環境制御 (Environment Research and Control), 30, 27-32 (2008)



# Amplitude Domain Reflectometry 法による不飽和砂地盤中の NAPL 含有量と 誘電率に関する基礎的研究

諸泉利嗣<sup>1\*</sup>·佐々木裕美<sup>2</sup>·三浦健志<sup>1</sup>

<sup>1</sup>岡山大学 環境理工学部 環境管理工学科,〒700-8530 岡山市津島中 3-1-1 <sup>2</sup>日化エンジニアリング株式会社,〒552-0001 大阪市港区波除 3-12-4 (平成 20 年 12 月 2 日受理)

# Fundamental study on NAPL content and permittivity in unsaturated sandy soil using amplitude domain reflectometry

Toshitsugu Moroizumi<sup>1\*</sup>, Yumi Sasaki<sup>2</sup>, and Takeshi Miura<sup>1</sup>

Department of Environmental Management, Faculty of Environmental Science and Technology, Okayama University, 3-1-1, Tsushima-Naka, Okayama-shi 700-8530, Japan<sup>1</sup>

Nikka-Engineering Corp., 3-12-4 Namiyoke, Minatoku, Osaka-shi 552-0001, Japan<sup>2</sup>

Abstract: Subsurface contamination by non-aqueous phase liquid (NAPL) has become a serious environmental issue. Therefore, it is necessary to estimate the NAPL content ( $\theta_{NAPL}$ ) in unsaturated soil to detect and monitor the NAPL contaminations in soil and groundwater. The objective of this study was to investigate the relationship between  $\theta_{NAPL}$  and permittivity (K) in unsaturated sandy soil as a fundamental study to estimate the  $\theta_{NAPL}$ . An ADR (Amplitude Domain Reflectometry) method was used to measure the K in the soil including the NAPL which was a castor oil as light NAPL or a HFE-7100 as dense NAPL. The experimental study indicated the linear relation between  $\theta_{NAPL}$  and  $\sqrt{K}$  in unsaturated soil with soil-NAPL-air. Using this relationship, we can estimate the  $\theta_{NAPL}$ . On the other hand, although we obtained the relationship between  $\theta_{NAPL}$ ,  $\theta_w$  and  $\sqrt{K}$  in unsaturated soil with soil-NAPL-water-air, it was not possible to estimate the  $\theta_{NAPL}$  using this relationship.

Key words: NAPL, Permittivity, Amplitude Domain Reflectmetry, Soil and groundwater contamination

# 1. 緒 言

近年,石油系炭化水素や揮発性有機化合物などの 水に溶けにくい NAPL (Non-aqueous phase liquid) による土壌・地下水汚染が深刻な問題となっており, 効率的な調査・修復技術の確立が求められている。 現在,地盤の汚染度の測定法としては,サンプリン グによる方法が一般的であるが,この方法で原位置 において汚染度の経時的な変化を把握することは, 人的労力や経費がかかるなどの問題がある。また, サンプリングの際に NAPL が人体に曝露される危険 を含んでいる [1,2]。汚染の現況や将来的な広がり, さらに修復状況を把握するためには,原位置で比較 的容易にこれらを測定する手法の確立が必要不可欠 である。

これまでに、土壌・地下水中の NAPL 汚染度の非 破壊測定法として、誘電率法が研究されてきた [3, 4,

\*連絡先, Corresponding author

5,6]。この方法は、土壌・地下水の誘電率を出力情報としてとらえ、その出力情報から水とNAPLの誘電率の差を利用して、土壌の内部情報としてのNAPL含有量を推定するという逆解析的方法と考えることができる[2]。誘電率法を用いたNAPL汚染地盤の評価法に関する研究は、土-NAPL-水の飽和3相系地盤に関する研究に比べて、土-NAPL-空気3相系および土-NAPL-水-空気4相系の不飽和地盤に対する研究はそれほど多くはない。

誘電率法には、干渉反射波の伝播時間から土壌の 誘電率を求める TDR (Time Domain Reflectometry) 法[7]や、干渉反射波の周波数領域におけるインピ ーダンス応答の特性から土壌の誘電率を求める FDR

(Frequency Domain Reflectometry) 法 [8] などがあ る。しかし、これらの方法は、高価なオシロスコー プやスペクトロアナライザーといった機器が必要で あり、また、測定から得られる波形の解析を行う必 要がある。一方、誘電率法の一種である ADR (Amplitude domain reflectmetry)法[9]では、高価な機器は必要とせず、簡単なインピーダンスの測定により土壌の誘電率を求めることができる。

