе перераспределения и миграции примесей.

В общем случае в плоскости  $XOY$  форма границ клиновидного двойника на рис. 1 описывается функциями  $f_1(x_0)$  (граница  $AB$ ) и  $f_2(x_0)$  (граница  $CB$ ). Пусть дислокации на данных границах параллельны друг другу и оси  $OZ$ , перпендикулярной плоскости рис. 1. Плотность двойникоующих дислокаций на границах клиновидного двойника равна  $\rho_1$  (на границе  $AB$ ) и  $\rho_2$  (на границе  $CB$ ). Тогда напряжения, создаваемые рассматриваемым клиновидным двойником, могут быть определены из формулы

$$\sigma_{ij}(x, y) = \sigma_{ij}^{(1)}(x, y) + \sigma_{ij}^{(2)}(x, y), \quad (1)$$

где

$$\sigma_{ij}^{(1)}(x, y) = \int_0^L \sqrt{1 + (f_1'(x_0))^2} \rho_1(x_0) \sigma_{ij}^{(1,0)}(x, y, x_0) dx_0; \quad (2)$$

$$\sigma_{ij}^{(2)}(x, y) = \int_0^L \sqrt{1 + (f_2'(x_0))^2} \rho_2(x_0) \times \sigma_{ij}^{(2,0)}(x, y, x_0) dx_0. \quad (3)$$

Здесь  $\sigma_{ij}^{(1)}$  и  $\sigma_{ij}^{(2)}$  – напряжения, создаваемые каждой из границ клиновидного двойника;  $L$  – длина двойника, равная длине отрезка  $OB$  (рис. 1);  $\sigma_{ij}^{(1,0)}$  и  $\sigma_{ij}^{(2,0)}$  – напряжения, создаваемые единичной дислокацией, находящейся на границе  $AB$  и  $CB$  соответственно.

Так как двойничающие дислокации являются частичными дислокациями Шокли [2], то их вектор Бюргерса имеет винтовую ( $b_v$ ) и краевую ( $b_{kp}$ ) составляющие. Тогда напряжения  $\sigma_{ij}^{(1,0)}$  и  $\sigma_{ij}^{(2,0)}$  могут быть определены из следующих соотношений:

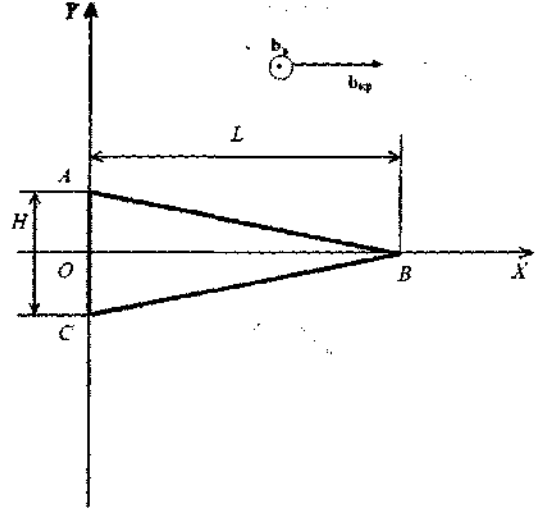


Рис. 1. Схематическое изображение клиновидного двойника формы в плоскости сечения  $XOY$  в виде вытянутого равнобедренного треугольника

$$\begin{aligned} \sigma_{xx}^{(1,0)} &= -\frac{\mu b_{kp}}{2\pi(1-\nu)} \frac{(y-f_1(x_0))[3(x-x_0)^2 + (y-f_1(x_0))^2]}{[(x-x_0)^2 + (y-f_1(x_0))^2]^2}; \\ \sigma_{yy}^{(1,0)} &= \frac{\mu b_{kp}}{2\pi(1-\nu)} \frac{(y-f_1(x_0))[(x-x_0)^2 - (y-f_1(x_0))^2]}{[(x-x_0)^2 + (y-f_1(x_0))^2]^2}; \\ \sigma_{xy}^{(1,0)} &= \frac{\mu b_{kp}}{2\pi(1-\nu)} \frac{(x-x_0)[(x-x_0)^2 - (y-f_1(x_0))^2]}{[(x-x_0)^2 + (y-f_1(x_0))^2]^2}; \end{aligned} \quad (4)$$

$$\sigma_{zz}^{(1,0)} = -\frac{\mu b_{kp} \nu}{\pi(1-\nu)} \frac{y-f_1(x_0)}{(x-x_0)^2 + (y-f_1(x_0))^2};$$

$$\sigma_{xz}^{(1,0)} = -\frac{\mu b_s}{2\pi} \frac{y-f_1(x_0)}{(x-x_0)^2 + (y-f_1(x_0))^2};$$

$$\sigma_{yz}^{(1,0)} = \frac{\mu b_s}{2\pi} \frac{x-x_0}{(x-x_0)^2 + (y-f_1(x_0))^2};$$

