

MODEL HEURISTIK PENENTUAN RUTE KENDARAAN DENGAN BATASAN WAKTU PENGIRIMAN

Tjutju T. Dimiyati

Jurusan Teknik Industri Universitas Pasundan

E-mail : adimyati@bdg.centrin.net.id

ABSTRAK

Penentuan rute kendaraan (Vehicle Routing Problem, VRP) merupakan sub persoalan yang sangat penting dari suatu sistem distribusi, sehingga telah mengundang banyak perhatian peneliti untuk menggali berbagai aspek yang terkait dengan persoalan ini. Pada dasarnya persoalan ini adalah menentukan rute sejumlah kendaraan dengan kapasitas tertentu yang mengangkut suatu komoditas dari satu atau lebih depot ke sejumlah pelanggan dengan tingkat kebutuhan tertentu. Tujuannya adalah agar diperoleh total ongkos atau jarak atau waktu tempuh yang minimum. Pada makalah ini dikemukakan suatu metoda heuristik untuk menyelesaikan persoalan penentuan rute kendaraan untuk kondisi dimana setiap pelanggan menetapkan batas awal dan akhir waktu pengiriman, yang dikenal sebagai Vehicle Routing Problem with Time Window (VRPTW). Penentuan rute ditujukan tidak hanya untuk meminimumkan total ongkos perjalanan tetapi juga total waktu pelanggan menunggu. Besarnya ongkos diasumsikan proporsional terhadap jarak dan waktu tempuh.

Kata kunci:: vehicle routing, time window, heuristik

1. Pendahuluan

Bagi perusahaan manufaktur maupun jasa, sistem distribusi/transportasi memiliki peranan yang sangat penting dalam memberikan pelayanan kepada konsumen. Untuk mengendalikan seluruh aktivitas distribusi dan untuk mengefisienkan penggunaan sumber-sumber sistem ini, persoalan yang harus diselesaikan dapat dikelompokkan ke dalam persoalan yang sifatnya strategis, taktis, maupun operasional. Persoalan strategis berkaitan dengan perancangan jaringan fisik, penentuan lokasi fasilitas, dan pengadaan sumber-sumber yang diperlukan, sedangkan persoalan yang bersifat taktis berkaitan dengan pengalokasian sumber-sumber yang ada untuk memperbaiki kinerja sistem secara keseluruhan. Persoalan pada level operasional berkaitan dengan penentuan rute kendaraan yang melakukan perjalanan dari depot atau gudang ke sejumlah pengecer atau pelanggan, untuk meminimumkan total ongkos perjalanan yang terjadi. Ada dua model persoalan operasional yang banyak dibahas para peneliti, yaitu *Travelling Salesman Problem (TSP)* dan *Vehicle Routing Problem (VRP)*.

Pada model *VRP*, setiap kendaraan dengan kapasitas angkut tertentu dan seragam akan melakukan perjalanan dari depot untuk melakukan pengiriman komoditas ke sejumlah pelanggan dengan tingkat kebutuhan tertentu, dan kembali ke depot. Total kebutuhan yang dilayani setiap rute tidak melebihi kapasitas angkut kendaraan. Setiap pelanggan hanya dilayani oleh satu kendaraan dan setiap rute pengiriman hanya boleh mengunjungi setiap pelanggan satu kali. Tujuannya adalah agar setiap pelanggan terpenuhi kebutuhannya dengan total ongkos yang minimum.



Jika diberlakukan batasan waktu tertentu, baik batasan waktu untuk kendaraan berangkat dari dan kembali ke depot maupun saat paling cepat dan paling lambat untuk kendaraan tiba di masing-masing pelanggan, maka persoalannya dikenal sebagai *Vehicle Routing Problem with Time Window (VRPTW)*. Pada model *VRPTW* ini yang harus diselesaikan tidak hanya menentukan rute tetapi juga jadwal keberangkatan setiap kendaraan untuk meminimumkan total ongkos perjalanan dan total waktu pelanggan menunggu.

2. Tujuan Pembahasan

Meskipun persoalan yang melibatkan model *VRP* banyak dijumpai dalam kehidupan sehari-hari, tetapi untuk memperoleh solusi optimalnya tidaklah mudah karena *VRP* merupakan persoalan *NP-hard* (Solomon, 1987). Hal ini telah memotivasi para peneliti mengembangkan berbagai metoda heuristik agar dapat digunakan untuk menyelesaikan persoalan-persoalan dalam kehidupan sehari-hari, yang pada umumnya berukuran besar (Solomon, Baker dan Schaffer, 1988), (Solomon dan Desrosiers, 1988), (Thangiah, Osman, Vinayagamorthy dan Sun, 1995), (Ioannou, Kritikos dan Prastacos, 2001).