本研究では、不飽和砂地盤における NAPL 汚染度の評価法を確立するための基礎的研究として、誘電率の測定に ADR 法を用いて不飽和砂地盤中の NAPL 含有量と誘電率の関係について実験的に検討した。 なお、本論文で用いられている誘電率とは、既往の研究 [1, 3, 4, 5, 6] と同様、比誘電率のことである。

# 2. ADR 法の原理 [9]

ADR 法に基づく土壌水分センサーは,100 MHz の 正弦波発振器,同軸ケーブル,センサープローブか ら成る。同軸ケーブルは一定の電気抵抗をもち,セ ンサープローブは同軸ケーブルの延長部分として振 る舞い,土壌の誘電率に依存する電気抵抗をもつ。

同軸ケーブルにおけるインピーダンス(Z)は、その 物理的特性と絶縁体(本研究の場合、土壌)の誘電率に 依存する。

$$Z = \frac{60}{K^{1/2}} \ln\left(\frac{r_1}{r_2}\right)$$
(1)

ここで, *r*<sub>1</sub> は内側の導体の半径, *r*<sub>2</sub> はシールド導体の半径, *K* は誘電率である。

発振器からの信号は、同軸ケーブルに沿って、セ ンサープローブへ伝えられる。プローブの電気抵抗 が同軸ケーブルの電気抵抗と異なれば、ある大きさ の信号が反射し戻る。反射する信号の割合は、反射 係数と呼ばれ、プローブと同軸ケーブルの電気抵抗 で表すことができる。

$$\rho = \frac{Z_p - Z_l}{Z_p + Z_l} \tag{2}$$

ここで、 $Z_p$ はプローブのインピーダンス、 $Z_l$ は同軸 ケーブルのインピーダンスである。

反射された信号は、入射する信号と衝突し、同軸 ケーブル上で電圧定在波、すなわち同軸ケーブルの 長さに沿った電圧振幅の変化を引き起こす原因とな る。入射信号と反射信号は正弦の波形をもつため、 定在波の波形も正弦である。

発信器が同軸ケーブルの初めの部分で信号 V<sub>0</sub>を与 えるとすると,

$$V_0 = a\sin 2\pi ft \tag{3}$$

ここで, *a* は発信器出力における電圧の振幅, *f* は発 信器の周波数, *t* は任意の瞬間からの時間である。 同軸ケーブルの初めの部分における反射信号は, 次 式となる。

$$V_o = a\sin 2\pi f t + a\rho \sin 2\pi f \left(t - \frac{2l}{v_p}\right)$$
(4)

ここで、*l*は同軸ケーブルの長さ、 $v_p$ はケーブルに沿って伝わる信号の速度である。同軸ケーブルの長さ  $iv_p/4f$ であれば、 $V_0$ は次式で表される。

$$V_0 = a \sin 2\pi f t - a\rho \sin 2\pi f t$$
  
=  $a(1-\rho)\sin 2\pi f t$  (5)

この最大値は、

$$\hat{V}_0 = a(1-\rho) \tag{6}$$

である。この値は,発信器のどんな周波でも到達す る値である。同様に,同軸ケーブルとプローブの接 続部での最大電圧は,

$$\hat{V}_{j} = a(1+\rho) \tag{7}$$

となる。この2点間の振幅の差は、次式で表される。

$$\hat{V}_{j} - \hat{V}_{0} = 2a\rho = 2a \left(\frac{Z_{p} - Z_{l}}{Z_{p} + Z_{l}}\right)$$
(8)

この振幅の差を測定することで土壌中のプローブの 相対的なインピーダンス Z が評価され、Z<sub>i</sub>が既知で あれば式(2)より  $Z_p$  が求められる。これから、式(1) により土壌の K が求められる。

#### 3. 実験方法

#### 3.1 実験装置の概要

実験装置は、ADR センサーに Theta Probe ML2x、 データロガーに HH2 Moisture Meter をそれぞれ用い た(両製品ともに Delta-T Device 社製)。ADR センサ ーのプローブは本体部に 100 MHz 正弦波発振器、同 軸ケーブル、測定電子回路を内蔵し、センサー部は 4 本の平行なステンレス製のロッドから成り立って いる。ロッドは、中央の 1 本が信号ロッド、外側の 3 本がシールドロッドで信号ロッドの周囲に電気的 な遮断を形成する。

ADR センサーのマニュアル [10] には,予め出力 電圧(V) と誘電率の平方根( $\sqrt{K}$ )の関係式が与え られているが,この関係式を用いて水の誘電率を求 めたところ,文献値よりも15ほど低かった。そこで, 水,空気などの誘電率が既知の物質を用いて,次式 に示す新たな校正式を求めた。

$$\sqrt{K} = 1 + 12.574V - 50.48V^2 + 118.04V^3 - 123.31V^4 + 47.923V^5$$
(9)

