

Validación espacial de datos climatológicos y pruebas de homogeneidad: caso Veracruz, México

• Rafael Alberto Guajardo-Panes •

Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias, México

• Guadalupe Rebeca Granados-Ramírez •

Universidad Nacional Autónoma de México

• Ignacio Sánchez-Cohen* •

Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias/Centro Nacional de Investigación Disciplinaria en Relación Agua, Suelo, Planta, Atmósfera, México

*Autor para correspondencia

• Gabriel Díaz-Padilla • Finlandia Barbosa-Moreno •

Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias, México

DOI: 10.24850/j-tyca-2017-05-11

Resumen

Guajardo-Panes, R. A., Granados-Ramírez, G. R., Sánchez-Cohen, I., Díaz-Padilla, G., & Barbosa-Moreno, F. (septiembre-octubre, 2017). Validación espacial de datos climatológicos y pruebas de homogeneidad: caso Veracruz, México. *Tecnología y Ciencias del Agua*, 8(5), 157-177.

La fiabilidad de la información climática es sustancial en cualquier tipo de investigación, por ello es importante implementar herramientas y metodologías que permitan identificar datos que contengan errores, ya sea por la toma de datos, fallas en los sensores de los instrumentos, por la transcripción de la información y/o por la reubicación de las estaciones. En el presente trabajo se describe una propuesta metodológica para validar e identificar registros anómalos de precipitación, y temperatura mínima y máxima diaria. La propuesta detalla el desarrollo de una metodología que permitió seleccionar estaciones con información mínima necesaria, verificar su congruencia lógica, el proceso de un esquema de validación espacial y la aplicación de pruebas de homogeneidad normal estándar (SNHT), Pettitt y Buishand, para validar datos climatológicos, y comprobar la homogeneidad de datos de precipitación y temperaturas registrados en estaciones del Servicio Meteorológico Nacional (SMN) ubicadas en el estado de Veracruz y áreas aledañas. Se observó que 72% de las estaciones con información de precipitación cumple el criterio de homogeneidad; en contraste, para la temperatura mínima y máxima, sólo el 31 y 30% de las estaciones cumplió dicho criterio. Lo anterior permitió fundamentar que es posible que los datos sean homogéneos, sin considerar ciclos o condiciones estacionales; sin embargo, es recomendable incluir el empleo de las pruebas sugeridas, tomando en

Abstract

Guajardo-Panes, R. A., Granados-Ramírez, G. R., Sánchez-Cohen, I., Díaz-Padilla, G., & Barbosa-Moreno, F. (September-October, 2017). Spatial validation of climatological data and homogeneity tests: The case of Veracruz, Mexico. Water Technology and Sciences (in Spanish), 8(5), 157-177.

Given that the reliability of climate information is crucial for any type of research, it is important to use tools and methodologies that identify erroneous data resulting from data collection, faulty instrument sensors, transcription of information, and the relocation of stations. This paper describes a methodology to validate and identify anomalous records of rainfall and low and high daily temperatures. It presents: the development of a methodology to select stations based on the least possible amount of information, and verify its logical coherence; the development of a spatial validation process; and the use of the Pettitt and Buishand Standard Normal Homogeneity Test (SNHT) to validate climatological data and to test the homogeneity of data recorded at National Weather Service (SMN) stations located in the state of Veracruz and surrounding areas. In terms of rainfall data, we found that 72% of the stations met the homogeneity criterion, while for low and high temperatures only 31 and 30% met the criterion. Therefore, the data may be homogeneous, without taking into account seasonal cycles or conditions. Nevertheless, it is recommended that the suggested tests be used, taking into account cold and/or hot periods and any possible relationships with the dependence on rainfall (wet and/or dry periods).

Keywords: Homogeneity of variance test, Standard Normal Homogeneity Test (SNHT), Pettitt, Buishand, rainfall, temperature and validation data weather.

cuenta los períodos de frío y/o calor, o bien la relación que existe con la dependencia de la precipitación (períodos húmedos y/o secos).

Palabras clave: pruebas de homogeneidad de varianza, prueba de homogeneidad normal estándar (SNHT), Pettitt, Buishand, precipitación, temperatura y validación.

Introducción

La información climática debe ser representativa y precisa del lugar donde las estaciones climatológicas se encuentran ubicadas para realizar estudios relacionados con la predicción meteorológica y climática, permitiendo que se reduzcan los riesgos de desastre o realizar predicciones a diferentes plazos para minimizar los riesgos de desastre que pueden generarse por eventos de inundación, heladas, sequías o el cambio climático; los registros de información climática deben guardar comportamientos homogéneos (Cao & Yan, 2012). Los datos climáticos pueden no representar la variación del tiempo actual por fallas en los instrumentos de medición, errores que se ocasionan de forma accidental por la persona responsable en la toma de datos, la ubicación en la que se encuentra la estación, entre otras, dando a lugar a variaciones en datos reales, y provocando que el usuario de información climática obtenga resultados o realice inferencias erróneas. Contar con series de datos meteorológicos de largo plazo bajo condiciones homogéneas resulta de interés en la actualidad para la comunidad científica (Costa & Soares, 2006) y por ello debe ser validada para desarrollar cualquier aplicación. Para alcanzar este objetivo es necesario aplicar metodologías de verificación y tratamiento que permitan identificar las estaciones que cumplen el supuesto de homogeneidad en variables de temperatura mínima, temperatura máxima y precipitación.

Objetivo

En este trabajo se desarrolla una propuesta metodológica para verificar que datos climáticos diarios registrados por estaciones del Servicio

Recibido: 07/01/2016

Aceptado: 27/03/2017

Meteorológico Nacional (SMN) del estado de Veracruz y estados aledaños cuentan con un comportamiento homogéneo mediante la implementación de tres pruebas: homogeneidad normal estándar (SNHT), Pettitt y Buishand.

Antecedentes

Los investigadores con experiencia en el análisis de datos han citado el uso de estas pruebas que han empleado información climática de diversas latitudes del planeta, tal es el caso de Dhorde y Zarenistanak (2013), que utilizaron las pruebas de Pettitt, la prueba de homogeneidad normal estándar y la prueba de homogeneidad normal estándar desarrollada por Alexanderson y Moberg para determinar la homogeneidad en series de temperatura y precipitación tanto en períodos estacionales como anuales en la República Islámica de Irán. La aplicación de estas pruebas permitió clasificar las estaciones en útiles, dudosas y sospechosas. Las estaciones clasificadas como útiles presentaron como máximo una inhomogeneidad en las tres pruebas aplicadas; las que se especificaron como dudosas fueron aquellas que registraron dos condiciones de inhomogeneidad; las catalogadas como sospechosas contaron con tres condiciones de inhomogeneidad. Se estableció como conclusión que las series de precipitación y temperatura de las 20 estaciones consideradas en el estudio presentaron condiciones homogéneas. Ahmad y Deni (2013) reportan haber empleado pruebas de homogeneidad normal estándar; rangos de Buishand, de Pettitt y de razón de Von Neumann para probar homogeneidad en datos diarios de precipitación en series registradas de estaciones ubicadas en la Malasia peninsular y detectaron que de las 59 estaciones consideradas

en el estudio, el 22% presentó condiciones de inhomogeneidad y el 78% de homogeneidad. En el continente europeo, Stepánek, Zahradnicek y Farda (2013) llevaron a cabo todo un proceso completo de verificación de calidad de información y homogeneización de registros del tiempo en estaciones ubicadas en la República Checa, aplicaron la prueba de homogeneidad normal estándar, la prueba bivariada de Maronna y Yohai, y la prueba de Easterling y Peterson. Estas pruebas consideraron los registros mensuales, estacionales y anuales de precipitación; el empleo de tales intervalos permitió contar con diversidad de resultados. En la zona del mar Mediterráneo, específicamente en la región de la Campania, al sur de Italia, Longobardi y Villani (2009) aplicaron las pruebas *t* de Student y una modificación de la prueba de Ward para comprobar la homogeneidad en series de precipitación en el periodo 1981-1999, a fin de estudiar tendencias de variación. En el sur de Portugal, Costa y Soares (2006) implementaron las pruebas de homogeneidad normal estándar, de rangos de Buishand y de Pettitt a datos de precipitación. Como resultado, 13 estaciones cuentan con información homogénea, mientras que otras 15 no cuentan con esta condición. En 2001, Tuomenvirta empleó la prueba de homogeneidad normal estándar desarrollado por Alexandersson (1986) para analizar tres conjuntos de datos: medias anuales de temperatura para el periodo 1961-1990 en Finlandia; series de temperatura y precipitación monitoreadas en el Atlántico Norte, y series de temperatura mínimas y máximas diarias correspondientes al periodo 1910-1995. Se encontró que los registros de medias anuales de temperatura y las series diarias de temperaturas mínimas y máximas no mostraron comportamientos homogéneos debido a la reubicación de estaciones, sin considerar el sitio original de su ubicación para minimizar dichos cambios. Sin embargo, para el conjunto de datos de precipitación y temperatura registrados en el Atlántico Norte, no se presentaron cambios significativos en los registros. Pérez *et al.* (2011), en Argentina, comprobaron la existencia de cambios abruptos en series de precipitación