Pada makalah ini dibahas suatu metoda heuristik untuk menyelesaikan persoalan *VRPTW*, dengan menggunakan metoda *Insertion Heuristik-11* sebagai dasar pengembangan. Metoda *Insertion Heuristik-11* sendiri pada dasarnya merupakan pengembangan dari metoda *Saving Heuristic* yang dikembangkan oleh Clarke dan Wright untuk persoalan *VRP* klasik (Ghiani, Laporte, dan Musmanno, 2004). Butir 3 dari makalah ini menguraikan formulasi persoalan yang akan diselesaikan serta model matematisnya, sedang metoda heuristik yang dibahas disajikan pada butir 4. Untuk memudahkan pemahaman terhadap metoda yang dibahas, pada butir 5 disajikan suatu ilustrasi numerik lengkap dengan hasil perhitungan. Sebagai penutup dari seluruh pembahasan, pada butir 6 dikemukakan beberapa hal yang berkaitan dengan metoda heuristik yang dibahas.

3. Formulasi Persoalan

Untuk menjelaskan model *VRPTW*, perhatikan suatu *graph* (N,A) . Set *node* N terdiri dari suatu set pelanggan yang dinyatakan sebagai C , dimana *node* 0 dan *node* $n+1$ adalah depot. Set *arc* A menyatakan hubungan di antara *node* satu dengan *node* yang lain. Tidak ada *arc* yang berakhir di *node* 0 dan tidak ada *arc* yang berawal dari *node* $n+1$. Setiap rute akan berawal dari *node* 0 dan akan berakhir di *node* $n+1$. Setiap *arc* $(i,j) \in A$ ditandai dengan ongkos C_{ij} dan waktu tempuh t_{ij} . Karena besarnya ongkos dianggap proporsional terhadap jarak dan waktu tempuh maka besarnya unit ongkos bisa dinyatakan sama dengan 1. Setiap pelanggan berkaitan dengan kebutuhan d_i dan waktu pelayanan t_i , $i \in C$. Set kendaraan dinyatakan sebagai V dimana setiap kendaraan memiliki kapasitas angkut yang seragam, yaitu q . Pelayanan di setiap pelanggan harus dilaksanakan dalam interval waktu $[a_i, b_i]$, $i \in C$. Setiap kendaraan harus meninggalkan depot dalam interval waktu $[a_0, b_0]$ dan harus kembali ke depot dalam interval waktu $[a_{n+1}, b_{n+1}]$. Kendaraan yang datang di pelanggan sebelum awal *time window* harus menunggu hingga pelayanan dapat dimulai, tetapi tidak boleh datang setelah batas atas *time window*.

Untuk memformulasikan model matematis *VRPTW* digunakan dua variabel berikut:

$$X_{ijk} = 1 \text{ jika kendaraan } k \text{ melakukan perjalanan dari node } i \text{ ke } j \quad (\forall (i,j) \in A, \forall k \in V) \\ = 0 \text{ jika tidak}$$

$$S_{ik} \quad (\forall i \in N, \forall k \in V) \text{ menyatakan saat kendaraan } k \text{ memulai pelayanan di pelanggan } i \\ (i \in C)$$



Dalam hal ini dapat diasumsikan $S_{0k} = 0 \forall k$. $S_{n+1,k}$ menyatakan saat kepulangan kendaraan k di depot. Model matematis *VRPTW* dapat diformulasikan sebagai berikut:

$$\text{Min } \sum_{k \in V} \sum_{(i,j) \in A} C_{ij} X_{ijk} \quad (1)$$

dengan pembatas:

$$\sum_{k \in V} \sum_{j \in N} X_{ijk} = 1 \quad \forall i \in C \quad (2)$$

$$\sum_{i \in C} d_i \sum_{j \in N} X_{ijk} \leq q \quad \forall k \in V \quad (3)$$

$$\sum_{j \in N} X_{0jk} = 1 \quad \forall k \in V \quad (4)$$

$$\sum_{i \in N} X_{ihk} - \sum_{j \in N} X_{hjk} = 0 \quad \forall h \in C, \forall k \in V \quad (5)$$