#### 3.2 試料の作成と実験手順

供試土には、土粒子の密度が 2.64 の豊浦砂を用いた。NAPLには、LNAPL(比重の軽い油)としてヒマシ油を、DNAPL(比重の重い油)として HFE-7100の2種類を使用した。Table 1 にこれらの NAPLの基本的な物性値を示す。HFE-7100が地下水汚染の原因として取り上げられている TCE(トリクロロエチレン)に物性が類似していることや、ヒマシ油、HFE-7100ともに人体に無害であることなどから、この2つのNAPLを選定した。実験は、以下の2種類の不飽和系実験について行った。

(1) 不飽和3相系実験(砂-NAPL-空気)

間隙率一定の条件で,加える NAPL の量を変化さ せて土壌の誘電率を測定した。

(2) 不飽和4相系実験(砂-NAPL-水-空気)

間隙率一定の条件で、加える水と NAPL の量を変 化させて土壌の誘電率を測定した。

試料は,豊浦砂と NAPL または水が均一になるように混ぜ,300mlのガラス製ビーカーに間隙率が 0.45 になるように充填した。なお,HFE-7100 は,揮発性

 Table 1 Physical properties of materials used in experiments

	Density	Viscosity	Permittivity
	(×10 <sup>3</sup> kg m <sup>-3</sup> )	(Pa·s)	(-)
Castor oil	0.961	0.7	4.40
HFE-7100	1.520	5.8×10 <sup>-4</sup>	6.87
Distilled water	0.998	0.001	80.1
Toyoura sand	2.64	—	4.27

に富み,かつ密度が水よりも大きいため,試料作成 後できるだけ速やかに測定を行った。

試料を充填したビーカーに ADR センサーを試料 表面より鉛直に挿入し,誘電率の測定を行った。測 定は同一の試料に対して3回実施し,結果の整理に はその平均値を用いた。実験は,約25℃の室温下で 行った。

#### 4. 結果と考察

# 4.1 砂・NAPL・空気の不飽和3相系

Fig.1 に NAPL 含有率 ( $\theta_{LNAPL}$ および  $\theta_{DNAPL}$ ) と  $\sqrt{K}$ の関係を示す。図中には、比較のために体積含水率 ( $\theta_w$ ) と  $\sqrt{K}$ の関係も示した。水の場合と比較する と、LNAPL、DNAPL ともに誘電率は小さい。これ は、LNAPL と DNAPL の誘電率がそれぞれ 4.4 およ び 6.87 であり、水の誘電率である 80.1 に比べると非



Fig. 1 Relationship between volumetric liquid contents ( $\theta_{LNAPL}$ ,  $\theta_{DNAPL}$ , and  $\theta_w$ ) and  $\sqrt{K}$  in unsaturated soil which is a 3 phases system of soil-NAPL-air.

Symbols ( $\triangle$ ,  $\bigcirc$ , and  $\times$ ) show experimental data, and solid lines represent equations (11) – (13).

常に小さいためである。しかし、わずかではあるが NAPL の量が増加するとともに、NAPL よりもさらに 誘電率が小さい空気が NAPL と置換することによっ て、NAPL の誘電率は上昇する傾向を示した。これ らの傾向は、西垣ら [5] の示した実験結果と同様の 傾向となった。また、NAPL の量の増加に伴う誘電 率の上昇は、NAPL 含有量が 0.2 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup> までは LNAPL と DNAPL にほとんど差がみられないが、0.25 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>以上では DNAPL の方がわずかに上昇率が大 きかった。これは、NAPL の誘電率が小さいため、 NAPL 含有量が比較的少ない 0.2 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>付近までは LNAPL と DNAPL の誘電率の差は $\sqrt{K}$ の差にほとん ど影響を与えないが、0.20 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>以上の量になると、 LNAPL と DNAPL の誘電率の差が $\sqrt{K}$ の差に現れた ものと考える。

次に, NAPL 含有量と $\sqrt{K}$ の関係式を求める。 Whalley [11] は,  $\theta_w \ge \sqrt{K}$ の関係が, 次式のように 直線近似できることを示した。

$$\sqrt{K} = a_0 + a_1 \theta_w \tag{10}$$

ここに, $a_0 \ge a_1$ はフィッティングパラメータである。 実験結果を式(10)に適用し,LNAPL,DNAPLおよび 水における関係式を求めると,次式となる。

