



# KNM XVII

## Konferensi Nasional Matematika

ISBN : 978-602-96426-3-6

# PROSIDING



Peranan Matematika dan Statistika  
Menyongsong ASEAN Economics Community



Himpunan Matematika Indonesia (IndoMS)  
bekerjasama dengan  
Jurusan Matematika dan Jurusan Statistika  
Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan  
Institut Teknologi Sepuluh Nopember





# **KNM XVII**

## Konferensi Nasional Matematika

# **PROSIDING**

Panitia Pengarah

Panitia Pelaksana

Tim Prosiding

Tim Reviewer

Sambutan Ketua Panitia

Sambutan Presiden IndoMS

Makalah Pembicara Utama

Daftar Makalah

## **Panitia Pengarah (*Steering Committee*):**

Ketua : Prof. Dr. Budi Nurani (Universitas Padjadjaran)

Sekretaris : Prof. Dr. Erna Apriliani, M.Si (Institut Teknologi Sepuluh Nopember)

Anggota :

1. Dr. Kiki Ariyanti Sugeng (Universitas Indonesia)
2. Prof. Dr. Zulkardi (Universitas Sriwijaya)
3. Prof. Dr. Tulus (Universitas Sumatera Utara)
4. Dr. Ema Carnia (Universitas Padjadjaran)
5. Dr. Nursanti Anggriani (Universitas Padjadjaran)
6. Prof. Dr. Basuki Widodo, M.Sc ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
7. Prof. Agus Suryanto (Universitas Brawijaya )
8. Prof. Dr. Edy Tri Baskoro (Institut Teknologi Bandung)
9. Prof. Dr. Didi Suryadi (Universitas Pendidikan Indonesia)
10. Dr. Muhammad Mashuri, M.T.( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)

## **PANITIA PELAKSANA**

Ketua Pelaksana : Dr. Erna Apriliani M.Si

Wakil Ketua : Dr. Sutikno, S.Si., M.Si.

Sekretaris 1 : Dr. Dwi Ratna Sulistyaningrum, MT  
Sekretaris 2 : Dr. Vita Ratnasari, S.Si., M.Si.

Bendahara : Dr. Mardlijah,, MT.

Sie Sidang dan Acara : Dr. Darmaji, S.Si., MT.  
Suhartono, S.Si., M.Sc., Dr.

Sie Makalah : Soleha, S.Si., M.Si.  
Mohammad Iqbal, S.Si, M.Si.  
Dr. Santi Puteri Rahayu, S.Si.  
Yunita Hari Listyowati

*Reviewer Extended Abstrak + Makalah* : Prof. Dr. I Nyoman Budiantara, M.Si  
Prof. Basuki Widodo, Drs., M.Sc.

- Sie Prosiding : Dr. Setiawan, M.Si  
Erma, S.Si, M.Si  
Endah, RMP, S.Si, M.Si
- Sie Akomodasi dan Transportasi : Drs. Daryono Budi Utomo, M.Si.  
Dr. Bambang Widjanarko Otok, M.Si.
- Sie Konsumsi : Alvida Mustika Rukmi, S.Si, M.Si  
Santi Wulan Purnami, S.Si., M.Si.
- Sie Publikasi dan Dokumentasi dan Pengelolaan web : Dr. Budi Setiyono, MT., MT.  
Yusuf, ST  
Achmet Usman Ali
- Perlengkapan : Dr. Chairul Imron, M.Ikomp  
Anas, ST
- Sie Ekskusi / TOUR : Didik Khusnul, S.Si,M.Si
- Sie Keamanan dan Kesehatan : Drs. Sentot Didik Surjanto, M.Si  
Muhammad Sjahid Akbar, M.Si.
- Sie Sponsorship dan Public Relation : Drs. Soehardjoepri, M.Si.  
Dr. Imam Mukhlash, S.Si, MT.  
Dwi Endah Kusrini, S.Si., M.Si.

## **TIM PROSIDING**

### **KOORDINATOR**

Endah Rokhmati M.P., Ph.D

### **EDITOR**

- a) Muhammad Syifa'ul Mufid, M.Si.
- b) Kistosil Fahim, M.Si.
- c) Tahiyatul Asfihani, M.Si

### **TIM TEKNIS**

- a) Soleha, S.Si, M.Si
- b) Iqbal S.Si., M.SI
- c) Dr. Santi Puteri Rahayu, S.Si
- d) Erma Oktania, S.Si, M.Si

### **LAYOUT & COVER**

- e) Achmet Usman Ali, S.Kom
- f) Maftucha

## **Tim Reviewer**

1. Prof. Dr. Hendra Gunawan (Institut Teknologi Bandung)
2. Prof. Dr. Pudji Astuti (Institut Teknologi Bandung)
3. Prof. Dr. Nyoman Budiantara ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
4. Prof Budi Nurani (Universitas Padjajaran)
5. Prof. Dr. Basuki Widodo, M.Sc ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)6.
- Prof. Dr. M. Isa Irawan ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
7. Prof Dr. Erna Apriliani, M.Si( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
8. Dr. Agung Lukito, M.Sc (Universitas Negeri Surabaya)
9. Dr. Imam Mukhlash, MT ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
10. Subchan, Ph.D ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
11. Dr. Suhartono. M.Sc ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
12. Prof. Abdur Rahman As'ari (Universitas Negeri Malang)
13. Dr. Chairul Imron, M.Ikomp ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
14. Dr. Hartono , M.Si (Universitas Negeri Yogayakarta)
15. Dr. Agus Suharsono ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
16. Dr. Budi Setiyono, MT ( Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
17. Dr. Darmaji, MT (Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
18. Dr. Dwi Ratna Sulistyaningrum, MT (Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
19. Endah Rokhmati M.P., Ph.D (Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
20. Dr. Heri Kuswanto, M.Si (Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
21. Dr. Imam Mukhlash, MT(Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
22. Dr. Mardlijah, MT (Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
23. Dr. Purhadi, M.Sc (Institut Teknologi Sepuluh Nopember)
24. Prof. Dr. Slamin (Universitas Negeri Jember)

## **Sambutan Ketua Panitia**

*Assalamu 'alaikum Warahmatullahi Wabarakatuh*

Alhamdulillahi Rabbillalamin, Puji syukur kami panjatkan kehadirat Allah SWT yang telah melimpahkan rahmat dan nikmat Nya, sehingga kami dapat menyelesaikan Prosiding Konferensi Nasional Matematika XVII (KNM XVII) 2014 yang telah diselenggarakan pada tanggal 11-14 Juni 2014 di Graha Institut Teknologi Sepuluh Nopember.

Konferensi Nasional Matematika XVII diselenggarakan oleh IndoMS bekerjasama dengan Jurusan Matematika dan Jurusan Statistika ITS. Kegiatan koferensi ini dilakukan setiap dua tahun sekali dengan tempat yang berbeda-beda. Merupakan suatu kehormatan dan kebahagiaan bagi kami, dipercaya sebagai penyelenggara Konferensi Nasional Matematika XVII yang merupakan ketiga kalinya dilakukan di ITS.

Tema yang diambil dalam konferensi adalah “Peranan Matematika dan Statistika menyongsong AEC (ASEAN Economics Community)”, dengan harapan sebagai persiapan bagi semua matematikawan dalam menyongsong ASEAN Economics Community.

Prosiding ini memuat 161 makalah yang telah dipresentasikan pada KNM XVII pada tanggal 11-14 Juni 2014 lalu. Makalah-makalah tersebut terdistribusi dalam 7 bidang aljabar, 8 bidang analisis, 3 matematika keuangan, 44 matematika pendidikan, 18 ilmu komputer, 27 matematika terapan, 39 statistika, 11 teori graph dan kombinatorik, 4 teori sistem dan kendali.

Terselesaikannya Prosiding KNM XVII tidak terlepas dari bantuan dan kerjasama semua pihak, oleh karena itu kami ucapkan terima kasih pada

- Semua matematikawan, penulis makalah yang telah berkontribusi mengirimkan makalahnya
- Para reviewer yang telah menyelesaikan review dengan baik.
- Presiden IndoMS beserta pengurus yang mendampingi penyelenggaraan Konferensi dan penyusunan prosiding.
- DP2M Dikti yang memberikan Hibah Simposium Nasional Himpunan Profesi 2014 untuk kegiatan KNM XVII termasuk pembuatan prosiding ini

Kami juga menyadari bahwa penyusunan prosiding ini masih ada kekurangan, semoga prosiding ini bermanfaat untuk semua pihak dan perkembangan matematika di Indonesia

Ketua Pelaksana KNM XVII  
Prof. Dr. Erna Apriliani, M.Si

## **SAMBUTAN PRESIDEN IndoMS 2012-2014**

*Dengan Nama Allah Yang Maha Pengasih lagi Maha Penyayang*

*Assalamu'alaikum Warahmatullahi Wabarakatuh*

Pertama-tama kami panjatkan puji dan syukur ke Hadlirat Allah SWT atas segala rakhmat serta karunia-Nya, alhamdulillah Panitia Konferensi Nasional Matematika XVII (KNM XVII) tahun 2014 telah berhasil menyelesaikan Prosiding KNM XVII. IndoMS bekerja sama dengan Jurusan Matematika serta Jurusan Statistika FMIPA ITS, bekerja sama melaksanakan KNM XVII pada tanggal 11-14 juni 2014 bertempat di Graha Institut Teknologi Sepuluh Nopember-Surabaya.

