分子軌道計算による高い離型性を有する セラミックスコーティングの材料設計

難波徳郎* 藤原二朗* 崎田真一** 紅野安彦*

Material design for the ceramics coating with high mold releasability by using molecular orbital calculations

Tokuro NANBA^{*}, Jiro FUJIHARA^{*}, Shinichi SAKIDA^{**} and Yasuhiko BENINO^{*}

To explore the ceramic materials appropriate for the coatings with high mold releasability, molecular orbital (MO) calculations have been applied to the ceramics with NaCl structure, such as TiN, TiC, CrN, etc. Chemical bonding characters were evaluated based on the MO calculations, which were correlated to the experimental surface free energy. The dispersion and polar components of surface free energy indicated high correlation with the bond overlap population of the surface bonds and the net charge of inside atoms of the cluster models, respectively. Among the ceramic materials investigated, MoN had the lowest surface free energy, being expected to be most suitable as the ceramic coating material with high releasability.

Key words: Material design, Ceramic coating, Releasability, Molecular orbital calculation

1 緒言

一般に NaCl 型結晶構造を有する金属窒化物や金属炭化 物セラミックスは、高融点、高弾性、高硬度、高耐食性な どの特性をもつことが知られている.金型表面にこれらの セラミックス材料をコーティングすることにより、金型の 寿命を延ばすことが可能になる.また、樹脂や錠剤を成形 する場合、セラミックス材料がコーティングされている金 型では、成形物が金型から外れやすくなる、つまり離型性 が向上することが経験上知られている.過去の研究では、 現在広く使用されているいくつかの物質について、表面自 由エネルギーなどの熱力学的観点から離型性の解析が行 われてきた(河合ら、1995; 國次ら、2002).しかし、物質の 離型性について電子状態などの理論的な研究が進んでお らず、離型性の高いコーティング材料の設計指針は未だ確 立されているとは言えないのが現状である.

そこで本研究では,離型性の高いセラミックス材料の設計指針を得ることを目的として,分子軌道計算により NaCl 型構造を有するセラミックス材料の電子状態の評価を行った.

2 実験

NaCl 型構造をとる金属窒化物及び炭化チタンのバルク

および(100)表面を模したクラスターモデルを作成し, DV-Xα法(Adachiら, 1978)による分子軌道計算を行った. Fig. 1に計算に用いた代表的なクラスターモデルを示す. Fig. 1(a)ではクラスターの中心に位置する金属原子につい て,(b)ではクラスター表面の金属原子について最近接窒素 (炭素)原子と合わせて電子状態を評価した.



Fig. 1 Example of the cluster models used in MO calculation.

作成したクラスターモデルに対して分子軌道計算を行った.基底関数には, Ti, V, Cr は 1s-4p, Zr, Nb, Mo は 1s-5p, N, C は 1s-2p の原子軌道を用いた.なお、今回の計算ではマデルングポテンシャルは適用しなかった.また, Fig.1(b)のような表面の電子状態評価用のクラスターモデルについては表面での原子の再構成についても考慮していない.

電子状態については、有効電荷(net charge, ΔQ_A)および有 効共有結合電荷(bond overlap population, BOP, Q_{AB})を用い て評価を行った. Net charge は原子の有効的な電荷であり、 イオン結合性を表すパラメータである.また、BOP は各分 子軌道を構成する原子軌道の重なり部分に存在する電子

^{*} 岡山大学環境理工学部環境物質工学科

^{**} 岡山大学環境管理センター

を全分子軌道分足し合わせたものであり,共有結合性を表 すパラメータである.それぞれ以下の式により求められる.

$$\Delta Q_{\mathrm{A}} = Z_{\mathrm{A}} - Q_{\mathrm{A}}, \ Q_{\mathrm{A}} = \sum_{i \in \mathrm{A}} Q_{i}, \ Q_{i} = \sum_{l} Q_{i}^{i}, \ Q_{i}^{i} = \sum_{j} Q_{ij}^{j} \tag{1}$$

$$\mathcal{Q}_{AB} = 2 \sum_{i \in A, j \in B} \mathcal{Q}_{ij}, \quad \mathcal{Q}_{ij} = \sum_{l} \mathcal{Q}_{ij} \tag{2}$$