LNAPL : 
$$\sqrt{K} = 1.8516 + 0.7978\theta_{LNAPL}$$
 (11)  
( $r^2 = 0.875$ )

DNAPL: 
$$\sqrt{K} = 1.7705 + 1.5096\theta_{DNAPL}$$
 (12)  
( $r^2 = 0.992$ )

$$\pi : \sqrt{K} = 1.6642 + 7.7925\theta_w$$
(13)  
(r<sup>2</sup> = 0.996)

Fig.1 にこれらの関係式を実線で示す。LNAPL の 0.45 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>での値に若干ズレが見られるが,いずれの関係式も実測値を十分な精度で表している。

# 4.2 砂・NAPL・水・空気の不飽和4相系

Fig.2 に,体積含水率が一定条件下における NAPL 含有量と $\sqrt{K}$ の関係を示す。また,図中には,式(11) ~(13)で表される不飽和 3 相系の場合の NAPL また は水の含有率と $\sqrt{K}$ の関係を点線または破線で示し ている。体積含水率が 0.1 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup> と 0.2 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>の場 合から分かるように,一定の水分条件下では NAPL 量の増加とともにわずかではあるが誘電率は上昇し た。また,NAPL の量が同じである場合には,水分



Fig. 2 Relationship between  $\theta_{LNAPL}$  (or  $\theta_{DNAPL}$ ),  $\theta_{w}$ , and  $\sqrt{K}$  in unsaturated soil which is a 4 phases system of soil-NAPL-water-air.

Symbols ( $\blacksquare$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bullet$ , and  $\square$ ) show experimental data under the conditions of constant water content ( $\theta_w = 0.05$ , 0.1, 0.2, and 0.3 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>). Solid lines represent equations (14) and (15). Dashed and dotted lines also represent equations (11) (or (12)) and (13), respectively.

量が多い方が土壌の誘電率は大きくなった。このように、土壌全体の誘電率は、誘電率の大きい水の含 有量でほとんど決まり、それに誘電率の小さいNAPL 含有量に応じた誘電率の上昇分が加わることで決定 されると考えることができる。

そこで、 $\theta_w \geq \sqrt{K}$ の関係式(13)に式(11)または式 (12)の右辺第2項の $\theta_{NAPL}$ の上昇分を加えると、 $\theta_{NAPL}$ と $\theta_w \geq \sqrt{K}$ の関係式は次式で表される。

LNAPL : 
$$\sqrt{K} = 1.6642 + 7.7925\theta_w + 0.7978\theta_{LNAPL}$$
  
(14)

DNAPL :  $\sqrt{K} = 1.6642 + 7.7925\theta_w + 1.5096\theta_{DNAPL}$  (15)

これらの関係式を Fig.2 に実線で示す。LNAPL, DNAPL ともに式(14)と式(15)は、実測値の傾向をよ く表している。このことからも、土壌全体の誘電率 が誘電率の大きい水の含有量でほとんど決まり、そ れに誘電率の小さい NAPL 含有量に応じた誘電率の 上昇分が加わるという考え方が妥当であることがわ かる。

### 4.3 不飽和地盤における NAPL 含有量の推定

ここでは、3 相系および 4 相系不飽和地盤における NAPL 含有量の推定について議論する。

不飽和 3 相系地盤に対しては,式(11)(または式(12))を右辺の $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )について解くことにより, Kの測定値から $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )を推定することができる。

一方,不飽和4相系地盤に関しては,式(11)(また は式(12))の右辺に $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )と $\theta_w$ の2 つの未知数があり, K の測定値から $\theta_{LNAPL}$ (または  $\theta_{DNAPL}$ )を一意的に求めることができない。この場合, 誘電率とは別の関係式を用いることができれば,そ の関係式と式(11)(または式(12))を連立させること により, $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )と $\theta_w$ について解を得 ることができ, $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )と $\theta_w$ について解を得 ることができ, $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )を推定するこ とが可能となる。誘電率とは別の関係式として,例 えば,須甲ら[12]は,熱伝導率の関係式を用いて いる。

4.2 で述べたように、体積含水率による誘電率の 変化に比べると NAPL の変化に対する誘電率の変化 はそれほど大きくはない。したがって、現地地盤へ の適用を考えた場合、本研究で提案した手法は不均 一性の大きな地盤への適用は難しいと考える。また、 比較的均一な地盤へ適用する場合においても、NAPL 含有量を精度良く推定することよりも、NAPL の侵 入検知を主目的とした使用を考える方が現実的であ ると言えよう。