anual en el periodo 1921-2004 de 17 estaciones en un área de transición de clima templado húmedo en el este y estepa en el oeste. Las pruebas empleadas fueron Buishand y Pettitt, sus resultados mostraron que se registró un aumento de la precipitación anual en la década de 1960 en estaciones ubicadas en el sur de la zona de estudio, mientras que en el norte se presentaron aumentos en la década de 1970. Guentchev, Barsugli y Eischeid (2010) dieron a conocer una opción metodológica en donde se emplean las pruebas de Alexandersson, la prueba de rangos de Buishand, la prueba de Pettitt y la prueba de Von Neuman, para verificar tres conjuntos de datos de precipitación reticulares en los estudios de la cuenca superior del río Colorado. Los resultados indicaron que las series de tiempo son suficientemente homogéneas para el análisis de la variabilidad en el periodo 1950-1999, cuando se agrega en una escala subregional. Naulier *et al.* (2015) emplearon la prueba de Buishand para analizar las tendencias de temperatura en Canadá nororiental a registros dendrocronológicos y encontraron que los veranos se volvieron más cálidos después de 1975 y un incremento de los grados día durante la última década (2000-2010). En México, López, Sánchez y Vargas (2013) usaron la prueba de Pettitt, la de homogeneidad normal estándar (SNHT), Buishand y la de Von Neumann, para verificar la homogeneidad de los datos empleados en la caracterización climatológica de la cuenca baja del río Bravo, Tamaulipas. Por otro lado, García (2013) utilizó las pruebas Pettitt, homogeneidad normal estándar, Buishand, Von Neumann y *t* de Student para probar homogeneidad y detectar puntos de cambio en la media para el análisis de la distribución de gastos máximos anuales en la república mexicana. Dada la importancia que implica contar con información climática confiable, el presente trabajo tiene como objetivo describir una propuesta metodológica para validar datos climatológicos, y comprobar la homogeneidad de datos de precipitación y temperatura registrados en estaciones del SMN ubicadas en el estado de Veracruz y en áreas aledañas.

Metodología

Delimitación geográfica del área de estudio

Se utilizaron datos de estaciones del SMN, que es el organismo encargado de proporcionar información sobre el estado del tiempo a escala nacional y local de México. La información se obtuvo a través de la aplicación desarrollada por dicho organismo para *Google Earth* (Conagua-SMN, 2014), donde se despliegan en total 5 420 estaciones climatológicas clasificadas en dos categorías: en operación (3 200) y suspendidas (2 220), las cuales se distinguen en color amarillo y rojo, respectivamente. La información se extrajo en formato "kmz" y se exportó a formato "shape" para facilitar su manejo en un Sistema de Información Geográfica (SIG). Se clasificaron las estaciones con base en su incidencia dentro de la cobertura vectorial de las unidades climáticas (INEGI, 2014). Dada la importancia de incluir en su totalidad el territorio de Veracruz, se delimitó un área adicional de 20 km en relación con el límite político del estado, para incluir estaciones de apoyo ubicadas en los estados vecinos de Tamaulipas, San Luis Potosí, Hidalgo, Puebla, Oaxaca, Chiapas y Tabasco, así como considerar un área representativa de la precipitación en dichos estados, pues de acuerdo con Cruz (2013), los datos de precipitación son representativos en una distancia de 10 km.

Selección de estaciones con información mínima necesaria

Se emplearon registros diarios de temperatura máxima ($T_{máx}$), temperatura mínima ($T_{mín}$), y precipitación (Pp) de cada una de las estaciones; el periodo de tiempo considerado es desde que inició operaciones hasta su última fecha de registro. Para que la estación fuera considerada en el análisis, se seleccionaron aquellas que cumplieran los siguientes requisitos mínimos: 1) contar con al menos 25 años de información; 2) tener al menos 80% de registros históricos, y 3) que la estación no haya dejado de operar antes del año 2000.

Congruencia lógica o integridad de los datos

Conformada la base de datos climatológica de las estaciones de interés, se desarrollaron rutinas en macros de Excel, con el compilador *Visual Basic*, para verificar los siguientes criterios lógicos: 1) Pp mayores o iguales a 0; 2) $T_{máx}$ mayores a temperaturas mínimas ($T_{mín}$); 3) $T_{mín}$ menores a temperaturas máximas ($T_{máx}$), y 4) verificar que los registros se registren en fechas congruentes.

Los datos que no cumplieron los criterios fueron reemplazados con el valor -99, el cual se identifica como valor faltante en procesos posteriores.

Validación espacial de la información

Otro filtro empleado para verificar la información climática fue la validación espacial, que se realizó considerando lo expuesto en la norma UNE 500540:2004, y que describen Estévez y Gavilán (2008) como un nivel de validación opcional. El procedimiento consistió en identificar las estaciones vecinas más cercanas a una estación de referencia (figura 1); a cada estación de referencia se calculó un intervalo de confianza de los registros diarios históricos de cada variable climática con base en la expresión:

$$\bar{x} \pm z_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}} \quad (1)$$

donde \bar{x} es el promedio y s la desviación estándar de las variables $T_{máx}$, $T_{mín}$ o Pp ; n , el número de datos en la serie de datos climáticos, y $z_{\alpha/2}$ es el valor estadístico 2.58 de la curva normal de frecuencias asociado con un nivel de confianza de 99% o significancia de 1% ($\alpha = 0.01$) (Steel & Torrie, 1985).

Los valores registrados en las variables $T_{máx}$, $T_{mín}$ o Pp que no se encontraron dentro de los intervalos de confianza se reemplazaron con el valor -99 para identificarlo como valor faltante en procesos posteriores (figura 1 y cuadro 1).

Al igual que en el apartado anterior, para realizar la validación espacial, se desarrollaron

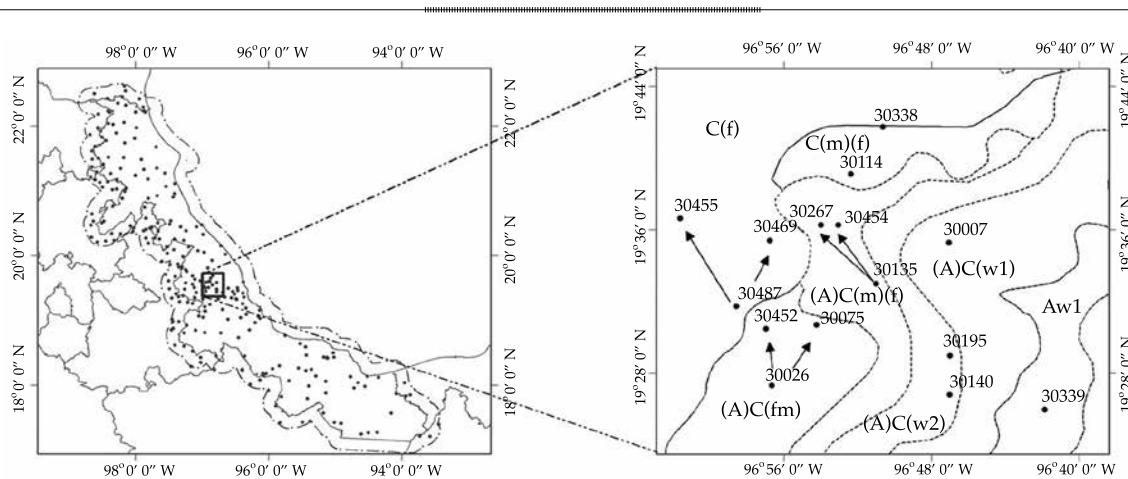


Figura 1. Identificación de estaciones vecinas cercanas a una estación de referencia.

rutinas en macros de Excel con el compilador *Visual Basic*; se consideraron grupos de no más de cinco estaciones por cada estación de referencia ubicadas dentro de un perímetro de 50 km y situadas dentro de la misma unidad climática.

Aplicación de pruebas de homogeneidad

Las pruebas empleadas en este trabajo fueron: 1) homogeneidad normal estándar (SNHT); 2) Pettitt, y 3) Buishand, las cuales se describen brevemente a continuación, junto con sus estadísticos de prueba de acuerdo con lo planteado por Ahmad y Deni (2013):

1. Homogeneidad normal estándar (SNHT), por sus siglas en inglés, desarrollada por Alexandersson (Alexandersson, 1986) y que modificó con Moberg (Alexandersson & Moeberg, 1997); un valor $T(d)$ compara el promedio de los primeros d años registrados con los últimos ($n - d$); este valor se obtiene con la expresión:

$$T_d = \frac{d}{n} \bar{z}_1 + (n-d) \bar{z}_2 \text{ para } d = 1, 2, \dots, n \quad (2)$$

donde:

$$\bar{z}_1 = \frac{1}{d} \sum_{i=1}^d (y_i + \bar{y}) \text{ y } \bar{z}_2 = \frac{1}{n-d} \sum_{i=d+1}^n (y_i - \bar{y}) \quad (3)$$

Un valor alto de T en un año d indica una variación “brusca”. El estadístico de prueba T_0 se define como:

$$T_0 = \max_{1 \leq d \leq n} T(d) \quad (4)$$

2. Pettitt, prueba no paramétrica, que se basa en rangos y hace caso omiso de la normalidad de la serie. Se basa en el orden de rangos de los valores y_i . El estadístico que se emplea se define como:

$$X_d = 2 \sum_{i=1}^d r_i - d(n+1) \text{ para } d = 1, 2, \dots, n \quad (5)$$

y un valor en el año m que cumple la condición:

$$X_m = \max_{1 \leq d \leq n} |X_d| \quad (6)$$

es una variación fuerte en la serie (Pettitt, 1979).

