

## ANALISI MATEMATICA T-B (L-Z) (C.d.L. Ing. Gestionale)

Università di Bologna - A.A. 2008/2009 - 8 Febbraio 2010 - Prof. G.Cupini

MATRICOLA:

COGNOME: NOME:

ORALE: Non posso (max 1):  Ma matt. 9 –  Ma pom. 9 –  Me matt. 10 –  Me pom. 10

**Esercizio 1.** Calcolare  $\sqrt[4]{\frac{-2-5i}{1+3i}}$  in  $\mathbb{C}$ .

**Esercizio 2.** Studiare la convergenza al variare di  $\alpha \in \mathbb{R}$  della serie

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{2n^2 + \cos(n^3)}{3n^\alpha + n^3 + 1}$$

**Esercizio 3.** Si consideri  $f(x, y) = x^2 + y^3 + y^2 + 2xy$ .

- (a) Determinare i punti critici di  $f$  e classificarli.
- (b) Calcolare  $\frac{\partial f}{\partial \lambda}(1, 0)$  dove  $\lambda$  è il versore  $(-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$ .
- (c) Calcolare, se esiste,  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{f(x, y)}{x^2 + y^2}$ .

**Esercizio 4.** Determinare la soluzione di  $y' = \frac{y^2 + 1}{4x + 1}$  tale che  $y(0) = 0$ .

**Esercizio 5.** Sia  $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 4 - 2x\}$ .

- (a) Descrivere  $D$  come normale rispetto a  $y$ .
- (b) Calcolare  $\iint_D y \, dx \, dy$ .
- (c) Calcolare  $\int_{\partial D} y \, ds$ .
- (d) Calcolare il volume del solido ottenuto ruotando  $D$  attorno all'asse  $x$ .

**Esercizio 6.** Calcolare  $\iiint_E z \, dx \, dy \, dz$  dove

$$E = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : z \leq -\sqrt{x^2 + y^2}, x^2 + y^2 + z^2 \leq 16\}.$$