$$\sigma_{xx}^{(2,0)} = -\frac{\mu b_{kp}}{2\pi(1-\nu)} \frac{(y-f_2(x_0))[3(x-x_0)^2 + (y-f_2(x_0))^2]}{[(x-x_0)^2 + (y-f_2(x_0))^2]^2};$$

$$\sigma_{yy}^{(2,0)} = \frac{\mu b_{kp}}{2\pi(1-\nu)} \frac{(y-f_2(x_0))[(x-x_0)^2 - (y-f_2(x_0))^2]}{[(x-x_0)^2 + (y-f_2(x_0))^2]^2};$$

$$\sigma_{xy}^{(2,0)} = \frac{\mu b_{kp}}{2\pi(1-\nu)} \frac{(x-x_0)[(x-x_0)^2 - (y-f_2(x_0))^2]}{[(x-x_0)^2 + (y-f_2(x_0))^2]^2}; \quad (5)$$

$$\sigma_{zz}^{(2,0)} = -\frac{\mu b_{kp} \nu}{\pi(1-\nu)} \frac{y-f_2(x_0)}{(x-x_0)^2 + (y-f_2(x_0))^2};$$

$$\sigma_{xz}^{(2,0)} = -\frac{\mu b_s}{2\pi} \frac{y-f_2(x_0)}{(x-x_0)^2 + (y-f_2(x_0))^2};$$

$$\sigma_{xy}^{(2,0)} = \frac{\mu b_e}{2\pi} \frac{x - x_0}{(x - x_0)^2 + (y - f_2(x_0))^2},$$

где  $\mu$  – модуль сдвига;  $\nu$  – коэффициент Пуассона. Принималась представленная на рис. 1 ориентировка винтовой и краевой составляющих вектора Бюргерса.

Для рассматриваемого двойника нетрудно показать справедливость соотношений

$$f_1(x_0) = \frac{H}{2} \left(1 - \frac{x_0}{L}\right); \quad (6)$$

$$f_2(x_0) = -\frac{H}{2} \left(1 - \frac{x_0}{L}\right), \quad (7)$$

где  $H$  – ширина двойника у устья (рис. 1). При этом формулы (2) и (3) можно записать в виде

$$\sigma_{ij}^{(1)}(x, y) = \sqrt{1 + \left(\frac{H}{2L}\right)^2} \int_0^L \rho_1(x_0) \sigma_{ij}^{(1,0)}(x, y, x_0) dx_0; \quad (8)$$

$$\sigma_{ij}^{(2)}(x, y) = \sqrt{1 + \left(\frac{H}{2L}\right)^2} \int_0^L \rho_2(x_0) \sigma_{ij}^{(2,0)}(x, y, x_0) dx_0. \quad (9)$$

Распределение легирующего компонента у клиновидного двойника рассчитывается по формуле [1]

$$C = C_0 \exp\left(-\frac{U}{kT}\right), \quad (10)$$

где  $C_0$  – концентрация примесей вдали от внутренних источников напряжений;  $k$  – постоянная Больцмана;  $T$  – абсолютная температура;  $U$  – энергия взаимодействия примесей с клиновидным двойником, которая находится по формуле [1]:

$$U = -\frac{4}{3} \pi r^3 \varepsilon (\sigma_{xx} + \sigma_{yy} + \sigma_{zz}). \quad (11)$$

Здесь  $r$  – радиус атома матрицы;  $\varepsilon = (r_0 - r)/r$  – малый параметр ( $r_0$  – радиус атома легирующего компонента);  $\sigma_{xx}$ ,  $\sigma_{yy}$  и  $\sigma_{zz}$  – нормальные компоненты тензора напряжений, определяемые из (1).

Результаты расчетов распределения примеси у клиновидного двойника представлены на рис. 2.

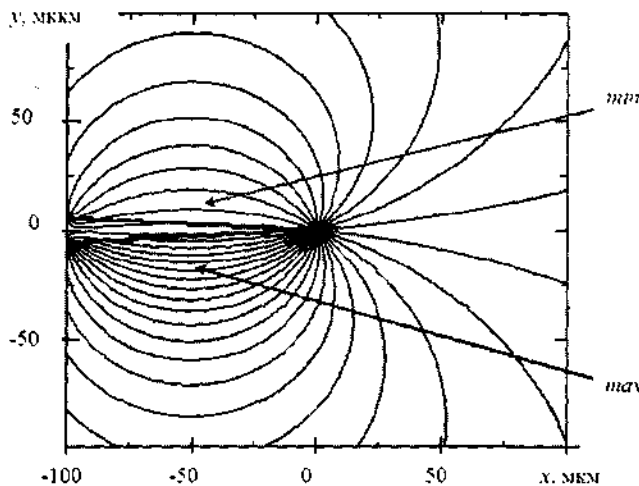


Рис. 2. Рассчитанные концентрационные профили распределения примеси у клиновидного двойника с постоянной плотностью двойникообразующих дислокаций на двойниковых границах

Принималось  $L = 100$  мкм,  $H = 11$  мкм,  $T = 300$  К. Плотность двойникообразующих дислокаций на двойниковых границах в настоящей работе принималась постоянной. Профили распределения примесей у клиновидного двойника при  $r > r_0$  и  $r < r_0$  имеют одинаковый вид. Разница заключается в расположении областей минимальной и максимальной концентрации примесей. В случае, когда  $r > r_0$ , примесь локализуется в областях сжатия (рис. 2), а при  $r < r_0$  – в областях растяжения, т. е. в тех областях, где для случая  $r > r_0$  наблюдается максимум концентрации примесей, в случае  $r < r_0$  имеет место ее минимум.