3. Buishand, por su origen bayesiano, puede ser empleada en variables con cualquier tipo de distribución y propone identificar un cambio en la media de la serie de datos. El estadístico se define como:

$$S_0^* = 0 \text{ y } S_d^* = \sum_{i=1}^d (y_i - \bar{y}) \text{ para } d = 1, 2, \dots, n \quad (7)$$

Cuadro 1. a) Registro histórico diario de una estación de referencia de las variables Tmáx, Tmín y Pp;
 b) registros diarios de las estaciones vecinas.

a)

Estación	Histórico		Tmáx		Tmín		Pp	
	Mes	Día	LI	LS	LI	LS	LI	LS
30026	1	1	15.13	39.46	6.04	26.79	0.00	8.53
30026	1	2	16.15	39.63	6.95	25.25	0.00	6.03
30026
30026	1	30	17.26	39.04	4.84	27.38	0.00	13.94
30026	1	31	18.00	39.39	5.69	26.08	0.00	7.75
30026	2	1	17.55	39.34	6.80	25.62	0.00	0.00
30026	2	2	16.64	40.45	6.10	25.48	0.00	0.47
30026
30026	2	28	16.81	40.70	5.77	26.23	0.00	3.10
30026	2	29	17.38	40.72	5.83	26.79	0.00	2.10
30026

30026	12	1	18.54	38.61	6.98	27.59	0.00	11.20
30026	12	2	18.15	38.88	5.68	28.45	0.00	21.50
30026
30026	12	30	13.58	41.47	4.67	26.97	0.00	5.05
30026	12	31	15.71	39.54	4.57	26.68	0.00	5.16

b)

Estación	Año	Mes	Día	Tmáx	Tmín	Pp
30075	1961	1	1	23.50	20.00	0.00
30075
30075	2009	1	1	26.00	15.50	0.00
30075	1961	1	2	25.50	19.00	0.00
30075
30075	2009	1	2	27.50	15.50	0.00
30075
30075	1961	1	31	23.00	16.00	0.00
30075
30075	2009	1	31	22.00	18.00	0.00
30075
30075	1961	12	1	26.00	18.50	0.90
30075
30075	2009	12	31	27.00	16.50	0.00
30452	1956	1	1	26.50	20.00	0.00
30452
30452	2007	1	1	29.00	15.00	5.50
30452	1955	1	2	23.00	16.00	9.20
30452
30452	2007	1	2	31.50	12.50	0.00
30452	1955	1	31	25.50	15.50	61.80
30452
30452	2007	1	31	30.00	19.00	0.00
30452	1955	12	1	30.00	20.00	0.00
30452
30452	2005	12	31	29.00	17.00	3.50

La prueba se define como:

$$Q = \max_{0 \leq d \leq n} \left| \frac{s_d^*}{s} \right| \quad (8)$$

Otro estadístico de prueba que puede emplearse es el rango que calcula la diferencia entre el valor mínimo y máximo de las sumas parciales ajustadas. La fórmula es:

$$R = \frac{\left(\max_{0 \leq d \leq n} s_d^* - \min_{0 \leq d \leq n} s_d^* \right)}{s} \quad (9)$$

es importante agregar que Buishand propone valores críticos Q/\sqrt{n} y R/\sqrt{n} para las pruebas de homogeneidad (Buishand, 1982).

El juego de hipótesis planteadas en las tres pruebas son las siguientes:

H_0 : los datos son homogéneos.

versus

H_a : hay una fecha en la que hay un cambio en los datos.

El nivel de significancia planteado es $\alpha = 0.05$, es decir, la probabilidad de rechazar la H_0 cuando es verdadera (error de tipo I) es de 5% (Ramírez & López, 1993).

Las pruebas se realizaron a las variables Tmáx, Tmín y Pp de cada estación con la aplicación XLSTAT en su versión de prueba, mediante el cual se obtuvieron los valores p (*p-value*) correspondientes; se identificaron los años en los que se presentó un cambio abrupto en los datos cuando la H_0 fue rechazada, y se realizó un concentrado de resultados para clasificar las estaciones en tres clases, como lo llevaron a cabo Schonwiese y Rapp (1997), y Wijngaard, Klein y Konnen (2003).

En la clase 1 se agrupan estaciones cuyas pruebas de hipótesis nula fueron rechazadas a lo más en una de las tres pruebas, por tanto se considera que la información es confiable. Cuando las estaciones presentaron como máximo dos hipótesis nulas, las estaciones se consideraron

en la clase 2 y la información se puede considerar como medianamente confiable. En la clase 3 se agruparon estaciones en que se rechazaron tres hipótesis nulas, por lo cual la información se consideró como no confiable.

Resultados

Estaciones incluidas en el área de estudio

En el estudio se incluyeron 260 estaciones ubicadas en el área de estudio: 162 son del estado de Veracruz y 98 de estados circunvecinos, las cuales se identifican de apoyo para procesos geoestadísticos y de validación. Estas estaciones fueron clasificadas de acuerdo con su ubicación en unidades climáticas, observando que 35% de las estaciones incide en climas subhúmedos, el 25% en climas húmedos y el 18% en climas semicálidos húmedos. Dicha clasificación se consideró en la validación espacial de los datos diarios.

Estaciones con información mínima necesaria

En cuanto a la verificación de información mínima necesaria, se observó que 226 (87%) no han dejado de operar antes del año 2000, contienen al menos 25 años de información y los registros históricos no superan el 20%. La figura 2 muestra un panorama general de las condiciones de las estaciones climáticas en cuanto al inicio (línea punteada) y fin (línea continua) de los registros históricos (línea discontinua), y el total de años con información de Tmáx, Tmín y Pp (área sombreada).

Verificación de congruencia lógica y validación espacial de la información

Se observó que la información no congruente y no válida en relación con sus estaciones de referencia no sobrepasó el 2.83% para la variable Tmáx; para el caso de la Tmín, no superó el 1.54%; por último, para la variable Pp, la incongruencia y los valores no válidos en relación con sus estaciones vecinas no superó el 4%.

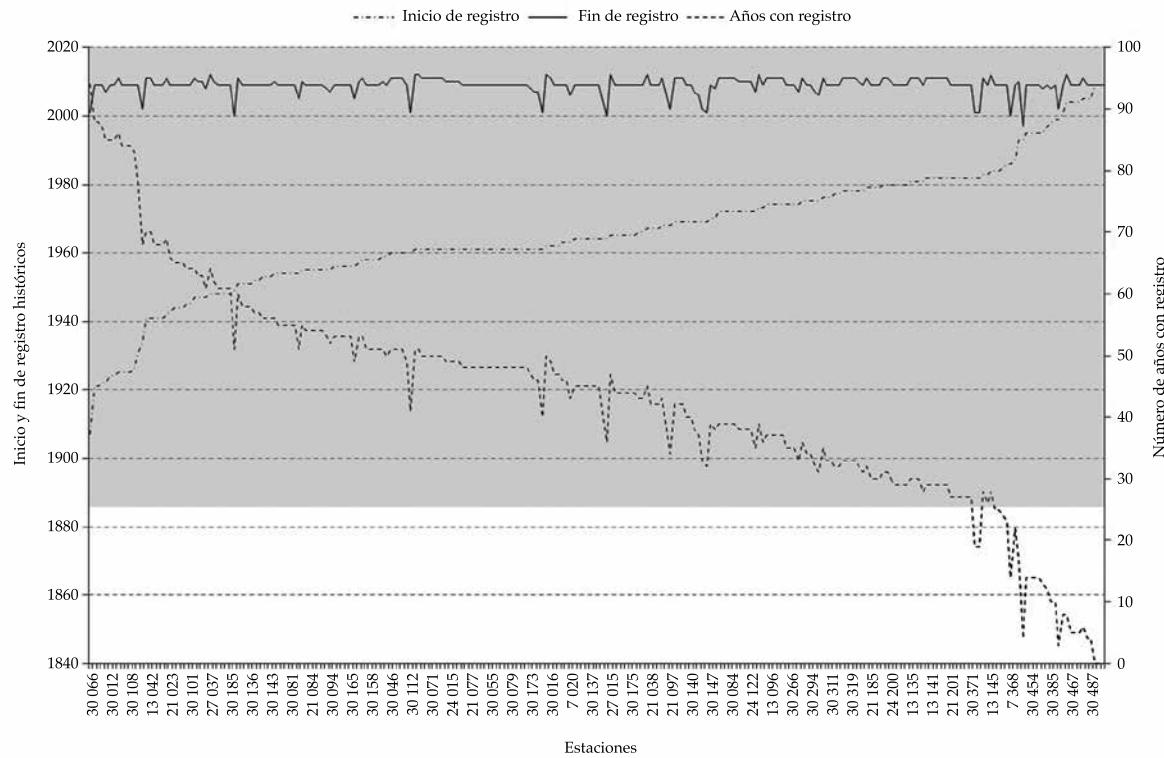


Figura 2. Representación del inicio y fin de registros históricos y número de años con información climática en las estaciones consideradas del área de estudio.

Aplicación de pruebas de homogeneidad

En lo correspondiente a esta etapa, se realizaron las pruebas de SNHT, Pettitt y Buishand a las variables $T_{\text{mín}}$, $T_{\text{máx}}$ y Pp de las 226 estaciones; con los resultados obtenidos se clasificaron las estaciones en confiables, medianamente confiables y no confiables. Para la variable Pp , se clasificó el 72% de las estaciones con información homogénea, en tanto que para la $T_{\text{mín}}$ y $T_{\text{máx}}$ se clasificaron el 31 y 30%, respectivamente. Se observó que los datos correspondientes a la Pp presentaron condiciones de homogeneidad, en tanto que, contrario a lo que se esperaba, los datos de $T_{\text{mín}}$ y $T_{\text{máx}}$ presentaron mayores condiciones de no homogeneidad. El cuadro 2 muestra las estaciones desagregadas en cuanto a su confiabilidad por variable climática y el estado donde se encuentran ubicadas.