KNM XVII tahun 2014 memilih tema “Peranan Matematika dan Statistika menyongsong AEC (ASEAN Economics Community)”, sebagai persiapan bagi IndoMS beserta segenap anggotanya dalam menyambut datangnya Masyarakat Ekonomi ASEAN tahun 2015. Hadirnya MEA 2015 memberikan keterbukaan secara global dalam berbagai aspek kehidupan di Indonesia, termasuk bidang pendidikan. Oleh karena itu, pengurus IndoMS bersama seluruh anggota aktif, sekitar 1,700 yang tercatat sampai pertengahan Februari 2015, perlu bekerja sama meningkatkan kualitas berbagai kegiatan berkaitan dengan pengembangan kegiatan pendidikan maupun penelitian bidang matematika dna pendidikan matematika di tanah air.

KNM XVII tahun 2014 juga merupakan bentuk realisasi Hibah Simposium Himpunan Profesi 2014 dengan dana dari Direktorat Pendidikan Tinggi Kemdikbud yang diperoleh IndoMS bekerja sama dengan segenap Panitia KNM XVII serta Pengurus IndoMS Wilaya Jawa Timur. Selain prosiding, melalui Hibah Simposium Himpunan Profesi ini telah dihasilkan makalah-makalah hasil review dari para reviewer IndoMS, terdiri dari 5 makalah direkomendasi untuk dipublikasikan pada jurnal berreputasi internasional, 10 makalah pada jurnal nasional terakreditasi, serta 9 makalah direkomendasi untuk dipublikasikan pada Jurnal Nasional tidak terkreditasi.

Kami mengucapkan terima kasih yang tiada terhingga kepada segenap pemakalah, panitia, reviewer yang telah bekerja keras dan bekerja sama melaksanakan KNM XVII tahun 2014 dan menyelesaikan Prosiding KNM XVII. Ucapan terima kasih juga kami sampaikan kepada segenap Pimpinan ITS, FMIPA ITS, Jurusan Matematika dan Jurusan Statistika FMIPA

ITS, Pengurus IndoMS Pusat maupun Pengurus IndoMS Wilayah serta semua pihak yang tidak dapat kami sebutkan satu per satu.

Akhirul kalam kami berharap Prosiding KNM XVII ini memberikan manfaat bagi pemakalah khususnya sebagai tempat diseminasi hasil-hasil penelitian, serta sebagai wahana untuk bediskusi antar peneliti bidang aljabar, analisis, matematika keuangan, matematika pendidikan, ilmu komputer, matematika terapan, statistika, teori graph dan kombinatorik serta teori sistem dan kendali. Mudah-mudahan penerbitan Prosiding KNM XVII ini memberikan manfaat bagi para pembaca, peneliti serta memberikan masukan untuk pengembangan bidang matematika di Indonesia.

*Wassalamu'alaikum Warahmatullahi Wabarakatuh*

Bandung, Desember 2014

Presiden IndoMS 2014-2016

Prof. Dr. Budi Nurani Ruchjana

## **BIDANG**

- 1. Aljabar & Geometri**
- 2. Analisis**
- 3. Ilmu Komputer**
- 4. Matematika Keuangan**
- 5. Matematika Pendidikan**
- 6. Matematika Terapan**
- 7. Statistika**
- 8. Teori Graf & Kombinatorik**
- 9. Teori dan Sistem Kendali**

## DAFTAR ISI PROSIDING KNM

### BIDANG : ALJABAR DAN GEOMETRI (7)

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
1	PEMODELAN JADWAL MONOREL DAN TREM MENGGUNAKAN ALJABAR MAX-PLUS UNTUK TRANSPORTASI MASA DEPAN SURABAYA <i>Kistosil Fahim, Lukman Hanafi, Subiono, dan Tahiyatul Asfithani</i>	1
2	SIFAT-SIFAT ALJABAR DARI PEMETAAN TOPOLOGI TOPOGRAFI FUZZY <i>Muhammad Abdy</i>	9
3	EKSISTENSI PENYELESAIAN SISTEM PERSAMAAN LINEAR DALAM ALJABAR MAKS-PLUS INTERVAL <i>Siswanto, Ari Suparwanto, dan M. Andy Rudhito</i>	15
4	DIAGNOSIS SUATU PENYAKIT MENGGUNAKAN MATRIKS D-DISJUNCT <i>Siti Zahidah</i>	25
5	KARAKTERISTIK ELEMEN SIMETRIS ANGGOTA RING DENGAN ELEMEN SATUAN YANG DILENGKAPI INVOLUSI <i>Titik Udjiani SRRM, Budi Surodjo, dan Sri Wahyuni</i>	37
6	ASSOSIASI PRIMA PADA MODUL FRAKSI ATAS SEBARANG RING <i>Uha Isnaini dan Indah Emilia Wijayanti</i>	47
7	KAJIAN KEINJEKTIFAN MODUL (MODUL INJEKTIF, MODUL INJEKTIF LEMAH, MODUL MININJEKTIF) <i>Baidowi dan Yunita Septriana Anwar</i>	59

### BIDANG : ANALISIS (8)

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
8	PERSAMAAN DIFERENSIAL FRAKSIONAL DAN SOLUSINYA MENGGUNAKAN TRANSFORMASI LAPLACE <i>Endang Rusyaman, Kankan Parmikanti, dan Emacarnia</i>	69
9	INTEGRAL HENSTOCK-KURZWEIL FUNGSI BERNILAI C[a,b]: TEOREMA KEKONVEGENAN SERAGAM <i>Firdaus Ubaidillah, Soeparna Darmawijaya, dan Ch. Rini Indrati</i>	77
10	KAJIAN KELENGKUNGAN PERSAMAAN KURVA DI <i>Iis Herisman dan Komar Baihaqi</i>	85
11	KONSTRUKSI TRANSFORMASI MP-WAVELET TIPE A <i>Kistosil Fahim dan Mahmud Yunus</i>	93
12	PENERAPAN GARIS BERAT SEGITIGA CENTROID UNTUK MENENTUKAN KELOMPOK PADA ANALISIS DISKRIMINAN <i>I Komang Gede Sukarsa, I Putu Eka Nila Kencana, dan NM. Dwi Kusumawardani</i>	105
13	BEBERAPA SIFAT DARI KLAS FUNGSI P-SUPREMUM BOUNDED VARIATION FUNCTIONS <i>Moch Aruman Imron' Ch. Rini Indrati, dan Widodo</i>	113
14	KEKONTINUAN SIMETRIS FUNGSI BERNILAI REAL PADA RUANG METRIK <i>Manuharawati</i>	121

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
15	PENENTUAN POSISI SUMBER ARUS LISTRIK LEMAH DALAM OTAK DENGAN METODE INVERS <i>Muhammad Abdy</i>	127