#### 5. 結論

本研究では、ADR 法を用いて、不飽和砂地盤にお ける NAPL 汚染度の評価法を確立するための基礎的 研究として、NAPL 含有量と誘電率の関係について 実験的に検討した。以下に、今回得られた知見を要 約する。

- (1)不飽和3相系の場合は、水の場合に比べて、NAPL の増加に伴う誘電率の上昇小さかった。また、 NAPL 含有量が 0.2 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>までは LNAPL と DNAPL の誘電率にほとんど差がみられないが、 0.25 cm<sup>3</sup>cm<sup>-3</sup>以上では DNAPL の方がわずかに上昇 率が大きかった。
- (2)不飽和 4 相系の場合は、一定の水分条件下では NAPL 量の増加とともにわずかではあるが誘電率 は上昇した。また、NAPL の量が同じである場合 には、水分量の多い方が土壌の誘電率は大きくな った。
- (3)不飽和3相系の場合は、 $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )と  $\sqrt{K}$ 関係式から $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )を推定する ことが可能であるが、不飽和4相系の場合はKの 測定値から $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )を推定すること はできない。この場合、誘電率とは別の関係式を 用いることができれば、 $\theta_{LNAPL}$ (または $\theta_{DNAPL}$ )を 推定できることが示唆された。

本研究では、不飽和系地盤のおける NAPL 含有量 と誘電率の関係について実験的に検討したが、砂 -NAPL-水の飽和3相系地盤については、Moroizumi et al. [13] に詳しい。

### 謝 辞

本研究の一部は、文部科学省科学技術振興調整費 「廃棄物処分場の有害物質の安全・安心保障」(平成 16~18年度,代表者:岡山大学小野芳朗教授)に より実施されました。ここに記して謝意を表します。

#### 参考文献

- 1. Persson, M. and R. Berndtsson, Measuring nonaqueous phase liquid saturation in soil using time domain reflectometry, Water Resour.Res., 38(5), 1064, doi:10, 1029/2001WR000523 (2002)
- 諸泉利嗣,繁澤和佳子,佐々木長市,双極熱パルス法による飽和砂土の NAPL 汚染度の推定,地下水学会誌, 50(1),17-24 (2008).
- Redman, J.D. and S. M. DeRyck, Monitoring non-aqueous phase liquids in the subsurface with multilevel time domain reflectometry probes. Proceedings of the Symposium on Time Domain Reflectometry in Environmental, Infrastructure, and Mining Applications, Spec. Publ. SP19-94, NTIS PB95-105789, 207-215, U. S. Bur. of Mines, Washington. D. C. (1994).
- 4. Ajo-Franklin, J. B., J. T. Geller, and J. M. Harris, The

dielectric properties of granular media saturated with DNAPL/water mixture. Geophy. Res. Lett., 31, L17501 10, 1029/2004GL020672 (2004).

- 5. 西垣 誠・小松 満・金 萬鎰, FDR 法による土壌・地 下水汚染のモニタリング手法に関する基礎的研究,地下 水学会誌, 46(2), 145-157 (2004).
- 水学会誌, 46(2), 145-157 (2004). 6. 登尾浩助, サーモ TDR プローブによる不飽和土壤中の 有機汚染物質濃度の測定, 土木学会論文集 No.783/VII-34, 33-38 (2005).
- 7. Topp,G.C., J.L.Davis, and A.P.Annan, Electromagnetic determination of soil water content:Measurements in coaxial transmission lines, Water Resour.Res., 16, 574-582 (1980).
- Dirksen, C, Soil Physics measurements, Catena Verlag GMBH, 56 (1999).
- Gaskin, G. J. and J. D. Miller, Measurement of soil water content using a simplified impedance measuring technique, J. agric. Engng, Res., 63, 153-160 (1996).
   8. Miller, J. D. and G.
- J. Gaskin, ThetaProbe ML2x Principles of operation and applications. MLURI Technical Note (2nd ed). Macaulay Land Use Research Institute. Aberdeen. U.K. (1999).
- 11. Whally, W. R., Consideration on the use of time-domain reflectmetry (TDR) for measuring soil water content, Journal of Soil Science, 44, 1-9 (1996).
- 12. 須甲武志,望月秀俊,小岩崎真,熱伝導率と比誘電率 を用いた油汚染土壌の汚染度予測法の改良,第49回土 壌物理学会講演要旨集,28-29 (2007).
- Moroizumi, T and Y. Sasaki, Estimating the Nonaqueous-Phase Liquid Content in Saturated Sandy Soil Using Amplitude Domain Reflectometry, Soil Sci. Soc. Am. J., 72(6), 1520-1526 (2008).