Con el fin de mostrar los resultados generados de las pruebas de homogeneidad para las tres pruebas empleadas se conformaron tres tablas, donde es posible consultar los valores p (p -value) y los años en los que se presentó un cambio abrupto en las variables de $T_{\text{mín}}$ (cuadro 4), $T_{\text{máx}}$ (cuadro 5) y Pp (cuadro 6), así como la clasificación de la estación con base en el número de H_o que fueron rechazadas.

En un sentido estricto, se seleccionaron aquellas estaciones que cumplieron con la condición de información confiable. Se observó que para el estado de Veracruz, tan sólo 11 estaciones mostraron comportamientos homogéneos en las tres variables analizadas; para el estado de Puebla fueron seis; para San Luis Potosí se registraron sólo tres, y para el estado de Hidalgo y Oaxaca fueron 2 y 1, respectivamente (cuadro 3 y figura 3).

Cuadro 2. Resultados de pruebas de homogeneidad de varianza por estado.

Variable	Clasificación	Estados								Totales
		Chiapas	Hidalgo	Oaxaca	Puebla	San Luis Potosí	Tabasco	Tamaulipas	Veracruz	
Tmín	Confiable		4	4	16	5	1	1	40	71
	Medianamente confiable		2	1	8	1		1	20	33
	No confiable	3	11	4	15	5	2	6	76	122
Tmáx	Confiable		4	3	18	6	1	1	35	68
	Medianamente confiable	1	3	1	2			3	17	27
	No confiable	2	10	5	19	5	2	4	84	131
Pp	Confiable	2	14	6	23	10	1	7	99	162
	Medianamente confiable	1		3	5				13	22
	No confiable		3		11	1	2	1	24	42

Cuadro 3. Estaciones con información homogénea en la zona de estudio en las variables de Tmáx, Tmín y Pp.

Estación	Estado	Municipio	Longitud	Latitud	Altitud
13140	Hidalgo	Jaltocán	98° 32' 18"	21° 07' 56"	232
13144		Huehuetla	98° 04' 34"	20° 27' 36"	466
20294	Oaxaca	San Juan Bautista Tuxtepec	96° 07' 59"	18° 04' 59"	37
21038	Puebla	Guadalupe Victoria	97° 17' 21"	19° 23' 07"	2 481
21072		Chalchicomula de Sesma	97° 27' 02"	19° 01' 11"	2 586
21129		Cuyoaco	97° 30' 04"	19° 36' 53"	2 574
21142		Venustiano Carranza	97° 40' 05"	20° 30' 37"	161
21154		Esperanza	97° 26' 07"	18° 52' 51"	2 433
21201		Hueytamalco	97° 17' 14"	19° 59' 14"	593
24009	San Luis Potosí	San Martín Chalchicuautla	98° 39' 19"	21° 22' 22"	187
24053		San Martín Chalchicuautla	98° 33' 53"	21° 30' 15"	95
24113		San Vicente Tanquayalab	98° 36' 33"	21° 41' 21"	40
30047	Veracruz	Comapa	96° 41' 47"	19° 10' 20"	550
30089		Las Minas	97° 08' 51"	19° 41' 23"	1 459
30125		Papantla	97° 19' 30"	20° 26' 45"	200
30147		San Juan Evangelista	95° 08' 45"	17° 53' 00"	29
30180		Chicontepec	98° 08' 28"	21° 02' 17"	130
30327		Las Choapas	94° 09' 48"	17° 34' 19"	39
30345		Tantoyuca	98° 10' 39"	21° 30' 48"	94
30350		Citlaltépetl	97° 52' 39"	21° 19' 45"	210
30371		Gutiérrez Zamora	97° 05' 02"	20° 26' 57"	5
30377		Tamiahua	97° 24' 48"	21° 06' 59"	7
30384		Jalacingo	97° 18' 14"	19° 49' 42"	1 749

Cuadro 4. Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable $T_{mín}$ a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexanderson)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexanderson)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexanderson)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexanderson)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexanderson)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexanderson)						
	Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)						
	Valor p	Año de cambio	Valor p	Valor p	Año de cambio	Valor p	Valor p	Año de cambio	Valor p	Valor p	Año de cambio	Valor p	Valor p	Año de cambio	Valor p	Valor p	Año de cambio					
7020	0.032	1989	0.008	1993	0.010	1990	NC	24113	0.0121	1973	C	30132	0.0273	1989	< 0.0001	2006	0.0159	1989				
7106	< 0.0001	1979	< 0.0001	1979	NC	24122	0.0309	1990	0.0346	1990	MC	30134	0.0107	1992	0.0222	1999	< 0.0001	1999				
7112	< 0.0001	1985	0.000	1985	< 0.0001	1985	NC	24200			C	30136	0.0035	1997	0.0004	2000	0.005	1997				
13011	< 0.0001	1995	< 0.0001	1995	< 0.0001	1995	NC	27003			C	30137	< 0.0001	1989	0.0013	1980	0.0001	1988				
13015		0.017	1967	0.009	1967	MC	27015	0.0075	1992	0.0013	2002	0.002	1992	NC	30140	0.0385	1995		0.0201	1995		
13034	< 0.0001	1989	< 0.0001	1995	< 0.0001	1989	NC	27037	0.0201	1961	0.0056	1961	0.0096	1975	NC	30141	< 0.0001	1989	< 0.0001	1989	NC	
13042	< 0.0001	1976	< 0.0001	1976	< 0.0001	1976	NC	28006	< 0.0001	1997	< 0.0001	1999	< 0.0001	1997	NC	30143	< 0.0001	1971	< 0.0001	1953	0.03	
13061	0.0037	2004	< 0.0001	2005	0.0021	2004	NC	28016	0.0029	1979	< 0.0001	1977	< 0.0001	1978	NC	30147		0.0202	2004		C	
13093	0.0004	1976	0.0023	1976	0.0007	1976	NC	28055	0.0189	2001	0.0034	1963		MC	30148	0.0012	1998	< 0.0001	1998	< 0.0001	1998	
13095	0.0001	1996	< 0.0001	1997	< 0.0001	1996	NC	28111	0.0001	1989	0.0066	2010	0.0367	1979	NC	30152	< 0.0001	1989	0.002	1994	0.0002	
13096	< 0.0001	1989	< 0.0001	1989	< 0.0001	1989	NC	28125	0.0004	1989	0.0301	2006	0.016	1989	NC	30158	< 0.0001	1979	< 0.0001	1977	< 0.0001	
13098	< 0.0001	1986	< 0.0001	1986	< 0.0001	1986	NC	28138	0.0408	2001	0.0341	2001	0.0464	2001	NC	30160	0.0439	1970	0.0037	1968	0.0182	
13099						C	28147	< 0.0001	1995	< 0.0001	2005	< 0.0001	1995	NC	30163	< 0.0001	1950	< 0.0001	1949	< 0.0001		
13135	0.0005	1998		0.0369	1998	MC	28175	0.0222	2008		C			C	30165					C		
13137						C	30003				C			C	30166	0.0015	1989	0.0487	1989	0.0004	1989	
13139	< 0.0001	1999	< 0.0001	2008	0.0014	2001	NC	30006			C			C	30167	0.0001	1985	0.0021	1985	0.0001	1978	
13140	0.0112	1992		C			30007	0.001	1997	0.0008	1997	0.0019	1997	NC	30169	0.0052	1971	0.0404	1971	0.007	1971	
13141	< 0.0001	1995	0.0008	1995	0.0006	1995	NC	30008	0.0002	1980	0.000	1960	0.0007	1980	NC	30171	0.023	1972			C	
13144						C	30011	< 0.0001	1985	0.0001	1985	< 0.0001	1985	NC	30173					C		
13145	< 0.0001	2000	< 0.0001	2001	< 0.0001	2001	NC	30012	0.0004	1970	< 0.0001	1927	0.0094	1971	NC	30175	0.004	1998	0.0017	1998	0.0062	
20008	0.0001	1979				C	30013	0.0003	1997	< 0.0001	1998	0.0003	1998	NC	30176	< 0.0001	1989	< 0.0001	1989	< 0.0001	1989	
20014	< 0.0001	1981	< 0.0001	1982	< 0.0001	1981	NC	30016	0.0119	1994	0.014	2002	0.0124	1992	NC	30177	< 0.0001	1987	< 0.0001	1987	< 0.0001	1987
20017				0.0073	2008		C	30019	0.0013	1990	0.0438	2006	0.0002	1990	NC	30178	< 0.0001	2007			C	
20029	0.0031	1969	0.0091	1969	0.009	1969	NC	30021			C			C	30179	0.0007	1978		0.0191	1990	MC	
20084	0.0092	1980	< 0.0001	1980	0.0024	1980	NC	30022	0.0011	1979		0.019	1979	MC	30180	0.020	1990			C		
20113	< 0.0001	1993	< 0.0001	1997	< 0.0001	1995	NC	30025	< 0.0001	1980	< 0.0001	1980	< 0.0001	1980	NC	30185		0.0001	2005	0.041	2005	
20152						C	30026				C			C	30187	< 0.0001	1984	< 0.0001	1990	< 0.0001	1984	
20189						C	30032	< 0.0001	1980	< 0.0001	1985	< 0.0001	1983	NC	30189	0.0086	2000			C		