**BIDANG : ILMU KOMPUTER (18)**

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
16	PELATIHAN JARINGAN FUNGSI BASIS RADIAL MENGGUNAKAN EXTENDED KALMAN FILTER UNTUK IDENTIFIKASI INSTRUMEN GAMELAN JAWA <i>Abduh Riski, Mohammad Isa Irawan, dan Erna Apriliani</i>	133
17	EKSTRAKSI CIRI MFCC PADA PENGENALAN LAFAL HURUF HIJAIYAH <i>Agus Jamaludin, dan Arief Fatchul Huda, S.Si., M.Kom</i>	143
18	PEMILIHAN GURU BERPRESTASI BERDASARKAN PENILAIAN KINERJA GURU DENGAN METODE ANALYTIC NETWORK PROCESS (ANP) <i>Alvida Mustika Rukmi, M. Isa Irawan, dan Nuriyatin</i>	153
19	SEGMENTASI CITRA DENGAN MENGGUNAKAN MODIFIKASI ROBUST FUZZY C-MEANS <i>Charista Christie Tjokrowidjaya dan Zuherman Rustam</i>	165
20	PERBANDINGAN METODE LEARNING VECTOR QUANTIZATION (LVQ) DAN SUPPORT VECTOR MACHINE (SVM) UNTUK PREDIKSI PENYAKIT JANTUNG KORONER <i>Desy Lusiyanti dan M. Isa Irawan</i>	175
21	DETEKSI KECACATAN PERMUKAAN LOSONG AMUNISI BERBASIS PENGOLAHAN CITRA DIGITAL <i>Dwi Ratna Sulistyaningrum, Budi Setiyono, dan Dyah Ayu Erniasanti</i>	183
22	PENERAPAN VEKTOR PADA APLIKASI WINDOWS PHONE BERBASIS AUGMENTED REALITY <i>Erick Paulus, Stanley P. Dewanto, Ino Suryana, dan Septya Happytasari S</i>	191
23	METODE BACKPROPAGATION JARINGAN SYARAF TIRUAN DALAM MEMPREDIKSI HARGA SAHAM <i>Feni Andriani dan Ilmiyati Sari</i>	197
24	PEMODELAN VOLATILITAS SAHAM MENGGUNAKAN JARINGAN SYARAF TIRUAN DAN ALGORITMA GENETIKA <i>Hasbi Yasin</i>	205
25	APLIKASI METODE FUZZY PADA PERAMALAN JUMLAH WISATAWAN AUSTRALIA KE BALI <i>I Putu Eka Nila Kencana dan IBK. Puja Arimbawa K</i>	211
26	PREDIKSI CUACA EKSTRIM MENGGUNAKAN ALGORITMA CLUSTERING BERDASARKAN ROUGH SET <i>Mohammad Iqbal dan Hanim Maria Astuti</i>	221
27	KAJIAN LANJUTAN TERHADAP KUNCI LEMAH ALGORITMA SIMPLIFIED IDEA <i>Retno Indah dan Sari Agustini Hafman</i>	229
28	PENGGUNAAN METODE PCA UNTUK REDUKSI DATA IMAGE PEMBULUH DARAH VENA <i>Rifki Kosasih</i>	241
29	IMPLEMENTASI KALIBRASI KAMERA ZHANG PADA ESTIMASI JARAK <i>Shofwan Ali Fauji dan Budi Setiyono</i>	249
30	KONSTRUKSI POHON FILOGENETIK MENGGUNAKAN ALGORITMA NEIGHBOR JOINING UNTUK IDENTIFIKASI HOST DAN PENYEBARAN EPIDEMI SARS <i>Siti Amiroch dan M. Isa Irawan</i>	259

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
31	DESAIN PENGENDALI UMPAN BALIK LINIER BERORDE MINIMUM PADA SISTEM BILINIER PEMBANGKIT LISTRIK DENGAN ALGORITMA GENETIKA <i>Taufan Mahardhika, Roberd Saragih, dan Bambang Riyanto Trilaksono</i>	269
32	APLIKASI ENTROPI FUZZY C-MEANS UNTUK MENDIAGNOSA CANCER BERDASARKAN KONSENTRASI UNSUR KIMIA DALAM DARAH <i>Zuherman Rustam</i>	279
33	MODEL MANAJEMEN POLA TANAM MENGGUNAKAN JARINGAN SYARAF TIRUAN FUNGSI RADIAL BASIS <i>Alven Safik Ritonga dan Mohammad Isa Irawan</i>	285

**BIDANG : MATEMATIKA KEUANGAN (3)**

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
34	ESTIMASI VALUE AT RISK PADA SAHAM PT. "X" DENGAN METODE EXTRIM VALUE THEORY <i>Mochammad Afandi dan Santi Puteri Rahayu</i>	297
35	CONDITIONAL VALUE-AT-RISK DI BAWAH MODEL ASSET LIABILITAS DENGAN VOLATILITAS TAK KONSTAN <i>Sukono, Sudradjat Supian, dan Dwi Susanti</i>	305
36	ESTIMASI VOLATILITAS UNTUK PENGHITUNGAN VALUE at RISK (VaR) SAHAM LQ-45 MENGGUNAKAN MODEL GARCH <i>Tarno dan Hasbi Yasin</i>	315

**BIDANG : MATEMATIKA PENDIDIKAN (44)**

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
37	THE IMPLEMENTATION OF COOPERATIVE LEARNING BASED ON NEWMAN'S ERROR ANALYSIS PROCEDURES TO IMPROVE STUDENTS' MATHEMATICAL LEARNING <i>Yoga Dwi Windy Kusuma Ningtyas</i>	327
38	PERMAINAN TRADISIONAL "ICAK-ICAKAN" PADA MATERI PERSENTASE LABA RUGI UNTUK SISWA CENDERUNG KINESTETIK <i>Fadila Hasmita, Oryza Zafivani, dan Rully Charitas Indra Prahmana</i>	335
39	PENERAPAN PENDEKATAN PMRI UNTUK MELATIH KEMAMPUAN BERPIKIR KRITIS SISWA PADA MATERI BALOK DAN KUBUS <i>Dimas Danar Septiadi</i>	343
40	MATCHAN (MATHEMATICS DAKOCAN) UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN BERHITUNG SISWA SEKOLAH DASAR <i>Dwi Wulandari dan Ira Silviana Rahman</i>	355
41	PENGUNAAN BACKWARD DESIGN DALAM MERANCANG PEMBELAJARAN MATEMATIKA YANG BERNUANSA OBSERVATION-BASED LEARNING <i>Abdur Rahman As'ari</i>	363
42	PENGEMBANGAN PERANGKAT PEMBELAJARAN MATERI SEGIEMPAT BERBASIS REALISTIC MATHEMATICS EDUCATION (RME) UNTUK MELATIH KEMAMPUAN BERPIKIR KRITIS SISWA KELAS VII SMP <i>Abdur Rohim, Ipung Yuwono, dan Sri Mulyati</i>	371
43	PENGEMBANGAN SOAL BERBASIS LITERASI MATEMATIKA DENGAN MENGGUNAKAN KERANGKA PISA TAHUN 2012 <i>Ahmad Wachidul Kohar dan Zulkardi</i>	379

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
44	ANALISIS KEMAMPUAN <i>ADVANCED MATHEMATICAL THINKING</i> MAHASISWA PADA MATA KULIAH STATISTIKA MATEMATIKA <i>Andri Suryana</i>	389
45	KONSTRUKSI TEORITIK TENTANG BERPIKIR REFLEKTIF SEBAGAI AWAL TERJADINYA BERPIKIR REFRAKSI DALAM MATEMATIKA <i>Anton Prayitno, Akbar Sutawidjaja, Subanji, dan Makbul Muksar</i>	397
46	MENGHIDUPKAN TAHAP MENANYA PADA IMPLEMENTASI PENDEKATAN SAINTIFIK DALAM PEMBELAJARAN MATEMATIKA DI SEKOLAH <i>Djamilah Bondan Widajanti</i>	405
47	PENGEMBANGAN BAHAN AJAR PERSAMAAN DIFERENSIAL UNTUK MENINGKATKAN KEMAMPUAN PENALARAN DAN KOMUNIKASI MATEMATIS MAHASISWA MELALUI BLENDED LEARNING DENGAN STRATEGI PROBING-PROMPTING <i>Hapizah</i>	415
48	PROFIL PEMAHAMAN SUBJEK UJI COBA 6 TERHADAP FILOSOFI, PRINSIP, DAN KARAKTERISTIK PENDIDIKAN MATEMATIKA REALISTIK <i>Hongki Julie, St. Suwarsono, dan Dwi Juniati</i>	423
49	ANALISIS PENGUASAAN KONSEP DASAR DAN KETUNTASAN PEMAHAMAN MATERI PENCACAHAN DALAM MATEMATIKA DISKRIT <i>Luh Putu Ida Harini, I Gede Santi Astawa, dan I Gusti Ayu Made Srinadi</i>	433
50	FAKTOR-FAKTOR YANG MEMENGARUHI KEPUTUSAN SISWA SMA MELANJUTKAN STUDI S1 DI UNIVERSITAS UDAYANA <i>Made Susilawati, I Putu Eka Nila Kencana, dan Ni Made Dwi Yana Putri</i>	443
51	PERANCANGAN DAN PEMBUATAN ENSIKLOPEDIA MATEMATIKA DIGITAL DALAM KOMUNITAS DAN PEMBELAJARAN MATEMATIKA <i>Mahmuddin Yunus, Indriati Nurul H, dan Lucky Tri O.</i>	451
52	PENGEMBANGAN BUKU ELEKTRONIK OLIMPIADE MATEMATIKA BERBASIS WEB DENGAN PENDEKATAN STRATEGI PEMECAHAN MASALAH <i>Mahmuddin Yunus dan Tjang Daniel Chandra</i>	459
53	EFEKTIVITAS METODE GRUP INVESTIGASI DI KELAS KALKULUS I PADA JURUSAN MATEMATIKA DAN ILMU KOMPUTER FMIPA UNIVERSITAS UDAYANA <i>Ni Made Asih</i>	467
54	PENGEMBANGAN PERANGKAT PEMBELAJARAN MATEMATIKA BERBASIS <i>BRAIN GYM</i> DENGAN MEDIA MANIPULATIF UNTUK ABK <i>Nia Wahyu Damayanti, Akbar Sutawidjajadan I Nengah Parta</i>	477
55	PENANAMAN KONSEP OPERASI PEMBAGIAN MENGGUNAKAN PERMAINAN TRADISIONAL BOLA BEKEL DI KELAS III SEKOLAH DASAR <i>Nurochmah dan Novia Larosa</i>	487
56	MODEL PROBLEM BASED LEARNING DALAM MENINGKATKAN KEMAMPUAN ANALISIS SISWA KELAS VIII SMP <i>Nur Wahidin Ashari</i>	497
57	PENGEMBANGAN LKS BERCIRIKAN PENEMUAN TERBIMBING DAN DIDUKUNG GEOGEBRA PADA MATERI FUNGSI KUADRAT <i>Nurul Firdaus</i>	507