$$\sum_{i \in N} X_{i,n+1,k} = 1 \quad \forall k \in V \quad (6)$$

$$X_{ijk} (S_{ik} + t_i + t_{ij} - S_{jk}) \leq 0 \quad \forall (i,j) \in A, \forall k \in V \quad (7)$$

$$a_i \leq S_{ik} \leq b_i \quad \forall k \in V, \forall i \in C \quad (8)$$

$$X_{ijk} \in \{0,1\} \quad \forall (i,j) \in A, \forall k \in V \quad (9)$$

Fungsi tujuan (1) menyatakan bahwa total ongkos harus diminimumkan. Pembatas (2) menyatakan bahwa setiap pelanggan hanya dilayani oleh satu kendaraan, sedang pembatas (3) menyatakan setiap kendaraan hanya akan melayani konsumen sebatas kapasitasnya. Pembatas (4), (5), dan (6) menyatakan bahwa setiap kendaraan k akan berangkat dari depot, meninggalkan node h , ($h \in C$) jika kendaraan itu memasuki node h , dan akan kembali ke depot. Arc $(0, n+1)$ dimasukkan ke dalam *network* untuk mengikut sertakan perjalanan awal dari depot dan perjalanan kembali ke depot. Pembatas (7) menyatakan bahwa jika kendaraan k melakukan perjalanan dari i ke j maka kendaraan tersebut akan tiba di node j setelah $S_{ik} + t_i + t_{ij}$. Pembatas (8) menyatakan setiap kendaraan k akan tiba di pelanggan i dalam batas *time window* pelanggan tersebut, sedangkan pembatas (9) adalah pembatas integralitas.

4. Metoda Penyelesaian

Metoda heuristik yang dibahas pada makalah ini pada dasarnya adalah suatu prosedur pembentukan rute yang dilakukan dengan cara memilih pelanggan (dinyatakan sebagai node) yang akan disisipkan ke dalam suatu rute yang sudah ada. Proses penyisipan dilakukan hingga rute yang bersangkutan dinyatakan "penuh", baik berdasarkan kapasitas kendaraan maupun jadwal waktu pelayanan di masing-masing pelanggan. Tujuannya adalah untuk membentuk satu atau beberapa rute pelayanan dengan total ongkos perjalanan yang minimum. Diasumsikan besarnya ongkos proporsional terhadap jarak dan waktu tempuh.

Proses pemilihan dan penyisipan node ke dalam rute dilakukan sebagai berikut:

Langkah 0 (Inisialisasi)

- o Nyatakan seluruh node (tidak termasuk depot) yang belum masuk ke dalam rute sebagai node bebas
- o Pilih satu node bebas untuk dijadikan node awal dari rute yang akan dibentuk, nyatakan node tersebut sebagai node i . Pemilihan node awal bisa didasarkan pada jarak node terhadap depot atau berdasarkan jadwal waktu pelayanan.
- o Tetapkan rute awal sebagai $R = \{0, i, n+1\}$ dengan 0 dan $n+1$ adalah depot

Langkah 1 (Penetapan nilai parameter)

- Nyatakan node bebas yang dipertimbangkan untuk disisipkan sebagai node u
- Tetapkan nilai parameter μ yaitu bobot yang diberikan terhadap penghematan jarak yang diperoleh jika dilakukan penyisipan node u . $\mu \geq 0$
- Tetapkan nilai parameter α_1 yaitu bobot yang diberikan terhadap total jarak yang terjadi akibat penyisipan node u dan parameter α_2 yaitu bobot yang diberikan terhadap perubahan waktu pelayanan akibat penyisipan node u . $\alpha_1 + \alpha_2 = 1$
- Tetapkan nilai parameter λ yaitu bobot yang diberikan bagi ongkos perjalanan dari depot ke node u jika node u tidak disisipkan ke dalam rute. $\lambda \geq 0$

Langkah 2 (Pemilihan dan penyisipan node)