Cuadro 4 (continuación). Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable $T_{mín}$ a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de Pettit	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad de Buishand		Prueba de homogeneidad de Buishand		Clasificación
		Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	
20294		C	30033	< 0.0001	1986	< 0.0001	1999	< 0.0001	1992	NC
21009	< 0.0001	1971	0.0001	1971		30034	0.0117	2000	0.0056	2000
21018	< 0.0001	1974	< 0.0001	1974		30035		0.0003	2005	MC
21022		C	30037	0.0068	1986	0.0011	1986	0.0016	1986	NC
21023	0.0094	1996	0.0007	1997	0.0135	30041	0.0185	1993	0.0028	1971
21026	< 0.0001	1970	< 0.0001	1968	< 0.0001	30043	0.0009	1991	0.003	1991
21031		C	30046	0.0022	1980					C
21032	0.0114	1972		C	30047	0.0129	1992			C
21038		C	30048	< 0.0001	1995	< 0.0001	1995	< 0.0001	1997	NC
21040	0.0009	1985		MC	30049	0.0108	1976			C
21043	< 0.0001	1987	< 0.0001	1989	< 0.0001	30051	< 0.0001	1989	< 0.0001	1973
21051	0.0016	1986		MC	30054					C
21052		C	30055	0.0044	2000	< 0.0001	2001	0.0013	2000	NC
21053	0.0265	2002	< 0.0001	2003	0.0018	30056	0.0285	1989	0.0466	1989
21056	0.0237	1995		MC	30058	< 0.0001	1977	< 0.0001	1977	NC
21059	< 0.0001	1995	< 0.0001	1995		30059	0.0003	2000	0.0008	2000
21064		C	30066	0.0005	1978					C
21067	< 0.0001	1990	0.0009	1990	0.0002	30067	0.0015	1970	0.0025	1970
21072		C	30068			< 0.0001	2005	0.0286	2005	MC
21073	0.0293	2004	0.0354	2003	0.0354	30070	0.0377	1971		C
21074	< 0.0001	1990	< 0.0001	1990	< 0.0001	30071	0.029	1976	0.0053	1962
21077		C	30072							C
21084		0.0021	1955	0.0398	1978	MC	30074	< 0.0001	1979	< 0.0001
21091	0.0133	1974	< 0.0001	1923	MC	30076	0.0186	1972	0.0105	1969
21094	< 0.0001	1973	< 0.0001	1984		30077	0.0034	1980		0.0004
21097		C	30079							C
21114	0.0023	1972	0.0036	1972	0.0019	30081	< 0.0001	1982	< 0.0001	1968
21117		C	30084	0.0168	2001					C

Cuadro 4 (continuación). Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable $T_{\text{mín}}$ a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)			Prueba de homogeneidad normal estándar (Buishand)									
	Valor p	Año de cambio	Valor p	Estación			Valor p	Año de cambio	Valor p	Estación			Valor p	Año de cambio	Valor p				
				Clasificación	Prueba de Pettitt	Año de cambio				Clasificación	Prueba de Pettitt	Año de cambio							
21129				C	30089					C	30337	< 0.0001	1994	< 0.0001	1994	< 0.0001			
21142				C	30090	< 0.0001	1981	< 0.0001	1981	NC	30338	0.0201	2003	0.0039	2003	0.0187			
21143				C	30093	0.0475	1983			C	30339	0.0007	1994			0.0125			
21147	0.0004	1992		MC	30094	0.0103	1975			MC	30340	0.0002	2000	0.0002	2001	< 0.0001			
21154				C	30097	0.0001	1989	< 0.0001	1986	NC	30342	0.0002	1995			0.0032			
21185	0.0277	1988		MC	30098	< 0.0001	1984	0.0001	1990	< 0.0001	1984	NC	30345			C			
21201				C	30100			0.0028	1999	0.0021	1995	MC	30350			C			
21209				C	30101	< 0.0001	1974	0.0162	1974	0.0019	1974	NC	30351	0.0006	1988	0.0124	1988	0.0086	
21211	0.0421	1989		MC	30102			0.0173	1954			C	30353	0.0002	1993	0.0139	1990	0.0027	
21212	0.0011	1987	0.0302	1989	MC	30107					C	30357					C		
21215	0.0025	2001	0.0022	1986	NC	30108	0.0077	1985	0.0003	1985	0.0057	1985	NC	30359	0.0019	1988	< 0.0001	1988	0.0004
21244	0.0067	1969	< 0.0001	1949	NC	30112	< 0.0001	1981	< 0.0001	1981	NC	30361	< 0.0001	1997	0.0005	1997	< 0.0001		
24009	0.0047	1985		C	30114	< 0.0001	1980		0.001	1980	MC	30364	0.0012	1994	0.0055	1994	0.001		
24015	0.0006	1980	< 0.0001	1968	< 0.0001	1958	NC	30115	0.0004	1979		C	30371					C	
24020	0.0294	1989	0.0001	2005	NC	30117	0.0226	1964	0.004	1964	0.0147	1964	NC	30377					C
24036	< 0.0001	1980	< 0.0001	1970	< 0.0001	1980	NC	30121				C	30382					C	
24053				C	30125					C	30384						C		
24085	0.0121	2002	< 0.0001	2003	0.0012	2002	NC	30128	< 0.0001	1981	< 0.0001	1981	NC	30452	0.0047	2001	0.0132	1987	0.0064
24095	0.0182	1997		C	30130	0.0017	1993	< 0.0001	1967	< 0.0001	1967	NC						C	
24108	0.0031	1999	0.0179	2000	0.0121	1999	NC	30131	0.0158	1983	0.0264	1983	MC						C

C = confiable; MC = medianamente confiable; NC = no confiable.

Cuadro 5. Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable Tmáx a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de Pettitt	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de Buishand		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de Buishand		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)	Prueba de Buishand
		Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio		
7020	0.011	1992	0.017	1988	MC	241113	0.0081	1993		C	30132 < 0.0001
7106	0	1980	0.003	1980	0.001	1980	NC	24122		C	30134 0.0443
7112	< 0.0001	1982	< 0.0001	1985	< 0.0001	1985	NC	24220 < 0.0001	1994	NC	30136 < 0.0001
130111	0.0241	2005	0.0001	2005	0.0054	2005	NC	27003		C	30137 < 0.0001
13015	< 0.0001	1967	0.058	1967	< 0.0001	1967	NC	27015 0.0048	1988	0.0128	1989
13034	0.0029	1983	0.0018	1983	0.001	1983	NC	27037 < 0.0001	1981	< 0.0001	1981
13042	0.0007	1962	< 0.0001	1948	0.0009	1960	NC	28006 < 0.0001	1999	< 0.0001	1999
13061	0.0231	2004	0.026	2005		MC	28016 < 0.0001	1992	< 0.0001	1977	< 0.0001
13093	< 0.0001	1976	< 0.0001	1976	< 0.0001	1976	NC	28055 0.0389	1986	0.0227	1965
13095	0.0017	1992	0.0032	1997	0.0011	1997	NC	28111 < 0.0001	1989	0.0165	2010
13096				C	28125 0.0008	1993	0.0226	1994	0.0104	1994	0.0004
13098	0.0013	1987	0.002	1987	0.0005	1987	NC	28138		C	30160 0.0039
13099	0.0001	1992	< 0.0001	2006	< 0.0001	2001	NC	28147 0.0001	1992	0.0003	1992
13135	0.0277	1993		0.0431	1993	MC	28175 0.0064	1993	0.0298	1978	MC
13137	0.0278	2005	< 0.0001	2005	0.0046	2005	NC	30003 < 0.0001	1992	< 0.0001	1996
13139					C	30006 0.0277	1999	0.0372	1999	MC	30163 0.0112
13140				C	30007 0.0028	1988	0.0107	1997	0.003	1988	
13141	0.0086	1989		0.0035	1989	MC	30008		C	30165	
13144				C	30011 < 0.0001	1988	0.0001	1958	< 0.0001	1981	0.004
13145	< 0.0001	1995	< 0.0001	1995	< 0.0001	1995	NC	30012 0.0044	1968	0.0044	1986
20008	0.0023	1985	0.0001	1997	0.0015	1985	NC	30013 < 0.0001	1970	< 0.0001	1970
20014				C	30016 0.0243	2001	0.0017	2008	0.0254	2001	NC
20017	0.0001	1983	< 0.0001	1984	< 0.0001	1984	NC	30019 < 0.0001	1988	< 0.0001	1992
20029				0.0277	1978	C	30021 < 0.0001	1981	< 0.0001	1980	< 0.0001
20084	0.0008	1965	0.0013	1967	0.0002	1967	NC	30022 0.0001	1974	0.0004	1976
20113	0.0006	1983	0.0081	1984	0.0031	1984	NC	30025 < 0.0001	1987	0.0002	1987
20152	< 0.0001	1988	< 0.0001	1996	< 0.0001	1988	NC	30026 0.0183	1968	0.0175	2001
20189	0.0027	1981		0.001	1981	MC	30032 < 0.0001	1980	< 0.0001	1980	< 0.0001