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
58	PENGARUH PERMAINAN TRADISIONAL KELERENG DALAM OPERASI PENGURANGAN DI KELAS I SD <i>Olanda Dwi Sumintra, Armianti, dan Rully Charitas Indra Prahmana</i>	517
59	IDENTIFIKASI KONSEP BERFIKIR ANAK USIA DINI DALAM KONSEP MATEMATIKA MENURUT TAHAPAN PIAGET <i>Reni Dwi Susanti</i>	525
60	KEMAMPUAN MAHASISWA DALAM MENGANALISA KEKONVERGENAN SUATU BARISAN BERDASARKAN PENGETAHUAN KONSEPTUAL DAN PROSEDURAL <i>Ria Amalia</i>	533
61	THINKING IMPLEMENTATION TO INTRODUCE FRACTION IN TALL'S THREE WORDS <i>Rustanto Rahardi dan Eddi Budiono</i>	543
62	PENERAPAN STRATEGI MOTIVASI ARCS DALAM PEMBELAJARAN KOOPERATIF TIPE STAD PADA MATERI BALOK DI KELAS VIII SMP NEGERI 3 GRESIK <i>Sabrina Apriliaawati Sa'ad</i>	555
63	PENINGKATAN KEMAMPUAN BERPIKIR KRITIS MATEMATIS MELALUI PENDEKATAN RME BERBASIS GAYA KOGNITIF SISWA <i>Salwah, Yaya S. Kusumah, dan Stanley Dewanto</i>	565
64	PENGEMBANGAN MODUL PENERAPAN TEORI GRAPH BERBASIS ICT SEBAGAI PEDOMAN PRAKTEK KERJA LAPANGAN (PKL) MAHASISWA JURUSAN MATEMATIKA DI INDUSTRI <i>Sapti Wahyuningsih dan Darmawan Satyananda</i>	575
65	PENGGUNAAN PERMAINAN TRADISIONAL YEYE DALAM PEMAHAMAN KONSEP PERKALIAN UNTUK SISWA SEKOLAH DASAR <i>Sri Ratna Dewi, Sari Juliana, dan Rully Charitas Indra Prahmana</i>	591
66	PROSES PENALARAN ANALOGI SISWA DALAM ALJABAR <i>Siti Lailiyah dan Toto Nusantara</i>	601
67	IMPLEMENTASI KURIKULUM 2013 DAN PENDEKATAN PENDIDIKAN MATEMATIKA REALISTIK INDONESIA PADA PEMBELAJARAN PECAHAN <i>Sitti Busyrah Muchsin</i>	607
68	PEMBELAJARAN ON-LINE KALULUS III BERSTANDART NCTM <i>Suharto dan Moh. Hasan</i>	615
69	PENERAPAN <i>SELF – DIRECTED LEARNING</i> PADA PEMBELAJARAN PERSAMAAN DIFERENSIAL PARASIAL ORDE SATU <i>Susi Setiawani</i>	625
70	EDUCATIONAL DESIGN RESEARCH: DEVELOPING STUDENTS' UNDERSTANDING OF THE MULTIPLICATION STRATEGY IN AREA MEASUREMENT <i>Susilahudin Putrawangsa' Agung Lukito' Siti M Amin, dan Monica Wijers</i>	633
71	PENINGKATAN KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS, DAN SIKAP SISWA TERHADAP MATEMATIKA MELALUI PENDEKATAN PENDIDIKAN MATEMATIKA REALISTIK <i>Syaiful</i>	653
72	PERBEDAAN KEMAMPUAN KOMUNIKASI MATEMATIS SISWA LAKI-LAKI DAN SISWA PEREMPUAN <i>Syamsu Qamar Badu dan Siti Azizah A. Husain</i>	667
73	<i>MULTIGROUP STRUCTURAL EQUATION MODELING DENGAN PARTIAL LEAST SQUARE</i> PADA HASIL BELAJAR MATEMATIKA SISWA KELAS IX SMP NEGERI DI KOTA KENDARI	677

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
	<i>Tandri Patih dan Bambang Widjanarko Otok</i>	
74	PENINGKATAN SELF-EFFICACY SISWA MELALUI PENDEKATAN PROBLEM-CENTERED LEARNING DISERTAI STRATEGI SCAFFOLDING <i>Tedy Machmud</i>	689
75	PENERAPAN STRATEGI BELAJAR METAKOGNISI UNTUK MEMAHAMI BACAAN DALAM IMPLEMENTASI KURIKULUM 2013 <i>Theresia Kriswanti Nugrahaningsih, Iswan Riyadi, dan Hersulastuti</i>	699
76	PENGEMBANGAN MOBILE LEARNING APPLICATION (MLA) SEBAGAI MEDIA PEMBELAJARAN ALTERNATIF PADA MATERI KESEBANGUNAN DAN KEKONGRUENAN BANGUN DATAR <i>Wulan Marlia Sandi</i>	709
77	KEMAMPUAN BERPIKIR LOGIS MATEMATIS MAHASISWA DALAM PERKULIAHAN MATEMATIKA DASAR DAN MATEMATIKA DISKRIT <i>Yaya S. Kusumah dan Heni Pujiastuti</i>	719
78	PENTINGNYA PENGARUH PERMAINAN TRADISIONAL LAYANG-LAYANG DALAM PEMBELAJARAN PHYTAGORAS DI KELAS VIII SMP <i>Yuli Pinasthika dan Yuannisa Walimin</i>	729
79	PROSES BERPIKIR ALJABAR SISWA BERDASARKAN TAKSONOMI MARZANO <i>Yunita Oktavia Wulandari, Edy Bambang Irawan, dan Toto Nusantara</i>	739
80	MASALAH NILAI YANG DICARI: PENALARAN PROPORSIONAL SISWA SETELAH MEMPELAJARI PERBANDINGAN DAN PROPORSI <i>Zainul Imron, I Nengah Parta, dan Hery Susanto</i>	749

**BIDANG : MATEMATIKA TERAPAN (27)**

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
81	MODEL EPIDEMIK SIR UNTUK PENYAKIT YANG MENULAR SECARA HORIZONTAL DAN VERTIKAL <i>Ilmiyati Sari dan Hengki Tasman</i>	757
82	HILANGNYA DUA BIFURKASI FOLD TANPA MELALUI BIFURKASI CUSP PADA SISTEM PREDATOR-PREY DENGAN FAKTOR PERTAHANAN GRUP DAN GANGGUAN BERKALA <i>Harjanto, E dan Tuwankotta, J. M</i>	767
83	BIFURKASI HOPF MODEL MANGSA-PEMANGSA WANGERSKY-CUNNINGHAM DENGAN WAKTU TUNDA <i>Ali Kusnanto, Ni Nyoman Suryani, dan N K Kutha Ardana</i>	773
84	PENERAPAN GOAL PROGRAMMING DALAM PENjadwalan DAN PENUGASAN KEGIATAN KEMAHASISWAAN <i>Anis Fauziyyah, Toni Bakhtiar, dan Farida Hanum</i>	777
85	PENERAPAN PROJECTION PURSUIT DALAM BLIND SOURCE SEPARATION <i>Atik Wintarti, Abadi, dan Yoyon K. Suprapto</i>	787
86	KAJIAN NUMERIK: PENGARUH UKURAN SISTEM TERHADAP GAYA HAMBAT PADA SILINDER <i>Chairul Imron, Basuki Widodo, dan Triyogi Yuwono</i>	795
87	ANALISA DAN SIMULASI MODEL MANGSA-PEMANGSA YANG DILAKUKAN PEMANENAN <i>Diny Zulkarnaen dan Linda Yunengsih</i>	801
88	METODE OPERATOR SPLITTING : EKSPLORASI DAN SIMULASI	809