$$\mathcal{Q}_{il}^{l} = n_{l} c_{il} c_{il} S_{il} \tag{3}$$

ここで、 Q_{ij}^{l} は分子軌道 $\phi_l を構成する原子軌道\chi_i と\chi_j 間の重$ $なり電荷で、<math>\phi_l$ に収容された電子数 n_l 、 ϕ_l に対する $\chi_i と\chi_j$ の寄与の大きさ $c_{il} \ge c_{jl}$ 、 $\chi_i \ge \chi_j$ の重なり積分 S_{ij} の積で与 えられる.式(1)で、 Q_A は総電荷(gross atomic population)で 各原子軌道の電荷 Q_i の和で求められる. Q_A を原子番号 Z_A , つまり中性原子の電子数から引くことにより、有効電荷 ΔQ_A が得られる.

3 結果と考察

3.1 化学結合状態の評価

Fig. 1 に示したクラスターを用いた計算結果を Fig. 2 に 示す. 図より, net charge は内部 (bulk) と表面の原子では ほとんど差がないと言える. 一方, BOP は MN あるいは MC 結合, MM 対のいずれも, 表面の方が大きな値となっ ている. 内部と異なり, 表面では本来あるべき結合が欠如 し, ダングリングボンドが存在する. その欠如した結合の 形成に使われていた電子が表面原子上に孤立電子などと して局在するのではなく, 表面原子同士の結合形成に加わ るため, 表面の結合の BOP が大きくなったと考えられる.



Fig. 2 Net charge (a) and bond overlap population, BOP (b) obtained from MO calculations.

異なる材料間で比較すると, net charge の減少につれて, BOP は増加している. MoN については, net charge の絶対 値が最も低いが, BOP が最大になっていないことが分かる. また, TiC については, net charge, BOP ともに, TiN とは 異なる値をとっている. さらに, net charge の絶対値が他 の窒化物に比べて低いが, BOP は最も高くなっている.

TiN について, Fig. 1(a)の bulk 構造モデルを用いた分子 軌道計算結果より,重なり電荷のエネルギーダイアグラム (overlap population diagram)と状態密度(density of states, DOS)を求め,結果を Fig. 3 に示した.ここでは,最高被占 軌道(highest occupied molecular orbital, HOMO)のエネルギ ーを0 eV とした.-10 から-5 eV の価電子帯は Ti 3d と N 2p から成る結合性軌道で,-2 から 5 eV の伝導帯も Ti 3d と N 2p から構成されている. 伝導帯は完全な空軌道ではなく, 電子が部分的に満たされている金属的な電子の充填様式 になっていることが見てとれる.これより, TiN は共有結 合より,むしろ金属的な結合性を有すると言える.



Fig. 3 Overlap population diagram of TiN bonds (a) and density of states of TiN_6 unit (b) in TiN bulk model obtained from MO calculation.

3.2 化学結合性と離型性の相関解析

離型性は成形物と金型表面との濡れ性が関与している と考えられており、濡れ性は金型表面の自由エネルギーで 決まるとされている.表面自由エネルギーは液滴と固体表 面との接触角の測定から実験的に求めることができる(河 合ら、1995).接触角が大きければ表面自由エネルギーが小 さく濡れ性が高く、小さければ表面自由エネルギーが大き く濡れ性が低いとされている.また、表面自由エネルギー は分散成分と極性成分に分けられ、拡張 Fowkes の式によ り接触角から算出することができる.



Fig. 4 Relations between MO calculation and surface free energy. (a) dispersion and (b) polar components.

 $\gamma_{L}(1 + \cos\theta) = 2\{(\gamma_{s}^{d} \times \gamma_{L}^{d})^{1/2} + (\gamma_{s}^{p} \times \gamma_{L}^{p})^{1/2}\}$ (4) ここで、 γ_{L} は液滴の表面自由エネルギー、 θ は接触角、 γ_{s}^{d} と γ_{s}^{p} はそれぞれ固体表面の表面自由エネルギーの分散成 分と極性成分を、 $\gamma_{L}^{d} \ge \gamma_{L}^{p}$ はそれぞれ液滴の表面張力の分 散成分と極性成分を表している. Table 1 に既報(國次ら、 2002; Sun ら、2006)の表面自由エネルギーを示した.