Estación	Clasificación	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de Buishand		Clasificación	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de Buishand		Clasificación
		Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio		Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	
7020	C	0.0081	1993			C	< 0.0001	1981	< 0.0001	1979	< 0.0001
7106	C	0.0443	1992			C	< 0.0001	1992	< 0.0001	1994	< 0.0001
7112	C	0.0255	1978			C	< 0.0001	1987	< 0.0001	1994	< 0.0001
130111	C	0.0039	1999			C	< 0.0001	1997	< 0.0001	2002	< 0.0001
13015	C	0.0359	1978			C	< 0.0001	2001	< 0.0001	2001	< 0.0001
13034	C	0.0018	1999			C	< 0.0001	2001	< 0.0001	1999	< 0.0001
13042	C	0.0014	1953			C	< 0.0001	1976	< 0.0001	1953	< 0.0001
13061	C	0.0287	1998			C	< 0.0001	1981	< 0.0001	1987	< 0.0001
13093	C	0.0003	1981			C	< 0.0001	1993	< 0.0001	1994	< 0.0001
13095	C	0.0046	1994			C	< 0.0001	1994	< 0.0001	1994	< 0.0001
13096	C	0.0004	1982			C	< 0.0001	1982	< 0.0001	1982	< 0.0001
13098	C	0.0039	1994			C	< 0.0001	1994	< 0.0001	1994	< 0.0001
13099	C	0.0112	1988			C	< 0.0001	1988	< 0.0001	1988	< 0.0001
13135	C	0.0004	1985			C	< 0.0001	1985	< 0.0001	1985	< 0.0001
13137	C	0.0044	2008			C	< 0.0001	1961	0.0001	1964	< 0.0001
13139	C	0.0039	1994			C	< 0.0001	1964	0.0001	1964	< 0.0001
13140	C	0.0105	1976			C	< 0.0001	1976	0.0046	1976	< 0.0001
13141	C	0.0181	1985			C	< 0.0001	1985	0.0073	1985	< 0.0001
13144	C	0.0029	1984			C	< 0.0001	1984	0.0009	1984	< 0.0001
13145	C	0.0105	1990			C	< 0.0001	1990	< 0.0001	1990	< 0.0001
20008	C	0.0181	1994			C	< 0.0001	1994	< 0.0001	1992	< 0.0001
20014	C	0.0024	1987			C	< 0.0001	1987	< 0.0001	1987	< 0.0001
20017	C	0.0254	2001			C	< 0.0001	1992	< 0.0001	2008	< 0.0001
20029	C	0.0004	1992			C	< 0.0001	2008	< 0.0001	2008	< 0.0001
20084	C	0.0004	1976			C	< 0.0001	1976	0.0004	1976	< 0.0001
20113	C	0.0185	1987			C	< 0.0001	1987	< 0.0001	1987	< 0.0001
20152	C	0.0479	2001			C	< 0.0001	1980	< 0.0001	2000	< 0.0001
20189	C	0.0238	2000			C	< 0.0001	2000	0.009	2000	< 0.0001

Cuadro 5 (continuación). Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable $T_{\text{máx}}$ a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de Pettitt	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad de Buishand		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad de Buishand		Prueba de Buishand							
		Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio								
20294	0.0487	2003		C	30033	0.0002	1970	< 0.0001	1999	0.0003	1970 NC						
21009	0.0003	1967	< 0.0001	1961	NC	30034				C	30193	0.0133	1985	0.0329	1949	0.0059	1949 NC
21018	0.0226	1992		C	30035	< 0.0001	1976	< 0.0001	1965	< 0.0001	1976 NC						
21022				C	30037	0.001	1978			0.0051	1979 MC						
21023				C	30041	0.0033	1993	0.0003	2000	0.0104	1997 NC						
21026	0.022	1992	< 0.0001	1992	0.0022	1992 NC	30043			C	30209	0.0054	1997	0.0418	1968	MC	
21031	< 0.0001	1984	< 0.0001	1984	< 0.0001	1984 NC	30046	0.0123	1997	0.0008	2008						
21032		0.013	2005	C	30047				0.0002	1997 NC							
21038				C	30048	0.0147	2000	< 0.0001	2000	0.0004	2000 NC						
21040	< 0.0001	1984	< 0.0001	1984	< 0.0001	1984 NC	30049	0.0177	1971	0.0225	1971 NC						
21043	0.0002	1983	0.0002	1983	NC	30051	0.0016	1994	0.0044	2008	0.0014	1994 NC					
21051				C	30054	0.0199	1993	< 0.0001	2002	0.0019	2001 NC						
21052	< 0.0001	1985	< 0.0001	1985	< 0.0001	1985 NC	30055	0.0001	1989	< 0.0001	2001						
21053	< 0.0001	1979	< 0.0001	1978	< 0.0001	1978 NC	30056	< 0.0001	1971	< 0.0001	1970						
21056				C	30058	0.0006	1977	0.0026	1975	0.0014	1977 NC						
21059	0.0021	1993		C	30059	0.0302	1993	0.0315	1993	0.0053	1993 NC						
21064	0.0028	1993	0.0002	2002	0.0002	1999 NC	30066	< 0.0001	1951	< 0.0001	1925						
21067	0.0112	1993	0.0015	1993	0.0024	1993 NC	30067			C	30285	0.0395	1996				
21072				C	30068	< 0.0001	1981	0.0035	1981		30292	0.002	1988				
21073		< 0.0001	2002	0.0326	2003 MC	30070			C	30301	0.0001	1989					
21074	0.0023	1996	0.0001	2004	0.0061	1997 NC	30071		0.0172	2003							
21077	0.0127	2001	0.0114	2001	NC	30072	< 0.0001	1993	< 0.0001	1993 NC							
21084		0.0067	1955		C	30074	< 0.0001	1980	< 0.0001	1980 NC							
21091	0.0099	1962	0.008	1963	0.0007	1963 NC	30076	< 0.0001	1992	0.0027	1992 NC						
21094				C	30077	0.029	1997			C	30319	< 0.0001	1993	< 0.0001	1993 NC		
21097				C	30079					C	30325		0.0148	2003	0.0261	2003 MC	
21114	0.0005	1977	0.0001	2006	0.0005	1998 NC	30081	0.0001	1992	0.0006	1992 NC						
21117	0.0003	1993	0.0153	1993	0.0019	1992 NC	30084	0.0001	1993	< 0.0001	1994 NC						
						30336	< 0.0001	1997	0.0003	1997	0.0002	1997 NC					

Cuadro 5 (continuación). Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable $T_{máx}$ a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de Pettitt		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad de Buishand		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Clasificación		
	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio			
21129			C	30089	0.0293	1951			C	30337	< 0.0001	1997	< 0.0001	1997	
21142			C	30090	0.0041	1980	0.013	1981	1981	0.0024	1981	0.0001	1992		
21143	< 0.0001	1988	< 0.0001	1988	NC	30093	0.0003	1985	0.006	1997	0.0018	1985	NC	NC	
21147	0.0072	1995	0.002	1995	0.005	1986	NC	30094	0.0225	1991	0.0396	1991	MC	30340	
21154			C	30097	< 0.0001	1990	0.0333	1964		MC	30342		NC	C	
21185			C	30098	< 0.0001	1983	< 0.0001	1981	< 0.0001	1981	NC	30345		0.044	
21201			C	30100	0.0338	1984			0.005	1999	C	30350	0.0391	1992	
21209	0.0074	2000	0.001	2004	0.0055	2000	NC	30101		0.0237	1975	C	30351	0.0249	1984
21211			C	30102	0.0007	1992	0.0054	1997	0.0025	1988	NC	30353	0.0031	1993	
21212	0.0042	1987		0.0012	1987	MC	30107	0.0248	1954	0.0221	1954	0.0093	1954	MC	
21215	0.0125	1986	0.0022	1986	0.0022	1986	NC	30108	0.0038	1973	0.0436	1930	0.0105	1975	
21244	0.0001	1972	< 0.0001	1949	0.0001	1972	NC	30112	< 0.0001	1984	< 0.0001	1986	NC	30359	
24009				0.0042	1991	C	30114	0.0028	1975	0.0115	1975	0.0016	1975	NC	
24015	0.0001	1994	< 0.0001	1994	0.0001	1994	NC	30115			C	30364	0.0002	1994	
24020			C	30117	< 0.0001	1992	< 0.0001	1997	< 0.0001	1992	NC	30371		C	
24036			C	30121	0.0008	1952	< 0.0001	1943	< 0.0001	1947	NC	30377		C	
24053			C	30125						C	30382		C		
24085	0.0165	2002	0.0015	2002	0.0148	2002	NC	30128	< 0.0001	1981	< 0.0001	1981	NC	30384	
24095	0.0004	1992	< 0.0001	1996	< 0.0001	1996	NC	30130	< 0.0001	1988	< 0.0001	1988	NC	30452	
24108	< 0.0001	1997	< 0.0001	1997	< 0.0001	1997	NC	30131	0.011	1990	0.0235	1990	0.011	1990	

C = confiable; MC = medianamente confiable; NC = no confiable.