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
	<i>Endar H. Nugrahani</i>	
89	PERAMALAN VOLUME PRODUKSI AIR DI PDAM BOJONEGORO DENGAN METODE FUNGSI TRANSFER <i>Fastha Aulia Pradhani dan Adatul Mukarromah</i>	815
90	KEKUATAN INFEKSI HIV DALAM KOMUNITAS <i>INJECTING DRUG USERS</i> <i>Iffatul Mardhiyah dan Hengki Tasman</i>	823
91	METODE ELEMEN BATAS UNTUK MENYELESAIKAN MASALAH PERPINDAHAN PANAS <i>Imam Solekhudin</i>	833
92	ANALISIS PEMAKAIAN MADU PADA PENGAWETAN MAKANAN MENGGUNAKAN METODE MATEMATIKA <i>Imelda Hendriani Eku Rimo dan Basuki Widodo</i>	839
93	SKEMA BEDA HINGGA NONSTANDAR MODEL EPIDEMI SIR DENGAN TINGKAT KEJADIAN TERSATURASI DAN MASA INKUBASI <i>Isnani Darti dan Agus Suryanto</i>	849
94	MODEL TRANSMISI PENYAKIT TUBERKULOSIS DENGAN MEMPERHATIKAN KOMPARTEMEN VAKSINASI <i>J. Nainggolan, S. Supian, A. K. Supriatna , dan N. Anggriani</i>	855
95	SUATU TINJAUAN NUMERIK PERSAMAAN ADVEKSI DIFUSI 2-D TRANSFER POLUTAN DENGAN MENGGUNAKAN METODE BEDA HINGGA DU-FORT FRANKEL <i>Jeffry Kusuma , Khaeruddin, Syamsuddin Toaha , Naimah Aris, dan Alman</i>	865
96	MASALAH TRANSPORTASI <i>MULTIOBJECTIVE FUZZY</i> DENGAN VARIABEL KEPUTUSAN FUZZY <i>Listy Vermana dan Salmah</i>	871
97	MODEL PERTUMBUHAN KRISTAL PADA GAMBAT YANG DIBENTUK DARI KAPUR, <i>FLY ASH</i> DAN AIR <i>Mohammad Syaiful Pradana dan Basuki Widodo</i>	881
98	APROKSIMASI VARIASIONAL UNTUK SOLITON DISKRIT GELAP <i>Mahdhivan Syafwan</i>	891
99	PENGGUNAAN METODE LEVEL SET DALAM MENYELESAIKAN MASALAH STEFAN DUA FASE ( <i>KASUS MASALAH PENCAIRAN ES</i> ) <i>Makbul Muksar, Tjiang Daniel Candra, dan Susy Kuspambudi Andaini</i>	897
100	ANALISIS SENSITIVITAS MODEL EPIDEMIOLOGI HIV DENGAN EDUKASI <i>Marsudi</i>	907
101	SISTEM PERSAMAAN DIFERENSIAL DENGAN PENDEKATAN MODEL MULTI GRUP <i>Nur Asiyah, Suhud Wahyudi, dan M. Setijo Winarko</i>	919
102	PEMBENTUKAN VIEWS PADA MODEL BLACK LITTERMAN <i>Retno Subekti</i>	933
103	MODELLING ROAD TRAFFIC ACCIDENT DEATHS IN SOUTH AFRICA USING GENERALIZED LINEAR MODELS <i>Sharon Ogolla, Sony Sunaryo, dan Irhamah</i>	943
104	ANALISIS KESTABILAN DAN KEBIJAKAN KEUNTUNGAN MAKSIMAL PADA MODEL POPULASI SATU MANGSA-DUA PEMANGSA DENGAN TAHAPAN STRUKTUR <i>Syamsuddin Toaha, Jeffry Kusuma, Khaeruddin, dan Mawardi</i>	953

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
105	PENDEKATAN FUNGSI SELEKSI UNTUK MASALAH PEMROGRAMAN BILEVEL FUZZY DALAM PENGOPTIMALAN RETRIBUSI JALAN TO <i>Syarifah Inayati dan Irwan Endrayanto A</i>	965
106	KAJIAN DUALITAS DAN ANALISA SENSITIVITAS MASALAH GOAL PROGRAMMING <i>Talisadika Serrisanti Maifa</i>	985
107	MODEL MATEMATIKA PENGARUH SUHU DAN KETINGGIAN TERHADAP <i>SPONTANEOUS-POTENTIAL</i> UNTUK KARAKTERISASI PANASBUMI DI GEDONGSONGO, SEMARANG, JAWA TENGAH <i>Widowati, Agus Setyawan, Mustafid, Muh. Nur, Sudarno, Udi Harmoko, Satriyo, Gunawan S, Agus Subagio, Heru Tj, Djalal Er Riyanto, Suhartono, Moch A Mukid, Jatmiko E.</i>	997

**BIDANG : STATISTIKA (39)**

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
108	PENENTUAN PREMI BULANAN UNTUK KONTRAK ASURANSI JIWA ENDOWMENT UNIT LINK DENGAN METODE POINT TO POINT <i>Erna Hayati dan Sony Sunaryo</i>	1005
109	ASUMSI CONSTANT FORCE PADAASURANSI DWIGUNA LAST SURVIVOR <i>Hasriati, Azis Khan, dan Dian Fauzia Rahmi</i>	1015
110	METODE PENDETEKSIAN HOTSPOT MULTIVARIAT DAN PERANGKINGAN ORDIT: Study Kasus Tingkat Kesehatan Ibudan Balita di Kota Depok <i>Yekti Widyaningsih dan Titin Siswantining</i>	1025
111	PREDIKSI CURAH HUJAN DI SURABAYA UTARA DENGAN MENERAPKAN FUZZY-MAMDANI <i>Farida Agustini Widjajati dan Dynes Rizky Navianti</i>	1035
112	MODEL REGRESI NONPARAMETRIK MULTIRESPON SPLINE TRUNCATED UNTUK DATA LONGITUDINAL (STUDI KASUS KEBERHASILAN KB) <i>Dita Amelia dan I Nyoman Budiantara</i>	1045
113	KLASIFIKASI KAYU DENGAN MENGGUNAKAN NAÏVE BAYES-CLASSIFIER <i>Achmad Fahrurrozi</i>	1057
114	KALKULATOR SURVIVAL DAN LIFE TABEL MENGGUNAKAN SOFTWARE R <i>Adhitya Ronnie Effendie dan Hendra Perdana</i>	1067
115	PREDIKSI INDEKS HARGA KONSUMEN DENGAN MODEL FUZZY DAN RECURRENT NEURAL NETWORK <i>Agus Maman Abadi</i>	1073
116	PERAMALAN PENJUALAN SEPEDA MOTOR DI PT. "X" DENGAN MENGGUNAKAN ARIMAX DI KABUPATEN PONOROGO <i>Ani Satul Ru'yati Badriyah dan Agus Suharsono</i>	1085
117	PENERAPAN MODEL ARX ORDE 1 PADA INDEKS SAHAM DAN HARGA MINYAK MENTAH DUNIA <i>Indah Pratiwi, Kankan Parmikanti, dan Budi Nurani Ruchjana</i>	1093
118	PENGELOMPOKAN KABUPATEN/KOTADI PROVINSI NTB BERDASARKAN KARAKTERSTIK KEMISKINAN MENGGUNAKAN METODE WARD <i>Desy Komalasari</i>	1107
119	PENGGUNAAN SOFTWARE MATLAB PADA MODIFIKASI SINGLE SYSTEMATIC SAMPLING <i>Dewi Putrie Lestari dan Aini Suri Talita</i>	1115

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
120	EVALUASI SKILL MODEL DENGAN KURVA RELATIVE OPERATING CHARACTERISTICS (ROC) <i>Dewi Retno Sari Saputro</i>	1123
121	ANALISIS SURVIVAL PADA DATA REKURENSI DENGAN COUNTING PROCESS APPROACH DAN MODEL PWP-GT <i>Diah Ayu Novitasari dan Santi Wulan Purnami</i>	1129
122	OPTIMISASI PERENCANAAN PRODUKSIMODEL PROGRAM LINEAR MULTI OBJEKTIF DE NOVO DENGAN PENDEKATAN GOAL PROGRAMMING <i>Dwi Lestari</i>	1139
123	REGRESI KUANTIL DENGAN ESTIMASI METODE SPARSITY UNTUK PEMODELAN TINGKAT PENGANGGURAN TERBUKA DI INDONESIA <i>Dynes Rizky Navianti</i>	1153
124	PREDIKSI PERMINTAAN SEPEDA MOTOR PER JENIS MERK HONDA DAN TOTAL MARKET DI KABUPATEN SIDOARJO MENGGUNAKAN VECTOR AUTOREGRESSIVE (VAR) <i>Efrandi Andiarga dan Agus Suharsono</i>	1165
125	VOLATILITAS MODEL GARCH SAHAM SYARIAH YANG BERHUBUNGAN KAUSALITAS DENGAN INDEKS PASAR <i>Endang Soeryana Hasbullah, Ismail Bin Mohd, Mustafa Mamat, Sukono, dan Endang Rosyaman</i>	1183
126	PENGARUH FAKTOR INDIVIDU DAN FAKTOR KONTEKSTUAL TERHADAP FERTILITAS DI INDONESIA TAHUN 2011 (Analisis Multilevel) <i>Febri Wicaksono dan Dhading Mahendra</i>	1193
127	KAJIAN METODE STATISTIK NONPARAMETRIK UJI HILDEBRAND SEBAGAI PADANAN ANALISIS VARIANSI DUA ARAH <i>Fitri Catur Lestari</i>	1203
128	PEMODELAN PREVALENSI KEJADIAN KUSTA DI JAWA TIMUR DENGAN PENDEKATAN SPATIAL AUTOREGRESSIVE – SEM PLS <i>Gilang Maulana Abdi dan Ismaini Zain</i>	1213
129	PENENTUAN PREMI TUNGGAL PADA KONTRAK ASURANSI jiwaENDOWMENT UNIT LINK METODE HIGH WATER MARK <i>Gusmi Kholijah dan Sony Sunaryo</i>	1225
130	PENGENDALIAN KUALITAS STATISTIKA MENGGUNAKAN SOFTWARE R <i>Hendra Perdana, Khabib Mustofa, dan Dedi Rosadi</i>	1241
131	PENGEMBANGAN GRAFIK PENGENDALI DISTRIBUSI BETA BINOMIAL SEBAGAI PENGANTI p-CHART MELALUI MCMC <i>Hendro Permadi</i>	1247
132	PENGARUH OUTLIER TERHADAP ESTIMATOR PARAMETER REGRESI DAN METODE REGRESI ROBUST <i>I GustiAyu Made Srinadi</i>	1259
133	SUATU SURVEI TENTANG REGRESI BERBASIS KOPULA <i>I Wayan Sumarjaya</i>	1267
134	ANALISIS REGRESI PROBIT DENGAN EFEK INTERAKSI UNTUK MEMODELKAN ANGKA FERTILITAS TOTAL DI INDONESIA <i>Imam Ahmad Al Fattah dan Vita Ratnasari</i>	1277
135	ANALISIS GEROMBOL BERBASIS MODEL (Studi Kasus Standar Pelayanan Minimal SMP di Kabupaten Manokwari)	1287