- Nyatakan rute saat ini sebagai $R = \{ 0, i_1, \dots, j \}$ (0 dan j adalah depot)
- Untuk setiap node bebas u , hitung total tambahan jarak yang terjadi jika node u disisipkan, dengan menggunakan formula
$$Z_{11}(i, u, j) = d_{iu} + d_{uj} - \mu d_{ij}; \mu \geq 0$$
 d_{iu} , d_{uj} , dan d_{ij} masing-masing adalah jarak antara node i dengan node u , node u dengan node j , dan node i dengan node j
- Hitung tambahan waktu untuk kendaraan tiba dan memulai pelayanan di node i jika node u disisipkan, dengan menggunakan formula
$$Z_{12}(i, u, j) = t_{0u} + t_u + t_{uj} - t_{0i}$$
 t_{0u} , t_{uj} , dan t_{0i} adalah waktu tempuh dari depot ke node u , dari node u ke node i , dan dari depot ke node i , sedang t_u adalah waktu pelayanan di node u
- Hitung besarnya ongkos penyisipan yang besarnya proporsional terhadap tambahan jarak dan tambahan waktu tempuh untuk tiba di node i jika node u disisipkan, dengan menggunakan formula
$$Z_1(i, u, j) = \alpha_1 Z_{11}(i, u, j) + \alpha_2 Z_{12}(i, u, j); \alpha_1 \geq 0; \alpha_2 \geq 0; \alpha_1 + \alpha_2 = 1$$
- Sisipkan node bebas u yang memiliki nilai $Z_1(i, u, j)$ minimum ke dalam rute, di antara node i dan node j yang sudah ada
- Jika kapasitas kendaraan dan batas waktu pelayanan masih memungkinkan, lakukan penyisipan berikutnya berdasarkan nilai $Z_2(i, u, j)$ maksimum, dimana
$$Z_2(i, u, j) = \lambda d_{0u} - Z_1(i, u, j); \lambda \geq 0$$
menyatakan selisih antara ongkos yang terjadi jika node u ditempuh langsung dari depot dengan ongkos yang terjadi jika node u disisipkan ke dalam rute

Langkah 3 (Pengulangan)

Jika masih ada node bebas, ulangi langkah 2 hingga seluruh node masuk ke dalam rute.

Langkah 4 (Perbaikan solusi)

Untuk setiap rute yang telah terbentuk, lakukan perubahan posisi node atau urutan pelanggan yang dikunjungi, untuk memperoleh total jarak dan total waktu menunggu yang minimum.

5. Ilustrasi Numerik

Misalkan ada suatu depot yang melayani pengiriman suatu komoditas ke 12 pelanggan. Pada Tabel I disajikan data tingkat kebutuhan komoditas (dalam unit) dan jadwal waktu pelayanan di masing-masing pelanggan. Data jarak (dalam Km) serta waktu tempuh (dalam menit) dari depot ke pelanggan dan antar pelanggan adalah seperti pada Tabel II. Kapasitas setiap kendaraan adalah 30 unit, sedangkan lama waktu pelayanan di setiap pelanggan adalah 15 menit. Setiap kendaraan harus meninggalkan depot pada pukul 9:00 dan harus sudah kembali ke depot pada pukul 12:00.



Tabel I. Data tingkat kebutuhan dan jadwal pelayanan

	Pelanggan (node)											
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Tingkat Kebutuhan	7	8	6	8	6	7	8	7	6	7	5	9
Batas Awal Pelayanan	9:00	9:00	9:00	11:00	9:00	11:00	9:00	10:00	9:00	9:00	10:00	10:00
Batas Akhir Pelayanan	11:30	12:30	12:30	12:30	12:30	12:30	12:30	12:30	10:30	11:15	12:45	12:30

Tabel II. Data jarak (di bawah diagonal) dan waktu tempuh (di atas diagonal)

Node	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
0	0	30.0	31.0	30.0	30.0	27.0	23.0	25.0	30.0	41.0	31.0	24.0	33.0
1	9.8	0	14.0	18.0	5.0	16.0	28.0	29.0	12.0	13.0	13.0	28.0	6.0
2	10.1	4.6	0	7.0	11.0	5.0	21.0	20.0	5.0	15.0	6.0	24.0	13.0
3	9.8	6	2.2	0	15.0	5.0	21.0	20.0	9.0	23.0	12.0	24.0	17.0
4	9.9	0.9	3.6	4.9	0	16.0	28.0	29.0	12.0	12.0	13.0	28.0	6.0
5	8.9	5.3	0.7	1.4	5.3	0	18.0	17.0	8.0	19.0	10.0	21.0	16.0
6	7.6	9.1	7	7	9.1	5.8	0	5.0	21.0	32.0	23.0	5.0	31.0
7	8.1	9.5	6.5	6.5	9.5	5.4	0.6	0	23.0	34.0	24.0	5.0	32.0
8	9.8	3.9	1.4	2.9	3.9	2.6	7	7.5	0	11.0	5.0	28.0	8.0
9	13.4	4.3	4.9	7.5	3.7	6.1	10.5	11.08	3.5	0	10.0	35.0	10.0
10	10.1	4.3	1.9	3.8	4.3	3.1	7.5	8	0.5	3.3	0	30.0	7.0
11	7.8	9.2	7.9	7.7	9.2	6.7	0.7	0.9	9.3	11.5	9.7	0	33.0
12	10.9	1.9	4.1	5.6	1.7	5.2	10.1	10.6	2.6	3.1	2.1	10.9	0