Cuadro 6. Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable Pp a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de Pettitt	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)			Prueba de Buishand			Clasificación	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)	Prueba de Buishand	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)	Prueba de Buishand	
		Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio		Valor p		Valor p		
7020		0.007	1992	0.019	1988	MC	24113	C					
7106						C	24122	C					
7112						C	24200	C					
13011						C	27003	0.0002	1980	< 0.0001	1979	0.0001	1980
13015		0.033	1976			C	27015	0.0099	1984	0.0339	1984	0.0069	1984
13034	0.0107	1985	0.0326	1941	0.0393	1978	NC	27037		0.0045	1948		C
13042	0.0012	1976	0.0198	1976	0.0047	1976	NC	28006		0.0049	2008		C
13061						C	28016				C	30143	
13093						C	28055		0.0051	2008		C	30147
13095	< 0.0001	1996	< 0.0001	1997	< 0.0001	1996	NC	28111		< 0.0001	2008		C
13096						C	28125		0.0469	2006		C	30152
13098		0.038	2010			C	28138				C	30158	
13099						C	28147	0.0115	1994	0.0231	1994	0.0086	1994
13135						C	28175				C	30165	< 0.0001
13137						C	30003				C	30166	0.0002
13139		0.0494	2010			C	30006				C	30167	
13140						C	30007				C	30169	0.0463
13141						C	30008		0.010	1926		C	30171
13144						C	30011		0.047	1957		C	30173
13145						C	30012				C	30175	
20008						C	30013		0.0019	1948		C	30176
20014		0.0012	1950			C	30016	< 0.0001	1993	< 0.0001	1993		C
20017	0.0376	1983		0.0187	1983	MC	30019		0.0137	1961		C	30177
20029						C	30021				C	30179	
20084		0.0033	1951			C	30022	0.022	1983		C	30180	
20113	0.03	1976			0.0391	1976	MC	30025			C	30185	0.0234
20152	0.0425	1981		0.0145	1981	MC	30026				C	30187	0.0144
20189				0.0171	1984	C	30032	0.0035	1995	0.0198	2007	0.011	1995
												C	30189

Cuadro 6 (continuación). Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable Pp a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de Pettitt	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad normal estándar de Buishand		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad normal estándar de Buishand		Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)		Prueba de homogeneidad normal estándar de Buishand	
		Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio
20294													
21009													
21018													
21022	0.0025	1982	0.0125	1982	0.006	1982	0.0006	1982	< 0.0001	1982	< 0.0001	1982	NC
21023													
21026	0.0072	1986	0.0095	1989	0.0219	1986	NC	30043	0.0477	1993	0.0009	2007	0.0052
21031	0.0261	1981			0.0178	1981	MC	30035		0.0352	1956		1983
21032	0.005	1967	0.0168	1967	0.005	1967	NC	30037	< 0.0001	1982	0.0001	1985	< 0.0001
21038													
21040													
21043													
21051	0.0051	1984	0.0161	1986	0.0008	1986	NC	30054		0.0236	1985	0.0117	1985
21052													
21053													
21056													
21059													
21064	< 0.0001	1993	0.0059	1997	0.0001	1993	NC	30066	0.0488	1954			
21067													
21072													
21073													
21074													
21077	0.0283	1981	0.0496	1981	0.0158	1981	NC	30072		0.0197	1946		C
21084	0.0178	1991		0.0177	1991	MC	30074	0.0207	1965	0.0057	1958	0.0054	1963
21091	0.0014	1944	0.0192	1944	0.0024	1961	NC	30076					C
21094													
21097	0.0015	1982	0.0032	1982	0.002	1982	NC	30079		0.0005	2003	0.0066	1995
21114													
21117	0.0218	1981		0.0421	1981	MC	30084	0.0001	1988	0.0003	1988	0.0002	1988

Cuadro 6 (continuación). Resultados de las pruebas de homogeneidad aplicadas a la variable Pp a las estaciones consideradas en el estudio.

Estación	Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)			Prueba de homogeneidad de Buishand			Prueba de homogeneidad normal estándar (Alexandersson)			Prueba de homogeneidad de Buishand			Clasificación		
	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio	Valor p	Año de cambio			
21129				30089									C		
21142				30090	0.0026	1983			0.0172	1983	MC	30338			
21143				30093						C	30339		C		
21147	0.0073	1986	0.0227	1986	0.0071	1986	30094 < 0.0001	1987 < 0.0001	1987 < 0.0001	1987 < 0.0001	NC	30340			
21154				C	30107					C	30342		C		
21185	0.0126	1983	0.0049	1983	0.0054	1983	NC	30098		C	30345		C		
21201				C	30110	0.0125	1993	0.0001	1994	0.0006	1993	NC	30350		
21209	0.0445	1997		0.0192	1997	MC	30101			C	30351		C		
21211				C	30102			0.0209	1954	0.0342	1973	MC	30353		
21212				C	30107					C	30357		C		
21215	0.0114	1986	0.0027	1986	0.0089	1986	NC	30108	0.0038	1932	C	30359	0.0213	1999	
21244			0.0448	1949		C	30112	0.0418	1991	0.0047	1992	0.003	1991	NC	
24009				C	30114					C	30361		C		
24015	0.008	1993	0.0205	1993	0.0112	1993	NC	30115	0.0262	1993	0.0085	1993	MC	30371	
24020				C	30117					0.0358	1984	C	30377		C
24036				C	30121	0.0239	1979		0.0354	1979	MC	30382	0.0184	1987	
24053				C	30125				C	30384	0.0493	1992	C	1987	0.0132
24085				C	30128	0.05	1994	0.0362	1965	0.0299	1994	NC	30452		C
24095				C	30130				C						
24108				C	30131				C						

C = confiable; MC = medianamente confiable; NC = no confiable.

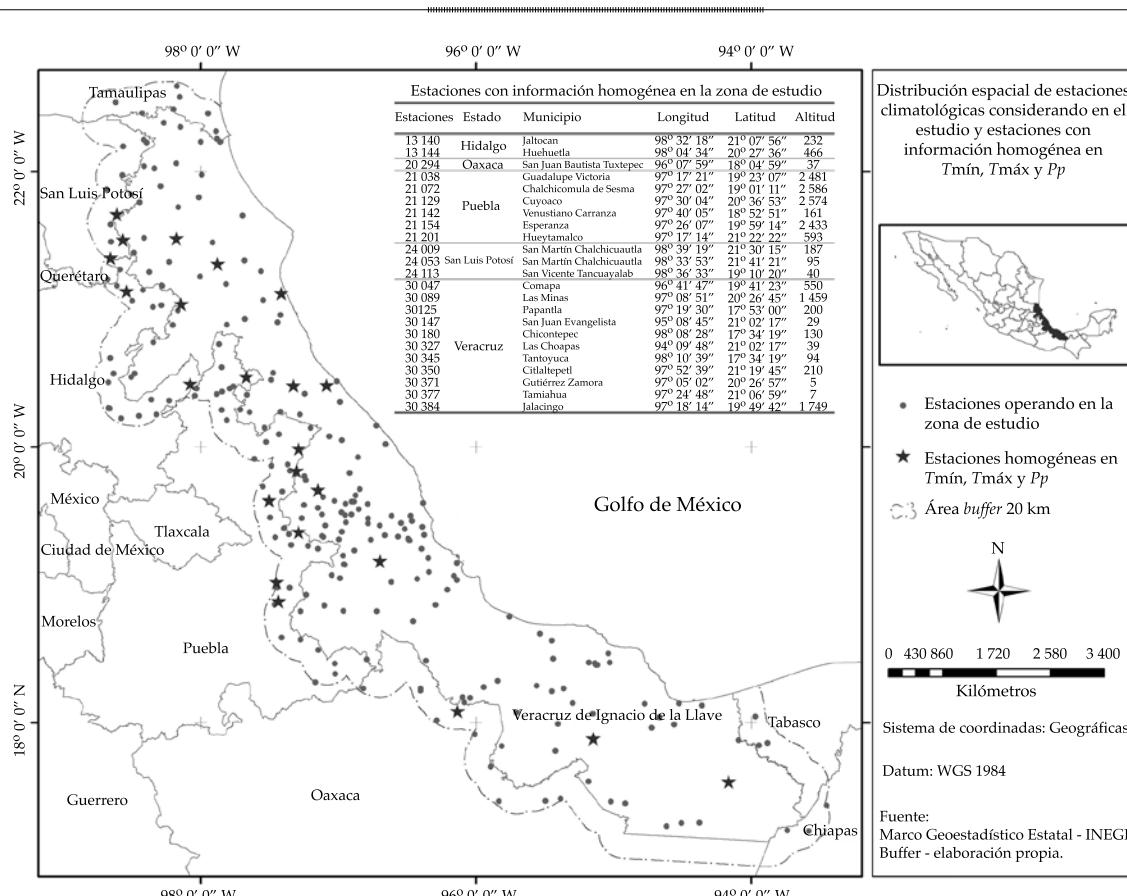


Figura 3. Distribución espacial de estaciones climatológicas consideradas en el estudio y estaciones con información homogénea en las variables de $T_{\text{mín}}$, $T_{\text{máx}}$ y P_p .

Conclusiones

Si bien la implementación de pruebas se aplicó a series de datos anuales, los resultados expuestos en el presente trabajo indican que los datos de precipitación (P_p) pueden presentar comportamientos homogéneos sin considerar ciclos o condiciones estacionales; sin embargo, estas condiciones deberán tomarse en cuenta para realizar estudios con mayor nivel de detalle, es decir, para el caso en que se requieran estudios enfocados a una especie vegetal de interés, es necesario considerar ciclos de cultivo (primavera-verano, otoño-invierno); en caso de realizar comparaciones de variación del clima a través de distintos años, lustros y/o décadas para identificar variaciones climáticas deberán considerarse períodos estacionales tales como

primavera, verano, otoño e invierno, o bien, considerar períodos de interés específico, en donde se requieran realizar estudios sobre alguno de los procesos que intervienen en el ciclo hidrológico, como evaporación, precipitación, transpiración, infiltración, percolación, afloramiento, almacenamiento y escurrimiento. En cuanto a los datos de temperatura mínima ($T_{\text{mín}}$) y temperatura máxima ($T_{\text{máx}}$), el uso de ciclos o condiciones estacionales puede dar como resultado que las series de datos muestren comportamientos de homogeneidad, pues se estarían considerando períodos con semejantes comportamientos de períodos de bajas y/o altas temperaturas.