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
	<i>Surianto Bataradewa, Nurhaida, Rium Hilum, dan Indah Ratih Anggriyani</i>	
136	KAJIAN ANALISIS DISKRIMINAN BERBASIS MODEL ( <i>Model Based Discriminant Analysis Study</i> ) <i>Indah Ratih Anggriyani</i>	1299
137	MODEL BINOMIAL NEGATIF DAN POISSON INVERSE GAUSSIAN DALAM MENGATASI OVERDISPERSI PADA REGRESI POISSON. <i>Laksmi Prita W</i>	1309
138	ESTIMASI PARAMETER MODEL <i>GEOGRAPHICALLY WEIGHTED ZERO-INFLATED POISSON REGRESSION</i> (GWZIPR) <i>Luthfatal Amaliana dan Purhadi</i>	1317
139	ANALISIS DATA INFLASI DI INDONESIA MENGGUNAKAN MODEL REGRESI KERNEL (SEBELUM DAN SESUDAH KENAIKAN TDL DAN BBM TAHUN 2013) <i>Suparti, Budi Warsito, dan Moch Abdul Mukid</i>	1327
140	ESTIMASI DAN PENGUJIAN HIPOTESIS GEOGRAPHICALLY WEIGHTED MULTINOMIAL LOGISTIC REGRESSION <i>M. Fathurahman, Purhadi, Sutikno, dan Vita Ratnasari</i>	1339
141	PENAKSIRAN PARAMETER MODEL GENERALISASI SPACE TIME AUTOREGRESI ASUMSI HETEROSKEDASTIK <i>Nelson Nainggolan</i>	1349
142	TAKSIRAN TITIK MEAN MODEL CAR FAY-HERRIOT MENGGUNAKAN PENDEKATAN HIERARKI BAYES PADA <i>SMALL AREA ESTIMATION</i> <i>Kurnia Susvitasisari dan Titin Siswantining</i>	1355
143	PERBANDINGAN ANALISIS REGRESI COX DAN ANALISIS SURVIVAL BAYESIAN PADA PASIEN KANKER SERVIKS <i>Rina Wijayanti dan Santi Wulan Purnami</i>	1363
144	MODEL REGRESI PROBIT BIVARIAT PADA INDEKS PEMBANGUNAN GENDER DAN INDEKS PEMBERDAYAAN GENDER <i>Ririn Wahyu Ningsih dan Vita Ratnasari</i>	1373
145	PEMODELAN KUALITAS PEMBANGUNAN MANUSIA INDONESIA DENGAN PENDEKATAN MODEL PROBIT BIVARIAT <i>Vita Ratnasari</i>	1383
146	PENAKSIRAN PARAMETER UNTUK MODEL GEOGRAPHICALLY WEIGHTED REGRESSION (GWTR) <i>Harmi Sugiarti, Purhadi, Sutikno, dan Santi Wulan Purnami</i>	1391

**BIDANG : TEORI GRAPH DAN KOMBINATORIK(11)**

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
147	GRAF AMALGAMASI POHON BERBILANGAN KROMATIK LOKASI EMPAT <i>Asmiati dan Fitriani</i>	1399
148	PELABELAN <i>GRACEFUL SUPER FIBONACCI</i> PADA GRAF <i>FRIENDSHIP</i> DAN VARIASINYA <i>Budi Poniam dan Kiki A. Sugeng</i>	1409
149	PEMANFAATAN PELABELAN <i>GRACEFUL</i> PADA SYMMETRIC TREE UNTUK KRIPTOGRAFI POLYALPHABETIC <i>Indra Bayu Muktyas dan Kiki A. Sugeng</i>	1417
150	PELABELAN TOTAL SUPER <i>(A,D)-SISI ANTIMAGIC</i> PADA GABUNGAN GRAF PRISMA	1421

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
	<i>Ira Aprilia dan Darmaji</i>	
151	BATAS ATAS DIMENSI PARTISI GRAF SUBDIVISI DARI GRAF POHON <i>Amrullah, Edy Tri Baskoro, Saladin Uttunggadewa, dan Rinovia Simanjuntak</i>	1427
152	PELABELAN HARMONIS PADA GRAF TANGGA SEGITIGA <i>Kurniawan Atmadja, Kiki A. Sugeng dan Teguh Yuniarko</i>	1435
153	PELABELAN GRACEFUL PADA GRAF MERCUSUAR DAN GRAF BUNGA DHIFA <i>Nadia Paramita, Rostika Listyaningrum dan Kiki A. Sugeng</i>	1441
154	PEMBENTUKKAN SUPER GRAF PADA KLASIFIKASI SIDIK JARI <i>Nurma Nugraha dan Kiki Ariyanti</i>	1447
155	MENGKONTRUKSI SUPER EDGE MAGIC GRAPH BARU DARI SUPER EDGE MAGIC GRAPH YANG SUDAH ADA <i>Suhud Wahyudi dan Sentot Didik Surjanto</i>	1455
156	MENENTUKAN CLIQUE MAKSIMUM PADA SUATU GRAF DENGAN MENGGUNAKAN HEURISTIK GREEDY <i>Mochamad Suyudi, Ismail Bin Mohd, Roslan Bin Hasni , Sudradjat Supian, dan Asep K. Supriatna</i>	1465
157	KAJIAN EKSISTENSI GRAF BERARAH HAMPIR MOORE <i>Yus Mochamad Cholily</i>	1471

**BIDANG : TEORI SISTEM DAN KENDALI (4)**

NO	JUDUL MAKALAH	HAL
158	KENDALI OPTIMAL PADA MANAJEMEN PERSEDIAAN MULTI-SUPPLIER DENGAN LEAD TIME <i>Darsih Idayani dan Subchan</i>	1477
159	ANALISA PERBANDINGAN PERFORMANSI KONTROL TWO WHEELED INVERTED PENDULUM ROBOT DENGAN MENGGUNAKAN FSMC DAN T2FSMC <i>Mardlijah dan Muh Abdillah</i>	1489
160	METODE LANGSUNG PADA PERMASALAHAN KENDALI OPTIMAL DENGAN LEGENDRE PSEUDOSPECTRAL <i>Rahmawati Erma Standsyah dan Subchan</i>	1497
161	KENDALI OPTIMAL MODEL DIVERSIFIKASI BERAS DAN NON-BERAS <i>Retno Wahyu Dewanti dan Subchan</i>	1507

# Sifat-sifat Aljabar dari Pemetaan Topologi Topografi Fuzzy

Muhammad Abdy

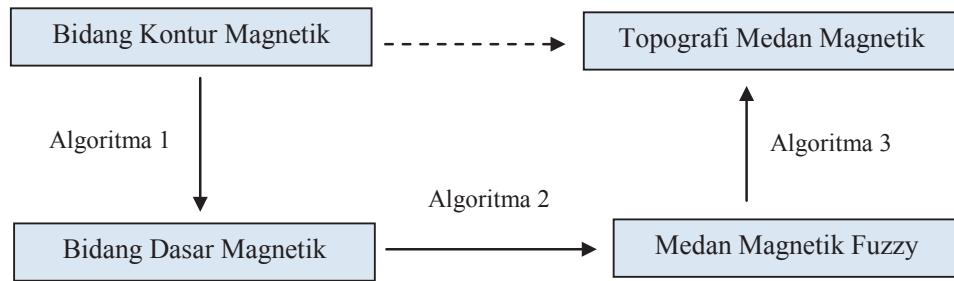
Jurusan Matematika, FMIPA - Universitas Negeri Makassar  
e-mail: [muh.abdy@unm.ac.id](mailto:muh.abdy@unm.ac.id)

**Abstrak:** Pemetaan Topologi Topografi Fuzzy (PTTF) merupakan suatu metode baru untuk menyelesaikan masalah invers neuromagnetik dalam menentukan posisi sumber arus lemah dalam otak. PTTF terdiri dari empat komponen yang dihubungkan oleh tiga algoritma. Dalam paper ini, keempat komponen tersebut diperlihatkan sifat-sifat aljabarnya, yaitu sebagai suatu grup komutatif dan ruang vektor.