Untuk menyelesaikan persoalan di atas ditetapkan nilai $\mu = 1$; $\alpha_1 = \alpha_2 = 0.5$; dan $\lambda = 1$. Dari data di atas diketahui bahwa total kebutuhan di seluruh pelanggan adalah 84 unit. Karena kapasitas kendaraan adalah 30 unit maka diperlukan 3 unit kendaraan, yang berarti juga akan terbentuk tiga rute yang berasal dan berakhir di depot.

Iterasi 1:

Sebagai node awal pada rute R_1 dipilih node 9 yang merupakan pelanggan dengan batas awal dan batas akhir pelayanan paling cepat, sehingga $R_1 = \{0, 9, 0\}$. Karena kapasitas kendaraan dan jadwal waktu pelayanan masih memungkinkan maka selanjutnya dilakukan pemilihan node u yang akan disisipkan. Hasil perhitungan disajikan pada Tabel III.

Tabel III. Hasil perhitungan untuk iterasi 1

i	u	d(i,u)	d(u,0)	d(i,0)	Z11	t(0,u)	t(u,i)	t(0,i)	Z12	Z1	Z2
9	1	4.3	9.8	13.4	0.7	30.0	13.0	41.0	17	8.85	0.95
	2	4.9	10.1	13.4	1.6	31.0	15.0	41.0	20	10.8	-0.7
	3	7.5	9.8	13.4	3.9	30.0	23.0	41.0	27	15.45	-5.65
	4	3.7	9.9	13.4	0.2	30.0	12.0	41.0	16	8.1	1.8
	5	6.1	8.9	13.4	1.6	27.0	19.0	41.0	20	10.8	-1.9
	6	10.5	7.6	13.4	4.7	23.0	32.0	41.0	29	16.85	-9.25
	7	11.08	8.1	13.4	5.78	25.0	34.0	41.0	33	19.39	-11.29
	8	3.5	9.8	13.4	-0.1	30.0	11.0	41.0	15	7.45	2.35
	10	3.3	10.1	13.4	0	31.0	10.0	41.0	15	7.5	2.6



	11	11.5	7.8	13.4	5.9	24.0	35.0	41.0	33	19.45	-11.65
	12	3.1	10.9	13.4	0.6	33.0	10.0	41.0	17	8.8	2.1

Berdasarkan nilai Z_1 maka node yang harus disisipkan di antara node 9 dan depot adalah node 8 sehingga diperoleh rute $R_1 = \{0, 9, 8, 0\}$. Proses penyisipan masih dapat dilakukan dengan memperhatikan nilai Z_2 sehingga akhirnya diperoleh rute $R_1 = \{0, 9, 8, 10, 12, 0\}$. Resume hasil perhitungan untuk rute R_1 disajikan pada Tabel IV.

Tabel IV. Resume hasil perhitungan iterasi 1

Node	Tiba	Berangkat	Waktu menunggu	Kumulatif unit	Kumulatif jarak
Depot		9:00			
Pelanggan 9	9:41	9:56	-	6	13.4
Pelanggan 8	10:07	10:22	-	13	16.9
Pelanggan 10	10:27	10:42	-	20	17.4
Pelanggan 12	10:49	11:04	-	29	19.5
Depot	11:37				30.4

Dengan cara yang sama dilakukan perhitungan untuk memperoleh rute kedua dan ketiga sehingga diperoleh $R_2 = \{0, 1, 4, 5, 2, 0\}$ dan $R_3 = \{0, 3, 6, 7, 11, 0\}$. Kedua rute ini tidak fisibel karena menyebabkan kendaraan tiba di depot lebih dari pukul 12:00. Hal ini terjadi karena dari rute R_2 diperoleh waktu tunggu selama 70 menit di pelanggan 4, sedangkan dari rute R_3 diperoleh waktu tunggu selama 54 menit di pelanggan 6. Karena itu maka dilakukan evaluasi terhadap urutan pelayanan pelanggan untuk memperoleh rute baru yang fisibel. Hasil yang diperoleh adalah $R_2 = \{0, 1, 5, 2, 4, 0\}$ dan $R_3 = \{0, 3, 7, 11, 6, 0\}$. Resume hasil perhitungan disajikan pada Tabel V dan Tabel VI.