Aunque las pruebas que se desarrollaron aquí para realizar la verificación de homogeneidad de las series climáticas del estado de

Veracruz y estados vecinos han sido empleadas para el mismo fin en México, una aportación importante del presente trabajo es la consideración de un proceso de validación espacial, el cual consistió en verificar registros de clima de cada estación con los de estaciones vecinas, siempre y cuando compartieran su ubicación con la misma unidad climática, proceso que es recomendable realizar previo a la aplicación de las pruebas de homogeneidad. Es importante señalar que después de realizar las pruebas de homogeneidad, se debe considerar un proceso de homogeneización de bases de datos, en especial a las estaciones que cuentan con datos medianamente confiables y no confiables, cuyo proceso no fue abordado en este trabajo y que será desarrollado en el futuro, junto con la identificación de una prueba de las abordadas en el presente trabajo, a fin de identificar la de mayor potencia y robustez para el caso de información de clima en nuestro país.

En este trabajo se muestra cómo una propuesta que puede ser considerada en la validación de datos climáticos no descarta la posibilidad de que sea complementaria o mejorada, incluso corregida, pues continuamente se cuenta con mayores conocimientos y recursos computacionales, que permiten el manejo de grandes volúmenes de datos y harán de la información climática una base sólida y confiable para desarrollar trabajos de investigación con resultados e inferencias de mayor certidumbre.

Agradecimientos

Al licenciado en Sistemas Computacionales Administrativos, Moisés Fernando Cortina Cardeña, por su apoyo en el desarrollo de las rutinas de programación para realizar la validación espacial de información climática. A la licenciada en Estadística, Columba Falfán Castillo, por el apoyo en el análisis de homogeneidad a las series de datos climáticos.

Referencias

- Ahmad, N. H., & Deni, S. M. (2013). Homogeneity test on daily rainfall series for Malaysis. *Matematika*, 29, 141-150.
 Alexandersson, H. (1986). A homogeneity test applied to precipitation data. *Journal of Climate*, 6, 661-675.

- Alexandersson, H., & Moeberg, A. (1997). Homogeneity test of Swedish temperature data. Part I: Homogeneity test for linear trends. *International Journal of Climatology*, 17, 25-34.
 Buishand, T. A. (1982). Some methods for testing the homogeneity of rainfall records. *Journal of Hydrology*, 58, 11-27.
 Cao, L. J., & Yan, Z. W. (2012). Progress in research on homogenization of climate data. *Advances in Climate Change Research*, 3, 59-67.
 Conagua-SMN (2014). *Estaciones climatológicas en Google Earth*. México, DF: Comisión Nacional del Agua, Servicio Meteorológico Nacional. Recuperado de http://smn.cna.gob.mx/index.php?option=com_content&view=article&id=42:normales-climatologicas-por-estacion&catid=16:general&Itemid=75.
 Costa, A. C., & Soares, A. (2006). Identification in inhomogeneities in precipitation time series using SUR models and the Ellipse test (pp. 419-428). In: *Proceedings of Accuracy 2006*. Caetano, M., & Painho, M. (eds.). 7th International Symposium on Spatial Accuracy Assessment in Natural Resources and Environmental Sciences. Instituto Geográfico Portugués. Lisbon.
 Cruz, D. A. (2013). *Adaptación al cambio climático en el área protegida Sierra Gorda, Guanajuato*. México, DF: Universidad Nacional Autónoma de México.
 Dhorde, A. G., & Zarenistanak, M. (2013). Three-way approach to test data homogeneity: An analysis of temperature and precipitation series over Southwestern Islamic Republic of Iran. *Indian Geophysical Union*, 17, 233-242.
 Estévez, J., & Gavilán, P. (2008). *Procedimientos de validación de datos de estaciones meteorológicas automáticas. Aplicación a la red de información agroclimática de Andalucía. Plataforma de asesoramiento y transferencia del conocimiento agrario y pesquero de Andalucía* (pp. 1-12). Murcia: Instituto Murciano de Investigación y Desarrollo Agrario y Alimentario.
 García, E. (2013). *Análisis de la distribución de gastos máximos anuales* (197 pp.). Tesis de Maestría. Programa de Maestría y Doctorado en Ingeniería, Ingeniería Civil-Hidráulica. México, DF: Universidad Nacional Autónoma de México.
 Guentchev, G., Barsugli, J. J., & Eischeid, J. (2010). Homogeneity of gridded precipitation datasets for the Colorado River basin. *Journal of Applied Meteorology and Climatology*, 49, 2404-2415.
 INEGI (2014). *Información vectorial de unidades climáticas, escala 1:1 000 000*. Aguascalientes: Instituto Nacional de Estadística y Geografía.
 Longobardi, A., & Villani, P. (2009). Trend analysis of annual and seasonal rainfall time series in the Mediterranean area. *International Journal of Climatology*, 30, 1538-1546.
 López, Y., Sánchez, G., & Vargas, R. (2013). *Caracterización climatológica de la cuenca baja del río Bravo en Tamaulipas* (12 pp.). 3er Congreso Nacional de Investigación en Cambio Climático, Tampico, Tamaulipas, México. Recuperado

- de <http://cambioclimatico-tamaulipas.org/home/principal.php?page=congresos>
- Naulier, M., Savard, M. M., Bégin, C., Genanaretti, F., Arseneault, D., Marion, J., Nicault, A., & Bégin, Y. (2015). A millennial summer temperature reconstruction for northeastern Canada using oxygen isotopes in subfossil trees. *Climate of the Past*, 11, 521-553.
- Pérez, S., Sierra, E., López, E., Nizzero, G., Momo, F., & Massobrio, M. (2011). Abrupt changes in rainfall in the Eastern area of La Pampa Province, Argentina. *Theoretical and Applied Climatology*, 103, 159-165.
- Pettitt, A. N. (1979). A nonparametric approach to the change point detection. *Applied Statistics*, 28, 126-135.
- Ramírez, M. E., & López, Q. (1993). *Métodos estadísticos no paramétricos*. Texcoco, Estado de México: Universidad Autónoma Chapingo.
- Schonwiese, C. D., & Rapp, J. (1997). Climate trend atlas of Europe based on observation 1891-1990. *International Journal of Climatology*, 18, 580-598.
- Steel, R. G., & Torrie, J. H. (1985). *Bioestadística: principios y procedimientos*. Bogotá: McGraw-Hill Interamericana.
- Stepánek, P., Zahradníček, P., & Farda, A. (2013). Experiences with data quality control and homogenization of daily records of various meteorological elements in the Czech Republic in the period 1961-2010. *Időjárás - Quarterly Journal of the Hungarian Meteorological Service*, 117, 123-141.
- Tuomenvirta, H. (2001). Homogeneity adjustments of temperature and precipitation series-Finnish and Nordic data. *International Journal of Climatology*, 21, 495-506.
- UNE 500540 (2004). *Redes de estaciones meteorológicas automáticas: directrices para la validación de registros meteorológicos procedentes de redes de estaciones automáticas. Validación en tiempo real*. Madrid: AENOR.
- Wijngaard, J. B., Klein, M., & Konnen, G. P. (2003). Homogeneity of 20th century European daily temperature and precipitation series. *International Journal of Climatology*, 23, 679-692.

Dirección institucional de los autores

M.G. Rafael Alberto Guajardo-Panes

Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias
Campo Experimental Cotaxtla
Km. 3.5 carretera Xalapa-Veracruz, Colonia Ánimas
91190 Xalapa, Veracruz, México
Tel.: +52 (55) 3871 8700, ext. 87840
guajardo.rafael@inifap.gob.mx

Dra. Guadalupe Rebeca Granados-Ramírez

Universidad Nacional Autónoma de México
Instituto de Geografía
Círculo Exterior s/n, Ciudad Universitaria,
Delegación Coyoacán
04510 Ciudad de México, México
Tel.: +52 (55) 5623 0222, ext. 45477
rebeca@igg.unam.mx

Dr. Ignacio Sánchez-Cohen

Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias/Centro Nacional de Investigación Disciplinaria en Relación Agua, Suelo, Planta, Atmósfera
Canal Sacramento km. 6.5, Zona Industrial 4a Etapa
35140 Gómez Palacio, Durango, México
Tel.: +52 (55) 3871 8700, ext. 80515
sanchez.ignacio@inifap.gob.mx

Dr. Gabriel Díaz-Padilla

Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias
Campo Experimental Cotaxtla
Km. 3.5 Carretera Xalapa-Veracruz, Colonia Ánimas
91190 Xalapa, Veracruz, México
Tel.: +52 (55) 3871 8700, ext. 87841
diaz.gabriel@inifap.gob.mx

M.C. Finlandia Barbosa-Moreno

Instituto Nacional de Investigaciones Forestales, Agrícolas y Pecuarias
Campo Experimental Valles Centrales de Oaxaca
Melchor Ocampo 7, Santo Domingo Barrio Bajo
68200 Villa de Etila, Oaxaca, México
Tel.: +52 (55) 3871 8700, ext. 86208
barbosa.finlandia@inifap.gob.mx