Kata kunci: *invers neuromagnetik, PTTF, Kontur Magnetik, Bidang Dasar Magnetik, Magnetik Fuzzy, Topografi Medan Magnet*

## 1. Pendahuluan

Pemetaan Topologi Topografi Fuzzy (PTTF) merupakan suatu metode baru untuk menyelesaikan masalah invers neuromagnetik dalam menentukan posisi sumber arus lemah dalam otak. PTTF terdiri dari empat komponen yang dihubungkan oleh tiga algoritma, seperti terlihat pada Gambar 1



Gambar 1

Keempat komponen itu adalah bidang kontur magnetik (KM), bidang dasar magnetik (DM), medan magnetik fuzzy (MF) dan topografi medan magnetik (TM). KM adalah suatu medan magnet pada bidang di atas suatu sumber arus dengan  $z = 0$ . Bidang ini diturunkan ke bawah (DM) yaitu suatu bidang dimana sumber arus berada dengan  $z = -h$ . Kemudian semua elemen DM difuzzikan ke dalam suatu lingkungan fuzzy (MF), yaitu semua nilai medan magnet difuzzikan. Proses terakhir adalah defuzzifikasi dari data fuzzy medan magnet untuk mendapatkan posisi sumber arus dalam bentuk 3-dimensi (TM). Dengan

menggunakan data simulasi medan magnet yang dibangkitkan dengan program MATLAB, Fauziah [1] menyelesaikan masalah invers neuromagnetik untuk suatu sumber arus tunggal tak terbatas dengan menggunakan PTTF. Liau [3] mengkonstruksi PTTF sebagai suatu himpunan dari model dengan empat komponen dan tiga algoritma yang menghubungkan keempat komponen itu. Kemudian dia membuktikan bahwa keempat komponen itu adalah homeomorfik satu sama lain.

## 2. Sifat-sifat Aljabar PTTF

Fauziah [2] mendefinisikan suatu formula bacaan medan magnet dalam arah yang sejajar sumbu-z sebagai

$$B_z = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{y}{y^2 + z^2} \right) \quad (1)$$

Kemudian [3] memodifikasi persamaan (1) menjadi

$$B_{Z(x,y)} = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{y - y_p}{(y - y_p)^2 + (h + |x - x_p| \tan(\theta - 90^\circ))^2} \right) \quad (2)$$

Dimana  $\mu_0$  adalah permiabilitas ( $4\pi \cdot 10^{-7}$  meterTesla/ampere), I adalah kuat arus,  $\theta$  adalah sudut antara arus dan sumbu-z, h adalah jarak antara KM dan sumber arus.

Misalkan  $KM = \{(x, y)_0, B_{Z(x,y)} \mid x, y \in R, B_{Z(x,y)} \in [B_{Z_{\min}}, B_{Z_{\max}}]\}$ , dan misalkan didefinisikan suatu relasi  $+_{KM}$  dari  $KM \times KM$  ke  $KM$  seperti berikut:

$$\begin{aligned} +_{KM} &= \{((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1,y_1)}) \mid ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2,y_2)}) \mid ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3,y_3)}) \mid \\ &\quad ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2,y_1+y_2)}) = ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3,y_3)})\} \end{aligned} \quad (3)$$

Dengan

$$B_{Z(x_1+x_2,y_1+y_2)} = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{(y_1 + y_2) - y_p}{((y_1 + y_2) - y_p)^2 + (h + |(x_1 + x_2) - x_p| \tan(\theta - 90^\circ))^2} \right)$$

Ambil  $\{((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1,y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2,y_2)}), ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3,y_3)})\} \in +_{KM}$

Perhatikan bahwa  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1,y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2,y_2)}), ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3,y_3)}) \in KM$ .

Oleh karena itu, diperoleh  $\{((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1,y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2,y_2)})\} \in KM \times KM$ , dan juga diperoleh bahwa

$$\{((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1,y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2,y_2)}), ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3,y_3)})\} \in (KM \times KM) \times KM.$$

Sehingga,  $+_{KM} \subset (KM \times KM) \times KM$ . Jadi  $+_{KM}$  adalah suatu relasi.

Selanjutnya diperlihatkan bahwa  $+_{KM}$  adalah suatu pemetaan dari  $KM \times KM$  ke  $KM$ .

Jika untuk  $\{((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1,y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2,y_2)}), ((x_a, y_a)_0, B_{Z(x_a,y_a)})\} \in +_{KM}$  dan  $\{((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1,y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2,y_2)}), ((x_b, y_b)_0, B_{Z(x_b,y_b)})\} \in +_{KM}$ , maka  $((x_a, y_a)_0, B_{Z(x_a,y_a)}) = ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2,y_1+y_2)})$

$$= \left( (x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{(y_1 + y_2) - y_p}{((y_1 + y_2) - y_p)^2 + (h + |(x_1 + x_2) - x_p| \tan(\theta - 90^\circ))^2} \right) \right)$$

dan

$$\begin{aligned} ((x_b, y_b)_0, B_{Z(x_b, y_b)}) &= ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)}) \\ &= \left( (x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{(y_1 + y_2) - y_p}{((y_1 + y_2) - y_p)^2 + (h + |(x_1 + x_2) - x_p| \tan(\theta - 90^\circ))^2} \right) \right) \end{aligned}$$

Dengan demikian,  $(x_a, y_a) = (x_1 + x_2, y_1 + y_2) = (x_b, y_b)$ , sehingga  $x_a = x_1 + x_2 = x_b$ ,  $y_a = y_1 + y_2 = y_b$ , dan  $B_{Z(x_a, y_a)} = B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)} = B_{Z(x_b, y_b)}$ . Jadi diperoleh  $((x_a, y_a)_0, B_{Z(x_a, y_a)}) = ((x_b, y_b)_0, B_{Z(x_b, y_b)})$ . Dengan demikian, jika diberikan sebarang himpunan tak kosong KM, maka  $+_{KM}$  adalah suatu relasi sedemikian sehingga untuk setiap  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) \in KM \times KM$ , terdapat suatu elemen tunggal  $((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)}) \in KM$  sedemikian sehingga  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}), ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)}) \in +_{KM}$ . Oleh karena itu,  $+_{KM}$  adalah suatu pemetaan dari  $KM \times KM$  ke  $KM$ . Jadi,  $+_{KM}$  adalah suatu operasi biner pada  $KM$  sedemikian sehingga  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) = ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)})$  (4)

Selanjutnya diperlihatkan bahwa kontur magnetik pada PTTF dengan operasi biner  $+_{KM}$  adalah suatu grup dengan membuktikan Teorema 1 berikut.

### Teorema 1

$(KM, +_{KM})$  adalah suatu grup

#### Bukti

Misalkan  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) \in KM$ , maka

$((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) = ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)})$ . Karena

$x_1, x_2, y_1, y_2 \in R$  (bilangan rill), maka  $x_1 + x_2, y_1 + y_2 \in R$ . Selanjutnya,

$B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)}$  dapat dinyatakan dalam bentuk

$$\frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{Y - y_p}{(Y - y_p)^2 + (h + |X - x_p| \tan(\theta - 90^\circ))^2} \right), \text{ dimana } X = x_1 + x_2 \text{ dan } Y = y_1 + y_2.$$

Dengan demikian,  $B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)} \in [B_{Z_{\min}}, B_{Z_{\max}}]$  dan  $((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)}) \in KM$ . Jadi,  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) \in KM$ . (tertutup)

Selanjutnya, misalkan  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}), ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)}) \in KM$ , maka  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) +_{KM} ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)}) = ((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2 + x_3, y_2 + y_3)_0, B_{Z(x_2+x_3, y_2+y_3)}) = ((x_1 + (x_2 + x_3), y_1 + (y_2 + y_3))_0, B_{Z(x_1+(x_2+x_3), y_1+(y_2+y_3))})$  (5)