Tabel V. Resume hasil perhitungan iterasi 2

Node	Tiba	Berangkat	Waktu menunggu	Kumulatif unit	Kumulatif jarak
Depot		9:00			
Pelanggan 1	9:30	9:45	-	7	9.8
Pelanggan 5	10:01	10:16	-	13	15.1
Pelanggan 2	10:21	10:37	-	21	15.8
Pelanggan 4	10:48	11:15	12 menit	29	19.4
Depot	11:45				29.3

Tabel VI. Resume hasil perhitungan iterasi 3

Node	Tiba	Berangkat	Waktu menunggu	Kumulatif unit	Kumulatif jarak
Depot		9:00			
Pelanggan 3	9:30	9:45	-	6	9.8
Pelanggan 7	10:06	10:21	-	14	16.3
Pelanggan 11	10:26	10:41	-	19	17.2
Pelanggan 6	10:46	11:15	14 menit	26	17.9
Depot	11:38				25.5

6. Penutup

Pendisribusian suatu komoditas dari depot atau gudang ke sejumlah agen atau pelanggan merupakan permasalahan yang umum dijumpai dalam kehidupan sehari-hari, sekaligus merupakan permasalahan yang tidak mudah untuk diselesaikan dengan menggunakan model optimasi. Karena itu perlu dikembangkan suatu metoda penyelesaian yang sederhana dan mudah dilakukan, tetapi dapat memberikan solusi yang cukup baik dan mendekati solusi



optimalnya. Metoda heuristik yang dibahas pada makalah ini menggunakan formula yang sederhana sehingga dapat dengan mudah diselesaikan secara manual, meskipun untuk persoalan yang berukuran besar. Karena solusi yang diperoleh akan ditentukan oleh nilai parameter-parameter μ , α_1 , α_2 , dan λ yang digunakan maka untuk memperoleh solusi terbaik (berdasarkan kriteria yang ditetapkan) perlu dilakukan pengulangan perhitungan dengan nilai yang berbeda untuk masing-masing parameter. Apabila besarnya ongkos tidak diasumsikan proporsional terhadap jarak dan waktu tempuh maka pada proses pemilihan node yang akan disisipkan (langkah 2), nilai $Z_{11}(i, u, j)$ dan $Z_{12}(i, u, j)$ harus dikalikan dengan unit ongkos yang berlaku. Demikian juga dengan (λd_{ou}) harus dikalikan dengan unit ongkos yang berlaku sebelum menghitung nilai $Z_2(i, u, j)$.

Daftar Pustaka

1. Ghiani, G., G. Laporte, and R. Musmanno (2004), "Introduction to Logistics Systems Planning and Control", John Wiley & Sons Ltd. England, 273–279.
2. Ioannou, G., M. Kritikos and G. Prastacos (2001), "A Greedy Look-Ahead Heuristic for the Vehicle Routing Problem with Time Windows", *Journal of the Operational Research Society* 52, 523–537.
3. Solomon, M.M. (1987), "Algorithms for the Vehicle Routing and Scheduling Problems with Time Window Constraints", *Operations Research* 35, 254–265.
4. Solomon, M.M., E.K. Baker and J.R. Schaffer (1988), "Vehicle Routing and Scheduling Problems with Time Window Constraints: Efficient Implementations of Solution Improvement Procedures", in *Vehicle Routing: Methods and Studies*, B. Golden and A. Assad (eds), 85–106, Elsevier Science Publishers, Amsterdam.
5. Solomon, M.M. and J. Desrosiers (1988), "Time Window Constrained Routing and Scheduling Problems", *Transportation Science* 22, 1–13.
6. Thangiah, S.R., I.H. Osman, R. Vinayagamoorthy and T. Sun (1995), "Algorithms for the Vehicle Routing Problems with Time Deadlines", *American Journal of Mathematical and Management Sciences* 13, 323–355.