Table 1	Surface free energ	$y (mJ/m^2)$
		/ (, ,

	dispersion	polar		total	
TiN	37.7 ^a 50.2 ^b	5.0^{a}	13.0 ^b	42.7^{a}	63.2 ^b
CrN	38.6 ^a 39.1 ^b	2.1 ^a	5.4 ^b	40.7^{a}	44.5 ^b
ZrN	48.1 ^b		4.1 ^b		52.2 ^b
TiC	40.4^{a}	2.5 ^a		42.9 ^a	
				-	

(a: Kunitsugu et al., 2002; b: Sun et al., 2006)

國次ら(2002)の求めた表面自由エネルギーの分散成分お よび極性成分の値と Fig.2 に示した分子軌道計算結果との 相関分析を行った.その結果, Fig. 4 に示すように分散成 分は BOP と、極性成分は net charge とそれぞれ高い相関を 示した. その中でも, 図中に近似直線で示したように, 分 散成分はクラスター表面の MX 結合の BOP と、また極性 成分はクラスター内部の金属原子 M の net charge とそれぞ れ最も高い相関を示した.電荷の偏りが大きければ電気双 極子モーメントも大きくなると考えられる. このため極性 成分と net charge の間に高い相関が得られたと考えられ る.一方,分散力は外部電場によって誘起される電子の揺 らぎにもとづく力と言える.このため,各原子に局在した 電荷, つまり net charge よりも, 複数の原子の間で共有さ れ非局在化している電子の量,つまり BOP が大きければ 外部電場による変位も大きくなると考えられ,分散成分と BOPの間に高い相関が現れたと考えられる.

Fig. 4に示した相関式を用いて,他の物質についても表面自由エネルギーを見積もった.その結果,Fig. 5に示すように,今回評価した物質の中ではMoNが分散成分,極性成分ともに最も表面自由エネルギーが小さく,最も高い離型性を有すると推察される.



Fig. 5 Estimated surface free energy based on the results of MO calculations.

上述の通り,BOPは物質の共有結合性の尺度を表し,またnet chargeはイオン結合性の尺度を表す.今回の検討結果より,離型性の高い物質に求められる条件として,共有結合,イオン結合共に低い化学結合性を有することが示唆された.それぞれの結合性は物質を構成する原子の電気陰

性度から予想することができるが、ともに低い組み合わせ を見つけることは容易ではない.分子軌道計算のような理 論計算を行うことで、離型性に優れたセラミックス材料の 探索を比較的容易に行うことができ、材料設計に有用な指 針を得ることが可能になると言える.

4 総括

表面自由エネルギーの分散成分は BOP と,極性成分は net charge とそれぞれ高い相関を有することが分かった. BOP と net charge が共に小さな物質,つまり共有結合性も イオン結合性も低い物質が小さな表面自由エネルギーを 有し,離型性が高い物質と言える.この考え方に基づくと MoN が今回検討した物質の中では最も離形性が高いと考 えられる.

謝辞:本研究を進めるにあたり、岡山県工業技術センター・國次氏ならびに西田氏に有用な助言をいただいた.ここに謝意を表する.

参考文献

- Adachi, H., Tsukada, M. and Satoko, C.(1978): Discrete Variational Xα Cluster Calculations. I. Application to Metal Clusters, *Journal of the Physical Society of Japan*, 45, pp.875-883.
- 河合晃, 熊谷武司, 高田雅介(1995): 接触角法により測定 した遷移金属薄膜の分散および極性成分, 日本接着学 会誌, **31**, pp.307-311.
- 國次真輔,西田典秀,後藤雅宏(2002): PVD 膜の表面自由エネルギー解析,岡山県工業技術センター報告,28, pp.45-46.
- Mulliken, R.S.(1955): Electronic Population Analysis on LCAO–MO Molecular Wave Functions. I-IV, *Journal of Chemical Physics*, 23, pp.1833-40, 1841-1845, 2338-2342 and 2343-2346.
- Sun, C-C., Lee, S-C., Hwang, W-C., Hwang, J-S., Tang, I-T. and Fu, Y-S.(2006): Surface Free Energy of Alloy Nitride Coatings Deposited Using Closed Field Unbalanced Magnetron Sputter Ion Plating, *Materials Transactions*, 47, pp.2533-2539.