Juga dapat dituliskan:

$$[((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)})] +_{KM} ((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)})$$

$$\begin{aligned}
 &= ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)}) + {}_{KM}((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)}) \\
 &= (((x_1 + x_2) + x_3, (y_1 + y_2) + y_3)_0, B_{Z((x_1+x_2)+x_3, (y_1+y_2)+y_3)}) \\
 &= ((x_1 + (x_2 + x_3), y_1 + (y_2 + y_3))_0, B_{Z(x_1+(x_2+x_3), y_1+(y_2+y_3))}) \tag{6}
 \end{aligned}$$

Dari (5) dan (6), maka

$$\begin{aligned}
 &((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) + {}_{KM}((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) + {}_{KM}((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)}) \\
 &= ((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) + {}_{KM}((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) + {}_{KM}((x_3, y_3)_0, B_{Z(x_3, y_3)}) \text{ (assosiatif)}
 \end{aligned}$$

Selanjutnya, dalam KM terdapat  $((0,0)_0, B_{Z(0,0)})$ . Perhatikan bahwa untuk setiap

$$((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \in KM, \text{ maka } ((0,0)_0, B_{Z(0,0)}) + {}_{KM}((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) =$$

$$((0+x, 0+y)_0, B_{Z(0+x, 0+y)})$$

$$= ((0,0)_0, B_{Z(0,0)}). \text{ Juga dapat ditulis } ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) + {}_{KM}((0,0)_0, B_{Z(0,0)}) =$$

$$((x+0, y+0)_0, B_{Z(x+0, y+0)}) = ((0,0)_0, B_{Z(0,0)}). \text{ Jadi } ((0,0)_0, B_{Z(0,0)}) \text{ adalah elemen}$$

identitas dalam KM dengan operasi  $+_{KM}$ .

Selanjutnya, perhatikan bahwa untuk setiap  $((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \in KM$ , maka

$$\begin{aligned}
 ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) + {}_{KM}((-x, -y)_0, B_{Z(-x, -y)}) &= ((x + (-x), y + (-y))_0, B_{Z(x+(-x), y+(-y))}) \\
 &= ((0,0)_0, B_{Z(0,0)}) \tag{7}
 \end{aligned}$$

Juga dapat ditulis:

$$\begin{aligned}
 ((-x, -y)_0, B_{Z(-x, -y)}) + {}_{KM}((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) &= ((-x + x, -y + y)_0, B_{Z(-x+x, -y+y)}) \\
 &= ((0,0)_0, B_{Z(0,0)}) \tag{8}
 \end{aligned}$$

Jadi setiap elemen KM mempunyai elemen invers dalam KM dengan operasi  $+_{KM}$ . ■

## Teorema 2

$(KM, +_{KM})$  adalah suatu grup komutatif

### Bukti

Misalkan  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)})$ ,  $((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) \in KM$ , maka

$$((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) + {}_{KM}((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) = ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)}) \tag{9}$$

Demikian juga,

$$\begin{aligned}
 ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) + {}_{KM}((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) &= ((x_2 + x_1, y_2 + y_1)_0, B_{Z(x_2+x_1, y_2+y_1)}) \\
 &= ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)}) \tag{10}
 \end{aligned}$$

Dari (9) dan (10), maka

$$((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) + {}_{KM}((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) = ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) + {}_{KM}((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) ■$$

Teorema berikut memperlihatkan bahwa kontur magnetik pada PTTF adalah suatu ruang vektor.

## Teorema 3

KM adalah suatu ruang vektor

### Bukti

Terlebih dahulu didefinisikan operasi perkalian  $\times$  pada KM sedemikian sehingga

$$r \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = ((rx, ry)_0, B_{Z(rx, ry)}); r \in R,$$

Karena  $rx, ry \in R$ , maka  $((rx, ry)_0, B_{Z(rx, ry)}) \in KM$  sehingga  
 $r \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \in KM$  untuk setiap  $((x, y)_0, B_{Z(x, y)})$  dan  $r \in R$ .  
Selanjutnya, misalkan  $((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}), ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)}) \in KM$  dan  $r \in R$ , maka  
 $r \times [((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)})] = r \times ((x_1 + x_2, y_1 + y_2)_0, B_{Z(x_1+x_2, y_1+y_2)})$   
 $= ((r(x_1 + x_2), r(y_1 + y_2))_0, B_{Z(r(x_1+x_2), r(y_1+y_2))}) \quad (11)$

Juga dapat ditulis,

$$\begin{aligned} & r \times ((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} r \times ((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) \\ &= ((rx_1, ry_1)_0, B_{Z(rx_1, ry_1)}) +_{KM} ((rx_2, ry_2)_0, B_{Z(rx_2, ry_2)}) \\ &= ((rx_1 + rx_2, ry_1 + ry_2)_0, B_{Z(rx_1+rx_2, ry_1+ry_2)}) \\ &= ((r(x_1 + x_2), r(y_1 + y_2))_0, B_{Z(r(x_1+x_2), r(y_1+y_2))}) \end{aligned} \quad (12)$$

Dari (11) dan (12), maka

$$\begin{aligned} & r \times [((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} ((x_2, y_2)_0, B_{Z(x_2, y_2)})] \\ &= r \times ((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) +_{KM} r \times ((x_1, y_1)_0, B_{Z(x_1, y_1)}) \end{aligned}$$

Selanjutnya, misalkan  $((x, y)_0, B_{Z(x, y)})$ , dan  $r, t \in R$ , maka

$$(r+t) \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = (((r+t)x, (r+t)y)_0, B_{Z((r+t)x, (r+t)y)}) \quad (13)$$

Juga dapat ditulis

$$\begin{aligned} & r \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) +_{KM} s \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \\ &= ((rx, ry)_0, B_{Z(rx, ry)}) +_{KM} ((tx, ty)_0, B_{Z(tx, ty)}) \\ &= ((rx + tx, ry + ty)_0, B_{Z(rx+tx, ry+ty)}) \\ &= ((r+t)x, (r+t)y)_0, B_{Z((r+t)x, (r+t)y)}) \end{aligned} \quad (14)$$

Dari (13) dan (14), maka

$$\begin{aligned} & (r+t) \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = r \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) +_{KM} t \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \text{ untuk setiap} \\ & ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \in KM \text{ dan } r, t \in R. \end{aligned}$$

Selanjutnya, misalkan  $((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \in KM$ , dan  $r, t \in R$ , maka

$$(rt) \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = ((rtx, rty)_0, B_{Z(rtx, rty)}) = ((r(tx), r(ty))_0, B_{Z(r(tx), r(ty))}) \quad (15)$$

Juga dapat ditulis

$$r \times (t \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)})) = r \times ((tx, ty)_0, B_{Z(tx, ty)}) = ((r(tx), r(ty))_0, B_{Z(r(tx), r(ty))}) \quad (16)$$

Dari (15) dan (16), maka  $(rt) \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = r \times (t \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}))$

Terakhir, misalkan  $((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) \in KM$ , maka

$$1 \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = ((1x, 1y)_0, B_{Z(1x, 1y)}) \quad (17)$$

$$\text{Juga dapat ditulis } ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = ((1x, 1y)_0, B_{Z(1x, 1y)}) \quad (18)$$

Dari (17) dan (18), maka  $1 \times ((x, y)_0, B_{Z(x, y)}) = ((x, y)_0, B_{Z(x, y)})$

Jadi KM memenuhi semua aksioma ruang vektor. ■

Dengan cara yang serupa seperti dalam Teorema 1, Teorema 2 dan Teorema 3, maka diperoleh bahwa Bidang Dasar Medan Magnet (MD), Medan Magnet Fuzzy

(MF) dan Topografi Medan Magnet (TM) merupakan suatu grup komutatif dan juga merupakan suatu ruang vector, seperti dinyatakan dalam teorema berikut:

**Teorema 4:**  $(MD, +_{MD})$  adalah suatu grup komutatif

**Teorema 5:** MD adalah suatu ruang vektor

**Teorema 6:**  $(MF, +_{MF})$  adalah suatu grup komutatif

**Teorema 7:** MF adalah suatu ruang vektor

**Teorema 8:**  $(TM, +_{TM})$  adalah suatu grup komutatif

**Teorema 9:** TM adalah suatu ruang vektor

### 3. Kesimpulan

Keempat komponen dalam Pemetaan Topologi Topografi Fuzzy, yaitu kontur medan magneti, medan dasar magnetik, medan magnet fuzzy dan topografi medan magnet mempunyai sifat aljabar sebagai suatu grup komutatif dan sebagai suatu ruang vektor.

### 4. Daftar Pustaka

- [1] Fauziah, Z. (2000). Pemodelan Isyarat MEG. Proceeding of the 8<sup>th</sup> National Symposium of Mathematical Sciences. Kuala Trengganu: Universiti Putra Malaysia
- [2] Fauziah, Z. (2002). Algoritma Penyelesaian Masalah Songsang Arus Tunggal Tak Terbatas MEG. Universiti Teknologi Malaysia.
- [3] Liau, L.Y. (2006). Group-Like Algebraic Structures of FTTM for Solving Neuromagnetic Inverse Problem. Universiti Teknologi Malaysia