Для определения направления потоков миграции примесей необходимо построение эквипотенциальных поверхностей [1]. Со-

гласно расчетам на основании (11), их профиль для рассматриваемого двойника имеет аналогичный вид, как и вид профилей распределения примесей на рис. 2. По данным [1] линии, перпендикулярные линиям профилей эквипотенциальных поверхностей, укажут поток миграции примеси. Схематически эти потоки для случая  $r > r_0$  показаны на рис. 3. Примесь, радиус которой больше радиуса атомов матрицы, мигрирует в противоположном направлении.

Следует отметить, что дрейф примесных атомов происходит от области, близкой к вершине и устью двойника, к его центральной части. При этом максимальная концентрация примеси наблюдается не только у двойниковых границ, но и в некотором удалении от них (для рассматриваемого двойника это удаление от границы составляет около 10 мкм).

Скорость дрейфа атомов примеси может быть определена из соотношения [1]

$$\mathbf{V} = \frac{D}{kT} \mathbf{F} = - \frac{D}{kT} \text{grad } U, \quad (12)$$

где  $D$  – коэффициент диффузии;  $\mathbf{F}$  – сила, действующая на атом примеси в поле двойника. Нетрудно показать, что модуль скорости дрейфа атомов примеси определяется из соотношения

$$V = \frac{D}{kT} \sqrt{\left(\frac{\partial U}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial U}{\partial y}\right)^2}. \quad (13)$$

Анализируя данное выражение, можно отметить, что частные производные по  $x$  и  $y$  от  $U$  равны нулю в точках максимального и минимального значений  $U(x, y)$  [4]. В этих точках  $V = 0$ . Такие области наблюдаются на двойниковых границах, у вершины двойника и в областях максимальной и минимальной концентрации примесей в удалении от средней части двойника. Сопоставляя данные, представленные на рис. 2, 3, учитывая (13), можно сделать заключение, что в областях максимальной концентрации примеси у клиновидного двойника величина ее скорости стремится к нулю. Это связано с тем, что нормальные напряжения у клиновидного двойника распределены таким образом, что обеспечивают дрейф примеси к зонам ее локализации (рис. 2) и способствуют ее торможению в данных областях.

Таким образом, разработана макроскопическая дислокационная модель клиновидного двойника, на основании которой сделан расчет распределения у него примесей и потоков их миграции. Установлено, что примесь у клиновидного двойника локализуется не только на двойниковых границах, но и в области, удаленной (для двойника длиной 100 мкм, это удаление имеет порядок 10 мкм) от средней части двойника. Потоки миграции примеси таковы, что она мигрирует по концентрическим траекториям к границам двойника и к средней его части. Минимальная скорость дрейфа примеси наблюдается у границ двойника и в областях максимальной концентрации примеси.

### Литература

1. Предводителев А. А., Тяпунина Н. А., Зиненкова Г. М., Бушуева Г. В. Физика кристаллов с дефектами. М., 1986.
2. Новиков И. И., Розин К. М. Кристаллография и дефекты кристаллической решетки. М., 1990.
3. Остриков О. М. // Физика металлов и металловедение. 2000. Т. 90, № 1. С. 91–95.
4. Корн Г., Корн Т. Справочник по математике. М., 1974.

О. М. OSTRIKOV

### CALCULATION OF IMPURITY DISTRIBUTION AND ITS MIGRATION FLOWS AT WEDGE-SHAPED TWIN BASED ON MACROSCOPIC DISLOCATION MODEL

### Summary

A dislocation model of the wedge twin is developed, on which basis of the distribution of an impurity and flows of migration of impurity is calculated.

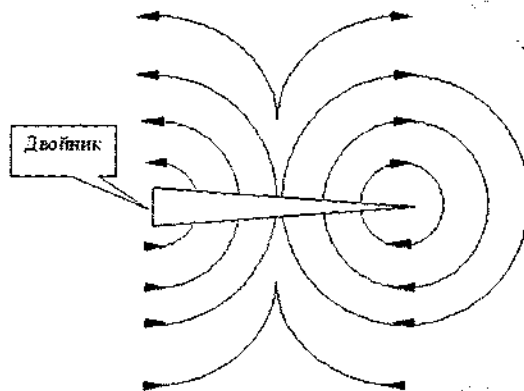


Рис. 3. Потоки миграции у клиновидного двойника примеси, радиус которой меньше радиуса атомов матрицы